

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.

Th 31.3

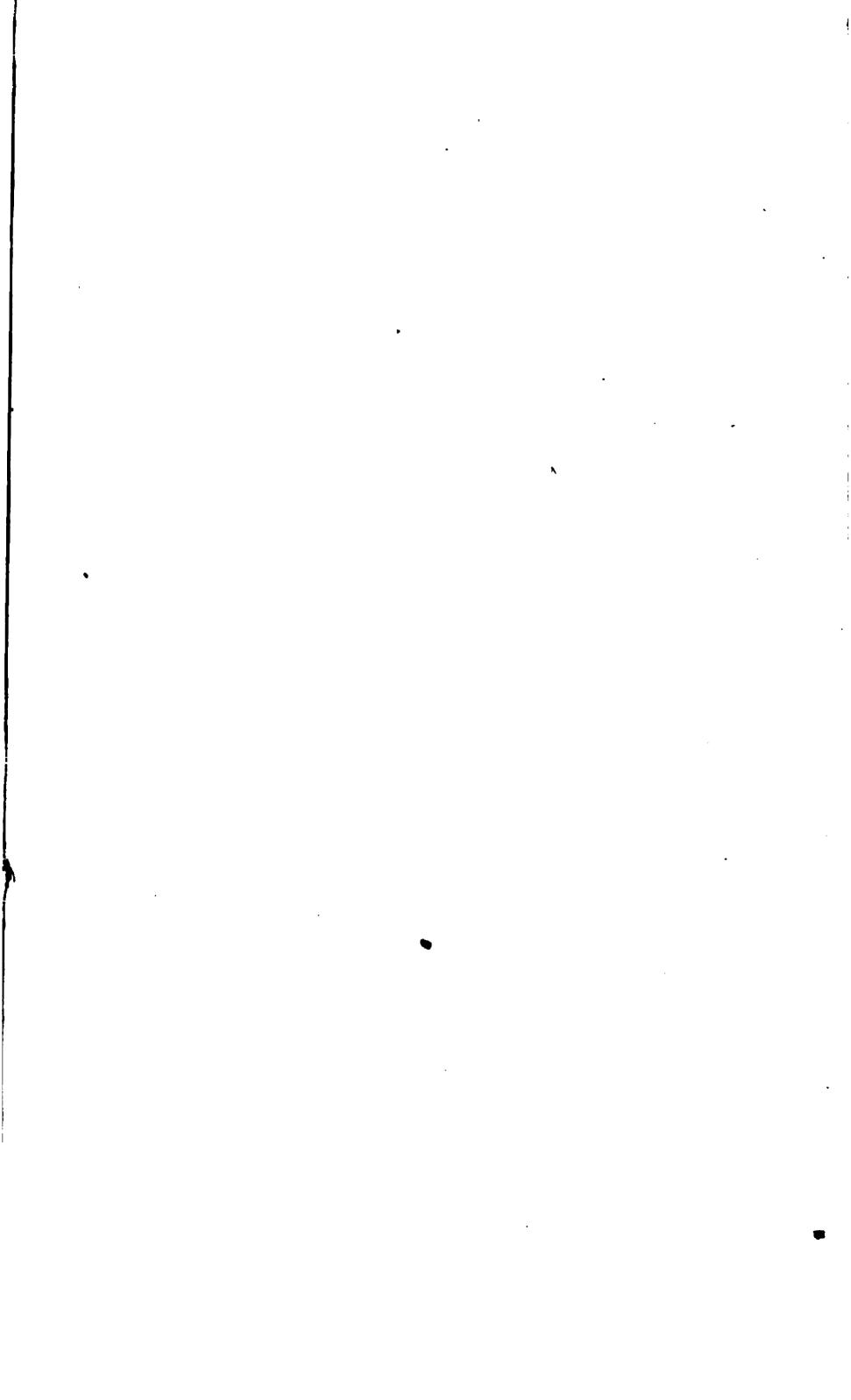
JP

DEPOSITED AT THE HABWARD FOREST 1943

RETURNED TO J. F. MARCH. 196Z

the Section 2 to Section 6 to Section 3

.



#Die

A 22

Forst=Mathematik

in den Grenzen wirthschaftlicher Anwendung.

nebft

Hülfstafeln,

sowohl für die Forstschätzung, als für den täglichen Forstdienst.

Der

Forstwissenschaft

erste Hauptabtheilung

noa

Dr. G. König,

Großherzogl. Sächstichem Oberforftrathe, Forfttarations Commissarius, Direktor ber Forflehranftalt 30 Eisenach, Mitzliebe Mehrer forft und landwirtischaftlichen Vereind, Komibur bes Großberg. Sächf. Hausowens vom weißen Fallen, Kitter bes Berzogl. Sachsen Erneftinischen Dausorbent und bes Berzogl. Anhalischen Orbens Albrecht bes Baren, Inhaber ber golbenen Mebaille ber Auflierl.
Russischen Gesellschaft zur Beförderung der Forswirtischaft u. f. w.

Dritte verhefferte und vermehrte Ausgabe.

Gotha, 1846.

In Commission ber Bederschen Verlage : Buchhandlung.

Longony Morawinski

nly 1914 29744

Borworte.

Zur ersten Ausgabe.

Dur Bearbeitung der Forstwissenschaft für den Forstbienst glaubt der Berfasser sich vorzüglich berufen. Cotta's er= ster Unterricht mit Ottelt's belehrender Unterweisung, die weitere Einübung, theils in dem untern Revierdienste, theils bei der frühern preußischen Forstaration, die Wirthschafteführung in großen lehrreichen Waldungen, die Forstbetriebs = Einrichtung des Großherzogthums Sachsen, das Deutschlands Forstverhaltnisse mannigfach darbietet, dane= ben die unausgesetzte Unterrichtung in dem Forstdienste dies Alles giebt ihm reichlichen Stoff dazu. mehr als vierzigjährige, vielsettige Wirksamkeit durfte ihn sogar verpflichten, seine Beobachtungen und Erfahrungen in geordneter Verbindung auch schriftlich mitzutheilen. Doch kann und soll dies nur geschehen, der Ausübung zum Beirathe, keinesweges aber zur Erweiterung der Forstwissen= schaft an sich.

Der ausübende Forstmann braucht ohnehin ein Buch, das ihn über alle Gegenstände seines Wirkens auf die leicheteste, angemessenste Weise belehrt und ihm nur das zum Dienste Erforderliche, der Natur und Erfahrung gemäß,

recht anwendbar darbietet, ohne alle rein wissenschaftlichen Weiterungen. Ein solches Lehrbuch dürfte dann auch dem angehenden Forstwirthe zum ersten Unterrichte dienen.

Möchte es dem Verfasser gelingen, diesem Bedürf= nisse nach seinen Wünschen abzuhelfen, und möchte es ihm glücken, auch auf solche Weise zur Erhaltung der ihm lieb gewordenen Wälder beizutragen!

Die vorliegende erste Hauptabtheilung, die Forst-Mathematik, verdient' des Forstmannes vorzügliche Be= Die ganze Forstkunde besteht mehr oder weniger in einer Anwendung der Größenlehre auf der Wälder rich= tigen Gebrauch. Dhne diese Hulfswissenschaft kann kaum ein einziges Forstgeschäft punktlich und zweckmäßig vollführt merden. Wie ware man anders im Stande, der Forste Wermögen zu würdigen und zu ordnen, der Holzbestände Stellung und Wachsthum, Abtrieb und Anbau richtig und sicher zu handhaben, der Wälder höchste Nußbarkeit zu er= halten und alle Walderzeugnisse recht auszubeuten? Zudem gewährt die Erlernung der Mathematik mit Übung im Messen und Planzeichnen dem jungen Forstmanne eine ganz vorzügliche Brauchbarkeit und Anstelligkeit. Sie fördert ihn leicht über den gemeinen Revierdienst hinauf; sie ver= hilft ihm zu anständigen Zwischendiensten bei Forstvermes= sungen und Abschätzungen; sie verschafft ihm auch wohl ein anderweitiges Unterkommen. Und braucht das Bater= land einmal Vertheidiger, so eröffnet ihm diese Geschick= lichkeit ein hohes Ziel, wogegen er ohne dieselbe nur als gemeiner Jäger bienen kann. - Die Mathematik ist ohne allen Zweifel dem Forstmanne am nothwendigsten und for= derlichsten, und der Zeitpunkt naht heran, wo in dem Forstdienste Niemand eine Anstellung erhalt, der sich ohne forst= mathematische Kenntnisse und Fertigkeiten finden läßt.

Benngleich die reine Mathematik mehr dem allgemeinen Unterrichte angehört: so erschien es dem Verfasser doch zweckmäßiger, hier die wesentlichen Grundlehren der Trithmetik, Planimetrie und Stereometrie mit einzureihen, um dieser forstwissenschaftlichen Abtheilung eine gewisse Selbständigkeit zu geben, dem weniger Unterrichteten gleich mit einzuhelsen und selbst dem Kundigern das Wiederhomit einzuhelsen. Mathematik kann überhaupt kaum zu viel gelehrt, gelernt und geübt werden.

Nicht nur wegen der großen Nüßlichkeit dieser Wissenschaft, sondern auch wegen ihrer fast noch allgemeinen Bernachlässigung in den Vorschulen und wegen des Mangels an Zeit und Selegenheit zum spätern Nachholen müßte die Nathematik ein Hauptgegenstand des Unterrichtes seder Forstlehranstalt sein. Um so mehr könnte dieses Lehrbuch der Forstmathematik, das dem Lehrer überall noch weitere Zusäte und besondere Anwendungen gestattet, einen Gesbrauch dabei sinden. Des Versassers Unterricht, wobei zuwörderst die allgemeine Nathematik und dann erst die Forstmathematik vorgetragen, daneben aber in seder Answendung tüchtig unterwiesen wird, hat sich seit vielen Jahzen durch guten Erfolg bewährt.

Sollte dies Buch, seinen weitern Bestimmungen gemäß, auch in der vorübenden Försterlehre, wenn nur zu Aufgaben gebraucht werden: so mag jeder Lehrherr das für die Vorkenntnisse und Fähigkeiten seiner Lehrlinge eben Geeig= nete auswählen. Es versteht sich von selbst, daß die schwetern Gegenstände dieser Vorbereitung weniger angehören.

Der Verfasser darf zwersichtlich hossen, man werde wenigstens sein Bemühen nicht verkennen und nicht unberücksichtigt lassen, daß es dem ausübenden Forstmanne bei dem so bewegten Leben und Wirken gar nicht leicht ist, jenen anhaltenden Ruhestand zu gewinnen, den die umfängsliche Ausatbeitung eines mathematischen Gegenstandes ersfordert. Die Literatur dieses forstlichen Lehrzweiges kann übrigens beweisen, daß die vorliegende Leistung manches Eigene darbietet und aus erprobter Anwendung und Sichtung hervorging.

Te ersahrner der Forstmann wird im Lehren und Ausüben, um so nothwendiger erscheint ihm ein Vereinssachen und Erleichtern des Unterrichtes für den Forstdienst. Wenige unter denen, die das Forstsach erwählen, zeichnen sich durch größere Neigung zur Wissenschaft aus. Wielen hält es schwer, nur das Nothwendige aufzusassen. Der Fähigere trachtet aber von selbst nach dem Höhern und Weitern, sodald sein Blick das Wesen der Wälder tieser durchdringt. Daher blied hier anch daszenige der Mathematik underührt, was der Forstwirth als solcher nicht eisgentlich braucht. Dhnehin ist uns ja Tüchtigkeit in der Ausübung viel nottiger, als ausgebreitete Gelehrsamkeit.

Eisenach, im September 1835.

Zur zweiten Ausgabe.

Die erste Auslage dieses Lehrbuches von 1835, welche seit länger als einem Jahre vergriffen ist, war eigentlich mehr zum Leitsaden meines Unterrichtes in der forstlichen Mathematik bestimmt. Durch die unverhofft beifällige Ausnahme, die sich sogar die St. Petersburg erstreckt, wo diese Schrift — nach einem Beschlusse des hohen Vereines zur Ausmunterung der Forstwirthschaft Rußlands —
in's Russische übersetzt wurde, fand ich mich zu vorliegender, dem größern Kreise mehr geeigneter Bearbeitung dank-

bar veranlast. Vor Allem habe ich gesucht, die Lehren der Forstapation zu erweitern und mit den besten Hulfs= mitteln zu versehen. Mehr als 100 §g. und 80 Tafeln find neu hinzugekommen. Man findet die Holzsorten = und Baldmaffen = Schätzung bereichert, der Balder Ertragever mögen näher bestimmt, die verschiedenen Mittel und Bege. zur Einzelertrags = Schätzung ausführlicher bargelegt, Die Massen = und Wertherwachs = und Ertrags = Verhaltnisse der Holzbestände an sich und der Wirthschaftswälder im Ganzen entwickelt, dazu auch die Benutzungsalter, Rach= hauruckstände und Waldreserven näher erörtert. Weiter ist aussührlicher gelehrt, wie man zum Behufe der Walder= trags = Whichagung ben Berthgehalt aufnimmt und den Betriebsplan ausstellt, dann worauf die verschiedenen Abschähungsmethoden im Wesentlichen beruhen, wo und wie sie anzuwenden und durchzuführen sind, und was jede der Ge genwart und Zukunft eigentlich leisten mußte. Endlich wurde der Waldwerthschätzung, mit Bezugnahme auf die gar verschiedenen, noch minder beachteten Nugungszwecke, eine mehr praktische Bedeutung gegeben. Dabei sind viele irri= gen Ansichten berichtiget, auch jene gemeinschädlichen Lehr= sätze gehoben, womit sich die gefeiertsten Forstmanner bis daher trugen: daß es nämlich für den Waldeigenthümer stets gewinnbringend sei, seine Waldung abzutreiben und alle weitere Holzerziehung einzustellen! Die hier nieder= gelegten Elemente der Forstmathematik greifen so berichtigend im alle Theile der Waldwirthschaft ein und machen sich dadurch so bringend für das Gemeinwohl, daß zu deren gründlichen Verbreitung jede Forstlehranstalt verpflichtet sein sollte; moge sie auch dies Lehrbuch, das seinen minder gehilligten Titel wohl nun genügend rechtfertigt, dabei gebrauchen, oder nicht.

Zur britten Ausgabe.

Diese neue Ausgabe der Forstmathematik habe ich, so viel mir möglich, verbessert und erweitert. Man wird darin mehr Deutlichkeit des Bortrags und manche neuen Lehren sinden, besonders über die Schätzung der Entschädigungswerthe enteigneter Bäume und Gehölze. Erpropriation ist ja eine Lebensstrage unserer Zeit, an der auch der Forstmann mit Theil nehmen muß. — Kaum wüßte ich nun noch einen Gegenstand aus dem Forstdienste herein zu ziehen.

Die fortgesetzte Nachfrage nach biesem Buche beweiset, daß die darin gelehrte forstliche Unwendung der Mathe= matik, ungeachtet ihrer schwierigen Einführung, immer mehr Beifall gewinnt. Möchte doch jeder Forstwirth= schafts = Beamte, der sich mit dem Anfangsunterrichte jun= ger Forstleute beschäftigt, diese auch in dem forstlichen Rechnen, Messen, Schapen und Zeichnen recht sleißig vor= üben, wozu es den eigentlichen Forstlehranstalten durchaus an Zeit mangelt, und möchten doch recht Viele, schon zu ihrer eignen Erhebung über die dustere Region des untern Forstdienstes, sich dem Vorbereitungs = Unterrichte in der forstlichen Praris widmen und diesen; neuerlich fast ganz verlassenen Boben, auf welchem die forstliche Theorie nur allein feste Wurzel fassen kann, mit dem alten Fleiße wie= ber bearbeiten. Unterbleibt dies noch länger, so werden im Forstwesen die betriebsfesten Meister und die forstge= rechten Lehrer immer seltener.

Eisenach, im September 1845.

Der Berfasser.

Eintheilung der Forstwissenschaft.

Die Forstwissenschaft, der Inbegriff aller Kenntnisse und Grundsate zur Hervorbringung des größten werthvollesten Forstertrags, mit Ersüllung sedes sonstigen Zweckes der Balder, umsfaßt die eigentliche Forstwirthschafts Lehre und die dazu erforderlichen Grundwissenschaften. Die Grundwissenschafsten haben zu ihrem Gegenstande das Wesen der sorstlichen Dinge, theils nach deren Größe, Forstmathematik, theils nach dez ren Beschaffenheit, Forstnaturkunde; die Forstwirthschaftsehre verbreitet sich theils über die Handhabung des Waldes, als Forst behandlung, theils über die Nutharmachung der Forsterzeugnisse, als Forst benutung, theils über die Richtigstellung des ganzen forstlichen Thatbestandes, als Forst einrichtung. Hiernach zerfällt die Forstwissenschaft in solgende fünf Hauptabtheilungen:

- L Forstmathematik: die auf bas Forstwesen angewens bete Größenlehre, als hauptsächliches Hulfsmittel der Forstwirth: schafts = Lehre.
- II. Forstnaturkunde: die Kenntnis der Beschaffenheit aller forstlichen Dinge, gleichsam als Stoff der Forstwirthschafts-Lehre.

- III. Forstbehanblung: die Grundsätze, nach welchen man den nutbarsten Waldzustand fortwährend erzeugt und erhält.
- IV. Forstbenutung: die Grundsätze, nach welchen man alle Walderzeugnisse geeignet arntet und sicher einbringt.
- V. Forsteinrichtung: die Grundsätze, nach welchen man der Forste Vermögen in allen Theilen und Beziehungen richtig stellt und halt.

Inhalt der ersten Hauptabtheilung.

Forst mathematit.

	Erfte Abtheilung.	
S.	Forstliche Arithmetik.	Stite
1	Rechnenkunft	. 4
	3abl	,
2 3 4	Bahlzeichen	· . —
4	Romische Ziffern	. 5
5	Gemeine Biffern	
6	Allgemeine Zeichen	6
7	Eintheilung der Rechnenkunft	
	I. Grundrechnungen mit ganzen Zahlen. 1. Abbition und Subtraktion.	_
8		, 7
9		. 8
10		, 9
	2. Multiplikation und Division.	
11	Multipliziren	
12	Dividiren	. 12
13	Probe zu der Multiplikation und Division	. 14
	II. Grundrechnungen mit Bruchen.	
	1. Gemeine Bruche.	
14	Der gemeine Bruch	
15	Gemeine Bruche zu verwandeln	. 15
16	Semeine Bruche zu heben	. 16
17	Gemeine Bruche gleichnamig zu machen	. 18
18	Abbiren gemeiner Bruche	19
19	Eubtrabiren gemeiner Bruche	. 20
2 0	Multipliziren gemeiner Bruche	. 21
21	Dividiren gemeiner Btuche	. 22
	2. Dezimalbruche.	
22		24
23	Dezimalbruche zu verwandeln	,
24	Dezimalbruche zu addiren	. 26
25	Dezimalbeuche zu subtrahiren	
26	Dezimalbrüche zu mustipliziren	
27	Dezimaibruche zu bivibiren	. 27

	III. Grundrechnungen mit benannten und sonst be- zeichneten Zahlen.	
8.	1. Benannte Bahlen.	Geite
§. 28	Bablenbenennung	. 29
29	Benannte Bablen zu abbiren	
30	Benannte Bablen zu subtrabiren	. 30
31	Benannte Bablen zu multipliziren	
32	Benannte Bahlen zu bivibiren	. 31
	2. Buchstabenrechnung.	
33	Entgegengesete Großen	32
34	Einschlußzeichen	33
35	Buchstaben	. 25
36	Allgemeine Abbition	
37	Allgemeine Subtraktion	36
38	Allgemeine Multiplikation	. 37
39	Allgemeine Division	38
	IV. Potenzen und Wurzeln.	
40	Potenz	3 9
41	Burzel	41
42	Exponenten	42
43	Quabrate und Würfel ber Ginergablen	43
44	Quabrate zweitheiliger Wurzeln	,
45	Ausziehung der Quadratwurzel	44
46	Wurzelausziehung von Bruchen	46
	V. Gleichungen.	
47	Die Gleichung	47
48	Glieber mit + unb	48
49	Glieber mit x unb :	
50	Sonderung ber unbekannten Große	. 49
51	Anfat ber Gleichung	50
52	Einfache Gleichungen mit nur einer unbekannten Große .	. 51
53	Einfache Gleichungen mit mehr als einer unbefannten Große	52
54	Reine quadratische Gleichungen	. 53
55	Bermischte quabratische Gleichungen:	54
	VI. Proportionen.	
•	1. Die arithmetische Proportion.	
56	Arithmetisches Berhaltnis	
57	Gin unbefanntes Glied ber arithmetifchen Proportion gu finben	55
58	Die arithmetische Mittelzahl	56
59	Durchschnitterechnung	
	2. Die geometrische Proportion.	
co		
60	Geometrisches Verhältnis	. 57
61 60	Veränderungen an Proportionen	58
6 2	Ein unbekanntes Glied ber geometrischen Proportion zu finden	60
6 3	Regelbetri	,
64	Berkehrte Regelbetri	61
65 66	Einrichtung bes Regelbetri-Ansages	. 6 2
66	Pebung der Glieder	6 3

§.		Seite
68	Zusammensegung mehrer Proportionen	. 65
69	Regel mit Funfen	
70	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	. 67
71		68
72		. 69
73		70
74	Rachwerth mit einfachen Zinsen	. 71
75 76	Borwerth zu einfachen Zinsen	72
77	Zinsfuß zu einfachen Zinsen	. —
78	Zinszeit zu einfachen Zinsen	. 73 . 74
79	Durchschnittlicher und periodischer Polzzuwachs	
80	Zuwachsprozente	. 75
81	Durchschnitteverhaltniffe	76
85		. 77
83		78
84		
85		79
	VII. Progressionen.	
	1. Die arithmetische Progression.	
86	Arithmetische Reihe	. 81
87	Summirung ber akithmetischen Reihe	-
88	Abtriebsformeln	. 82
89	Erganzung ber arithmetischen Reibe	86
	2. Die geometrische Progression.	
90	Geometrische Reihe	. 89
91	Summirung ber geometrischen Reihe	
	3. Die Logarithmen.	
92	Logarithmensystem	. 90
93	Zahl — Logarithme	92
94	Logarithme einer gegebenen Bahl	34
95	Zahl zu einem gegebenen Logarithmen	93
96	Logarithme eines Dezimalbruches	. 94
97	Logarithme eines gemeinen Bruches	95
98	Potenzerhebung und Wurzelausziehung	. —
99	Proportionsrechnung mit Logarithmen	96
	4. Die Binfestinsrechnung.	
100	Grundverhaltniffe ber Binfeszinsen	. 97
101	Rachwerth mit Zinseszinsen	
102	Binfeszinsen	. 98
103	Borwerth zu Binseszinsen	99
104	Zinseszins - Rabatt	. 100
105	Rapital zu Binfeszinsen	-
106	Binsfuß zu Binleszinfen	. 101
107	Binszeit zu Binfeszinsen	102
168	Rentenrechnung	
	•	
	VIII. Waldwerthberechnung.	
109	Grundlagen der Waldwerthberechnung	104
10	Borbereitung jur Rechnung	. 105
111	Rachwerth einmaliger Einnahmen	106
-	Rachwerth mehrmaliger Einpahmen	. 107

5.		Seite
112	Borwerth einmaliger Einnahmen	108
113	Kapitalwerth voller Renten	109
114	Kapitalwerth hinterer Rentenstücke	111
115	Rapitalwerth vorderer Rentenstücke	113
116	Kapitalwerth mittlerer Pentenstücke	115
117	Rapitalwerth periodischer Reuten im Beginn ihrer 3wischenzeit	117
118	Kapitalwerth periodischer Renten im Laufe ihrer Zwischenzeit	119
· 119	Kapitalwerth zusammengeseter Periodenrenten	120
120	Kapitalwerth alljährlich steigender und fallender Einnahmen	155
181	Erfte angewendete Berthberechnung	194
122	3weite angewendete Werthberechnung	125
123	Pritte angewendete Werthberechnung	126
124	Bierte angewendete Werthberechnung	
125	Fünfte angewendete Werthberechnung	127
126	Jährlich gleiche Terminzahlungen	128
127	Periodisch gleiche Terminzahlungen	129
128	Beweis für den Gebrauch der Binfeszinsen bei jeder Waldwerth-	***
	berechnung	130
	•	
	3weite Abtheilung.	
•	Forstliche Planimetrie.	•
	Horfitting Prantimetrie.	
129	glachenmestunft	137
130	Puntt	
131	Linte	-
132	Flage	138
133	Messen	
134	Eintheilung ber Flächenmeffunst	139
	T CHE I A I A	
	I. Figurenbetrachtung.	
	1. Freie Linjen und Winkel.	
135	Ginzelne Linien	139
136	Brei gerabe Linien, Wintel	140
137	Mas ber Rebenwinket	141
138	Gleichheit ber Scheitelwinkel	
139	Parallellinien	142
	2. Drei gerade Linien, Dreiede.	
- 40		140
140	Das Dreieck	143
141	Gesammtmaß der Winkel im Drejecke	144
149	3wei Geiten und der Zwischenwinkel bestimmen ein Dreieck .	145
143	3wei Wintel und die Zwischensette bestimmen ein Dreieck .	146
144	Die drei Seiten bestimmen ein Dreieck	146
145	Im Dreiede spannen gleiche Seiten gleiche Winkel	144
146	Im Dreiecke spannen größere Selten größere Winkel	147
147	Berhaltnismäßigkeit ber parallel geschnittenen Dreieckeiten	148
148	Abnlichkeit zwischen dem Dreiecke und seinem Abschnitte .	150
149	Unlichkeit zwischen Dreiecken überhaupt	-
	3. Vier gerade Linien, Vierede.	
150	Das Bierect	162
151	Gesammtmaß ber Winkel im Bierecke	•
152	Diagonale in dem Parakelogramm	163

XAII

S.		Seite
15 3 15 4	Steichheit zwischen Bierecken	. 154
	4. Biel gerabe Linien, Bielede.	
155	Des Bielect	. 155
156	Gefammimas der Winkel im Bielecke	156
157 168	Regelmäßiges Polygon	. 156 157
140		107
1.50	5. Arumme Linien, Kreise.	150
159	Der Kreiß	. 169
160	Winkel im Kreise	160
161 162	Gleichheit und Ahnlichkeit ber Areise	162
	6. Größengleichheit verschiebener Ziguren.	
163	Parallelogramme auf gleichem Grunde und in gleicher Sobe	. 163
164	Dreiede auf gleichem Grunde und in gleicher Bobe	164
165	Quabrate auf den Seiten des rechtwinkeligen Drejeckes .	. —
	7. Flächeninhalt ber Ziguren.	
166	Macheninhalt ber Bier : und Dreiedte	165
167	Flächeninhalt ber Polygone	. 167
	8. Flächenverhaltnis ber Figuren.	
168	Biechenverhältniß zwischen Dreiecken	168
169	Biddenverhaltnif gwifchen abnlichen Miguren	. —
	· II. Figurenzeichnung.	
	1. Linienzeichnung insbefonbere.	
170	Livientuche	170
171	Gerade Linien zu ziehen	. 171
179	Areislinien zu ziehen	172
173	Senfrechte Linien zu ziehen	. 179
174	Parallellinien zu ziehen	174
175	Reggeichnung	. 176
176	Theilung geraber Linien	177
177	Ginen Fufmaßstab zu fertigen	. 178
178	Stren verjüngten ober geometrischen Masstab zu zeichnen .	179
179	Roniuseinrichtung	. 181
189	Theilung der Arcislinie	183
	2. Bintelzeichnung insbesonbere.	
181	Bintelmaße	
165	Gebrauch bes Aransporteurs	
183	Gebrauch bes Birkels zum Zeichnen, Theilen und Messen ber Winkel	. 184
181	Binkel mit Parallelschieben abzuzeichnen	186
185	Bintel von der Winkelscheibe aufzutragen	. 186
186	Windel von der Grabscheibe aufzutragen	187
	3. Zeichnung ganzer Figuren.	المحالة
187	Des Figurenzeichnen	188
188	Dreiede aufzutragen	189
189	Bierede aufzutragen	190
190	Gemeine Bielecke aufzutragen	100
191 1 93	Regelmäßige Polygone zu zeichnen	192
193	Areissignren zu zeichnen	
IJJ	Cangireise zu zeichnen	_

XVIII

}

	S.		Geite
	194	Andere vielectige und krummlinige Figuren aufzutragen	195
	195	Figuren abzuzeichnen	
	196	Bom' Umzeichnen ber Figuren überhaupt	. 194
		-Bulammengesete Figuren umzuzeichnen	. 195
\	198	Sicherung ber Beichnung vor mancherlei Unrichtigkeiten	197
		III. Figurenberechnung.	
		i. Ausrechnung ber Fläche.	
•	199	Flacenmaße	. 198
	200	Grundformen ber Figuren	199
	201	Die Flache bes Rechteckes auszurechnen	. 200
•	202	Die Blache bes schiefen Parallelogramms auszurechnen	201
	203	Die Flache des Trapezes auszurschnen	
	204	Die Fläche des Dreiecks auszurechnen	. 902
	205	Die Flache bes gemeinen Biereckes auszurechnen	203
	20 6 20 7	Die Fläche unregelmäßiger Bielecke auszurechnen	• 2 03
	208	Bereinfachung ber Figuren	205
	209	Die Fläche des Polygons auszurechnen	207
	210	Die Flace des Kreises auszurechnen	
	211	Die Flace von Kreisftucken auszurechnen	. 210
	212	Die Dreiecksstäche aus ben brei Seiten zu berechnen .	. 211
•	213	Bange und Breite zu gegebenem Flacheninhalte	. 212
	214	Umfånge gleichgroßer Figuren	. 213
		2. Theilung ber Figuren.	•
	215	Abeilung ber Grunbfiguren	- 214
	216	Abtheilung eines Dreieckes, ober eines Parallelogramms	. 215
	. 917	Abtheilung eines Trapezes	916
	218	Abeilung bielseitiger Figuren	. 217
	219	Eine Fläche von verschiebenem Werthe zu theilen	. 990
		IV. Linienmessung.	
	•	1. Linien unmittelbar abzufteden und zu meffe	en.
	920	Linien auf ber Erboberfläche	. 221
	221	Linienbestimmung	. 222
	555	Entfernungen	. 225
	223	Eine gerade Linie im Freien abzustecken	. 994
	224	Eine gerade Linie aus der Mitte abzustecken	. 225
	225	Eine gerabe Linie burch Gehölz abzusteden, wenn mehre &	ide
	000	punkte bazwerforberlich find	. 226
	226	Gebrauch des Fusikabes	. 227
•	• 227	Gebrauch ber Mekstange	· \$ 26
,	998	Gebrauch ber Meßkette	
•	229 230	Gebrauch der Mekschnur	• 93 0
	\$31	Allgemeine Fehler beim Längenmessen	. 231 . 282
	232	Ungefähre gangenbestimmung	• 400
	233	Sine gerade Linie burch Gehölz abzustecken vermittelft	ein er
		Probelinie	938
	234	Parallellinien abzustecken	. 284
	235	Geordnete Erumme Linien abzustecken	
		The state of the s	

5.	2. Bintelmeffung.	Seite
236	Bintel auf ber Erboberflache	235
237	Der Deftifd	236
238	Bintelaufnahme mit bem Meftifche	257
239	Die Deficheibe	239
240	Bintelaufnahme mit ber Mefichelbe	241
241	Bintelauftragen von ber Meffcheibe	248
242	Die Bouffole	243
243	Bintelaufnahme mit ber Bouffole	244
244	Bintelauftragen von ber Bouffole	245
245	Das Mefbrettchen	. 246
946	-Bintelaufnahme mit bem Defbrettchen	247
147	Allgemeine gehler beim Bintelmeffen	248
218	Abfteden gegebener Bintel	249
	5. Mittelbare Linienbeftimmung.	
949	Eine lange gerabe Linie burch ben Wald git fieden vermittelft	
	eines Mefjugs	~~
250	Berabe Linien im Forfte abgufteden nach bem Grunbriffe .	250
251	Ungugangliche Entfernungen mittelbar gu bestimmen	251
252	Gin Dreiednes aufzunehmen in ber Forftumgebung , .	252
255 254	Bufammengefeste Linien aufzunehmen	253
1.5-1	Br gellen	255
255	Die Mittagelinie abgufteden	254
256	Bagerechte Bobenlinien abgufteden	257
257	Den Fall bes Bobens abzumagen	258
256	Die Bobenneigung ober Bergbofdung gu meffen	260
259	Beftimmte fchiefe Linien auf bem Boben bin abzufteden .	261
360	Mittelbare Dobenmeffung an Berghangen	262
	V. Flacenmestung.	•
	1. Ausmessung einzelner Forfiftude.	
961	Grundfläcke	
868	Gin Grundftud mittels ichiefwinteliger Drefede auszumeffen	269
263	Gin Grundflud mittele rechtminkeliger Grundfiguren auszu-	
004	meffen .	264
264	Ein Grundfind nach bem Umfange auszumeffen	265
	2. Abmeffung beftimmter glachen.	
265	Studweise Abmeffung verlangter Rladen	267
266	Studweife Bertheilung einer gegebenen Blache in Parallels	
	fixelfen	269
267	Abmeffung ber Diebe unb anberer Forftflachentheile	270
268	ftbetriebsfiguren	271
269		_
870		272
271		273
272		
273		274
274		276
275		277
276	* * * *	278

	VI. Forstvermessung.	
§.	1. Eigentliche Forstvermessung.	Geite
277	Gegenstände ber Forstvermessung	280
278	Berkzeuge und Bulfsmittel	. 281
2 79	Bermeffungsplan	282
280	Festlegung der Meßzüge	. 283
281	Linienmessung	
282	Bintelmeffung	. 284
283	Außenmeffung	287
284	Rachmessung ber Grenzlinien	
285	Entwurf bes Grundrisses	288
286	Blachenberechnung	. 289
	2. Forst flåchentheilung.	
287	Bon ber Forstflächentheilung überhaupt	290
288	Parallele Ortabtheilung für die Ebene	. 291
289	Gebrothene Ortabtheilung für Berge	292
29 0	Schlageintheilung	
	3. Forstfartenzeichnung.	
291	Bon ben Forstfarten überhaupt	294
292	Aufnahme ber forstlichen Gegenstande	. 296
293	Grundrifzeichnung	298
294	Grenzeißzeichnung	. 300
295	Zeichnung der Bestandskarte	301
296	Zeichnung ber Betriebskarte	. 302
297	übung im Rartenzeichnen	304
298	Berfahren beim Kartenzeichnen	. 308
	Dritte Abtheilung.	
	Forstliche Stereometrie.	
299	Korpermeßtunst	311
300	Korperraum	. —
301	Korpermessung	
302	Eintheilung ber Korpermeßtunft	. 312
	L. Körperbetrachtung.	
	I. Körperbetrachtung.	
90/9	1. Großengleichheit verschiebener Rorperform	:n.
303	1. Großengleichheit verschiebener Rorperforme	
304	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit ber Bollfaulen	. 313
304 305	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen	. 313 314
304	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist & der Bollsaule	. 313
304 305 306	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist & der Bollsaule. 2. Körperinhalt der Säulenformen.	. 313 314 . 315
304 305 306 307	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist g der Bollsaule. 2. Körperinhalt ber Säulenformen. Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen	. 313 314 . 315
304 305 306	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist & der Bollsaule. 2. Körperinhalt der Säulenformen.	. 313 314 . 315
304 305 306 307	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hülfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist i ber Bollsaule. 2. Körperinhalt ber Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt besonderer Saulenstücke.	. 313 314 . 315
304 305 306 307	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hülfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist z der Bollsaule 2. Körperinhalt der Säulenformen. Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt besonderer Säulenstücke 3. Körperverhältnis der Säulenformen.	. 313 314 . 315
304 305 306 307 308	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hulfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spihsaulen Die Spihsaule ist her Bollsaule. 2. Körperinhalt ber Bollsaulen und Spihsaulen Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spihsaulen Körperinhalt besonderer Saulenstücke 3. Körperverhältniß der Saulenformen. Körperverhältniß der Saulenformen überhaupt	. 313 314 . 315 . 316 . 317
304 305 306 307 308 309	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hüsserer. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spihsaulen Die Spihsaule ist iber Bollsaule 2. Körperinhalt ber Säulenformen. Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spihsaulen Körperinhalt besonderer Säulenstücke 3. Körperverhältniß der Säulensormen überhaupt Körperverhältniß der Säulensormen überhaupt Körperverhältniß ähnlicher Säulen	. 513 314 . 315 . 316 . 317
304 305 306 307 308 309	I. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hülfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist iber Bollsaule 2. Körperinhalt ber Sollsaulen und Spissaulen Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt besonderer Saulenstücke 3. Körperverhältniß der Saulensormen überhaupt Körperverhältniß der Saulensormen überhaupt Körperverhältniß ähnlicher Saulen	. 513 314 . 315 . 316 . 317
304 305 306 307 308 309 310	1. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hülfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist z der Bollsaule 2. Körperinhalt ber Säulenformen. Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt besonderer Säulenstücke 3. Körperverhältniß der Säulenstucke Körperverhältniß der Säulensormen überhaupt Körperverhältniß ähnlicher Säulen II. Körperberechnung. 1. Ausrechnung des Körperinhaltes.	313 314 . 315 . 316 . 317 . 318 . 319
304 305 306 307 308 309	I. Größengleichheit verschiebener Körperforme Forstliche Hülfskörper. Gleichheit der Bollsaulen Gleichheit der Spissaulen Die Spissaule ist iber Bollsaule 2. Körperinhalt ber Sollsaulen und Spissaulen Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spissaulen Körperinhalt besonderer Saulenstücke 3. Körperverhältniß der Saulensormen überhaupt Körperverhältniß der Saulensormen überhaupt Körperverhältniß ähnlicher Saulen	. 513 314 . 315 . 316 . 317

		Geite
j. 13	Berechnung bes Prisma	. 391
4	Baizenberechnung	. 322
5	Berechnung der Pyramide	. 327
16		. 328
17	Augelberechnung	. 331
18	Berechnungen mittels ahnlicher Körper	. 332
	2. Theilung ber Säulenformen.	•
19		. 333
20	Theilung ber Spissaulen	. 335
	III. Körpermeffung.	
	1. Ausmessung ber Erbarbeiten.	
1	Graben und Gruben	. 3 36
22	Damme, Hügel und Füllungen	. 337
23	Bergwege	. —
	2 Ausmessung ber holzstucke.	
24		. 338
25	Werkzeuge	. 339
26	Starke und Lange ber runden Baumtheile	. 340
27	Ausmeffung runder holzstude	·
128	Ausmeffung ganzer Baumschafte	. 343
129	Ausmeffung der Holzringe	. 344
330		, 345
31		. 346
32		. —
	3. Ausmessung ber holzmaße.	•
33		. 348
334		
335		. 350
136		. 353
	Vierte Abtheilung.	
	Forstliche Taration.	•
37	Inbegan	. 355
	T Parent Library	
	I. Baumschäung.	
38	1. Probemessungen an gefällten Bäumen. Gehaltsfaktoren der Holzskämme	. 356
339	Schaftholzgehalt	. 358
340 340	Rronenholzgehalt	
41	Stockholzgehalt	. 359
342		
		. 360
349		. 361
	NYAHANZHYNAMS	
44		_
144	Bachsthumsgang nach ben Jahrringen	. 364
344 345	Bachsthumsgang nach ben Jahrringen	. 364
44 45 46	Bachsthumsgang nach ben Jahrringen 2. Schätung stehenber Baume. Stärkenmeffung	. 364
343 344 345 346 347	Wachsthumsgang nach den Jahrringen 2. Schätung stehenber Baume. Stärkenmeffung Höhenmeffung	. 364 . 365 . 366
44 45 46 47 48	Bachsthumsgang nach ben Jahrringen 2. Schätzung stehenber Baume. Stärkenmeffung Höhenmeffung Formschätzung	. 364 . 365 . 368
344 145 146	Wachsthumsgang nach den Jahrringen 2. Schätung stehenber Baume. Stärkenmeffung Höhenmeffung	. 364 . 365 . 366

∤ .

XXII

\$. 361	Ermittelung bes Knuppels unb Reisholz-Gehaltes	Seite 375
352	Ermittelung bes Stocholzgehaltes	. 376
353	Ermittelung bes Spaltholzgehaltes	377
354	Ermittelung bes Rinbengehaltes	
355	Ungefähre Baumschatung	378
356	Ermittelung bes laufenben Buwachies	, ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
357	Bumacheverhaltniffe an ben holzwüchsen überhaupt	383
	II. Holzbestandes = Schätzung.	
	1. Bemeffung bes Balbfcluffes.	
358	Stammgrunbflachenfummte	385
35 9	Stanbraum der Stamme	. 386
360	Abstand ber Stämme	387
361	Abstandsmessung	. 388
362	Allgemeiner Gebrauch bes Abstandes	3 89
3 63	Abstand auf die Polzanlagen angewendet	. 392
364	Abstand auf die Durchforstungen angewendet	393
365	Abstand auf die Schlagstellungen angewendet	. 395
	2. Schähung ber Bestanbesgute.	
366	Gehaltsfaktoren ber Polzbestanbe	397
367	Bon ber genauen Bestandsauszählung überhaupt	. 399
36 8	Bablung ber Stämme nach ber Stärke	400
3 69	Durchschnittliche Doben . , Form . und Zuwache Bestimmung	401
3 70	Ausrechnung ber Bestanbesgute	. 402
371	Ungefähre Bestanbsauszählung	404
372	Probenschafung	. 406
373	Waldmassen - Tafeln zum Behufe ber Massenschähung .	409
374	Begründete Massenschaftung	. 419
375	Ungefahre Massenschaftung	417
376	Beilaufige Zuwachsschätzungen an Holzbestanden	. 418
377	Abtheilung bestimmter Massen von einem Holzbestande .	421
378	Abweichungen ber Polzbestandesschähungen	. —
	III. Walbertrags = Schätzung.	
	1. Mittel und Wege zur Ertragsschätung.	
379	Bom Ertragvermögen der Waldung überhaupt	423
380	Ortsertragfähigkeit	. 424
3 81	Balbertragsamkeit	426
382	Massenvorrath	. 427
383	Massen = ober Polz = Zuwachs	428
384	Ertragegute. Ertrageklassen	. 429
3 85	Forstmäßige Stammgrundfläche	430
38 6	Forstmäßige Bestandeshöhe	. 431
387	Forstmäßige Stammform	432
388	Ertrags - Rurven	
3 89	Ertragsentwickelung ber gleichwüchsigen Beftanbe	434
390	Ertragsentwickelung ber ungleichwüchfigen Bestände .	. 436
391	Balbertragstafela	437
392	Rormalertrags . Tafeln für Hochwalb	. 438
3 93	Rormalertrags - Tafeln für Mittelwalb	443
394	Rormalertrags - Tafeln für Nieberwalb	. 446
396	Rormalertrags-Tafeln für Planterwald	447
396	Lokalertrags = Aafeln	. 448

EXPI

5 .		Seite .
397	Belbmehrungstafeln	460
398	Derchschnitts - Ertragstafeln	458
399	Sebrauch der Balbmaffen = Zafein gur Ertragsbestimmung .	456
400	Ertragsbestimmung nach gegebener Borbestanbs . u. Buwachs.	
	masse	458
401	Ertragebestimmung nach ber Durchschnittsmehrung	460
		,
	2. Ertragsverhåltnisse.	
Ano.	a. Ertragsverhältnisse ber holzbestänbe.	•
402	Berläufige Darstellung des Holzmassen = und Werth : Er-	461
Ane	wachses	461
403	Maffenzuwachs Berhältnisse im Holzbestande	465
401	Berthzunahme = Berhaltniffe im Golzbestanbe	464
405	Beitpuntte ber größten Ergiebigfeit und Einträglichkeit im	107
400	Polzbestande	. 465
406	The state of the s	
100	Polzbestandes an sich	466
407	Ermittelung bes roben Werthzunahme-Prozents vom Dolg-	4.00
444	bestande.	467
408	Ermittelung bes bobenrentefreien Werthzunahme-Prozents	
***	vom Polzbestanbe	469
409	Ermittelung bes ganz reinen Werthzunahme Prozents vom	
A = -	Polzbestande	. 471
410		
	so wie der Bobenrente von Waldgrundstücken	•••
411	3wei Einträglichkeitsfragen in Betreff einzelner Balbstücke .	473
418	Berschiebenheit bes Wachsthumsganges normaler holzbestänbe	474
413	Gegenfase des Massenerwachses normaler Bolzbestände .	476
414	Gegensage bes Wertherwachses normaler holzbestände .	477
415	Erläuterungen zu der Massenerwachs Darftellung	478
416	Algemeines Berhalten bes Maffenerwachses normaler Dolgbe-	
	Rande	. 482
417	Allgemeines Berhalten ber Maffenerwachs-Prozente normaler	
	Polybestande	484
418		. 485
419	Allgemeines Berhalten bes Werthermachfes normaler Dolgbe-	
	faube	48 6
420	Allgemeines Berhalten ber Wertherwachs Prozente normaler	
	Polzbestande	. 487
	b. Ertragsverhältnisse ber normalen Birthe	•
401	santunden Methansen	400
491	Regelrechter Waldzustand	488
492		
423 424		491
424		. 492
495	and an analysis and mentioned and an analysis and	
<u> Ao</u> c	Birthschaftswalde	495
406	and design and an arrest open all alterests and less than the same that the	
42	den Jahreserwachse im Wirthschaftswalde	. 497
73	and and are warrenable with action from the control of the transfer of the control of the contro	
Ace	meien Wirthschaftswalde	499
49	and and a contract of the standard by the section of the section.	b = -
400	len Wirthschaftswalde	. 500
429	Grauterungen zu ber Werthertrage Darfiellung	5 01
	•	
	•	

•

XXIA

5.	•	Seite
430	Allgemeines Verhalten des Werthertrags im normalen Wirth-schaftswalde	503
481	Allgemeines Berhalten ber Werthnugungs - Prozente im nor- malen Wirthschaftswalde	504
432	Ertrageverhaltniffe ungleichwüchsiger Walbungen	505
433	Rormale Ertragsverhaltniffe, angewendet auf unregelmäßige	
43 4	Walbungen	506 507
435	Regeln zur Einhaltung der normalen Angriffslinie im Be-	307
	samungswalde	511
436	Anwendung des Waldwerth = Rugungs = Prozents, dem Be-	
404	standswerth = Zunahme = Prozente gegenüber	512
437	Rormale Umtrikbszeit	515
43 8	Walbreserven	. 518
400	3. Ertragsabschähung.	E00
439	Iwede ber Ertragsabschähleung	520
440 441	Borerdrterungen zur Ertragsabschähung	521 522
442	Besondere Einschätzungen	523
443	Musterung der eingeschätten Orts - und Bestandsguten .	524
444	Berechnung bes vorgefundenen Stammvermogens	525
445	Allgemeine Betriebsanordnungen	527
446	Aufstellung des Betriebsplanes	5 2 9
447	Abschähungs. Methoden	531
448	Summarische Abschähung nach bem Rugungszuwachse	533
449	Summarische Abschähung nach bem Rugungs - Prozente .	535
450	Summarische Abschähung nach allgemeinen Durchschnittenu-	500
AK1	gungen	539
451 452	Fachwerksabschähung nach besondern Durchschnittserträgen	541 543
463	Vorzüge ber Fachwerksabschaftung.	548
454	Mangel der Fachwerksabschabung	550
455	Klachen + Rontrole	553
456	Klacheneintheilung nach ber Ortsertragfähigkeit für ben ein-	
	stigen Rormalzustand	555
457	Summarische Regelung des Massenvorrathes	557
458	Etzielung bes Walbnormal-Zustandes	560
459	Anwendbarkeit ber verschiebenen Abschähungs - Methoben .	561
460	Gelegentlicher Waldnugungs : Betrieb Unerlaßliche Leistungen einer jeden Waldtaration	562 563
461 462	Hauptregeln für jede Walbtaration an sich	564
40 2	Pauperegeen für leve kontoturution un fich	003
	IV. Waldwerth = Schätzung.	
468	Grundlagen ber Baldwerthschabung	565
464	Befieverhaltnisse	566
465	Brtlichkeitsverhältnisse	567
466	Walbbestandeverhaltnisse	_
467	Absatzerhaltnisse	
468	Rugungsverhältnisse	568
469	Berwerthungszinsfuß	
470 471	Waldpreise	569 570
472	Waldbodenwerthe	571
		

XXV

S .		Seite							
473	holzbestandswerthe	573							
474	Berthverhaltniffe einzelner Balbgrunbftucke	, —							
475	Berthverhaltnisse ganzer Birthschaftswaldungen	574							
476	Berthverhaltniffe ber Balbnebennugungen	575							
477	Berthverhaltniffe hinfichtlich bes Werthnugungs-Prozents .	576							
478	Baldnutungsplan	577							
479	Baldzerschlagungs-Werth	578							
48 0	Baldverzinsunge Berth	579							
481	Balbschonungs-Berth								
182	Festftellung des Raturalertrags	580							
183	Feststellung des Gelbertrags	*****							
184	Festitellung bes Bermerthungs - Binsfußes	581							
185	Berthberechnung	582							
48 6	Berthveranschlagung	583							
487	Summarische Waldwerthschähung auf bem Grunde einer zu-								
	fammengefaßten Abnugung	_							
488	Summarische Waldwerthschabung auf bem Grunbe einer mehr								
	gesonderten Abnusung	586							
489	Shahung bes Schabenersages wegen Stammholzentwenbungen	588							
49 0	Schabung bes Schabenersages wegen Bolzbeschabigungen .	590							
491	Schabung bes Schabenersages wegen holzverwuftungen .	592							
492	Schabung bes Entichabigungemerthes von gerichtlich enteigne-								
	ten Baumen und Gehölzen überhaupt	593							
493	Schabung bes Entschädigungswerthes von enteigneten Obst-								
40.4	baumen	595							
494	Schähung des Entschäbigungswerthes von enteigneten Köpf-	***							
ANE	und Schneibelbaumen	598							
495	- duffund co - cucledures flam flam cucceden company	700							
496	baumen	599							
750		coo							
497	hölzern	600							
771		COL							
498	digern	601							
300	- intend one enclosure and encourage and an encourage and	600							
499	hölzern	602							
	Shapeng bes Entschäbigungswerthes von enteigneten Aus-	603							
500	schlagsholzungen	604							
501	Werthschähung von Jagben	606							
-41									
	Rachweis einiger forstmathematischen Kunstausbrücke	608							
Bier Figurentafeln.									

.

•

Hülfstafeln.

	•								Seite	
1.	Balzeninhalt - Tafeln	•	•	•			•	•	1-	64
II.	Erfahrungstafeln über 1 baume	ben		Fenge	halt	ber	230	lb.	66 —	72
III.	Erfahrungstafeln über t								73—	
IV.							•		87 —	
V.	Abstands-Tafeln .	•	•	•		1	•	•	105	106
VI.	Balbmaffen - Tafeln .								107 —	116
VII.	Forfiliche Berhältnif - Taf								•	-
VIII.	Balbwerth . Berechnungs :						•		127 —	

Forst = Mathematik.

I.

Die Mathematik lehrt ber Dinge Größe bestimmen. Der Forstmann braucht diese Wissenschaft zum Berechnen seiner mannigsachen Wirthschaftsgegenstände, zum Ausmessen ber Grenzen, der Wege und anderer Linien, der Abtriebs-, Andauund anderer Flächen, der Holzmaße, Holzstücke und anderer Körper; serner zum Schätzen der Bäume, Holzbestände und ganzer Wälder nach ihrem Holzgehalte und Zuwachse, Ertrage und Seldwerthe; auch sindet er in ihr die Gründe zu dem kunstmäßigen Verfahren bei den vielerlei forstlichen Anlagen und Bauwerken. Diese vortrefsliche Wissenschaft besähigt ihn, die Wälder auszunehmen, zu ordnen, einzutheilen, nachhaltig und höchst einträglich zu benutzen, kurz alle sorstlichen Unternehmunzen planmäßig zu betreiben. Dhne sie kann fürwahr der Forstwirth sich über das Gemeine nicht erheben.

II.

Die zum Forstbetrieb nothige allgemeine Mathematik besteht in Anfangsgrunden der Arithmetik, Planimetrie und Stereometrie. Die Arithmetik oder die Lehre von den 3ah= lengrößen bient zu ben Berechnungen aller forstwirthschaftlichen Gegenstände; die Planimetrie oder die Lehre von den Längens und Flächengrößen dient zu den forstlichen Messungen von Grund und Boden und anderen Ausdehnungen; die Stereometrie oder die Lehre von den Körpergrößen dient zur Messung der verschies denen Forstförper, behuft ihrer Bearbeitung, Verwendung und Verwerthung. Ein weiterer Inbegriff dieser Lehren, nämlich die Taxation, dient zur Gehalts; Ertrags und Werthschäung der Bäume, Holzbestände und Waldwüchse.

Nach diesen vier verschiedenen Zweigen zerfällt die Forstmasthematik in die forstliche Arithmetik, Planimetrie, Stezreometrie und Taration. Sie entlehnt ihre Grundlehren von der reinen Mathematik und wendet dieselben auf die forstwirthschaftlichen Größen und Verrichtungen besonders an. Dasher ist ihr Unterricht ein aus reiner und angewandter Mathematik gemischter, wobei wir weniger auf wissenschaftliche Strenge, als auf wirkliche Brauchbarkeit sehen. Dennoch durfte kein Satzangenommen werden ohne Erklärung und Beweis, aber auch kein Versahren, ohne genügenden Grund und zureichende Seznauigkeit.

III.

In der Mathematik hat man allgemein eingeführt:

- 1) Dinge heißen gleich, sofern sie einerlei Größe haben. Man setzt das Zeichen = zwischen das Gleiche; z. B. I = I heißt: I ist gleich I.
- 2) Die Ungleichheit bezeichnet man mit dem Zeichen >, dessen Deffnung dem Größern zugekehrt wird. U>I heißt: U ist größer als I; II<III heißt: II ist kleiner-als III.
- 3) Dinge heißen abnlich, sofern sie einerlei Gestalt haben. Das Zeichen ber Ahnlichkeit ist v; z. B. Pop heißt: P ist ahnlich p. Nur ausgedehnte Größen können einander ähnlich sein.
- 4) Solche Größen, die gleich und ahnlich sind, heißen gleich= ahnlich (congruent). Das Zeichen der Gleich=Ahnlichkeit ift T. So heißt PTP, P ist gleichahnlich P. Doch ge=

brancht man anstatt des Ausbruckes gleichahnlich gewöhnlich wur das kurzere: gleich und spricht dann, 'um alle Unbestimmtheit zu vermeiden, bei bloßer Größengleichheit: gleichs groß.

IV.

Auf folgende allgemeinen Grundsage ftugt sich beinahe die genze Mathematik:

- 1) Das Ganze ist allen seinen Theilen zusammengenommen gleich und also größer als ein einzelner dieser-Theile.
- 2) Eine jede Große ift sich selbst gleich.
- 3) Bon gleichen Größen kann eine anstatt ber anbern gesetzt werden.
- 4) Ift von zwei Größen jede einer britten gleich, ober ahnlich: so find auch beide gleich, ober ahnlich.
- 5) Werden gleiche Größen gleich viel vermehrt, ober verminstert: so ist das, was herauskommt, ebenfalls gleich.
- 6) Werden gleiche Größen ungleich behandelt, ober ungleiche gleich: so ist das, was herauskommt, ungleich.
- T) Eine Größe, welche größer ober kleiner ist, als eine von zwei gleichen Größen, ist auch größer ober kleiner, als bie andere.

Erste Abtheilung.

Forstliche Arithmetik.

§. 1. Rechnenkunft.

Die Rechnenkunst hat zu ihrem Gegenstande die Vielheit oder Zahl; sie erklärt die Eigenschaften der Zahlen und leitet hiervon Regeln ab, nach welchen aus einigen gegebenen Zahlen andere gesuchte bestimmt werden konnen.

§. 2. 3ahl.

Jede Vielheit gleich zu achtender Dinge wird 3ahl genannt, und jedes dieser derartigen Dinge heißt Einheit. Ein voller Inbegriff von gleichen Einheiten heißt eine ganze Zahl; ein bes stimmter Inbegriff von gleichen Theilen des Ganzen, eine ges brochene Zahl oder ein Bruch. Ist die Art der Einheit bes stimmt, so heißt die Zahl benannt, außerdem, unbenannt.

§. 3. Bahlzeichen.

Man gebraucht anstatt der bekannten Zahlwörter folgende gemeinen und romischen Zahlzeichen oder Ziffern:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10...50...100...1000... I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X...L...C...M...

§. 4. Romifche Biffern.

Die römischen Ziffern scheinen von I bis X der Hand nachs gebildet worden zu sein. Ihr Gebrauch ist schwerfällig; doch gewähren sie bei niedern Zahlen viel Anschaulichkeit ihrer Bedentung.

Man hat im Lesen und Schreiben berselben zu beobachten, daß I vor X und X vor L oder C stehend, vermindernd wirken. KL bedeutet X weniger als L oder XXXX.

Iede einzelne Ziffer, die hinter sich keine größere hat, gilt vermehrend, z. P. die Iahrzahl:

MDCCCXLV.

§. 5. Gemeine Biffern.

Mit den wenigen gemeinen Ziffern: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 und 0, die in gelten de und stellvertreten de zerfallen, kann man jede Zahl darstellen. Hierbei haben die Ziffern doppelten Werth, nämlich den an sich, den Zifferwerth, und den, welchen die Stelle ihren Einheiten mittheilt, den Stellen werth:

Jebe Ziffer bekommt somit in jeder Stelle oder Ordnung weiter links einen zehnmal höhern, weiter rechts aber einen zehns mal niedrern Werth. Die Null zeigt bloß an, daß von derselben Ordnung keine Zahl vorhanden ist.

Die Bahl 8'375'024 wird ausgesprochen: acht million, breis hundert fünf und siedzig tausend, vier und zwanzig. Hierzu theilt man wohl je drei und drei Ordnungen ab, um die Stellenswerthe leichter zu erkennen.

S. 6. Allgemeine Beichen.

Um Bahlen ober andere Größen ohne Ruchsicht auf die Menge ihrer Einheiten auszudrücken, bedient man sich gewöhnlich der kleinen lateinischen Buchstaben: a, b, c, d, . . . x, y, z. Man erhalt dadurch allgemeine Ausdrücke für die Rechaungsregeln und gebraucht dabei die Anfangsbuchstaben anstatt bekannter, gegebener und die Endbuchstaben anstatt unbekannter,
zu suchender Bahlen.

§. 7. Eintheilung ber Rechnenkunft.

Mit- ben Zahlen muffen mancherlei Beränderungen und Bersgleichungen vorgenommen werden, um aus bekannten unbekannte zu finden.

Man kann eine Zahl vermehren, indem man ihr zuzählt, ober sie mehrmal nimmt, und verminbern, wenn man von ihr abzieht, oder sie mehrfach theilt. Diese vier Beränderungen begründen die Addition, Subtraktion, Multiplikation und Division. Dabei hat man es mit ganzen Zahlen, mit Bruchen, ober mit benannten und fonft bezeichneten Bahlen zu thun. Auch läßt fich eine Zahl burch sich selbst auf einen gewifsen Rang erheben und erniedrigen, was zu den Potenzen und Weiter geben zwei verschiedene Zahlenaus. Wurzeln führt. brude von gleichem Werthe eine Gleichung, von benen und bie gemeinen Gleichungen und bie Berhaltnißgleidungen oder Proportionen beschäftigen. Endlich kann man mehre Bahlen nach einem bestimmten Gesetze zusammenreihen. Dies führt zu den Progressionen, worauf die Baldwerth= berechnungen sich gründen. Hiervon gehen nun die acht Ab= theilungen der forstlichen Arithmetik aus.

1. Grundrechnungen mit ganzen Zahlen.

1. Abdition und Subtraftion.

§. 8. Abbiren.

- 1) Abdiren heißt: eine Zahl suchen, die so viel Einheisten enthält, als zwei oder mehre gegebene (Summanden, Posten) zusammengenommen. Den Gesammtwerth nennt man die Summe. Das Zeichen des Abdirens ist + (plus, mehr, und). 4+3 bedeutet: man soll zu 4 hinzuzählen 3; die Summe ift 7.
- 2) Beim Abbiren kleiner Zahlen werden bie Einheiten uns mittelbar zusammengezählt.

$$X + V + III = XVIII.$$

 $3 + 5 + 9 = 17.$

3) Größere Zahlen sett man nach ihren gleichartigen Ordnunsgen unter einander, zieht unter dieselben einen Absonderungsstrich, abdirt alsdann von der rechten Seite die Einheiten jeder Ordsmung und schreibt die einzelnen Summen der Einer, Zehner u. s. in die zugehörige Stelle darunter.

4) Findet sich die besondere Summe einer Ordnung größer ets 9, so setzt man davon nur die niedrigste Stelle unter und ihtt die höhere zu der nächsten Ordnung, der sie angehört. Diesser Uebertrag kann mit Ziffern, oder Punkten geschehen.

6. 9. Subtrahiren.

- 1) Subtrahiren heißt: eine Zahl suchen, die zu einer gegebenen (Subtrahend) addirt, eine andere gegebene (Minuend) zur Summe giebt. Diese Zahl nennt man Rest (Differenz, Unterschied). Das Zeichen des Subtrahirens ist (minus, weniger). 7—3 bedeutet: man soll von 7 abziehen 3; der Rest ist 4.
- 2) Beim Subtrahiren einer kleinen Zahl werden die Ein= heiten unmittelbar von dem Minuenden abgezogen.

$$XVIII - VIII = X.$$
 $17 - 9 = 8.$

3) Bei größeren Jahlen schreibt man den Subtrahenden unster den Minuenden, nach den gleichartigen Ordnungen, zieht eisnen Absonderungsstrich, subtrahirt alsdann von der rechten Hand die Einheiten einer jeden Ordnung besonders und schreibt den gesfundenen Rest gerade darunter.

4) Findet sich in dem Minuenden eine Jahl nicht groß genug, so nimmt man zu ihr eine Einheit aus der folgenden Ordnung und vermehrt dadurch die Jahl an sich um zehn. Über die versminderte Ziffer kommt ein Punkt, um nicht zu übersehen, daß dieselbe eine ihrer Einheiten abgegeben hat.

5) Trifft man beim Leihen auf Nullen, so geht man darüber hin zu der ersten bedeutenden Zahl und vermindert diese um 1. Die dadurch anstatt der nächsten Null erhaltene 10 vermindert man wieder um 1, so daß daselbst 9 bleibt, und fährt so fort, bis zu der Zahl, an der das Subtrahiren steht, welcher man, wie oben, 10 zulegt. Die dabei vorgegangene Verwandlung je- der 0 in 9 wird ebenfalls mit einem Punkte bezeichnet.

3 0 0 0 7 5 0 0 6 3 0 1 1 0 7 8 9 4 5 3 4 1 0 0 1 9 2 1 8 0 4 7 2 2 0 1

- §. 10. Probe zur Addition und Subtraktion.
- 1) Um die verrichtete Addition zu prufen, summirt man sede Ordnung ein Mal auswärts und bas andere Mal abwärts. Die arithmetische Probe, alle Posten aus der Summe wieder zu zies ben, ist nicht zweckmäßig.
- 2) Die verrichtete Subtraktion wird geprüft, indem man den gefundenen Rest zu dem Subtrahenden addirt, wodurch der Minuend wieder herauskommen muß (§. 9. 1). 7—3 4; 4+3 7.
- 3) Abdition und Subtraktion sind einander entgegengesetzt. Die Addition legt Summanden hinzu; die Subtraktion nimmt sie als Subtrahenden eben so wieder hinweg, und so umgekehrt.

2. Multiplikation und Division.

§. 11. Multipliziren.

- 1) Multipliziren heißt: eine gegebene Zahl (Multiplizand) so viel Mal nehmen, als eine andere gegebene Zahl (Multiplikator) anzeigt. Das Ergebniß nennt man Prosdukt oder Faktum. Das Zeichen zu diesem Vervielen ist ein liegendes Kreuz (×), oder ein Punkt (.) und wird gelesen: multiplizirt mit, mal. 4×2 bedeutet: 4 soll man 2 mal khmen; das Produkt ist 8. Multiplikand und Multiplikator können verswechselt werden, das Produkt bleibt dasselbe, z. 2.2.2.2.4; daher nennt man auch beide, ohne Unterschied, Faktoren.
- 2) Bei dem Multipliziren kleiner Zahlen nimmt man den Multiplikanden ohne Weiteres so viel Mal, als der Multiplikator anzeigt.

$$\mathbf{V} \times \mathbf{III} = \mathbf{V} + \mathbf{V} + \mathbf{V} = \mathbf{XV}.$$

$$\mathbf{5} \times \mathbf{4} = 20.$$

3) Soll eine größere Zahl mit einer Einerzahl multiplizirt werben, so schreibt man den Multiplikator unter die Einerstelle des Multiplikanden und zieht darunter einen Strich. Nun versvielt man mit dem einfachen Multiplikator zuerst die Einer, dann

die Zehner, dann die Hunderter u. s. w. und setzt das Produkt der Einer unter die Einer, das der Zehner unter die Zehner, das der Hunderter unter die Hunderter u. s. w.

4) Übersteigt hierbei ein Bielfaches der Einer, Zehner, Hunderter u. s. w. die Zahl 9, so wird davon nur die hintere Ziffer untergesetzt, und die vordere, zehnmal höhere, der folgenden Stelle im Produkte zugerechnet.

5) Soll mit besondern Zehnern, Hundertern, Tausendern ... multiplizirt werden, so verfährt man wie mit den Einern, nur daß an das Produkt noch eben so viele Nullen kommen, als die Multiplikatorziffer hinter sich führt. Denn es ist klar, daß ein Produkt von Zehnern, zehnmal, von Hundertmal, von Tausendern, tausendmal größer wird, als von Einern.

34	724	724
#	40	300
	28960	217200

6) Enthalt ber Multiplikator mehre geltende Ziffern, so könnte man mit der höchsten zuerst und dann mit jeder darauf folgensten, niedrigern multipliziren. Jedes besondere Produkt nahme seinen Anfang unter der Stelle seiner Multiplikatorziffer, so daß die gleichnamigen Ordnungen unter einander zu stehen kamen. Endlich wurden alle Produkttheile abdirt.

T) Gewöhnlich multiplizirt man zuerst mit den Einern, dann mit den Zehnern, Hundertern u. s. w.

724 Multiplikand.
346 Multiplikator.

4344)
2896. Produkttheile.
2172...

8) Sind Rullen in den Faktoren, so hat man sich vorzuses den, daß die Produkttheile recht untergesetzt werden, und daß in dem Produkte keine Stelle verloren gehe.

72400 46	turzer:	72400 46
434400 289600		4344 2896
3330400		3330400
72400 4060	fürzer:	72400 4060
00 000 4344 00	-	4344 2896.
0 0000 289 600	-	293944000
293944000		

9) Bortheile bei bem Multipliziren: Man lernt vorher das Einmaleins recht geläusig und zwar vor : und rücks warts. Von den beiden Faktoren nimmt man denjenigen zum Multiplikator, welcher die wenigsten Zahlstellen hat, oder mit dessen Zahlen am leichtesten zu multipliziren ist. Kommt in dem Multiplikator eine Zahl mehrmal vor, so schreibt man den schon einmal derechneten Produktheil unmittelbar ab. Ist eine Multiplikatorzahl halb oder doppelt so groß, als eine andere, deren Produkt schon daskeht: so nimmt man von diesem die Hässte, oder das Doppelte. Für das Produkt des Multiplikators 5 kann man die Hälfte des Multiplikators 5 kann man die Hälfte des Multiplikators 1 kann man die Hälfte des Multiplikators 2 kann man die Hälfte des Multiplikators 3 kann der Getelle weister vorrücken; denn das Künssache ist das halbe Zehnsache.

§. 12. Divibiren.

- 1) Dividiren heißt: eine Zahl suchen, die mit einer gesgebenen (Divisor) multiplizirt, eine andere gegebene (Divisond) zum Produkte giebt. Diese Zahl heißt Quotient, und das Zeichen zu diesem Theilen ist der Doppelpunkt (:) ober ein Querstrich zwischen Dividend und Divisor und wird gelesen: dividirt durch. 8:2 oder & bedeutet, man soll 8 theilen durch 2; der Quotient ist 4.
 - 2) Beim Dividiren kleiner Zahlen durchläuft man das 1, 2, 3 und Mehrfache des Divisors bis zu dem Produkte, das dem Dividenden gleicht. Der dabei gefundene andere Faktor ist der gesuchte Quotient,

$$XV : V = III.$$
 20 : 4 = 5.

3) Beim Dividiren größerer Jahlen sett man den Divisor am süglichsten hinter den Dividenden. Ist nun der Divisor eine Einerzahl, so nimmt man zuerst die höchste Ordnung, oder wenn die Zahl derselben kleiner sein sollte, als der Divisor, die beiden höchsten Ordnungen zusammen vor, schreibt den dazu gesuchten Duotienteit hinter, oder unter den Divisor, multiplizirt beide und zieht das Produkt von dem eben vorgenommenen Theile des Dividenden ab. Hiernachst seite man die Zahl der solgenden Ordnung herunter hinter den etwa gebliedenen Rest und versährt wieder auf dieselbe Weise. Findet sich die eben zu theilende Zahl kleiner, als der Divisor, so setzt man in die zugehörige Stelle des Quotienten eine Null und zieht die solgende Ordnung herunter. Kein Rest darf größer sein, als der Divisor. In dem Quotienten werden die gefundenen Zahlen ordnungsweise hinter einander geschrieben, wie sie aus dem Dividenden hervorgehen.

26298 : 24	3 =	8000; 700	fürzer	26298 : 24,	3 = 8766,
22 21.,	++	60	_	22 21	
19. 18.		8766		19. 18.	_
18 18			-	18 18	
0	•		•	0	-

4) Hat der Divisor mehre Zahlstellen, so nimmt man zuserst links von dem Dividenden auch eben so viele Ordnungen, oder wenn diese nicht zureichen, noch eine mehr, und sucht zu diesen den Quotienten; oft braucht dies nur mit den vordern Zahlen des Divisors zu geschehen. Nun multiplizirt man Quoztienten und Divisor, subtrahirt das Produkt von dem vorgenommenen Theile des Dividenden, nimmt die solgende Ordnung zum Reste herunter und theilt so weiter eine Ordnung nach der andern dis zu Ende. Bleibt zuleht ein Rest, so wird die weiztere Division in dem Quotienten nur angezeigt.

Dividend 66152: 32 Divisor.

64...

215
2067 3 Quotient,

192.

232
224
8 Rest.

5) Kommen Nullen vor im Divisor ober Dividend, so hat man sich vorzusehen, daß der Quotient die richtigen Ordnungen erhalte.

802345 : 52000 -	52000; 15.	türzer	802 345 52	: 52 000 15,
252345 260000		•	282 260	•
22345		-	22 345	
96000 6000	: 6000; 16,	kürzer	96 000 : 6	6 000 16,
36000 36000	•	•	36 36	•
0	-		0	•

6) Wenn man Dividend und Divisor gleich vielmal verskeinert ober vergrößert: so bleibt der Quotient unverändert.

$$96 \times 1000 : 6 \times 1000 = 16.$$

 $96 : 6 = 16.$

7) Bortheile bei dem Dividiren: Von größern Dis visoren konnte man sich das Zweis dis Neunsache vorher anses har abschreiben, ober durch 2, 3 theilen, ober 2, 3 mal nehmen.

- §. 13. Probe zu ber Multiplikation und Division.
- 1) Die verrichtete Multiplikation wird geprüst, indem man das erhaltene Produkt durch einen der Faktoren dividirt. Das durch geht der andere Faktor als Quotient wieder hervor (§. 12. 1). $a \times 2 = 2a$; 2a : 2 = a.
- 2) Die verrichtete Division wird geprüft, indem man den gefundenen Quotienten mit dem Divisor multiplizirt und den etwaigen Rest hinzuzählt. Dadurch muß der Dividend wieder hervorgehen (§. 12. 1). 2a:2=a; $a\times 2=2a$.
- 3) Multiplikation und Division sind einander entgegengesetzt. Was die Multiplikation zusammensügt, theilt die Division, und was diese theilt, fügt jene eben so wieder zusammen.

II. Grundrechnungen mit Brüchen.

1. Gemeine Bruche.

§. 14. Der gemeine Bruch.

1) Denkt man sich von einem Ganzen, das in mehre gleiche Theile zerlegt ist, eine bestimmte Anzahl solcher Theile: so entssteht ein Bruch, d. B. L. Dieser Bruch, drei Viertel, entshalt drei von vier gleichen Theilen eines Ganzen. K bedeutet acht solcher Viertel oder zwei Ganze; dies ist eben so viel, als 8:4. Daraus ersieht man, daß der Bruchausdruck nichts Ansberes ist, als eine bloß angezeigte Division. Die obere Zahl heißt der Zähler und hat gleiche Bedeutung mit dem Divisdenden; die untere, der Nenner, hat gleiche Bedeutung mit dem Divisdem Divisor.

 $\frac{12}{3} = 12:3 = 4,$

- 2) In dem eigentlichen ober echten Bruche ist der Zähler kleiner, als der Nenner, wie z. B. &, &, &; daher ist der Werth desselben kleiner, als das Ganze.
- 3) In dem uneigentlichen ober unechten Bruche ist der Zähler entweder so groß, oder größer, als der Nenner, wie $\frac{2}{3}$, $\frac{16}{5}$, und sein Werth ist daher auch so groß, oder größer als das Ganze. Theilt der Nenner den Zähler ohne Rest, so ist der Werth eine ganze Zahl; z. B. $\frac{6}{3}$ = 2. Bleibt aber ein Rest, so ist der Werth des uneigentlichen Bruches eine ganze Zahl mit einem angehängten Bruche, oder eine gemischte Zahl. $\frac{7}{3}$ = 2 $\frac{7}{3}$.
 - §. 15. Gemeine Bruche zu verwandeln.
- 1) Eine ganze Zahl läßt sich leicht in einen uneigentlichen Bruch verwandeln. Man multiplizirt sie mit dem gegebenen Renner und setzt denselben unter das Produkt. Die Zahl 2, in Drittel verwandelt, giebt $\frac{2\times 3}{3}=\frac{6}{3}$. Der Werth bleibt ders selbe; denn die erfolgte Multiplikation wird durch die angedeutete Division wiedengehoben.
- 2) Eine gemischte Zahl wird in einen uneigentlichen Bruch verwandelt, wenn man die ganze Zahl mit dem Nenner ihres Bruches multiplizirt, dazu dessen Zähler abdirt und dann den Renner untersett; $\frac{1}{3}$. B. $2\frac{1}{3} = \frac{2 \times 3}{3} + \frac{1}{3} = \frac{7}{3}$.
- 3) Bon $\frac{1}{4}$ ist das Doppelte $\frac{1\times 2}{4}$, das Dreisache $\frac{1\times 3}{4}$, das Bierfache $\frac{1\times 4}{4}$ u. s. w. Seber Bruch wird mithin in dem Maße größer, als sein Zähler zunimmt. Bon $\frac{1}{2}$ ist die Hälste $\frac{1}{2\times 2}$ das Drittel $\frac{1}{2\times 3}$, das Viertel $\frac{1}{2\times 4}$ u. s. w. Daher wird jeder Bruch in dem Maße kleiner, als sein Nenner zunimmt. Umzgekehrt, muß der Werth eines Bruches fallen mit abnehmendem Zähler und steigen mit abnehmendem Nenner; z. B. $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4}$
- 4) Multiplizirt man eines Bruches Zähler und Nenner mit einerlei Zahl, so andert dies den Werth desselben nicht. Die

Brüche $\frac{1}{2}$, $\frac{1 \times 2}{2 \times 2}$, $\frac{1 \times 3}{2 \times 3}$, $\frac{1 \times n}{2 \times n}$ haben alle gleichen Werth. Denn wie durch ihre wachsenden Zähler die Anzahl der Theile um das Zwei=, Drei= und Mehrfache zunimmt, so nimmt durch ihre ebenmäßig wachsenden Nenner die Größe der Theile wieder um das Gleiche ab.

- 5) Dividirt man eines Bruches Zähler und Nenner durch einerlei Zahl, so bleibt ebenfalls der Werth desselben unverändert. $\frac{8}{16} = \frac{8:2}{16:2} = \frac{8:4}{16:4} = \frac{8:n}{16:n}$. Denn wie dadurch die neuen Ausbrücke an der Anzahl ihrer Theile verlieren, so gewinnen sie wieder an der Größe derselben.
- 6) Der Werth eines Bruches bleibt ungeandert, wenn man zu Zähler und Nenner zwei Zahlen addirt oder davon subtrahirt, die sich wie Zähler und Nenner verhalten.

Werben Zähler und Nenner um eine gleiche Zahl vergrös

ßert ober verkleinert: so ändert sich der Werth des Bruches, je
nachdem er ein eigentlicher oder uneigentlicher ist.

§. 16. Gemeine Bruche zu heben.

- 1) Ein Bruch wird gehoben, d. i. unbeschabet seines Werthes durch kleinere Jahlen ausgedrückt, wenn man Zähler und Nenner durch ein und dieselbe Jahl ohne Rest dividirt. $\frac{8}{16} = \frac{8:8}{16:8} = \frac{1}{2} (\S. 15. 5).$
- 2) Es giebt gewisse, hierbei brauchbare Kennzeichen von ber Theilbarkeit mehrzifferiger Zahlen, nämlich:

Durch 2 ist eine Zahl ohne Rest theilbar, wenn die Endzahl gerade ist; denn die Ordnungen von 10 und darüber sind an sich schon durch 2 theilbar.

Durch 3, wenn die Quersumme aller Ziffern durch 3 theils bar ist. Die Zahl 543 besteht aus

- 3 Einern = 3
- 4 Zehnern = 4 x 9 + 4
- 5 Hundertern = 5 × 99 + 5;

also theils aus mehren Vielfachen von 9, die an sich burch 9 und 3 aufgehen, theils aus der Duersumme.

Durch 4, wenn die von den zwei hintersten Stellen gebils dete Zahl durch 4 aufgeht; denn die höheren Ordnungen von 100 und darüber sind schon als solche durch 4 theilbar, 3. B. 5732.

Durch 5, wenn die Endzahl 5 oder 0 ist; alle höheren Ord= nungen sind fünffach, z. B. 745 oder 740.

Durch 6, wenn die Endzahl gerade und zugleich die Querfumme durch 3 theilbar ist; wenn also in der gegebenen Jahl 2 und 3 aufgehen, z. B. 762.

Durch 8, wenn die von den drei hintersten Stellen gebildete Zahl durch 8 aufgeht; denn die höheren Ordnungen von 1000 und darüber sind von selbst durch 8 theilbar, z. B. 143128.

Durch 9, wenn die Quersumme durch 9 theilbar ist; aus bemselben Grunde, wie bei 3, z. B. 738.

Durch 10, wenn die Endzahl 0 ist, was sich von selbst versteht.

Man kann Zähler und Nenner durch solche gemeinschaftlischen Theiler so lange zu heben suchen, als es angeht; z. B. $\frac{84}{204}$ zuerst durch 4, dann durch 3; nämlich $\frac{84:4}{204:4} = \frac{21:3}{51:3} = \frac{7}{17}$.

3) Um den größten gemeinschaftlichen Theiler von Zähler und Nenner sogleich zu finden, dividirt man von beiden Zahlen die größere durch die kleinere, dann den eben gebrauchten Divissor wieder durch den Rest und so fort, dis die Division aufgeht, oder 1 zum Reste bleibt.

Geht die Division auf, so ist der letzte Divisor der großte gemeinschaftliche Theiler. In obigem Bruche 304 ist es 12.

Denn da hier 36 durch 12 aufgeht, so ist auch 84=2×36+12 und eben so 204=2×84+36 durch 12 theilbar. Der gemeinsschaftliche Theiler kann offenbar nicht größer sein, als der letzte Rest 12. Bleibt 1 zum Reste, so läßt sich der Bruch nicht weiter heben.

5. 17. Gemeine Brude gleichnamig zu machen.

1) Wenn man Brüche so umgestaltet, daß sie einerlei Nenner bekommen: so werden sie gleichnamig. Die gemeinsten Brüche der gewöhnlichen Rechnungen mit den Nennern 2, 4, 8 und 16 können ohne Weiteres auf gleiche Benennung gebracht werden durch geeignete Multiplikation ihres Zählers und Nenners mit 8, 4 oder 2, 3. B.

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 8}{2 \times 8} = \frac{8}{16} (5. 15. 4.)$$

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 4}{4 \times 4} = \frac{12}{16}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{5 \times 2}{8 \times 2} = \frac{10}{16}$$

$$\frac{7}{16} = \frac{7}{16} = \frac{7}{16}$$

Hier gehen in dem größten Nenner selbst alle anderen Nenner auf, und es sindet sich daher zu jedem ein Faktor, der mit ihm den gemeinschaftlichen Nenner giebt, nämlich: 8 zu 2, 4 zu 4 und 2 zu 8.

2) Um weniger fügsame Brüche gleichnamig zu machen, sucht man ebenfalls eine Zahl, in der alle Nenner aufgehen, als gemeinschaftlichen oder Generalnenner. Eine solche Zahl ist unbedingt das Produkt aller Nenner, z. B.

$$\frac{5}{4} = \frac{5 \times 6 \times 3}{4 \times 6 \times 3} = \frac{90}{72} \text{ (§. 15. 4.)}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 4 \times 3}{6 \times 4 \times 3} = \frac{12}{72}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4 \times 6}{3 \times 4 \times 6} = \frac{48}{72}$$

Auf diese Weise sindet man aber nicht den kleinsten Generalnenner, im Fall einige der gegebenen Nenner gemeinschaft= liche Theiler haben.

3) Um den kleinsten Generalnenner zu suchen, hebt man die gegebenen Nenner unter sich mit ihren gemeinschaftlichen Theislern auf, so viel es geht, setzt jedes Mal den gebrauchten Divisor dahinter, die Quotienten und was sich von den Nennern eben

nicht ohne Rest dividiren läßt, darunter und multiplizirt endlich alle übrig gebliebenen Zahlen und die Divisoren mit einander, z. B.

Der Grund bieses Verfahrens leuchtet ein, wenn man betrachtet:

Die Menner
$$\begin{cases} 4 = 2 \times 2 \\ 6 = 2 \times 3 \\ 3 = 3 \end{cases}$$
Das Produkt $4 \times 6 \times 3 = (2 \times 2) \times (2 \times 3) \times 3$.

Nun braucht man zu einer Zahl, die durch 4, 6 und 3 theilbar sein soll, nicht jenes ganze Produkt, sondern nur ein solsches, das die Faktoren von 4, 6 und 3 eben in sich saßt, nams sich $2 \times 2 \times 3$, und was davon weiter vorkommt, wie die übrigen 2 und 3, wird auf solche Weise gleich ausgeschieden.

Den gefundenen kleinsten Generalnenner bividirt man burch jeben einzelnen Renner und multiplizirt mit dem Quotienten ben dazu gehörigen Zähler, wie folgt:

$$\frac{5}{4} = \frac{5 \times 3}{4 \times 3} = \frac{15}{12} \text{ turzer}: \frac{5}{4} \quad 3 \quad | 15 \rangle$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{12} \quad \text{w} \quad \frac{1}{6} \quad 2 \quad 2 \quad \text{Meue 3ahler.}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12} \quad \text{w} \quad \frac{2}{3} \quad 4 \quad 8 \quad \text{meue 3ahler.}$$

§. 18. Abbiren gemeiner Bruche.

Um Brüche zu abbiren, macht man sie gleichnamig, wenn sie es nicht schon sind, und addirt ihre Zähler. Die Summe giebt den Zähler zu dem gemeinschaftlichen Nenner, der hierbei bloß als Namen der Bruchtheile arzusehen ist.

$$\frac{\frac{1}{2} + \frac{3}{4} = \frac{2}{4} + \frac{3}{4} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}}{\frac{1}{8} + \frac{7}{9} + \frac{5}{6} + \frac{2}{3} + \frac{4}{15} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{6}{4} + \frac{3}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{6}{4} + \frac{3}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{6}{4} + \frac{3}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{15}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{15}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{8}{4} + \frac{9}{4} + \frac{15}{4} + \frac{8}{25}}{\frac{15}{4} + \frac{15}{4} + \frac{15}{25}}$$

18	00		
F	225	225	
	200	1400	
5	300	1500	
No who star	600	1200	
4 15	120	480	
8 25	72	576	
ેં હ	umme	- 1887 -	2 <u>7781</u>

Gehören die Brüche zu ganzen Zahlen, so wird in diesen, wie schon bekannt, weiter summirt.

§. 19. Subtrahiren gemeiner Bruche.

1) Sollen Brüche subtrahirt werden, so bringt man sie auf gleiche Benennung, wenn sie dieselbe nicht schon haben, und zieht dann Zähler von Zähler ab.

$$\frac{4}{5} - \frac{2}{3} = \frac{12}{15} - \frac{10}{15} = \frac{2}{15},$$

$$\frac{56}{7} \mid 8 \mid 40$$

$$\frac{3}{8} \mid 7 \mid 21$$

$$\Re eft: \frac{12}{15}$$

2) Ist ein Bruch von einer ganzen Zahl abzuziehen, so leiht man von derselben einen Einer, verwandelt diesen in einen gleich= namigen Bruch und subtrahirt. Der Rest wird zu dem übrigen Theile der ganzen Zahl geschrieben.

$$7-\frac{4}{5}=6\frac{5}{5}-\frac{4}{5}=6\frac{7}{5}$$

3) Bei gemischten Jahlen macht man die angehängten Brüche gleichnamig und leiht sogleich, wo es nothig ist, von der ganzen Jahl.

$$\begin{array}{ccc}
23\frac{1}{4} &=& 22\frac{15}{12} \\
9\frac{7}{12} &=& 9\frac{7}{12} \\
\Reeft: 13\frac{3}{4}
\end{array}$$

- §. 20. Multipliziren gemeiner Bruche,
- 1) Einen Bruch mit einer ganzen Bahl zu muls tipliziren: Man multiplizire den Zähler mit der ganzen Zahl und lasse den Nenner ungeandert.

$$\frac{3}{4} \times 2 = \frac{3}{4} + \frac{3}{4} = \frac{3 \times 2}{4} = \frac{6}{4} = 1\frac{1}{2}.$$

$$\frac{5}{9} \times 3 = \frac{5 \times 3}{9} = \frac{15}{9} = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}$$

Hierbei wird die Anzahl der Theile vervielfältigt; man kann aber auch die Theile selbst um so viel vergrößern, nämlich den Renner durch den Multiplikator dividiren, wenn die Division eben ausgeht.

$$\frac{5}{9} \times 3 = \frac{5}{9:3} = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3} (\S, 15, 3.)$$

2) Zwei ober mehre Brüche zu multipliziren: Man multiplizire sowohl die Zähler, als auch die Nenner mit einander. Das erste Produkt giebt den neuen Zähler, das andere den neuen Nenner, z. B.

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$$

Hier bedingt nämlich der Multiplikator $\frac{3}{5}$, daß $\frac{1}{5}$ des Multiplikanden 2 mal genommen werden soll; den dritten Theil von $\frac{4}{5}$, also $\frac{4}{5\times 3}$, noch mit 2 multiplikirt, giebt $\frac{4}{5\times 3} \times 2 = \frac{4\times 2}{5\times 3} = \frac{8}{15}$ (§. 15. 3.).

Die Faktoren in Zähler und Nenner können oft gegen ein= ander aufgehoben werben (§. 16.).

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{\cancel{3} \times \cancel{4} \times \cancel{2}}{\cancel{8} \times \cancel{5} \times \cancel{3}} = \frac{1}{\cancel{5}}.$$

3) Semischte Zahlen' verwandelt man gewöhnlich vorher in Brüche.

$$2\frac{3}{4} \times 3 = \frac{11}{4} \times 3 = \frac{33}{4} = 8\frac{1}{4}$$

Man könnte auch mit den Ganzen und den Brüchen beson= ders multipliziren.

$$2\frac{3}{4} \times 3 = 2 \times 3 + \frac{3}{4} \times 3 = 6 + 2\frac{1}{4} = 8\frac{1}{4}.$$
 $2\frac{3}{4} \times 3\frac{1}{4} = 2\frac{1}{4} \times 3 + 2\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = 8\frac{1}{4} + 1\frac{1}{4} = 9\frac{1}{4}.$

Wenn der Multiplikator ein eigentlicher Bruch ist, so muß das Produkt begreiflicher Weise kleiner sein, als der Multipliskand (§. 11. 1.).

§. 21. Dividiren gemeiner Bruche,

1) Einen Bruch burch eine ganze Zahl zu bivi= biren: Man multiplizire ben Nenner mit der ganzen Zahl und lasse ben Zähler ungeändert.

$$\frac{1}{2}:2=\frac{1}{2\times 2}=\frac{1}{4}\,(\S.\ 15,\ 3.)$$

$$\frac{6}{4}:2=\frac{6}{4\times 2}=\frac{6}{8}=\frac{3}{4}.$$

Hierbei wird die Größe der Theile verkleinert; man kann dafür auch die Anzahl der Theile verkleinern, indem man den Zähler durch den Divisor dividirt, wenn die Division eben aufzigeht.

$$\frac{6}{4}:2=\frac{6:2}{4}=\frac{3}{4}.$$

2) Eine ganze Bahl durch einen Bruch zu dividiren: Man multiplizire den Dividenden mit dem umgekehrten Divisor, z. B.

$$6:\frac{4}{2}=6\times\frac{2}{4}=\frac{6\times2}{4}=3.$$

Der gesuchte Quotient soll hier $\frac{4}{2}$ mal in 6 enthalten sein (§. 12. 1.); er ist also 2 mal so groß, als der, welchen man durch die Division mit 4 erhält. Nun giebt $6:4=\frac{4}{2}$, noch mit 2 multiplizirt, $\frac{6\times 2}{4}=6\times \frac{2}{4}=3$.

3) Einen Bruch burch einen Bruch zu bivibiren: Man multiplizire den Dividenden aus gleichem Grunde mit dem umgekehrten Divisor, z. B.

$$\frac{3}{10}: \frac{4}{2} = \frac{3}{10} \times \frac{2}{4} = \frac{16}{48} = \frac{3}{4}.$$

Hier wird $\frac{8}{10}$ burch 4 dividirt $=\frac{8}{10\times4}$, und dies 2 mal genommen, giebt $\frac{8\times2}{10\times4}$. Man könnte auch Zähler durch Zähler und Nenner durch Nenner dividiren; doch gehen diese Divissionen selten auf.

$$\frac{8}{10}: \frac{4}{2} = \frac{8:4}{10:2} = \frac{2}{5}.$$

4) Gemischte Zahlen werden zur Division vorher in Brüche verwandelt, z. B.

$$3\frac{1}{2}:1\frac{1}{4}=\frac{7}{2}:\frac{5}{4}=\frac{7\times 4}{2\times 5}=\frac{28}{10}=2\frac{4}{5}.$$

5) Ift der Divisor ein eigentlicher Bruch, so muß der Quoz tient größer sein, als der Dividend.

$$\frac{3}{4}:\frac{1}{2}=\frac{3\times 2}{4\times 1}=\frac{6}{4}=1\frac{1}{2}.$$

6) Bird die Division von Brüchen in Bruchsorm angesetzt, so entstehen sogenannte unreine oder Doppelbrüche. Diese können in reine Brüche verwandelt werden, wenn man Zähler und Nenner des Doppelbruchs mit den eingeschobenen Nennern aushebend multiplizirt (§. 15, 4.), z. B.

$$\frac{\frac{6}{4}}{\frac{2}{2}} = \frac{\frac{6}{4} \times \frac{1}{4}}{2 \times 4} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4},$$

$$\frac{6}{\frac{4}{2}} = \frac{6 \times 2}{\frac{4}{2} \times 2} = \frac{12}{4} = 3,$$

$$\frac{\frac{8}{10}}{\frac{4}{2}} = \frac{\frac{8}{10} \times 10 \times 2}{\frac{4}{2} \times 2 \times 10} = \frac{16}{40} = \frac{2}{5},$$

$$\frac{2^{1}/2}{1^{1}/4} = \frac{\frac{7}{2} \times 2 \times 4}{\frac{5}{4} \times 4 \times 2} = \frac{28}{10} = 2\frac{4}{5},$$

2. Dezimalbruche.

ig. 22. Der Dezimalbruch.

Diejenigen Bruche, beren Nenner 10, 100, 1000 u. s. w. ist, nennt man Dezimalbrüche und schreibt sie, mit Weglassung ber Nenner, folgender Gestalt:

0,3 3,42 17,4507

Die Null vor dem Zähler tritt an die Stelle der ganzen Bahl, wenn eben keine vorhanden ist. Das Komma trennt die Einerstelle der ganzen Zahl von dem Zähler des Bruches, der wohl durch kleinere Ziffern kenntlicher gemacht wird, und dessen Nenner eine 1 ist, die man sich unter dem Komma denkt, mit so viel Nullen, als Zahlstellen oder Dezimalen in dem Zähzler sind.

Hinter dem Komma enthält die erste Stelle Zehntheile, die zweite Hunderttheile, die dritte Tausendtheile u. s. w., also jede folgende Stelle einen zehnmal kleineren Theil der Einheit, nach denselben Gesetzen, wie bei ganzen Zahlen. Die Versetzung des Komma bewirkt daher mit jeder Stelle eine zehnsache Verändezung der Stellenwerthe. Wird der Werth 10, 100, 1000 mal größer, so rückt das Komma um 1, 2, 3 . . . Stellen hinzter, und so umgekehrt. 3. B.

 $5,372 \times 10 = 53,72$; $63,51 \times 1000 = 68510$. 537,2; 10 = 53,72; 2,456: 1000 = 0,002456.

§. 23. Dezimalbruche zu vermanbeln.

1) Einen Dezimalbruch in einen gemeinen Bruch mit bestimmtem Nenner zu verwandeln: Man multisplizire den Dezimalbruch mit dem bestimmten Nenner und nehme das Produkt als neuen Zähler zu diesem Nenner.

Soll z. B. 0.75 verwandelt werden in Viertel, so multiplizit man 0.75 mit 4, was $\frac{488}{188}$ ober 3 giebt, und setzt diese 4 wieder als Nenner unter; dadurch erhält man den gegebenen Werth in Vierteln, nämlich: $\frac{0.75 \times 4}{4} = \frac{3}{4}$. Um 0.56 in 3wölf=

tel zu verwandeln, setzt man $\frac{0,56\times12}{12}=\frac{6,72}{12}$, und erhält einen unreinen Bruch.

2) Einen gemeinen Bruch in einen Dezimals bruch zu verwandeln: Man hänge dem Zähler rechts belies big Rupen an, dividire ihn durch den Nenner und schneide nachs her im Quotienten wieder eben so viel Dezimalstellen ab, als der Dividendus Nullen erhalten hat.

Wird der Bruch $\frac{1}{4}$ multiplizirt mit 100, und wird die durch seinen Nenner ausgedrückte Division verrichtet: so giebt dies zusvörderst $\frac{3 \times 100}{4} = \frac{300}{4} = 75$; wird nun dieses Ergebniß wieder dividirt durch den vorigen Multiplikator 100, so entsteht $\frac{75}{100} = 0.75$ der Werth von $\frac{1}{4}$ in einem Dezimalbruche.

$$\frac{5}{16} = \frac{5 \times 10000}{16}$$
: 10000 = 0,3125.

3) Bfter geht die Division durch den Nenner nicht auf, und der gemeine Bruch läßt sich in diesem Falle nicht genau in einen Dezimalbruch verwandeln. Hier kann man, wie bei jeder Division, wo ein Rest übrig bleibt, das Dividiren so lange fortseten, dis der bleibende Rest ganz unerheblich wird. An solche abgebrochenen Dezimalbrüche fügt man noch einige Punkte, als Zeichen weggelassener Dezimalen.

$$\frac{4}{7} = 0.5714..; \frac{9}{11} = 0.818181..$$

4) Bisweilen erscheinen bei fortgesetzter Division gleich die ersten Zahlen in derselben Ordnung wieder. Zeigt sich eine folche periodische Wiederkehr, so kann man, ohne noch weiter zu dividizen, den Dezimalbruch nach Gefallen erweitern, z. B.

$$\frac{26}{33} = 0.787878..$$

5) Hat der Bruch mehr Dezimalen, als die Genauigkeit der Rechnung erfordert, so läßt man die überslüssigen weg. Die hintere der beibehaltenen Dezimalen wird um 1 erhöhet, wenn die nächste der weggelassenen 5 oder mehr beträgt, damit der Bruch seinem wahren Werthe näher bleibe. Sollte der vorige

Bruch 0,787878.. nur drei Dezimalen behalten, so verwandelte man ihn in 0,788.

§. 24. Dezimalbruche zu abbiren.

Man schreibe die gegebenen Zahlen so unter einander, daß Komma unter Komma steht. Dadurch kommen die Ganzen, die Zehntheile, die Hunderttheile u. s. w. ordnungsweise unter einanzer. Nun abdire man, wie es bei ganzen Zahlen geschieht (§. 8.).

§. 25. Dezimalbruche zu subtrahiren.

Die gegebenen Brüche werden unter einander geschrieben, Komma unter Komma, Zehntheile unter Zehntheile u. s. w. und dann subtrahirt, wie ganze Zahlen (§. 9.). Finden sich in dem Minuenden oder Subtrahenden weniger Dezimalen, so verfährt man, als ständen Rullen in den offenen Stellen, z. B.

0,403	5,8 4 2	6,00435
0,152	1,00455	0,17
0,251	4,83745	5,83435

§. 26. Dezimalbruche zu multipliziren.

Man schreibe die Brüche unter einander und multiplizire sie, wie ganze Jahlen, schneide alsbann im Produkte von der Rechten so viel Dezimalen ab, als beide Faktoren zusammen enthalten. Hat das Produkt nicht so viel Stellen, als ihm abgeschnitzten werden mussen, so werden die sehlenden durch vorangesetzte Nullen ergänzt, und außerdem wird noch eine Null statt der Ganzen gesetzt.

Soll z. B. 1,3 multiplizirt werden mit 0,7, und man behandelte diese Faktoren als gemeine Brücke: so müßte man Zahter mit Zähler und Nenner mit Nenner multipliziren (§. 20. 2.). Das Nennerprodukt wäre aber eine 1 mit allen Nullen der beiden Renner, wofür beim Dezimalbruche im Zählerprodukte ohne Weiteres so viel Stellen abgeschnitten werden. Es ist nämlich

$$\begin{array}{r}
 1.3 \times 0.7 = \frac{13}{10} \times \frac{7}{10} = \frac{13 \times 7}{10 \times 10} = \frac{91}{100} = 0.91. \\
 \frac{43.72}{15} = \frac{0.0345}{0.023} \\
 \frac{21860}{4372} = \frac{1035}{690} \\
 \hline
 655.80 = 0.007935
 \end{array}$$

Gewähren die vorderen Dezimalen des Produktes schon hinlängliche Senauigkeit, so bedient man sich der abgekürzten Rultiplikation. Man multiplizirt nämlich zuerst mit den Zehntheilen, hierauf mit den Hunderttheilen, Tausendtheilen u. s. w. und läßt jedes Mal von dem Multiplikanden rechts eine Stelle mehr weg, so daß alle Produkttheile in einer und derselben Reihe ansangen, z. B.

. 3 ,7242	unabgekürzt: 3,7242
0,8721	0,872.1
2,97936 Anfang 8 × 2	297936
26068 Anfang 7 × 4	260694
744 Anfang 2×2 37 Anfang 1×7	37242
3 ,24785	3,24787482

Wo das Komma stehen muß, bestimmt man sogleich bei dem ersten Produktheile durch Abzählung der eben gebrauchten Deziz malen. Wegen der im Multiplikandus weggelassenen Stellen sällt öfters das Produkt etwas zu niedrig aus.

§. 27. Dezimalbruche zu bivibiren.

Man bividire wie mit ganzen Zahlen, füge auch dem Divis denden, der mindestens mit eben so viel Dezimalstellen angesetzt sein muß als der Divisor, die etwa noch erforderlichen Nullen an und schneide endlich im Quotienten, die Mehrzahl Dezimalen ab, um welche der gebrauchte Dividend den Divisor übersteigt.

Soll z. B. 2,24 bividirt werden durch 0,4, und man versühre wie bei gemeinen Brüchen: so würde Zähler durch Zähler und Nenner durch Nenner bividirt (§. 21. 3.), nämlich

 $\frac{224:4}{100:10} = \frac{56}{10} = 5,6$. Der Quotient beider Nenner ist aber eine 1 mit den im Dividenden befindlichen überzähligen Nullen, wofür man beim Dezimalbruche gleich in dem Zählerquotienten so viel Stellen abschneibet.

Man wendet bei den Dezimalbrüchen auch eine abgestürzte Division an. Dividend und Divisor werden mit gleich vielen Dezimalstellen angesetzt, und bei dem fortgesetzten Dividiren wird jedes Mal von dem Divisor die letztere Dezimale weggelassen. In dem hier folgenden Beispiele steht jeder besondere Divisor, was beim Rechnen überslüssig ist.

Die Stelle des Komma im Quotienten ergiebt sich schon aus den ersten Divisions : Ansätzen. Da bei der abgekürzten Division der Divisor allmählich verkleinert wird, so muß der Quotient etwas zu groß ausfallen.

III. Grundrechnungen mit benannten und sonst bezeichneten Zahlen.

1. Benannte Zahlen.

§. 28. Bahlenbenennung.

Bei benannten Zahlen ist die Art der Einheit besstimmt. Der zählbaren Dinge giebt es sehr vielerlei; am meissten beschäftigen uns davon die Münzen, die Maße und Geswichte, die Zeit u. s. w. Sie haben in sich besondere Ordnungen mit eigner Eintheilung und Größe, die man theils aus Nachweisungen, theils aus angestellten Untersuchungen kennen lernt.

Eine benannte Zahl ist einfach, wenn sie nur Einheiten einerlei Art enthält, ober zusammengesetzt, wenn sie aus verschiedenen, einander untergeordneten Arten von Einheiten ober Sorten besteht, z. B. 3 Thlr. 4 Gr. 6 Pf.

Benannte Zahlen mussen ofters reduzirt werden, indem man sie durch Multiplikation und Division mit ihrer Eintheis lungszahl auf einen kleinern oder größern Namen bringt, z. B.

3 Thir. =
$$3 \times 24$$
 gGr. = $3 \times 24 \times 12$ Pf. = 864 Pf.
365 Fr. = $\frac{365}{60}$ Fl. = $6\frac{1}{12}$ Fl. = 6 Fl. 5 Fr.

§. 29. Benannte Jahlen zu ab Viren.

Man schreibe die Zahlen von einerlei Benennung reihenweise unter einander, zähle sie dann zusammen, die niedrigsten Einheiten zuerst, barauf bie nachst höheren u. s. w. Jede besondere Summe wird auf der Stelle reduzirt. Die darin gefundenen Einheiten der höheren Sorte kommen vor zu dieser, und die übrigbleibenden Einheiten der eben zusammengezählten Sorte werden untergesetzt.

§. 30. Benannte Bahlen zu subtrabiren.

Man setze ebenfalls die Zahlen von jeder Sorte, ihrer Folge nach, unter einander und ziehe sie ab. Oft hat man eine Einsheit der höheren Sorte zu leihen und dadurch die niedere so viel zu vermehren, als von ihr Einheiten auf die höhere Sorte gehen.

§. 31. Benannte Bahlen zu multipliziren.

1) Man setze den Multiplikator gehörig unter und verviele damit den Multiplikanden von der niedrigsten Sorte an. Jedes besondere Produkt, das eine höhere Einheit voll enthält, wird sozgleich reduzirt. Die darin befindlichen Einheiten einer höheren Sorte kommen hinüber zum gleichnamigen Produkte, und der Rest wird untergesetzt.

2) Oft kann man den Multiplikator zerlegen in Faktoren .
ober Summanden und dann leichter theilweise multipliziren, z. B. $24 = 6 \times 4; 17 = 4 \times 4 + 1.$

Oft erleichtert es aber auch die Rechnung, den Multiplikans ben vorher auf seine niedrigsten Einheiten zu reduziren.

3) Der Multiplikator kann eigentlich keine benannte Bahl sein, weil er nur angiebt, wie oft der Multiplikand zu sich selbst abdirt werden muß, damit auß ihm das Produkt entstehe. Bringt es der Sang einer Rechnung mit sich, daß eine benannte Bahl als Multiplikator erscheint: so kommt bloß die Bahl an sich, keizneswegs aber die Benennung mit in Rechnung. Enthält ein solcher benannter Multiplikator mehrerlei Sorten, so reduzirt man denselben vorher auf einerlei Einheit, eigentlich auf die Verhältzniszahl.

Wenn z. B. der Acker Holzland zu 9 Thir, 8 gGr. verkauft würde, wie theuer kame ein Stuck von 3 Acker 40 Ruthen? Halt der Acker 140 Rthn., so sind 3 Ar. 40 Rthn. = $3\frac{40}{140}$ = $3\frac{7}{4}$ Ar.

9 Thir. 8 gGr.

37

28 = - = 3 mal.

2 = 16 = 7 mal.

30 Thr. 16 gGr.

Hier können nun wohl die 9 Thlr. 8 gGr. 37 mal genoms men werden, so viel es Acker sind, aber nicht 37 Acker mal.

S. 32. Benannte Bahlen zu bivibiren.

1) Ist der Divisor unbenannt, so theilt man damit ohne Beiteres im Dividenden die Zahlen jeder Sorte für sich, bei der hochsten anfangend. Bleibt irgendwo ein Rest, so wird derselbe sogleich zu der nachst niederen Sorte genommen und dann in dieser mit getheilt.

Öfter ist es erleichternb, wenn man zuvor den ganzen Dis videnden auf einerlei Sorte reduzirt.

2) Ist der Divisor eine benannte Zahl, so reduzirt man densselben auf einerlei Einheit, auf die Verhältnißzahl, ohne die Sorte weiter zu berücksichtigen, als zu etwaiger Verwendung des Quotienten.

Sollten z. B. 124 H Riefernsamen gesäet werden auf 15 Morgen 90 Ruthen, den Morgen zu 180 Ruthen gerechnet: so theilte man den gegebenen Samen in $15\frac{90}{180} = 15.5$ Theile, namlich 124 H: 15.5, und es kamen 8 H auf jeden Morgen. Der Divisor wird hierbei als unbenannte Jahl gebraucht; denn es ist klar, daß Pfunde und Morgen an sich nicht durch einanz der dividirt werden können, so wenig als multiplizirt. Bon gleichartigen Größen werden Dividend und Divisor aus einerlei Sorte gebracht; sie geben zum Quotienten eine unbenannte Jahl.

-2. Buchstabenrechnung.

§. 33. Entgegengesette Größen.

Wenn zwei Größen gegenseitig in einer solchen Beziehung. stehen, daß sie, zu einander gethan, sich entweder ganz, oder theilweise ausheben: so heißen sie entgegengesetzt. 3. B. 30 Schritte vorwärts und 10 Schritte auf demselben Wege ruck-warts; 100 Thaler Einnahme und 100 Thaler Ausgabe.

Um entgegengesetzte Zahlen zu unterscheiden, nennt man die eine Art positiv, bejahend, die andere negativ, verneisnend, und bezeichnet jene mit +, diese mit -. Wo eben der

Sebrauch nichts bestimmt hat, ist es willfürlich, welche von ben beiden entgegengesetzen Zahlen man als positiv, oder negativ bez zeichnet. Werden solche Größen noch mit Rechnungszeichen verz bunden, so kommen die Zeichen des Positiven und Negativen mit der Zahl selbst in Klammern. Voranstehenden positiven Grözsen psiegt man kein Vorzeichen zu geben. 3. B. 30 Schritte +(-10) Schritte) = +20 Schritte.

S. 34. Einschlußzeichen.

Bezieht sich irgend ein Rechnungszeichen zugleich auf mehre Glieder eines arithmetischen Ansages, so muß man dieselben in eine Parenthese zusammenklammern. Dieser Einschluß kann auf zweierlei Weise gelös't werden. Entweder rechnet man die eingesschossenen Glieder alle zusammen und behandelt sie als eine einzige Größe, was aber bloß bei bestimmten Jahlen anwendbar ist, oder man verwendet dieselben einzeln nach Maßgabe ihrer Rechnungszeichen, Eigentlich braucht man die Parenthese nur bei allgemeinen Jahlzeichen oder Buchstaben, und die Beispiele mit bestimmten Jahlen dienen uns mehr, die Beziehung der Klammer anschaulich zu machen.

1) Das Abbitionszeichen bedarf an und für sich keis nes Einschlusses. 3. B.

$$6+(2+3)=6+2+3=11$$
; $5+(4-3)=5+4-3=6$.

Undere Rechnungszeichen können, ohne Mammer, ihre Bes beutung keineswegs über basselbe hin erstrecken. 3. B.

$$6 \times 3 + 4 : 2 = 18 + 2 = 20; 6 \times (3 + 4 : 2) = 6 \times (3 + \frac{4}{2}) = 30.$$

2) Das Subtraktionszeichen braucht den Einschuß eigentlich nur hinter sich für mehrgliederige Subtrahenden. Sollen da die Einschlußzeichen entfernt, oder sollen einige Glieder erst zusammengeschlossen werden: so bekommen die mit + und — entgegengesetzte Vorzeichen wegen der veränderten Beziehung.

$$\begin{array}{rcl}
18 - (5 + 2) & = 18 - 7 & = 11, \\
& \text{ober} & = 18 - 5 - 2, & = 11. \\
15 - (11 - 9 + 5) = 15 - 7 & = 8, \\
& \text{ober} & = 15 - 11 + 9 - 5 = 8. \\
20 - 9 + 6 & = 20 - (9 - 6) & = 20 - 3 = 17.
\end{array}$$

Andere Rechnungszeichen sind ebenfalls ohne Klammer über das — hinweg unwirksam. 3. B.

$$10:4-3\times\frac{1}{2}=2\frac{1}{2}-1\frac{1}{2}=1; \ 10:(4-3\times\frac{1}{2})=10:(4-1\frac{1}{2})=4.$$

3) Das Multiplikationszeichen brancht bald vor, bald hinter sich Einschließungen für Multiplikand und Multiplistator. Beim Losen ber Parenthese können beiberseits die Gliesber vereinzelt multiplizirt werden.

$$(5+3) \times 4 = 8 \times 4 = 32$$
,
ober = $5 \times 4 + 3 \times 4 = 20 + 12 = 32$.
 $(5-3) \times (2+4) = 2 \times 6 = 12$,
ober = $5 \times (2+4) - 3 \times (2+4) = 12$,
= $(10+20) - (6+12) = 12$.
 $3 \times (7-5) = 3 \times 7 - 3 \times 5 = 6$.

4) Das Divisionszeichen braucht Einschließungen vor und hinter sich für Dividend und Divisor. Die Glieber bes Divisors durfen aber in keinem Falle vereinzelt werden.

$$(10-4):2 = 6:2 = 3,$$

$$ober = 10:2-4:2 = 5-2 = 3.$$

$$(11+7-3):(5-2) = 15:3 = 5,$$

$$ober = \frac{11}{5-2} + \frac{7}{5-2} - \frac{3}{5-2} = \frac{15}{3} = 5.$$

$$\frac{12}{4+2} - \frac{9}{4+2} + \frac{3}{4+2} = (12-9+3):(4+2) = 6:6 = 1.$$

Wollte man im letteren Beispiele den Divisor vereinzeln, so ergabe das etwas ganz Anderes, namlich:

$$\frac{12-9+3}{4}+\frac{12-9+3}{2}=6:4+6:2=4\underline{1}.$$

Ist jedoch ein Divisor aus Faktoren zusammengesetzt, so barf man diese gewissermaßen als einzelne Divisoren gebrauchen. 3. B.

Die Bruchform bedarf der Parenthese weniger, weil der Strich an sich schon die zusammengehörigen Glieder verbindet.

Zuweilen ist Einschluß in Einschluß erforderlich; auch bedient man sich wohl eines über die zusammengehörigen Glieder hin gezogenen Striches anstatt der Einschlußzeichen.

Man kann mit Buchstaben jedes Rechnungsverfahren auf eine allgemeine Weise entwickeln und so die Regel oder die Formel, wonach eine gesuchte Größe zu sinden ist, kurz und bestimmt ausdrücken. Die Buchstaben dienen dabei als allgemeine Zeichen der fraglichen Größen. Ein Buchstabe kann jede Zahl bedeuten; doch bleibt in ein und derselben Rechnung seine Werthbes deutung dieselbe.

Man bedient sich in der Buchstabenrechnung aller schon bestannten Rechnungszeichen; nur wird zwischen Faktoren das Zeichen der Multiplikation gewöhnlich weggelassen. Hiernach drückt a+b die Summe, a—b die Differenz, ab das Produkt und a:b ober ab den Quotienten irgend zweier Zahlen aus.

Kommen bestimmte Jahlen zu den Buchstaben als Faktoren, so werden sie den Buchstaben vorgesetzt. Z. B. 2a, 7ab. Man nennt sie Koefsicienten. Der Koefsicient 1 wird gewöhnlich wegzelassen.

§. 36. Allgemeine Abbition.

1) Sollen einerlei Größen abbirt werben von entgegengez setzter Beziehung: so nimmt man sowohl die positiven, als auch die negativen besonders, zieht dann die kleinere Summe von der größeren ab, um das Entgegengesetzte aufzuheben, und giebt dem Bleibenden das Vorzeichen des Größeren.

3u 30 Schritten vorwärts

10 Schritte rückwärts

giebt 20 Schritte vorwärts.

7+4-6-3+6+3-4-2=+20-15=+5.

2) Sind verschiedenerlei Größen zu addiren, so ordnet man die gleichartigen Glieder zusammen in besondere Reihen und sum= mirt alsdann von jeder Reihe die Koefficienten.

$$\begin{array}{r}
 + 8a - 2b + 3c \\
 - a + 11b - 2c \\
 - 5a + 3b - 4c
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2a + 12b - 3c,
 \end{array}$$

In einem frisch gefallenen Spurschnee kreiseten zwei Jäger ein Jagdrevier ab und bemerkten sich die Eingänge mit — und die Ausgänge mit —. Um das erste Jagen spürte man auf dem Gestelle

§. 37. Allgemeine Subtraktion.

1) Sollen einerlei Größen mit positiver und negativer Beziehung subtrahen irt werden, so verwandelt man das Zeichen des Subtrahenden in das entgegengesetze und addirt beide Größen. Denn wem man Vermögen (+) entzieht, der muß um so viel armer werden, und wem man Schulden (—) abnimmt, um so viel reicher (§. 34. 2.).

2) Sind verschiedenerlei Größen gegeben, so ordnet man vom Minuend und Subtrahend zuerst die gleichartigen zusammen und

fubtrahirt ihre Koefficienten. Die übrigen einzelnen Glieder wers den behandelt, als hatten sie unter, oder über sich O.

Bei der Nachweisung des Waldmassenangriffs wendet man Subtraktion und Abdition mit entgegengesetzten Größen an. 3. B.

1845 sollte gehauen werden:

Es ist aber-gehauen worden:

Mithin bleibt der Angriffstand:

Dazu den jährlichen Angriffstat:

H 22a — 29b — 9c

Siebt den Sollangriff sur 1846: + 722a + 51b + 141c,

Starke Abweichungen haben im Sollangriff eben auch nes gative Zahlen zur Folge.

§. 38. Allgemeine Multiplikation,

1) Durch Buchstaben kann bloß angezeigt werden, daß die Multiplikation geschehen soll, z. B. a mit n giebt an, noch mit p, giebt anp. Die Koefficienten werden für sich multiplizirt, z. B. 3a × 2b = 6ab.

Was die Zeichen betrifft, so geben gleiche Zeichen ein possitives und ungleiche ein negatives Produkt. Denn eine positive Größe bejahend genommen, so wie eine negative Größe verneinend, giebt ein positives Produkt. Eine positive Größe verneint, oder eine negative Größe bejahet, führt dagegen zu einem negativen Ergebnisse. 3. B.

2) Bei zusammengesetzten Faktoren multiplizirt man mit jedem Gliede des einen Faktors alle Glieder des andern und adbitt darauf die Produkttheile so viel als thulich.

Im letztern Beispiele ersehen wir, daß von zwei Zahlen das Produkt ihrer Summe mit ihrer Differenz eben so groß ist, als die Differenz ihrer Selbstprodukte.

§. 39. Allgemeine Divifion.

1) Die Division durch Buchstaben kann nur angedeutet wersten. a durch b giebt a: b oder $\frac{a}{b}$. Sedoch lassen sich gleiche Buchstaben im Divisor und Dividend gegenseitig heben: $\frac{an}{bn} = \frac{a}{b}$ (§. 16.). Eben so auch Koefficienten: $\frac{10a}{5b} = \frac{2a}{b}$. Übrigens gesten gleiche Zeichen dem Quotienten + und ung leiche —, weil das Produkt des Quotienten und Divisors nicht anders dem Dividenden gleich werden könnte (§. 12. 1.).

$$\frac{-3ab}{-6aa} = +\frac{b}{2a}; \frac{+24abc}{-6c} = -4ab.$$

2) Die Division mit zusammengesetzten Größen macht ebenfalls keine Schwierigkeit.

$$\frac{(aa - bb) : (a + b) = + a - b,}{aa + ab} = - \frac{ab - bb}{-ab - bb} = - \frac{3c}{4cg} = \frac{3c}{-\frac{3c}{4}c}$$

Die lettere Divisionsaufgabe, als Bruch angesetzt, stellt die Hebung der Brüche und Auflosung der Parenthefe sehr anschauslich dar:

$$\frac{4cg + 8mc - 3c}{4c} = \frac{4cg}{4c} + \frac{8mc}{4c} - \frac{3c}{4c} = g + 2m - \frac{3}{4}.$$

IV. Potenzen und Wurzeln.

§. 40. Potenz.

1) Ein Produkt von gleichen Faktoren heißt Potenz.

Die Potenzen nennt man nach der Anzahl ihrer Faktoren: Duadrat oder zweite Potenz, Kubus oder dritte Potenz, vierte, fünfte u. s. w. Potenz.

Daß eine Zahl auf eine gewisse Potenz erhoben werden soll, zeigt man an durch eine rechts darüber gesetzte kleine Zisser, den Exponenten oder Anzeiger des Potenzgrades.

$$3^2 = 3 \times 3 = 9,$$
 $10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000,$
 $a^4 = aaaa.$

2) Man erhebt eine Zahl zu einer gewissen Potenz, wenn man sie so viel mal nimmt und mit sich selbst multiplizirt, als es der Exponent anzeigt.

$$7^{5} = 7 \times 7 \times 7 = 343$$
, $e^{5} = eeeee$.

3) Die Potenz eines Bruches hat zu ihrem Zähler dieselbe Potenz des Zählers und zu ihrem Nenner dieselbe Potenz des Renners.

$$\left(\frac{3}{4}\right)^{8} = \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{3^{2}}{4^{3}} = \frac{27}{64}.$$

$$\left(2\frac{2}{3}\right)^{5} = \left(\frac{8}{3}\right)^{6} = \frac{8^{6}}{3^{6}}.$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{2} = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \frac{a^{2}}{b^{2}}.$$

4) Die Potenz eines Produktes sindet man auch in dem Produkte aller von den einzelnen Faktoren erhobenen Potenzen.

$$10^{3} = (2 \times 5) \times (2 \times 5) = 2^{3} \times 5^{3} = 100.$$

$$(ab)^{3} = aabb = a^{2} \times b^{3}.$$

5) Hat man Notenzen von einerlei Zahl mit einander zu multipliziren, so addirt man nur ihre Exponenten. Die Grundsahl bleibt unverändert.

$$10^{2} \times 10^{3} = (10 \times 10) \times (10 \times 10 \times 10) = 10^{2+8} = 10^{5}.$$
 $a^{3} \times a^{4} = aaa \times aaaa = a^{7}.$

Allgemein ift:

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$
.

6) Um Potenzen von einerlei Jahl durch einander zu divistiren, braucht man bloß den Exponenten des Divisors von dem des Dividenden abzuziehen:

$$\frac{10^{5}}{10^{8}} = \frac{10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10}{10 \times 10 \times 10} = 10^{5-8} = 10^{2}.$$

$$\frac{8^{4}}{8^{2}} = \frac{8888}{88} = 8^{4-2} = 8^{2}.$$

Allgemein ist:

$$\frac{a^n}{a^n} = a^{m-n}; \text{ also and } \frac{a^n}{a^n} = a^{m-n} = a^0 = 1.$$

7) Soll die Potenz einer Zahl nochmals auf eine gewisse Potenz erhoben werden, so multiplizirt man nur den Exponen= ten mit dem gegebenen Grade der neuen Potenz.

$$(3^2)^5 = 3^2 \times 3^2 \times 3^2 = 3^2 \times 3^6$$
,
 $(a^2)^5 = a^2 \times a^2 \times a^3 = a^2 \times 3$.

Allgemein ift:

8) Wenn Potenzen von einerlei Exponenten multiplizirt oder dividirt werden, so läßt man den Exponenten ungeandert und rechnet bloß mit den Grundzahlen.

$$3^{2} \times 4^{3} = (3 \times 4)^{3} = 12^{2} = 144.$$
 $a^{2} \times b^{3} = aa \times bb = ab \times ab = (ab)^{3}.$
 $12^{2} : 4^{2} = (12 : 4)^{2} = 3^{2}.$
 $(ab)^{3} : a^{3} = \frac{aa \times bb}{aa} = bb = b^{3}.$

Allgemein ist:

$$a^n \times b^n = (ab)^n$$
 unb $\frac{(ab)^n}{a^n} = b^n$.

§. 41. Burgel.

1) Der Faktor, aus welchem eine Potenz entstanden ist, heißt Burzel, und nachdem die Potenz aus zwei, drei, vier oder mehr solcher Faktoren besteht: Wurzel vom zweiten Grade oder Duadratwurzel, Wurzel vom dritten Grade oder Aubikswurzel, Wurzel vom vierten, fünften u. s. Grade.

Wenn aus einer Zahl eine gewisse Wurzel gezogen werden soll, so kat man vor dieselbe das Zeichen V mit dem Wurzelerponenten oder Wurzelgrade. 3. B. \$\square\$27, \$\square\$16, bei der Quadratwurzel auch bloß \$\square\$16.

2) Man zieht aus einer gegebenen Jahl eine gewisse Wurz zel, indem man den Faktor sucht, von dem die Jahl als Potenz gleiches Grades entstanden ist.

$$\sqrt[3]{343} = 7$$
; benn $7 \times 7 \times 7 = 343$.
 $\sqrt[4]{aaaa} = a$.

3) Die Wurzel eines Bruches hat zu ihrem Bahler dieselbe Wurzel des Jahlers, und zu ihrem Nenner dieselbe Wurzel des Nenners.

$$\sqrt[3]{\frac{27}{64}} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{64}} = \frac{3}{4}; \text{ benn } \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{27}{64}.$$

$$\sqrt{\left(\frac{a}{b}\right)^2} = \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{b^2}} = \frac{a}{b}; \text{ benn } \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \left(\frac{a}{b}\right)^2.$$

4) Die Wurzel eines Produktes erscheint auch in dem Produkte aller aus den einzelnen Faktoren gezogenen Wurzeln.

$$\sqrt{(4 \times 25)} = \sqrt{4} \times \sqrt{25} = 2 \times 5 = 10.$$

$$\sqrt{(ab)^2} = \sqrt{aabb} = \sqrt{a^2} \times \sqrt{b^2} = a \times b.$$

5) Soll aus einer Potenz eine gewisse Wurzel gezogen wer= ben, so dividirt man den Potenzerponenten nur durch den gege= benen Wurzelerponenten.

Allgemein ift:

$$\sqrt[n]{a^m = a^{\frac{m}{n}}}$$
; also $\sqrt[n]{a}$ ober $\sqrt[n]{a^T = a^{\frac{1}{2}}}$.

§. 42. Erponenten.

Wird eine Potenz durch ihre Wurzel dividirt, so mindert sich deren Exponent jedes Mal um 1, und so umgekehrt. Es ist z. $\frac{a^2}{a} = a^2$, $\frac{a^2}{a} = a^2$, $\frac{a^2}{a} = a^2$, $\frac{a^1}{a} = a^0 = 1$, $\frac{1}{a} = a^{-1}$, $\frac{1}{aa} = a^{-2}$, $\frac{1}{aa} = a^{-3}$ u. s. w.

Mithin ist ...
$$\frac{1}{1000}$$
, $\frac{1}{100}$, $\frac{1}{10}$, 1, 10, 100, 1000 gleich ... 10^{-3} , 10^{-2} , 10^{-1} , 10^{0} , 10^{+1} , 10^{+2} , 10^{+8}

Dieraus ergiebt sich:

- 1) Man hat auch negative Exponenten; zwischen diesen und ben positiven steht 0 mitten inne.
 - 2) Der Erponent 0 ertheilt jeder Zahl den Werth von 1.
- 3) Der negative Erponent zeigt an, durch welche Potenz der Wurzel die Eins dividirt, und der positive, mit welcher Potenz der Wurzel die Eins multiplizirt werden soll.
- 4) Ist die Wurzel größer als 1, so sind alle Potenzen mit positiven Exponenten größer, und mit negativen kleiner als 1.
- , 5) Ist die Wurzel ein eigentlicher Bruch, so sind die Potensen mit positiven Exponenten kleiner, und die mit negativen grosser als 1.

§. 43. Quabrate und Burfel ber Ginerzahlen.

Werden die Einerzahlen zweimal, z. B. 2×2, und dreimal, z. B. 2×2×2, genommen und mit sich selbst multiplizirt: so erzhätt man davon die Quadrate und die Würsel, nämlich:

- 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,
- 1. 4. 9. 16. 25. 36. 49. 64. 81.
- 1. 8. 27. 64. 125. 216. 343. 512. 729.

Hieraus leuchtet ein, daß von den meisten Zahlen keine Wurzgeln vorhanden sind, die sich durch ganze Zahlen allein ausdrücken ließen. Solche Zahlen, deren Wurzeln man nur durch Näherung bestimmen kann, nennt man unvollkommene Quadrat = oder Kubikzahlen und ihre Wurzeln heißen Irrationalzahlen, z. V. 10=3,1622776.. Dagegen ist die Zahl 512 ein vollzkommener Würfel und ihre Wurzel 8 insofern eine Rationalzahle.

Bon jeder einzifferigen Wurzel kann das Quadrat höchstens zwei und der Kubus höchstens drei Zahlstellen has ben; denn die niedrigste dreizifferige Zahl (100) ist das Quas drat, und die niedrigste vierzifferige Zahl (1000) ist der Kubus der niedrigsten zweizifferigen Wurzel (10). Daher kommen auf jede einzelne Zahlstelle der Wurzel in dem Quadrate höchsstens zwei und in dem Kubus höchstens drei Ziffern. 3. B.

- $9^2 = 81; 99^2 = 9801; 999^2 = 998001$
- $9^3 = 729;$ $99^3 = 970299;$ $999^3 = 997002999,$

§. 44. Quabrate zweitheiliger Burgeln.

Enthalt die Wurzel zwei Ziffern ober überhaupt zwei Theile, wofür man den allgemeinen Ausbruck a = b angenommen hat: so ist auch ihr Quadrat mehrfach zusammengesetzt. Erheben wir a = b zum Quadrate, namlich:

>

so ersehen wir daraus, daß das Quadrat einer zweitheiligen Wurzel besteht: aus dem Quadrate des ersten Theiles (a2), dem doppelten Produkte des ersten Theiles mit dem zweiten (2ab) und dem Quadrate des zweiten Theiles (b2).

Wir quadriren banach die Zahl 34 zur Probe als zweistheilig:

Dieser Ansatz giebt zu ersehen, daß das Quadrat der Zehner in der Stelle der Hunderter, das doppelte Produkt der Zehner mit den Einern in der Stelle der Zehner, und das Quadrat der Einer in der Stelle der Einer eigentlich zu suchen ist.

§. 45. Ausziehung ber Quabratmurzel.

1) Weiß man nun, wie aus der zweitheiligen Wurzel das Quadrat entsteht: so ist man auch leicht im Stande, aus einem solchen Quadrate die Wurzel zu ziehen.

Zuerst sucht man für die Hunderter und etwa vorhandenen Tausender die nächste Quadratzahl (a²) und zieht diese ab. Die Wurzel davon (a) kommt, als erster Theil der Quadratwurzel, in die sonstige Stelle des Divisors.

Nun zieht man zu dem Reste die Zehner herunter und bestommt dadurch diejenige Jahl, in welcher das doppelte Produkt der Zehner mit den Einern enthalten ist. Aus dieser sucht man den zweiten Theil (b) der Wurzel, durch Division mit dem doppelten ersten Theile (2n), schreibt denselben hinter den ersten Wurzeltheil, multiplizirt damit den gebrauchten Divisor und zieht das Produkt (2nd) ab.

Bu dem Reste nimmt man noch die Einer des gegebenen Quadrates herunter. Beide zusammen mussen endlich, has Qua-

brat der Einer (b³) enthalten. Bleibt kein Rest, so ist die ges sundene Zahl genau die gesuchte Quadratwurzel. 3. B.

.:

2) Ist aus einer größern Zahl die Quadratwurzel zu ziesten: so theilt man zuvor dieselbe rechts herein in Klassen von je zwei Zissern; denn zu einer Zisser in der Wurzel gehören zwei Stellen im Quadrate.

Nun nimmt man die Zahl klassenweise vor und zieht zuerst von den beiden vordern Klassen für sich die Wurzel aus, wie vorhin. Man sucht nämlich zur vordern Klasse, welche bei ganzen Zahlen auch nur aus einer Zisser bestehen kann, die nächste Duadratzahl (a²), zieht diese ab und setzt zu dem Reste die solzgende Klasse. Darunter kommt zuvörderst (2a) der doppelte, vorläusige erste Wurzeltheil, so daß rechts eine Stelle frei bleibt, für den nun vermittelst dieses Divisors gesuchten, vorläusigen zweiten Wurzeltheil (b). Beide Zahlen (2a + b) multiplizirt man mit diesem zweiten Wurzeltheile (b) und-zieht dann das Produkt (2ab + b²) zusammen ab.

Hierauf setzt man zu dem Reste die nächste Klasse herunter, nimmt die so weit erhaltene Wurzel nunmehr als ersten Theil der weiter zu suchenden Wurzel an, und sährt so fort bis zu Ende.

Bleibt zulett ein Rest, so hat die gegebene Jahl keine genaue Quadratwurzel, und man kann sich derselben nur annähern durch sortgesetzte Rechnung. Es werden nämlich dem Reste
noch Rullenpaare angefügt; dadurch bekommt die Wurzel noch
Zehntheile, Hunderttheile u. s. w. Als Beispiel diene folgende
Aufgabe:

In einer Heide sollen 666 Morgen quadratformig abgesteckt werden zu einer Waldanlage. Wie viel Ruthen beträgt jede Seite, den Morgen zu 180 Quadratruthen gerechnet?

666 Morgen =
$$666 \times 180 = 119880$$
 Q. Ruthen;

$$\sqrt{11|98|80} = 346,2... \text{ Buthen.}$$

$$9 = a^{2}$$

$$(6)4 = 2a + b$$

$$4280$$

$$(68)6$$

$$4116$$

$$164,00$$

$$(692)2$$

$$13844$$

$$2556 u. f. w.$$

§. 46. Burgelausziehung von Bruchen.

Gemeine Brüche verwandelt man zum Wurzelausziehen gewöhnlich in Dezimalbrüche, um die verlangte Wurzel nur aus dem Zähler berechnen zu müssen. Denn die Quadratwurzel aus dem Nenner eines Dezimalbruches ergiebt sich von selbst; sie ist nämlich eine 1 mit halb so viel Nullen, als derselbe Dezimalen hat. Die Unzahl der Dezimalen muß daher beim Ausziehen der Quadratwurzel eine gerade sein und wird in allen Fällen von dem Komma nach der rechten Hand zu getheilt. Die Quadratwurzel von $\frac{2}{4} = 0.75$ ist 0.866025.

Diese Wurzel aus $\frac{1}{4}$, die man füglich zu 0,866 annehmen darf, wird unter andern bei der Gedrittpslanzung gebraucht. Hier bekommt nämlich jeder Pflanzling zu seinem Standraume ein doppeltes gleichseitiges Dreieck. Ist dessen Seite oder die Pflanzweite a, so sindet man dessen Flächeninhalt durch die Formel: $\sqrt{(a^2-(\frac{1}{4}a)^2)\times a}$, was die Geometrie näher nachweiset.

Hieraus läßt sich folgende Formel entwickeln:

$$\sqrt{(a^2 - (\frac{1}{2}a)^2)} \times a = \sqrt{(a^2 - (\frac{1}{2})^2 \times a^2)} \times a$$

$$= \sqrt{(a^2 - \frac{1}{4}a^2)} \times a$$

$$= \sqrt{(\frac{3}{4}a^2)} \times a$$

$$= \sqrt{(\frac{3}{4})} \times \sqrt{a^2} \times a$$

$$= 0,866 \times a \times a$$

$$= 0,866 \times a^2.$$

Um nun den Flächenraum zu finden, der in der Gedrittspflanzung jedem Pflänzlinge zukommt, multiplizirt man die gesgebene Pflanzweite a mit sich selbst und noch mit 0,866.. Dies nur zum Beispiel, wie uns die Buchstabenrechnung Wege zeigt, sehr weitläufige Zahlenrechnungen unglaublich abzukürzen und zu erleichtern.

Übrigens könnte man auch die Kubikwurzel und noch ans dere Wurzeln unmittelbar ausziehen; doch ist dies viel zu muhsam gegen das weit leichtere Verfahren mit Hulfe der Logarithmen.

V. Gleichungen.

§. 47. Die Gleichung.

Zwei gleichbebeutente Jahlenausdrücke für eine und dieselbe Sroße, durch das Gleichzeichen mit einander verbunden, nennt man eine Gleichung. Die Gleichung besteht also aus zwei Theilen von gleichem Werthe; jeder Theil kann aus mehren Glieztern zusammengesetzt sein und sowohl bekannte als unbekannte Größen enthalten. 3. B.

$$2x = 1 + 5$$
.

Man bedient sich der Gleichungen, um den Werth unbekanns ter Größen aus ihren Verbindungen mit bekannten Größen aufs zusinden, und nennt dieses Aufsuchen: die Gleichung auflosen. Die Auflösung der Gleichungen geht von dem Grundsatze aus: Gleiches gleichviel vermehrt, oder vermindert, giebt wieder Gleiches. Dem gemäß andert man die beiden Theile der Gleichung so lange, bis die unbekannte Größe allein und der Werth davon in bekannten Größen auch allein zu stehen kommt. Wird z. B. obige Gleichung auf beiden Seiten dividirt durch 2, so erhält man

$$\frac{2x}{2} = \frac{1+5}{2}$$

$$x = 3.$$

§. 48. Glieber mit + und -.

Sind in einer aufzulösenden Gleichung bekannte und undez kannte Größen durch + und — mit einander verbunden: so kann man beiderseits das Addirte subtrahiren und das Subtrahirte addiren.

3.
$$\Re x + 3 = 12$$
 $x - 3 = 6$ fubtrahirt $3 = 3$ abbirt $3 = 3$ $x = 6 + 3$.

Hieraus ergiebt sich die Regel: Jedes mit + oder — frei verbundene Glied kann ohne Weiteres mit dem entgegengesetzten Zeichen auf die andere Seite gesetzt werden. Führt die unbestannte Größe das negative Vorzeichen, so ist sie vor allem hinsuber zu bringen als positiv.

§. 49. Glieber mit × unb :.

Ist das Unbekannte durch Multiplikation mit dem Bekannsten verbunden, so dividirt man beiderseits durch den bekannten Faktor; ist aber das Unbekannte durch Bekanntes dividirt, so multiplizirt man mit dem Divisor. Zuvor werden die mit + und — angesügten bekannten Größen auf die andere Seite ges bracht. 3. B.

$$7x+14 = 35$$

 $7x = 35 - 14$
 $x = 35$
 $x = 35$

$$\frac{x}{2a-b} + 2b = 6a.$$

$$\frac{x}{2a-b} = 6a - 2b.$$

$$x = (6a-2b) \times (2a-b).$$

$$x = 12a^2 - 10ab + 2b^2.$$

Faktoren der einen Seite können sonach als Divisoren der andern übergetragen werden, und so umgekehrt.

§. 50. Sonderung ber unbekannten Größe,

Die unbekannte Größe ist so weit zu sondern, daß sie weder als Divisor, noch in Parenthese, noch unter einem Burzelzeichen, noch in mehren Gliebern zugleich verbleibt.

1) Findet sich dieselbe als Divisor, so schafft man den ganzen Divisor weg, indem man alle Glieder der Gleichung das mit multiplizirt. 3. B.

$$\frac{3a}{nx} = b.$$

$$3a = bnx.$$

$$\frac{3a}{bn} = x.$$

- 2) Ist die unbekannte Größe mit anderen eingeschlossen, so löst man die Parenthese auf (§. 34.); macht z. W. aus b × (nx d) den Ausdruck bnx bd.
- 3) Führt die unbekannte Größe ein Wurzelzeichen, so erhebt man beide Theile auf diejenige Potenz, welche das Wurzelzeichen aufhebt. Dasselbe muß jedoch zuvor auf eine Seite der Gleichung allein gebracht werden. 3. B.

$$x + \sqrt{x} = b$$

 $\sqrt{x} = b - a$
 $x = (b - a)^{2} = b^{2} - 2ba + a^{2}$.

4) Befindet sich die unbekannte Größe in mehren Gliedern der Gleichung, so bringt man dieselben alle zusammen auf eine Seite und verschmilzt sie dann gleichsam in Eins, achtet aber darauf, daß die unbekannte Größe einen positiven Werth behalt. 3. B.

$$8x - 12 = 7x - 4
8x - 7x = 12 - 4
x = 8.$$

$$x + \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}x = 44$$

$$\frac{6x}{6} + \frac{3x}{6} + \frac{2x}{6} = 44$$

$$\frac{11}{6}x = 44 \times 6$$

$$x = \frac{44 \times 6}{11} = 24.$$

Erscheint die unbekannte Größe negativ, so multiplizirt man die ganze Gleichung mit — 1, oder verwandelt durchgängig — in + und + in — (§. 38.). 3. B.

$$2x + 8 = 4x + 2$$

$$2x - 4x = 2 - 8$$

$$-2x = -6$$

$$\times (-1)$$

$$+ 2x = +6$$

$$x = 3.$$

§. 51. Anfat der Gleichung.

Eine Aufgabe als Gleichung zu bilben, suche man die als gleich gegebenen, bekannten und unbekannten Grogen heraus und setze sie in der bestimmten Verbindung einander gegenüber. Die Beschaffenheit der so erhaltenen Gleichung muß dann ausweisen, in welcher Ordnung und auf welche Weise Beränderungen anzubeingen sind, die zur Auslösung führen.

Enthalt die Aufgabe mehre unbekannte Größen, so muß sie auch eben so viele verschiedenen Gleichungen geben, jede mit densselben unbekannten Größen, sonst bleiben die gesuchten Werthe unbestimmt. Ware z. B. x + y == 10 gegeben, so ware weder der Werth von x == 10 - y, noch der von y == 10 - x bestimmt. Nur durch eine andere Gleichung, z. B. x - y == 4 würde es erst möglich, die Werthe von x und y aufzusuden. Aus dieser entwickelte man nämlich sür x nach einen anderen Ausbruck, x == 4 + y, und diedet dann aus beiden Wenthere von x eine dritte Gleichung bloß mit y; z. B.

$$x = 10 - y$$
 $x = 4 + y$
 $10 - y = 4 + y$

Daraus folgt 10-4=2y und $y=\frac{10-4}{2}=8$. Sett man diesen Werth in eine der beiden Gleichungen für x, so sins det sich x=10-3 oder x=10-3 oder x=10-3

Die unbekannte Größe kann übrigens vorkommen in der ersten, zweiten oder einer hoheren Potenz, und danach unterscheidet man einfache, quadratische und hohere Gleischungen. Wir brauchen nur die leichteren einfachen und guadratischen, wovon hier noch einige Anwendungen folgen.

- §. 52. Einfache Gleichungen mit einer unbekannten Größe.
- 1) Es kauft Jemand 100 Klaftern, theils buchenes, theils eichenes Scheitholz für 450 Thlr.; die Klafter Buchenholz kostet 5 Thlr., die Klafter Eichenholz 3 Thlr.; wie viel ist von jeder Sorte gekauft?

Nennt man die Anzahl der Buchenklastern x, so ist die Anzahl der Sichenklastern 100 — x und der Geldbetrag für das Buchenholz x × 5 Thlr., der sür das Sichenholz (100 — x) × 3 Thlr. Daraus entwickelt sich die Gleichung:

$$x \times 5 + (100 - x) \times 3 = 450$$

Hierin wird zuerst die Parenthese gelos't,

$$x \times 5 + 300 - 3x = 450;$$

bann x von dem Bekannten gesondert,

$$5x - 3x = 450 - 300$$

 $2x = 150$
 $x = 150 = 75$

. Man findet alfo:

75 Alftr. Buchenholz zu 5 Thir, für 375 Thir.

25 Alftr, Eichenholz zu 3 Thir, für 75 Thir,

450 Thir.

2) Ein Walbertrag x ware unter A, B und C zu theilen, und es erhielte:

A, die Halfte weniger 95 Thlr., also zu - 95 Thlr.

B, ein Drittel weniger 75 Thlr., also fx — 75 Thlr.

C, ein Viertel weniger 30 Thlr., also ix — 30 Thlr.

Hieraus ergiebt sich: $x = \frac{1}{2}x - 200,$ Mit 12 multiplizirt: 12x = 13x - 2400

12x + 2400 = 13x2400 addirt:

12x subtrahirt: 2400 = x

> Der Walbertrag war also: 2400 Thir.

> > Davon erhielte A: 1105 Thir.

> > > **B**: 725 Thir. 570 Thir.

§, 53. Einfache Gleichungen mit mehr als einer unbekannten Größe,

1) Man kauft 6 Klaftr. Buchenholz und 10 Klaftr. Sichenholz für 76 Thir., und wieder 7 Klaftr. Buchenholz und 15 Klaftr. Sichenholz für 102 Thir. Wie theuer kommt die Klafter jeder Art?

Nennt man den Preis der Buchenklafter x und den der Eichenklafter y, so ist:

$$6x + 10y = 76$$
, und $7x + 15y = 102$.

Hier sucht man zuvorderst zwei Werthe von x:

$$6x = 76 - 10y$$
, also $x = \frac{76 - 10y}{6}$,

$$7x = 102 - 15y$$
, also $x = \frac{102 - 15y}{7}$;

bringt nun die beiden Werthe von x in eine Gleichung:

$$\frac{.76-10y}{.6} = \frac{102-15y}{7}$$
;

befreit bann beide Seiten von den Divisoren:

$$(76 - 10y) \times 7 = (102 - 15y) \times 6;$$

entfernt weiter die Parenthesen:

$$532 - 70y = 612 - 90y$$

und sondert die unbekannten Größen:

Weiß man erst, daß y 4 ift, so kann man auch leicht sinden, daß x = 6 ist.

2) Man könnte auch von jenen gegebenen Gleichungen

$$6x + 10y = 76$$

 $7x + 15y = 102$

bie erste mit 3 und die zweite mit 2 multipliziren und alsbann eine von der andern abziehen, nämlich:

§. 54. Reine quabratische Gleichungen.

In der reinen quadratischen Gleichung findet sich die undekannte Größe nur allein als Quadrat. Dies erfordert noch die Ausziehung der Quadratwurzel.

1) Auf einen Morgen von 180 Q. Authen, zu 12 × 12 D. Fuß, sollen 1200 Pflanzlinge in Geviertform gepflanzt wers ben; man fragt nach bem Abstande x.

Der Stanbraum für jeben Stamm ift x2, also

$$x^{2} \times 1200 = 180 \times 12 \times 12$$

$$x^{2} = \frac{.180 \times 12 \times 12}{1200}$$

$$x = \sqrt{\frac{180 \times 12}{100}} = 4,65 \text{ Sub}.$$

2) In einer Reihenpflanzung soll der Reihenabstand y viersmal so groß, als die Pflanzweite x sein, und der Standraum y x x soll 36 Quadratsuß enthalten:

5. 55. Bermifchte quabretifche Gleichungen.

In der vermischten quadratischen Gleichung sindet sich die unbekannte Größe nicht nur als Quadrat, sondern auch als erste Potenz.

Diese beiben Glieder muß man ergänzen zum vollständigen Duadrate einer zweitheiligen Wurzel nach der Form $x^2 \pm 2bx + b^2 = (x \pm b)^2$ (§. 44.). 3. B.

Der Platz zu einer Pflanzschule von 600 Quadratruthen ware 10 Ruthen langer, als die Breite x beträgt. Wie breit ist derselbe?

Gegeben: $x \times (x + 10) = 600$.

Die Parenthese aufgelos't:

$$x^2 + 10x = 600;$$

ben vorbern Theil zu einem vollständigen Quabrate erganzt nach obiger Form,

mit
$$5^2 = 25$$

 $x^2 + 2 \times 5x + 5^2 = 625$,

Aus heiben Theilen die Wurzel gezogen:

$$x + 5 = \sqrt{625} = 25$$

 $x = 25 - 5 = 20$ Ruthen.

Die Lange ist: 20 + 10 == 30 Ruthen.

Der Inhalt ist: 20 × 30 == 600 D. Ruthen.

VI. Proportionen.

1. Die arithmetische Proportion.

§. 56. Arithmetifches Berhaltniß.

Das Berhaltnis zweier Zahlen in Absicht ihrer Differenz heißt anithmetisch und wird mit dem Subtraktionszeichen angedeutst, z. B. 8—6. Arithmetische Verhaltnisse mit gleicher Differenz sind gleich, und zwei gleiche authmetische Berhaltnisse, verbunden durch das Gleichzeichen, bilden eine sogenannte arithemetische Proportion, eigentlich eine Differenzgleichung. 3. B.

$$8-6=5-3$$
.

Die vier Größen einer Proportion heißen Glieder, und man unterscheibet, in Beziehung auf die einzelnen Werhältnisse, Border: und Hinterglieder, in Beziehung auf die ganze Proportion, außere und mittlere Glieder. Sind die mittern Glieder gleich, so heißt die Proportion stetig, z. B. 10-7=7-4. Diese wird auch wohl geschrieben 10-7-4.

Bezeichnen wir die Differenz mit d, so ist der allgemeine Ausdruck für jede arithmetische Proportion:

$$(a \pm d) - a = (b \pm d) - b$$
.

Daraus ergiebt sich, daß in jedem Falle die Summen der außern und mittlern Glieder gleich sind; benn sie bestehen aus gleichen Summanden,

namlich
$$a + d + b = a + b + d$$
, ober $a - d + b = a + b - d$.

Daher nennt man die beiden außern, so wie die beiden mittlern Glieder, zusammengehörige.

g. 57. Ein unbekanntes Glied der arithmetischen Proportion zu finden.

Jedes unbekannte vierte Glied einer arithmetischen Proporstion wird gefunden, wenn man von der Summe der beiden beskannten, zusammengehörigen Glieder das dritte bekannte Glied abzieht.

Denn wenn
$$x - 6 = 5 - 3$$

so ist auch $x + 3 = 6 + 5$ (§. 56.)
und baher $x = (6 + 5) - 3 = 8$ (§. 48.).
Ober wenn $8 - 6 = y - 3$
so ist auch $8 + 3 = 6 + y$
und deshalb $8 + 3 - 6 = y = 5$.

In der stetigen Proportion

$$iff \frac{4-7=7-z}{4+z=7+7=2\times7}$$
unb $z=(2\times7)-4=10$.

§. 58. Die arithmetische Mittelzahl.

In der stetigen arithmetischen Proportion heißt das mittlere Glieb das arithmetisch e Mittel der beiden außern Glieder. Diese Zahl wird gefunden, wenn man die Summe der beiden außern Glieder halbirt.

Seset, es koste die Klaster Buchenholz 3 Thlr. und die Klaster Eichenholz 2 Thlr. 6 Sgr. und man fragte nach dem Preise einer Klaster, die aus gleichen Theilen beider Holzarten zusammengesetzt ist: so macht man den Ansat: 3 Thlr. —x—x—2 Thlr. 6 Sgr. und sindet zum Mittelpreise x— 3Thlr. +2Thlr. 6 Sgr. —2 Thlr. 18 Sgr.

§. 59. Durchschnitterechnung.

Die Mittel= ober Durchschnittszahl kann auch aus brei, vier und mehr Größen berechnet werden, indem man deren Summe nach Umständen entweder durch die Anzahl der gezgebenen Posten, oder durch die Summe der gebrauchten Hulfszfaktoren dividirt. Im erstern Falle ist es ein bloßer Postenzburchschnitt, im andern ein Faktorendurchschnitt.

1) Postenburchschnitt. Die Summe gegebener Possten wird durch die Postenanzahl dividirt. 3. B. Man probt eine Flinte mit einer gewissen Schrotsorte und schießt in berselben Entfernung auf einen Bogen Papier:

Von allen vier Schussen 72 Korner,

also von einem Schusse im Durchschnitt

72 : 4 == 18 Körner.

Dies ift das eigentliche arithmetische Mittel.

2) Faktorendurchschnitt. Hier werden summarische Produkte durch einen Faktorenbetrag bividirt. Fänden sich j. B. in einem Eichenschafte

56 K. Fuß festes Hold, zu 2 Gr. Nutwerth, beträgt 112 Gr.

16 » Splint u. Rinbe, zu & Gr. Brennw., betr. 8 »

so ware im Durchschnitt ber A.Fuß

120:72 == 13 Gr. werth.

Diefe Durchschnittszahl nennt man neuerlich bie geometrische.

3) Hätten vier, einer Bestandesabtheilung entnommene Jah= resschläge folgenden Ertrag gegeben:

ber 1. auf 5 Mg. 18500 K.Fuß.

» 2. » 7 » 19600 » •

» 3. » 6 » 19740 »

» 4. » 6 » 17760 »

Zusammen auf 24 Mg. 75600 K.Fuß,

so ware bas arithmetische Mittel ober der Durchschnittsertrag von jedem Jahre

75600: 4 = 18900 K.Fuß.

Dagegen betrüge ber sogenannte geometrische Durchschnitt ober ber Durchschnittsertrag pr. Morgen

75600:24 = 3150 K.Fuß.

Solche Durchschnittsrechnungen hat der Forstwirth vielfältig anzuwenden.

2. Die geometrische Proportion.

§. 60. Geometrisches Berhaltniß.

Das Verhältniß zweier Jahlen in Absicht ihres Quotienten beißt geometrisch und wird mit dem Divisionszeichen angebeutet, z. B. 8:6. Das geometrische ist das eigentliche Verhältmiß und nichts anderes, als eine Divisionsaufgabe oder ein Bruch;
benn 8:6 = 2 = 13. Werden daher beide Glieber des
Berhältnisses, wie in dem Bruche Zähler und Nenner (§. 15.),

mit einer und derselben Zahl multipliziet, oder dividirt: so bleibt der Quotient oder Werth desselben unverändert, z. B. 8:6 = (8×3) : (6×3) = (8:2): (6:2) = 1z. Der Quotient heißt dei dem geometrischen Verhältnisse auch noch Exponent.

Geometrische Berhaltnisse mit gleichen Quotienten sind gleich, und zwei gleiche geometrische Verhaltnisse, verbunden durch bed Gleichzeichen, bilden eine sogenannte geometrische Proporstion, eine eigentliche Verhaltnisgleichung. 3. B.

$$8:6 = 4:3.$$

Die Glieder derselben heißen, wie in der arithmetischen Proportion: vordere und hintere, außere und mittlere, auch zusammengehörige.

In der stetigen Proportion sind die mittlern Glieder gleich, z. B. 4:8 == 8:16; dies schreibt man auch wohl 4:8:16.

Bezeichnen wir den Quotienten mit q, so ist der allgemeine Ausbruck für jede geometrische Proportion:

$$aq:a = bq:b$$
,

worin q ebensowohl eine ganze, als eine gebrochene Zahl bebeuten kann.

Daraus ergiebt sich, baß in jedem Falle bie Produkte ber außern und ber mittlern, ober ber zusammen= gehörigen Glieder, gleich sind. Denn sie bestehen aus gleichen Faktoren, namlich:

In der stetigen geometrischen Proportion ist sonach das Produkt der außern Glieder gleich dem Quadrate eines der mittlern Glieder.

§. 61. Beranderungen an Proportionen.

Mit den Gliedern geometrischer Proportionen können allers hand Veränderungen vorgenommen werden, zur Gestaltung neuer Proportionen. Bleibt das Produkt der äußern Glieder dem der mittlern gleich: so ist auch jede neue Proportion wieder eine geometrische.

1) Man kann die zusammengehörigen Glieber versegen: .

2) Man kann die beiden Glieder eines Verhaltnisses mit eis nerlei Bahl multipliziren ober bivibiren.

When
$$aq : a = bq : b$$

fo if: $aq \times n : a \times n = bq : b$;
auch $aq : a = \frac{bq}{n} : \frac{b}{n}$.

3) Man kann in einer Proportion die entsprechenden Glies der beider Berhaltnisse abdiren, ober subtrahiren.

Wenn
$$aq : a = bq : b$$

so is: $aq+a : a = bq+b : b$;
auch $aq-a : a = bq-b : b$.

Ebenso verhalten sich die Summen der wifen und zweiten Glieder von zwei und mehr gleichen Proportubnen, wie die Glieder eines der Hinterverhaltnisse:

Benn
$$aq : a = q : 1$$

 $unb bq : b = q : 1$
fo ist: $aq + bq : a + b = q : 1$.

4) Man kann die vier Glieder einer geometrischen Proportion mit den vier gleichnamigen einer andern, dritten u. s. w. multipliziren, oder dividiren.

Wenn
$$aq : a = bq : b$$

und $op : o = rp : r$

so is: $aq \times op : a \times o = bq \times rp : b \times r$;

auch: $aq \times op : a \times o = bq \times rp : b \times r$;

5) Man kann ebensowohl die vier Glieber auf eine gewisse Potenz erheben, ober aus benfelben eine gewisse Wurzel ziehen.

When
$$aq : a = bq : b;$$

so is: $(aq)^2 : a^2 = (bq)^2 : b^2;$
auch: $\sqrt{(aq)} : \sqrt{a} = \sqrt{(bq)} : \sqrt{b}.$

- §. 62. Ein unbekanntes Glieb ber geometrischen Proportion zu finden.
- 1) Jedes unbekannte vierte Glied einer geometrischen Proportion wird gefunden, wenn man das Produkt der beis den bekannten, zusammengehörigen Glieder durch das britte bekannte Glied dividirt. In der Proportion

$$8:4=6:x$$
ift $8 \times x = 4 \times 6$ (§. 60.),

und werden beide gleichen Produkte durch 8 bivibirt: so entsteht

$$x = \frac{4 \times 6}{8} = 3.$$

In der Proportion

$$24:6 = x:2$$
iff $x \times 6 = 24 \times 2$
und $x = \frac{24 \times 2}{6} = 8$,

2) Das mittlere wied einer stetigen geometrischen Proporstion ober die mittlere geometrische Proportionalzahl wird gesunden, wenn man aus dem Produkte der beiden außern Glieder die Quadratwurzel zieht. 3. B.

$$4 : x = x : 16$$

 $4 \times 16 = x \times x$
 $\sqrt{(4 \times 16)} = x = 8$

Diese eigentliche geometrische Mittelzahl ist nicht mit der sogenannten geometrischen Durchschnittszahl (§. 59, 2.) zu ver= wechfeln.

Die Regelbetri lehrt, zu drei benannten Proportionalzahlen die vierte durch Rechnung finden. Diese vier Zahlen bilden zwei gleiche Verhaltnisse verschiedenartiger Dinge, z. B. von Waaren und Preisen, von Arbeit und Lohn, von Kapitalien und Zinsen. Gewöhnlich setzt man bas bekannte Hülfsverhälten iß zuerst und das Frageverhältniß zuletzt und nimmt die unbekannte Größe zum vierten Gliede. Die Rechnung wird verzichtet wie mit unbenannten Zahlen.

Heißt es z. B.: Wenn 3 Klftr. zu 7 Thlr. verkauft werden, wie viel kosten 50 Klftr.: so bringt man die Waare in das
eine und das Geld in das andere Verhältniß; nämlich:

und berücksichtigt bei ber Berechnung weiter nicht, was 3, 50 und 7 bedeuten; man findet

$$x = \frac{50 \times 7}{3} = 116\frac{2}{3}$$

und weiß schon, baß dies die gesuchte Bahl der Thaler ift.

Man könnte auch die mittlern Glieder verwechseln und wie die Alten setzen:

3 Klftr. kosten 7 Thlr., 50 Klftr. kosten x Thlr.; wenn dabei nur die zusammengehörigen Glieder, hier 50 und 7 nicht getrennt werden (§. 61. 1.).

In den beigegebenen Hulfstafeln 120 bis 135 findet man die im Forstwesen gewöhnlich zur Frage kommenden Hulfsverhältnisse.

§. 64. Bertehrte Regelbetri.

In manchen Beziehungen steigt das eine Verhältniß, wie das andere fällt. Dies erfordert den sogenannten umgekehrten Regeldetri=Ansak. Die Waarenmenge für gleiches Geld verhält sich umgekehrt, wie der Preis der Waare; die Fußzahl einer bestimmten Länge verhält sich umgekehrt, wie die Größe des Fußes; die Zeit zu einer gewissen Arbeit, umgekehrt, wie die Zahl der Arbeiter u. s. w.

Ans der Natur der Sache ist leicht zu erkennen, ob die Ausgabe eben von dem Kleinern zum Größern, oder von dem Größern zum Kleinern führt. Danach setzt man das Bordersverhältniß in jedem Falle an.

Peist es z. B. 12 Mann könnten eine Holzpflanzung in XI Aagen verrichten, wie viel Tage wurden 18 Arbeiter an dersels ben Arbeit zubringen: so führt die Aufgabe von einer größern Zeit zu einer kleinern, und es muß in dem Hülfsverhaltnisse das größere Glied zuerst stehen, nämlich:

§. 65. Einrichtung bes Regelbetri-Anfages.

Finden sich in den Gliedern des Hulfsverhaltnisses verschies dene Sorten, so werden sie vorher auf einerlei Einheiten gebracht, damit man das reine Verhaltnis bekommt; das dritte Glied wird in solchen Einheiten angesetzt, in welchen die unbekannte Große am leichtesten zu berechnen ist.

Kostete z. B., wie im Jahre 1840, eine Sendung von 3 Etnr. 74 Ph Karchsamen 130 Fl. 54 Ar., und man fragte, wie theuer 1 Etnr. 28 Ph dieses Samens sei: so ware zu verwandeln:

und dann zu segen:

374 抬 : 128 抬 = 130,9 氦.: x 氦.
$$x = \frac{128 \times 130,9}{374} = 44,8 \Im. = 44 \Im. 48 \Im.$$

Zuweilen ist die Auflösung leichter, wenn man bei dem Gleichnamigmachen ganze Zahlen in Brüche höherer Gorten verswandelt. Z. B.

16 Lth.: 5 Hb 4 Lth. = 2 Gr. 9 Of.: x Gr. 4 Hb : 5 Hb = 2 Hc. : x Gr.

Man kann in dem Regelbetrianfahe das vorbere und ein mittleres Slied gegen einander beben, oder doch zur Rechnung, geschiedter machen.

$$x = \frac{b \times c}{a} = \frac{b}{a} \times c = b \times \frac{c}{a} = \frac{bc \cdot n}{a \cdot n} = \frac{bc \times n}{a \times n}.$$

In diesen verschiebenen Formen liegt der Grund mancher anzuwendenden Rechnungsvortheile.

1) Man kann sogleich mit dem Vordergliede in eines der mittlern Glieder dividiren und dann den Quotienten mit dem andern Mittelgliede multipliziren.

3. 23. in 3 : 9 = 8 : x
ift
$$x = \frac{2}{3} \times 8 = 24$$
.

2) Kommt ein gewisses Hulfsverhaltniß ofter vor, so bruckt man seinen Exponenten durch einen ständigen Dezimalbruch aus, merkt sich benselben und multiplizirt damit ohne Weiteres die dazu gegebene Fragezahl. 3. B. Der weimarissche Fuß halt 125 pariser Linien, der preußische 139,13. Beide Sroßen ergaben für die Verwandlung einer Anzahl weimarischer Fuße w

in preußische Fuße x, (nach 139,13 : 125 = w : x), $\frac{125}{139,13}$ x w = 0,8984 ... x w = x, wosür auch bei minderer Genauigkeit 0,9 x w biente. Danach wäre z. B. eine Stamms länge von 80 weimarischen Fußen (80 x 0,9) = 72 preußischen Fußen.

3) Man kann das Vorderglied, als Nenner, und eines der mittlern Glieder, als Zähler betrachtet, mit dem größten gemeinsschaftlichen Theiler heben und badurch die Rechnung abkurzen.

4) Bur Erleichterung des weitern Rechnens dürfte auch das bekannte Vorderglied und eines der mittlern Glieder mit einer geeigneten Jahl multiplizirt werden. Ist das Vorderglied ein Bruch, so multiplizirt man mit dem Nenner; ist es ein Theiler von 10, 100, 1000 ..., mit einem Faktor, der zum Produkte 10, 100, 1000 ... giebt. 3. B.

multiplizirt mit
$$\frac{11}{4}$$
: $\frac{36}{4}$ = $\frac{3\frac{7}{2}}{4}$: x

 $\frac{5}{5}$: $\frac{36}{36}$ = $\frac{14}{4}$: x

 $\frac{25}{100}$: $\frac{113}{113}$ = $\frac{5\frac{7}{2}}{2}$: x

multiplizirt mit $\frac{4}{36}$ = $\frac{4}{100}$

5) Enthalten das Vorderglied und ein Mittelglied Bruche, so bringt man sie unter einerlei Benennung und braucht dann bloß die Zähler. 3. B.

Die sogenannte welsche Praktik besteht in vortheilhafs ter Zerfällung der benannten Zahlen eines der mittlern Glieder zur stückweisen Multiplikation (§. 31, 2.). Beispiele können dies am deutlichsten machen. Es sei die Frage: 1 H koste 25 Sgr., was 36 H? Hier setzt man

Dabei wurden die 25 Sgr. zerfällt in 20+5 ober in z Thlr. und in I von den z Thlrn, — z Thlr., und so kosten die 36 Ph

zuerst $36 \times \frac{2}{3} = 24$ Thir. und noch $24 \times \frac{1}{4} = 6$ Thir. ober $36 \times \frac{1}{4}$ Thir.

218 weiteres Beifpiel sei gegeben:

Weil diese Rechnungsvortheile so leicht sind, werden sie im burgerlichen Leben gar vielfältig gebraucht.

5. 68. Busammensetzung mehrer Proportionen.

Werden von mehren Proportionen die ersten, zweiten, dritzten und vierten Glieder mit einander multiplizirt, so entsteht eine neue, zusammmengesetzte Proportion (§. 61. 4.). Sind diese Proportionen von der Beschaffenheit, daß jedes Mal das solgende dritte Glied dem vorhergehenden vierten gleich ist: so verhält sich das Produkt aller ersten Glieder zu dem Produkte aller zweiten Glieder, wie das dritte Glied der ersten Proportion zu dem vierten Gliede der letzten Proportion. Denn in dem hintern Berhältnisse der zusammengesetzten Proportion lassen sich die gleichen Faktoren gegen einander heben. 3. 23.

- 8	:	6		4	:	X
7	:	14	===	x	:	y
2	:	5	=	y	:	2
8×7×2	:	6×14×5	<u>,==</u>	4×x×y	;	xxyxs
8×7×2	:	6×14×5	===	4	:	Z

Diese Zusammensetzung mehrer Proportionen giebt ben Grund zur Regel mit Fünsen, Siebenen u. s. w.

§. 69. Regel mit Funfen.

Die Regel mit Fünfen lehrt, zu fünf gegebenen bes nannten Zahlen die sechste sinden, unter der Bedingung, daß das Berhältniß der fünften zur sechsten das zusammengesetzte der vier erstern ist. 3. B.

1) Man handelte im Jahre 1841 bas 2k Riefernsamen für

18 Sgr.; wie viel Fl. rheinisch kostete der Ctr. zu 108 Hb, wenn 30 Sgr. = 13 Fl. sind?

1 $\frac{1}{108}$: $\frac{108}{118}$ $\frac{1}{108}$ $\frac{1}{108}$

2) Saete man an dem hannoverischen Harze in den Fichtenspflanzschulen pr. Mg. 400 H Samen, und es sollte im württemsbergischen Schwarzwalde eine gleiche Aussaat versucht werden: so ware nach Taf. 120 und 125 anzusetzen:

1,3690 hanv. Mg.: 1,2344 wurth. Mg. = 400 hanv. 抬: x

 467,7 wurth. $\frac{1}{1,3690}$: 467,7 hanv. $\frac{1}{1,2344}$ = x
 : y wh. $\frac{1}{1,3690}$

 1,3690
 : 1,2344 × 400
 : y

 y = $\frac{1,2344 \times 400}{1,3690}$ = 360 wurth. $\frac{1}{1}$.

3) Wollte man in Baben die Kiefernzapfensaat auf verodestem Kalkboben versuchen nach der in Preußen üblichen Aussaat, pr. Mg. 12 Scheffel, so rechnete man nach Tafel 120 und 124:

1 pr. Mg.: 1,41 bab. Mg. = 12 pr. Schl.: x

7561 bab. Mltr.: 2770 pr. Schl. = x : y bab. Mltr.

7561 : 1,41 × 2770 = 12 : y $y = \frac{1,41 \times 2770 \times 12}{7561} = 6,2$ bab. Mltr.

4) Wenn 10 Acker Waldgrund für 3 Stück Vieh auf 4, Tage Weide geben können; wie viel Tage weiden 6 Stück auf 25 Acker von gleicher Beschaffenheit? Erstens: Haben 3 Stück 4 Tage zu weiden, so werden 6 Stück x Tage Weide sinden. Leicht begreislich muß hier das Vorderverhältniß ein sallendes werden, weil die größere Anzahl Vieh um so kürzere Zeit Nahrung sindet; also 6:3 — 4: x. Zweitens: 10 Acker geben susammengesetz:

6 Stud : 3 Stud = 4 Aage : x Aage
10 Ader : 25 Ader = x Aage : y Aage
6 × 10 : 3 × 25 = 4 : y

y = \frac{3 × 25 × 4}{6 × 10} = 5 Aage,

Bu heben burch 3, 5, 2, 2,

6. 70. Regeln mit Siebenen, Reunen u. f. w.

Diese Regeln lehren zu T, 9 und mehr Zahlen, in zusams mengesetzter Proportion, die 8., 10. u. s. w. sinden; sie verbins den drei, vier und mehr Regeldetris Ansätze. 3. B.

1) Wenn 20 Holzhauer im Herbste 4 Wochen lang täglich 8 Stunden arbeiten und 300 Klftr. Stockholz fertigen; wie viel Wochen werden 16 Holzhauer, die während des Frühlings tägslich 12 Stunden arbeiten, an 400 Klastern zubringen?

Diese Aufgabe zerfällt in drei einfache Proportionen, nämlich:

Die erste, mit bem Verhaltnisse ber Holzhauer, führt von dem Kleinern zum Größern; denn je weniger Holzhauer, desto mehr Zeit ist erforderlich, also:

16 Holzhauer : 20 Holzhauer - 4 Wochen : x Wochen.

Die zweite, mit dem Verhaltnisse der Stunden, führt vom Größern zum Kleinern, denn bei langerer Tagearbeit sind um so weniger Wochen erforderlich, also:

12 Stunden: 8 Stunden = x Wochen: y Wochen.

Die britte, mit bem Verhaltnisse ber Klaftern, führt vom Kleinern zum Größern, benn die Vermehrung der Klaftern zieht auch die Vermehrung der Wochen nach sich, also:

300 Klaftern: 400 Klaftern - y Wochen: z Wochen.

Bufammengefett:

16 : 20 = 4 : x

12 : 8 = x : y

300 : 400 = y : z

16 × 12 × 300 : 20 × 8 × 400 = 4 : z

$$z = \frac{20 \times 8 \times 400 \times 4}{16 \times 12 \times 300} = 4\frac{4}{9} \text{ Bochen.}$$
3u heben burch 100, 16, 4,

2) Wem es bei solchen Aufgaben schwer fällt, ohne lange überlegung den Ansatz zu machen, der schreibe sich vorläufig die

18 Sgr.; wie viel Fl. rheinisch kostete ber Ctr. zu 108 Hb, wenn 30 Sgr. = 14 Fl. sind?

2) Saete man an dem hannoverischen Harze in den Fichtenspstanzschulen pr. Mg. 400 lb Samen, und es sollte im württemsbergischen Schwarzwalde eine gleiche Aussaat versucht werden: so ware nach Taf. 120 und 125 anzusetzen:

1,3690 hanv. Mg.: 1,2344 wurth. Mg. == 400 hanv. H: x

467.7 wurth. 指:
$$467.7$$
 hanv. 指 = x : y wb. 指

 1,3690
 : 1,2344 = 400 : y

 $y = \frac{1,2344 \times 400}{1,3690} = 360$ wurth. 指.

3) Wollte man in Baben die Kiefernzapfensaat auf verobez tem Kalkboden versuchen nach der in Preußen üblichen Aussaat, pr. Mg. 12 Scheffel, so rechnete man nach Tafel 120 und 124:

1 pr. Mg.: 1,41 bab. Mg. = 12 pr. Schl.: x

7561 bab. Mltr.: 2770 pr. Schl. = x : y bab. Mltr.

7561 : 1,41 × 2770 = 12 : y $y = \frac{1,41 \times 2770 \times 12}{7561} = 6,2$ bab. Mltr.

4) Wenn 10 Acker Waldgrund für 3 Stück Vieh auf 4
Aage Weide geben können; wie viel Tage weiden 6 Stück auf
25 Acker von gleicher Beschaffenheit? Erstens: Haben 3 Stück
4 Tage zu weiden, so werden 6 Stück x Tage Weide sinden.
Leicht begreislich muß hier das Vorderverhältniß ein sallendes
werden, weil die größere Anzahl Vieh um so kürzere Zeit
Nahrung sindet; also 6:3 = 4: x. Zweitens: 10 Acker geben
für das fragliche Vieh x Tage Weide, 25 Acker geben y Tage.
Zusammengeseth:

6 Stud : 3 Stud = 4 Aage : x Aage 10 Ader : 25 Ader = x Aage : y Aage 6 × 10 : 3 × 25 = 4 : y y = \frac{3 \times 25 \times 4}{6 \times 10} = 5 Aage, Bu heben durch 3, 5, 2, 2, 6. 70. Regeln mit Siebenen, Reunen u. f. w.

Diese Regeln lehren zu 7, 9 und mehr Zahlen, in zusams mengesetzter Proportion, die 8., 10. u. s. w. sinden; sie verbins den drei, vier und mehr Regeldetris Ansätze. 3. B.

1) Wenn 20 Holzhauer im Herbste 4 Wochen lang täglich 8 Stunden arbeiten und 300 Klftr. Stockholz fertigen; wie viel Bochen werden 16 Holzhauer, die während des Frühlings tägslich 12 Stunden arbeiten, an 400 Klaftern zubringen?

Diese Aufgabe zerfällt in drei einfache Proportionen, nämlich:

Die erste, mit dem Verhaltnisse der Holzhauer, führt von dem Kleinern zum Größern; denn je weniger Holzhauer, desto mehr Zeit ist erforderlich, also:

16 Holzhauer: 20 Holzhauer - 4 Wochen: x Wochen.

Die zweite, mit dem Verhältnisse der Stunden, führt vom Größern zum Kleinern, denn bei längerer Tagearbeit sind um so weniger Wochen erforderlich, also:

12 Stunden: 8 Stunden = x Wochen: y Wochen.

Die dritte, mit dem Verhältnisse der Klaftern, führt vom Kleinern zum Größern, denn die Vermehrung der Klaftern zieht auch die Vermehrung der Wochen nach sich, also:

300 Klaftern: 400 Klaftern - y Wochen: z Wochen.

Bufammengefest:

16 : 20 = 4 : x

12 : 8 = x : y

300 : 400 = y : z

16 × 12 × 300 : 20 × 8 × 400 = 4 : z

$$z = \frac{20 \times 8 \times 400 \times 4}{16 \times 12 \times 300} = 4\frac{4}{5} \text{ Bochen.}$$
3u heben burch 100, 16, 4,

2) Wem es bei solchen Aufgaben schwer fällt, ohne lange überlegung den Ansatz zu machen, der schreibe sich vorläufig die

gegebenen Benennungen hin, die gesuchte zuletzt, darunter die Bahlen für den bekannten und dann die für den unbekannten Fall, nämlich:

Holzhauer. Stunden. Klaftern, Wochen. Bekannter Fall 20 8 300 4 Unbekannter Fall 16 12 400 z.

Daburch kommen die einzelnen Verhaltnisse zusammen, die man nun leichter beurtheilt, ob sie gerade oder verkehrt sind, und anset, wie folgt:

Daraus ergiebt sich: $z = \frac{20 \times 8 \times 400 \times 4}{16 \times 12 \times 300} = \frac{44}{9}$.

Diese zusammengesetzten Aufgaben konnte man auch stücks weise durch einfache Regeldetri = Ansätze auflösen; nur wird die Rechnung weitläufiger.

§. 71. Rettenzechnung.

Die Kettenrechnung ist eine zusammengesetzte Regeldes tri mit etwas abgekürztem Ansate, Kettenfat.

1) Würde z. B. gefragt: wie viel Dukaten wären zu zah: len anstatt 314 Thir. 8 Sgl. = 9428 Sgl., wenn 2 Sgl. = 7 Ar. rhn., 24 Ar. rhn. = 20 Ar. dstr., 60 Ar. dstr. = 1 Glb. C. M., und 55 Glb. C. M. eben = 12 Dukaten sind?

Nach ber Regel mit Neunen setzte man ausführlich:

2 Sgr. : 7 År. rhn. = 9428 Sgr. : x År. rhn. 24 År. rhn. : 20 År. dftr. = x År. rhn. : y År. dftr. 60 År. dftr. : 1 Sib.C.M. = y År. dftr. : z Sib. C. M. 55 Sib. C. M. : 12 Dutaten = z Sib.C.M. : w Dutaten $2 \times 24 \times 60 \times 55$: $7 \times 20 \times 12$ = 9428 : w Dutaten und erhielte für w = $\frac{7 \times 20 \times 12 \times 9428}{2 \times 24 \times 60 \times 55}$ = 99 Dut. 4 Sib. 33 År.

Nach dem Kettensatze ordnet man aber ohne Weiteres bas

britte Glied zu den zweiten Gliebern, womit dasselbe nachher doch multiplizirt werden muß, namlich:

```
w Dukaten = 9428 Sgr.

2 Sgr. = 7 Ar. rhn.

24 Ar. rhn. = 20 Ar. dftr.

60 Ar. dftr. = 1 Slb. E. M.

55 Glb. E. M. = 12 Dukaten

w×2×24×60×55 = 12×20×7×9428
```

und verfährt übrigens wie oben, oder behandelt die Aufgabe als Gleichung.

2) Daraus ergiebt sich die Regel zur Kettenrechnung: Man setze bas unbekannte Glied zuerst an und rechts daneben den das sur gleichgeltenden Werth. Hiernächst suche man aus der Aufzgabe ein Glied, das die zuletzt gebrauchte Benennung hat, setze es links unter das Frageglied und daneben wieder den gleichgeltenden Werth u. s. w., dis man rechts das letzte Glied mit der Benennung des Fragegliedes bekommt. Dann ist der Kettensatzterig, worin alle Glieder kettensormig zusammenhängen. Zedes Glied darf nur eine Benennung haben, und gemischte Zahlen sind als uneigentliche Brüche anzusetzen.

In diesem Ansatze werden nun zuvörderst die Nenner aller Brüche auf die andere Seite gesetzt, was so viel ist, als würden beide Seiten mit dem Nenner multiplizirt. Dann werden beide Gliederreihen gegen einander gehoben. Endlich multiplizirt man die übrigen Faktoren jeder Seite für sich und dividirt das Produkt der Seite rechts durch das der Seite links. Der Quoztient bekommt die Benennung des Fragegliedes.

§. 72. Antheilrechnung.

Oft sind verschiedene Antheile nach gegebenen Berhaltnissen zu berechnen.

1) Drei Personen kausen eine Holzung für 4000 Thlr.; A giebt dazu 2000, B, 1400 und C, 600. Der erste Holzschlag wirft 1500 Thaler ab; wie viel trägt es jedem Theilhaber das von?

Die Kaufsumme verhält sich hier zu dem ganzen Sewinne, wie eines Jeden Einlage zu dessen Gewinnantheil; also wie 4000: 1500, oder 8: 3. Der Gewinn beträgt mithin z von der Einlage, und es erhält davon:

A, \(\frac{3}{8} \times 2000 = 750 \) Thir.

B, \(\frac{3}{8} \times 1400 = 525 \)

C, \(\frac{3}{8} \times 600 = 225 \)

Summe: 1500 Thir.

2) Drei Ortschaften haben zu ihrem nächsten Brennholzbes darf verlangt:

A, 500 Klaftern
B, 700 »
C, 300 »

Zusammen: 1500 Klaftern.

Nun ertrage aber ber für diese Ortschaften angelegte Schlag nur 1200 Klastern; es kann demnach jeder Ort nur 1388 — 12 — 0,8 seines angeblichen Bedarfs erhalten, nämlich:

3) Bu 1 扮 gutem Schießpulver nimmt man 景 抬 Salpeter, 元 抬 Kohle und 元 抬 Schwefel. Sollen nun 400 抬 Schießpulver gemacht werden, so brauchte man dazu von den genannten Bestandtheilen:

Salpeter 400 × 12 = 300 指 Kohle 400 × 15 = 75 指 Schwesel 400 × 元 = 25 指 Jusammen: 400 指.

Die Summe dient hier allemal zur Probe.

S. 73. Einfache Binfen.

Von dem ausgeliehenen Kapitale bekommt der Darleiher gewisse Zinsen, auf Hundert jährlich 3, 4, 5 . . . , was man Zinsfuß, Prozente nennt und mit pCt. ober & bezeichnet. Einfache Zinsen sind an sich nicht wieder zinstragend; sie werden dem Kapitale nur allein zugerechnet.

Da Kapitale und Zinsen bei gleichem Zinsfuße und gleicher Zinszeit in gleichem Verhaltnisse stehen, so gebraucht die einfache Zinsrechnung in allen Fällen folgende Grundverhaltnisse:

Danach berechnet man den Nachwerth sammt den Zinsen, den Borwerth nebst dem Rabatt, das Kapital, den Zinssuß und endlich die Zinszeit.

§. 74. Nachwerth mit einfachen Binfen.

Den Nachwerth eines Kapitales K ober ben spätern Werth einschließlich ber einfachen Zinsen K + z ergiebt die Proportion

$$100:100+(p\times n)=K:K+z.$$

Wird z. B. gefragt, wie hoch wächst ein Kapital von 3600 Fl. mit 4 pCt. Zinsen in 12 Jahren an: so setzt man:

$$100:100+(4\times12)=3600:K+z$$

und findet
$$K + z = \frac{100 + (4 \times 12)}{100} \times 3600 = 5328$$
 Fl.

Die Zinsen hiervon sind der Unterschied des anfänglichen Kapitals von dem Nachwerthe, 5328 — 3600 == 1728 Fl.; sie könnten auch für sich berechnet werden durch den Ansatz:

100:
$$4 \times 12 = 3600$$
: z,
z = $\frac{4 \times 12}{100} \times 3600 = 1728$ %(.

Die Zinsen von 4680 Fl. zu 5 pCt. auf 1 Monat betragen nach dem Berhältnisse 100:5 × 13 ober 12 × 100:5 (§. 61. 2.).

$$\frac{5}{1200} \times 4680 = 19 \, \text{H}. \, 30 \, \text{Hr}.$$

§. 75. Borwerth zu einfachen Binfen.

Den Vorwerth einer Summe K + z ober den frühern Werth ausschließlich des einfachen Rabattes z sindet man durch die Proportion

$$100 + (p \times n) : 100 = K + z : K$$

Wird z. B. gefragt, wie groß war die Summe von 392 FL mit 4 pCt. vor 10 Jahren bei einfachen Zinsen: so setzt man:

$$100 + (4 \times 10) : 100 = 392 : K$$

und findet
$$K = \frac{100}{100 + (4 \times 10)} \times 392 = 280$$
 FL

Der Rabatt hiervon ist der Unterschied des Vorwerthes von der spätern Summe, nämlich 392 — 280 — 112 Fl. Der= selbe könnte auch für sich berechnet werden nach der Proportion

$$100 + (p \times n) : p \times n = K + z : z.$$

Sollten z. B. 4000 Fl., zahlbar in 14 Jahren, jest abgestragen werden mit 4 pCt. einfachem Rabatt, so sindet man den Abzug, nach der Proportion

100 +
$$(4 \times 1\frac{1}{2})$$
 : $4 \times 1\frac{1}{2}$ = 4000 : z,
z = $\frac{4 \times 1\frac{1}{2}}{100 + (4 \times 1\frac{1}{2})} \times 4000$ = 226,42 %.

Bur Probe bringt man die Zahlung 4000 — 226,42 — 3773,58 Fl. wieder auf ihren Nachwerth mit 4 pCt, nach 1z Zahren. Derselbe ist (§. 74.)

$$\frac{100 + (4 \times 1\frac{1}{2})}{100} \times 3773,58 = 4000 \%.$$

also genau, was bem Darleiher in jener Zeit zustände.

§. 76. Rapital zu einfachen Binfen.

1) Der Kapital werth K zu einjährigen Zinsen z folgt aus

$$\begin{array}{c}
 p: 100 = z: K, \\
 unb \frac{100}{p} \times z = K,
 \end{array}$$

Gesetzt, es sei der Zinsfuß 4 pCt. und die einfache Zinspost = 30 Fl.: so ist

$$K = \frac{100}{4} \times 30 = 750 \, \%.$$

Zum Behuf der Kapitalisirung wird der Ausdruck 100 ober das Einheitskapital oft gleich anstatt des Zinssußes gezgeben.

2) Das Kapital K zu mehrjährigen Zinsen nz ergiebt sich aus

$$p \times n : 100 = nz : K,$$

$$unb \frac{100}{p \times n} \times nz = K,$$

Hiernach ist ein Kapital, das mit 3 pCt. in 5 Jahren 385 Fl. Zinsen abwirft,

$$=\frac{100}{3\frac{1}{4}\times5}\times395=2200$$
 %1.

Das Kapital fammt Zinsen beträgt 2200 + 385 == 2585 Fl.; dies ergabe auch die Proportion

$$3\frac{1}{4} \times 5 : 100 + (3\frac{1}{4} \times 5) = 385 : K + nz.$$

§. 77. Binefuß zu einfachen Binfen.

Die Prozente p sindet man aus dem Kapitale K und dem einjährigen Zinsenbetrage z durch die Proportion

$$K:z=100:p.$$

Haben z. 28. 2400 Fl. in einem Jahre 108 Fl. abgeworsfen, so ist

und
$$p = \frac{108 \times 100}{2400} = \frac{108}{24} = 4\frac{1}{2}$$
.

Hätte jenes Kapital in 5 Jahren zusammen 540 Fl. an Zinsen eingebracht, so setzte man, nach $K:\frac{5\pi}{5}$ == 100: p,

$$2400: \frac{540}{5} = 100: p.$$

§. 78. Binszeit zu einfachen Binfen.

Die Zinszeit n sindet man mittels des Grundkapitals 100 nach Berhältniß des ausgeliehenen Kapitales K zu den vorzher berechneten Iprozentigen Zinsen $\frac{z}{p}$; denn die Zahl der Zinssiahre ist ganz übereinstimmig mit den gleichzeitigen Iprozentigen Zinsen von 100. Die allgemeine Proportion hierzu ist

$$K: \frac{z}{p} = 100: n.$$

Hätten z. B. 5475 Fl. bei 4 pCt, in n Jahren 1752 Fl. einfache Zinsen eingebracht, so waren bavon die Iprozentigen Zinsen 17452 Fl., und es verhielte sich:

Daher ware
$$n = \frac{1752 \times 100}{4 \times 5475} = 8$$
.

§. 79. Durchschnittlicher und periodischer Holzzuwachs.

Die an bem wachsenden Holzstamme und Holzbestande ers
folgende Massenzunahme nennt man Holzzuwachs, und wird
dieser für einzelne Jahre bestimmt, so heißt er Jahreszuwachs. Dividirt man den ganzen Massengehalt eines Stammes oder Bestandes durch die Jahl der Altersjahre, so ergiebt sich der
durchschnittliche Jahreszuwachs oder Durchschnittszuwachs; theilt man aber die gesammte Massenzunahme einer
gewissen Altersperiode durch deren Jahresanzahl, so geht der
entsprechende periodische Jahreszuwachs hervor.

Halt, so ist sein 140jähriger Baum 80 Körpersuß Massengeshalt, so ist sein durchschnittlicher Jahreszuwachs $\frac{80}{130} = 4$ K.: Vuß; hatte dieser Baum in seinem 130. Jahre 75 K. Fuß entshalten, sich also in den letztern 10 Jahren um 80 — 75 = 5 K. Fuß vergrößert, so wäre der Jahreszuwachs dieser Zwischenzeit $\frac{1}{10} = \frac{7}{2}$ K. Fuß.

Von ganzen Holzbeständen wird der Massengehalt und Zus wachs für die Flächenmaßeinheit, den Morgen oder Acker, be-

stimmt. Fänden sich z. B. von einem Morgen Kiefernbestand in 80jährigem Alter an vorauserhaltener Durchforstung 2400 K. Fuß und an noch vorhandenem Hauptbestande 4000 K. Fuß: so betrüge der durchschnittliche Jahreszuwachs $\frac{2400+4000}{80}$ = 30 + 50 K. Fuß.

Hatte dieser Riefernbestand im 100-jahrigen Alter ohne weistere Zwischennutzung zum Hauptbestande 5000 K. Fuß: so ware der periodische Jahreszuwachs zwischen dem 80. und 100. Jahre

$$\frac{5000-4000}{20} = 50 \text{ R.Fug.}$$

§. 80. Bumachsprozente.

Bisweilen gewinnt die Holzertragsberechnung, oder man verschafft sich brauchbare Vergleichungsgrößen zur Holzertragsschätzung, wenn man das gefundene Verhältnis eines anfänglischen Holzgehaltes zu seinem jährlichen Zuwachse in Prozenten ausdrückt. Das letztere Beispiel von einem Kiesernbestande entshält in dem 80. Jahre 4000 K.Fuß Holzgehalt mit 50 K.Fuß Jahreszuwachs; dies giebt 14 pCt. Zuwachs, denn

$$4000:50 = 100:1\frac{1}{4}$$
 (§. 77.).

Davon ist der Nachwerth nach 20 Jahren (§. 74.)

$$\frac{100 + (1\frac{1}{4} \times 20)}{100} \times 4000 = 5000 \text{ R.Fuß,}$$

jener Massengehalt im 100-jährigen Alter.

1

Überhaupt können die oben über einfache Zinsen angestellten Betrachtungen sammtlich bei der forstlichen Zuwachsberechnung ihre Anwendung sinden. Nur dieten die Zuwachsprozente wenisger Stätigkeit, als der Zinssuß. Die Wachsthumsverhaltnisse mussen ergeben, wie lange ein jährlich gleicher Zuwachs statthaft ist. Je älter und voller ein Holzbestand wird, um so mehr mindern sich dessen Zuwachsprozente; alle forstmäßigen Zwischenhaumgen dienen zur Wiedererhöhung derfelben.

Schätzt man von etwa 356800 K. Fuß Holzvorrath den kunfztigen Jahreszuwachs zu 2 pCt., so beträgt berselbe nach dem Ansage:

Der nachste 10jahrige Zuwachs 10z ist nach:

$$100: (2 \times 10) = 356800: x,$$

= $\frac{2 \times 10}{100} \times 356800 = 71360$ K. Fuß.

Der Holzvorrath sammt Zuwachs am Ende des 10. Jahres beträgt:

$$\frac{100 + (2 \times 10)}{100} \times 356800 = 428160 \text{ R.Fub.}$$

Die Natur des Holzzuwachses sowohl, als die Art und-Weise, wie der Jahreszuwachs ausgemittelt wird, bedingen durch aus die einfache Zuwachsrechnung. Denn alle Holzbesstände, für welche besondere Zuwachsberechnungen angelegt wersden, namlich die mehr erwachsenen, haben entweder einen ziemstich gleichen Zuwachs, oder eher einen abs, als zunehmenden; auch ist der ermittelte wirkliche Zuwachs, wovon die Schlüsse auf den künstigen gemacht werden, meist ein durchschnittlischer, also ein einfacher.

§. 81. Durchschnittsverhaltnisse.

Das Verhältniß verschiebener Theile oder Sorten, die zussammen ein gewisses Ganze ausmachen, wird oft nach dem gemeinschaftlichen Werthe oder Maße ausgedrückt zu weiterem Gestrauche.

Fänden sich z. B. als Ertrag eines Holzschlages:

8 Klftr. Werkholz zu 90 c.' = 720 K.Fuß.

52. Klstr. Scheitbrennholz zu 70 c.' = 3640 »

24 Schock Wellenholz zu 50 c.' = 1200 »

840 K.Fuß an einzelnen Stücken = 840 »

Jusammen: 6400 K.Fuß,

und man wollte diese Sortenverhaltnisse weiter anwenden: so wurden alle einzelnen Posten auf Prozente der Summe gerechenet, wie folgt:

6400: 720 == 100: 11,2 pCt, Werthold;

6400: 3640 == 100: 56,9 pCt. Scheitbrennholz;

6460: 1200 = 100: 18,8 pCt. Wellenholz; 6400: 840 = 100: 13,1 pCt. einzelne Stude.

Bon 100 Gesammtertrag.

Es versteht sich von selbst, daß hierbei die Dezimalen abgekürzt und ausgeglichen werden mussen, damit gerade 100 als Summe herauskommt, was auch zur Probe dient.

Solche Durchschnittsverhaltnisse pflegt man auch in Theis len ber Einheit auszubrücken. So ist angenommen worden, 1 Buchenholz bestehe aus:

> 0,5145 Kohlenstoff, 0,0582 Wasserstoff, 0,4273 Sauerstoff.

§. 82. Reduktion ber Langenmaße.

Die Verwandlung der Maße erfordert vor allem eine genaue Kenntniß der Maßverhältnisse, Man bestimmt die Länge aller bekannten Fußmaße nach dem alten pariser Fuße zu 144 Linien und bekommt dadurch Verhältnißzahlen der verschiedenen Längenmaße.

Der hessenkasseler Normal-Längenfuß enthält z. B. 127,536 und der hessendarmstädter neue Dezimal Längenfuß 110,824 pariser Linien. Sollten nun 100 hessenkasseler Fuße in hessen darmstädter Fuße verwandelt werden, so müßte man das Hülfs-verhältniß vom Kleinern zum Größern ansetzen; denn die Frage mit einem kleinern Maße hat eine um so größere Zahl zur Ant-wort; also:

$$x = \frac{127,536 \times 100}{110,824} = 115,08;$$
 baher

100 taffeler Fuß == 115,08 barmstädter Fuß.

Es halt ferner die weimarische Ruthe 16 Werksuße zu 125 pariser Linien, die preußische Ruthe 12 rheinlandische Fuße zu 139,13 pariser Linien. Jene verhalt sich also zu dieser, wie 16 × 125 : 12 × 139,13. Singen nun auf die deutsche Meile 1975z preußische Ruthen, so könnte man durch die Proportion

$$16 \times 125 : 12 \times 139, 13 = 1975, 33 ... : x$$

finden, daß 1649 weimarische Ruthen einer deutschen Meile gleich sind.

J. 83. Reduktion der Flachenmaße.

Die Flächenmaße verhalten sich zu einander, wie die Quasbrate ihrer Längenmaße. So verhält sich der preußische Quasbratsuß zu dem weimarischen Quadratsuße, wie 139,13°: 125°; die preußische Quadratruthe zu der weimarischen, wie (12×139,13)°: (16×125)°. Da nun der preußische Morgen 180 Quadratrusthen enthält und der weimarische Acker 140: so verhält sich jener zu diesem, wie

$$180 \times (12 \times 139,13)^{2} : 140 \times (16 \times 125)^{2}$$
.

Wollte man berechnen, wie viel eine Fläche von 100 preußisschen Morgen an weimarischen Ackern enthielte, so kehrte man, aus dem schon bekannten Grunde, obiges Verhältniß um und setzte:

140 × (16 × 125)²: 180 × (12 × 139,13)² == 100: x. Hiernach ware:

$$x = \frac{180 \times 12 \times 12 \times 139,13 \times 139,13 \times 100}{140 \times 16 \times 16 \times 125 \times 125},$$

burch 10. 2. 4. 4. 4. 25. 100. gehoben,

$$=\frac{15679,297}{175}=89,5959...;$$

also 100 preußische Morgen = 89,5959... weim. Acker.

6. 84. Reduttion ber Rorpermage.

Die Körpermaße verhalten sich, wie die Würfel ihrer Langenmaße. So verhalt sich der weimarische Körpersuß zu dem preußischen, wie 1253: 139,133.

Bei der Reduktion der Holzmaße ist die Große der Fuße

an sich und die verschiedene Fußzahl jeder Maßausbehnung in Rechnung zu stellen. 3. B.

Die kasseler Klaster hat in Fußen zu 127,536 pariser Linien:

- 6 Fuß Scheitlange,
- 5 Fuß Weite und
- 5 Fuß Sohe.

Der barmstädter Stecken hat in Fußen zu 110,824 pariser Linien:

- 5 guß Scheitlange,
- 4 Rug Beite und
- 5 Fuß Sohe.

Die kasseler Klafter verhalt sich also zu dem darmstädter Steden, wie

 $(6 \times 127,536 \times 5 \times 127,536 \times 5 \times 127,536)$: $(5 \times 110,824 \times 4 \times 110,824 \times 5 \times 110,824)$

und 100 kass. Klftr.
$$=\frac{6 \times 5 \times 5 \times 127,536^3 \times 100}{5 \times 4 \times 5 \times 110,824^3}$$

= 228,6 darmst. Steden.

§. 85. Reduttion ber holzertrage.

Noch ist hier die Verwandlung der Holzerträge in andere Maße übrig. Die gemachten Erfahrungen über die Holzhaltigsteit und Ergiedigkeit der Wälder sammelt man sich nämlich zur weitern Anwendung. Wenn nun bekannt gewordene fremde Holzerträge auf das eigene Maß reduzirt werden sollen, so kompmen zwei Verhältnisse in Ansaß.

- 1) Das Verhältniß der Flächenmaße, wobei zu bemerken: je größer die Fläche, um so größer ist der Ertrag.
- 2) Das Verhältniß der Körpermaße, in welchem das kleis nere Körpermaß zu einer größern Ertragszahl sührt.

Aufgabe: Die Buchenwaldungen bei Eisenach, in Ums wandlung begriffene Mittelwälder, ertragen auf dem weimarisschen Acker im Durchschnitt etwa 42 weim. K. Fuß jährlich; wie viel würde das betragen auf dem preußischen Morgen in preuß. K. Fußen? Hier setzte man:

weimar. Feer preuß. Morgen w. Ertr.

140×16×16×125×125: 180×12×12×139,13×139,13 = 42: y

preuß. K.Fuß weim. K.Fuß pr., Ertr.

139,13×139,13×139,13: 125×125×125 = y: x

gehob.: 7×4×4×139,13: 9×3×3×125 = 42: x

$$x = \frac{9 \times 3 \times 3 \times 125}{7 \times 4 \times 4 \times 139,13} \times 42 = 27,29$$
 preuß. K. Fuß.

Wären bergleichen Durchschnittserträge nicht in Körperfus ßen, sondern in gebräuchlichen Holzmaßen gegeben: so verwanz belte man sich dieselben vorher in Körperfuße, wobei zugleich weiter anzuwendende Sortenverhältnisse gewonnen würden.

Um solche fremden Erfahrungsgrößen leichter zu nuten, könnte man sich vorher eine, für die Reduktion eben geeignete, kurze Verhältnißzahl suchen und auch wohl eine eigene Umrechnungstafel, wenigstens für die Zahlen 1 bis 9, aufseten. Wäre z. B. weimarischer Forstertrag in preußisches Waß zu verwanzbeln, so diente dazu obiges Verhältniß:

$$\frac{9 \times 3 \times 3 \times 125}{7 \times 4 \times 4 \times 139,13} = 0,64976..., beinahe 0,65$$

und man konnte ansegen:

Danach waren obige

40 weim. Ertrag = 26,0 preuß. Ertrag

42 weim. Ertrag = 27,3 K.Fuß preuß. Ertrag.

Auf Tafel 120 findet man hierzu die gewöhnlichen Maß= verhältnisse und Umrechnungsfaktoren.

VIII. Progressionen.

1. Die arithmetische Progression.

§. 86. Arithmetische Reihe.

Eine Zahlenreihe, worin die auf einander folgenden Glieder gleiche Differenz haben, heißt eine arithmetische Progress sion oder Reihe. 3. B.

Die arithmetische Reihe ist eine fortgesetzte stetige arithmetische Proportion (§. 56.).

$$3-5=5-7=7-9...$$

Der allgemeine Ausbruck für die arithmetische Progression ist:

Daraus ergiebt sich zuvörderst: Jede Reihe ist nach der einen Seite steigend und nach der andern fallend; jedes Glied bessteht in der steigenden Reihe aus dem vorhergehenden Gliede sammt der Differenz, in der fallenden aus dem vorhergehenden weniger der Differenz.

§. 87. Summirung ber arithmetischen Reihe.

Aus obigem allgemeinen Ausdrucke der arithmetischen Pros gression folgt weiter:

- 1) Die Summen des ersten und letzten Gliedes, des zweisten und vorletzten Gliedes, überhaupt je zweier Glieder, von welchen das eine so weit vom Anfange als das andere vom Ende absteht, gleichen einander. Sie sind hier durchgängig 22 ± 5d.
- 2) Die Summe der ganzen arithmetischen Reihe gleicht also der Summe des ersten und letzten Gliedes, multiplizirt mit der halben Anzahl der Glieder; hier (2a±5d) × §.

3) Bezeichnet man von der arithmetischen Progression die Summe mit S, das erste Glied mit n, das letzte mit t und die Anzahl der Glieder mit n: so ist

$$S = (a + t) \times \frac{n}{2} = \frac{a+t}{2} \times n = \frac{(a+t)n}{2}$$

4) Die Summe einer jeden arithmetischen Reihe wird baher gefunden, indem man die Summe des ersten und letzten Gliedes mit der halben Anzahl aller Glieder multiplizirt. So ist die Summe der Zahlen von 1 bis 100:

$$(1 + 100) \times \frac{100}{2} = 101 \times 50 = 5050$$
, was auch auß $\frac{101}{2} \times 100$ ober $\frac{101 \times 100}{2}$ hervorgeht.

5) Wenn eine arithmetische Reihe von dem Nullpunkte ausgeht und n die Anzahl der wirklichen Glieder bedeutet, z. B.

0, d, 2d, 3d, nd,
so iff
$$S = (0 + nd) \times \frac{n+1}{2}$$
,
= 'nd $\times \frac{n+1}{2}$.

6) Der obige allgemeine Werth von S führt zu folgenden Gleichungen, nach welchen man das erste und letzte Glied sowohl, als die Anzahl der Glieder sinden kann:

$$S: \frac{n}{2} = a + t; S: \frac{n}{2} - t = a; S: \frac{n}{2} - a = t; \frac{S}{a+t} = \frac{n}{2}.$$

§. 88. Abtriebsformeln.

1) Bestandes-Abtrieb. Die Regel, wonach man den gleichmäßigen Abtrieb eines Waldbestandes oder Waldtheiles berechnet, gründet sich auf Summirung der arithmetischen Progression. Sollte z. B. ein Holzbesstand, der im Jahre vor dem Angriff 50000 Kfs. Holzborrath mit 2 pCt. Zuwachs hat, während der nächsten 10 Jahre gleichs mäßig abgetrieben werden, und man rechnete vorläusig für jedes Jahr den 10. Theil des vorhandenen Holzverrathes besonders ab,

namlich 50000: so ware noch an Zuwachs zu erwarten von bem allmählich abnehmenden Holzbestande:

Im Schätzungsjahre, v. 50000 c.' Holzvorrath, 1000 c.' 1. Abtriebsjahre, » 45000 c.' 900 * . >> **)** » 40000 c.' 2 800 c.' " *)*} **) >>** » 35000 c. 3. 700 c.'. **>>** * **) >>** 4. » 30000 c.' 600 c. W **)**} >>' » 25000 c.' 5, 500 c.' Ħ **>> >> »** ' » 20000 c.' 400 c.' 6. N **)** » 15000 c.' 7. 300 c.' **>>)** 8. 10000 c.' 200 c. **))** >> **>>**

Die Summe dieser Zuwachsreihe ist

>>

>>

9.

» 10.

>>

))

$$1000 \times \frac{10+1}{2} = 5500 \text{ ffg. (§. 87, 5.)}.$$

0 c.'

5000 c.'

)

)

Theilte man nun dieselbe in die 10 Abtriebsjahre mit ein, so kame bavon auf jedes noch $\frac{5}{10}$ = 550 Kff., und die ganze jährliche Abtriebsmasse ware:

$$\frac{50000}{10}$$
 Kfß. von dem anfänglichen Holzvorrathe,
$$\frac{1000 \times \frac{10+1}{2}}{10}$$
 Kfß. v. dem Holzzuw. während der Abtriebszeit.
$$\frac{50000+1000 \times \frac{10+1}{2}}{10} = 5550$$
 Kfß. zusammen.

Indessen wurde bei dem so berechneten Angrisse der Holzbestand nicht ausreichen, weil man den Zuwachstheil nicht abgesondert von dem Holzvorrathe ganz für sich nehmen könnte, wie die Zinsen von dem Kapitale, sondern deshalb in dem Holzvorrathe vorgreisen und dadurch den Zuwachs verkürzen müste. Der ersten Hauung trüge es nämlich von dem Holzvorrathe doch eigentlich nur 5000 Ksp. mit dem daran besindlichen eigenen Zuwachse von 2 pCt. oder 100 Ksp., und es sehlten dem Zuwachstheile noch 450 Ksp., welche dem Holzvorrathe vorgrisseweise entnommen werden müsten. Bei der zweiten Hauung

100 c.'

c.

hatten die 5000 Kfk. des Holzvorrathes an sich erst 200 Kfk. Zuwachs, und es sehlten abermals 350 Kfk. Späterhin glich sich das zwar in Etwas wieder aus; aber am Ende reichte der Bestand doch nicht ganz zu.

Da nun ohnedies keine einzige Zuwachsschätzung wegen ih= res mindern Genauigkeitsgrades einer so scharfen Rechnung ent= spricht: so nimmt man von obiger Zuwachsreihe ein Glied weni= ger, nämlich:

 $1000 \times \frac{10}{9} = 5000 \, \text{Rfg.}$

und ber jährliche Angriffsatz ware

$$\frac{50000+1000\times 5}{10}=5500 \text{ Rfg.}$$

Die allgemeine Regel, nach welcher der Gesammtertrag eines Holzbestandes berechnet wird zu gleichmäßigem Abtriebe während einer gewissen Zeit, ist also:

Man multiplizire den vollen einjährigen Zuwachs mit der halben Zahl der Abtriebsjahre, und abdire das Produkt zu dem im Jahre vor der ersten Hauung vorhandenen Holzvorrathe; ober:

Man rechne zu dem anfänglichen Holzvorrathe ben vollen Zuwachs bis zur Mitte der Abtriebspez riode, gerade so, als würde der Holzbestand zu dieser Zeit auf ein Mal abgetrieben.

a) Soll bann ber jährliche Ertrag noch ausgeworsen werden, so theilt man den Gesammertrag durch die Zahl der Abtriedsjahre. Hätte z. B. ein Holzbestand gegenwärtig 4350 Klftr. mit 125 Klftr. jährlichem Zuwachse, und sollte derselbe nach Verlauf von 10 Jahren in 10 auf einander folgenden Jahren gleichmäßig abgetrieben werden: so rechnete man

4350 Klftr. anfänglichen Holzvorrath,
1250 Klftr. Zuwachs der ersten 10 Jahre,
625 Klftr. Zuwachs auf die halbe Abtriebszeit;
6225 Klftr. zusammen.

Davon ware der jahrliche Angriffsat:

$$\frac{6225}{10} = 622\frac{1}{2}$$
 Riftr.

Hierbei hatte man ben Zuwachs auch gleich auf alle 15 Jahre zusammenfassen können, nämlich:

$$\frac{4350 + 125 \times 15}{10} = 622,5 \text{ flftr.}$$

b) Erfolgte nun der Abtrieb zu einer andern Zeit, etwa in dem 8., 9., 10. und 11. Jahre mit ziemlich gleichen Hauungen, und ergabe derselbe 5700 Klftr.: so könnte wohl gefragt werden, wiesern dieser wirkliche Ertrag von der Schätzung eigentlich absgewichen sei. Hier hatte man nur zu berechnen, wie viel der Bestand zur Mitte dieser veranderten Abtriebszeit den geschätzten Grundlagen gemäß abwersen sollte, nämlich:

4350 Klftr. anfänglichen Holzvorrath, 1125 Klftr. Zuwachs auf 9 Jahre; 5475 Klftr. zusammen.

Es ware also an Ertrag gegen die Schätzung gewonnen worden 5700 — 5475 — 225 Klftr. Diese können eben so-wohl bei der Ertragsschätzung in dem anfänglichen Holzvorrathe, oder in dem Zuwachse, oder in beiden zugleich übersehen, als bei der Ertragsentnehmung durch mindere Küllung der Holzmaße erzübrigt worden sein, was sich nicht bestimmt nachweisen ließe.

2) Waldabtrieb. Befänden sich die Bestandsmassen aller Altersklassen eines Waldverbandes in gleicher Jahresmehrung, und enthielte z. B.

so ware von dem ganzen Holzvorrathe die Summe

$$S = nd \times \frac{n+1}{2}$$
 (§. 87. 5.) und $S : \frac{n+1}{2} = nd$.

Der alteste Schlagbestand ober ber jahrliche Abtriebs= ertrag ging also hervor, wenn man den gefundenen Holzvorrath durch die Halfte der mit 1 vermehr= ten Gliederzahk oder Umtriebszeit dividirte. Ware 8 = 6000 Massenklastern und n = 24 Jahre, so trüge es unter obiger Boraussetzung zum jährlichen Abtriebe 6000: $\frac{24+1}{2}$ = 480 Mklstr. Diese Berechnungsart könnte, freislich nur dann zu einem tressenden Ergebnisse führen, wenn die Bestandsmassen durch alle Alterstusen ganz progressiv stiegen. Sie wird indes bei der Forstabschätzung nicht selten mit gebraucht.

§. 89. Erganzung ber arithmetischen Reihe,

Von dem obigen allgemeinen Ausdrucke der arithmetischen Reihe

- a, a + d, a + 2d, a + 3d, a + 4d, a + 5d...
 läßt sich leicht ableiten, wie man mit Hülfe der Differenz sehlende Zwischenglieder zu suchen und abweichende zu berichtigen
 hat. Wäre das erste Glied a und das sechste a + 5d, so wäre
 bie einfache Differenz (a+5d)-a = d. Diese legte man nur
 zum ersten Gliede 1, 2, 3, 4 mal und bekäme dadurch das 2.,
 3., 4. und 5. Glieb.
- 1) Hätte man z. B. gefunden, daß ein Waldverband wähzrend des I. Jahrzwanzigts 4750 Klftr. abwerfen könne, und wäre ein stetiges Steigen des Ertrags vorauszusetzen dis zum VL. Jahrzwanzigt, wo der Vollertrag mit 5800 Klftr. einträte; so betrüge die Differenz von Periode zu Periode gerechnet,

$$\frac{5800-4750}{5} = 210,$$

und die Ertragsreihe selbst:

I. Jahrzwanzigt 4750 Klftr.

-	, ,		•
		210	
II.))	4960	>>
		210	
Ш	>>	5170	>>
		210	
IV.))	5380	>>
		210	
V.)	5590	>>
		<u> </u>	
VI.))	5800) >

2) Bei der ortlich und zeitlich sondernden Holzertrags = Ab= schätzung mussen die nicht sogleich progressiv aussallenden Perio= denertrage zuvor summarisch ausgeglichen werden, ehe man die Bersetzung der verschiedlichen Ortsertrage vornimmt. Ergabe z. B. eine Ertrags=Zusammenstellung für

bas I. Sahrzwanzigt 2000 Klftr.

» II. » 1900 »

» III. » 2500 »

» IV. » 2700 » :

so bestimmte man zuvörderst eine, den Umständen ziemlich entssprechende Ertragsreihe und versuchte nun, wie sich dieselbe aus den gesundenen Periodensummen, nach Maßgabe eines durchsschnittlich angenommenen Massenzuwachssprozentes, herstellen ließe; denn jede Versetzung in eine andere Abtriebszeit andert auch die Ertragsmasse. Geset, man bevorzugte folgende Ertragszeihe:

2000 - 2100 - 2300 - 2500.

Bei beren Einrichtung blieb das I. Glied unverändert. Das II. müßte von dem III. 2100 — 1900 — 200 Klftr. bekommen. Betrüge nun der jährliche Zuwachs von der Mitte des II. bis zur Mitte des III. Jahrzwanzigts 3 pCt.: so setzte man 100: 100 + (3 × 20) = 200: x (§, 88. §, 74.) und sände, daß dem III. 320 Klftr. zu entnehmen wären, um den Ertragsausfall des II. von 200 Klftr. zu decken. Dem III. blieben 2500 — 320 = 2180 und es brauchte noch zur Ergänzung 120 Klftr. Diese würden dem IV. mit $\frac{(100+3\times20)\times120}{100}$ = 192 abgenommen, welches nun 2700 — 192 = 2508 Klftr. behielte, was vorläufig genügte. Ebenso schiebt man Ertragsmassen mit ihrem um den Zuwachs vermehrten Nachwerth hinter (§, 74.).

3) Ahnliche Erganzungen sind bei manchen Normalertrags= Aufstellungen nothig. Hatte z. B. ein Holzbestand in seinem

40 — 45 — 50 — 55 jährigen Alter 800 — 1125 — 1500 — 1925 K.Fuß Massengehalt, so sände sich der periodische Jahreszuwachs:

$$\begin{array}{rcl}
\text{bon 40 & 45} & = & \frac{1425 - 800}{5} & = & 65;\\
\text{bon 45 & 45} & = & \frac{1500 - 1125}{5} & = & 75;\\
\text{bon 50 & 45} & = & \frac{1925 - 1500}{5} & = & 85.\\
\end{array}$$

Danach könnte man nun die jährliche Steigung des Holzgehalstes jeder Altersperiode unmittelbar ausrechnen, wo eben eine größere Schärfe nicht erforderlich wäre. 3. B. für 45 bis 50 durch:

Die hierbei untergestellte Zuwachsreihe
65.65.65.65.65+75.75.75.75+85.85.85.85.85.**

ist aber keinesweges naturgemäß. Der wirkliche Jahreszuwachs halt sich frei von allen solchen periodischen Absahen. Um dens selben geeigneter aufzureihen, stellt man den periodischen Jahreszuwachs bloß auf die Mitte seiner Periode und vertheilt die Differenz von einem dieser Hauptglieder * zum andern * auf alle Zwischenglieder. Eine solche ruck und vorwarts anschlies sende Reihung ließe sich hier z. B. mittels $\frac{75-65}{5}$ = 2 des wirken; diese sührte zu folgendem

Sahredauw.: - 65 - 67 - 69 + 71 - 78 - 75 - 77 - 79 + 81 - 83 - 85 - 87 - 89 + 91. Alterdjahr: 42 * 48 .44 . 45 . 46 . 47 * 48 . 49 . 50 . 51 . 52 * 58 . 64 . 55 . .

Hieraus ergabe sich der jährlich fortschreitende Massengehalt, angefangen mit obigen

1125 K. Huß im 45 jährigen Alter: \\
\[\frac{1}{7^{\frac{1}{1}}} \frac{R. Huß im 46}{1269} \text{ K. Huß im 47} \text{ } \text{ } \text{ } \text{ } \\
\frac{1}{7^{\frac{5}{3}}} \frac{R. Huß im 48}{1344} \frac{R. Huß im 48}{1421} \text{ } \text{

Eine noch gesuchtere Aufreihung ware minbestens für bie Senauigkeit solcher Grundlagen überslüssig; benn schon hier ersscheinen die Unterschiebe ganz unerheblich.

2. Die geometrische Progression.

§. 90. Geometrifche Reihe.

Eine Zahlenreihe, in welcher die auf einander folgenden Glieder gleiche Quotienten haben, heißt eine geometrische Progression oder Reihe. 3. B.

Die geometrische Reihe ist eine fortgesetzte stetige geometrissche Proportion (§. 60.).

$$81:27 \Longrightarrow 27:9 \Longrightarrow 9:3...$$

Der allgemeine Ausbruck für die geometrische Progression ist:

a, aq, aq³, aq³, aq⁴, aq⁵ . . .

Hierin kann ber Quotient q, wie bei der Proportion, grosser, oder kleiner sein als 1; im ersten Falle ist die Reihe steigend, im zweiten sallend. Daraus ergiebt sich, daß in jedem Falle das folgende Glied der gedmetrischen Reihe aus dem Produkte des vorhergehenden Gliedes mit dem Quotienten besteht, und daß dagegen jedes vorhergehende Glied gefunden wird, wenn man das folgende durch den Quotienten dividirt.

§. 91. Summirung ber geometrischen Reihe.

Nimmt man irgend eine steigende, geometrische Reihe an und nennt ihre Summe S, z. B.

a + aq + aq² + aq³ + aq⁴ + aq⁵ = S, multiplizirt dann alle Theile dieser Gleichung mit dem Quotiens ten q, wie folgt:

 $aq + aq^2 + aq^3 + aq^4 + aq^6 + aq^6 = Sq$, und zieht die erste Gleichung von der andern ab, so bleibt:

$$aq^6 - a = 8q - 8,$$

ober $(aq^6 \times q) - a = 8 \times (q - 1)$, und wird auf beiben Seiten burch q - 1 dividirt, so ergiebt sich die Formel

$$\frac{(aq^5 \times q) - a}{q - 1} = S.$$

Die Summe der steigenden geometrischen Reihe wird also gefunden, wenn man das hochste Glieb mit dem Quotienten multiplizirt, davon das niebrigste Glied abzieht, und ben Rest durch den um 1 verminderten Quotienten dividirt.

Ist die Reihe fallend und mithin der Quotient ein eigentlischer Bruch, so kehrt man denselben um und nimmt die Reihe . rückwärts. 3. B. in

ist der Quotient &, und für die rückwärts genommene Reihe = 3; daher die Summe

$$=\frac{(162\times3)-2}{3-1}=242.$$

3. Die Logarithmen.

§. 92. Logarithmenfnstem.

In einer plen Potenzenreihe findet man die Stelle des Produktes und die des Quotienten zweier Glieder mititels der Summe oder der Differenz ihrer beiden Exponenten (§. 40: 5. 6.), nämlich:

$$100 \times 1000 = 100000; 100000 : 1000 = 100.$$
 $2 + 3 = 5; 5 - 3 = 2.$

Ebenso ergiebt sich die Stelle einer neuen Potenz, ober einer neuen Wurzel von irgend einem Gliede durch das Prozdukt, ober den Quotienten seines Exponenten mit dem gezgebenen Grade (§. 40. 7. §. 41. 5.). 3. B.

$$1000^{\circ} = 1000000; \sqrt[3]{1000000} = 100.$$

 $3 \times 2 = 6 : 6 : 3 = 2.$

Zwei ausführliche Zahlenreihen solcher Art gewähren bei weitläufigen Rechnungen die großen Vortheile, daß man

die Multiplikation durch Addition, die Division durch Subtraktion, die Potenzerhebung durch Multiplikation, die Wurzelausziehung durch Division der stellvertretenden Exponenten leicht verrichten kann.

Man nennt eine solche Zusammenstellung zweier Zahlenreishen Logarithmensystem, ben Quotienten in der geometrisschen oder Potenzenreihe Grundzahl und die Zahlen der arithmetischen oder Exponentenreihe Logarithmen. Das Logazithmensystem mit der Grundzahl 10 ist zu unserer Zählweise am paßlichsten; es beruht auf folgender Grundlage:

Zahlen.	Logarithmen	
1	>>	0
• 10	>>	1
100))	2
1000	»	3
10000	»	4
100000	>>	5
1000000	»	6
10000000	»	7
10000000	»	8
1000000000	>>	9 .
10000000000	»	10
u. s. w.		

Bur Ergänzung dieses Ansatzes berechnete man immerfort zwischen den Gliebern der Zahlenreihe neue mittlere Proportio-

nalzahlen (h. 62. 2.), wenn auch nur näherungsweise, und zwisschen den Gliedern der Logarithmen die entsprechenden arithmetischen Mittelzahlen (h. 58.), und erhielt somit zu allen ganzen Jahslen die Logarithmen.

§. 93. 3ahl. — Logarithme.

Der Logarithme von 1 ist 0; die Logarithmen aller Jahlen über 1 sind positiv, aller Jahlen unter 1, negativ (§. 42.). Rur die Logarithmen der ursprünglichen Potenzen 10, 100, 1000, 10000, 10000 u. s. w., wie auch von $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{100}$, $\frac{1}{1000}$ u. s. w., sind ohne Brüche. Die Logarithmen aller Zwischenzahlen haben Brüche, die man der Bequemlichkeit wegen in Dezimalbrüchen ausgedrückt hat.

Die Logarithmen ber Zahlen

von 1 bis 9 haben 0 Einer, von 10 bis 99 haben 1 Einer, von 100 bis 999 haben 2 Einer, von 1000 bis 9999 haben 3 Einer,

zur ganzen Bahl.

An der Anzahl von Einern im Logarithmen erkennt man daher, aus welcher Ordnung die dazu gehörige Zahl ist. Hat z. B. der Logarithme 3 Einer, so reicht dessen Zahl in die Tausender oder in die vierte Stelle. Deshalb nennt man die ganze Zahl des Logarithmen auch Kennziffer oder Charakteristik; die Dezimalen desselben heißen Zusat oder Mantisse.

Nach der Ordnung der Zahl bestimmt man wiederum die Charakteristik, die in vielen Logarithmentafeln ganz weggeslassen ist. Überhaupt hat die ganze Zahl immer eine Stelle mehr, als die Charakteristik ihres Logarithmen positive Einer enthält.

§. 94. Logarithme einer gegebenen Bahl

• In den gewöhnlichen Logarithmentafeln findet man die Logarithmen aller ganzen Zahlen von 1 bis 100999. Zu den voran febenden Zahlen gehören die obern Ziffern noch als Einer. Da= hinter und darunter folgen die Logarithmen abtheilungsweise mit gemeinschaftlichen Borderziffern, die bis dahin gelten, wo die Hinterziffern wieder mit O anfangen und zugleich ein Sternchen das Gebiet der nachsten Vorderziffern anzeigt. Soll der Logarithme zu einer größern Bahl gesucht werden, etwa zu 5638254: so nimmt man zuvörderst den Logarithmen von so vielen Vorderziffern der gegebenen Zahl, als die Tafeln uns mittelbar enthalten, hier namlich den log. von 56382 == 4,7511405, vermehrt nun die Charakteristik desselben mit so viel Einern, als Bahlstellen zurückgestellt wurden, und erganzt die Mantisse noch mit bem Proportionaltheile, welcher biesem Bahlenreste zukommt. Die hier in Frage stehende, zu ber Bahlen = Differenz 1 gehörige Logarithmen = Differenz ift 77 und findet fich mit ihren Zehnteln in den Tafeln hinten angefügt. Davon kommt auf 54, ben zus ruckgestellten Zahlenrest, als 0,54 ber Zahlen=Differenz 1:

für 0,5, hinter 5, der Proportionaltheil 39, für 0,04, hinter 4, der Proportionaltheil 3.1.
Zusammen 42,1

Es kame also zu jenem Logarithmen 4,7511405 noch die Ergänzung 2 und 42.1 Daher log. von 5638254 = 6,7511447..

§. 95. Bahl zu einem gegebenen Logarithmen.

Ist ein gegebener Logarithme, wozu eben die Zahl gesucht werden soll, nicht genau in den Taseln enthalten: so nimmt man den nächst kleinern Logarithmen, zieht ihn vondem gegebenen ab, sucht wie vorhin zu dem Logarithmenreste den Proportionaltheil der Zahl und addirt denselben zu der Zahl vom nächst kleinern Logarithmen.

2,4978325 sei der gegebene Logarithme.

2,4978277 ist der Logarithme von . . . 314,65...

Zu dem Reste 48 gehört der Proportionaltheil 35

Die gesuchte Zahl ist also: 314,6535

Die Charakteristik 2 verlangt nur 3 Stellen in ganzen 3ah-

len. Ware sie vielleicht 8 gewesen, so hatte man noch 2 Rullen anhängen mussen, um 9 Stellen in ganzen Zahlen zu bekommen, nämlich: 314653500.

Wird die Zahl mit 10, 100, 1000 u. s. w. multiplizirt, ober bividirt, so andert dies an ihrem Logarithmen nur allein die Cha-rafteristik.

§. 96. Logarithme eines Dezimalbruches.

Den Logarithmen eines Dezimalbruches nimmt man eben so, wie für eine ganze Jahl, und bestimmt zuletzt nur die Charakteristik nach dem Stande des Komma. 3. B.

Der log. von 314,6535 ift 2,4978325

"" " 3,146535 " 0,4978325

" " 0,00003146535 " 0,4978325—1

" 0,00003146535 " 0,4978325—3

" 0,00003146535 " 0,4978325—6.

7

Es verursachte in der Rechnung manche Unbequemlichkeit, wenn die Logarithmen der Zahlen unter 1, oder die der eigentlichen Brüche an sich negativ ausgedrückt würden. Daher behält man bei denselben, wie so eben geschehen, die positive Mantisse bei und setzt dahinter mit einem Minuszeichen die Einer,
um welche der Logarithme zu groß ist. Rückt nämlich in der
Zahl das Komma um 1, 2, 3... Stellen vor, so nimmt
auch ihr Logarithme um 1, 2, 3... Einer ab. Kann nun
diese Abnahme nicht wirklich Statt sinden, so hängt man ohne
Weiteres eine negative Charakteristik zur Rechten der Mantisse
an, dis im Lause der Rechnung dieser Anhang wieder zu hes
ben ist.

Wir haben baher folgende Bebeutung biefer angehängten negativen Charakteristik für Dezimalbruche zu merken:

bei - 1 enthalt die hochfte Stelle Zehntel, Hunderttel, 2 **>>)**) · >>> **))** Zausenbtel, **)**) **>> >>**)) Behntausendtel,)) **>>)**) n u. s. w.

überhaupt bezeichnet die negative Charakteristik allemal diejenige Stelle des Dezimalbruches, worin dessen erste zählende Ziffer von dem Komma aus stehen muß.

§. 97. Logarithme eines gemeinen Bruches.

Den Logarithmen eines gemeinen Bruches sucht man, wie ben eines Quotienten. Man zieht nämlich von dem Logarith= men des Zählers den Logarithmen des Nenners ab (§. 92.).

Der Logarithme von $\frac{117}{1221}$ = log. 117 — log. 1221.

 $\log 117 = 2,0681859 = 4,0681859 - 2$

log. von 1221 = 3,0867157

leg. von $\frac{117}{1221} = 0.9814702 - 2$.

Hier mußte die Charakteristik des Logarithmen von 117 um 2 vermehrt werden, damit man einen positiven Rest bekam; dies ser erhielt deßhalb, weil er dadurch wirklich um 2 zu groß wurde, — 2 zum Anhange.

Zu obigem Logarithmen 0,9814702—2 findet man den Dezimalbruch 0,095823..; es könnten also auch mit Husse der Lozgarithmen gemeine Brücke in Dezimalbrücke verwandelt werden.

§. 98. Potenzerhebung und Wurzelausziehung.

Man erhebt eine Zahl zur Potenz durch Multiplikation ihs res Logarithmen mit dem Exponenten der gegebenen Potenz, und zieht umgekehrt aus einer Zahl die Wurzel, indem man ihren Logarithmen durch den Wurzelexponenten dividirt (h. 92).

3. 23. 1)
$$37^4 = 37 \times 37 \times 37 \times 37$$
, also $\log . 37^4 = 4 \log . 37$.

$$\log . 37 = 1,5682017$$

$$4$$

$$\log . 37^4 = 6,2728068$$
Die Jahl bazu ist: 1874161.
2) $\log . \sqrt[3]{45325} = \frac{\log . 45325}{3} = \frac{4,6563378}{3} = 1,5521126$

Die Zahl dazu ist: 35,65436 . .

Da die Dezimalen der Logarithmen abgebrochen find, fo weichen, besonders bei Potenzen, die hintersten Stellen manch= mal ab; diese Abweichung ist sedoch, zumal für den Genauig= keitsgrad sorstlicher Berechnungen, ganz unerheblich.

6. 99. Proportionerednung mit Logarithmen.

Um Proportionsaufgaben mit Logarithmen auszurechenen, abbirt man die Logarithmen ber beiden mittlern Glieder und zieht von dieser Summe den Logarithmen des Vordergliedes ab. Die Rechnung in §. 85. führte zu $x = \frac{9 \times 3 \times 3 \times 125 \times 49}{7 \times 4 \times 4 \times 139,13}$. Darin könnten die kleinern Faktoren erst vereinigt werden in $\frac{81 \times 125 \times 42}{112 \times 139,13}$.

Nun ware log. von 81 == 1,9084850 log. von 125 == 2,0969100

Davoi

u

Die Bahl bagu ift 27,29, wie oben.

Burbe ber Logarithme bes Bulfsverhaltniffes befonders ge- fucht, namlich

ben beständigen Logarithmen, mit welchem hernach jeber in weimarischem Maße gegebene Forstertrag in preußisches Maß verwandelt werden könnte. Solche beständigen Logarithmen merkt man sich an zu weiterm Gebrauche (§. 66, 2.).

4. Die Binfesginsrechnung.

§. 100. Grunbverhaltniffe ber Binfeszinfen.

Berben die Binfen jahrlich ju bem Rapitale geschlagen und als zinstragend mit berechnet: fo nennt man dies Binfes insober gufammengefette Bindrechnung.

Das Rapital I machft ju 4 Prozent mit Binfeszinfen :

in 1 3abre auf (188)";

benn 100 : 104 == 1 : x

unb $x = \frac{104}{105} \times 1 = (\frac{104}{105})^x;$

in 2 Jahren auf (188)";

benn 100 : 104 == (184)1 : y

unb y = $\frac{104}{105} \times \frac{104}{105} = (\frac{154}{155})^2$;

in 3 Jahren auf (188)3;

benn 100 : 104 -

und $z = \frac{108}{166} \times 0$

in 4 Jahren auf (188)43

in a Jahren auf (188), u. f. 1

1 wird alfo, mit p pCt, in n Jahren

inb

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$
 war mit p pCt, vor n Jahren 1.

Nach biefen allgemeinen Zinfeszinsverhaltniffen berechnet man ben Nachwerth und bie Zinfeszinfen, ben Borwerth und ben Rabatt, bas Kapital, ben Zinsfuß und bie Zinszeit, auch Rentenwerthe.

6. 101. Nachwerth mit Binfeszinfen.

Der Nachwerth eines Rapitales K mit Binfesginfen z' entspringt aus ber Proportion:

$$1:\left(\frac{100+p}{100}\right)^n=K:K+a^n$$
.

Daher

$$K + s^{\alpha} = \left(\frac{100 + p}{100}\right)^{\alpha} \times K.$$

Ein Kapital von 3600 Fl. steigt hiernach mit & pCt. Zinseszinsen in 12 Jahren auf

K + z" =
$$(\frac{104}{106})^{12} \times 3600 = 5763,7 \cdot \%!$$
.

Serechnung:

von log. $104 = 2,0170333$

ab log. $160 = 2,000000$

bleibt log. $\frac{184}{186} = 0,0170333$

Diesen multiplizirt mit

12

340666

170333

giebt log. $(\frac{184}{106})^{12} = 0,2043996$

Dazu log. $3600 = 3,5563025$

Also log. $[(\frac{104}{100})^{12} \times 3690] = 3,7607021$.

Dessen Bahl = 5763,7 wie oben.

Die Zinseszinsen betragen

5763,7 — 3600 = 2163,7 %!.

§. 102. Binseszinsen.

Die Zinseszinsen z' können auch für sich berechnet werden durch die Proportion:

$$1: \left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1 = K: z^*,$$

$$nach welcher$$

$$z^* = \left\lceil \left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1 \right\rceil \times K.$$

Obige Zinseszinsen von 3600 Fl. bei 4 pCt. in 12 Jahren betragen mithin:

$$z'' = \frac{[(\frac{104}{100})^{12} - 1] \times 3600}{\text{Denn log.} (\frac{104}{100})^{12}} = 0.2043996}$$

Die Zahl bazu ist = 1.60103

Also $(\frac{104}{100})^{12} - 1 = 0.60103$

und $0.60103 \times 3600 = 2163.7$.

Wenn man beim Gebrauche der Logarithmen auf Glieder mit + ober — stößt, so muß zum Logarithmen jedes einzelnen Gliedes die zugehörige Zahl gesucht werden, weil man die Zah-

len mittels der Logarithmen weder addiren, noch subtrahiren kann. Deßhalb ist diese abgesonderte Zinsenderechnung auch schwerfälliger.

§. 103. Borwerth zu Zinseszinsen,

Den Vorwerth K einer Summe ober den Werth derfelben nach Abzug des Zinseszins=Rabattes z' findet man durch die Proportion:

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n: 1 = K + z^n: K,$$

aus welcher folgt:

$$K = \frac{K + z^n}{(\frac{100 + p}{100})^n} = (K + z^n) \times (\frac{100}{100 + p})^n$$
 (§. 21, 2.).

Wird z. B. gefragt, wie groß ist die Summe von 4000 FL mit 4 pCt. Zinseszinsen vor 10 Jahren gewesen: so antwortet man

$$K = 4000 : (\frac{194}{100})^{10} = 2702,26 \% l.$$

Denn log. $4000 = 3,6020600$
ab log. $(\frac{104}{100})^{10} = 0,1703330$
bleibt log. $[4000 : (\frac{104}{100})^{10}] = 3,4317270$.

Dessen Zahl ist 2702,26.

Anstatt 4000 : $\left(\frac{104}{100}\right)^{10}$ könnte man auch, um sich der Division zu überheben, setzen

$$4000 \times \left(\frac{100}{104}\right)^{10}, \text{ namlich:}$$

$$\log 100 = 2,0000000 = 3,0000000 - 1$$

$$\log_{104} = 2,0170333$$

$$\log_{104} = 0,9829667 - 1$$

$$\frac{10}{9,8296670-10=0,8296670-1}$$

log.
$$(\frac{100}{104})^{10}$$
 also = 0,8296670 - 1

log. 4000 = 3,6020600

$$\log. 4000 \times (\frac{100}{10})^{10} = 3,4317270$$

und dessen 3ahl = 2702,26.

Der Rabatt betruge:

$$4000 - 2702,26 = 1297,74 \%(.*)$$

§. 104. Binfeszins=Rabatt.

Der Zinseszins=Rabatt z" könnte auch für sich bes
rechnet werden nach der Proportion:

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n:\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1=K+z^n:z^n,$$

welche ergiebt:

$$z'' = \frac{\left[\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} - 1\right] \times (K + z'')}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n}}$$

Sollten z. B. 4000 Fl., zahlbar in 10 Jahren, jest abgestragen werden, und der Schuldner dürfte Zinseszins-Rabatt mit 4 pCt. in Abzug bringen, so berechnete sich:

$$\mathbf{z}'' = \frac{[(\frac{104}{106})^{10} - 1] \times 4000}{(\frac{104}{106})^{10}} = 1297,74 \text{ H}.$$
Denn log. $(\frac{104}{106})^{10} = 0,1703330$
Die Jahl bazu ist $= 1,480243$
also $(\frac{184}{106})^{10} - 1 = 0,480243$
log. $[(\frac{184}{106})^{10} - 1] = 0,6814610 - 1$
log. $4000 = 3,6020600$
log. $([(\frac{184}{106})^{10} - 1] \times 4000) = 3,2835210$
log. $\frac{184}{106})^{10} = 0,1703330$
log. $\frac{[(\frac{184}{106})^{10} - 1] \times 4000}{(\frac{184}{106})^{10}} = 3,1131880$

Die Zahl bazu ist 1297,74.

§. 105. Kapital zu Zinseszinsen.

Das Kapital K ergiebt sich aus den Zinseszinsen ="

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1:1=s'':K,$$

1 12

^{*)} Dies Vorwerthberechnen heißt im Pandel "Discontiren."

in dem Werthe:
$$K = \frac{x^n}{(\frac{100+p}{100})^n - 1}$$

Hiernach ist ein Kapital, bas mit 43 pCt. in 3 Jahren 1500 Fl. Zinseszinsen abwirft:

K = 1500 :
$$\left[\left(\frac{104.5}{100}\right)^{3} - 1\right] = 10625,48 \text{ H.}$$

Denn log. $\left(\frac{104.5}{100}\right)^{3} = 0,0573489$

Die Jahl bazu = 1,14117

also $\left(\frac{104.5}{100}\right)^{3} - 1$ = 0,14117

log. 1500 = 3,1760913

log. $\left[\left(\frac{104.5}{100}\right)^{3} - 1\right] = 0,1497424 - 1$

log. 1500 : $\left[\left(\frac{104.5}{100}\right)^{3} - 1\right] = 4,0263489$

Die Jahl bazu ist 10625,48.

§. 106. Binsfuß zu Binfestinfen.

Die Prozente p berechnet man nach dem Kepitale, dessen Rachwerth K+z" und der Zinszeit n mittels der Proportion:

$$K: K+z^*=1: \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$

Aus bieser geht hervor:

$$\frac{\binom{100+p}{100}^{n} = \frac{K+z^{n}}{K}}{\frac{100+p}{100}} = \frac{K+z^{n}}{K}$$

$$\frac{100+p}{100} = \frac{n}{K} + \frac{K+z^{n}}{K} \times 100$$

$$p = \frac{n}{K} + \frac{K+z^{n}}{K} \times 100 - 100.$$

Ware ein Kapital von 800 Fl. im Verlauf von 6 Jahren mit Zinseszinsen zu 1080 Fl. angewachsen, so betrüge:

$$p = {6 \over 7} \left({1080 \over 800} \right) \times 100 - 100 = 5,13 \text{ pGt.}$$

§. 107. Binszeit zu Binfeszinfen.

Die Zinszeit n läßt sich ebenfalls aus bem Kapitale, bessen Nachwerth K+z" und ben Prozenten p mittels der Proportion:

$$K: K+z^n = 1: \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$

entziffern, namlich:

$$\frac{\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = \frac{K+z''}{K}}{\log \cdot \left(\frac{100+p}{100}\right)^{n} = \log \cdot \frac{K+z''}{K}}$$

$$\ln \log \cdot \frac{100+p}{100} = \log \cdot \frac{K+z''}{K}$$

$$\ln \frac{\log \cdot \frac{K+z''}{K}}{\log \cdot \frac{100+p}{100}}$$

Würde nach der Zeit gefragt, in welcher 3000 Fl. mit 5 pCt. zu 5500 Fl. anwachsen, so antwortete man:

n =
$$\frac{\log. \frac{5500}{3000}}{\log. \frac{105}{100}}$$
 = 12 Jahr 5 Monat 2 Tage.

§. 108. Rentenrechnung.

Renten sind jährlich erfolgende, gleiche Einnahmen. Die vollkommene Rente geht immerwährend von Jahr zu Jahr ein, und gleicht somit den Zinsen eines feststehenden Kapitales. 600 Fl. jährliche Einkunfte haben bei 4 pCt. nach der Proportion:

$$4:100 = 600: K,$$
 zum Kapitalwerth $\frac{100}{4} \times 600 = 15000 Fl.$

Nennen wir von einer solchen immerwährenden Rente die jährliche Rentenpost r, so ist das Rentenkapstal, nach der allges weinen Proportion

$$p : 100 = r : K,$$
 $K = \frac{100}{p} \times r,$

das Produkt des Einheitskapitales $\frac{100}{P}$ mit der Rentenpost r (§. 76, 1.).

Führen wir nun einmal, gleichsam zur Probe, alle einzelnen Rentenposten, wie sie der Zeit nach eingehen, für sich auf ihren Zehtwerth, so erhalten wir für die

und für eine letzte nach unendlich langer Zeit ∞ Statt finbende Post $\left(\frac{100}{100+p}\right)^{\infty} \times r$.

Daraus ergiebt sich als gegenwärtiger Gesammtwerth aller Rentenposten:

$$\begin{bmatrix} \left(\frac{100}{100+P}\right)^{r} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^{2} + \left(\frac{100}{100+P}\right)^{3} + \dots \left(\frac{100}{100+P}\right)^{\infty} \end{bmatrix} \times r.$$
Summiren wir nun diese geometrische Reihe, deren höchsteß
Slied $\frac{100}{100+P}$, deren Duotient $\frac{100+P}{100}$ und deren niedrigsteß
Slied, als unendlich hohe Potenz eines eigentlichen Bruches,
$$\left(\frac{100}{100+P}\right)^{\infty} = 0 \text{ ift: fo geht nach } \S. 91.$$

$$\frac{\left(\frac{100}{100+P}\right)^{\infty}}{\frac{100+P}{100}} - \left(\frac{100}{100+P}\right)^{\infty} \times r = \frac{1-0}{\frac{100}{100}} \times r = \frac{1-0}{100} \times r = \frac{1-0}{100} \times r \text{ hervor,}$$

wieder der obige Kapitalwerth von der ganzen Rente. Dies begründet ein weiteres Verfahren, wie man auch einzelne Rentenposten und Rentenstücke für sich kapitalisiren kann; es versteht
sich abet, nur vermittelst der Zinseszinsrechnung,

VIII. Waldwerthberechnung.

§. 109. Grundlagen der Waldwerthberechnung,

Der Geldwerth einer Waldung, oder eines Waldstückes, so wie der wahrscheinliche Gewinn von einer Holzanlage, wird bezechnet nach den davon zu erwartenden Einnahmen und Aussgaben und nach dem geeigneten Zinsfuße.

Die Einnahmen werden gewonnen von allen verkäuflischen Holzs und andern Nutungen. Die Ausgaben bestehen in Verwaltungskosten, etwaigen Abgaben, Unterhaltungskosten, Bereitungskosten u. d. m. Den Zinsfuß zur Verwandlung der kunftigen Einnahmen und Ausgaben in ihren gegenwärtigen Kapitalwerth bestimmt man nach den eben herrschenden Zinsvershältnissen und nach besondern Absichten und Zwecken der Bestheiligten.

Hier kann weber vom Eigenwerthe des Bobens und des Holzvorrathes, noch von einer Umsetzung des letztern in einträgzlicheres Geldkapital, noch von Thulichkeit der aussetzenden oder nachhaltigen Benutzung, oder von gänzlicher Waldzerschlagung gehandelt werden, auch nicht von Ersparung in der Verwaltung und Unterhaltung, oder von andern Mitteln und Wegen zur Bestimmung und Erhöhung des Reinertrags. Das Alles ist Gegenstand der Forstabschätzung, aber nicht der Werthberechnung.

Wir sehen hier alle Einnahme = und Ausgabeposten, so wie ben Zinsfuß als unbedingt gegeben an, mittels gründlicher Er= wägung aller bezüglichen Verhaltnisse, und berechnen banach

•

ben Waldwerth mit strenger Beobachtung des Grundsages: Der gesuchte Geldwerth muß dem gegenüber gegebenen Reinertrage aller Zeiten gleichen, ober der Verkäusfer mit seinem Kapitaleinkommen muß dem Käufer mit seinem Forsteinkommen durchaus gleich stehen.

§. 110. Borbereitung zur Rechnung.

Bei einem ganzen Waldverbande mit Nachhaltbetrieb erfolzgen die Einnahmen und Ausgaben ununterbrochen von Jahr zu Jahr. Man ordnet die Erträge gewöhnlich zwischen gleiche Zeitzabschnitte, in Sahrsünste, Sahrzehnde oder Jahrzwanzigte, bis dahin, wo die ständige Nutzung eintritt. In der Negel sindet während eines jeden solchen Zeitraumes ein gleichmäßiger Beztrieb, also auch ein jährlich gleicher Ertrag Statt. Die dadurch erhaltenen Rechnungsposten haben daher die Beschaffenheit orzbentlicher Renten, die wenigstens von einem Zeitabschnitte zum andern jährlich gleich stehen.

Die einzelnen Waldstücke ober Holzanlagen sind einem aussetzenden Betriebe unterworfen; denn es kann darin nicht alljährlich gewirthschaftet werden. Die Einnahme = und Ausgabeposten derselben ergeben sich daher mehr vereinzelt, doch eben auch wiederkehrend.

Bum Ansage der Werthberechnung werden alle geschätzen Raturalerträge in Geld ausgeworfen. Dabei gleicht man schon manche Ausgaben gegen Einnahmen aus, zieht nämlich ständige Holzabgaben von dem Holzertrage, Bereitungskosten von dem Bertaufspreise ab, u. s. w. Hiernächst werden die gleichzeitigen Gelderträge und Geldausgaben, so viel als thulich, gegen einanz der aufgehoben und so zusammengereiht, wie es zur leichtern Rechnung eben dienlich ist.

Wir nehmen in der Regel die Verfallzeit jeder Einnahmes und Husgabepost zu Ende des dabe i genannten Jahres an, und zählen daher Alles, was ganz zu Anfang des ersten Jahres besonders eingeht, oder ausgegeben werden muß, für sich mit auf. In jedem Rechnungsfalle bestimmen wir zuvörderst das allgemeine Werthverhältniß, oder den fraglichen Werth von 1, und multipliziren diesen mit der gegebenen Post. Die gewöhn= lich vorkommenden Werthe von der in Frage stehenden Einheit sinden sich in den anliegenden Werthtafeln A, B, C, D und E, S. 128 bis 135; wo diese nicht zureichen, gebraucht man Logarithmen.

In unsern Formeln sind folgende allgemeinen Bezeichnuns gen und Ausdrücke beibehalten:

P für die Prozente,

100 p für das Einheitskapital,

100+p für den spätern Werth von 1 nach einem Jahre,

100+p für den frühern Werth von 1 vor einem Jahre, n für die volle Jahreszahl der Zinseszinszeit,

Dabei sind die gegebenen Fälle durch bildliche Darstellung ihrer Zeitfolge mehr versinnlicht.

§. 111. Nachwerth einmaliger Einnahmen. Taf. A.

$$(\underbrace{\overbrace{100+p}^{100}})^n$$

Der spätere Werth von Einnahmen ober Ausgaben kommt vorzüglich bei Holzanlagen in Betracht und ist nichts anderes, als der Nachwerth. Zur Berechnung desselben dient der allgemeine Sat:

1 giebt
$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$$
,

namlich: 1 wird in n Jahren mit p Prozent Zinseszinsen $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ (§. 101.).

Würde z. B. ein Mprgen Land jetzt für 5 Thlr. mit Erlen bepflanzt, und man fragte, wie hoch diese Ausgabe zu 4 pCt. Zinseszinsen in 20 Jahren anwächst: so würde 1 zu (184)20 und 5 zu 5 × (184)20 hinaussteigen.

Dieser Erwartungswerth von 1, namlich (184)20, konnte,

wie oben geschehen, durch Logarithmen ausgemittelt werden; karzer nimmt man ihn jedoch unmittelbar aus der hier angesügzten Nach werthtafel A, 128 und 129, welche $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$. für alle uns vorkommenden Fälle in bestimmten Jahlen enthält. Hierin steht unter 4 Prozent und hinter der Jahreszahl 20, als Nachwerth von 1, die Jahl 2,19112 $= \left(\frac{184}{186}\right)^{20}$. Danach ist der gesuchte Werth

Bur Berechnung des Nachwerthes einer einzelnen Einnahme ober Ausgabepost haben wir also die Regel: Man multipliz zire die gegebene Post mit der Werthzahl von 1 aus der Nachwerthtafel A bei gleichen Prozenten und gleicher Zeit.

Der Nachwerth von 25 Thir. in 18 Jahren mit 3 Prozent Zinseszinsen wurde berechnet:

Zusatzu g. 111. Nachwerth mehrmaliger Einnahmen. Taf. E.

Der Nachwerth mehrmaliger Einnahmen ober Ausgaben aus der Bergangenheit kann eben auch mittels Taf. A postenzweise berechnet werden. Fände jedoch ein gleicher Entfall von einem gewissen Zeitpunkte an jährlich Statt, so bedient man sich lieber des Bergangenheits = Rentenwerthes. Im nächsten Jahre nach der letzen Zahlung ist nämlich:

$$1 = \left(\frac{100+p}{100}\right)^{1} + \left(\frac{100+p}{100}\right)^{2} + \left(\frac{100+p}{100}\right)^{3} \dots \left(\frac{100+p}{100}\right)^{n},$$
und die Summe dieser geometrischen Progression (§, 91.)
$$= \left[\left(\frac{100+p}{100}\right)^{n+1} - \frac{100+p}{100}\right] : \left(\frac{100+p}{100} - 1\right).$$

Waren nun z. B. an irgend ein Waldstück während ber letztern fünf vollen Jahre jährlich 30 Thlr. Anbaukosten gewendet worden, und hätte man sur das Jahr danach den Werth dieses Kostenauswandes mit 4 pCt. zu kapitalisiren, so rechnete man:

1 giebt
$$[(\frac{184}{186})^6 - \frac{104}{100}]$$
; $(\frac{184}{186} - 1)$,
 $= (1,26532 - 1,04)$; $0,04 = 5,633$;
30 Thir. geben $5,633 \times 30 = 168,99$ Thir.

Diese Nachwerthe der seit n Jahren jährlich entfallenen Einsheiten sindet man zum Behuf der Waldwerthberechnung unmitzelbar auf Taf. E; so z. B. unter 4 pCt. und hinter 5, obigen Werthfakter 5,633. Wäre eine solche rentenartige Jahlung schon früher eingeskellt worden, so müßte man zu diesem Sessammtwerthe, als einmaligen Betrag angesehen, mittels Taf. A noch den jetigen Nachwerth berechnen.

§. 112. Vorwerth einmaliger Einnahmen. Taf. B.

$$\overbrace{\left(\frac{100}{100+p}\right)^n}^n$$

Der frühere Werth einer Einnahme ober ber Bors werth ist zu sinden mittels des allgemeinen Sages:

1 giebt
$$\left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$
,

namlich: 1 ist n Jahre früher bei p pCt, Zinseszinsen $\left(\frac{100}{100+p}\right)^n$ (§. 163.).

Wirft z. B. ein Holzbestand am Ende des 20. Jahres 10 Thlr. 28 Sgr. 8 Pf. ober 10,9556 Thlr. ab, und man fragte, wie viel ift diese Einnahme jetzt werth zu 4 pCt. Zinseszinsen: so würde 1 zu (\frac{182}{182})^{20}, und 10,9556 zu 10,9556 × (\frac{182}{182})^{20} heruntergehen.

Diesen Vorwerth von 1, namlich ($\frac{182}{182}$)20, nimmt man unmittelbar aus der Vorwerthtafel B, 130 und 131, welche

 $\left(\frac{100}{100+P}\right)^n$ für alle vorkommenden Fälle in bestimmten Jahlen enthält. Hierin steht unter 4 Prozent und hinter der Jahres: 3ahl 20, als Vorwerth von 1, die Jahl $0.45639 = \left(\frac{189}{184}\right)^{20}$. Danach wäre der gesuchte Tetztwerth

$$10,9556 \times 0,45639 = 5$$
 Thir.

Bur Berechnung des Vorwerthes einer einzelnen Einnahmes oder Ausgabepost nehmen wir nun die Regel an: Man multiplizire die gegebene Post mit der Werthzahl von 1 aus der Vorwerthtafel Bunter gleichen Prozens ten und hinter gleicher Zeit.

Der Vorwerth einer nach 15 Jahren fälligen Eknnahmepost _ von 30 Thir. mit 43 pCt. Zinseszinsen würde berechnet:

übrigens läßt sich auch der Vorwerth mittels der Nachwerth= tafel und der Nachwerth mittels der Vorwerthtafel berechnen, wenn man die unbequeme Division nicht vermeiden will;

benn
$$1 \times \left(\frac{100+p}{100}\right)^n = 1 : \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$

und $1 \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n = 1 : \left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ (§. 21.).

Die hier bargestellte, von jest an immerwähstend wiederkehrende, jährlich gleiche Einnahme ist eine vollkommene Rente; ihr Werth gleicht, wie bekannt, einem Kapitale, das ganz dieselben Zinsen abwirft. Ist die jährliche Rentenpost r=1, so beträgt der Rentenwerth im eigentlichen Unfangs 2 oder 0 = Punkte der Rente, ein Jahr

vor Eingang der ersten Rentenpost, $\frac{100}{P}$ (§. 108.). Zur Berechnung des vollen Rentenwerthes dient also das Einheitskapital, in
dem Ansatze:

1 giebt
$$\frac{100}{P}$$
.

Eine alljährliche Einnahme von 600 Thlr., die sogleich mit Ende des ersten Jahres erfolgt, hat demnach zu ihrem Jett-werthe

bei 5 Prozent: $600 \times \frac{100}{6} = 600 \times 20 = 12000$ Thir. bei 3 Prozent: $600 \times \frac{100}{3} = 600 \times 33$ = 20000 Thir.

Die fortlaufenden Ausgaben behandelt man als nesgative Einnahmen. Fände sich z. B. neben jener Einnahme eine jährliche Ausgabe von 50 Thlr., so betrüge ihr Werth bei 5 Prosent: $50 \times 20 = 1000$ Thlr. und der reine Einnahmewerth wäre

Kürzer ist es jedoch, sogleich die reine Einnahme auszuwersfen. Diese ist hier 600 — 50 = 550 Thlr. und mit 5 pCt. kapitalisirt, 550 × 20 = 11000 Thlr.

Fånde sich am Anfange des ersten Jahres zufällig noch eine Einnahme oder Ausgabe, die eigentlich der Rente nicht mehr ansgehört, in letzterm Falle z. B. 50 Thlr. Einnahme für noch vorshandene Hölzer: so würde dieselbe dem gefundenen Werthkapistale besonders zugerechnet, nämlich 11000 + 50 == 11050 Thlr.

Übrigens ist aus obigen Ansätzen ersichtlich, welchen wichtisen Sinkluß der Zinksuß auf die Ergebnisse der Waldwerthsberechnung hat, und daß man, schon wegen der in ihm beruschenden großen Werthunterschiede, die hintern Dezimalen manscher Faktoren sehr wohl vernachlässigen darf.

Die Regel zur Berechnung des Kapitalwerthes einer vollkommenen Rente ist also: Man multiplizire die jahrliche Einnahme mit dem Einheitskapitale $\frac{100}{n}$. Diese vollen Kapitalwerthe von 1 sind:

3u 3 Prozent
$$\frac{100}{3}$$
 = 33,333333 3u 3½ Prozent $\frac{100}{3.5}$ = 28,57143

3u 4 Prozent $\frac{100}{4}$ = 25.

3u 4½ Prozent $\frac{100}{4.5}$ = 22,22222 3u 5 Prozent $\frac{100}{5}$ = 20.

Man findet sie auf der Rentenwerthtafel C, 132, hinter dem Rull = Punkte der Rente.

Hiernach wurde der Kapitalwerth einer alljährlichen Einnahme von 80 Thir. mit 3x pCt. berechnet:

§. 114. Kapitalwerth hinterer Rentenstucke. Taf: C.

Beginnt eine fortwährende, jährliche Einnahme erst nach Verlauf einer gewissen Zeit, wie in der Darsstellung B, so muß von ihrem vollen Rentenwerthe jener Zeit, als einmalige Einnahme angesehen, der jetige Vorwerth berechtet werden. Die jährliche Einnahme 1 hat (nach §. 113.) zum vollen Rentenwerthe $\frac{100}{p}$; wird diese Rente aber erst nach n Jahren gangbar oder nach n+1 Jahren zum ersten Male fällig: so ist (n. §. 112.) der gegenwärtige Werth davon $\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$. Daraus entspringt zur Werthberechnung eines jeden hintern Rentenstückes die allgemeine Vermel:

1 giebt
$$\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$$
.

Würde nun z. B. eine solche Rente von 600 Thlr. erst nach dem 10. Jahre gangbar, oder am Ende des 11. Jahres zum ersten Male fällig: so wäre ihr voller Kapitalwerth am Ende des 10. Jahres bei 4 pCt.

$$600 \times \frac{100}{4} = 15000$$
 Thir. (§. 113.)

und davon der gegenwärtige Vorwerth, $15000 \times (\frac{132}{132})^{10}$, nach der Vorwerthtafel,

Diese 10133,4 Thir. wachsen in 10 Jahren mit Zinseszinsen zu jenem bleibenden Kapitale von 15000 Thir. an, das alsdann, mit Ende des 11. Jahres anfangend, fortwährend die 600 Thir. jährlich abwirft.

Der gegenwärtige Werth eines hintern Rentenkuckes von der jährlichen Einnahme 1 ist unmittelbar-in der Rentenwerth= Tafel C, 132 und 133, zu sinden, welche $\frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^n$ sier die vorkommenden Fälle in bestimmten Zahlen enthält. Hier= aus nimmt man für unsere Aufgabe unter 4 Prozent und hinzter der Jahreszahl 10, als Rentenwerth von 1, die Zahl 16,88912 $\frac{100}{4} \times \left(\frac{184}{184}\right)^{10}$ ohne Weiteres, und multiplizirt sie mit 600, was obige 10133,4 Thlr. giebt.

Wir haben somit die kurze Regel zur Berechnung des ges gewärtigen Werthes von einer später eintretenden Rente:

Man multiplizire die gegebene jährliche Eins nahme mit der Werthzahl von 1 aus der Rentens werth=Tafel C unter gleichen Prozenten und hins ter gleicher Zeit.

Hiernach wurde die jahrliche Einnahme von 50 Ahlr., welche nach 10 Jahren eintritt, mit 3 pCt. Zinseszinsen für die gegenswärtige Leit kapitalisirt:

20,25485 Rentenwerth zu 1.

× 50 Jährliche Einnahme.

1012,7425 Thir. Gesuchter Rentenwerth von 50.

Bu bemerken ist noch, daß bei allen Berechnungen der Kaspitalwerthe von Renten diejenige Jahreszahl gebraucht wird, welche dem Eintritte der ersten Rentenpost vorangeht, weil das Kapital erst ein Jahr liegen muß, ehe es die Zinsen abwirft. Für eine Rente, deren erste Post am Ende des 11. Jahres eingeht, wird also der lojährige Borwerth gessucht. Die Ausdrücke: nach dem 10. Jahre... von dem 11. Jahre an ... sind hier gleichbedeutend; doch ist der erstere überseinstimmig mit der, die Rechnung bestimmenden Jahreszahl.

§. 115. Kapitalmerth vorberer Rentenstücke. Taf. C.

Eine fogleich beginnende, jahrliche Einnahme, die, wie hinter C bargestellt, nach einiger Zeit ganz aufhört, ist anzusehen als das vordere Stück einer vollen, im übrigen ganz gleichen Rente A, und wird gefunden, wenn man von dieser das hintere Rentenstück B abzieht, das mit dem Ausphören des gegebenen beginnt. Der Werth einer vollen Rente A von 1 ist, wie bekannt, $\frac{100}{P}$, und der Jetzwerth eines hintern Rentenstücks B von 1, das erst nach n Jahren beginnt, ist $\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$; solglich beträgt der Jetzwerth des vordern Rentenstücks C oder der jährlichen Einnahme 1, die sogleich des ginnt und dis in das n. Jahr dauert, $\frac{100}{P} - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$.

Das vorbere Rentenstuck berechnen wir also nach ber allgemeisnen Formel:

1 girbt
$$\frac{100}{p} - \frac{100}{p} \times \left(\frac{100}{100+p}\right)^{n}$$
.

Gingen z. B. 600 Thir, die nächsten 10 Jahre hinter ein= ander jährlich ein, und man fragte nach dem gegenwärtigen . Werthe davon bei 4 pCt.: so würde folgendermaßen gerechnet:

A) Eine. immerwährende Rente von 600 Thir. ist, mit 4 pCt. kapitalisirt, gegenwärtig werth:

$$600 \times \frac{100}{4} = 15000$$
 Thir.

B) Ein nach dem 10. Jahre beginnendes, forts dauerndes Rentenstück von 600 Thir. mit 4 pct. ist gegenwärtig werth (n. §. 114.):

$$600 \times \frac{100}{4} \times (\frac{100}{104})^{10} = 600 \times 16,8891 = 10133,4$$
 2hir.

C) Das vorbere Rentenstück von 600 Thlr. jährlicher Einnahme während der ersten 10 Jahre hat also zum Jetztwerthe:

Betrachten wir die Theile dieser Rechnung naher, so findet sich :

$$600 \times \frac{100}{4} - 600 \times 16,8891 = 600 \times (\frac{100}{4} - 16,8891).$$

Daraus ergiebt sich solgende abgekürzte Regel für die Werthsberechnung der vordern Rentenstücke: Man ziehe die aus der Rentenwerth=Zasel C genommene Werthzahl der Hinterrente von dem zu 1 gehörigen vollen Renztenwerthe ab und multiplizire den Rest mit der jährlichen Rentenpost.

Der Werth einer sogleich beginnenden, 15 Jahre dauern= ben, jährlichen Einnahme von 70 Thlr. mit 43 pCt. Zinseszin= sen würde also berechnet:

Der obige allgemeine Ausbruck $\frac{100}{P} - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$ läßt sich verwandeln in $\frac{100}{P} \times \left[1 - \left(\frac{100}{100+P}\right)^n\right]$, und dies giebt eine Formel zur Berechnung des gleichen Werthes vermittelst der Vorwerthtafel, nämlich:

$$\frac{100}{4.5} \times \left[1 - \left(\frac{100}{104.5}\right)^{15}\right] \times 70 = 22,2222 \times (1 - 0,51672) \times 70,$$

Man könnte auch nach g. 112, von den gegebenen Einnahmes posten die Jestwerthe einzeln berechnen mittels der Formel

$$70 \times \left[\left(\frac{100}{104,5} \right)^2 + \left(\frac{100}{104,5} \right)^2 + \left(\frac{100}{104,5} \right)^3 \dots \left(\frac{100}{104,5} \right)^{16} \right].$$

Hierzu wurden die 15 Werthzahlen in der Vorwerthtafel unmitztelbar addirt, und man erhielte 10,73954 × 70.

§. 116. Kapitalwerth mittlerer Rentenstücke. Aaf. C.

$$\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^{m}$$

$$\underbrace{\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^{n} - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^{m}}_{p} \times \underbrace{\left(\frac{100}{100+P}\right)^{m}}_{p}$$

Eine jährliche Rente, die wie in der Reihe D nach gewisser Zeit etst beginnt und dann nach einiger Zeit wieder aushört, sist als Unterschied zweier hintern, übrizgens gleichen Rentenstücke B—B' anzusehen, von denen das eine mit dem gegebenen Anfange n und das andere mit dem gegebenen Ende-m eintritt.

B, das früher nach n Jahren eintretende Rentenstück ist (n. §. 114.) für die Einsnahme 1 $= \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$

B', das später nach m Sahren eintre= $=\frac{100}{n}\times\left(\frac{100}{100+n}\right)^m$ tende, ift

D, der Berth bes gesuchten mittlern Rentenstudes, ber Un= terschied von beiden, wird also berechnet nach der allgemeinen Formel:

1 giebt
$$\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^m$$
.

Sollte z. B. der gegenwartige Werth einer von dem 11. bis in das 20. Jahr dauernden jährlichen Rente von 500 Thlr. mit 3 pCt. Zinseszinsen berechnet werben: so suchte man erstlich (n. §. 114.) den Werth eines solchen, eben auch nach 10 3ah= ren eintretenden, aber fortwährenden Rentenstückes

$$500 \times \frac{190}{8} \times (\frac{199}{108})^{10} = 500 \times 24,80314 = 12401,5$$
 Thir.

Dieser Werth ist jedoch um bas, nach bem 20. Jahre ab= fallende, hintere Rentenstuck zu groß, namlich um:

$$500 \times \frac{190}{103} \times (\frac{100}{103})^{20} = 500 \times 18,45588 = 9227,9$$
 Thir.

Das gesuchte 10jahrige Rentenstück, vom 11. bis zum 20. Sahre dauernd, ist mithin gegenwartig werth:

Erwägen wir, daß

500×24,80314—500×18,45588==500×(24,80314—18,45588):

so bietet sich uns eine oben schon gebrauchte Abkurzung wieder bar mit folgender Regel zur Berechnung bes gegenwärtigen Werthes von einem Rentenstucke aus mittler Zeit: Man fubtrahire zuvor die beiden Faktoren aus der Rentenwerthtasel C und multiplizire nachher ben Reft mit der Rentenpost. 3. B.

> 24,80314 Früherer Rentenwerth zu 1. —18,45588 Späterer Rentenwerth zu 1. 🕔 6,34726 Mittler Rentenwerth zu 1. × 500 Jährliche Rentenpost.

3173,630 Thir. Gesuchter Kapitalwerth zu 500.

Dbiger allgemeine Ausbruck
$$\frac{100}{p}$$
 × $\left(\frac{100}{100+p}\right)^n - \frac{100}{p}$ × $\left(\frac{100}{100+p}\right)^m$ ift gleich $\frac{100}{p}$ × $\left[\left(\frac{100}{100+p}\right)^n - \left(\frac{100}{100+p}\right)^m\right]$. Diese

Formel dient uns, denselben Werth vermitkelst der bloßen Vorwerthtafel zu berechnen, namlich durch

 $\frac{190}{5}$ ×[($\frac{1}{1}$ 8 $\frac{9}{3}$)10-($\frac{1}{1}$ 8 $\frac{9}{5}$)20]×500=33,3333×(0,74409-0,55368)×500.

Auch besteht ber fragliche Werth aus

$$500 \times [(\frac{1}{1}\frac{9}{3})^{11} + (\frac{1}{1}\frac{9}{3})^{12} + (\frac{1}{1}\frac{9}{3})^{12} + (\frac{1}{1}\frac{9}{3})^{20}].$$

Danach addirt man sogleich in der Vorwerthtafel alle Werthzahlen, hier von 11 bis 20, und multiplizirt die Summe mit 500, nämlich: 6,34728 × 500.

§. 117. Kapitalwerth periodischer Renten im Ben ginn ihrer Zwischenzeit. Taf. D.

$$\frac{E. 0. ... 1}{\left(\frac{100+P}{100}\right)^n-1}$$

Seht eine gewisse Einnahme R immerwährend erst nach Berlauf einer ausgesetzen gleichen Reihe von Jahren wieder ein, wie in obiger Darstellung E: so besteht ihr gesammter Werth zu Anfang jeder Zwischenzeit in einem Kapitale, bessen Zinseszinsen während des der Einnahme gleichkommen. Das auf immer angelegte Kapital I wurde (n. §. 111.) mit Zinseszinsen inn Jahren zu $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$ anzwachsen und dann jedes Mal $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1$ als periodische Rente abwersen. Es verhält sich daher

$$\left(\frac{100+p}{100}\right)^n - 1:1 = R:K,$$

und der zu R gesuchte Kapitalwerth K ist $\frac{R}{\left(\frac{100+P}{100}\right)^n-1}$.

Segen wir nun bie Periodeneinnahme R == 1, so erhalten wir

zur Berechnung ihres Werthes im Beginn ber Zwischenzeit die allgemeine Formel:

1 giebt
$$\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$$

Wirft z. B. ein eben abgetriebener Niederwaldschlag von jest nach jedem 20. Jahre 600 Thir. ab: so ist bei 5 pCt. der Kapitalwerth dieser periodischen Rente

$$600 \times \frac{1}{(\frac{185}{8})^{20}-1} = 600 \times 0,60485 = 362,9$$
 Thir.

Der Jehtwerth solcher Periodeneinnahmen von 1 wird unsmittelbar gefunden in der Periodenrenten=Tafel D, 134 und 135, welche $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1}$ für alle vorkommenden Fälle

in Bestimmten Zahlen enthält. Hieraus nimmt man für obige Aufgabe unter 5 Prozent und hinter der Jahreszahl 20, als Kapitalwerth von 1, die Zahl $0.60485 = \frac{1}{(\frac{1}{4}3\frac{5}{6})^{20}-1}$. Wir bes

rechnen somit ben Kapitalwerth jeder periodischen Rente im Beginn ihrer Zwischenzeit nach folgender leichten Regel:
Man multiplizire die gegebene Periodenpost mit
der Werthzahl von 1 aus der Periodenrenten=Zafel Dunter gleichen Prozenten und hinter gleicher
Zwischenzeit. 3. B.

Eine periodische Rente von 250 Thlr., die in dem je 30. Iahre erfolgt, bei 3 Prozent:

> 0,55347 Perioden = Mentenwerth zu 1. ×250 Einnahmepost.

2101330

110694

188,36750 Sesuchter Perioden-Rentenwerth zu 250.

Der obige allgemeine Ausbruck $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{100}\right)^2-1}$ ist gleich

- 1: $\left[\left(\frac{100+p}{100}\right)^n-1\right]$. Nach dieser Formel könnte der gleische Werth auch vermittelst der bloßen Nachwerthtafel berechnet werden, nämlich durch 250: $\left[\left(\frac{103,5}{100}\right)^{30}-1\right]=250$: (2,80678-1).
- §. 118. Kapitalwerth periodischer Renten im Laufe ihrer Zwischenzeit. Taf. D.

Trate obige 20jahrige Periodenrente von 600 Thir. das erste Mal früher als nach Verlauf ihrer vollen Zwischenzeit ein, wie die Reihe F darstellt, von jest an etwa schon am Ende des 6. Jahres: so ware zuvörderst deren Werth auszumitteln für den Beginn der nächsten vollen Zwischenzeit, nämlich wie oben:

 $600 imes \frac{1}{(\frac{195}{186})^{20} - 1} = 600 imes 0,60485 = 362,9 % thr.$ und dazu noch die am Ende des 6, Jahres eben fällige Einnahme = 600 % thr. Dieser Gesammtbetrag = 962,9 % thr.

Ju Ende des 6. Jahres ware endlich (n. g. 112.) als einmalige Einnahme auf seinen gegenwärtigen Vorwerth zu sühren. Dersselbe ist

$$962.9 \times (\frac{188}{188})^6 = 962.9 \times 0.74621 = 718.5$$
 Thir.

Unsere Regel zur Werthberechnung der Periodenrenten sür ein jedes im Laufe ihrer Zwischenzeit gegebene Jahr ist mithin: Man multiplizire die Periodenrenten=Post mit der Werthzahl aus der Periodenrenten=Lasel D, abdire dazu noch die vordere Einnahmepost, multiplizire dann die Summe mit der zur Einnahmezzeit gehörigen Werthzahl aus der Vorwerthtassel B.

3. B. die nach 6 Jahren zuerst eingehende, 20jährige Perios deneinnahme von 600 Thlr. mit 5 pCt.:

0,60485 Perioden=Rentemwerth zu 1. × 600 Rentenpost.

362,91000 + 600 Einmalige Einnahme. 962,91 Perioden = Rentenwerth nach 6 Jahren. × 0,74621 Borwerth von 1. 674,037 38,516 5,772 192

718,526 Thir. Gesuchter Kapitalwerth.

Man könnte auch eine solche Periodenrente verwandeln in eine andere, deren Zwischenzeit von jetzt an beginnt. Obige 600 Thlr., fällig in jedem 6. Jahre der sogleich beginnenden 20jährisgen Periode, wären unter den übrigen Bedingungen am Ende des je 20. Jahres, also 20 — 6 — 14 Jahre später (n. §. 111.) werth:

 $600 \times (\frac{195}{100})^{14} = 600 \times 1,97993 = 1188$ Thir.

Diese 20jährige Periodeneinnahme von 1188 Thlr., deren Zwischenzeit sogleich beginnt, hat ebenfalls zum Werthe (n. §. 117.):

1188 × 0,60485 == 718,5 Thir.

Sollte die Periodenrente später erst beginnen, so berechnet man von ihrem vollen Eintrittwerthe den jetzigen Vorwerth. Sollte sie aushören, so wird, wie bei Jahresrenten, der Werth des hintern abfallenden Stückes von dem Ganzen abgezogen, oder man berechnet von allen einzelnen Posten den Vorwerth besonders.

§. 119. Kapitalwerth zusammengesetzter Perioden: renten. Taf. D und E.

G.O......11111......*
2. 111 1 11 11 1 11 11 11 11

1) Eine solche Periodeneinnahme kann auch rentenartig

mehre Jahre hinter einander Statt sinden und dann wieder geswisse Zeit aussetzen. Sewährten z. B., wie in der Darstellung G, sünf Niederwaldschläge von jetzt an alle 20 Jahre, in dem je 8., v. 10., 11., 12. Jahre, jährlich 50 Thlr. reinen Ertrag, und sollte davon der gegenwärtige Kapitalwerth zu 4 pCt. gesucht werden: so brauchte man diese zusammengesetzte Periodenrente nur in eine einfache zu verwandeln und dann wie oben zu kapita-lissren.

a) Funf solche jahrlichen Einnahmen für sich sind als eine Bergangenheiterente zu Enbe ihres 6. Jahres werth, nach Taf. E:

Dieser, in das Ende jedes 13. Periodenjahres fallende Ges sammtwerth beträgt 7 Jahre später am Periodenschlusse, nach Taf. A:

281,65 × 1,316 == 370,65 Thir. (§. 111.).

Die auf solche Weise gebildete vollständige Periodenrente hat zu Anfang ihrer Zwischenzeit an Kapitalwerth, nach Taf. D: 370,65 × 0,83955 == 311,2 Thr. (§. 117.).

b) Man könnte auch jede fünf zusammenfallenden Einnahmen als ein mittleres Rentenstück ansehen und davon (n. g. 116.) den Rentenwerth zu Anfang jeder Zwischenzeit suchen, nämlich:

$$50 \times (18,99796 - 15,61494) = 169,15$$
 Thir.;

nun zu der so gestellten 20jahrigen Periodens rente (n. g. 117.) den Kapitalwerth berechs

nen: 169,15 × 0,83955 == 142,01 Thir., endlich dazu noch die erste Einnahme zählen; dies gabe denselben Kapitalwerth:

2) Es können auch verschiedene Periodeneinnahmen mit gleischen Zwischenzeiten neben einander bestehen. Würde z. B. alle 20 Jahre eingenommen:

im 3., 4. und 5. Jahre, jährlich 50 Thlr. im 12. Jahre . 80 Thlr.

im 19. und 20. Jahre, » 30 Thir.,

fo berechnete man zuvorberft ben Rachwerth aller einzelnen Einsnahmen zu Ende bes je 20. Jahres. Derfelbe ware mit 5. Prozent:

Eine folche einfache, 20jahrige Periodeneinnahme, beren 3mischenzeit fo eben beginnt, hat (n. g. 117.) jum Werthe

$$507,38 \times \frac{1}{(\frac{185}{8})^{20}-1} = 507,38 \times 0,60485 = 306,9$$
 This,

Auf gleiche, Beise konnte auch ber vorige Fall behandelt werden. Überhaupt gestatten alle biese Aufgaben mehre Aufsichungen; ber geübte Rechner wählt sich bavon die leichteste und geläufigste aus.

- §. 120. Rapitalwerth alljahrlich fteigender und fal-
- 1) Immerwährenb steigenb. Nahme ein Forstertrag, etwa in Folge ber Forstverbesserung und der steigenden Preise, alljährlich um ein Gleiches zu; ware derselbe z. B. in dem 1. Jahre 1000 Thir., in dem 2. Jahre 1000 + 20, in dem 3. Jahre 1000 + 2 × 20 u. s. w., also in dem

so bestände der etwa mit 5 Prozent zu berechnende Einnahme= werth aus zwei verschiedenen Theilen.

Der erste A ist der Kapitalwerth einer vollkommenen Rente von 1000 Thir. = 1000 × 100 = 20000 Thir.

Der andere Theil B ist der Kapitalwerth von der Rentenzusnahme. Diese bildet nach obigem Schema von Jahr zu Jahr eine neu hinzutretende Rentenreihe, wovon jede in dem Jahre vor ihrem Eintritte den besondern Stammwerth

$$k = 20 \times \frac{100}{5} = 400 \text{ Thir.}$$

hat, und wofür also bem Jetztwerthe noch alljährlich 400 Thir. zugerechnet werden mussen, ober sogleich an Kapital 400 × 190 == 8000 Thir.

Der ganze Forstertrag ware also gegenwartig werth:

- A. Wegen der Hauptrente von 1000 Thir. 20000 Thir.
- B. Wegen der Nebenrente von 400 Thir. 8000 Thir. 3usammen: 28000 Thir.
- 2) Rur eine Zeit lang steigend. Dauerte jene jahrs liche Zunahme von 20 Thst., mithin auch die durch ihre Stammwerthe gebildete Nebenrente B von 400 Thst. nicht imsmer fort, sondern nur etwa 30 Jahre: so berechnete man deren Werth als ein vorderes Ziahriges Rentenstück von 400 Thst. jährlichem Betrage (n. §. 115.) zu

$$400 \times \left[\frac{100}{5} - \frac{100}{5} \times \left(\frac{100}{105}\right)^{30}\right] = 6149 \text{ Thir,}$$

Der gesuchte ganze Einnahmewerth ware bann:

- A = 20000 Thir.

 B = 6149 Thir.

 Zhir.

 Zhir.
- 3) Fallende Einnahmen. Hier behandelt man die Abnahme als negative Nebenrente. Ware die so eben der Hauptzente von 1000 Thir. zugerechnete, 30 Jahre dauernde, jahrliche Junahme von 20 Thir. eine Abnahme: so mußte auch deren Betrag vom Werthe der Hauptrente abgezogen werden, und es blieb an Einnahmewerth:

so berechnete man zuvörberst ben Nachwerth aller einzelnen Einsnahmen zu Ende bes je 20. Jahres. Derselbe ware mit sonzent:

50 vom 3, Sahre werden
$$50 \times (\frac{705}{700})^{17}$$
 = $50 \times (2,29202)^{17}$ = $50 \times (2,18287)^{17}$ = $50 \times (2,07893)^{17}$ = 5

Eine solche einfache, 20jahrige Periodeneinnahme, beren 3wischenzeit so eben beginnt, hat (n. g. 117.) zum Werthe

$$507,38 \times \frac{1}{(\frac{195}{186})^{20}-1} = 507,38 \times 0,60485 = 306,9$$
 Thir.

Auf gleiche. Weise konnte auch der vorige Fall behandelt werden. Überhaupt gestatten alle diese Aufgaben mehre Aufzlösungen; der geübte Rechner wählt sich davon die leichteste und geläusigste aus.

- §. 120. Kapitalwerth alljährlich steigenber und fallender Einnahmen. Taf. C.
- 1) Immerwährend steigend. Nähme ein Forstertrag, etwa in Folge der Forstverbesserung und der steigenden Preise, alljährlich um ein Gleiches zu; wäre derselbe z. B. in dem 1. Jahre 1000 Thir., in dem 2. Jahre 1000 + 20, in dem 3. Jahre 1000 + 2 × 20 u. s. w., also in dem

Sabre: 1. 2. 3. 4. 5.
$$u$$
. 5. w . A: 1000 1000 1000 1000 1000 . . . B: $k = 20$ 20 20 20 . . . $k = 20$ 20 20 . . . $k = 20$ 20

so bestände der etwa mit 5 Prozent zu berechnende Einnahmes werth aus zwei verschiedenen Theisen.

Der erste A ist der Kapitalwerth einer vollkommenen Rente von 1000 Thir, = 1000 × 100 = 20000 Thir.

Der andere Theil B ist der Kapitalwerth von der Rentenzus nahme. Diese bildet nach obigem Schema von Jahr zu Jahr eine neu hinzutretende Rentenreihe, wovon jede in dem Jahre vor ihrem Eintritte den besondern Stammwerth

$$k = 20 \times \frac{100}{5} = 400$$
 Thir.

hat, und wofür also bem Jetztwerthe noch alljährlich 400 Thir. zugerechnet werben mussen, ober sogleich an Kapital 400 × $\frac{190}{3}$ == 8000 Thir.

Der ganze Forstertrag ware also gegenwartig werth:

- A. Wegen der Hauptrente von 1000 Thir. 20000 Thir.
- B. Wegen der Nebenrente von 400 Thir. 8000 Thir. 3usammen: 28000 Thir.
- 2) Nur eine Zeit lang steigenb. Dauerte jene jahr: liche Zunahme von 20 Thlr., mithin auch die durch ihre Stammwerthe gebildete Nebenrente B von 400 Thlr. nicht immer fort, sondern nur etwa 30 Jahre: so berechnete man dezen Werth als ein vorderes 30jähriges Rentenstück von 400 Thlr. jährlichem Betrage (n. §. 115.) zu

400
$$\times \left[\frac{100}{5} - \frac{100}{5} \times \left(\frac{100}{105}\right)^{30}\right] = 6149 \text{ Thir},$$

Der gesuchte ganze Ginnahmewerth ware bann :

- A = 20000 Thir. B = 6149 Thir. Zusammen: 26149 Thir.
- 3) Fallende Einnahmen. Hier behandelt man die Abnahme als negative Rebenrente. Ware die so eben der Hauptrente von 1000 Thir. zugerechnete, 30 Jahre dauernde, jährliche Zunahme von 20 Thir. eine Abnahme: so müßte auch deren Betrag vom Werthe der Hauptrente abgezogen werden, und es blieb an Sinnahmewerth:

20000 - 6149 = 13851 Thir.

Dauerte diese jährliche Abnahme von 20 Thir. dis zur gänzlichen Erschöpfung jener Hauptrente von 1000 Thir., also $\frac{1000}{20} = 50$ Jahre: so rechnete man dem Werthe der Hauptrente, $= 1000 \times \frac{100}{5} = 20000$ Thir., eine 50jährige Nebenrente von jährlich $20 \times \frac{100}{5} = 400$ Thir. ab. Diese beträgt

400
$$\times \left[\frac{100}{5} - \frac{100}{5} \times \left(\frac{100}{105}\right)^{50}\right] = 7302 \text{ Thr.}$$

und der jetzige Kapitalwerth stellte sich somit auf 20000 — 7302 — 12698 Thir.

§. 121. Erfte angewendete Berthberechnung.

Ein Niederwald mit 30jähriger Umtriebszeit ertrage jährs lich: In der ersten Umtriebszeit 300, in der zweiten 350 und nachmals ständig 400 Thlr.; er erfordere dabei während des ersten Umtriebs 50 Thlr. Verbesserungskosten und zu allen Zeiten 40 Thlr. für die Aussicht und 10 Thlr. an Steuern.

Der jährliche Reinertrag hiervon ift also:

In den ersten 30 Jahren: 300 - (50 + 40 + 10) = 200 Thir. In den zweiten 30 Jahren: 350 - (40 + 10) = 300 Thir. In der Folge: 400 - (40 + 10) = 350 Thir.

Davon beträgt ber gegenwärtige Werth bei 4 pCt.:

1) Wegen bes vorbern Rentenstückes (n. g. 115.) 200 × (25 — 7,70799) == 3458,4 Thir.

2) Wegen bes mittlern Rentenstückes (n. h. 116.) 300 × (7,707.99 — 2,37652) — 1599,4 Thir.

3) Wegen bes hintern Rentenftudes

(n. §. 114.)

850 × 2,37652 = 831,8 Thir.

In Summe: 6889,6 Thir.

Diese brei Rentenstücke, sind auch gleich :

a) Einer immerwährenden Einnahme von

200 Thir. = $200 \times \frac{100}{4} = 5000$ Thir.

b) Einer nach 30 Jahren eintretenden von

100 Thir. = 100 × 7,70799 = 770,8 Thir.

c) Einer nach 60 Jahren eintretenden von

50 Thir. = $50 \times 2,37652 = 118,8$ Thir.

Summe wie oben: 5889,6 Ahlr.

6. 122. 3weite angewendete Berthberechnung.

Von einem Nabelwalde sei' folgender Reinertrag geschätzt und mit 4 pCt. zu kapitalisiren:

Im	1,	Za	hrzehnd	jáhrlich	800	Thlr.
			-	>>	700	>>
>>	3,		>>	>>	900	»
>>	4,	5.	»	»	1000	>>
Nac	bbe	r a	Ujáhrlich)	1200	>>

Werthberechnung:

1. Jahrzehnd:	800 >	: (25 –	- 16,88912) == 6488,7 Thir.
2. Jahrzehnb:	700 >	< (16,88912-	-11,40969) == 3835,6 »
3. Jahrzehnb:	900 >	((11,40 969 -	- 7,70799) == 3331,5 »
4.5.Jahrzehnb:	1000 >	(7, 70799 -	-3,51783) = 4190,2 »
Rachber:		-	
- •			Rusammen . 20067 4 Thir

Der obige Reinertrag kann auch in folgenden Renten berechnet werden:

- 1. Jahrzehnd, jährlich 100 + 700
- 2. » » . 700
- 3. » » . 700 + 200
- 4. 5. >

Nachher alliahrlich . 700 + 200 + 100 + 200.

Berthbetrag:

a) einer jährlichen Einnahme von 100 Thlr.

während der ersten 10 Jahre = 811,1 Thlr.

b) einer immerwährenden von 700 Thlr. · = 17500 »

c) einer nach 20 Jahren eintretenden von

200 Thir. = 2281,9 ">

d) einer nach 30 Jahren eintretenben von

100 Thir. = 770,8 >

e) einer nach 50 Jahren eintretenden von

200 Thir. = 703,6 »

Summe wie oben: 22067,4 Ehlr.

- h, 123. Dritte angewendete Werthberechnung. Ein Holzsteck, das
- 1) am Ende des 10. Jahres für den barauf befindlichen Holzbestand 300 Thir., und
- 2) von da ab jedesmal im 20. Jahre 500 Thir, abwirft; da= gegen
- 3) jährlich 4 Thir. wegen Aufsicht, Steuern u. dergl. kostet, hat bei 5 pCt. zum gegenwärtigen Geldwerthe:

Bu 1: Die 300 Thir einmalige Einnahme im 10. Jahre sind jest (n. §. 112.) = 300 × 0,61391 = 184,17 Thir.

3u 2: Die 500 Thir. Periodenrente im 30., 50., 70.... Jahre sind am Ende des 10. Jahres (n. §. 118.) = 500 × 0,60485 = 302,425

und gegenwärtig 302,4 × 0,61391 = 185,65 »

Einnahmewerth = 369,8 Ahlr.

Bu 3: Davon, wegen ber jahrlichen Ausgabe von

4 Thir., = 4 × 20 = 80 Thir.

Bleibt ber reine Kapitalwerth: 289,8 Ahlr.

§. 124. Bierte angewenbete Berthberechnung.

Ein Niederwaldstück, das aus einem Schlagverbande versäußert werden soll, hatte im Durchschnitte alle 24 Jahre in dem je 4., 5., 6., 7., 8. und 9. Jahre jährlich 300 Thir. ertragen, und

auf seinen Antheil alle Jahre 15 Ahlr. Auswand erfordert. Jeht sollte bessen gegenwärtiger Kapitalwerth für den Forst berechnet werden mit 4 Prozent.

Dieser bidhrige Ertragswerth ist zu Ende jeder Umtriebszeit von dem

```
4. Jahre 300 × (184)20 = 300 × 2,19112
```

5. »
$$300 \times (\frac{104}{100})^{19} = 300 \times 2,10685$$

6. »
$$300 \times (\frac{194}{180})^{18} = 300 \times 2,02581$$

7. »
$$300 \times (\frac{104}{100})^{17} = 300 \times 1,94790$$

8. »
$$300 \times (\frac{184}{186})^{16} = 300 \times 1,87298$$

9. »
$$300 \times (\frac{194}{188})^{15} = 300 \times 1,80094$$

Buchmmen: 300 × 11,94560 == 3583,68 Thir.

Diese gesammte 24jährige Periodenrente ift gegenwärtig werth (n. §. 117.)

3583,68 × 0,63967 = 2292,4 Thir.

Davon ab das Ausgabekapital 15 × $\frac{100}{4}$ = 375. Thir. Bleibt an reinem Kapitalwerthe: 1917,4 Thir.

§. 125. Fünfte angewendete Berthberechnung.

Bei einer Walbanlage koste ber Morgen mustes Land 5 Thir. Kaufgeld, 3 Thir. zu Kiefernansaat und jahrlich 9 Sgr., ober bei 34 pCt. sogleich 8,57 Thir. für Steuern u. bergl.; zussammen also

· 16,57 Thir. Ausgabe.

Davon stehe fortwährend alle 100 Jahre an Einnahme zu erwarten: 20 Thlr. im 40.; 40 Thlr. im 60.; 60 Thlr. im 80, und 200 Thlr. im 100. Jahre.

Der Werth bieses Ertrages ift bei 34 pCt.

1) Am Ende eines jeden Jahrhunderts:

vom 40. Jahre, 20 Thir. um 60 J. später 20 × 7,87803 == 157,5606

$$>> 80.$$
 $>> 60$ $>> 20$ $>> 60 \times 1,98978 = 119,3868$

» 100. » 200 Thir, zu bemf, Zeitp. 200 x 1 ' = 200

Zusammen: 635,3170

2) Segenwärtig, als 100jährige Periodenrente 635,317×0,03312 = 21,04 Thir.

Hiernach verspräche dies Unternehmen von dem Morgen 21,04 Thlr. — 16,57 Thlr. == 4,47 Thlr., also 27 pCt. Gewinn.

§. 126. Jährlich gleiche Terminzahlungen.

Iemand kauft eine Holzung für 4000 Ahlr. und verspricht wegen Zahlung des Kaufgeldes: Während der ersten 10 Jahre die Zinsen jedes Mal in der Verfallzeit dar zu entrichten; in den zweiten 10 Jahren die Kaufsumme mit jährlich gleichen Zahluns gen sammt Zinseszinsen abzutragen. Man ist über 4 pCt. überseingekommen und fragt nun nach dem Verage der Zahlunsgen.

- 1) Die jährlich zu zahlenden Zinsen betragen: 180 x 4000 = 160 Xhlr.
- 2) Die jährliche Terminzahlung x wird folgendermaßen ges funden. Alle 10 Zahlungen sind zu Anfang des Jahres, mit dem sie zahlbar werden, als das Vorderstück einer Rente anzussehen, und betragen zu dieser Zeit (n. §. 115.)

$$x \times \left[\frac{100}{P} - \frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100 + P}\right)^{n}\right] = 4000.$$

Setzen wir in diesen Ausbruck die oben bestimmten Prozentund Zeitzahlen, dann das Einheitskapital und die Werthzahl der Rentenwerthtafel: so ist

$$x \times (\frac{100}{4} - \frac{100}{4} \times (\frac{100}{104})^{10}) = 4000;$$

 $x \times (25 - 16,8891) = 4000;$
 $x = \frac{4000}{8,1109} = 493,2$ Thir.

Bur Probe könnte sich ber Gläubiger den gegenwärtigen Werth von allen ihm gebotenen Zahlungen berechnen, etwa als ein lojähriges vorderes Rentenstück,

jährlich zu 160 Thir. = 160 × (25 — 16,88912) == 1298 Thir. und noch als ein nach 10 Jahren eintretens des mittleres Rentenstück,

jáhrl. zu 493,2 Thír. = 493,2×(16,88912—11,40969) == 2702 Thír.

Probe: 4000 Thír.

§. 127. Periodisch gteiche Terminzahlungen.

Ein Käufer erbietet sich, das Kaufgeld von 3000 Thir, in drei gleichen Terminzahlungen abzutragen, und zwar am Schlusse des 4., 8. und 12. Jahres; wie viel wird er dann terz minlich zu zahlen haben bei 4 pCt. Zinseszinsen?

Für den Verkäufer sind die drei Terminzahlungen Periodenseinnahmen mit 4jähriger Zwischenzeit. Wären sie fortbauernd, so betrüge ihr gegenwärtiger Werth (n. §. 117.)

$$x \times \frac{1}{(\frac{184}{184})^4 - 1} = x \times 5,88730.$$

Aber sie horen mit dem 12. Jahre auf, und daher geht ein nach 12 Jahren gleich großer Werth für den hintern Theil der Periodeneinnahme ab, der (n. h. 112.) gegenwärtig zum Vorwerthe hat

$$x \times 5,88730 \times 0,62460$$

Folglich ist:

$$x \times 5,88730 - (x \times 5,88730 \times 0,62460) = 3000$$

 $x \times 5,8873 \times (1 - 0,6246) = 3000$
 $x = \frac{3000}{5,8873 \times 0,3754} = \frac{3000}{2,21009} = 1357,4 \text{ Thir.}$

Man könnte auch ohne Weiteres die Vorwerthe der einzels nen Zahlungen in die Gleichung setzen, nämlich:

Eben so sollte man jede Waldwerthberechnung mit einer anders angelegten Probe bewähren. Übrigens stellt die Theorie noch viele sehr verwickelte Waldwerthberechnungen auf. Mit solchen hat jedoch die wirkliche Waldwerthschäung nichts zu thun; diese erleichtert und vereinfacht im Gegentheile die Rechz mmg durch Annahme gleicher, mindestens aus Jahrsunsten zus sammengesetzter Zeitabschnitte mit gleichem jährlichen Ertrage.

Deßhalb durften auch unsere kleinen Werthtafeln vollkommen zu-. reichen.

§. 128. Beweis für ben Gebrauch ber Zinfeszinsen bei jeber Waldwerthberechnung.

Es ist hin und wieder in Zweifel gezogen worden, ob und wiesern bei der Waldwerthberechnung einfache oder zusammengessette Zinsen gebraucht werden durften. Folgende Betrachtungen können diese Zweifel heben:

Bum ersten steht unbedingt fest: In der Rechnung muß der Verkäufer mit seinem Kapitaleinkommen bem Käufer mit seinem Forsteinkommen gleichgesstellt werden. Dies gestattet aber die einfache Zinsrechnung keineswegs.

Gesetzt, ein Forstertrag von 7000 Thir. könne erst nach 10 Jahren zusammen erfolgen, und der Verkäufer bekäme in Gemäßheit der einfachen Zinsrechnung mit 4 pCt. dafür sogleich

$$\frac{100}{100+(4\times10)}$$
 × 7000 = 5000 Thir. (§. 75.):

so könnte derselbe die davon einlaufenden Zinsen, jährlich 200 Ahlr., durch alle 10 Jahre werbend nugen.

Der Kaufer aber, als nunmehriger Waldbesitzer, hatte gesgen dieses frühere Zinseinkommen durchaus keine Vergütung; denn er bekame seine 10×200 Thlr. erst nach 10 Jahren in dem Forstertrage ausgesammelt. Wollte sich inzwischen der Forstsinhaber dem Kapitalinhaber gleichstellen, so müßte er jene 200 Thlr. während der 10 Jahre jährlich leihen. Diese würde ihm jedoch Niemand vorschießen, ohne Zinsen und wieder Zinsen zu verlangen. Also leiht der Käuser nicht nur jährlich 200 Thlr., sondern auch die Zinsen, und dazu wieder Zinsen; dadurch zieht er sich am Ende des 10. Jahres (n. §. 111.) eine Schuld zu von:

```
200 × 1,04° = 200 × 1,42331

200 × 1,04° = 200 × 1,36857

200 × 1,04° = 200 × 1,31593

200 × 1,04° = 200 × 1,26532

200 × 1,04° = 200 × 1,21665

200 × 1,04° = 200 × 1,16986

200 × 1,04° = 200 × 1,12486

200 × 1,04° = 200 × 1,12486

200 × 1,04° = 200 × 1,08160

200 × 1,04° = 200 × 1,08160

200 × 1,04° = 200 × 1,08160
```

200 ×12,00610 == 2401 Thir.

Der Käufer müßte somit am Ende des 10. Jahres zusetzen, die Bruchtheile nicht gerechnet:

2401 - 2000 = 401 Thir.

Man darf daher dem Verkäufer nur einen solchen Kaufs preis anrechnen, dessen 10jährige Zinsen und Zwischen zins sen dem Käufer durch den nachmaligen Gesammtertrag eben auch zu Theil werden, und dies ist der Vorwerth jener 7000 Thr. mit Zinsedzinsen berechnet, (n. §. 112.) nämlich:

 $7000 \times (\frac{100}{104})^{10} = 7000 \times 0.67556 = 4729$ Thir,

Dieser Kauspreis trägt bem Verkäuser jährlich 180 × 4729 = 189,16 Thir. Zinsen.

Wollte der Käufer eine gleiche Einnahme von Jahr zu Jahr leihen: so würde das ganze Anlehen am Ende des 10. Jahres

189,16 × 12,0061 == 2271 Thir.

ausmachen, was er bann von ben ihm eingehenden 7000 Thlr. abtragen könnte, und es blieben ihm genau die 4729 Thlr. übrig, welche er als Kaufgelb angelegt hat.

Die Zinseszinsrechnung ist also zur Gleichstellung früherer und späterer Einnahmen zwischen Berkaufer und Käufer durchaus nothwendig. Keinesfalls wurde sie wegen solcher gegenseitigen Ausgleichungen verboten, sondern um dem wucherlichen Misbrauch verzinslicher Darleben zu steuern.

Bum zweiten: Das Ganze muß seinen Theilen al

len zusammen gleich sein. Dieses Grundgesetz der Mathematik bedingt in der Waldwerthberechnung durchaus die Annahme von Zinseszinsen.

Die Walberträge sind wiederkehrend, also rentenartig. Eine immerwährende, jährliche Einnahme r hat zu ihrem Kapitalwersthe $\frac{100}{P} \times r$. Das bezweiselt Niemand. Nun ist aber (n. §. 108.) dieser Werth

$$\frac{100}{p} \times \mathbf{r} = \left(\frac{100}{100+p}\right) \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+p}\right)^{2} \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+p}\right)^{3} \times \mathbf{r} + \left(\frac{100}{100+p$$

Diese Gleichung, nach welcher das Rentenkapital aus den mit Zinseszinsen vorgeführten Tetztwerthen aller Rentenpossten besteht, ist unbedingt die Grundlage zur ganzen Waldwerthsberechnung; wer ihren Gesammtwerth als richtig annimmt, muß auch ihre Theile als richtig anerkennen, und es kann daher auf keine Weise eine Einnahmepost anders auf ihren frühern, oder spätern Werth gebracht werden, als vermittelst der Zinseszinses zinseschnung.

Die einfache Zinsrechnung nimmt nun zwar von obiger Gleichung die erste Seite als richtig an zur Rentenberechnung im Ganzen; sie giebt aber die Richtigkeit der andern Seite zur Werthberechnung der Theile nicht zu, sondern substituirt dafür irrigerweise ihre viel größeren Theile. Es soll nämlich:

•
$$\frac{100}{P} \times r$$
 bestehen aus $\frac{100}{100+P} \times r + \frac{100}{100+P \times 2} \times r + \frac{100}{100+P \times 3} \times r + \frac{100}{100+P \times 3} \times r$

Sie gerath baburch in ein ungewisses Verfahren und gebraucht Theile, die zusammen größer sind, als bas angenommene Sanze.

Bergleichen wir nämlich die Glieberwerthe dieser Reihen mit einander, so sinden sich nur die beiden vordersten gleich; alle übrigen hat die einfache Zinsrechnung größer. 3. B. im 10. Gliebe wären:

$$(\frac{100}{108})^{10} = 0,6139 \dots \text{ und} \frac{100}{100+5\times 10} = 0,6666 \dots;$$
 im 100, Gliede:

$$(\frac{100}{105})^{100} = 0,0076...$$
 und $\frac{100}{100+5\times100} = 0,1666...$

Dieser Unterschied tritt um so bedeutender hervor, je weiter man in den Reihen fort geht; er steigt dermaßen, daß schon die vermeintlichen Jetztwerthe von den 40 ersten einfachen Gliedern zusammen weit größer sind, als das Rentenkapital selbst. Darin liegt auch der Grund, warum die einfachen Zinsrechner mit den spätern Einnahmen nie recht in's Klare kommen konnten und sich mit einem steigenden Zinssuße zu behelsen suchten.

Wir sehen also, die einfache Zinsrechnung geht bei der Werthberechnung einzelner Einnahmen und Rententheile von dem irrigen Grundsatze aus: Die gesammten Theile mussen grosser sein, als das Sanze. Serade so, als wenn man annahme: Der Werth einer ganzen Größe von 3 × 4 bestehe nicht aus 4 + 4 + 4, sondern aus 4 + 5 + 6. Man suchte sogar eine solche mathematische Fehlerhaftigkeit dei gerichtlichen Waldschätzungen gesetzlich zu machen; wie durfte aber z. B. in den Rechten gelten, daß 3 × 4 == 15 ist!

Endlich drittens: Jede Waldwerthberechnung kann eben sowohl im Ganzen, als theilweise vollführt werden; in beiben Fällen mussen gleiche Ergebnisse hervorgehen. Das sinden wir aber nur beim Gebrauche der Zinseszinsen ganz unbedingt.

Die einfache Zinsrechnung bringt bei verschiedener Stellung besselben Falles ofters ganz verschiedene Ergebnisse hervor. So z. B. ware nach ihr der gegenwärtige Werth einer, das britte Jahrzehnd hindurch dauernden, jährlichen Einnahme von 700 Thr. mit 5 pCt.

1) Zusammen als Rentenstuck berechnet:

$$700\times \left(\frac{100}{5}\times \frac{100}{100+5\times 20} - \frac{100}{5}\times \frac{100}{100+5\times 30}\right) = 700\times (10-8) = \begin{cases} 1400 \\ 201 \end{cases}$$

2) Nach den einzelnen Posten berechnet:

21.
$$Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times21} = 700 \times 0.48780$$

22. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times22} = 700 \times 0.47619$

23. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times23} = 700 \times 0.46512$

24. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times24} = 700 \times 0.45455$

25. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times25} = 700 \times 0.44444$

26. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times26} = 700 \times 0.43478$

27. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times27} = 700 \times 0.42553$

28. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times28} = 700 \times 0.41667$

29. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times29} = 700 \times 0.40816$

30. $Sahr: 700 \times \frac{100}{100+5\times30} = 700 \times 0.40000$
 $Sufammen: 700 \times 4.41324 = 3089 Thir.$

Wer könnte bei biesen höchst ungleichen Ergebnissen von 1400 und 3089 für einen und benselben Werth nur noch zweisseln an der Unbrauchbarkeit einfacher Zinsen in der Waldwerthbesrechnung? Der Grund dieser Ungleichheit liegt darin, daß die einfache Zinsrechnung allen abgesonderten, spätern Rechnungspossten, wie schon bekannt, einen zu hohen Setzwerth beilegt. Dasher wird in der gesammten Berechnung aushörender Renten sür das hintere Rentenstück eine zu groß angenommene Werthzahl abgezogen; es bleibt also ein zu kleiner Rest, wie hier 1400. Berechnet man dagegen alle Einnahmeposten sür sich und mulstiplizirt sie durchgängig mit den zu großen Faktoren: so sällt wieder die Summe, wie 3089, zu groß aus. Auf solsche Weise entstehen diese Abweichungen sowohl unter sich, als von dem richtigen Werthe, welcher (n. §. 116.) mit Zinseszinsen

700 × 2,91024 = 2037 Thir.

beträgt, man mag ihn zusammen ober postenweise ausrechnen.

Es ift also hierdurch genugsam bewiesen, daß die Waldwerthberechnung durchaus volle Zinseszinsen gebrauchen muß, und daß dabei die einfachen Zinsen ganz unstatthaft sind, weil diese den Käuser und Verkäuser nicht gleichstellen können, eine mathematische Grundlage nicht haben, daher für einen und denselben Fall ofters ganz verschiedene und allemal bald zu kleine, bald zu große Werthe ergeben.

Der versuchte Gebrauch von Mittelzinsen, dem arithmetischen Mittel zwischen ben einfachen und den zusammengesetzten Zinsen, theilt die Fehler der einfachen Zinsrechnung zur Hälfte.

Gegen ben Gebrauch der Zinseszinsen in der Waldwerthberechnung konnte etwas Erhebliches nie eingewendet werden. Man behauptete zwar, die Zinseszins-Ergebnisse entsprächen nicht den wirklichen Kauspreisen, und gab dazu Beispiele. Diese gingen jedoch von der Annahme minder einträglicher Nutzungsplane aus und bewiesen weiter nichts, als daß jene Abweichungen mehr Folge waren von beschränkter Sewinnschätzung. Eines der gegebenen Beispiele ist folgendes:

Ein Acker leerer Waldboben steuert jahrlich 8 gGr., wird jetzt für 9 Thlr. mit Kiefern angesaet und verspricht, ohne weistere Andaukosten, allemal nach 80 Jahren 300 Thlr. zu ertragen; wie viel ist sein Jetztwerth mit 5 pCt. Zinseszinsen?

Der gegenwärtige Werth dieser Periodenrente ift:

300 × 0,02059 = 6,177 Thir.

Der gegenwärtige Ausgabewerth beträgt: An Steuern jährlich zhlr., als Kapital $\frac{100}{5} \times \frac{1}{3}$ = 6,666 Thlr. An einmaligem Kulturaufwande = 9 »

Zusammen: 15,666 Thir.

Hier werden wir freilich auf einen negativen Werth geführt. Der Fehler fällt aber nicht dem Rechner, sondern dem Schätzer zur Last. Dieser hatte namlich den Kulturaufwand durch zweckmäßigern Andau mindern, dagegen den Ertrag, etwa durch räumlichere Stellung, geeignete Beimischung von Birken, stühere Durchforstung u. dergl. fordern und mehren, auch

ben Zinsfuß nicht über ben gewerblichen hinaufstele len follen; ober er hatte das Grundstück ganz und gar zu Acker- ober Weibeland bestimmen mussen.

Könnten wirklich andere Nutzungsverhältnisse durchaus nicht Statt finden, so ware jener Waldboden allerdings geschenkt zu theuer; denn wer wollte sein Geld zu einsachen oder halb einsachen Jinsen anlegen, die erst nach 80 Jahren eingehen? Wir würden indes billige Steuern fortzahlen, etwas Samen sammeln und einstreuen, wo Anslug nicht zu erwarten, und das Übrige der gütigen Natur überlassen, die gar oft anders schafft, als man schätt. Näherten sich also in der Praxis die Ergebnisse der einssachen, oder der Mittelzinsen dem Verkaufspreise mehr: so hatte dies nichts Anderes zum Grunde, als daß die Schätzer, in der alsten gewohnten Wirthschaftsweise befangen, ihre Nutzungsanschläge minder einträglich stellten; die Käuser dagegen durch vortheilhafztere Nutzungsplane einen größern Gewinn zu schaffen wußten. Die sehlerhafte Ertragsschätzung wurde dann durch die sehlerhafte Werthberechnung einigermaßen wieder gehoben.

Übrigens ist doch nicht unbeachtet zu lassen, welchen uns glaublich niedrigen Vorwerth spate Einnahmen haben, und wie nothig es dem Forstwirthe ist, daß er sich den wahrscheinlichen Gewinn seiner forstlichen Unternehmungen vorher richtig schäfe und berechne. Wäre das längst geschehen, so wurde Manches im Walbe anders stehen *).

^{*)} Man entschuldige die Weitläufigkeit bieses Beweises. Bei seinem Erscheinen standen ihm Autoritäten gegenüber, die mit mathematischer Kurze nicht zu beschwichtigen waren.

Zweite Abtheilung.

Forstliche Planimetrie.

§. 129. Flachenmeffunft.

Die Flachenmeßkunst hat zu ihrem hauptsächlichen Gezgenstande die Ausbehnungen der Erdober flache; sie erzitärt die Eigenschaften aller Ausdehnungen in der Ebene und lehrt, wie die Linien und Flachen gemessen und sonst bestimmt werden.

§. 130. Puntt.

Der Anfang aller Ausbehnung ist der Punkt. Dieser hat an sich keine Größe. Die sogenannten Punkte, die man mit der Spitze eines Werkzeugs macht, sind nur Bilder, in deren Mitte man sich den eigentlichen Punkt, die eben zu bezeichnende Stelle benkt.

§. 131. Linie.

Stellt man sich die Fortbewegung eines Punktes vor, so bekommt man den Begriff von einer Linie. Diese kann keine andere Ausbehnung haben, als die Länge; ihre Grenzen sind zwei Punkte. Die sogenannten Linien, die man mit der Spike eines Werkzeugs zieht, sind nur Bilder; je seiner sie gezogen werben, um so mehr nähern sie sich der eigentlichen Linie.

Haben in einer Linie alle willkurlich angenommenen Punkte eine und dieselbe Richtung, so heißt sie eine gerade Linie

ober eine Gerabe. Diejenige Linie, worin jene gleiche Richt tung aller Punkte nicht Statt findet, heißt krumm. Man kann jedoch sehr kleine Theile krummer Linien gewissermaßen als gerabe annehmen.

§. 132. Flace.

Stellt man sich eine Seitenbewegung der Linie vor, so bestommt man den Begriff von einer Flache. Diese hat zwei Ausdehnungen, nämlich diesenige, welche die Linie vor der Beswegung hatte, die Länge, und diesenige, welche durch Bewesgung der Linie erzeugt wurde, die Breite. Die Grenzen der Fläche sind Linien.

Konnen innerhalb einer Flache nach allen Richtungen hin gerade Linien liegen, so heißt dieselbe eine ebene Flache, Ebene. Diejenige Flache, worin jene allseitige Geradheit nicht Statt findet, heißt uneben, krumm. Auch von der krums men Flache darf man ganz kleine Theile als eben ansehen. Die von Linien bestimmt umgrenzte Ebene heißt Figur.

§. 133. Meffen.

Messen heißt: die Größe der gegebenen Ausdehnung nach einem gleichartigen, zur Einheit angenommenen Maße ermitteln, theilen und darstellen, oder sonst bestimmen.

Wenige Ausdehnungen können unmittelbar gemessen werden; nur zugängliche Linien gestatten dies, wie etwa die Länge eines Weges. Meist muß man die gesuchten Ausdehnunsgen, wie die Grundsläche eines Holzbestandes, erst aus gewissen, damit verbundenen Linien durch Zeichnung und Rechnung mitztelbar bestimmen.

Weber in der Messung, noch in der Zeichnung ist eine eisgentlich mathematische Schärfe erreichbar. Die Unpollkommens heit aller Begrenzungen und die Mangelhaftigkeit unserer Sinne und unserer Hülfsmittel verursachen manche unvermeiblichen Abweichungen Abweichungen, Der Meßkundige muß diese Abweichungen nach Maßgabe ihres Betrags und des erforderlichen Genauigskeitsgrades so viel als möglich beseitigen und gegen sie, so wie

auch gegen die vermeidlichen Fehler, welche aus Unachts samkeit und bergl. entstehen, sich allerwärts zu sichern suchen.

§. 134. Eintheilung ber glachenmeßtunft.

Die forstwirthschaftliche Meßkunst kann ohne hinlangliche Grundkenntnis nicht richtig und sicher ausgeübt werden. Daher betrachten wir zuvörderst die allgemeinen Eigenschaften und Berz baltmisse der planimetrischen Hulfssiguren überhaupt. Hiernachst beschäftigen wir uns mit der Zeichnung und Berechnung naher bestimmter Figuren auf dem Papiere. Alsdann wenden wir alles das auf die Ausmessung, Theilung, Darstellung und sonstige Bestimmung von Linien, Winkeln und Flächen des Forstlandes an. Die forstliche Planimetrie zerfällt demnach in sechs Abtheizlungen, nämlich: in die Betrachtung, Zeichnung und Berechnung der Figuren, in die Linien zund Flächensmessung und endlich in die Forstvermessung.

I. Zigurenbetrachtung.

1. Freie Linien und Bintel.

§. 135. Einzelne Linien. Fig. 1.

Von einem Punkte A zu einem andern B können vielerlei Linien Statt sinden, wie ACB, ADB, AFB u. s. w. Stellt man sich vor, die Fläche, worin diese Linien liegen, drehe sich um die sesten Punkte A und B: so bewegen sich die außer der Richtung von A zu B gelegenen Punkte C, D der ungeraden Linien mit herum, während die zu A und B gerichteten Punkte E, F, G der geraden Linie unverrückt bleiben.

Die gerade Linie kann also zwischen zwei Punkten nur eine einzige Lage haben und ist baher burch zwei Punkte bestimmsbar; auch kann von einem Punkte zum andern nur eine einzige

Gerade Statt finden, welche zugleich den kurzesten Weg vor= zeichnet.

Die krumme Linie, wie ADB, kann zwischen zwei festen Punkten unzählige Lagen haben; sie ist der Umweg. Gben so die zusammengesetzte Linie, wie ACB.

Sowohl gerade als krumme Linien können zusammengesett werden und zwar zu geradlinigen, krummlinigen ober gemischtlinigen Figuren. Bei allen folgenden Betrach= tungen benkt man sich die Liniengestalten in einer und derselben Ebene gelegen.

§. 136. 3 wei gerade Linien, Winkel. Fig. 2.

Zwei gerade Linien können keine Fläche einschließen; in der Ebene sind sie ihrer Richtung nach entweder gleichlaus fend, oder zu einander geneigt. Die geneigten durchschneis den sich irgendwo in einem gemeinschaftlichen Punkte.

Der unbegrenzte Raum zwischen zwei Linien, die sich in einem Punkte durchschneiden, heißt Winkel. Die Größe dessselben hangt nicht ab von der Länge beider Linien, welche Schenskel des Winkels genannt werden, sondern von der Größe ihrer beiderseitigen Zuneigung. Man bezeichnet die Winkel entweder mit einem einzigen Buchstaben an der Spike, oder mit drei Buchstaben, wovon der an der Spike inmitten genannt wird, und gebraucht dafür das Zeichen ...

Eigentlich ist die Neigung zweier geraden Linien AB und DC eine zweisache. Die beiderseitigen Winkel ABD und ABC heißen Nebenwinkel. Sind die beiden Nebenwinkel gleich, wie EBD und EBC, so nennt man sie rechte Winkel und ihren gemeinschaftlichen Schenkel EB eine Senkrechte auf der Geraden DC. Alle rechten Winkel sind unter sich gleich; sie dienen und hiernachst zur Vergleichung der übrigen Winkel. Handwerker nennen den Rechtwinkel schlechthin Winkel; wir spreschen oft nur Rechter und gebrauchen dafür R. Ist ein Winkel kleiner als der rechte, so heißt er spikig; ist er größer, stump seide heißen auch wohl schiefe Winkel.

§. 137. Daß ber Debenwinkel, Fig. 2.

Die Summe zweier Nebenwinkel beträgt immer zwei Rechtwinkel. Stellen DBA und ABC zwei Nebenwinkel und EB eine Senkrechte vor, so ist

Hieraus folgt:

- 1) Da jeder Nebenwinkel wieder aus mehren Winkeln bestehen kann, so mussen auch drei, vier und mehr über eisner Geraden zusammenliegende Winkel, wie DBF, FBE, EBA und ABC, das Maß von 2R haben.
- 2) Da auch die Winkel unter der Linie, wie DBG und GBC, so groß als 2R sind: so haben alle Winkel um einen Punkt herum das Maß von 4R.
- 3) Durch einen von zwei Nebenwinkeln ift auch ber andere gegeben.

$$\simeq$$
ABC = 2R - \simeq ABD.

§. 138. Gleichheit ber Scheitelwinkel. Fig. 3.

Zwei sich durchschneidende gerade Linien bilben gegenseitig gleiche Winkel, Scheitelwinkel ober Bertikalwinkel genannt. Durchschneiden sich AC und BD, so entstehen die Scheitelwinkelm und n, p und q.

Davon sind
$$m + q = 2R$$
 (als Nebenwinkel).

auch $n + q = 2R$ (als Nebenwinkel).

Folglich $m + q = n + q$;

abgezogen $q = q$,

bleibt $m = n$.

Eben so sind $p + n = q + n = 2R$;

abgezogen $n = n$,

bleibt $p = q$.

Ift von vier zusammengehörigen Scheitelminkeln einer gege=

ben, etwa m, so findet man mit Hulfe seines Nebenwinkels die übrigen.

Denn m = n; 2R - m = p = q.

§. 139. Parallellinien. Fig. 4.

Sleichlaufende Linien oder Parallelen bilden mit einer geraden Durchschneidungslinie mancherslei Winkel; davon sind sowohl die Gegenwinkel, wie r und n, als auch die Wechselwinkel, wie m und n, unter sich gleich, und je zwei Innenwinkel, wie p und n, zusammen so groß, als zwei Rechte.

Stellt man sich vor, die Parallelen AB und CD rückten in stets gleichlaufender Richtung zusammen: so sielen sie mit allen ihren Theilen zu gleich in einander, und es deckte der Winkel r den Winkel n, der Winkel p den Winkel q. Daher ist jeder innere Winkel seinem außern Gegenwinkel gleich, wie p — r.

Ist aber n = r, beßgleichen m = r (h. 138.), so muß auch n = m sein.

Daher sind die Wechselwinkel, wie n und m, gleich.

Wird nun zu n 🖚 m

so ist endlich n + p = m + p = 2R (§. 137.).

Daher find die beiben Innenwinkel, wie n+p, so groß als 2R.

- 1) Folglich mussen auch Linien parallel sein, wenn die von einer Durchschneidungslinie gebilbeten Gegenwinkel, ober Wechselwinkel unter sich, ober je zwei Innenwinkel zusammen zwei Rechten gleich sind. Finden diese Bedingungen nicht Statt, so neigen sich die Linien zu einander und schneiden sich irgendwo.
- 2) Wenn Parallelen von einer Geraden fent: recht durchschnitten werden, so sind alle inneren und außeren Winkel rechte und daher gleich.
- 3) Auch muffen alle auf einer Geraben errichs teten Genkrechten parallel fein.

4) Wenn zwei, drei und mehr geräde Linien mit einer einzigen parallel laufen, so sind fie unster sich auch parallel; denn sie haben alle gleiche Neigung zu einer gemeinschaftlichen Durchschneibungslinie.

2. Drei gerade Linien, Dreiede.

§. 140. Das Dreied.

Durchschneiden sich drei gerade Linien in drei Punkten, so bilden sie das geradlinige Dreied, wovon wir jest nur die Linien und Winkel untersuchen.

In Ansehung der Linien, die an den Figuren Seiten heis hen, giebt es drei Arten von Dreiecken: gleichseitige, worin alle Seiten gleich sind; gleichschenkelige, mit zwei gleichen Seiten, die man Schenkel nennt, und ungleichseitige.

In Ansehung der Winkel giebt es ebenfalls dreierlei Dreisecke: rechtwinkelige, mit einem rechten Winkel, stumpspaminkelige, mit einem stumpsen Winkel, und spikwinkelige, mit lauter spikigen Winkeln. Im rechtwinkeligen Dreiecke nennt man die dem Rechtwinkel gegenüber liegende Seite Hypothes nuse und die beiden andern, Katheten.

Jebe Seite, die wegen ihrer Entfernung von dem gegensüber liegenden Echpunkte zur Frage kommt, gilt insofern als Grundlinie. Der ihr gegenüber liegende Echpunkt heißt Spike, und eine Senkrechte aus der Spike auf die Grundslinie oder deren Verlängerung heißt Hohe des Dreieckes ober Abskand der Spike von der Grundlinie.

Machte man im stumpswinkeligen Dreiecke einen Schenkel des stumpken Winkels zur Grundlinie, so siele die Höhenlinie außerhalb des Oxcieckes auf die deßhalb zu verlängernde Grund-linie. Um dies zu vermeiden, nimmt man wo möglich die längste Seite des Oreieckes zur Grundlinie. Eine bloße Ansicht ergiebt schon, daß in dem Oreiecke zwei Seiten zusammen grösser sein mussen, als die dritte, sonst könnten die beiden kurzern sich nicht in dem dritten Punkte erreichen.

Die Dreiecke werden mit ihren drei Eckbuchstaben benannt, vor welche man noch das Zeichen A setzt, wenn eine Verwechsselung mit Winkeln entstehen könnte.

§. 141. Gesammtmaß ber Winkel im Dreiede, Fig. 5.

In jedem Dreiede sind alle drei Winkel zusams men fo groß, als zwei Rechtwinkel.

Denkt man sich in einem Dreiecke ABC eine beliebige Seite, z. B. AC nach D verlängert, alsbann aus dem Punkte C mit AB die Parallele CE: so ist

> Winkel p = q, Gegenwinkel (§. 139.), auch m = n, Wechselwinkel (§. 139.), endlich r = r, sich felbst.

3ufammen p+m+r=q+n+r.

Da nun q+n+r=2R (§. 137, 1.) so ift auch p+m+r=2R,

Hieraus folgt:

- 1) In dem Dreiecke kann nur Ein Winkel ein rechter, ober stumpfer fein, und es befinden sich darin wenigstens zwei spizige Winkel, sonst waren alle brei Winkel zusammen größer, als 2R, was unmöglich ist.
- 2) Auf eine Gerade kann von einem außerhalb berselben liegenden Punkte nur eine einzige Senkzrechte gesällt werden; benn zwei bildeten ein Dreieck mit zwei Rechtwinkeln, was nicht sein kann.
- 8) Der außere Winkel an einer verlängerten Seite des Dreiedes ist so groß, als die beiben innern entgegenliegenden Winkel zusammengenommen.

 $\simeq p + m = \simeq q + n = \simeq BCD$,

4) Mit ber Größe zweier Winkel eines Dreiedes ift auch die des dritten gegeben; und sind zwei Winkel eines Dreiedes zwei Winkeln eines andern gleich, so mussen auch die beiben dritten einander gleich sein.

§. 142. Zwei Seiten und ber Zwischenwinkel bestimmen ein Dreieck. Fig. 6.

Wenn zwei Seiten und der Zwischenwinkel eines Dreieckes benselben Stücken eines andern Dreiseckes gleich sind: so ist in beiden Dreiecken Alles gleich.

In den Dreiecken ABC und DEF sei AC = DF, BC = EF und C = F. Stellt man sich nun beide in einander vor, C genau in F: so mußte, wegen der Gleichheit dieser Winkel und ihrer wechselseitigen Schenkel, CA in FD und CB in FE, A in D und B in E, also auch AB in DE sallen (§. 135.). Hierzaus folgt, daß nicht nur das dritte Seitenpaar AB und DE und die zwei Paar übrigen Winkel A und D, B und E, sondern auch die ganzen Dreiecke einander gleich sind. Ein Oreieck ist das her durch zwei Seiten und den Zwischenwinkel gesnau bestimmt.

§. 143. Zwei Winkel und die Zwischenseite bestim= men ein Dreied. Fig. 7.

Wenn zwei Winkel und die Zwischenseite eines Oreieckes eben so groß sind, als dieselben Stücke eines andern Dreieckes: so ist in beiden Dreiecken Alles gleich.

In den Dreiecken GHI und KLM sei G = K, I = M und GI = KM. Man stelle sich beide so in einander vor, daß GI genau in KM liege. Da nun die Winkel I und M gleich sind, so müßte IH in ML fallen; eben so GH in KL wegen der Gleichheit von G und K; mithin der Punkt H in L. Hieraus folgt die Gleichheit der übrigen Seiten IH und ML, GH und KL, der Winkel H und L und endlich der ganzen Dreiecke. Ein Dreieck ist daher durch zwei Winkel und deren Zwisschen seite zwei beliedige Winkel gegeben sein, weil zwei Winkel den dritten bedingen (§. 141. 4.).

§. 144. Die drei Seiten bestimmen ein Dreied. Fig. 8.

Wenn die drei Seiten eines Dreieckes ben drei Seiten eines andern einzeln genommen gleich sind, fo gleicht sich in beiden alles Übrige.

In den Dreiecken NOP und QRS sei NP = QS, NO = QR und OP = RS. Man stelle sich die Dreiecke NOP und QRS so in einander vor, daß N in Q und P in S liege. Nun ist O so weit von N und von P, als R von Q und von S; daher muß O in R fallen, und die Dreiecke mussen sich nach dem Sprachgebrauche decken. Hieraus folgt die Gleichheit der Dreiecke selbst und der gleichliegenden Winkel. Ein Dreieck ist also durch die drei Seiten genau bestimmt.

§. 145. Im Dreiecke spannen gleiche Seiten gleiche Winkel. Fig. 9.

In jedem Dreiecke liegen gleichen Seiten gleiche Winkel gegenüber, und so umgekehrt, gleichen Winskeln gleichen Bins

In dem Dreiecke ABC sei z. B. AB = BC, und es sollte die Gleichheit der Winkel A und C bewiesen werden. Man denke sich aus der Spize B eine Gerade BD auf die Mitte der als Grundlinie anzusehenden Zwischenseite AC. Dadurch zersfällt das Dreieck in zwei andere Dreiecke ABD und CBD, die wechselweise gleiche Seiten haben und also (h. 144.) gleich sind. Folglich $\times A = \times C$.

Soll umgekehrt aus der Gleichheit der Winkel A und C die Gleichheit der Seiten AB und BC dargethan werden: so nimmt man BD als eine Senkrechte zu Hülfe und beweist mittels §. 143. die Gleichheit der Seiten AB und BC.

Aus diesem folgt weiter:

1) Die Linie BD, welche zwischen zwei gleischen Seiten, ober Winkeln eines Dreieckes aus der Spite senkrecht herabfallt auf die Grundlinie AC, theilt diese und das ganze Dreieck in zwei gleiche

Theile (g. 143.). Trifft sie die Mitte der Grundlinie, so steht sie auch senkrecht darauf (g. 144.).

- 2) Gleichschenkelige Dreiecke haben zwei gleische Winkel an der Grundlinie, und Dreiecke mit zwei gleichen Winkeln sind gleichschenkelig. Ist also in dem gleichschenkeligen Dreiecke ein Winkel bekannt, so sind es auch die übrigen, und zur Bestimmung des gleichschenkeligen Dreieckes braucht man nur einen Schenkel und die Grundlinie, oder eine Seite und einen Winkel.
- 3) Gleichseitige Dreiecke haben drei gleiche Winkel, und Dreiecke mit drei gleichen Winkeln sind gleichseitig. Denn sie sind in jeder Lage gleichschenstelig, und was oben nur von A und C dargethan ist, gilt auch hier von B mit A, oder mit C. In dem gleichseitigen Dreiecke ist jeder Winkel zu, und zur Bestimmung des gleichseitigen Dreiecke braucht man nur eine Seite.
 - §. 146. Im Dreiecke spannen größere Seiten größere Winkel. Fig. 10, 11,

In jedem Dreieckeliegt der größeren Seite auch der größere Winkel gegenüber und so umgekehrt, dem größeren Winkel die größere Seite.

Fig. 10. In dem Dreieck ABC sei AC größer als BC. Um nun zu beweisen, daß auch \cong B>A, denke man sich CD = CB, die Hülfslinie BD und das gleichschenkelige Dreieck BCD, worin m = n (§. 145. 2.).

Nun ist m, als außerer Winkel, gleich ben beiden innern entgegenliegenden A+r (§. 141. 3.) und daher größer, als der eine A; folglich ist auch der ihm gleiche Winkel n größer als A, und um so mehr ist n+r oder B größer als A. Da also der größeren Seite der größere Winkel gegenüber liegen muß: so kann nicht dem größeren Winkel zugleich auch eine kleinere Seite gegenüber liegen.

Hieraus folgt:

- 1) Daß in allen rechtwinkeligen und ftumpfwinkeligen Dreiecken biejenige Seite bie größte ift, welche bem rechten ober stumpfen Winkel gegenüber liegt (§. 141. 1.).
- 2) Fig. 11. Die von einem gegebenen Punkte A auf die Gerade BE gefällte Senkrechte AB ist die kurzeste aller möglichen Linien von A nach BE. Denn die andern aus A gehenden Linien AC, AD, AE bilden mit AB und der Grundlinie rechtwinkelige Dreiecke, worin sie als Hypothenusen alle größer sind, als die Kathete AB. Diese kurzeste Linie AB heißt der Abstand des Punktes A von der Linie BE.

Liegt A in einer Parallele zu BE, so ist AB eine kurzeste Zwischenlinie oder die Abstandslinie beider Parallelen. Denn ist AB zu BE senkrecht, so ist sie es auch zu AF (§. 139.), und dann ist sie die kurzeste Entfernung eines Punktes A der Linie AF von BE und eines Punktes B der Linie BE von AF.

§. 147. Berhältnismäßigkeit der parallel geschnittenen Dreieckseiten. Fig. 12.

Durchschneidet man das Dreieck parallel zu eis ner der drei Seiten: so werden die beiben andern Seiten verhältnismäßig getheilt.

In dem Dreiecke ABC benke man sich BF — FD — DA — JAB; serner aus F und D die Linien FG und DE parallel mit AC, zugleich FH und DI parallel mit BC, dann noch zwei besondere Hülfslinien GH und EI.

Daraus ergiebt sich zupörderst, daß die Linien BG, FH und DI gleich sind; benn

Beiter sind die Linien FH und GE gleich, benn

HG = HG, gemeinschaftlich,

FHG = HGE Wechselwinkel (§. 139.).

 $\frac{\Delta \text{ FHG}}{\Delta \text{ FHG}} = \frac{\Delta \text{ EGH (§. 143.)}}{\Delta \text{ FHG}}$

FH = GE

Aus denselben Grunden sind die Dreiecke DIE und CEI, mithin auch ihre gleichliegenden Seiten DI und EC gleich.

If nun BG = FH = DI und FH = GE, DI = EC, fo ift auch BG = GE = EC = $\frac{1}{2}$ BC.

Was hier von drei Theilen erwiesen wurde, gilt von jeder andern Anzahl.

Hieraus folgt nun:

1) Es verhalt fich nicht nur:

BF: BG = BD: BE = BA: BC; benn

 $\frac{1}{3}BA : \frac{1}{3}BC = \frac{2}{3}BA : \frac{2}{3}BC = BA : BC (§. 60.);$

sondern auch:

BF: FA = BG: GC; benn

 $\frac{1}{3}BA : \frac{2}{3}BA = \frac{1}{3}BC : \frac{2}{3}BC (§. 60.);$

und durch Berwechselung der mittlern Glieder:

 $BF : BG = FA : GC (\S, 61, 1,),$

2) Wird DI als ein solcher Parallelschnitt angesehen, so ver= halt sich ebenfalls:

AD : AI = DB : IC,

und burch Bersetzung ber Berhaltnisse:

 $DB : IC \longrightarrow AD : AI$.

Da aber IC - DE wegen Gleichheit der Dreiecke ICE und DEI, so ist auch:

DB : DE = AD : AI

Wird nun zu diesem letztern Verhältnisse jenes erstere DB: IC abbirt, so ist:

DB : DE = AD + DB : AI + IC = AB : AC (§, 61, 3.).

Auch ift aus demselben Grunde

BE : ED = BC : CA

- 3) Wenn also zwei Seiten eines Dreieckes zur britten parallel burchschnitten werden, so sind die abgeschnittenen Stücke und ihre Ganzen nicht allein unter sich, sondern auch mit den beiden Parallellinien proportionirt. Schneidet aber eine Linie zwei Dreieckseiten in proportionirte Stücke, so muß sie zur dritten Seite parallel sein.
 - §. 148. Ahnlichkeit zwischen dem Dreiecke und seinem Abschnitte. Fig. 12.

Tebe gerade Linie, welche durch das Dreieck mit einer Seite parallel geht, schneidet ein, dem Gan= zen ähnliches Stuck ab.

Ist DE parallel mit AC, so sind in den Dreiecken BDE und BAC alle Seiten der Reihe nach proportionirt; denn

meil BD: BE == BA: BC (§. 147. 1), so ist: BD: BA == BE: BC (§. 61. 1.);

und weil BE : ED = BC : CA (&, 147. 2.),

fo ift auch: $BE : BC = ED : CA (\S. 61, 1)$.

Folglich: BD: BA = BE: BC = ED: CA.

Zudem sind wegen des Parallelismus von DE und AC (§, 139.) alle Winkel der Reihe nach gleich, nämlich: n == 0, x == y und p == p.

Die Dreiecke BDE und BAC mussen also einander ahnlichtein; benn die Ahnlichkeit der Figuren beruht auf Berhaltnismäßigkeit der Seiten und Gleichheit der Winkel.

S. 149. Ahnlichkeit zwischen Dreieden überhaupt. Fig. 13.

Dreiecke sind ahnlich: wenn je zwei Winkel wechselweise sich gleichen, wenn je zwei verhaltnismäßige Seiten gleiche Zwischenwinkel haben, ober wenn alle drei Seiten verhältnismäßig sind. 1) In den beiden Dreiecken ABC und DEF sollen die gleichliegenden Winkel D und A, E und B gleich sein, also auch F = C (§. 141, 4.).

Man stelle sich das Oreieck DEF mit dem Winkel E in den Winkel B gelegt vor, und es falle D in n und F in o; dann ist:

Es muß also zufolge des vorigen Lehrsatzes das Dreieck Bno, mithin auch das ihm gleiche EDF, dem Dreiecke BAC ahnlich sein.

2) In den beiden Dreieden ABC und DEF seien ED: EF = BA : BC und \sqrt{E} = \sqrt{B}.

Man stelle sich die Dreiecke wieder in einander vor, Z E in B, ED in BA und EF in BC und das Dreieck Bna = EDF. Da nun der Veraussetzung nach ED: EF = BA: BC: so ist auch Bn: Bo = BA: BC; mithin no paralitel AC (§. 147. 3.); folglich das Dreieck Bno, so wie das ihm gleiche EDF, ahnlich dem Dreiecke BAC.

3) In den beiden Dreiecken ABC und DEF sei ED : BA = EF : BC = DF : AC.

Man nehme hier Bn = ED und ziehe no parallel zu AC, so ist das Dreieck Bno ahnlich dem Dreiecke BAC, und nach §. 148:

Bn: BA = Bo: BC = no: AC, aber auch ED: BA = EF: BC = DF: AC, Voraussetzung.

Weil nun hier die Vorderglieder Bn und ED der beiden ersten Verhältnisse gleich sind: so mussen es auch die der übrigen Verhältnisse sein, wegen Gleichheit der Hinterglieder; es ist also Bo = EF, no = DF und Bn = ED, mithin auch Δ Bno = Δ EDF. Letteres muß daher, wie ersteres, dem Oreiecke ABC ahnlich sein.

3. Bier gerade Linien, Bierece.

6. 150. Das Biered.

Werden vier gerade Linien in vier besondern Durch=
schneidungspunkten mit einander verbunden, so erhält man ein Biereck, eine Figur von vier Seiten und eben so vielen Win=
keln.

Die Vierecke werben nach der Lage ihrer Seiten eingetheilt: in Parallelogramme, worin alle Seiten parallel sind, in Trapeze, worin nur zwei Seiten parallel sind, auch Paralleltrapeze genannt, und in gemeine Vierecke.

Die Parallelogramme theilt man wieder ein nach den Seizten: in gleichseitige, welche lauter gleiche Seiten haben, und in langliche, worin das eine Seitenpaar langer ist; nach den Winkeln: in Rechtecke, worin alle Winkel-rechte sind, und in schiese Parallelogramme, mit lauter schiesen Winkeln. Das gleichseitige Rechteck heißt Quabrat, das langeliche, Oblongum.

Beim Parallelogramm heißt die Seite, von welcher aus die Entfernung der Gegenseite bestimmt wird, die Grundlinie und der Abstand der Grundlinie von der Gegenseite, die Hohe. Das Trapez ist schie fwinkelig, oder rechtwinkelig. In letterm stehen die Parallelseiten senkrecht auf einer der Nebensseiten, die dann gewöhnlich als Grundlinie angenommen wird. Sine Gerade aus einer Winkelspitze zu der schräg gegenüberliegenz den andern heißt Diagonale oder Schräglinie. Östers beznennt man Vierecke nur mit zwei Buchstaben gegenüberliegenz der Ecken.

§. 151. Gesammtmaß ber Winkelim Vierecke. Fig. 14.

Alle Binkel eines gerablinigen Bieredes gleichen zusammen 4 Rechten.

Jedes Viereck, d. B. AC, zerfällt mittels einer Diagonale BD in zwei Dreiecke ABD und BDC, deren Winkel zusammen die Winkel des Viereckes ausmachen. Nun hat jedes Dreieck zur Summe seiner Winkel 2R (§, 141.); es haben also beide Dreisecke zusammen 4R, und dies ist die beständige Summe aller Winkel im Vierecke.

Sind BC und AD parallel, wie im Parallelogramm und Arapez, so enthält sedes Paar der an einer Nebenseite liegenden Winkel A + B, oder C + D, das Maß von 2R (§. 139.). Ik also einer davon ein Rechter, so muß es auch der andere sein. Da die innern Winkel eines Viereckes 4R enthalten, so mussen die dazu gehörigen äußern 12R betragen; denn die innern und äus von 3 gehörigen haben das Maß von 4 × 4 R (§. 137. 2.).

Bei den vier= und mehrseitigen Figuren können auch ein= wärtsgehende Winkel Statt finden, solche, die nach innen größer sind, als 2R, was beim Dreiecke nicht möglich ist.

§. 152. Diagonale in bem Parallelogramm. Fig. 14.

Sedes Parallelogramm wird burch eine Diago= nale in zwei gleiche Dreiede getheilt.

Man denke sich irgend ein Parallelogramm AC mit der Diagonale BD. Darin ist

BD = BD, gemeinschaftlich,

$$x = x_n$$
 als Wechselwinkel (§. 139.).
 $x = x_n$ als Wechselwinkel (§. 139.).
 $x = x_n$ als Wechselwinkel (§. 139.).

Hieraus folgt weiter:

- 1) In jedem Parallelogramm ist jedes durch eine Diagonale abgetheilte Dreieck die Hälfte des Parallelogramms.
- 2) In jedem Parallelogramm sind die gegensüberliegenden Seiten und die schräg gegenüberliegenden Winkel gleich.
- 3) Parallelen zwischen Parallelen sind gleich. Also auch alle Abstandslinien zweier Parallelen, weil sie senkt recht auf diesen und somit unter sich parallel sind (§. 146. 2.).
 - 4) 3mei Gerabe AD und BC, welche zwei gleiche

Parallelen AB und DC verbinden, sind gleich. Ist nämlich AB = DC, BD = BD, m = n, und daher das \triangle ABD = \triangle CDB: so ist auch AD = BC.

- 5) Eine Vergleichung der beiden Diagonalen im Parallelos gramm ergiebt, daß dieselben im Rechtecke gleich, im schiefen Vierecke aber ungleich sind.
 - §. 153. Gleichheit zwischen Biereden.

Unter ben Bierecken findet sich vollige Gleichheit:

- 1). In allen Quabraten auf gleichen Seiten wegen ber Seiten = und Winkelgleichheit in jedem.
- 2) Alle länglichen Rechtecke sind gleich, worinzwei an einander liegende Seiten wechselweise sich gleichen. Da in jedem die gegenüberliegenden Seiten eben so groß und die Winkel rechte sind, so mussen sich die Fizguren unter dieser Bedingung becken.
 - 3) Alle schiefen Parallelogramme sind gleich, wenn in ihnen je zwei an einander liegende Seiten und die Zwischenwinkel sich gleichen; benn in diesem Falle sind auch die übristen Theile einander gleich.
 - 4) Trapeze und gemeine Vierecke sind gleich, wenn sie aus gleichen gleichliegenden Dreiecken zusammengesett sind.
 - 5) Man bestimmt das Quadrat durch eine einzige Seite; das längliche Rechteck durch zwei an einzander liegende Seiten; die andern Parallelogramme durch zwei an einander liegende Seiten und den Zwischenwinkel; die Trapeze und überhaupt alle Vierecke auch nach Oreiecken.
 - §. 154. Uhnlichkeit zwischen Biereden.
 - 1) Alle Quabrate sind einander ähnlich; denn ihre Seiten haben ein und dasselbe Verhältniß zu einander, und ihre Winkel sind gleich.
 - 2) Bur Ahnlichkeit langlicher Rechtede ist nur erforberlich, baß zwei an einander liegende Seiten

proportionirt sind; weil sie eben auch lauter rechte Wintel haben und das andere Seitenpaar in demselben Verhaltnisse steht.

- 3) Schiefe Parallelogramme sind ahnlich, wenn barin je zwei an einander liegende Seiten proportionirt und die Zwischenwinkel gleich sind; denn unter diesen Bedingungen mussen auch die übrigen Linien proportionirt und die gleichliegenden Winkel gleich sein.
- 4) Trapeze und alle andern Bierede sind ahn= lich, wenn sie sich durch Diagonalen in ahnliche gleichliegende Dreiede zertheilen lassen.

4. Biel gerade Linien, Bielede.

§. 155. Das Bieled. ...

Fünf, sechs, sieben und mehr gerade Linien, in eben so viel besondern Durchschneidungspunkten mit einander versbunden, bilden das Fünfeck, Sechseck, Siebeneck u. s. w., welche alle unter dem Namen Vielecke oder Polygone besgriffen werden.

Die Bielecke theilt man in regelmäßige und gemeine. An den erstern sind alle Seiten (Polygonseiten) und alle Binkel (Polygonwinkel) gleich. Auch in den Vielecken heißt die von einer Winkelspitze zur andern schräg hindurch gezogene Serade eine Diagongle.

"§. 156, Gesammtmaß ber Winkelim Bielecke. Fig. 15.

Alle Winkel eines geradlinigen Bieleckes betragen zukammen zweimal so viel Rechte, als basfelbe Seiten hat, weniger 4R.

Man stelle sich in einem beliebigen Vielecke, etwa ABCDEFG, von einem innern Punkte H nach allen Umfangspunkten gerade Linien vor, so zerfällt dadurch das Viéleck in eben so viele Dreizecke, als es Seiten hat, hier in sieben. Die Winkel dieser Dreiecke

enthalten zusammen alle Umfangswinkel des Bieleckes und noch die 4R (§. 137.) um ihren gemeinschaftlichen Berührungspunkt. Daher müssen alle Umfangswinkel des Bieleckes zusammen um 4R kleiner sein, als die Winkel aller Dreiecke zusammen, oder, was dasselbe ist: sie betragen zwei mal so viel Rechte, als das Vieleck Seiten hat, weniger 4R.

Das Siebeneck hat $7 \times 2R - 4R = 10R$. Das Neuneck hat $9 \times 2R - 4R = 14R$. Das n = eck hat $n \times 2R - 4R = (n-2) \times 2R$.

Betragen aber im n=eck die innern Winkel n×2R — 4R, so mussen die Außenwinkel enthalten n×4R weniger n×2R—4R, namlich: n×2R+4R.

S. 157. Regelmäßiges Polygon. Fig. 16,

Das regelmäßige Polygon ist aus so vielen gletzchen gleichschenkeligen Dreiecken zusammengesett, als es Seiten hat, und diese Dreiecke stoßen mit ihren Spiten in einem gemeinschaftlichen Punkte zusammen.

Man denke sich in einem beliebigen regelmäßigen Polygon ABDEFG aus allen Eckpunkten A, B, D u. s. w. durch die Mitte aller Polygonwinkel gerade Linien nach dem Insnern. Diese mussen irgendwo einander schneiden und Oreiecke bilden, weil die beiden an jeder Polygonseite AB, BD u. s. w. liegenden halben Polygonwinkel zusammen kleiner sind, als 2R (§. 139. 1.).

Die baraus entstandenen Dreiecke ABC, BDC u. s. w. has ben die gleichen Polygonseiten zu ihren Grundlinien und an diessen die Hälften der gleichen Polygonwinkel zu anliegenden Winskeln; sie sind daher gleich und gleichschenkelig (h. 143. 145. 2.). Auch mussen ihre Spiken wegen der gemeinschaftlischen gleichen Schenkel je zweier Dreiecke, nämlich AC = BC, BC = DC u. s. w., in einem einzigen Punkte, dem Mittelspunkte, zusammensallen. Hieraus folgt:

1) Richt allein alle Linien AC, BC . . . von ben

Echunkten nach bem Mittelpunkte des Polygons, welche man in gewisser Beziehung Halbmesser nennt, sind gleich, sondern auch alle. Abstände der Polygonseiten von dem Mittelpunkte, wie CH. Denn die Abstandslinie ist eine Senkrechte von C auf die Poslygonseite, wie CH auf AG; sie theilt jedes Polygondreieck wieser in zwei gleiche Dreiecke, wie AHC und GHC u. s. w. (§. 145. 1.), die alle einander gleichen, und in diesen sind die Abstandslinien gleichliegende Seiten.

- 2) Alle Dreieckswinkel am Mittelpunkte, wie GCA, ACB, BCD u. s. w., ihre Halften, wie ACH, HCG u. s. w., ihre Zweisachen GCB, BCE u. s. w. sind unter sich gleich. Nicht minder ihre entgegensliegenden Seiten GA = AB = BD, auch Halbseisten GH = HA u. s. w., auch Doppelseiten GA + AB = BD + DE u. s. w.; weil sie zu gleichen Oreieden, ober zu gleichen Polygonausschnittensehoren.
- 3) Unter allen Polygonen ist bas Sechseck.am regelmäßigsten gestaltet. Zedes seiner sechs Polygons dreiede hat zum Spikenwinkel $C = \frac{4R}{6} = \frac{2}{3}R$; also ents halten die beiden Winkel an der Grundlinie $2R \frac{2}{3}R = \frac{4}{3}R$ und jeder einzelne enthält $\frac{2}{3}R$. Die Polygondreiede des Sechseckes sind demnach gleichwinkelig und gleichseitig (§. 145. 3.). Im regelmäßigen Sechsecke müssen also Halbmesser und Polygonseite gleich sein.
- 4) Je mehr ein Polygon Seiten hat, bei einem und demselben Halbmesser, um so kleiner wird jede Seite, um so näher kommt der Seitenabstand dem Halbmesser, um so stumpfer werden die Ecen und um so mehr rundet sich das Polygon ab zu einem Kreise.
- §. 158. Gleichheit und Ahnlichkeit zwischen Bieleden. Fig. 17.

Wegen Gleichheit und Ahnlichkeit' der Bielecke haben wir Folgendes zu bemerken.

- 1) Bielede sind gleich, wenn sie sich durch Diagonalen in gleich viele Dreiede zertheilen lassen, wovon jedes der einen Figur dem gleichliegenden. der andern völlig gleich ist. Denn wenn die Theile in einer und derselben Ordnung gleich sind, so mussen es auch die Ganzen sein.
- 2) Regelmäßige Polygone sind schon gleich, wenn sie bei gleicher Seitenzahl ein gleiches Seiztenzahl ein gleiches Seizten= oder Linienpaar haben, und also aus lauter gegen= seitig gleichen Dreiecken bestehen. Auf ebendemselben Grunde beruht die Gleichheit gleichmäßiger Ausschnitte von gleichen Poslygonen.

Durch bie Anzahl ber Seiten und durch bie Größe einer Seite, ober eines Hatbmessers, ift, bas regelmäßige Polygon genau bestimmt.

- 3) Fig. 17. Bielecke sind ahnlich, wenn sie sich in gleichviele Dreiecke zerlegen lassen, die einan= ber ber Reihe nach ahnlich sind.
- So sind z. B. die Sechsecke abcdef und ABCDEF einans per ahnlich, wenn die Dreiecke abc ~ ABC, ace ~ ACE, cde ~ CDE und aef ~ AEF und überdies alle übereinstims mig an einander liegen. Denn hieraus folgt die Gleichheit aller gleichliegenden Winkel a=A, b=B, c=C u. s. w., und die Proportionalität der gleichliegenden Diagonalen und Seiten, als ac: AC = ce: CE = ae: AE; serner ab: AB = bc: BC = cd: CD = de: DE = ef: EF = sa: Fa = (ab + bc + cd + de + ef + fa): (AB + BC + CD + DE + EF + FA) (§. 61. 3.). Hieraus ergiebt sich noch: In allen ahnlichen Figuren sind die ganzen Umfänge den gleichliegens den Seiten und Diagonalen proportionirt.
- 4) Regelmäßige Polygone sind einander schon ähnlich, wenn sie gleichviele Seiten haben; denn bann sind die Seiten verhältnismäßig und die Winkel gleich.
- 5) Gleichmäßige Ausschnitte ahnlicher Poltysgone sind eben auch ahnlich.

5.. Krumme Linien, Kreise.

§. 159. Der Rreis. Fig. 16, 19,

Unter allen krummen Linien sinden wir die Kreislis nie am regelmäßigsten. Sie ist eine in sich selbst zurücktehs rende krumme Linie, welche von dem Mittelpunkte überall gleich weit absteht; man nennt sie Umfang, Umkreis, Pez ripherie.

Jede Gerade, die von dem Mittelpunkte zu dem Umfang geht, heißt Halbmesser, Radius, und zwei Halbmesser in gerader Linie bilden einen Durchmesser, Diameter des Kreises. Die Halbmesser eines Kreises sind unter sich gleich, weil der Umfang von dem Mittelpunkte gleichweit absteht; also mussen auch die Durchmesser unter sich gleich sein. Diese gehen durch den Mittelpunkt.

Gerade Linien von einem Punkte des Umkreises zu dem ans dern, die nicht durch den Mittelpunkt gehen, nennt man Sehnen, und den Theil des Umkreises, den sie abschneiden, Bogen. Derjenige Theil der Kreissläche, welcher durch die Sehne abgesschnitten wird, heißt Abschnitt, und der von zwei Halbmessern ausgeschnittene Theil, Ausschnitt des Kreises. Zwei Kreise mit gemeinschaftlichem Mittelpunkte heißen concentrisch.

Da in dem regelmäßigen Polygone alle Echpunkte eben so, wie die Kreislinie, gleichweit von ihrem Mittelpunkte abstehen (§. 157. 1.): so berühren sich in einem Polygouse und einem Kreise, von gemeinschaftlichem Mittelpunkte C und gleichem Halbmesser CA, CB u. s. w., die Polygonecken und der Umstreis. In diesem Falle sagt man, das Polygon sei in den Kreis, oder der Kreis sei um das Polygon beschriesben. Der Kreis ist dagegen in das Polygon beschriesben, wenn derselbe die Polygonseiten von innen berührt und den Seitenabstand des Polygons CH zum Halbmesser hat.

Da im regelmäßigen Sechsecke die Seite so groß als der Halbmesser ist (§. 157. 4.): so kann in jedem Umkreise der Halbmesser sechs mal als Sehne herum getragen werden.

§. 160. Binkelim Kreife, Fig. 18.

In jedem Kreise ift der Winkel am Umfange halb so groß, als der Winkel am Mittelpunkte, wenn beide mit ihren Schenkeln auf demfelben Bogen stehen.

Ist der Winkel ABD ein Winkel am Umfange und der Winkel ACD der am Mittelpunkte auf gleichem Bogen AD:

Dies führt uns zu der nütlichen Folgerung: daß alle Winkel im Halbkreise, wie ABF, die mit ihrer Spize den Umkreis und mit ihren Schenkeln beide Enden des Durchmessers berühren, Rechtwinkel sein müssen. Jeder enthalt nämlich die Halfte von allen Winkeln unterhalb der Geraden ACF, welche zusammen 2R bestragen (§. 137. 1.).

= R.

§. 161. Gleichheit und Ahnlichkeit ber Kreise. Fig. 19.

Der Kreis ist als ein regelmäßiges Bieleck ans zusehen. Man kann sich nämlich vorstellen, der Umfang bes stehe aus unzählig vielen kleinen, gleichen Seiten, und der ganze Kreis sei aus eben so viel schmalen, gleichen Polygondreiecken zusammengesetzt, sei also ein Polygon von unzählig vielen: Ecken. Es muß daher auch alles von dem regelmäßigen Polygon Er= wiesene auf den Kreis angewendet werden können, nämlich:

- 1) Alle Halbmesser und Durchmesser eines Kreises sind unter sich gleich, wie in den Polygo= nen (§. 157. 1.).
- 2) In jehem Kreise haben gleiche Winkel am Mittelpunkte gleiche Bogen, und gleiche Bogen gleiche Mittelpunktwinkel. Denn sie gehören zu einer gleichen Anzahl gleicher Polygondreiecken (§. 157. 2.).
- 3) Alle Ausschnitte besselben Kreises mit gleischen Mittelpunktwinkeln oder mit gleichen Bogen sind gleich, weil sie aus einer gleichen Anzahl gleicher Polyzondreieckhen bestehen (§. 157. 2.).
- -4) Daher sind auch die vier rechtwinkeligen Ausschnitte am Mittelpunkte, die man Quadranten zu nennen pflegt, einander gleich und Biertel des Kreises.
- 5) Da auf jeder Seite des Durchmessers zwei solcher Vierztelkreise liegen: so muß auch der Durchmesser den Kreis in zwei Halbkreise theilen.
- 6) Kreise von gleichen Halbmessern, gleichen Durchmessern, oder gleichen Umfängen sind gleich. Jeder Kreis wird durch eine dieser Linien genaubestimmt.
- 7) In gleichen Kreisen haben gleiche Bogen auch gleiche Winkel am Mittelpunkte, und so um= gekehrt.
- 8) Ausschnitte gleicher Kreise sind gleich, wenn sie gleiche Mittelpunktwinkel ober gleiche Bogen haben.
- 9) Fig. 19. Alle Kreise sind, als Polygone von gleich vielen Seiten angesehen, einander ahnlich.

Daher mussen nicht allein ihre Halbmesser, Durchmesser und Umfänge, sonvern auch ihre Bogen,
welche zu gleichen Mittelpunktwinkeln gehören,
proportionirt sein. Nennt man in zwei Kreisen K und
k die Halbmesser R und r, die Durchmesser D und d, die Umfänge U und u, die Bogen gleicher Mittelpunktwinkel B und b,
so ist:

R: r = D: d = U: u = B + b.

§. 162. Andere frummen Linien. Fig. 20. 21.

Die übrigen krummen Linien sind von unendlicher Berschies benheit; nur wenige krummen sich nach solchen Gesetzen, daß sie einen Gegenstand allgemeiner Betrachtungen abgeben konnen, und biese werden in der Forstwirthschaft eigentlich nicht gebraucht.

Zu einer Anwendung als bloße Figur eignete sich etwa die Ellipse. Fig. 20. Diese ist ein Langkreis AKBG, worin die beiden als Halbmesser dienenden Linien CL und LD, oder CH und HD, welche aus irgend einem Umfangspunkte, wie L, H, nach den beiden bestimmten Durchmesserpunkten C und D gehen, zussammengenommen dem langen Durchmesser AB gleich sind.

Wir bemerken übrigens noch: die krummen Linien werden überhaupt dadurch bestimmt, daß man ihre Abstände von einer Seraden angiebt. Lettere nennt der Mathematiker Abscissenlinie und die Abstände Ordisnaten. Wir gebrauchen dasur die Namen: Standlinie und Abstände, benken uns die vorkommende krumme Linie, z. B. Fig. 21. MPR, aus kleinen Geraden MN, NO, OP u. s. w. zusammengesetzt und bestimmen die dadurch zugleich mit angenommenen Echpunkte N, O, P, Q u. s. w. von den Richtpunkten B, C, D, E der Standlinie AR aus, nach den besondern Längen AB, AC, AD durch die senkrechten Absstände oder Breiten BN, CO, DP u. s. w.

- 6. Größengleichheit verschiedener Figuren.
- §. 163. Parallelogramme auf gleichem Grunde und in gleicher Sohe. Fig. 22, 23, 24.

Parallelogramme von gleichen Grundlinien und Sohen haben gleichen Flächeninhalt.

Man nehme zwei solcher Parallelogramme ABCD und AFED auf einer gemeinschaftlichen Grundlinie AD an: so befinden sich die Oberseiten wegen der gleichen Höhe in einer und derselben Parallele BE zur Grundlinie. F liegt nun entweder in C, oder in BC, oder außerhalb BC.

1) Fig. 22. Liegt F in C, so ist:

Mithin: \triangle ABC = \triangle DFE (§. 144.).

Dazu $\triangle ACD = \triangle AFD$.

Folglich Parallelogr. AC — Parallelogr. AE.

2) Fig. 23. Liegt F in BC, so ist:

wie oben BC = EF.

Davon FC = FC,

bleibt: BF = EC.

Es ist aber auch AB = DC (§. 152. 2.).

· Mithin: \triangle ABF = \triangle DCE (§. 144.).

Hierzu Trapez AFCD - Trapez AFCD.

Folglich: Prlgr. AC — Prlgr. AE,

3) Fig. 24. Liegt F außer BC, so ist:

wie oben BC = EF

Dazu CF = CF,

giebt: BF = CE,

Nun ist auch ABDC/
und AF(§. 152. 2.).Dithin: ΔABFΔDCE(§. 144.).Davon ΔGCFΔGCF,bleibt: Trap. ABCGTrap. DGFE.Dazu ΔAGDΔGD.Folglich: Prigr. ACPrigr. AE.

h. 164. Dreiede auf gleichem Grunde und in gleischer Sobe. Fig. 25.

Dreiecke von gleichen Grundlinien und gleischen Sohen haben gleichen Flacheninhalt.

Man benke sich zwei solcher Dreiecke ABD und AFD auf demselben Grunde AD; dann durch ihre Spiken eine Gerade BF, die wegen der gleichen Dreieckshohen zur Grundlinie gleiche laufend sein muß; endlich noch DC parallel zu AB und DE parallel zu AF: so ist

Parallelogr. ABCD = Parallelogr. AFED; folglich auch z Prlgr. ABCD = z Prlgr. AFED, ober \triangle ABD = \triangle AFD (§. 152. 1.).

Demnach ist ein Dreieck auch halb so groß, als jedes andere Parallelogramm von ebenberfelben Grundlinie und Hohe.

 \triangle ABD = $\frac{1}{2}$ Prigr. AC = $\frac{1}{2}$ Prigr. AE.

§. 165. Quadrate auf den Seiten des rechtwinkeli=
gen Dreieckes. Fig. 26.

In jedem rechtwinkeligen Dreiecke ist das Quabrat der Hypothenuse so groß, als die beiben Quadrate der Katheten.

Man benke sich CE als das Quadrat der Hypothenuse, CH und BG als die Quadrate beider Katheten; serner die Gerade AL parallel mit CD und BE, und einstweilen nur die beis den Hulfslinien AD und BI: so ist erstlich ZDCB = ZICA = R.

Dazu: ZACB = ZACB,

giebt: ZDCA = ZICB,

Da auch CD = CB als Quabratseiten:

und CA = CI als Quabratseiten:

The polyt: \triangle DCA = \triangle 1CB (g. 142.). Where \triangle DCA = \triangle DCK = $\frac{1}{2}$ Prigr. CL (§. 164.) und \triangle ICB = \triangle ICA = $\frac{1}{2}$ Qubrt. CH

Folglich: Prigr. CL — Quort, EH.

Eben so läßt sich beweisen, daß Pzlgr. BL = Qubrt. BG ist.

Beide Gleichungen abbirt, giebt

CL + BL = CH + BG

ober BC² = CA² + AB²;

auch BC2 - CA2 = AB2, ober BC2 - AB2 = CA2.

Ein Dreieck, bessen Seiten sich verhalten, wie 3, 4 und 5, ist also rechtwinkelig, weil $3^2 + 4^2 = 5^2$.

7. Flacheninhalt ber Figuren.

§. 166. Flacheninhalt ber Bier= u. Dreiede, Fig. 27.

Jedes Rechteck enthält so viele Quadrateinheisten, als das Produkt aus der Längenzahl seines Grundes mit der Längenzahl seiner Seite ober Höhe beträgt.

Es sei AC ein Rechteck, dessen Flächeninhalt bestimmt wersten soll, und ac ein zur Flächeneinheit dienendes Quadratchen. Dieses Flächenmaß ging innerhalb des Rechteckes so viel mal auf die Grundlinie AD, als diese ad in sich enthält, und eine solche Anzahl AF fände in dem ganzen Rechtecke so viel mal Plat, als ad oder AE in der Höhe AB enthalten ist.

Mäße z. B. die Grundlinie AD 4 und die Seite AB 3' Längeneinheiten, so gingen in dem Rechtecke AC vier Quadrat= einheiten drei mal über einander. Man sieht also ein, daß des= sen Flächeninhalt $4 \times 3 = 12$ ist.

Daher muß die gesuchte Anzahl der im Rechtecke befindlichen Quadrateinheiten herauskommen, wenn man die Längenzahl der Grundlinie AD mit der Längenzahl der Seite AB, oder schlechthin, die Grundlinie mit der Höhe multiplizirt. Dadurch wird zugleich deutlich, was gemeint ist, wenn Linien mit Linien multiplizirt werden sollen.

Aus biesem folgt weiter:

- 1) Der Inhalt bes Quadrates ist das Produkt seiner Seite mit sich selbst, weil die Höhe der Grundlinie gleich ist. Hätte eine Quadratseite 10 oder 12 zum Maße, so enthielte das Quadrat $10 \times 10 = 10^2 = 100$, oder $12 \times 12 = 12^2 = 144$ Flächeneinheiten. Der Inhalt des Quadrates ist also die Quadratzahl der Seite, und die Seite des Quadrates ist die Quadratwurzel aus dem gegebenen Inhalte. Deßehalb nennt man auch in der Rechenkunst die zweite Potenz Quadrat.
- 2) Das schiefe Parallelogramm besteht aus so vielen Flächeneinsheiten, als das Produkt seiner Grundlinie mit der Hohe beträgt; denn es ist (§. 163.) so groß als ein Rechteck von derselben Grundlinie und Hohe. Hielte in Fig. 24. die Grundlinie AD 8 und die Hohe DC 11, so ware der Inhalt von dem schiesen Parallelogramme AE sowohl, als von dem Rechtecke AC = 8 × 11 = 88 Flächenzeinheiten.
- 3) Überhaupt wird der Flächeninhalt eines jesten Parallelogramms gesunden, wenn die Längenstahlen der Grundlinie und Höhe mit einander multiplizirt werden. Bezeichnet man jene mit G und diese mit H und den Flächeninhalt mit F, so ist in jedem Parallelogramm F = G × H.
- 4) Der Flächeninhalt des Dreieckes besteht aus halb so viel Flächeneinheiten, als das Prosdukt wer Grundlinie mit der Höhe beträgt; denn das Oreieck ist die Palste des Pakallelogramms von derselben Grundlinie und Höhe (§. 164.). In jedem Oreiecke ist daher nach der vorigen Bezeichnung F = \mathbf{I} (G × H).

5) Zede andere Figur enthalt so viele Flächen: einheiten, als alle ihre durch Diggonalen abgetheilten Dreiecke ober andern Berechnungstheile zusammengenommen.

§. 167. Flacheninhalt ber Polygone. Fig. 16.

Tedes regelmäßige Polygon ift so groß als ein Dreieck, das dessen Umfang zur Grundlinie und dessen Mittelpunktabstand zur Hohe hat.

Von dem regularen Sechsecke ist der Inhalt nach den einzelnen Dreiecken, die alle gleiche Grundlinien und gleiche Hohen haben (§. 157.):

Nennen wir im Allgemeinen die Polygonseite s, die Anzahl der Seiten n und den Mittelpunktabstand r: so ist von jedem Polygon der Flächeninhalt

$$\mathbf{F} = \frac{1}{2}(\mathbf{s} \times \mathbf{n} \times \mathbf{r}).$$

hieraus folgt:

1) Der Flächeninhalt eines Kreises ist eben auch dem eines Dreieckes gleich, das dessen Umfang zur Grundlinie und dessen Halbmesser zur Hohe hat (§. 161.). Bezeichnet man den Umfang mit u anstatt sin, den Halbmesser oder Mittelpunktabstand mit r: so ist von jedem Polygon und Kreise der Flächeninhalt-

$$\mathbf{F} = \frac{1}{2} (\mathbf{u} \times \mathbf{r}),$$

2) Jeber Polygon= und Kreisausschnitt ift so groß als ein Dreied, das zur Grundlinie den ents sprechenden Theil des Umfangs und zur Hohe den Mittelpunktabstand wer Halbmesser hat. Bezeich= net b in einem solchen Ausschnitte den Umfangtheil, so ist F = $\frac{1}{2}$ (b × r).

- 8. Flächenverhaltniß ber Figuren.
- §. 168. Flachenverhaltniß zwischen Dreieden.'

Alle Dreiecke verhalten sich ihrer Fläche nach, wie die Produkte ihrer Grundlinien und Hohen. Bezeichnet man von zwei Dreiecken die Grundlinien mit G und g, die Hohen mit H und h, die Flächeninhalte mit F und k, dann ist:

$$F = \frac{1}{2} G \times H$$

$$f = \frac{1}{2} g \times h$$

$$Oaher F : f = \frac{1}{2} G \times H : \frac{1}{2} g \times h$$

$$und F : f = G \times H : g \times h (§. 60.).$$

Hieraus folgt:

1) 3mei Dreiecke von gleichem Grunde verhaliten sich wie ihre Hohen.

Ist namlich $F: f = G \times H: g \times h$ und nach der Voraussetzung G = g so ist auch F: f = H: h (§. 60.).

2) Bei gleichen Hohen verhalten sich die Dreisecke wie ihre Grundlinien. Ift nämlich H == h, so vers halt sich auch

 $G \times H : g \times h = G : g.$

- 3) Da die Dreiecke Hälften sind von Parallelogrammen, und die Ganzen sich verhalten, wie ihre Hälften: so finden alle diese Verhältnisse auch bei Parallelograms men Statt.
- §. 169. Flächenverhältniß zwischen ähnlichen Figuren. Fig. 28. 29. 17.
- 4 Fig. 28. Ahnliche Dreiecke verhalten sich zu einander, wie die Quadrate ihrer gleichliegenden Seiten. Man lege zwei ähnliche Oreiecke ABC und ADE zusammen und ziehe die Hülfslinie DC, so ist

 \triangle ADE : \triangle ADC = AE : AC (§: 168, 2.).

 $\triangle ADC : \triangle ABC = AE : AC (= AD : AB, §. 147.).$

Folglich \triangle ADE : \triangle ABC = AE² : AC² (§, 61, 40 2.)

 $= AD^{2} : AB^{2}$ $= DE^{2} : BC^{2}.$

2) Fig. 29. Ahnliche Vierecke verhalten sich, wie die Quadrate ihrer gleichliegenden Seiten oder Diagonalen. In den beiden ähnlichen Vierecken ABCD und abcd verhält sich

 $\triangle ABC: \triangle abc = AC^2: ac^2 = AB^2: ab^2 u. f. w.$

 $\triangle ACD: \triangle acd = AC^2: ac^2 = AD^2: ad^2u. f. w.,$

mithin ABCD: $abcd = AC^2$: $ac^2 = AB^2$: ab^2u . f. w. (§. 61, 3.).

3) Fig. 17. Eben so verhalten sich ahnliche Biele ede, wie die Quadrate ihrer gleichlstegenden Linien. In den beiden ahnlichen Bieleden ABCDEF und abcdef' ift namlich:

 $\triangle ABC : \triangle abc = AB^2 : ab^2$

Δ CDE: Δ cde = AB²: ab² megen Proportionalität

Δ CEA: Δ cea = AB2: ab2 aller Seiten (§. 15843.).

 $\triangle EFA: \triangle efa = AB^2:ab^2$

Mithin ABCDEF: abcdef = AB2: ab2 = BC2: bc2 u. s. w.

4) Kreise verhalten sich ihrer Fläche nach, wie die Quadrate ihrer Halbmesser, Durchmesser und Umfänge. Denn alle Kreise sind als ähnliche Vielecke von einer gleichen Anzahl Seiten anzusehen, und ihre Halbmesser, Durchmesser und Umfänge als gleichliegende Linien. Bezeichnen K und k zwei Kreise, R und r ihre Halbmesser, D und d ihre Durchmesser, U und u ihre Umfänge: so ist

 $K: k = R^a: r^a = D^a: d^a = U^a: u^a$

5) Fig. 17. Gleichliegende Linien ahnlicher Fisguren verhalten sich, wie die Quabratwurzeln aus den Zahlen, welche die Flächenverhältnisse der Figuren ausbrücken.

If ABCDEF: abcdef = AB²: ab³, so ift auch \(ABCDEF: \sqrt{abcdef} = AB: ab. \)

Yus \(K: k = D^2: d^2 = U^2: u^2 \)

folgt \(VK: Vk = D: d = U: u. \)

II. Figurenzeichnung.

1. Linienzeichnung insbesondere.

§. 170. Linienmaße.

Die Linien= oder Rißzeichnung stellt gemessene Gesgenstände, Grundstücke, Wege, Bauwerke u. dergl. in verjüngstem Maße dar. Zu diesen Darstellungen mussen wir zuvors berst das Linien= oder Langenmaß kennen.

Als Grundmaß zum Längenmessen dient der gemeine Fuß, sessen Größe gewöhnlich nach dem alten pariser Fußmaße bestimmt wird. Man nimmt davon mehre, gewöhnlich 10, 12 bis 16 zusammen zur Ruthe, und theilt diese, des leichtern Gebrauches wegen, allemal wieder in Zehntel. Dadurch entsteht das geometrische Maß, dessen Theile geometrische Fuße, Zolle heißen.

Im Handel und Gewerbe geht man nicht gern von dem gemeinen oder Werkfuße ab, der durch seine Eintheilung in 12 Zolle zu 12 Linien theilbarer ist. Dieses gemeine Maß heißt zwölftheiliges oder Werkmaß. Der geometrische Fuß gleicht nur dann dem Werkfuße, wenn die Ruthe aus 10 Werkstußen besteht.

Man bezeichnet die Ruthen mit ', die Fuße mit', die Zolle mit", die Linien mit " rechts oben an der zu benennenden Zahl; z. B. 3° 7' 6''. Wenn übrigens, ohne Bemerkung des Maßes, in einer angegebenen Länge Ruthen mit genannt sind: so ver-

steht man darunter geometrisches Maß, besonders wo'von Grundschückmessungen die Rede ist. Kommen dagegen nur Fuße und Bolle vor, und betrifft die Maßangabe Höhen, Tiefen, Körpersausdehnungen und dergleichen: so ist auf Werkmaß zu schließen.

Se ausgebehnter die in der Rifzeichnung darzustellenden Gegenstände in ihrer Wirklichkeit sind, um so mehr mussen die natürlichen Maße verkleinert aufgetragen werden, und besto grösser sind dann die unvermeidlichen Zeichnungsfehler (h. 133.). Um sich überhaupt der größten Genauigkeit in Anwendung der Linienmaße zu besteißigen, ist jeder Punkt und jede Linie so sein wie möglich darzustellen, stets die sicherste Verzeichnungsart zu wählen, aus dem Großen in das Kleine zu arbeiten und nur von entschieden richtigen Punkten weiter zu gehen, damit die an sich zwar unmerklichen, zusammen aber sehr beträchtlichen Abzweichungen in den engsten Schranken bleiben. Überdies muß die Richtigkeit jeder vollsührten Zeichnung so viel als möglich gesprüft werden.

§. 171. Gerade Linien zu ziehen.

Gerade Linien zieht man am vollkantigen Lineale von Stahl ober von altem, hartem, ganz geradspaltigem Holze. Die hölzernen Lineale sind ofter zu prufen, von Zeit zu Zeit neu abzuziehen und wohl in Acht zu nehmen.

Ein richtiges Lineal muß folgende Prüfung bestehen: Man zieht auf einer völligen Sbene an ber zu prüfenden ganzen Seite hin eine scharse Linie, schlägt nun das Lineal über diese Linie und paßt dieselbe Seite wieder von drüben an. Findet sich hier nicht die geringste Abweichung, so ist die gebrauchte Seite richtig. Sben so wird die andere Seite geprüft. Ist ein richtiges Lineal bei der Hand, vielleicht ein gut zugerichtetes stählernes, denn hölzerne verziehen sich leicht: so kann man das zu prüsende nur gegen das Licht daran halten und zusehen, ob es an das richtige genau anschließt. Der Grund dieser Prüsung liegt in den Sigenschaften gerader und krummer Linien (h. 135.).

Bum Linienziehen selbst bedient man sich außer der Birkels spige, womit die sogenannten blinden Linien gerissen wers

ť,

den, des Bleistiftes, oder der Reißfeber. Die Bleistifte werden zum Ziehen einerseits die an das Blei abgespalten, breit geschnitten und weiter auf rauhem Papiere geschärft. Die Reißsfeder muß gleich starke und gleich lange, gut zusammen passende Schnäbel haben, die des bessern Reinigens wegen mit einem Ge-winde zum Öffnen versehen und por Tinte in Acht zu nehmen sind. Sanz spizig geschnittene Schreibsedern dienen wohl auch zum Linienziehen, aber ohne Sicherheit.

Das Ziehen richtiger, gerader Linien erfordert eine geübte, stete Hand. Man legt das Lineal an die zwei gegebenen Punkte und zieht von einem zum andern hin, ohne dabei das Lineal zu verrücken, oder im Zuge zu wanken. Die Linie muß ganz geznau die Mitte ihrer Richtpunkte schneiben; man zieht sie aber nur die vor die Endpunkte, um diese frei und brauchdar zu erzhalten. Drei, vier, oder mehr Anhaltepunkte dienen zum sicher rern Ziehen.

§. 12. Rreislinien zu ziehen.

Kreislinien werden mit dem Zirkek gezogen, der hauptsschlich zum Abgreisen der Längen dient. Man führt gewöhnslich Handzirkel und nur zu größern, genauern Arbeiten Stangenzirkel.

Am Handzirkel verlangt man ganz gleiche Schenkel mit geraden, runden Spigen; weder zu stumpf, noch zu spigig, ganz stete gehend und dicht an einander schließend; dazu noch eine Reißseder und eine Bleistifthulse zum Einsegen; daher der Name Stückzirkel.

Der Stangenzirkel ist am brauchbarsten, wenn die Spiken und das etwa nothige Einsetzeug auch an einen langen, steten Stab befestigt werden können. Andere Zirkel sind übersstüssig, dis auf den Federzirkel zu genauern Eintheitungen.

Soll eine Kreislinie gezogen werden, so faßt man mit dem Zirkel den gegebenen Halbmesser, setzt den einen Schenkel in den Mittelpunkt und beschreibt mit dem andern den Kreis. Oft hat man nur ein Bogenstück nothig, oder das Übertragen einer gewissen Länge zur Absicht. Leicht begreislich können größere Längen mit dem Handzirskel weniger genau abgegriffen und aufgetragen werden. Die das bei unvermeidliche schiefe Stellung der Schenkel und das Federn unter einer ungeübteren Hand vermeidet man beim Gebrauche des etwas beschwerlichern Stangenzirkels.

§. 173. Senkrechte Linien zu ziehen. Fig. 30. 31.

Senkrechte Linien errichtet und fällt man vermittelst. bes sogenannten Winkels, ober bes Birkels.

sender Linien brauchdar, ist ein rechtwinkeliges Dreieck von Holz, dem dazu gehörigen Lineale in Stärke und Schwere angemessen. Un diesem Werkzeuge hat man zweierlei zu prüsen. Erstlich, ob die Seiten völlig gerade sind; dies geschieht, wie beim Lineale (h. 171.). Zweitens, ob auch der rechte Winkel richtig ist. Hierzu legt man den Winkel an eine gerade Linie und zieht an dem aufrechten Schenkel hin die angenommene Senkrechte; als. dann schlägt man das Werkzeug um und past es auf der andern Seite in den Nebenwinkel. Füllt es diesen genau aus, so sind beide damit gemachten Nebenwinkel gleich und recht (h. 137.). Unch legt man den Winkel mit einem andern schon geprüsten zusammen, setzt beide auf ein richtiges Lineal und sieht zu, ob er den eben gemachten Forderungen entspricht.

Hieraus ergiebt sich nun von selbst, wie mit Hulfe bes Winkels eine Senkrechte gezogen wird. Man legt an die gegebene Linie ein Lineal, stellt den Winkel mit einer Kathete darauf und schiebt diesen bis an den in oder außer der Linie gezgebenen Richtpunkt, durch welchen man nun die Senkrechte an der andern Kathete hinzieht. Dies ging auch ohne Witgebrauch des Lineales, aber beschwerlicher und weniger sicher.

2) Fig. 30. Genauer ist die Auflosung vermitztelst des Stangenzirkels. Mit beliebiger und gleicher Zirkeldsfinung reißt man von beiben Endpunkten der gegebenen Linie AB oberhalb und unterhalb derselben Wogen und zieht durch beide Wogendurchschnitte C und D eine gerade Linie. Diese ist senkrecht auf AB und geht zugleich durch beren Mitte.

Ware dazu der Punkt E in der Linie bestimmt gewesen, so hatte man A und B gleichweit von E annehmen und übrigens eben so versahren mussen. Ware aber von einem außerhalb der Linie gegebenen Punkte C eine Senkrechte auf die Linie zu sallen: so hatte man den Zirkel zuerst in C einzusetzen und CA — CB, alsbann von A und B aus AD — BD abzureißen, endlich die Senkrechte CD zu ziehen.

Die Richtigkeit dieser Auslösungen beruht auf der Gleichheit • der Dreiecke und Winkel AEC und BEC. Es ist nämlich $\triangle ACD = \triangle BCD$, weil AC = BC, AD = BD und DC = DC; daher auch $\angle ACD = \angle BCD$ (§. 144.). Nun ist in den Dreiecken AEC und BEC nicht allein $\angle ACE = \angle BCE$, sondern auch AC = BC und CE gemeinschaftlich. Daraus folgt: $\triangle AEC = \triangle BEC$ (§. 142.) und $\angle AEC = \angle BEC$ = R, also CE senkrecht (§. 136.).

3) Fig. 31. Soll etwa die Senkrechte am Rande des Papieres gezogen werden, z. B. aus A, so nimmt man über AB unweit A einen Punkt C wilkurlich an, beschreibt mit CA aus C einen Halbkreis DAE, zieht vom Durchschnittspunkte D über C den Durchmesser DE und alsbann aus E die Senkrechte EA. Denn EAD ist ein Winkel im Halbkreise auf dem Durchmesser ED, also ein Rechter (§. 160.).

Ist die Senkrechte aus einem seitwarts gegebenen Punkte E auf AB zu fällen: so zieht man eine willkürlich schräge Linie ED, halbirt sie in C, beschreibt aus C mit CD den Halbkreis DAE und fällt endlich EA herab als Senkrechte.

Daß jenes Senkrechtziehen mit dem Winkel nur'so weit genau ist, als dessen Seite reicht und dessen Ecke angepaßt wers den kann, leuchtet von selbst ein. Beim Gebrauche des Zirkels könnte man mit größern Zirkelöffnungen für die verlangte Senkrechte noch weitere Versicherungspunkte bestimmen.

§. 174. Parallellinien zu ziehen. Fig. 32,

Parallellinien zieht man mit Lineal und Bintel, ober vermittelst aufgetragener Abstände.

1) Parallelziehen mit Lineal und Winkel: Man

legt den Winkel mit einer Seite an die gegebene Linie, das Lizneal an die andere Seite des Winkels, schiebt nun den Winkel an dem sest aufgedrückten Lineale leicht fort, dis zur bestimmten Stelle und zieht da die Gleichlaufende. Beide Linien haben diesselbe Neigung zur Linealseite, sie sind daher parallel (h. 139. 1.). Dabei müßte der Winkel eben kein rechter sein, und es konnte auch die schiese Seite desselben gebraucht werden. Beim Anlesgen der Werkseuge richtet man sich nach der Stelle, wohin die Parallele kommen soll. Reicht das Lineal nicht zu, so wird unsterwegs auch dieses wieder am festgehaltenen Winkel fortgerückt.

Hierbei kann leicht ein Verrücken des Lineales oder des Winkels vorgehen, wenn man nicht geübt ist. Doch hat dieses sogenannte Parallelschieben bei geometrischen Zeichnungen große Vorzüge vor dem Gebrauche des eigentlichen Parallels und des Anschlaglineales.

2) Fig. 32. Parallelziehen nach Zirkelabmes=
sungen: Auf die vorhandene Linie AB wird der gegebene
Abstand wenigstens zwei mal getragen, indem man den einenZirkelschenkel in die Linie setzt und mit dem andern an der Stel=
le, wohin die Parallele kommen soll, einen Bogen reißt, wie n,
o, p. Durch die hochsten Punkte dieser Bogen zieht man nun
die Linie CD, welche zu AB gleichlaufend sein muß.

Werden zu jeder Lineallange drei oder mehr Abmessungen geriffen, so wird die Parallele um so genauer; denn das Lineal muß alle Bogen gleichmäßig berühren. Um hierbei unvermeidsliche Mängel des Lineales unschädlicher zu machen, gebraucht man stets ein und dieselbe, vorher bezeichnete Linealseite und dies nach gleicher Richtung.

Errichtete man auf AB senkrechte Linien zu den Abständen, so wurde die Auflösung eben so genau; denn daß eine ganzkleine Abweichung von dem senkrechten Stande dieser Hulfsliznien keinen merklichen Fehler verursacht, ist aus der Zeichnung selbst ersichtlich, worin die gezogene Parallele ein beträchtliches Stud des Bogens deckt und ganz dieselbe Lage erhalten hatte, der Abstandspunkt mochte etwas weiter links oder rechts in dem bedeckten Bogenstücke liegen. Lange Parallelen zieht man jeden Falls am genauesten vermittelst des aufgetragenen Abstandes.

§. 175. Retzeichnung. Fig. 33.

Retlinien ober Parallelen, die sich in gleichen Abstäns ben senkrecht durchschneiben, zeichnet man mittels Rahmen, ober Abmessungen. Beide Verfahren erfordern eine genaue, Prufung.

- 1) Man legt einen von Metall verfertigten dunnen Rahmen, worin die Endpunkte aller Netzlinien mit sein gebohrten Löchern gegeben sind, auf das Zeichenblatt und sticht durch alle Löcher die Punkte vor. Ober man theilt sich den Rahmen eines Reißbrettes eben so ein und zieht über das dazwischen einges spannte Papier alle Netzlinien von Punkt zu Punkt. Auch könnte man ein schon fertig gezogenes Netz auf das untergelegte Zeichenblatt abstechen.
- 2) Ein solches Net mittels besonderer Abmes fungen zu zeichnen, werichtet man in ber Mitte bes Beichen= blattes auf einer geraben Linie AB eine sehr genaue Genkrechte CD, wo möglich mit Hulfe eines weit geöffneten Stangenzirkels (§. 173. 2.), deßgleichen nahe am Papierrande auf A und B zwei blinde Senkrechte (g. 173. 1, ober 3:), die bloß zum Auf= tragen der Abstände bienen. Hiernachst faßt man einen mehrfa= chen Abstand in den Zirkel, trägt diesen von A, I und B aus aufwärts nach E, C und G, bann abwärts nach F, D und H und zieht die dadurch bestimmten seitwärts gehenden Hauptpa= rallelen mit immer gleicher Lage bes Lineales. Dieselbe Birkel= öffnung trägt man nun wieder, von C, I und D aus, sowohl nach G, B und H, als nach E, A und F und zieht die aufwärts gehenden Hauptlinien eben so. Nachmals trägt man die einfa= chen Abstände für die inneren Netzlinien hinem und führt auch Wollte man sogleich die einfachen Abstände nach einander auftragen und auch nicht von innen nach außen arbeis ten: so pflanzten sich die einzelnen unvermeidlichen Abweichungen zu beträchtlichen Fehlern fort.
- 3) Dieses Quabratnet bient bei größern geoz metrischen Arbeiten sowohl zum Auftragen und Berechnen ber Figuren, als zum Bemessen bes un=

vermeidlichen Papierverziehens. Daher muß dasselbe so genau wie möglich sein und auf folgende Weise geprüst werzben: Man untersucht erst beliebige Quadratseiten an sich, ob sie das rechte Maß haben und gleich sind; eben so auch Diagonas len beider Richtungen; hiernach die Längen zusammengenommener Seiten und Diagonalen. Endlich zieht man über das Quas dratnetz zwei kreuzende Hauptdiagonalen. Diese müssen alle auf ihrem Wege liegenden Echpunkte genau durchschneiden und im Sanzen sowohl, als in den Theilen einander gleich sein.

§. 176. Theilung geraber Linien. Fig. 34.

Das Theilen gerader Linien geschieht entweder durch wiederholte Versuche, ober auf geometrischem Wege.

1) Soll eine gerade Linie AB auf geometrischem Wege in gleiche Theile getheilt werden, z. B. in zehn: so legt man an A eine Hülfslinie AC in einem beliebigen, jedoch spitzigen Winzel, trägt auf diese von A aus einen willkürlich angenommenen Theil zehn mal auf, zieht alsdann vom letzen Theilpunkte C eine Gerade nach B und mit dieser von allen Theilpunkten a, b, c, d... Parallelen herüber auf AB. Die Durchschneidungspunkte 1, 2, 3 sind nach §. 147. die verlangten Theilpunkte der Linie AB.

Zu größerer Versicherung gereicht es, wenn man noch eine Serade BD aus B zu AC parallel legt und eben so wie AC theilt, dann alle Theilungen aus AC nicht nur zu CB und AD parallel, sondern auch in die auf BD vorgezeichneten Theilpunkte mit richtet.

Die Theile auf AC sind etwas größer anzunehmen, als die auf AB ausfallen, damit die Theilungslinie ziemlich im rechten Winzel durchschnitten wird. Dieses Versahren erfordert besondere Vorzsicht und ist dennoch zu genauen Eintheilungen nicht vorzüglich, wegen der dabei unvermeidlichen Zeichnungssehler.

2) Gewöhnlich theilt man die Linien durch wie derholte Versuche. Man faßt die mahrscheinliche Größe des gesuchten Theiles in den Zirkel und trägt dieselbe auf der Linie hin. Am Ende zeigt sich ein Unterschied. Diesen theilt man nach dem bloßen Augenmaße und verändert den vorigen Versuchtheil das nach. Tetzt trägt man den neuen Theil abermals auf der Linie hin, berichtigt ihn eben so nach Maßgabe des wieder gefundenen Unterschiedes und fährt so fort, bis die Theilung genau aufgeht.

Leichter und richtiger macht sich diese Theilung, wenn man die Linie ansänglich in größere Theile abtheilt, je nachdem die Anzahl der verlangten Theile eben theilbax ist. So könnte eine Länge zu 10 Theilen halbirt und dann auf beiden Hälften in 5 getheilt werden. Nimmt man an, daß beim Auftragen eines jeden einzelnen Theiles derselbe unvermeidliche Fehler wieder gemacht wird: so häusen sich diese Fehler um so mehr, je mehr Theile hinter einander aufgetragen werden. Sine vorläusige Abtheilung im Großen halt diese Abweichungen in gemessenen Schranken. Der Zirkel muß hierbei sehr gleichmäßig geführt und darf keinzmal stärker eingedrückt werden, sonst fallen die Theile ungleich aus. Die obige geometrische Eintheilung kann oft als Borarzbeit zu dieser unmittelbaren Eintheilung dienen; oder man sucht mit Hülfe eines Maßstades die beiläusige Erdse des verlangten Theiles zum ersten Auftragen.

Die verrichtete Eintheilung irgend einer Linie wird geprüft, indem man gewisse Theile in den Zirkel faßt, diese Größe von Theilstrich zu Theilstrich fortträgt und dadurch die Übereinstim= mung des Einzelnen und Mehrsachen zugleich untersucht.

§. 177. Einen Fußmaßstab zu fertigen. Fig. 35.

Bu ganz genauen Ausmessungen und Zeichnungen nach dem wahren Maße verfertigt man sich einen Maßstab vom landsablichen Werksuße auf Metall, Holz oder Papier. Die gerade Grundlinie AB, von der Länge eines Fußes, wird bei Zwölstelmaß in 12 Zolle, der vordere Zoll AC wird wieder in 12 Linien getheilt. Um nun noch Zehntellinien zu bekommen, errichtet man auf jedem Theilpunkte der Zolle eine Senkrechte, trägt auf die beiden äußersten, von A und B aus, zehn gleiche Theile in willkürlicher Größe und verbindet diese Theilpunkte mit Geraden, die zu AB gleichlausend sind. Hierauf theilt man DE

wie AC in die 12 Linien und zieht die schrägen Linien Ca, 1b, 2c u. s. w., schreibt zwischen C und A und B die Jahlen der Linien und zwischen A und D die der Jehntellinien, so ist der Maßstab fertig. Zwischen C und B sindet man ganze Zolle, deren Linienzahl von C aus unter jedem Theilstriche steht; zwischen C und A, ganze Linien; zwischen C und D, die Zehntelliznien.

Begreislich enthalten die Stude der innern Längenlinien über CB ganze Zolle und zwischen C11 und aD ganze Lienien; denn es sind Parallelen zwischen je zwei von denselben Maßen ausgehenden Parallelen, und in dem Dreiecke CEa bestinden sich die vorn hinauf gezählten Linientheile. Da nämlich CE zehn gleiche Theile und Ea die Größe einer Linie enthält, so ist nach §. 147.: de = 10, fg = 20, hi = 16 Linien u. s. w.; auch zl = zk + kl = 7,4 Linien.

Zum Messen auf diesem Maßstabe greift man die gegebene Länge mit dem Zirkel ab, sett einen Schenkel desselben in derjeznigen Zollabsheilung an, von welcher aus der andere die Linienztheilung erreicht, und geht nun mit beiden Schenkeln von Länzgenlinie zu Längenlinie hinauf, die der vordere einen Durchzschneidungspunkt getroffen hat. War dies vielleicht bei m und z der Fall, so hielt die Länge in

ml = 1 Zoll ober 12 Linien,

zk = 7 Linien,

kl = $\frac{4}{10}$ Linien;

zusammen 1" 7,4" ober 19,4".

Das Abgreifen verlangter Längen auf dem Maßstabe geschieht auf gleiche Weise. Im Besitze eines solchen Maßstabes von dem alten pariser Fuße kann man nach den bekannten Fußverhältnissen die Größe eines jeden Fußes abnehmen.

S. 178. Einen verjüngten ober geometrischen Maßstab zu zeichnen. Fig. 36.

Alle Grundmessungen werden verkleinert auf's Papier gestragen mittels eines eben so verkleinerten oder ver jungten Maßstabes. Das Verhältniß desselben zu dem wahren

Maße ist meistens vorgeschrieben, bei ben Forstvermessungen gewöhnlich 5000 bis 4000 ber natürlichen Länge, ober die wahre Ruthe enthält 5000 bis 4000 verjüngte Ruthen.

Beim Berfertigen eines verjungten Maßstabes berechnet mon zuvorderst, wie viel der zum Grundmaße dienende Werkfuß folcher verjungten Ruthen enthalt und sucht banach bie Größe von 10 verjungten Ruthen. Auf bem preußischen Forstkarten= maßstabe soll der Dezimalzoll ober 0,01° genau 50 verjungte Ruthen enthalten; berfelbe verhalt sich also zur natürlichen Lange, wie 0,01: 50 == 1: 5000, oder auf eine wahre Ruthe gingen 5000 verjüngte Ruthen, und auf I Ruthe ober 1 preußischen Zwölftelfuß, $\frac{6990}{2}$ = 416,66 . . . ; baher auf 3 preußische oder rheinlandische Fuße 1250 verjungte Ruthen. Theilt man also 3 rheinlandische Zuße in 5 × 5 × 5 Theile, so erhalt man die Größe von 10 Ruthen für den verjungten Maßstab. — Der weimarische Forstkartenmaßstab enthält * ooo ber natürlichen Lange; auf einen weimarischen Werkfuß gehen also 4980 == 250 verjungte Ruthen. Deffen Theilung in 5 × 5 ergiebt bie Größe von 10 Ruthen, die auch 5 pariser Linien gleich ist.

Die Eintheilung bes verjüngten Maßstabes muß bem geozmetrischen Maße entsprechen. Auf der angenommenen Grundliznie theilt man zuerst die Stücke zu je 10 Ruthen ab, dann das vordere in die 10 einzelnen Ruthen und macht darauf noch die bekannte Parallelzeichnung zum Abnehmen der Zehntelruthen oder Fuße. Der so weit fertige Maßstad wird zum leichten und sichern Sebrauche noch mit den Maßzahlen versehen; unten an den Ruthenzehnern mit 10, 20, 30 u. s. w.; unter den einzelnen Ruthen mit 1, 3, 5, 7, 9; vorn hinauswärts mit den Fußzahlen 1, 2, 3 9. Auch kann zur Sicherung des Sebrauches die mittlere Längenlinie mit Punkten kenntlicher gemacht werden.

Das Messen und Abnehmen der Längen auf einem solchen verjüngten Maßstabe ist nun leicht. Die Ruthenzehner stez hen unter den Querlinien, die einzelnen Ruthen unter den Schräglinien, die Fuße vor den Längenlinien. Halbe Fuße, oder andere Theile der Fuße werden nach dem Augenmaße noch zwischen den entsprechenden Längenlinien abgenommen. Von y

nach x sind z. B. 20 Ruthen und 7 Ruthen und 3½ Fuß, zussammen 27° 3½'. Findet sich eine Linie, die größer ist, als der Maßstab, oder die auf ein mal nicht mit dem Zirkel abgegrissen werden kann: so nimmt man eine gewisse Länge, vielleicht 50 oder 100 Ruthen ab, trägt diese so viel mal auf die Linie, als es geht, mißt das übrige, kleinere Stück noch besonders aus und zählt alles zusammen. Ze größer das versüngte Maß ist, desto mehr Raum erfordert die Zeichnung, um so genauer ist aber auch dessen Gebrauch. Zu kleineren Grundstücken nimmt man daher ein größeres Maß, bei Feldsluren etwa 2000 und bei Gehösten etwa 1000 der wahren Länge.

Selten gerath ein Maßstab ganz genau. Um so nothwendis ger macht sich daher folgende Prufung. Zuvörderst durchsieht man die Eintheilung. Zeigt sich da sichtbare Gleichheit in dem Abstande aller Parallelen mit Verhältnismäßigkeit in den Linis entheilen der beiden Nebendreieckhen: so nimmt man einen ganz feinen Zirkel und untersucht nun die Haupttheile und die einzels nen Ruthen, alsdann zweis, dreis und mehrsache Abstande der Quers, Schrägs und Längenlinien und der Diagonalpunkte, Alles mit Husse eines Vergrößerungsglases. Ergiebt sich hier überall die genaueste Übereinstimmung in den Theilen, ist auch das Maßverhältniß selbst und die Zahlenbezeichnung richtig: so kann man den Maßstab als brauchbar annehmen.

§. 179. Moniuseinrichtung. Fig. 37.

Bu genauern Abmessungen mittels einer ganz einfach gestheilten Linie (Scala) dient eine Vorrichtung, die von ihrem Erssinder Nonius heißt. Dieselbe besteht aus einem auf der Scala beweglich angebrachten Nebenmaße mit einer Eintheislung, die gewöhnlich $\frac{n+1}{n}$ der Maßeinheiten enthalt.

Soll ein solcher Nonius zur Bestimmung von Zehnteln Diesnen, so mussen darauf 11 Einzeiten der Scala zu 10 Theilen des Ronius gemacht werden, so daß jeder Theil 175 Einheiten enthalt. Reicht nun etwa die zu messende Länge auf der Scala

von a bis x, so schiebt man den Nonius mit seinem Anfangspunkte an x, zählt zuerst die vollen Einheiten unmittelbar auf
der Scala ab, sieht dann, wo ein Noniusstrich mit einem Scalas
Strich zusammen trifft und nimmt die dort auf dem Nonius
stehende Zehntelzahl hinzu. Die Länge ax hielte 14,7 Maßein=
heiten.

Diese Einrichtung läßt sich leicht erklären. Wir wollen die Maßeinheiten vorläusig Grade nennen. Hier sind 11 Grade zu 10 getheilt; jeder Noniustheil enthält sonach 1% Grad; mithin enthalten zwei 2%; drei, 3% Grade u. s. w. Trifft nun der siebente Theilstrich mit einem der Scala zusammen, so der trägt das 7% Grade. Die Ganzen gab schon die Scala selbst, und man brauchte vom Nonius nur die 7 Gradtheile oder die Größe, welche auf der Scala über dem letztern Theilstrich hins aus noch zu bestimmen war. — Wollte man Zwölftel haben, so müßten 13 Theile in 12 getheilt werden; zu Dreißigsteln, 31 in 30; zu Sechzigsteln, 61 in 60; zu Achteln, 9 in 8 u. s. w.

Man giebt auch bem Noniustheile wohl $\frac{n-1}{n}$ von der Maß= einheit, macht z. B. auß 9 Maßeinheiten 10 Theile und bringt den Nonius auf die andere Seite von x, so daß die Jahlen auch am Nonius vorwärts gelesen werden können, was nun leicht einzusehen ist.

Oft treffen beim Gebrauche des Nonius keine zwei Theilsstriche zusammen, zumal wenn derselbe wenig Theile hat. Man nimmt dann den zunächst fallenden Theilstrich vom Nonius an und schätt die Abweichung, oder läßt dieselbe ganz außer Acht nach Maßgabe des eben zu beobachtenden Genauigkeitsgrades. Die Noniusvorrichtung sindet indeß auf Längenmaßen weniger Anwendung, als auf Winkelwerkzeugen.

Bur Prüfung einer solchen Vorrichtung schiebt man den Nonius auf der Maßeintheilung fort und sieht zu, ob beide Endstriche immer zugleich auf zwei Theilstiche der Haupteintheilung trefsen, und ob die innern Noniusstriche in jeder Lage eine gewisse verhältnismäßige Stellung gegen die Maßtheile haben.

§. 180. Theilung ber Kreislinie,

Auf dem Papiere theilt man den Kreis durch wiederholte Bersuche. Wie auf der Geraden, so trägt man die angenom= mene Zirkelöffnung auf dem Bogen fort. Selten ist eine andere Sintheilung des Umkreises im Gebrauche, als die in 360 Grade. Diese wird folgendermaßen bewirkt:

Zuerst trägt man den Halbmesser sechs mal im Kreise her= um; halbirt dann diese Sechstel und erhält z R oder 30 Grade; halbirt diese wieder zu 15 Graden; theilt diese in 3 Theile, zu 5 Graden, welche endlich einzeln abgetheilt werden. Nach diesen Theilen des Kreises bestimmt man das Maß der Winkel.

2. Winkelzeichnung insbesondere.

§. 181. Winkelmaße.

Der geradlinige Winkel, mit dem wir und beschäftigen, wird entweder un mittelbar durch Linienzeichnung bestimmt, oder nach dem Gradinhalte gemessen. Besgreislich muß ein und berselbe Winkel auf allen von seinem Scheitel aus beschriebenen Kreisbogen gleichviel Grade haben; nur fallen diese Bogengrade größer und genauer aus, je größer der Halbmesser des eingetheilten Kreisbogens ist. Man theilt jeden Grad noch in 60 Minuten, jede Minute in 60 Sekunden und bezeichnet die Grade mit , die Minuten mit und die Seskunden mit "3. B. 73° 38′ 15″. Bei den Forstvermessungen leisten Achtels die Irabe mach ihrem Gradinhalte gegebenen Winkel wersden mittels des Transporteurs oder Zirkels, auch durch Parallelschieden von der Winkelsche oder von der Gradscheibe ausgetragen.

§. 182. Gebrauch bes Transporteurs,

Der in den Reissugen befindische, wohlbekannte Trans: porteur dient eigentlich nur zur Unterrichtung und etwa, um aufgetragene Winkel von bekanntem Gradinhalte flüchtig zu prüfen. Soll mit dem Transporteur ein Winkel gemessen werden, so legt man dessen innere Seite an den einen ruckwarts verlansgerten Schenkel von außen an, daß der Scheitelpunkt des Winzkels genau unter den Mittelpunkt des Transporteurs kommt, und zählt die Grade bis an den andern Schenkel ab.

Auf ähnsiche Weise zeichnet man einen gegebenen Winkel mit dem Transporteur. Es wird eine zum Schenkel angenoms mene Linie mit dem Scheitelpunkte versehen, der Transporteur daran gelegt, der gegebene Gradinhalt abgezählt und abgestochen, und danach aus dem Scheitelpunkte der andere Schenkel geszogen.

Hieraus ist auch zu entnehmen, wie ein Winkel mit dem Transporteur getheilt wird. Man theilt die gegebene Gradzahl durch Rechnung und zeichnet alsdann einen Winkel in der Größe des verlangten Theiles; jedoch gestattet der Mangel an scharfer Eintheilung und sicherer Anlegung wenig Genauigkeit.

- §. 183. Gebrauch bes Birkels jum Beichnen, Theilen und Messen ber Winkel. Fig. 38.
 - 1) Der Winkel ABC foll abgezeichnet werben.

Man zieht an die Stelle, wohin die neue Winkelzeichnung kommen soll, eine Linie de und giebt ihr den Scheitelpunkt des beschreibt nun mit angemessener Zirkelöffnung, zuerst in dem gezgebenen Winkel ABC, aus dem Scheitelpunkte B den Bogen CA und dann für den neuen Winkel aus den gleichen Bogen ca; mißt hierauf die Sehne CA, trägt deren Länge auf den Bogen ca und zieht da: so ist der Winkel abc — ABC; denn beide haben bei gleichen Halbmessern gleiche Sehnen, also auch gleiche Bogen zwischen sich (§. 161. 6. 7.).

- 2) Soll der Winkel ABC getheilt werden, so macht man wieder BA = BC, beschreibt mit gleicher Zirkelössenung-von A und C über AC Bogen und zieht eine Linie vom Durchschneidungspunkte D zum Scheitelpunkte B. Diese theilt den Winkel ABC in zwei gleiche. Theile; dem die beiden Dreiecke ABD und CBD sind gleich wegen der Seitengleichheit.
 - 3) Bum Deffen bes Grabinhaltes gezeichneter

Winkel gebraucht man vorzugsweise die nach einem 1000=
theiligen Maßtabe bestimmte Sehne AC, deren
Maß in trigonometrischen Takeln zu sinden ist, welche
zu allen Winkeln den Sinus AS angeben, die halbe Sehne des doppelt so großen Winkels ABC. Man macht die
Schenkel AB — BC — 1000 und mißt mit demselben Maß=
stade die Sehne AC; sie halte z. B. 485. Zur Halfte davon
242,5 sucht man den Logarithmen 2,3847117, vermehrt dessen
Charakteristik um 7 (weil der in den Takeln zum Grund gelegte
Haldmesser 10000000 mal größer ist, als der gebrauchte) und
schlägt endlich zu diesem 9,3847117 als log. sin. den Gradin=
halt von dem halben Winkel ABC auf; nämlich 14° 2' und
noch (wegen der Disserenz) 3". Der ganze Winkel halt also
zwei mal 14° 2' 3" — 28° 4' 6".

Findet sich ein Winkel größer, als 60°, und ist die ganze Sehne zum sichern Abnehmen zu groß: so theilt man auf dem beschriebenen Bogen zuvor die dem Halbmesser gleiche Sehne von 60° ab und bestimmt dann noch das Maß des Restes; ober man nimmt zu einem Rechtwinkel den Ergänzungswinkel. Eben so kann vermittelst solcher Tafeln für jeden gegebenen Winkelinhalt das Sehnenmaß gesucht und nach demselben der Winkel aufgetragen und getheilt werden.

§. 184. Winkel mit Parallelschieben abzuzeichnen. Fig. 39.

Wo das unmittelbare Abstechen oder Kopiren der Winkelzzeichnung auf ein untergelegtes Blatt nicht statthaft ist, wie etwa beim Zusammensehen gemessener Umfangswinkel, bedient man sich mit vielem Bortheile des Parallelschiebens. Wäre nämlich auf dem Zeichenblatte der Winkel schon gegeben, wenn auch nur durch die Richtung beider Schenkel, z. B. BA und BC, und derselbe Winkel sollte in detragen werden: so zoge man da parallel zu BA und de parallel zu BC; dann wurde der Winkel abe gleich dem Winkel ABC. Denn dachte man sich da verlängert durch BC:

fo ware \times b = \times o und auch \times ABC = \times o, als Gegenwinkel (§. 139.). Folglich \times b = \times ABC.

Das Parallelschieben ist besonders beim Auftragen größerer Forstvermessungen dadurch nützlich und sichernd, daß jeder neue Schenkel nicht nach dem letztern anliegenden allein, sondern nach dem ganzen Winkelverbande gerichtet wird.

§. 185. Winkel von der Winkelscheibe aufzutragen. Fig. 4Q.

Mit dem Parallelschieben werden auch solche Winkel sicher und leicht aufgetragen, die man eben nicht völlig ausgezeichnet vor sich hat; wenn nur die Richtung ihrer Schenkel dies = und jenseit des Scheitelpunktes durch kurze Striche angegeben ist. Ein rundes Blatt, das mehre solche zusammengehörigen Winkel mit gemeinschaftlichem Scheitelpunkte und mit bestimmter Bezeichnung der Schenkelstriche enthalt, wie Fig. 40., nennen wir Winkelscheibe.

Auf dieser zum Beispiel dienenden Winkelscheibe sind drei Winkel durch vier Schankel bestimmt, nämlich: der Winkel adurch die Linien 1 zu 2 und 2 zu 3; der Winkel durch die Linien 2 zu 3 und 3 zu 4 u. s. w. Sollen diese Winkel aufgestragen werden: so befestigt man die Winkelscheibe auf das Zeischenblatt, schiebt nach und nach alle Schenkel parallel ab, und setzt sie in der gehörigen Ordnung an einander, woraus die Winkelzeichnung 1 . . . 4 entsteht.

Aus der Zifferfolge muß die gegenseitige Lage der Schenkel bestimmt zu entnehmen sein, sonst wurde man beim Austtagen in den Nebenwinkeln ungewiß und könnte leicht x statt a, oder y statt dannehmen und ruckwarts auftragen. Bei richtiger Bezeichnung dursen sehr viele solcher Winkel auf einer Winkelscheibe zusammen angegeben sein; man sindet sie alle sicher heraus.

§. 186. Winkel von der Gradscheibe. aufzutragen. .
Fig. 41.

Man kann auch Winkel, welche durch die Neigung 8= grade ihrer Schenkel gegeben sind, mit Parallelschieben austragen. Dazu gehört eine auf folgende Weise versertigte Grabscheibe.

Auf ein gutes, wo moglich boppelt und gegenseitig zusam= mengepapptes, recht eben aufgespanntes Papier reißt man zuvorderst mit dem Stangenzirkel die außerste, blinde Kreislinie, etwa von einem Fuße im Durchmeffer, theilt diese mit dem eben gebrauchter Halbmesser in ihre sechs Haupttheile und zieht durch zwei dieser Theilpunkte und ben Mittelpunkt eine Gerade, welche nachmals als Hauptburchmesser bient. Demnächst reißt man die andere Kreislinie für die Gradstrick, ungeficht & Zoll weiter nach innen, und theilt diese eben auch von dem gemeinschaftlichen Durchmeffer aus in ihre Sechstel, Bebe vier, überein= stimmigen Theilpunkte beiber Kreise muffen mit dem Mittelpunkte in gerader Linie liegen. Diese beiden Kreislinien werden nunmehr nach g. 180, weiter in einzelne Grade getheilt, boch jebe für sich, der Versicherung wegen. Außerbem werden noch eine britte und vierte Kreislinie tiefer nach innen gezogen, um darauf die je fünften und zehnten Theilstriche abzusetzen. Hierauf steckt man genau in ben Mittelpunkt eine ganz feine Nadel, legt baran das Lineal, so daß es jeden der vier Theilpunkte zugleich berührt, und zieht auf beiden Seiten die Grabstriche mit aller moglichen Schärfe aus. Endlich wird an die je zehnten Theilstriche 10, 20, 30 . . . 360 und an die je funften 5 geschrieben; auch wer= den wohl noch bie halben Grabe mit Punkten bezeichnet. mit ware die Gradscheibe zum gewöhnlichen Gebrauche fertig.

Um noch mehr Genauigkeit zu bekommen, theilt man den Abstand der beiden außern Kreise in vier gleiche Theile, zieht noch drei rothe concentrische Kreislinien b, c, d durch die brei Theilpunkte und legt durch alle Gradbreiten rothe Schräglinien, welche auf den innern Kreisen die X, X und & Grade abtheilen.

Die Achtel = ober Zwölftelgrade werden bazwischen nach dem Augenmaße genommen. Diese Eintheilung setzt freilich voraus, daß die Winkel am Mittelpunkte sich verhalten, wie die Theile der Schräglinien, was jedoch nicht ganz der Fall ist. Verhielte sich nämlich die Länge der Gradstriche zum innern Theile des Halbmessers, wie 1:11: so müßte ab = 0,244, ac = 0,488, ad = 0,733 von ae sein; bei dem Verhältnisse 1:6 aber: 0,24, 0,48, 0,72. Indessen gewährt obige Gleichtheilung hins längliche Genauigkeit.

Diese Gradscheibe befestigt man beim Gebrauche auf das Zeichenblatt, bezeichnet überdies durch einige Nadelstiche die Lage berselben, im Fall sie sich unversehens ablosen sollte, und schiebt alsbann die nach ihren Graden angegebenen Schenkel mit Lieneal und Winkel nach einander ab, wie von der Winkelscheibe. Dabei wird das Werkzeug jedes Mal durch den Mittelpunkt nach den beiberseitigen Gradstrichen angelegt, und jede Linie muß da hinaus gezogen werden, wohin die angegebene Gradzisser weiset.

3. Beichnung ganger Figuren.

§. 187. Das Figurenzeichnen.

Von der Behandlung einzelner Linien und Winkel gehen wir nun zum Zeichnen ganzer Figuren oder Umrisse über. Diese werden bald aus gegebenen Stücken neu entworfen oder aufgetragen, bald von einem schon vorhandenen Vorbilde in derselben Größe abgezeichnet oder kopirt, kleiner gezeichnet oder verzüngt, größer gezeichnet oder vergrößert.

Bei dem Auftragen, Abzeichnen und Umzeichnen kommt hauptsächlich der Linien Neigung und Länge in Bestracht. Erstere muß in der gezeichneten Figur jedes Mal wieder dieselbe sein, denn andere Winkel geben auch andere Gestalten, lettere muß durchgängig das gegebene Verhältniß haben.

Meist beschäftigen uns hier geradlinige Figuren, indem bei allen geometrischen Aufnahmen die vorkommenden Krummungen

in kurze gerade Linienstücke verwandelt werden. Jum Auftragen solcher Figuren hat man drei Hulfsmittel: bloße Linien zu Oreiecken verbunden; rechte Winkel zu Standlinien und Absständen; schiefe Winkel zum Umfang. Wegen der größern Schwierigkeit, schiefe Winkel richtig zu zeichnen, ist das letztere Verfahren am wenigsten genau.

§. 188. Dreiede aufzutragen. Fig. 42.

- 1) Sind dazu die Längen der drei Seiten gegezben, so wird die eine, z. B. AC, als Grundlinie aufgetragen; dann wird mit den beiden andern von A und C aus der dritte Echunkt B mittels Bogenschnittes bestimmt; endlich werden AB und CB gezogen. Je schiefer der Bogenschnitt ist, um so weniger genau erscheint der Durchschneidungspunkt. Übrigens muß die Lage der Seiten unter sich bestimmt sein; denn für den dritten Punkt B giebt es vier verschiedene Stellen.
- 2) Sind von einem Dreiecke die Grundlinie AC, die Hohe BD und der Richtpunkt D zur Höhenlinie gegeben: so zieht man die Grundlinie AC und mißt darauf AD oder CD ab; errichtet in D eine Senkrechte von der gegebenen Höhe DB und zieht endlich aus B die beiden andern Seiten AB und BC. Fällt der Richtpunkt D außerhalb des Dreieckes, so muß die Grundlinie verlängert werden. Dies führt leicht zu Abweichungen und wird vermieden, wenn man die längste Seite zur Grundlinie annimmt.
- 3) Sind zu einem Dreiecke zwei Seiten und der 3wisschen winkel gegeben, z. B. AC, AB und A: so trägt man zuerst die langere Seite AC als Grundlinie auf, set daran die andere Seite AB in der gegebenen Neigung A (§. 183.) und schließt das Dreieck mit BC. Wären zur Seite AC die beiden anliegenden Winkel A und C gegeben, so kämen an die aufgestragene Seite beide Winkel, und die Schenkel durchschnitten sich in B.

Die Fehler, welche bei diesen Dreieckzeichnungen vorgehen können, entspringen aus dem Abnehmen und Auftragen der Langen und aus der Winkelzeichnung. Je mehr sich das Oreieck

bem gleichseitigen nähert, um so sicherer ist das erstere Verfahzen; bei den stumpfwinkeligen, niedrigen Dreiecken hat das zweite Vorzüge; das Auftragen mittels der Winkel sucht man in allen Fällen so viel als möglich zu vermeiden.

§. 189. Bierede aufzutragen.

- 1) Zu Rechtecken errichtet man auf den Endpunkten der gegebenen Grundlinie die Seitenlinien senkrecht und schließt diese mit der obern Seite; oder man setzt an die Grundlinie erst eine Seite und zieht zu beiden die gegenüberliegenden Seiten parallel oder gleichlang. Die Rechtecksform ergiebt sich aus der Gleichs heit beider Diagonalen.
- 2) Zum schiefen Parallelogramm zeichnet man bas erste Dreieck nach ben bazu gegebenen Stücken und setzt bas ans bere mittels paralleler ober gleicher Linien noch baran.
- 3) Hat ein Trapez zu den zwei Parallelen eine senkrechte. Nebenseite: so nimmt man diese als Grundlinie, errichtet darauf die beiden Parallelen senkrecht und zieht zuket die schiefe Seite. Sind aber beide Nebenseiten schief zu den Parallelen, so wird dasselbe, wie das gemeine Viereck, aus seinen zwei Dreiecken zusammengesetzt.

§. 190. Semeine Bielecke aufzutragen. Fig. 43, 15.

1) Mit Diagonalen: Man sett die Figur aus ihren Dreiecken zusammen; z. B. Fig. 43. das Siebeneck ABCDEFG aus AEC, ACB, CED, AEF und AFG. Um sich dabei mehr vor Zeichensehlern zu sichern, sängt man mit der längsten Diasgonale und den Mitteldreiecken an und arbeitet nach außen. Densnoch ist die Zusammensetzung vieler, zumal schiefer Dreiecke manschen unvermeidlichen Abweichungen unterworfen.

Hat das Bieleck mehr Rundung, wie Fig. 15., so legt man wohl auch die Hulfsdreiecke mit den Spigen im Innern zusamsmen und trägt eins nach dem andern dem Umfange entlang auf. Schließt hierbei has letzte Dreieck genau an den Anfang, so ist die Figur richtig aufgetragen. Dieser Schluß dient zur Probe.

- 2) Mit Genkrechten Fig. 43.: Man zieht eine Standslinie AE, errichtet von den darin bestimmten Richtpunkten H, I, K, L und M die Abstandslinien HG, IB, KC, LD und MF zu den Eckpunkten G, B, C, D und F und verbindet diese mit den Umfangslinien. Dabei muß man die Standlinie so legen, daß die Abstande nie zu lang werden, weil jeder durch Abweischung von dem senkrechten Stande verursachte Fehler mit der Länge des Abstandes zunimmt. Deshalb prüft man zuleht noch die Längen der. Umfangslinien an sich. Ofters kann diese Trappezzeichnung mit Dreiecken vortheilhaft ergänzt werden.
- 3) Aus dem Umfange Fig. 43.: Man trägt mit der gegebenen Reigung Seite an Seite, bis der Umfang geschlossen ist. So wird z. 28. an AB die Seite BC-mit dem Winkel ABC gesetzt, an C die Seite CD mit dem Winkel BCD, an D die Seite DE und so fort, bis wieder zu A.

Ware dieses Versahren ganz sehlerfrei, so dürste, von dem letztern Punkte Gaus, die Seite GA ohne Weiteres gezogen wers den. Allein es entstehen ofters Abweichungen, die sich mit sortztragen und erst am Schlusse wahrnehmen lassen. Daher muß man nicht nur den letztern Winkel FGA, sondern auch die letzte Seite GA noch für sich auftragen. Selten schließt bei einer Umsfangszeichnung die Figur ganz vollkommen.

Diese Schlußmangel entspringen aus Unrichtigkeit der Lanzgen und Winkel. Die Langensehler sind weniger erheblich, als die Winkelsehler, im Fall diese die Fortsehung der Figur ganz verdrehen konnen. Ware z. B. in dem Winkel E um FEs gezsehlt worden, und es wurde auch in der Fortsehung Esg=EFG, sga=FGA: so verdrehte dies doch den Seitenzug von E nach a durchgängig.

Dieses Verdrehen der Figur vermeidet man, wenn die Ums fangslinien von einer befestigten Winkels oder Gradscheibe pasrallel abgeschoben werden, weil dann die Fortsetzung nicht nach der sehlerhaften Neigung Ef, sondern nach dem ganzen Winkels verbande sich richtet und somit in n und o trifft, wobei der Fehsler Ao — Gn — Fs wenigstens nicht sortwächst. Es können übrigens die entstandenen Fehler einander auch ausheben, und

dadurch kann selbst ein Schluß zufällig erfolgen, ohne daß eben die Figur richtig ist.

§. 191. Regelmäßige Polygone zu zeichnen.

Man beschreibt mit dem gegebenen Halbmesser einen Kreis und theilt diesen in die bestimmte Anzahl der Polygonseiten, die alsdann von Theilpunkt zu Theilpunkt gezogen werden.

Beim Sechsecke ist, wie bekannt, der Halbmesser selbst die Polygonseite. Bei andern Vielecken könnte man sich das Einztheilen des Kreises durch vorläusige Zeichnung des Mittelpunktzwinkels erleichtern. Derselbe ist nämlich

in dem Fünseck
$$\frac{4R}{5} = 72^{\circ}$$
, in dem Siebeneck $\frac{4R}{7} = 51^{\circ} 25,7'$ u. s. w.

§. 192. Kreisfiguren zu zeichnen. Fig. 44.

Hier ist nur ber einzige Fall noch zu erörtern, wenn drei Punkte A, B, D eines Umkreises ohne den Mittelpunkt gegeben sind. Man denkt sich die beiden Sehnen AB und BD und verzeichnet durch deren Mitte, nach J. 173. 2., die Senkrechten EF und GH. Diese schneiden sich in dem Mittelpunkte C, aus welchem der Kreis mit CA = CB = CD beschrieben werden kann. Daß CA = CB = CD, folgt aus der Gleichheit der rechtwinkeligen Dreiecke CIA und CIB, so auch CKB und CKD. In jenen ist CA = CB und in diesen CB = CD (§. 173. 2.).

§. 193. Langtreise zu zeichnen. Fig. 20.

1) Man zieht eine Gerade AB als längeren Durchmesser, macht AC = BD und beschreibt damit aus C und D die beiden äußern Kreise, welche sich in E und F schneiden. Auf der Gezraden EF, die senkrecht durch die Mitte von AB geht, setzt man nun den Zirkel in oder unsern F ein, öffnet denselben bis an die Höhe G des einen Kreises und erfüllt den Umkreis oben durch den Bogen GH. Dasselbe geschieht aus gleicher Stelle von oben herab durch den Bogen IK.

2) Ein anderes Verfahren ist ganz mechanisch und von der Ellipse abgeleitet. Man steckt in die auf dem langern Durchs messer angenommenen zwei Punkte C und D, die vorhin als Mittelpunkte gebraucht wurden, ganz seine Nadeln, schlägt darsüber einen, in der Länge von 2 AD oder 2 CB zusammengebunz denen Faden, hält in denselben einen Bleistist L und zieht mit diesem rund um C und D bei immer gleicher Anspannung die verlangte Ellipse LBHGAIK (§. 162.). Je näher C und D an A und B gelegt werden, um so schmaler wird der Langkreis.

§. 194. Andere vielectige und krummlinige Figuren aufzutragen. Fig. 45.

Die vielectigen und krummlinigen Umfange, wie sie zumal bei Waldmessungen ofters vorkommen, werden vermittelst ge= rabliniger Gulfefiguren, z. B. ABCDE, aufgetragen, beren Seiten fo nahe wie thulich an bem Umfange liegen. Die Hulfsfigur wird erst zum richtigen Schlusse gebracht; bann wer= den von den Standlinien die Hauptpunkte der Krummen durch Ubmessungen bestimmt. Bu diesen Abmessungen gebraucht man die fenkrechten Abstande (§. 162.) entweber von der Stand= linie felbst, wie an AB, ober von einer Berlängerung berselben, wie Bm, ober von angesetzten Dreieden, wie nop, ober von errichteten Senkrechten, wie gr, ober auch von angesetzten Rechteden, Trapezen, schiefen Hulfslinien u. bgl. Solche Hulfslinien und Abstände aufzutragen, lehrt das Vorhergehende. Den Umfang zieht man ge= wöhnlich mit kleinen geraden Linien aus und rundet dabei, wo wirkliche Krummen dargestellt werden mussen, die hervortreten= ben Ecken etwas ab.

§. 195. Figuren abzuzeichnen.

Die hier abgehandelten Verzeichnungen sind meistens nur beim Entwerfen noch nicht gezeichneter Figuren brauchbar. Sie könnten nun wohl zum Abzeichnen einfacher Figuren angewendet werden, zumal beim Mitgebrauche eines Quadratnetzes, das als Anhalt auf das Zeichenblatt, wie auf die Vorzeichnung gezogen

wurde. Beim eigentlichen Abzeichnen geometrischer Figuren bedient man sich indeß eines völlig handwerksmäßigen Mittels, das in ber Ausübung weit sicherer und leichter ist.

Man legt das Papier mit der abzuzeichnenden Figur fest auf das Zeichenblatt, sticht mit einer ganz seinen an einem Stiele befestigten Nadel (Kopirnadel) alle Punkte der Reihe nach durch und sührt hierauf von Punkt zu Punkt die neue Zeichnung aus. Dieses Verfahren (Kopiren) gewährt beim Abzeichnen viel mehr Genauigkeit, als das theilweise Zusammensehen der Figur mit dem Zirkel, wobei in der Richtung und Länge der Linien mehr oder weniger gesehlt wird. Nur muß die Vorzeichznung platt und sest ausliegen; die Nadel muß sein, gerade und mit einem langen Stiele versehen sein; die Zeichentasel muß gleichmäßig weiche Holzmasse haben und jeder Punkt ist ganz genau und senkrecht abzustechen.

§. 196. Vom Umzeichnen der Figuren überhaupt. Fig. 46.

Das Zeichnen einer ahnlichen Figur bedingt gleiche Winkel und gleiches Seitenverhaltniß. Dabei werden also nur die Längen verändert. Zum Auffinden der verhältniß=. mäßigen neuen Längen giebt es mehre Mittel.

- 1) Man hat Doppelzirkel mit ruckwärts verlängerten Schenkeln, die sich oben und unten zu ihren Schenkellängen proportionirt öffnen, auch eigentliche Proportionalzirkel, für alle Perhältnisse brauchbar; aber beide sind nicht zu empfehlen.
- 2) Fig. 46. Besser kann hierzu ein auf seines Holz, ober starkes Papier gezeichnetes, rechtwinkeliges Redukt ionsdreieck. ABC gebraucht werden, dessen Hypothenuse AB und kurzere Kazthete BC das Umzeichnungsverhältniß darstellen. In diesem sind alle, von AB auf AC gefällten Senkrechten, wie de, dem ansliegenden Stücke, wie Ab, proportional, nämlich AB: BC Ab: bc (§. 147.). Nimmt man daher von der vorgegebenen Zeichnung eine Länge, trägt sie von A nach b, läßt den einen Schenkel des Zirkels in b stehen und faßt mit dem andern den

Abstand des Punktes d von AC: so ist de die gesuchte Proportionallinie. Solche leicht zu gebrauchenden Dreiecke erneuert man sich, wenn sie abgenutzt sind.

3) Auch könnte man die Längen mit Hülfe eines verjungsten Maßstabes durch Rechnung verändern, oder auf einem ansdern, verhältnismäßig kleinern, oder größern Maßstabe wieder abgreisen. Beides wäre freilich etwas beschwerlich, aber bei ets waiger Vergrößerung der Figur noch am ersten zu wählen. Die zur Umzeichnung gegebene Figur wurde zerlegt durch Diagonasten oder Senkrechte. Dann wurde ein Stück nach dem andern mittels eines dieser Verfahren in die neue Größe verwandelt und zu der Umzeichnung verwendet. Diese Verzeichnung ist jedoch mühsam und nur bei einfachen Figuren anwendbar.

§. 197. Zusammengesette Figuren umzuzeichnen. Fig. 47.

Beim Umzeichnen mehr zusammengesetzter Figuren gebraucht man entweder das Quabratnet, oder ben Storchschnabel.

- 1) Mittels des Quabratnetzes: Zuerst wird über das Worbild ein Quabratnetz gelegt, dessen Linienabstände so gewählt sind, daß alle Zeichnungen innerhalb eines jeden Quadrates leicht und richtig danach abgenommen werden können. Hierauf kommt über das Zeichenblatt ein ähnliches Quadratnetz in dem gegebeznen Umzeichnungsverhältnisse. Nun trägt man die Zeichnung aus jedem Quadrate im Vorbilde herüber in das gleichliegende der Umzeichnung theils mit den bekannten Hulfsmitteln, theils nach dem bloßen Augenmaße. Dieses Versahren ersordert eine genaue Netzeichnung und ist nur da brauchbar, wo es auf grössere Genauigkeit der Echunkte eben nicht ankommt; denn scharfe Ecken können dabei nicht gut bestimmt werden.
- 2) Fig. 47. Mit dem Storchschnabel geht diese Grössenveränderung geradliniger Figuren, wie die der Grundrisse, viel schneller, leichter und genauer von Statten. Der Storchsschnabel besteht aus vier gleichen Holzstäben zu drei dis vier Fuß Länge, nach Figur 47 parallel zusammengesetzt, so daß NO: NP Na: NA das eben bestimmte Umzeichnungsverhältniß abgiebt.

Daran ist NO = Oa = PQ und OP = aQ = QA, serner NaA eine gerade Linie (§. 137. 1.) und $\triangle NOa \sim \triangle NPA$. (§. 148.).

In N bient ein Loch zur Besestigung am Rande des Zeischentisches. In a ist eine Kopirnadel; darunter kommt das Zeischenblatt. In A besindet sich ein Stift zum Führen des Storchsschnabels auf der darunter besestigten Vorzeichnung. Diesen setzt man mit der einen Hand auf jeden Punkt des Vorbildes, z. B. A, B, C, und sticht zu gleicher Zeit mit der andern die entsprechenden Punkte a, b, c sur die Kleinzeichnung, welche stückweise mit dem Bleististe weiter entworsen und nachher absgenommen und ausgeführt wird.

Der geometrische Grund dieses Versahrens ist leicht einzuseschen. Das Umzeichnungs Werhaltniß Na: NA sindet in allen Lagen des Storchschnabels Statt. Denn kommt der Stift A weiter nach B, C oder D, so trifft die Nadel a gleichzeitig in b, c oder d, und es ist Na: NA — Nb: NB — Nc: NCu. s. w., woraus Na: NA — ab: AB — bc: BC — ca: CA, also die Ahnlichkeit beider Figuren folgt (§. 147. 149.).

Diese Verjüngung kann noch durch ein Quadratnetz versischert werden, welches man vorher auf das Vorbild zieht und hernach mit dem Storchschnabel durch alle Netzunkte auf die Kleinzeichnung mit überträgt. Wenn dieses verzüngte Netz nachsmals die Prüfung mit Lineal und Zirkel in allen Punkten ausshält: so sind gewiß auch die eben so aufgetragenen Punkte der Figur selbst richtig. Soll die Zeichnung vergrößert werden, so kommt die Nadel in A und das Vorbild unter a.

Das Zeichnen ahnlicher Figuren ist viel mehr Fehlern unsterworfen, als das der gleichen, weil man dabei alle Längen versändern muß. Große Genauigkeit können solche in einen andern Maßstad umgezeichneten Figuren nie erlangen; sie verlieren jedes Mal gegen die Vorzeichnung. Besonders tritt dieser Fall bei Vergrößerungen ein. Hier werden nicht allein die Fehler des Vorbildes, die im kleinen Maßstade beinahe verschwunden wasren, durch den größern Maßstad vergrößert ausgetragen, sondern es häusen sich auch die mit der Größe des Maßstades wachsens den Umzeichnungssehler.

§. 198. Sicherung der Zeichnung vor mancherlei Unrichtigkeiten.

Über das Zeichnen der Figuren wird noch nachträglich be="
merkt: Man hat bei allen Aufgaben dasjenige Verfahren zu
wählen, das am wenigsten fehlt, dabei aber am einfachsten und
leichtesten ist. Längen lassen sich allezeit richtiger auftragen, als
Winkel; wenige lange Linien richtiger, als viele kurze; rechte
Winkel richtiger, als schiefe. Sehr viel kommt auf die Genauigs
keit der Werkzeuge an und die Übung im Handhaben derselben.

Nachst dem muß aber auch das Zeichnungsblatt völlig eben und möglich stete sein. Ist das Papier uneben, sleckweise kurzer und weiter, wie flüchtig zusammengehängte Wogen mit unbesschnittenem Rande: so kann darauf unmöglich eine richtige Zeichenung gemacht werden. Kein Papier hat eine stete gleichbleibende Ausdehnung; jedes verzieht sich bei Veränderung des Trockenzgrades und zwar auf einem Flecke mehr, als auf dem andern, so daß schon dadurch die Zeichnung beträchtlich unrichtig werden kann; am veränderlichsten ist aber das mit Leinwand unterzozgene Papier.

Steter halt sich bas Papier, wenn man es auf der Rucksseite mit ganz dunnem Leimwasser oder mit geschlagenem Eisweiße trankt und ganz gleichmäßig auf ein Reißbrett spannt, dann nach allmählichem Abtrocknen wieder abnimmt und langere Zeit in gewöhnlicher Zimmerwarme eben liegend ausbewahrt. Beim Zeichnen selbst ist darauf zu sehen, daß das Blatt nicht einseitig von der Sonne oder von der Ofenwarme berührt wird, noch weniger vom Fenster, oder von der Wand her Feuchtigkeit anzieht.

Um später das ganz unvermeidliche Verziehen wenigstens bemessen zu können, versieht man die Blätter zu genauen Grundzissen vorher mit einer Netzeichnung, und schreibt an diese zur Zeit des Auftragens die Abweichung jeder Quadratseite von der ihr eigentlich zukommenden Größe mit + oder —. Dadurch läßt sich zu allen Zeiten die ursprüngliche Größe jedes Theiles vom Grundrisse leicht wieder bestimmen. Es giebt kein besseres Sicherungsmittel gegen diesen Übelstand aller Papiere.

III. Figurenberechnung.

1. Ausrechnung ber Flache.

§. 199, Flachenmaße.

Als Grundmaß zur Bestimmung des Flächeninhaltes erswählte man das Quadrat, die einfachste und fügbarste aller Figuren. Zur Seite einer solchen Flächeneinheit dient die Langeneinheit. Man hat für die Fläche ebenfalls zweierlei Maße, geometrisches und Werkmaß.

In dem geometrischen Maße ist die Quadratruthe ein Quadrat, dessen Seite 10 geometrische Fuße mißt; sie besteht also aus $10 \times 10 = 100$ geometrischen Quadrat sußen zu 100 Quadratzollen. Eine gewisse Anzahl Quas dratruthen dient als Morgen, Acker u. s. w. zur eigentlichen Flächenmaßeinheit der Landmessungen.

Die geometrische Quadratruthe enthalt auch, je nachdem die Längenruthe aus 12, 16, oder überhaupt aus n Werksußen zus sammengesetzt ist, 12 × 12 == 144, oder 16 × 16 == 256, oder n × n Quadrat = Werksuße.

Der Quabrat = Werksuß hat zur Seite 12 Werkzolle, besteht also aus 12 × 12 = 144 Quabrat = Werkzollen zu 144 Quabratlinien. Der Grund dieser Maßeintheilung ergiebt sich aus §. 166. 1.

Das geometrische Flachenmaß gewährt durch seine Eintheis lung in Hundertel erhebliche Rechnungsvortheile. Man ist nicht nur bei allen Verwandlungen in niedere, oder höhere Einheiten des Multiplizirens und Dividirens überhoben, indem man Zahlstellen paarweise hinzusügen, oder abschneiden kann, sondern braucht auch nur einerlei Maßeinheit zu nennen, weil daraus jede andere sich unmittelbar ergiebt. So könnten z. B. 3567 Duadratsuß, durch Division mit 100, unmittelbar in 35 Qua-

dratruthen, 67 Quadratfuß, oder als 35,67 Quadratruthen ausgedrückt werden.

Die Flächenmaße nennt man, vorzüglich in der Anwendung, auch Flächenruthen, Flächenfuße u. s. w. und bezeichnet sie übrigens eben so, wie die Längenmaße, setzt aber zur Untersscheidung noch ein q oder ihinzu. So bedeutet 35 q° 67 q' oder 35,67 q° den obigen Flächeninhalt. 5158 Quadrat Berkszolle sind $\frac{51}{14}$ q' = 35 q' 118 q'' Werkmaß.

Die von Grundstückmessungen herrührenden Flächenangaben, wobei gewöhnlich Morgen oder Acker, wenigstens Ruthen vorkommen, beziehen sich auf geometrisches Maß, und man drückt diese Flächenzahlen, zur Vermeidung etwaiger Irrung, in keiner kleinern Benennung, als in Ruthen aus. Die Flächenangaben von andern Gegenständen, besonders von Bodenabwägungen und Bauwerken, beziehen sich meist auf Fuße und Jolle des Werkmaßes.

§. 200. Grundformen ber Figuren.

Die Flachenausdehnung läßt sich nicht unmittelbar messen; benn das Auf= und Fortlegen eines Flächenmaßes wäre nicht nur schwierig und ungewiß, sondern in den meisten Fällen auch unthulich. Daher sucht man zum Behufe der Flächenmessung bloß Länge und Breite und berechnet danach die Größe der Fläche.

Doch kann diese Flächenmessung nach Länge und Breite nur bei den einfachen Grund formen der Figuren gescheshen, nämlich beim Parallelogramm, Trapeze und Dreisecke, welche wir in dieser Beziehung Grundfiguren nennen. Die mehr zusammengesetzten, unregelmäßigen Figuren mussen vorher in solche Grundfiguren zerlegt und somit stückweise bezrechnet werden. Die Längen und Breiten dieser Berechnungszsiguren braucht man eben nicht allemal wirklich zu messen; dseters lassen sie sich aus andern bekannten Verhältnissen ermitteln. In der Zeichnung nimmt man sie gewöhnlich mit dem Zirkel und sucht ihr Maß auf dem verjüngten Maßstabe.

§. 201. Die Flache bes Rechtedes auszurechnen.

Man messe die Grundlinie, als Länge, und die Höhe, als Breite, drücke beibe Ausdehnungen nach einerlei Längenmaßeinheit aus und multiplizire diese Jahlen. Das Produkt giebt den Fläckeninhalt in der gleichnamigen Flächenmaßeinheit (§. 166.).

- 1) Hätte die Grundlinie 35° und die Höhe 22°, so wäre der Flächeninhalt 35 × 22 = 770 q°. In preußischem Maße würde die Anzahl der Quadratruthen noch durch 180 dividirt, und man erhielt $\frac{788}{188}$ Mg. = 4 Mg. 50 q°; in weimarischem Maße dividirte man durch 140 und erhielt 5 Ar. 70 q°.
- 2) Hatte in einem Rechtecke die eine Seite 2° 7'; die ans dere 3°, so würden beide Faktoren mit gleicher Benennung ans gesetzt, nämlich: 27' × 30' = 810 q' oder 8 q° 10 q'; im geometrischen Maße sind nämlich 100 q' = 1 q°. Bei diesem Maße könnten die Faktoren eben sowohl in Ruthen ausgedrückt werden: 2,7° × 3° = 8,1 q°.
- 3) Enthielt die eine Rechteckseite 360 und die andere 150 Werkfuße, so ware der Flächeninhalt 360 \times 150 = 54000 q' Werkmaß. Wären dies rheinlandische Fuße, so könnte man sie durch 144 in preußische Quadratruthen verwandeln, weil eine solche $12 \times 12 = 144$ Quadrat = Werkfuße enthält. = 54000 rheinl. = 9 sind = 375 = 2 Morgen 15 = 9 preußisch. Wären es dagegen weimarische Werkfuße, so verwandelte man sie durch = 16 = 256 in = 200,9 = 210,9 = 1 Ur. 70,9 = 9 weimarisch.
- 4) Hielt in Werkmaß die eine Seite 2'8" und die andere 2': so ware der Inhalt (beide Faktoren aus gleiche Benennung gebracht) 32" × 24" = 768 q" oder III q' = 5 q' 48 q", weil der Quadrat=Werkfuß 144 q" hat. Man könnte hier auch die 2'8" in Fußen ausdrücken durch 2\frac{2}{3}' und so die Rechnung abkürzen in 2\frac{2}{3}' × 2' = 5\frac{1}{3} q'.
- 5) Bei dem Quadrate findet, wie bekannt, dasselbe Verfahren Statt, nur daß die Seiten gleich sind. Ein Quadrat, das 3' 5" oder 41" Werkmaß zur Seite hat, enthalt 41 × 41 ==

1681 q". Diese wurden beim Werkmaße durch 144 verwandelt in 1551 = 11,67 q'.

§. 202. Die Fläche des schiefen Parallelogramms auszurechnen.

Die Fläche bes schiefen Parallelogramms ergiebt sich, wenn man die Maße der Grundlinie und der Höhe multiplizirt (h. 166, 2.). Das Produkt ist der Inhalt in gleichnamigen Quadrateinheiten.

- 1) Hielt die Grundlinie 12° $7\frac{1}{2}$ oder 12,75° und die Höhe 7° 9' oder $7,9^{\circ}$: so ware der Flächeninhalt $12,75^{\circ} \times 7,9^{\circ} = 100,725$ 9° oder 100 9° 72 9' 50 9''.
- 2) Hierbei ist zu beobachten, daß man wo möglich eine der längern Seiten zur Grundlinie annimmt und die Höhe mehr mitten in der Figur mißt. Die Höhenlinie selbst zieht man nicht, sondern setzt den Zirkel in der Oberlinie ein und öffnet denselben so weit, dis der andere Schenkel die Grundlinie mit dem Bogen bestreicht (§. 146. 2.).
- §. 203. Die Fläche bes Trapezes auszurechnen, Fig. 48,

Man multiplizirt von beiden Parallelen das arith= metische Mittel AD+BC mit ihrem Abstande BE.

Denn
$$\triangle$$
 ABD $=\frac{AD}{2} \times$ BE (§. 166. 4.),
$$\triangle$$
 BCD $=\frac{BC}{2} \times$ BE;
also Trap. ABCD $=\frac{AD+BC}{2} \times$ BE.

Wären AD und BC senkrecht zu DC, so diente die Seite DC selbst als Höhe ober Breite, und der Inhalt wäre $\frac{AD+BC}{2}$ × DC.

Mäße eine Parallele 35°, die andere 25° und ihr Abstand 16°, so enthielt das Trapez $\frac{35+25}{2} \times 16 = (35+25) \times \frac{16}{2} = \frac{(35+25) \times 16}{2} = 480$ q°. Hieraus ist zugleich ersichtlich,

daß eben sowohl der andere Faktor, oder das Produkt halbirt werden durfen.

5. 204. Die Flache bes Dreiede auszurechnen.

Man sucht das halbe Produkt der Grundlinie mit der Hohe (§. 166. 4.). Wäre die Grundlinie 50° und die Höhe 28°, so enthielt das Oreieck $\frac{50 \times 28}{2}$ = 700 q°,

Das Halbiren kann schon bei einem von den Faktoren gesschehen. Denn $\frac{50\times28}{2}=\frac{50}{2}\times28=50\times\frac{28}{2}=700$. Die Theilbarkeit der Zahlen und die Leichtigkeit im Multipliziren entscheiden bei der Auswahl. Im anhaltenden Rechnen behält man jedoch lieber ein gleichformiges Halbiren bei, um weniger zu irren.

Man nimmt in dem Dreiecke wo möglich die langste Seite zum Grunde an, setzt zum Höhenmessen den Zirkel in die gegenüberliegende Spitze ein und öffnet denselben so weit, daß der andere Schenkel die Grundlinie bestreicht.

§. 205. Die Fläche bes gemeinen Biereckes auszus rechnen. Fig. 49,

Man theilt das Viereck in zwei Dreiecke durch eine Diago= nale AC, multiplizirt diese als gemeinschaftliche Grund= linie mit der Summe beider Dreieckhöhen BF + DE und halbirt das Produkt. Denn

$$\Delta ABC = \frac{1}{2} AC \times BF,
\Delta ADC = \frac{1}{2} AC \times DE.$$
Sierect ABCD = $\frac{1}{2} AC \times (BF + DE)$.

Ware AC = 39°, BF = 15° und DE = 17°, so entspielt das Vierect $\frac{39 \times (15+17)}{2} = \frac{39}{2} \times (15+17) = 39 \times \frac{15+17}{2} = 624 \text{ q}^{\circ}$.

Zieht man zu der Diagonale AC aus D oder B eine Parallele und verlängert die andere Höhenlinie dis an diese: so ist Bd = BF + DE, und man kann die beiden Dreieckhöhen an einem Stücke nehmen. Je naher die Richtpunkte E und F zusammen liegen, um so mehr gleichen sich diejenigen Hohensehler aus, die von Unrichtigkeit der Diagonale herrühren. Können beide Höhen nicht insnerhalb der Figur genommen werden, so thut man besser, jedes Dreieck mit besonderer Grundlinie einzeln auszurechnen.

§. 206. Die Fläche unregelmäßiger Bielecke auszurechnen.

Um den Flächeninhalt des unregelmäßigen Vielecks auszusrechnen, theilt man dasselbe in geeignete Grundfiguren, sucht von jeder den Inhalt besonders und addirt dann alle Bezrechnungsstücke zusammen. Diese werden nummerirt, in der Rechnung wie in der Zeichnung.

- 1) Wird das Vieleck in Dreiecke zerlegt, so mussen die Diasgonalen vortheilhaft angeordnet werden, daß keines davon zu schief und spigig aussällt, und daß so viel als thulich je zwei mit gemeinschaftlicher Grundlinie geeignet zusammen kommen.
- 2) Wird die Figur mittels senkrechter Linien in rechtwinkelige Dreiecke und Trapeze zerlegt: so braucht man vorzugsweise die Stücke der Längenlinie mit zur Berechnung. Hierbei führt man wohl den Maßstab gleich an den Vorderseiten von Lineal und Winkel und nimmt damit beim Fortschieben die Längen der Bezrechnungslinien unmittelbar ab.
- 3) Ganz große Figuren, wie die Forstgrundrisse, rechnet man mit Hulfe des mehrerwähnten Quadratnetzes aus. Die vollen Quadrate werden nur abgezählt, ihr Inhalt ist bekannt; die Quadratstücke werden noch in weitere Grundsiguren zerlegt und theilweise ausgerechnet.
- 4) Hat man beim Auftragen des Grundrisses den damalizgen Stand der Papierausdehnung an jeder Quadratseite bemerkt, so wird auch der Inhalt hiernach berichtigt. Gesetz, es sollte jede Quadratseite 50°, das ganze Quadrat also 2500 q° messen, und es stände an einer Seite—1½' und an der gegenüberliegenden—2½', die beiden andern Seiten fänden sich aber unverändert: so wäre dieses Quadrat um ein Trapez von 50° lang, einerseits 1½ Fuß

und andrerseits $2\frac{1}{2}$ Fuß breit, zu klein, weßwegen $500' \times \frac{1\frac{1}{2}+2\frac{1}{2}}{2}$ = 10 q° von dem vollen Quadratinhalte abgezogen werden müßten; für jeden beiderseits mangelnden Fuß 5 q°.

Wo die Seitenpaare zu groß waren, wird auf gleiche Weise hinzugelegt. Weicht auch das andere Seitenpaar ab, so nimmt man die Berichtigung eben so vor, gebraucht aber dabei die Nezbenseiten unverkürzt, denn der Unterschied ist ganz unerheblich sür die Rechnung. Stand z. B. an dem andern Seitenpaare — $1\frac{1}{2}$ ' und — $\frac{1}{2}$ ', so entgingen dem Quadrate dafür wieder $\frac{1\frac{1}{2}+\frac{1}{4}}{2}$ × 500' = 5 q°, und man erhielt sür das Ganze: 2500 — 10 — 5 = 2485 q°.

§. 207. Bereinfachung ber Figuren. Fig. 50.

Oft besteht der Umfang einer auszurechnenden Figur aus vielen kurzen Linien, was eine große Anzahl von Berechnungssizguren nothig macht. Um diese zu vermindern, sucht man die kleinen Ecken durch langere Linien auszugleichen, so daß die Fizgur vereinfacht wird, ihr Flacheninhalt aber unverändert bleibt. Diese Berwandlung geschieht nach dem bloßen Augenzmaße, oder durch Parallelschieben.

- 1) Die Verwandlung des Umfanges nach bem blos
 ßen Augenmaße, indem man kleine Ecken und Krummen durch gerade Linien ungefähr ausgleicht, ist mehr innerhalb der Figur brauchbar, wo der Inhalt einzelner Abtheilungen noch besonders ausgemittelt werden muß. Denn das Augenmaß bleibt immer sehr ungewiß.
- 2) Fig. 50. Die Berwandlung des Umfanges durch Parallelschieben beruht auf Verlegung außerer Dreizecke. Wir wollen zur Erläuterung des Verfahrens das Sechseck ABCDEF zu einem Dreiecke vereinfachen. Hierzu wird die Grundlinie AF auf beiden Seiten verlängert, dann wird CA und dazu parallel Bb entworfen, und nun die Linie Cb als erste Ausgleichungslinie gezogen, wegen CBA. Das Dreieck CBA ist nämlich gleich dem Dreiecke CbA, weil beibe auf demselben

Grunde zwischen Parallelen stehen, also auch gleiche Hohe ben (§. 164.).

If aber $\triangle CBA = \triangle CbA$, und $\triangle CxA = \triangle CxA$: so ift auch $\triangle CBx = \triangle Abx$;

es kann nun jenes abgenommen und dafür dieses angesetzt wers den. Das gegebene Sechseck ist dadurch in ein gleichgroßes Fünfeck bCDEF verwandelt.

Man bringt nun auf der andern Seite die einwarts gehende Ecke E weg, schiebt namlich DF parallel hinüber durch E zu e und zieht die Ausgleichungslinie De. Das Dreieck DEF ist gleich dem Dreiecke DeF und DEy — Fey. Dies für jenes vertauscht, macht das vorige Fünseck nun zu einem gleichgroßen Vierecke dCDe.

Wolte man die Verwandlung noch weiter fortsetzen, so würde mit Ce die Parallele Dd und von C nach d die neue und letzte Ausgleichungslinie gezogen. Durch diese wäre das Dreieck CDz abgeschnitten, gegen das gleich große edz, und das vorige Viereck endlich in ein gleich großes Dreieck bCd verwanz delt worden.

Bei dieser Ausgleichung mussen eben nicht alle Hulfslinien ausgezogen werden. Mit etwas Übung kann man ihre Aussuhprung unterlassen und nur die Durchschnittspunkte bemerken. Doch ist dabei in verwickelten Grenzsiguren Behutsamkeit erforderlich, damit nicht schon gebrauchte Schnitte unrichtig wieder angenommen werden.

Diese Verwandlung kann freilich beträchtlichen Abweichuns gen unterliegen und erfordert eine sehr fertige Hand. Doch sins den sich bei der weitläusigen Ausrechnung aller sehr kleinen Stücke eben auch manche Abmessungs und Rechnungssehler ein, wenn nicht große Vorsicht angewendet wird.

§. 208. Noch einige Regeln zur Flächenberechnung.

Für die Ausmittelung des Flächeninhaltes gezeichneter Fisguren ist hier Einiges nachträglich zu bemerken.

1) Dieses Geschäft erfordest erstich fehr gute Werkzeuge.

Ein unrichtiger Maßstab, ober ein schlechter Zirkel wurden die abgemessenen Längen unrichtig geben; ein krummes Lineal versursachte krumme Grundlinien und dadurch unrichtige Höhen. Auch mussen die Hulfslinien mitten auf ihre Bestimmungsspunkte und recht scharf gezogen werden entweder mit einem sehr scharfen Bleististe, oder mit der Zirkelspisse.

Je kleiner die Berechnungssiguren sind, um so deter muß man Zirkel und Maßstab gebrauchen und rechnen, um so mehr Fehler schleichen sich daher mit ein. Die zu großen Berechnungssstücke haben dagegen das Nachtheilige, daß zu ihrer Ausmessung Zirkel und Maßstab nicht zureichen, und daß überhaupt die Mengel der Werkzeuge und der Behandlung zwar nicht so viel, aber desto größere Fehler verursachen, welche sich weniger leicht heben.

- 2) Was die Wahl ber Grundfiguren betrifft: so sollten vorzugsweise genaue Quadratnetze nebst rechtwinkeligen Trapezen und Oreiecken gebraucht werden. Dabei sind die wirklich gemessenen Längen zur Ausrechnung weit vorzüglicher, als die von dem Papiere erst abgenommenen, besonders die Standlinien und Abstände; und setzt man rechtwinkelige Berechnungssiguren auf eine Linie von bekannter Größe: so sind die davon zu Grundslinien gebrauchten Theile zusammen mit der ganzen Länge erst zu vergleichen.
- 3) Man halt zum Rechnen ein eigenes Buch, setzt alle Rechnungen nach der Reihe mit der Bezeichnung ihrer Stücke ordentlich unter einander, benennt auch alle Größen mit einerlei Maßeinheit. Nach beendigter Ausrechnung der abgetheilten Flaschenstücke wird der gefundene Flächeninhalt geprüft, zuerst bloß vergleichend mit dem Augenmaße wegen der größern Fehler, nachher wohl auch durch eine slüchtige Überschlagrechnung.
- 4) Bu flüchtigen Ausmittelungen des Flächeninhaltes von Figuren gebraucht man zuweilen das verjungte Maßnet, ein Quadratnet von Fäden in Rahmen, oder auf Glas, dessen Quadrate einen bekannten Inhalt haben. Dieses dient, auf die Figur gelegt, zum Auszählen der, Fläche, wo eben eine größere Schärfe nicht verlangt wird, wie etwa beim Prüfen des schon

berechneten Inhaltes, oder bei inneren Abtheilungen. Es versteht sich, daß ein solches Netz nur für einen gewissen Maßstab uns mittelbar passen kann, und daß die innerhalb der Quadrate vorkommenden Flächenstücke geschätzt werden mussen.

§. 209. Die Fläche bes Polygons auszurechnen. Fig. 51.

Um regelmäßige Vielecke auszurechnen, bedarf man keiner Zeichnung, eben weil sie regelmäßig sind. Man mulsiplizirt ben Umfang mit dem Mittelpunktabskande und halbirt das Produkt (§. 167.).

Ist in dem regelmäßigen Sechsecke, Fig. 51., die Seite AB = 1 Fuß und der Mittelpunktabskand CI = 0.866: so mißt der ganze Umfang $6 \times 1 = 6'$ und der Flächeninhalt ist $\frac{6 \times 0.866}{2} = 2.598$ q'.

§. 210. Die Fläche bes Kreises auszurechnen. Fig. 51.

Die Kreisstläche auszurechnen, multiplizire man den Umfang mit dem Halbmesser oder halben Durchmesser und halbire das Produkt; denn F = $\frac{1}{2}$ u × r (§. 167. 1.). Hierzu gebrauchen wir jedoch den Halbmesser weniger, als den nehmbarern Durchmesser, ober Umfang.

1) Um zuvörderst nach dem Durchmesser den Umfang, ober nach diesem jenen zu bestimmen, muß das zwischen beiden Statt sindende, allgemeine Verhältniß bekannt sein, was unter andern auf solgende Weise berechnet wurde:

Man ging in einem Kreise zuerst von dem darin besschriebenen Sechsecke aus und nahm den Halbmesser CA sowohl, als die ihm gleiche Sechseckseite AB zu 1 an, dachte sich aus dem Mittelpunkte durch die Mitte von AB eine Senkerechte CH (§. 145. 1.) und berechnete aus CA = 1, AI = ½ die Kathete CI des rechtwinkeligen Dreieckes CAI nach der Gleischung CA² — AI² = CP (§. 165.). Aus den dadurch bekannt

gewordenen Größen AI = $\frac{1}{2}$ AB, IH = CH - CI suchte man nun weiter von dem rechtwinkeligen Dreiecke AIH die Hypozthenuse AH, nach AI² + IH² = AH², und erhielt somit die Seite des regelmäßigen Zwölseckes in demselben Kreise.

Eben so suchte man weiter die Seiten und Umsänge des regelmäßigen Vierundzwanzigeckes, 48:Eckes, 96:Eckes, 192: Eckes... und näherte sich auf diesem Wege dem Kreise so, daß man den Umfang eines letztern innern Polygons schon dem Kreise gleichsehen durfte.

Damit begnügte man sich jedoch nicht, sonbern berechnete für denselben Kreis, eben so fortschreitend, auch die Umfänge der äußern Polygone von gleicher Seitenzahl, dis endlich die beiden Umfänge eines letztern innern und eines letztern äußern Polygons dis auf hundert und mehr Dezimalen übereinstimmten.

Dadurch kam man auf ein Verhältniß des Halbmessers zum Umfang r: u = 1:6,28318530... oder des Durch= messers zum Umfang, d: u = 1:3,14159265... von der allerschärfsten Genauigkeit. Gewöhnlich brauchen wir davon nur das abgekürzte Verhältniß:

$$d: u = 1:3,14$$

und zur Begründung allgemeiner Faktoren für Formeln:

$$d: u = 1: 3,1416.$$

Hiernach enthält ber Umfang etwas mehr, als brei Durchmesser. Für ungefähre Bestimmungen dürste berselbe gerade drei mal so groß angenommen werden. Nach diesen Verhältnissen kann man nun nicht allein aus dem gegesbenen Durchmesser den Umfang, sondern auch aus dem gegebenen Umfange den Durchmesser sür jeden Kreis sinden, so genau es nur irgend ersorderlich ist.

2) Ware die Flache eines Kreises auszurechnen nach dem gegebenen Durchmesser d, etwa von 18": so suchte man zuvörderst den Umfang u durch folgenden Ansatz:

$$1:3,r_4=18:u$$

und $u = 18 \times 3,14 = 56,52''$.

Nun ist bekanntlich die Kreissläche = zu x r, also auch

= $\mathbf{u} \times \mathbf{zr}$, und (weil $\mathbf{zr} = \mathbf{zd}$) = $\mathbf{u} \times \mathbf{zd}$, ober $\mathbf{u} \times \mathbf{zd}$, ober $\mathbf{u} \times \mathbf{d}$, ober $\mathbf{u} \times \mathbf{d}$. Daraus folgt, daß die Kreisssäche eben auch hervorgeht, wenn man den Umfang mit \mathbf{z} Durchmesser, ober \mathbf{z} Umfang mit dem ganzen Durchmesser multiplizirt, oder von dem Produkte des Umfangs mit dem Durchmesser das Viertel nimmt. Hiernach gabe $56,52 \times \mathbf{z} = \frac{56,52}{4} \times 18 = \frac{56,52 \times 18}{4}$ die verlangte Kreissläche, nämlich 254,34 q" = 1 q' 110,34 q", ober beinahe 1,76 q' in Werkmaß.

Ware aber die Kreissläche nach dem Umfangen, etwa zu 60", auszurechnen: so suchte man dazu den Durchmesser mitztels der Proportion 3,14: 1 = 60: d und fände $d = \frac{60}{3,14} = 19,1$ ". Aus diesem und dem Viertel des Umfanges erhielt man zur Kreissläche $19,1 \times 5^\circ = 286,5$ q" = 1 q' 142,5 q" Werkmaß.

3) Um nicht erst aus bem Durchmesser den Umfang, oder aus dem Umfange den Durchmesser besonders suchen zu mussen, druckt man gleich den Umfang als ein Produkt des Durchmessers, oder den Durchmesser als ein Produkt des Umfanges aus. In Anwendung des genauern Kreisverhältnisses 1:3,1416 = d:u ist der Umfang u = 3,1416 × d; eben so ist nach 3,1416:1 = u:d der Durchmesser d = $\frac{1}{3,1416}$ × u. Sett man diese Werthe von u und din den obigen Ausdruck für die Kreisssäche

$$k = \frac{1}{4} u \times d = \frac{1}{4} \times 3,1416 \times d \times d = 0,7854 d^{3};$$
 $k = \frac{1}{4} d \times u = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3,1416} \times u \times u = 0,07958 u^{3};$

so ergiebt sich folgende Regel zum Ausrechnen der Kreisslächer Man multiplizire die Zahl des Durchmessers mit sich selbst und dieses Quadrat wieder mit 0,7854, oder man multiplizire das Quadrat des Umfanges mit 0,0795,8.

Bei obigem Durchmesser von 18" rechnet man nun 18 × 18 × 0,7854 und erhält zur Kreisssäche 254,46 q". Bei obisgem Umfange von 60" erhält man durch 60 × 60 × 0,07958 zur Kreissläche 286,48 q". Der unerhebliche Unterschied in dem Ergebnisse beider Ausrechnungen rührt von der verschiedenen Senauigkeit im gebrauchten Kreisverhältnisse her. Zeigen auch die beiden letztern Formeln in den angeführten Fällen eben noch keine große Erleichterung: so werden wir ihren besondern Nutzen bei der Körperberechnung schon näher kennen lernen.

§. 211. Die Fläche von Kreisstuden auszurechnen. Fig. 52.

1) Ein Kreisring wird begrenzt von zwei in einander liegenden Kreisen; sein Inhalt ist also der Unterschied beider Kreisslächen K — k.

Nach dieser Gleichung kann ber Kreisring ausgerechnet wers ben, im Fall man nicht jeden Kreisinhalt besonders suchen und ben kleinern von dem größern abziehen will.

Man könnte sich auch ben Ring, welchen zwei Kreise in Mittelpunktgemeinschaft bilden, aus schmalen Trapezen zusam= mengesetzt vorstellen und deren Gesammtinhalt sinden, wenn man die halbe Summe beider Parallelkreise mit ihrem Abstande multiplizirte, nach der Formel $\frac{U+u}{2} \times (R-r)$, welche voraus= setz, daß beide Umfänge und die Ringbreite bekannt sind.

- 2) Von einem Kreisausschnitte mussen zur Ausrech= nung bekannt sein der Halbmesser r und der Bogen B. Der Inhalt ist & (B × r) nach &. 167.
- Könnte der Bogen nicht unmittelbar gemessen werden, so berechnete man denselben nach dem Winkel am Mittelpunkte. Es ist namlich 366°: ACB = U: Bg. ADB; denn die Winkel am Mittelpunkte verhalten sich, wie ihre Bogen (§. 161.).

Ubrigens ergaben auch die Proportionen:

360°: $\angle ACB = K: x$, ober U: ADB = K: x

den Flächeninhalt des Kreisausschnittes unmittelbar, wenn die Kreissläche K bekannt ware.

3) Der Ringausschnitt AEFBD ist, als Trapezzusam= mensehung betrachtet,

$$= \frac{EGF + ADB}{2} \times AE.$$

4) Der Kreisabschnitt ABD wird zwar gefunden, wenn man von dem ganzen Kreisausschnitte ADBC das Dreieck ABC abzieht; meist können aber nur die Sehne AB, die Höhe GD und etwa der Bogen ADB unmittelbar gemessen werden, und hiernach ist die Ausrechnung von AC, ADBC und ABC viel zu umständlich für die gemeinen Messungen. Da ohnedies solche Abschnitte bei ihrem wirklichen Vorkommen selten ganz kreissörmig sind: so theilt man lieber ihre Fläche von der Sehne senkrecht in Grundsiguren und berechnet diese einzeln.

Bei weniger Genauigkeit reichte auch für die Fläche bes Abschnittes das Produkt der Sehne AB mit der Höhe GD und mit 0,7 aus; zumal wenn die Höhe des Abschnittes nicht unter zund nicht über z ber Sehne ist.

§. 212. Die Dreieckssläche aus ben brei Seiten zu berechnen.

Ein Dreied unmittelbar aus seinen drei Seiten zu berechnen dient folgende Formel, worin a, b und o die drei Seiten und S ihre Summe bezeichnen:

$$\sqrt{\left[\frac{1}{2}S \times \left(\frac{1}{2}S - a\right) \times \left(\frac{1}{2}S - b\right) \times \left(\frac{1}{2}S - c\right)\right]}.$$

In Worten: Man multiplizire die halbe Summe der drei Seiten mit ihrem Unterschiede von der einen Seite, dies wieder mit ihrem Unterschiede von der andern Seite, dies endlich mit ihrem Unterschiede von der bon der dritten Seite und ziehe aus dem letten Produkte die Quadratwurzel; dieses giebt den Flächensinhalt des Dreieckes.

Hatte z. B. in einem Dreiecke a = 5°, b = 5° und c = 6°, und ware somit S die Summe der Seiten = 16°, \(\frac{1}{2}S = 8^{\circ}, \(\frac{1}{2}S - a = 3^{\circ}, \(\frac{1}{2}S - b = 3^{\circ} \) und \(\frac{1}{2}S - c = 2^{\circ}: \) so betrüge der Inhalt

$$\sqrt{(8 \times 3 \times 3 \times 2)} = \sqrt{144} = 12 \text{ q}^{\circ}$$

Ju diesem Beispiele diente ein gleichschenkeliges Dreieck. Dessen Inhalt ließe sich auch aus der Grundlinie — 6 und aus der Höhe — √(5² — 3²) berechnen (nach §. 145. 1. und 165.), nämlich:

$$\sqrt{(5^2-3^2)} \times \frac{6}{2} = 12 \text{ q}^2.$$

Dies dürfte wenigstens als Probe für obige Formel dienen, indem ein Beweis hier zu weit führen würde.

§. 213. Långe und Breite zu gegebenem Flachen= inhalte.

Aus dem bekannten Flächeninhalte F jeder Grundsfigur läßt sich ihre Länge, so wie ihre Breite wieder heraus rechnen.

- 1) In dem Quabrate ist jede Seite a die Quadratwurzel aus der Flächenzahl F; denn F = a × a und VF = a.
- 2) In jedem länglichen Rechtecke sindet man die eine Seite a oder b, wenn man F durch die andere Seite divisitit; denn $F = a \times b$ und $\frac{F}{b} = a$, so wie $\frac{F}{a} = b$.
- 3) Für das schiese Parallelogramm wird die Grundzlinie g, so wie die Breite h gesunden, wenn man den Flächenzinhalt durch eine oder die andere dividirt. $\mathbf{F} = \mathbf{g} \times \mathbf{h}$, daher $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{g}} = \mathbf{h}$ und $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{h}} = \mathbf{g}$.
- 4) Aus dem Flächeninhalte eines Trapfzes und den beis den Parallelen a und c läßt sich deren Abstand b berechnen,

$$\mathbf{F} = \frac{\mathbf{a} + \mathbf{c}}{2} \times \mathbf{b}$$
, also $\mathbf{F} : \frac{\mathbf{a} + \mathbf{c}}{2} = \frac{2\mathbf{F}}{\mathbf{a} + \mathbf{c}} = \mathbf{b}$.

Auch findet man nach $\frac{F}{h} = \frac{a+c}{2}$ bas arithmetische Mitztell m beider Parallelen. Bezeichnet d beren Differenz, so ist die

größere = m + zd, die kleinere c = m — zd und baher eine aus der andern bestimmbar.

5) Für das Dreieck findet man die Grundlinie g oder die Höhe h, wenn man den Flächeninhalt durch die Hälfte eisner dieser Größen dividirt; denn $\mathbf{F} = \frac{\mathbf{g} \times \mathbf{h}}{2} = \frac{1}{2}\mathbf{g} \times \mathbf{h} = \mathbf{g} \times \frac{1}{2}\mathbf{h}$, also

$$F: g = \frac{2F}{g} = h$$
, oder $F: h = \frac{2F}{h} = g$.

6) Aus der gegebenen Kreisfläche können Durchmesser und Umfang berechnet werden. Nach \S . 210. 3. ist K=0.7854 d² =0.07958 u²; also ist $\frac{K}{0.7854}=d^2$ und $\frac{K}{0.07958}=u^2$. Dis vidirt man daher die Kreisssäche durch 0.7854 oder durch 0.07958: so geht im erstern Falle das Quadrat des Durchmessers und im andern das Quadrat des Umfangs hervor, woraus noch die Wurzel gezogen werden müßte.

§. 214. Umfånge gleichgroßer Figuren.

Unter allen Figuren von gleicher Fläche hat der Kreis den kleinsten Umfang, das Quadrat aber einen kleinern, als alle andern Vierecke und alle Oreiecke.

Um dieses zu beweisen, entwickeln wir zuerst für den Kreis u" × 0,07958 und ein gleichgroßes Quadrat a" das beiderseitige Umfangsverhältniß:

$$0.07958 \times u^2 = a^2$$
, Boraussetung;
 $\sqrt{0.07958} \times \sqrt{u^3} = \sqrt{a^2}$;
 $0.282 \times u = a$;
 $4 \times 0.282 \times u = 4a$;
 $1.128 \quad u = 4a$;
 $1u + 0.128 \quad u = 4a$.

Hieraus ergiebt sich, daß der Quadratumfang 4a um 0,128 u größer ist, als der Kreisumfang u.

Nun halt ein Rechteck mit der Grundlinie a + n und der Höhe a-n, dessen Umfang also auch 4a ist, $(a+n)\times(a-n)==a^2-n^2$, folglich n^2 weniger als obiges Quadrat von eben so großem

Umfange. Das gleichgroße langliche Rechteck hat bas her wieder einen größeren Umfang, als bas Quadrat.

Übrigens ergiebt die fortgesetzte Untersuchung, daß bei gleicher Fläche: ber Umfang des Rechtecks mit größerem Seitenuntersschiede auch um so größer, der des schiefen Parallelogramms und Dreieckes mit ebenderselben Grundlinie aber noch größer ist.

2. Theilung ber Figuren.

§. 215. Theilung ber Grundfiguren. Fig. 53. 54. 55, 56.

Alle Dreiede und die Bierede mit Parallelseisten, überhaupt die Grundfiguren, konnen unmitstelbar in den Seiten getheilt werden.

- 1) Fig. 53. Theilt man in einem Dreiecke ABC die Grundslinie und zieht von der Spize B gerade Linien in die Theilpunkte D, E u. s. w.: so wird dadurch das Dreieck in demselben Vershältnisse getheilt, wie die Grundlinie. Denn alle diese Theile sind Dreiecke von einerlei Höhe; sie verhalten sich also, wie ihre Grundlinien AD, DE u. s. w. (§. 168, 2.).
- 2) Fig. 54. Theilt man zwei gegenüberliegende Seiten AB und DC eines Parallelogramms AC gleichmäßig und verbindet die entsprechenden Theilpunkte E und F, G und H mit Geraden: so wird dadurch das Parallelogramm in demselben Berhältnisse getheilt. Denn da AE = DF, EG = FH und GB = HC, auch AB und DC parallel sind: so mussen nicht minder AD, EF, GH und BC gleich und parallel sein (§. 152. 4.), und die dadurch gebildeten Parallelogramme sich verhalten, wie ihre Höhen (§. 168.3.) ae: eg: gB und diese wieder wie die besondern Seitentheile AE: EG: GB (§. 147.).
- 3) Fig. 55. Theilt man die beiden Parallelen eines Traspezes ABCD nach gleichem Verhältnisse, und verbindet die entsprechenden Theilpunkte F und E, G und H mit Geraden: so wird dadurch das Trapez in demselben Verhältnisse getheilt.

Ware & B. BF - BC und AE - JAD und bie gemeins

schaftliche Höhe h: so ist ABFE $=\frac{\frac{1}{2}BC+\frac{1}{2}AD}{2} \times h$. Nun ist ABCD $=\frac{BC+AD}{2} \times h$; es verhält sich also

ABFE: ABCD =
$$\frac{\frac{1}{3}BC + \frac{1}{3}AD}{2} \times h$$
; $\frac{BC + AD}{2} \times h$,

$$= \frac{1}{3}BC + \frac{1}{3}AD + BC + AD,$$

$$= \frac{1}{3}(BC + AD) + BC + AD,$$

$$= \frac{1}{3} + BC + AD,$$

$$= \frac{1}$$

Diese Austosung sindet auch Statt, wenn die Parallelen BC und AD gleichmäßig gekrummt sind, wie die Bogen concentrisscher Kreise.

4) Fig. 56. Sind die Parallelen gerade und die schiefen Seiten krumm, wie in IKLM die Seiten IK und LM: so theist man nicht nur die beiden Parallelen KL und IM, sondern auch mehre mit diesen parallel gelegte Querlinien vw, xy, und zieht alsbann die Theilungen abcd und efgh.

§. 216. Abtheilung eines Dreieckes, ober eines Parallelogramms. Fig. 57.

Bill man eine gewisse Flachengröße von irgend einer Figur als Dreieck abschneiben und ist dazu eine Grundlinie AD und an dieser auch eine Seite AB gegeben: so such man die Höhe des Dreieckes, nach $\S.213.5.$, durch $\frac{F}{\frac{1}{4}AD} = h$, fast diese in den Zirkel, sett denselben mit einer Spite in der Seite AB sort, dis zu dem Punkte B, von welchem aus die anz dere Zirkelspite mit ihrem Bogen den Grund AD bestreicht, und zieht endlich von diesem Punkte aus die Abschnittslinie BD.

Man könnte auch den Abstand des Punktes D von AB, als Höhe h., messen und AB durch $\frac{\mathbf{F}}{\frac{1}{2}\mathbf{h}}$ als Grundlinie suchen und abtheilen.

Soll eine verlangte Fläche als Parallelogramm abgeschnitten werden, so sucht man nach §. 213. 3. zu der gegebenen Grundlinie AD des Parallelogramms Höhe, steckt diese von A und D senkrecht ab und zieht BC. §. 217. Abtheilung eines Trapezes. Fig. 58.

Ist eine gewisse Flache von irgend einer Figur als Trapez abzutheilen, und bazu die Grundlinie und die Neigung der beiden anliegenden Seiten gegeben: so schneidet man ein vorläufiges Trapez ab, nur ungefähr so groß, als der verlangte Theil, und berichtigt dass selbe noch vermittelst eines besondern Ausgleischungstrapezes.

Seset, das über AD = 20° abzutheilende Trapez sollte 250 q° groß werden: Man denke sich zuvörderst nach Maßgabe des verlangten Flächentheiles und der gegebenen Grundlinie in der Höhe des gleichgroßen Parallelogrammes, $\frac{250}{20} = 12.5^\circ$, mit AD eine erste Parallele xz, welche ein Trapez abschneidet, das um Dyz zu groß, oder zu klein aussällt, je nachdem xz größer, oder kleiner als AD ist. Diesen eingebildeten Ansangszschnitt berichtige man nun der Abweichung Dyz gemäß zuvörzberst bloß nach dem Augenmaße, etwa durch die Parallele no: so ergiebt sich ein vorläusiger Abschnitt AnoD.

Bur Berichtigung dieses vorläusig abgeschnittenen Trapezes Anald wird dessen Hohe, etwa 9.8° , und die obere Länge no, etwa 29° , gemessen, der Inhalt, $\frac{20+29}{2} \times 9.8 = 240.1 \, q^{\circ}$, berrechnet und seine Differenz von dem verlangten Abschnitte $250-240.1 = 9.9 \, q^{\circ}$ gesucht. Der gefundene, meist ganz kleine Manzgel oder überschuß ist dann noch von no aus, hier oberhald in der Höhe $\frac{9.9}{29} = 0.34^{\circ}$, als Parallelogramm, mittels BC weiter abzuschneiden. Die gesuchte ganze Höhe betrüge also $9.8 + 0.34 = 10.14^{\circ}$. Die abgetheilte Fläche köhnte zur Probe, nachdem die Abschnittslinie BC gezogen, wieder im Sanzen berechnet und, wenn es nothig erschiene, auch nochmals berichtigt werden.

Bei diesem Versahren weicht das lettere, als Parallelos gramm angenommene Ausgleichungstrapez nBCo um ein kleines Nebendreieckhen ab. Dieses fällt desto größer aus, je größer die Ausgleichungshöhe und der Unterschied beider Parallelen ist. Je mehr überhaupt die beiden Parallelen AD und BC sich gleis den, um so leichter trifft man die genauere Theilung. Die ans deren Verfahrungsarten, mittels bloßer Rechnung oder Zeichnung, sind für den Gebrauch offenbar zu umständlich.

Sollte die Theilung mit einer gebrochenen ober krummen Linie gleichlaufen, wie in Fig. 56. abcd mit KvxI: so wäre leicht begreislich KvxI als die gegebene Grundlinie anzusehen und übrigens auf dieselbe Weise zu verfahren.

§. 218. Theilung vielseitiger Figuren. Fig. 59. 60. 61.

Jum Theilen gemeiner Bielecke bestimmt man vermittelst der entsprechend gelegten Berechnungssiguren vorläusige Theile und berichtigt diese noch durch Ausgleichungsstücke, die gewöhnlich als Dreiecke, oder als Trapeze abgenommen, oder angesetzt werden. Die Theilung kann entweder zufällig, oder gleichlaufend, oder nach bestimmter Neigung gerichtet sein.

1) Fig. 59. Das Siebeneck ABEG soll mit zufalzig geneigten Linien in vier gleiche Stücke getheilt werden, etwa von einem innerhalb der Figur besfindlichen Punkte Haus. Man legt die Berechnungslinien von diesem gemeinschaftlichen Theilpunkte Hzu den Umsfangspunkten und sucht zuerst den Inhalt. 3. B.

CHED halte 356 EHF **· 250) >>** FHG 242,5 » **)** GHA **263,3** » **» AHCB** 311,4 » **>>** das Ganze halte 1423,2 q°, der vierte Theil » 355,8 q.

Ist nun CH der Anfang zur Theilung, so nimmt man CHED und vergleicht dessen Fläche mit der Größe eines Vierstels. Hier sindet sich zufällig der verlangte Inhalt mit dem uns bedeutenden Übermaße von 0,2 q°. HE wird daher die zweite Abtheilung.

Das Dreieck EHF ist zu klein, und zwar um 355,8 — 250 — 105,8 q°. Diese mussen burch Hi noch hinzugetheilt werden, indem man nach \S . 216, aus dem Inhalte und der Grundlinie oder Hohe des noch sehlenden Dreieckes den Theilpunkt i bestimmt.

Das von FHG übrige Stuck halt 242,5 — 105,8 == 136,7 q°; bazu GHA mit 263,3 q°, giebt zusammen 400 q°, was um 44,2 'q° zu groß ist und von AH aus durch das Dreieck AHk berichtigt werden muß.

Für den vierten Theil hat man nun noch das Dreieck AHk von 44,2 q° und das Viereck AHCB von 311,4 q°, zusammen 355,6 q°. Bleibt dem letten Theile der richtige Inhalt, so kann die Theilung auch als richtig angenommen werden. Dies dient zur Probe. Hier fehlten 0,2 q°, die der erste Theil zu viel bekommen hatte, und die noch an HC herüber getheilt werden könnten.

2) Fig. 60. Soll die Figur AEFH mit den Pas rallelseiten EF und AH gleichlaufend in vier gleiche Stücke getheilt werden: so legt man alle Linien zur Bes rechnung in diese Parallelrichtung und erhält dadurch folgende Trapeze:

DEFn &u 346,8 q°
mDnG » 86,2 »
CmGk » 347,3 »
BCki » 416,5 »
ABiH » 291,2 »

Das Ganze enthalt 1488 q°. Das Viertel bekommt 372 q°.

Bu dem ersten Theile nimmt man nun vorläusig DEFn von 346,8 q° und theilt die baran sehlenden 25,2 q° an Dn von mDnG nach §. 217. als Trapez noch hinzu. Für den zweiten Theil hat man von mDnG den Rest und CmGk, zusammen 408,3 q°, also 36,3 q° zu viel, die an Ck von CmGk als Trapez herunter zu theilen sind. Dieses übrige Stück und BCkigeben den dritten Theil, nachdem man das Zuviel von 80,8 q°

an Bi davon genommen hat. Als vierter Theil bleiben die letztern 80,8 q° und ABiH von 291,2 q°, zusammen 372 q°, was zutrifft.

3) Fig. 61. Wären zwei gegenüberliegende Seisten, wie AH und DE, einander zugeneigt, und sollsten alle Theilungen die Zwischenneigung bekommen: so würde folgendes Verfahren am zweckmäßigsten sein:

Man verlängert AH und DE, bis sie sich in O durchschneis ben, zieht nun von O aus nach Gutdunken die vorläusigen Theis lungen, z. B. OC und OB, und berechnet die so gemachten Theile. Findet sich nun einer davon viel zu groß, oder zu klein, so wird eine andere nähere Theilung aus O herübergezogen. Ends lich wird der letzte kleine Unterschied durch ein Trapez gehoben.

Hielt z. B. ABDH, die in drei gleiche Stude zu theilende Figur, 1671 q°: so mußte jedes Drittel 557 q° erhalten, und hatte man für den ersten vorläusig angenommenen Theil CDEF nur 424 q° gefunden: so fehlten daran noch 133 q°. Man zieht deßhalb aus O eine neue Linie Oi und berechnet iCFk zu 115 q°; es fehlten daher nur noch 18 q°, die nun an ik als Trapez hinzugetheilt werden können. Für den zweiten Theil verzführe man bei BG eben so. Zur Prüfung würde der letztere Theil noch außgerechnet. Hierdurch werden alle Theile ziemlich ähnlich.

Sollte eine etwas anders gelegte Theilungslinie, z. B. mn, eben auch auf O gerichtet werden: so wurde nur durch die Mitte p derselben aus O eine Gerade rq gezogen und diese dafür ans genommen. Denn das Dreieck map ist dem Dreiecke nrp gleich zu setzen, wenn die beiden Seiten mq und nr kurz sind und ziemlich gleichlausend. Eben so konnte man die letztern Seiten aller Ausgleichungstrapeze noch nach O einrichten. Meist ist jes doch diese Verbesserung überflussig.

Das Theilen nach gegebenen Verhältnissen ist nicht schwester. Hat man erst den ganzen Inhalt berechnet und wie viel der erste, zweite, dritte und jeder weitere Theil bekommen muß: so wird jedes der verlangten Stude nach seinem verhältnismäßisgen Flächeninhalte eben so abgetheilt.

§, 219. Eine Fläche von verschiedenem Werthe zu theilen, Fig. 62.

Man druckt den Grundwerth vom Boden durch Zahlen aus. So könnte, z. B. Fig. ABCD, die Bodengüte in BHEC = Iw, in HGE = IIw und in GAF = IIw sein, oder die gleiche Fläscheneinheit enthielt oben I, inmitten III und unten II Wertheinscheiten, die man sich in der Figur als ein =, zwei = und dreisache Papierlagen denken könnte. Hier nimmt man eben auch vorsläusige Theile an, rechnet aber den darin befindlichen Werthges halt aus, und berichtigt dann diesen in Semäßheit der Aufgabe.

Gesetzt, die Figur ABCD solle in zwei gleiche Werththeile getheilt werden, und zwar mittels einer zu AB und CD ziemlich gleichlaufenden Theilung. Hierzu berechnete man erstlich die Fläche der besondern Werthabtheilungen und danach den gesammten Werthgehalt.

HEC enthalte 2000 q° zu Iw, giebt 2000 w;

HGE » 1600 » » III» » 4800 »;

GAF » 400 » » II» » 800 ».

Das Ganze = 4000 q° mit 7600 w.

Davon beträgt die Hässe 3800 w.

Nun wurde eine vorläufige Theilung mn ungefähr anges nommen und der Werth von dem einen Theis mnCD ausges rechnet. Dieser enthalte

Es fehlten baran also 700 w,

die nach BA hin noch genommen werben mußten.

Ieht suchte man den Werth, welchen die vorläusige Theislung mn durchschneidet, oder vielmehr denjenigen, den ein rusthenbreiter Streisen an mn hin hat. Es messe no 20° und om 30°; sonach haben jene 20° bei ihrem einfachen Werthe $20 \times I = 20 \text{w}$, und diese 30° bei ihrem dreisachen Werthe $30 \times III = 90 \text{w}$, zusammen also 20 + 90 = 110 w. Hiers mit dividirte man die noch mangelnden 700 w; der Quotient

198 — 6,36° ist die Breite eines vorläusig noch hinzuzutheilens den Ausgleichungstrapezes muqp, bessen Seite pa nun gezogen würde.

In pq sinde sich aber die Länge qr zu 26°, rp zu 24°, und also der ganze Werth von 26 × I + 24 × III = 98 w. Danach enthielt das Ausgleichungstrapez mnqp nur $\frac{98+110}{2}$ × 6,36 = 661,44 an Werth, und es mangelten daran noch 700 – 661,44 = 38,56 w. Zu dieser Ergänzung ist an pq eine Breite erforderlich von $\frac{38,56}{98}$ = 0,39°, welche endlich von p und q aus, oder mit obigen 6,36° zusammen von m und n aus, als Abstand sür die Theilung IK abgesteckt würde. Zur Prüsung des rechnet man den Werthgehalt des übrigen Theiles.

Es kann nun nicht schwer fallen, auch andere und verswickeltere Aufgaben über die Theilung der Figuren von verschies denem Werthe aufzulosen. Dieser Gegenstand der Meßkunst sindet jedoch selten eine Anwendung, weil jedes einzelne Grundsstuck gewöhnlich nach seiner mittlern Bodengüte überhaupt gesichätt wird.

IV. Linienmessung.

1. Linien unmittelbar abzustecken und zu messen.

§. 220. Linien auf ber Erboberflache.

Wir beschäftigten uns bisher bloß mit Linien und Figuren auf der ebenen Zeichenfläche. Im Freien kommt nun noch beren Lage ober Neigung zur Erde in Betracht.

1) Eine Linie kann gerade nach der Erde Mittelpunkt gerichtet sein, als Halbmesser der Erdkugel. Diese nennt man lothrecht, vertikal. Der mit einem Lothe beschwerte, freis hangende Faden ist die Richtschnur der Lothlinie.

- 2) Eine andere Linie kann von der lothrechten Linie senkrecht ausgehen, als außere Polygonseite eines Erdkreises. Man nennt sie wagerecht, horizontal. Das Bild derselben ist ein auf stehendem Wasser ausgespannter Faden.
- 3) Alle Linien, die weder lothrecht, noch wagerecht liegen, beißen schief. Der am Bergabhange hinauf gespannte Faden stellt eine schiefe Linie bar.
- 4) Eben so giebt es lothrechte. Ebenen oder Bertistal= Ebenen, wie die ebene Außensläche eines Hauses; wage= rechte Ebenen oder Horizontal= Ebenen, wie die ebene Obersläche stillstehender Gewässer; schiefe Flächen, wie die Bergabhänge. In einer Vertikal= Ebene können lothrechte, wages rechte und schiefe Linien Statt sinden; in einer Horizontal= Ebene, nur wagerechte Linien; in einer schiefen Fläche, wagerechte undschiefe Linien.
- 5) Diese Linien werden auf der ebenen Zeichenfläche als Grundriß, oder als Aufriß dargestellt. Der Grundriß ist die aufgetragene Figur von wagerecht gemessenen Grundstückslinien. Der Aufriß ist eine Figur aus lothrechter Ebene.
- 6) Bur Ausmessung von Linien und Figuren der Erdsläche giebt es sehr verschiedene Mittel und Wege. In jedem Falle haben wir den Zweck der Messung wohl zu beachten, nach hinzlänglicher Genauigkeit zu streben und dabei das leichteste und einzsachste Versahren zu wählen. Vornehmlich mussen wir überall die unvermeidlichen Abweichungen zu beschränken und die Richztigkeit der Ergebnisse zu prüsen suchen, nach denselben Grundsfähen, wie bei der Zeichnung.

§. 221. Linienbestimmung.

1) Die lothrechte Linie ist selten ein Gegenstand der Messung, sondern mehr ein Mittel zum Begrenzen wagerechter Längen. Sie wird nach dem sogenannten Lothe bestimmt, ein freihängender Faden mit Senkel, zur Ruhe gekommen, die Lothe linie angebend. Der Gebrauch des Lothes ist leicht und sindet nur bei windigem Wetter einige Hindernisse. Jum Behuf der

Messung mussen oft Stabe lothrecht ausgesteckt werden. Dies geschieht mittels des oben angehaltenen Lothes sicherer, als nach dem bloßen Augenmaße.

2) Die wagerechte Linie dient vornehmlich zur Messung der Grundstücke; ihre Lage wird mittels der Setwage bes stimmt.

Die allgemein bekannte Setwage der Handwerker, ein an seinem Grknde abgeglichenes Dreieck mit einem an der Spitze besestigten Lothe, dessen Faden in wagerechter Stellung die Lothslinie decken muß, ist am einfachsten. Man prüft und berichtigt dieselbe durch entgegengesetztes Ausstellen auf einer richtigen Lisnealseite. Ist diese eben wagerecht, so muß das Loth in beiden Stellungen die Lothlinie decken, außerdem auf beiden Seiten ganz gleiche Abweichung zeigen.

Die mehr zum geometrischen Gebrauche bienenden Setwasgen haben statt des Lothes eine Flüssigkeit, womit ihr gläserner Behälter angefüllt ist dis auf einen kleinen Luftraum, dessen Stelle den wagerechten Stand nach Richtlinien angiebt. Der Fuß solcher Wasserwagen, gewöhnlich von Messing, läßt eine bezrichtigende Stellung zu und wird ebenfalls durch entgegengesetztes Ausstellen geprüft. Die Setwage gebraucht man, um kanzen und Winkelwerkzeuge wagerecht zu stellen und Linien wagezrecht zu legen.

3) Bur dauerhaftern Bezeichnung ber Linien auf dem Bozben werden, in Ermangelung genauer Grenzpunkte, kurze Pfähle seit eingeschlagen. Bei der Messung selbst führt man Abste Czober Richtsche mit eisernen Spiken, gleich stark, gehörig lang, ganz gerade und sußweise mit fernenden Farben angestrichen, theils auch noch mit Fähnchen oder Richttafelchen versehen. Diese kommen gewöhnlich auf die entferntern Punkte.

§. 222. Entfernungen. Fig. 63.

1) Zwei gegebene Punkte auf abhängigem Boben haben breierlei gerablinige Entfernungen: die wahre, die wagerechte und die lothrechte.

Denkt man sich durch die beiden Punkte A und B eine loth-

.

rechte Ebene GD gelegt und darin BC und AG lothrecht, AC und BG wagerecht: so ist AB die wahre, BG — AC die wagerechte und AG — BC die lothrechte Entfernung. Liegen die beis den Punkte wagerecht, so haben sie nur wagerechte Entfernung; liegen sie lothrecht, nur lothrechte.

- 2) Außerdem könnte man auf unebenem Boden noch eine steigende und eine wegsame Entsernung annehmen. Die steigende Entsernung von A zu D ist AOBD, die Bodenlinie in der Vertikal=Ebene; die wegsame ist der leichteste Weg von einem Orte zum andern, der aber aus der Vertikal=Ebene GD weicht und dann wieder seine eigene wagerechte Länge hat.
- 3) Der Erdboben ist selten so gleich, daß man ganz eigentlich gerade Linien darauf hinziehen und messen kann. Auf unebenem Lande nimmt man uneigentlich gerade Linien zu Hülse, die auf= und abwärts gehen, aber weder rechts, noch links abweichen und also in der Vertikal=Ebene ihrer beiden End=* punkte bleiben. Die uneigentlich gerade Linie von A nach D geht in der Vertikal=Ebene GD über O und B, der auf= und ab= skeigenden Entsernung nach.
- 4) Bei allen Grundstückmessungen sucht man die wagezrechte Entfernung in jener uneigentlich geraden Linie; denn eine andere Länge kann im Grundrisse nicht zum Schlusse gesbracht werden. Man könnte z. B. von einem allein liegenden hügel die wahre Länge der über seine Sohe geführten Linie ABD in den um den Fuß herum gemessen, wagerechten Umfang AEDF keineswegs einpassen. Ohnehin ist der Ertragswerth von Berghängen nach der wagerechten Grundsläche richtiger zu besmessen.

§. 223. Eine gerade Linie im Freien abzusteden. Fig. 64.

Man versieht sich mit mehren Richtstäben, steckt ben ersten A in den Anfangspunkt und den zweiten B ein Stuck davon in die gegebene Richtung AN. Dann geht man weiter und steckt nun rückwarts sehend die Stabe C, D, E bis N so, daß jeder dem

Auge die vorhergehenden Stabe gerade beat. Mangelt es an Staben, so nimmt man die erstern nach und nach weg, bezeichenet ihre Punkte mit Pfahlen und gebraucht sie weiter.

Man bleibt auch wohl in dem Anfangspunkte A stehen und läßt von einem Gehülsen die Zwischenstäbe B, C, D, E u. s. w. nach rechts oder links gegebenen Winken in der ganzen Richtung AN einstecken; denn jenes, nur allein nach BA fortgesetzte Richzten kann von dem hinter sich genommenen Punkte N leicht abzweichen.

Hierbei mussen alle Stabe lothrecht stehen, wenigstens durs fen sie aus der abzustedenden lothrechten Sbene nicht weichen, also nicht seitwarts hangen. Eigentlich waren nur zwei ausgesstedte Stabe erforderlich, um sich danach einzurichten; doch sichert eine größere Anzahl mehr vor Abweichungen. Entserntere Richtpunkte geben die Richtung genauer; zu dichte Stellung der Richtstäde macht die Fortsetzung unsicher. Das Auge darf beim Einzrichten dem Stabe nicht zu nahe kommen und muß von beiden Seiten des Stabes aus richten, weßhalb die Stabe alle gleiche Starke haben sollten. Den eben eingerichteten Stab prüft man im Weitergehen, selbst noch beim Richten des nächsten Punktes.

Man richtet gewöhnlich den Stab frei in der Hand hangend ein und steckt denselben auf der somit gefundenen Stelle sest,
wozu Übung gehört. Gehen solche Linien am Berge hin, so
senken sie sich leicht abwarts, je nachdem die Stabe beim Einstoßen weichen. Fällt das Sonnenlicht seitwarts ein, so neigt
sich die Linie leicht nach der beleuchteten Seite. Das beste Licht
ist das gerade in dem Rücken einfallende. Bei großen Entsernungen bedient man sich mit Vortheil eines Fernrohres.

§. 224. Eine gerade Linie aus der Mitte abzusteden. Fig. 65, 66,

1) Fig. 65. Ist eben kein brauchbarer Gehülse zu haben, so steckt man selbst den Stab B zwischen A und N ungefähr ein, z. B. in 1, und dann auch den Stab C in die Richtung AB. Jest begiebt man sich wieder an B und sieht zu, wiesern C auch in der Linie BN steht, ruckt nun B naher an die Linie,

etwa in 2, und steckt C abermals in die Richtung AB, visitt wieder von B über C nach N und fährt so fort, dis BC sowohl auf A, als auf N gerichtet ist.

Man könnte hierbei mit einem geraden Stabe vorarbeiten, ben man wie die Versuchslinie BC legt und nach und nach so ans und einrückt, daß dessen beiderseitige Verlängerung in A und N trifft. Anstatt des Stabes ware auch ein Lineal mit Abssehen, oder ein bloßes Holzstück mit geradem Einschnitte zu gestrauchen.

- 2) Fig. 66. Hat man bei biesem Einrichten einen Gehülzfen, so geht es schneller. B stellt sich aus, etwa in 1, und richztet C in die Linie BN; C richtet nun wieder B in die Linie CA; B im 2. Stande richtet von neuem C nach N; so wird wechzselsweise fortgefahren, bis CBA und BCN eins sind.
- §. 225. Eine gerade Linie durch Geholz abzusteden, wenn mehre Richtpunkte bazu erforderlich sind.
 Fig. 67.

Soll z. B. eine Schlaglinie durchgesteckt werden, so tritt man auf den einen Endpunkt A und läßt auf dem andern N Zeichenruse thun, um zuerst eine ungesähre Richtung zu bekommen. Nun stellt man die Gehülsen, etwa Holzhauer, dem ershaltenen Ruse nach dis an N, und zwar so, daß einem seden die darauf folgenden zwei sichtbar sind. A muß nämlich B und C, B muß C und D, C muß D und E sehen u. s. w. Setzt richtet A den Mann B in die Richtung AC, hierauf B den Mann C in BD, C den Mann D in CE, endlich E den Mann F in die Richtung EN. Während deß fängt dasselbe Richten von A aus wieder an, und dies wird so lange fortgesetzt, die Alles in die Serade AN eingerückt ist.

Wird mehr Genauigkeit erforbert, ober fehlt es an Leuten: so schafft man sich die nothigen Stabe bei, stedt diese eben so aus, geht selbst von Stab zu Stab und richtet den je nachsten Stab durch einen einzigen mit fortrückenden Gehülfen, dis Alles gerade ist.

1

§. 226. Gebrauch bes Fußfabes. Fig. 68. 69.

Der Fußstab, zum Messen kurzer Abstände, ist von leichztem Holze dunn ausgespalten, von handlicher Länge, in Dezismalsuse abgetheilt und an beiden Enden beschlagen. Auf wagesrechtem Boden legt man diesen Fußstab an den Anfangspunkt der zu messenden Linie, richtet denselben ein und bezeichnet das Ende der ersten Länge, legt nun da wieder an, und sährt so sort, bis zum Ende der Linie, wo noch der Rest des sonders ausgemessen und zur gefundenen Anzahl der Maßlängen gezählt wird. Der Feldmesser bedient sich auch einer an beiden Seiten mit senkrechten Spigen versehenen Latte, die in der Mitte einen 3 Fuß hohen Griff hat.

Auf abhangigem Boben, wie Fig. 68. AN, halt man ben Fußstab wagerecht. Bei dieser sogenannten Staffelmessung wird an der freiliegenden Seite des Meßstades ein zweiter, duns ner Vorsetsstad lothrecht angestellt, so daß dessen Spitze den Endspunkt des Fußstades auf dem Boden bezeichnet. Befindet sich die Spitze dieses Vorsetsstades nicht vorn, sondern unter der Mitte: so sehlt man bei jeder Maßlange um die halbe Stadsstärke, was jedoch leicht berichtigt werden kann. Daß übrigens AB + CD = ab + bN = ber wagerechten Entsernung von A zu N ist, solgt aus §. 152. 2.

Beim Abmessen mit dem Fußstabe werden vielerlei Fehler begangen. Manche Messer fassen denselben nach Fig. 69. in der Mitte an b, setzen das eine Ende auf a, senken den Stab etzwas, ohne sich genug zu bucken, schlagen das obere Ende c auf d nieder und nehmen ad für die Länge des Meßstades an; es ist aber ad < ab + bd, also auch kleiner als ab + bc. Andere sassen den Stab an einem Ende e, halten benselben beiläusig über den Ansangspunkt a und schlagen das andere Ende schief nieder auf d, was beinahe eben so fehlerhaft ist.

Der Gebrauch bes Fußstabes gewährt überhaupt keine sons berliche Genauigkeit. Man verfehlt leicht die Richtung, bezeichs net die Maßgrenze nicht scharf genug und kann am Abhange nicht gut wagerecht messen. Zudem ist das öftere Bücken unbes quem. Daher wendet man bieses Werkzeug nur bei ganz kur= zen Abmessungen an.

§. 227. Gebrauch ber Mefftange.

Die Meßstange dient ofter im Forste zur Aus = und Abmessung kleiner Stucke. Sie ist von ausgespaltenem Holze, gerade, steif, leicht, eine Ruthe lang und in Zehntelsuße getheilt.
Man gebraucht dieses Längenwerkzeug wie den Fußstab. Auf
der Ebene wird eine Maßlänge nach der andern angelegt; am Abhange wird die Meßstange wagerecht an einen Vorsetsstab gehalten.

Bu genauern Messungen ist die Meßstange an beiden Ensten beschlagen und der Vorsetsstab an der Stellseite dis zum untern Ende gehörig abgeglichen. Dabei sührt man noch eine Hängewage zum Stellen, auch wohl zwei Holzscheiben mit doppelten Spitzen, die in den Boden eingedrückt werden, um darauf das Ende der Meßstange genauer abzeichnen und wieder anslegen zu können. Eine solche Vorrichtung gestattet die größte Genauigkeit. Daher gebraucht der Forstvermesser an starken Vergabhängen vorzugsweise die Meßstange zur Stasselmessung, ansstatt der Meßkette.

§. 228. Gebrauch der Meßkette.

Das gewöhnlichste Werkzeug zum Längenmessen ist die De ß= kette, von starkem Drahte, bei größerem Ruthenmaße und im Gebirge nur vier Ruthen lang, sonst wohl fünf oder sechs. Zezdes Glied ist einen geometrischen Fuß lang und durch einen kleiznen Ring abgesondert. Die halben Ruthen unterscheidet ein Ring von mittlerer Größe; die ganzen Ruthen werden von eiznem größern und länglichen Ringe mit Querriegel getrennt. Zezder Maßtheil reicht dis zur Mitte des Ringes. In den beiden Enden und in der Mitte sind größere Ringe zu den Kettenstäben.

Die beiden Kettenstäbe haben unten randsörmige Halter, worauf sich der außere Kettenring sestlegt, dessen Mitte, als der Unfang des Kettenmaßes, dann gerade über der Spize des Stasbes befindlich ist. Dabei braucht man 5 bis 10 Zähler, starke

Drahtstifte mit Ohren zum Anfassen und Tragen am Finger, des leichtern Auffindens wegen mit rothen Tuchstucken versehen.

Eine Hängewage, womit die Kette wagerecht und der unstere Kettenstab lothrecht gerichtet wird, kann aus zwei rechtwinskeligen Schenkeln bestehen, wovon der eine Haken hat zum Unshängen an die Kette und der andere die Lothlinie mit dem Lothe.

Beim Messen wird die Kette an zwei Kettenstäben von zwei Rettenziehern geführt. Der vordere nimmt die sammtlichen Bahler und zieht die Kette aus; der hintere setzt seinen Stab in den Anfangspunkt der Linie und richtet den vordern entweder durch Worte, oder durch Zeichen mit der Hand, rechts ober links nach dem ausgesteckten Richtstabe. Der vordere Kettenzieher halt mah= rend bes Richtens ben Stab mit nicht ganz angezogener Kette in der rechten Sand lothrecht, steht auf der linken Seite der Li= nie und sieht über die Schulter weg nach dem hintern. Sobald eingerichtet ift, faßt er mit ber linken Sand ben Stab oben feft und greift mit der rechten an demfelben hinunter, fest bie rechte Fufipige auf die vorläufig eingerichtete Stelle des Rettenstabes, schnellt die Kette aufwärts und zieht sie dabei zum richtigen Wiebereinsetzen des Stabes scharf an. In diefen Endpunkt ber Rettenlänge kommt ein Zähler und bann wird weiter gezogen. Der hintere Rettenzieher sett in benfelben Punkt genau wieder ein, hebt ben Zähler auf und richtet von neuem. Am Ende zählt man die Kettenzüge nach den aufgehobenen Zählern zusam= men und rechnet bazu noch bas lettere Rettenstück.

Auf abhängigem Boden muß der untere Kettenzieher die Kette so weit am Stade aufheben, daß sie wagerecht liegt, das bei aber seinen Kettenstad genau lothrecht stellen, beides mittels der Hängewage. An sehr starkem Abhange mißt man mit abgetürzter Kettenlänge, wozu im Innern der offene Ring bestimmt ist. Das beschwerliche Anziehen der Kette und die leicht vorzkommende einseitige Niederneigung von der wagerechten Lage verzursachen beträchtliche Längenabweichungen. Beim Anziehen hat der hintere Kettenzieher sich vorzusehen, daß sein Stad nicht von der Stelle gezogen wird, und erforderlichen Falls den Fuß vorzusehen. Der vordere Kettenzieher kann östers einen weiteren

Richtpunkt in's Auge fassen und sich schon von selbst naher einstichten.

Der Gebrauch der Meßkette verbindet den Vortheil, daß das Messen schnell von Statten geht, nicht von dem Vermesser selbst verrichtet zu werden braucht, und die Kette sich weniger verzieht. Daher ist auch die Meßkette am vorzüglichsten, der Boden mußte denn zu abhängig sein.

6

Jede Kette leidet beim Gebrauche und muß daher von Zeit zu Zeit geprüft werden. Man spannt sie auf ganz ebenem Bozben aus und legt eine gut eingetheilte, genaue Meßstange daran, ober man zeichnet auf einen Sang oder auf ein langes Zimmersholz die Länge der ganzen Kette mit allen ihren Theilen genau vor und zieht dann die Kette zu Zeiten darüber. Haben sich die Ringe verbogen, so ist leichter nachzuhelsen, als wenn sie siedzweise ausgelausen sind. Krumme Fußtheile, entstehend von unsvorsichtigen kurzen Wendungen mit der Kette, biegt man sogleich wieder gerade. Auch ist beständig darauf Acht zu geben, daß sich kein Selenk verschlinge.

§. 229. Gebrauch ber Degichnur.

Die Meßschnur hat eine, der Kette gleiche Länge und Eintheilung, ist von Hanf gut gedreht und gegen die Nässe mit Ol und Wachs getränkt. Un den Enden sind Ringe, und im Innern sind die Theile mittels Knoten oder eingebundener Ban- der abgetheilt.

Obgleich die Meßschnur wegen ihrer Leichtigkeit einige Mansgel der Kette nicht theilt, so verursacht sie doch durch ihre Verzänderlichkeit die größten Abweichungen beim Messen. Schon ein ungleichmäßiges Anziehen giebt verschiedene Längen; im Trockenen dehnt sie sich immer mehr; naß geworden, geht sie auf der Stelle ein. Daher muß man sie beim Gebrauche oft untersuchen und gegen Feuchtigkeit dewahren, zu Hause aber ausgesspannt halten in der richtigen Länge, in die sie durch geeignetes Ausdehnen oder Anseuchten wieder zu bringen ist.

Das Messen mit der Meßschnur geschieht wie mit der Kette und ist am leichtesten, aber nur bei kleinen, weniger genauen Ausmessungen von Holzschlägen, Anbauflächen und bergleichen rathsam.

§. 230. Allgemeine Fehler beim gangenmessen. Fig. 70, 71.

Keine Längenmessung ist ganz frei von Fehlern. Diese mussen wir naher kennen, um die wirklich nachtheiligen zu vermeiden und der unerheblichen wegen nicht Zeit und Mühe zu verlieren. Bon den besondern Mängeln der verschiedenen Längenwerkzeuge wurde schon gehandelt. Zetz wären noch die all gemeinen Fehler zu betrachten.

- 1) Ein gewöhnlicher Fehler bei der Längenmessung entsteht aus Unrichtigkeit des Maßes; dieser wird um so größer, je mehr mal man das unrichtige Maß gebraucht.
- 2) Ein zweiter Fehler wird baburch veranlaßt, daß man die Endpunkte der Maßlängen auf dem rauhen Boden wes niger scharf abzeichnen kann. Hiergegen sichern die dunnssten Zähler nicht ganz; doch heben sich diese Abweichungen mehr ober weniger.
- 3) Ein dritter und größerer Fehler entsteht, wenn am Abhange der untere Stellstab nicht lothrecht gesstellt und dadurch die Maßlange zu kurz, oder zu lang abgeszeichnet wird, was sich eben auch gegenseitig ausgleichen kann.
- 4) Wird das Langenmaß nicht ganz wagerecht gehoben, so entsteht Fig. 70. über bemselben am untern Stellstabe ein rechtwinkeliges Dreieck, worin AC die Maßlange, AB die wagerechte Lage und BC die Abweichung am Stellstabe ist, und von dem sich für eine Kettenlange zu 4 Ruthen berecht nen läßt, daß wenn

Wir sehen hieraus, daß wenn die Kette sogar 2 bis 3 Dezimalfuß am Kettenstabe von der wagerechten Lage abweicht: prann der begangene Langenfehler kaum & Fuß erreichen. Diese Fehler heben sich übrigens nicht und verursachen eine gros

Bere Längenzahl, als die wirkliche. Daher können im Grunds risse die um einen Berg herum gemessenen Linien genau schlies Ben, und die innerhalb über den Berg hin gemessenen leicht zu lang ausfallen.

5) Beicht ber Meßzug von der geraden Linie etwas ab, z. B. Fig. 71, von A über D nach N, anstatt von A gerade nach N: so ist der Längensehler weniger beträchtlich, als es scheint. Wäre AN 100 Fuß und die Abweichung

AD + DN gleichen übrigens dem Bogen ADN ziemlich. Wo freilich von einer solchen Linie aus noch Seitenabstände zu mess sen sind, da haben diese Abweichungen einen anderen und sehr nachtheiligen Einfluß.

§. 231. Ungefahre Langenbestimmung.

Buweilen ist die Bestimmung einer Länge nach Schritten schon hinreichend. Hierzu übt man sich vorher in gleichmäßigem Schreiten; dann geht man gemessene Längen ab, um die durchschnittliche Größe seiner Schritte nach Ruthentheis len zu ermitteln; nachher überschreitet man nur die vorliegende Länge und berechnet aus der Schrittzahl die Ruthen= und Fußzahl. Dabei müßte freilich die Schrittgröße auch nach der Bozdenneigung bemessen werden; denn man schreitet auf der Ebene, bergauf= und bergabwärts verschieden.

Das Schätzen übersehbarer Entfernungen nach Schritten ober Ruthen dient im Forste zur ungefähren Größenbestimmung vorkommender Bestandslücken, Blößen, Schläge u. dgl., auch vielfältig bei Ausübung der Jagd.

§. 232. Eine sentrechte Linie abzusteden. Fig. 72.

1) Nach dem bloßen Augenmaße: An dem Punkte b, wo die Senkrechte ausgehen soll, wird die Standlinie AB mit einem Stabe as, ober ber Meßkette belegt und dann ein Stab de so angesetzt, daß bessen Nebenwinkel abe und ebe dem Augenmaße nach gleich sind. Dann giebt de ungefähr die ers forderliche Richtung.

- 2) Mit einem rechtwinkeligen Dreiecke: Man setzt ein Dreieck abc zusammen, bessen Seiten sich verhalten, wie 3:4:5, bringt die eine Kathete ab in die Standlinie und giebt nach der andern de die verlangte senkrechte Richtung an (§. 165.).
- 3) Mit einem Kreuzmaße: Eine Halbkugel ober ein Brettstück mit senkrechten Kreuzschnitten wird in dem gegebenen Punkte aufgesteckt und mit dem einen Schnitte in die Standlisnie gerichtet. Durch den andern Schnitt visirt man dann die verlangte Senkrechte ab. Anstatt des Kreuzmaßes bedient man sich auch des leichtern, viel genauern Winkelspiegels.
- 4) Liegt der gegebene Punkt D außerhalb der Linie, so errichtet man auf dieser erst eine Senkrechte zur Probe und ruckt damit fort bis zum Ziele. Hierbei ist der Winskelspiegel besonders brauchbar. Übrigens können auch, wo hins längliche Freiheit ist, die §. 183. 2. 3., zur Verzeichnung senkzrechter Linien angegebenen Verfahrungsarten mit guten Längenzwerkzeugen angewendet werden.

§. 233. Eine gerade Linie durch Geholz abzusteden vermittelst einer Probelinie. Fig. 73.

Von dem gegebenen Anfange A stedt man nach dem aus N erhaltenen Zeichenruse in ungesährer Richtung ohne Weiteres gerade fort dis neben den Endpunkt N, mißt diese Probesinie An und den senkrechten Abstand nN, schlägt auch von A aus in gewissen Entsernungen, etwa alle 10 Ruthen, in b, c, d... Pfähle. In dem dadurch anfgenommenen rechtwinkeligen Dreizecke AnN, in welchem die Katheten An und nN bekannt sind, können nun alle Senkrechten, die sich aus den bezeichneten Punkten, b, c, d. hinüber zu AN ziehen lassen, berechnet werden, als Parallelen mit nN (§. 147.). Es ist nämlich

An: nN = Ab: bB = Ac: cC = Ad: dD...; baher $bB = Ab \times \frac{nN}{An}$, $cC = Ac \times \frac{nN}{An}$, $dD = Ad \times \frac{nN}{An}u$. s. w. Ware $nN = 1^{\circ}$ 5' und $An = 60^{\circ}$ und $Ab = bc = cd = 10^{\circ}$: so ware $bB = 100' \times \frac{15'}{600'} = 2\frac{1}{2}'$, cC = 5', $dD = 7\frac{1}{2}'u$. s. w.

Diese Zwischenabstände mißt man nun von An aus d, c, d . . . fenkrecht hinüber und bestimmt damit die innern Punkte B, C, D . . . der Geraden AN, die danach weiter ausgeführt wird.

§. 234. Parallellinien abzusteden. Fig. 74.

Hierzu muß eine Linie AN und der Abstand gegeben sein. Diesen mißt man von AN rechtwinkelig ab, nicht allein aus A und N, sondern auch aus mehren Zwischenpunkten B, C, D, E; benn bei jeder dieser Abstandsmessungen wird etwas gesehlt, und je mehr Punkte der Parallele abgesteckt sind, um so mehr heben sich darin die kleinen Abweichungen.

- 1) Um einen Stellweg gleichbreit zu machen, wird erst die Mittellinie AN abgesteckt; von dieser werden beiderseits die halben Breiten An, Bb, Cc u. s. w. senkrecht abgemessen; endlich wird das Gestell nach den Seitenlinien ab, bc, cd u. s. w. aufgehauen ober bepflanzt.
- 2) Trifft man beim Abstecken einer geraben Linie auf einen Baum, ober auf einen andern undurchsichtigen Gegensstand, ber nicht weggeraumt werden darf: so steckt man von etzlichen Richtpunkten, z. B. von A, B, C aus, eine Parallele abc ab, führt diese neben dem Hindernisse vorbei durch d, e, n und steckt nun von da, mit demselben Abstande, die Parallele DEN wieder hinüber, als gerade Fortsetzung von ABC. Hierbei muß man nur die Hülfslinie lang und die Abstände genau genug nehmen. Iwei Hülfslinien auf beiden Seiten gewähren mehr Sicherheit.
 - §. 235. Geordnete krumme Linien abzusteden. Fig. 75.

Rreise und Ellipsen werben im Freien gang so verzeichnet,

wie auf dem Papiere, nur daß man anstatt des Zirkels eine Hakenstange, Meßkette ober Meßschnur an den zum Mittelpunkte eingeschlagenen Pfahl anlegt und, im Fall der Platz noch bes wachsen ist, mittels der gegebenen Halbmesser vorher die zur Aufstaumung nothigen Umfangspunkte bestimmt.

Andere Krümmen ordnet man vermittelst gleicher Sehnen und angemessener Bogenhohen, was sich nur an Ort und Stelle bemessen läßt. Man stedt z. B. zu der Linie ABC... G zuerst die Stabe A, B, C, D... in ungefährer Richtung gleichweit aus, geht nun von einem zum andern, visitt von jedem auf den dritten vor sich und bemist den Abstand des mittlern, nämlich Bb von AC, Cc von BD, Dd von CE... So wird fortgerichtet, bis nicht nur alle Abstande Bb, Cc, Dd... verhältnismäßig sind, sondern auch die Linie, bei einer gefälligen Krümmung, der Bodensorm und den andern Ersordernissen entspricht. Sewöhnlich mist man die Entsernung der Richtstähe mit Schritten ab, beurtheilt die Abstände nach dem Augenmaße und führt endlich die Krümmen AB, BC, CD... mit besonderen Absteckstäben noch näher aus.

Diese Aufgabe dient ofters zu einer geeignetern Verlegung ber Waldwege, so wie bei Umgrenzung der Holzanlagen, zumal im Gebirge; sie gereicht ganz vorzüglich zur Ordnung und Versschönerung der Wälder.

2. Binkelmessung.

§. 236. Winkel auf ber Erdoberflache.

Die von dem geradlinigen Winkel gebildete Winkelebene kann im Freien (h. 220.) eine lothrechte, wagerechte ober schiefe fein. Die lothrechten Winkel dienen zu Höhenmessunzgen, die wagerechten zu Grundmessungen, schiefgelegene Winkel brauchen wir eigentlich nicht. Die zu messenden Grundstückwinztel bestimmt man bloß durch drei Punkte, den Scheitelpunkt und die beiden Schenkelpunkte. Letztere werden zum Behuf der Aufznahme noch mit Richtstäben bezeichnet.

.7

Auf freiem Felde könnte man Winkel mit bloßen Längenswerkzeugen nach den Sehnen messen, theisen und abstecken, wie auf dem Papiere mit dem Zirkel (§. 183.). Dieses Versahren ist jedoch unbehülslich und in der Holzung, wenigstens zu größeren Vermessungen, unthulich. Daher führen wir eigene Winskeren Verkzeuge, wovon der Meßtisch, die Meßscheibe, die Boussole und das Meßbrettchen im Forste am anwends darsten sind. Die andern Gradwerkzeuge eignen sich alle nicht zum leichten, einfachen und sichern Verzeichnen der ausgenomsmenen Forstsiguren.

§. 237. Der Megtifc.

Der Meßtisch dient zur unmittelbaren Aufnahme des Grundrisses an Ort und Stelle und besteht aus bem Gestelle, . Tischblatte, Absehlineal und dem übrigen Zubehor.

1) Das Gestell muß nicht zu schwer sein, leicht wagerecht gestellt werden können und dann, besonders für den Meßtisch, fest genug stehen. Gewöhnlich sind unter einer starken Platte drei derbe Beine an Schrauben und darüber drei oder vier aufzrechtstehende Schrauben zum Wagerechtstellen des obern Theiles, worauf man das Tischblatt drehen und befestigen kann.

Der Meßtisch erfordert das stärkste Gestell, weil darauf ausführlich gezeichnet wird. Zur Prüfung desselben schraubt man die Beine sest an und untersucht, ob diese nicht nachgeben; dann bewirkt man die wagerechte Stellung, welche sanft gehen muß und nicht wanken darf.

2) Das Tischblatt ist von weichem, gleichdichtem, nach bes Stammes Halbmesser ausgespaltenem Holze, gegen das Werfen mehrfach zusammen geleimt, ohne Rahmen. An der unztern Fläche besindet sich wohl noch eine besondere Vorrichtung zum genauern Herbeischieben des Tischblattes über den Standpunkt, wenn dies in dem Gestelle selbst nicht bewirkbar ist. Die Oberstäche muß vollkommen eben sein, was sich ergiebt, wenn eine richtige Linealseite allerwarts darauf paßt. Weiter muß sich das ausgestellte Tischen in gleicher Stene drehen, und daher muß eine, bei wagerechter Stellung ausgesetzte Wasserwage, wäh-

rend des Umdrehens, sich unverändert verhalten. An der Feststellung darf übrigens kein Mangel sein.

- 3) Das sogenannte Diopterlineal hat gewöhnlich zwei ganz senkrecht stehende Absehen, eine mit dem durchgehenden Schlitze, die andere mit dem Haare, beide etwas hoher, als die halbe Länge des Lineals, wenn dasselbe in Bergen gebraucht werden soll. Die rechte Seite vom Lineale muß vollsommen gerade und wo möglich parallel mit der Absehlinie sein. Zur Prüsfung wird diese Seite nach §. 171. untersucht, dann das Lineal auf das wagerecht gestellte Tischen aufgelegt und damit nach einem langen, freihängenden Lothsaden visirt, den das Haar durch alle Punkte des Schlitzes decken muß. Man sührt wohl auch eine Kippregel mit Fernrohr, was umständlicher und bes schwerlicher, zu größern Entsernungen aber vorzüglicher ist.
- 4) Außerdem erfordert der Meßtisch noch: Eine Wassers
 oder Setwage zum Wagerechtstellen; eine Loth gabel, eis
 nerseits spitig, andrerseits mit einem Lothe versehen zur Stellung
 über den Standpunkt; die Drientirboufsole, ein schmales,
 geradseitiges Kastchen mit einer Magnetnadel, die einige Grade
 Freiheit hat, zum versichernden Einrichten; eine Wachstuchs
 decke und einen Schirm gegen Regen und Sonne.

Bum Gebrauche wird das Tischen mit ganz gleichem, seis nem und festem Papiere überzogen, das man gegen die Feuchtigkeit und das Verziehen auf der untern Seite vorher mit gesschlagenem Eiweiße nett.

§. 238. Winkelaufnahme mit dem Meßtische. Fig. 76, 77, 78.

Um mit dem Meßtische Winkel aufzunehmen, stellt man benfelben so auf, daß der entsprechende Scheitelpunkt ber Zeichnung lothrecht über den Standpunkt kommt, und zusgleich der vorher gezeichnete Schenkel genau in der Richtung seisner Linie liegt, bei übrigens wagerechter und sester Stellung Fig. 76. Man schiebt nämlich die Lothgabel mit der Spite an den Scheitelpunkt b, legt das Absehlineal an den schon gezeicheneten Schenkel da und richtet b über B, so wie da in BA. Ist

Wies fest geschraubt, so legt man das Lineal links an b, dreht es in die Richtung BC und zieht rechts daran hin die Linie de, alsdann ist abe der Winkel ABC. Die Länge der Linie wird auf dem verzüngten Maßstabe abgegriffen und aufgetragen. Run bringt man das Werkzeug weiter mit e über C und eb in CB, visirt und längt die Linie ed ab u. s. f. Auf solche Art werden mehre Winkel mit ihren abgemessenen Schenkeln an einander gessetzt. Dabei visirt man durch die ganze Länge der Augenabsehe, um hier keinen Fehler zu begehen, zieht auch die Linie auf dem Tischen möglich lang, oder erweitert ihre Richtung auf dem Rande zum sicherern Wiederanlegen.

Won dem Absehlineale gebraucht man nur eine Seite, ges wöhnlich die rechte. Dadurch heben sich alle Fehler, die entsteshen, wenn die Linealseite nicht in der Absehlinie liegt. Hätte man z. B. in Fig. 77. zur Aufnahme des Winkels ABC ein Lineal mit schiefer Absehlinie und richtete sich damit, anstatt in BA, nach Ba ein, zeichnete mithin, anstatt der Richtung BC, die Richtung Bc: so wurde aBc ABC, denn die Absweichungen aBA und cBC sind gleich. Wäre die Linealseite mit der Absehlinie parallel und man gebrauchte diese Seite zum Einsrichten und Weiter-Bissen: so wurde, wie in Fig. 78., der Winkel abc dem Winkel ABC gleich, weil die Schenkel parals lel sind.

Eine große Unannehmlich keit des Meßtisches ist das beschwerliche Beischieben des Zeichenpunktes über den Standpunkt. Daher begnügt man sich ofters wohl mit einer weniger genauen Ausstellung, woraus ein Fehler erwächst, dessen Große von diesser Abweichung und von der Länge des Schenkels abhängt. Es giebt jedoch Hulfsmittel, jenes beschwerliche Beischieben ganz zu vermeiden. Man stellt nämlich das Werkzeug ohne Weiteres mit seiner Witte über den Standpunkt und richtet die entzworsene Linie vorläusig ein, mißt nun oben darauf, wie viel Zolle diese Linie seitwarts Tiegt und läßt, nach rechts, oder links gegebenen, wie beim Ringelschießen gebräuchlichen Zählzeichen, den Richtstad um so viele Zolle rechts, oder links stecken. Wäre, in Fig. 78., B der Standpunkt und b der Zeichenpunkt, so müßte

Y

der Stab von A um du herüber in a kommen; da müßte pastallel mit BA, und eben so be parallel mit BC werden. Man könnte auch wohl Richttafelchen von gewisser Breite führen und ungefähr so viel neben den Stab auf die halbe Tafel visiren, als die Abweichung beträgt.

Außerdem hat der Meßtisch für den Forstvermesser auch manche nicht unerheblichen Mangel. Das unmittelbare Austrazgen im Walde ersordert nämlich zu viel Zeit, muß in zu gezwungener Stellung geschehen und strengt die Augen sehr an. Bei den andern Winkelwerkzeugen verrichtet man diese Arbeit im trocknen, hellen Zimmer auf dem geräumigen Tische, mehr sitzend, also bequemer, gelegener und genauer. Die Arbeit auf Papier ist im Freien zu sehr der Luftseuchtigkeit unterworsen; östers muß man unverrichteter Sache wieder nach Hause gehen, und endlich leidet die Zeichnung dennoch durch das Verziehen beim Abschneis den. Ein Mittel zum Messen des etwa verlangten Gradinhaltes, z. B. von Grenzwinkeln, gewährt der Meßtisch ebenfalls nicht.

Überdies gestattet die beschränkte Größe des Tischblattes nicht das ganze Auftragen eines größern Umfangs. Nimmt man auch ein Quadratnetz zu Gulse und setzt die Meßzüge darauf ab: so veranlaßt dies wieder neue Mängel, und man ist keinesweges im Stande, auf einen recht sichern Schluß hinzuarbeiten. Das ber durfte der Meßtisch weniger zu den großen Umfangsmessungen im Walde passen, als auf das freie Feld, wo mit einmalisgem Ausstellen rundherum viele Gegenstände leicht und sicher gesschnitten werden können. Übrigens gewährt ein leichter Meßtisch im Forste zu kleinen Aus und Abmessungen, welche sogleich an Ort und Stelle gesertigt werden mussen, ganz vorzügliche Dienste.

§. 239. Die Deffcheibe.

Die Meßscheibe unterscheidet sich von dem Meßtische das durch, daß man stets aus dem Mittelpunkte nur die Richtung der Linien anzeichnet und zugleich nach Graden bestimmt.

Das Gestell bazu barf leichter sein, als am Mestische. Die Scheibe selbst ist von Solz gut zusammengesetzt, ober von

Messing, rund, am obern Rande mit einem in Grade eingelheils ten Messingringe versehen, der zugleich das Papier halt; in der Mitte besindet sich ein Kegel mit Schraubenmutter zu dem Abssehl in eale. Dieses ist auf der rechten Seite so ausgeschnitten, daß die Lineallinie in der Absehlinie liegt und die Mitte des Kezgels und der Scheibe schneidet; an beiden Enden gehen Nonien von der Absehlinie aus. Die Absehen sind zu Messungen in Bergen etwas länger, als das halbe Lineal und zum Bor und Rückwarts Wistren eingerichtet; jede hat nämlich Durchsichten und Haare zugleich. Die Kippregel ist auch hierbei beschwerlischer und nur zum Fernrohre erforderlich. Weiter braucht man noch eine Wasserwage, eine Orientirboussole und eine Decke gegen die Nässe. Die Scheibe selbst wird mit dunnem, sestem, vorher mit geschlagenem Siweiße genehtem Papiere überzogen.

Man pruft die Megscheibe, nachdem man sich zuvor von ber Brauchbarkeit des Gestelles überzeugt hat, beinahe wie den Zuerst wird vermittelst eines Lineales die Cbenheit und burch eine aufgestellte Wasserwage die Horizontalbewegung der Dberflache untersucht. Alsbann wird, bei magerechter Stellung, das Lineal auf einen etwas entfernt bavon angebrachten Loths faben gerichtet und an ber entgegengesetzten Seite ein anberer Lothfaben in dieselbe Absehlinie gehängt, mas mit brei oben zus sammengebundenen Stangen leicht thulich ist. Beide Lothfaden muffen durch alle Punkte ber Absehen ganzlich geschnitten wer= den und mit den Absehen selbst in gerader Linie sein; eben so auch, wenn man die Absehen umdreht. Bieht man am Lineale, bevor dasfelbe abgeruckt wurde, eine Linie, so muß es in der umgebrehten Stellung genau wieder an diese schließen. Beim Festschrauben barf sich bas Lineal nicht verziehen.

Die Richtigkeit. ber Gradeintheilung zu prissen, führt man die Nonien darüber weg und untersucht, ob beide in allen Stelzungen die Grade gleichmäßig bemessen und den Gradring ganzgenau theilen. Auch könnte man das Maß eines ausgesteckten Probewinkels mehrfach in dem Kreise fortfassen, dann aus der Summe die Durchschnittsgröße suchen und diese mit den einzeln gefundenen Inhaltsgrößen vergleichen, wie hiernächst gezeigt werden wird.

§. 240. Winkelaufnahme mit der Meßscheibe. Fig. 79.

Um mit der Meßscheibe Winkel auszunehmen, stellt man das Werkzeug gerade über den Scheitel oder Standpunkt B wagerecht auf, wendet die Scheibe mit dem auf den Ansangsschenkel ab sestgeskellten Lineale nach dem entsprechenden Richtspunkte A hin und befestigt sie in dieser Stellung, dreht nun das Lineal für sich nach dem anderen Richtpunkte C und schraubt es hier wieder sest. In dieser Richtung zieht man den zweiten Schenkel von d nach c und nimmt die Grade desselben ab. Sewöhnlich werden die Richtungen der Schenkel durch zweikleine Striche nahe am Papierrande angezeichnet und mit der Bezeichung der Standpunkte versehen. Eben so wird der Winzbel in dem solgenden Punkte C aufgenommen. Man stellt namslich das Werkzeug auf C, richtet es mit dem noch an d und c liegenden Lineale nach dem Standpunkte B fest ein, dreht dann das Lineal nach D und zieht die Striche c zu d u. s. w.

Beim versichernden Gebrauche der Drientirboussole, die im Lause größerer Umfangsmessungen jede beträchtliche Verdrehung des Winkelverbandes zu erkennen giebt, richtet man gleich ansfänglich den Nullpunkt vom Gradringe in die magnetische Nordslinie. Dann muß aus jedem Standpunkte die nach der letztern Standlinie ruckwarts eingerichtete Scheibenstellung der zur Probe wieder angelegten Drientirboussole entsprechen.

Verlangt man die Größe eines Winkels ABC nach Graden, so wird die Scheibe auf den Scheitelpunkt B gestellt, mit dem Rullpunkte auf den einen Schenkel BA gerichtet und befestigt; hierauf dreht man das Lineal in den andern Schenkel BC und nimmt vorn am Gradringe die Winkelgrade ab. Wird nun abermals die Scheibe mit dem hier befestigten Lineale auf BA gerichtet und dann das Lineal wieder nach BC gedreht: so bezkommt man den doppelten Winkel. Mittels dieser sogenannten Multiplikations = Methode läßt sich die Gradsumme des drei z, vier = und mehrsachen Winkels zusammensassen, von der die Durchschnittsgröße viel genauer ist.

Bei ben gewöhnlichen Scheibenmeffungen nimmt man nicht die befondern Winkelgrade, fondern nur die Neigungsgrade jeder Seite zu ber in den Nullpunkt gerichteten Rordlinie. läßt sich aber der Winkelinhalt leicht berechnen. Hatte z. B. die Linie BA 175° 15' und BC 308° 35': so ware der Win=' tel ABC = 308° 35' - 175° 15' = 133° 20'. Freilich muß dabei beachtet werben, von welcher Seite die Grade abgenom= men find, sonst bekommt man leicht den Nebenwinkel. Überhaupt hat man beim Gebrauche der Meßscheibe eine gewisse Gleichformigkeit im Aufzeichnen zu beobachten, um nachmals bie Lage der Schenkel sicher wieder bestimmen zu konnen. Das Lineal muß beim Beiter = Bisiren allemal so genommen werben, baß die Absehlinie rechter Hand offen ist, und die Bezeichnungen mussen an beiden Richtstrichen in derselben Folge stehen, wie an ben Standpunkten. Die Grabe werben an der, bem Richtpunkte jugekehrten Seite abgenommen. Eben so richtet man auch bas Werkzeug beim Wiederaufstellen.

§. 241. Binkelauftragen von ber Deficheibe.

Bum Auftragen der Scheibenmessung schneibet man die sertige Winkelscheibe los, beseskigt dieselbe auf das Zeichensblatt und schiebt nach & 185, die Linien der Folge nach ab und zusammen. Zeichnet man vorher auf das Innere der Winkelssche die Gradzehner vom Gradringe, so dient dies zum leichstern Aussinden der Linien, wenn die Grade jeder Linie im Verzmessungsbuche bemerkt sind; wird zugleich jedes Strichelchen der Winkelsche vorher mit einem seinen Nadelstiche versehen, so läst sich auch die Richtung sicherer abnehmen.

Hat man die Grade jeder Linie aufgeschrieben, so könnte wohl erst zu Hause die Winkelscheibe banach gemacht, oder, wie in h. 186. zu ersehen, gleich nach einer Gradscheibe aufgetragen werden.

Die Meßscheibe gestattet bei den Umfangsmessungen viel schnellere und leichtere Arbeit, als der Meßtisch; die Richtung der Linien kann genauer und auf doppelte Art, durch Zeichnung und Gradeintheilung, bestimmt werden; die Messung ist weniger

von der Witterung abhängig und gewährt durch den bei Grenzen dfters verlangten Gradinhalt ein Mittel mehr, die Schlußmängel zu berichtigen. Daher eignet sich dieses Werkzeug ganz besonders zu Forstvermessungen und ersetzt bei solcher Einrichtung die Stelle des gewöhnlichen Astrolabiums vollkommen.

§. 242. Die Bouffole.

Dieses Winkelwerkzeug bemißt die Richtung jeder Standlisnie mittels. der freien Magnetnadel, welche auf einem Stifte insmitten eines runden, mit Glas bedeckten Behältnisses an einem Gradringe hinschwebt, worauf die Grade gewöhnlich links herum bis zu 360 fortlaufend gezählt sind. Ein Schieber dient dazu, die Nadel von außen hebend zu sperren. Außerhald des Sehäusses, in der Richtung von 180 zu 360°, stehen auf einer linealsförmigen Verlängerung der untern Platte zwei hahe Absehen, zum Rücks und Vorwärts Wissen eingerichtet. Das Gestell dazu darf leicht sein, und an das ganze Werkzeug darf außer der Nadel kein Eisen kommen, während des Gebrauches nicht einmal in die Nähe.

Die Boussole wird auf folgende Art geprüft: Man untersucht zuerst die Stetigkeit des Gestelles und ob die Boussole selbst die wagerecht gegebene Stellung beim Umbrehen behalt; bann auch die Genauigkeit der Absehen vermittelst zweier Loth= faden, wie bei der Megscheibe. Was die Nadel betrifft, so muß biese in fester, horizontaler Stellung ber Boussole ganz wage= recht hangen; in allen Richtungen ben Grabring genau theilen; mit Eisen aus ihrer Richtung gebracht, allmählich in gleichmäßig abnehmenden Schwingungen auf demselben Punkte wieder ein= spielen, auch nach zwei=, brei= und mehrmaligem Versuche; bei fanftem Umbrehen bes Gehäuses nicht mit fortgeben und, wenn somit die Absehen verwendet in die erste Richtung kommen, mit ihrer Gubseite genau ben Grabpunkt wieder einnehmen, ben vorher die Nordseite schnitt; endlich muß sie von der Sperrung ohne Schwanken fich nieberthun, und in das Gehause barf weder Wind noch Feuchtigkeit eindringen. Selten findet man eine Bouffole, die solche Prufung ganzlich besteht; ofters verliert auch die Nadel ihre magnetische Kraft mit der Zeit mehr ober weniger.

§. 243. Winkelaufnahme mit ber Bouffole.

Beim Messen mit der Boussole dreht sich der ganze Gradring mit der Absehlinie, und von der in Ruhe gekommenen Nadel wird die Richtung am Gradringe angegeben. Man stellt as Werkzeug über den Standpunkt wagerecht auf, visirt nach dem einen Richtpunkte, läßt die Nadel zur Ruhe kommen und bemerkt sich das Gradmaß an der Nordseite. Hierauf dreht man die Boussole nach dem andern Richtpunkte, visirt und nimmt hier wieder die von der Nordseite geschnittene Gradzahl ab. So wie die Stellung hierbei nicht wagerecht ist, hängt die Nadel seitwarts und zeigt unrichtig.

Um beim Auftragen auch ohne Handzeichnung gewiß zu sein, welche Richtung jede Linie von ihrem Anfangspunkte aus hat, nimmt man beständig eine gewisse Seite der Boussole voraus, gewöhnlich die mit dem Nullpunkte, und schreibt dann immer nur die Grade der Nordseite auf. Dazu muß aber die Bezeich=nung der Linien im Vermessungsbuche genau passen. 3. B. 4 zu 3 bezeichnet, daß der Nullpunkt nach 3 zu gerichtet war. Die Boussole konnte eben sowohl auf 4, als auf 3 stehen. Es ist einleuchtend, daß man im Laufe der Umfangsmessung mit der Boussole den je zweiten Standpunkt überspringen kann. Dieses nennt man mit Springskänden winkeln.

Was das Abnehmen der Grade betrifft, so mussen die kleisnern Gradtheile unter z freilich nach dem Augenmaße bestimmt werden. Es ist dabei am sichersten, nur z, z und z anzusetzen und die weiter geschätzten Theile noch mit angehängtem + oder —, völlig oder kaum zureichend anzudeuten. 3. B.

$$30\frac{1}{4}^{\circ} = 30^{\circ} 15'$$
 $30\frac{1}{4}^{\circ} + = 30^{\circ} 20'$
 $30\frac{1}{4}^{\circ} - = 30^{\circ} 25'$
 $30\frac{1}{4}^{\circ} = 30^{\circ} 30' \text{ u. f. w.}$

Die Vortheile dieser einfachern Bestimmung werden sich beim Gebrauche bewähren.

§. 244. Bintelauftragen von der Boufsole.

Das Auftragen ber Boussolenmessung geschieht am leichtesten und sichersten vermittelst der S. 186. beschriebenen Gradscheibe, worauf aber die Grade nach der entgegengesetzen Richtung gezählt sein mussen, also rechts herum, wenn die Jahsten auf der Boussole links herum gehen, weil an der Boussole der Gradring um die Nadel, auf der Gradscheibe aber das Lisneal um den Gradkreis gedreht wird. Hat man dei der Messsung den Nullpunkt immer vorn gehabt und die Grade stets an der Nordseite genommen: so ist deim Auftragen diejenige Seite vorn, wohin die zugehörige Jahl auf der Gradscheibe weis't.

Der sogenannte Boussolen = Transporteur, den man an ein Quadratnet anlegt, ist weit umståndlicher und weniger genau. Am unbehülslichsten ist aber das Auftragen mit der Boussole selbst. Man könnte sich auch eine Winkelscheibe nach der Boussolen=Messung auf der Meßscheibe fertigen und danach auftragen.

Dbgleich die Boussole zur Aufnahme einzelner Winkel und kleiner Figuren in großem Maßstabe, so wie zu Feldmessungen keinesweges genügen kann: so gewährt sie doch bei ausgedehnten Umfangsmessungen, die in kleinerm Maßstabe ausgetragen wers den, unter sonst günstigen Umstanden, die besten Schlüsse, weil die Richtung jeder Linie ganz sür sich nach der allgemeinen Magnetlinie bestimmt wird, also ein sehlerhaftes Verdrehen ganzer Meßzüge (§. 190. 3.) nicht entstehen kann. Daher gebraucht man auch die Orientirboussole zur Versicherung bei dem Meßztische und der Scheibe; ja man richtet diese Werkzeuge ganz alz lein danach, wo eine Abirrung der Magnetnadel eben nicht zu besorgen ist, und winkelt dann gleichfalls mit Springständen.

Die leichte und schnelle, von feuchter Witterung weit wenisger abhängige Arbeit mit der Boussole wurde dieses Werkzeug ohne Ausnahme zu dem vorzüglichsten sur Forstvermessungen ersheben, wenn der Magnetnadel nicht manche, selbst noch undeskannten Mängel und Schwächen beiwohnten, so daß dieselbe ihre guten Dienste ofters versagt. Sie wird nämlich im richtisgen Einspielen durch nahe gebrachtes Eisen, durch Reiben des

Glases, ja selbst vom Sonnenscheine gestört; sie wird unstet und träge bei anhaltendem Gebrauche, zumal in Sewitterluft; sie irrt auf gewissen Gebirgsarten, besonders aber an großen Bergmassen, beträchtlich ab. Auch ist zu berücksichtigen, daß im Laufe der Zeit die Abweichung sich andert, und daß jebe Magnetnadel ihre eigene Abweichung hat.

Daher ist die Boussole nur in den Forsten der Ebene und des niedrigen Hügellandes bei gehöriger Vorsicht sicher zu gesbrauchen, im Gebirge aber, besonders auf Trapp und Granit, weniger zuverlässig. Hier verbindet man sie als Drientirboussole mit der Meßscheibe und sindet dabei eine sehr gute Gelegenheit, ihren Mängeln mehr auf die Spur zu kommen.

§. 245. Das Degbrettchen.

Dieses, einem jeden unterrichteten Forstmanne unentbehrliche Zaschenwerkzeug bient balb zum Abstecken magerechter und, ge= gebener schieser Linien und Winkel, bald zum Deffen ber Schläge, der Blogen und anderer kleinen Forststucke, bald zum Bestim= men der Bodenneigung, der Baumhoben u. d. m. Gin gutes, trodnes Brettstud, ungefahr 5 bis 6 Boll im Geviert und 1 Boll stark, ist mit einer Messingtafel belegt; darauf besindet sich ein genaues Quabratnet, bessen Außenseiten 20 gleiche Theile haben, die mit beiderseits übereinstimmigen Biffern 10, 20, 30 u. s. w. bis 100 bezeichnet sind. Von derjenigen Quadratece,. wo die Bahlen beiber Seiten ihren Anfang nehmen, ift ein Biertelfreis durch die zwei nachsten Ecken gerissen und in ganze und halbe Grade getheilt, welche mit den nothigen Ziffern versehen Durch jene Hauptecke geht ein Loch, worin vermittelst eis eingepaßten Bapfens entweder ein Lothsaben, ober ein kleis nes Absehlineal mit Monius befestigt wird, wie es eben ber Ge= brauch erforbert. An einer Nebenseite bes Brettes bient ein Loch zum Unterbringen des Lothes. Auf der Ruckfeite befinden fic, etwa einen Boll vom Rande ab, vier gerade, senkrecht auf die Brettfläche und parallel mit bem Quabratnege gerichtete Sageschnitte, bis über die Halfte des Brettes eingesenkt; in der Mitte ift ein vierediges Zapfenloch zum Befestigen bes Degbrettchens an

ober auf einen Stellstab, was mit einem holzernen, einerseits viereckigen, andrerseits runden Zapfen geschieht. Der Stellstab hat zwei Zapfenlocher, eins oben, das andere seitwarts dicht darunter, durch deren Achsen ein gemeinschaftlicher Spalt geht, welcher mit einer Klemmschraube gespannt werden kann. Dieser Stab dient zugleich als Zollstab und als Klastermaß.

Zur Prüfung dieses Megbrettchens wird zuvörderst das Quadratnet (§. 175. 3.) untersucht und die Grabeintheilung durchgesehen, besonders, ob die Grade von beiden Geiten her gleichen Abstand haben zu dem Quadratnege. hierauf nimmt man bas Werkzeug in's Freie, steckt es wagerecht auf und läßt nach allen vier Richtungen ber Ginschnitte Richtstäbe ausstecken. Hier muffen je zwei Parallelschnitte auf einen und benselben Stab hinweisen, so meit es ihr Abstand erlaubt; eben so muß auch bas oben aufgesetzte Abfehlineal, genau an bie Außenfeiten bes Quabrates angelegt, die Stabe vor= und ruckwarts schnei= Daraus ergiebt sich, daß die Einschnitte und die Neglinien gleichlaufend sind. Dreht man nun das Werkzeug weiter auf jeden andern Richtstab, so mussen die Einschnitte und das Absehlineal alle vier Richtstäbe wieder rechtwinkelig treffen. Eben so werden alle andern, zum Absteden von Rechtwinkeln bienen= ben Berkzeuge mittels ber gleichen Nebenwinkel gepruft.

§. 246. Winkelaufnahme mit bem Degbrettchen.

Der uns hier eben vorliegende Gebrauch des Meßbrettchens besteht im Messen wagerechter Winkel mit dem Viertelkreise, wo= mit sich auch jeder größere Winkel durch seinen Nebenwinkel de= stimmen läßt. Man steckt das Absehlineal auf, welches zum Ruck= und Vorwärts=Vissen eingerichtet sein muß, setzt das Brettchen auf den lothrecht und sest in den Scheitelpunkt ein= gesteckten Stellstad, richtet dasselbe mit dem auf dem Nullpunkte liegenden Lineale nach dem einen Richtstade und klemmt den Zapsen sest ein; nun dreht man das Lineal nach dem anderen Richtstade, versichert sich durch den untern Einschnitt, ob das Brettchen noch in der ersten Richtung steht, und wemt alsdann die Grade des Winkels ab. Ist ein stumpfer Winkel zu messen,

so kommt bas Megbrettchen in ben Nebenwinkel. Die Summe ber gefundenen Umfangswinkel prüft man nach g. 156.

Das Auftragen der nun nach ihrem Gradinhalte bekannten Winkel geschieht vermittelst eines großen Transporteurs (§. 182.), oder vermittelst der Sehnen (§. 183.), die sich auf dem Meß-brettchen auch unmittelbar abnehmen ließen. Bei etwas größern Figuren könnte man eine Gradscheibe gebrauchen, oder ein Winkelblatt auf der Meßscheibe dazu entwersen. Es würde jedoch zu viel verlangt sein, wenn dieses einsache, zum täglichen Sebrauche des Forstwirthes geeignete Werkzeug auch zu größeren Bermessungen dienen sollte.

§. 247. Allgemeine Fehler beim Binkelmessen.

Wegen der all gemeinen Fehler, welche bei der Winstelmessung vorkommen, ware hier Folgendes zu bemerken:

- 1) Zuvörderst entspringen Winkelsehler aus der schie fen Stellung des Werkzeuges. Neigt sich die Winkelebene des Werkzeugs mit beiden Schenkeln gleichmäßig unter oder über die Horizontal=Ebene: so wird der Winkel kleiner. Ist diese Neigung ungleichmäßig, mit einem Schenkel höher und mit dem andern tieser: so kann der Winkel größer ausfallen, je mehr die Abweichung beträgt. Trigonometrische Betechnungen ergeben, daß eine schiese Stellung von 1° kaum 10'', von 2° kaum 36'', von 3° kaum 1' 20'' und von 4° etwa 2½ Minuten gegen den wagerechten Winkel sehlt. Hiernach ist die nothige Genauigkeit im Wagerechtstellen unserer Winkelmesser leicht erreichbar, indem schon eine mittelmäßige Wasserwage kaum um 10' abweicht.
- 2) Bei den Winkelwerkzeugen, welche rückwarts eingerichtet und dann festgestellt werden, entsteht leicht ein Verdrehen, wenn die Stellung mit dem Umdrehen des Absehlineales nachzgiebt. Dieses ist der gewöhnlichste und größte Fehler in Folge eines mangelhaften Gestelles, oder vernachlässigter Besestigung. Bei dem Meßtische kommt derselbe am leichtesten vor, weil darzauf mehr außerhalb der Mitte gearbeitet werden muß. Bei der Meßscheibe seht man ihn durch wechselweises Umdrehen des Eineales zu heben. Bei dem Meßbrettchen wird dieser Fehler

burch die untern, versichernden Abfehen vermieden. Bei der Boufssole kann ein solcher gar nicht Statt finden; die Nadel behält ihre eigene unabhängige Richtung und macht somit auch das Verdrehen anderer Werkzeuge bemerklich. Überhaupt muß dieser Fehler immer in mäßigen Grenzen bleiben, wenn das Gestell tüchtig und der Vermesser vorsichtig ist.

3) Die Excentricität ober das Abweichen des Kreiszinges aus dem Mittelpunkte giebt sich in Bollkreisen leicht zu erkennen, wenn der Gradring von dem Absehlineale, oder von der Nadel nicht allerwärts gleich getheilt wird. Dieser Fehler ist den neuern Winkelmessern sehr selten. Übrigens entsteht auch dei dem Meßtische und der Scheibe ein ähnlicher Fehler, wenn die Linealseite von der Visitlinie abweicht; hier wird dersselbe, wie schon bekannt, durch den Gebrauch einer einzigen Linezalseite vermieden.

§. 248. Absteden gegebener Bintel.

Das Absteden bestimmter Winkel ist nun eine leicht zu lösende Aufgabe. Dazu hat man im Freien den Scheitelpunkt und eine zur Richtung dienende Linie als Schenziel, wo eben nicht nach der Magnetnadel gerichtet wird, auf dem Werkzeuge aber den Winkel entweder in Graden, oder verzmittelst Zeichnung. Man stellt den Winkelmesser auf den Scheiztelpunkt, richtet denselben nach der Bestimmung ein und visirt damit den verlangten andern Schenkel ab. Mit der Boussole geht das am kurzesten; diese wird sogleich nach den bestimmten Graden gerichtet.

3. Mittelbare Linienbestimmung.

§. 249. Eine lange gerade Linie durch ben Wald zu steden vermittelst eines Megzugs. Fig. 80.

Man steckt von dem Anfange A zu dem Ende N durch die mehr offenen Stellen einen aus kurzern Standlinien zusammensgesetzten Meßzug ABC . . . N, der die verlangte gerade Enie

mehrmals trifft, mißt die Standlinien AB, BC, CD . . . , hiers auf die Winkel ABC, BCD . . . und trägt das Ganze auf. In dem dadurch erhaltenen Grundrisse zieht man die Gerade von A nach N, nimmt mit Hulfe des gebrauchten verjüngten Maßstades die Längen Bx, Dy, Ez und die von den Standlinien ausgehenden Abstände, wie Gq und Br von AB, Cs, Ht und Du von CD, Fv und Iw von FN ab.

Mit diesen Maßen begiebt man sich wieder zur Stelle und stedt die Punkte x, y, z . . . q, r, s . . . nebst dem Anfangs-winkel BAN aus. Dadurch ist die Richtung der verlangten Linie von außen und innen gegeben. Nun nimmt man das Abstecken selbst vor und berichtigt die dabei erschienenen kleinen Abweischungen einzelner Punkte so gut als thulich, die die Aufgabe dem Zwecke gemäß geldst ist. Mit dem Meßtische läßt sich diese Arbeit gleich auf der Stelle vollführen.

§. 250. Gerade Linien im Forste abzustecken nach bem Grundrisse.

Bum Absteden gerader Schlaglinien ober Stellwege in einem vermessenen Forste sind die beiden Endpunkte gegeben und gewöhnlich der Winkel, den die Linie mit
einem Hauptgestelle, einer Stand- oder Grenzlinie macht. Man
stellt den Winkelmesser sogleich auf den Ansangspunkt, giebt damit die Richtung an und steckt in derselben fort dis zu Ende.
Trifft etwa die abgesteckte Linie den Endpunkt nicht sogleich: so
ist nach Maßgabe der gefundenen Abweichung von vorn herein
etwas beizurichten, oder die erste Linie nur als Probe zu gedrauchen, nach J. 233.; es müßte denn eine weniger gerade Linie
eben genügen.

Hier und da durchschneibet wohl die abzusteckende Linie eisnen ober den andern schon festgelegten Meßzug, dann können die Durchschnittspunkte und selbst die Durchschnittswinkel auf den noch vorhandenen Standlinien im Voraus abgesteckt werden, um mehr Anhalt zu gewinnen.

Ist die Linie nach Boussolen=Graden bestimmt, und man verlangt mehr Genauigkeit in der Richtung, als die Boussole an

sich gewähren kann: so wird die mittels der Orientirboussole aufgestellte Meßscheibe gebraucht, von der sich die Gradtheile genauer abnehmen lassen. Doch ist die besondere Abweichung der vorhandenen Boussole zu berücksichtigen, im Falle dieselbe nicht so eben zur Vermessung gedient hat.

Sehr lange Linien sichert man gegen das allmähliche Absweichen durch den Mitgebrauch einer Boussole, nach der man die abgesteckte Richtung ofters prüft. Nicht selten wird die Linie im Sanzen genauer, wenn man von Stück zu Stück die Fortsetzung nach der Boussole wieder von neuem richtet. Die dadurch entssehenden, sich wieder ausgleichenden unmerklichen Wendungen verschwinden beim Aushauen gänzlich, wogegen eine einzige durchgängige Krümme nachher erst recht sichtbar wird.

- §. 251. Unzugängliche Entfernungen mittelbar zu bestimmen. Fig. 81, 82, 83, 84,
- 1) Fig. 81. Ist eine übersehbahre Länge AN auszumitteln, so steckt man aus A und N gleichlange Senkrechte An und Nn herüber auf eine meßbare Strecke und mißt nun an anstatt AN. Us gegenüberliegende Seiten eines Parallelogrammes sind beide Linien gleich.
- 2) Fig. 82. Geht die Linie AN in einem Walbsaume hin, wie ofters bei verwachsenen Forstgrenzen: so steckt man von A und N die gleichen Abstände An und Nn vorläusig herüber auß Freie, so daß von a nach n gesehen und gemessen werden kann. Run berichtigt man a und n, indem man mittels der Linie an die Abstände aA und nN genauer richtet und abgleicht. Dann wird an statt der gleichen Länge AN gemessen.

Trägt man denselben Abstand aA mehrmal von der Linie an hinein, so ergiebt sich auch die Grenzlinie AN, wosern noch ein Durchhieb gemacht werden sollte.

3) Fig. 83. Die Breite AN einer unzugänglichen Fläche mit dem Meßbrettchen auszumitteln, setzt man an A eine Senksrechte AB und mißt sie ab, stellt das Brettchen auf B, richtet den einen Schnitt nach A und visirt mit dem Faden oder Lineale nach N. Run zählt man auf der Seite Be bis Ba so viele

Maßeinheiten ab, als die Linie BA wirklich mißt, geht von a rechtwinkelig hinein bis an die Visirlinie Bn und von da wieder heraus an die andere Seite; die dort an d stehende Jahl besnennt die Entsernung AN in dem zur Einheit gebrauchten Maße. Denn Ban auf dem Meßbrettchen und BAN auf dem Boden sind ähnliche Dreiecke; Ba enthält die Jahlen des Maßes von BA und an, oder cd, die von AN.

4) Fig. 84. Ist die Linie AN weniger frei, so sindet man wohl irgend einen Punkt B, aus welchem A und N zugänglich sind. Von demselben aus werden BA und BN so wie der Winzkel ABN gemessen und aufgetragen, dann wird auf der Zeichznung die Länge von AN ermittelt.

Der man stedt sogleich an Ort und Stelle ein dem Ganzen ahnliches Dreieck Ban mit zwei verhaltnismäßigen Seiten und gleichem Zwischenwinkel ab, mißt an und berechnet AN nach der Proportion Bn: BN = an: AN (§. 149.).

§. 252. Ein Dreiednet aufzunehmen in ber Forst= umgebung. Fig. 85,

Bon je zwei freien Standpunkten des gemessenen Forstumsfanges, z. B. A und E, visirt man nach den davor gelegenen auszunehmenden Außenpunkten, wie u, w, x und bestimmt das durch die Oreiecke AEu, AEw, AEx, Hieraus ergeben sich in der Zeichnung die Punkte u, w, x. Weiter schneidet man von einem dritten, vierten . . . Umfangspunkte, z. B. O, nicht nur schon bestimmte Außenpunkte, wie w, zur Versicherung, sondern auch andere neue Gegenstände. Von den festgelegten Außenpunkten erweitert man dann die Oreieckaufnahme immer mehr, so daß alle ausgezeichneten Punkte der Forstumgebung, als Thurmspiken, einzelne Gebäude, Bäume, Kreuzwege und dergleichen von dem Forstumfange aus richtig verzeichnet werden können. Das das nach aufgetragene Netz wird nachmals auf einzelne Meßtischeldikter vertheilt, zur nähern Aufnahme der dazwischen gelegenen Wohnpläße, Wege, Gewässer; Gehölze u. s. w.

Ist ein solches Netzstück auf dem Meßtischblatte mit der Rordlinie orientirt, so läßt sich an Ort und Stelle jeder belie-

bige Punkt, z. B. v, nachtragen. Über demselben stellt man das Tischen in die Nordlinie gerichtet auf, also eo mit EO parallel, visitt von e nach E und zieht ev, eben so ov nach O und o. Der Durchschnittspunkt v ift der verlangte weitere Respunkt.

§. 253. Zusammengesette Linien aufzunehmen. Fig. 86. . . . 90.

Bieleckige und krumme Linienzüge bestimmt man im Freien eben so, wie auf dem Papiere, mittels geeigneter Abmessun: gen von angenommenen einfachen Hulfsfiguren (h. 194.).

Won jeder Standlinie dieser Hulfsfigur wird die Bezeichnung, ber Winkel, bie Lange und die bavon gemachte Abmessung ganz genau in einem Bermessungsbuche nieder= geschrieben. Die Standlinie bezeichnet man gleich vorn mit ben Biffern ihrer beiden Standpfähle, und zwar in berjenigen Folge, in welcher gemessen wirb, bamit weber über rechts und links, noch fonst ein Zweifel entstehe; ihren Binkel trägt man als Neigung zur Nordlinie, ober zu ber vorliegenden Seite ein, und ihre gange schreibt man sicherer auf in der gefundenen Unzahl ganzer Rettenzüge mit dem übrigen Rettenstücke. kommen die von jeder Standlinie gemachten Abmeffungen, wobei man alle gebrauchten Hulfspunkte mit kleinen Buchstaben andeutet, die einfachern Abmessungen bloß mit bestimmten und leichten Abkurzungen nieberschreibt und nur von den verwickeltes ren eine Figur fluchtig beizeichnet. Um Irrungen in der Zahlen= bebeutung zu vermeiden, druckt man alle Langengrößen in Fußen aus und schreibt die Biffern ber Standpunkte grißer, als die ber genommenen Maße. Die mancherlei Krummen und Eden der zu messenden Linien werden auf folgende Beise bestimmt:

- 1) Fig. 86. Mittels der Standlinie selbst, wo diese die Grenzlinie durchschneidet, in sie einfallt, oder von ihr aus fällt. Hier heißt es z. B. in dem Vermessungsbuche hinzter der Bezeichnung 1 zu 2: bei 34' dch. (durch die Grenze) b. 72' l. (links) ein, bis 93' in der Gr. b. 93' r. (rechts) ab.
 - 2) Fig. 87. Gewöhnlich bestimmt man die Grenzpunkte

Raßeinheiten ab, als die Linie BA wirklirechtwinkelig hinein bis an die Bissirlinie I heraus an die andere Seite; die dort nennt die Entsernung AN in dem zur Eisenn Ban auf dem Meßbrettchen und sind ähnliche Dreiecke; Ba enthält die BA und an, oder cd, die von AN.

4) Fig. 84. Ist die Linie AN wohl irgend einen Punkt B, aus we sind. Von demselben aus werden B. kel ABN gemessen und aufgetragen nung die Länge von AN ermittelt.

Dder man stedt sogleich an T zen ahnliches Dreieck Ban mit z und gleichem Zwischenwinkel ab, 1: der Proportion Bn: BN == an

§. 252. Ein Dreiednet a umgebun-

Bon je zwei freien Stant fanges, z. B. A und E, vi aufzunehmenden Außenpunkte durch die Dreiecke AEn, Al der Zeithnung die Punkte u, whitten, vierten . . . Umfar bestimmte Außenpunkte, wandere neue Gegenstände, erweitert man dann die alle ausgezeichneten Punkeinzelne Gedäude, Bäur Forstumfange aus richt nach aufgetragene Nes blätter vertheilt, zur Wohnplähe, Wege, (*

Ist ein solches Pordlinie orientirt, eine
. 12' r.
. 3' r. 3'
aber genan
.: dienen.
.: dienen.
.: 11' — b. 46' L

ten

9

tandlinien verlängert i einer Nebenlinie ver-

iter 6: b. 13' r. 7' - b.

binter 6: b. 29' 1. 6' — b.

i. 15'.

an die Standlinie selbst Hulfteichnet man z. B. die Langen von
on ab und von be auf. Die Ab-

ien sondert man in dem Bermess der Standlinie zu verwechseln. inkeliges Trapez anges

> amessenden Linien so, unzählige Abmessungen at man sich die Krümmen ache Genauigkeitsgrab und 28 gestatten.

, Linien und Figuren von ulegen. Fig. 92. 93.

t, daß die Maße bekannt sind und ere Anbindung nicht mangelt.

ing ober einen Grenzstein gegeben: so ichnur zwei über x sich kreuzende ien Ichtung mit den Punkten a und b, c und Pfahl ausgehoben, das Loch gemacht und ittels der wieder angelegten Schnur, richtig in gesetzt werden.

m Walbe gerade Stellwege verwachsen, oder bei nwieder herzustellen: so sucht man auf ihrer größaren Länge die Richtung der alten Mittellinie, vers
se nach beiden Enden und steckt davon die mangelnenlinien ab; doch muß zuvor die Mitte durchgängig
st sein. Bisweilen sinden sich seitwärts seste Punkte,
Ubstand von dem Grundrisse abgenommen und angemess
werden kann. Die Linienpslänzlinge rückt man übrigens
och so viel hinaus, als ihre einstige halbe Stammstärke beträgt.

- 3) Werlorns Punkte zu Schlägen und andern Abtheilungen sind wieder bestimmbar nach den nächsten Abtheilungksteinen, oder sonstigen festen Punkten. Von viesen aus steckt man die auf der Karte genommenen Richtungen und Entsernungen ab, so gut als eben thulich.
 - 4) Fig. 93. Berlorne Grenzpunkte findet man wieder durch

von der Standlinie aus durch kurze Abstandsmessungen; die langen weichen, wie bekannt, leicht ab und verrücken den Grenzpunkt seitwarts. Hierbei ist die Länge der Standlinie dis zu dem Richtpunkte nebst dem Abstande auszuzeichnen. 3. B. von 2 zu 3: b. 38' l. 5' Gzgr. (Grenzgraden). So einfach bleiben aber die Abstandsmessungen nicht immer. Es kann die Abstandslinie an eine Ede tressen und in der Grenzlinie fortlausen, dis in eine andere Ede: b. 52' l. 11' an d. Ede, alsdann in der Gr. sort, 27' in d. Ede. Oder es kann die Abstandslinie die Grenze durchschneiden und jenseits eine Ede tressen: b. 87' l. 14' dch. u. 24' an d. Ede. Weiter hin bestimmt man dann die innere Ede. Auch kann die Abstandslinie eine Ede tressen, dann in der Grenze bis zur andern Ede sortlausen und jenseits die Grenze nochmals durchschneiden: b. 134' l. 6' an d. Ede, dann in d. Gr. sort, 16' von d. Ede ab und 23' an d. Gr. — u. s. w.

- 3) Fig. 88, Bisweilen mißt man von einer Senkrechten aus wieder besondere Abstande. 3. B. von 3 zu 4: b. 85' eine Senkrechte ab l. ab; davon: b. 30' r. 13' b. 38' l. 12' r. 15' b. 84' l. 25' b. 101' r. 22' b. 132' l. 3' r. 3' Ende u. Wagmt. (Wegmitte). Diese Hülfslinie muß aber genau gerichtet sein; es kann dazu auch ein schiefer Winkel Dienen.
- 4) Fig. 89. Öfters können die Standlinien über einen Standpunkt hinaus verlängert werden, z. B. von 4 zu 5:... D. vl. L. hinter 5: b. 35' l. 16' b. 40' r. 11' b. 46' l. 18' b. 61' Grst. (Grenzstein.) N. 73.
- 5) Fig. 90. Eben so können zwei Standlinien verlängert und in diesen Verlängerungen wieder mit einer Nebenlinie vers bunden werden. 3. B.

Bon 5 zu 6: . . . D. vl. L. hinter 6: b. 13' r. 7' — b. 56' r. 13' — b. 67' Gr. Ecke und b.

Bon 6 zu 7: . . . D. vl. E. hinter 6: b. 29' l. 6' — b. 59' l. 12' — 73' GrE. und a.

Bon a zu b. 70' — b. 39' l. 15'.

1

6) Fig. 91. Auch können an die Standlinie selbst Hulfdbreiede gesetzt werden. Hier zeichnet man z. B. die Längen von 7 zu a And von 7 zu c, von ab und von de auf. Die Ab= messungen von solchen Nebentinien sondert man in dem Bermesz sungsbuche ab, um sie nicht mit denen der Standlinie zu verwechseln. Auf gleiche Beise könnte auch ein rechtwinkeliges Trapez angezsett werden.

Nicht selten krummen sich die auszumessenden Linien so, daß zu ihrer ganz genauen Bestimmung unzählige Abmessungen nothig wären. In solchen Fällen gleicht man sich die Krummen etwas aus, so weit es der erforderliche Genauigkeitsgrab und vornehmlich die Größe des Maßstabes gestatten.

§. 254. Bestimmte Punkte, Linien und Figuren von neuem wieder fest zu legen. Fig. 92. 93.

Hierbei wird vorausgesetzt, daß die Maße bekannt sind und an Ort und Stelle eine sichere Anbindung nicht mangelt.

- 1) Fig. 92. Ist durch einen wegzunehmenden Pfahl x der Punkt für einen Psianzling oder einen Grenzstein gegeben: so zieht man mit einer Schnur zwei über x sich kreuzende wien und bezeichnet ihre Richtung mit den Punkten a und b, c und d. Dann kann der Pfahl ausgehoben, das Loch gemacht und der Gegenstand, mittels der wieder angelegten Schnur, richtig in den Kreuzpunkt x gesetzt werden.
- 2) Sind im Walde gerade Stellwege verwachsen, oder bei neuen Anlagen wieder herzustellen: so sucht man auf ihrer größten übersehbaren Länge die Richtung der alten Mittellinie, verslängert diese nach beiden Enden und stedt davon die mangelns den Seitenlinien ab; doch muß zuvor die Mitte durchgängig berichtigt sein. Bisweilen sinden sich seitwarts seste Punkte, deren Abstand von dem Grundrisse abgenommen und angemessen werden kann. Die Linienpslänzlinge rückt man übrigens noch so viel hinaus, als ihre einstige halbe Stammstärke beträgt.
- 3) Worlorne Punkte zu Schlägen und andern Abtheilungen sind wieder bestimmbar nach den nächsten Abtheilungksteinen, oder sonstigen festen Punkten. Von diesen aus steckt man die auf der Karte genommenen Richtungen und Entsternungen ab, so gut als eben thalich.
 - 4) Fig. 93. Berlorne Grenzpunkte findet man wieder durch

Abmessung ber in der Grenzzeichnung nachgewiesenen Längen und Winkel, Wäre z. B. der Grenzpunkt Nr. 5. wieder aufzususchen, so würde man die Grenzlinien von 6 zu 5 und von 4 zu 5 abmessen und etwa den Winkel bei 4 mit zu Hülfe nehmen. Eben so würde verfahren, wenn mehre Grenzpunkte an einander sehlten. Doch sollte die Wiederherstellung der Grenzen nie so lange ausgesetzt bleiben, daß inzwischen Grenzpunkte ganz spurslos verloren gehen könnten.

- 5) Fig. 93. Sollen ganze Linienzüge neu wieder abgesteckt werden, etwa die Figur 1...6: so gebraucht man dazu Standlinien, wie ab und de, die entweder von der Vermessung her im Grundrißentwurse und im Vermessungsbuche noch zu sinden, oder auf dem Grundrisse von neuem anzunehmen sind. Diese steckt man nebst den Abständen von einem noch vorsindlischen sesten Punkte dis wieder zu einem andern ab, wie von Nr. 1 zu Nr. 6. Dabei ist freisich ein ganz genaues Eintressen nicht zu warten.
- 6) Mangelt der Maßstab zu einem Grundrisse, so sucht man im Freien zwei oder mehr hinlanglich entfernte, gewisse Punkte der Karte auf und mißt davon die wahre Entfernung auf dem Boden und auf dem Risse. Daraus ergiebt sich das Verhältniß des wirklichen Maßes zu dem verjüngten (§. 178.).

Man könnte auch auf der Karte eine gewisse Figur von bekannter Fläche vermittelst eines beliebigen Maßstabes ausrechenen, dann aus den beiden Flächenzahlen die Quadratwurzeln ziehen und nach deren Verhältniß das Grundrismas bestimmen. Die Maßstablängen verhalten sich umgekehrt, wie die Wurzeln der Flächeninhalte (§. 169. 4.).

§. 255, Die Mittagslinie abzusteden. Fig. 94,

1) Erstes Verfahren: Auf einem ebenen freien Plate schlägt man einen Pfahl schräg ein und befestigt oben daran eine hinlänglich große Tasel. In diese kommt eine mit Blech. wieder verschlossene Öffnung und durch dasselbe ein kleines kreissformiges Loch b, in das man einen Lothsaden da mit spitzigem Senkel zieht und danach deffen Lothpunkt a auf dem Boden bezeichnet.

Von diesem Punkte a aus werden mehre scharfe Kreisbogen, cd, ef, gh, beschrieben, und wo dann um die Mittagszeit, beim Fortrücken des Schattens, der durch das Loch de fallende Lichtsstrahl einen Bogen trifft, wird der Punkt genau bezeichnet, einersseits am Vormittage, andrerseits am Nachmittage. Dann halbirt man auf der Stelle die von den beiderseitigen Punkten abzgeschnittenen Bogen, macht auch wohl über g und h einen Halbirungsschnitt i. Die Gerade von i durch alle Theilpunkte zu aist die gesuchte Mittagslinie, welche nun noch zu verlängern und mit sesten Punkten zu bezeichnen ist.

Man kann hierzu Tags vorher erst proben und auf den Stellen, wo Punkte hinkommen, Pfahle oder Brettstücken besfestigen und sich dann die Punkte mit eingeschlagenen Stiften schärfer bezeichnen.

- 2) Zweites Verfahren: Auf einem Meßtische reißt man mehre concentrische Halbkreise, ruckt ein Gestell mit einem ähnlichen Lichtloche senkrecht über den angenommenen Mittels punkt und verzeichnet übrigens Alles so auf dem Papiere, wie dort auf dem Boden.
- 3) Drittes Verfahren: Man visirt beim Eintritte ber . Abenddammerung die Nordlinie unmittelbar nach dem Polarssterne ab, der sich etwa 50° über dem Horizonte, ziemlich in der Richtung der beiden Hinterrader vom großen Wagen, vor der Spize des kleinen Wagens sindet.

Jedes dieser geometrischen Verfahren ist wenigstens genüsgend, um die Abweichungen der Boussolen zu ermitteln und die Forstäarten zu orientiren.

§. 256. Wagerechte Bobenlinien abzustecken. Fig. 95, 96, 97,

Oft hat man an Bergen zum Anlegen geeigneterer Wege, Saatstreifen u. d. gl. wagerechte Linien auf dem Boden hinzuziehen. Dies geschieht:

1) Fig. 95. Mit dem Meßbrettchen: Manstedt dasselbe in dem gegebenen Anfangspunkte A so auf, daß der Lothfaden die außere Quadratseite deckt, und richtet die Brettsläche erst un-

gefähr in die wagerecht fortlausende Bobenkinie. Ein Sehülfe geht voraus mit dem Aussteckkabe, woran in der Höhe des aufzgestellten Resbrettchens ein Zeichen, etwa ein angebundenes Papier, oder ein angestecktes Täfelchen ist, und seht denselben dort ebenfalls ungefähr auf. Nun richtet man durch den wagerechten Schnitt des Resbrettchens den Zeichenstad auf eine pasliche, mit dem Standpunkte gleich hoch gelegene Stelle B, wo nun ein Psahl eingeschlagen und dann das Nesbrettchen wieder aufgeskeckt wird. So seht man die Arbeit fort dis zu Ende.

- 2) Fig. 96. Mit der Setlatte: Eine lange, ganz gerade Latte mit einer großen Setwage zusammengerichtet, nach h. 221. 2., wird von dem Anfangspunkte A aus wagerecht aufz gelegt bis zu B, und zwar auf eingeschlagene Pfähle von gleiz cher äußerer Höhe; eben so von B zu C, von C zu D u. s. w., wobei man den vordern Pfahl immer nach dem nächst hinteren richtet. Wird das Werkzeug bei jeder neuen Fortsetzung verzwendet, so heben sich manche Fehler.
 - 3) Fig. 97. Mit dem Nivellirinstrumente: Eine größere, röhrenformige Wasserwage, mit wagerechten gegenseitisgen Absehen, auf einem genau wagerecht zu richtenden Gestelle, bringt man über den Anfangspunkt A, rückt an dem Nivellirs Stade das Täfelchen in gleiche Höhe mit den Absehen, läßt nun vermittelst besselben die wagerechte Stelle B suchen und mit einem eingeschlagenen, oben abgeglichenen Psahle bezeichnen, wie den Ansangspunkt.

Bur Prüfung eines solchen Nivellirinstrumentes wird auf der entgegengesetzten Seite x das Täfelchen eines zweiten Nivellir = Stades durch die Absehen in gleiche wagerechte Höhe gerichtet; dann wird die Wasserwage herumgewendet, und nun müssen deren Absehen beide Tafeln eben so wieder schneiden.

h. 257. Den Fall des Bobens abzumägen. Fig. 98, 99.

1) Fig. 98. Mit der Setlatte: Auf der abzuwägens den Linie hin schlägt man, nach der Länge der Setlatte, Pfähle, wie a, d, c, d . . ., die alle gleich hoch über den Boden her= vorragen, und untersucht alsbann, wie viel von je zwei Pfählen der eine niedriger steht, als der andere.

Man geht namlich an a und b, legt auf den obern Pfahl b die Setslatte mit dem einen Ende, stellt auf den andern a einen genauen Zollstab, halt daran das andere Ende der Setslatte in wagerechter Lage und zählt nun die Zolle von a dis hab. Eben so versährt man zwischen d und c; hier ist o wieder um di höher als d, oder um di + ah höher als a. Zwischen c und d wird die Setslatte auf o gelegt und der Fall dk gefunden; deben so auch el zwischen d und e; s liegt wieder um sm tieser als e. Da der Boden auf dieser Station stückweise verschiedes nen Fall hat, so mist man noch besonders die Höhen or, ps, gt und demerkt sich dabei die Längen eo, ep, eq. Weiter sindet man den Psahl g um sn höher als k. Hierbei werden ebenfalls die in dem Werkzeuge liegenden Fehler mehr gehoben, wenn man dasselbe in jeder neuen Ausstellung verwendet.

Man könnte auch zu dieser Messung einen Aufriß entwersen vermittelst eines verjüngten Maßstabes, der aber Zwölsteleinstheilung haben muß, wo mit solchem Maße gemessen wird. An der tiessten Stelle sängt man an, hier an st, was die Oberstäche eines sließenden Wassers sein könnte, und trägt auf eine allgemeine Grundlinie AG die Senkrechten sp und tq, dann einersseits Rr = sp - ro; Ee = sp; Dd = Ee + el; Cc = Dd + dk; Bb = Cc — bi u. s. w. Diese Sohen sind alle bestimmt, und es ist nun leicht daraus zu berechnen, wie viel ein Punkt, z. B. a, b oder c . . . höher liegt als st.

2) Fig. 99. Mit einem Nivellirinstrumente: Zu ausgebehnteren Bodenabwägungen gebraucht man das Nivellirinstrument mit zwei Nivellir Stäben, wozu zwei eiserne, mit Spizen versehene Untersätze gehören, die man auf den Boden stedt und alsdann die Stäbe darauf stellt, zur sicherern Höhensmessung. Das Justrument kommt jedes Mal zwischen die beiden Nivellir Stäbe zu stehen und schneidet an diesen eine wagerechte Linie ab. Der Unterschied beider Taselhohen ist der zwischen beiden Punkten Statt sindende Fall.

Gesetz, es sollte die Linie Ae abgewogen werden, so läst

man einen Stab in A aufsetzen und einen andern in b, nicht weiter von A, als es der Abfall des Bogens und die Sichers heit des Abvisirens gestattet. Zwischen beiden stellt man das Werkzeug auf, richtet es wagerecht, visirt nach dem Stade in A und läst die daran befindliche Tasel nach Maßgabe gegebener Zeichen in die Bisir-Höhe rücken und seststellen. Dasselbe geschieht auch nach d. Zur Versicherung kann man das Instrument verwenden und nochmals visiren. Die Höhe des Täselschens über A und d wird nun mit einem Zollstade gemessen, wenn die Nivellir-Stäbe nicht an sich das Maß enthalten. Der Unterschied beider Taselhöhen ist die Erhöhung des Punktes d über A.

Der Stab von A wird nun in c aufgesetzt und die Wasserswage zwischen b und c u. s. w. Der jedesmalige Höhenuntersschied wird aufgeschrieben, und zuletzt rechnet man aus, um wie viel e höher liegt, als A. Die ganze Messung trägt man wohl auch nach einem verjüngten Maßstabe über einer Linie AE auf. Ee ist dann der Höhenunterschied der Punkte A und e; n, o und p geben die Zwischenhöhen an. Ein solcher Aufriß wird ofzters unter dem Grundrisse des Nivellir zuges in anschaulicher Beziehung angebracht.

Ist die hierzu dienliche Wasserwage nicht zu kurz, stehen die Dioptern weit genug von einander, und ist das Werkzeug gehörig berichtiget: so kann man bei einer vorsichtigen Behands lung ziemlich genaue Ergebnisse bekommen, wenigstens so genau sie der Forstwirth nothig hat. Wo freilich große Nivellements vorgenommen werden mussen, da sind nicht allein genauere, mit Fernröhren versehene Werkzeuge erforderlich, sondern man muß auch manches Andere, namentlich die Abrundung der Erdsoberstäche und die Strahlenbrechung berücksichtigen. Diese Arsbeit liegt jedoch nicht im Bereiche der Forstgeschäfte.

§. 258. Die Bobenneigung ober Bergbofchung zu messen. Fig. 100.

Der Abhangswinkel BAC liegt in einer lothrechten Ebene mit seinem untern Schenkel AC wagerecht und mit bem obern AB im höchsten Ansteigen des Bodens. Diese Boschungslinie AB ist übrigens senkrecht auf der in der Bergstäche durch A gehenden wagerechten Linie no.

Man steckt das Meßbrettchen in A auf und richtet dasselbe mit seiner obern Seite dem Abhange AB gleich, läßt nun das Loth in Ruhe kommen und zählt die Grade des dem Berge zugekehrten Bogens de ab; dies ist das Maß der Boschung BAC.

Der Abhang muß eben nicht unten an A, ober oben an B gemessen werden; man kann auch von einem seitwärts gelegenen Standpunkte die Oberseite des Meßbrettchens mit dem äußern Umrisse des Berges in gleiche Neigung richten. Übrigens haben auch viele Gradwerkzeuge eine Vorrichtung zum Messen lothrechter Winkel, wie BAC.

§. 259. Bestimmte schiefe Linien auf dem Boden bin abzusteden. Fig. 100. 101.

- 1) Fig. 100. Man stellt zuerst das Meßbrettchen auf den Anfangspunkt A, mit seiner Fläche ungefähr in den Zug der Linie, so daß das Loth die gegebenen Grade des Ansteigens in ch abschneidet, und richtet damit den vorausgehenden Sehülfen in B ein, an dessen Aussteckstab ein gleichhohes Zeichen angesbracht ist, wie beim Abstecken der wagerechten Linie. Alsdann kommt das Meßbrettchen auf den Punkt B zu stehen, und der Gehülfe rückt wieder ein Stück vor. So geht es sort die zu Ende.
- 2) Fig. 101. Beim Wegeabsteden ist gewöhnlich die Steisgung zu einer gewissen wagerechten Länge gegeben, oder das Vershäktniß h: d. Wäre dies z. B. z: 10, so würde die Steigung h = z Fuß in A senkrecht aufgerichtet und von da die Länge d = 10 Fuß wagerecht hinüber auf den Boden gelegt und somit der Punkt g bestimmt; von hier eben so c u. s. w.

5. 260. Mittelbare Höhenmessung an Berghängen. Fig. 101.

Man mißt ben Abhangswinkel BAC und die Abhangslinie BA und ermittelt dann in dem rechtwinkeligen Dreiecke BAC die Berghöhe CB durch Zeichnung, ober durch Rechnung, ober nach Tafeln.

Manche wollen auf solche Art auch die wagerechte Entsers nung von A und B genauer sinden, nämlich AC; aber sels ten ist man im Stande, die Bodenlinie AB wegen Unebenheit der Bodensläche ganz gerade zu messen; auch hat die Messung des Vertikals Winkels ihre Schwierigkeit; es schleichen sich in der Berechnung Fehler ein, und man macht sich mehr Arbeit. Bei der gewiß richtigeren und leichtern Stasselmessung wäre außer AC = a + b + c + d auch BC = e + f + g + h leicht zu ermitteln.

V. Flachenmessung.

1. Ausmessung einzelner Forstfücke.

6. 261. Grunbftudflace.

Die wirkliche Bobenfläche ist selten wagerecht eben. Ein Berband geneigter Flächen kann aber mit seinen wahren Ausbehnungen eben so wenig unmittelbar zu einer Grundebene zusam=
mengesetzt werden, als schiese Linien zu einem Grundrisse. Da=
her bemist man die Grundstücke auch nur nach ihrer wagerech=
ten Grundsläche und giebt zur nähern Bestimmung ihres Grund=
werthes die Neigung des Bodens besonders an.

Rur in wenigen Fällen ist es thulich, das auszumessende Forstgrundstück gleich auf der Stelle in Grundsiguren zu zerlegen und den Rächengehalt nach wirklich gemessenen Linien ohne Beiteres auszurechnen. Sewöhnlich trägt man den Umriß davon erst auf Papier. Wird dann die Fläche des geschlossenen Grundrisses vermittelst des zum Auftragen gebrauchten, verzüngten Maßstades ausgerechnet: so bekommt man den wagerechten Flächengehalt des Grundstückes, denn der Grundriß ist die wagerechte Figur und schließt zugleich die verzüngte Grundsläche ein.

h. 262. Ein Grundstück mittels schiefwinkeliger Dreiecke auszumessen. Fig. 102.

Dieses Versahren kann nur angewendet werden bei kleinen, übersehbaren und zugänglichen Flächen, wie Schläge, Blößen und andere offene Forststücke. Zuerst umgeht man das Stück, gleicht davon die Grenzen so viel als thulich aus und schlägt in die angenommenen Eckpunkte nummerirte Standpfähle, entwirft sich auch eine Handzeichnung und bestimmt sobald die geeignetsten Diagonalen.

- 1) In schmalen Figuren wählt man durchgehende Diagonaslen, mißt die Seiten aller dadurch abgetheilten Dreiecke und schreibt die Längen unmittelbar in den Handriß. Das Austrasgen der Figur ist aus §. 190. bekannt.
- 2) In mehr abgerundeten Figuren, wie Fig. 102., legt man wohl die Dreiecke mit ihren Spiken in einem innern Punkte C zusammen und verfährt übrigens auf gleiche Weise; hierbei ist jesoch die größte Genauigkeit erforderlich, sonst paßt das letztere Dreieck nicht recht ein.

Man stellt auch wohl auf den inneren Punkt C einen Winkelmesser (der Meßtisch eignet sich dazu am besten), visirt nach allen Echpunkten 1, 2, 3... die Winkel an C ab, mißt die Diagonalen C1, C2, C3..., trägt diese mit dem verjüngten Maßstabe auf und verbindet endlich die in der Zeichnung erhaltenen Echpunkte 1, 2, 3... mit ihren Umfangslinien. Ein Schluß muß hierbei immer erfolgen; etwaige Abweichungen lassen sich nur durch Nachmessung der Umfangslinien entdecken. Die Berechnung des Flächengehaltes geschieht entweder nach §. 204. und 205., wozu man im Grundrisse von jedem Dreiecke die Höhe noch abnimmt, oder nach §. 212. mittels der wirklich gemessenen Seiten.

. §. 263. Ein Grundstück mittels rechtwinkeliger Grundfiguren auszumessen. Fig. 103.

Die auszumessende Fläche muß ebenfalls frei und übersehsbar sein. Nach Festlegung der Umfangspunkte und Aufnahme eines Handrisses wird zunächst durch die ganze Länge der Figur eine gut gewählte Hauptstandlinie AE abgesteckt und gemessen. Dabei bemerkt man sich die Längen von A bis zu den Richtspunkten u, v, w u. s. w, von welchen die Senkrechten rechts oder links nach den Umfangspunkten ausgehen. Diese Richtpunkte sind mit dem Meßbrettchen, oder sonst nach Anweisung von §. 232. zu sinden. Nun werden noch die Abstände der Umsfangspunkte u,,2, v,,11, w,,3 u. s. w. gemessen. Die gefundesnen Maße schreibt man sich in den entworfenen Handriß.

Es ist hierbei wieder zu erinnern, daß lange Abstande durch ihre Abweichungen beträchtliche Fehler veranlassen, und die Nachemessung der Umfangslinien dagegen sichert. Außere Stücke der Figur könnten auch von Diagonalen aus mit kürzern Abstanden angemessen werden. Zu der Hauptstandlinie diente selbst eine lange Seite der Figur, wie etwa die neue Anhiedslinie eines anzulezgenden Schlages. Fänden sich Stellen, wo die Durchsicht nach dem Außenpunkte nicht frei ware, z. B. nach Nr. 8: so wählte man den Richtpunkt ungefähr, etwa in x, mäße senkrecht hinaus zu y und von da wieder senkrecht herüber aus den Echunkt. Um die hier gesundene Abweichung y.,8 würde dann Ax berichtigt; xy wäre zugleich das Raß des gesuchten Abstandes.

Die ganze Figur ist aus rechtwinkeligen Trapezen und Dreiseden zusammengesetzt; ihr Flächengehalt kann daher ohne Weiterres nach den gemessenen Linien schon an Ort und Stelle ganz leicht berechnet werden. Den Grundriß trüge man nach §. 190. auf. Im täglichen Forstbetriebe verdient dieses einfache Verfahzren vor jedem andern den Vorzug.

Noch giebt es eine Aufgabe, aus den gemessenen Umsfangswinkeln und Seiten eine Hauptstandlinie AE mit den Abständen u.,2, v.,11, w.,3 u. s. w. ohne alle Zeichnung . polygonometrisch zu berechnen. Dies umständlichere und

muhsamere Verfahren ist jedoch für bloß forstliche Zwecke von überflüssiger Genauigkeit.

§. 264. Ein Grundstud nach bem Umfange auszu= messen. Fig. 104.

Man umgeht das ganze Grundstück, bestimmt und bezeichs net die anzunehmenden Standpunkte der Hulfssigur (§. 253.) in oder nahe an dem Umfange, mißt dann die Standlinien mit ihsten Winkeln und den etwaigen Abständen und trägt endlich die Figur nach §. 190. 3. auf. Soll diese nun richtig zum Schlusse gebracht werden, so muß man, um alle möglichen Fehler zu meisden, oder doch zu mindern, folgende Regeln beobachten:

- 1) In das Vermessungsbuch sind unter den übersschriften: Nummern, Winkel, Längen, Abmessungen, alle zu jeder Standlinie gehörigen Aufnahmen mit den etwa nothigen Anmerkungen wohl geordnet, bestimmt und genau einzutragen (§. 253.).
- 2) Das Ausstecken der Standpunkte, das Linienund Winkelmessen nimmt man bei größeren Umfangsmessungen getrennt vor, um auf jedes Geschäft die geeignete Zeit
 und ungetheilte Ausmerksamkeit verwenden zu können.
- 3) Die Standlinien durfen nicht zu kurz sein, damit der Winkel nicht zu viele werden, nicht allzu lang, wegen der Unvollkommenheit unserer Winkelmesser, nicht zu ungleich, weil sich sonst die verschiedenen Abweichungen weniger ausgleichen können; sie mußten frei und gut meßbar sein und der sicherern Abmessung wegen möglich nahe an der Grenze liegen. Zu den Standpunkte und Stellen, worauf der Winkelmesser frei und sest genug steht.
- 4) Bei der Linienmessung ist darauf zu sehen, daß an Berghängen recht sorgfältig gemessen, daß kein Zähler übersehen und im Zusammenzählen nicht gefehlt werde. Es ist daher sicherer, die Anzahl der Kettenlängen und das dazu gehörige, immer von dem Zähler aus zu zählende, letztere Kettenstück besonders aufzuzeichnen.
 - 5) Bei dem Destische und der Desscheibe sichert

man sich durch ben Mitgebrauch einer guten Drientirbousssole vor dem Verdrehen des Winkelverbandes. Die Richtigkeit der Winkelaufnahme giebt sich bei beiden durch das Einpassen der Schlußlinie und bei den Gradwerkzeugen durch die Summe aller Umfangswinkel (§. 156.) schon so ziemslich zu erkennen. Eine kleine Abweichung der Winkelsumme kann unter alle Umfangswinkel gleich vertheilt werden. In der Regel winkelt man von einem geeigneten Anfangspunkte auf beiden Seiten hin zu dem gegenüber gelegenen, voraus bestimmten Schlußpunkte, verzweidet dabei zu ausgedehnte Umfangsmessungen und sucht auf gegenüberliegende Standpunkte Querkinien zu vissren, oder durchzumessen, am nähern Anhalt zu bekommen und die unvermeidzlichen Fehler mehr in Schranken zu halten. Eben so wird auch die Figur ausgetragen.

6) Wenn beim Auftragen Die Figur nicht schließt, so sucht und berichtigt man zuvorderst die etwaigen Fehler. Wor= züglich läßt sich aus ber Stellung beiber Schlußpunkte auf ben Sig einzelner Hauptfehler schließen. Es konnte namlich in ei= nem Standpunkte, welcher von ben beiben Schlufpunkten gleich weit absteht, ein Winkelsehler, ober in einer Standlinie, welche mit der Richtung beider Punkte parallel liegt, ein Langenfehler gemacht worben fein. Beträgt zumal ber Schlußmangel bie ein= oder mehrmalige Rettenlänge, so ist in dieser gleichlaufenden Linie mahrscheinlich ein Bahlfehler. 3wei Fehler zusammen laf= fen fich weniger leicht entbeden, man mußte benn wegen bes einen schon Muthmaßung haben. Nach dieser benkt man sich die wahrscheinliche Weranderung des Schlußpunktes und sucht hierzu den etwaigen Sig des andern Fehlers. Meist wird man aber genothigt sein, die aufgetragenen Langen und Winkel alle nach der Reihe zu prufen, und wenn man da den Fehler nicht findet, die Messung selbst wieder durchzugehen. Dier zeigt sich nicht felten, daß die bergauf ober bergab gehenden Megzüge im Sanzen zu lang ausgefallen sind, daß die Magnetnadel von ih= rer Richtung abgeleitet worden ift, daß andere Berbrehungen be Winkelmessers Statt gefunden haben u. b. m.

7) Fig. 104. Berichtigung ber unvermeiblichen Solugmangel. hat man burch die Beseitigung ber gro-Bern vermeidlichen Fehler die Schlufpunkte fo ziemlich zusam= mengebracht: so barf bennoch mit ber lettern Standlinie nicht ohne Beiteres geschlossen werben, sondern man vertheilt nun die gebliebene Abweichung auf alle Theile, burch die sie entstanden ift, jedoch so, daß keine Linie an sich merklich verändert wird. Dies geschieht nach ber mit vergrößerter Abweichung bargestell= ten Figur 104 wie folgt: Ware Nn der mangelhafte Schluß, N ein von der andern Seite schon festgelegter Schlußpunkt und ber Bug bon von A aus zu berichtigen: so zieht man die Dia= gonalen AN und An, die Eins fein follten, fällt auf lettere die Senkrechten bd und ce, zieht bann zu nN bie Parallelen eg und di, errichtet nun auf AN in f und g Sentrechte, macht fB - db, gC = ec und zieht endlich bie berichtigten Linien AB, BC und CN. Auf solche Weise werden alle zweifelhaften Li= * nien und Winkel von Aben in ABCN ziemlich gleichmäßig ver= . wanbelt und ber ganzen Figur angeschlossen. - Bare bie andere Seite der Figur ebenfalls unberichtigt, so nahme man den Schlußpunkt N in der Mitte der Offnung an und schlösse die Figur von beiben Seiten herein. Wie nach vollendetem Schlusse der Machengehalt zu berechnen ift, ergiebt sich aus dem Borhergehenden.

2. Abmessung bestimmter Flachen.

§. 265. Studweise Abmessung verlangter Flachen.

Oft hat der Forstwirth Probe = oder Arbeit = Stude von ge= wisser Größe ohne umständliche Messung abzusteden. Hierzu dienen die Grundsiguren, gewöhnlich das Rechteck, das recht= winkelige Trapez und das Dreieck. Diese steckt man in derzenigen Länge und Breite ab, die der verlangte Flächengehalt eben erfordert. Nach Naßgabe der Umstände wird zuvörderst Platz und Umsang ungefähr ausgesucht und die Grundlinie als Länge angenommen; dann wird die Breite (nach §. 213.) durch Theilung der Fläche mit der Grundlinie berechnet und rechtwinstelig angesetzt, und endlich der Umfang nach den so erhaltenen Echpunkten vollends geschlossen.

1) Bu dem Rechte Te stedt und mißt man in der Regel von der zuvor angenommenen Grundlinie beide Seitenlinien ab und zieht dann die Oberlinie von einem Endpunkte zum andern. Man könnte auch nur eine Seite abmessen und auf den Endpunkten von dieser und der Grundlinie zwei Senkrechte errichten, die sich im vierten Punkte schneiden mussen. Sollten 35 q° als Rechteck abgesteckt werden auf einer Grundlinie von 7°, so ware die Breite \$5 = 5°. Zur Prüsung mißt man wohl die letztere Seite nach. Oft ist es geeignet, lange, schmale Probestücke abzustecken; hier wird die Breite von der Längenlinie aus mehrzmal abgemessen, wie etwa beim Anlegen von Stallungen.

Į

ė

- 2) Zum rechtwinkeligen Trapeze werben beibe Pastallel Seiten auf die angenommene Grundlinie gesetzt und absgemessen. Die Länge der einen ist zu wählen, die der andern ergiebt sich nach der beiderseitigen Differenz von der Mittelbreite (§. 213. 4.). Wäre die Grundlinie T°, die eine Parallel Seite G° und der verlangte Flächengehalt 35 q°: so betrüge die Mitztelbreite \$\frac{35}{2} = 5°; mithin wäre die gewählte Parallel Seite von 6° um 1° größer, die gesuchte müßte also um so viel kleisner werden, nämlich 5 1 = 4°. Zur Prüsung kann man vom Ende der kürzern Parallel Seite senkrecht herüber die obere Länge messen; diese muß der Grundlinie gleich sein.
- - 4) Kann mit der einen Grundsigur die verlangte Fläche nicht ganz gefaßt werden, so setzt man noch eine zweite, britte u. s. w. paßlich daran, bis das gesammte Stück die rechte Größe hat. Um die zusammengehörigen Längen= und Breitenzahlen nicht erst suchen zu mussen, merkt man sich geeignete Faktoren

des Flächenmaßes, z. B. 14 × 10 für den weimarischen Acker, 9×10 für den halben preußischen Morgen; denn alle diese Größen werden nach den Faktoren des Rechtecks bemessen.

§. 266. Stuckweise Vertheilung einer gegebenen Flache in Parallel=Streifen.

Zuweilen ist ein Schlag, ober eine Bloge in kleine Stucke zu vertheilen. Dies geschieht ebenfalls nach Grund= figuren, am besten vermittelft gleichbreit abgesteckter Parallel=Greifen. Man legt hierzu der gegebenen Figur entlang eine gerade Hauptstandlinie fest, set auf diese in gleichen, paß= lichen Entfernungen, etwa alle 4, 5 bis 10 Ruthen, senkrechte Linien und mißt nun zwischen je zwei dieser Parak lelen die verlangten Stucke ab, im Innern als Recht= ecke, im Außern als Trapeze und Dreiecke. Wegen der burch= gangig gleichen Breite biefer Parallel = Streifen find bie Langen der abzutheilenden Stude für Ganze und Theile der Flacheneinheit leicht zu bestimmen. Ware z. B. die Grundbreite 5°, so brauchte man an Lange 44° zu 224 q° ober f Mg., 9° zu 45 q° pder 7 Mg., 18° zu 90 q' ober 3 Mg. u. s. w. die außersten Stucke am Umfange haben eine zufällige Größe und werden deghalb in einzelnen Ruthen verrechnet.

Am Berghange wird die Hauptstandlinie wagerecht getegt und bei jeder beträchtlichen Wendung gebrochen, so daß die das von ausgehenden Senkrechten ziemlich in die Boschung zu lies gen kommen. Die in jeder Wendung sich einschiebenden Oreis ecke sind rechtwinkelig, daher leicht zu behandeln. Ist die zu vertheilende Fläche breit, so legt man mehre Hauptskandlinien parallel neben einander. Mit solchen Neben Parallelen läst sich auch die Breite der schon abgesteckten Streisen prüsen.

Diese gar einfache und leichte Flächenvertheilung wendet man vorzüglich an, wo der Boden studweise in Arbeit oder in Ruyung gegeben wird. Läßt man diese Scheidelinien beim Andaue als Waldraine in angemessener Breite offen: so dienen sie bei Vertheilung des Holzsamens oder der Pflänzlinge, bei

Bestimmung nothiger Nachbesserung, beim Psanzenausheben und Durchforsten, beim Jagen, bei Waldbrand u. s. w. zu man= nigfach nützlichem Gebrauche.

£ 267. Abmessung der Hiebs: und anderer Forstflächentheile. Fig. 105.

Hierzu ist entweder ein brauchbarer Forstgrundriß vorhan= Werden in dem Forstgrundrisse die fortschreiden, oder nicht. tenben Schlaghauungen nachgetragen, so findet man darin ben Anhieb AB und bie beiden Anwände AM und BO des schlag= baren Ortes. Dann theilt man sich bie erforderliche Schlag= flache nach &. 218. auf der Zeichnung burch CD ab, nimmt die . Langen BC einerseits und AN und ND andrerseits von dem Grundrisse, begiebt sich an Ort und Stelle, bestimmt banach bie Puntte C and D und steckt die neue Anhiebslinie CD burch. 😘 ist dabei Sorge zu tragen, daß die Schlagpunkte, wie A und B, sogleich fest bezeichnet und genau erhalten werden, sonst befindet man sich über kurz ober lang mit dem Anhiebe im Forste . auf einer ganz anderen Stelle, als auf dem Grundrisse. Feste Punkte in der Anwand selbst und Abmessungen von der entgegengesetten Seite ber sichern biergegen.

Po man zur Schlagabmessung einen brauchbaren Forstgrundis nicht vorsindet und der Holzbestand dicht ist, muß an
dem Anstebe ein zureichendes Bestandesstück, etwa MNABO,
von den drei offenen Seiten ausgenommen und die Schlagsläche ABCA zuerst in der ausgetragenen Figur, dann an Ort und
Stelle davon abgemessen werden. Der Meßtisch eignet sich hierzu am besten. Ist man einmal an einer solchen Messung, so
wimmt man gleich den Bestand für mehre Schläge auf.

Im lichten, durchsichtigen Holze und zu schmalen Schlägen gebracht man auch das Meßbrettchen und mißt die Schlagssläche vermittelst rechtwinkeliger Grundsiguren abne Weiteres ab, isoch so, daß der neue Anhieb wieder gerade wird. Die forstwirthschaftliche Figur und Folge der Schlagslächen ist nicht Geschnstand der Forstmathemass.

§. 268. Theilung ber Hiebs: und anderer Forstbetriebsfiguren. Fig. 106.

Hat man einen Holzschlag unter die Holzhauer verhältnißs mäßig zu theilen, so ist es eben nicht-nothig, zuvor die Figur aufs zunehmen und in derselben die Theilung zu entwersen. Gewöhnslich haben die Schlagslächen zwei ziemlich parallel lausende Seisten, wie BC und AD, oder es ist durch Abschneidung änßerer Ecken eine theilbare Grundsigur leicht herzustellen. Davon theilt man nur die vorher gemessenen Parallel Seiten. Sollten aber die Nebenseiten BA und CD nicht gerade, oder sehr lang sein, so steckt man noch Mittellinien, wie GH, quer durch und theilt diese in gleichem Verhältnisse. Hierauf werden auch die ansänge lich abgeschnittenen, äußeren Ecken, wie FDE, für sich vertheilt, oder als Theile des Sanzen mit eingerechnet. Endlich steckt man die Theilungen durch.

Wie übrigens eine gemessene Flace von gleichem, oder von ungleichem Werthe genau zu theilen ist, lehren die §§. 218. und 219., und es wird nun nicht schwer fallen, die auf dem Grundzrisse entworfenen Theile auch auf dem Grundstücke abzustecken, wenn man die Standpunkte noch auffinden kann. Nur mussen die Theilpunkte wo möglich nach den aus der Rechnung wirklich hervorgegangenen Breiten abgemessen werden, weil die mit dem Zirkel wieder abgegriffenen weniger genau sind.

§. 269. Die Reihenform der Waldpflanzung. Fig. 107.

Die Reihenpflanzung stellt die Pslänzkinge in eigene gleichlaufende Reihen; ihre Grundsignr ist ein längliches Rechteckabed, von dem Reihenabstande ab und-der Pflanzweite ad begrenzt. Auf jeden Pslänzling kommt ein solches Rechteck, eigentlich vwxy, als Standraum. Dieser wird gewöhnlich in Werksussen bestimmt.

1) Nach dem Reihenabstande ab, etwa zu 8', und ber Pstanzweite ad, etwa zu 2', kann der Standramm und die auf das Flächenmaß erforderliche Anzahl von Pstänzlingen leicht be-

rechnet werben. Das Produkt beiber Seiten des Rechteckes giebt den Flächenantheil eines jeden Pflänzlings, nämlich 8×2 = .16 q', und mit diesem wird der Inhalt der Flächenmaßeinz heit an Werkfußen dividirt. Da die weimarische Quadratruthe 16×16 q' und also der Acker zu 140 q° , $16 \times 16 \times 140$ = 35840 q' Werkmaß enthält: so gingen bei dieser Stellung auf den Acker $\frac{35840}{16}$ = 2240 Pflänzlinge.

2) Ist dagegen die Anzahl der auf den Acker kommenden Pstänzlinge bestimmt, etwa 1000, und man soll den Standraum eines jeden ermitteln: so wird die Flächenzahl des Ackers durch die Pstanzenzahl dividirt, nämlich: $\frac{35,840}{1000} = 35,84$ q', wosür 36 q' angenommen werden kann, zu welcher Fläche die Seiten 9×4 , 10×3.6 , 12×3 , 18×2 paßten.

Ware zugleich das Seitenverhaltniß bestimmt, z. B. 1: 4, so könnten, aus diesem und aus dem Standraume 36, die beis den Seiten mittels einer Gleichung gesucht werden. Nennt man nämlich die kürzere Seite x, so ist die längere 4x, also

$$4x \times x \text{ ober } 4x^3 = 36$$

$$x^2 = \frac{36}{4} = 9$$

$$x = \sqrt{9} = 3$$

$$2 = 4 \times 3 = 12$$

S. 270. Eine Reihenpflanzung abzustecken. Fig. 108.

Juvorderst steckt man die erste Reihe AN ab und von dies ser mittels des gegebenen Reihenabstandes die zweite BO, die drifte CP u. s. w., wozu man sogleich von AN aus durchgehende Senkrechte ab, cd, ef errichten und mit den erforderlichen Richtssten besehen kann. Die so ausgesteckten ersten Richtstäbe jester Reihe werden unter sich wieder berichtigt und bleiben stehen, die die Linie bepflanzt ist.

Won der abgeglichenen Vorderseite der Pflanzung, z. B. von AF ausgehend, mist man nun auf jeder Linie die Pflanzweiten ab, wobei eine dazu abgetheilte Schnur wohl dienlich ist. Die Pflanzpunkte werden vorläufig mit Pfählchen bezeichnet.

§. 271. Die Geviertform der Waldpflanzung. Fig. 109.

Die Geviertpflanzung stellt je vier Psiänzlinge in ein Quabrat; ihre Grundfigur ist abcd, auf beren vier Ecken Psiänzlinge stehen, wovon jedem die Fläche eines solchen Quadrates, eigentlich vwxy, als Standraum zukommt. Bei diesem Psianzverbande ist die Psianzweite zugleich der Abstand je zweier Psianzlinien. Die Fläche des Standraumes kann bei der Geviertstellung leicht berechnet werden; sie ist das Quadrat des Abstandes ab. Bei 6' Abstand kommt auf jeden Psianzling 6 × 6 = 36 q'. Dabei gingen auf den preußischen Worgen von 12 × 12 × 180 = 25920 q' Werkmaß, $\frac{25320}{3}$ = 720 Psianzlinge.

Ware die Anzahl bestimmt, auf den Morgen etwa 400 Stück, und der Abstand zu berechnen: so suchte man zuerst den Standraum abcd durch $\frac{21820}{1880} = 64.8$ g' und daraus die Quadratwurzel ab, nämlich $\sqrt{64.8} = 8.05$, kurzer 8 Fuß.

Die Waldbaulehre handelt von einer eignen Fünfpflan= zung und setzt mitten in die Geviertform noch einen sünften Pstänzling. Man darf aber nur diese vermeintlichen sünften Punkte durch Diagonalen in ein anderes Quadratnetz ziehen: so tritt die Geviertstellung ganz unverkenntlich hervor und die mehr= jährige Täuschung verschwindet. Ein eigentlicher Fünsverband, nämlich eine lückenlose Zusammensetzung von regelmäßigen Fünsecken, ist ja unmöglich!

§. 272. Eine Geviertpflanzung abzustecken. Fig. 110.

Man nimmt eine gewisse Anzahl der gegebenen Pflanzweisten zusammen, so viel eben auf das vorhandene Längenmaß gehen, trägt diese Länge Ak auf die vordere, ganz gerade Pflanzlinie AN von Ansang As zu Ende, steckt nun von den heiden Außenpunkten A und N, so wie von einem mittleren Theilpunkte B, senkrechte Linien über den Pflanzplatz und trägt auch auf diese jene Länge Ak.

Eben so theilt man GF und GH, DC und DE und versi-

chert sich zugleich, daß diese Linien, bei richtiger Länge, auch gerade und zu BD senkrecht sind; wo nicht, so muß diese Hauptssigur noch berichtigt werden.

Hierauf steckt man die inneren Punkte a, b, c, d u. s. w. des so vorgerichteten Hauptnetzes nach den beiderseits zu sindens den Richtungen ab; a liegt namlich im Durchschnitte der Linien hg und se und wird noch versichert von k über e und f, so wie von i über g und k. Ist das Hauptnetz fertig, so müssen alle Punkte sowohl in die Netzichtungen, als in die Diagonal-Richtungen passen, und es darf kein Stab aus seinen Linien weichen.

Endlich werden noch in den so erhaltenen Hauptquadraten die Pstanzpunkte abgesteckt. Man theilt hierzu zwei gegenübersliegende Seiten, wie Ai und ka, in ihre Pstanzabstände, spannt die Pstanzschnur nach und nach von den Theilpunkten auf Ai zu den gleichliegenden auf ka und bezeichnet alle Pstanzpunkte dazwischen mit Pfählchen. Diese sind in jedem Hauptquadrate ebenfalls zu versichern, daß sie nach allen Seiten gehörig in Linie stehen.

Hers ist es nicht thulich, die Hauptsigur sogleich bis an das Ende des Pflanzplatzes zu legen. Wie man dann ein solsches Netz noch erweitert, ergiebt sich nun von selbst. Auf unsgleichem Boden mussen die Abmessungen alle wagerecht gemacht werden. Dies verursacht manche Schwierigkeit. Genauer, als die dehnbare Pflanzschnur, ist eine Meßkette, oder eine Meßstange. Man steckt wohl auch, von Linie zu Linie fortrückend, einen Pflanzpunkt nach dem andern ab, mittels eines aus vier Lastensstücken zusammengesetzen Quadrates, dessen Seite der Pflanzeweite gleich ist.

§. 273. Die Gebrittform der Waldpflanzung. Fig. 111.

Die Gedrittpflanzung stellt jedrei Pflanzlinge gleich= weit von einander; deren Grundfigur ist also das gleich= seitige Dreie dabd, auf dessen drei Eden Pflanzlinge stehen, wovou jedem die Flache eines gleichseitigen zu ZR verschobenen Biereckes abed, oder eigentlich vwxy, als Standraum zukommt. In dem gleichseitigen Dreiede abd steht die Höhenlinie be senkrecht auf der Mitte von ad (§. 145.); also ist be² = ab² — (½ ad)² (§. 165.), und de = V [ad² — (½ ad)²], denn ad = ad. Wird nun ad = 1 angenommen, so ist de = V [1² — (½)²] = V (1 — ½) = V ½ = 0,866 (§. 46.). Es verhält sich also in dem Vierede der Gedrittpslanzung die Grundlinie ad zu der Höhe de, wie 1:0,866. Nach diesem beständigen Verhältznisse weite von 5 Kuß sindet man sur degeben ist. Zu der Pslanzweite von 5 Kuß sindet man sur die Höhe de Sedrittverdand = ad x de = 5 × 0,866 = 21,65 q'. Diese Faktoren, nämlich 5² × 0,866, ergeben, daß man zur Ausrechnung des Gedrittverdand-Vieredes mur das Quadrat der Pslanzweite mit 0,866 zu multiplizis ren habe.

1) Ist die Pflanzweite für eine Gedrittpflanzung gegesben, etwa zu 6', und es soll die auf den preußischen Morgen ersforderliche Pflanzenzahl berechnet werden: so dividirt man mit dem Standraume 6 × 6 × 0,866 in das fragliche Flächensmaß, nämlich:

$$\frac{25920}{6 \times 6 \times 0,866} = \frac{25920}{6 \times 6}$$
: 0,866 = 720 : 0,866 = 831 Stud.

Hieraus ist ersichtlich, daß man die Pflanzenzahl der Gesviertpslanzung in gleicher Pflanzweite nur durch 0,866 zu divistiren brauche. Bei gleichen Pflanzweiten verhält sich also die Pflanzenzahl der Seviertpslanzung zur Pflanzenzahl der Gedrittspflanzung, wie $1:\frac{1}{0,866}=1:1,155$. Daher kann man auch zur Ausschung dieser Aufgabe die gefundene Pflanzenzahl der Duadratpslanzung mit 1,155 multipliziren, was leichter ist. B. die 720 Stück (§. 271.) mit 1,155 multiplizirt, gabe 831 Stück.

2) Um aus der gegebenen Standraum fläche die Pflanzweite für die Gedrittstellung zu berechnen, braucht man das Seitenverhältniß eines Quadrates und eines Gedrittverbands Biereckes von gleicher Fläche. Nehmen wir die Seite des Quas drates zu 1 an und die des gleichgroßen Gedrittverband-Viereckes zu x, so ist der Inhalt von jenem = 1 × 1 und von dies sem = x × x × 0,866, und

$$1 \times 1 = x^2 \times 0,866$$

$$\frac{1}{0,866} = x^3$$

$$\sqrt{\frac{1}{0,866}} = x = 1,075.$$

Es verhält sich also die Seite des Quadrates zur Seite des gleichgroßen Gedrittverband Wiereckes, wie 1:1,075. Das her multiplizirt man den gefundenen Abstand der Geviertstellung auf gleichem Standraume nur mit 1,075.

Sollen auf einen preußischen Morgen 720 Pflänzlinge in Gebrittsorm gesetzt werden, so erhält jeder zu seinem Raume $\frac{25220}{7280} = 36$ q'; davon ist die Quadratseite 6' und die gesuchte Gebrittweite 6 × 1,075 = 6,45'.

Zur Probe könnts man hiervon den Standraum suchen, $6,45 \times 6,45 \times 0,866$, und damit in das Flächenmaß dividiren; dann kommt $\frac{25920}{6,45 \times 6,45 \times 0,866} = 720$, die gegebene Pflanzensahl wieder heraus.

§. 274. Eine Gebrittpflanzung abzusteden. Fig. 112.

Man theilt die angenommene vordere Pflanzlinie ebenfalls mit einer gewissen Anzahl der gegebenen Pflanzweiten und errichtet zuerst von A und einem geeigneten Theilpunkte B ein großes gleichseitiges Dreieck ABF. Dazu können an A und Bkleine gleichseitige Hulfsdreiecke Abc und Bde gelegt und davon die Seiten Ac und Be verlängert werden, die sie in F sich schneiden. AF und BF sind zu messen, erforderlichen Falls zu berichtigen und wie AB einzutheilen. Hieran setzt man nun auf gleiche Weise die Dreiecke BFG, BNG, NGH, FGC, GCD u. & w., deren Richtigkeit sich durch die einpassende Richtung aller Eckpunkte bestätigt.

Die innern Punkte des so vorgerichteten Hauptnetzes bestimmt man burch Einvisiren ganz wie zu der Geviertpflanzung;

nämlich a kommt in den Durchschnittspunkt von hi und kl und wird von b und c aus versichert. Die Punkte auf den abgessteckten Diagonalen, wie e und f, sind überdies schon abgesmessen. In dem sertigen Hauptnetze mussen alle Punkte in alle Richtungen passen, keiner darf aus seinen Linien weichen.

Endlich werden die einzelnen Pflanzpunkte wie bei der Geviertpflanzung abgesteckt, nur mit dem Unterschiede, daß die Pflanzschnur zwischen den Parallelen nicht senkrecht fortrückt, sondern nach einem Winkel von 60°. Beim Abstecken der groken Dreiecke konnte ein Winkel-Instrument anstatt der ersten kleinen Hulfsdreiecke gebraucht werden. Zum einzelnen Absteden der Pflanzpunkte diente auch ein gleichseitiges Dreieck, oder das gleichseitige, zu 60° verschobene Viereck des Gedrittverbandes.

Sollen größere Stämme in größere Entfernung gepflanzt werden, so nimmt man ganz gerade und gleichstarke Baumspfähle, steckt mit diesen alle Pflanzpunkte genau ab, läßt um jesten den Umkreis des Pflanzloches erst vörreißen, steckt nachmals die Pfähle wieder in die Mitte der aufgegrabenen Pflanzlöcher und richtet dieselben von neuem nach, wozu die Hauptrichtpfähle noch stehen bleiben; endlich pflanzt man die Stämme alle an einerlei Seite der Pfähle ein, so daß sie für sich ebenfalls in völliger Ordnung stehen. Bei kleinen Pflänzlingen wird das Loch rund um den Punkt vorgehackt und der Pflänzling mitten in dasselbe an die Stelle des weggenommenen Pfählchens gepflanzt.

§. 275. Die Strahlenform zur Waldpslanzung. Fig. 113.

Die Strahlenpflanzung stellt die Pflanzlinge in Reihen, die alle von einem gemeinschaftlichen Strahlspunkte aus gerichtet sind und je zwischen einem größten Strahlenabstande eintreten; ihre Grundfigur ist der Ausschnitt eines Kreisringes, den man jedoch als Trapez annehmen kann. Diese Trapeze sind von gleicher Breite, aber von verschiedener Länge, mithin auch von verschiedener Fläche.

Der außere Reihenabstand de ift in allen Fällen doppeit so groß, als der innere ad.

Die mittlere Standraum fläche wird bei dieser Stellung gefunden, wenn man die Gesammtsläche einer solchen Trapezs Reihe abed durch die Anzahl der in ab befindlichen Pflanzweisten dividirt. Wenn ad = 6', de = 12' und ab = 24', mithin abed $= \frac{6+12}{2} \times 24 = 216$ q' ist, und auf ab 12 Pflanzweiten zu 2' gehen: so kommen auf jeden Pflanzling im Durchschnitte $\frac{216}{12} = 18$ q'.

Soll die Pflanzweite innerhalb der Reihe nach einem gegebenen durchschnittlichen Standraume von etwa 24 q' berechenet werden: so dividirt man mit letzterem in die Fläche der Trapez-Reihe abcd, hier 216 q', und findet, in $\frac{3}{4}$ 6 = 9, die Anzahl der Pflanzweiten; durch diese theilt man die Länge ab von 24 Fuß, was $\frac{3}{4}$ = $2\frac{3}{4}$ 7 zur Pflanzweite giebt. Hierbei ware ungefähr der innere, kleinere Standraum $2\frac{3}{4}$ × 6 = 16 und der äußere, größere $2\frac{3}{4}$ × 12 = 32 q'. Diese Verschies denheit könnte einst zu recht nüglichen Erfahrungen über die zweckmäßigere Stellung der Holzanlägen sühren.

§. 276. Eine Strahlenpflanzung abzustecken, Fig. 114.

Man nimmt einen Punkt C zur Mitte des Sternes an, reißt von diesem mit dem gegebenen Halbmesser Ca den Umkreis zum offen bleibenden Rundplaße, theilt diesen Umfang in die gegebenen vorderen Reihenabstände ab, bc, cd . . . und bezeichnet jeden Theilpunkt a, b, c, d . . . als Ansang der ersten Strahlen.

Hierauf reißt man mit 2Ca ober Ch von C aus einen weiteren Kreis und verlängert Ca, Cb, Cc... bis in denselben zu h, i, k..., mißt nun die Sehnen hi, ik, kl..., berichtigt die etwaigen Abweichungen noch zeitig und hälbirt diese Bogen in x, y, z... Dies giebt die Anfangspunkte der zweiten Strahlen mit dem vordern Abstande hx — ab.

Weiter mußte man mit 2 Ch = Cm aus C einen britten Kreis abreißen, was aber nunmehr wegen ber unbehulflichern

Haldmessergröße nicht wohl anging. Daher setzt man alle die angesangenen Strahlen in der Richtung Ch, Cx, Ci, Cy, Ck... fort, giebt jeder dieser Fortsetzungen Ch oder hm zur Länge und bekommt dadurch die Kreispunkte m, n, o, p... in gleichen Abständen = 2 ab: Deren Mitte u, v, w... ist wieder der Ansang neuer Zwischenstrahlen.

Der vierte Strahlenanfang trate bei 2 Cm ein. Hier müßte man die Geraden von m, u, n, v, o . . . um Cm fortsetzen und dort wieder die Abstande theilen. So ginge das Abstecken fort bis zu Ende.

Leicht begreislich ist ab: hi = Ca: Ch; soll hi zweimal so groß werden als ab, so muß auch Ch = 2 Ca sein. Weiter ist hx: mn = Ch: Cm und mn = 2 hx; folglich Cm = 2 Ch und hm = Ch.

Der eben gebrauchte Halbmesser muß also allemal zu der Stelle sühren, wo wieder neue Strahlen einfallen. Die Strahlen werden daher von Stuck zu Stuck mehr gleichlaufend.

Bepflanzt man die Strahlen dicht, so macht sich diese Unslage, zumal auf der Ebene und von einer gerabstämmigen Holzart ausnehmend gut. Bon dem Mittelpunkte aus durchsieht man dann das ganze Dickicht, wenn der vordere Strahlenabsstand nicht zu eng ist. Die Strahlen selbst können dabei so dicht bepflanzt werden, daß an Holzertrag nichts verloren geht. Bur Mitte paßte ein Ruheplatz, oder Jagdschirm, eine Wildschtzterung, oder Salzlecke, auch wohl ein seltener Baum. Auf einem Wildwechsel wurde diese Strahlenpflanzung den Jagdsreund ganz besonders erfreuen. Soll ein breiterer Geradweg über den Rundpfatz geführt werden, so läßt sich nur der halbe Stern mit ACB gut andringen, sonst könnten nicht an beide Seiten des Weges volle Baumreihen zu stehen kommen *).

Dbschon es keinem Forstmanne erlassen werden darf, die beliebte Schnurpstanzung in allen ihren Formen auszusühren: so kann sie doch der Verfasser im Walde keineswegs als Regel empsehlen, wohl eher als Kennzeichen eines gedankenarmen Waldbaues.

VI. Forstvermessung.

- 1. Eigentliche Forstvermessung.
- §. 277. Gegenstände der Forstvermessung.

Der Forstvermesser hat vorzüglich aufzunehmen:

- 1) Die Grenzen bes Forstgrundeigenthums, der außeren Jagdbezirke und der über Grund und Boden sich ausbehnenden Forstgerechtsamen und Forstdienstdarkeiten, mit allen durch Steine, Säulen, Bäume, hügel oder Gruben bezeichneten Grenzpunkzen ten und allen nach hecken, Steinwällen oder Gräben, Rainen, Wegen, Wasserissen, Flüssen, oder Bergkanten bestimmten Grenzlinien.
- 2) Alle andern festen Linien und Punkt einnerhalb des Forstes, die entweder zu öffentlichem Gebrauche, oder zu sorstlischen Iweden, oder zu geometrischem Anhalte dienen, als: schmale Trift:, Holz:, Fuß: und Stellwege; scharf eingeschnittene Schluchten, Wasserrisse und Bäche; scharfe Bergkanten und Feldspigen, Quellen, Salzlecken, ausgezeichnete Steine, Bäume, etwaige Bauwerke u. dgl.
- 3) Die Stanbortverschieden heit, nach Maßgabe ber äußeren Bobengestalt und ber innern Bobenbeschaffenheit, hauptsächlich zum Behufe ber kunftigen Ortabtheilung.
- 4) Die Holzbestand verschiedenheit, nach Holzart und Alter, Wuchs und Schluß, nebst den Raumden und Blosen über einer bestimmten Größe, zur Bestandesabtheilung.
- 5) Die Nebengrundstücke des Forstes, als: Gehöfte und Garten, Ader und Wiesen, offene Huten und Triften, Holz-lager = und Kohlplätze, breite Wege, Stein = und Mergelbrücke, Thon = und Lehmgruben, Teich = und andere Wasserslächen, so wie aller andere zur Holzzucht nicht geeignete Boben, wie Felssen, Sümpfe u. s. w.
 - 6) In den Forstumgebungen: An der Forstgrenze bin,

die ausgezeichneten festen Punkte und Linien mit den ablaufen= den Flurgrenzen. Weiter, die Absahr = und Triftwege, die näch= sten Wohnorte mit ihren Fluren und Gehölzen, wenigstens im Bereiche des Jagdrevieres.

Am genauesten sind die Grenzen und festen Wirthschaftslinien nebst den Anhaltpunkten zu vermessen; weniger genau brauchen die Verschiedenheiten der Lage und des Bodens, des Holzbeskap=+ des und der sonstigen Benutzungsart aufgenommen zu werden; von der Umgegend des Forstgrundes, befonders von dem auße= ren Jagdreviere, ist eine bildliche Darstellung schon hinreichend.

§. 278. Berkzeuge und Sulfemittel.

Zum Abstecken und Messen der Linien und Winkel im Forste und zum Auftragen und Zeichnen der Forstkarten braucht der Forstvermesser mancherlei Werkzeuge und Mittel, als:

- 1) Drei bis sechs gute Richtstäbe, um bamit langere Standlinien vorzurichten, auch später die Abtheilungen abzustecken.
- 2) Zwei wohl abgeglichene Meßketten mit Zubehor, um immer eine ganz brauchbare vorräthig zu haben; dabei eine Meßkange zum wagerechten Messen sehr steiler Linien und einen Fußstab.
- 3) Ein gutes Winkelwerkzeug mit Zubehor. In Bergforsften ist die Meßscheibe und in Landforsken die Boussole vorzüglich. Daneben kann ein leichter Meßtisch zu den Zwischenaufnahmen gebraucht werden.
- 4) Geeignetes Papier, Lineal und Winkel, Maß= stab, Zirkel und sonstigen Zeichenbedarf, eine ebene, hinlang= lich große Tafel und ein helles Zimmer, zum Auftragen der Messung.

Zwei tüchtige Kettenzieher und noch ein dritter Handarbeiter dienen zum Aufraumen und Abstecken der Standlinien, zum Einsschlagen der Standpfahle, zum Längenmessen, zum Tragen und Aufstellen der Winkelwerkzeuge, zum Ausstecken der Richtstäbe u. s. w.

§. 279. Bermessungsplan.

In Ermangelung einer vorhandenen Karte nimmt sich der Vermesser zuvörderst eine flüchtige Handzeichnung von dem ganzen Forste auf, zur Entwerfung des Vermessungsplanes, der im Allgemeinen folgender Ordnung unterliegt:

. Talle Megverrichtungen muffen in ber Regel von der Mitte des Forstes ausgehen und von Stud zu Stud nach außen fortschreiten. Bur Grundlage ber ganzen Bermeffung sind geeignete Sauptmeßzüge burch ben ganzen Forst zu legen und mit Debenmegzügen netformig zu betbinben. Diese Retzüge muffen auf gut megbaren, hinlänglich offenen Streden (Sauptwegen, Wiesengrun= ben, Bergruden u. f. w.) hingehen und wo moglich schon ber künftigen Abtheilung entsprechen. In Berg= und Hügelforsten sind gerade durchgehende Linien hierzu weniger ge= nau und anwendbar, als gebrochene Linien auf gleichem Boben. In der Ebene können wohl, zumal durch lichten Wald, lange Freuzende Hulfslinien zu einer solchen Grundlage gebraucht wer= ben, so weit man im Stanbe ist, sie ganz gerade abzusteden. Dieses Net wird nach außen durch die Grenzzüge geschlossen und durchgangig mittels ber Zwischenmessung ausgefüllt. Hauptsiguren besselben durfen nicht zu schief ausfallen; ihre Große muß der Forstausbehnung, der Bodengestalt und dem Genauigkeitsgrade entsprechen.

Gebraucht man ein Winkelwerkzeug, das ruckwarts eingerichtet wird, wobei, wie aus g. 247. 2. bekannt, jeder Winkelfehler den ganzen weitern Meßzug verdreht: so ist voraus zu
bestimmen, in welcher Folge und Verbindung das
Wessen und Auftragen dieses Netzes von innen nach
außen vorgenommen und wohin jeder Schluß gebracht werden musse.

Endlich wählt man auch zur Verbindung der abgesondert gelegenen Forststücke geeignete Meßzüge und bestimmt sich die Mittel und Wege zur Aufnahme der Jagdgrenzen und andern Vermessungs : Gegenstände außerhalb des Forstzusammenhanges.

§. 280. Festlegung ber Megzüge,

Die Meßzüge werden in derselben Folge sestgelegt, wie nachter das Messen und Auftragen vor sich gehen soll. Ist ein erster Standpunkt bestimmt, so steckt man einen Richtstab darauf, geht in die Gegend des zweiten und wählt nun diesen, sogleich mit Hinsicht auf Zweckmäßigkeit für den dritten, vierten u. s. w., und läßt zugleich die Standlinie aufräumen. Dabei sucht man. den Meßzug so zu legen, daß alle Anmessungen leicht und zweckz mäßig geschehen können, vermeidet auch, so viel als thulich, seine Standpunkte auf gangbaren Wegen, oder fremden Grundsstücken zu nehmen.

In jeden Standpunkt kommt ein Pfahl, so tief, daß er Niemandem anstößig wird. Derselbe erhalt oben am Kopfe eine kleine Platte mit der Standnummer, welche dahin weisen muß, wohin die Nummersolge weiter geht. Die nachste Nummer schreibt man schon voraus bei dem letztern Standpunkte an den vorräthigen Pfahl; überdies sichert man den Punkt noch durch ein vorher gemachtes Loch und durch eine an den nachsten Stamm angebrachte, nach dem Standpunkte hinweisende Platte mit der Nummer und der Entsernung in Fußen.

In den Hauptmeßzügen, die man als Hauptgrundlinien am genauesten mißt, bekommen die Standpunkte zur Auszeich= nung romische Zissern. In den weiter zur Netwerbindung die= nenden Nebenmeßzügen gedraucht man gemeine Zissern und setzt deren Nummerfolge nach den Hauptforstheilen ab. Die Stand= punkte zu den Zwischenmessungen werden mit kleinen lateinischen Buchstaden bezeichnet und gewöhnlich erst bei der Linienmessung bestimmt.

§. 281. Linienmeffung.

Man mißt die Längen der Stand = und Seitenlinien wo möglich in dersenigen Folge und Verbindung, wie sie aufgetras gen werden mussen, schon um diese Linien in dem Vermessungs= buche nach der Reihe wieder zu sinden. In der Regel gebraucht man dazu die Meßkette. Alle, zur Hauptgrundlage des Gans zen dienenden Meßzüge werden mit mehr Genauigkeit und dop= pelt gemessen; die darin vorkommenden steileren Linien mißt man zu anderer Zeit mit der Meßstange nochmals nach. Von den Standlinien aus werden, wie bekannt, die wirklichen Wald= linien, die Grenz= und festen Anhaltpunkte angemessen.

۴.

Die Bestandesverschiedenheiten, Schläge, Blößen, Wiesen, Acker und dergleichen Grundstücke nimmt man nach ihrer wirklischen Figur auf. Für die ziemlich gleichbreiten Wege und Flüsse bestimmt man nur die Mittellinie nebst der Mittelbreite. Absgelegene Waldstücke mißt man für sich und bringt sie durch bessondere Meßzüge mit dem Hauptkörper in Verbindung.

Die gemessenn Linien sind bestimmt und genau in das Vermessungsbuch zu tragen (p. §. 253.). In die vordere Spalte kommt die Bezeichnung, die nachste bleibt noch offen für die Winkel, in die dritte werden die Längen gesetzt und dann folgen die gemachten Abmessungen theils schriftlich, theils durch Handzeichnung dargestellt mit den etwaigen Anmerkungen wegen Grundstücksart, Holzbestand, Unterbenennungen u. dal. Jede Blattseite wird mit dem Namen des Waldortes überschrieben.

§. 282. Winkelmeffung.

Wenn bie Richtung jeder einzelnen Linie nicht unmittelbar nach der Magnetnadel bestimmt wird, sondern hauptsächlich nach ber vorliegenden Standlinie: so ist bie Winkelmessung durchaus in berselben Folge vorzunehmen, in der man nachmals aufträgt. Man winkelt nämlich, so= wohl mit der Megscheibe, als mit dem Megtische, allemal von innen heraus, gegen die Schlußpunkte hin, zuerst den lang= sten Hauptmeßzug, von diesem aus die Kreuzlinien und an diese wieder die Schluflinie. Dabei barf man nie ben Schluß= punkt des eben zu messenden Umfanges in den Ruden nehmen, wenn gleich baburch mancher Ructweg nothig wird. Die Aufnahme jeber neuen Winkelreihe muß von einem schon vorher aufgenommenen, richtigen Punkte wieder ausgehen; wo man einen mangelhaften Winkelschuß bekommt, wird von derselben Stelle nicht weiter, sondern von einem andern richtigen Punkte wieder darauf hin gearbeitet.

In den Hauptmeßzügen wird die Drientirboussole auf jestem Standpunkte angelegt und die Winkelaufnahme so viel als nur möglich vor dem Verdrehen gesichert. In den Nebenmeßzügen halt man sich mit dem Gebrauche der Drientirboussole weniger auf; die Zwischensiguren winkelt man lieber mit Springsständen. Wird der Grundriß nach einem kleinen Maßstabe aufsgetragen, besindet man sich zugleich im Besitze einer zuverlässisgen Drientirboussole und auf einem Terrain, worauf die Magenetnadel nicht abirrt: so können selbst die Hauptwinkel mit Springständen gemessen werden. Doch ware es in diesem Falke, besser, die Boussole allein zu führen.

1) Beim Gebrauche der Meßscheibe sucht man auf ein Scheibenblatt so viel Winkel als möglich zu bringen, wenigstenst die von einem Haupttheile des Forstes alle zusammen, weil das Wechseln der Scheibenblatter im Auftragen leicht etwas Versschiedung der Figur zur Folge haben kann. Ein solcher Hauptstheil muß einen ziemlich geraden und nicht zu langen Ubschnitt haben, der wo möglich ein Hauptmeßzug ist. Dieser Linkenzug sollte eigentlich auf dem neuen Scheibenblatte zu der answesens den Partie wieder mit aufgenommen werden; doch kann-man denselben zu Hause mittels des Gradringes nachtragen, oder beide Scheibenblätter neben einander auf das Grundrisblatt heften.

Die Strichelchen, womit die Linien bezeichnet werden, sind ganz kurz und scharf zu ziehen und mit den Standnummern zu versehen; die Winkelgrade werden immer an einem und demsselben Ende des Lineales abgezählt. Vor dem Abnehmen des Scheibenblattes werden über dasselbe genau von 0 nach 180° und von 90 nach 270° Kreuzlinien gezogen zur Richtung in die Netzlinien des Grundrisblattes.

2) Da das Meßtischblatt für eine ausgedehnte Forstsäche nicht genug Raum verstattet, so trägt der Forstvermesser bloß. abgebrochene Meßzüge darauf und sett diese mittels eines gez nauen Quabratnetzes in gehörige Verbindung. Von diesem Netze wird eine Seite zur magnetischen Nordlinie angennmen und zur Anlegung der Drientirboussols ausschließlich gebraucht.

Man legt ben etsten Punkt nahe an ben Rand, tragt bie

ď

Linie hineinwarts, und setzt ben angefangenen Meßzug mit seisinen Nebenlinien fort, so weit es die Größe des Tischblattes von dort ab eben gestattet; dann bricht man ab und sängt die Fortsseung mit dem letztern Standpunkte auf der Gegenseite wieder an. Dazu wird die Quadratstelle des verlassenen Punktes genau abgemessen und andrerseits in einem geeigneten Anfangssuadrate eben so wieder genommen. Zu jedem Standpunkte wird die Nummer geschrieben; die Randpunkte, wo ein Meßzug abgebrochen und wieder angesangen ist, werden übereinstimmend mit großen Buchstaben bezeichnet, damit man die Fortsetzung leichter ausssinden kann.

Hierbei entstehen freilich sehr verwickelte Linienzeichnungen. Um daher eine deutliche Übersicht seiner Messung zu haben, führt man ein Blatt mit verzüngtem Quadratneze bei sich und zeiche net darauf jeden Meßzug unabgebrochen sogleich von dem Meßztische ab. Eine solche Beizeichnung wächst immer mehr an bis zur Vollendung und leistet nachher beim Auftragen des Grundzisses als Vordild gute Dienste. Die von den Standlinien aus genommenen Abstände trägt man nicht sogleich auf den Meßztisch, sondern sammelt sie wie gewöhnlich erst im Vermessungsbuche, die die Meßzüge alle zum Schlusse gebracht sind.

Kommen auch nur abgebrochene Figuren auf den Meßtisch, so kann man doch die Richtigkeit des Schlusses einer jeden Figur sogleich mit Hulfe des Quadratnehes beurtheilen. Die zus sammengehörigen Schlußpunkte mussen namlich in den beiderseitigen Quadraten gleiche Abstände von den Nehlinken haben. Dabei wird freilich vorausgesseht, daß, außer der Ressung selbst, auch die Nehzeichnung vollkommen richtig sei, und man jeden neuen Anfangspunkt genau wieder in seine Quadratstelle gelegt habe, was jedoch Alles sehr zweiselhast ist.

3) Beim Gebrauche ber Boussole kehrt man sich an keine gegebene Folge, überspringt auch ben je zweiten Standpunkt und nimmt nur die Grade, wie bekannt, so ab, daß bei keinem Linienzuge im Auftragen ein Zweisel bleibt.

§. 283. Außenmessung.

Zunächst mussen alle festen Anhaltpunkte in, ober bicht an ben Grenzen, als: Denkmale, ausgezeichnete Baume, Quellen, Mauer = ober Zaunecken, Kreuzwege, Wegweiser u. dgl., angezweisen werben.

Eben so hat man nicht nur von den außern Standpunkten, sondern auch von den, nach entlegenen Forsttheilen gemessenen Berbindungslinien ausgezeichnete Punkte der Umgegend, Kirch=thurme, Häuser, Mühlen, Bäume u. dgl. durch dahin gerichtete Winkelschnitte zu bestimmen (§. 252.).

Weiter mussen die Grenzen der außern Jagd-, Fischereis und sonstigen Grundberechtigungen, ersorderlichen Falles auch außere Hauptwege, Flusse und andere ausgezeichneten Linien ihrem Laufe nach aufgenommen werden, um ein vollständiges Netz der darzustellenden Umgegend zu bekommen. Je weniger diese Aussenahmen geometrischen Zweck haben, um so weniger Genauigkeit ist dabei ersorderlich. Zu bloßen bildlichen Darstellungen mögen die Längen nur abgeschritten werden.

§. 284. Nachmessung ber Grenzlinien.

Wo die Forstgrenzen mit Steinen, oder andern festen Punkten bezeichnet sind, die man bloß von den Standlinien aus angemessen hat, da mussen die Längen aller Grenzlinien, von einem Grenzpunkte zum andern, noch besonders nachgemessen werden, theils um sich wegen der Grenzmessung selbst mehr zu versichern, theils auch, um für spätere Grenzberichtigungen die Entsernung von Punkt zu Punkt genau anzugeben.

Gewöhnlich sinden sich die Grenzlinien aufgehauen und ohne Weiteres meßbar. Wo dies an Waldsaumen nicht der Fall ist und die Aufraumung eben nicht geschehen konnte, wird die Länge der Grenzlinie alsbald auf dem Freien hin mittels einer Paraliele gemessen, nach §. 251. 2. Übrigens ist allerwärts die anstosende Grundstücksart zu vermerken und jeder in der Nähe bessindliche feste Anhaltpunkt mit aufzunehmen. Diese besondere

Grenzmessung trägt man im Vermessungsbuche nach und besschläeßt damit die eigentlichen Meßgeschäfte im Freien.

. S. 285. Entwurf bes Grundriffes.

Bei dem zu Forstvermessungen gebräuchlichen Maßstabe wn 5000 bis 4000 wurde der im Ganzen aufgetragene Forstsagrundriß zu groß und unbehülslich. Wo daher das Zusammenstragen des Ganzen nicht durchaus erforderlich ist, wie etwa zur Absteckung gerade durchgehender Stellwege, da trägt man den Grundrißentwurf in großen Haupttheilen auf einzelne Blätter. Das Grundrißpapier muß stark, dicht, gut vorbereitet und mit genauem Quadratneze versehen sein.

Die etwas schwierige Anordnung der Figur auf das leere Beichenblatt richtet sich nach der aufgenommenen Handzeichnung so wie nach der nun leicht zu ermittelnden Länge und Breite des aufzutragenden Forsttheiles. Das Winkelblatt, sowohl von der Neßscheibe, als von der Boussole, ist mit seinen Kreuzlinien ganz genau auf zwei Netzlinien zu befestigen, weil diese der magnetschen Nordlinie entsprechen mussen. Die Netzischblätter werden dagegen mittels der Netzeichnung frei aufgepaßt und kückweise durckopirt.

Der Grundrißentwurf muß, gestützt auf die mit größerer Genauigkeit gemessenen Hauptmeßzüge, aus seiner Mitte heraus gedibeitet werden, so daß die unvermeidlichen Schlußmängel alle in die Außentheile kommen und auf keiner Stelle zusammenfallen können. Jeder Grundzug der neu anzusesenden Parztie ist möglichst sehlerfrei zu halten und auf die unvollkommen ausgesallenen Schlüsse ist von mehren Seiten beizuarbeiten, um den sehlerhaften Zuß zu entdecken.

Wo der Entwurf über das Blatt hinaus fällt, wird ein neues Stuck mit fortsetzender Netzeichnung genau angestoßen. Der zum nächsten, abgesonderten Haupttheile mit gehörige Meßzug, wozu man gern eine bleibende Hauptlinie wählt, wird auf dem andern Blatte als Wiederanfang ganz in dieselben Quadratstellen getragen, aber durchaus so, daß beide Grundrisab:

schnitte nicht nur mit ihme Figur, sondern auch mit ihren Netzlinien vollkommen an einander passen.

Die Aufnahmen der Forstumgebungen von größerer Ausdehnung werden nach dem halben Grundrismaßstade zusammengetragen. Man verjüngs auf ein großes Blatt mit einer dem Grundrisse entsprechenden Quadratzeichnung die Außengrenzen des Grundrisses und legt von diesen aus die gemessenen Außenslinien nebst den geschnittenen Außenpunkten in Grund, so daß das dadurch entstehende topographische Netz blattweise abgezeich net und an Ort und Stelle weiter ausgefüllt werden kann.

Endlich führt man in dem Grundrisentwurfe alle wirklichen. Gegenstände der Vermessung mit schwarzer Federzeichnung aus, nämlich: die festen Grenz= und anderen Punkte mittels ihrer Zeichen und Nummern; die unveränderlichen Waldlinien, wie Grenzen, Wege, Gewässer und Anwände von Nebengrundsstücken, ausgezogen; die veränderlichen Bestandesabtheilungen, punktirt. Alles, was zu den bloßen Hülfslinien gehört, unsterscheidet man dagegen durch hellblaue oder rothe Zeichnung. Die Wege und Bestandesabtheilungen, welche zum Behuse der Ortabtheilung noch etwas verlegt werden könnten, bleiben einstweilen in Blei; so auch die Benennungen und andern Ortsbezeichnungen.

§. 286. Flachenberechnung.

Bur genauen Mächenberechnung dient das schon vorgerichtete Quadratnetz ganz wesentlich. Jedes Quadrat wird besstimmt nach den obenan mit Buchstaben und voran mit Ziffern bezeichneten Reihen, und in seinem Rächengehalte berichtigt nach der beim Austragen mit + oder — angeschriebenen Seitenabs weichung (§. 198. 206.). Mit dieser Berichtigung muß die gessuchene Summe aller einzeln berechneten Theise des Quadrates übereinstimmen. Bei Außenquadraten wird zur Versicherung das Ergänzungsstück mit ausgerechnet.

Das Flächenberechnungsbuch enthält auf jeder Seite obenan den Namen des Forstortes, dann Spalten für die Art und Bezeichnung, die Grundlinie, die Hohe und den Inhalt der Berech= nungen. Bon jedem Netzquadrate setzt man zuerst die Bezeichnung und berichtigte Größe an, bann alle dazu gehörigen Theile,
und zwar jeden mit seinen Grundsiguren, beren Inhalt nebenan
ausgerechnet wird. Den berichtigten Inhalt jedes Quadrates
und jedes darin abgesonderten Theiles schreibt man in dem Grundriß und hebt nachher die Flächen der Quadrattheile wieder aus
zur Bildung des Flächengehaltes der vorläusig abgetheilten
Wirthschaftssiguren, welcher in das Vermessungs-Register getragen
und summirt wird. Der so zusammengetragene Flächengehalt
aller Abtheilungen muß mit dem Inhalte aller Quadrate übereinstimmen, wenn in der Flächenausrechnung und Zusammenstellung kein Fehler ist.

Findet später eine Ortabtheilung Statt, so verschiebt man die Flächenberechnung, dis jene vollführt ist, und sollte dabei der ungefähre Flächengehalt zur Frage kommen, so wird derselbe slüchtig ausgezählt. Nur bei sester Schlageintheilung muß die Fläche in voraus genau berechnet werden, und dann wählt man zu den vorläusig anzunehmenden Abtheilungen vorzugsweise bleibende Linien und legt die Berechnungslinien den kunftigen Schlaglinien gemäß.

2. Forst flachentheilung.

§. 287. Bon ber Forst flachentheilung überhaupt.

Jeder Forst wird in ein wohl geordnetes Fachwerk getheilt mittels einer bloßen Ortabtheilung, ober einer selbständigen Schlageintheilung.

Die Ortabtheilung dient, als ein feststehendes, die Raumtheile begrenzendes Wirthschaftsnetz, hauptsächlich zu geordsneten Schranken der Hiebs = und Bestandesfolgen; ihre Theile, die eben nicht gleich sein mussen, heißen Forstorte, Jagen, Bezirke, oder überhaupt Ortabtheilungen. Innerhalb dieser Wirthschaftssiguren sinden sich, nach Art und Zustand des ehen vorhandenen Holzbestandes, mehr oder weniger zeitliche Bestanz des abtheilungen, auch Unterabtheilungen genaunt. Mehre

Ortabtheilungen werden gewöhnlich zu einem Betriebs = oder Waldverbande, auch wohl zu einem Aufsichtsbezirke, überhaupt zu einer Revierabt heilung vereinigt.

Die Schlageintheilung soll die jährlichen, oder perioz bischen Schritte des Waldangriffes aller Zeiten begrenzen, dabei die Abnuhung planmäßig vertheilen und die kunftige Bestandesz ordnung sicherer begründen. Sie nimmt und verbindet von den Ortabtheilungen so viel Forstsläche zu einem Ganzen, als ein unz ausgesetzter, gleichartiger Betrieb erfordert, und theilt dieses Betriebsganze auf alle Jahre der Umtriebszeit, entweder bloß in dem Betriebsplane entworsen, oder in dem Forste ausgesührt. Ein solcher Betriebsverband muß nicht eben einen zusammenhängenden Waldkörper bilden; seine Schläge können gar wohl in mehren Revierabtheilungen umher liegen.

Die Ortabtheilung ist eine parallele, ober gebrochene; bie Schlageintheilung ist beweglich, ober fest.

§. 288. Parallele Ortabtheilung für bie Ebene.

Alle Abtheilungslinien gehen gerade und rechtwins kelig burch ben ganzen Forst und bilben Rechtecke von gegebener Größe, bis auf die zufälligen Außenstücke. Diese Art der Ortabtheilung paßt nur fur die mehr ebenen Landforste, wo die Hiebsfolge geradeswegs fortgehen kann. Hier ift sie Regel, und ihre Richtung wird hauptsächlich nach dem herrschenden Wind= striche bestimmt. Die Ausführung ist leicht. Man legt burch die Mitte des Grundrigentwurfs das erste Hauptgestell, auf dieses rechtwinkelig bas erste Quergestell und entwirft bann von beis ben Kreuzlinien aus mittels der gegebenen Abstände das ganze Abtheilungsnetz (n. S. 175.). Alle biese Linien steckt man im Forste mit Hulfe der bis bahin forgfältig zu erhaltenden Stand= punkte ab und läßt sie nachher als Gestelle durchhauen. Ist diese Abtheilung im Freiet fertig, hat man auch die babei etwa gefundenen Abweichungen in dem Grundriffe berichtigt: so wird nun die Flace ber baburch entstandenen Forststücke auf dem Grundrißentwurfe berechnet und zur Forsteinrichtung weiter verwendet.

§. 289. Gebrochene Ortabtheilung für Berge.

In den Pergforsten, wo der Windstrich, die Holzsällung und Absahrt sich-nach den Thaleinhäugen richten, kann auch die Hiebsfolge nicht geradeswegs über Berg und Thal gehen; die Ortsabtheilung muß hier der Bodengestalt angepaßt, also mehr schief und gemischtlinig werden.

Zuvörderst nimmt man die offenen Thaler, diese natürlichen Scheibewände der Hiebssiguren, zur Abtheilung an. Dann theilt man von diesen aus den Bergschluchten und scharfen Bergkanzten entlang, um weitere sichere Hiebsanwände zu gewinnen. Endlich legt man durch die noch vorfindlichen ausgebreitetern Bergslächen, so viel als thulich gerade, nach dem örtlichen Windssstriche gerichtete und mit jenen natürlichen Scheidelinien verbunztene, Haupt und Quergestelle. Zedoch mussen in jeder Bergzpartie die Ortabtheilungen eben auch reihenweise so vor und nebeneinander liegen, daß jede Hiebssolge von Ansang dis zu Ende mit ziemlich gleichen Anwänden rechtläusig sortsesen kann.

Diese Abtheilung nach der Bodengestalt läßt sich schon bei der Vermessung in voraus entwerfen. Zur nahern Bestimmung ist jedoch eine Aufnahme der Bergabhange und der sonstigen Beziehungen nothig. Sie wird auf dem Grundrißentwurse nicht eher ausgesührt, die ihre Anlage im Freien fertig ist, weil zuweilen Örtlichkeiten benutzt werden mussen, die sich erst beim Abstecken sinden, als wegsamere Stellen, Wasserrisse u. s. w. Solche Bergabtheilungen konnen nicht gleichgroß ausfallen; doch giebt es dabei auch keine unverhältnismäßig kleinen Außenstücke. Auf die Kreuzpunkte setzt man Steine, oder andere feste Beichen, um allezeit einen geometrischen Anhalt zu haben.

§. 290. Schlageintheilung. Fig. 115.

Die Schlageintheilung ist eine bewegliche, ober eine feste. Bei der erstern bestimmt man die Größe und Folge der Schläge jedes angenommenen Betriebsverbandes bloß in dem Betriebsplane, zu Maß und Ziel des Angriffs; die Schlagsiächen werden erst im Laufe der Zeit von den festen Ortabtheilun-

gen abgemessen. Bei der festen Schlageintheilung werden die Schläge im Forste selbst bleibend abgetheilt entweder nach der bloßen Fläche, oder nach der Ertragfähigkeit des Standorkes bemessen. Diese Schlagabtheslungen begrenzen die Abtriedssläche von jedem Jahre, oder von je zwei, drei, oder mehr Jahren, oder von ganzen Perioden.

Eine solche Eintheilung wird vorher auf dem Grundrisse ganz geometrisch entworfen nach der gegebenen Größe, Folge und Figur der Schläge. Gewöhnlich legt man durch die Resvierabtheilung eine Hauptlinie, wie AB, und setzt auf derselben rechts und links die Schläge mit senkrechten Schläglinien ab. Damit aber kein Schlag getheilt auf beide Seiten zu liegen komme, zieht man zu einer vorläusig angenommenen Hauptscheisdelinie AB zwei Parallelen uv und wu und setzt an diese rechts und links die weitern Berechnungslinien. Dann verlegt man AB zwischen uv und wu nach Maßgabe des gefundenen Flächensinhaltes so, daß beide Seiten ganze Schläge umfassen, und theilt diese nun einzeln ab.

Ware die einzutheilende Flache schon bekannt, so müßte man bennoch eine neue Berechnung vornehmen, im Fall die früher gebrauchten Berechnungslinien der Theilung nicht entsprechen. Führt diese neue Berechnung zu einem etwas anderen Flachenzergebnisse, so vertheilt man die Abweichung mit auf alle Schläge, setzt aber hernach die ursprüngliche Schlagsläche wieder an.

Mussen bann im Freien auf einer Linie, wie AB, Schlagspunkte abgesteckt werden, so darf das nicht bloß nach der im Grundrisse abgegriffenen Entsernung geschehen, sondern man mist diese Linie erst im Ganzen, vergleicht die auf dem Grundrisse genomment Lange mit der wirklich gemessenen und berichtigt in diesem Verhältnisse die abzumessenden Entsernungen der Schlagspunkte. Auf solche Weise wird die unvermeidliche Langenabweischung in das Ganze vertheilt.

Wo Viehweide Statt findet, muß man die Schlageintheis lung und Folge so ordnen, daß die Hauptlinie mit dem Schlags wechsel auf ble Trift stößt, etwa bei A, und daß nun von hier aus die Schläge immer einerseits hutbar, andrerseits schonbar sind, wie aus der Nummersolge zu ersehen. Diese in's Kleine gehende seste Schlageintheilung macht eine weitere Ortabtheilung überslüssig, ohne welche dagegen die bewegliche Schlageintheilung nie sicher gehandhabt werden kann.

3. Forstkartenzeichnung.

§. 291. Bon ben Forstarten überhaupt.

Die Abbildung der Forste hat zwei ganz verschiedene 3wecke, namlich geometrischen Gebrauch und bloße Übersicht; beide lassen sich nicht vereindaren. Die sogenannten Risse dies nen zum geometrischen Gebrauch und enthalten hauptsächlich die außere und innere Figur der Forstsläche. Die eigentlichen Karsten ober Plane dienen zur Übersicht; sie stellen die Beschafsfenheit und den Zustand des Forstes mehr bildlich dar. Bei dem Forstbetriebe wendet man fünserlei Karten an.

Der Grundriß enthalt die aufgemessenen Linien und Punkte des Forstes und dient zu allen Zeiten bei Abmessung der Schlag=, Kultur= und andern Betriebsslächen, beim Ermitteln veranderter Altersklassen-Verhaltnisse, bei neuen Theilungen, über= haupt bei allen geometrischen Forstverrichtungen.

Der Grenzriß ist die besondere Zeichnung aller Eigenthumsgrenzen des Forstes zum Gebrauche bei den Grenzbezangen und Grenzberichtigungen, wo der große Forstgrundriß nicht
mitgeführt werden kann.

Die Bestandskarte stellt ben eben vorgefundenen Waldsbestand, überhaupt das im Forste Vorhandene mit dem darüber entworfenen Hauungsplane dar.

Die Betriebskarte giebt eine gebrängte Übersicht vom ganzen Forste mit den eingerichteten Betriebsarten und der zu erstrebenden Bestandsvollkommenheit, nehst dem äußern Jagdreviere und allen mit dem Betrieb in näherer Beziehung stehenden Umgebungen.

In Planen werden größere Forstbereiche abgebildet, besons dere Ansichten zu vorgeschlagenen Unternehmungen gegeben u. d. m.

Bobenkarten haben keinen forstwirthschaftlichen Werth; bas von dem Boben zur forstlichen Übersicht Erforderliche, die Gestalt, gehört in die eigentlichen Forstkarten.

Die Kartenzeichnung geht von dem allgemeinen Grundsate aus, alle Gegenstände wo möglich so darzustellen, wie sie dem in gewisser Höhe darüber befindlichen Auge erscheinen. Vorzügslich sucht man Beleuchtung, Form und Farbe der Gegenstände nachzubilden, und wo Abweichungen nothig sind, muß die Bezeichsmung der Natur entsprechen und dabei ein leichtes Merkmal haben,

Bon oben erscheint der bloße Erdboden auf der Ebene am deutlichsten und hellsten, mit zunehmender Neigung immer unsbeutlicher und dunkler; daher bezeichnet man ben Bodenabhang um so dunkler, je abschüffiger derselbe ist. Im Sonnenlichte haben erhöhte Segenstände äußern, vertieste innern Schatten; dies bestimmt den Zeichner, Licht und Schatten anzubringen, wo dadurch die Darstellung gewinnt. Das Licht denkt man sich von der linken Seite einfallend ohne weitere Berücksichtigung des wirklichen Sonnenstandes. Hohe Körper bieten dem Auge mehr Schatten dar; daher hält man Wälder, Wohnpläße, Baumgärzten dunkler, als Wiesen und Felder; Hochwald dunkler, als Niederwald.

Alle Grundstückarten werden bis zu ihrer Umgrenzung ausgefüllt, wie sie sich dem Auge im Sanzen darstellen. Einzelne Körper und Sewächse, als Grenzzeichen, Bäume, Grashalme u. dgl. können weder nach ihrer verhältnismäßigen Größe, noch in allen Fällen nach der Ansicht von oben gezeichnet werden. hier erlaubt man sich eine mäßige Vergrößerung, selbst eine aufrechte Stellung.

Wichtigere Gegenstände werden mehr hervorgehoben; wenig, oder gar nicht sichtbare, z. B. Verschiedenheiten von Waldgatztungen, Betriebsarten, Grundbesitz u. s. w. werden mehr willztürlich bezeichnet. Die gewählte Bezeichnung muß nur angezmessen, bestimmt und leicht sein, auch, wie schon gesagt, sin von dem Gegenstande hergenommenes, eigenes Merkmal haben, übrigens muß man sich bemühen, jede Karte, besonders für den

Richtzeichner, in allen Studen recht anschaulich, brauchbar und im Ganzen auch gefällig barzustellen.

§. 292. Aufnahme ber forftlichen Gegenstänbe.

Bur weitern Aufnahme ber forstlichen Gegen=
stände versungt man den Grundrißentwurf mit allen Stands,
Grenz= und andern festen Punkten und Grundlinien stuckweise auf die Halfte, begiebt sich hierauf mit diesen kleinern Aufnahs medlattern von Ort zu Ort und zeichnet ein, was durch die Messung noch nicht zu Papier gebracht worden ist.

1) Zuerst die Bobengestalt. Hierzu legt man die obern und untern Absate der verschiedenen Berghänge in Grund, entswirft dazwischen, besonders bei kurzen Wendungen der Abhänge, oder bei starkem Absalle der Bergschluchten, wagerechte Bodenslinien und zeichnet nachmals senkrecht auf diese von oben herab weitläusige Boschungsstriche. Ist diese Aplage sertig, so werden die Zeichen für die gemessenen oder geschätzten Boschungsgrade noch darauf gesetzt.

Man zeichnet (n. Fig. 137.) bie Neigungen von 1 bis 5° mit punktirten, die von 6 bis 10° mit ausgezogenen Boschungszlinien, ohne weitere Abzeichen; die von 11 bis 15° noch mit einzelnen und die von 16 bis 20° mit paarweisen Punkten; die von 21 bis 25° mit einzelnen und die von 26 bis 30° mit paarweisen Querstricheln; die von 31 bis 35° mit einfachen und von 36 bis 40° mit doppelten Querstrichen; die von 41 bis 45° mit einfachen und von 46 bis 50° mit doppelten, schräg gekreuzten Strichen. Die Abhänge über 50°, die meist felsig sind, bekommen ganz kurze gekreuzte Bogenstriche, an den Felsstellen in eins zusammenlaufend.

Diese mit Bleistift leicht aussührbaren, von der ersten Bosschungsanlage unabhängigen Zeichen haben bestimmtere und deutslichere Unterscheidung und sind während der Aufnahme leichter anzusbringen und zu berichtigen, als alle fonst gebräuchlichen; sie mosgen übrigens nur zum Entwurfe gebraucht werden.

2) Zugleich zeichnet man die noch nichk aufgenommenen Grenzen, Wege und Gewässer folgendergestalt:

>,

Die Grenzen im Entwurfe vorläufig mit Strich = ober Kundpunkten. Die Straßen mit doppelten Seitenlinien, Gräsben vorstellend; die Marktwege mit zwei einfach gezogenen Seistenlinien; die Dorf =, Holz = und Feldwege mit einem starken Federstriche und die Fußwege einfach punktirt. Bäche mit einer schwächern, oder stärkern geschlängelten Linie; Flüsse mit beiden Usern und diesen entlang laufenden Wasserstrichen; Teiche und . Seen mit wagerechten Wasserstrichen.

Nachst dem geht es an die Zeichnung des Gewächsstandes. Man entwirft von jeder Verschiedenheit desselben die Umfangslinie und füllt das Innere mit der entsprechenden Zeichnung aus, nämlich:

3) Einzelne Baume, nach bem Kronenumrisse untersscheidbar:

Eichen — bogig rundlich;

Buchen, Aborne, Eschen, Ulmen — scharf treisformig;

Birken und weiches Laubholz - scharf langlich;

Radelholz - spigig;

Dbftbaume - bogig breit;

Kop'sholz — astig ohne Kronenumriß.

4) Holzung, die Gattung mit der besondern Kronenform bezeichnend.

Sochwald: bichte und große, aber schaftlose Kronen;

Mittelwald: weniger dichte, große und kleine schaftlose Kronen mit paarweisen Buschen;

Nieberwald: bunn und paarweise stehende Busche, Aus-foläge vorstellend;

Planterwald: Baume von verschiedener Große mit uns beetten Schaften, bazwischen einzelne Busche, bunner gestellt;

5) Lanberei.

Dbstgarten, mit reihenweisen Obstbaumen;

Beingelande, mit reihenweisen Beinftoden;

Grabgarten: beetweise, leicht und eng gestrichelt, im Größern mit regelmäßiger Anlage;

Acer: unausgezeichnet, ober mit weit gestellten, felderweise gleichlaufenden Punktstricheln; Biesen: paarweise Punkte mit dem untern Kartenrande gleichlaufend.

- 6) Buftung.
- Hande gleichlaufend;
 - Beibe: aufrechte Strichelchen in solchen Reihen;
- Sumpfgewächse: deßgleichen und mit überhangenden Halmen;
- Sumpfgewächsen; wagerechte Basserstriche zwischen
- Ar ift: Rasenzeichnung, aber bes Triftweges entlang, die Biehtritte mit bezeichnend;

Nactter Boben: zerftreute Puntte, die burch geschlans gelte Steinzeichnung in Felsen übergeben.

1) Bauwerke werden in den Aufnahmeblattern darge= , stellt nach ihrem Grund=, oder Aufrisse mit den sonst gebrauch= lichen Zeichen.

Wo die Aufnahme mit Bleististzeichnung nicht scharf genug, oder durch mehrmalige Abanderung undeutlich wird, gebraucht man gleich an Ort und Stelle Tinte und Feder. Das übrige zeichnet man zu Hause erst fertig, jedoch ohne Verzug.

§. 293. Grundriffeichnung.

Der Reingrundriß wird von dem Grundrißentwurse uns mittelbar kopirt, zu 5000 bis 4000 des wirklichen Maßes, und kommt auf Blätter von der größten Papiersorm, an die nothisgen Falles nur in der Länge etwas angesetzt werden dürste. Das Austleden auf Leinwand ist durchaus unstatthaft, weil dies die Unstetigkeit des Papieres noch bedeutend vermehrt. Die Vertheilung der Grundrißsigur auf die Grundrißblätter wird mehr nach dem Raume bemessen, als nach den Hauptabtheilungen im Forste; nur darf keine Ortabtheilung getrennt werden. Absgesondert gelegene Stücke rückt man zusammen in gleiche Norderichtung und versieht dann jedes mit eigener Umfassung.

Die Zeichnungen aller Blatter sind ziemlich gleich zu rich: ten; Norben oben, ober ber Sitz bes Forsters unten; wenig= stens nicht mit dem Kopfe einander entgegen stehend. Beim Kospiren legt man, für mehre Abzeichnungen, alle Blätter zugleich unter und sticht die Stücke genau nach ihrer Nummerfolge ab.

Wegen der Zeichnung setift ist zu beobachten:

1) Die Grundeigenthumsgrenzen werden schwarz ausgezogen, wo sie noch unbestimmt oder streitig sind, vorläusig nur punktirt, und ethalten nach außen eine schmale mennigrothe unverwaschene Pinsellinie. Alle Grenzmale bestommen einen zin noberrothen Umriß; Grenzsteine, viereckig mit karminrother, Grenzhügel, rund mit grüner, und Grenzgruben, länglich mit grauer Aussüllung. Die Zissern der Grenzzeichen schreibt man zin noberroth ohne Nr.

Außerhalb der Grenze werden die anstoßenden Wege, Gewässer, Grundstücksarten u. s. w. wie in den Aufnahmedlättern gezeichnet, nur ganz leicht und blaßgraw mit dem Pinsel etwas beschattet; auch werden die Namen der anstoßenden Gemarkungen, Berge, Thäler, Gewässer u. s. w. beigeschrieben. Wo die Beichnung eines Grundrisblattes abgesetzt ist, führt man die Abtheilungslinien noch etwas fort, ohne sie zu schließen, und schreibt die anstoßenden Namen und Nummern an.

In jede Ortabtheilung wird ber Namen mit größerer Schrift, die Nummer mit größeren und der gesammte Flächengehalt mit schwächeren Ziffern geschrieben. In jede

ď **1**4

Bestandesabtheilung kommt die Nummer mit dem zugehörigen Buchstaben und Flachengehalt nebst der etwaigen Untersbenennung. Die Nummern der Ortabtheilungen lausen durch den ganzen Forst, so viel als thulich der Hiebssobse gemäß; die Buchstaben der Bestandesabtheilungen sangen in jeder Ortabstheilung wieder von a an, gehen aber auch der Hiebssolge nach. Die zu den Schlageintheilungen gehörigen Schlaglinien, Schlagnummern, Schlagssichen und Schlagsteine werden zinnoberroth eingetragen, deßgleichen auch die Ortabtheilungssteine.

In das Innere des Grundrisses darf keine Linie kommen, die nicht geometrisch aufgenommen ist.

3) Die Grundrigblatter werden nummerirt. Das erste Blatt bekommt den Titel und den Maßstab, zudem die Nach= weisung ber auf jedem Blatte befindlichen Forstorte. Blatter wird ber Namen des Forstes und die Blattnummer oben rechts gesetzt, die magnetische Nordlinie nebst ihrer zeitlichen Abweichung über die Mitte gezogen und an die vier Seiten ein genauer Fuß gezeichnet theils zu etwaigen Nachmessungen, theils um bas weitere Bergiehen bes Papieres banach beurtheilen zu können. Diese Scala ift aber aufzustechen, ehe noch die kopirten Blatter aus einander genommen werben, und zwar von einem und bemfelben Mufter. Dazu konnte man auf jebe ber vier Seiten das im Entwurferisse eben Statt gehabte Berhaltniß des Papierstandes zur ursprünglichen Figuren = Ausbehnung fcreiben.

Kommen die Grundrisblatter leicht zusammengerollt in eine Kapsel, so mussen ste gleiche Hohen; in einer Mappe aufsbewahrt, auch gleiche Lange.

. S. 294. Grengrifgeichnung.

Die Grenzrisse werden blattweise von dem Grundrißentwurse in abgebrochenen Stucken auf die je rechte Seite gewöhnlicher Bogenform kopirt, so daß, der Forstgrund links, der Außengrund rechts liegend, die Folge von unten nach oben geht und auf dem nächsten Blatte wieder fortsetzt.

Die Zeichnung stellt ben ganzen Grenzzug bar mit allen

schnen Biegungen, Winkeln, Malen und beren Nummern, den Wegen, Bächen und besondern Anhaltpunkten nebst den Umgesbungen und den nothigen Ortbezeichnungen, ganz wie im Reinsgrundrisse. Sie giebt überdies noch die Länge jeder Grenzlinie in Kettenfußen an, schwarz auf die Mitte derselben geschrieben, oder vermittelst eines Pfeiles darauf bezogen.

Jedes Grenzstück wird mit seiner eigenen Nordlinie verssehen und durch Großbuchstaben mit der Fortsetzung in Betbinstung gebracht. Auf jedem Blatte wird überschriftlich die Gesmarkung und Gegend genannt von dem dargestellten Grenzstücke zum leichtern Auffinden.

Das Ganze kommt in einen derben Band mit Titelblatt, worauf ein völlig ausgesührter Maßstab nicht fehlen barf. Eben so könnten Jagdgrenzkarten gefertigt werden, bloß mittels freier Handzeichnung.

§. 295, Beichnung ber Bestandskarte.

Die Bestandskarte kommt wo möglich auf ein Blatt, ihr Maßstab ist die Hälste von dem des Grundrisses, etwa rokov bis sooo. Die außern und innern Umrisse zu dieser Karte nimmt man vermittelst des Storchschnabels von dem Grundrißsentwurfe und zeichnet alle diese Linien wit in dem Reingrundrisse, nur stärker hervortretend.

Die Berggehänge werden von den Aufnahmeblättern nur stücktig mit dem Pinsel, oder mit Blei eingetragen. Zur weiteren Aussüllung des ganzen Forstgrundes wird Farbe genommen, nämlich: für den vollen Holzbestand voller Farbenton und für alle Räumden und Blößen, deßgleichen für den Nichtholzboden, farbige Federzeichnung aus weißem Grunde.

Jebe Holzgattung bekommt eine unterscheibende Farbe. Eichen, gelb; Buchen, braun; Ahorne, Eschen, Ulmen, zinnos berroth; Birken, karminroth; Erlen, blaugrun; Linden, Aspen, Weiden, Haseln u. dgl., gelbgrun; Fichten und Tannen, grunsgrau; Kiefern und Lärchen, grau.

Für die bemerkenswerthen Zwischenbestände wird das Berhältnismäßige ausgespart und mit der eignen Farbe angelegt. Die verschiedenen Altersklassen ber Waldbestände erhalten mit höherem Alter auch immer stärkeren Farbenton, Vorkommendes Oberholz wird mit den schon angegebenen Baumkronen farbig dargestellt, groß ober klein, dicht oder zerstreut, nach Maßgabe von Erdse und Ställung.

Einzeln stehende Baume werden farbig mit Schaften gezeichnet, Waldbloßen mit grünen Rasenpunkten, oder Heidestrizigeln. Won den Forstnebengrundstücken: die Garten grün; die Acker draun; die Wiesen grün; die Wege braun; Sümpse und Sewässer blau gestrichelt; Alles mit der schon bekannten Federzeichnung.

Die Inschrift ist wie auf dem Grundrisse, nur ohne Flackenzahlen. Der entworfene Hauungsplan wird mit zinnobersrothen Linien eingezeichnet, und zwar: die noch zu eröffnenden Loshiebe punktige der beabsichtigte Anhiebstand eines jeden Zeitzabschnittes einfach gezogen; der Angriffstand zu Anfang des zweiten Umtriebs doppelt gezogen. Dabei werden die Hanungssperioden mit romischen Zissern angegeben, woran ein Pfeil die Hiebsfolge anzeigt.

Außerhalb des Forstgrundes ist weiter nichts zu zeichnen, als die nachsten Triften, Wege und Wohnplate, die Mittagslinie, der herrschende Sturmstrich und etwa eine Zeichenerklarung.

§. 296. Zeichnung ber Betriebskarte.

Der Maßstab ist das Viertel von dem des Grundrisses, etwa 2000 bis 1000, und die Umrisse werden vermittelst des Storcheschnadels von dem Gempbrissentwurse entnommen. Meist können die abgelegenen Forststucke und das außere Jagdrevier lagerecht mit angezeichnet werden. Nur bei zu großer Ausdehnung rückt man die einzelnen Stücke an den Hauptkörper mit gleicher Norderichtung näher an und Kellt auf demselben Blatte das Ganze in einem kleinen Plane zusammen dar.

Die Bergzeichnung wird grau mit dem Pinsel ausgeführt, weil sie sonst die Linienharstellungen undeutlich machte. Man legt die Pinselstriche in die Boschungslinie und drückt durch shre Schwärze die Stärke der Boschung aus, kreuzt auch wohl die abschüssigsten Partien.

Der zu vollem Holzbestands bestimmte Waldgrund wird mit Farbe übertragen, welche hier nun die eingerichtete Betriebsart bezeichnet, nämlich:

Hoch wald von Eichen gelb, von Buchen braun, von Fichten grunlichgrau und von Kiefern grau; Alles wie die Farbe der Hauptholzarten. Gemischter Hochwald, gewöhnlich von Eichen, Birken, Buchen, Kiefern und Larchen, graugrun.

Mittel = und Niederwald von Eichen, Birken u. bgl. gelbgrün; von Buchen mittelgrün; von Erlen, Pappeln, Weiben. u. dgl. blaugrün.

Wo Dberholz gehalten werden soll, wie im Mittelwalde, zeichnet man farbige Baumkronen ein. Wo ein bleibender Zwischen betrieb von Bedeutung mit eingeordnet ist, -bestommt bessen Alache ihre eigene Farbe, wenn auch eben keine Absonderung durch Linien Statt sindet.

Den zu erstrebenden normalen Baldzust and stellt man durch die verschiedene Starke des Farbentons dar. Die Bestandes: stäcken der ersten Zukunstsperiode nach eingetretener Bestandes stande sordnung erhalten den dunkelsten und die der letzteren den lichtesten Farbenton. Die verschiedenen Übergänge, von eisnem zum andern werden nur mit Bleilinien entworfen.

Aller andere Waldgrund und Forstnebengrund, der zu Planterbetrieh oder Einzelholzzucht, oder zu Forstenebennut ungen bestimmt ist, wird farbig mit der Feder überzeichnet und mit dem Pinsel etwas nachgearbeitet, wie in der Bestandskarte.

Der ganze Außengrund bleibt, his auf die Grenzen, farblos. Man zeichnet ihn, wie in den Anfnahmeblattern und so weit hinaus, als es zur übersicht der nächsten Absatbelegens heit und der außern Jagdbezirke eben erforderlich ist.-

Die verschiedenerlei Grenzen erhalten folgende Aus-

Landesgrenzen: Eine von Rund = und Strichpunkten zusammengesetzte, starke Linie, auf der außeren Seite mit einem Karminband. Kreisgrenzen mit violettem, Amtsgrenzen mit hellblauem, Forstreviergrenzen wit grimem Pinsel-

striche an einer gestrichelten Linie. Bei allen, die Farbenbander etwas breit und verwaschen.

Forst grund eigenthum: an die ausgezogene Linie ein schmaler mennigrother Pinselstrich.

Jagdgrenze: an die gestrichelte Linie, bei hoher Jagd eine grune, bei Nieberjagd eine gelbe, bei voller Jagd eine grune und gelbe Pinsellinie, ganz schmal angelegt und, wie die Grenze vom Forstgrunde, unverwaschen.

Un alle Grenzen kommen die Farbenstriche auswärts, und wo die Grenze zweiselhaft ober streitig ist, werden Feber= und Pinselzug nur punktweise aufgetragen. Die wichtigere Grenzbezeichnung nimmt immer die minder wichtige mit in sich auf.

Übrigens bekommt diese Karte nachst. dem Titel einen eins sachen Maßstab, eine Mittagslinie, mit Sonne und Mond ganz leicht bezeichnet, eine Sturmlinie, mit blauem geschlängeltem Pfeile und eine Zeichenerklärung.

Muß die Berbindung der verschiedenen Forsttheile in einem kleinern Plane dargestellt werden, so kann dieser nur die Hauptsgegenstände enthalten, wie eine topographische Karte. Auf solche Weise sweigt man wohl auch Plane von ganzen Oberforsten.

§. 297. Ubung im Kartenzeichnen,

Dhne Karten ist weder ein richtiger, planmäßiger Walbbestrieb, noch eine rechte Wahrung der Forstgrenzen möglich. Der Gebrauch von Karten wird aber nur demjenigen geläusig, der sich im Kartenzeichnen geübt hat. Daher sollte jeder Forstmann, nicht nur zum Ansenigen, sondern auch zum Gebrauchen der erforderlichen Karten, das Kartenzeichnen, wenn auch nur einigers maßen, lernen und üben.

1) Zekchenbebarf: Jum Kartenzeichnen schafft man sich die besten Mittel an: Papier, das wenig schmutt, die Farben nicht zu schnell, aber gleichmästig annimmt und sesthälte, auch hinlanglich seine Federzeichnung gestattet; zarte Bleististe, die weder zu hart noch zu weich sind; ausgesuchte Federn und gute, in der Spitze dicht zusammenschließende Pinsel von verschiedenerlei Größe; etliche Stücke seine Tasschen und zur Federzeichnung besonders sessichen Schwarze Tusche.

2) Bleiarbeit: Der Bleistift wird zum Zeichnen spizig geschnitten und auf rauhem Papiere geschärft. Das Entwersen der Linienzeichnung wird oben angefangen und geschieht strich= weise, als wollte man viele kleine Striche zu einem Ganzen an einander hängen. Dabei muß unter der Hand immer ein reines Papier liegen.

Fehlerhaft gemachte Züge streicht man einstweilen durch, oder wischt sie weg und entwirft anders. Überslüssiges Entwersten und Wiederauswischen ist zu vermeiden; daher giebt man viele Züge bloß mit einzelnen Punkten an und zeichnet die Sig-naturen gar nicht vor.

Alle innere Bleizeichnung muß vor dem Farbenauftragen weggewischt werden, wofern man sie eben nicht bleibend erhalten will, weil Nässe die Bleilinien bindet. Man entwirft nicht Alles auf einmal, sondern führt vorzügliche Gegenstände erst weiter aus.

3) Feberarbeit: Gute Feberkiele erkennt man an ber Reinheit und Harte und an ber reifen abgestoßenen Spige; fie werben zum Zeichnen in reichlichem Borrathe scharf geschnit= ten, neuerlich auch burch Stahlfedern mehr ober minder ersett. Die Feber wird mittels eines Tuschpinsels gefüllt und jedes Mal geprobt, ehe man sie auf der Zeichnung wieder gebraucht. Bu feineren Zügen führt man sie mit der scharfen Seite und sett behutsam Strich an Strich in Eins zusammen. Die Breite der Linien muß immer verhaltnismäßig sein und für gleiche Gegenstände gleich. Starke Linien und Striche werben zwar mit ber vollen Feber aufgetragen, aber, nachbem fie trocken find, fo lange mit ber scharfen Seite ausgearbeitet, bis fie gehörige Breite und Reinheit haben. Wo Farbenflachen mit ftarkgenaß= tem Pinsel angelegt werben, ist die Feberzeichnung spater zu machen; wo dicke Farbe aufgetragen wird, früher. Schwarze und Reinheit der Federzeichnung erhöht die Schönheit der Karte.

Die Kartenschrift erfordert besondere Auswahl und Schön= heit. Keine Mängel entbeckt das Auge des Beurtheilers leichter, als die der Schrift. Man gebraucht nach der Wichtigkeit und Größe des zu benennenden Gegenstandes lateinische Druckschrift und englische Handschrift, größer und kleiner, stehend und liez gend, voller oder dunner, gesperrter oder gedrängter, und werz meihet dabei jede überslüssige Zugverlängerung, sowohl bei Buch: staben, als bei Zissern. Gleichwichtige Gegenstände exhalten durchgänzig gleiche Schriftart und Größe.

Für jebe schriftliche Bezeichnung muß ein angemessener Plat. gewählt werden. Die Namen von größeren Flächen kommen mitten in dieselben; die von kleinen vollgezeichneten Gegenstänz den dicht daneden, ohne daß eine Verwechselung vorgehen kann, wo möglich rechts. Wo es angeht, wählt man dazu weniger bedeckte Stellen, nimmt gleich bei der Auszeichnung Rücksicht auf die Schrift und spart besondere Räume einstweilen für sie aus, damit die Schriftzüge frei und wein bleiben. Unnöthige Wörter sind zu vermeiden, noch mehr aber Schreibsehler.

Jebe Schrift muß entweder mit dem unteren Kartenrande, oder mit der zu benennenden Linie gleichlaufen; nie darf sie mit dem Kopse nach unten gekehrt sein. Jur Anlage der Schrift zieht man sich Parallelen und entwirft die Schriftzüge wohl mit seinem Bleististe. Die Schrift selbst wird mehr gezeichnet als geschrieben und denen auf gut gestochenen Karten so viel als thulich nachgeahmt.

4) Pinselarbeit: Die Pinsel sührt man paarweise an einem Stiele und sengt vorher die einzeln hervorstehenden Haare von der angeseuchteten Spige ab. Größere Pinsel sassen mehr Farbe und sind daher vorzüglicher. Zum Farbeanreiben nimmt man ein ganz glattes Geschirr mit etwas reinem weichem Wasser und führt das Farbenstück ganz leicht. Zum Nischen reibt man jede Farbe besonders und nimmt dann mit dem Pinsel das Ersforderliche zusammen. Angeriedene Farbe halt sich nicht lange rein. Beim Füllen des Pinsels rührt man die Farbe um, streicht das liberstüssige am Rande wieder ab und probt zum Farbensanlegen den Pinsel vorher erst auf Papier. Der andere Pinsel bleibt immer rein und angeseuchtet.

Bur Bergzeichnung mit dem Pinsel entwirft man zuvörderst . die Absätze der Bergzehänge mit wagerechten Bobenlinien und einzelnen, senkrecht von diesen ausgehenden Boschungsstrichen.

Nach dieser Richtung werden nun die Pinselstriche in gleichmassiger Breite und Entfernung angelegt. Diese anfänglich etwas blaß gehaltene Unlage wird weiter hin mehrmal überarbeitet und überall, nach einem dazu gemachten Musterblatte, in den, der Starke jeder Boschung angemessenen Schatten gesetzt. Aufsolche Art treten die Bergzeichnungen nach ihren Boschungsgraden beschattet, natürlich und schon hervor, ohne den andern Darkellungen zu schaden.

Soll eine ganze Flache mit Farbe übertragen werben, so legt man mit dem hinlanglich gefüllten Pinsel zuerst an die gezradeste, schmalste Seite einen Querstrich und führt von diesem die Farbe mit kurzen Pinselstrichen so schnell wie möglich herzeinwarts in die Flache, seitwarts immer etwas voraus, dis zu Ende. Auf eine schon etwas getrocknete Farbensläche darf der Pinsel nicht wieder zurückkommen, und wo eben angelegt wird, darf kein Farbenrand trocknen, bevor man denselben sortsest. Deßehalb sucht man jede Stelle gleichmäßig mit Farbe zu übertragen und nach vorn mehr Nässe zu halten, die aber zulest ausgehen muß. Ist dies eben nicht der Fall, so zieht man hier die überzstüssige Farbe mit dem Anssperpinsel ab, mit dem man auch die etwa übersahrnen Flecke zeitig abwäscht.

Übrigens mussen die Umgebungen einer anzulegenden Flache ganz trocken sein, sonst fließt die Farbe hinüber. Ist zu besorz gen, daß der Farbenton nicht gleichmäßig aussällt, so überträgt man die Fläche vorher erst einmal ganz dunn. Die Farbenzeichz nungen zu Grenzen, Wegen, Baumkronen u. dgl. werden mit stärkerer Farbe und weniger angefülltem Pinsel gemacht. Unter allen ausgetragenen Farben muß ein mildes Verhältniß herrschen, und die wichtigeren Gegenstände mussen gradweise hervortreten.

5) Einübung: Die beste Worübung zum Kartenzeichnen ist langsames, mehr zeichnendes Schreiben der Kartenschriften. Hat man hierin einige Fertigkeit, so geht es an das Linienzies hen mit Bleistift und Reißseder und an das freie Linienzeichnen, was Alles am Grundriffe gut eingeübt werden kann. Hiernachst werden die einfachen Federzeichnungen der Baume, Wiesen, Acker, Garten und Wüstungen zuerst einzeln und bann partien-

weise vorgenommen, wovon es zur Zeichnung ber Wege, Grenzen, Gewässer, Wohnungen u. dgl. übergeht; immer erst einzeln und dann in Verbindung mit andern Gegenständen, zuerst im großen Räßstabe und dann im kleinen.

Demnächst lernt man auch das Farbenanlegen mit dem Pinsel, zuerst in Flächen mit geraden und dann mit winkeligen Umrissen, zuerst in einer Farbe und dann mit mehren Farben neben einander und in verschiedenem Tone, zuerst ohne Bäume und dann mit Bäumen. Nun kann man zur eigentlichen Pinsselzeichnung übergehen und das Bergzeichnen sleißig üben. Hat man hierbei stets nach Genauigkeit und Sauberkeit getrachtet und die Handschrift mehr ausgebildet, so können nun erst vollssändige Kartenzeichnungen vorgenommen werden.

§. 298. Berfahren beim Rartenzeichnen.

1) Vorrichtung: Zu geometrischen Zeichnungen wählt man ganz plattes, altes, völlig ausgetrocknetes, gleichmäßig dichtes und starkes Papier. Dieses halt sich am stetesten. Müssen Blätter zusammengestoßen werden, so schneidet man die mehr ausgedehnten Ränder ab, reibt die Widen Enden auf der Klebzseite mit Bimsstein dunner, spannt sie unter Papierhalter und heftet das obere Blatt mit Mundleim so wenig naß als möglich aus. Nach ersolgter Bindung wendet man das Papier um und leimt den andern Blattrand eben so an. Sind auf beide Blätzter Quadratnetze gezogen, so steckt man sie vorher mit Hestnazdeln in den gemeinschaftlichen Durchschnittspunkten genau zus sammen und verfährt auf gleiche Weise; dann paßt Netz an Netz.

Bur Planzeichnung nimmt man das geeignete Papier ohne alle weitere Vorbereitung, wählt nur fehlerfreie Bogen aus, die sich gegen das Licht gehalten leicht erkennen geben. Bei seisnern Arbeiten wird das Zeickschlatt, sobald der erste Entwurf darauf kopirt ist, ganz in Papier geschlagen; dann schneidet man da, wo eben gezeichnet werden soll, eine Offnung in die Decke und verschließt diese nachher wieder mit untergeschobenem Papiere.

2) Entwurf: Für neue Kartenzeichnungen, zumal von

einiger Ausbehnung, macht man sich vorher einen stüchtigen Entwurf, um danach alle Anordnungen zweckmäßig treffen zu können. Die Figur muß auf das Zeichenblatt paßlich gelegt werden, daß auch für Titel, Maßstab und Zeichenerklärung der angemessene Raum bleibe. Die Richtung nach oben ist nicht gleichgültig. Gewöhnlich soll die Nordseite oben hin kommen; dies paßt aber nicht zur Schattenzeichnung. Besser wäre daher die Vorschrift: Norden rechts und Westen oben. Dabei gingen auch die Hiedsfolgen mehr nach oben. Der Forstwirth sindet sich am besten in seine Karte, wenn diejenige Seite, von welcher er den Forst gewöhnlich besucht, unten liegt.

3) Folge der Arbeiten: Zuvörderst wird mit Blei entworfen, was zur weitern Bearbeitung eben nothig ist, namlich die Züge der Grenzen, Abtheilungen, Wege und die sonstiz gen Farbenumrisse. Alsdann legt man den Farbengrund an und fertigt die Bergzeichnung. Nun werden erst jene Linien, die sich unter dem nassen Pinsel nicht gehalten hatten, mit der Feder ausgezeichnet.

Hierauf beschreibt man das Innere der Karte, ehe die passenden Stellen dazu mit weitern Zeichnungen verdeckt werden. Dann folgen alle übrigen Federzeichnungen, schwarze und farbige, und endlich noch die starken Pinselzeichnungen. Bei Wezgen, Flüssen u. dgl. wird die mit der Feder aufzutragende Farbe starker genommen. Endlich zeichnet man im Außern die Nordzlinie, den Maßstab, den Titel und die Zeichenerklärung. Von letzterer sind die Rahmen früher zu entwerfen, damit die gebrauchten Farben sogleich mit angelegt werden können.

4) Zeichen fehler: Beim Kartenzeichnen muß man die größte Genauigkeit beobachten. Nie darf ein Fehler in der Karte gelassen werden. Hat man sich mit der Feder verzogen, oder mit dem Pinsel, und kann der sehlerhaste Flecken nicht auf frischer That mit dem Wasserpinsel abgewaschen werden: so muß derselbe stehen bleiben, bis zum Abputzen der Karte; denn das alsbaldige Radiren kat östers weitere Unannehmlichkeiten zur-Folge. Damit aber keiner dieser Fehler übersehen werde, sührt man ein Verzeichniß darüber und berichtigt sie nachmals zussammen.

Ieber Flecken wird auf einer geeigneten Unterlage aubradirt; ist er breit, mit einer runden, ist er aber strichsormig, oder an einem bleibenden Striche befindlich, mit einer spitzigen etwas dicken, scharsen, ganz leicht zu sührenden Radirklinge. Das Papier darf dabei nicht ausgekrat und muß mit Gummi nach gleicher Seite abgerieben werden. Die wunde Stelle läßt sich dann mit einer ganz scharsen, wenig gefüllten Feder, oder mit einem schwach angeseuchteten Farbenpinsel wieder in Stand sezten. Die dadurch hier und da entstehenden kleinen Unvollkommenheiten der Zeichnung verlieren sich in dem sertigen Ganzen, und man braucht wegen ansänglich gemachter Versehen die Arzibeit eben nicht gleich zu verwerfen.

5) Fertigung: Nach Berichtigung der Fehler wird die Karte mit Gummi oder trockner Semmel abgeputzt. Dabei sind die lichteren Farbenstellen mehr zu schonen, die zu dunkel ausgefallenen Stellen aber stärker anzugreifen. Dann sind die vier Randlinien rechtwinkelig zu ziehen und danach die Seiten zu beschneiben,

Karten, die bloß zur Übersicht dienen, benen also ein Berziehen weniger schabet, zieht man der Dauer wegen nach vollenz deter Zeichnung auf Leinwand. Hierzu wird die Rückseite der Zeichnung mit Kleister überstrichen, auf die vorher straff ausgesspannte, trockne Leinwand von einer Seite herein niedergelassen und während des von innen heraus aufgedrückt, ohne etwas zu beschmutzen, oder zu verwischen, alsbann nach erfolgter Abstrocknung abgenommen, beschnitten und zusammengerollt. Zur leichtern Führung wird die Zeichnung wohl auch in kleine gleiche Rechtecke geschnitten und stückweise aufgezogen, so daß das Sanze hernach in Taschenform zusammengeschlagen werden kann.

Dritte Abtheilung.

Forstliche Stereometrie.

§. 299. Rorpermegtunft.

Die Körpermeßkunst hat zu ihrem Gegenstande die Ausdehnung der Körper; sie erklart die Eigenschaften dieser' Ausdehnung überhaupt und lehrt, wie die vorkommenden Körperraume nach gewissen Formen ausgemessen und sonst bestimmt werden.

§. 300. Korperraum.

Stellt man sich eine Auf = oder Niederbewegung der Fläche vor, so bekommt man den Begriff von einem Körperraume. Dieser hat drei Ausdehnungen, nämlich känge und Breite, welche die Fläche schon hatte, und Höhe oder Tiese, welche durch die Bewegung der Fläche noch erzeugt wurde. Die Grenzen des Körpers sind Flächen; sie heißen Grund = und Seizten slächen und bilden gegenseitig Kanten und Ecken. Die Höhe wird senkrecht vom Grunde genommen.

§. 301. Rorpermeffung.

Die Messung der Körperräume ist nur mittelbar möge lich nach den eben meßbaren äußern Ausdehnungen. Diese sind jedoch öfters so unregelmäßig, oder doch so schwierig und un=

sicher zu nehmen, daß eine eigentliche Ausmessung gar nicht Statt sinden kann. In solchen Fällen bleibt kein anderes Mittel übrig, als die Körperrässer nach wahrscheinlichen Gründen ungefähr zu bestimmen, oder zu schätzen. Bei jeder Körperinhaltermittes lung hat man den erforderlichen Genauigkeitsgrad wohl zu beachsten und sich gegen die unvermeidlichen Abweichungen, so wie ges gen die vermeidlichen Fehler genügend zu sichern.

§. 302. Eintheilung ber Korpermeßkunft.

Wir betrachten in der forstwirthschaftlichen Körpermeßkunst zuvörderst die allgemeinen Größenverhaltnisse der stereometrischen Hulfskörper an bloßen Darstellungen, leiten davon die Berech= nung derselben ab und wenden diese Grundkenntnisse zur Messsung forstlicher Körper an, so weit es die Forstbenutzung zunächst erfordert. Die forstliche Stereometrie zerfällt demnach in drei Abtheilungen, nämlich in die Betrachtung, Berechnung und Messung der Körper.

I. Körperbetrachtung.

1. Größengleichheit verschiedener Körperformen.

§. 303. Forstliche Bulfetorper.

Bei dem Forstwesen kommen nur die saulensormigen Korsper, namlich die Bolls und Spitsaulen in Anwendung.

1) Die Vollsäulen oder prismatischen Körper haben in ihrer ganzen Höhe gleiche Stärke; ihr Raum könnte entstehen, wenn die ebene Grundsläche sich in immer gleicher Lage gerade aufwärts bewegte; in dieser Form ist stets die obere Grundsläche der untern gleich.

Un dem eigentlichen Prisma ober der Eckfäule ist die Grundsläche eine geradlinige Figur, die mit jeder ihrer Seiten

ein Parallelogramm als Seitenfläche begründet, und wonach das Prisma breis, viers oder vielseitig genannt wird.

Hat das Prisma ein Parallelogramm zur Grundsläche, so heißt es noch besonders Parallelepipedum, Langwurfel; gewöhnlich ist dasselbe rechteckig. Sind die Grund- und Seitensstächen Quadrate, so wird der Körper Kubus ober Würfel genannt. Dieser hat wegen nothwendiger Gleichheit aller scher Quadratseiten auch gleiche Länge, Breite und Höhe.

An dem Cylinder ober der Walze ist die Grundsläche ein Kreis, der in oben gedachter Ausbewegung mit dem Umfange die krumme Seitenfläche und mit dem Mittelpunkte die Achse durchlief.

- 2) Die Spitsaulen ober Pyramiden entigen sich oben in einer Spite, von der jede Gerade, die zum Umfange der Grundsläche geht, ganz in der Seitensläche liegt. Die eigentliche Pyramide hat eine geradlinige Grundsläche und dreieckige Seitenslächen. An dem Regel ist die Grundsläche ein Kreis, die Seitensläche also krumm, und die Achse geht von der Spite zur Mitte der Grundsläche.
- 3) Alle saulenformigen Körper können mit Ausnahme bes Würfels auch schief auf ihrem Grunde stehen; doch kommen sie meistens senkrecht in Betracht. Im senkrechten Cylinder und Kegel steht die Achse senkrecht auf der Grundsläche und ist zusgleich die Höhe.
- 4) Zur Bestimmung des Körperinhaltes wählte man den Kubus, den einfachsten und fügbarsten Körperraum, der auch durch Zahlen am bequemsten ausgedrückt werden kann. Man denkt sich zur Einheit des Längenmaßes einen Würfel und nimmt denselben als Körpereinheit an.

§. 304. Gleichheit ber Bollfaulen. Fig. 116.

1) In jeder Vollsäule sind alle mit dem Grunde parallel gelegten Querschnitte unter sich und den beiden Grund flächen gleich. Denn diese Querschnitte und die obere Grundsläche waren einmal, bei der oben gedachten Entsstehung der Vollsäule, die untere Grundsläche selbst. 3. B. ABC bildete DEF wie GHI; eben so ist QR = ST = UV u. s. w.

- 2) Alle Bollsaules von gleichgroßer Srunds
 flache und gleicher Hohe sind gleichgroß. Denn es
 gleichen sich gegenseitigealle, mit dem Grunde parallel gelegten Duerschnitte DEF, KLM, ST, wie die Grundslächen, und also
 anch, wegen der gleichen Hohe, die ganzen Körperräume ABI, ABN, QRU. Diese Sleichheit sindet Statt, die Bollsaulen mösgen senkrecht, oder schief sein, eine gerablinige Figur, oder einen Kreis zur Grundsläche haben.
 - §. 305. Gleichheit der Spitsaulen. Fig. 117.
 - 1) Jeder durch eine Spissaule mit dem Grunde parallel geführte Querschnitt ist der Grundfläche abnlick

In der dreiseitigen Pyramide ABCD sei EFG parallel mit ABC und mithin jede Seitensläche parallel zu ihrer Grundlinie durchschnitten;

baher
$$DE : DA = DF : DB = DG : DC$$

also $EF : AB = FG : BC = EG : AC$ §. 147. 3.
folglich : $\triangle EFG \sim \triangle ABC$ (§. 149. 3.).

Daß dieses für alle mehrseitigen Pyramiden und für den Kegel gilt, ist leicht einzusehen. Denn auch der Regel ACD kann durch Längenschnitte, wie DIB, DIb, von der Spize zur Grundsstäche in dreiseitige Pyramiden zerlegt werden, und in diesen sind- alle Querschnittdreiteke, wie FHf, zusammen allen Grundssächendreieken, wie BIb, zusammen ähnlich.

2) In jeder Spigsaule verhalten sich die mit dem Grunde parallel geführten Querschnitte und die Grundfläche zu einander, wie die Quadrate der zugehörigen Seitenkanten oder Höhen.

Denn FG: BC = DG: DC = DH: DI (§. 147, 3.), and FG²: BC² = DG²: DC² = DH²: DI² (§. 61. 5.), also: Δ EFG: Δ ABC = DG²: DC² = DH²: DI² (§. 169. 1.).

3) Spitsaulen auf gleichgroßen Grundflachen und in gleicher Sohe sind gleichgroß.

Man führe z. B. durch die Pyramide und durch den Kegel

ABCD in gleicher Höhe IH wit dem Grunds gatallele Quersschnitte, wie EFG: so sind diese Schnitte gleichten weil sie ein und dasselbe Verhältniß zu den gleichen Grundstählen haben, namlich DI²: DH² = ABC: EFG. Sind aber in zwei, ober mehren Spitzsäulen alle zeleichhohen Querschnitte oder Stärken einander gleich, so können ihre Körperchume nicht ungleich sein.

-S. 306. Die Spissaule ist \frac{1}{3} ber Vollsaule. Fig. 118.

1) Jedes dreiseitige Prisma läßt sich in brei geleichgroße Pyramiden zerlegen.

Bon dem dreiseitigen Prisma ABCE theilt zuwsederst der Diagonalschnitt ABD eine Pyramide ABDC ab, welche die Grundsstäche ABC und die Höhe des Prisma hat.

Bon dem Korper ABDEF theilt hiernachst ber Diagonalsschnitt EDB eine zweite Pyramide EDBF ab, welche ebenfalls die Grundsläche DEF und die Hohe des Prisma hat, also der erstern gleich ist.

Die nun noch übrige britte Pyramide ABED, mit der . Grundsläche ABE und der Spize D, ist der vorigen Pyramide EDBF gleich; denn beide haben (nun von der Seite betrachtet) gleiche Grundslächen ABE und BEF (§. 152. 1.) und gleiche Hohe, weil sie auch mit den Spizen in D zusammenliegen.

- Da nun von diesen drei gleichgroßen Pyramiden je eine mit dem Prisma gleiche Grundsläche und Höhe hat, so ist jede dreiseitige Pyramide der dritte Theil eines dreisseitigen Prisma von derselben Grundsläche und Höhe.
- 3) Da jede Spiksaule, selbst ber Regel, von der Spike aus in dreiseitige Pyramiden zerfällt werden kann, und jede der dritte Theil des zugehörigen Prisma ist: so mussen auch alle diese Pyramiden zusammen der dritte Theil sein, von allen gleichhohen Prismen zusammen, auf derselben Grundsläche. Es ist daher jede Spiksäule der dritte Theil einer Bolksaule von gleich großer Grundsläche und Höhe.

2. Körperinhalt ber Gaulenformen.

§. 307. Körperinhalt ganzer Bollsaulen und Spitsaulen. Fig. 119.

Das rechtwinkelige Parallelepipedum besteht aus so vielen Rubikeinheiten, als das Produkt ber Grundflächenzahl mit der Sohenzahl beträgter

Es sei ABCD ein rechtwinkeliges Parallelepipedum und abeck ein zur Körpereinheit dienender kleiner Kubus. Man denke sich zuerst die Grundsläcke AC mit solchen kleinen Kubikmaßen vilzlig besetzt Davon würden hier so viele Raum sinden, als das Produkt beiter Seiken AB × BC ausdrückt, oder was gleichviel ist, als die Grundsläche gleichnamige Quadratmaße enthalt. Diese erste Schicht von Kubikmaßen nahme den Raum ABCE ein, und zur Aussüllung des ganzen Körperraumes würden so viel solcher Schichten erforderlich sein, als AD das Längenmaß in sich enthält.

Ware die Grundsläche 4' lang und 3' breit, so würden auf derselben $4 \times 3 = 12$ Kubiksuß stehen können; betrüge nun die Höhe 6', so gingen in das ganze Parallelepipedum jene 12 Kubiksuße sechsmal über einander, und der ganze Raum desselzben enthielt $12 \times 6 = 72$ Kubiksuße.

Man muß also hier die gesuchte Zahl des Kubiks inhaltes herausbringen, wenn man die Zahl der Grundfläche mit der Höhenzahl, oder schlechthin die Grundfläche mit der Höhe multiplizirt. Daraus wird zugleich deutlich, was est heißt, eine Fläche mit einer Linie multipliziren.

Für andere Säulenformen ergiebt sich hiernach:

1) Der Inhalt des Würfels geht hervor, wenn man dessen Seite in die dritte Potenz erhebt; denn derselbe hat ein Quadrat zur Grundsläche und zugleich die Quas dratseite zur Höhe. Ein Würfel, dessen Seite 10, oder 12 kanz geneinheiten mißt, enthalt 103 — 1000, oder 123 — 1728 Kubit:

einheiten. Die unbekannte Seite eines Würfels sindet man das gegen in der Kubikwurzel aus dem gegebenen Würfelinhalte. Daher die Benennungen Kubikzahlund Kubikwurzel.

- 2) Jede Vollsäule, das Prisma sowohl, als bie Balze, sie mag senkrecht, cer schief sein, besteht auß so vielen Aubikeinheiten, als das Produkt der Grundsläche mit der Höhe heträgt. Denn jede ist so groß, als ein rechtwinkeliges Parellelepipedum von derselben Grundsläche und Höhe (§. 304. 2.). Bezeichnet man im Allgemeinen die Grundsläche mit G und die Höhe mit H, so ist der Inhalt jeder Vollsäule G × H.
- 3) Jede Spiksaule, die Pyramide sowohl, als der Kegel, bestährens einem Drittel der Kubikseinheiten von der Produkte der krundsläche mit der Höhm (§. 306.); ihr Inhalt ist daher im Allgemeinen G×H

§. 308. Körperinhalt besonderer Gäulenstücke. Fig. 120, 121, 117.

Von den säulenförmigen Körpern haben wir noch einige Stücke besonders zu betrachten.

- 1) Fig. 120. Die schräg abgeschnittene Walze, z. B. PQRS, hat zum Inhalte das Produkt der Grundsläche mit der Mittelhohe mn $=\frac{PR+QS}{2}$. Denn denkt man sich durch die Mitte der schrägen Abschnittssläche eine wagerechte Quersläche, so ergänzt das oben darüber abgefallene Stück den darunter befindlichen leeren Raum.
- 2) Fig. 121. Der Cylinderring AaDd ober bas Rohrenstück hat zum Inhalte ben Unterschied bes vollen und bes
 hohlen Walzenraums, nämlich ABCD abcd.
- 3) Fig. 117. Die abgestumpfte Spissaule ABCEFG entsteht, wenn die Spisse parallel mit der Grundfläche abgeschnitzten wird. Der Inhalt des abgestumpften Stückes ist der Unzterschied von dem Ganzen und der abgeschnittenen Spisse, namslich ABCD EFGD.

3. Körperverhalkniß der Saulenformen.

§ 309. Körperverhältniß ber Säulenformen überkaupt.

Die Wellsaulen verhalten sich wie die Dredukte

aus ihren Grundftachen und Soben.

Man bezeichne son Frei Vollsäulen den Inhalt wit M und m, die Stindstäche mit G und z, die Hohe mit H und h, dann-At

olglich M:m=G×sH:g×

Hieraus folgt weitet:

1) Zwei Bollsaulen von gleicher Grundfläche verhalten fich wie ihre Hohen.

setzung G'= g, so ist auch M: m = H: h (§. 61. 2.).

- 2) Bei gleichen Höhen verhalten sich die Volksfäulen wie ihre Grundflächen, und sind diese ähnlich, auch wie die Quadrate gleichliegender Seiten der Grundslächen. Ist nämlich in obiger Proportion H = h, so ist eben sowohl M: m = G: g und G: g = D²: d², wenn D und d gleichliegende Linien ähnsicher Grundslächen bezeichnen (h. 169.).
- 3) Zwei Watzen m und M von gleicher Hohe verhalten sichwaher, wie die Quadrate ihrer Durch= messer aund D; pber Amfange u und U; namlich:

$$u^2:U^2=m:M.$$

Daraus ergiebt sich auch nach §. 61. 3.,

$$u^3 + U^2 - u^3 \Rightarrow m : M - m,$$

ein Berhaltniß ber Zuwachsberechnung.

4) Alle Spissaulen verhalten sich, als die Britz tel der Bollsaulen, eben auch wie biese, namlich wie die Produkte aus ihren Grundflachen und Hoben, ober beimleichen Grundflachen, wie die Hoben, und bei gleichen Hohen, wie bie Grundflachen.

§. 310. Körperverhaltniß ahnlicher Saulen. Fig. 122.

Ahnliche Bollsaulen verhalten sic, Die bie Burfel gleichliegender Linien.

Bur Ahnlichkeit zweier Körper gehört daß besterseits die Grund= und Seitenflächen ahnliche Figuren sind, wobei alle gleichliegenden Seiten und andern Linjen gleiche Neigung und einerlei Verhältniß haben.

Stellen ABCD und abcd mei ahklicke Vollstulen vor, so verhalten sie sich, ihrem Inhalte nach, wie G × H : g × h (h. 309.). Nun ist wegen der Ahnlichkeit beider Grundslächen und der Proportionalität aller Seiten und Linien:

yan a x 11 · g x 11 — no · ac — ni · ii (yi oz,

Hieraus folgt:

- 1) Ahnliche Prismen verhalten sich, wie bie Würsfel ihrer Hohen ober gleichliegenden Seiten.
- 2) Ahnliche Walzen verhalten sich, wie die Würfel ihrer Durchmesser, Umfänge, Höhen u. s.w. Bezeichnet man die Walzen mit m und M, die Umfänge mit u und U, so ist

$$u^3:U^3=m:M,$$

und für die Zuwachsberechnung (n. §. 61. 3.)

$$u^s: U^s - u^s \leftarrow m: M - m.$$

3) Auch mufsen sich ähnliche Pyramides und ähnliche Regel verhalten, wie die Würfel ihrer, gleichliegenden Linien.

II. Körzerberechnung.

1. Ausrechnung bes Korperinhaltes.

S. 311. Rorpermaß.

Das Grundmaß der forstlichen Körper ist der Körpers fuß, auch Kubikfuß genannt, ein Wakkel von einfußiger Länge, Breite und His. Gewöhnlich bestimmt man den Körsperinhalt nach Werkmaß:

Der Körperfuß im Werkmaße ist ein Würsel, bessen Seite 12 Längenzolle, bessen Grundsläche 12 × 12 = 144 Quas dratzolle und dessen ganzer Raum 12 × 12 × 12 = 1728 Kubikzolle enthält. Eben so besteht jeder Körperzoll dieses Maßes aus 1728 Körperlinien. Bei Zehntzsmaß hat die Körperruthe 10³ = 1000 Körpersuß, dieser 1000 Körperzoll u. s. w. Die Körperruthe enthält auch, je nachdem die Längenruthe zusammengesetzt ist aus 12, 16 oder n Werksußen, 12³, -16³, überhaupt n³ Körpersuß. Diese Eintheilung solgt aus §. 307. 1.

Zwar gewährte das zehntheilige Körpermaß erhebliche Rech= nungsvortheile; indessen erleichtert man sich den Gebrauch des für den Berkehr viel geeignetern, zwölftheiligen Werkmaßes durch Taseln, oder durch Formeln, worin alle Faktoren von 12 in voraus gehoben sind.

Das Körpermaß bezeichnet man übrigens eben so, wie das Längenmaß; nur kommt zur Unterscheidung noch ein c hinzu. 53155 Körperzolle im Zwölstelmaße sind 30 c' 1315 c''. Wobei einer Körpergröße die Art des Maßes nicht angegeben ist, versteht man immer Werkmaß darunter.

§. 312. Körperausrechnung überhaupt.

Die rohen, mehr natürlichen Körper, besonders die vom Holzwuchse, sind keinesweges ganz stereometrisch geformt; doch

fälle es nicht schwer, ihren Körperinhalt näherungsweise so genon zu bestimmen, als es die wirthschaftlichen Zwecke nur irgend dern.

Da-man zur Ausmittelung des Körperinhaltes in den inshern Kärpervaum eine paßliche Körpereinheit nicht einsetzen kann, wie wir es uns oben vorstellten: so muß der Inhalt nach äußern Ausdehnungen, meist nach der Grundfläche und Höhe, ausgerechnet werden. Bei allen säulenförmigen Körpern nehmen wir in der Berechnung die mittlere Länge als Höhe und den durch die Längenlinie des Körpers senkrecht geslegten, vollen Querschnitt als Grundfläche an. Bissweilen ist auch die Körperobersäche mit auszurechnen.

Bur Ausrechnung der Holzkorpergehalte wird gewöhnlich bie Starke in Pollen und die Lange in Fußen ausgebruckt.

§. 313. Berechnung bes Prisma,

Der Körperinhalt des Prisma wird ausgerech= net, wenn man die Grundflächenzahl mit der gleich= benannten Höhenzuhl multiplizirt; das Produkt ist der Inhalt in gleichbenannten Körpereinheiten (§. 307. 2.).

1) Ein Parallelepipedum der Balkenstück habe zur Grundsläche ein Rechteck von 18 und 14 Zoll in den Seis ten und zur Höhe 24 Fuß.

Der Körperinhalt ist im Werkmaße: $\frac{18 \times 14}{144} \times 24 = 42 \, c'$. Denn die Grundsläche enthalt $18 \times 14 = 252 \, q''$; diese durch 144 in Quadratsuße verwandelt, um sie mit der Höhenzahl in gleiche Benennung zu bringen, giebt $\frac{21}{142} = 1.75 \, q'$. Sben so viel Kubiksuße gehen nun im jede sußhohe Schicht; also enhielt das ganze Stück $1.75 \times 24 = 42 \, c'$. Dasselbe müßte her-auskommen, wenn man nicht unfänglich, sondern zuletzt durch 144 dividirte; denn $\frac{18 \times 14}{144} \times 24 = \frac{18 \times 14 \times 24}{144} = 42$.

Wärk die Höhe in Zollen gegeben, so multiplizirte man schigleich damit, ohne exst durch 144 zu dividiren. Das Produkt

messers Quadrat mit 0,0054541, ober des Umsfangs Quadrat mit 0,0005526 und in jedem Falle noch mit der Höhenzahl.

Obige Walze von 18 Zoll'im Durchmesser und 25 Fuß in der Höhe enthielt hiernach: $18^{\circ} \times 25 \times 0,0054541 == 44,17$ c'.

Die andere von 60'U und 30'H hatte 60° × '30 × 0,0005526.

= 59,68 c'.

Der kleine Unterschied zwischen diesen und den obigen Ersgebnissen rührt von verschiedener Genauigkeit des eben angenommenen Kreisverhaltnisses her.

3) Die letztere Ausrechnung des Walzeninhaltes kann noch mehr abgekürzt werden. Man könnte zuerst sür die beiden beständigen Faktoren 0,0054541 und 0,0005526 nur 0,0055 und 0,00055 gebrauchen, wodurch beide Rechnungen mehr Übereinsstimmung bekämen. Damit rechnete man die letztern Fälle, wie folgt:

18 = D		60 = U
18	•	. 60
144 18	•	3600 30 == H
324 25 — H		108000 55
1620 648		540000 540
8100 55		59,4¢'.
40500 405		
44,55.,c'.		•

Diese neuen Faktoren 55 sind aber nicht ganz genau, obsichon sie die, dem Gebrauche des Durchmessers und Umfangs eigenen Abweichungen einigermaßen heben. Ihre Produkte könznen jedoch berichtigt werden, wenn man beim erstern das Zuviel wieder hinwegnimmt und beim andern das Zuwenig noch hinzulegt.

a) Bei dem ersten Faktor, für die Ausrechnung nach dem Durchmesser, schnitt man hinten 541 ab und gab das

für der letztern Stolle 1 mehr. Dadurch ist die hintere 5 in dem neuen Faktor um 0,459 ihrer Einheit, also etwa um 0,1 ihres ganzen Werthes zu groß geworden. Deßhalb muß auch ihr Produkttheil um 0,1 zu groß ausfallen. Dieses kann aber leicht berichtigt werden, wenn man den zehnten Theil davon wieder abzieht.

Vorhin war 4,05 bas Produkt der hintern 5, ein Zehntel bavon ist 0,405. Man dürfte also nur denselben Produkttheil um eine Stelle weiter rechts darunter setzen und abziehen. Diesbrauchte jedoch erst an dem Hauptprodukte zu geschehen, wie folgende berichtigte Stelle aus jener Rechnung zeigt:

8100 55 405.. 405 44,5500.

Davon abgezogen 0,405, wegen der Berichtigung. Bleibt: 44,145 c', als berichtigter Inhalt.

b) Bei dem andern Faktor, für die Ausrechnung nach dem Umsange, schnitt man die hintere 26 ab; dadurch sehlt der letztern 5 etwa 0,25 ihrer Einheit, also ein halbes Zehntel ihres ganzen Werthes. Deshalb ist der Produkttheil von ihr um ein. halbes Zehntel zu klein. Um denselben zu berichtigen, müßte man das Fehlende dazu legen.

Dben war 5,40 . . . bies Produkt der hintern 5. Das halbe Zehntel desselben wird gefunden, wenn man das Komma eine Stelle vorrückt und von dieser Zahl die Hälste nimmt; es ist 0,27. Man dürste also zur Berichtigung jenes Produkttheis les nur, die Hälste seiner Zahlen um eine Stelle weiter rechts darunter setzen und hinzuzählen. Dies könnte auch erst, wie in dem folgenden Ansate, am Hauptprodukte geschehen.

108000 55 540000 540 59,40,

Dazu abdirt 0,27, wegen ber Berichtigung. Giebt: 59,67 c', als berichtigten Inhalt.

.

c) Roch mehr wird diese Rechnung absekürzt, wenn man das besondere Multipliziren mit 5 ganz vermeidet und dafür bloß den Multiplikanden nach Hinzusehung einer Null halbirt; denn $5 \Rightarrow \frac{10}{2}$ und $108 \times 5 = \frac{108 \times 10}{2} = \frac{1080}{2} = 540$.

Verrichtete man diese Multiplikation mit og gleich anfänglich an einem geeigneten Faktor, so ergabe schon die Multiplikation der genommenen Walzenmaße jenen Produkttheil einer 5, hier 540. Diese Zahl ware dann, als Produkttheil der andern 5, um eine Stelle fortgerückt, noch unterzusetzen und zu abdiren.

Die obige Rechnung mittels des Umfangs wurde sich hierz nach auf folgende Weise vereinfachen lassen:

60 Umfang.

300, wegen der Multiplikation mit 30

18000

30 Hohe

540000

27000 Berichtigung.

59,67 c' Inhalt.

Man erhielt hier in 540000 unmittelbar das Produkt der einen 5, setzte das der andern 5 um eine Stelle weiter rechts, als ware von vorn multiplizirt worden, und nahm nun die Berichtigung nach dem untern Produkte der hintern 5 vor.

Die obige Rechnung mit dem Durchmesser gestaltet sich biernach!

18 Durchmesser.

90, wegen ber Multiplikation wit \$\frac{1}{9}\$

1620

25 Höhe.

8100

324

40500

44,5500

405 Berichtigung.

44,145 c' Inhalt.

Die anfänglich durch das Multipliziren mit & hinzukommende Null braucht man übrigens gar nicht beizubehalten, wenn am Endprodukte eine Stelle weniger abgeschnitten wird. Auch in der weiteren Rechnung mag man die hintern Nullen vernachlässigen, weil aus den Maßen der Walze schon zu entnehmen ist, welche Zahlstellen ganze Kubiksuse bedeuten.

" Dies giebt uns für bie Ausrechnung bes Walzeninhaltes mit Werkmaß, in Sällen, wo man eben keine Tafeln zur Hanb hat, folgende Regel:

Man nehme bes Durchmessers ober bes Ums
fangs Bollzahl zweimal, bazu ber Lange Fußzahl
einmal, und multiplizire diese brei Faktoren, nachs
bem der schicklichste davon halbirt worden ist. Das
dadurch erhaltene Produkt sete man nochmals,
eine Stelle weiter rechts gerückt, unter, zähle so
beide zusammen und schneide von der Summe beim
Gebrauche des Durchmessers drei, und bei dem des
Umfangs, vier Stellen rechts ab. Diese Bahl
giebt den Inhalt in Körpersußen schon ziemlich
genau. — Will man denselben genauer haben, so
muß die vorlette Bahl (der schon einmal forts
gesetzte Produkttheil) noch um eine Stelle rechts
gerückt, beim Durchmesser ganz abgezogen, beim
Umfange aber halb hinzu gezählt werden.

4) Die Oberfläche der senkrechten Walze besteht aus den zwei gleichen kreisformigen Grundslächen und der Seistensläche, welche abgerollt ein Parallelogramm ist, das den Umsfang und die Höhe der Walze zum Maße hat.

An einer Walze von 60 Joll oder 5 Fuß Umfang und 30 Fuß Höhe enthält die Oberfläche:

in den beiden Grundslächen: $1,989 \times 2 = 3,978 \text{ q'},$ in der Seitenfläche: $5 \times 30 = 150 \text{ }$ ».

Busummen: 153,978 q'.

§. 315. Berechnung ber Pyramide. Fig. 117.

Der Körperinhalt der Pyramide wird ausgerechnet, wenn man die Grundfläche mit der Sohe multiplizirt, und von dem Produkte ein Drittell nimmt (§. 307. 3.).

- 1) Hatte eine Pyramide zur Grundsläche ein Quadrat von $16 \times 16''$ und zur Höhe 60', so enthielt ste $\frac{16 \times 16}{144} \times \frac{60'}{9} = 35,55$ c'. Die Grundsläche ist nämlich $16 \times 16 = 256$ q''; diese müßte durch 144 in 144 = 1.77 q' verwandelt und stoch mit einem Drittel der Höhe, nämlich mit 160 = 20' multiplizitt werden, was obigen Inhalt giebt.
- 2) Fig. 117. Ware eine Pyramide mit ber Grundfläche parallel abgestumpft, so hätte man zur Inhaltberechnung zuvör= berst die Hohe HD der abgeschnittenen Spize zu suchen.

Es sei CID ein kentrechter Längenschnitt, darin DI und GK sentrecht zu IC und HG, so verhält sich, weil \triangle CID \sim \triangle CKG \sim \triangle GHD:

$$CK : GH = KG : HD (§. 147.)$$
ober $CI - GH : GH = IH : HD$,

Es sei auch der Schnitt BID senkrecht, und somit das Δ FHG \sim dem Δ BIC (§. 305.), so verhält sich weiter

$$\frac{CI - GH : GH = CB - GF : GF;}{\text{folglich ift: } CB - GF : GF = IH : HD.}$$

Nach dieser Proportion ergiebt sich das abgeschnittene Hohenstück HD. Nun sucht man die ganze Hohe ID — IH + HD,
berechnet dann, wie schon bekannt, die ganze Pyramide, hierauf
die abgeschnittene Spize und zieht diese von dem Ganzen ab
(§. 308, 3.).

3) Die Oberfläche ber Pyramide besteht aus der Grundsläche und aus so vielen Seitendreiecken, als der Grund Seiten hat. An der abgestumpsten Pyramide sind die Seitensslächen Trapeze. Meist sinden sich die Seitenkanten, die Höhen ber Seitenslächen und die Pyramidenhöhe nicht erheblich von einander verschieden.

§. 316. Regelberechnung.

Um ben Körperinhalt des Kegels auszurechnen, muß man die Grundfläche mit der Hohe multiplis giren und das Produkt ebenfalls burches theiten (§. 307. 3.).

1) Man berechnet den Inhalt des Kegels am bequemsten wie den der Wasse und theilt dabei nicht erst das Produkt, son- dern ansanglich gleich einen der Faktoren, sofern einer Estebarburch 3 theilbar ist. Die Berichtigung bleibt übrigens dieselbe.

Hatte z. B. ein Regel A, 24" D und 30' H; ein anderer B, 84" U und 20' H:

Wer hiernach nicht rechnen will, der kann den weitläusigern Weg einschlagen und zuerst (n. §. 314. 1.) die Grundsläche ausrechnen, die dafür gefundenen Quadratzolle in Fuße derwack beln, dann mit der Höhe multipliziren und endlich durch 3 dividiren.

2) Die Inhaltsberechnung des abgestumpften Kegels kann auch, wie die der abgestumpften Pyramide, mit vier besondern Ansagen gemacht werden. Man sucht zuerst das sehlende Höhenstuck h, hierauf den Inhalt der sehlenden Regelsspise, alsdann den ganzen Regelinhalt und zieht endlich von diessem die Spise ab.

Hierbei können unmittelbar gemessen werden: die Durche messer D und a ober die Umfänge U und n beiber Grundslächen. und die Höhe H — h des abgestumpsten Kegels. Zur Auffinsbung des abgeschnittenen Höhenstückes h braucht man ganz diesselben Verhältnisse wieder, wie bei der Pyramide, nämlich:

D-d:d ober U-u:u=H-h:h;

Wir wollen z. B. annehmen, ein abgestumpster Kegel habe zum untern Umfang 84" und zum öbern 21" und sei 15' hoch. Hier wird zuerst die Höhe. h der abgeschnittenen Spize gesucht nach der Proportion:

$$84 - 21 : 21 = 15 : h \text{ and } h = \frac{21 \times 15}{84 - 21} = 5'.$$

Die gause Regelhohe H ist somit 15 + 5 == 20'.

Nun rechnen wir von der fehlenden Spitze und von dem ganzen Kegel den Inhalt nach unserer Regel aus. Die Spitze hat 21" U und 5' h

Der ganze Kegel von 84" U 20' H halt: 25,989 c'. Die fehlende Spitze halt: 0,406 c'. Mithin bleibt für das untere Stück: 25,583 c'.

3) Obgleich diese Ausrechnung des abgestumpsten: Regels eben nicht schwer ist, so hat man sich doch vielfältig mit einem leich= tern, aber unrichtigen Verfahren zu behelfen gesucht. Man hat näm= lich aus den beiden Durchmesser= oder Umfangstärken das Wittel ge= nommen und hiernach eine gleichhohe Walze berechnet, wie folgt:

Oberer Umfang 21". Unterer Umfang 84". Mittelumfang $\frac{105}{2} = 52.5$ ".

Eine Walze von biesem Mittelumfang und 15' Sohe halt

22984 c' und ist gegen den oben gefundenen, richtigen Anhalt des abgestumpsten Kegels um 25,58 — 22,84 = 2,74 c' zu klein.

Der Fehler dieses Versahrens sieht in gewissem Verhältz nisse mit den Ausdehnungen des Regels und kann berichtigt wers den. An dem wirklichen Inhaltsehlt nämlich, aus hier zu überz gehenden Gründen, ein Kegel, dessen Durchmesser, oder Umfang der halbe Unterschied des untern und obern Durchmessers, oder Umfangs, und dessen Höhe die des abgekürzten Regels ift. Diez sen Verichtigungskegel, der für das vorige Beispiel zum Umfang 84-21 = 31.5" und zur Höhe 15' hat, könnte man zur Probe ausrechnen; dessen Inhalt 2.74 c' ergänzt genau diez fragliche Walze. Hieraus solgt noch eine andere Regel zur Inhaltberechnung des abgestumpsten Regels:

Bu bem Inhalte einer Walze von derseiben mittlern Stärke und derselben Hohe addire man noch den Inhalt eines Regels, dessen Durchmesser ber Umfang der halbe Unterschied beider Durchmesser ober Umfänge und dessen Hohe die Hohe des abgekürzten Regels ist.

4) Die Ober flache des senkrechten Regels besteht aus der Grundsläche und einer krummen Seitensläche; die abgezrollt einem Kreisausschnitte gleicht, dessen Bogen der Umfang und dessen Halbmesser die Seite des Regels ist. Un dem abzgekürzten Regel ist die krumme Obersläche der Ausschnitt eines Kreisringes. Selten sindet sich die Seite des Kegels von der eigentlichen Hohe erheblich verschieden.

§. 317. Rugelberechnung.

Die Kugel wird nie ein Segenstand der forstlichen Meß= kunst; wir berühren daher ihre Ausrechnung nur wegen ihres merkwürdigen Verhältnisses zu der Walze und dem Kegel. Der Kugelraum wird gedacht als eine Zusammensetzung unzählig kleiner Pyramiden, die alle mit ihren Spitzen im Mittelpunkte der Kugel vereint liegen, deren Grundstächen zusammengenom= men die Mygelobersläche ausmachen und deren Höhe der Rugels halbnesser iste Die Obersläche der Augel gleicht aber dem viersfachen köften Kugelkeise.

Und also eine Rugel auszurechnen, sucht man nach ihrem Durchmesser die Flethe bes größten Kreises, nimmt diesen vier mal, als die Rugelobersiche oder gesammte Grundsläche der ges dachte dyramiden, die den Kugelhalbmesser zur Höhe haben, und multiplizirt diese Grundsläche mit dem Drittel vom Halbe meller, oder bem Sechstel des Kugeldurchmessers.

Bezeichnent wir den Kugelburchmesser mit D, so ist der Rugelinhait.

$$0.7854 \times 10^{24} \times 4 \times \frac{D}{6} = 0.7854 \times D^{3} \times \frac{2}{3}.$$

Wergleichen wir diesen Ansdruck mit dem Inhalte der Wasse von einerlei Durchmesser und Höhe, worin also D anstatt Higkficht werden kann, namlich:

$$0.7854 \times D^3 \times D = 0.7854 \times D^3$$
;

befigleichen noch mit bem Inhalte eines solchen Regels,

$$0.7854 \times D^3 \times \frac{1}{3}D = 0.7854 \times D^3 \times \frac{1}{3}$$
:

so finden wir in diesen allgemeinen Inhaltstahlen das Werhaltniß von Walze, Kugel und Kegel = 1: z: z, und ersehen daraus, daß bei einerlei Durchmesser und Höhe die Kugel zund der Kegel z von der Walze enthält.

§. 318. Berechnungen mittels ahnlicher Korper.

Aus dem Seitenverhältnisse zweier ahnlicher Körper und dem Inhalte des einen kann der Inhalt des andern gefunden werden.

Beide verhalten sich wie die Würfel ihrer gleichliegenden Linien (g. 310.). Bezeichnen z. B. m und M zwei ähnliche Walzen, u und Ü ihre Umfänge, dann ist

$$u^3:U^3=m:M.$$

Setzen wir nun von m den Umfang 60', die Hohe 75', also den Inhalt 149,17 c', und von M den Umfang 64'', so ist

$$60^3: 64^3 = 149,77: M \text{ unb}$$

$$M \implies \frac{149,17 \times 64^3}{60^3} = 181 \text{ c'}.$$

Dasselbe symmt aucht heraus, wenn man für die größere Walze M die verhältnismäßige Höhe nach 60: 64 = 75: H sucht (diese ist 80') und dann der Inhalt wie gewöhnlich

of ferner verhalt

$$u^{s} = u^{s} = m : M - n (5.61.3.),$$

so könnte hiernach auch der Unterschied M — m gefunden werbens Aus dem Ansage

$$601:64^{\circ}-60^{\circ}=149.17:M-m$$

würde hervorgehen

$$M - m = \frac{64^{\frac{9}{3}} - 60^3}{60^3} \times 149,17 = 32^{\frac{1}{3}}c'$$

Eine sehr nuthare Anwendung hiervon macht die Zuwachsberechnung (§. 356.).

2. Theilung ber Saulenformen.

§. 319. Theilung ber Bolffaulen. Fig. 123.

Die Theilung forstlicher Prismen = und Walzenkurper gesschieht durch Querkchnitte und Längenschnitte. Jene treffen die Achse over Längenkinie senkrecht, diese sind gleichslaufend mit derselben.

1) Theilung durch Querschnitte: Man theilt war die Lange der Bestimmung gemäß und lest in jeden Theilpunkt einen Querschnitt. Denn die gleichstarken Saulenstücke verhalten sich wie ihre Höhen ober Längen (§. 309. 1.).

Um von einer Bollsaule ein Langenstück abzuschneiden, dessen Inhalt bestimmt ist, dividirt man den verlangten Inhalt durch die Grundsläche und findet so die Lange des abzuschneis denden Stückes. Denn bas Stück M ist gleich G x H (§. 304.'2.);

also $\frac{M}{G} = H$. Eben so ware, nach $\frac{M}{H} = G$, zu Inhalt und Höhre einet Vollsäute die Grundsläche zu finden.

2) Fig. 123. Die Theilung durch Längenschnitte wird auf der Grundsläche vorgezeichnet, meist rechteckig. Ofters ist die Grundsläche schon ein Rechteck, oder es wird zuvor in derselben ein Hauptrechteck verzeichnet, von dessen Gien aus nun die weitere Theilung vornimmt.

Ift die Grumssiche ein Kreis, so muß man bestimmen für nen, mas sur Rechtecke darin Statt sinden. Sett man der den Halbmesser BC als Hypomenuse ein rechtwinkeliges Dreieck ABC, so sind dessen Katheten die Halsten beider Seiten sines ein den Kreis zu beschreibenden Rechteckes. Denn AB = ZBF = ZDE und AC = BG = ZBD = ZFE.

Die beiden Katheten BA und AC hangen immer von einander ab; wie die eine abnimmt, wird die Andere größer. Keine kann so groß werden, als der Halbmesser, sonst verschwin= det die andere. Sind beide gleich, so ist das von ihnen be= stimmte Rechteck VDEF ein im Kreise beschriebengs. Duadrat.

Da' übrigens BC² = CA² + AB² und BC³ — AB³ = CA³, so ist bei bekanntem Hakhmesser immer eine Seite durch die andere gegeben. Hielt der Halbmesser BC 5" und sollte die Seite AB 4" bekommen, so fande man die dritte AC durch den Ansat;

$$AC^2 = 5^2 - 4^2 (6.165.)$$
 und
 $AC = \sqrt{(25 - 16)} = \sqrt{9} = 3''.$

Das dadurch bestimmte Rechteck BDEF in einem Kreise, von 5" Halbinesser oder 10" Durchmesser hatte zu seinen Seizten 2 × 4 und 2 × 3 oder 8" und 6".

Wire in demselben Kreise AB — AC und BC — 10, also AB² + AC² — 10², so ware auch

$$\frac{AB^2 + AC^2}{2} = AB^2 = \frac{10^2}{2} = 50 \text{ unb}$$

$$AB = \sqrt{50} = 7.071.$$

Es verhält sich also der Halben; ober ver Durchmasser Zu der halben; ober ver Durchmasser zu der ganzen Seite des in den Kreis beschriebenen Quadrates, wie 10: 7,071 oder 1: 0,7071, und der Umfang, wie 3,14: 0,7071 oder wie 1: 0,225.

Diese Betrachtungen könnten noch weiter fortgesetzt werden, auch über die in dem Kreisabschnitte möglichen Rechtecke, wie mnop; sie führen aber nicht zu einem praktischen Imede, denn bei solchen Theilungen, wie beim. Schneiden der Blockhölzer, hilft man sich besser mit unmittelbarer Vosseichnung. Überhaupt ist hierbei mehr ein zwedmäßiges Verwenden der eben unter die Hand kommenden Stirnstäche erforderlich, als ein Marfes Rechnen.

2016 Faf. 126. sindet man zum Holzkeschlage für jeden Durchmesser und Umfang die scharfkantige und die gebräuch= lichste rundkantige Geviertstärke. Lettere M zugleich die Breite des gebräuchlichen, scharfkantigen Ablangheschlages mit obigen Seitenverhältnisse 4:3.

§. 320. Theilung ber Spitsfaulen.

Das Theilen der Spitsaulen in bestimmte Theile ist wegen ihrer ungleichen Starke weniger Licht, als das ber Bollsaulen.

Die Theilung derselben mit Querschnitten wird selken gebraucht und ist besonders schwierig, was wir am abgekürzten Kegel schon sehen. Sie könnte auf ahnliche Art bewerkstelligt werden, wie das Theilen der Flächen von verschiedenem Werthe, durch Proben und Näherung (§. 219.).

Die Theilung der Spitsaulen mit Langenschnitten, von der Spitze aus nach vorgezeichneten Grundslächentheilen, gabe wieder Spitsaulen und hatte keinen Nutzen. Soll aber die Spitsaule in Parallelepipeden getheilt werden, so muß man sie zuvor abstumpfen, alsdann auf dem obern Schnitte, wie bei den Bollsaulen, die Theilung vorzeichnen und danach die Lanz genschnitte durchführen. Dann fallen rund herum Außenstücke ab, die oben scharf auslaufen; diese könnte man nochmals ab-

-Pumpfen und aus ihnen wieder Pakalkelepipeden schneiden u. s. w.

Bu solden Theilungen nach der Länge eignet sich überhaupt das Parallelepipevum am vortheilhaftesten. Den meisten Abfall haben dangen die kunden Spissäulen.

MI. Corpermessung.

- 1. Ausmessung ber Erbarbeiten.
 - §. 321. Graben und Gruben. Fig. 124.
- 1) Häge = und Entwässerungsgräben sind vierseistige Prismen, der Haltharkeit wegen oben weiter als unten. Ihr Duerschnitt gleicht gewöhnlich einem Trapeze ABCD mit der Tiefe als, und dann, ist dei der Länge L ihr Karperraum = $\frac{AB + CD}{2} \times \mathcal{L} \times \mathcal{L}$
 - Bieht der Graben an einem Abhange hin, so wird die vorstere Wand etwas niedriger, als die hintere, wie im Querschnitte abest. Hier nimmt man aus der Mitte von ab die mittlere Tiefe tf lothrecht und die obere Weite BtA wagerecht, was hinslanglich genau ist. Beisbergabzischenden Gräben wird die Länge wagerecht und die Tiefe lothrecht gemessen, wosern die Länge mit dem Grundrisse übereinstimmen muß.
 - 2) Gruben zum Ausbewahren von Eicheln, zu Brunnenanlagen u. s. w. werden mit immer gleicher Grundsläche senkrecht eingetrieben unds daher berechnet wie ein Prisma, ober eine Walze (§. 313., 314.).

- 322. Damme, Sugel und Fullungen. Fig. 125.
- 1) Damme sind aufgebaute, liegende Prismen. Gewöhnstich ist die Sohle wagerecht, die Stirn aber platt, oder gewöldt. Am abgeplatteten Damme bildet der Querschnitt ein Trapez ACDB. Wird dessen obere Breite CD wagerecht verlängert nach g und h dis zu den Lothrechten auf A und B, so gleicht gh der untern Breite, $\frac{CD+gh}{2}$ der mittlern Breite und Ag, oder Bh, der Höhe.

Ist der Damm gewölbt, so errichtet man im Querschnitte auf A und B lothrechte Stabe, zieht über die Höhe des Dams mes eine Schnur gh wagerecht und legt zuvörderst das Rechteck AghB sest. Dann theilt man den Dammbogen in kurze, ziems lich gerade Stücke AE, EC, CD u. s. w., fällt von gh Lothzrechte auf die Theilpunkte, mißt die außeren Hülfssiguren AgiE, EiC u. s. w. aus und zieht ihren gesammten Inhalt von dem Rechtecke AghB ab. Der übrig bleibende Querschnitt AECDFB ist, wie vorhin, mit der Länge zu multipliziren.

- 2) Von einem aufgesetzten Hügel ober auch Meiler, beffen Sohle kreisrund ist, bestimmt man auf dieselbe Weise ben Achsenschnitt AECDFB, theilt sich von diesem aus den ganzen Körper mit parallelen Querschnitten in abgestumpste Kegel, wie AEFB, und berechnet jeden davon, nach §. 316. 3., als Walze von dem je mittlern Durchmesser, ohne sich auf die weitere Bestichtigung einzulassen.
- 3) Der Raum auszufüllender Vertiefungen wird mit lothsrecht aufgestellten Stäben in parallelepipedische Stücke getheilt und hiernach stückweise ausgemessen. Man steckt hierzu am füglichsten ein Quadratnet ab (§. 272.). Bei Ausmessung von Torstagern wird unter jedem Netpunkte die Mächtigkeit mit dem Erdbohrer gesucht.

§. 323, Bergwege, Fig. 126;

An Berggehängen sind ofters lange Wegstrecken auszugra: ben und zu ebenen. Hier ist von bem Querschnitte ABC bes abzutragenden Raumes die Breite ber Ebenung auf sestem Grunde BC und die anzulegende Abboschung nach dem Winkel ACD oder ACB gegeben. Man steckt zuerst der Länge nach am Berge hin die Richtpunkte B ab, wo möglich in gleicher Entsernung, und bestimmt dann von Stück zu Stück, nach Maßgabe der eben vorsindlichen Bergboschung ABC, mittels einer zu der gegebenen Breite BC und Abboschung BCA voraus entworfenen kleinen Tafel, die von B aus unmittelbar abzumessende Außensteite BA und die dazu gehörige Quersläche ABC.

Gewöhnlich wird von B aus wage = und senkrecht hinein gearbeitet bis an C und dann erst von dem Rande so viel abzgenommen, daß die bestimmte Abboschung BCA zu Stande kommt. Den auszugrabenden Erdraum ergeben von jedem Stücke die beiderseitigen Querschnitte und die besondere Länge. Mit der Füllung würde der Rand BE ausgetragen. Gewöhnlich baut sich BE zu z von BC haltbar auf. Nach einem solchen Verhältnisse ware die innere Anlage BC bestimmbar, wenn die ganze Breite CE gegeben ist.

2. Ausmessung ber Holzstücke.

§. 324. Bertzeuge.

Zur Ausmessung des gefällten Holzes braucht man gewöhnlich:

- 1)Den Zollstab, ein in Zolle und Fuße getheiltes Richt= scheif mit einem kurzen Schenkel am Ansange der Eintheilung zum sichrern Anlegen.'
- 2) Das Klaftermaß, ein wohlbeschlagener Holzstab von der Klafterlange, einerseits mit Fuß= und Zolleintheilung und andrerseits mit den ständigen Längen aller im Forste gebräuchlischen Holzmaße.
- 3) Das Spannmaß, zehn Fuß lang, von festem Bande, einerseits in Fuße und Zolle getheilt, andrerseits in Theile von 37 Zoll, um die Durchmesserzähl vermittelst des Umfanges absnehmen zu können, wohl anch, zur alsbaldigen Ausrechnung des Walzeninhaltes, an jedem Umfangstriche mit den Zahlen der

Kreissläche versehen. Das Meßband wird mit einem Stamm= reißer zusammen gebraucht und ist seiner Unstetigkeit wegen öfters am Klastermaße zu prüfen.

§. 325. Grundform der rohen Holzkorper. Fig. 127.

Die natürliche Gestalt der Baumtheile ist fäulenformig und zwar rund, nach dem Gipfelende zu mehr und mehr anlaus Rundung und Anlauf sinden sich um so ungleicher, je mehr eben die ausgehenden Nebentheile dem Korper an Masse entzogen ober aufgebaut haben. Der durch die Achse gelegte Querschnitt AB, FC . . . ist ein Kreis mit mehr ober weniger Abweichung. Der von einem Querschnitte zum andern gelegte Achfenschnitt ABCDEF fällt in der Regel zwischen bas auf dem untern Durchmesser errichtete Parallelogramm ABH und das zu dem untern und dem obern Durchmesser gehörige Trapez ABDE; es ift also berfelbe in ben Seiten ausgebaucht. Die Grundform der rohen Rundholzstucke liegt mithin zwischen der Walze und dem abgestumpften Kegel. Letterer eignet sich jedoch weniger zur Ausmessung bes Rundholzes, weil er die Ausbauchung AEF und BDC nicht mit begreift und schwerfal= lig zu gebrauchen ift. Die einfacher und leichter zu bestimmenbe Walzenform hingegen hat stets eine gewisse Gleichhaltigkeit mit der Rundholzform. Es ist nämlich der Inhalt eines jeden Rund= holzstuckes bis zu gewisser Lange dem einer Walze gleich von eben berselben gange und der wirklichen mittlern Starke.

Sedes Rundholzstuck läßt sich, zum Beweis, in beliebig dunne Scheiben 1, 2, 3 . . . abtheilen, die an sich bei ziemlich gleichen Abschnittslächen als vollkommene Walzen anzusehen sind. Sucht man nun den ganz unzweiselhaften Walzeninhalt aller dieser Abtheilungen erst einzeln, nimmt nachmals zwei, dann drei, dann vier und immer mehr derselben in Eins zusammen, und ermittelt eben so ihren Gesammtinhalt wieder für sich, nach der je mittleren Stärke und gesammten Länge: so ergiebt die Vergleichung, daß der Körperinhalt jedes Kundholzstückes dis zu gewisser Länge ganz genau hervorgeht, wenn man die

Starke FC in der Mitte mißt und nach dieser eine Walze von gleicher Lange berechnet. Daher nehmen wir bei der Ausmessung bes Holzgehaltes aller ungespaltenen Baumtheile die Walze als beständige Grundsform an. Übrigens ist zu bemerken, daß man unter Holzgeshalt immer den ganzen Massengehalt, einschließlich der Rinde, versteht, wo nicht eben vom eigentlichen Holze die Rede ist.

§. 326. Starke und gange ber runben Baumtheile.

Die zur Ausmessung des Holzgehaltes erforderliche mittlere Stärke der runden Baumtheile ergiebt sich nicht allein wegen der ausgebauchten Form, sondern auch wegen der an dem Stammende und an dem Gipfelende oft ganz unregelmäßigen Gestalt in des Stückes Mitte wirklich gemessen am genauesten. Die nach Maßgabe der beiden Endstärken derechnete Mittelstärke ist nur dann ohne beträchtlichen Fehler anwendbar, wenn beide Endstärken wenig von einander abweichen.

Man mißt die runde Holzstärke nach bem Umfange, ober bem Durchmeffer. Die Unwendbarkeit und Genauigkeit beider Magnahmen ist sehr verschieden. Der Um= fang braucht bloß nach ganzen Zollen bestimmt zu sein und kann mit einem leicht zu führenden Spannmaße ohne alle hin= dernisse gemessen werden, wenn man nur die schweren Baum= schäfte, wie es ohnehin ber Ordnung gemäß ist, auf Unterlagen fällen läßt. Zede Umfangsmessung muß unabanderlich ausfals len, weil der von ihr begriffene Querschnitt nur einen einzigen Umfang hat, und ein richtiges Spannmaß keine Abweichung gestattet. Dabei fällt das Ergebniß mehr oder weniger zu groß aus, wegen der mit überspannten lofen Rindentheile, der Unkreisformigkeit und der Spannmaßbicke. Der Gebrauch bes Durchmessers schleppt sich dagegen mit lastigen Bolltheilen und mit sperrigen Stabgestellen, die leicht verschoben werden, und wobei man sich stets in Ungewißheit befindet wegen ber richtigen Anlegung, schon weil jede Rundholz=Querfläche an sich mehr ober minder abweichende Durchmesser barbietet. Der=

selbe kann mithin nie ganz sichere Ergebnisse gewähren und führt deßhalb in den Nachmessungen oft hochst unangenehme Abweis dungen herbei. Bubem fallt die nach dem Durchmesser ermit= telte Starke an der laufenden gange meist kleiner aus, weil die losen Rindentheile von den Staben mehr abgedruckt werden; an der offenen Abschnittsfläche hingegen muß sie allemal zu Flein erscheinen, indem hier die Kanten von der Gage abge= rissen sind. Daher sollte bei jeder Rundholz=Aus= messung, sowohl zur Schätzung, alt zur Berwer= thung, die leichtere, sichrere Umfangsmessung als Regel gelten, und ber Gebrauch des Durchmeffers nur gestattet werben zur Ausmessung von turzen Rlogen und Bloden, fo wie zur Unnahme von Holzbestel= Man darf zuverlässig behaupten: Der Gebrauch bes Umfangs bringt stets Gewinn mit Ordnung, während der bes Durchmeffers nie von Berluft und Willfur frei ift.

Die Holzstärke nimmt man immer quer über die Länge, die Länge aber von der Mitte einer Abschnittsfläche zur Mitte der andern längst des Stückes, bei Krümmung des Wuch= ses auf einer der ebenen Seiten.

6. 327. Ausmessung runder Bolgftude.

Alle kurzen Rundholzer mit wenigem und gleichmäßisgem Anlaufe werden nach §. 325, als Walzen an einem Stücke ausgemessen.

Beim Gebrauche bes Spannmaßes zur Messung der Umsfangstarke darf auf der zu umspannenden Stelle weder ein Ast, noch ein anderer Auswuchs im Wege sein; kann eine solche Ershöhung nicht- vermieden, oder abgehauen werden, so setzt man daran ab und bemißt deren Grundbreite für sich. Ist die Runsdung überhaupt unkreissörmig, so vermindert man den zu groß aussallenden Umfang um ein Fünstel von dem Unsterschiede seines kürzesten und längsten Durchmesssers. Der Grund zu dieser einsachen, aber hinlänglich genauen Berichtigung beruht auf wirklichen Ausmessungen solcher unskreissförmigen Querschnitte und auf dem Verhältnisse des Rundstreissförmigen Querschnitte und auf dem Verhältnisse des Runds

treises zu Langkreisen. Ware z. B. der gemessene Umfang 65", der lange Durchmesser 23", der kurze 18" und der Unterschied beider 23 — 18 — 5": so würde von dem gemessenen Um= fange 1 Zoll abgezogen und der berichtigte zu 64" angenom= men. Selten ist der Unterschied beider Durchmesser so groß, und es genügt schon, als beständige Berichtigung jedes Mal die einzelnen Zolltheile des Umfanges wegzulassen.

Beim Gebrauche des Zollstades zur Starkenmessung an der laufenden Länge stellt man, anstatt der Kluppe, zwei Stäbe gleichlausend an das Rundholzstück und mißt deren Abstand als Durchmesser. Auf der Abschnittsfläche läßt sich der Zollsstad unmittelbar und sicherer anlegen. Sind die Durchmesser in demselben Querschnitte verschieden, so nimmt man zwei kreuzende, gewöhnlich den längsten und den kürzesten, und berechnet zu beiden den mittlern Durchmesser.

Finden sich die beiden Endstärken wenig abweichend, und man könnte, ober wollte die wirkliche Mittelstärke eben nicht messen: so berechnet man aus jenen das arithmetische Mittel ober die verglichene Stärke, die jedoch nur bei sehr geringem Stärkenantause ein brauchbares Inhaltsergebniß gewähren kann.

Die Berechnung des Walzeninhaltes ist bekannt aus §. 314. Ungeachtet jener Erleichterungen gebraucht man doch lieber Hülfs= mittel, die das Rechnen noch weiter mindern, oder ganz entbehr= lich machen. Auf einem Meßbande könnte zu jedem Umfangs= oder Durchmesserzoll die Kreissläche G in Flächensusen unmittel= bar angegeben sein. Diese multiplizirte man dann ohne Wei= teres mit der gesundenen Längenzahl.

Am brauchbarsten bleiben aber immer gut eingerichtete Walzen in halt a feln, die gleich den Inhalt angeben zu jestem fraglichen Umfange oder Durchmesser und zu jeder gewöhnsch vorkommenden Länge, wie unsere Hülfstafeln 2 bis 64. Wo diese Tafeln in Stärke oder Länge eben nicht zureichen, sucht man aus den vorsindlichen verwandten Größen auf leichtem Wege die weiter verlangten. Für ein Rundholzstück von T. Umfang und 10' Länge nimmt man z. B. den Inhalt zu 75" und 10', nämlich 31,08 c', und schneidet davon noch

zwei Stellen ab; dies giebt 0,3108 c'. Denn bei gleichen Langen verhalten sich die Walzen wie die Quadrate ihrer Stärken (§. 309. 2.), hier also wie 75^2 : $7.5^2 = 10^2$: $1^3 = 100$: 1. Daher muß der Inhalt der 75'' starken Walze durch 100 dividirt werden. Auf ähnliche Weise könnte man den Inhalt einer Walze von 750'' Umfangstärke sinden. Sie ist $31.08 \times 100 = 3108$ c'. Noch leichter läßt sich der Inhalt zu einer andern Länge ermitteln. Wäre derselbe dei 35' etwa 108.79 c', so käme auf 3.5' nur der zehnte Theil, 10.879 c'; auf 350' aber das Zehnsache = 1087.9 c'. Hieraus leuchtet übrigens schon ein, daß solche Taseln, die den Inhalt mit gemeinen Brüchen angeben, zu weitern Berechnungen bei der Holzschähung ganz unbräuchdar sind.

§. 328. Ausmessung ganger Baumschafte.

Sanze Baumschäfte von dem Stammende dis zum Gipfel sind, nach Verschiedenheit der Holzart, des Standortes und des zufälligen Wuchses, so verschieden geformt, daß man eine allges meine Formel zu ihrer Holzgehalts : Ausrechnung an eine m Stücke vergeblich sucht. Wir sind daher meist genothigt, sie stückweise auszumessen, in kurzeren Formabtheilungen, welche öfters auch als besondere Werthabtheilungen dienen.

Die an dem liegenden Schafte mit dem Reißer zu bezeich= nende Grenze jeder Formabtheilung trifft gewöhnlich dahin, wo sich der Abfall merklich andert, besonders wo der Wurzelanlauf endet, wo ein starker Ast ausgegangen ist und wo das Gipfel= stuck anfängt. Geschlossen und astrein erwachsene Schäfte, zu= mal von Nadelholz, gestatten die längsten Abtheilungen.

Die Auswahl der zu diefer theilweisen Ausmessung dienlischen Längen und Stärken erfordert Umsicht und Ubung. Wers suche, die nach & 325. von kürzern Formabtheilungen zu immer längeren vergleichend fortschreiten, berichtigen das Augenmaß besser, als alle Regeln, und setzen uns in den Stand, die Mitztelstärke zu dem richtigen Gehaltsergebnisse auch selbst an absweichenden Formen, außerhalb der Mitte einer längeren Abtheislung, ausgleichend nehmen zu können.

Berechnet man den Massengehalt eines Baumschaftes nach ber verglichenen mittlern Stärke, so fehlt man theils gegen bie Gesetze des Regels, nach S. 316., theils gegen die ausges bauchte Form. Die Unrichtigkeit solcher Schaftausmessungen mag nur ein Beispiel barthun. Ein bis zum Gipfel ausgehaltener Eichenschaft von 60' Länge halte am Stammende 40' und am Gipfelende 4" im Durchmeffer. Danach betrüge ber verglichene Durchmesser $\frac{40+4}{2}$ = 22" und der vermeintliche Holzgehalt 158,4 Kfk. Ware bieser Schaft in zwei 30' lange Stude geschnitten worden, und in diesem Schnitte, wie nicht setten, die Durchmesserstärke 32": so hielt das untere Schaft= stud, bei $\frac{40+32}{2} = 36''$ verglichenem Durchmesser, allein 212 Rffi.; der Theil ware also weit größer, als das Ganze. Diese stereometrische Stumperei, wodurch das Forsteinkommen so be= beutend verliert, ist zur stillen Freude der Stammholzkaufer fast allerwarts noch im Gebrauche.

§. 329. Ausmessung ber holzringe.

Bur Ausmessung eines Holzringes ist nachst der außern Starke auch die innere Ausdehnung erforderlich, um den Inhalt des außern und des innern Walzenraumes auszumitteln. Der Unterschied beider macht den Ringinhalt aus (§. 308. 2.).

Flårke mit $\frac{1}{6,28}$ Jollen und zieht für jeden dieser Radiustheile 1 Joll von dem außern Umfange ab. Denn auf $\frac{1}{6,28}$ im Halb=messer kommt 1 im Umfange, nach dem Verhältnisse 1:6,28 (h. 210. 1.). Wo eben eine Abschnittssläche nicht offen vorliegt, wird zu dieser Abmessung der Stamm von außen eingekerbt, und wo die Ringstärke ungleich ist, wird eine mittlere gesucht. Diese sindet sich in der Regel auf der kreissörmigsten Seite des Querschnittes.

Hatte ein Stammftuck von 14' Lange und 60" Umfang-

stärke zur mittlern Rindenstärke $\frac{5}{6,28}$ ", so betrüge die innere Holzstärke 60-5=55", mithin

der gesammte Massengehalt: 27,85 Kfß., der reine Holgehalt: 23,40 Kfß., und der Rindengehalt: 4,45 Kfß.

§. 330. Ausmessung gespaltener Holzstude.

Die wie gewöhnlich aus kurzen Walzen gespaltenen Stücke sind als Vollsäulen anzusehen mit rundent und geraden Seiten. Man betechnet ihre Grundfläche und multiplizirt dieselbe mit der Länge.

- 1) Halbe Walzen. Hier mißt man am kürzesten ben vorhandenen halben Umkreis, verdoppelt benselben und sucht dazu den Inhalt der ganzen Walze, von dem man nun wieder die Hälfte nimmt. Eine halbe Walze, deren Kundseite 43'' und deren Länge 8' mißt, ist die Hälfte einer gleichlangen Walze von $43 \times 2 = 86''$ Umfangstärke; sie enthält also $\frac{32,69}{2} = 16,34$ c' in Werkmaß.
 - 2) Kernscheite haben zur Grundsläche einen Kreisausschnitt (§. 211. 2.). Hält z. B. die Rindenseite 12'', der Halbmesser oder die Spaltseite 10'' und die Länge 4': so beträgt die Grundsläche $\frac{12 \times 10}{2} = 60$ q" und der Körperinhalt $\frac{60 \times 4}{144} = 1\frac{2}{3}$ c' (§. 313.).
- 3) Ausgekernte Scheite haben zur Grunbsläche ben Ausschnitt eines Kreisringes, das Produkt der mittleren Bogen- länge mit der Dicke (§. 211. 3.). Hielt die Rindenseite 12", die Kernseite 8" und die Scheitdicke 5", so betrüge die Grundsstäche $\frac{12+8}{2} \times 5 = 50$ q" und der Körperinhalt bei $3\frac{1}{2}$ Scheitzlänge $\frac{50 \times 3\frac{1}{2}}{144} = 1,21$ c'.
- 4) Andere Grundslächen überschlägt man vergleichend, oder theilt und berechnet sie in Grundsiguren.

§. 331. Ausmeffung vierseitiger Bolger.

Die zur Abgabe im Walde behauenen Hölzer mussen eigentslich alle in ihrem Aundgehalte eingerechnet werden; denn anders wurde man den wahren Massenertrag vom Forste nicht wohl aufstellen können. Ihren Reingehalt ermittelt der Forstwirth etwa nur zur Vergleichung des Gebrauchswerthes, Gewichtes u. s. w.

- 1) Berappte Holzstücke sind an vier Seiten leicht bes hauen, gewöhnlich doppelt so breit, als die gebliebene Rindenskante. Bei solchem Behau ist der Querschnitt an Flächeninhalt einem im Umfang um 0,03 kleinern Kreise gleich. Nach diesem Berhältnisse 100: 97 kann leicht der gemessene Umfang in eisnen Kreis von gleicher Fläche verwandelt und damit der Körpersinhalt als volle Walze ermittelt werden; wenn man nicht vorzieht, den Umfang des Holzstückes unverändert als Umkreis dessselben anzunehmen.
- 2) Rundkantige Holzstücke sind die auf eine schmale Rundkante entweder in's Geviert, oder ablang beschlagen. Ihr Querschnitt gleicht also einem Rechtecke, dem die vier Ecken manzgeln, die zusammen beinahe ein Quadratchen ausmachen, das die als gerade anzunehmende Rundkante zur Seite hat. Ein Balkenstück von 10" im Geviert und 2" Rundkante hätte $(10 \times 10) (2 \times 2) = 96$ q" zum Querschnitte. Gewöhnslich wird das rundkantige Holz ohne Abzug als voll berechnet.
- 3) Sharfkantig beschlagene ober geschnittene Stude haben ganz volle Rechtede zum Querschnitte und wersben ausgemessen, wie ein Parallelepipedum (§. 313.).

§. 332. Ausmessung unformlicher Holzstücke. Fig. 128.

Viele Holzstücke mit Seitenkrümmen und Auswüchsen, so wie auch die Reiser und Wurzeln sind nicht zur wirklichen Ausmessung geeignet; ihr Massengehalt wird ersorderlichen Falls nach dem Gewichte näher bestimmt.

Man sucht zuvörderst an meßbaren Holzstücken von gleicher Holzart, gleichem Standorte, gleichem Stammtheile und gleischem Trockengrade, also wo möglich von gleicher Eigenschwere,

das mittlere Gewicht eines Korperfußes, und bestimmt hiernach den Korpergehalt des gewogenen, unformlichen Holzes.

In Ermangelung eines brauchbaren Wage bemist man bas unförmliche Holz nach dem Gleichgewickte ausgemessener Stücke von ebenderselben Beschaffenheit auf folgende Weise: Zwei starke Halbwalzen a werden gegen einander aufgestellt, und oben darauf wird ein Kernscheit b mit der Schärfe auswärts gelegt. Dies dient der Wagevorrichtung zum Gestelle, das auch von Psählen gemacht werden könnte. Dann wird eine hinlänglich starke Stange in der Mitte c etwas breit gehamen und eingezkerbt, so daß sie auf b als Wagebalken liegen kann; an deren Enden d und e kommen, gleichweit von oben noch zwei Querkerben, in welche man, zum Andringen der Lasten, Stricke oder Wieden hängt; endlich wird das dickere schwerere Theil noch so viel schwächer gehauen, daß die ganze Vorrichtung auf ein völligem Gleichgewichte schwebt.

Nun hangt man an die eine Seite das auszuwiegende Holz und an die andere so viel meßbares Walzenholz, daß beis des im Gleichgewichte steht, verwechselt auch wohl die angehängten Lasten zur Probe. Beide Lasten sind dann im Körperinshalte gleich zu rechnen. Giebt es viel zu wiegen, so halt man sich dazu eigene, mit ihrem Inhalte vorher bezeichnete Stücke statt der Gewichte.

Auf Taf. 123. sindet man das für forstliche Zwecke ermitztelte Gewicht der deutschen Waldholzer mit Rinde in vier verschiedenen Trockengraden, namlich: grün, gleich nach der Fallung; antrocken, einige Zeit nach der Spaltung; lufttrocken, der im Freien, und ausgetrocknet, der im geheizten Raume erreichdar höchste Grad. Die Gewichtsabweischungen bei jeder Holzart sind aber nach Maßgabe des Standsortes und Stammtheiles, der Wachsthumsumstände, der Altersund Jahreszeit so sehr verschieden, daß es stets rathsamer bleibt, für jede Untersuchung von Belang an wohlgeformten Stücken ganz entsprechender Beschaffenheit die Eigenschwere besonders zu ermitteln.

3. Ausmessung der Holzmaße.

§. 333 .- Rauminhalt ber Fullmaße. Fig. 129.

Bum geregelten Halzvertriebe bedient man sich bestimmter Holzmaße, bestehend in abgepaßten Stücken und in Ausfüllungsräumen. Lettere, die Füllmaße, werden entweder von Metben Holzstücken aufgeschichtet, oder von dunnern Sorten zusammen gebunden.

1) Von den Schicht maßen zum Wegmessen des Der be holzes bestimmt with die Holzlänge, die Breite und die Hohe, auch wohl ein übermaß wegen des Schwindens. Der Raum dieser Raße ist ein Leicht aufzustellendes Parallelepipedum mit rechtediger Grundsläche, dessen Breite wagerecht und desen Hohre lothrecht abgemessen werden muß. Am Berginnge ist also die Klasterbreite von C nach E zu nehmen, dann gleicht die Klaster ABCD am Berge der Klaster ABcd auf der Sbene bet derselben Holzlänge (§. 163.). Wäre die Scheitlange 3½, die Klasterbreite 6' und die Klasterhöhe 6½ mit übermaß, so enthielt die Klaster 3½ × 6 × 6½ == 131½ Kfß. Rauminhalt (§. 313.).

Fånde sich im Legen etwa die Scheitlange, ober die angesfangene Klafterbreite unrichtig, so müßte die Klafterhöhe demverlangten Klafterinhalte gemäß verändert werden; dies ist eine leicht zu lösende Aufgabe. Wäre z. B. an obiger Klaster zufälzlig die Scheitlange nur 3½' und die Breite 6½', so gehörte dazu die Höhe 131½: $(3\cancel{2} \times 6\cancel{2}) = 6' 6\cancel{2}''$.

2) Von den Bundmaßen zum Wegmessen des Reis= holzes bestimmt man Länge und Umfang. Der Rauminhalt ist jedoch zur näheren Ermittelung des Holzgehaltes weniger brauchbar, weil er selten die volle Walzenform hat. Man legt die Bunde schock= ober hundertweise zusammen.

- §. 334. Massengehalt ber Fullmaße.

Der in einem Fullmaße befindliche Massengehalt beträgt nur einen Theil des Rauminhaltes, wegen der leeren Zwischen= räume, die sehr verschieden ausfallen können. Man ermittelt benselben an Probemaßen durch Ausmessung, oder Auswiegung wes dazu erforderlichen Holzes und beachtet dabei die eben vorshandene Stärke, gerade und glatte Form, auch das mehr, oder weniger dichte Zusammensügen.

1) Um den Massengehalt von Spalt=, Knuppelund Stockholzmaßen auszumitteln, mißt man die Walten
vor dem Spalten oder Einlegen. In der Berechnung kann alwallow von gleich er Starke auf seine summarische Länge
gedracht werden. Kommen unformliche Stude mit vor, wie zumal bei dem Stockholze, so bestimmt man ihren Inhalt nach
bem Sewichte.

Beim Aufsetzen des Probemaßes ist nicht nur auf die Achtige Raumgröße und auf die bestimmten Stärken für Spaltund Knüppelscheite und Stäcke zu sehen, sondern auch darauf,
daß der Holzhauer in seiner üblichen Beise arbeite und das
Holz nicht dichter einlege, als gewöhnlich. Je üshr man solcher Proben nimmt, desto richtiger ist der berechnete Mittelgehalt. Dieser sindet sich größer bei stärkern, geradern und glattern Holzstücken und bei den fügsamern kurzeren Holzlängen.

- 2) Der Massengehalt von Wellen ist nur durch Abwiegen zu ermitteln. Eine sichere, aus mehren Versuchen hervorgegangene Eigenschwere und die Abwiegung vieler Wellen, die ofter sehr verschieden, bei stärkerm und geraderm Reisig biel holzhaltiger ausfallen, suhren zu richtigeren Mittelgrößen.
- 3) Die Ergebnisse vieler Untersuchungen über die Massen=
 haltigkeit der Holzmaße sind in Tasel 121, hier ans
 gesügt. Die darin für den Massengehalt angegebenen Theile
 des Rauminhaltes treffen allemal zu, wo die Zwischenräume
 nicht unmäßig vermehrt, oder vermindert werden. Eine Vers
 schiedenheit der Holzlängen konnte sinan nur an Spalts und
 Knüppelholz berücksichtigen. Beim Gebrauche dieser Tasel wird
 der wirkliche Rauminhalt des Maßes mit der geeigneten Holzs
 haltigkeitzahl multiplizirt. Hätte z. B. eine Klaster von geras
 dem und mittelmäßig gespaltenem Scheitholze mit 0,72.
 Holzhaltigkeit 4' Holzlänge, 6' Breite, 6' Höhe und 2' übers

maß: so ware ihr Holzgehalt $(4 \times 6 \times 64) \times 0.72 = 108$ Kfß. Meist übersieht man hierbei ben Holzgehalt ber zugehörisgen Stützen und beigegebenen Unterlagen.

4) Bei diesen Gehaltbestimmungen sowohl, als bei dem Holzvertried überhaupt, ist das von der Fallung dis zur Abgabe Statt sindende Schwinden des Holzes nicht unbedeutend. Tas. 122. enthalt die Ergednisse einer großen Reihe von Verssuchen über das Schwinden der deutschen Waldhölzer im Durch messer, im Umfange und im Querschnitte nach Maßgabe der Harte und der Trockengrade (h. 332.). Die angegebenen Schwindungszahlen bezeichnen das Eingehungsz Verhältnis von 1 in grünem Zustande. Davon gelten die des Querschnittes zugleich für den ganzen Holzkörper, weil die Holzslänge fast gar nicht eingeht. Hiernach würde z. B. sichtenes Floßholz in lufttrocknem Zustande nur noch 0,95 seines frühern Körpergehaltes haben, also von der Fällung die dahin bloß durch's Schwinden 5 pct. verlieren.

§. 335. Studmaße für Runbholzer.

Vieles Rundholz wird wiederholt in Studen von bestimmter Größe verlangt. Diese Stude mußten bei der Verwerthung immer wieder ausgemessen und berechnet werden, wenn man dassur nicht ein beständiges Maß in voraus annahme. Ein solches Normalmaß kann freisich nicht allemal für jedes derartige Stud ganz genau passen; giebt dasselbe jedoch einen richtigen Nittelzgehalt, so wird im Ganzen nichts verloren und dabei die Holzabgabe sehr erleichtert. Der Gebrauch solcher Rundholzmaße bedingt für jede Sorte nicht nur eine bestimmte Starke und Länge, sondern-auch eine gleichmäßige Form. Deshald wendet man sie mehr bei ausgesuchtem Rundholze an, gewöhnlich zur Abgabe von Stangensorten, von Blockholz und von ganzen Baustämmen.

1) Die ständigen Stangensorten, als Bohnenstansgen, Hopfenstangen, Baumpfähle, Reifstangen, Leiterbäume u. bgl. haben nach Maßgabe ihrer Verwendung eine bestimmte Stärke

und kange in gleicher Form und somit auch einen beständigen Holzgehalt. Sie werden schock voer hundertweise abgegeben und in dem Holzsprtenansche mit Umfangstärke, Länge und Gessammtinhalte aufgeführt. Finden sich die eben zusammengebrachten Stücke einer gleichnamigen Anzahl etwas werschieden in Stärke und Länge, so bemißt man das Ganze nach der darin besindlichen Mittelgröße; denn jedes einzelne Stück besonders auszumessen, wurde viel zu weitläusig sein.

2) Die Nadelholzblocke werden gewöhnlich in einerlei Länge abgegeben, und zwar nur nach der Durch messerstärke am obern Abschnitte, indem für den Käuser ber Durchmesser handlicher und die am Stammende übrige Stärke werthlosist. Dabei muß man aber dennoch den vollen Blockinhalt einzechnen wegen Nachweisung der Massenabgabe.

Um nun den wirklichen Blockholzgehalt zu jeder obern Starke ohne besondere nahere Ausmessung sogleich bestimmen zu können, mißt man vorher Probeblock von mittlerm Starken-anlause genauer aus und stellt sich den gefundenen Mittelgehalt in Taseln. Es ist dabei eben nicht nothig, für eine jede Starke Proben zu nehmen; man sucht nur für jeden besondern Buchs ein mittleres Verhältniß des wirklichen Blockinhaltes zur gleich-langen Walze von der dbern Blockstärke und setzt danach die Inhaltszahlen an. Ergäbe sich z. B. an 14-sußigen Fichtenblocken, daß sie 1,1 von jener Walze enthielten, so hätte ein solcher bei 21" Durchmesserstärke 33,64 × 1,1 = 37 c' und bei 22" Durchmesserstärke 36,83 × 1,1 = 40,51 c' wirklichen Massengehalt.

Da der Stärkenanlauf solcher Blocke bei gleichem Wuchse und bei gleicher Länge ziemlich gleich bleibt, so könnte man auch der gemessenen obern Stärke den halben Unterschied von der verhältnismäßigen untern Stärke ohne Weiteres zurechnen und nach dieser mittleren Stärke den Blockinhalt auswersen. Fänden sich z. B. zwischen dem obern und untern Durchmesser gewöhn= lich 2' Unterschied, so wurde der obere Durchmesser um 1 Zoll vergrößert und für den 14' langen und oben 21" starken Block

Nahme man den Inhalt einer eben so langen 21 + lzolligen Walze an, also 36,83 c'.

Wird die Rinde dem Käufer nickt mit zugemessen, so muß auch noch sie doppelte Rindenstärke in Anrechnung gebracht werden, um den ganzen Wassengehalt zu bekommen. Wäre z. B. die Rinde z" stark, so hätte ein Block zu 16 im obern rindenlosen Durchmesser noch 1" wegen der Rinde und 1" Ergänzung wezen des Anlauses, also eigentlich 18" im wirklichen mittlern Durchmesser. Auf solche Weise giebt man die Blocke nach ihrer Gebrauchsstärke ab und rechnet sie nach ihrem durchschnittlichen Wassengehalte ein. In den dazu entworsenen Taseln verwanz delt man wohl die Bruchtheile an den Inhaltszahlen in Halbe und Viertel zur Etleichterung des weiteren Einrechnens.

3) Fig. 127. Die ganzen Nabelholzschäfte, wie sie gewöhnlich bald im Liegen, bald im Stehen Als Zimmerholz abgegeben werden, bemist man nach der untern Umfangsstärke, der Länge und Form.

Die Schaftstärken mit ihren als Schaftgrundsläche anzunehmenden Querschnitten G ergeben sich am gleichmäßigsten und bequemsten gleich über dem Wurzelanlause in Brusthöhe. Die Schaftlängen H können nur genommen werden bis zu einem Driel der unteren Stärke, weil der außerste Gipfel zu Bauholz unbrauchbar, dabei sehr ungleichmäßig und oft gar wicht mehr vorhanden ist. Hielte z. B. der Umfang in Brustshöhe 36", so wurde der Baustamm bei 36 = 12" oberer Umfangstärke entgipfelt.

Um die Form = ober Holzhaltigkeit eines Baumschafztes zu bestimmen, gebrauch man das ausgemittelte Normalvershältniß des Schaftinhaltes ABBE, welcher M heißen mag, zur entsprechenden Scheitelwalze ABH auf der gleichen Grundsläche AB — G und in der gleichen Höhe AH — H, und drückt damit aus, wie viel der Schaft M von seiner Scheitelwalze G × H enthalt. Diese Verhaltnißzahl $\frac{M}{G \times H}$ nennen wir die Formzahl f, wohl auch die Formbaltigkeits oder Reduktionszahl, und es ist stets der Schaftgehalt M — G × H × f.

Bur Ermittelung der verschiedenen Formhaltigkeiten mißt man viele Probeschäfte im Liegen naher aus, nach \S . 328., berechnet von jedem die Formzahl und reiht sich diese Ergebnisse zur weitern Anwendung unter geeignete Formklassen auf. Fände man z. B. an einem Nadelholzschafte von 36" Stärke und 65' gezhörig entgipfelter Länge 29 c' Massengehalt, wozu die gleichzstarke und gleichhohe Scheitelwalze 46,55 c' enthält: so wäre die Formzahl $\frac{29}{46,55} = 0,622$.

Im Besitze hinlanglich genauer Formzahlen berechnet man alsdann den Schaftgehalt für alle bei der Zimmerholzabgabe vorkommenden Form.; Stärken = und Längenklassen zu den ersforderlichen Zimmerholztafeln in voraus.

Hätte man z. B. für die volleste Schaftform von 48" Stärke und 85' Höhe die Formzahl 0,6, so betrüge der Schaftzgehalt 0,6 von der Scheitelwalze zu 48" Umfang und 85' Höhe, nämlich $108,22 \times 0,6 = 65$ c'. Die hier angesügten Taseln 77. dis 81. über den Körpergehalt der Nadelholz-Baustämme sind auf diese Weise entstanden und durch vielzährigen Gebrauch bewährt.

Alle sogenannten Erfahrungstafeln über den Massengehalt der Baumschäfte müssen die drei Gehaltssaktoren G × H × f zur Grundlage haben. Dividirt man zu ihrer Prüfung die Glieder einer Gehaltsreihe durch G × H, so muß f auch an sich in geordneter Reihe erscheinen, oder es fehlt ihnen der stereomestrische Grund.

§. 336. Studmaße für zugerichtete Solzer.

Auch zugerichtete Holzer, wie Felgen, Speichen, Achfen, Dauben, Latten, Jimmerstücke u. s. w. werden
nach gleichbleibenden und fest bestimmten Maßen abgegeben.
Den im Forstertrage dafür aufzurechnenden Rohinhalt ermittelt
man ebenfalls durch geeignete Proben, und zwar in der Regel
vor der Zurichtung; benn nicht alle zugerichteten Stücke tragen
die ursprüngliche Ausdehnung noch sonwerandert an sich, wie

leicht behauene Zimmerholzer den Durchmesser und die Länge. Meist steht jedoch der Rohinhalt in einem gewissen Verhältnisse mit den Zurichtungsmaßen.

Kame zugleich der Reininhalt etwa wegen der Preisbestimsmung zur Frage, so wird derselbe auf die bekannte Weise nach erfolgter Zurichtung ausgemessen. Behauene Nadelholzschäfte, die bei einem Drittel der Schaftstärke entgipfelt sind, wurden ebenfalls vermittelst obiger Faktoren G × H × f berechnet, wosvon aber G die behauene Grundsläche bezeichnet.

Vierte Abtheilung.

Forstliche Taxation.

9. 337. Inbegriff.

Die Schätzungskunst hat den Sachwerth zu ihrem Gegenstande; sie bestimmt mittels der Arithmetik, Planimetrie und Stereometrie, Natur= und Gewerbkunde die minder megbare Große, Beschaffenheit und Nugbarkeit und hiernach weiter bas Werthverhaltniß der fraglichen Dinge. Die forstliche Schas gung beschäftigt sich hauptsächlich mit bem Gehalte, Ertrage und Werthe der Holzungen und lehrt, wie man den Massenge= halt und Zuwachs theils von Baumen, theils von ganzen Holzbeständen ermittelt, bie Balbertrage nach naturlichen Gesetzen und wirthschaftlichen Bedingungen erforscht und hiernach den Baldwerth weiter bestimmt. Gie zerfällt somit in vier Abthei= lungen, namlich in die Baumschatung, Solzbestanbes= schätzung, Balbertragsschätzung und Waldwerth= fcatung. hier tonnen wir uns jedoch nur auf den mathe matischen Theil, das Fundament der Forsttaration, einlassen, indem die technische Anwendung dieser Lehren der Forsteinrichtung angehört.

5

1

I. Baumschätzung.

- 1. Probemessungen an gefällten Baumen.
- §. 338. Gehaltsfaktoren ber holzstämme. Fig. 130.

Um die zur Schätzung des Massengehaltes von Bäumen und Holzbeständen nothigen Vergleichungsgrößen zu gewinnen, mißt man gefällte Probestämme in allen ihren Theilen aus und sammelt sich die gefundenen Gehaltsergebnisse. Dabei kommen drei beständige Sehaltsfaktoren in Betracht, nämlich die Stammstärke, Stammhohe und Stammform.

Die Stammstärken werden vorzugsweise nach dem Umfange bestimmt, der (n. g. 326.) leichter und sicherer zu nehmen ist, als der Durchmesser. Zu dieser Starkenbestimmung muß das Starkenmaß aller Stamme an gleicher Stelle abgesgriffen werden. Dazu eignet sich weder, des Stammes Fuß, wegen des ungleichen Wurzelanlauss, noch eine an stehenden Stammen unerreichbare Höhe. Man nimmt daher die Stammstärke zu allen Schäungen in Brusthöhe, etwa 5 Fuß über dem Boden, bald etwas höher, bald etwas niedriger, je nach Maßgabe des starkern oder schwächern Wurzelanlauss; jedoch weder über 6, noch unter 4 Fuß *). Die hierzu gehörige Kreissläche nennen wir Stammgrunds siedes Gtammkörpers dient **).

^{*)} Die Sohe zur Stärkenmessung nach ber Scheitelhohe einhalten zu wollen, etwa bei 20, ist unthulich, beschwerlich und unrichtig; benn man mußte zu jeder Messung erst die Scheitelhohe schähen, in niedrigern Beständen knieend messen und zuweilen die Wurzelrücken mit umspannen, zuweilen nicht.

^{**)} Das Wort Stammtreisfläche hat keinen stereometrischen Bezug, kann ebensowohl jebe andere Stammquersläche bedeuten, wovon
aber keine einzige eine wirkliche Kreissläche bildet, und past auch
nicht wohl für ganze Bestände. Der Stereometer gebraucht Grunds
fläche.

Die Stammhohen H werden von dem zur Benutzung kommenden untern Stammende bis zu dem fraglichen Höhenspunkte genommen, nämlich: als Schafthohe bis zur Krone; als ganze Scheitelhohe bis zum Gipfelende. Eine Walze, die mit dem Stamme gleiche Grundfläche G und gleiche Höhe H hat, nennen wir die Scheitelwalze des Stammes; ihr Körperraum — G × H ist stets größer als des Stammes Massengehalt und dient uns gleichsam als Maß, wonach wir diesen bemessen.

Die Stammform ober bas Formhaltigkeitsverhaltniß des Baumes bestimmt man, wie schon oben (§. 335. 3.) gessschah, nach dem Theile, welchen des Stammes Massengehalt M von seiner Scheitelwalze $G \times H$ beträgt. Wir nennen diesen dritten Faktor, womit man den Inhalt der Scheitelwalze in den Stammgehalt verwandelt, Formzahl und bezeichnen densels ben allgemein mit f. Es ist also $G \times H \times f = M$, und f = M

Denken wir uns den Stammgehalt M in seine Scheitels walze gleichsam eingegossen, so bildet derselbe eine Walze, die wir Gehaltswalze nennen, mit der gleichen Grundsläche G und der besondern Gehaltshöhe h, und es ist $M = G \times h$; daher $\frac{M}{G \times H} = \frac{G \times h}{G \times H} = \frac{h}{H} = f$. Die Formzahl gleicht also auch dem Höhenverhaltnisse $\frac{h}{H}$, und es läßt sich mit ihr eine Höhe aus der anderen berechnen; denn aus $f = \frac{h}{H}$ solgt $f \times H = h$, und $\frac{h}{f} = H$. Nach diesen Gesehen kann sur Schaltshöhe gesucht und zur Gehaltsbestimmung weiter gebraucht werden.

übrigens sind die brei Faktoren G × H × f die Grundlasgen der ganzen Baum= und Bestandesschätzung; sie erscheinen in folgenden Werthen:

Der Stammgehalt $\mathbf{M} = \mathbf{G} \times \mathbf{H} \times \mathbf{f} = \mathbf{G} \times \mathbf{h}$.

Die Scheitelwalze $G \times H = G \times \frac{h}{f}$; denn $H = \frac{h}{f}$.

Die Stammgrunbfläche $G = u^2 \times 0.07958 = d^2 \times 0.7854$.

Die Scheitelhohe $H = \frac{h}{f}$.

Die Gehaltshöhe $h = H \times f = \frac{M}{G}$.

Die Formzahl $f = \frac{h}{H} = \frac{M}{G \times H}$

Da die Stammgrundsläche G entweder u' ober d' zum Faktor hat, und man also die Stammstärke zur Berechnung des Stammgehaltes im Quadrate gebraucht: so muß dieselbe unter allen Gehaltssaktoren am schärssten bestimmt werden.

Bei den Probemessungen an gefällten Stämmen behuss weiterer Schätzungen hat man den Schaftholzgehalt, Kronenholzgehalt, Stockholzgehalt, gesammten Massengehalt, Sortengehalt und Zuwachst zu ermitteln.

§. 339. Schaftholzgehalt.

Der Schaft erstreckt sich bis in die Krone, wo das stark und ungleich abfallende Gipfelstück anfängt. Man mißt denselz ben im Liegen gewöhnsich in 10fußigen Abtheilungen aus, reißt dazu bloß die Mitte eines jeden Längentheiles ab, nämlich bei 5', 15', 25' u. s. w., vom Stammende anfangend, und nimmt. die Umfangstärke an jedem Risse. Zu dem letztern Risse gehözren die nächsten 5 Fuß; darüber hinaus besindet sich meist noch ein kürzeres Endstück von zufälliger Länge. Nach diesen walzenzförmigen Abtheilungen wird der Schaftzehalt ausgerechnet; auch wird wohl noch zu der Stammstärke und Schafthohe die Schaftzformzahl besonders ausgeworfen (n. §. 335. 3.).

Ware der Schaft unsörmlich, so mußte man ihn in kurzern Abtheilungen ausmessen, oder spälten und aufklaftern.

§. 340. Kronenholzgehalt.

Das zur Krone gehörige Gipfel= und Astholz bes gefällten Probestammes wird als Spalt=, Knuppel= und Reisholz klein Lemacht und theils stuckweise ausgemessen, theils ausgewosgen, auch wohl sogleich in die gebräuchlichen Sortenmaße aufsbereitet und danach bemessen. Das Ergebniß von dem Sipfelsund Astholze steht ziemlich im Verhältnisse mit der Stammstärke.

§. 341. Stockholzgehalt.

Den Stock = und Wurzelholzgehalt von dem Probestamme bestimmt man vermittelst des Gewichtes, voer bes Stockholzmaßes; derselbe steht ebenfalls mehr mit der Stamm= starke in Verhaltniß.

Wird bei diesen Versuchen ein Schichtmaß eben nicht voll, so legt man den Stoß nur in eine gleiche Höhe und bemißt nach dieser den vorhandenen Theil vom Ganzen.

6. 342. Gefammter Maffengehalt.

Die Summe ber Körperfuße von dem gefundenen Schafts, Kronens und Stockgehalte ergiebt nun den gesammten Massengewendet des Stammes. Damit dieses Ergebniß weiter ansgewendet werden könne, berechnet man zu der unmittelbar genommenen Stammskärke und Scheitelhohe noch die Stammformzahl f, das allgemeine Maß der Holzhaltigkeit, oder den Antheil des Stammes an seiner Scheitelwalze, nach der Formel $\frac{M}{G \times H}$ oder $\frac{h}{H}$ (§. 338.), und drückt dieselbe als Dezimalbruch aus.

Fånde sich z. B. an einer Buche von 60'' Umfangstärke und 85' Scheitelhöhe 101.5 Kfuß Massengehalt, so enthielte die dazu gehörige Formzahl $\frac{101.5}{169.1} = 0.6$. Dieser Stammgehalt von 101.5 Ksuß hätte als Sehaltswalze 51' Sehaltshöhe, welche $\frac{51}{85}$, ebenfalls = 0.6, zur Formzahl ergäbe.

Bekanntlich halt der Kegel $\frac{1}{3}$ von der Walze (§. 317.). Gebrauchte man nun den Kegel als Grundsorm, so ware in diessem Beispiele die Formzahl $0.6 \times 3 = 1.8$, und dann könnte die Gehaltshöhe $51 \times 3 = 153'$ nicht am Baume selbst des messen werden.

Man hat den Kegel, wahrscheinlich seiner spikigen Form wegen, hier und da als Hulfskörper zur Baumschätzung gewählt, anstatt der Walze. Bei näherer Beurtheilung erscheint jedoch derselbe zu diesem Gebrauche schwerfälliger, weniger paßlich und überhaupt ganz überslüssig. Denn begreislich könnte nur der volle Kegel angewendet werden, weil der abgestumpste eins für allemal nicht zur allgemeinen Grundsorm paßt. Aber auch der Gebrauch des vollen Kegels bedarf nicht nur einer unbehülfslicheren Formzahl, sondern noch obendrein der Walze, die gleich von Ansang für sich gebraucht alle Massengehalt= und Zuwachsermittelungen viel anschausicher und leichter macht.

Bubem muß ja eine jede Rundholzabgabe nach der Walze berechnet werden, und es verursachte daher eine ganz überflüssige Erschwerung des Forstdienstes, wenn man in den an sich schon überladenen Schätzungsgeschäften noch eine eigene Grundsform einführte.

Bei Bestimmung der Gesammtmasse zu weiterem Gebrauche ist übrigens die wirklich vorhandene Holzmasse und bie der Benutung anheim fallende wohl zu unterscheis den. Jede Ausbereitung theilt außer dem unvermeidlichen Haus ab salle an Spänen, Geniste und Afterholz noch mehr oder weniger Nutungsverlust wegen örtlicher Werthlosigkeit gezringer Holzsorten, Überfüllung der Holzmaße und sonstiger Entfremdung.

§. 343. Sortengehalt.

Bei der Ausbereitung ist selten ein Grund vorhanden, das Schaft: und Kronenholz als solches zu sondern; man pslegt vielmehr die Holzsorten nach der Stärke und sonstigen Paßlichskeit für den Vertried überhaupt einzutheilen in Derb=, Knüpspel=, Reis= und Stockholz und rechnet gewöhnlich zum Derbholz alles über 6 Zoll im Durchmesser starke Schaft= und Astholz, das theils im Ganzen, theils als Spaltholz abgeht; zum Knüppelholz das von 6 dis 2 Zoll und zum Reisholz das unter 2 Zoll Durchmesserstärke. Stockholz dürste eigentlich-nur von dem Wurzelstocke gemacht werden.

Sofern die Ausmessungen gefällter Probestämme zu weitez rem Gebrauche dienen sollen, muß man die ortliche Ausbereiz tung mit berücksichtigen. Hier und da kommt wohl stärkeres Holz zu den Knuppeln, oder zu dem Reisig, oder das Knupz pel = und Scheitholz kommt zusammen, oder es wird die Rinde für sich genutzt, oder man gewinnt mehr Wurzeln, macht wohl auch gar kein Stockholz, oder der Nutungsverlust betrifft nur eine gewisse Sorte.

Die Sortenergebnisse werden in Berhältniszahlen aufgestellt, die den Antheil jeder Sorte vom gefammten Massengehalte bezeichnen. An einer Eiche zu 66" U, 80' H, 0,65 f, mithin von 125 c' Masse betrügen z. B.

80 c' Derbholz = 0,64 vom Ganzen,

20 c' Knuppelholz = 0,16 » »

15 c' Reisholz == 0,12 » »

10 c' Stockholz = 0,08 » »

Nach solchen Verhältnißzahlen kann der Sortengehalt von gegebenen Gesammtmassen ziemlich sicher bestimmt werden.

§. 344. Massenzuwachs.

1) Wachsthum. Der wachsende Holzstamm umlegt jahr= lich alle seine im Wachsthume begriffenen Holztheile mit einem neuen Holzringe und entwickelt zugleich aus den Holzknospen neue Hohen = und Seitentriebe. Dies bewirkt einen Stärken= zuwachs, einen Hohenzuwachs, eine Formverande= rung und als Ergebniß von allen dreien einen Massen= ober Holzzuwachs.

Die Stammstärke nimmt alljährlich um einen sichtbaren Holzring zu, woran sich das Alter abzählen und der Stärkenzuwachs messen läßt. Der neue Jahrring liegt zwar im Innern unter der Rinde; da jedoch die Rinde von Jahr zu Jahr mit fortwächst, so beträgt die gleichzeitige Stärkenzunahme des Stammes auch im Außern mindestens die Stärke der fragzlichen Holzringe. Wir durfen daher annehmen, das die gefundene innere Stärke des jüngsten Holzzuwachses eben so an der

Oberstäche bes Baumes Statt gehabt hade. Dabei bleibt stets die gleichzeitige, ohnehin nicht wohl meßbare Rindenzunahme der größeren Sicherheit wegen unberücksichtigt *).

Die Stammhohe macht jahrlich, so lange noch Höhens wuchs Statt findet, einen Höhentrieb, der sich außerlich durch Duirle oder Wülste, innerlich durch die Jahrringstufen zu erstennen giebt.

Die Form kann sich mit der Zeit ebenfalls andern, mehr oder weniger massenhaltig werden, indem sie bei zurückbleibens dem Höhenwuchse durch Kronenwölbung zus, oder durch neu hervortretenden Gipfel, durch Astverlust und dergleichen abnimmt.

Der Massenzuwachs verliert mehr ober minder durch ben natürlichen Holzabfall. Mit steigender Stammhohe und Astverbreitung werden namlich von Jahr zu Jahr mehr und mehr Zweige und Aste verdrängt, gleichwie die unterdrückten Stämme im Holzbestande. Dieser, den Formzuwachs stets wiesder schmälernde Selbstabfall begründet einen beträchtlichen Unterschied zwischen dem jedes Jahr entstehenden vollen Naturzuwachse und dem verbleibenden Nutzungszuwachse, welchen wir hier als altersdurchschnittlichen von der ganzen Lebenszeit, und als periodischen von einer bestimmten Alterstuse, dem laufenden Jahreszuwachse gegenüber, in Betracht ziehen.

2) Alters=Durchschnittszuwachs von der ganzen Lebenszeit. Theilt man die eben vorhandene Gesammtmasse eines Baumes durch seine Alterszahl, so ergiebt sich die eizgentliche Durchschnittsmehrung. Eine 150-jährige Eiche von 125 c'

^{*)} Man hat die Beständigkeit der jüngern Jahrringe und die Zuverstässseit solcher Stärkenzuwachs Messungen in Zweisel gestellt. Doch bei den Untersuchungen in Brusthohe wird sich an dem über 1 Jahr alten Holze wohl schwerlich ein weiteres Zusammenziehen wahrnehmen lassen; erschiene aber zuweilen ein jüngster Jahrring aussallend breiter und wirklich noch unverholzt, so würde derselbe von der Messung ausgeschlossen. Ein Anderes ist es im Stocke näher am Boden; wer wird aber auch da, wo die Unstetigkeit alles Stärkenwachsthums ihren Sie hat, Zuwachsermittelungen ansstellen?

Massengehalt hatte $\frac{125}{125}$ = 0,833 c' Durchschnittszuwachs. Derselbe ist offenbar gegen ben wirklichen Sahreszuwachs sür frühere Jahre zu groß und für spätere zu klein, weil der Jahrz ring an dem größeren Baume in Umfang und Höhe weit mehr Ausdehnung hat, als an dem kleinen Stämmchen; auch besaßt er das unbekannte Abfallholz nicht, das durch eine frühere Fälzlung mit genutzt worden ware.

3) Periodischer Jahreszuwachs von einer bestimmsten Alterstuse. Zieht man von dem Stammgehalte des fraglischen Alters den Stammgehalt einer nicht viel früheren Zeit ab, so ergiebt sich der jährliche Zuwachs dieser Zwischenzeit durch Theilung des Unterschiedes in die dazu gehörigen Jahre, und zwar besto genauer, je kurzer diese Zwischenzeit ist.

Um einen solchen periodischen Zuwachs am liegenden Baume zu ersorschen, etwa den der letztern 10 Jahre, soll man nach der alten Lehre den ganzen Stamm in Abtheilungen schneiben, von jeder die letztern 10 Jahrringe als Cylinderring abmessen und den somit gesundenen Zuwachs aller Abtheilungen zusammenrechnen. Dieses Versahren ist nicht nur sehr um ståndlich und am stehenden Holze unanwendbar, sondern auch unz zulänglich und unrichtig. Denn man wäre nicht im Stande, den Zuwachs am Reisholze zu erforschen und irrte zus dem allemal um das Absallholz der Zwischenzeit.

Setzen wir in Ansehung dieses Irrthums, es ware M der gegenwärtige Stammgehalt, m der vor 10 Jahren, x das von m inzwischen verloren gegangene Absallholz, mithin m — x der jetzt noch vorhandene Rest von dem älteren Holze: so beirüge die eigentliche Mehrung seit 10 Jahren M — m; man rechnete aber dasür M — (m — x), zoge also nicht den früheren wirk=lichen Baumgehalt von dem gegenwärtigen ab. Ein solches Zuwachsergebniß ware also offenbar um das inzwischen ent=kommene Absallholz x zu groß, und dieser Betrag ist gar nicht unbedeutend.

Beit leichter und richtiger finden wir diesen periodischen Massenzuwachs in dem Unterschiede des spätern und frühern Stammgehaltes G × H × f selbst, als wirkliche, das inzwischen entkommene Abfallholz nicht mit befassende Mehrung. Hierbei ist nur die Stammstärke, die Scheitelhohe und die Formzahl eines jeden Zeitpunktes zu bestimmen.

Hâtte z. B. obige 150 = jahrige Eiche von 66" U, 80' H, 0,65 f und 125 c' Masse vor 10 Jahren 62' U, 77' H und 0,63 f, also 103 c' Masse gehabt: so ware ihr Zuwachs in den letztern 10 Jahren 125 — 103 — 22 c' und jahrlich 2,2 c' gewesen. Dieser Zuwachsbetrag ist indeß eben auch das Ergebenis einer Durchschnittsrechnung und nicht wirklich der laufende Zuwachs bes letzten Jahres (§. 356.).

§. 345. Bachsthumsgang nach ben Sahrringen.

Der Sang des an einem Baume von Zeit zu Zeit erfolg= ten Massen zuwachses ließe sich auch bloß aus den Jahr= ringkarten entzissern, wenn man voraussetzen durste, daß bei unveränderter Form die Höhe im Verhältniß der Stärke zuge= nommen habe; dann stiege der Massenzuwachs wie die dritte Potenz der Stammstärken (§. 310.). Unter dieser Voraussetzung mißt man auf einem, etwa 4 bis 5 Fuß über dem Stammende geführten Querschnitte die Gesammtbreiten von je zehn Jahrringen und berechnet nach diesen den, einer jeden dieser Alterstusen von dem ganzen Baumkörper zukommenden Antheil. Fände sich z. B. von innen heraus solgender Stärkenzuwachs:

ber Entstehungszeit 2,4 301 2) vom 21. bis 30. Jahre 2	I)	vom	1,	Dib 3	20.	Zahre e	unlaguebua		
3) vom 31. bis 40. Sahre 1,8 » 4) vom 41. bis 50. Sahre 1,4 » 5) vom 51. bis 60. Sahre 1 » 6) vom 61. bis 70. Sahre 7) vom 71. bis 80. Sahre 0,6 »	·	ber Entstehungszeit							Boll;
4) vom 41, bis 50. Jahre 1,4 » 5) vom 51, bis 60, Jahre 1 » 6) vom 61, bis 70, Jahre 0,8 » 7) vom 71, bis 80. Jahre 0,6 »	2)	vom	21.	bis	30,	Jahre	•	2	"
5) vom 51, bis 60, Jahre 1 » 6) vom 61, bis 70, Jahre 0,8 » 7) vom 71, bis 80, Jahre 0,6 »	3)	vom	31.	bis	40.	Sahre		1,8	» ·
6) vom 61, bis 70, Jahre 0,8 » 7) vom 71, bis 80. Jahre 0,6 »	4)	vom	41.	bis	50.	Jahre		1,4	»
7) vom 71. bis 80. Jahre 0,6 »	5)	vom	51 ,	bis	60,	Jahre		1)
	6)	vom	61,	bis	70,	Jahre		0,8	>>
zusammen in 80 Jahren 10 Zol	7)	vom	71.	bis	80.	Jahre		0,6	· >>
		3	usan	ımer	ı in	80 Ja	hren	10	Boll:

his on Cake sinchtistish

so ergabe bies folgenden Wachsthumsgang:

3um 20. 30, 40, 50. 60, 70, 80. Jahre

a) $2,4^{3}$: $4,4^{3}$: $6,2^{3}$: $7,6^{3}$: $8,6^{5}$: $9,4^{3}$: 10^{5} ;

b) 0,014:0,085:0,238:0,439:0,636:0,830:1.

Hinter a sind die Kubikzahlen aller Stärken, und hinter b sind

die dadurch begründeten Theile des ganzen Baumkörpers, welche den darüber stehenden Altersjahren zukommen und auf den zu 1 angenommenen gegenwärtigen Massengehalt des Baumes leicht angewendet werden könnten.

Dbgleich solche Untersuchungen nicht wohl zu weiter anwendbaren Ergebnissen suhren, weil der Höhenwuchs keineswesges mit dem Stärkenzuwachs so ebenmäßig fortschreitet, wie hier vorausgesetzt werden muß, und weil fast jeder Baum seinen eisgenen Bachsthumsgang hat: so ersieht man daraus wenigstens, wie und warum der Durchschnittszuwachs, von dem periodischen und dieser wieder von dem laufenden Jahreszuwachse mehr oder minder abweichen muß, lernt auch dabei die Berhältnisse ähnlischer Körper auf den Holzzuwachs, sowie die Darstellung des Baumgehaltes in Walzenform mehr anwenden. Wer aber nach solchen Ergebnissen, die zumal tief unten am Stammende genommen sind, wo sich die Jahreinge stets abnorm verhalten, den weit verwickeltern natürlichen Wachsthumsgang ganzer Wälder zu entzissern denkt, der ist offendar von der Theorie zu sehr befangen.

2. Schätzung stehender Baume.

§. 346. Starkenmessung. Fig. 131.

Die Stammstärken werben wie bekannt vermittelst bes Spannmaßes 5 Fuß über bem Boden, also in Brusthohe, nach dem Umfange gemessen, am Berge von der obern Seite. Ifzters ist die gefundene Starke noch zu berichtigen, theils wegen Unkreisförmigkeit der Stammgrundsläche (nach §. 327.), theils wegen des Wurzelanlauses, wosern dieser der anzunehmenden Stammsorm nicht entspricht. Zu diesem Behuse rückt man mit dem Spannmaße dis zu 6 Fuß hinauf oder dis zu 4 Fuß hinzunter. Jeder Holzschäßer muß sich im richtigen Unsprechen der Baumstärken üben, um nicht allemal erst messen zu mussen.

Bur Ermittelung des Stärkenzuwachses meißelt man eine Kerbe auf der kreisformigsten Stelle des genommenen Umpfangs ein und mißt entweder nach §. 329, die fragliche Ring=

starke gleich in abzurechnenden Umfangsantheilen, oder sucht verzmittelst eines Zollstädchens, wie viel der jüngsten Jahrringe auf Zoll des Halbmessers gehen. Auffallende Abweichungen in den Ringstärken sind dabei geeignet zu berichtigen. Wo eine durchgängige Gleichsormigkeit der fraglichen Jahrringe zweiselhaft ist, untersucht man deren. Stärke auf zwei entgegengeseiten Seiten.

Soll eine obere Schaftstärke ab bestimmt werden, so trägt man sie am thulichsten vermittelst eines Lothsabens her= unter auf das Stammende. Man richtet nämlich, von dem Schafte abstehend, am Lothe über a herunter zu c, dann über b zu d und läßt dabei von einem Andern die Breite cd anstatt des obern Durchmessers ab anzeichnen und abmessen. Wo grossere Genauigkeit erforderlich wäre, müßte der Stamm bestiegen werden, denn die Führung kunstlicher, kostbarer Werkzeuge paßt nicht für den Forstwirth.

§. 347. Sohenmessung. Fig. 132, 133, 134, 135,

Bur Messung der Schaft= und Scheitelhohen ist das Meßbrettchen am geeignetsten. Man steckt dasselbe in gewisser Entsernung von dem Stamme A, Fig. 132., auf eine Stelle, wo der abzumessende Höhenpunkt B sichtbar ist, nimmt den Lothpunkt oben hin, visirt nach B und zählt an der Augensseite des Brettes das Maß ed der zuvor wagerecht gemessenen Grundlinie AC ab, geht nun auf der Brettsläche von dem Punkte d mit den Netzlinien gleichlausend hinein dis an den ins deß zur Ruhe gekommenen Lothsaden a und von hier wieder seitwarts heraus nach a. Die dort besindliche Jahl zeigt die Höhe AB an.

Der Lothfaden und der Stamm sind beide lothrecht, also parallel, mithin ist

$$2 abc = 2 ABC (§, 139.);$$

$$2 cab = 2 CAB = R.$$
Folglich \triangle abc \bigcirc \triangle ABC (§. 149.),
also ac : ab = AC : AB.

ac ist aber gleich ed und somit das verjüngte Maß von AC; folglich ist ab auch die Verjüngung von AB.

Steht das Meßbrettchen nur wenig Ihher als der Fuß des Stammes, so dreht man nun dasselbe wagerecht, daß der Lothsfaden genau die außere Quadratseite deckt, zielt so hinüber auf A und läßt während deß einen Andern mit der Hand am Stamme hinauf rücken und A bezeichnen. AD wird dann uns mittelbar gemessen und zu der schon gefundenen Hohe AB gezrechnet. Bisweilen muß aber das Meßbrettchen höher über, oder auch unter dem Fuße des Stammes aufgestellt werden, Fig. 133.; dann mißt man dieses untere Stück AD auf dieselbe Art, wie AB, und addirt oder subtrahirt es.

Hierbei ist noch besonders zu beobachten: Der Standpunkt C muß so genommen werden, daß CA und AB ziemlich gleich sind, damit sich die Linien möglich scharf durchschneiden. — CAB muß durchaus ein rechter Winkel sein, denn sonst wurde die Messung sehlerhast, wie aus Fig. 134. zu ersehen, wo man sur DE und DF einerlei Hohe DB sande. Un schief stehenden Stämmen wählt man daher den Standpunkt so, daß die schiefe Richtung seitwarts fällt, und neigt dann das Meßbrettchen in dieselbe. — Auch muß man sich bei Bäumen mit breiten Kronen in Acht nehmen, nicht über den Scheitelpunkt E hinweg zu visiren, wie in Fig. 135.; deßhalb nimmt man am Berge seinen Stand wo möglich über dem Fuße des Stammes. Diese, durch des Baumes Neigung und Kronenwölbung entstehenden Fehler sind ungeachtet aller Borsicht sehr beträchtlich. Um so mehr darf daher unser kleines Meßbrettchen genügen.

Den Anfangspunkt zur Stammhohe nimmt man in der Regel um den vierten Theil des Stockdurchmessers über der Bozdenobersläche an; wo Stockholz gemacht wird, ebenmäßig tiefer, wofern man die Stockholzmasse nicht besonders aufrechnen will; wo höhere Stock zurückgelassen werden, um so viel höher. Finzdet sich für eine eben geltende Stammform der Gipfel etwas mehr gedrückt, oder mehr hervorragend, so kann die ermittelte Höhenzahl danach leicht ermäßigt werden. Die Übung im freien Ansprechen der Stammhohen macht sich dem Holzschätzer sehr

nützlich, indem er beim Höhenmessen wegen der umståndlichern Halfsmittel zuweilen wohl fehlt und daher stets eines sichern Urtheils bedarf.

Der Hohenzuwachs läßt sich am stehenden Baume nach seiner wirklichen Länge nicht wohl messen, sondern nur schäten. Zur Massenzuwachs-Ermittelung spricht man denselben süglicher in Bezug auf den vorsindlichen Stärkenzuwachs an, und zwar von dem sichern Grunde ausgehend: daß die Scheitelhohe hochstens mit der Stammstärke in gleichem Berhältnisse, mindestens aber gar nicht zuwächst. Bezeichnet man dem gemäß den höchsten, oder vollen Höhenzumachs mit 1 und den ganz sehlenden mit 0 und stellt noch drei arithmetische Mittelglieder zwischen diese zwei äußersten Zuwachszgrenzen: so bekommt man zu jenem Ansprechen die fünf allgezgemeinen Höhenzuwachsklassen

$1-\frac{3}{4}-\frac{1}{2}-\frac{1}{4}-0$

in Jahlen, welche anzeigen, wie viel ber wirkliche Höhenzuwachs von dem vollkommenen enthalt. Betrüge z. B. an einem 72 Fuß hohen Baume die Durchmesserstärke 12 Joll und der frag-liche beiderseitige Stärkenzuwachs zusammen zo": so wäre nach der Proportion 12: zo = 72: x der volle Höhenzuwachs x = $\frac{1}{12} \times \frac{72}{12} = 0.6$ Fuß, und davon kämen auf die fünf Höhenzuwachsklassen dieses Falles 0.6' - 0.45' - 0.3' - 0.15' - 0.20 Auf solche Beise bestimmt man nicht nur nach dem gemessenen oder geschähten wirklichen Höhenzuwachse die Höhenzuwachsetlasse, sondern auch umgekehrt nach der geschähten Höhenzuwachsetlasse die Länge des Höhenzuwachses.

§. 348. Formschätzung."

Die zur Schätzung des Massengehaltes stehender Baume bienenden Formzahlen ermittelt man wie bekannt an gefällten Probestämmen für jede Baumart und Wuchsverschieden-

^{*)} Rur jungere, gebrangt stehenbe gipfelfreie Stamme, namentlich Riefern, machen hiervon zuweilen eine Ausnahme.

heit und wendet sie dann vergleichend wieder an, mit Erwägung des vor Augen befindlichen Wuchses, der Statt gehabten Wachsthumsverhältnisse und des örtlichen Holzverlustes bei der Ausbereitung.

Nachstehende Formzahlen sind die gewöhnlichen für die Stammgehalte der angeklammerten Holzarten auf mittlerem Standorte und in vollem, hinlanglich räumlichem Bestande erwachsen, jedoch überhaupt' ohne Stock= und Erdholz, bei den Nadelhölzern auch ohne Reisig:

Eichen, Buchen, Linden (0,60)
(0,58)
(0,56) Eschen, Ahorne;
(0,54) Pappeln, Erlen;
(0,52) Tannen, Fichten.
(0,50) Birken.

Dabei hat man zu merken: Je kurzer und breiter der Buchs überhaupt*), je gewölbter, höher und dichter die Krone, je holz-voller der Schaft, je angemessener der Standort, je freier der Bachsthumsraum ist: desto größer sindet sich die Gehaltsformzahl, und so umgekehrt, bei sonst gleichem Ausbereitungsverluste.

Da die Formzahlen aller Stamme von einerlei Wuchsklasse mit zunehmender Scheitelhohe kleiner werden, und daher an sich gar nicht so leicht zu schäften sind, als man bis daher glaubter dieses Abnehmen jedoch stetig fortschreitet: so ist es zum Behuse der Baumschätzungen viel sicherer, gleich die Gehaltshohe, das

Bergleich zur Scheitelhohe H ein Ausbreitungs-Berhaltniß $\frac{D}{H}$, wonach man die Form einigermaßen mit bemessen kann; doch müßte dasselbe bloß unter gleichen Stammstärken angewendet wers den. Denn hatten z. B. zwei Stamme, einer von 6', der andere von 4' U, die gleiche Hohe H = 40' und die gleiche Ausbreitung D = 20': so ware von beiden das Ausbreitungs-Berhaltniß ?? = ½; aber die Form des schwächern fande sich gewiß viel voller. Zudem liegt ja auch die Hohe und Dichtheit der Kronen selbst ganz außerm Bereiche eines solchen Ausbreitungs-Berhaltnisses.

Produkt der Scheitelhohe mit der Formzahl, H × f, erfahrungs= mäßig aufzureihen und zu gebrauchen.

Die Gehaltshohe könnte leicht auf falgende Weise am Stamme selbst geschätzt werden: Man benkt sich den Stamm in einem auszusuchenden Höhenpunkte ungefähr so eingeknickt, daß die Masse seines Obertheiles herabwärts die entsprechende Seshaltswalze ausfüllte. Die Höhe bis zu diesem Punkte wäre die wirkliche Gehaltshohe h = H × f (§. 338.). Das bloße Augensmaß trifft sie mit unerwarteter Genauigkeit; ein praktischer Vorztheil, den der Kegel keinesweges darbietet.

Östers spricht man die Stammstärken und Höhen nach gegebenen Klassen an; weicht nun eine vorsindliche Stärke ober Höhe von dem sesten Klassenmaße etwas ab, so wird die Forms zahl hiernach ermäßigt, damit der Stammgehalt aus dem Prosbukte. G × H × f dennoch richtig hervorgehe*).

Eine wesentliche Veränderung des Formwuchses kann nur von veränderter Stellung, oder von außerordentlichem Verluste hervorgebracht werden. Erstere wirkt sehr allmählich, lettere ist zufällig. Daher nimmt man in der Regel an, daß die, einem Baume eben eigene Formzahl innerhalb weniger Jahre ziemlich dieselbe bleibe, und begreift nothigen Falls eine kleine Formversänderung in dem Höhenzuwachse mit.

§. 349. Ermittelung des gesammten Maffengehaltes.

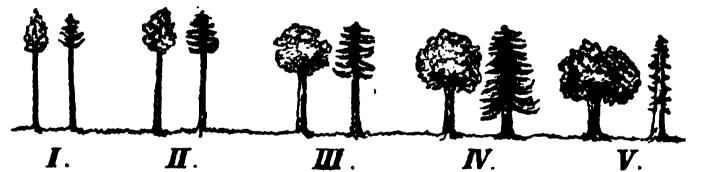
Ist an einem Baume die Stammgrundsläche G vermittelst der Stammstärke gemessen, auch die Scheitelhohe H, und ist die Formzahl f geschätzt: so läßt sich die Gesammt mafse desselben leicht sinden nach der Formel $G \times H \times f$ (§. 338.). $G \times H$,

^{*)} Am leichteften sind diese Ausgleichungen zwischen den Soben- und Formzahlen. Wäre z. B. H = 57 und f = 0,58, so könnte man ohne Fehler 55 H und 0,6 f, oder 60 H und 0,55 f annehmen. Es kommt begreislich nur darauf an, die Zahlen so zu stellen, daß sie dasselbe Produkt wieder geben. Schwieriger läßt sich hierzu die Stärke gebrauchen, weil deren Quadratzahl mit verglichen werden müßte.

der Inhalt der gleichstarken und gleichhohen Scheitelwalze, kann in den Taseln nach Umsang und Höhe ausgesucht und dann mit der Formzahl f. multiplizirt werden. Hätte z. B. eine Buche 41" Stammstärke, 70' Scheitelhöhe und 0,58 zur Formzahl: so enthielte ihre Scheitelwalze, G × H, 65 c', und der Stamm selbst 65 × 0,58 = 37,7 c'.

Ist die Gehaltshohe h geschätt, oder sonst bekannt, so braucht man nur die Gehaltswalze G × h aufzuschlagen, oder zu berechnen. Die hier angesügten Erfahrungstafeln über den Massengehalt der Waldbaume 65 bis 72 geben die Gehaltshohen aller Baumarten und Formklassen zu den Scheikelhohen ohne Weiteres an. Sie fassen nämlich zuerst in sieben Abtheilungen die wichtigeren Baumgattunzgen mit gleicher Formhaltigkeit zusammen, nämlich: 1) die Eiche in ihrem ganz angemessenen Standorte; 2) die Waldbuche und Hainduche; 3) die Linde und Esche, den Ahorn und die Ulme; 4) die Aspe, Pappel und Erle; 5) die Tanne und Fichte; 6) die Lärche und Rieser; 7) die Birke. Andere hier nicht ges nannte Holzarten sind diesen Abtheilungen leicht anzupassen.

Die fünf obenan mit Ziffern bezeichneten Formklassen jeder Abtheilung unterscheibet man nach den Wachsthumsverhaltznissen und dem Wuchse mit Berücksichtigung des zufälligen Aufsbereitungsverlustes auf solgende Weise:



I. Klasse: Stämme, mehr gebrängt in die Höhe gestrieben, mit dem wenigsten und schwächsten Astholze, der spikigsten Krone und einem abfälligeren Schafte. Auch folche, die räumlicher stehen zwischen schneller wachsenden Holzerten, oder zwischen Oberbäumen; zumal auf dürftigerem Bosden, von Stockausschlag, oder aus früherem zu lichtem Stande.

II. Klasse: Stamme in maßigem Schlusse erwachsen, gehörig beastet, stumpfer in ber Krone, hoch= und vollschaftig, be-

sonders auf kräftigem Boben und mehr vom Samenanwuchse. Auch welche in räumlichem Stande auf dürftigerem Boben, oder von Ausschlag.

III. Klasse: Stämme, die längere Zeit ganz räumlich gestanden haben, mit stärkerer Astverbreitung, gewölbter Krone und vollem Schafte, besonders auf kräftigem Boben. Auch durftig im freien Stande erwachsene.

IV. Klasse: Frei erwachsen, mit vielem starken Astholze, breiter Krone und kurzerem Schafte, besonders auf nicht zu geringem Standorte.

V. Klasse: Im einzelnen Stande, mit der stärksten Astverbreitung, der breitesten Krone und dem kurzesten Schafte. Bei dem Nadelholze ist in dieser Formklasse alles Astholz ausgesschlossen und dadurch im Gegensaße zum Laubholze die gehaltsloseste Form gebildet. Ohne Nutzungsverlust gehören die ausgesbreitetsten Nadelholzstämme der IV. Formklasse mit an, indem die Bollsorm dieser Holzgattung eine V. Klasse eigentlich nicht erreicht. Übrigens sind unter keiner Klasse die Nadelholzzweige mit inbegriffen *).

Bu den mehr vorkommenden Formklassen I. die III., die ges wöhnlich als Mittelgrößen für ganze Waldbestände dienen, sindet man auch noch Übergangsstusen. Die in den Tafeln seitwärts bezeichneten Scheitelhöhen steigen von der ersten nugbaren Stamm= höhe um 5 Kuß. Die Inzahlen sind die dazu gehörigen Gehalts= höhen, nebst den wegen etwaiger Nachfrage von 20 zu 20 Fuß noch eingeschobenen Formzahlen. Beim Gebrauche dieser Taseln nimmt man unter der geschätzen Formklasse und neben der Scheis

1

^{*)} Unsere frühere Rlaffenbestimmung ordnete die Rabelhölzer ben Rugungsverhältnissen mehr unter. Dies erschwerte jedoch beren Anwendung neben ben, mehr nach den Wachsthumsverhältnissen bestimmten Laubholztlassen. Deshalb ist die frühere I. Nadelholze tlasse zur V. genommen und jede der übrigen um eine Stelle vorgerückt worden, so daß nun die Stammformen aller Holzgattungen ganz übereinstimmig klassissist sind.

telhohe nur die Sehaltshohe h = H × f und schlägt zu dieser in den Walzentaseln den Inhalt der Gehaltswalze G × h sogleich auf. Eine Buche von 4' Umfangstärke, 70' Scheitelhohe in II. Formklasse hatte zur Sehaltshohe 40,55' und zum Holzgehalte 51,62 Ksuß. Zwischen der I. und II. Formklasse hielte diesex Baum, bei 38,76 Sehaltshohe, 49,34 Ksuß.

Sollten die Scheitelhohen der Tafeln eben nicht zureichen, so berechnet man die fragliche Gehaltshohe nach der nächsten Geshaltshohen=Differenz. Eine 130 Fuß hohe Fichte II. Klasse hatte z. B. nach der zwischen 110 und 120 befindlichen Differenz (61,88 — 57,59 = 4,29) zur Gehaltshohe 61,88 + 4,29 = 66,17. Diese Differenz ist zwar etwas zu groß, weil sie in der Regel von Stufe zu Stufe fallen sollte; zu solchem Gebrauche mag sie indeß genügen. Ebenso läßt sich jede Gehaltshohe zu einer übersprungenen Scheitelhohe finden, z. B. für 55' Buchenz hohe II. Klasse, 32,4 + $\frac{35,15-32,40}{5}$ × 3 = 34,05.

§. 350. Ermittelung bes Schaftholzgehaltes.

Der Schaftholzgehalt ergiebt sich im Allgemeinen aus ber zu messenden Stammstärke und Schafthohe und der zu schähenden Schaftformzahl, nach der Formel G×H×f. Die zur Formschähung nothigen Vergleichungsgrößen sindet man mittels geeigneter Probemessungen an gefällten Bäumen (§. 339.), Aus diesen ist mit Zuverlässigkeit hervorgegangen, daß die Schastformzahl der von 10 Fuß aufwärts steigenden Höhen mit 1 bezinnt und dis zu 0,8 fällt, und zwar um so mehr, je höher und beasteter der Schaft ist. Die bloße Schastsormzahl an sich dietet dem Schäßer wenig Anhalt, viel sicherer ist die Schähung nach Schaftsormklassen, zu denen entweder die Gehalts=höhen, oder die Holzgehalte selbst in voraus bestimmt sind.

1) Gewöhnliche Schafthölzer. Diese schätt man am geeignetsten nach ben Erfahrungstafeln 74, 75 und 76, welche die Gehaltshöhen aller Baumschäfte in fünf allgemeinen Formklassen barbieten, benen die vorkommenden Baumarten untergeordnet sind. Bur weitern Auswahl bieser

Klassen beurtheilt man vorzüglich ben untern und ben obern Anslauf bes Schaftes, zubem die ganze Länge und Beastung des Stammes, auch ob der Schaft mehr unters oder innerhalb der Krone entgipfelt werden soll. Dabei ist noch zu berücksichtigen: daß ein und derselbe Schaft in verschiedenen Höhen auch versschiedenen Klassen angehören kann; daß starke Schafte meist in einer etwas niedrigern Klasse stehen als schwache; daß angemessener Standort und räumlicher Schluß auffallend vollere Schaftsformen geben. Die zum Unsprechen dieser Gehaltshöhenklassen erforderliche übung läßt sich beim Messen der in den Schlägen ausgehaltenen Schäfte gar leicht gewinnen.

In dieser Tasel sindet man zu jeder Holzart unter der gesschäten und obenan stehenden Schaftsormklasse und neben der gemessenen und außen stehenden Schaftholzsehalt in der Walzentasel unter der an 5 Fuß über'm Boden gemessenen Stammstärke ausgesucht wird, ganz wie dei Ermittelung der Gesammtmasse. Hätte z. B. ein Sichensschaft III. Klasse 45" U, 50' H, so wäre sein Holzgehalt, bei 40,00 Gehaltshöhe, 44,76 Ksuß. An kürzern Schäften könnte man auch die Mittelstärke messen (n. §. 346.) und den Schaftgehalt gleich nach der wirklichen Schafthohe als Walze suchen. Deßhalb nehmen die Höhen dieser Taseln auch erst mit 11 Fuß ihren Ansang.

- 2) Nabelholz Baustämme. Die Zimmerholz-Abgabe bedarf zur Berwerthung liegender und stehender Stämme einer kurzen, ebenso handlichen als zuverlässigen Übersicht der dabei in Frage kommenden Schaftgehalte. Ein solches Hülssmittel theilen wir in den besondern Erfahrungstafeln 77 dis 81 mit. Darin stehen obenan die in Brusthohe gemessenen Umfangssuße und die drei Zimmerstammklassen mit I, II und III bezeichnet, nämlich:
- I. Klasse, für gewöhnliche Kiefern = und Larchenstämme in minder voller Schaftform. Die noch geringhaltigeren Formen des freiern Standes werden wenigstens nicht im Ganzen als Zimmerholz verwendet.
- II. Klasse, für die ausnehmend vollschaftig gewachsenen Kiefern und Lärchen, so wie für Fichten und Tannen in ihrer minder vollen Schaftsorm.

III. Klasse, für Ficten: und Tannenstämme in ihrer Bollform.

Bei der Klassenbestimmung hat man wohl zu beachten, daß der angemessenere Standort und räumlichere Schluß, worin die Beastung weder zu schwächlich ist, noch zu tief herunter geht, die volleste Schaftsorm hervorbringen. Die voran in Jußen stehende Schaftsdage erstreckt sich von dem wirklichen Stammsende dis hinauf zu 1/3 der genommenen Stammstärke (nach §. 335. 3.). Ohne eine solche geregelte Entgipfelung würde die nothige Ahnlichkeit der Zimmerstammsormen nicht zu ermöglichen sein. Die dadurch gegebenen Höhenpunkte bestimmt der Praktiker am stehenden Stamme entweder nach anderwärts in den Schlägen schon gefundenen Längen, oder mittels Fällung einiger Probestämme aus der zur Abgabe bestimmten Holzung. Die Inzahlen der Taseln geben den Holzgehalt an zu Umfang, Länge und Formklasse. Ein Fichtenzimmerstamm von 3' U, III. Klasse, und 70' H enthält 30,9, abgekürzt, 31 Ksuß.

§. 351. Ermittelung des Knuppel= und Reisholz= Gehaltes.

Den Korpergehalt vom Knuppelholze über 2 bis zu 6 Boll, so wie vom Reisholze unter 2 Boll schätzt man, wofern das Augenmaß eben nicht zureicht, in Massensummen nach bekannten Berhaltnißzahlen (g. 343.), im Einzelnen wohl eher nach Erfahrungstafeln, wie die hier unter 82 bis 85 angefügten. Diese umfassen den Knuppel= und Reisholz=Gehalt für die obenan stehenden Stammstärken und die voran ftehenden Solzarten in funf verschiedenen Gehaltstlaffen, welche man nach bem Buchse bestimmt mit Berudsichtigung ber Statt gehabten Bachsthumsverhaltniffe. Erfahrungsmäßig giebt der Bessere Standort mehr Kronenholz als der minder gute, der freie Stand mehr als ber geschloffene. In der Jugend ist das Reisholz, im Alter das Knuppelholz überwiegend. Gefunde Baume haben mehr Reisholz als frankhafte; lettere bagegen oft mehr Knuppelholz als Reisig. Gewöhnlich geben Stamme mit sehr vielem Knuppelholze verhaltnismäßig weniger Reisholz, und

fo umgekehrt. Daher erreichen selten beibe Holzsorten an einem und demselben Stamme zugleich ihr höchstes Maß. Die Holzsgehaltsklasse von dem Knüppel= und Reisholze entspricht meist auch der Formklasse von dem gesammten Nassengehalte. Die I. Klasse ist für Stämme in regelmäßig geschlossenem Bestande; die V. für frei erwachsene in günstigem Standorte; die Iwischensklassen sind arithmetische Mittelgrößen. Sine Siche von 5 Fuß Umfangstärke hat in der III. Klasse 14,5 Ksuß Knüppelholz; eine Vichte von 4 Fuß U, in der II. Klasse, 3,9 Ksuß Reisholz.

§. 352. Ermittelung bes Stocholzgehaltes.

Der Körpergehalt des zur Nutzung kommenden Stockholzzes hangt nicht nur von der Stammstärke nebst der eigenthumslichen und zufälligen Wurzelstocksorm ab, sondern auch von der sehr verschiedenen Ausbringung, ob nämlich der oberirdische Stock bloß abgehauen, oder ob auch das Gewürzel mehr oder mins der mit ausgero det und wie hoch dazu der Baumstumpf geslassen wird. Diese Zusälligkeiten erschweren die Schätzung der Stockholzausbeute um so mehr, als das vorhandene Erdholz sich dem Blicke sast ganz entzieht. Deßhalb sind hierbei Ergebnisse aus der Erfahrung besonders nothig.

Die Tafel 86 weis't ben Stockholzgehalt ohne besons bere Rucksicht auf die Holzart nach für jede voranstehende Umsfangstärke des Stammes, in Brusthohe gemessen, an Haustocksholz und an Robestockholz. Jede dieser Stockholzabtheiluns gen umfaßt fünf Ausbeuteklassen in arithmetischer Stusfensolge, die jedoch nicht allein von der gegebenen Stockhohe und angewendeten Nutzung, sondern auch von der nach Holzart, Standort und zusälligem Buchse bedingten Stocks und Burzelshaltigkeit abhängen. Die I. Klasse sehingten Stocks und Burzelshaltigkeit abhängen. Die I. Klasse sehingung voraus; die V., höhere Stocks, stärkeres Gewürzel und sleißigere Ausbringung; keine von beiden begreift aber ein Unterstecken von weiterem Stammholze. So hätte z. B. ein Baum von 5½ Fuß Umfang nach der III. Klasse 6,5 Ksuß Haus, oder 16,71 Ksuß Rodestockholz.

Wenn auch von einzeln stehenden, kurzen Baumen auf seichtgründigem Boden und bei sorgfältigerer Rodung eine größere Stockholzausbeute gewonnen werden kann: so ist dies doch in ganzen Schlägen weniger anzunehmen. Für diese giebt überhaupt das durch die Hauungen an Ort und Stelle hervorgegangene Ausbeuteverhältniß (§. 343.) den sichersten Anhalt.

§. 353. Ermittelung des Spaltholzgehaltes.

Das Spalt = ober eigentliche Scheitholz bes stehenden Baumes ergiebt sich, wenn man von der Gesammtmasse die übrigen vorher geschätzten Holzsorten abzieht, nämlich: das Schastzholz, im Fall dasselbe für sich abgegeben wird, dann das Knüpppel- und Reisholz, endlich auch das Stockholz, wo man Stocke machen läßt. In letterm Falle wurde entweder der ganze Stock gleich mit in die Höhenmessung gezogen, oder das Stockholz nach seinem wirklichen Gehalte in gewissem Berhältnisse zum Stammsholze besonders aufgerechnet.

§. 354. Ermittelung bes Rindengehaltes.

Der Rindengehalt, so weit sich die Lohnutzung gewöhnslich erstreckt, wird am kurzesten gefunden, wenn man die Diffestenz der berindeten Stammgrundsläche G und der entrindeten mit der Gehaltshohe H × f multiplizirt, also voraussett, daß

ber gesammte Massengehalt = G × H × f, ber entrindete Holzgehalt = g × H × f; daher die Rinde an sich = (G—g) × H × f sei.

In der Wirklichkeit haben freilich die jungern schwächern Stammtheile verhältnismäßig mehr Rinde, als die stärkeren; dagegen wird auch die Rinde der dunnern Reiser meist nicht mit genutt. Den innern Umfang vom reinen Holze bestimmt man nach §. 329. Fände sich z. B. an einer Eiche von 85 Fuß Hohe, III. Klasse, der äußere Rindenumfang zu 69 und der innere Holzumfang zu 65 Zoll: so wäre

ihre Gesammtmasse: 2,63 × 55,53 == 146,04 Ksuß; ihr Holzgehalt: 2,33 × 55,53 == 129,38 Ksuß; ihr Rindengehalt: 0,30 × 55,53 == 16,66 Ksuß.

Auf dieselbe Weise ließe sich auch ber nutbare Rindenbetrag von Stangenhölzern annahernd überschlagen.

§. 355. Ungefähre Baumschätzung.

Die Gesammtmasse stehender Baume wird nicht selten auch überhaupt geschätt. Man spricht dabei gewöhnlich nur das Werb = und Knüppelholz in Klastern, oder in dem sonst dassür üblichen Holzmaße an und rechnet dann das Reis und Stock holz in geeignetem Verhaltnisse hinzu. Diese ungesähre Schätzung erfordert ein gutes Augenmaß, das vorzüglich in den Holzhauereien fortwährend geübt und berichtigt werden muß. Dennoch gewährt dieselbe wenig Zuverlässigkeit und erreicht nicht entfernt die Schärse unserer genauern Massenermittelung. Zum Beweis nur Folgendes.

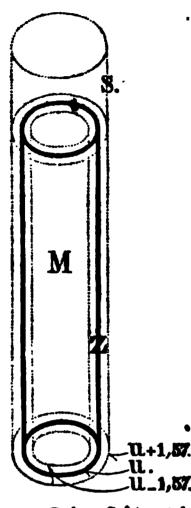
Bei diesem ungefähren Ansprechen schätzt man gleich das Produkt $G \times H \times f$ überhaupt; bei der genaueren Massenermitztelung werden dagegen die Gehaltsfaktoren $G \times H$ durch Mesztung bestimmt, und es wird nur allein f geschätzt. Die Genauigkeit beider Bestimmungen verhält sich also, wie die beiderseits der bloßen Schätzung unterworfenen Größen, nämlich wie $G \times H \times f$ zu f. Bei Schätzung der Formzahl oder der Formklasse zur Sehaltshöhe dürste der Fehler selten über 0,05 betragen.

Wegen der leichtern Anwendung macht sich jedoch die ungesfähre Schätzung, in Fällen wo eben weniger Genauigkeit erfors berlich ist, allezeit sehr brauchbar, zumal bei Schätzung der Sorstenverhältnisse.

§. 356. Ermittelung bes laufenden Bumachfes.

Der laufende Jahreszuwachs, um welchen sich die Masse bes Baumes eben mehrte, ergiebt sich nicht ganz genau aus dem Unterschiede eines früheren Massengehaltes von dem gezgenwärtigen, M — m. (§. 344. 3.). Die besondere Ausmittelung

des früheren Baumgehaltes ist übrigens auch mit mancher Schwierigkeit verknüpft. Leichter und richtiger bestimmt man den Holdzuwachs des laufenden Jahres gleich nach Prozenten des gesgenwärtigen Baumgehaltes:



Man denkt sich den gegenwärtigen Maumgehalt M gleich als Gehaltswalze mit der Stammstärke U, dazu einen halbe dolligen Außenring als beständiges Juwachsmaß z, das auf dem Durchmesser l' und auf dem Umfange 3,14" beträgt, und setzt voraus, dieser Ring liege theils innerhalb, theils außerhalb der Gehaltswalze in dem Umfangsbereiche:

$$U + \frac{3,14''}{2}$$
 und $U' - \frac{3,14''}{2}$ oder $U + 1,57''$ und $U - 1,57''$.

Die Höhe dieses als Zuwachsmaß angenommenen Außenrinzges ist, wie schon (§. 347.) bekannt, mindestens stillstehend, hoch=stens mit der Stärkenzunahme im Gleichverhaltnisse sortwachsend. Für beide Höhengrenzen müßte nun zuvörderst das allgemeine Verhaltniß des Baumgehaltes M zu dessen Zuwachsmaße z bessimmt werden.

2) Bei fehlendem Hohen zuwachse verhalten sich bie beiben, das Zuwachsmaß von außen und innen begrenzenden Walzenraume wegen der gleichen Hohe wie die Quadrate ihrer Umfange (§. 309. 2.), also wie

$$(U + 1,57')^2 : (U - 1,57')^2;$$

und die zwischen inne liegende, dem Baumgehalte M gleiche Gehaltswalze verhalt sich zu dem Zuwachsmaße z, wie

$$U^2: (U + 1.57')^2 - (U - 1.57')^2$$

wegen ahnlicher Grundfläche und gleicher Sohe der drei fraglichen Walzen. Es verhält sich also .

£

$$U^2: (U+1.57')^2-(U-1.57')^2=M:z.$$

Folglich ist in diesem niedrigsten Falle bas Zuwachsmaß

$$z = M \times \frac{(U + 1,57')^2 - (U - 1,57'')^2}{U^2}$$

3) Bei vollem Hohenzuwachse verhalten sich die beisten, das Zuwachsmaß bestimmenden Walzenraume wegen ihrer Unsange (h. 310.), also wie

$$(U + 1,57'')^3 : (U - 1,57'')^3,$$

und die zwischen inne liegende, bem Baumgehalte M gleiche Gehaltswalze verhalt sich zu dem Zuwachsmaße z, wie

$$U^3: (U + 1.57')^3 - (U - 1.57'')^3$$

wegen der Ahnlichkeit aller drei Walzen. Es verhält sich also

$$U^{s}: (U + 1.57'')^{s} - (U - 1.57'')^{s} = M:z.$$

Folglich ist in diesem hochsten Falle das Zuwachsmaß

$$z = M \times \frac{(U + 1.57'')^3 - (U - 1.57'')^3}{U^3}$$

4) Um nun diese beiden allgemeinen Werthe

$$M \times \frac{(U + 1.57'')^2 - (U - 1.57'')^2}{U^2}$$
 für das nies

brigste, und
$$M \times \frac{(U+1,57'')^3-(U-1,57'')^3}{U^3}$$
 für das höchste

Buwachsmaß bei ber Baumschätzung anzuwenden, nimmt man M = 1 an, set anstatt U die gebräuchlichen Umfangszmaße (‡, ½, ½, 1 10 Fuß) und berechnet für ein jedes die beiden äußersten Zuwachsmaße und dann noch die drei dazwischen fallenden, zu ½, ½ und ½ des vollen Höhenzuwachses gehörigen arithmetischen Mittelgrößen. Alsdann wird von jeder Stammstärke der Gehalt dieser fünf Zuwachsmaße von verschiesdener Höhe noch durch 2, 3, 4 25 getheilt, so viel deren haldzolliges Stärkenmaß von den vorsindlichen jüngsten Jahreinzgen eben sassen könnte; endlich werden noch alle diese auf je 1 Jahreing kommenden Zuwachsmaßtheile mit 100 multipliziert, um

sie als Prozente von dem wirklichen Baumgehalte M barzustellen. Diese Ergebnisse sindet man zusammen in den ans gefügten Holzzuwachstafeln 88 bis 102, unter den Ums fangstärken und den sunf Hohenzuwachsklassen, neben der jüngsten Sahrringstärke*).

- 5) Im Besitze einer solchen Holzzuwachstafel ermist man ben letziährigen Stärken= und Höhenzuwachs in der hiernächst gezeigten Weise, sucht die dazu gehörigen Zuwachsprozente unster der Stammstärke auf, multiplizirt damit den auf ganz beliezbige Art ermittelten Baumgehalt M und dividirt das Produkt noch durch 100: so ergiebt sich der Massenzuwachs vom laufenden Jahre. Unser beständiger Außenring z, wonach wir den lausenden Jahreszuwachs bemessen, dient hierbei mittels seiner halbzolligen Stärke, als Stärkenzuwachsmaß und mittels seiner vollen Höhenzunahme s, als Höhenzuwachsmaß.
- 6) Die jungste Jahrringstärke müßte also als Theil bes halbzolligen Stärkenzuwachsmaßes bestimmt werden. Hierzu druckt man dieselbe als Bruch aus, dessen Jähler 1 ist und dese sen Nenner anzeigt, wie viel Mittelstärken des jungsten Jahrzinges auf den halben Joll gingen. Umdies leicht zu ermitteln, theilt man am Zollstädchen den vordern I Zoll oder I Vußtalt mach in beliedige Untertheile, faßt mehre, dem jungsten Stärkenzuwachse gleich zu achtende Jahrringe auf einen oder etliche solcher Theile zusammen und überschlägt die davon auf den halben Boll eben kommende Anzahl. Die jungste Jahrringstärke kann zusällig wohl von dem gesuchten mittlern Stärkenzuwachse abweichen. Den richtigsten Anhalt geben allemal mehre der äussersten Jahrringe von gleicher Stärke; tieser liegende, leicht obweichende, dursen eben so wenig mit hinzu gezogen werden, als die jungste noch unausgebildete Holzmasse.
 - 7) Den lettjährigen Hohenzuwachs spricht man

^{*)} Diese ganz vorzüglichen Hulfsmittel ber Zuwachsichähung find längst im Gebrauche und zuerst durch Laurop's Jahrbücher 1828, III. Deft bekannt gemacht.

wie schon bekannt in Bergleichung mit dem Starkenzuwachse Derfelbe ist namlich voll oder gleich 1, wenn er sich zur Stammbobe verhalt, wie ber Starkenzuwachs zur Stammftarke; er ist O, wo er gang fehlt; die Zwischenstufen sind E, 3, & (§. 347.). Diese Sobenzuwachsklaffen werden am sichersten bes stimmt nach bem in Bollen bemessenen jungsten Sohenzuwachse. Dazu braucht man zuvorderst noch bie Sohenzuwachstas feln 88 und 89, welche für jebe Stammstärke und Scheitel= hohe das deuts halbzolligen Jahrringstarkenmaße eben zukoms mende ganze Höhenzuwachsmaß in Zollen angeben. feln wurden berechnet nach der Proportion U: 3,14 == H': s", worin U ber Stammumfang, 3,14 bas Starkenzuwachsmaß zum Umfange, H die Scheitelhohe und s das Hohenzuwachsmaß ist. An einem Stamme von 21' Umfangstärke und 60' Scheitels hohe ware baher $s = \frac{60 \times 3,14}{2^{\frac{1}{2}}} = 68''$. Nahme nun der jungste ausgebildete Sahrring von dem halbzolligen Starkenzu= wachsmaße 🖓 ein: so betruge ber zu 68 gehörige volle einjah= rige Hohenzuwachs ff, etwa 6". Diese Theilung bes Sohenzu= wachsmaßes burch die dazu gehörige Jahrringzahl ist für die gewöhnlichen Falle auf Zaf. 90 und 91 so weit in voraus geschen, daß man den vollen einjährigen Hohenzuwachs, wenig= stens als Mittelzahl, hier z. B. $\frac{6.8+5.6}{2}$ = 6,2, hinlanglich genau auffinden kann. Satte man ben lettjahrigen wirklichen Höhenzuwachs zu 3" angesprochen, so ergabe bas die Halfte jenes vollen Sohenzuwachses, wonach bann ber laufenbe Holzzumachs berechnet murbe.

Bei einiger übung kann die Hohenzuwachsklasse auch nach ber Wachsbarkeit und den Wachsthumsverhaltnissen ohne Weites res geschätzt werden. Starke Sipfeltriebe, dabei viele jungen Kronenzweige, frisches Grün und glatte Rinde sind Kennzeichen eines vollen Hohenzuwachses; wogegen Sipfeldürre, Kronendürfztigkeit, schwächliche Belaubung, Schaftsprossen und rauhe, schorzsige Rinde einen mangelhasten Hohenzuwachs verrathen. Im vorgerückten Alter, in ungewohnter Freistellung, in übergipfeltem Stande und auf seichtgründigem Standorte bleibt der Höhenzus

wachs gegen den Stärkenzuwachs beträchtlich zurück." Hat bie sichtbare Zunahme der Scheitelhohe auch aufgestört, so kann fortandoch die Krone sich mehr wolben und somit wenigstens die Geshaltshohe noch zunehmen *).

8) Diese Art der Zuwachsermistelung gewährt nicht nur die größte Genauigkeit und Leichtigkeit, sondern ist auch bei jeder Schätzung des Baumgehaltes anwendbar, für den Holzmassenzgehalt, für einzelne und für mehre Stämme zusammen; zudem halt sie sich frei von jeder Mitaufrechnung irgend eines unvermeiblichen Holzabfalles. Hierzu nur folgens des Beispiel:

Ein Stamm von $2\frac{3}{4}$ ' U, 60' H und 24 c' Masse habe zum jüngsten Stärkenzuwachse zu von dem halbzolligen Jahrsringstärkenmaße und dabei 3" oder den halben Höhenzuwachs: so beträgt sein laufender Jahreszuwachs 2,16 Prozent von seinem Massengehalte, also $\frac{24 \times 2,16}{100} = 0,5184$ c'.

g. 357. Zuwachsverhaltnisse an ben Holzwüchsen überhaupt.

Das so eben burch Prozente ausgedrückte Verhaltnis bes ganzen Stammgehaltes zu bem laufenden Schreszuwachse wird hauptsächlich bedingt von dem Stärkenzuwachse ohne, oder mit Hohenzuwachs; denn die Form perandert sich von einem Jahre zu dem andern nur unbedeutend.

1) Der fortschreitende Massengehalt eines Stammes ohne Hohenzuwachs vethält sich, wie die Quadrate der Stärken. Nennen wir einen früheren Durchmesser d und einen späteren D: so ist das Massenverhalt= niß d': D', wie an Walzen von gleicher Hohe und verschiede=

^{*)} Bei eingängigen Baumen kann freilich auch die Sohe im Abnehmen begriffen sein und der unten gefundene Stärkenzuwachs fich gar nicht mehr in die obern Theile hinauf erstrecken. Dieser Fall macht jedoch die Fällung weit rathsamer, als irgend eine Juwachsbeskimmung.

ner Stark (§, 309.). Der frühere Massengehalt verhalt sich also zu dem nächsten Zuwachse wie d' : D' — d'.

Setzen wir nun für gewisse stürken bestimmte 3ahlen, z. B. 3", 6", 12", mit gleichem Stärkenzuwachse, etwa 1": so ergeben sich die Massenverhältnisse

 $3^{2}: 4^{3} = 9: 16 = 1:1,77...$ $6^{2}: 7^{2} = 36: 49 = 1:1,36...$ $12^{2}: 13^{2} = 144: 169 = 1:1,17...$

und daraus weiter die Buwachsverhaltniffe an bem

3=zolligen Stamme 1:0,77...
6 » 1:0,36...
12 » 1:0,17...

Dies beweist, daß der Holzzuwachs bei gleichem Massengehalte und gleicher Stärkenzunahme, schon ohne Hohenzuwachs, an schwächern Stämmen weit größer ist, als an stärkern.

2) Der fortschreitende Massengehalt eines Stammes mit vollständigem Höhenzuwachse (§. 356.) verhält sich wie ds: Ds, nach dem Gesetze ähnlicher Walzen (§. 310.). Obige Stammstärken ergäben also die Massens verhältnisse

 $3^{5}: 4^{3} = 27: 64 = 1:2,37...$ $6^{5}: 7^{3} = 216: 343 = 1:1,58...$ $12^{5}: 13^{5} = 1728: 2197 = 1:1,27...$

und die Zuwachsverhältniffe am

Sonach ist jener Unterschied in bem Massenzuwachse verschiebener Stammstärken, mit Hohenzuwachs, noch viel größer.

3) An den gewöhnlichen Holzwüchsen werden nun aber mit zunehmender Stammstärke die Jahrringe und Höhentriebe immer dunner und kurzer. Haben also die jungern schwächern Stämme an sich schon mehr Stärken = und Höhenzuwachs: so muß auch infofern ihr Massenzunahme=Verhältniß größer sein. Der obige 3 = zollige Stamm mit vollem Höhenzuwachse nimmt, bloß stereometrisch betrachtet, 1,37 seines Massengehaltes zu, der 12= zollige ohne Höhenzuwachs, nur 0,17. Diese Vergleichungen eröffnen dem rechnenden Forstwirthe wichtige Ansichten im Wachs=thum der Wälder und leiten ihn zur Erziehung eines weit grössern Holzertrages mittels eines viel kleinern Massenvorrathes.

II. Holzbestandes. Schatung.

1. Bemessung des Waldschlusses.

§. 358. Stammgrunbflachensumme.

Die Stamme, welche einen Waldbestand bilben, stehen mehr ober weniger bicht zusammen. Dieses von der Stamme Zahl unb Starke bedingte Zusammenschließen laßt sich nach ber Summe aller Stammgrundflachen auf einer gewissen Flachenmaßeinheit bemessen. Mage man z. B. Die Starken aller auf einem preußischen Morgen von 12 × 12 × 180 = 25920 q' eben befind= lichen Stamme und fande zur Summe ihrer Starkenflachen 129,6 q': so verhielte sich des Bestandes Stammgrundsläche zur Bodengrundflache == 129,6 : 25920. Wir nennen erstere Stammgrundflachen summe und lettere bie Be= Das Verhältniß $\frac{129,6}{25920}$ = 0,005 bezeich= standsfläche. net ben Stammgrundflachen=Untheil von ber Bestanbe= Die gesammte Stammgrundflache in Bezug auf die fläche. gegebene Bestandestache ober ber Stammgrundflachen-Untheil ift also das Maß des Waldschlusses.

Je größer die Stammgrundslächensumme eines Bestandes ist, um so dichter steht das Holz und um so holzhaltiger muß auch der Bestand sein. Dieselbe ergiebt sich bei gleicher Stammstärke ohne Weiteres aus dem Produkte der Stammezahl mit der Star= kensiche. Zene Stammgrundslächensumme von 129,6 q' kann ebensowohl aus 1296 Stämmen zu 0,1 q', als aus 129,6 Stämsmen zu 1 q' Stärkensläche zusammengesetzt sein. Je stärker also die Stämme sind, um so weniger braucht man davon zur Bilbung eines gewissen Waldschlusses.

§. 359. Stanbraum ber Stamme.

In jedem vollen Holzbestande sinden sich, wenigstens mit höherem Alter, der Stamme Standpunkte ungleich vertheilt. Selbst in den regelmäßig gestellten Unpflanzungen verschwindet Manche Stamme haben allmählich die anfängliche Pflanzform. mehr Wachsthumstraft, ober finden zufällig mehr Nahrung und breiten sich aus, während andere bicht daneben leiden, zurückkom= men und nach und nach eingehen. Bei ber somit entstehenden, scheinbar ungleichen Stellung hat dennoch jeder Stamm einen gewissen Bachsthumsraum ober Antheil an dem Raume, den der ganze Bestand einnimmt. Dieser Standraum ist eigentlich ein saulenformiger Korperraum, bessen Grundflache in der Be= standesläche liegt, und dessen Sohe von dem tiefsten Wurzelende bis zum höchsten Scheitel reicht. Doch ba man zu ber weitern Unwendung diefes Raumes die Hohe nicht besonders braucht: so bezeichnen wir bloß den, einem Stamme eben zukommenden wagerechten Untheil von der Bestandsfläche als dessen Stand= raum. Bei geschlossenen Kronen verbreitet sich berfelbe nicht über bie sogenannte Schirmflache des Stammes hinaus.

In jedem Holzbestande von ebenmäßigem Wuchse verhält sich die Ast = und Wurzelverbreitung eines jeden Stammes stets wie seine Starke; je, stärker der Stamm ist, einen desto ausge= breitetern Standraum beherrscht derselbe. Auf jeden Stamm kommt mithin ein seiner Stammgrund fläche ange= messener Theil der Bestandsfläche. Ständen z. B. auf einem Morgen von 25920 q':

80 Stämme zu 4' U u. 1,28 q' G mit 102,4 q'ges. St. grundsläche, 80 » » 2' » » 0,32 » » » 25,6 » » » », so

betrüge die St.grfl.: Summe 128 q', und auf 1 q' Stammgrundsläche kame 25920 = 202,5 q' Bestandssläche.

÷

Jeder Stamm zu 4' U hatte also 1,28 × 202,5 = 259,2 q' und jeder zu 2' U hatte 0,32 × 202,5 = 64,8 q' von der Bestandsstäche als Standraum inne.

Wenn die Stämme eines Holzbestandes ihre Bestandssläche nicht gänzlich einnehmen und nur gleichmäßig von einander absstehen: so vertheilen wir ebenfalls die ganze Flächenausdehnung verhältnismäßig unter sie, ihren Stammstärken nach, füllt auch eben keiner berselben seinen Standraum aus. Ständen auf jenem Morgen nur 8 Stämme von 4' und 8 von 2' Umfangstärke: so käme auf 1 q' Stammgrundsläche 2025 q' Bestandssläche.

§. 360. Abstanb der Stamme. Fig. 136.

- 1) Der Stamme Abstand in einem Holzbestande ist bes
 dingt von der Größe ihrer Standraume. Ze größer diese sind,
 desto weiter stehen die Stamme aus einander. Um den Abstand
 nach den Standraumen bemessen zu können, muß man diesen
 eine allgemeine Grundsigur beilegen. Dazu eignet sich vornehms
 lich das Quadrat, weil dasselbe dem natürlichen Wachsthumss
 raume am meisten gleichkommt, dabei die ganze Bestandsstäche
 auftheilt und am einsachsten ist.
- 2) Denken wir uns in einem gleichmäßigen Holzbestande um jeden Stamm seinen Standraum als Quadrat; nehmen wir dason zwei Stamme B und d, und nennen von dem einen B die Stammgrundsläche G, die Umfangstärke U, den Standraum Q und dessen Seite S; von dem andern d die nämlichen Größen g, u, q, s: so ist

G: Q = g: q (\S :,359.) G: g = Q: q (\S . 61. 1.) U²: u² = S²: s² (\S . 169.) U: u = S: s (\S . 61. 5.) U: S = u: s (\S . 61. 1.).

In einem und demselben Holzbestande verhalten sich also die, den Standraumenzukommenden, Quas dratseiten S und s, wie die Stammstärken U und u.

3) Das einem Holzbestande eben eigne Verhältniß der Stamm= stärke U zur Standraumseite S nennen wir das Abstands= Standraumseite S, die Abstandszahl a, oder den Abstandschweg. In dem obigen Beispiele kam auf einen Stamm von 4' U die Bestandssläche 259,2 q', wovon die Quadratseite $S = \sqrt{259,2} = 16,1'$. Das Abstandsverhältniß U:S war daher 4:16,1, etwa 1:4, und die Abstandszahl $a=\frac{S}{U}=4$. Auß $\frac{S}{U}=a$ folgt $S=U\times a$ und $U=\frac{S}{a}$.

4) Der Stämme Entfernung in einem Holzbestande ergiebt sich aus den Umfangstärken und der Abstandszahl. Grenzen nämlich zwei Standräume Q und q ganz nachbarlich zusammen: so stehen die mitten in denselben besindlichen Stämme um ihre beiden halben Standraumseiten $\frac{8}{2} + \frac{8}{2} = \frac{U \times 8}{2} + \frac{u \times 8}{2} = \frac{U + u}{2} \times 8$ aus einander. Bon zwei Nachbarstämmen (Fig. 136.) B zu 4' und b zu 3' Umfangsstärke wäre in dem Abstande 5 die Entsernung Bo + do = $\frac{4 \times 5}{2} + \frac{3 \times 5}{2}$, zusammen $\frac{4+3}{2} \times 5 = 17\frac{1}{2}$.

Die Entfernung zweier Nachbarstämme ergiebt sich mithin, wenn man bas arithmetische Mittel ihrer beiden Umfangstärken mit der Abstandszahl multiplizirt.

§. 361. Abstanbsmeffung.

1) Zur Ermittelung des Abstandes (a) je zweier Stämme dividirt man deren Entfernung $(\frac{U+u}{2}\times a)$ durch das arithmetische Mittelihrer Umfangstärken $(\frac{U+u}{2})$. Wäre, wie im lettern Beispiele, die gemessene Entfernung $(\frac{U+u}{2})$. Wäre, wie im lettern Beispiele, die gemessene Entfernung $(\frac{U+u}{2})$ und die mittlere Umfangstärke $(\frac{U+u}{2})$ = $(\frac{U+u}{2})$ is betrüge der Abstand $(\frac{U+u}{2})$ = 5, also das Fünfsache des Mittels umfangs.

2) Die Auswahl zweier Stämme zur Messung eines mittlern Abstandes erforbert eine sorgfältige Magnehmung des Standes. Nicht alle Nachbarstämme eines Bestandes sinden sich so rechtstehend, wie es eine richtige Abstandsmessung bedingt. Dft stehen sie einander zu nahe und haben einen mehr oder minder gemeinschaftlichen Standraum; ofter fteben fie zu entfernt, und es drangt sich ber Wachsthumsraum eines weitern Stammes dazwischen hinein. Stehen sie mehr schräg, wie etwa q gegen B (Fig. 136.), so ware Bp ber richtige Abstand; man muß sich indeß mit der wenig abweichenden Entfernung Bq behelfen, weil im Freien der eigentliche Abstandspunkt p nicht wohl näher be-Die Entfernungen werben wagerecht unb ftimmt werden tann. eigentlich bis zu den Mittelpunkten ber beiberfeitigen Stammgrunds flachen genommen; nur bei schrägem Stande barf man hiervon etwas abgehen; im außersten Falle mißt man von Umfang zu Umfang.

Bestande aufsuchen, wo die Stämme nicht zu ungleich sind und von Jugend an in mehr gleichmäßiger Vertheilung gestanden haben. In der Regel ist das Mittel aus mehren Abständen zu nehmen. Fände sich z. B. zwischen solgenden Nachbarstämmen von

3	unb	6'	U	die	Entfernun	g 19',	alfo	die	Abstandszahl	4,2,
2	»	4'	>>	»	»	121'	>>	»	»	4,2,
5	>>	3'	»	»	»	151	>>	>>	»	3,9,
44	· >>	$2\frac{1}{2}$	*	»	»	131'	>>	>>	»	3,8:
_		_	Ti	o be	truge die C	bumme	ber	Ubs	anoszahlen	16,1
		und der durchschnittliche Abstand								

Am genauesten ergiebt sich freilich ber Abstand nach ber gesamme ten Stammgrundsläche (§. 362. 3.).

§. 362. Allgemeiner Gebrauch bes Abstandes.

1) Nach dem bekannten Abstande und der gegebenen Stamms stärke eines Baumes ist dessen Standraum $S^2 = (U \times a)^2$ leicht zu berechnen. Man erhebt das Produkt der Ab=

Kandszahl mit der Umfangszahl in's Quadrat, Ein Stamm von 4' U hat, bei 5fachem Abstande zur Quadratseite seines Standraumes 4 × 5 = 20'; denn auf jeden Umfangszsuß kommen 5 Fuß Standraumseite, und der Standraum selbst beträgt 20² = 400 g'.

2) Nach dem Abstande kann man weiter die Stamm=
grund slächen summe aller Stämme eines Bestandes aus=
rechnen. Die, Abstandszahl ist nämlich die Quadratseite des
Standraumes zu dem 1=sußigen Stamme mit 0,0796, oder ab=
gekürzt, 0,08 q' Stammgrundsläche. Das Quadrat der gegebe=
nen Abstandszahl verhält sich daher zu 0,08 q', der dazu gehö=
rigen Stammgrundsläche, wie die ganze Bestandssläche zu der
darauf besindlichen, gesammten Stammgrundsläche. Wäre die
Abstandszahl 4, so betrüge die Stammgrundslächensumme Geines Morgens zu 25920 q', nach der Proportion

$$\frac{4^2 : 0.08 = 25920 : G_{10}}{\frac{0.08 \times 25920}{16}} = 129.6 \text{ q'}.$$

Das für den 1 = fußigen Stamm gefundene Verhältniß der Stammgrundsläche zum Standraume, hier 0,08: 42, oder $\frac{0,08}{4^2} = 0,\infty_5$, bezeichnet zugleich den Antheil, welchen die Stammgrundsläche von der Bestandssläche überhaupt einnimmt $(\S. 358.)$.

3) Nach der Stammgrund flächen summe eines Holzbestandes, welche sich weit genauer ergiebt, wenn man die Stärken aller dazu gehörigen Stämme nach einander mißt und deren Stammgrundslächen zusammenzählt, sindet man auf entgegengesetzem Wege den Abstand, und zwar am genauesten. Die Stammgrundslächensumme verhält sich nämlich zu der Bestandssläche, wie die Stammgrundsläche des 1= sußigen Stammes zu dessen Standraume a. Diese Proportion gestaltet sich mit den Größen vom vorigen Beispiele in

 $129,6 : 25920 = 0.08 : a^3$

Die Quadratwurzel aus dem so berechneten Standraume ist der gesuchte Abstand, hier $\sqrt{16} = 4$.

- 4) Bei verschiedenem Abstande verhalten sich die Stammgrundslächen um gekehrt wie die Quadrate der Abstandszahlen. Zu dem Abstande 4 ist (n. Ziff. 2.) die Stammgrundsläche eines Morgens $\frac{0.08}{4^2}$ × 25920, und zu dem Abstande 7 ist sie $\frac{0.08}{7^2}$ × 25920. Beide Stammgrundslächen verhalten sich also, wie $\frac{0.08}{4^2}$: $\frac{0.08}{7^2}$ = $\frac{0.08 \times 7^2}{4^2 \times 7^2}$: $\frac{0.08 \times 4^2}{7^2 \times 4^2}$ = $\frac{7^2 \times 4^2}{7^2 \times 4^2}$.
- 5) Nach der gegenwärtigen Abstandszahl und bem nächsten Stärkenzuwachse des Mittelstammes von einem Bestande kann man die mit zunehmender Stammstärke eintretende. Abstand sveränderung leicht bemessen. Gesetzt, ein Waldebestand habe so eben 4,33 = sachen Abstand, Zsußige Stammstärke und zum nächsten 10jährigen Stärkenzuwachs 0,16 Fuß im Um= sang: so ist die Entsernung der Stämme 2 × 4,33 = 8,66 und mithin der nachherige Abstand, bei 2,16 Fuß Stammstärke, 8,66: 2,16 = 4. Die Abstandsveränderung steht mit dem Stärkenzuwachse in umgekehrtem Verhältnisse; denn es muß im vorliegenden Falle, bei der gleichbleibenden Entsernung von 8,66, leicht begreislich 2 × 4,33 = 2,16 × 4 sein, sich mithin 2: 2,16 = 4: 4,33 verhalten.
- 6) Zur leichtern Bestimmung der Stammgrundslächenfumme nach jeder vorkommenden Abstandszahl, oder umgekehrt,
 der Abstandszahl nach der Stammgrundsläche, dienen die unter
 104 bis 106 angesügten Abstandstafeln, welche zu allen Abständen nicht nur die Stammgrundslächen-Antheile überhaupt,
 sondern auch die Stammgrundslächen mehrer Forstslächenmaße
 angeben. Darin sindet man z. B. hinter dem Abstande 3,8 für
 den preuß. Morgen 142,5 q', für das baierische Tagwerk, wie
 für den badenschen und darmstädtschen Morgen 220 q', und
 für den hannöverischen und braunschweigschen Waldmorgen
 225,2 q' gesammte Stammgrundsläche, oder überhaupt 0,0055
 von der Bestandssläche. Leicht läst sich der Betrag jeder andern

Forstslächeneinheit zwischen ben Abstand und den Stammgrunds slächen = Antheil eben so einreihen.

Obschon die Abstandsmessungen nur in den Handen des unterrichteten Praktikers zu einigermaßen sichern Schatungs= ergebnissen führen können, so bieten dieselben boch wenigstens ein überaus leichtes Mittel zur ungefähren Bestimmung ber Dichtheit, so wie ber Stammgrundflächensumme aller Waldwuchse, bei dessen Gebrauche man nichts zu nehmen hat, als etliche Entfernungen rechtstehender Nachbarstamme. Es ist dies für die fluch= tige Bestandesschätzung ein außerordentlicher Gewinn. Die mit= tels des Augenblicks angesprochenen drei Bestandsfaktoren, die Abstandszahl, Bestandshohe und Stammform, gewähren weit zuverlässigere Ergebnisse, als jede andere aus der Masse heraus gegriffene Schätzung. Nähere Untersuchungen bes Abstandes ober bes Stammgrundflachen-Antheiles in allen Stellungen der Bald= bestände führen übrigens zu tiefen Ginsichten in der Balder Bachsthum. Diese Ergebnisse weis't die Forstnaturkunde nach; hier kann nur noch die stereometrische Unwendung des Abstandes berührt werden.

§. 363. Abstand auf die Holzanlagen angewendet.

In den Holzanwüchsen sollte der Stämme Stellung durchaus nicht dem Gerathewohl anheim gegeben sein. Zwar bedarf der junge Anwuchs, theils des forderlichen Schlusses, theils des möglichen Abganges wegen, zum vollkommenen Gedeihen ein scheinbares Uebermaß der Pflanzenzahl. Diese Bedingung der ansänglichen Dichtheit durste man aber in der Regel nicht weiter überschreiten, als es die einstige Nutbarkeit der überwachsenen Holzstämme gestattet. Das erhebliche Verdrängen durste nämlich dann erst eintreten, wenn das eingängige Holz eine absehdare Stärke erreicht hätte. Nach dieser Stärke ist die ansängliche Stellung hauptsächlich zu bemessen.

Geset, in einem Fichtenbestande könnte sich die Durchsorsstung nicht eher bezahlt machen, bis die Stämme im Durchsschnitte 1% Umfangstärke erreicht hätten. Wäre nun auf dem fraglichen Standorte die Abstandszahl folcher Fichtenstangen im durchs

forstbaren Stande 3,6: so betrüge zur Zeit ber nächsten, nutbaren Durchforstung von jedem Stamme die Quadratseite seines Standsraumes 3,6 × 1½ = 4,5' und der Standraum selbst 4,5° = 20,25 q' (§. 362. 1.). So viel Fläche müßte man nun ansängslich jedem dis dahin bleibenden Stamme ungefähr zutheiten. Diesen Anforderungen entsprächen eine Geviertpstanzung mit 4½', eine Reihenpstanzung mit 3 und 7', oder mit 2 und 10' Pstanzweite, deßgleichen eine noch etwas weiter gestellte nicht zu dichte Trupp=Pstanzung, Platten= oder Streisensaat.

Nach der Abstandszahl bestimmt man ebenfalls, wiesern die Lücken schon vorhandener Aufwüchse ausgebessert werden müßten. Wäre in einem Buchenbestande dereinst die Abstandszahl 4, und sollten jest die Fehlstellen nur für die Hauptnutzung ausgepslanzt werden; wüßte man auch, daß bis dahin jeder Randstamm wenigstens 3 Fuß Umfangstärke erreichte: so gelangten solche Stämme in der Entsernung von $4 \times 3 = 12'$ noch zu vollem Schlusse. (§. 360. 4.), und es dürften alle unter 12 Fuß breiten Lücken ganz unausgebessert bleiben; auf die bis zu 2×12 Fuß breiten brauchte aber nur je ein Pslänzling zu kommen. Hiernach ergiebt sich auch, daß die Ausbesserung der Fehlstellen weniger nach dem Flächengehalte, als nach der Breite bestimmt werden dürfte.

Zudem schätzt man mittels der Abstandszahl die kunftige Dolzhaltigkeit unvollständiger Holzwüchse viel sicherer, als seither; denn es läßt sich danach bemessen, wie die vorsindlichen Lücken mehr und mehr von den Randstämmen eingenommen und wie somit Bestand und Ertrag immer vollständiger werden.

§. 364. Abstand auf die Durchforstungen ange= wendet.

Die gewöhnliche Bestimmung des Durchforstangriffs, nach der Stämmezahl eines jeden Alters, ist sehr irrig, weil die rechte Stammzahl des vollen Bestandes nicht eben won dem Alter, sons dern mehr von der zusälligen Stammstärke abhängt. Die Absstandszahl gewährt hierbei einen viel sicherern Anhalt.

Man bestimmt nämlich, welchen Abstand der Holzwuchs nach Maßgabe der Holzart, des Standortes, der Entstehung und

Erziehung erreichen darf bis zum Eintritte der Durchforstung, und auf welchen Abstand derselbe vermittelst der Durchforstung dann wieder gesetzt werden muß. Bei der Aushauung bemist man nun nach den Stammstärken die Entfernungen der bleibenzden Nachbarstämme zu dieser Stellung. Sollte z. B. der Abzstand eines eben durchforsteten Buchenstangenholzes 4,5 sein, und die bleibenden Stämme hatten im Durchschnitte 2' Umfangsstärke: so wäre die herzustellende mittlere Entfernung 4,5 × 2 = 9 Fuß (§. 360. 4.). Freilich ergiebt sich an Ort und Stelle über dem Durchsorsten selbst am besten, was eben abkömmlich ist, und es dürste, eines vorläusig bestimmten Abstandes wegen, der Bestand durchaus nicht verhauen werden. Hier handelt es sich auch nur um eine sichere, wissenschaftlich begründete Richtschnur für das Wesen dieser Hauungen.

In dem wachsenden Holzbestande mindert sich, von einer Durchsorstung zur andern, der Abstand umgekehrt, wie die Stammstärke zunimmt (n. §. 362. 5.). War gleich nach vollendeter Durchsorstung der Abstand 5, und soll die nächste Durchsorstung wieder eintreten bei dem Abstande 4: so ist, wenn u und U die Umsangstärken bezeichnen, $4 \times U = 5 \times u$ und also 4:5 = u:U (§. 60.). Folglich muß dis dahin

bas 1=fußige **Hol**z erst 1½ Fuß stark werden, bas 2=fußige » » 2½ Fuß » » bas 4=fußige » » 5 Fuß u. s. w.

Aus diesen verschiedenen Stärkenzunahmen von einem Aushieb zum andern leuchtet ein, warum im jungern, schwächern Holze die Durchforstungen weit ofter wiederkehren mussen und dringender sind, als in dem ältern, stärkern. Denn wäre der jährliche Stärkenzuwachs auch durch alle Alterstusen gleich: so betrüge dennoch die Zwischenzeit von einer Durchforstung zu der andern in

ľ

Wer nicht vermag, dies mathematisch zu beurtheilen, der

kann sich keinen Begriff bavon machen, wie viel er vernachlässigt und schadet burch das Versäumen der Aussorstungen gedrängter Junghölzer.

§. 365. Abstand auf die Schlagstellungen anges wendet. Fig. 136.

Endlich können auch die Schlagstellungen nach dem Abstande viel sicherer bemessen werden. Ist nämlich die Abstandszahl nach Maßgabe der Betriebsart und des Standortes gegeben, z. B. 7 für einen Buchenschlag: so braucht man nur (n. §. 360. 4.) von einem eben zum Aushalten bestimmten Stamme B den hals ben Umfang mit der Abstandszahl zu multipliziren und die so gefundene halbe Seite seines künstigen Standraumes Bn oder Bo von dem Stamme aus abzumessen, den nächsten Stamm m oder dauszuwählen, dessen halbe Standraumseite daran stößt, und so mit Berücksichtigung aller übrigen Umstände weiter sortzusahren. Dieses Mittel muß zwar nicht durchgängig angewendet werden; es ist jedoch das einzige zu einer bestimmten Vorschrift geeignete, wodurch sich der Ungeübte vor Fehlern in der Schlagstellung sichern und wonach man den Stand der Samen und anderen Oberbäume überhaupt bemessen kann.

Nach dem verschiedenen Abstande läßt sich auch das Vers
haltniß des abkömmlichen Holzes berechnen. Gesetzt, der volle Bestand hatte zur Abstandszahl 4 und sollte dis zu 7 ausgehauen werden: so verhielten sich die fraglichen Stammgrundslächen wie 7°: 4° == 49: 16 (§. 362. 4.), .etwa wie 3 zu 1, und es was ren somit z des Ganzen auszuhauen.

Man versuchte seither die Schlagstellung nach der Kronensoder sogenannten Schirmsläche, einem mit der Astlänge um den Baumstock beschriebenen Kreise, zu bestimmen. Diese Bestimsmung gewährt an sich wenig Zuverlässigkeit, weil die Kronensslächen gar nicht kreissörmig sind und nur sehr ungewiß bestimmt werden können. Auch gleicht die Schirmstiche weder dem Ersnährungsraume, noch dem Verdämpfungsraume unmittelbar, und des Anwuchses Sedeihen ist keinesweges bloß von dem Licht-

genusse abhångig, der ohnehin nicht senkrecht einfällt. Die Schirmsläche wurde übrigens erst anwendbar durch die Abstandszahl, die mit der Stammgrundfläche auch die Schirm= fläche bedingt. Denn das Verhältnis zwischen beiden, das man am leichtesten durch die Quadrate ihrer Durchmesser ausstrückt, bleibt sich bei gleichem Wuchse ziemlich gleich.

Hatte z. B. ein Mittelstamm des Bestandes bei 2' Stamms durchmesser 30' Kronendurchmesser: so verhielte sich die Stamms grundsläche zur Schirmsläche, wie 2°: 30° oder wie 1: 225. Dieses Verhältniß ware zur Ausrechnung der Schirmslächensumme gewiß viel sicherer und leichter. Sollte nämlich in einem BuchensBesamschlage mit der Abstandszahl 7 und der dazu gehörigen Stammgrundslächensumme 42,3 q', oder dem Stammgrundsstächen:Antheil 0,00163 die Schirmsläche 225 mal so groß sein, als die Stammgrundsläche: so betrüge die Schirmsläche

42,3 × 225 = 9518 q' auf bem Morgen ober 0,00163 × 225 = 0,367 von der Schlagstäche.

Sollte in einem Buchen-Mittelwaldschlage die Abstandszahl 9 (mit dem Stammgrundslächen-Untheil 0,00099) und die Schirmssläche 280 mal so groß, als die Stammgrundsläche sein: so ergäbe dieselbe Rechnung an Schirmsläche:

0,00099 × 280 == 0,277 von ber Schlagsläche.

In jenem Falle ist 0,367 und in diesem ist 0,277 der Schirmflächen-Untheik.

Der Abstand ist das einzige Mittel, durch welches die natürsliche Dichtheit der verschiedenen Waldbestände und die wirthschafts lichen Stellungen der Holzwüchse sicher und anschaulich ohne Bezug auf örtliche Flächenmaße bemessen werden können. Weder Stämmezahl, noch Schirmsläche sind hierzu recht brauchbar, und überdies ohne gegebene. Bestandsstäche gar nicht anwendbar *).

^{*)} Der Verfasser burfte wohl zuerst die Stammgrundsläche und den Abstand auf die Schähung und Stellung der Waldbestände angewendet haben. Diesen Segenstand hatte er schon durch eine große Reihe von Versuchen begründet, als er denselben 1823 in Laurop's Jahrbüchern der Forstwissenschaft I. 2. S. 108. 117. berührte.

2. Schätzung der Bestandesgüte.

§. 366. Gehaltsfaktoren ber Solzbestanbe.

Bum Ermitteln des Massengehaltes ganzer Wasobestände giebt es drei Verfahrungsarten, die Auszählung aller Stämme, die Probenschäung und bloße Massenschung. Die dabei anzuwendenden Faktoren sind entweder die Stammgrundsstäche G, mit der Scheitelhohe H und der Form f, oder unmitztelbar die Bestandsgute, bestehend aus der Massenhaltigkeit M mit ihrem Zuwachse z.

Ist ein Holzbestand aus n gleichen Stammen zusammensgesetzt, so ist sein Massengehalt M = n × (G × H × f); benn der Gehalt jedes einzelnen Stammes gleicht G × H × f (h. 338.). Denkt man sich alle Stamme des Bestandes in eine einzige Stammgrundsläche nG zusammengerückt, so erhält man den gleichen Werth nG × H × f. Wären die Stämme auch ungleich, und drückte G anstatt nG ihre gesammte Stammgrundsstäche, H ihre mittlere Scheitelhohe und f ihre mittlere Form aus: so wäre leicht begreislich G × H × f der gesammte Massengehalt des Bestandes, ebenso wie der des einzelnen Baumes.

Diese Faktoren G, H, f sind die Grundlage aller Waldsbestandesschätzungen, und wenden wir sie verständig an, so versschwinden eine Menge Irrthumer und Unbehülslichkeiten in der Forsttaxation, die dadurch veranlaßt wurden, daß man immer nur ihr Produkt aus der Masse unmittelbar aufgriff, und nicht die viel sichrern Faktoren einzeln ersorschte und fesiskellte.

1) Die gesammte Stammgrundsläche Gist der wich= tigste Faktor jeder Bestandesschätzung (§. 338.) und der einzige, welcher durch unmittelbare Messung bestimmt werden kann. Ihr Antheil von der Bestandsfläche, der nicht leicht über 0,008 steigt, drückt zugleich die Dichtheit des Bestandes aus und gewährt als Maß des Waldschlusses nicht nur der Holzschätzung, sondern auch der ganzen Holzerziehung eine ungemeine Gründlichkeit.

Die in einem Bestande vorfindliche mittlere Stammes: Grundfläche entspricht übrigens nicht geradehin auch der mitt-

lern Umfangs- oder Durchmesserstärke (h. 169. 4.); sie geht hers vor durch Theilung der Stammgrundslächensumme mit der Stämmezahl.

2) Die Scheitelhohe H eines Holzbestandes kann wenigsstens mittelbar gemessen werden. Sie ist für die Bestandesstandesschätzung sehr bedeutend, indem sich die Bestandsmassen bei gleischer Stammgrundsläche ziemlich verhalten, wie die Bestandshöhen.

Die Mittelhohe gleicht nicht dem arithmetischen Mittel zwischen der höchsten und der niedrigsten Scheitelhohe im Besstande, sondern sie ist die geometrische Durchschwittszahl, der Quotient $\frac{M}{G \times f}$. Fänden sich z. B.

75 größere Stämme von 1,2 G, 80 H und 0,56 f, 25 geringere dazwischen von 0,8 G, 60 H und 0,6 f: so wäre die mittlere Bestandshöhe nicht $\frac{80+60}{2}$ = 70, sons bern 76,15. Denn

75 × 1,2 × 80 × 0,56 = 4032
25 × 0,8 × 60 × 0,6 = 720

$$\overrightarrow{G}$$
 × H × f = 4752 = M.
75 × 1,2 × 0,56 = 50,4
25 × 0,8 × 0,6 = 12
 \overrightarrow{G} × f = 62,4.
Daher $\frac{M}{G \times f} = \frac{4752}{62,4} = 76,15$..

Um also die eigentliche Mittelhöhe eines geschätzten Bestandes auszurechnen, addirt man die Produkte der Stammgrundslächen und Formzahlen aller abgetheilten Stammklassen und dividirt mit dieser Summe G × f in die Bestandsmasse M. Bei gleiche wüchsigen Beständen sindet man diese wirklichen Durchschnittsbihöhen H meist an den Stämmen, welche die zweite Höhenklasse bilden.

3) Die mittlere Formzahl f eines Holzbestandes ist ebenfalls die geometrische Durchschnittszahl aus assen Stamm= flassen, der Quotient $\frac{M}{G \times H}$. In dem vorigen Beispiele ware die

auszumittelnde gemeinschaftliche Formzahl keinesweges $\frac{0.56 + 0.6}{2}$ = 0.58, sondern 0.5657. Es ist nämlich $G \times H \times f = 4752$ und $G \times H = 8400$, also $f = \frac{4752}{8400} = 0.5657$.

- 4) Des Bestandes Massenhaltigkeit Moder der auf die Forstslächeneinheit kommende, mittlere Massengehalt geht hersvor, wenn man die ganze Bestandsmasse durch die Bestandssläche dividirt. Enthielte z. B. ein 20 Morgen großer Buchenschlag noch 30000 c' Besamungsholz, so betrüge die Massenhaltigkeit seines Bestandes $\frac{30000}{20} = 1500$ c'.
- 5) Der zur Massenhaltigkeit gehörige, laufen be Jahreszuwachs zwird entweder gleich nach der Zuwachsmasse selbst,
 ober erst in Prozenten des Massengehaltes bestimmt. Findet'sich
 der Bestand nicht aus gleichen Stämmen zusammengesetzt, so sind
 darin auch die Zuwachsverhaltnisse ungleich, und der fragliche
 gesammte Zuwachs muß theilweise von jeder Stammklasse besonders ausgerechnet werden. Der alters durchschnittliche
 und der periodische Zuwachs kommen hierbei eigentlich nicht
 zur Frage.

§. 367. Von ber genauen Bestandsauszählung überhaupt.

Bei einer größern Bestandsauszählung ist es nicht wohl thulich, Holzgattung, Stärke, Hohe, Form und Zuswachs aller Stämme einzeln anzusprechen. Es verursachte dies eine viel zu mühsame Arbeit. Man faßt daher die vorsindlichen Stämme in Gattungs: und Stärken=Klassen zusammen und besstimmt von jeder die übrigen minder wichtigen Gehaltsfaktoren bloß durchschnittlich.

Zuerst trennt man die Holzgattungen, sofern sie versschieden sind an Wuchs und Werth. Dann sondert und mißt man die Stämme nach den Stammstärken, weil diese unter den Gehaltsfaktoren die meiste Genauigkeit erfordern, am leichtes sten gemessen und bestimmt werden können, demnächst auch der

Sorten= und Zuwachsschätzung zum Anhalt bienen und bas Einstragen der Stämme mit einfachen Strichen gestatten. Zu den angenommenen Stärken ermittelt man die Mittelhohen, und zu diesen wieder die passenden Form= und Zuwachsgrößen. In Bestandsabtheilungen mit wechselndem Wuchse schei det man mittels gezogener Furchen, oder gesteckter Zweige diesenigen Untertheile ab, die bei derselben Stammstärke eine andere Siche haben, und behandelt jedes dieser Bestandessstücke für sich. Endlich werden die gesuchten Gehalt= und Zuwachsergeb= nisse ausgerechnet.

§. 368. Bahlung ber-Stamme nach ber Starke.

Man zählt die Stämme, wie sie stehen, nach ihrer Stärke und trägt einen jeden unter seine, nach Wuchs und Werth gessonderte Holzgattung. Die Stammstärken werden nach dem Umfange in Fußen gemessen, und zwar unter 3 in Vkertelfußen, zwischen 3 und 6 in halben und über 6 in ganzen Fußen abgesstuft. Die dadurch entstehenden Stärkenklassen oder beständigen Auszählstärken sind gleich auf dem Spannsmaße auszuzeichnen.

Die vorzurichtenden Auszählzettel bekommen von oben herzein Abtheilungen für die darüber zu nennenden Holzgattungen, deren Scheidelinien schräg gezogen werden können, je nachdem die eine Holzgattung mehr in Starkholz besteht, als die andere, und worin man noch die überwachsenen, oder sonst abkömmlichen Stämme von den herrschenden sondert. Vorn herunter stehen vor eigenen Querspalten alle Umfangszahlen der gewöhnlichen Stärkenklassen. Für seltene Stärken und Stämme, wie etwa einzelne alte Oberbäume, läßt man unten wohl noch einen besondern Raum offen *).

^{*)} Bei Auszählungen im Kleinen, die mehr Genauigkeit erforbern und gestatten, nimmt man wohl auch für jede Stärkenklasse in voraus mehre Schenklassen an und sest dann für jeden Stamm einen Strich hinter die gemessene Stärke und die besonders gestante und jeden Stamm mittels seiner Schenzahl eintragen, dann zu jeder Stärkenklasse die Schensumme

Die Auszählenden gehen immer nach einerlei Richtung und paarweise. Der Eine mißt (n. §. 346.), ruft und reißt an; der Andere giebt darauf Acht und trägt ein. Bei größerer Ausdehznung der Bestandeöstücke zählen mehre Paare neben einander, und ein Obmann leitet das ganze Geschäft, überwacht insbesonzdere die richtige Zeichnung der ausgezählten Stämme und Breiten. Seder Stamm, dessen Stärke eben zwischen zwei Stärkenklassen sällt, wird in die nächst höhere, oder niedere gesent, zu der ihn die beziehliche Bölligkeit seiner Höhe und Form mehr eignen. Beim Eintragen kommen je fünf Stammstriche vermittelst des fünsten, schräg gelegten in Eins (M). Auf solche Weise kann die Stämmezahl jeder Stärkenklasse leicht zusammengezählt und zur weitern Bestandsaufnahme verwendet werden.

§. 369. Durchschnittliche Sohen=, Form= und Buwache=Bestimmung.

Für alle Stärkenklassen jeder gesonderten Holzgattung ermitztelt nun der Schätzer an mehren wohl ausgewählten Probestämmen durchschnittliche Hohen=, Form= und Zuwachsgrößen und trägt sie sogleich in sein Auszählbuch. In dieses kommen voran die von den abgegebenen Auszählzetteln summirten Stämmer mezahlen und Umfangstärken jeder Holzgattung als Ergebnisse der Zählung; dann folgen die Scheitelhöhen und Formen, der Stärken= und Höhenzuwachs, alle vier in doppelten Spalten, die eine zu den vorläusigen Untersuchunzgen, die andere zu den entschieden ausgeworfenen Durchschnittszgrößen.

1) Die Scheitelhohen werden in Hohenstusen von 5 zu 5 Fuß hinter die Stärken gesetzt. Man trägt zuerst die an Probestämmen (n. h. 347.) gemessenen Hohen einzeln ein, wie sie sich wirklich ergeben, gleicht sie dann noch aus, nach allgesmeiner Beurtheilung der dem Auge sich darbietenden Hohenver=

suchen, mit ber burchschnittlichen Formzahl multipliziren und nach ber so gefundenen Gehaltshohensumme gleich ben Massengehalt ber ganzen Stammklasse aufschlagen.

schiebenheiten, und bestimmt wo möglich für zwei ober brei Starkenklassen zusammen eine gemeinschaftliche Hobbenklasse, um sich die Bestandesausrechnung so viel als thulich zu erleichtern.

- 2) Die Formzahlen oder die Formklassen werden zuvorderst an benselben Probestämmen (n. g. 348.) geschätzt und einzeln eingetragen, dann nach der im Bestande vorsindlichen allgemeinen Stammform für die angenommenen Höhenklassen folgerecht ausgeglichen und berichtigt.
- 3) Da der Stärkenzuwachs mitunter sehr abweichend erscheint, so ist bei dessen Ausmittelung (n. §g. 346. 356. 6.) nicht nur eine vorsichtigere Auswahl gegigneter Probestämme von verschiedener Stärke, sondern auch eine zahlreichere Untersuchung und sorgfältigere Vergleichung und Berichtigung für alle Höhenstlassen erforderlich.
- 4) Der jungste Hohenzuwachs wird selten unmittelbar an dazu gefällten Probestämmen gemessen, sondern mehr nach dem Augenmaße mit Beurtheilung der Wachsthumsverhaltnisse und nach Erfahrungen angesprochen. Man setzt denselben für jede Höhenklasse zunächst in Zollen an und bestimmt wohl auch sogleich die dazu gehörige Höhenzuwachsklasse (§. 356, 7.).

Diese mittleren Scheitelhoben, Formzahlen, Stärken= und Höhenzuwachsgrößen der verschiedenen Stärkenklassen eines Holzsbestandes sind zwar meist aus verschiedenen Wachsthumsverhalt= nissen hervorgegangen; bennoch sinden sie sich sast überall in ziemlich stetigen, ausgleichbaren Reihen. Es ist inden nicht leicht, das Geset dieser Reihen natürlich und mathematisch richtig aufzufassen und danach die erschienenen Abweichungen zu berichtigen.

§. 370. Ausrechnung ber Bestanbesgute.

In dem ersten zur Bestandesaufnahme bestimmten Cheile des Schähungsbuches werden zuvörderst die Ergebenisse der Auszählung aus dem Auszählbuche unter dieselben überschriften getragen, nämlich: Holzgattung, Stämsmezahl, Umfahgstärke, Scheitelhöhe, Formklasse, Stärken= und Höhenzuwachs. Dahinter kommen dann weiter, als Ergebnisse der Bestandesausrechnung:

Die gesammte Stammgrundfläche und Bestandsmasse mit der Zuwachsmasse. Ein hinterer, offener Raum jeder Seite dient zur Rechnung selbst.

1) Die Stammgrundfläche aller Stämme jeder Stärkenklasse in Quadratsußen sindet man am leichtesten mittels der Walzentaseln 2 bis 64. Die 1 Fuß lange Walze hat namzlich für ihre Stammgrundsläche in q' (= G) und für ihren Inzhalt in c' (= G × 1) ganz gleiche Zahlen; mithin steht in den Tafeln neben n Fuß Länge auch die Stammgrundslächensumme von n Stämmen derselben Stärke; z. B.

Baren diese brei Starkenklassen für gleiche Beiterbestim= , mungen zu einer Höhenklasse zusammen gefaßt, so trüge man ihre gemeinschaftliche Stammgrundsläche mit 21,87 q' ein.

- 2) Die Bestandsmasse jeder Höhenklasse ergiebt sich in dem Produkte ihrer Stammgrundsläche mit der Gehalts hohe aus den Taseln 66 bis 72. Hätte man zu obiger Höhensklasse, etwa von Buchen, 70' mittlere Scheitelhohe und die II. Formklasse angenommen: so betrüge die Gehaltshöhe 40,55 und der Massengehalt 21,87 × 40,55 = 886,8 c'.
 - 3) Die Zuwachsmasse wird nach den in den Holz=
 zuwachstafeln 88 bis 102 aufzusuchenden Zuwachs-Prozenz
 ten berechnet. Bei 2,72 pct. ergaben sich für den vorliegenz
 den Fall $\frac{886,8 \times 2,79}{100} = 24,1$ c' laufender Holzzuwachs. Faßt
 man mehre Stärkenklassen in eine Höhenklasse zusammen, so
 sind die mittleren Zuwachsprozente nicht eben nach der mittlern
 Stärke, sondern nach Maßgabe der verschiedenen Stammgrundssächenantheile zu bestimmen. Am unwachsbaren Holze, das bes sonders ausgerechnet wird, kommt gar kein Zuwachs in Betracht.
 - 4) Bum Schlusse werben von jeder gesonderten Holzgattung und vom Ganzen die Ergebnisse summirt, an Stammgrund= flachensumme, Bestands= und Buwachsmasse. Aus ben

beiben lettern berechnet man wohl noch bie burchschnittlichen Bus wachsprozente. Fänden sich z. B. an 3204,3 c' Bestandsmaffe 55,3 c' Buwachs, so ergabe bas 1,72 pCt. Aus der nun bestannten Gesammtmasse jeder Holzgattung und jeder Starkenklasse tann endlich nach geeigneten Berhaltniszahlen und Preisen der Sortengehalt und Geldwerth ausgeworfen werden *).

§. 311. Ungefahre Beftanbsausgablung.

Die Auszählung eines Balbbestandes vollführt man auch etwas leichter, obgleich weniger genau, nach bem unmittels bar geschätten Klaftergehalte, oder nach Größenstlaffen, oder auch nach ber blogen Stammezahl mit dem barin befindlichen Größenverhaltniffe.

1) Auszahlung nach bem unmittelbar ges
fchaten Klaftergehalte. Man burchgeht ben ganzen Bes
ftand in Linie und schät (n. g. 355.) von jedem Stamme
fogleich den scheinbaren Derbs bun Anuppelholzgehalt
nach Klaftern, oder nach bem sonst bafur gebrauchlichen Holzs
maße, und zwar in bem Augenblicke, wo ihn die Linie zu dem
mit fortschreitenden Rebenmanne trifft. Dabei muffen die Auss
zählenden gehörig Richtung und Zwischenraum halten und nur

, C	Dobema gut	Beftanbes Aufnahme.
•	6	· (6 · 설. 설.

					*amnaind	H. Buwache.	Stm. G. 21. Bus.	Merit. M.	Bum pCt.		Berechunng.
(28 22 20 18	14 2 21	70	tı.	7	1	21,87	886,8	2,72	24,1	
Buchen \	18 14 8	21	75	II.	뀫	Ī	23,09	997,5	2,37	23,6	
. (110				_		44,96	1884,3	-	47,7	<u> </u>
Gichen {	9	5 5 6	75	nī	*	Ī	22,64	1061,1	0,66	7,0	Ī
(10	9	8	111.	<u>**</u>	0	6,44 29.08	258,9 1520,0	0,24	7,6	
Summe	120	_		, _	-	[74,04	8204,3	1,72	55,3	Ī

nach einer Seite hin sehen. Auf dem Auszählzettel stehen vorn die anzusprechenden Klaftergehalte, wonach man die Stämme einzeln einträgt. Das dabei vorkommende geringere Holz übersschlägt man in zusammengesaßten Gruppen und setzt es eben auch klafterweise mit an. Der so geschätzte ganze Klaftergehalt ergiebt sich von selbst. Der wahrscheinliche Sortengehalt ist theils in der gesundenen Klastersumme mit begriffen, wie das Nutholz, theils derselben anhängend, wie das Stocks und Reisholz, und wird nach geeigneten Verhältnißzahlen ausgeworfen.

Dieses Versahren ist durch das ungefähre Schätzen des Stammgehaltes an sich schon weniger genau (§. 355.), wird aber durch die verschiedenen Entsernungen der Auszählenden von den Stämmen und durch das leicht mögliche Versehlen mancher Stämme noch ungewisser. Indessen bleibt dasselbe wegen der leichten Aussührbarkeit bei flüchtiger Schätzung zerstreuter Baum-hölzer noch immer vorzüglich, zumal für Solche, die mit der genaueren Bestandesschätzung unbekannt sind. Freilich gewährt es bei schärferen Ertragsschätzungen, besonders mit Zuwachsermittelungen, keinesweges eine so sichere Grundlage, als unsere Gehaltsfaktoren.

- 2) Auszählung nach Größenklassen. Man theilt die vorsindlichen Stammgrößen vorher in Klassen und spricht jeden Stamm sogleich nach der auf dem Auszählzettel mit I., II., III., IV... vorgezeichneten Größenklasse an. Diese Klassen haben gewöhnlich eine viel zu große Abstusung; dabei irrt auch das Auge sehr leicht in der, bloß aus Bergleichung beruhenden Klassenbestimmung, wo zumal die Auszählung unmerklich in andere Stammgrößen übergeht, was doch öfters der Fall ist. Wird sur jede Stammklasse nicht gleich ansänglich ein gewisses Maß sestzgesetz, und wird erst nach Beendigung des Auszählens ein Mitstelgehalt angenommen, wie es wohl noch zu geschehen pslegt: so verliert diese immer mehr veralternde Schätzung selbst bei den Auszählenden allen Glauben.
- 3) Auszählung der bloßen Stämmezahl nebst dem Größenverhältnisse. Man könnte auch die Stämme vorweg bloß zählen, nachher auf einem gut ausgewählten Probestriche das in der Gesammtzahl Statt findende Größenverhältniß

noch durch eine besondere Nebenzählung suchen und hiernach den Massengehalt der ganzen Anzahl auswerfen. Dieses Bersahren erforderte freilich eine große Gleichmäßigkeit in Allem und dürste selten einen andern Gebrauch finden, als zur Erweiterung der Theorie. Noch gesuchter erscheint dem Praktiker die neuere Anzweisung: bloß eine Linie durch den Bestand zu messen und nach den von dieser berührten Stämmen das Ganze zu absolviren.

§. 372. Probenschätzung.

Die Schätzung ganzer Holzbestände vermittelst genommener Probestücke erfordert zunächst die Kenntniß der Bestandessläche; benn der gesuchte Massengehalt vom Ganzen wird nach der im Probestücke gefundenen Holzhaltigkeit berechnet. Die Bestandessprobe ist das Maß zum ganzen Holzbestande.

Bei Auswahl der Probe hat man den Holzbestand durch= gangig zu besichtigen und nothigen Falls in gleichmäßigere Be= ftandesstude abzutheilen. Bon jeder, als ein Ganzes zu betrach= tenden Bestandesabtheilung mußte die Probe eigentlich so genom= men werben, bag bie Stammgrunbflachen, Holzgats tungen, Stammstarken, Scheitelhohen, Stamms formen und Bachsthumsverhaltniffe bem Ganzen vollkommen entsprechen. Es ift keinesweges leicht, eine fo recht passende Probe aufzusinden; je genauer man den Holz= bestand im Innern untersucht und vergleicht, desto auffallender erscheinen die darin befindlichen Ungleichheiten. 280 eine genugenbe Gleichheit nicht aufzusinden ift, muffen bie zur Probe dienenden Bestandtheile und Größen dem gangen Bestande berichtigend angepaßt werden. Bornehms lich muß die Stammgrundflache im Ganzen und in ihren Theilen bem Bestande genau entsprechen. Stand, Gruppirung und Berbreitung ber Stamme find baber scharf in's Auge zu faffen. Größere Lucken und Blogen innerhalb des Bestandes überschlägt man und rechnet fie von ber einbezirkten Ortsfläche ganglich ab, damit nicht ein verhältnismäßiger Theil davon auch in die Probe gezogen werben muß.

Enthalt eine eben abgesonderte Bestandsabtheilung in sich noch verschiedene Gruppen, oder wollte man sogleich für den ganzen Bestand eine durchschnittliche Probe ausmitteln: so muß die Probe genau das Flächenverhaltnis der Bestandesverschiedenheiten in sich sassen. Hatte z. B. ver Bestand a) 60 Mg. zu 1200 e', b) 20 Mg. zu 1800 c', c) 10 Mg. zu 2700 e': so müßten die Theile der Probestäche von a, d und c sich verhalten, wie 6, 2 und 1; denn die mittlere Massenhaltigkeit ist

$$\frac{(60 \times 1200) + (20 \times 1800) + (10 \times 2700)}{90}$$

= $(\frac{5}{3} \times 1200) + (\frac{3}{3} \times 1800) + (\frac{1}{3} \times 2700) = 1500 c'$. Wolkte man hier drei gleiche Theile zur Probestäche nehmen, wo die Bestandesverschiedenheiten nicht gleiche Ausdehnung haben: so erhielte man für den Morgen $\frac{1200 + 1800 + 2700}{3} = 1900 c'$, eine ganz unrichtige Durchschnittsgröße.

Solche verhältnismäßigen Proben kann man eben sowohl in verschied enen Studen, als an einem Stude nehmen. Ze größer die Probestücke sind, und je mehr man die Proben in dem Holzbestande vertheilt, um so größere Genauigkeit ist davon zu erwarten. Erstrecken sich die Bestandesverschiedenheiten mehr gleichlaufend, wie ofters an Bergwänden, oder liegen sie ganz zerstreut durcheinander, wie hicht selten in der Ebene: so erfast man sie am sichersten mittels durchgreisender schmaler Probestriche.

Bur Probesische nimmt man vorzugsweise ein Rechteck, aus dessen Größe sich die der Flächeneinheit zukommende Massenhaltigkeit des Bestandes leicht herleiten läßt, als z, z, z, 1, 2... Acker oder Morgen, und bestimmt dazu die Länge beider Seiten, z. B. 10 × 7, oder 35 × 2 zu z weimarischen Acker, oder 9×5, oder 15 × 3 zu z preußischen Morgen. Zuerst steckt man eine der langen Seiten ab und setzt dann die Breiten rechtwinkelig an (§. 265.).

Die Gehaltsermittelung ber Bestandesprobe geschieht durch Auszählung ober Fällung. Das stärkere Holz zählt man gewöhnlich aus (n. §. 368, 369, 370,) mit besonders genauer Bestimmung der Stammgrundsläche; die übrigen Gehaltsfaktoren namlich die Scheitelhohe, die Stammform und den Zuwachs, nimmt man oft sicherer aus dem ganzen Bestande. Selten sins det sich ein Grund, hierbei die ungefähre Auszählung nach dem Stammgehalte (§. 371.) anzuwenden. Das schwache, weniger zählbare Holz wird gefällt und in die geeigneten Maße gebracht. Dazu dient ofters wieder eine kleinere Probe. In manchen Fällen kann ein Bestandtheil, wie einzelne Oberbäume, durch gänzliche Auszählung und ein anderer, wie das Unterholz, bloß durch Probenschäung ermittelt werden. Die gesundenen Ergebznisse der Bestandesprobe berechnet man für die Größe der Forstsstächeneinheit, des Ackers oder Morgens, zum wirklichen Massenzgehaltz und Zuwachsmaße. Daraus und aus der Bestandessläche ergiebt sich endlich der gesuchte Massenzehalt und Zuwachs des ganzen Bestandes.

Enthielte z. B. eine Bestandesabtheilung 78 Mg. und man hatte barin 2,5 Mg. als holzleere Flache gefunden und sür die wirklich bestandenen 75,5 Mg. eine Probe von 2 Mg. mit 8000 c' Holzbestand und 96 c' Holzzuwachs genommen: so ergabe dies 4000 c' Massenhaltigkeit mit 48 c' Zuwachs. Hiermit würde die eigentliche Bestandessläche von 75,5 Mg. multiplizirt, und man bekäme im Ganzen 302000 c' Bestandesmasse und 3624 c' Zuwachs.

Die Probenschätzung ist zwar wegen ber eben nicht leichten Auswahl, besonders bei unkundiger Aussührung, weniger genau, als die Auszählung des ganzen Bestandes; sie geht aber viel schneller von Statten und macht sich bei großen, gleichmäßigen Beständen, bei schwächeren Holzwüchsen, wo gefällt werden muß, bei Ausmittelung gewisser Bestandtheile, als zu Überhalt, Durchsforstung u. s. w. ganz vorzüglich brauchbar. Läst man sich dabei nicht auf unbedingte Auswahl einer bloßen Massenprobe ein, hält man sich streng an unsere Gehaltssaktoren G, H, f, und sucht man vor Allem nur die Stammgrundsläche genau zu erproben, die Bestandeshöhe und Stammform aber mehr durchschnittlich aus dem Sanzen zu nehmen, im Fall eben nicht gefällt wird: so gewährt diese oft verkannte Bestandessschäung eine ganz vorzügzliche Genauigkeit und Anwendbarkeit.

§. 373. Baldmassen=Tafeln zum Behufe ber Massenschatzung.

Die Zusammenstellung ber Massenhaltigkeit aller gewöhnlich vorkommenden Waldbestände nach den drei ermittelten und erprobten Sehaltsfaktoren G × H × f gezwährt ein ganz unvergleichliches Hulfsmittel zur Schätzung der Waldbestande. hierzu waren von jeder Waldgatztung die Mittelhohen, Stammformen und Stamms grundslächen folgendermaßen aufzureihen.

- 1) Die Mittelhohen H sett man durchgängig in fünfsfußigen Abstufungen an; auf nähere Höhenbestimmung braucht sich wenigstens die Massenschäung nicht einzulassen. Damit nun die Ausstellung nicht zu weitläusig wird, sind den angenommenen Höhen gleich mittlere Formzahlen f anzureihen. Hierzu eignen sich die der mäßig geschlossenen Waldbestände am besten. Bekanntlich sinken alle Formzahlen mit steigender Stammböhe.
- 2) Die Stammgrundfläche G, welche bagegen mit zusnehmender Bestandeshöhe steigt, wird von einer jeden Höhenstuse gleich für zwölf Schlußverschieden heiten angesett. Man nimmt einerseits die von dem dichtesten Bollbestande, als den höchsten, andrerseits die von dem dunnesten Lichtbestande, als den niedrigsten Stammgrundslächensatz, und ordnet zu beiden auf jeder Höhenstuse die zehn arithmetischen Zwischenglieder so ein, daß alle zwölf Ansatz von G eine Reihe bilden, deren Differenz zu wohlensatzes ist. Dies Berhältniß entspricht den angenommenen Schlußverschiedenheiten und begründet eine eben so natürliche, als stete Aufreihung der Massengehalte jeder Höhenstusse.
- 3) Bur Entzisserung des Massengehaltes berechnet man hiernachst, nach den drei festgestellten Faktoren G × H × f, den dichtesten Bollbestand jeder Höhenstuse und zieht dann von diesem Erzgebnisse zu siedes folgende Glied ab, dis zum dunnesten Lichtzbestande, welchem der Betrag von zu verbleiben muß. Endlich wird noch zu jeder Massenzahl, anstatt der Stammgrundsläche, die zum Gebrauchszeiger mit dienende Abstandszahl gesetzt.

- 4) Hiermit waren die Materialien fertig zu solchen Tafeln, die den Massengehalt aller eigentlichen Waldbestände zu geeignester Auswahl darlegen. Wir haben auf diese Weise fünf allgemeine Waldmassen afeln nach preußischem Maße zussammengesetzt, welche von
 - A. ben Buchen : und Gichen : Bestanben,
 - B. ben Fichten= und Tannen=Beftanden,
 - C. ben Riefern: und garchen: Bestanben,
 - D. den Erlen= und andern, mehr weichen Laub= holz=Beständen, so auch
- E. von den Birken=Beständen zu jedem Waldschlusse und zu jeder Bestandeshöhe und eben entsprechenden Stammform den Massengehalt erfahrungsmäßig darstellen; man sindet sie auf Seite 107 bis 116 der beigegebenen Hülfstaseln.

Die voran stehende Bestandeshohe ist die eigentlich mittlere (§. 347, 366. 2.) und steigt von 5 zu 5 Fuß. Die hinten angesetze Formzahl (§. 348. 366, 3.) entspricht der Stammbildung in ziemlich vollen Waldbeständen und schließt gleich den gewöhnlichen Hauabsall und Nutzungsverlust aus. Höhe und Form gelten sur alle Ansate derselben Zeile. Anstatt der Stammgrundsläche steht vor jeder Massenzahl die zur leichten Schlußbestimmung geeignetere Abstandszahl (§. 360.); überz dies sind der mehr praktischen Anwendung wegen die zwölf Schlußverschiedenheiten unter vier Schlußtlassen, jede zu drei Klassen abtheilungen, geordnet und noch mit bekannten einweisenden Ausdrücken bezeichnet. Für die Birkenbestände schien es zureichend, von den vier Schlußtlassen nur die Mittelsstusen aufzustellen.

Woran stehen die Licht be stån de. Was noch weniger enthält, als die Massenzahlen unter I, a angeben, bildet keinen Waldschluß mehr und gilt als Raumbestand. Hinten in der IV. Schlußklasse sind die dichtesten Waldbestände zusammengesaßt. Ganz ausgesuchte Bestandesstücke können jedoch an 10 pCt. mehr enthalten, als die unter IV, o besindlichen Angaben; man hat sogar außerordentliche Probestücke gefunden von 15 dis 20 pCt. Über-

maß. Die Klaffengehalte steigen auf einer und berselben Höhensstuse hinterwarts in ganz gleichen Differenzen, namlich um 7 bes niedrigsten oder um 78 des höchsten Massengehaltes. Die Klassen wurden steigend angesetzt, dem fortschreitenden Wachsthume gemäß und weil sede vom Kleinern zum Größern gehende Vergleichung weniger zu Überschätzungen verleitet.

5) Bemerkungen für den Gebrauch. Um diese Las feln ber Praris mehr anzueignen, wurden ben Jungholzern, weil diese meist von Anfang weniger dicht stehen, bei der etwais gen Fallung geringern Holzwerth haben und größern Rugungeverlust erleiden, ein etwas weiterer Abstand angerechnet, als ausgesuchte Proben gewöhnlich ergeben. Diese Abweichung verschwindet jedoch mit zunehmender Sohe und Rugbarkeit. -Der Ausbruck gebrangt ist einmal angenommen; boch burfte bessen eigentliche Bedoutung hier nicht unbedingt gelten. Gar oft befinden sich gesunde Bestände auf kräftigem Boden in bieser IV. Schlußklasse, ohne eben an Drangung zu leiden; wohl eher gewahrt man auf burftigem Boden hier und da kummernde Bes stande, benen es schon in der III. Schlußklasse an Ernahrungs: raum mangelt. — Alle gleichwüchsigen Bollbestanbe, welche weber durch Stockverkruppelung und naturwidrige Anbaus weise, noch burch irgend einen Leidenszustand zurückgekommen, auch nicht verhauen sind und Nahrung genug finden, halten fic stets in den zwei hintern Schlußklassen. — Die un= gleichwüchsigen, besonders die Planter= und Mittel= maldbestände fallen dagegen in die zwei vordern Rlaffen; und ermachfen biefe auch fpater noch zu scheinbar vollen Beständen, so übersteigen sie boch außerst felten die III. Klasse. — Man pflegt allen Beständen mit Unterwuchs, besonders wenn derselbe mehr aus sperrigen Stockausschlägen besteht und bie Oberbaume bas Ganze mit breiten Kronen beden, einen weit reichlichern Massengehalt beizumessen, als sie wirklich haben. — Einmal, um diefer Tauschung gleich mittels der Tafeln abzuhelfen; zweitens, um auch für den Massengehalt ber Buchenschläge einen Maßstab mit zu geben; hauptsächlich aber, um das migliche Schägen ber oft überall vertheilten kleinen Be= standslucken zu umgehen: ist hier die I. Schlußklasse mit ihren drei Unterstufen noch angefügt worden, was nach dem gewöhn= lichen Begriffe von Waldschluß eben nicht nothig schien.

6) Wollte man diese Taseln zu einem andern Maße einrich= ten, so blieben die Abstands = und Formzahlen als absolute, die Höhenzahlen aber als acceptirte unverändert, und nur die Massenzahlen der höchsten Klassenabtheilung IV, owaren eigentlich umzu= rechnen. Dies erforderte ein doppeltes Verhältniß, nämlich: das des Massenbetrags nach den beiderseitigen Maßen an sich und zudem noch das der verschiedenen Fußgrößen in den beizubehaltenden Höhenzahlen, welche man beide auf Tas. 120 sindet.

Sollte z. B. der in preußischem Maße angegebene Massen= gehalt M umgerechnet werden in badensches Maß: so setzte man:

1 preuß. Massenbetrag: 1,614 bab. Massenbetrag = M: x.
1 preuß. Fuß : 0,956 bab. Fuß

Daraus ergabe sich der allgemeine Umrechnungsfaktor 1,543.
Mit diesem wurde jede preußische Massenzahl der Klasse IV, c multiplizirt. Dann zoge man zur weitern Aussührung von einer jeden dieser neuen Massenzahlen zu eilf mal nach einander ab dis zur Klassenabtheilung I, a, für welche zu übrig bleiben muß, was zur Probe dienen kann.

Für den 40 Fuß hohen Buchenbestand ergabe sich in badenschem Maße zur Klasse IV, c: 1878 × 1,543 == 2898, und als Differenz 2898: 18 == 161; folglich

> gu IV, b: 2898 — 161 = 2737; gu IV, a: 2737 — 161 = 2576; gu III, c: 2576 — 161 = 2415 u. f. w.

7) Wir geben hier einige Umrechnungsfaktoren zu unsern in preußischem Maße aufgestellten Waldmassenzahlen, nämlich für die Maße von

Preußen	1,	H. Darmstadt	1,543,
Baden	1,543,	Medlenburg	1,02,
Baiern	1,543,	Herreich	2,222,
Braunfcweig	1,580,	Sachsen, Kgr.	2,662,
Hannover	1,581,	S. Weimar	1,382,
Haffel	1,112,	Bürttemberg	1,482.

Dabei ist noch zu bemerken, daß die angenommenen Formzahlen eigentlich einem absoluten Höhenmaße angehören, namlich dem bei den Bersuchen gebrauchten Fuße zu 125 par. Linien; daß also beim unmittelbaren Übertragen derselben auf ein anderes Fußmaß in der Theorie kleine Abweichungen entstehen. Diese verschwinden jedoch in der Praxis unter den weit größern Schätzungsmängeln, so daß man obige Umrechnungsfaktoren gar wohl als genügend annehmen kann.

§. 374. Begründete Massenschätzung.

Um der Massenschäung, welche seither die Massenshaltigkeit der Waldbestände ohne allen sichern Anhalt nur aus's Ungefähr hin bestimmte, einen festern Grund zu geben, empfehlen wir die Waldmassentafeln. Will man diese aber sicher und leicht gebrauchen, so muß man das Augenmaß fleißig üben, sowohl im Beurtheilen des Waldschlusses überhaupt, als auch im Ansprechen der Abstandszahl, der Sohe und Form im Besondern; zudem muß man die Bestandessläche kennen, und es versteht sich von selbst, daß hierzu, wie dei der Probenschäung, die etwa vorsindliche, erhebliche Lückensläche zu überschlagen und von der ganzen Ortssläche abzuziehen ist. Unsere somit mehr begründete Massenschaung erstreckt sich auf gleich wüch sige, ungleich= wüchsige und ungleichartige Bestände und könnte dabei auch aus Zuwachsbestimmungen mit eingehen.

- 1) Gleichwüchsige Bestände von einerlei Art.
- a) Man schätt ober mißt die Mittelhohe, bestimmt die Schlußklasse, gewöhnlich bloß nach dem Augensmaße, jedoch stets mit Erwägung des Abstandes, und nimmt hierzu die Massengehalts = Angabe. Ein 75 Fußhoher, zur Klasse II, b gehöriger, mehr räumlich stehender Buchensbestand enthielte pr. Mg. 2600 Körpersuß Holzmasse.
- b) Stellte sich die Hohe zwischen zwei Hohen stufen, so mußte der verhältnismäßige Zwischengehalt naher berechnet werden. Ein 102 Fuß hoher Fichtenbestand Klasse IV, a hatte pr. Mg.

7284 +
$$\frac{7702 - 7284}{5}$$
 × 2 = 7451 \mathfrak{R} fuß.

c) Eben so versährt man, wenn ber Abstand zwischen zwischen Schlußklassen fällt. Einem 80fußigen, mitten zwisschen die Klassen III., c und IV, a fallenden Kiefernbestande kämen zu:

$$\frac{4490 + 4209}{2} = 4349 \, \text{Rfuß}.$$

d) Wiche die Stammform bes Bestandes erheblich ab, so bestimmte man dieselbe auch besonders und berichtigte danach den bezüglichen Massengehalt. Fände sich z. B. an dem obigen Buchenbestande von 75' H und II, b Klasse als mittlere Formzahl nicht 0,57, sondern 0,62, so änderte dies den Massengehalt in Verhältniß dieser beiden Faktoren, nämlich:

$$0,57:0,62=2600:2828$$
 Kfuß.

Man hatte dieses Übermaß der Stammform auch der Höhe aufzrechnen und nach 0.57: 0,62 = 75: 80 mittels 0,57 f und 80 H ziemlich denselben Massengehalt sinden können (§. 348. Unmerk.).

e) Fiele endlich der ermittelte Abstand noch unter die I., oder über die IV. Schlußklasse hinaus, oder stimmte derselbe überhaupt mit keinem der bezüglichen Ansase überein: so quadrirte man die wirklich gefundene Abstandszahl und dazu noch eine eben paßliche von derselben Höhenkuse der Tasel und bildete aus beiden um gekehrt anzusezenden Quasdraten ein Hülssverhaltniß, das zur Berechnung des gesuchten Massenzehaltes nach der, durch das Quadrat ihres Abstandes mit zur Vergleichung gezogenen Massenzahl diente (h. 362. 4.). Stände z. B. ein Eichenschlag mit 95 Fuß Mittelhohe in 10saschem Abstande, und knüpste man seine Berechnung gleich an die Klasse IV, e mit dem Abstande 4,41: so ergabe das Verhaltniß 10°: 4,41° an Massengehalt pr. Mg.

$$\frac{4.41^2}{10^2} \times 5605 = 1090 \text{ Rfuß}.$$

Findet sich gerade die Halfte der Abstandszahl in derfelben Hohensstufe vor und mithin das leichte Hulfsverhaltniß 2°: 1°: so brauchte man nur den vierten Theil des bezüglichen Klassen-

gehaltes zu nehmen. Der 95sußige Eichenbestand Klasse III, b mit 5fachem Abstande enthält 4359 Kfuß und der gleichhohe mit dem 10fachen Abstande hat wie oben

$$\frac{4359}{\Delta} = 1090 \text{ Mus}.$$

2) Ungleichwüchsige Bestände von einerlei Art. Man spricht zuerst die Schlußtlasse im Ganzen an, sondert sich dann eigene Sohenklassen ab und bestimmt von jeder den ihr zustommenden Antheil an der Bestandssläche. hiernach nimmt man für eine Sohenklasse nach der andern, in Gemäßheit ihrer besonsdern Mittelhohe, aus der gemeinschaftlichen Schlußklasse den verzhältnismäßigen Massentheil. Geset, in einem mehr geschlossenen Buchenbestande, Klasse III, d, nähme das 50fußige Unterholz 0,8 und das 80fußige Oberholz 0,2 der Bestandssläche ein: so hätte

bas Unterholz 1939 × 0,8 = 1551 Kfuß,

das Oberholz 3592 × 0,2 = 718 »

beides zusammen: 2269 Kfuß.

Wiche der Abstand, oder die Hohe, oder die Stammform von den Ansagen in der Tafel ab, und man wollte die Abweichung nicht mittels der Faktoren gegenseitig ausgleichen: so waren noch die, oben unter 1, b, c, d gegebenen Regeln anzuwenden. Meist ist es jedoch am rathsamsten, die Oberbaume nach ihrem besonz dern Abstande ganz für sich zu schähen und eben so auch das Unterholz.

3) Ungleichartige Bestände. Wenn verschiedene Holzgattungen durch einander stehen, so bestimmt man die gemeinschaftliche Schlußklasse und zudem von jeder Holzgattung das Berhältnis ihres Antheiles an der Bestandssläche nebst ihrer bestondern Mittelhöhe und nimmt den Massengehalt aus der, jeder Holzgattung eignen Tasel. Fänden sich z. B. in einem gemischten Bestande 0,7 Kiefern von 70 Fuß und 0,3 Eichen von 60 Fuß Höhe und jede in ihrem Antheile zur Klasse III, c gehörig: so betrüge der Massengehalt von

Kiefern 3572 × 0,7 == 2500 Kfuß, Eichen 2633 × 0,3 == 790 » Zusammen: 3290 Kfuß. Senauer, obschon mehr gesucht, ware bas Betfahren, wenn man den Abstand vom Ganzen und etwa auch die Stammform jeder Holzgattung schätzte und bann nach 1, d, e rechnete.

4) Massen zuwachs. Man bestimmt nach dem wirklichen Höhen: und Stärkenzuwachse (§. 346. 347.), in welcher Zeit ber Bestand die nächste Höhenstuse erreichen und wir sich während des der Abstand und Massengehalt stellen wurde, dividirt dann den Unterschied des gegenwärtigen Massengehaltes von dem ermittelten kunstigen durch die Zahl der Zwischenjahre: so ergiebt sich der zeitliche Jahreszuwachs. Geseht, in einem Buchenbestande mit 60' H, 5,86 Abstand und 2107 Massengehalt verspräche der Probestamm von 60' H und 2,8' U jährlich 0,5' Höhenzuwachs und 0,02' Umfangszuwachs; dann wurde der Bestand nach 10 Jahren die nächste Höhenstuse von 65 Fuß und während deß die Mittelstärke von 3 Fuß erreichen, sich also (n. §. 362. 5.) auf den $\frac{2,8}{3} \times 5,86 = 5,47$ sachen Abstand stellen. Dasur fände sich die zu erwartende Bestandsmasse zwischen den Klassenabtheilunsen III, a und b,

$$\frac{2536 + 2732}{2} = 2634 \text{ Rfuß,}$$

und als Jahreszuwachs ber Zwischenzeit

$$\frac{2634-2107}{10}=52,7$$
 Kfuß.

Dies Verfahren ware eben auch anwendbar auf gesonderte Höhenklassen und Holzgattungen mit verschiedenen Stammforsmen; es kann aber keinesweges die Leichtigkeit und Sicherheit unserer Massenzuwachs-Ermittelungen nach Prozentsätzen (§. 356.) gewähren.

Die Waldmassen-Taseln sollen eigentlich nur als überall bereitwilliger Rechenknecht die sertigen Produkte G×H×f barbieten.
Zu deren sicherm Dienste muß man sich aber erst an Ort und
Stelle durch geeignete Proben die eben anzuwendenden Schlußklassen ausmitteln und das Augenmaß recht einüben. Wer in seinem
Schätzungsbereiche die höhern Massengehalte dieser Taseln nicht

sindet, die niedrigem sind leiger weniger selten, der verurtheile ihre Dienste deshalb doch ja nicht, bevor er die Natur seiner Waldgattung auch anderwarts beobachtet hat. Man vergleiche nut die Kiesernwälder der norddeutschen Sandebenen mit denen der mitteldeutschen untern Keuperlagen.

ide

ik

POR

ME

1

M

10

af

ф

§. 375. Ungefahre Massenschätung.

1) Um Bestandsmassen noch stücktiger zu schätzen, gebraucht man auch anderwarts gewonnene, paßliche Massenergebnisse, theils von wirklich erfolgten Hauungen, theils von Bestandesauszählunzen, theils von sonst mo genommenen Proben. Solche zur unsmittelbaren Vergleichung brauchbaren Massenhaltigkeiten sammelt man sich mit Bemerkung der Holzart, des Abstandes und der Stärke, der Hohe und der Form, des Alters und der übrigen Wachsthumsverhaltnisse, und reiht die zusammengehörigen wohl auch von jeder Waldgattung nach Bestandsklassen auf, um sie für den zu schägenden Bestand sogleich auswählen zu können. Wo der Holzbestand in seiner Ausdehnung zu verschieden ist, werden darin ebenfalls gleichmäßigere Bestandesstücke abgetheilt und nach ihrer Flächenausdehnung bemessen; auch überschlägt man die etwa vorsindliche Lückensläche und scheidet sie gleich von der Schätung aus.

Diese Massenschaung geht am leichtesten von Statten; sie ist bei zureichender Sammlung vergleichbarer, zumal aus der Rähe genommener Massenergednisse am thulichsten und in den Händen eines geübten Schätzers, der seine Vergleichungsgrößen selbst gesammelt hat und immer seine Gehaltsfaktoren G, H, f mit als Maßsab gebraucht, am vorzüglichsten. Die Ergednisse wirklicher Hauungen desselben Forstes beseitigen überdies viele Abweichungen, die bei Ermittelung mancher Bestandtheile, so wie der örtlichen Sortenverhaltnisse und Nutzungsverluste sonst unverzmeidlich sind. Seder Forstwirthschafter sollte sich von allen seinen Hauungen den pr. Morgen durchschnittlich erfolgten Gesammtzund Sortenertrag auswersen. Wo eben ein ganzlicher Abtrieb nicht Statt gefunden hat, wird zu dem gewonnenen Ertrage noch der zurückgebliebene Bestandtheil geschätzt. Auf solche Weise

verschafft man sich, bei fortgesetzter Ubung des Augenmaßes, den bewährtesten Unhalt zur Schätzung aller vorhandenen Bestände.

2) In der Theorie schätzt man wohl auch die Massenhaltig= keit schon erwachsener Bestande mittels eines sehr rathselhaften Man nimmt namlich ideale Bollbestande für alle Berfahrens. vorkommenden Standortguten in voraus an und bestimmt dann nur die Guteklasse des Ortes und dazy den ungewissen Theil , ber dem Schätzungsbestande M an dem eingebildeten Bollbestande VB fehlt. Bei bieser Fehlschätzung im eigentlichen Sinne des Wortes spricht man also $VB - VB \times \frac{n}{m} = M$ an, und bemißt das vor Augen stehende Holz nach den allerverbor= gensten und nur in der Einbildung schwebenden Größen. Offenbar liegt die Schätzung der Standortgute, des ihr zukommenden Wollbestandes und des Fehltheiles außer allen Grenzen ber mahr= scheinlichen Erreichbarkeit; bei weitem leichter und sicherer ift die Schätzung ber Gehaltsfaktoren, ober ber Massenhaltigkeit felbst. — Solche voraussetzenden Bergleichungen auf dem Grunde angenommener Mormalbestande find nur statthaft bei Bestim= mung ber einstigen Ertrage von Jungholzern, beren weiterer Massenzuwachs bis zur Abtriebszeit dem vorhandenen Holz= bestande noch nicht besonders aufgerechnet werden kann.

§. 376. Beiläufige Zuwachsschätzungen an Holz= beständen.

Ist von einem Holzbestande bloß der Massengehalt bekannt und will man den laufenden Jahreszuwachs eben nicht durch nahere Untersuchungen genau ermitteln, sondern nur im Ganzen ungefahr bestimmen: so geschieht dies entweder nach dem Alters? Durchschnittszuwachse, oder bloß nach dem Hohen= zuwachse, oder nach dem Stärkenzuwachse ohne oder mit bestimmtem Hohenzuwachse.

1) Den Alters-Durchschnittszuwachs ober eigentlich bie Durchschnittsmehrung findet man von dem ganzen Bestande, wie von dem einzelnen Baume (g. 344. 2.), durch Theis lung des eben vorhandenen Raffengehaltes mit der Alterszahl. Wo in dem Bestande verschiedene Altersklassen unter einander vorkommen, wird jede durch ihr Alter besonders getheilt. — Da jedoch der laufende Bestandeszuwachs nach ganz andern sesen fortschreitet; da zudem auch das mittlere Bestandsalter, wie der inzwischen entkommene Holzabsall und Vorertrag nie ganz genau zu erforschen sind: so kann das dem Bestande uns mittelbar entnommene durchschnittliche MehrungssErzgebnis weder mit dem wirklichen Jahreszuwachse übereinstimmen, noch sonst einen sichern Schluß auf den weitern Wachsthumsgang begründen.

Anders gestaltet sich die Sache, wenn man bloß den einstigen Hauptertrag eines Bestandes nach dem wirklich erfolgten Durchschnittserwachse schlagbarer Hölzer erfahzungsmäßig anspricht. Hierbei iste aber wohl zu erwägen, ob auch der Schätungsbestand die Vollkommenheit des Musterzbestandes erreichen werde. Meist rechnet man zu sicher auf das Gedeihen seiner Junghölzer. Zudem ist bei diesem Versahren nicht underücksichtigt zu lassen, daß das Alter der Baumholzbessessähle aus früherer Zeit selten auf 10 bis 15 Jahre genau bezstimmt werden kann, und daß der Schäter zu ost geneigt ist, von jedem Musterbestande das beste Stück als Probe zu wählen. Nimmt nun derselbe z. B. sur 140 Jahre nur 125, für 100 Masse aber 110, was beides gar leicht geschehen kann: so rechnet er zugeheraus anstatt zu, und der Fehler läuft der Ertragsentnehmung mit 24 pCt. in die Hände.

2) Nach dem Hohen zuwach se allein. Beränderte sich an einem Holzbestande die Stammgrundslächensumme G und die Formzahl f während der fraglichen Zuwachszeit nicht, sondern wüchse nur die Scheitelhohe H zu, etwa um s: so stiege die Bestandsmasse von G×f×H zu G×f×(H+s), in dem Vershältnisse H: H+s, und der Holzgehalt verhielte sich zu dem fraglichen Holzzuwachse wie H:s, wie die erstere Scheitelhohe zu dem Hohenzuwachse.

Bei dieser Voraussetzung ließe man freilich benjenigen Maszsenzuwachs fallen, welchen die ebensowohl zunehmende Stamm= grundsläche begründet. Derselbe ist jedoch in ganz vollen Buchs sen weniger beträchtlich und entgeht dem Bestande meist wieder durch den ausgeschiedenen Vorertrag. Überhaupt verhält sich biebleibende Mehrung des Hauptertrags gleich= mäßig gehaltener Bestände sehr nahe wie die Be= standeshöhe.

3) Nach dem Stärkenzuwachse. Behält ein Baum dieselbe Form, so verhält sich dessen sortschreitender Massengehalt bei vollem Höhenzuwachse wie d3: D3; bei sehlendem Höhenzuwachse wie d2: D3; bei sehlendem Höhenzuwachse wie d2: D3 (§. 357.). Zwischen diese zwei Grenzen fällt auch der Massenzuwachs mehrer Baume zusammen oder ganzer Holzbestände.

Gesetzt nun, der Mittelstamm eines Bestandes hatte jest 12" und nach 10 Jahren 13" im Durchmesser: so verhielte sich die Bestandsmasse zu dem gesammten Massenzuwachse aller 10 Jahre,

bei vollem Höhenzuwachse, wie $12^3:(13^3-12^3)=1:0,27...$ bei sehlendem Höhenzuw., wie $12^2:(13^2-12^2)=1:0,17...$

Hierbei siele der einjährige Zuwachs zwischen 2,7 und 1,7 pCt. Mit einem solchen Zuwachsverhältnisse durfte also nur der bekannte Massengehalt multiplizirt werden.

Erfolgte berselbe Starkenzuwachs an sechszolligen Stammen, so hatte man die Verhaltnisse:

$$6^3:(7^3-6^3)=1:0.58...$$

 $6^2:(7^2-6^2)=1:0.36...$

also jährlich zwischen 5,8 und 3,6 pCt., woraus abermals ersichtlich ist, daß jüngere, schwächere Holzbestände weit besser zuwachsen, als ältere, stärkere.

4) Man konnte den Starkenzuwachs auch mit einem bestimmten Hohenzuwachse verbinden. In gleichbleibens der Form verhalt sich die Bestandsmasse zweier Alterstufen

$$= \mathbf{d} \times \mathbf{d} \times \mathbf{h} : \mathbf{D} \times \mathbf{D} \times \mathbf{H},$$

$$= \mathbf{1} : \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{d}} \times \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{d}} \times \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{h}}.$$

Ware nun wieder d = 6", D = 7", dazu h = 45' und H = 50': so verhielten sich die Massen

$$= 1 : \frac{7}{6} \times \frac{7}{6} \times \frac{50}{45}$$

$$= 1 : 1,5,$$

und man fande für einen 10jahrigen 3wischenraum 5 pCh. jahr: lichen Massenzuwachs. Diese Art der Zuwachsberechnung ware in Ermangelung der Holzzuwachstafeln besonders empfehlens-werth.

§. 377. Abtheilung bestimmter Massen von einem Holzbestande.

Um für die laufenden Hauungen oder zur Erfüllung einer weitern Eintheilung bestimmte Hiebsmassen von einem Holzsbestande abzutheilen, nimmt man in der gegebenen Bestandsstäche zuvörderst eine vorläusige Abschnittslinie an und schätt nun den vorgenommenen Theil vermittelst ganzlicher Auszählung, oder nach Proben, oder gleich nach der Masse. Hierbei ergiebt sich ein Überschuß oder Mangel; jener wird wieder abgeschnitten, dieser wird noch hinzugenommen, wie bei der Flächentheilung (§. 218.). Durchsschweidet die in der Regel gerade und solgerecht zu legende Hiebslinie eben Bestandesstücke von ungleicher Massen oder Werthaltigkeit, so ist das Versahren, wie bei Theilung der Fläschen von verschiedenem Grundwerthe (§. 219.).

Soll von dem Holzbestande nur ein gewisser Bestandtheil ausgehauen werden, so schätzt man gewöhnlich den ganzen Maszfengehalt, bestimmt den Überhalt und nimmt den Unterschied als Hiebsmasse an. Was ein dabei verlangtes Sortenverhaltnis betrifft, so kann dasselbe kein anderes sein, als es derselbe Bezstand zu geben vermag. Man erlangt ein solches nur durch zweckmäßige Vertheilung des Hiebes in verschiedene Bestände. Wie man sich übrigens bei der Hauung hilft, wenn hier oder da der Ertrag nicht zutrifft, lehrt die Forstbenutzung.

§. 378. Abweichungen ber Holzbestandesschätzungen.

Bon den Schätzungsergebnissen weichen die nach= herigen Nutzungsergebnisse mehr ober minder ab. Diese oft nicht unbeträchtlichen Abweichungen erscheinen um so unver= meiblicher, je weniger einerseits die Schätzungsgrößen zu bemessen und sicher zu bestimmen sind, und je mehr andrerseits die vorausgesetzte Mehrung und Rutung unvorhergesehenen Bufallen unterliegen; sie entspringen theils aus dem angewendeten Schätzungsverfahren, theils aus der inzwischen erfolgenden Bestandesmehrung, theils und hauptsächlich mit aus der nachherigen Nutungsweise.

- 1) Die anzuwendenden Schätzungeverfahren leisten verschiedene Genauigkeitsgrade.
- a) Die Bestandesauszählung erhebt ihre Gegenstände einzeln und am sichersten; sie wird vorzugsweise angewendet, wo eine ganz genaue Bestandsaufnahme erforderlich ist, oder wo ein leichteres Versahren eben nicht zureicht, wie etwa bei ganz unsgleichem Bestande mit zerstreuten Baumhölzern. Die ihr eigensthümlichen Abweichungen sind nur in den dabei anzuwendenden Höhen und Formen der Stämme zu suchen.
- b) Die Probenschätzung ersett die ganzliche Bestandes= auszahlung in größern, mehr gleichformigen Waldmassen. Ihre Leichtigkeit zieht freilich den besondern Mangel nach sich, daß die gesammte Stammgrundsläche nur nach einem kleinen Theile des Sanzen bestimmt wird. Die Höhen und Formen sollte man stets von dem ganzen Bestande abnehmen.
- c) Die Massenschaft ung stütt sich auf Beurtheilung ber verschiedenen Gehaltsfaktoren und auf Vergleichung mit wirklichen Schätzungsergebnissen; sie kann wenigstens im gleichwüchsigen Bestande die Senauigkeit der Probenschätzung ziemlich erreichen, dabei durch Masnehmung von wirklichen Hauungsergebnissen der drtlichen Nutzungsweise mehr entsprechen.
- d) Die Zuwachsermittelung ist von keinem Schähungs: Berfahren abhängig; bei jedem kann sie genau, oder nur beiläussig angewendet werden. Sofern sie sich der Prozente vom Massengehalte bedient, gehen die Fehler der Massenzahlen auch in die Zuwachszahlen über. Wie schon bekannt, gewährt der laufende Jahreszuwachs mehr Sicherheit als der periodische, und dieser wieder mehr, als der altersdurchschnittliche.

- 2) Die vorausgesetzte Bestandes mehrung kann bedenstenden Abweichungen unterliegen, theils durch anders erfolgenden Zuwachs, theils durch natürliche Unfälle, so wie durch Entwensdungen und sonstige Mehrungsverluste; auch kann die Durchsorsstung anders betrieben werden und die ganzliche Abnutzung früher ober später eintreten.
- 3) Die Statt sindende Nugungsweise ist gar oft eine andere, als die vorausgesetzte. Die Hauabsälle und Nugungswerluste in den Holzhieben fallen abweichend aus; die äußern Baumtheile, wie das Burzels und Reisholz, werden weniger oder mehr ausgenut; die bestimmten Holzmaße werden völliger oder knapper eingehalten u. d. m. So verursacht es in dem Massenertrage einen großen Unterschied, wenn die Klastern mehr mit Unterlagen versehen, dichter gefüllt, in halbe oder ganze Hospen gesetzt, oder wenn die nach dem Umfange geschätzten Holzer nach dem Durchmesser abgegeben werden.

Mindestens betragen die nicht nachzuweisenden Abweichungen der wirklichen Bestandesmehrung und Nutzung die Halfte von dem Unterschiede zwischen den Schätzungs = und Nutzungsergebenissen, wosern nicht sehlerhaft geschätzt worden ist.

III. Walbertrags-Schätung.

- 1. Mittel und Wege zur Ertragsschätzung.
- §. 379. Vom Ertragvermögen der Waldung, über= haupt.

Der gesammte Reichthum eines Waldes, woraus dessen Erstrag hervorgeht, besteht in der Ertragfähigkeit des Standsortes und in der Ertragfamkeit des Waldwuchses. Die Ertragfähigkeit, oder die Beschaffenheit des Standsortes in Boden und Lage, wodurch derselbe besähigt ist, gewisse

Holzwüchse aufzunehmen, mehr ober minder zu nahren und im Wachsthum zu fördern, erachten wir gleichsam als die Quelle des ganzen Waldreichthums, deren Ergüsse der gute Forstwirth so viel als möglich gangbar erhalt, mehrt und sammelt. Des Waldes Ertragsamteit beruht in der eben vorhandenen Ansammlung von altern und jüngern, mehr oder minder angemessenen und vollstommenen, reisen und ertraggebenden Holzwüchsen, die das natürliche Betriebskapital bilden, womit der Forstwirth die Kräfte des Standortes zur Ertrags shervordringung nust. Dhne Erstragsshigteit würde keine Ertragsamteit erzeugt, und ohne diese würde jene nicht wirken können; beide zusammen sind der Inbegriff des Ertragvermögens.

§. 380. Ortsertragfähigkeit.

Um des Stanbortes schaffende Wirksamkeit auf das Holzwachsthum, diesen hauptsächlichen Mittler des Wald=. ertrags, naher zu bemessen, muß man bas Maß ber abfolus ten Ortsgüte arithmetisch abtheilen; aber nicht etwa in einer bloß örtlichen Beziehung, sondern unbedingt für den ganzen Berbreitungs = Umfang jeder fraglichen Baldgattung. Wir nehmen hierzu zehn Standortklassen an und bezeichnen davon die ausgesucht beste mit 1 und die neun niebrern mit Zehnteln, so daß diese Bahlen zugleich die absoluten Berhaltnisse bes Grundwerthes aller Orte ausbrucken. Somit gilt 0,1 für die niedrigste Gute, dem geringsten Standorte eigen, der kaum noch Holzbestand tragen kann; dagegen 1 für bie in der Waldung selten und nur ftudweise vorkommende bochfte Gute, bem ausgesucht besten Standorte eigen, ber unter allen den reichhaltigsten Baldbestand truge. Beitere Zwischenstusen könnten beliebig burch Hunderttheile ausgebruckt werden.

Diese allgemeinen Bezeichnungs = und Werthzahlen gehen auch auf jede besondere Ortsertragsähigkeit über und stehen in gleichem Verhältnisse mit der Reichhaltigkeit und Ergiebigkeit des von einem jeden Standorte erzeugten Vollbestandes der angemessenen Waldgattung. So wurde ein Standort mit 0,7 der besten Ertragsähigkeit einen ihm angemessenen Holzwuchs von 0,7 der reichsten Ertragsamkeit hervorbringen können. Eine solche Allgesmeinheit und Übereinstimmigkeit im Ansprechen der Standorts, Bestandes = und Ertragsgute ist ganz unentbehrlich; ohne sie könnten uns die fremden Beobachtungen und Erfahrungen über Wälber Verhalten, Bestand und Ertrag durchaus nichts nügen.

Mittels dieser allgemeinen Standortgute: und besondern Erstragsähigkeits-Bezeichnung ist man auch im Stande, jede Durchsschnittsgute zu bestimmen.

Hatte z. B. ein 48 Mg. großer Walbort auf 8 Mg. die Güte 0,6,

» 8 » » 0,7,

» 32 » » 0,8:

so ware die durchschnittliche Ortsgute, ober der mittlere Grundwerth, pr. Mg.

$$\frac{8\times0.6+8\times0.7+32\times0.8}{48}=0.75.$$

Aber nicht nur für einzelne Orte, selbst für ganze Forste läßt sich die mittlere Ertragfähigkeit auf diese Weise eben so leicht, als nüglich berechnen und danach des Waldes Umtriebszeit und Behandlung, Massenvorrath und Ertrag vergleichen und bestimmen. Zudem können wir damit jede Ortssläche nach der gegebenen Ortsgüte auf den vollen Grundwerth leicht umrechnen. Obige 48 Mg. haben an gesammtem Grundwerth 8 × 0,6 + 8 × 0,7 + 32 × 0,8 = 48 × 0,75 = 36 Vollwerthmorgen.

Hierin sindet man wohl Grund genug für unsere Abweischung von dem so unarithmetischen Gebrauche, das Beste durch die kleinste und das Geringste durch die größte Verhältniszahl umgekehrt zu bezeichnen, was ganz unvereindar ist mit der, Answendung durchschnittlicher Ortsgüten, allgemeiner Grundwerthe und einstiger Vollerträge. Das oft geäußerte Bedenken gegen unsere größere Anzahl Standortklassen ist leicht gehoben, wenn man erwägen will, daß in einem und demselben Forste von allen zehn Ortsgüten nur einige, östers nur 3, selten über 5 vorkommen. Diese wenigen könnte man nun auch von Forst zu Forst wie gewöhnlich mit I. die V. bezeichnen; doch müßten solche ort lie

chen Bobenklassen ben bezüglichen allgemeinen Stanbortklassen punktlich angepaßt werben, sollten die Befangenheiten im Ortlichen nicht weiter bestehen.

Man sindet übrigens viel Schwierigkeiten im Ansprechen der Ertragsähigkeit wegen der oft unerforschlichen Miteinstüsse versschiedener Mittler der Ortsgute, was die forstliche Standortkunde nachweiset. Der Meßkunst bietet sich hierzu nur ein einziger, ohne Weiteres anwendbarer Maßstab, namlich die Mittelphohe des angemessenen, mittelmäßig gerathenen Waldbestandes. Diese dient meist als untrüglicher Zeiger der Standorts und Bestandesgute. So könnte man etwa für den erwachsenen Buchenhochwald zu folgenden

Ortsgüten: 1. 0,9. 0,8. 0,7. 0,6. 0,5, die Mittelhöhen: 100. 90. 80. 70. 60. 50 Fuß annehmen und die Anwendbarkeit dieses neuen Maßstades gleich an den seitherigen Ertragstafeln versuchen. In denselben sinz det sich der Buchenhochwald die auf die geringste Ortsgüte hinzausgereihet; derselbe kann aber mit einer geringern Höhe als voige nicht wohl bestehen; daher können auch diese Buchenhochzwald-Tasen nicht der Natur im Allgemeinen entnommen sein.

§. 381. Balbertragsamteit.

In den wachsenden Massen eines Wirthschaftswaldes, reisen fort und fort Erträge, theils bestandweise zum verjüngenden Niesberschlagen, theils stammweise zum vorläusigen Aushauen. Diese Ertragsamkeit wird hauptsächlich bedingt durch die Waldsgattung und Waldbehandlung.

Dolzarten in gewisse Waldsormen, wachst durch alle Alterstusen nach eignen Mehrungs = und Ertragsgesetzen. Ihre Ergiebigkeit entspricht jedoch nur auf angemessenem Standorte der allgemeinen Ortsgute. Kein einziger Holzwuchs vermag in einem, ihm un angemessenen Standorte den bezüglichen Vollertrag zu gewähren. Manche Baumart wächst nur in den bessern, manche gedeiht mehr in den wittlern, manche begnügt sich auch

mit den geringern Standorten, und jede liebt besondere Gebirgsund Bodenarten und Ortsbeschaffenheiten.

- 2) Die Behandlung des Waldes wirkt unglaublich verschieden auf dessen Ertragsamkeit; insonderhoit sind die sorst=
 maßige Erzeugung, Stellung und Haltung des Bestandes, dessen
 Abtriedsalter, der gleiche oder ungleiche Wuchs in Alter und
 Größe, vor Allem auch der gute Zustand von Lage und Boden
 noch lange nicht genug erkannte Mehrer und Minderer des Waldertrags. Die Schätzung unterscheidet wesentlich zwischen des
 Waldes wirklichem und normalem Ergiedigkeitszustande.
 Letzterer ist das, der Walderziehung zum Ziele hingestellte, mehr ideale Bild des Vollbeskandes.
- 3) Die Ertragsamkeit beruht hauptsächlich in dem Massen vorrathe nebst Massenzuwachse und begründet die daraus hervorgehende Ertragsgüte; sie wird eben auch vermittelst der Stammgrundsläche, Bestandshöhe und Stammsorm bemessen. Es ist nämlich jede Veränderung, welche an dem wachsenden Waldbestande im Ganzen, oder theileweise vorgeht, oder gedacht werden kann, bestimmbar durch unsere drei Gehaltsfaktoren G × H × f, die nun auch als Erstragsfaktoren weiterzu Diensten stehen. Durch dieses trefsliche Mittel befreien wir zudem die Waldertrags-Schätung von dem gar undehülslichen Gebrauche der Stämmezahl.

§. 382. Massenvorrath.

Da jeder Wirthschaftswald alle Jahre schlagbare Wüchse barbieten muß und jeder Waldwuchs erst nach mehrjährigem Alzter zur Ernte reif wird: so kann auch kein Waldertrag nachhalztig Statt sinden, ohne einen stusenweisen Nachwuchs von reisenzben Beständen. Den dadurch gebildeten Masseuchs von reisenzben Beständen. Den dadurch gebildeten Masseuchschlich beurtheilt man nach dem normalen Waldzustande, hauptsächlich bedingt von Standort, Waldgattung und Bestandsalter. Der wirkliche Massenvorrath eines Waldes sindet sich bald größer bald kleiner, als der normale, meist höchst verschieden, je nachs dem die Vergangenheit den Wald hier armer gemacht, dort in seinem natürlichen Reichthume noch einigermaßen gelassen hat.

Er ist der hauptsächliche Gegenstand jeder Waldschätzung; denn je reicher eines Waldes Holzvorräthe sind, um so mehr vermag derselbe abzuwerfen.

Wo von dem Massenvorrathe auf den Ertrag geschlossen wird, hat man den unvermeidlichen Holzabfall und ben drtlichen Nugungsverlust wohl zu berücksichtisgen. Der unvermeidliche Holzabfall umfaßt theils den natürzlichen Selbstabfall verdrängter Zweige, Aste und Unterstämmschen, die noch kein Segenstand wirthschaftlicher Benutzung sind und den Leseholzsammlern, oder dem Boden unheim fallen, theils den Hauabfall an Spänen und nicht benutzuren Brocken. Der drtliche Nutzungsverlust geht hervor durch Entwendung, Absahangel und Wirthschaftssehler; er ist sehr verzschieden, mitunter bedeutend, betrifft jedoch meist nur geringe Holzsorten von den Ertremitäten der Bäume.

§. 383. Maffen= ober holz=Buwachs.

Der Massenzuwachs einer Wirthschaftswaldung sollte ben entnommenen Ertrag von Jahr zu Jahr in der Regel wiesber ersetzen; ist er größer als dieser, so mehrt sich der ertragzgebende Massenvorrath; im Gegensaße sinkt derselbe und mit ihm der weitere Ertrag, außersten Falles auf Nichts herunter. Der Zuwachs spielt mithin, als ersetzender Mittler, bei der Forstschäung eine bedeutende Rolle und zwar in mancherlei Gestalt. Seine Grundsorm in wirthschaftlicher Beziehung ist der von allen Natur= und Nutzungs=Ubsällen freie, eigentliche Masser unter mehrezen ach d. Dieser tritt in unsern Betrachtungen unter mehrezen Abanderungen auf, bald in seinem wirklichen Bestehen, bald in bloß muthmaßlichen Voraussetzungen, bald in Bezug auf wessentliche, oder minder wesentliche Theile des Ertrags.

1) Der wirkliche oder Realzuwachs wird an den Waldbeständen gleich mit Ausschluß der unvermeidlichen Holzabsfälle wirklich ermittelt, wie unser laufender Jahreszuwachs, und als eine der sichersten Grundlagen zur Ertragsabschätzung gesbraucht. Er sindet sich nach der Bestandsgüte mehr oder minder vollkommen, verliert auch mitunter durch Zufälligkeiten noch

bedeutende Maffen. Was davon der Nutung zu Theil wird, nennen wir wohl auch Rutungszuwachs, im Gegensatze von Naturzuwachs, der alle Holzausscheidungen mit umfaßt und daher in der Wirklichkeit nie gewinnbar ist (§. 344.).

- 2) Der normale Vollzuwachs ist in jedem Betracht vollkommen und daher, außer dem unvermeidlichen Holze abfall, ganz frei von allem Nutzungsverluste; aus ihm entsteht der unbedingte oder normale Vollertrag.
- 3) Der lokale Vollzuwachs ist nur bis auf die manscherlei örtlichen Rutungsverluste vollkommen; so auch der aus ihm hervorgehende bedingte oder lokale Vollertrag.
- 4) Mehrungszuwachs oder Bestandesmehrung. Hiermit bezeichnet man, um Begriffsverwirrungen vorzubeugen, recht treffend benjenigen Theil bes Massenzuwachses, welcher die Bestandsmasse eines jeden fraglichen Zeitpunktes und endich auch den Hauptertrag bildet. Dieser Zuwachstheil kann als reale, normale, lokale und wieder als altersdurchschnittliche, periodische und laufende Mehrung in Betracht kommen.
- 5) Gesammtzuwachs: Fallen vor dem Abtriebe nutzbare Voretträge von der Bestandsmasse ab, so reihet sich an diesen Mehrungszuwachs noch ein Zwischenzuwachs und bildet mit
 diesem den gesammten Nutzungszuwachs, welcher sich somit in Hauptertrags= und Vorertrags= Zuwachs Meilt. Man nennt diesen Gesammtzuwachs im Gegensate zur bloßen Mehrung oft auch nur Zuwachs schlechthin, umfast wost auch
 diese verschiedenen Bedeutungen in Bezug auf wirklichen Ertrag
 mit dem Worte Erwachs.

§. 384. Ertragsgute. Ertragsklassen.

Ertragsgüte nennen wir das Maß der geschätzen ober gewährten Ergiebigkeit eines Wirthschaftswaldes an Masse und Werth, ausgedrückt mittels des jährlichen Durchschnittsertrags von der Flächenmaßeinheit im ergiebigsten Schlagbarkeitsalter. Sie kann normal oder real sein. Die normale Ertragsgüte theilt, bestimmt und bezeichnet man im Allgemeinen ganz wie die Ertragsähigkeit, mit der sie stets in gleichem Verhältnisse steht.

Der ausgesucht beste Ertrag gehört zu 1 und jede der neun fols genden, eigentlichen Ertragsklassen bekommt ihren Theil davon nach der Bezeichnungszahl. Wäre z. B. det höchste Ertrag vom Buchenhochwalde 65, so ergabe sich zur Differenz aller zehn Erstragsklassen und zugleich als niedrigstes Glied 6,5, also für jede der folgenden

Standortklassen: 1. 0,9. 0,8. 0,7. 0,6. 0,5, die Ertragsklassen: 65. 58,5. 52. 45,5. 39. 32,5 Kfuß.

Nach der normalen Ertragsgüte läßt sich der Wollertrag eines Forstortes oder Waldverbandes gar leicht berechnen, wenn dessen durchschnittliche Ertragfähigkeit dazu bekannt ist. Dben §. 380. dienten 48 Mg. zu 0,75 durchschnittlicher Ortsgüte als Beispiel. Davon betrüge nun die Ertragsgüte:

$$\frac{45.5 + 52}{2} = 48.75 \, \Re \text{fuß},$$

und der jährliche Vollertrag vom Ganzen:

Ebendasselbe hatte sich ergeben, wenn die Berechnung nach jenen gesonderten Ortsgüten angelegt worden ware, oder auch nach dem vollen Grundwerthe. Die obigen 48 Mg. betragen namlich: $8 \times 0.6 + 8 \times 0.7 + 32 \times 0.8 = 36$ Vollwerthmorgen und gehem also: $36 \times 65 = 2340$ Ksuß Vollertrag.

385. Forstmäßige Stammgrunbflache*).

Die Stammgrund fläche ober Dichtheit forstmäßig zu erziehender Waldbestände darf zwei, von Standort, Holzart und Erziehungszweck bedingte Grenzen nicht überschreiten, ohne Verlust an der Ertragsamkeit. Den heranwachsenden, vollen Baumwald hält man allezeit zwischen einem forstmäßigen Schlusse und jenem, die Unterdrückung sordernden Drängen, das den Bestand durchforstbar macht. Wird die Stellung mehr geöffnet, so können die Stämme ihren Standraum nicht ganz durchwurzeln und einander nicht genug beistehen. Dagegen macht eine Überfüllung den Bestand krankhast.

^{*)} Bum Erfat ber ungeeigneten Stammezahl.

Be beffer der Standort ist, um so voller machft. der Holzbestand und um so weniger schabet eine etwas dichtere ober dunnere Stellung. Je geringer ber Stanbort, um so kleiner erscheint barauf die forstmäßige Stammgrundflächenfumme, um so enger sind jene Grenzen des haltbaren Abstandes, und desto nachtheili= ger wird jede Überschreitung bes zu dunnen und bes zu dichten Standes. Die eine Holzart halt sich in ihrem naturlichen. Schlusse merklich voller, als die andere; am dichtesten wachsen gemischte Bestände. Mit zunehmendem Alter gewinnt auch die Stammgrundflache bes Waldbestandes, und zwar so lange, als die Scheitelhohe ober doch die Kronenwölbung noch zunimmt. Daran hat ber am Stamme mehr und mehr heraufsteigende Burzelanlauf beträchtlichen Untheil; sehr mahrscheinlich die im Innern alter Stämme sich anfammelnbe unthätige Holzmasse. Holzwüchse, die früher eine zu starke Seitenverbreitung hatten, ober von Stockausschlag erwachsen sind, so auch die von ungleicher Größe, schließen sich niemals vollkommen bicht; ihre Stamm= grundflache ift allezeit eine niedrigere. Über ein gewisses Daß ber Stammgrundflache fann fein Bestand sich verdichten (g. 366.).

§. 386. Forstmäßige Bestanbeshohe.

Die Mittelhohe eines gleichwüchsigen Walbbesstandes steht ber langsten Stammhohe naher, als der kurzesten und gleicht meist der zweiten Höhenklasse; sie sindet sich bei gleischem Alter um so größer, je besser der Standort und je forstmäßiger die Erziehung ist. Das höhenwachsthum fangt mit kleinen Vortschritten an, nimmt dann mehr und mehr zu, bleibt darauf langere Zeit von Jahr zu Jahr gleich, läßt späterhin wieder allsmählich nach und verliert sich vor der natürlichen haubarkeit mit kaum merklichen höhentrieben. Der lebhastere höhenzuwachs beginnt und endet bei einer holzart früher, bei der andern später, bei Wiederausschlägen am frühesten. In manchen Verhaltznissen ist das höhenwachsthum dauernder und gleichmäßiger. Seitwarts schützende Gegenstände, als Bergwände, Felsen und Baume, treiben in gewisser Seitenfreiheit hält ihn zurück; überz

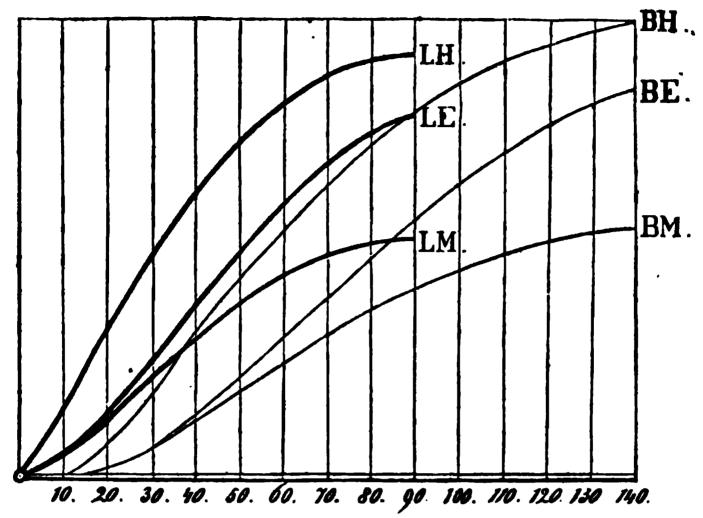
schirmung unterbruckt ihn ganzlich. Ein Mangel an Schluß versursacht stärkern Seitentrieb; ein übermäßiges Drängen schwächt die Kronen und Wurzeln, beides auch zum Nachtheil des Höhenswachsthums.

§. 387. Forstmäßige Stammform.

Die mittlere Stammform eines Waldbestandes sindet sich bei jeder Holzart eigenthümlich, und zwar um so holzvoller, je besser der Standort, je freier der Stand, je niedriger die Stammhohe bei voller Beastung und je kurzer und flacher der Wurzelanlauf eben ist. Unterdrückte, gipfellose Stamme des Besstandes haben eine größere Formzahl als die daneden spindelig in die Hohe getriedenen. Stockausschläge stehen später in Hohe und Form den Samenauswüchsen beträchtlich nach. Bei gleichmäßisger Stellung verliert die Formzahl desselben Bestandes mit zusnehmender Scheitelhohe einigermaßen und gewinnt dann wieder, wenn sich, nach eingestelltem Höhenzuwachse, der Gipfel mehr wöldt.

§. 388. Ertrage=Rurven.

Die fortschreitende Bunahme ber Bestanbes : Soben, Massen und Erträge läßt sich auf sehr einfache Weise mit= tels bloßer Linien recht anschaulich darstellen. Wenn man auf einer zur Grundlinie dienenden Scala die Theilpunkte als Alterstufen des Holzwuchses annimmt und auf einen jeden das gleichzeitige Maß bes Erwachses mittels irgend eines Maßstabes als fenkrechte Linie errichtet, dann von dem Nullpunkte ausgehend alle Werthpunkte ber periodischen Bustande mit einer krummen Linie verbindet: so giebt diese Kurve ein solches Bild der Steis gung. Die weiter unten g. 413. bargestellten Bachsthumsgange der starken und schwachen Entstehung, entnommen von den Lars chen L und Buchen B, bildeten im Sohenwuchse LH und BH, in der Massenmehrung LM und BM und im Ges sammtertrage LE und BE die hier folgenden Ertrags-Aurven.



Diese Kurvenschnitte braucht man hauptsächlich zur Prüfung und Ergänzung entworfener Ertragsreihen. Denn durch die Zügigkeit solcher Linien giebt sich ohne Weiteres zu erkennen, wenn der Steigung einer angesetzen Reihe irgendwo die erforderzliche Stetigkeit mangelt. Fehlen aber, etwa wegen unzureichenz der Beobachtungen, Glieder solcher Reihen, oder stimmen die für eine und dieselbe Alterstufe gefundenen Maße nicht recht überzein: so zieht man die Kurve in Gemäßheit der eben mehr entsscheidenden Richtpunkte und greift dann die andern dadurch mit geschnittenen Werthpunkte ohne Weiteres ab, zur Ergänzung und Berichtigung seiner Reihe, deren Differenzen nachher auf arithz metischem Wege schärfer auszugleichen sind.

Hat man eine zahlreiche und zuverlässigere Sammlung solscher Reihenglieder, so ist es freilich geeigneter, dieselben nach Zeit und Größe unmittelbar in ein Quadratnetz zu ordnen und dann rein arithmetisch einzureihen; überhaupt behilft sich der im Interpoliren geübtere Schätzer weniger mit solch einem mechanischen Liniengestell.

§. 389. Ertragsentwickelung ber gleichwüchsigen Bestände.

Um die lebenslångliche Ergiebigkeit eines im Alter und Wuchse gleichen Waldbestandes allgemein zu bestimmen, ermittelt man sur jedes Alter, das irgend einer Hauung wegen zur Frage kommt, die Stammgrundflächensumme G, die mittlere Scheitelhohe H und die mittlere Formzahl k. Die Produkte davon ergeben zunächst den Massengehalt und Hauptertrag (§. 366.).

Wegen der abfallenden Vorerträge ift Folgendes in Betracht zu ziehen. Der heranwachsende, volle Holzbestand verdichtet und überfüllt sich allmählich, und man muß barin von Zeit zu Zeit, mittels geeigneter Durchforstung, die nothige Bachsthumsfreiheit wieder herstellen. Bezeichnen wir die gefüllte Stammgrundflache des durchforstbaren Bestandes mit G und den eben davon abkommlichen Durchforstantheil mit g: so ift die Stammgrundflache bes forstmäßig geöffneten Schlusses G - g. Batten G und g immer wieder dasselbe Verhaltniß: so ware auch allezeit $g \times H \times f$, die abfallende Durchforstung, und $(G - g) \times H \times f$, ber eben verbleibende Bestand, aus G × H × f zu finden. Von Alterstufe zu Alterstufe wird aber die durchforstbar gefüllte Stammgrundflache G größer und ber bavon abfallende Durch= forstantheil g in gewissem Berhaltnisse kleiner. Für alle Durch= forstzeiten kann nun G erfahrungsmäßig festgestellt und g nach folgenden Grundfagen bestimmt werden.

Die Stammgrundflachensumme eines forst= mäßig gehaltenen holzbestandes wächst von einer Durchforstung zu der andern, etwa alle zehn Jahre, in dem selben Berhältnisse zu, wie die einzelne Stamm= grundflache des Mittelstammes. Nun sindet man, daß der Mittelstamm des sorstmäßig gehaltenen hochwaldbestandes, von einem gewissen Zeitpunkte dis über jedes wirthschaftliche haubarkeitsalter hinaus, alljährlich mindestens einen glei= den Stammgrundflachen=Zuwachs anlegt. Den Sin= tritt dieses Zeitpunktes segen wir in das Alter, worin jene Stamm= grundsläche eben ihrem nachherigen zehnjährigen Zuwachse gleich= steht. Fände dies etwa im 30. Jahre Statt, und setzen wir des Mittelstammes derzeitige Stammgrundsläche zu 1: so wäre diesselbe im 40. Jahre 2, im 50. Jahre 3 u. s. w., und das Bershältniß der Stammgrundslächen von dem 40. und 50. Jahre wäre 2: 3, von dem 50. und 60. Jahre 3: 4 u. s. w. Nach solchen Verhältnissen berechnet man nun, wie viel bei jeder Durchsforstung von der eben vorhandenen Stammgrundslächensumme abfallen dürste.

Müßte z. B. bie burchforstbar gefüllte Stammgrunbsläche im 50. Jahre G und im 60. Jahre G' sein: so hatte man von der vorgefundenen Stammgrundsläche G so viel stehen zu lassen, daß daraus G' in 10 Jahren wieder erwach sen könnte. Wüchse nun der Mittelstamm von dem 50. bis zu dem 60. Jahre in seiner Stammgrundsläche von 3 zu 4, oder in jedem angenommenen Falle von v zu w: so fände man die im 50. Jahre verbleibende Stammgrundsläche durch die Proportion

4:3 = G': 3 G' ober allgemein
$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{w}}$$
 G'.

Die von G abfallende Stammgrundsläche ware baher

$$G - \frac{v}{w} G'$$
.

Was nun die Hohe der eben auszusorstenden überwachsenen Stämme betrifft, so steht dieselbe unter der derzeitigen Bestands: hohe; sie gleicht mehr der Mittelhohe des vorigen Jahrzehndes. Nennen wir die Hohenzunahme der letztern 10 Jahre s, so ist die Hohe des Durchforstholzes H — s. Die Formzahl f mag unverändert bleiben, obwohl dieselbe an den kurzern, unterdrücksten Stämmen meist etwas größer ist, als die mittlere.

Danach ware nun die allgemeine Formel zur Berechnung bes Vorertrags von jeder Alterstufe:

$$\left(\mathbf{G} - \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}} \mathbf{G}'\right) \times \left(\mathbf{H} - \mathbf{e}\right) \times \mathbf{f}.$$

Sierin bedeutete:

G, die gefüllte Stammgrundfläche des eben zu durchforstens den Bollbestandes; G', die nach 10 Jahren abermals burchforstbare Stamms grundsläche bekselben Bestandes;

- bas Zunahme = Berhaltniß ber Stammgrunbflachensumme in ber Zwischenzeit;

er Impenzen; H — s, die Bestandshöhe, 10 Jahre vor der Durchforstifff; f, die derzeitige Formzahl.

§. 390. Ertragsentwickelung ber ungleichwüchsigen Bestände.

Der ungleichwüchsige Waldbestand hat entweder gleichwüchsige Hauptbestandtheile, oder ist ganz ungleichwüchsig. In keinem der beiden Falle wird der Bestand auf ein Mal ganz abgeschlagen, sondern nur ein gewisser Theil desselben.

1) Bei an sich gleichwüchsigen Bestandtheilen, wie in dem Mittelwalde, bestimmt man eines jeden besondern Antheil an der Stammgrundslächensumme, welcher für das Unterholz $\frac{u}{G}$, für das Oberholz $\frac{o}{G}$, $\frac{O}{G}$ betragen mag, nebst der eigenen Mittelhohe und Mittelform zu jeder Abtriedszeit, z. B.

für das Unterholz
$$\frac{\mathbf{u}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H} \times \mathbf{f}$$
, für das jüngere Oberholz $\frac{\mathbf{o}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H}' \times \mathbf{f}'$, für das ältere Oberholz $\frac{\mathbf{o}}{\mathbf{G}} \times \mathbf{H}'' \times \mathbf{f}''$.

Die Produkte dieser Ertragsfaktoren ergeben zusammen den ganzen Massenalt. Bon demselben bleibt jedoch wieder ein gewisser Theil als Überhalt stehen. Diesen ermist man auf diesselbe Weise und zieht dessen Holzgehalt von dem Ganzen ab; in dem Unterschiede ergiebt sich der Holzertrag jeder Schlaghauung. Eigentliche Vorerträge sinden hierbei nicht Statt.

2) Bei ganzlicher Ungleichheit des Wuchses, wie im Planterwalde, wo nur die größten Stamme einzeln ausges hauen werden, bestimmt man ben jahrlichen Zuwachs g von

der Stammgrundslächensumme des verbleibenden Bestandes und dazu die Scheitelhohe H und Formzahl f der altessten, zum Aushiebe kommenden Stämme. Der jährsliche Holzertrag ergiebt sich dann aus g x H x f. Um auch den bleibenden Holzbestand, nach dessen Massengehet aber wenisger Frage ist, näher zu ermessen, zerfällt man denselben in ziemslich gleichwüchsige Bestandtheile.

§. 391. Balbertragstafeln.

Bur Schätung und Beurtheilung bes einstigen Ertrags forst=
mäßig erzogener und gehaltener Wälder bedürfen wir geeig=
neter Bollertragstafeln, welche von jeder Waldgat:
tung und Standortklasse und von jedem Haubarkeits:
alter die Bestandshöhe und Bestandsmasse mit dem Hauptertrage, so wie den etwaigen Vorertrag nebst dem Durchschnittsertrage unter allen Wachsthumsverhaltnissen
in möglich genauen Mittelzahlen naturgemäß angeden. Die Erstragssaktoren G, H, f zu diesen Angaben erforscht man an auszgesuchten mittelmäßig gerathenen Musterbeständen und reiht sie zu weiterm Gebrauche naturlich mathematisch auf. Auch prüst und bewährt man die Ergebnisse, so gut als thulich, durch wirkliche Hauungserträge.

Die Auffindung solcher Musterbestände, beren Wachsthumsverhältnisse man bestimmt genug nachweisen kann; die Beurtheis
lung ihres normalen Zustandes und Desjenigen, was an dem
vermeintlich Vollkommenen einem außerordentlichen Gerathen zus
zurechnen ist; die zuverlässige Verwendung des als normal Erskannten für die entsprechenden Standortgüten und Behandlungsweisen; die vergleichende Musterung und berichtigende Zusammens
ordnung aller Ergebnisse in die Ertragsreihen: das Alles ist mit
unglaublichen Schwierigkeiten und Zweiseln verknüpst, die um so
bedeutender hervortreten, je genauer man den Gegenstand behandelt.

Unsere Ertragsfaktoren H, G und f sind die einzigen Maße und Mittel zur Ermessung und Aufreihung der gefundenen Ertragsgrößen. Nie ist man im Stande, aus wirklichen Hauungserträgen allein genaue Ertragstafeln zusammen zu setzen, weil ihnen die Anhaltpunkte zur sichern Aufreihung End Berwendung ganzlich abgehen. Wir unterscheiden (n. h. 383. 2. 3.):

- 1) Normaler trags=Tafeln, welche die Bollerträge der normalen Waldzustände ganz allgemein und unbedingt, nur mit Ausschluß des allerwärts unvermeidlichen Selbst= und Haus abfalles aufstellen.
- 2) Lokalertrags= Tafeln. Diese geben den Ertrag des normalen Waldzustandes in Gemäßheit der besondern Forstver= haltnisse und ausschließlich aller ortlichen Nugungsverluste an.
 - §. 392, Normalertrage=Zafeln für hochwalb.

Die unbebingten Bollerträge von dem Hochwalde könnten in sechs Tafeln aufgestellt werden, nämlich:

- I. Für den Buchenwald, zugleich auch für Eichen= bestände unmittelbar, und für Aborn=, Eschen= und Ul= menbestände mittelbar.
- II. Für ben Fichtenwald, mittelbar auch für den Tan= nenwald.
- III. Für den Kiefernwald, mittelbar auch für die Lär= chenbestände.
 - IV. Für gemisch ten Hoch wald von Nadel- und Laubholz.
 - V. Für Erlen = und Aspenbestanbe.

VI. Für Birtenbestanbe.

In diesen Ertragstafeln ist zu jeder Standortklasse und zu jedem fraglichen Bestandsalter anzugeben: die mittlere Besstandshöhe und die volle Bestandsmasse, welche zu ihrer Beit als Hauptertrag eintritt, der abkömmliche Vorertrag und der Durchschnittsertrag.

1) Die 10 allgemeinen, ganz gleich abgestuften Stands ortklassen können nicht unbedingt auch von einer jeden Waldsgattung den ebenmäßigen Ertrag hervorbringen. Auf den gerinsgern Standorten kann der Buchenhochwald gar nicht wachsen; auf den bessern steigt die Ertragsgute der Nadelhölzer sehr besdingt; die Erlenbestände sind an ganz eigene Standorte gebunzen u. s. w.

- 2) Das Bestandsalter, sur welches ber Ertrag aufzestellt wird, braucht man eigentlich nur von dem Zeitpunkte an, wo der Bestand in eine mehr ausgesormte nugbare Stärke tritt, bis zu dem äußersten Schlagbarkeitsalter hinaus. Die Ansätze machen wir in den kurzesten Alterstusen, die besonders zur Frage kommen könnten, etwa in Jahrsünsten. Eine weitere Aussührung verursachte zu viele Weitläusigkeit und erschwerte den Gebrauch. Die Bestandsverhältnisse der früheren Jugend und des späteren Alters sinden sich zu abweichend von den Gesetzen der eigentlichen Wachsthumszeit und zu sehr dem Zufalle unterworfen. Den Buchenhochwaldertrag stellt man etwa von dem 40. bis zu dem 140. Jahre aus.
- 3) Die mittlere Bestandshohe wird für jede Altersstuse angesetzt und dient hier als unentbehrlicher Anhalt, nicht nur zur Anwendung der Taseln selbst, sondern auch zur Beurstheilung der Ertragsähigkeit und Ertragsamkeit. In dem forstsmäßig gehaltenen altern Hochwaldbestande sindet sich die Mittelshohe etwa 5 bis 10 Fuß niedriger, als die der höchsten Stamme, meist an den Stammen zweiten Ranges.

Ein sehr guter Standort (zu 0,8) erzeugt in dem Buchenhochwalde, bei dem Alter von 40. 50. 60. 140 Jahren, etwa folgende Mittelhohen: 25. 35. 44. 52. 59. 65. 70. 74. 77. 79. 81 preußische Fuße.

4) Die volle Bestandsmasse jeder Alterstuse erfolgt aus dem Produkte H × G × f. Davon ist die mittlere Bestands: hohe H sür sich schon angesett. Was nun G × f betrifft, so muß zuvörderst die Stammgrundsläche des durchforstbar gefüllten Bestandes jeder Alterstuse der vollkommenen Hochwaldstellung entsprechen. Am sichersten ist es, sie erfahrungsmäßig so zu stellen, daß sich in von ihr noch eindrängen könnte, im übersülltesten Stande gegen die Schlagbarkeit hin selbst in die Ermäßigung ist natürlich und erprodt. Da nun die Stammgrundsläche des gleichwüchsigen Hochwaldbestandes die in ein gewisses Alter mit immer kleinern Differenzen zunimmt und sich späterhin mehr gleich hält, die Formzahl dagegen ansänglich sich mindert, dann mehr gleich bleibt und späterhin mit eintretender Kronenwölbung

ebenmäßig zunimmt: so ergänzen sich die Faktoren G und f durch alle Alterstusen ziemlichermaßen, und man reiht sie daher gleich im Produkte zusammen auf. Zu obigen 60-, 70- und 80jährigen Mittelhöhen im Buchenhochwalde von 44, 52 und 59 Fuß geshören z. B. solgende Produkte von G × f auf 1 preuß. Morsgen: 45,45. 47,69. 49,49.

Danach ware auf 1 Morgen ber volle Massengehalt bes 70. Jahres, wo H = 52 und G x f = 47,69 ist: 52 x 47,69 = 2480 c'. Das Produkt G x fkommt nicht besonders in die Tafel, ware aber leicht zu sinden durch Division der Bestandsmasse mit der Höhe.

5) Der am Ende jedes Jahrzehndes von dem gefüllten Holzbestande abfallende Vorertrag wird nach §. 389. mit= tels bes berzeitigen Berhaltnisses — im Stammgrunbflachenzu= wachse bes Mittelstammes berechnet. Ware bessen Stammgrund= flache z. B. in dem 30. Jahre 1, im 40. Jahre 2, im 50. Jahre 3, im 130. Jahre 11 und im 140. Jahre 12: so brauchte man zu der eben verbleibenden Stammgrundflächensumme im 30. Jahre & von der im 40., im 40. Jahre & von der im 50., im 50. Jahre & von der im 60. , im 130. Jahre 11 von der im 140., nach Maßgabe ber Berhaltniffe 1:2:3:4 . . . 11: 12. Berbinden wir nun in obiger Borertragsformel (G - v G') × (H - s) × f die Stammgrundsläche G mit ber Formzahl f zu (Gf — TG' f) × (H — s) und setzen bafür unsere eben angenommenen Buchenhochwald=Faktoren, so entziffert sich z. B. als Worertrag nach dem 70. Sahre: (47,69 - 2 × 49,49) × (52-8) = 283 Kfuß. Gegen diesen schein= bar hohen Betrag konnte sich vielleicht ein ober der andere 3weis fel erheben, bem wir im Poraus begegnen muffen.

Wollte man zum ersten den Eintritt des gleichen Stamms grundsichenzuwachses später annehmen, was der gewöhnlichen Buchenhochwalderziehung wohl angemessener ware: dann rückte obige Starkenzuwachsreihe 1:2:3:4... weiter hinter. Oder setzte man das größte Steigen des Stammgrundslächens zuwachses voraus, nämlich: 1²:2²:3²:4²..., das sich mit

gleichbleibender Jahrringstärke in licht erwachsenen Baumhölzern ausnahmsweise wohl sindet, das auch durch übernommene Durchsforstungen gewissermaßen ermöglicht werden könnte: bann stiegen die Glieder der Zuwachsreihe mit größeren Differenzen. Mitzhin minderten beide Boraussestungen alle gleichzeitigen Werthe von $\frac{v}{w}$. Dadurch wurde aber die jedes Mal zu belassende Stammsgrundsläche $\frac{v}{w}$ G' kleiner, also die abfallende Durchforstungssestammgrundsläche $\frac{v}{w}$ G' kleiner, also die abfallende Durchforstungssestammgrundsläche $\frac{v}{w}$ G' alle Mal größer.

Bum andern ist nicht abzusprechen, daß jeder voll geschätzte Vorertrag, besonders in den jungern Jahren, bedeutenden Verlust erleiden kann, durch Mangelhaftigkeit in Bestand und Bachsthum, durch Verwahrlosung, Frevel u. d. m. Darauf hin ist aber auch schon von vorn herein das Stärkenzuwachsverhältniß sehr gering angenommen worden; denn der Stärkenzuwachs besträgt, zumal in dem kräftigen Jugend= und Mittelalter, gerade zur Zeit, wo die Möglichkeit jener Verluste am größten ist, weit mehr, meist das Doppelte. Ohnehin liegen außerordentliche Nutzungsverluste ganz außer dem Bereiche einer Formel für naturgemäße Normalerträge.

Es giebt also kein Berhaltniß in dem Wachsthumsgange des sorstmäßig gehaltenen Hochwaldes, für welches der aus unserer Formel hervorgehende normale Vollertrag zu groß aussiele. Auch stimmen ihre Ergebnisse mit gut geführten Durchforstungen der Vollbestände ganz befriedigend überein. Nur im spätern Baumalter weicht diese Formel von der Praxis ab und bietet eine stärkere Ertragsentnehmung, als die gewöhnliche; weil man dann die Durchforstungen in der Regel aussetzt zu Gunsten des Hauptertrags.

Hierzu wird noch bemerkt: Jeder dieser Worerträge ist erst zu Ende seines Jahrzehndes fällig und in der gleichzeitig ans gesetzen vollen Bestandsmasse mit inbegriffen. Keine Durchsors stung durfte mehr nehmen, als ein Zehntel des vorhandes nen Bollbestandes, und betrüge der Ansat in den Tafeln eben mehr, so mußte man ofter durchsorsten. Längere Zwischenraume,

als 10 bis 15 Jahre von einer Durchforstung zur andern, sind nur in höherm Alter zulässig. Bon ben letten Durchforstungen kann man einen gewissen Theil bis zur Haupthauung verschieben und in der Bestandsmasse mit stehen lassen. Diefer Berbleib kann aber zwei Zehntel bes eben angesetzten Massengehaltes vom Haupsbestande nicht übersteigen und darf hochstens nur die letzten zwei Jahrzehnde Statt finden. Ein solches Berschieben der letz ten Borertrage bis jum Eintritte bes Borbereitungshiebes ift oftmals vortheilhaft. Ohnedies zeigt sich im erwachsenen ftarkern -Waldbestande das Durchforsten nicht mehr von so allgemeiner Wirkung auf ben Zuwachs, indem die bleibenden Stamme die eben erledigten, mehr vereinzelten, größern Offnungen nicht so theilen und alsbald burchwurzeln konnen: ein mathematischer Grund, warum der ekgentliche Hochwald weder ein hoberes Alter mit Nugen erreichen, noch zur Erziehung außerorbentlich starker Baume vortheilhaft dienen kann. Überhaupt befindet sich jeder alte Baumholzbestand in ganz andern, viel zufälligeren Bach8= thums = Werhaltnissen, bie durchaus nicht mehr in allgemeine For= meln paffen.

6) Der jahrliche Durchschnittsertrag kommt entsweder als bloße Mehrung ohne die Vorerträge, oder mit denselben in Betracht, und ergiebt sich durch Theilung des Massenserwachses in die eben erlebten Altersjahre.

Die Alters-Durchschnittsmehrung von der jederzeit vors handenen Bestandsmasse erscheint größer, wenn dem Bestande die letztern Vorerträge noch nicht entnommen sind. Das Unterlassen früherer Durchsorstungen hat dagegen eine Schwäschung des Wuchses und gar leicht eine Minderung des Haupts ::

ertrags zur Folge.

Den eigentlichen Durchschnittsertrag findet man aus der eben vorhandenen Bestandsmasse als Hauptertrag und der Summe aller schon ausgeschiedenen Vorertrage.

Der obige Buchenbestand hatte im 70. Jahre aus dem Morsgen an jährlichem Durchschnittsertrage:

35,42 c' Mehrung zu dem vorhandenen Hauptertrage und 45,42 c' von dem Haupt- und Vorertrage zusammen.

Sein höchster Durchschnittserträg siele ohne Durchsorstung mit 36,88 c' in das 90. Jahr, sammt der Durchsorstung mit 52,45 c' in das 110. Jahr. Begreislich muß der höchste Gessammt: Durchschnittsertrag später eintreten, weil die Abnahme ber laufenden Mehrung durch das Hinzurechnen der Vorerträge weiter hinaus übertragen wird.

§. 393. Mormalertrags=Tafeln für Mittelwalb.

Der eigentliche Mittelwaldbetrieb ist nur statthaft in Buchenswaldung und in gemischter Waldung, worin die Eiche mehr vorsherrscht. Die Ertragstafeln umfassen also

I. ben Buchenmittelwald und

II. ben gemischten Mittelwald.

Jede hat die Überschriften: Standorfflasse, Umtriebs= zeit, Mittelhohe, Hiebsmasse, Überhaltmasse, Durschnittsertrag.

Der Mittelwaldbestand erscheint bei naherer Untersuchung sehr veränderlich und von vielen Zusälligkeiten abhängig. Estst kaum möglich, noch weniger aber wirthschaftlich, denselben mehbre Umtriebszeiten hindurch gleichmäßig zu erhalten. Nur selten glückt es, seine verwickelten Wachsthums- und Ertragsverhältnisse recht aufzusassen und sicher zu handhaben. Daber sindet die Aufsstellung von allgemeinen Ertragstafeln des Mittelwaldes bei weistem größere Schwierigkeiten, als die des Hochwaldes, und es ist dabei um so nöthiger, die Ergebnisse wirklicher Hauungen neben den Ertragsfaktoren H, G und f vorsichtig mit zu gebrauchen. Indessen bleibt man auch bei der Anwendung wirklicher Erträge ungewiß, weil dieselben aus Ansammlungen von frühern Umtrieben mit bestehen, wo ein ganz anderer Überhalt Statt gefünden haben kann. Man kommt dabei nie zu einer reinen Abrechnung.

- 1) Die Standortklassen können alle 10 von dem Mitztelwalde eingenommen werden; naturgemäß geben die niedern gezgen Hochwald ihren verhältnismäßigen Ertrag reichlicher, als die höhern, jedoch mehr an Unterholz.
- 2) Um triebszeit. Den Erwachs des Mittelwaldes in fortschreitenden Alterstufen aufzustellen, ist unzweckmäßig, weil

Worerträge darin nicht in Anschlag kommen und jedes Abtriebsatter seine eignen Oberholz = und Wachsthumsverhältnisse hat. Die Umtriebszeiten können zwischen 15 bis 45 Jahre fallen, und es ist hinreichend, sie von 5 zu 5 Jahren anzusetzen.

3) Die Mittelhohe des schlagbaren Bestandes ist von dem Unter- und Oberholze besonders anzugeben. Die Unterholzshohe erhebt sich um so mehr, je mehr dasselbe aus Weichholz und aus frischem Stockausschlage besteht und Freiheit hat; die des Oberholzes, um so mehr, je langer die Untriedszeit, je voller der Stand und je gesunder der Wurzelstock ist. Der Kurze weschen sehn und dem Unter- und Oberholze wohl nur eine gemeinschaftliche Mittelhohe an.

Bei etwas lichter Stellung des Oberholzes könnte z. B. der Buchenmittelwald auf'sehr gutem Standorte (0,8), in 30jähriger Umtriebszeit, die Mittelhohen 25 und 52 preußische Fuß erreichen, und dann ware die verhältnismäßige Mittelhohe zur Berechnung der Hiebsmasse etwa 40'.

4) Die Hiebsmasse ergabe sich aus den beiden Produkten G × f × H von dem eben abkömmlichen Unter= und Ober= Holze. Wegen des sehr unbeständigen Verhältnisses zwischen dem Unter= und Oberholze vereinigt man jedoch gleich das Produkt G × f für beides und nimmt dazu die gemeinschaftliche Mittel= bohe.

Die Stammgrundflächensumme des erwachsenen Mittelwaldbestandes halt sich im Ganzen geringer, als die des Hochwaldes, wegen des ungleichen, verästeten, verwurzelten und sonst mangelhaften Wuchses. Nur in den geringern Standortzgüten, besonders an starken Berghängen, gewinnt sie beträchtlich durch Vermischung der Holzarten und nahere Bodenbeschirmung mit minderm Kronenschlusse. Die Stammgrund släche der Hiebs masse bleibt übrig, wenn von der gesammten die des überhaltes abgezogen wird. Die Formzahl ist im altern Oberholze eine hohe, in dem Unterholze eine niedere. Die mittzlere Form erscheint etwas voller, als die im Hochwalde.

Übrigens haben die Veranderlichkeit der Mittelwaldverhalt= nisse und die Schwierigkeit des Betriebs eine sehr verschiedene Ertragsamkeit zur Folge. Daher ist es nothig, für jede Hauung zwei mögliche, außerste Ertragsgüten anzuseten, zur geeigneten Auswahl. So nahme man z. B. für obigen Buchenmittelwald auf dem preußischen Morgen G x f zu 24 bis 28.5 und H zu 40° an, was zur Hiebsmasse 40 x 24 = 960 bis 40 x 28.5 = 1140 c' ergabe.

5) Der überhalt besteht aus den wachsbarsten Stämmen von dem Unters und Oberholze in mittler Größe; er ergiebk sich ebenfalls aus Gf × H. Seine Stammgrundsläche stellt man um so kleiner, je langer die Umtriebszeit dauert, je wachsbarer das Holz ist und je mehr der Unterwuchs Freiheit bedarf; sie, steht in einem gewissen Verhältnisse zur gesammten Stammgrundsläche. Die Formzahl gleicht der mittlern von dem ganzen Bestande, weil der überhalt mehr aus den mittlern Stammklassen besteht. Sleiche Bewandtniß hat es mit der Hohe. Die Überhaltmasse ist ebenfalls zweisach anzusezen.

In obigem Mittelwalde ware vom Überhalte G × f == 10 C... bis 15 und H == 45, folglich die Überhaltmasse:

$$45 \times 10 = 450$$
 bis $45 \times 15 = 675$ c'.

6) Den jahrlichen Durchschnittsertrag ergiebt die Theilung der Hiebsmasse durch die Umtriebszeit; derselbe ware zu dem obigen Beispiele etwa

$$\frac{960}{30}$$
 = 32 bis $\frac{1140}{30}$ = 38 c'.

In der Wirklichkeit sinden sich übrigens alle Mittelmasber weit weniger ergiebig, als sie der Theorie nach es zu sein scheinen.

§. 394. Normalertrags=Zafeln für Nieberwald.

Die Vollerträge der Niederwälder können nach den eben vorherrschenden Holzarten in fünf Tafeln aufgestellt werden, nämlich:

- I. Gemischter Niederwald von Buchen mit Ahornen Eschen, Salweiden u. bergl.
- II. Eichenniederwald mit Birten, Aspen u. bergl,
- III. Birfennieberwalb.

IV. Erlennieberwalb.

V. Buschholz.

. :

In diesen Taseln ist zu jeder Stundertklasse und Umstriebszeit die mittlere Bestandshohe, der Holzertrag und ber Durchschnittsertrag anzusezen.

Selten eignet sich der Niederwaldbestand recht zur Auszählung. Seine Ertragsgute wird daher vie sicherer durch Hauungen erforscht. Die Ertragsfaktoren H, G und f dienen dabei mehr zur regelrechten Aufreihung.

- 1) Stanbortklasse. Für Erlen, Haseln und Weipen sind die drei allgemeinen Standortguten gut, mittelmäßig und gering schon zureichend,
- 2) Die Umtriebszeiten werden zu 10 bis 40 Jahren angenommen, von 5 zu 5 steigend.
- Die mittlere Bestandshöhe steht in Berhaltniß mit der Ausschlagfähigkeit und weitern Wachsbarkeit jeder Niesberwaldgattung. Diesen Hauptfaktor des Niederwaldertrags muß man für alle Standortklassen und Umtriebszeiten an Musterbesständen sorgfältig ausmitteln und aufreihen.
- 4) Die Ertragsansähe werden, wo zumal die Stammsgrundsläche nicht meßbar ist, auf einzelne bewährte Hauungszierträge gegründet. Man dividirt jeden gefundenen Ertrag durch die dazu gehörige mittlere Bestandshöhe H, setzt den so erhaltenen Quotienten G x f einstweilen an, ergänzt und berichtigt dann diese porläufigen Glieder sur jede fragliche Ertragsklasse und multiplizirt endlich alle wieder mit der entsprechenden Höhe H.

Ein gemischter Niederwald in 25jährigem Umtriebe und sehr gutem Standorte (0,8) könnte auf dem preuß. Morgen oan Holzertrag etwa abwerfen, wenn H = 26 und G × f = 30 ist:

$$26 \times 30 = 780 \text{ c}'$$

5) Die Division des Holzertrages durch die Umtriedszeit ergiebt den jährlichen Durchschnittsertrag; in diesem Beispiele:

$$\frac{780}{25}$$
 = 31,2 c'.

Werden von einem Umtriebe zu dem andern Standreitels übergehalten, so andert dies den Holzertrag eben nicht, wofern nur dieselben das etsetzen, was am Ausschlage unterdrückt wird.

§. 395. Normalertrage=Zafeln für Planterm do.

Der Planterwaldbetrieb kann nur bei solchen Holzarten Statt finden, die langer Beschirmung ertragen. Daher giebt es eigentlich keinen andern, als

- I. Buchenplanterwald.
- II. Tannen= und Fichtenplanterwalb.

Die Ertragstafeln dafür brauchen zu jeder Standortklasse, bloß die mittlere Sohe der haubaren Stamme und den jährlichen Holzertrag zu enthalten.

- 1) Die Standortklassen mußten für den Planterwald eben nicht alle aufgestellt werden.
- 2) Die Mittelhohen der größern, haubaren Stämme sind als hauptsächliche Ertragsfaktoren genau zu bestimmen. In dem eigentlichen Planterwalde sinden sich selten die Stammhohen und Stärken beträchtlich.
- 3) Der jahrliche Ertrag ober Massenzuwachs bes Planterwaldes laßt sich nicht nach wirklich erfolgten Hauungen bestimmen. Man muß in gut ausgewählten Musterbeständen außer H und f, der Hohen und Formzahl von den ältessten Stämmen, die sich meist den Oberbäumen in dem Mitztelwalde gleichstellen, auch g, den jährlichen Zuwachs an der normalen Stammgrund flächensumme, ermitteln. Das Produkt H x f x g giebt dann den jährlichen Holzertrag. Denn man haut allezeit so viele der ältesten Bäume, als der Stammgrundslächenzuwachs gestattet. Da indeß der Zustand und die Ergiebigkeit des Planterwaldes von vielen Zustallen und manchen Nebenzwecken abhängt; da auch eine vollkommene Beshandlung desselben selten Statt sindet: so mussen eben so, wie bei dem Mittelwalde, die Erträge zweisach ausgestellt werden, um für jeden Fall eine geeignete Auswahl zu verstatten.

Hätte ein Buchenplanterwald auf sehr gutem Stanborte (0,8) zur Mittelhohe ber haubaren Stamme H == 65' und

pr. Mg. zum Problete des Stammgrundslächenzuwachses mit der Formzahl g \times f = 0,44 bis 0,54: so ware sein jährlicher Holzertrag

 $65 \times 0,44 = 28,6$ bis $65 \times 0,54 = 35,1$ c'.

§. 396. Lokalertrags=Tafeln.

- Unsere allgemeinen Normalertragstafeln konnen eigentlich nur die aus dem Geogen gegriffenen unbedingten Grundgesete ber Bachsbarkeit und Ergiebigkeit barstellen, keinesweges aber auf jene ortlichen Berhaltnisse naher eingehen, die fich in den For-. sten so mannigfach vereinbaren. Go wachst bas holz auf man= ? chen Standomen späterhin stärker, auf andern früher und mit weniger Ausdauer; hier ist man genothigt, eine Holzart in nicht ganz angemessenem Boden zu erziehen, bort, burch raumlichere Stellung die Schlagbarkeit zu befordern; andermarts entziehen Aufbereitung und Frevel bedeutende Maffen, oder es fehlt an Ab= sat für geringere Gorten; ja selbst die Geschicklichkeit und Thatigkeit ber Forstwirthschafter hat auf bas Gerathen und Ausnuten der Waldbestände großen dauernden Ginfluß. Fast jeder Forst hat seine eignen Ertragsabweichungen von ben Normalzuständen.

Man entwirft sich daher zum besondern Gebrauche der Forstabschätzung noch eigene Lokalertragstafeln, nimmt dazu die eben zur Frage kommenden allgemeinen Grundgrößen, paßt sie den vorliegenden Forstverhaltnissen an und ordnet sie (n. §. 89.) in mehr arithmetische, mit den Ortsguten ganz gleichmäßig sortschreitende Reihen, was die wenigeren Glieder leicht gestatten.

Bei Aufstellung der Lokalertragstafeln für Hoch=
wald ist Junachst die sehr verschiedene Anwachszeit zu berücksich=
tigen und das darauf folgende Berhalten des Höhenwachsthums
und der Dichtheit. Demnächst sind die den Borertrag bedingen
den Umstände näher zu erörtern und zu erwägen mit ihren Beziehungen auf den Hauptertrag. Mangel an Absat kann noch eine weitere Ermäßigung der erstern Durchforstungen erfordern;
ein rascherer Durchforstbetrieb kann dagegen den allgemeinen Ans
sat noch überwähren. Müßten die Durchforstungen übernommen

werden, so beförderte dies den Stärkenwuchs auf Rosten des Höhenwuchses, so wie des Nahrungsvorrathes und machte die Bestände früher schlagbar. Wo ganz und gar nicht durchforstet wird, da sindet man beim Eintritte des Abtrieds oft kaum den normalen Hauptertrag. Der Gebrauch von Vorbereitungshieden verschiedt eben auch die Ertragsgrößen in etwas; länger stehende Samenbäume vermehren den Holzzuwachs für die Gegenwart mitunter wohl auf Rosten des Nachwuchses. Wo ein ganz gleisches Abtriedsalter durchgängig eingehalten werden kann, ist es geeigneter, in der Lokalertragstafel wenigstens die zwei letztern Durchforsterträge dem Hauptertrage mit einzuverleiben. In der Normalertragstafel dürste dies der unbeschränkten' Weiterreihung wegen nicht geschehen.

Der Entwurf genauer Lokalertragstafeln für Mitz telwald führt zu unendlichen Verschiedenheiten und Zweiseln, je nachdem man diese oder jene Zwischenholzart begünstigt, stärz keres oder schwächeres, mehr oder weniger Oberholz hält, je nachz dem Strauchwuchs, Stockveralterung oder Bodenverwilderung überhand nehmen und überhaupt der Mittelwald aus den rechz ten Mittelverhältnissen heraus kommt, oder nicht, u. s. w.

Die Lokalertragstafeln für Niederwald sind am leichtesten und sichersten nach wirklichen Erträgen zu sertigen. Aber die für Planterwald allen Ortsverhältnissen gemäß zu stellen, ist noch schwieriger, als bei dem Mittelwalde. Diese beis den Betriebsarten lassen sich nun einmal nicht in ständige Forsmen passen; darum eben ist es so schwer, ihrer recht Meister zu werden.

Alle Lokalertragstafeln sind vor dem weitern Gebrauche wohl zu prüfen, nicht nur mittels der in Wirklichkeit an Musterbestänsden sich darbietenden Massenhaltigkeit, sondetn auch hauptsäcklich nach den Ertragsfaktoren (G × f) × H. Bestimmt man nam= lich für jeden Fall G × f so sicher als möglich, und dividirt das mit in die angesetzte Bestandsmasse: so muß die natürliche Bestandshöhe in geordneter Reihe hervorgehen. Diese Prüfung besteht keine der aus bloßen Nassengrößen aufsummirten Erstragstaseln.

§. 397. Baldmehrungstafeln.

- 1) Die seither mitgetheilten Ertragstafeln sind eigentlich nur Mehrungstafeln. Um eine solche aufzustellen, ermittelte man von der fraglichen Waldgattung die Massenhaltigkeit der reichsten Bestände aller eben vorzusindenden Alterstlassen, reihete diese Ergebnisse auf, entweder für alle Altersjahre, oder sür zehnzichtige Alterstusen, und berechnete hierzu noch 4 oder 9 Reihen, je nachdem fünf oder zehn solcher Ertragsklassen gebraucht werden sollten, so daß die niedrigste Klasse zoder zo der höchsten enthielt und zugleich die Seitendisserenz abgab, in welcher alle Klassen neben einander sortschritten. Zu jedem so ausgestellten Massenzgehalte setzte man noch die zeitliche und die durchschnitt= liche Mehrung. Erstere ergiebt sich mittels Abziehung der jedesmaligen Vorbestandsmasse, letztere mittels Theilung des Wassenansatzes durch die Alterszahl.
- 2) Bei dem Zusammendau dieser Mehrungstaseln sehlt es indeß gar sehr an einem recht sichern Grunde; die Mitanreihung der Vorerträge hat keinen Halt; den Wendepunkt im Mehrungszuwachse weiß man nicht zu treffen; die durch Nichts begrenzte Aufreihung versteigt sich in viel zu hohe Alter und mehrt dabei Massen auf, die kein Bestand wohl fassen kann. Daher ist ihr Gebrauch eben so unsicher als mangelhaft. Vergeblich fragt man nach der Bestandshöhe, wo eben die so täuschende Ortszgüte zweiselhaft ist; vergeblich sucht man die Vorerträge und eigentlichen Durchschnittserträge zu genauern Bestimmungen und besindet sich nicht einmal im Stande, aus solchen Reihen die rechte Abnuhungszeit zu entzissern. Dennoch soll mittels dieser anhaltlosen Ausstellungen der Forste ganzes Ertragsvermögen hereussgesormelt werden.
- 3) Prüft der Laie solche Zahlenwerke nach bloßen Massen= aufnahmen, so muß er in den Reihen zwischen den höchsten und niedrigsten Massengehalten sein Ergebniß allemal irgendwo wie= derfinden; daher der gute Slaube, den diese Tafeln bis jetzt ge= wonnen haben. Unterwirft sie aber der Kundige einer schärfern

Prufung und dividirt ihre Massenzahlen M = Gf × H mit dem aus der Wirklichkeit entnommenen Produkte Gf: so treten mitunter gar wunderliche Höhenversteigungen hervor. Indessen ist der vorsichtige Gebrauch dieser Mehrungstaseln in Ermangelung eigentlicher Ertragstaseln doch so verwerslich nicht, und hat man dieselben mittels eigner Aufnahmen selbst gesertigt: so mögen sie auch in den meisten Fällen zur Bestimmung kunstiger Ertragsmassen genügen. Für diesen Gebrauch geben wir hier noch eine kurze Anweisung, wie die mangelnden Vorertragszahlen durch eine ganz leichte Nebenrechnung mit angereihet werden können.

4) Borertragsschätzung mittels ber Mehrungs: tafeln. Es läßt sich ziemlich genügend barthun, daß die von den normalen Bollbestandsmassen naturgemäß abfallenden Durchforstungs: Erträge mindestens 0,5, höchstens 0,8 der gleichzeitigen Durchschnitts: mehrung betragen. Dieser Durchforstungssatz beruht auf folgenden Gründen:

Man darf vorausfegen, daß die machfende Stamm= grundfläche bes Wollbestandes von Jahr zu Jahr so viel an sich ausscheibe, als ber Durchschnittsantheil bes laufenben Altersjahres eben beträgt, nämlich im 40. Jahre 40, im 41. 41, überhaupt im n. Jahre 1. So viel erübrigt ber Bollbestand bei forstmäßiger Stellung und Haltung ganz sicher, indem deffen Mittelstärke (n. g. 389 und 392. 5.), außer der wirklich verbleis benden Stammgrundflachenzunahme, in der Regel noch mehr zun wachst, als dies $\frac{1}{n}$ seiner Stammgrundsläche. Hiernach ist ber Stammgrundslächen = Abfall in jedem Altersjahre $G \times \frac{1}{n} = \frac{G}{n}$ und mithin die darauf befindliche Worertragsmasse $\frac{G}{n} \times h$, wenn h die Sehaltshohe ber eben abkommlichen überwachsenen Stamme bezeichnet (§. 338.). Nehmen wir biefe nun erfahrungsmäßig zu 0,5 bis 0,8 ber mittlern Gehaltshohe vom ganzen Bestande an, also zu (0,5 bis 0,8) × H × f: so ergiebt sich für den laufenden Borertrag im Bollbestande

 $\frac{G}{n} \times (0.5 \text{ bis } 0.8) \times H \times f = \frac{G \times H \times f}{n} \times (0.5 \text{ bis } 0.8)$

In $\frac{G \times H \times f}{n}$ sinden wir aber die Durchschnitts= mehrung des Vollbestandes; diese müßte also bloß mit 0,5 bis 0,8 multiplizirt werden, je nachdem die Zuwachs= und Abkomm= lichkeits=Verhältnisse eben mehr oder weniger versprechen.

Die Ergebnisse dieser Durchforstungs Kaktoren passen sur alle eigentlichen Durchforstungszeiten der Normalbestände unerwartet genau. Bei deren Anwendung hat man nur zu beobachten, daß 0,5 bis 0,6 der starken Entstehung, 0,7 bis 0,8 aber der schwachen Entstehung (§. 416.) mehr angehören; ferner, daß den jungern Beständen, vor ganzlich erfolgter Kullung, und den alten Beständen, worin der vorausgesetzte Starkenzuwachs nicht mehr so sicher erfolgt, stets die mindere Zahl zukommt. Den etwa abzurechnenden örtlichen Nuhungsverlust drückt man am süglichsten mittels eines Verhältnistheiles vom Ganzen aus und mindert gleich unsere normalen Durchforstungs Kaktoren danach, etwa zu 0,6 — 0,5 — 0,4 — 0,3. Diese örtlichen Durchforsstungs-Faktoren können auch solchen Altersklassen, deren Nuhungs-Verlust eben ein anderer ist, besonders angepast werden.

§. 398. Durchschnitts=Ertragstafeln.

Die zuverlässige Ausstellung, so wie die sichere Anwendung allg em einer Waldertrags = Tafeln, welche den Naturges Jehen und Forstverhaltnissen in allen Beziehungen vollkommen entsprechen, wird wohl Wenigen recht gelingen. She man sich aber unzuverlässiger Werke aus unbekannten Gegenden und Hanz den bedient, ist es weit rathsamer, einsachere Hulfsmittel zu gestrauchen, die sicherer beurtheilt und verwendet werden konnen. Jede Schähung kunstiger Walderträge fragt wesentlich nach der Bestandesmehrung zum Hauptertrage und nach den nebensher etwa nutharen Vorerträgen. Beide Ertragsgrößen sind auf Tasel 118 und 119 für alle Waldgattungen zu den ergiebigsten Schlagbarkeitsaltern und angemessensten Standorten

durchschnittlich aufgestellt, und zwar pr. Morgen und Jahr in Korperfußen des preußischen Maßes *).

1) Einrichtung der Durchschnitts = Ertrags = tafeln. Man findet vorn die Waldgattungen, hinten die Grenzen der ergiebigsten Schlagbarteitsalter, im Innern unter den zehn Ertragfähigkeits und Ertragsgute=Bestimmungen die auf jedes Jahr des Abtriebsalters kommenden normalen Durchschnitts=Erträge, und zwar mit zweisachem Ansate, als Grenze des Mindesten und Meisten. Diese Doppelansäte haben bei Hochwald noch eine weitere Bedeutung. Der erstere bezieht sich bloß auf einen mäßigen Hauptertrag, der andere umsfaßt die Vorerträge gewissermaßen mit.

Hierzu bemerken wir noch, daß nicht jede Waldgattung in allen zehn Standortklassen verhältnismäßige Vollerträge geben kann; denn die eine wächst auf dem geringern Boden nicht, die andere halt sich auf dem bessern weniger ergiebig. Dies verurssacht die unbesetzen Plaze dieser Tasel. Jede Ertragsreihe steigt, wie die obenan stehenden absoluten Ertragsähligkeitszahz len. Die höchste, zu 1 gehörige Ertragsgüte jeder Waldgattung ist das Ergebniß ganz ausgesuchter Bestandes sie kücke; sie kann daher für ausgedehnte Waldbestände nur höchst selten als Mittelgröße gelten. Zum Gebrauche dieser Tasel ist es vor Allem erforderlich, daß man die Ortsgüten des Forstes bestimmt. Ges

^{*)} Diese Durchschnitts. Ertragsgrößen habe ich ber Ratur burch viels fältige Proben eigenhändig entnommen. Findet man sie zu abweischend von andern, oder zu wenig scharf bestimmt: so wolle man boch berücksichtigen, welche Grundlagen alle diese Bahlenwerke haben, und daß es ganz unmöglich ist, das so verborgene, unendlich mannigfaltige Wirken ber Natur zu erforschen und in Zahlengesetz zu passen. Biele Hunderte der genauesten Bestandesaufnahmen liegen vor mir; ich besinde mich nicht im Stande, sie zu einen; wer seinen Scharssinn etwa daran versuchen wollte, dem stehen sie zu Diensten. Mir haben sie weiter nichts genützt, als tiefere Blicke in das Wachsthum der Wälder zu thun, und einzusehen, daß jeder nähere Gebrauch der Ertragstaseln auf höchst unsichern Grünsben beruht.

schieht dies durch ortliche Bobenklassen, so mußten dieselben uns fern allgemeinen Standortklassen bestimmt angepaßt werden *).

- 3) Weitere Aufreihung der Bestandsmassen und Haupterträge. Wollte man, etwa bei Hochwald, die Besstandsmassen jüngerer Hölzer mit aufreihen, so wäre zunächst für die fragliche jüngste Alterstuse die Vollbestandsmasse durch wirksliche Aufnahmen sestzustellen, dann der Hauptertrag für das ansgenommene Abtriedsalter nach der Durchschnittsertrags = Tasel auszuwersen, und nun die Differenz von beiden in die Zwischensjahre geeignet zu vertheilen. Hätte man zur Ausstellung des sehr guten (0,8) Buchenhochwaldertrags für das 100-jährige Abtriedssalter 40 als durchschnittlichen Hauptertrag, also 4000 als Abtriedsertrag, sür den 40-jährigen Vorbestand aber 1000 als Volldesstandsmasse angenommen: so trüge es jedem der solgenden 6 Jahr=

^{*)} In dieser neuen Bearbeitung habe ich die Ertragsgüte ber Ebelstannen etwas hoher gestellt, auf bem Grunde.weiterer Studien in südlichern känderstrichen; dagegen die der Riesern etwas niedriger, weil das Selbstauslichten ihrer Bestände den Meisten als wesentlich erscheinen muß; denn nur Wenige haben Gelegendeit, diese Holzart in ihrer reichsten Ertragsamkeit vergleichend zu beobachten. Die Eiche und Rieser werden immer verkannt, weil sie sich zu weit über ihren natürlichen Standort hinaus verbreiten und da ihre Schwächen viel mehr zur Schau tragen.

zehnde an durchschnittlicher Mehrung $\frac{4000-1000}{6} = 500$; man bekäme also

für bas 50. Jahr 1500, 2000, **60. >>)** 2500, 70. **>>** X 3000, 80. **(**(. **)** 90. 3500, **>> >>** 4000, » 100. **)**

und zwar einschließlich ber lettern Borerträge.

4) Borertragsschätzung mittels ber schnitts=Ertragstafeln. In den Ertragszahlen find die normalen Vorerträge von ben Hochwaldungen mit begriffen; fie ergeben sich zunächst durch Abziehung der vordern Hauptertrags= zahl von der hintern Gesammtertragszahl. Findet man z. B. für obigen Buchenhochwald unter 0,8 die Ertragsgüte 40 bis 52: so ist der durchschnittliche Vorertrag 52 — 40 == 12. Nach Umständen kann aber auch mehr oder weniger angenommen werden, was dann bem Sauptertrage abgeht, oder zu Gute kommt. Die Vorerträge der letten Alterstufe sind dem Hauptertrage in voraus schon zugerechnet, weil kurz vor dem Abtrieb in der Re= gel nicht mehr durchforstet wird. Dadurch entsteht auch hier jene Abweichung von den ausgeführten Normalertrags = Tafeln, welche sich nicht auf eine befondere Abtriebszeit einlassen konnen und also die Vorerträge durch alle Zeiten fortlaufend aufstellen mussen.

Die im Laufe der Zeit von der Vollbestandsmasse abfallens den Vorerträge dürsten dis gegen das angehende Schlagbarkeitssalter mit gleichen Differenzen steigend angereiht werden. Ergabe von dem angenommenen Buchenbestande das 100-jährige Abtriedsalter 52 — 40 = 12 zum durchschnitzlichen, also 100 × 12 = 1200 zum gesammten Vorertrage, konnte man zudem die Durchsorstung im 40. Jahre beginnen, etwa mit 0,8 ihres Durchschnittsantheiles, und von 10 zu 10 Jahren die zum 80. Jahre steigend fortsehen: so trüge es von den 5 Durchsorstungen der ersten

im 40. Jahre $\frac{1200}{5} \times 0.8 = 192$ und der letzten im 80. Jahre $\frac{1200}{5} \times 1.2 = 288$ (nach $8 : \frac{n}{2} - a = t$, §. 87. 6.). Mitztels der hierzwischen befindlichen Differenz der Vorertragsreihe $\frac{288-192}{4} = 24$ wurden nun die Zwischenglieder noch berechnet. Man bekäme somit für das

- 5) Berörtlichung ber Normalerträge. Durchschnitts-Ertragstafel kann in ihrer Allgemeinheit begreiflich nur unbedingt normale Ertragsate barstellen, ohne allen nahern Bezug auf ortliche Wachsthums=, Erziehungs= und Nugungs= Berhaltnisse. Der Schätzer muß biese idealen Bahlen zu jedem weitern Gebrauche noch nach Maßgabe ber vorfindlichen Forst= verhaltnisse besonders einrichten. Dies kann beim Hauptertrage gleich überhaupt, bei ben weit mehr von Ort und Zeit bedingten Worerträgen aber erft in ber Aufreihung für die verschiedenen Durchforstungsalter theilweise geschehen. Nimmt man bei Un= wendung dieser Normalsätze wirkliche Lokalerträge und gut ge= wählte Bestandesaufnahmen zum Anhalt: so hat man Mittel genug zu der eben erforderlichen Lokalertrags-Tafel, die zum eig= nen Gebrauche weit mehr genügt, als alle fremden Ertragsauf= tafelungen. Wer aber nicht im Stande ist, für jede Ortlickkeit die besondere Ertragstafel selbst zu entwerfen, der enthalte sich - lieber aller Forsttaration.
 - §. 399. Gebrauch ber Waldmaffen=Tafeln zur Ertragsbestimmung.
- 1) Hauptertrags=Schätzung mittels der Walds massen=Tafeln. Diese Taseln mit ihren Gehaltssaktoren sind ein sehr einsaches und sicheres Hulfsmittel zur Schätzung kuns tiger Walderträge. Man bestimmt an Ort und Stelle für jede fragliche Abnutungszeit den Waldschluß

und die Bestandshohe mit der Stammsarm und nimmt dann aus der Tafel den zu diesen Er= tragsfaktoren gehörigen Massengehalt ohne Wei= teres als Hauptertrag. an. Nach dem gegenwärtigen Zu= stande und den kunftigen Wachsthumsverhältnissen eines Bestandes läst sich gar wohl beurtheilen, wie derselbe in seinem Massengehalte von Periode zu Periode mit den Schluß- und Höhenklassen sortschreiten werde.

2) Vorertrags = Schätung mittels der Wald=
massen=Taseln. Man bestimmt nach dem erwartbaren Star=
kenzuwachse zuerst den Eintritt des angehenden Vollbestan=
des, wie ihn die Durchforstung hinterläßt, dann den Zeitpunkt,
in welchem der Bestand die nächste durchforstbaraschluß=
klasse erreicht, und nimmt von dieser Zwischenzeit den
halben Unterschied des frühern und des spätern,
auf gleicher Höhenstuse des stühern und des spätern,
auf gleicher Höhenstuse des ist dies der halbe Massenzuwachs
ohne weitere Höhenzunahme (§. 357. 376. 3.). Die Gründe
hierzu ergeben sich aus folgenden Betrachtungen.

Der Stammgrundflachen=Buwachs eines Bollbestandes kann und barf der Durchforstung nur zum Theil anheim fallen. . Einen gewissen Theil bavon verbraucht die naturliche Geigung der verbleibenden Stammgrundflache; einen andern nehmen die hier und ba noch vorftidlichen Bestandesluden auf; ofters ift auch zur Erhaltung eines bessern Bobenzustandes und felbst zur Förberung des Waldschlusses, so wie der Bestandshöhe und Holzgute eine dichtere Haltung erforderlich; zudem mußte den Begegnissen ber Holzerziehung und Nugung noch ein Antheil zu Gute gerechnet werden. Unter biesen Berudfichtigungen er= scheint es am geeignetsten, von dem Stammgrundflachen= Buwachfe im Bollbestande nur die Salfte für den abkomms lichen Borertrag anzunehmen, und zwar mit Beibehaltung der eben vorhandenen Bestandshohe, also & g×H×f. Diese annahernbe Schatzung ber Borertrage ift zwar weniger leicht, als jene nach ber Durchschnittsmehrung (g. 397. 4.), doch

für Diejenigen, welche die Waldmassen- Tafeln gebrauchen, ober ben laufenden Zuwachs gleich mit schähen, keinesweses schwer und selten ungenügend. Biele Ergebnisse guter Durchforstungen stimmten damit ganz befriedigend überein.

3) Die Baldmassen Zafeln vienen übrigens in Ermanzgelung zuverlässiger Normalertrags Zafeln recht gut auch zur Aufreihung besonderer Lokalertrags Zafeln. Man stellt sich mit Gulfe der allgemeinen Durchschnittsertrags Zasel und nach örtlichen Aufnahmen und Ersahrungen die Bestands massen und Hen und Höhren der fraglichen Waldgattungen, Nutzbazzkitösalter und Standortklassen so gut als eben thulich auf, erzgänzt und berichtigt dann diese vorläusigen Ansäte nach den entzsprechenden Schlußklassen unserer Waldmassen Zaseln und wirst dazu noch die Vorerträge, die Durchschnitts Wehrung zum Hauptertrag und den Durchschnitts Zuwachs zum Gesammtertrag und den Durchschnitts zuwachs zum Gesammtertrag aus, wosern diese Ertragsgegenstände mit zur Frage kommen. Für die Schätzung des später zu erziezhenden Walderwachses lassen solche Ertragstaseln nichts zu wünzsschen übrig.

§. 400. Ertragsbestimmung nach gegebener Bor= bestanbs= und Zuwachsmasse.

Wenn ber kunstige Ertrag von einem Holzbestände nach dem gegenwärtigen Massengehalte und laufenden Iahres um ach se bestimmt werden soll: so rechnet man in der Regel auf jedes weitere Lebensjahr des Bestandes den eben gefundenen Jahreserwachs. Diese Zuwachsaufrechnung hat jedoch ihre Grenzen; denn der laufende Zuwachs bleibt sich selten längere Zeit gleich; in jungern Wüchsen sehen wir ihn steigen, während er in erwachsenen Hölzern mehr und mehr fällt und nur in mitteljährigen und ungleichwüchsigen Beständen etwas steter sortsschreitet. Ohnehin suhren solche anhaltlosen Zuwachsaufrechnungen, erstreckt man sie in ferne Zeiten, gar leicht zu unnatürlichen Massenanhäufungen. Wo hierbei also nur irgend ein Zweisel

obwaltet und besonders Die Abtriedszeit später hinaus fällt, muß der kunftige Zuwachs nach Maßgabe der zu erwartenden Wachsthums- und Nugungs-Verhältnisse noch naher bestimmt werden. Dies erfordert aber besondere Hulfsmittel sowohl bei regelmästigen, ist bei unregelmäßigen Beständen.

- · Wegelmäßige Bestände. Um ben spätern Er= trag regelmäßiger Jung- und Mittelhölzer nach ber Borbestandsund Zuwachsmasse zu bestimmen, ist nichts geeigneter, als eine recht angemessene Lokalertrage = Tafel (f. 391, 397.). In bieser sucht man nach Maßgabe des Alters und der Höhe, bes Massengehaltes und Zuwachses, mit Berücksichtigung der Ortsgute, nur den Anknupfungspunkt für den geschätzten Borbestand und findet dann von hier aus in der fortschreitenden Altersfolge, was an Wor= und Haupt=Ertrag von demselben . zu erwarten ist. Mitunter find freilich berichtigende Seitengriffe in bie nachsten Ertragsklassen erforderlich, wenn zumal ein ober der andere Ertragsfaktor dem Anknupfungspunkte nicht ganz In Ermangelung einer genügenden Ertragstafel entspricht. braucht man wohl auch eine bloße Mehrungstafel, zober neben Aufrechnung des Zuwachses wenigstens eins der folgenden Siche= rungemittel.
- 2) Unregelmäßige Bestände. Diese sind entweder nur vor der Hand unregelmäßig, werden aber mit der Zeit noch vollständig und regelmäßig, oder sie sind und bleiben im Ganzen unregelmäßig, lassen sich jedoch durch Sonderung der Lücken und Zwischenbestände theilweise als regelmäßig ansehen, oder sie sind und bleiben durchaus unregelmäßig. Davon gehört hierher nur das eigentlich Unregelmäßige. Bei allen unregelmäßigen Bestänzden muß sich die Bestimmung des künstigen Ertrags mehr an den eben vorgesundenen wirklichen Zuwachs halten, wenn auch der Abtried nicht so dalb ersolgt. Daneben können solgende drei Mittel noch als berichtigender Anhalt dienen.
- a) Bergleichung mit ben Ergebnissen alterer Bestände berselben Form. Diese Bergleichungsbestände ge=

ben ohne Zweisel das sicherste Vorbild; saten mangelt es in einem Forste an solchen altern Hölzern, von denen man den Massensgehalt, den laufenden Zuwachs und die Durchschnitts=Mehrung für gewisse Nutungsalter sicher abnehmen kann.

- b) Bergleichung des durch Zuwachsausteihung geschätten Zukunftsertrags mit vorhandenen Erstrags oder bloßen Mehrungs=Tafeln. Diese können nebenher recht gut als ungefährer Anhalt dienen. Bestimmt man den von Zeit zu Zeit sich andernden Zuwachs näher und versgleicht dann die barauf basirten Schätzungsergebnisse sich die Zuswachsausrechnung nicht in unmäßige Ertragsmassen versteigt.
- c) Die Wakomassen. In ben meisten Fällen ist es am geeignetsten, bloß die fortschreitende Zunahme der Erstragsfaktoren zu bestimmen und banach den Vor= und Hauptertrag mittels der Waldmassen=Taseln (§. 399.) anzusprechen. Kommen zumal in diesen unregelmäßigen Beständen-mittlerweile abweichende Übergangshauungen vor, so bleibt kein anderes Mittel übrig, als den jederzeitigen Vorbestand mit Zuwachs und Erstrag nach Waldschluß, Hohe und Form eines seden Momentes näher zu beurtheilen. Dieses Versahren, sur welches sich durchs aus keine sesten Regeln geben lassen, ist übrigens leichter, als es scheint, und um so sicherer, se mehr man andere Schähungsmittel mit gebraucht.

§. 401. Ertragsbestimmung nach ber Durchschnitts= mehrung.

Die Durchschnittsmehrung eines noch unerwachsenen Waldbestandes, berechnet nach der geschätzten Bestandes masse und dem ungesähren Bestandsalter, kann durchaus keisnen sichern Grund zur Bestimmung des spätern Ertrags gewähren, wäre sie auch an sich selbst weniger unzuverlässig. Um sie dem Vorbestande anstatt der wirklichen Jahresmehrung aufzurechnen, weichen ihre Reihenglieder im Laufe der

Wachsthumszeit unter sich und von dem laufenden Zuwachse viel zu sehr ab. Will man se aber mittels einer Walbmeh; rungstafel bis zur eintretenden Abnutung weiter fortreihen, so wird die dazu erforderliche Auswahl des rechten Anknüpfungs= punktes stets großen Zweiseln unterliegen.

Sanz anders ist es aber mit der. Durchschnittsmeh= rung schon erwach senar Bestände; diese darf in der Extragsberechnung für die kurze Zwischenzeit dis zum Abtried recht füglich als laufender Jahreszuwachs gelten, wosern man densel= ben nicht näher ermitteln will.

Übrigens gewährt die vergleich bare Durchschnittsmehrung von schlagbaren Musterbeständen ohne Zweisel den sichersten Anhalt zur Schänung kunstiger Haupteerträge anderer jungerer Bestände von gleicher Form und Gute. Doch bedarf auch dieser ersahrungsmäßige Bestandes-Durchschnittsertrag vom Morgen und Jahr noch mancher Bericksgung,
hauptsächlich in Bezug auf das ganz entschiedene Bessergerathen
und dabei sehr zweiselhaste Mittelalter aller aus früherer Zeit
noch vorhandenen Musterbestände (§. 376, 1.).

2. Ertragsverhältniffe.

- a. Ertragsverhaltnisse ber Holzbestande.
- §. 402. Vorläufige Darstellung des Holzmassenund Werth=Erwachses.

In dem aufwachsenden Holzbestande schreiten Massenzumachs und Werthzunahme von Jahr zu Jahr nach gewissen Werhaltnissen sort. Diesen Sang des Walderwachses stellt man zur leichtern Übersicht auf kurze Alterstusen und nimmt im Lause jeder Zwischenzeit ein gleiches Verhalten an, wo nicht eben genauere Zwischengrößen erforderlich sind. Eine solche Darstellung enthalt den Stoff zu wichtigen Betrachtungen über die einträglichste Walderziehung, ist sie auch aus den ersten besten Zahlen zusammengesetzt, wie solgende

übersicht des Massen= und Werth= Erwachses.

										7	
Finde	t Co in	io beträgt bavon			Gilt hierzu		fo ergiebt fid			h an	
bem Alters: Jahre A	de Bestands: Dasse M.	Die Durchschnitze	Mehrung M'-M	dehrun	der Polhpreis w.	mit dem Preiszus nahme spat.	gleichzt. Bestands: Werthe Mw.	zunahme Mw	1 1 4 6	an Werth-	
10	0		_				<u>.,</u>	_			
20	100	5	10	7	1		100	5	10		
30	300	10	20 30	20	1 <u>1</u>	5	450	15	35	35	
40	÷ 600	15	40	10	2	3,33	1200	50	75	6,66	
50	1000	20	50	6,66 5	21/2	2,5	2500	50	180 200	10,88	
60	1500	25	50	3,88	8	2	4500	, 75	250		
70	2000	28,57	40	2	3 <u>₹</u>	1,66	7000	100	260	5,66	
80	2400	5 0			4	1,42	9600	120		3,71	
90	2700	80	20 20	1,25	4		10800	1 2 0	120	1,25	
100	2900	29	_	0,74	4	0	11600	116	80	0,74	

§. 403. Massenzuwachs = Berhaltnisse im Solzbefanbe.

Aus dieser kurzen übersicht, worin weder die im Laufe der Zeit abfallenden Vorerträge, noch die geringe Bestamsmasse des ersten Jahrzehnds mit aufgenommen sind, erheben wir nunfolgende allgemeinen, für die Holzabnutzung wichtigen Ertrags-verhältnisse.

- 1) Die Durchschnittsmehrung (§. 383.) geht hervor durch Theilung einer jeden Massengehaltstuse in ihre Altersjahre und tritt zur Abnutzungszeit als durchschnittlicher Hauptertrag auf. Sie steigt mit zunehmendem Alter ziemlich stete fort bis zu einem Wendepunkte, auf welchem ihr Betrag dem der Jahresmehrung gleichem ihr Betrag dem der Jahresmehrung abhängige Wendepunkt her Durchschnittsmehrung abhängige Wendepunkt der Durchschnittsmehrung bezeichnet das Bestandsalter, welches den größten jährlichen Hauptertrag abwirft. Die Durchschnittsmehrung hat daher bei Auswahl des Umtriebsalters ein ganz hauptsächliches Gewicht.
- 2) Jahresmehrung (§. 383.). Der periodische Mehzrungszuwachs ergiebt sich hier, wenn man die Vorbestandsmasse von der Nachbestandsmasse abzieht und den Rest in die 10 zwisschenjahre theilt. Dadurch stellt man den Zuwachs freilich in jeder Alterstuse jährlich gleich, was in der Wirklichkeit nur selten der Fall ist. Die mehr naturgemäße arithmetische Aufreihung (n. §. 89. 3.), auf alle einzelnen Jahre, würde hier aber nur zu überslüssiger Weitläusigkeit sühren. Das dieser Reihe mehr oder minder eigene Steigen bis zu einem gewissen Wende mehr oder minder eigene Steigen bis zu einem gewissen Wende wird, und das nachherige Fallen giebt sich ohnedies schon genugsam zu erkennen. Die Jahresmehrung dient hauptsächlich zur Bestimsmung des Mehrungs-Prozents.
 - 3) Das Mehrungs=Prozent berechnen wir hier mehr

durchschniktlich aus dem Massengehalte am Schlusse eines jeden Jahrzehnds, als Kapital, und der von da ab weiter lausenden periodischen Jahresmehrung, als Zinsen betrachtet. Dasselbe ersscheint um so niedriger, je größer der Massengehalt und je kleisner die Mehrung eben ist; daher das so befremdende Fallen mit zunehmendem Alter. Durch sörderliche Aushiebe wird der Massengehalt gemindert und der Zuwachs gemehrt, also das Mehsrungs Prozent von beiden Seiten gehoben. Dasselbe drückt das absolute Mehrungs Werhältniß aus und dent dem Forstwirthe stets als Zeiger, wo in der Waldung eben mehr oder minder zu helsen, früher oder später zu nutzen ist.

hestande. Werthzunahme=Verhaltnisse im Holz=

Um nun auch die verschiebenen Werthergebnisse von einem Holzbestande naher beurtheilen zu können, stellten wir der Holzmasse zuvörderst geeignete, mit zunehmender Nutbarkeit steigende mittlere Preise unter. Das in der Wirklickeit oft eine ganz andere Preissteigung Statt sindet, andert nichts an unsern Betrachtungen; denn hier ist es nur um ein zum Beispiel dienendes Werthverhaltnis zu thun. Aus dieser Preiszreihe entzisserten wir noch die jährlichen Preiszunahmes Prozente*), welche sehr angelegentlich zur Frage kommen, aber von dem Zeitpunkte an verschwinden, wo das Holz im Preise nicht mehr steigt. Der Holzpreis müste übrigens rein von allen Bereitungskosten angesetzt sein, sollte er zur Grundzlage näherer Werthbestimmungen dienen. Mittels dieser Preiszansätze berechneten sich nun solgende Holzbestandswerthe:

1) Der am Ende jedes Jahrzehndes vorfindliche Betrag

^{*)} Steht der Holzpreis von der Masseneinheit im 20. Jahre zu 1 und im 30. zu 1½: so beträgt inzwischen die gesammte Preiszunahme 1½ — 1 = ½ und die jährliche ½: 10 = ½ = 150 von 1, also 5 pCt.

des Bestandswerthes, das Produkt des derzeitigen Massengehaltes mit dem reinen-Holzpreise.

- 2) Die Durchschnitts = Werthzunahme, oder der gleichgestellte Untheil eines jeden Ultersjahres an dem Bestands= werthe; es ist dies zugleich das Produkt der Durchschnittsmehrung mit dem Holzpreise; daher das stärkere Unsteigen. Ihr Wendepunkt sält über den der Durchschnittsmehrung hinaus, wenn das Steigen des Holzpreises diesen überschreitet, und giebt das Benutungsalter an, welches den größten jährzlichen Geldertrag durchschnittlich abwirft.
- 3) Die Jahres=Werthzunahme geht ebenso aus dem Bestandswerthe hervor, wie oben die Jahresmehrung aus der Bestandsmasse. Wo das Steigen der Werthzunahme mit von der Preiszunahme gehoben wird, liegt deren Wendepunkt hinter dem der Jahresmehrus.
- 4) Das Werthzunahme = Prozent, berechnet aus bem eben vorhandenen Bestandswerthe und der weiter lausenden Werthzunahme, steht bei steigendem Holzpreise hoher, als das Massenmehrungs = Prozent und weicht im spätern Alter ebenfalls sehr bedeutend, sofern es nicht von zunehmenden Holzpreisen gehalten wird. Stehen die alten starken Holzer nicht viel höher im Preise, als die schwachen, oder hebt die Zeit nicht etwa den Holzpreis: so sinkt ihr Werthzunahme = Prozent mit unglaublich starken Schritten. Dasselbe giebt stets zu erkennen, in welchem Zinssuße der Bestand eben an seinem Werthe zunimmt. Wer die Waldzucht treibt, mehr des Geldgewinnes wegen, darf diesen Leiter der Spekulation nie aus dem Blicke verlieren.
- §. 405. Zeitpunkte der größten Ergiebigkeit und Einträglichkeit im Holzbestande.

Dbige Verhältnisse bes Massen = und Wertherwachses dienen zum allgemeinen Wegweiser beim Aufsuchen des vortheilhaftesten Zeitpunktes forstlicher Benutzungen.

- 1) Berlangt man von einem Holzbestande den größten jährlichen Hauptertrag an Holzmasse, so haut man denselben im Wendepunkte seiner Durchschnittsmehrung. Dieser träte in dem obigen Beispiele mit dem 85. Jahre ein, zur Zeit, wo in den beiden noch zu ergänzenden Mehrungsreihen die Gliedergleichheit Statt sinden wurde.
- 2) Den größten jahrlichen Hauptertrag an Geldwerth giebt bas Alter, in welchem die Durchschnitts= Werthzunahme ihren Wendepunkt erreicht. Das obige Beispiel bezeichnete dazu ebenfalls die Zeit zwischen dem 80. und 90. Jahre.
- 3) Den größten Geldgewinn bietet ber Zeitpunkt, in welchem das Werthzunahme-Prozent eben unter den gewerblischen Zinksuß sinkt. Wäre dieser etwa 4 pCt., so wurde in unsserm Beispiele das 68. Jahr am einträgkössten sein. Mit dessen Schlusse ware das Holz zu verwerthen und der Erlöß wieder von neuem werbend anzulegen. Bei einer frühern Abnuhung, so lange die Werthzunahme den erforderlichen Zinksuß übersteigt, düßte man den höhern Zinsengewinn ein, welchen das Holz noch bietet; bei einer spätern, wo das Werthzunahme-Prozent immer tieser sinkt, gingen dagegen weiter gewinnbare Geldzinsen verloren.
 - §. 406. Ermittelung des einträglichsten Benutungsalters eines jeden Holzbestandes an sich.

Um ben Zeitpunkt zu bestimmen, in welchem ein Holzbesstand an sich, nämlich ohne alle Beziehung auf Erzeugungskosssten, am einträglichsten genutt werden kann, mussen die Besstandswerthe ber zur Frage kommenden Zeiten gesgeben sein; dann macht sich solgende Regel geltend: Man führe die gegebenen Bestandswerthe mittels der erforderlichen Zinseszinsen auf einen beliebigen gleichen Zeitpunkt vor ober zurück; derjenige das

von, welcher hier alle andern überbietet, bezeichnet bas werthvolleste Benugungsalter.

Bei einer vollständigen Ertragsaufreihung wäre nur der nächste distontirte Nachwerth jeder fraglichen Alterstufe mit dem gleichzeitigen wirklichen Bestandswerthe zu vergleichen. Wo beide übereinstimmen, steht die Einträglichkeit auf ihrem höchsten Punkte. So steigen obige Bestandswerthe des 50., 60. und 70. Jahres auf folgende 4= prozentigen Nachwerthe:

Vom 50. zum 60. Jahr: $2500 \times 1,48 = 3700$, wirklich 4500; » 60. » 70. » : $4500 \times 1,48 = 6660$, » 7000; » 70. » 80. » : $7000 \times 1,48 = 10360$, » 9600. Hierenach siele die größte Einträglichkeit an das 70. Altersjahr.

In diesem, wie in jedem andern Falle könnte man auch alle gegebenen Erwartungswerthe auf den Nullpunkt der Ertragsreihe vorführen; dann giebt sich ders jenige davon als der einträglichste zu erkennen, welcher den höchsten Vorwerth hat. Mit 4 pct. wäre zum obigen Beispiele

ber 60 jährige Vorwerth 4500 × 0,09506 = 427,77;

» 70 » » 7000 × 0,06422 = 449,54;

» 80 » » 9600 × 0,04338 = 416,45;

mithin das 70. Jahr am einträglichsten.

§. 407. Ermittelung des rohen Werthzunahmes Prozents vom Holzbestande.

Beim Anlegen der Holzhiebe und beim Anweisen der Baume trifft der denkende Forstwirth seine Auswahl nicht ohne vergleis chende Berücksichtigung der Werthzunahme, in welcher das fragliche Holz eben steht. Um diese wichtige Wirthschaftsfrage gleich an Ort und Stelle auf die leichteste Weise entscheiden zu können, geben wir sur gewöhnliche Fälle die kurze Regel: Man nehme von dem Holzzuwachs= und dem Preiszunahme=Prozente ohne Beiteres die Summe als Werthzunahme=Prozent des laufenden Jahres an.

1) Das Holzzuwachs Prozent läßt sich nach §. 356. oder 376. leicht an Probestämmen ermitteln; das Preiszus nahme Prozent ergiebt sich schon ziemlich aus den Preisen der gegenwärtigen und der nach 10 Jahren zu erwartenden Stammstärke und Brauchbarkeit. Hätte z. B. ein Fichtenbesstand von 50 jährigem Stangenholze die nächsten 10 Jahre hinter einander jährlich 5 pCt. Holzzuwachs, und stiege inzwisschen der Preis eines Körperfußes von 21 auf 3 Er., was nach dem Unsate.

$$2\frac{1}{2}: \frac{3-2\frac{1}{2}}{10} = 100: p$$

auf jedes Jahr 2 pCt. Preiszunahme beträgt: so rechneten wir kurzweg für die jährliche Werthzunahme

$$5 + 2 = 7 pGt$$
.

2) Um die Genauigkeit unserer Annäherungsregel zu prüsen, wende man dieselbe nur auf eine Werthsteigung der obigen übersscht (§. 402.), etwa auf das 50. Altersjahr an. Dort ist zu der Bestandsmasse von 1000 c' und dem Preise von 2½ Ar. der Bestandswerth 2500 Ar., das nächste Prozent des Massenzupachsses 5 und der Preiszunahme 2. Wir nehmen mithin 5 + 2 pEt. = 0,05 + 0,02 für die ljährige, also 0,5 + 0,2 für die 10 jährige Werthzunahme an. Danach würde der vorhandene Bestandswerth vom 1. dis zum 60. Jahre auf 1 + 0,5 + 0,2 steigen, und der von 2500 auf

$$2500 \times (1 + 0.5 + 0.2) = 4250 \text{ fr.}$$

Eigentlich ift aber bie Steigung von dem 50. zum 60. Jahre:

in der Masse =
$$1000 \times (1+0.05 \times 10) = 1500 \text{ c'}$$
,
in dem Preise = $2\frac{1}{2} \times (1+0.02 \times 10) = 3\frac{1}{2} \times 10$,
im Werthe = $2500 \times (1+0.5) \times (1+0.2) = 4500 \text{ Tr.}$

Die Bosung beider Parenthesen dieses Produktes ergiebt:

$$2500 \times (1 + 0.5 + 0.2 + 0.5 \times 0.2),$$

also gegen die Faktoren unserer Formel noch einen Jusat von 0.5×0.2 . Dieser kleine, oben unbeachtete 10 jährige Werthzusnahme = Antheil $0.5 \times 0.2 = \frac{5 \times 2}{100} = 5 \times 2$ pCt. beträgt für jedes der 10 Jahre $\frac{5 \times 2}{10}$ pCt. oder das durch 10 ge= theilte Produkt beider Prozentzahlen.

Demgemäß wurde man, zur genauen Bestimmung des jährlichen Werthzunahme = Prozentes, von dem Holzzuwachs = und dem Preiszunahme= Prozente nicht nur die Summe, sondern auch noch ein Zehntel des Produktes nehmen mussen, Mittels bieser Korrektion ergabe die Berechnung für den abgen Fall

von dem 50. Jahre ab: $5+2+\frac{5\times2}{10}=8$ pCt.*) Dies führte genau zu dem wirklichen Bestanbswerthe im 60. Jahre, nämlich:

$$2500 \times [1 + (0.08 \times 10)] = 4500 \text{ fr.}$$

Ienes Zehntel des Produktes lassen wir aber in der Regel fallen, wo eine größere Schärfe eben nicht erforderlich ist, wie etwa bei vergleichender Auswahl der zur Fällung bereit stehenden Bäume und Bestände; auch wohl um der reinen Werthzunahme gleich etwas näher zu kommen.

§. 408. Ermittelung des bodenrentefreien Werth= zunahme = Prozents vom Holzbestande.

Der Ertrag eines bestandenen Waldortes umfaßt die Rente zweier ganz verschiedenen Kapitalwerthe, nämlich die des Bodenwerthes und des Bestandswerthes. So weit die Bodenrente von der Nebennutzung nicht gedeckt werden kann, ist sie von dem Holzebestande mit zu übertragen. Trägt der Wald gar keine Nebenznutzung, so muß sich sein Bodenwerth ganz allein durch den

^{*)} In der Darstellung S. 402. last sich biese Probe auf jedes Werthzunahme-Prozent anwenden.

Holzbestand mit verzinsen, und dann ist nur das, was die Bosbenrente von der rohen Werthzunahme des Bestandes übrig läßt, als eigentlicher Abwurf des Bestandswerthes anzusehen. Will man also wissen, ob die von der Bodenrente freie Werthzunahme eines Waldbestandes noch einträglich genug ist: so muß die Bodenrente von der ganzen Werthzunahme der Waldung abgezogen werden. Dies geht gegen alle Erswartung leicht, wenn man den Bestandswerth allem al zu 100 Wertheinheiten anrechnet, dann die vom Bosden werthe nach dem angemessenen Binssuse ausgeworfene Bodenrente gleich in solchen Werththeilen wausdrückt, und von der gestamten Werthzunahme abzieht.

Betrüge $\frac{1}{3}$. B. der Bodenwerth 20 solcher Hunderttheile des Bestandswerthes oder 20 w, und stände der ersorderliche Zinssuß zu 4 pCt.: so käme von der gesammten Werthzunahme auf die abgehende Bodenrente $20 \times \frac{4}{100} = 0.8$ w. Wäre nun von dem zu 100 w angenommenen Bestande die rohe Werthzusnahme 5 w, so verbliebe als bodenrentesreie Werthzunahme 5 - 0.8 = 4.2 pCt.

Nicht selten stellt sich dies von der Bodenrente besreiete Werthzunahme-Prozent eines Holzbestandes tief unter den gewerblichen Zinssuß; ja es giebt Fälle, wo dasselbe ganz verschwindet, wo selbst die Bestandswerthzunahme nicht einmal mehr im Stande ist, die Bodenrente zu übertragen. Je niedriger der Bodenwerth und der Zinssuß stehen, um so weniger entziehen beide dem Besstande an seiner Werthzunahme. — Der Bodenwerth kann auch den zeitigen Bestandswerth übersteigen. Unsere Rechnung bleibt in diesem, wie in jedem andern Falle anwendbar. Fände man z. B. in einem jungen Riesernorte zu der allgemeinen Annahme von

100 w Bestandswerth etwa 30 w ober pCt, rohe Werthzun. und 500 w Bodenwerth mit 20 w als 4=prozentige Bodenrente:
so verblieben 10 pCt. als bodenrentesreie Werthzusnahme des Bestandes.

Die unerwartete Einfachheit dieser sonst so verwickelten Werthverhaltnisse gestattet uns ein kleiner, nicht zu übersehender Kunstgriff, namlich die seste Annahme des Bestandswerthes zu 100 w, wodurch Renten und Prozente in gleichen Zahlen auftreten.

§. 409. Ermittelung des ganz reinen Werthzunah: me: Prozentes vom Holzbestande.

Um das reine Werthzunahme-Prozent eines Holzbestandes zu bestimmen, muß man außer der Bodenrente auch alle Waldnutzungsköften, welche an ständigen Entrichtungen, so wie für Verwaltung, Unterhaltung u. A. m. im Durchschnitt jährlich ausgehen, von der Bestandswerth-Zunahme abrechnen. Dies kann sehr leicht geschehen. Man drückt nur jene Kosten, welche beim einzelnen Bestande wie beim ganzen Waldverbande in jährlich gleichem Betrage fortlausen (die mit eingeschlossenen Anbaukosten dis zu einer gewissen Abnutzungszeit als jährlich gleiche Rente dargestellt), ganz wie die Bodenrente in Hunderttheilen des Bestandswerthes aus.

	Betrügen zu den obigen zu rohen Werthzunahme				len n und			w
•	- und der Bodenrente				»	<u> </u>		W
	bie jährl. Nugungskosten						2,1	
	fo blieben übrig im	1)	3,5	w	und	2)	7,9	w
als	reines Werthzunahm	le =	Pri	9	ent	be	:8 23	estanbes.

§. 410. Ermittelung ber rohen und reinen Werth= zunahme=Prozente, so wie der Bodenrente von Waldgrundstücken.

Die Frage nach dem rohen und reinen Werthzunah: me-Prozent von einem einzelnen Walbgrundstücke ist leicht zu erledigen, wenn der Werth vom Boben und Bestande und die gesammte Werthzunahme nebst den Waldnugungskosten in gleichen Wertheinheiten gegeben sind. 1) Rohe Werthzunahme vom Boden und Besstande zusammen. In dem ersten der vorigen Beispiele war der Werth vom Boden und Bestande oder das Waldkapistal 20 w + 100 w und davon die jährliche rohe Werthzunahme 5 w. Diese berechnete sich also vom Ganzen zu 4,166 pCt., nach der Proportion:

$$(20 \text{ w} + 100 \text{ w}) : 5 \text{ w} = 100 : \text{p}.$$

In dem andern Beispiele war das Waldkapital 100 w + 500 w und die Werthzunahme 30 w, also das rohe Werth= zunahme=Prozent vom Ganzen 5, nach:

$$(100 \text{ w} + 500 \text{ w}) : 30 \text{ w} = 100 : \text{p}.$$

Dieses gesammte Werthzunahme = Prozent vom Boden und Bestande eines Waldgrundstückes stellt sich um so mehr unter das rohe Werthzunahme = Prozent des bloßen Bestandes, je grösser der Bodenwerth gegen den Bestandswerth ist. Hat dagegen ein Waldboden gar keinen andern Nutzungswerth, so dürste das rohe Werthzunahme=Prozent des Bestandes auch zugleich sür das ganze Waldgrundstück überhaupt gelten.

- 2) Reine Werthzunahme vom Boden und Besstande zusammen. Diese ergiebt sich, wenn man von der rohen Bestandswerth=Zunahme ohne Weiteres die Waldnustungskosten abzieht und den Rest als Kapitalabwurf des gessammten Boden= und Bestandswerthes anrechnet.
- Im 1. Beispiele ist das Waldkapital (20 + 100) w und bessen reine Werthzunahme, die abgehenden Waldnutzungskosten zu 0,7 w angenommen, 5 0,7 = 4,3 w, also das reine Zunahme=Prozent vom Waldwerthe 3,58, nach:

$$120 \text{ w} : 4.3 \text{ w} = 100 : p.$$

Im 2. Beispiele ergeben sich bafür 4,65 pCt. nach:

600 w:
$$(30 - 2,1)$$
 w = $100 : p$.

3) Um die Waldbobenrente zu berechnen und die Einsträglichkeit der Holzzucht zu beurtheilen, hatte man nur von

Bestandswerthes nebst den Waldnutzungskosten abzuziehen. Der Überschuß ist die reine forstliche Bodenrente. Betrüge z. B. eine Bestandswerthzunahme, oder Waldnutzung jährlich 18 w; berechneten sich zudem die 3 proz. Zinsen des Bestandswerthes von etwa 300 w auf 9 w und alle beziehlichen Waldnutzungstösten auf 4 w: so bliebe als Boden zu 3 pCt. einen Kapistalwerth von $\frac{100}{3} \times 5 = 166,66$ w.

§. 411. Zwei Einträgtichkeitsfragen in Betreff einzelner Walbstude.

1) Es kann leicht den Anschein gewinnen, als sei es vor= theilhafter, ein Waldstück fort und fort wieder abzuholzen, bevor deffen Werthzunahme=Prozent bis zu dem gewerblichen Binsfuße niederfinkt, um baburch einen hohern Binfenbezug fortmahrend zu erzielen. Aber nicht eben auf das Pwzent an sich, sondern vielmehr auf den wirklichen Wertherwachs kommt es hier an. Der jungere werthlosere Bestand mit seinem hohern Werthzu= nahme=Prozent nimmt an wirklichem Werthe weit meniger zu, als der altere werthvollere, wenn dessen Werthzunahme-Berhalt= niß auch viel niedriger steht. So trüge der Bestandswerth von 20 w mit 10 pCt. Zunahme nur 2 w, der von 100 w mit nur 4 pCt. aber 4 w jahrlich ein. In dieser Frage entscheidet ganz allein die wirklich höchste Einträgtichkeit; welche nach Abzug bes Erzeugungs : Aufwandes mittels der gleichzeitigen Vorwerthe ge= funden wird (§. 406.). Das Werthzunahme=Prozent soll bloß die absolute Werthsteigung darlegen, damit wir uns vor Zinsenverlust in Acht nehmen. Wird ein Waldstück abgenutt, wenn bessen Werthzunahme = Pros zent sich so eben dem gewerblichen Zinssage gleich stellt: so sammelt die Waldwirthschaft alle im heranwachsenden Bestande bis dahin Statt gehabten zinsreichern Werthzunahmen, und es wurde dem Einkommen offenbaren Berluft zuziehen, gabe man diesen Gewinn durch frühere Abnugung, wenn auch nur theil= weise, auf (§. 405. 3.).

2) Bon wirklicher Bebeutung ift aber eine andere Frage, namlich bie nach ber größern Abkommlichkeit unter mehren schlagbaren Beständen eines und desfelben Baldverbandes, so weit eben die Walderziehung freie Wahl gestattet und der Unterschied des Werthzunahme = Prozentes nicht ganz bestimmt ent= scheibet. Zwei solche schlagbaren Walbstücke konnen eben noch in ganz gleichem Werthzunahme=Prozent stehen, un ennoch kann die Abnutung des einen vortheilhafter sein, als die des an-Den Ausschlag giebt hierbei der weiter zu erwartende Nutungswerth, welcher sich einstellt, so wie ber Boben durch den Abtrieb frei wird. Batte z. B. bei ganz gleichem Abnutungsbestande bas eine Stud a) 50 Mg. zu 6 w und bas ans bere b) 30 Mg. zu 8 w Bobenwerth: so verhielten sich die zu befreienden Werthbetrage wie 50×6 w: 30×8 w == 30: 24 und die Abtriebsfrage entschiede für a, wobei die Zukunft an Waldverbesserung gegen b um & gewanne.

Alle diese Ermittelungen und Anwendungen der Werthzus nahme geben der wirthschaftlichen Holzerziehung eine ungemeine Sicherheit und befreien sie von gar manchem Irrthume. Möchte die Leichtigkeit unseres Versahrens diesen benkwürdigen, seither so wenig, beachteten Gegenstand der Forstwissenschaft nun auch gemeinnühiger machen, so daß ferner kein Holz gezogen, kein Hieb geführt, kein Baum gefällt wurde, ohne Berücksichtigung der rechten Einträglichkeit. Wann werden wir dies Ziel ersreichen?

· h. 412. Berschiebenheit bes Wachsthumsganges normaler Holzbestände.

Dben stellten wir nur vorläusig eine leicht übersehbare Fortschreitung ber Holzbestandsmassen und Werthe auf, bloß um den Gegenstand erst überhaupt kennen und anwenden zu lernen. Nach dieser Vorbereitung untersuchen wir nun den wirklichen Wachsthumsgang, wie er den Zuständen normaler Wirthschaftswälder eigen ist, mehr um daraus die Erträge ganzer Waldverbande zu entwickeln. Es versteht sich von selbst,

baß nur schlagweis erzogene Holzbestände hier zur Frage kom= men konnen, und unter biesen sind es die gleich wüchsigen, welche uns zunächst und hauptsächlich beschäftigen.

Die Wachsthumsgange verschiedenartiger Holzbestände fin= den sich in ihrer Entstehung und Fortschreitung bedeutend verschieben. Sinsichtlich biefer Berfchiedenheit giebt es eine farte. und eine schwache Entstehung. Die starte Entstehung ift diejenige, wo ber junge Bestand am raschesten aufwächst und seine Masse sich vom ersten Anfange mit ziemlich gleichem Buwachs mehrt, wie bies in Niederwaldungen, auch in angepflanzten Erlen =, Birten = und Larchenbeständen am meisten Statt findet. Bei ber ich wachen Entstehung hebt sich bagegen die Holzmasse anfänglich ganz unbedeutend, schreitet aber weit andauernder mit fleigen bem Buwachs fort. Besonders verlieh die Natur ben Buchen-, Eichen- und Sannenwalbern ein folches, zwar schwach beginnendes, aber sehr aushaltendes Bachs= Beide Bachsharkeiten unterscheiden sich jedoch nicht nur thum. in der Entstehung, sondern auch spater noch durch die starkere, oder schwächere Zuwachsabnahme und den Eintritt ihrer Wende= Die stärkste Entstehung hat stets das früheste und. punkte. schroffeste Fallen zur Folge; denn Alles, was schnell entsteht, geht auch schnell wieder zurück.

Wir stellen nun die beiden außersten Gegensätze dieser versschiedenen Wachsthumsgange gleichsam als die Normalgrenzen aller Massen und Wertherwachs Werhaltnisse in zwei Übersichten. Zu der ersten I, mit starker Entstehung, dient ein normaler Larchenbestand und die andere II, mit schwacher Entsstehung, ist das Muster eines normalen Buchenhochwalde Bestandes.

§. 413. Gegenfage bes Maffenerwachfes normaler Solzbeftanbe.

Beftanbeatter.	M. H. Beftanbebobe.	M. Beftanbemaffe.	Beftanbeabfalle.	Dolfon, Stebr.	M + 86 A Dutch(din a 3 nm	M'-M 10 3abredmebrung	M' - (M - a) 27 abresamades.	M 0 ORehrungs r pCt,	G o O Duwacherpat.		
I. Starte Entstehung. Barchenbestanb mit 0,8 Ertragegate.											
10	l	400	· ·	40	40	64	72	16	22,5		
26	26	1040	220	52	56	70	92	6,73	1		
30	39	1740	320	58	68	68	100	3,90	7,04		
40	50	2420	360	60,5	76	62	98	2,56	4,75		
50	59	3040	860	60,8	80,4	52	- 88	1,71	3,28		
60	66	3560 2010	340 300	59,33	81,66	38	72	1,06	2,23		
70	71 74	3940 4140	200	56,28	80,28	20	50	0,50	1,37		
80	24	4740		51,7	76,5			-			
II. Schwache Entstehung.											
į.			enbe	ftanb :	nit V,8	Ertro	igegui				
10	1	10	_	1	1	15	15	150	150		
20	6	160	20	8	6	36	38	22,5	27,14		
30	15	520	90	17,33	18	48	57	9,23	13,25		
40	25	1000 1500	150 200	2 5 3 0	27,75	50	65	5	7,64		
50 60	35	2000	240		55,2 41	50	70	3,33	5,38		
70	44 52	2480	270	93,33 95,42	45,42	48	72	2,4	4,09		
80	59	2920	290	36,5	48,62	44	71	3,77	3,21		
90	65	3320	300	36,88	50,88	40	69	1,36	2,62		
100	70	3660	270	36,6	52,2	34	64	1,02	2,11		
110	74	8940	240	35,82	52,45	58	55 46	0,76	1,62		
120	77	4160	210	34,66	51,91	16	- 87	0,55	0,93		
130	79	4320	180	33,23	50,76	12	30	0,30	0,72		
140	81	4440	_	31.71	49.28						

§. 414. Gegenfage bes Berthermachfes normaler Solzbestanbe.

2 0													
	Bestanbegiter.	Preisfieigung.	Mw Beflanbswerth.	Abfallwerth.	Mm A Dhicha Benbjun. vom Saupientrag.	Aw + Saw A Dojiden. "Wertheun. von Gefommterreg.	Mw'-Mw Zaheri - Werthyun.	Mrs' - (Mw - aw) I o Batteri e Berthun.		Gw o Zerchynnehme - PCt. vom Desammertrag			
i	I. Starke Entstehung.												
l	garchenbestand mit 0,8 Ertragegute.												
	10	3	1200	240	120	120	296	320	24,66	33,33			
	20	4	4160	880	208	220	454	542	10,91	16,52			
	30	5	8700	1600	290	327,3 .	582	742	6,69	10,45			
	40	6	14520	2160	365	431	676	892	4,65	7,21			
	50	7	21280	2520	495,6	523,2	720	972	3,384	81,6			
	60	В	28480	2720	474,6	598	698	970	2,45	3,76			
	70	9	35460	2700	506,5	651,1	180	450	0,50	1,37			
	80	9	37260	 	465,7	626							
II. Schwache Entstehung.													
Buchenbeftanb mit 0,8 Ertragegute.													
	10	5	50	-	5	5	91	91	181	182			
	20	6	960	120	48	48	268	580	27,91	33,33			
	30	7	3640	630	121,3	195,3	436	499	11,97	16,57			
	40	8		1200		218,7	550	670	6,87	9,85			
	50	. 9	13500		270	309	650	630	4,8t	7,09			
	60	10			333,3	395,8	728	968	3,64	5,50			
	70	1	272 80		389,7	477,5	776	1073	2,84	4,41			
	80	12		1	458	552	812	1160	2,31	3,67			
	90)	43160		479,5	619,5	808	1198	1,17	3,05			
	100	1 1	51240 50100			677,4	786	1164	1,53	2,45			
	110	- 1	59100 69100		597,2	721,6	550	690	0,55	1,24			
	120		6 2400 64800	1	5 9 0	719	240	555	0,38	0,93			
	130		1		498,4	706,3	180	450	0,27	0,72			
T)	140	15	66600	_	475,7	688			•				

§. 415. Erläuterungen zu der Massenerwachs.
Darstellung.

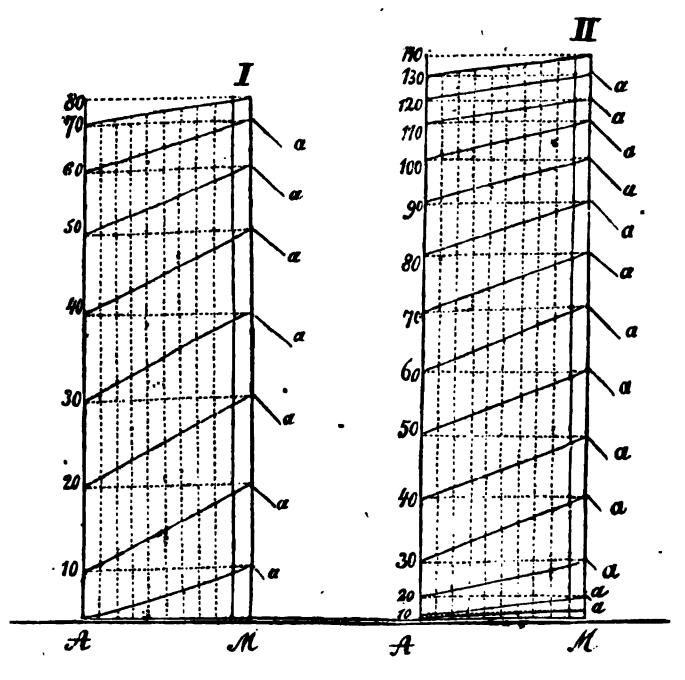
Figurliche Darstellung bes Massenerwachses normaler Holzbestände.

AM, die Basis der Bestandsmassen, welche sich von Jahr zu Jahr durch die neben einander stehenden Trapeze darstellen.

Aa — 10 "a — 20 "a.., die Alterstufen mit der je 1., 2., 3., 10. Steigungsgröße.

MI, MII, der Massengehalt des je 10. Jahres.

a, die Bestandsabfalle am Schlusse jeder Alterstufe.



Die oben (§. 413.) bargestellten Massensteigungen, welche alle Wachsthumsgänge normaler Waldbestände von gleichem Alter begrenzen, sind zudem Muster der Lärchenbestände auf mils dem Lehmboden und der Buchenbestände auf Kalk: und

Trappboben Mittelbeutschlands; ihre Massenzahlen bezeichnen 0,8 des ganz ausgesuchten Vollertrags in Körpersußen auf 1 Morgen preußischen Maßes. Die Überschriften des Massenserwachses umfassen folgende, meist schon aus §. 402. und 403. bekannten, auch zum Theil noch durch obige Figuren mehr versinnlichten Fortschreitungsgrößen:

- 1) A, das eben zurückgelegte Schlußjahr einer jeden 10= jährigen Alterstufe.
 - 2) H, die mittlere Bestandshohe desselben Alters.
- 3) M, der Betrag an Bestandsmasse im voran bezeichneten Schlußjahre, zu irgend einer frühern oder spätern, einmaligen Abnutung als Hauptertrag. Die Bestandsmasse des je nächsten Schlußjahres wird mit M' bezeichnet.
- 4) a, der Best and kabfall jeder Alterstufe zum Vorsertrag, am Schlusse derselben fällig. Dessen Rutzung hintersläßt als verbleibende Bestandsmasse M a.
- 5) $\frac{M}{A}$, die Durchschnittsmehrung zum Hauptertrage; für I im 50. Jahre z. B. $\frac{3040}{50} = 60.8$ c'.
- 6) $\frac{M+Sa}{A}$, der Durchschnittszuwachs zum Gesammtertrage, nämlich: die Bestandsmasse M sammt allen die dahin wirklich Statt gehabten Bestandsabfällen Sa, getheilt durch die Alterszahl A. (Der eben fällig werdende Bestandsabfall besinz det sich noch in M.). I hat im 50. Jahre:

$$\frac{3040 + 80 + 220 + 320 + 360}{50} = 80,4 \text{ c'}.$$

7) $\frac{M'-M}{10}$, die Jahresmehrung während jeder lausfenden Alterstufe. In I vom 50. zum 60. Jahre:

$$\frac{3560-3040}{10}=52 c' *).$$

^{*)} Um biese Jahresmehrung ganz ausführlich aufzureihen, stellt man (n. S. 89. 3.) folgende Grundscala unter:

8) $\frac{M'-(M-a)}{10}$, der Jahreszuwachs im Laufe jeder Alterstufe, z. B. in I vom 50. zum 60. Jahre:

$$\frac{3560 - (3040 - 360)}{10} = 88 \text{ c'}.$$

Durch den Abgang von 360 Vorertrag im 50. Jahre bleiben nur 2680 Vorbestand, welche jährlich 88 zuwachsen mussen, um bis zum 60. Jahre auf 3560 Nachbestand zu steigen *).

A: 0. 5. 10. 15. 20. 25. 30. 35. 40. 45. 50. 55. 60. 65. 70. 75. 80. m: — 40 — 64 — 70 — 68 — 62 — 52 — 38 — 20 — w: 22 — 58 — 70 — 70 — 66 — 58 — 46 — 30 — 10. Sierin bezeichnen:

A, bie Alterstufen und beren Mitteljahre;

m, die Hauptglieder ber Jahresmehrung als Mittelzahlen jeder Alterstufe;

w, die 3 wisch englieder als Wechselzahlen an jeder Alterstufe, zur Formirung der Mehrungsreihe.

Die Zahlen zu A und m sind gegeben, die zu w werden zwischen die Mittelzahlen so eingereiht, daß sie mit diesen auf jeder Alterstuse in beiderseits gleichen Differenzen und wo möglich unter sich in geseigneter Reihe stehen. Bezeichnet w die je vordere und n' die je hinstere Wechselzahl, m die Mittelzahl und d die Differenz zu den 10 Gliedern einer Alterstuse: so ist w -m - w'; $\frac{w+w'}{2} = m$; $(w+w') \times 5 = 10 \, \text{m}$; je nachdem die Reihe steigt, $\frac{w'-w}{10} = +d$,

ober fällt, $\frac{w-w'}{10} = -d$; bas 1. Glieb, $w \pm \frac{1}{3}d$; bas 2., $w \pm \frac{1}{3}d$; bas 3., $w \pm \frac{2}{3}d$; bas 10., $w \pm \frac{9}{3}d$; bie Summe aller 10 Glieber zu 10 m = $(w \pm \frac{1}{3}d + w \pm \frac{9}{3}d) \times 5$.

Hiernach reihete man z. B. vom 50. bis zum 60. Jahre, mittels ber Differenz $\frac{58-48}{10}=1,2$, für das 51. Jahr 58 $-\frac{1,2}{2}$, für das

52., 58 — 1½ × 1,2 u. s. w. auf, wie folgt:

50 — 51 — 52 — 53 — 54 — 55 — 56 — 57 — 58 — 59 — 66(58) 57,4 — 56,2 — 55 — 53,8 — 52,6 (52) 51,4 — 50,2 — 49 — 47,8 — 46,6.(46). Enthält die Alterstufe eine gerade Angahl von Jahren, wie hier, so können weder m noch w oder w' eigentliche Glieder bilden. Bei jedem Wechsel der Alterstufe tritt in der Regel eine neue Differrenz ein.

*) Bur Berechnung ber Jahreszuwachs - Glieber biente folgende Grundfcala:

A: 0. 5. 18. 15. 20. 25, 30. 35. 40. 45. 50. 55. 60. 65. 70. 75. 80. m: - 40 - 73 - 92 - 100 - 98 - 86 - 73 - 50 - W: 22 - 58 - 86 - 98 - 102 - 94 - 82 - 62 - 88

9) Mg, das Mehrungs=Prozent zum Hauptertrage für alle Jahre der laufenden Alterstufe ergiebt sich im Durch= schnitt aus

$$M: \frac{M'-M}{10} = 100: M_{\frac{9}{5}};$$

z. B. in I vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$3040:52 = 100:1,71*).$$

10) G&, das gleichzeitige Zuwachs=Prozent zum Ge= sammtertrage, wird ebenso berechnet, nach:

$$(M-a): \frac{M'-(M-a)}{10} = 100: G_{\frac{0}{0}};$$

z. 23. in I vom 50. Jahre ab bis zum 60.:

$$(3040 - 360) : 88 = 100 : 3,28**)$$

Daraus ergeben sich g. B. für

*) Das Mehrungs Prozent eines jeden Jahres berechnet man nach der von Jahr zu Jahr auffummirten Bestandsmasse und ber je nachsten Jahresmehrung. 3. B.

Dieses, nach den einzelnen Jahren berechnete Mehrungs-Prozent weicht. von dem durchschnittlichen mehr oder minder ab; es ist zu Anfang der Alterstuse kleiner, wenn die Jahresmehrung steigt, größer, wenn dieselbe fällt, zu Ende der Alterstuse aber allemat kleiner.

**) Das Zuwachs: Prozent der einzelnen Jahre wird nach der jedes Mal verbleibenden Bestandsmasse und dem je nächsten Jahreszuwachse berechnet. Beträgt z. B. die verbleibende Bestandsmasse vom 50. Jahre 8040 — 360 = 2680, vom 51., 2680 + (93,4 vollem Jahreszuwachs — 340/10 jährl. Absall) = 2739,4; vom 52., 2739,4 +

für die Jahre: 50 — 51 — 52 — 58 — 64 — 55 — 56 Verbl. Best.: A.: 2680 — 2789,4 — 2797,6 — 2854,6 — 2910,4 — 2965 — Jahreszuwachs: — 98,4 — 92,2 — 91 — 89,8 — 88,6 — 87,4 Jahreszuw.:pct.: — 8,48 — 3,86 — 8,25 — 8,14 — 8,04 — 2,94

Beide Berechnungen des Zuwachs-Prozentes weichen unter einander ebenso ab, wie die des Mehrungs-Prozentes.

S. 416. Allgemeines Verhalten des Massener= wachses normaler Holzbestände.

Der Massenerwachs im Hochwalde stellt sich uns als Hauptertrag und als Gesammtertrag bar.

- 1) Der Hauptertrag erfolgt von der zur Abnutungszeit eben vorhandenen ganzen Bestandsmasse M, welche durch die Jahresmehrung entsteht und mittels der Durchschnitts= mehrung beurtheilt wird (§. 405.).
- a) Die Jahresmehrung $\left(\frac{M'-M}{10}\right)$, durch welche die fortschreitende Bestandsmasse entsteht, ist bei der starken Entstehung I, zwischen dem 20. und 30., bei der schwachen II, zwisschen dem 40. und 60. Jahre am größten.
- b) Die Durchschnittsmehrung $\left(\frac{M}{A}\right)$ ober die jahr= liche Hauptergiebigkeit des normalen Wirthschaftswaldes erreicht ihre höchste Größe, einschließlich des letztern Vorertrags, welcher in der Regel dem fraglichen Hauptertrage' verbleibt, unter

I, im 40. Sahre mit
$$60.5 + \frac{320}{40} = 68.5 c' *)$$
, II, im 90. Sahre mit $36.88 + \frac{290}{90} = 40.1 c'$.

Begreislich muß die höchste Durchschnittsmehrung bei ber starken Entstehung weit früher erfolgen, als bei der schwachen, deren Wachsthumsgang ganz allmählich vorschreitet, nachher aber um so stärker anhält. Über bas 90. Jahr hinaus versteigt sich der Wendepunkt einer Durchschnittsmehrung nur in sehr seltenen Ausnahmen.

2) Der Gesammtertrag besteht in der ganzen Ansammlung von nutbarem Jahreszuwachs; er entspringt nicht nur aus der eben erwachsenen Bestandsmasse M, als Hauptertrag, sondern auch aus der Summe aller frühern Bestandesabsälle Sa, als

^{*)} Das 50. Jahr giebt nur $60.8 + \frac{360}{50} = 68 c'$, obgleich die eigentliche Durchschnittsmehrung größer ist.

Borerfrag, tritt also nur ba mit auf, wo Durchforstungen zur Frage kommen. Die §. 413, unter a bargestellten Durchforsters träge sind ganz mäßig gehalten und in allen normalen Bestäns den sicher zu sinden. Beachtungswerth erscheinen folgende, dem Gesammtertrag eigenthumsichen Verhältnisse.

- a) Die Borerträge der starken Entstehung stellen sich nach Zeit und Mag bebeutend anders, als die ber schwachen. Der ftarter heranwachsende Bestand unterdruckt fruher und mehr, kann dabei einen dichtern Schluß weit weniger einhalten und muß daher früher und ofter durchforstet werden. Die badurch begrundete, anfänglich größere Worergiebigkeit mindert sich jedoch wieber um so früher, je rascher die Selbstauslichtung überhand nimmt und somit ber Bestand seiner naturlichen Haubarkeit entgegen eilt. Wenn (§. 397. 4.) die laufenden Bestandesab= fälle der starken Entstehung ungefähr zu 0,5 bis 0,6, die ber schwachen aber zu 0,7 bis 0,8 ber gleichzeitigen Durchschnitts mehrung anzunehmen find: so liegt ber Grund hiervon mehr in bem fehr verschiedenen Ansteigen beider Durchschnittsmehrungen, als in dem allerdings auch von Natur sparsamern Vorergiebigs keits-Berhaltnisse ber rasch eptstehenben Bestände. Konnten sich - übrigens in ber Praris die Durchforstungen ber Nadelholzer mit farter Entstehung minder geltend machen, als die ber Laubhols zer mit schwacher Entstehung: so ist dies auch barin zu suchen, daß die Nadelwalder überhaupt einer größern Sterblichkeit uns. terliegen, unregelmäßiger verbrangen, fortwährend ausscheiben, ihre Abgange weniger lang halten, babei aber von jeder vorgreis fenden Durchforstung mehr leiben, sich also in die gewöhnliche Durchforstungsweise weniger fügen.
 - b) Der Jahreszuwachs $\left(\frac{M'-(M-B)}{10}\right)$, aus welchem ber Gesammtertrag entsteht, und wonach man die fortschreitende Ergiebigkeit des Bestandes überhaupt bestimmt, ist unter

I zwischen dem 30. und 50.,

II zwischen bem 50, und 80. Jahre am starksten.

c) Der Durchschnittszuwachs (M+Sa), woraus 31*

die Sesammtergiebigkeit des normalen Wirthschaftswaldts erwächst, gewinnt seinen höchsten Stand, wenn gehörig durchforstet wird, unter

> I im 60. Jahre mit 81,66 c', II im 110. Jahre mit 52,45 c',

nie stater. Wir nennen dieses Alter das Massen=Schlag= barkeitsalter. Je ergiebiger die Vorerträge sind, um so längere Zeit übertragen sie den sinkenden Jahreszuwachs, und um so höher steigt der Wendepunkt des Durchschnittszuwachses über den der Durchschnittsmehrung.

- g. 417. Allgemeines Verhalten ber Massenerwachs= Prozente normaler Holzbestände.
- 1) Das Mehrungs-Prozent zum bloßen Hauptsertrage (Mg), entzissert mittels der Bestandsmasse und Jahresmehrung, sinkt in Folge der starken Entstehung begreislich weit früher, als in Folge der schwachen. Scala I stellt die Aprozentige Mehrung in das 30. und die Iprozentige in das 38. Jahr; Scala II bietet die gleichen Prozente erst im 45. und 54. Jahre. Daß die schwache Entstehung ihr Mehrungs-Prozent später und allmählicher sinken läßt, liegt in der ständigeren Jahresmehrung und giebt schon vorläusig zu erkennen, warum dieser Wachsthumsgang überhaupt ein höheres Nutzungsalter darbietet.
- 2) Das aus der eben durchforsteten Bestandsmasse und dem Sahreszuwachse berechnete Zuwachs Prozent zum Gesammtertrage (G&) halt sich auffallend besser, als das der bloßen Bestandesmehrung, wegen des vom Vorbestande wies der abgefallenen Vorertrags. So stellen sich obige 4 und 3 pct. dei der starken Entstehung erst an das 46. und 55., bei der schwachen aber erst an das 62. und 74. Jahr. Die höchsten Zuwachs-Prozente werden also gewonnen durch die sleißigste Aussnutzung der Bestandesabsälte, und nur dadurch macht sich ein bedeutend höheres Abnutzungsalter geltend.

§. 418. Erläuterungen zu der Wertherwachs: Darffellung.

Die in §. 402, und 404, schon vorläufig erörterten und unster §. 414, in ihren äußersten Gegensätzen dargestellten Werthserwachse was der Berhältnisse normaler Holzbestände entsstehen aus dem Massenerwachse unter folgenden überschriften:

- 1) A, bas' Bestandesalter bes Massenerwachses.
- 2) w,' die angenommene Preissteigung des Holzes; deren Zahlen könnten etwa für Xr. gelten.
- 3) Mw, der Bestandswerth zum Hauptertrage, das Produkt der Bestandsmasse mit dem gleichzeitigen Holzpreise; I im 50. Jahre: $3040 \times 7 = 21280$.
- 4) aw, der eben so berechnete Abfallwerth zum Vorerztrage; I im 50. Jahre 360 × 7 == 2520.
- 5) Mw, die Durchschnitts=Werthzunahme vom Hauptertrage ober das Produkt der Durchschnittsmehrung mit dem gleichzeitigen Preise; I im 50. Jahre:

$$\frac{3040 \times 7}{50} = \frac{3040}{50} \times 7 = 60.8 \times 7 = 425.6.$$

6) Mw + Saw, die Durchschnitts = Werthzunahme vom Gefammtertrage, nämlich: von dem Bestandswerthe Mw und von der Summe aller inzwischen eingegangenen Abfallwerthe Saw, getheilt durch die Alterszahl A. 3. B. I im 50. Jahre:

$$\frac{21280 + 2160 + 1600 + 880 + 240}{50} = 523,2,$$

7) Mw'-Mw, die Jahres = Werthzunahme vom Hauptertrage jeder Alterstuse, bestehend aus der Differenz des Nach = und Vorbestandswerthes, getheilt in die einzelnen Jahre. Für I vom 50. zum 60. Jahre jährlich

$$\frac{28480 - 21280}{10} = 720$$

8) Mw'—(Mw—aw), die Jahres = Werthzunahme vom Gesammtertrage jeder Alterstuse. Wird von dem Nachbestandswerthe Mw' der Vorbestandswerth Mw, ausschließ= lich des eben abkömmlichen Absallwerthes aw, abgezogen und der Rest in alle Jahre der Alterstuse vertheilt: so ergiebt sich die zeitliche Gesammtwerthzunahme. In I vom 50, bis zum 60. Jahre jährlich:

$$\frac{28480 - (21280 - 2520)}{10} = 972,$$

9) Mwg, das Werthzunahme = Prozent vom Hauptertrage jeder Alterstuse, berechnet man nach der Prosportion

$$\mathbf{Mw}: \frac{\mathbf{Mw'} - \mathbf{Mw}}{10} = 100: \mathbf{Mw} \frac{0}{0};$$

es ist für I vom 50. Jahre ab bis zum 60. im Durchschnitt: 21280: 720 == 100: 3,38.

10) Gwg, das Werthzunahme=Prozent vom Gesammtertrage jeder Alterstufe, wird entziffert nach

$$(Mw - aw) : \frac{Mw' - (Mw - aw)}{10} = 100 : Gw \frac{9}{0}$$

und ist für I vom 50. Jahre ab bis zum 60. durchschnittlich: (21280 — 2520): 972 — 100: 5,18.

h. 419. Allgemeines Berhalten des Berther: wachses normaler Holzbestände.

um die Holzerträge nach ihrem Werthe vergleichen zu könznen, war es zuvörderst nothig, sur alle Alterstusen durchschnittzliche Preise so gut als thusich anzunehmen. Die (§. 414.) unzter w aufgereiheten Verhältnißzahlen eines mit zunehmendem Alter steigenden Holzpreises, worin das schwächste Reisholz zu ein Drittel vom ausgewachsenen Baumholze und das Karchenzholz zu drei Fünftel vom Buchenholze angesetzt ist, dürste wohl eben nicht übertrieben erscheinen. Werden hiernach alle Erträge in gleichen Wertheinheiten ausgeworfen, so ergiebt sich:

- 1) Bon dem Werthe des Hauptertrages (Mw):
- a) Die Jahres=Werthzunahme (Mw'-Mw) ist bei der starken Entstehung zwischen dem 50. und 60., bei der schwaschen aber, zwischen dem 80. und 90. Jahre am stärksten.
- b) Die Durchschnitts=Werthzunahme (Mw erreicht ihre größte Höhe unter

I'im 70. Jahre mit 506,5,

II im 110. Jahre mit 537,2,

in beiden Fällen zur Zeit, wo die Preissteigung aushort. Je weiter hinaus die Preise steigen, um so weiter stellen sich die Wendepunkte der Werthzunahme hinter die der bloßen Massen=mehrung, und um so vortheilhafter erscheint die spätere Abnutzung des Bestandes. Dieses Steigen ist meist begrenzt vom Eintritte der begehrtesten Stammstärke.

- 2) Der Gesammtertrag (Mw+Saw) bietet folgende Werthzunahme = Verhaltnisse:
- a) Dessen Jahre 8=Werthzunahme (Mw'-(Mw-aw))
 erreicht ihre größte Höhe unter I zwischen bem 50. und 60.,
 und unter II zwischen bem 90. und 100. Jahre.
- b) Am größten ist die Durchschnitts-Werthzunahme (Mw+Saw) unter

I im 70. Jahre mit 651,1,

II im 110. Jahre mit 721,6;

sehr begreislich wieder am Ende beider Preissteigungen. 3wischen das 70. und 110. Jahr sielen also bei den angenommenen Preisz verhältnissen die außersten Abnutzungszeiten, oder die Werth=Schlagbarkeitsalter, welche von einem normalen Hoch=wald=Bestande den höchsten jährlichen Werthertrag darbieten.

- §. 420. Allgemeines Berhalten ber Werthermach8= Prozente normaler Holzbestände.
- 1) Das Werthzunahme: Prozent vom Haupt= ertrage (Mwg) sinkt wegen bes steigenden Preises viel weniger,

als das von der Massenmehrung. Die starke Entstehung-fällt nämlich erst nach dem 44. und 56. Jahre, die schwache aber erst nach dem 55. und 67. Jahre unter die oben angenommenen 4 und 3 pCt. Würde bloß auf den Hauptertrag und das roh Werthzunahme=Prozent gesehen: so erschiene bei der vorausgessetzen Preissteigung, zur 4prozentigen Nutzung, das 45= bis 55=jährige, und zur 3prozentigen, das 55= bis 70=jährige Ab= nutzungsalter (§. 405. 3.) am einträglichsten.

Berechnet man hierneben die Vorwerthe aller Haupterträge im Beginn der Entstehung mittels des eben in Anspruch zu nehmenden Nutzungs = Prozents, so muß sich dekjenige Hauptsertrag, welcher das gleiche Werthzunahme=Prozent darbietet, über alle die andern erheben und nicht minder als der einträglichste zu erkennen geben (§. 406.).

2) Das Werthzunahme=Prozent vom Gesammt= ertrage (Gwg) zu 4 und 3 erscheint bei der starken Entstehung im 60. und 69., bei der schwachen aber erst im 74. und 91. Jahre. Dies wären die Verzinsungs=Schlagbarkeitsalter zur höchsten Kapitalnugung von den Holzbeständen an sich, wosern eben der in Unspruch zu nehmende Zinssuß und die Preissteigung nicht günstiger stehen.

Mittels der vergleichenden Vorwerthberechnung aller in Ausssicht gestellten Gesammterträge (n. h. 406.) findet man den Einstritt des verlangten Nutzungs-Prozentes nicht ganz genau, weil die inbegriffenen Vorerträge mit den Haupterträgen nicht gleiche Zeit halten. Die Abweichung erscheint jedoch meist unbedeutend und läßt sich vermeiden durch abgesonderte Verechnung der Vorerträgswerthe.

b. Ertragsverhaltnisse der normalen Wirthschaftswalder.

§. 421. Regelrechter Waldzustand.

Bis hierher betrachteten wir bloß den Massen = und Wertherwachs einzelner Holzbestände an sich. Zett beschäftigen uns ganze Waldbetriebsverbande, folgerecht zusammengesetzt aus gleichartigen Normalbeständen nach den Bedingungen des schlagweisen Nachhaltbetriebs. Um beren Ertragsverhältnisse kurz und leicht zu entwickeln, nehmen wir hier insbesondere an: daß jede gedachte Normalwasdung bei ganz gleicher Standort und Ertragsgüte aus so viel gleichen Schlägen bestehe, als das Umtriebsalter Jahre zählt; daß von diesen in jedem Jahre einer als schlagdar eintrete; daß somit alle Schläge in einer geregelten, von Jahr zu Jahr sortschreitenden Altersfolge sich besinden; daß endlich die Größe jedes Schlages 1 Morgen bestrage, mithin die Jahl der Flächenausdehnung der des Umtriebszalters gleich stehe.

Bur Grundlage unserer Betrachtungen dienen die schon dars gestellten, von den Lärchen= und Buchenbeständen entnommenen äußersten Gegensätze der starken und der schwachen Bestandessentstehung; denn auch die Ertragsverhältnisse der normalen Wirthschaftswälder liegen alle zwischen diesen zwei Grenzen, welche dem denkenden Forstordner zur leitenden Richtschnur diesnen. Wir entzissern zunächst aus den Wachsthumsgängen obiger Musterbestände (§. 413. und 414.) zwei aussührliche Waldertragssassen, deren Zahlen sich auf 0,8 Ertragsgüte und preußische Körpersuse beziehen.

§. 424. Erläuterungen zu der Massenertrags= Darstellung.

Figurliche Darstellung des Massenertrags nor= maler Waldverbande der starken Entstehung, zu= sammengesetzt aus dem voranstehenden Bestands= muster AMI:

AMM..., die Basis des Massenvorrathes und der Alterktlassen, wie sie sich aus den Alterstufen des Musterbestandes zusammenstellen lassen.

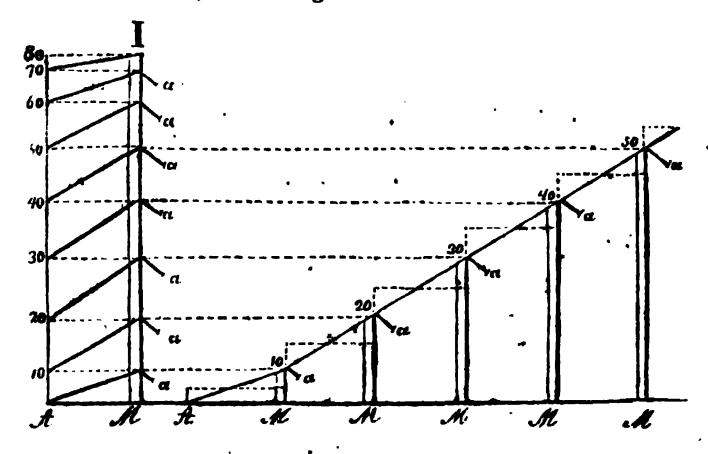
10—20—30.., die anzunehmenden Perioden und Umtriebszeiten. A50M, der Massenvorrath (Mv) des 50jährigen Waldversbandes.

A-10, 10-20, 20-30..., die aus je 10 Jahresschlägen zu 1 Mg. bestehenden Altersklassen.

M10-M20-M30.., der je alteste Schlag, welcher eben in der höchsten Altersklasse den Hauptertrag und in jeder der jungern einen Borertrag abwirft.

a, die Bestandesabsälle ober Vouerträge; neben dem Hauptertrage M50, vom 10=, 20=, 30= und 40jährigen Schlage abfallend; zusammen Sa.

M+Sa, der Gesammtertrag.



Vor Allem ware nun darzulegen, wie die Massengrößen und Erträge aller Altersklassen unserer normalen Waldverbände aus den Alterstusen bes entsprechenden Musterbestandes ohne Weiteres zu entwickeln sind. Wir nehmen dazu die leichtern Beispiele von den beiden kurzern Scalen der starken Entstehung §. 413. und 422. I zu Hulse und versinnlichen unsere Auseinandersehung durch die hier beigegebene Figur.

- . 1) A, das Umtriebsalter, Bezeichnet:
 - a) das Alter, worin der je alteste Schlag zur Abnutung kommt;
- b) die Anzahl der 1 Mg. großen Jahresschläge, welche ben fraglichen Waldverband bilden sollen; mithin auch
 - c) die Morgenzahl eines jeden der gedachten Waldverbande.
- 2) Mv, der Massenvorrath jeder Altersklasse, wird nach den gleichen Alterstusen des Musterbestandes berechnet; denn für jeden Jahresschlag gilt der Musterbestand desselben Alters. Unsere Boraussetzung, daß auf jeder Alterstuse ein jahrlich gleicher Zuwachs Statt sinde, bedingt zugleich, daß auch die Bestände aller Schläge derselben Altersklasse in gleicher Massenabstusung stehen und zusammen eine arithmetische Reihe bilden, deren Summirung ganz leicht ist.

Hat in der jüngsten Altersklasse der ljährige Schlag 1z, der zweijährige 2z... und der 10jährige 10z oder M': so beträgt die Summe aller 10 Schläge von 1z dis 10jährigem Alter $(1+10) z \times 5$ (§. 87.). Von jeder folgenden Altersklasse haben die Schläge M+1z, M+2z... M+10z oder M', zusammen also $(M+z+M') \times 5$. Hiervon bezeichnet M den Vorbestand und z die Jahresmehrung. $\frac{M'-M}{10} = z$.

Unter g. 422. I berechnete sich somit der Massenvorrath für den 50jährigen Umtrieb von der

I. Masse, 1s bis 10 shr.
$$(40 + 400) \times 5 = 2200 \, c'$$
, II. » 11 » 20 » $(400 + 64 + 1040) \times 5 = 7520 \, c'$, III. » 21 » ·30 » $(1040 + 70 + 1740) \times 5 = 14250 \, c'$, IV. » 31 » 40 » $(1340 + 68 + 2420) \times 5 = 21140 \, c'$, V. » 41 » 50 » $(2420 + 62 + 3040) \times 5 = 27610 \, c'$ $3usammen: 72720 \, c'$.

- 3) $\frac{Mv}{A}$, Massenvorrath pr. Morgen: Der ganze Holzvorrath, getheilt burch die Flächenzahl, welche dem Umstriebsalter gleich steht. Obiger 50jährige Umtrieb umfaßte pr. Mg. im Durchschnitt $\frac{72720}{50} = 1454,4$ c'.
- 4) M, die jahrliche Hauptertrags=Masse, sindet sich unmittelbar in der Bestandsmasse des eben zur Abnutzung kommenden altesten Schlages oder des eben so alten Musters bestandes. §. 413. I, im 50jahrigen Alter 3040 c'.
- 5) $\frac{M}{A}$, die jährliche Hauptertrags = Masse pr. Morgen, muß der Durchschnittsmehrung vom Musterbestande gleich sein, weil die Flächenzahl mit der Alterszahl übereinstimmt; zu §. 413. I 50 ist sie: $\frac{3040}{50}$ = 60,8 c'.
- 6) M+Sa, die jahrliche Gesammtertrags = Rasse, besteht aus dem Hauptertrage von dem je altesten Schlage mit allen Vorerträgen der eben zur Durchsorstung gelangenden jungern Schläge, ganz wie der Musterbestand sie an sich zusammen darstellt; z. B. §. 413. I im 50jährigen Umtrieb:

Hauptertrag vom 50jährigen Schlage: 3040 c'. Vorertrag 360 » 40 **>>)**) 320 » 30 **))**) " 20 220 » **>>))** 10 80 » **>>)** Zusammen: 4020 c'.

7) M+Su, die jahrliche Gesammtertrags=Masse pr. Morgen, ist leicht begreislich dem Durchschnitts=Zuwachs vom Rusterbestande gleich; in obigem Beispiele:

$$\frac{3040 + 360 + 320 + 220 + 80}{50} = \frac{4020}{50} = 80,4 \text{ c'}.$$

8) Hng, das Holznugungs=Prozent vom Haupts ertrage, ergiedt sich nach dem Bethaltnisse des Massenvorrathes zu dem sährlichen Hauptertrage Mv : M = 100 : Hn 3;

es ist g. 422, für ben 50jährigen Umtrieb von I:

$$\frac{3040 \times 100}{72720} = 4,18\%.$$

9) Gng, bas Holznugungs : Prozent vom Ges sammtertrage, wird berechnet nach dem Massenvorrathe und bem bavon abfallenden Gesammtertrage, mittels der Proportion:

Mv : (M + Sa) = 100 : Gn g.

Für ben 50jahrigen Larchenwald &. 422. fande man:

$$\frac{4020 \times 100}{72720} = 5,52 \frac{9}{6}.$$

Auf alle diese Verhältnisse hat ber Nachhauruckstand im Besamungswalde einen andernden Ginfluß, wie §. 434. nachweis't.

h. 425. Allgemeines Berhalten des Massenertrags im normalen Wirthschaftswalde.

Unsere Darstellungen des normalen Waldertrags von der starken und der schwachen Entstehung geben nun den Grund zu folgenden Aufschlussen, welche wir an die mehr vergleichbaren Durchschnittsbeträge der Forstslächeneinheit knupfen.

- 1) Der Massenvorrath pr. Mg. (Mv) steigt mit zunehmendem Umtriebsalter. Alle-Waldbetriebsverbande der starzten Entstehung umfassen wegen ihrer frühern Schlagbarkeit minz der große Holzvorrathe. Die Größe dieser Massenhaltigkeit ist überdies noch bedingt von den nach Ortsgüte und Waldgattung erreichbaren Gehaltsfaktoren G × H × f.
- 2) Die jahrliche Hauptertragsmasse pr. Mg. $\left(\frac{M}{A}\right)$ gleicht bekanntlich der Altersdurchschnittsmehs rung vom Musterbestande (§. 416. 1.); benn der in jedem Jahre zur Abnuhung kommende, als Musterbestand geltende alteste Schlag M wird durch die, dem Alter gleiche Morgenzahl A getheilt. Dieser alteste, eben schlagdare Bestand. stellt

in der Reihe seiner Jahresmehrung die laufende Mehrung aller Jahresschläge des Waldverbandes zusammen dar. So hat z. B. der 50jährige Waldverband, in Gemäßheit des Musterbestandes $\S.$ 413. I unter $\frac{M'-M}{10}$, zur Jahresmehrung für die sammtlichen Schläge

on 1 bis 10 Jahren:
$$40 \times 10 = 400 \text{ c'},$$

" 11 " 20 " $64 \times 10 = 640 \text{ "}$

" 21 " 30 " $70 \times 10 = 700 \text{ "}$

" 31 " 40 " $68 \times 10 = 680 \text{ "}$

" 41 " 50 " $62 \times 10 = 620 \text{ "}$

Jusammen: $3040 \text{ c'};$

also pr. Mg. $\frac{3040}{50} = 60.8 \text{ c'}.$

Die laufende Massenmehrung sammtlicher Sah= resschläge im Normalwalde ist mithin dem jähr= lichen Hauptertrage gleich und berechnet sich eben= so, wie die Massenmehrung aller Jahre im Muster= bestande. Dieser Durchschnitts=Hauptertrag erscheint also ebenfalls bei der starten Entstehung im 40. bis 50. und bei der schwachen im 90. Jahre am ergiebigsten.

3) Die jährliche Gesammtertrags=Masse pr. Mg. $\left(\frac{M+Sa}{A}\right)$ ist zugleich der Durchschnittszuwachs von dem eben schlagbaren Musterbestande (§. 416. 2.), indem dessen Gesammtertrag dort in eben so viel Jahre zerfällt, als hier in Morgen. Sanz dieselbe Größe giebt auch der laussende Zuwachs sämmtlicher Jahresschläge, getheilt durch die Morgenzahl. So sindet man in §. 413. I unter $\frac{M'-(M-a)}{10}$ solgenden Jahreszuwachs sür die Schläge

von 1 bis 10 Jahren:
$$40 \times 10 = 400 \text{ c'},$$

"" 11 " 20 " 72 × 10 = 720 "

"" 21 " 30 " 92 × 10 = 920 "

"" 31 " 40 " 100 × 10 = 1000 "

"" 41 " 50 " 98 × 10 = 980 "

Jusammen: 4020 c';

also pr. Mg. $\frac{4020}{50} = 80,4 \text{ c'}.$

Dieser Durchschnitts=Gefammtertrag stellt sich bei der starken Entstehung im 60. und bei der schwachen im 110. Jahre am höchsten, bedeutend später, als der Durchschnitts=Hauptertrag allein. Die an Gesammtmasse ergiebigsten Umtriebsalter der Hochwalder sielen daher zwischen das 60. und 110. Jahr, ganz in Übereinstimmung mit dem Massen=Schlagbarkeitsalter ihrer Musterbestände.

§,426. Vergleichung bes Altersburchschnittserwachses mit dem laufenden Jahreserwachse im Wirth=
schaftswalde.

Wir haben so eben gesehen, daß in einem normalen Walb= verbande von Jahr zu Jahr der Hauptertrag M mit der laufenden Jahresmehrung und der Gesammtertrag M + Sa mit bem laufenben Jahreszuwachse aller Schlage ibereinstimmen muß, und wie sich diese Ertragsgrößen ohne Weiteres aus dem Durchschnittserwachse $\frac{M}{A}$ und $\frac{M+Sa}{A}$ bes schlagbaren Musterbestandes herleiten lassen. Kei= nesweges kann aber für einen solchen Sahreserwachs ber Altersdurchschnittserwachs aller einzelnen Be= stände einer ganzen Waldung stellvertretend gebraucht werben; denn bies ist eine ganz andere Große, mas die sum= marische Vergleichung ber Durchschnittsmehrungen M mit ben Jahresmehrungen M'-M, so wie der Durchschnittszuwachsbeträge M+Sa mit den Jahreszuwachsbeträgen M'-(M-a) im Muster= ' bestande (§. 413.) schon genugsam zu erkennen giebt, wenn bort auch die Reihen des Durchschnitts = und Jahreserwachses eben nicht ausgeführt sinb.

Um aber näher zu untersuchen, auf welche Abwege diese Stellvertretung sührt, theile man nur den Massengehalt jeder Altersklasse durch das entsprechende Mittelalter: so ergiebt sich z. B. sür den Lärchenwald mit 50jähriger Umtriebszeit (§. 413. I) als Durchschnittsmehrung:

1. Kl. 10 Mg., 1= bis 10=jährig,
$$\frac{(40+400)\times 5}{5,5} = 400 \, c'$$
,*)

2. » 10 » 11 » 20 » $\frac{(400+64+1040)\times 5}{15,5} = 485$ »

3. » 10 » 21 » 30 » $\frac{(1040+70+1740)\times 5}{25,5} = 558$ »

4. » 10 » 31 » 40 » $\frac{(1740+68+2420)\times 5}{35,5} = 595$ »

5. » 10 » 41 » 50 » $\frac{(2420+62+3040)\times 5}{45,5} = 607$ »

Auf 50 Mg. Altersburchschnittsmehrung: 2645 c'; also pr. Mg. $\frac{2645}{50} = 52,9$ c'.

Die auf alle Jahre einzeln berechnete Durchschnittsmehrung fällt noch niedriger aus. Dennoch beträgt die der gleichen Umtriebs= zeit entsprechende Jahresmehrung aller- Altersklassen des ganzen Waldverbandes bedeutend mehr, nämlich

$$400+640+700+680+620 = 3040 \text{ c'},$$
 also pr. Mg. $\frac{3040}{50} = 60.8 \text{ c'}.$

Der Grund dieses Unterschiedes liegt in der mindern Mehrung der jedes Mal mit zum Durchschnitt gezogenen Entstehungsjahre; man erkennt ihn bei der klassenweisen Vergleichung am leichtesten. So trüge die 21 = bis 30 = jährige Altersklasse ihrerseits an Durchsschnittsmehrung nur 558 c' bei, obschon ihr Antheil an der gessammten Jahresmehrung 700 c' ist. Bei der schwachen Entsstehung treten diese Abweichungen noch viel stärker hervor, wegen ihrer größern Anzahl minder ergiebiger Entstehungsjahre. Solche Abweichungen sinden sich auch zwischen dem Durchschnitts und Jahreszuwachse, und noch weit größer sind die zwischen der Durchschnitts wachse einer jeden Waldung. Nimmt man die wirkliche Durchschnitts

^{*)} Das zur Summirung bienenbe Mittelalter vom 1. bis 10. Jahre ist . . $\frac{1+10}{2} = 5,5;$ > 11. * 20. * * . . $\frac{11+20}{2} = 15,5 u. s.$

mehrung eines vorgefundenen Maffenvorrathes anstatt des wirklichen Jahreszuwachses an: so kann der Fehler mitunter bis zu 50 pCt. steigen.

Der Durchschnittserwachs einer Normalwaldung könnte sich dem Jahreserwachse nur dann gleich stellen, wenn dieser durch alle Lebensjahre ganz gleich ware, oder aber in einem kaum erzeichbaren Überständigkeitsalter sich befände; ersteres ist jedoch nicht natürlich und letzteres nicht wirthschaftlich.

§. 427. Bergleichung ber Vorerträge mit bem Haupt= ertrage im normalen Wirthschaftswalbe.

Dben §. 416. 2. haben wir schon mittels ber beiden Musterbestände gezeigt, daß die laufenden Bestandsabsälle der starken Entstehung sich anders verhalten, als die der schwachen. Bei dem ganzen Waldverbande fragt man nun mehr nach der Summe gewinnbarer Vorerträge in Verhältniß zum Hauptertrage. Hierbei tritt das Umtriebsalter als wesentlicher Entscheidungsgrund hervor. Je höher dieses steigt, um so mehr Vorerträge sammeln sich auf, und um so besser stellt sich das Verhältniß ihrer Summe zum Hauptertrage. Weniger Unterschied bieten hierin die Gegensäge der Entstehung, indem der Bestandesabsall beiderseits während der gleichnamigen (kurzern oder längern) Lebensperioden ziemlich gleiches Verhältniß zu dem Bestandesverbleib einhält, was aus den obigen Wachsthumsscalen (§. 413. I. II.) leicht zu entnehmen ist. Diese geben in

$$\frac{\mathbf{M}}{\mathbf{A}}:\left(\frac{\mathbf{M}+\mathbf{Sa}}{\mathbf{A}}-\frac{\mathbf{M}}{\mathbf{A}}\right)$$

das Vorertrags=Verhältniß einer jeden Umtriebszeit, und hiers nach darf man annehmen, daß die mehr zur Frage kommende Masse aller Vorerträge zusammen sich auf & bis & der Hauptsertragsmasse belaufe, und daß sich mithin der Hauptertrag zum Sesammtertrag verhalte nahe wie

1 zu 1,25 bis 1,5,

je nachdem die Umtriebszeit eine niedrige ober hohe ist und die Walderziehung regelrecht betrieben wird.

§. 428. Allgemeines Berhalten der Holznutzungs= Prozente im normalen Wirthschaftswalde.

Im normalen Waldverbande sinden sich die Prozente der vom Massenvorrathe jahrlich zu erwartenden Holzabnutung nicht nur bedeutend anders, als die Zuwachs= Prozente des Musterbestandes, sondern unter sich auch sehr versschieden nach Maßgabe der Entstehung, des Umtriedsalters, des Haupt= und Gesammtertrags.

- 1) Die Holznugungs=Prozente des normalen Waldsverbandes im Ganzen mussen stell höher stehen, als die Zuswachs=Prozente des Musterbestandes im Einzelnen, wenn Umstriebs= und Bestandesalter beiderseits gleich sind: weil der Normalwald in der ganzen Reihe seiner jungern Klassen weit reichslicher zuwächst, mithin auch im Ganzen mehr Nugungs-Prozente darbieten kann, als der schlagbare Musterbestand an sich allein. Bei Bestimmung der normalen Umtriebszeit darf man dies nicht unberücksichtigt lassen.
- 2) Alle Holznugungs Prozente sinken mit zunehmens dem Alter und Massenvorrathe in jedem Verhältnisse mehr und mehr; sie stellen sich in gleichem Alter bei der schwachen Entstehung, wo der Massenvorrath minder rasch ansteigt und daher der Zuwachs überwiegender austritt, bedeutend hoher, als bei der starken.
- 3) Das Holznugungs Prozent vom Haupterstrage (Hng) sinkt in Folge der starken Entstehung rascher, sinstet sich aber im Zeitpunkte des höchsten Durchschnitts Hauptsertrags (M) dennoch weit besser, hier zu 5,36 g, als in Folge der schwachen Entstehung, die ihren höchsten Durchschnitts Hauptsertrag nur dei 2,67 g erreicht (§, 416, 1, b.). In der Lärchenswaldung stellt sich die Aprozentige Hauptnutzung an das 52. und die Iprozentige an das 65. Jahr; in der Buchenwaldung fallen dieselben Prozente an das 67. und 83. Jahr.
- 4) Das Holznugungs=Prozent vom Gesammt= ertrage (Gn Z) halt sich bekanntlich besser, als das vom bloßen

Hauptertrage. Bei der starken Entstehung bietet es zur Zeit des höchsten durchschnittlichen Gesammtertrags noch eine ganz an= nehmliche Höhe, sofern eben der herrschende Zinssuß entscheidet, nämlich 4,62 %, wogegen die schwache Entstehung in demselben Zeitpunkte nur 2,92 % erreicht. Die 4= und 3prozentigen Gessammtnutzungen fallen unter I an das 68. und 85., unter II aber an das 84. und 108. Jahr.

Man kann wohl annehmen, daß die Holznugungs= Prozente in den normalen Hochwaldungen meist zwischen 3 und 6 schwanken; in unregelmäßigen Waldungen können sie auch durch die feinsten Kunstgriffe auf nachhaltige Weise nicht so hoch gehoben werden. Wer dürste diesen dringenden Beruf zur regel= mäßigen Walderziehung verkennen?

§. 429. Erläuterungen zu ber Werthertrags= Darstellung.

Wir gehen nun auch zu den Werthertrags = Verhältnissen unserer äußersten Gegensätze normaler Wirthschaftswälder über und erläutern zuvörderst die obige Darstellung (§. 423.) eben= falls mit Beziehung auf Scala I und ein 50jähriges Umtriebs alter.

- 1) A, das Umtriebsalter, wie schon bekannt, zugleich die Schläge= und Morgenzahl.
 - 2) w, die Preissteigung, wie in §. 419.
- 3) Mwv, der ganze Werthvorrath. Dieser ergiebt sich, indem man den Massenvorrath jeder Altersklasse mit der entsprechenden Werthzahl multiplizirt und die Produkte addirt. Der 50-jährige Umtrieb zu I umfaßt in den Schlägen

```
von 1 bis 10 Jahren 2200 × 3 ==
                                        6600 w.
                        7520 × 4 == 30080 »
   11 · »
            20
                  >>
» 21
            30
                       14250 \times 5 = 71250  »
        ))
                  )}
                       21140 \times 6 = 126840 \cdot »
    81
            40
        )
                  )
                       27610 × 7 == 193270 »
    41
            50
)}
                  )
                         Busammen: 428040 w.
```

§. 431. Allgemeines-Verhalten der Werthnutungs= Prozente im normalen Wirthschaftsmalde.

Um bedeutungsvollesten für die wirthschaftliche Benutzung der Wälder sind endlich die aus dem Werthvorrathe und dem Werthertrage entwickelten Prozent=Verhältnisse. Die normalen Werthnutzungs-Prozente stellen sich für die Wald= erziehung weit günstiger, als man bisher gemeint hat. Hier kön= nen wir uns jedoch nur erst mit Vergleichung der rohen Werthverhältnisse unter sich beschäftigen, ohne alle weitere Abrechnung der Bodenrente und Nutzungskosten.

- 1) Das Werthnutzungs=Prozent vom Haupter= trage (Hwng) sinkt ebenfalls in Folge der starken Entstehung rascher, und steht zur Zeit der größten Haupt=Werthnutzung bei dieser auf 3,43 und bei der schwachen auf 2,42. Die 4= und Iprozentigen Werthnutzungen vom Hauptertrag schließen sich in der Lärchenwaldung an das 61. und 76., in der Buchenwaldung an das 74. und 94. Jahr.
- 2) Werthnugungs = Prozent vom Gesammterstrage (Gwn ?). Wie überhaupt, läst die starke Entstehung das Gesammtwerth = Nugungsprozent weit rascher fallen, als die schwache; dennoch stellt sich dasselbe im Zeitpunkte ihres früher eintretenden höchsten Gesammtwerth = Ertrages bedeutend höher, namlich zu 4,41 ?, wogegen die schwache Entstehung im gleichen Falle nur 3,26 ? dietet. Die 4 = und 3prozentigen Gesammtwerth = Nugungen schließen sich in dem karchenwalde an das 75. und 90., im Buchenhochwalde an das 91. und 116. Jahr, nämlich bei der vorausgesetzen Preissteigung. Hierin liegen schon Andeutungen genug, daß auch die Hochwaldzucht recht gut im Stande ist, eine sehr annehmliche Kapitalnugung zu gewähren, indem deren rohe Werthnugungs-Prozente sich auf 4 bis 7 stellen können.

Hieraus entspringen wichtige Andeutungen sur den Waldsangriff. Derjenige Forstbetrieb, welcher den hochsten durchschnittslichen Werthertrag gewinnt, ist nicht immer im Stande, auch das Waldkapital gehörig zu verzinsen. Dazu dient das kurzere Umtriebsalter weit mehr, als das längere. Der fleißige Durch=

strikungsbetrieb ist das Hauptmittel, den Werthertrag und die Kapitalnugung des Waldes zu heben und eine höhere Umtriebs= zeit vortheilhaft zu machen.

§. 432. Ertragsverhältnisse ungleichwüchsiger Waldungen.

Die aus Ober = und Unterbestand zusammengesetzten Walduns gen sügen sich wegen der Mannigsaltigkeit ihrer Formen und Zustände weniger unter allgemeine Erwachs = und Ertragsgesetze. Dagegen erleichtern sie unsere Untersuchungen durch die kürzere Umtriebszeit A, die ziemlich gleiche Jahresmehrung und die einsfachere Abnuhung. Indessen spielen diese Waldsormen stets eine minder bedeutende Rolle. Wir haben hier bloß die Mittelswaldung und die Planterwaldung zu betrachten, so lange sie noch bestehen.

- 1) In dem Mittelwalde müßte der Tarator den Unterwuchs von dem Oberholze sondern. Der Unterwuchs wäre am kurzesten als ein ganz für sich bestehender, gleichwüchsiger Waldtheil anzusehen, dem ein angemessener Flächentheil des Bestandes allein angehörte, und der stets mit ziemlich gleicher Iahsresmehrung a erwüchse. Das kleinere und größere Oberholz, den andern Flächentheil einnehmend, bestände aus der, bei jeder Schlaghauung zurückleibenden Überhaltmasse B und der eben auch ziemlich gleichen Jahresmehrung b.
 - a) Hiernach stiege ber einzelne Musterbestanb

Die ganze Sahresmehrung betrüge a + b, und das Mehrungs=Prozent p im A-jährigen Alter ergäbe sich aus der Proportion:

$$(B + (a + b) \times A) : a + b = 100 : p.$$

b) Der normale Baldverband enthielte an Massenvorzrath (Mv) die Summe aller von 1 zum A-jährigen Umtriebs=alter aufsteigenden Schläge, nämlich:

$$\left(B + (a + b) \times 1, + B + (a + b) \times A\right) \times \frac{A}{2} = Mv.$$

Dessen jahrlicher Holzertrag mare:

$$(a + b) \times A$$

und das Holznugungs=Prozent p ergabe sich mittels der Proportion:

$$Mv : (a + b) \times A = 100 : p.$$

Begreiflich sinkt dies Nugungs Prozent um so mehr, je größer der ståndige Überhalt B und die Stårke der darin bestindlichen Baume ist., — Mittels gegebener Preise läßt sich der Werthvorrath und Werthertrag nebst dem Werths nugungs Prozente leicht ermitteln. Letzteres erhebt sich wohl selten über das Holznutungs Prozent, weil eine erhebliche Preissteigung wegen der mehr beständigen Stammstärken und der kurzen Umtriedszeit nicht leicht Statt sindet. Bei diesen Untersuchungen erscheint überhaupt der gewöhnliche Mittelwald nicht sonderlich zinstragend, indem dessen Verlandskapital mehr aus werthvollerm Oberholze und dessen Ibnutung mehr aus werthlosern Unterholze besteht.

- 2) Im Planterwalde ist die Umtriebszeit A=1, die ständige Überhaltmasse B=M=Mv, und die alsbald wieder zur Abnutzung kommende Jahresmehrung b, also das Holznutzungs=Prozent $\frac{100 \, b}{B}$. Dieses wird von dem Werth=nutzungs=Prozente bedeutend übertrossen, weil man von dem ganzen Massenvorrathe in der Regel nur die werthvollesten Ober=baume ausnutzt.
- §. 433. Normale Ertragsverhältnisse, angewendet auf unregelmäßige Waldungen.

Wollte man die Ertragsverhaltnisse unregelmäßiger Walduns gen nach Maßgabe normaler Sate regeln, so ware vor Allem die Bestandsgute im Einzelnen und das Altersklaffen-Berhaltniß im Ganzen vergleichend zu beurtheilen. Hierbei ergiebt sich aber, daß die wirklich vorhandenen, mehr ober minder vom Zufall gebildeten Bestände solcher Waldungen keinesweges in dem Maße zuwachsen und ertragen konnen, wie wir es ben normalen Bollbeständen zumuthen; gewöhnlich ist ihre Erziehung vernachlässigt, ihre Bestandsform ungeeignet, ihr Schluß minder voll und ihr Wachsthum minder gut. Noch größer ift aber die Ertragsab= weichung, welche aus dem mangelhaften Altersklassen = Berhalt= nisse entspringt. Hier fehlt es an schlagbarem Holze, bort an ben ersorberlichen Junghölzern; meist aber macht der Mangel an tüchtigen Mittelhölzern die fühlbarste Lücke. Daher hat auch eine jebe Waldung ihr ganz eigenes Berhaltniß des Vorrathes, Er= wachses und Ertrags; und daher schwebt auch jeder allgemeine Schluß von den Ertragsverhaltnissen idealer Wirthschaftswalber auf die Erträge unserer heutigen Waldungen ohne allen zurei= chenden Grund im blogen Ungefahr. Nur durch ganz besondere Aufnahmen konnen und muffen diese abnormen Ertragsverhaltnisse ermittelt und geordnet werden; und dabei barf das Normale nur als Ziel, nie als Mag bienen. Gine ganz gemeine Unkunde, fomohl im wirklichen Walderzustande, als in der Größenlehre, wurde es verrathen, wollten wir fur so hochst unbestimmte Aufgaben allgemeine Formeln ersinnen und unbedingt anwenden.

§. 434. Normaler Nachhaurückstand im Besamungswalde.

Wo verjüngende Besamungschläge Statt finden, wird der ausgehaltene Schlagbestand mit einigem Zuwachsgewinne allmählich nachgehauen. Diesen Nachhaubestand, welcher sich stets hinter der vorausgehenden Anhiedslinie besindet, nennen wir Nachhaurückstand. Dessen Betrag kommt bei der Waldsschäung dreisach zur Frage, einmal wegen Bestimmung der wirklichen Nachhauerträge, zweitens wegen Einrichtung der normalen Angrissslinie und drittens wegen Ermittelung des normalen Wassenvorraths und Ertrags.

1) Nachhauerträge von den Besamungschlägen: Der volle Ertrag vom Nachhauruckstande eines Musterbestandes nach erfolgter Schlaghauung ist abhängig von der Holzhalztigkeit B und dem Jahreszuwachse zin dem vollen Schlagbeskande, dann von der Nachhauzeit n und von dem Nachhaubetrieb in dieser Zeit. B und z werden an Ort und Stelle geschätt. Der Nachhaubetrieb wird nach Maßzgabe der Forstverhaltnisse bestimmt, und zwar so, daß die Nachhauungen während der Nachhauzeit, wie gewöhnlich, in gleichen Zwischenräumen und gleichen Theilen erfolgen. Der fragliche Nachhautheil läßt sich folgendermaßen berechnen.

Fänden z. B. in einem Buchenwalde drei solche Nach= hauungen Statt, so ware der sammtliche Zuwachs:

in der ersten Zwischenzeit an $B = \frac{1}{3}n \times z$, in der zweiten Zwischenzeit an $\frac{2}{3}B = \frac{1}{3}n \times \frac{2}{3}z$, in der dritten Zwischenzeit an $\frac{1}{3}B = \frac{1}{3}n \times \frac{1}{3}z$. Es betrüge mithin die ganze Nachhaumasse: $B + \frac{1}{3}nz$, und davon jeder Nachhautheil: $\frac{B + \frac{1}{3}nz}{3}$, $= \frac{1}{3}B + \frac{1}{3}nz$,

. :د

Ließe man nun in einem Schlage auf dem Morgen etwa 1500 Kfg. Bestand mit 30 Kfg. Zuwachs stehen und dauerte die Nachhauzeit 15 Jahre: so gewährte ein jeder der drei Nachhauzeit theile

3 nz = 500 Kfk. von dem anfänglichen Schlagbestande,
3 nz = 100 Kfk. von dem Zuwachse,
600 Kfk. zusammen.

Der gesammte Schlagbestands = Zuwachs ist znz = 300 Kfk.

Bum Behuf ber besondern Ertragsabschätzung konnen die eben erforderlichen Schlagbestände, Nachhauzeiten und Nachhaustheile voraus bestimmt und der Lokalertrags=Tafel in geeigneten Abstufungen unmittelbar angefügt werden *).

^{*)} Ift der Schlagbestands = 3nwachs von Anfang jahrlich z und wahrend der ganzen Rachhauzeit (n) zusammen gnz; beträgt z von

2) Einrichtung der normalen Angriffslinie im Besamungswalde: Betrüge die jährliche Schlagsläche S Morzgen, so müßten in dem ganzen Waldverdande eigentlich zu jeder Zeit nS Morgen mit Samen = und Schirmbäumen bestanden sein, und zwar bei dem oben vorausgesetzten Nachhaubetrieb der maßen, daß der einjährige Schlag (B + z) S, der njährige aber eben noch (z B + z nz) S enthielt. Die Bestände aller dazwischen besindlichen Schläge dürsten süglich als Zwischenglieder einer arithmetischen Reihe angenommen werden. Die Summe des normalen Nachhaurückstandes betrüge also (n. §. 87. 4.):

$$[(B+z)S+(\frac{1}{3}B+\frac{2}{9}nz)S]\times \frac{n}{2}=(B+z+\frac{1}{3}B+\frac{2}{9}nz)\times \frac{n}{2}S.$$

Man brauchte also nur die Summe der Holzhaltigkeit und des Jahreszuwachses im vollen Schlagbestande und noch eines Nachhautheiles mit der halben Nachhausläche zu multipliziren. Bezeichnen wir den Nachhautheil mit N, so ist die allgemeine Formel

$$(B + z + N) \times \frac{n}{2} S$$

Andere Nachhaubetriebe bedingen auch andere Satze, die indeß auf gleiche Weise zu entwickeln sind. So ergeben sich folgende allgemeinen Werthe für die Nachhautheile N

bei	2	gleichen	Nachhauungen:			½ B +	3 nz;
>>	3)	>>	»	•	3 B +	⅔ nz;
)	4	»	»	>>	•	₹B+	$\frac{5}{38}$ nz;
»	5	»	>>	»		₹ B +	$\frac{3}{25}$ nz.

Hätte ein Buchenwald-Verband 800 Mg. Flächengehalt mit einer 100jährigen Umtriebszeit, wäre also S = 8 Mg., zudem $B = 1500 \ \text{Rfg.}, \ z = 30 \ \text{Rfg.}, \ n = 15 \ \text{Sahre und erfolgte}$

bem Vorbestands Buwachse Z einen gewissen Theil, etwa 0,6: so ist Fnz = (3 × 10) n × Z, ober ber gesammte Schlagbestands Buswachs kellt sich bem Vorbestands Buwachse von $\frac{1}{10}$ = $\frac{2}{10}$ ber Nachshauzeit gleich. Hiernach könnte man den vom Schlagbestande noch erfolgenden Zuwachs auch gleich als Vorbestands Juwachs mit versanschlagen; ein bedeutender Gewinn für die Fachwerksabschähung.

die Nachhauung auf 3 Mal: so enthielte bessen normale Nach= hausläche nS = 120 Mg. und bessen normale Nachhaumasse

$$(B + z + N) \times \frac{n}{2} S = (1530 + 600) \times 60 = 127800 \text{ Rfg.}$$

Eine Bergleichung dieser normalen Nachhaufläche und Nachhaumasse mit dem wirklichen Befunde hinter der Anhiebslinie würde nun ergeben, wiesern der Nachhaurückstand etwa berichtigt werden müßte, entweder durch einstweiliges Einstellen der Befamungschläge mit stärkerm Betrieb der Nachhauungen, oder durch angemessenes Vorrücken des Anhiebs. Dieser gar wichtige Gegenstand der Forstbetrieds-Regelung wurde dis jest noch sehr wenig beachtet. Man richtete Besamungswälder ein und fragte nicht nach dem Besamungstande.

3) Normaler Vorrath und Ertrag im Besa= mungswalde: Um für einen Besamungswald ben norma= len Massenvorrath zu bestimmen, muß dem klassenweise ermittelten Massenvorrathe Mv (§. 424. 2.) die normale Nachhaumasse $(B + z + N) \times \frac{n}{2}S$ noch zugerechnet werden. Diese ist als zufälliger Bestandtheil der jüngsten Altersklasse anzusehen.

Die aus den Alterkklassen ermittelten jahrlichen Massenerträge M, oder M + Sa (h. 424. 4. 6.) ergänzt man zu gleichem Behuf durch den gesammten Schlagbestands=Zuwachs; in obigem Beispiele durch & nz.

Für die Umtriebszeit A ift also:

a) der ständige Massenvorrath pr. Morgen (§. 424. 3.)

$$\frac{Mv + (B + z + N) \times \frac{n}{2} S}{A};$$

b) ber jährliche Hauptertrag pr. Mg. (§. 424. 5.)

$$\frac{M + \frac{2}{3}nz}{A};$$

c) der jahrliche Gesammtertrag pr. Mg. (§. 424. 7.)

$$\frac{M + Sa + \frac{2}{3}nz}{A}$$

§. 435. Regeln zur Einhaltung der normalen Ungriffslinie im Besamungswalde.

Es ist gar nicht leicht, in einem Besamungswalde ben An= hieb mit Benutung aller zufälligen Umstände zu leiten und da= bei die normale Angriffslinie gehörig einzuhalten. Diejenigen, welche meinen, man brauche die jahrliche Berjungungsfläche S nur von Jahr zu Jahr in Besamungschlag zu stellen, irren nicht minder, als Diejenigen, welche die Flächenfortschritte gar nicht berucksichtigen und sich beim Bloßen Massenangriff nur nach einem normalen Unhiebsbestande richten wollen. Der gute Forst= wirth sucht sich hier stets in geregelten Verjungungsgrenzen zu bewegen. Diese bestimmt man nach ber Rubezeit r von einer Besamung zur andern, nach der erforderlichen Vorberei= tungszeit v und der Nachhauzeit n. Alle drei Zeitmaße sind zwar ortlich; sie stehen aber unter sich in übereinstimmigem Verhaltnisse. Denn was die Fruchtbarkeit und Bodenempfang= lichkeit fordert, begünstigt auch den Anwuchs und kurzt somst die Nachhauzeit. Hält man die, wenn auch nur mittels des Betriebsplanes gegebene, von Jahr zu Jahr als Richtschnur forts schreitend gedachte, normale Angriffslinie der Besamungschläge nicht zeitig ein, so wird bald zu viel, bald zu wenig befamt und die Ertragsentnehmung kommt in Verlegenheiten. Schreiten die Worbereitungen nicht verhaltnismäßig vor, so sind die Besamun= gen unwirksam, oder sie breiten sich hulflos und storend aus u. s. w. Tede eintretende Besamung sollte rS empfängliche Schlagsläche vorfinden, und biese mußte stets v Jahre früher zur Borbereitung gezogen worden sein.

Die Besamschlaghauung geht der Besamung voraus; sie dürfte aber in der Regel nicht über zrs von der normalen Angriffslinie weichen und müßte dabei so geleitet werden, daß sich bei eintretendem Samenjahre wo möglich zrs hinter und zrs vor derselben besamen könnte, man also diese Richtlinie ziemlich in der Mitte seiner Besamung hatte. Nach weiterm Berlauf von zr Jahren erreichte die normale Angriffslinie wieder den indeß nicht sortgesetzen Anhied, und nun wäre während der

nachsten zr Jahre abermals rS Fläche zu schlagen u. s. w. Die eigentlichen Schlaghauungen sielen somit am geeignetsten in die zweite Hälfte ber Ruhezeit.

Die Vorbereitungshiebe dürften höchstens v + zr Jahre mit (v + zr) S Fläche vor der normalen Angriffslinie vorausgehen, im Fall v nicht kleiner ist als r, so daß die Schlag= hauung in ihrem größten Vorausschreiten einen hinlanglich vor= bereiteten Justand sindet. Man erweitert sie am geeignetsten kurz nach der Besamung.

Die ersten Nachhauungen gehoren ber zweiten Salfte der Ruhezeit mehr an, wofern nicht der eben erfolgte Anwuchs einer alsbaldigen Luftung bedarf; die weitern Nachhauungen in hinlanglich befestigtem Anwuchse werben beian betrieben und bienen nebst ben Durchforstungen zur einstweiligen Übertragung der in Folge ausbleibender Besamung eben ruhenden Siebsarten. Bur normalen Nachhauzeit n konnte füglich die zwei= bis drei= fache Ruhezeit 2r bis 3r angenommen werben. Bei gleich gutem Gedeihen des Anwuchses ist die langere Nachhauzeit ent= schieben vortheilhafter, als die kurzere. Sie ist naturgemäßer, sichert mehr vor Widerwartigkeiten aller Art, gewährt der Gegenwart mehr Zuwachs und werthvolleres Starkholz, wenn auch auf Rosten der spätern Zukunft, und bietet mehr Ruchalt in Berlegenheiten, die ein Mangel an gebeihlicher Besamung her= beiführt. Die rasche Raumung dient dagegen nur zum eitlen Ruhme beklagenswerther Umsichtslosigkeit.

§. 436. Anwendung des Waldwerth=Nugungs=Pro= zents, dem Bestandswerth=Zunahme=Prozente gegenüber.

Vor Allem mussen wir hier auf den leicht zu übersehenden Unterschied ausmerksam machen zwischen dem Werthzunahme= Prozente vom einzelnen Holzbestande (§. 414.) und dem Werthnutungs=Prozente vom ganzen Wald= verbande (§. 423.). Das Bestandswerth=Zunahme=Pro= zent dient uns bekanntlich zur Bestimmung des werthvollesten Schlagbarkeitsalters eines jeden Holzbestandes an sich, daneben

zur Beurtheilung der vortheilhafteren Abkommlichkeit eines ober bes andern Bestandes derselben Waldung. Das Waldwerth: Nugungs=Prozent wird dagegen bei Regelung bes allgemeinen Umtriebsalters ganzer Waldbetriebs=Berbande mit gebraucht. Wir betrachteten basselbe bis daher nur in seinen rohen Verhaltnissen, entnommen von dem Werthe der Wald= massen, ohne alle wirthschaftlichen Beziehungen. Bei der Umtriebsfrage in Bezug auf bas Einkommen muß man es aber ganz rein von allem weitern Erzeugungs = Aufwande barftellen. Dies geschieht am furzesten, wenn man ohne Weiteres die Bald= nutungskosten nebst ber Bobenrente in Geld anschlägt, ben jahrlichen Betrag davon gleich als Theil ber gegebenen Robeinnahme auswirft und diesen Antheil unmittelbar von dem rohen Walds werth=Nugungs=Prozente abzieht. Ertruge z. B. eine Waldung 10000 und erforderte die Erzeugung an gleichzeitigem Kostenauf= wande 2000, also z von der ganzen Roheinnahme; stellte sich judem. das rohe Werthnutzungs-Prozent der Waldmasse auf 4: so rechnete man auch hiervon, wegen jener abfallenden Erzeus gungskosten, nur das z ab und behielt 4 — 4 × z == 3z pCt. als reine Werthnugung.

Wollte man die Umtriebszeit nach dem Waldwerth=Nutzungs= Prozente allein bestimmen, so entsteht die wichtige Gegenfrage: Soll und muß nicht vielmehr das Werthzunahme=Prozent des je ältesten, als schlagbar zu erachtenden Bestandes über das Umstriebsalter entscheiden? Wir wollen diese Frage nach unsern obigen Waldertrags=Darstellungen I und II näher erörtern und dabei vorausseten: der Eigenthümer verlange einen Aprozentigen Rohertrag von dem Werthe seines stehenden Holzvorrathes. Diese Aprozentige Waldwerthnutzung an Skammtertrag (h. 431. 2.) bote der Lärchenwald im 75. und der Buchenwald im 91. Sahre. Ein solches Umtriebsalter würde also jene Ansorderung im Ganzen wohl ersüllen, könnte aber keinesweges die höchste Kapitalz nutzung gewähren, indem die zum Abtried gelangenden Sahressschläge, nach der Wertherwachs=Darstellung (h. 414. 420, 2.), ihr Bestandswerth=Zunahme=Prozent schon von dem 60. und 74. Jahre an unter 4 hinunter sinken ließen, und zwar der Larzchenwald bis zu 1½, der Buchenmald zu 3 pCt.

Somit befanden sich in dem Larchenwalde 15, in dem Bu= chenwalde 17 Jahresschläge vom altesten Bestande offenbar in überständigem Werthzunahme=Prozent. Dies verursachte aber im Ganzen, besonders bei den stark entstehenden Waldungen, einen gar, bebeutenden, von Sahr zu Sahr wiederkehrenden Binsenverluft, welcher auf keine Weise anders gehoben werden konnte, als durch die Gleichstellung des Umtriebsalters mit dem Verzinsungs=Schlagbarkeitsalter, namlich bem= jenigen Bestandsalter, bessen Berthzunahme bas verlangte Prozent eben noch gewährt. Nehmen wir im vorliegenden Falle für ben Larchenwald bas 60. und für den Buchenwald, hier nur einigermaßen nachgebend, das 80. Jahr an: so hebt sich badurch die Werthnugung im Ganzen von jenem auf 5,17 und von diesem auf 4,59 pCt. Das Waldwerth= Nutungs-Prozent kann uns also weniger zur Bestimmung bes einträglichsten Umtriebsalters bienen, als zur Beurtheilung bes Prozentsates, auf ben sich die angenommene Umtriebszeit im Ganzen stellt, so wie zur Bezeichnung der Grenze, über welche hinaus die Umtriebszeit ohne summarischen Zinsenverlust nicht steigen durfte. Jedes kurzere Umtriebsalter, als das vom ent= sprechenden Verzinsungs-Schlagbarkeitsalter bedingte, bote zwar hohere Prozente, minderte aber (n. S. 411. 1.) in der Wirklich= keit das Bestands-Kapital selbst und somit auch das Einkommen.

Hierin finden wir gar wichtige Gründe, die Umtriebsalter dem Zeitpunkte des wirthschaftlichen Werthzunahmes Prozentes vom Musterbestande so viel als möglich anzuschließen und dabei durch rasche Walderziehung die Nutbarkeit der Hölzer einträglich zu sördern. Wir überzeugen uns daneben auch mehr und mehr, daß die schwach entstehenden, aber an Wasse und Werth reicheren Waldgattungen, mit höhern Umtriebszeiten, sich sur die Verssorgungszwecke des Staates, der Gemeinden und Stiftungen, so wie für große Waldkörper besser eignen, daß dagegen die start entstehenden Waldgattungen mit höherem Zinsenabwurf besonders für kleinere Privatbesitzungen weit zweckmäßiger und einträglicher

sind. Der stark entstehende, aber an Bestands = Rapital arme Niederwald macht hiervon ofter eine Ausnahme, obschon er an sich die hochsten Rohnutungs-Prozente bietet; benn sein minder werthvoller Ertrag wird von der Bobenrente und den Baldsnutungskosten meist wieder erschöpft. Daher ist diese Waldsgattung im Ganzen wohl eher ein Behelf für den Undemittelten, der nicht vermag, zinstragendes Kapital im Hochwald anzulegen. Indessen sinden vielfältig Ausnahmen Statt, welche auch diese Waldgattung einträglicher, oder doch nutharer machen, wie die Lohnutung, der Zwischenfruchtbau u. A. m.

§. 437. Mormale Umtriebszeit.

1) Wie wir eben gesehen, sollte das Umtriebsalter eines im Normalzustande befindlichen Wirthschaftswaldes in der Regel nicht unter dem Bestandsalter stehen, in welchem das Werth= zunahme-Prozent des eben schlagbaren Bestandes von dem ers forderlichen Zinsfuße abfällt; aber wo möglich auch nicht über dem Umtriebsalter mit gleichem Werthnugungs = Prozente vom ganzen Waldverbande (§. 431.). Zwischen diesen beiden Grenzen, namlich dem Berzinsungs=Schlagbarkeits= und außer= sten Umtriebs=Alter, machen sich folgende Bedingungen mehr oder minder geltend: Erziehung eines größern, werthvollern Holzertrags zu allgemeinen Versorgungszwecken; besondere Verbindlichkeiten, Anforderungen und Bedürfnisse; Gefahren der Holzvorrathe burch Entwendung und Unglucksfälle; sichere und leichte Wiederverjungung mit Erhaltung eines kräftigen Bobens zustandes u. A. m. Dabei kommen noch manche Nebenzwecke und Nebennutzungen mit zur Frage. Sind lettere von erheblis chem Werthe, z. B. Lohe, Harz, Streu, Weide, Fruchtbau: so können sie das Umtriebsalter ebensowohl wesentlich mit bedingen. Sa es können auch noch andere Berhaltnisse obwalten, welche felbst außerhalb obiger Grenzen entweder einen größern Massens und Werthertrag nachhaltig forbern, ober einen kleinern nur in Anspruch nehmen. Nach allen biesen maßgebenden Umständen bestimmt man bas wirthicaftliche Schlagbarkeits= alter und weiter bie normale Umtriebszeit,

2) Bei ben allgemeinen Darstellungen der Erwachs= und Ertrags=Verhältnisse mußten wir der Kurze wegen voraussetzen, daß in jedem Waldverbande nicht nur eine gleiche Ertragsgüte, sondern auch ein durchgängig gleiches Schlagbarkeitsalter Statt sinde. In der Wirklichkeit ist dies aber keinesweges der Fall. Die Güteverschiedenheit der mit einander verbundenen Forstorte bedingt in einer und derselben Waldung hier ein früheres, dort ein späteres Alter der höchsten Nutbarkeit und Einträglichkeit und daher zur normalen Umtriebszeit die geometrische Durchsschnittszahl aller örtlichen Schlagbarkeitsalter.

Ware z. B. ein Waldbetriebsverband von 2000 Mg. mit folgenden Standort = Verschiedenheiten gegeben:

- a) 210 Mg. zu 70jahrigem Schlagbarkeitsalter,
- b) 480 » » 80 » » »
- c) 680 » » 85 » » »
- d) 630 » » 90 » · » »

berechnete sich somit die jahrliche Abtriebsfläche von

- a) $210 : 70 = 3 \mathfrak{Mg}$,
- b) $480 : 80 = \cdot 6$ »
- c) 690 : 85 == 8 »
- d) 630 : 90 = 7 » im Ganzen auf 24 Mg.:

so ware das durchschnittliche Schlagbarkeitsalter oder die nor= male Umtriebszeit

$$\frac{2000}{24} = 83$$
 Jahr.

Schlüge man nun, der Theorie nach, alle Jahre in einer jeden Gütenabtheilung ganz für sich nach dem örtlichen Schlagbarkeitszalter: so wären zu Ende des ersten 83½ jährigen Umtrieds von a) 83½ — 70 — 13½ Schläge, und von b) 83½ — 80 — 3½ Schläge aus's neue genommen; dagegen aber von c) 85 — 83½ — 1½ Schläge und von d) 90 — 83½ — 6½ Schläge noch rückzständig für den zweiten Umtrieb.

3) Hieraus wird klar, daß die Umtriebszeit nur ausnahmsweise einen Flächenraum umfassen kann, der während ihrer Dauer in allen seinen Theilen mit ganz gleichem Umlauf abgetrieben undewieder verjüngt würde. Ihre Bestimmung ist vielmehr, als durchschnittliches Schlagbarkeitsalter und gemeinschaftlicher Theiler des Waldverbandes, einen nachhaltigen Angriff zu sichern. In obigem Beispiele ergabe die Theilung der ganzen Waldsläche durch die normale Umtriebszeit

$$\frac{2000}{83\frac{1}{2}} = 24 \, \text{Mg.}$$

zur jährlichen Abtriebsfläche. Dazu würden wir jedem der vier ersten Jahrzwanzigte $24 \times 20 = 480$ Mg., dem 5. aber die übrigen 80 Mg. vom ersten und noch 400 Mg. vom zweiten Umtrieb zutheilen u. s. w., ohne diesen Abtriebs=Divisor als solschen weiter zu berücksichtigen.

- 4) Man zwängte die Forstbewirthschaftung mit ben aus gro-Ben Periodenzahlen willkurlich zusammengesetzten Umtriebszeiten in ganz unnöthig beschwerliche und nicht selten sehr nachtheilige Fachwerke. So lange 30jahrige Perioden üblich waren, herrsch= ten 150=, 120= und 90jahrige Umtriebszeiten; nachher führten die 20jährigen Perioden zu 120, 100 und 80. Alles wurde und wird noch jetzt über folche Periodenleisten geschlagen. Wer kann aber beweisen, daß es außer jenen Umtriebsaltern von 30 x n und 20 % n keine zwedmäßigern giebt? Dieser Umtriebszwang wurde auch auf verschiedene, neben einander bestehende Wald= gattungen ausgebehnt; man verband z. B. 120jahrigen Buchenwald mit 90jährigem Nabelwald und 30jährigem Ausschlagwald; und noch durfte es als Rathsel gelten, die Umtriebszeiten 110, 75 und 24 zusammen einzurichten. Diese Unbehülflichkeiten sind leicht zu vermeiden, wenn man fur jeden Waldverband geeignete Betriebs=Perioden annimmt, einer jeden ihren Abtriebsantheil zuschreibt und, wie schon gesagt, die Umtriebszeiten daran hin= laufen läßt, ohne ein weiter gesuchtes Einhalten ihrer Wechsel mit einer ober der andern Periode.
- 5) Leicht begreislich kann die normale Umtriebszeit, als das durchschnittliche Schlagbarkeitsalter, nur für den vollkommenen

Baldzustand passen, ber durch seine geregelte Altersabstufung auch im Stande ift, unausgesetzt die schlagbaren Bestände eben= mäßig zu bieten. Reinesweges läßt sich aber jener Begriff auf unregelmäßige Waldungen anwenden. Wie könnte man ⊾ B. bem zur Umwandlung bestimmten Mittelwalde sogleich ein Hochwaldalter anpassen? Wird diesem eine folche Umtriebszeit beigelegt, so ist das blog eine Magregel für die Zukunft, zur Her= stellung des normalen Altersklassen = Werhaltnisses und zur nachs haltigen Eintheilung der vorhandenen Waldvorräthe. Ja es kann selbst im Normalzustande eines Waldes die Umtriebszeit alle Bebeutung verlieren, wie z. B. in einem Waldverbande, der wegen feiner ganz verschiedenartigen Ortsbeschaffenheit die unvereinbarsten Holzgattungen mit 40: bis 100jahrigen Schlagbarkeitsaltern nahe bei einander in sich fassen muß. Wir werden uns der rationellen Forstbewirthschaftung viel mehr nahern, wenn von Umtriebszeit viel weniger die Rede ist.

§. 438. Waldreserven.

Beim Waldbetrieb sucht man gewisse Holzvorrathe in Rudhalt zu stellen für unvorhergesehene Wechselfälle. Der Walds eigenthumer kann wohl ein im Walbe zu Rathe gehaltenes Ras pital weiter und besser brauchen; strenge Winter, Brande, Krieg können das Holzbedürfniß ungewöhnlich steigern, ober es ist Mangel an starken Solzern zu befürchten; Fehler ber Ertrages abschätzung, so wie der Wirthschaftsführung konnen das Wald= vermögen unversehens schwächen; die eben zum Abtrieb gezogenen Bestände können minder ergiebig ausfallen, oder Mangel an Besamung kann den Betrieb der Haupthauung hemmen; man hat wohl auch guten Grund, auf ein allgemeines Steigen ber Holzpreise oder Ginken des herrschenden Binkfußes zu rechnen u. s. w. Zwar bieten alle Waldgattungen schon in ihren Massenvorrathen eine gewisse Nothhülfe; der Hochwald die meiste, der Niederwald die geringste; allein dies Stammkapital ist minder entbehrlich. Um nun nicht bas Unentbehrliche bem Zufall anheim zu geben, legt ber forgsame Forstwirth ganz besondere Waldreserven an.

- 1) Als vorzügliche Mittel und Wege zur Bil= dung der erforderlichen Ruchaltmassen machen sich geltend:
- a) Eigene Aushülfbestände von vollkommenerem Buchse und einträglicherer Werthzunahme, vorzugsweise um Starkholz zu erziehen. Diese kann man während ihres Bestehens als selbs ständige, von jedem Wirthschaftsverbande ausgeschlossene Reserven behandeln.
- b) Angemessene Erhöhung des Umtriebsalters, so daß im Nothfall einige Jahredschläge ohne Nachtheil des Sanzen zu Hulse genommen werden können. Dies Mittel ersscheint um so rathsamer, als Niemand im Stande ist, die einsträglichste Umtriebszeit mit ganzlicher Gewißheit zu bestimmen, auch meist ein Steigen der Holzpreise und Sinken des Jinksußes vorauszusehen ist.
- c) Gemäßigte Schätzung des Waldvermögens und Er= tragsates.
- d) Geeigneter Überhalt werthvoller seltener Bäume, besonders an Waldrandern, Wegen u. s. w.
- e) Größere Nachhaurücktande, selbst in den Mittel= waldungen.
- f) Kluge Sparsamkeit burch mäßigern Angriff bes Massenvorrathes, mindere Überfüllung der Verkaussmaße, sleißige Nutung der geringen unbeachteten Holzmassen, umsichtige Ausenutzung der werthvollern Hölzer, höhere Verwerthung jeder Sorte, sorgfältige Verhütung der vermeidlichen Nutungsverluste und ganz hauptsächlich, durch Steuerung des Holzbiebstahls. Die Übung solcher Sparmittel hebt das Waldvermögen und bezeichnet den tüchtigen Forstwirth vor Allem, gesteicht aber selten auf dem gelockerten Boden der Forstgelehrsamkeit.
- 2) Bei Auswahl die ser Ruckhaltmittel ist haupts sächlich zu berücksichtigen:
- a) Die Größe der bestimmten Reserveanlage muß dem zu befürchtenden Nothfalle, oder zu erwartenden Vortheile anges messen sein; nicht minder muß die Art derselben dem Zwecke entssprechen.

- b) Die Ruckhaltmasse muß zu jeder Zeit leicht entnehm= bar sein.
- c) Die Walberziehung darf dadurch nicht geheinmt, ober gar gestört werden.
- d) Der Zinsenverlust wegen zurückgestellter Nutzung muß sich in mäßigen Grenzen halten, bamit das Opfer nicht größer ist, als ber beabsichtigte Nutzen.

Die neuere Zeit hat durch Ersindung, Transporterleichterung und freiern Holzhandel der Waldreserven Dringlichkeit um Vieles gemindert und dem ganzen Waldbetrieb zu einem mehr gewerbs lichen Charakter verholfen; dennoch behalt dieser Gegenstand stets eine wichtige Bedeutung in der Forsttaration.

3. Ertragsabschätzung.

§. 439. 3mede ber Ertragsabschätung.

Die Abschätzung ber Massen= und Werthbetrage, welche man von einer Waldung für jetzt und künftig erwarten kann, dient entweder zur Einrichtung des Forstbetriebs mit Re= gelung des nachhaltigen Ertrags, ober zur weitern Bestimmung des Werthes von ganzen Waldkör= pern, einzelnen Balbftuden und besondern Rugun= gen. Beide Zwecke erfordern ganz gleiche Mittel, sowohl in ber Erforschung des Waldvermögens, als in der Anordnung des Wirthschaftsbetriebs und in der Schätzung des Ertrags aller Orte und Zeiten. Denn auch zur bloßen Forsteinrichtung muß jedes nutbare Erzeugniß des Waldes nach seiner Abkommlichkeit beur= theilt, nach seinem Werthgehalte erwogen und nach bem Werth= - zunahme:Prozente erhoben und eingestellt werden in die Summe des höchsten Einkommens. Anders ist es gar nicht möglich, den Forstbetrieb nach den Bedingungen eines guten Forsthaushaltes einzurichten.

Man hat zwar den Waldern bald nach der vorgefundenen Altersklassen=Ausdehnung, bald nach ihrem gesammten Massen= vorrathe bestimmte Ertragsage auferlegt, dabei das unerforschliche Leben, Wachsen und Gedeihen berfelben hier in farre Formen landublicher Umtriebszeiten und fester Periodenstallungen einge= zwängt, bort nach truglichen Ertragstafeln und Etatsformeln gleichsam gesetzlos verurtheilt. Doch ift baburch im Ganzen kaum mehr geschehen, als daß den Forsten hier diese, bort jene natur= widrige Landesuniform angelegt wurde. Wer hieran zweifelt, ber rechtfertige das Gegentheil. Wie läßt es sich aber entschuldigen, daß man noch in ganzen Landern einerlei Umtriebszeit festhält, 3. B. hier 80, dort 120, während es langst entschieden ift, daß nicht einmal in einem und demselben Forste bas Schlagbarkeits= alter burchgangig gleich sein barf; und warum werden noch heute ausgebehnte Waldungen in großen Umtriebsvierteln kunftigen Sahrhunderten vorgeschnitten und dadurch alle sinnigen Bestre= bungen im bessern Baue ber Balber so handwerksmäßig ge= fesselt?

§. 440. Vorerörterungen zur Ertragsabschätzung.

Der Waldschätzer ermißt und untersucht zuvörderst alle, zum Behuf des eigentlichen Schätzungsgeschäftes erforderlichen Grundslagen und Forstverhältnisse. Dies geschieht hauptsächlich durch folgende Vorerörterungen:

- 1) Forstvermessung. Um des Waldes Ertragsvermögen sicher zu schätzen, muß zuvor dessen Flächenausdehnung fest besgrenzt, dann gemessen, abgetheilt und kartirt sein.
- 2) Vorläufige Waldbesichtigung. Deren 3weck ist: des Waldes Standort= und Bestandsverhältnisse und äußern Beziehungen erst im Allgemeinen kennen zu lernen, dessen Behand= lung und Benutzung vorläusig zu beurtheilen und wegen des Schätzungs-Versahrens Maßregeln zu nehmen.
- 3) Bestimmung, ob und wiefern eine genaue Schätzung erforderlich ist; ob diese mehr ausführlich sein muß, ober burch ungefähre Aufnahmen ersetzt werden kann. Daß=

gebende Umstände sind hierbei hauptsächlich: einerseits die Iwecke und Mittel der Schätzung, andrerseits der Waldzustand.

- 4) Borfragen, besonders an den Forstinhaber zu richten: nach Besitstand, außern Gerechtsamen, innern Dienstbarkeiten und sonstigen Belastungen; nach Absetharkeit, Maßen und Preisen, forstlicher Betriebsamkeit und Sicherheit der stehenden Holzvorrathe; nach den Eigenthümlichkeiten der natürzlichen Lage, des Bodens und der Standortgüte, der Holzarten und Waldgattungen, wie sich dieselben in der Ersahrung ergazben; nach dem Waldzustande und der Altersabstufung, den seitzherigen Betriebsweisen und Abtriebsaltern, den etwa notthigen Umsormungen oder Umwandlungen; welche Betriebsarten, Wirthschaftsverbande und Hiebsfolgen einzurichten, welche Holzgattunzgen, Sorten und sonstigen Nugungen zu sondern sein würden?
- 5) Auswahl und Aufbereitung der etwaigen Probeshauungen zur Untersuchung der Wachsthumsgänge, Sehaltssfaktoren u. A. m., so wie zur Aufnahme der erforderlichen Erstragssund Nutzungsproben u. s. w. Meist können die eben in Arbeit begriffenen Hauungen hierzu dienen.
- 6) Aufstellung der lettern Forsterträge aus den Rechnungen; eine höchst wichtige Sammlung zur Beurtheilung des seitherigen Angriffs in Massen und Sorten, so wie der Einsträglichkeit an Holz und Geld, der Preise und Löhne, des außern Bedürfnisses und Verbrauchs.

§. 441. Allgemeine Borschätungen.

Nach jenen Vorerörterungen beginnt die Schätzung folgende allgemeinen Vorermittelungen:

- 1) Erprobung der Holzhaltigkeit von den vorstommenden Stämmen und gebräuchlichen Maßen, zur Vorausbestimmung der anzunehmenden Formzahlen und Klassen, Zuwachs und Sortenverhältnisse mit Nutzungsverslusten; so auch zur Umrechnung der geschätzten Massen in Verskaufsmaße u. s. w.
 - 2) Aufnahme ber nachher als Richtgrößen bie= nenben Bestanbsguten. Diese Vorschätzung, welche von

jeder im Forste vorkommenden Bestandsform die eigenen Holzschaltigkeits und Zuwachsgrößen aus dem Ganzen, meist durch angemessene Richtproben, wo möglich auch mit Zuziehung der wirklichen Hauungsergebnisse heraushebt und in Bestands güteklassen ausstellen, gewährt nicht nur einen gar sichern Waßstad zum besondern Einschäßen, forstmäßigen Stellen und Halten der vorhandenen Bestände, sondern giebt auch die erforzliche Übung zum Gebrauche der Waldmassentaseln mit den sicherssten Grundlagen zu den Lokalertragstafeln.

- 3) Vorläufige Bestimmung der im Ganzen vorstommen ben Ortsgüteklassen, wenigstens der höchsten und niedrigsten, nach Maßgabe der Ortsbeschaffenheit, des Bosdenzustandes und der erreichbaren Bestandeshöhe.
- 4) Aufstellung der kokalertragstafeln für die vorhandenen Waldgattungen und Standortgüten, auf dem Grunde der allgemeinen Bestandesaufnahme und mit Gebrauch der Durchschnittsertrags = und Waldmassen = Tafeln.

§. 442. Besondere Ginschätungen.

Sind die allgemeinen Ermittelungen in den ersomerlichen übersichten gesammelt, so nimmt man von Ort zu Ort gehend die besondere Schätzung der Standorte, der Bestände und der etwaigen Nebennutzungen vor.

- 1) Standortschätzung. Diese begreift von jeder Abztheilung mit besonderer Ortlichkeit: die Beschreibung der Lage und des Bobens nebst eigentlicher Schätzung der Ortsgüte und besondern Ertragsähigkeit in Bezug auf angemessene Holzart und Waldgattung.
- 2) Holzbestandesschätung, ober vielmehr die geeignete Aufnahme aller Bestandesverhaltnisse einer jeden Abtheilung, namlich: Bezeichnung und Bestandesssläche nebst Lus den släche; Form, Alter, Stammgröße, Stellung, Wachsthum und Güte des Bestandes; allgemeine Vorschläge zu dessen Behandlung und Benutzung. hieran reihet man noch besondere Vorbemerkungen wegen des einstigen Ortbestriebs, hauptsächlich in Betracht der nutbarsten Holzs und

Betriebsart mit dem örtlichen Schlagbarkeitsalter, der kunftigen Alters : und Hiebsfolge, der Mittel zum Ausgleichen folgewidriger Alterabstufungen und Zwischenbestände, zum Herstellen sturmfester Hiebsanwände u. dal. m.

Die Bestandsgute ist eigentlich von allen vorkommenden Altersklassen einzuschätzen, nur mehr oder minder genau, je alter oder junger das Holz ist und je früher oder später der Abtried eintritt. In der Regel schätzt man die ortliche Massenhaltigkeit mit ihrem Zuwachse bloß nach den mittels der Vorschätzung im Sanzen gesundenen und in Massengehaltsklassen abgetheilten Besstandsguten (h. 441. 2.) und den allgemeinen Waldmassenschen Aufeln mit erwägender Verzleichung der paßlichen Richtproben und vorssindlichen Sehaltsfaktoren. Reichen diese Mittel eben nicht zu, so nimmt man noch besondere Nachproben; und wo die Ungleichs mäßigkeit des Bestandes unübersehdar ist, oder werthvolles Starksholz zerstreut vorkommt, bedient man sich der stammweisen Auszzählung.

3) Nebenschätzung. Diese umfaßt nicht nur jede, sowohl an einem bestimmten Orte, als auch von mehren Forstorten zusammen aufbringbare Nutzung an Nebenerzeugnissen, sondern auch jede, etwa thuliche, anderartige Benutzung des Waldsbodens.

§. 443. Musterung ber eingeschätzten Orts= und Bestandsguten.

Die Schähungsergebnisse aller Ortsgüten, Massengehalte und Zuwachsbeträge sind je unter sich vergleichend zu berichtigen, ehe sie weiter verwendet werden durfen; denn bei der von Ort zu Ort fortschreitenden Einschähung verliert nicht selten has Auge sein Maß und das Urtheil seine Schärfe. In einer geeigneten übersicht, worin alles Gleichgeschähte unter den angenommenen Güteklassen und hinter den Ortbezeichnungen zusammengestellt ist, giebt sich dem von Reihe zu Reihe musternden Blicke sast jede, nur irgend erhebliche Ungleichheit von selbst zu erkennen. Hat man mit Zuziehung des ortskundigen Forstinhabers alle Reihen aus und abwärts prüsend durchgangen und aus jeder das Größere, oder Kleinere geschieden und der angemessenern Rlasse überwiesen; hat man sich dann noch mit Hulse der frisschen Rückerinnerung die gefundenen Gütegrößen von der höchsten zur niedrigsten und wieder von der niedrigsten zur höchsten in Gedanken nochmals aus der Gesammtheit ausgehoben, mit deren Einreihung verglichen und die etwa gebliedenen Zweisel an Ort und Stelle durch Nachschätzung erledigt: so kann man sich auf die Verhältnismäßigkeit der Gütenausstellung aller Orte und Besstände sicher verlassen. Diese vergleichende Musterung berichtigt die genaueste, wie die ungefähre, selbst die mangelhafte Schätzung ganz ausnehmend; sie ist ein vortreffliches Mittel, die eingewohnte Vestandskenntniß und das treffende Augenmaß der Forstdienersschaft für die Taration nach Möglichkeit zu nüten.

§. 444. Berechnung bes vorgefundenen Stamm= vermögens.

Die vollendete Musterung der Orts = und Bestandsguten dient nun hiernachst als Mittel zur sichern Berechnung des gessammten Grundwerthes, wirklichen und normalen Massenvorrathes und Massenzuwachses, indem man die Flächensumme einer jeden Güteklasse auswirft und mit der ihr angehörigen Gütezahl multiplizirt, dann die Beträge addirt.

1) Gefundener Grundwerth (§. 380.). Bon den nach Zehnteln, oder Hunderteln abgestuften Ortsgüten, z. B. 0,a-0,b-0,c..., wirft man nun noch die Flächensummen D, E, F... auß und multiplizirt eine jede mit ihrer Gütezahl. Diese Grundwerthzahlen aller Ortsgüteabtheilungen zusammen 0,aD+0,bE+0,cF... geben den gesammten Grundswerth, oder die Anzahl von Vollwerthmorgen. Wird diese wieserth, oder die Anzahl von Vollwerthmorgen. Wird diese wieser mit der ganzen Flächensumme S dividirt: so ergiebt sich die durchschnittliche Ortsgüte vom Ganzen, 0,aD+0.bE+0.cF...

jene Zahl, an welche sich so manche Ertrags = und Werthüber= schläge knupfen lassen.

2) Gesundener Massenvorrath (§. 382.). Die Massens haltigkeit der Bestände g — h — 1 . . . stust man zu 100 ober

200 Kfg. ab. Das Produkt der Fläche K — L — M... einer jeden dieser Abtheilungen mit ihrer Massenhaltigkeit giebt nun den Massengehalt derselben, und die Massendeträge aller Stusen zusammen geden den gesammten Massenvorrath gK + hL + iM ... Dividirt man diesen mit der ganzen Flächensumme S, so geht der wirkliche Durchschnitts:

Massenvorrath gK + hL + iM ... pr. Morgen hervor.
Diese Einordnung der Massenhaltigkeitszahlen unter abgerundete Seheltsklassen gemährt weleich den nicht unerhehlichen Rechts

Diese Einordnung der Massenhaltigkeitszahlen unter abgerundete Sehaltsklassen gewährt zugleich den nicht unerheblichen Rechsnungsvortheil, daß dadurch die unmittelbaren Ertragsfaktoren bedeutend abgekürzt werden.

- 3) Gefundener Massenzuwachs (§. 383.). Die zu 1 oder 2 Kfß. abgestuften Zuwachsgrößen n o p... lassen sich auf gleiche Weise nach der, einer jeden Abtheilung zukommenden Fläche Q, R, T... berechnen und zum gessammten Massenzuwachs aussummiren, aus welchem sich wieder der wirkliche Durchschnitts=Massenzuwachs pr. Morgen $\frac{nQ + oR + pT...}{S}$ ergiebt. Das wirkliche Massuwersen.
- 4) Der normale Massenvorrath im vollkommenen Waldzustande ergiebt sich am kurzesten durch das Produkt der gefandenen Bollwerth = Morgenzahl 0,aD + 0,bE + 0,cF . . . mit dem aus der Lokalertragstasel (n. §. 424, 2. 3.) zu entzissenden normalen Massenvorrathe vom Morgen $\left(\frac{Mv}{A}\right)$ der ausgesucht besten Ertragsgüte. Man könnte denselben auch nach den besondern Flächen der eben vorzkommenden Standortklassen theilweise berechnen. Theilt man den normalen Massenvorrath vom Sanzen durch die wirkliche Flächensumme, so ergiebt sich der normale Durchschnitts Massensumme, so ergiebt sich der normale Durchschnitts
- 5) Den normalen Massenzuwachs sindet man zus sammen in dem Produkte der Vollwerth=Morgenzahl mit der Durchschnittsmehrung $\binom{M}{A}$, oder mit dem Durchschnittszuwachse

(§. 424. 5. 7.). Die Theilung besselben mittels ber wirklichen Flächensumme ergiebt ben normalen Durchschnitts=Massenerwachs vom Morgen. Wo die Lokalertragstafel nicht bis zur höchsten Ertragsklasse hinaufreicht, läßt sich die höchste Ertragsgüte leicht nachberechnen. Wären z. B., wie oben, nur 0,8 ausgestellt, so würden jeder Zahl noch zugesetzt. Zu §. 422. I betrüge der höchste Durchschnittserwachs pr. Mg. im 50jährigen Umtried 75 und 100 Ks. Übrigens könnte man auch den normalen Massenzuwachs theilweise berechnen, nach der Flächenaussehnung jeder Standortklasse, wie den normalen Massenvorrath. Nach beiden wird noch das normale Massenvorrath.

6) Zu allen diesen Massengrößen berechnet man in der Regel noch die summarischen Werthbeträge von den verschiedes nen Holzgattungen und Altersklassen nach geeigneten Durchsschnittspreisen, nämlich: den Werthvorrath im Sanzen und pr. Morgen, die gesammte Werthzunahme mit dem Werthzunahme=Prozente.

§. 445. Allgemeine Betriebsanordnungen.

Auf dem Grunde der gesammelten nahern Kenntniß von den außern und innern Forstverhaltnissen, so wie von dem gesammsten Betrage des wirklich vorhandenen und des annehmbar normalen Massenvorrathes und Zuwachses, nebst den fraglichen Werthen, schreitet der Schätzer nun weiter zu den allgemeinen Betriebsanordnungen. Denn die Art und Weise, durch welche der Waldung eine gewisse höchste Nutbarkeit verschafft und abzgewonnen werden kann, ist durchaus erst sestzustellen, bevor man über die Massen= und Wertherträge ein bestimmtes Urtheil sällen darf. Diese Anordnungen können aber in der Regel jetzt nur noch bedingt getrossen werden, indem die periodische Ertragsbezrechnung und vergleichende Zusammenstellung erst über ihre Haltbarkeit entscheiden müssen.

- 1) Bor Allem trifft man Bestimmungen über die kunftigen Waldbetriebsarten und die zu sondernden Betriebs verbande, über die zu erzielende Bestandesordnung und die erforderliche Betriebssührung, jedoch vor der Handbloß nach allgemein sorstwirthschaftlichen Grundsätzen. Sicherer läst sich jetzt schon die Zeiteintheilung anordnen, mit solzgenden Zeitmaßen.
- 2) Die normale Umtriebszeit oder das durchschnitt= liche Schlagbarkeitsalter (§. 437.).
- 3) Das ortliche Schlagbarkeitsalter, in welchem jeder normale Waldbestand seiner Ortsverhaltnisse gemaß einen gewissen höchsten Ertrag abwirft, und zwar:
- a) in dem Massen=Schlagbarkeitsalter, den hoch= sten Durchschnitts=Massenertrag (§. 416. 2. c.);
- b) in dem Werth=Schlagbarkeitsalter, den höchsten Durchschnitts=Werthertrag (§. 419. 2.);
- c) in dem Verzinsungs=Schlagbarkeitsalter, ben bochsten Zinsengewinn (§. 420. 2.).
- 4) Das Abtriebsalter, ober dasjenige Haubarkeitsalter, in welchem ein vorgefundener Waldbestand, nach Maßgabe der vorwaltenden Bestandsverhaltnisse, bald zur Herstellung einer gezregelten Bestandssolge, bald wegen eines besondern Wohlgerathens oder Übelbesindens, bald wegen Übersluß oder Mangel an schlagsbaren Beständen u. s. w. wirklich zum Abtrieb gezogen werden muß, früher oder später, als das örtliche Schlagbarkeitsalter es bedingt*).
- 5) Der Einrichtungs=Zeitraum erstreckt sich bis zur erzielten Herstellung eines ziemlich normalen Altersklassen=Ver=haltnisses, von welchem Zeitpunkte erst die normale Umtriebszeit in Wirkung tritt. Diesen Zeitraum muß der aufzustellende Bestriebsplan durchaus umfassen.

^{*)} Haubarkeit bezeichnet bloß im Allgemeinen ben Zeitpunkt, wenn ein Baum, ober Bestand für die Walderziehung am abkömms lichsten, für die Rutung am ergiebigsten und nach den zus fälligen Umständen am verwerthbarsten ist. Schlagbarkeitss, umtriebs. und Abtriebsalter verbinden daher mehr untergeordnete, aber schärfer bestimmende Begriffe von Paubarkeitsalter.

- 6) Der Abschätzungs=Zeitraum, so weit man die Massen = und Wertherträge nach Maßgabe des vorgefundenen Waldstandes Ind der äußern Nutzungsverhältnisse näher bestimmt.
- 7) Betriebs=Perioden. Diese bekommt jeder Betriebs= verband ganz für sich; ihre Größe wird gewöhnlich auf 5, 10 oder 20 Jahre gesetzt, so daß die Umtriebszeit deren 3 bis 5 (etwas mehr oder weniger) beiläusig umfaßt. Erleichternd ist es, besonders für die Ertragszusammenstellung, wenn die Betriebs= Perioden der verschiedenen Betriebsverbande eines Forstes in ein= ander aufgehen.
- 8) Die Etats= oder Finanz=Perioden beziehen sich bloß auf das Einkommen und dessen Verwendung; man sollte sie mit dem Forstbetrieb nie vermischen. Mittels einer ganz leich= ten Rechnung können die ihnen aus den Betriebs=Perioden zu= kommenden Beträge ausgeworfen und etatisirt werden.
- 9) Zudem ist noch eine geregelte Ortabtheilung uns erläßlich, die nicht nur jeder Betriebseinrichtung und Nachberichtigung, sondern auch dem Betriebe aller Zeiten zum festen Rahmen dient, in welchem der Waldstand nach und nach gleichsam von selbst geordnet, die Hiebe folgerecht und sicher geleitet und die Größen aller Nutzungsflächen leicht abgegriffen werden können. Es ist bedauerlich, daß dies Fachwerk, ohne welches ein geregelter Betrieb nie bestehen kann, noch so wenig beachtet wurde. Die kostbarsten Vermessungen sind darüber unbrauchbar geworden.

§. 446. Aufstellung bes Betriebsplanes.

Wollte man bei den gar sehr verschiedenen, oft ganz unsregelmäßigen Waldzuständen und bei den noch weit verschiedenern, oft ganz irrigen Wirthschaftsmeinungen den Forstbetrieb einer Ertragsabschätzung ohne alle nähere Andeutung von Ort und Zeit, von Maß und Ziel der Ertrags=Erzeugung und Entnehmung unterwersen: so wäre das ein unverantwortlicher Fehlegriff. Tede Waldbehandlungsweise versetzt das Waldvermögen in ganz eigene Wuchsverhältnisse und hat somit auch einen eigenen Ertrag zur Folge. Tede Ertragsabschätzung muß daher auch eine gewisse Art und Weise der Behandlung voraussehen, einen

Betriebsplan unterstellen, wenn ihre Ergebnisse sichern Grund fassen und guten Glauben sinden sollen. Keine Abschätzungs= Methode kann und darf sich hiervon freisprechen, und jeder Tarator ist es sich selbst schuldig, genügend darzulegen, auf welche vorausgesetzten Mittel und Wege sein Schätzungsergebniß ges gründet ist.

Ein solcher Betriebsplan braucht keinesweges umständlich und streng bindend zu sein, sich auch als solcher nicht eben mit Ertragsgrößen zu befassen; er muß vielmehr den eingerichteten Betriebsgang einsach, klar und übersichtlich darlegen und dem Wirthschafter als rathender und belehrender Leitsaden dienen. Freilich ist eine nicht gemeine Meisterschaft erforderlich, in demsselben alle Anforderungen der verschiedenen Interessen, so wie der Wirthschaft und Wissenschaft für Gegenwart und Zukunft zu erzsüllen. Unser Betriebsplan stellt in Übereinstimmung mit der Bestandskarte jeden Betriebsverdand für sich auf und ordnet theils mit Zahlen, theils mit kurzen Worten, von jeder Ortszund Bestandes Abtheilung solgende Gegenstände ein:

A. Linke Seite.

- 1) Grund und Boden: Woran die Ortsbezeichnung, bann der gesammte Flächengehalt und die besondere Ertrags fähigkeit.
- 2) Vorgefundener Waldbestand: Die abgetheilten Alters = ober Wuchstlassen des Hauptbestandes, die Zwischenbesstände und unbestockten Waldslächen.

B. Rechte Seite.

- 3) Getroffene Betriebsanordnung: Den Betrieb jeder Periode auf den ganzen Einrichtungszeitraum erstreckt, nur für die eigentliche Abschätzungszeit aussührlicher gehalten. hiers von werden die Schritte der verzüngenden Haupthauungen zur künftigen Bestandesordnung und die des neuen Waldanbaues mit Flächenzahlen, die Zwischenhauungen, so wie der laufende Wiederandau, aber nur wortlich bezeichnet.
- 4) Rebenbestimmungen: Wegen Abweichung bes Schlagbarkeitsalters, Berstellung ber Bestandsfolgen, Berücksichtigung ber Nachbarbestände, Bertheilung settener Hölzer; auch

wegen ortlicher Berechtigungen und Anspruche, Zuganglichkeit in die hutbaren Theile u. f. w.

Go eingerichtet ersetzt ber Betriebsplan zugleich bas Bermessunge=Register und bie Altereklassentabelle und giebt babei eine klare Übersicht, wie und wann des Waldes Normalzustand erzielt wird. Denn alle Berjungungeflachen ber Betriebs = Derioden rucken ihrer Zeitfolge gemäß vollkommen bestanden in ben folgenden Umtrieb über, zur Begründung einer ganz geregelten Altersabstufung wohlgeordneter Bestände. Diesen Betriebsplan erkennen wir als ben Kern aller Forstbetriebs-Ginrichtungen und Abschähungen und als bas Meisterstück aller forftlichen Runft und Wissenschaft. Rein Wunder also, wenn Forfigelehrte, benen die tiefere Einsicht in das Wesen der Walder zu fern vom Schreib. tische liegt, sich davon lossagen und mit ben Etatsformeln behelfen, oder wenn sogenannte Forstmeister in ihrer Befangenheit meinen, dem Forstwirthe durften die Sande nicht gebunden werben! — Eine solche Entzügelung der Unkunde und Vermahr= losung wurde die Walder immer tiefer in's Berderben führen.

§. 447. Abschätunge=Methoben.

Bis hierher beschäftigten wir uns bloß mit den Borarbeiten zur Begründung und Regelung des Waldbetriebs und der Erstragsentnehmung, welche in jedem gegebenen Falle und zu jedem weitern Behuse mehr oder minder ersorderlich sind. Jest handelt es sich nun um die verschiedene Art und Weise, wie die ermittelzten Massen und Werthgehalte zur wirklichen Ertragsabschäßung verwendet werden können. Zunächst bieten sich uns zwei wesentzliche Verschiedenheiten des Versahrens dar, je nachdem die Forstzerträge von einem ganzen Waldverbande zusammen, oder von jedem einzelnen Waldbestande besonders abgeschäßt werden. Bon beiden Hauptversahren können wir das erstere die sum=marische Abschähren können wir das andere, mehr das Einzelne in Ort= und Zeitsache ordnende, hat sich Kachwerks= abschäßung geltend gemacht.

Die summarische Abschäung bestimmt ben, von jedem Walbverbande überhaupt zu entnehmenden Massenertrag nach gewissen Rechnungsformeln, welche den vorgefundenen Massenvorrath auf eine oder die andere Weise zum Grund legen. Von diesem kann man den Massenzuwachs, oder einen Prozentabfall, oder auch gleich einen Durchschnittstheil abnuzen. Dies begründet drei verschiedene Versahrungsarten der summarischen Abschäung, nämlich: nach dem Nugungszus wachse, dem Nugungssprozente und der Durchschnittsenugung.

Die Fachwerksabschätzung erhebt ihre nach Ort und Beit aufzustellenden Nutungsgrößen entweder kurzweg mittels besonderer Durchschnittserträge und gemeinschaftlicher Ertragsberechnung, ober ganz aussührlich aus dem gesondert abgeschätzen Ertragsvermögen eines jeden Bestandes an sich.

Hethoben:

- 1) Die summarische Abschätzung nach bem Nustungszuwachse.
- 2) Die summarische Abschätzung nach bem Ru= tunge=Prozente.
- 3) Die summarische Abschätzung nach allgemeis nen Durchschnittsnutzungen.
- 4) Die Fachwerks=Abschätzung nach befondern Durchschnittserträgen.
- 5) Die Fachwerks = Abschätzung nach Sonder= erträgen.

Von diesen fünf verschiedenen Versahrungsarten kann jede nicht nur für sich, sondern auch zur Aushülfe einer andern, und alle können in demselben Forste recht süglich neben und hinter einander gebraucht werden. Wer durchaus nur eine einzige besvorzugt und die andern verwirft, beweist damit seine Kurzsichtigskeit, etwa wie jener Geometer, der mit Kette und Stab die ganze Weskunst üben wollte.

§. 448. Summarische Abschätzung nach bem Nugungszuwachse.

Diese Abschähungs=Methode bestimmt ben Waldmaffen= Ertrag bloß nach dem vorgefundenen wirklichen Massen= zuwachse, von dem Grundsatze ausgehend: daß eine jede Waldung, sei sie in vollkommenem Zustande oder nicht, von Jahr zu Jahr gerade so viel Masse nachhaltig abgeben kann, als ihr Jahreszuwachs eben beträgt, ohne an ihrem Stammkapitale zu verlieren. Man schätzt zu ihrer Anwendung den stehenden Massenvorrath und den lausenden Massenzuwachs und beurtheilt nach beiden die weitern Ertragsverhältnisse.

- 1) Die Zuwachsschätzung ist hierbei ber hauptsächliche Gegenstand; sie wird auf dreierlei Weise bewirkt:
- a) Mittels der vorgefundenen Durchschnittsmeh = rung anstatt des laufenden Jahreszuwachses. Wir haben schon oben (h. 376. 426.) dargethan, daß und warum die Summe jener Quotienten der Bestandsmassen durch ihre Altersjahre bis zu 50 pCt. von dem wirklichen Jahreszuwachse abweichen kann und also zu diesem Behuse ganz unbrauchbar ist, wenn es auch möglich wäre, von jedem Bestande Mittelaster und Massengehalt durchgängig genau zu erforschen. Diese sehlerhafte Stellvertreztung sührt übrigens stets zu einem kleinern Ergebnisse, was einigermaßen noch zu ihrer Duldung gereichen bürfte.
- b) Anderwarts hat man, um diesen offenbaren Fehler zu umgehen, den fraglichen Zuwachs nach der Bestände Masssengehalt und Alter mittels der Prozente einer NormalsErtragstafel berechnet und sich dabei auf drei Abwege begeben. Sinmal ist, wie bekannt, die Bestimmung des Besstandsalters höchst unsicher; zweitens, mangelt allen Ertragstaseln die hierzu erforderliche Zuverlässigskeit; endlich, drittens, kann der wirkliche Zuwachs doch wohl nur zufällig mit einem idealen übereinstimmen, sonst müßten ja auch in der Wirklichkeit alle an Masse und Alter gleichen Bestände derselben Waldgattung in ganz gleichem Zuwachse stehen, was offenbar widersinnig ist.

- c) Der laufende Zuwachs selbst, welchen man nach unserm Versahren, von Ort zu Ort gehend, mit der Bestands= masse wirklich ermittelt, ist unbedingt die sicherste Grundlage diesser Abschäungs-Methode und legt nebenher auch die Unbrauch= barkeit jener beiden Versahren an den Tag. Nur halt man eine solche Schäung für weit schwieriger und umständlicher, als sie es wirklich ist, indem dabei das Augenmaß mittels vergleichbarer Proben sehr thätig sein kann.
- 2) Diese Abschätzungs-Methobe, obschon sie unter allen sum= marischen in der theoretischen Prufung am besten besteht, nimmt gerade benjenigen Ertragsfaktor zur Grundlage, deffen Ermittelung am unzuverlässigsten ift, und bem beghalb der kundige Schätzer nie eine Entscheidung über das Vorhandene wesentlich einraumt. Budem bleibt sich biese Große keinesweges auf langere Beit gleich; benn jebe Hauung, jeber neue Nachwuchs andert ben fummarischen Massenzuwachs, besonders in einem noch unvoll= kommen bestandenen Walde. Durch geeigneten Abtrieb der zu= wachsarmen Solzer, burch fleißige Luftung ber gebrangten Buchse und durch rasche Nachzucht läßt sich berselbe ebenso heben, als durch Berwahrlosungen herunterbringen. Wenn nun auch diese Methode ein gewisses Auf= und Absteigen des Massenzuwachses mit in Rechnung nimmt, so geschieht bies doch nur muthmaßlich und ganz im Allgemeinen. Sie läßt sich nicht darauf-ein, die Mittel und Wege nach Ort und Zeit zu würdigen, durch welche ber Waldzustand gebessert, der Zuwachs gehoben und darauf hin auch sogleich der Ertrag gesteigert werden kann, was die Fach= werksabschätzung so geflissentlich leistet.
- 3) Erwägt man, daß diese Zuwachsabschätzung mit dem Fachwerk ganz gleiche Borarbeiten bedarf, jene genauen Aufnahmen
 aber, die dem örtlichen Betrieb zu so nützlichem Anhalt dienen
 können, zu weiter nichts gebraucht, als einen summarischen Ertragsatz herauszurechnen, anstatt mit Anwendung einer gar kleis
 nen Mühe noch den aussührlichen Birthschaftsplan zu entwersen,
 und daß dabei dennoch von einer öftern Wiederholung die Rede
 ist: so muß es ganz befremdend erscheinen, wenn auf diese Abschätzungsart ein so hoher Werth gelegt wird. Ist hier nicht die

Scheu vor einer meisterhaften Aufftellung bes Wirthschaftsplanes mit im Spiele? Bur selbständigen Abschätzung durfte sich diese Methode nur in dem seltenen Falle eignen, wo man entweber jest noch nicht, oder ganz und gar nicht im Stande ift, einen geregelten Schlagbetrieb einzurichten, wie in dem Planterwalde, so wie in einem Waldgemenge von ganz unvereinbaren Holzwuchsen, das fich zuweilen wohl auf den grellesten Standortverschiedenheiten vorfindet. Hauptsächlich empfehlen wir dies Bets fahren als ein vorzügliches Hulfs = und Bemahrungs = Mittel ber Fachwerks-Abschäßung, welcher es zum großen Vorwurfe gereicht, daß sie sich bessen nicht langst bediente. — Soll jedoch diese Ertragsregelung mehr Sicherheit und Brauchbarkeit gewinnen: so muffen die zur allgemeinen Bergleichung geeigneten Durchschnittes nugungen und Massennugunge-Prozente mit ausgeworfen werben, und es mußte ihr das Werthnugungs-Prozent durchaus zur wirth= schaftlichen Richtschnur bienen.

§. 449. Summarische Abschätzung nach dem Rutungs=Prozente.

Die Ertragsabschähung nach dem Massennugungs. Prozente stütt sich zwar auch auf den Jahreszuwachs; sie legt aber nicht den im gegebenen Walde eben Statt sindenden Ruhungserwachs zum Grund, sondern ein frem des, wegen des leichtern Gebrauchs in Prozenten des Massenvorrathes ausgedrücktes Zuwachsverhaltniß. Dieses Zuwachs oder Nuhungs-Prozent nimmt man entweder als ein reales von anderwarts wirklich gefundenen Zuwachsverhaltnissen, oder als normales, unmittelbar aus einer Normalertrags-Tasel und wendet dassetbe auf den vorgefundenen Massenvorrath an.

1) Anwendung eines realen Nugungs=Pros zents. Sammelt man sich die bei aussührlichen Ertragsabs schätzungen gefundenen und in Prozenten ausgedrückten Berhälts nisse des Massenvorrathes zum Nutzungsbetrag: so gewinnt man wohl ein, aus der Wirklichkeit gegriffenes Vergleichungsmittel zur kurzen Ertragsabschätzung anderer in Standort und Waldgats tung, Altersverhältniß und Bestandsaute, Behandlung und Bes nutung ganz gleicher Waldungen, von benen hierzu weiter nichts, als der Massenvorrath bekannt zu sein braucht. Freilich sind solche Bergleichungsgrößen nicht leicht zu gewinnen; noch uns sicherer ist aber ihre Anwendung, weil die Bergleichungs = Gegen= fande dem Auge zu entfernt liegen und die Prozentsage gewöhn= lich in zu kurzen Zahlen gegeben und genommen werden. Unterschied von 2 und 23 pCt. scheint z. B. ganz unbedeutend, läßt aber doch die Wahl zwischen sehr erheblichen Ertragsunter= schieben, so z. B. zwischen 4000 und 5000 Klftr. Dies Ab= schähungsmittel kann also eigentlich nur zu ungefähren Überschlägen dienen, theils wo eine genauere Erhebung bes Ertragver= mogens eben nicht thulich ist und man den vorhandenen Massen= vorrath nur fluchtig überrechnet, theils zur Bergleichung ber auf andere Weise ermittelten Abschähungsergebnisse.

2) Das normale Rugungs=Prozent soll von einer Normalertrage= Tafel ausgehoben werden, welche den Standort= verhaltnissen, der Waldgattung, Behandlung und Benugung ge= nau entspricht, und zwar ohne Berücksichtigung des abnormen Waldzustandes. Diese Auswahl bleibt stets eine mißliche Aufgabe, ware man auch wirklichem Besitze recht zuverlassiger Er= tragstafeln. Denn wer will und kann dabei so auf's Allgemeine hin bestimmen: in welchem Maße die Verjungung beeilt, ober versäumt, die Wachsthumskraft gehoben, oder geschwächt wird; welche Ginmischungen frembartiger Solzer zugelaffen, ober be= forbert werden; ob man früher oder später, stärker oder gelinder, ober gar nicht burchforstet; wie viel die Vorbereitungshiebe und die Nachhaurückstände auf das Nutungs-Prozent einwirken durf= ten u. s. w.? Ware nun auch die Auswahl der angemeffenen Normalertrags=Tafel hinfichtlich bes Betriebs gelungen, wer will und kann nun folche idealen Zuwachsverhaltnisse treffend über= tragen auf jene abnormen Waldzustände, worin sich hier überwiegende Althölzer mit den allerniedrigsten, dort überwiegende Junghölzer mit den allerhöchsten Zuwachs-Prozenten in den ab= weichendsten Bestandsguten sinden? Die Theorie klugelte sich das normale Nugungs-Prozent heraus, um die ihr stets unbequeme Praris kurz zu umgehen, und gewann für die darauf gegründete Abschätzungsweise manche eifrigen Anhänger, die sich zu schwach fühlten, in die innern Wachsthumsverhaltnisse der Walder mit erfahrungskundigem Blicke einzudringen und der künftigen Bewirthschaftung in voraus geeignete Rathschläge zu geben. Es ist nicht schwer, zu beweisen, daß es dieser Methode ebensowshl an theoretischem Grunde, als an praktischer Anwends barkeit mangelt.

- 3) Um zunächst die Theorie der Prozent = Abschätzung zu beurtheilen, darf man nur Folgendes erwägen:
- a) Alle oben dargelegten Mångel der summarischen Abschästung nach dem Zuwachse wohnen ihr in weit größerm Maße bei, weil sie den Zuwachs nicht selbst erhebt, sondern bloß nach frems den Sätzen anspricht.
- b) Solchen, von Normalertrags=Tafeln entnommenen Rustungssätzen mangelt es durchaus an der erforderlichen Gründlichsteit. Wer fähig ist, die Ertragsverhältnisse mit sicherer Hand in der Natur aufzugreisen, der erkennt auch die Trüglichkeit aller Normirungen des Nutzungs=Prozents und fällt ab von dieser irrigen Lehre. Warum theilte selbst deren Meister keine vollstänz digen Ertragstafeln mit?*)
- c) Das normale Nutungs-Prozent schwankt in den verschies denen Umtriedsaktern (§. 422.) so bedeutend, daß nur wenige Jahrzehnde eine Abweichung von mehren Prozenten zur Folge haben können. Wie höchst verschieden sind aber die Benutungssakter in unsern Wirthschaftswäldern, und wie dürste auf dieselben ein gleiches Nutungs-Prozent allgemein angewendet werden, das zumal nach einem idealen Umtrieds-Alter normirt ist, über dessen sicherm Grunde den Etatsformsern noch ein so undurchdringliches Dunkel vorschwebt?
- d) Dieses normale Nutzungs-Prozent kann auch schon wegen bes stets zweiselhasten Aussalles der Vorerträge zu einer sichern Richtschnur nicht wohl dienen. Man will zwar nur den Hauptsertrag festsetzen. Keinesweges läßt sich aber im Laufe der Wirth-

^{*)} Den Ursprung ber von ihm gelieferten Bruchstude tonnte b. Bf. am besten nachweisen.

schaft scheiben, was dem Vorertrage und was dem Hamptertrage eigentlich angehört. Die in der letztern Vergangenheit nicht auszgesorsteten Unterstämme mehren z. B. den Hauptertrag, so wie die Vorbereitungshiebe denselben bedeutend mindern. Jede sumt marische Abschähung, die eine sotche Sonderung des Hauptertrags vom Vorertrage eingeht, verirrt sich offenbar in unhaltbare Besstimmungen.

- e) Endlich dürfte es doch wohl weit zweckmäßiger und sichez rer sein, gleich die vorfindlichen Holzvorräthe an sich den Abz triebszeiten zuzutheilen, als den von ihnen im Allgemeinen zu entnehmenden Ertragstheil nach solchen, bloß in der Einbildung schwebenden Verhältnissen summarisch zu bestimmen.
- 4) Der Praxis empsiehlt sich dieses normale Nutzungs-Prozent ebenso wenig. Denn
- a) Alle Bergleichungen, die man mittels der sondernden Absschätzung angestellt hat und anstellen wird, ergeben, daß in einer jeden Waldung der wirkliche Jahreszuwachs, das wirthsschaftliche Nutungs=Prozent und das normale Rustungs=Prozent gar bedeutend von einander abweichen.
- b) Diese, dem Ungefähr zu sehr anheim gegebene Prozentsschätung bietet durchaus nicht genug Sicherheit und Brauchbarsteit; Niemand kann dieselbe den wechselnden Verhältnissen der Inkunft recht anpassen. Wollte man aber von Zeit zu Zeit nachstariren, wie sich die Bestands und Wachsthumts Verhältnisse des Waldes und die Meinungen der Wirthschafter nur frgend indern: so nühme das Taxiren kein Ende, und dennoch sände man nie, wo und wiesern gesehlt worden ist, weil sich die ganze Schätzung immer nur um die Samme dreht. Dies, und daß sich der Wirthschafter auf die verheißene Nachschätzung verläßt, ohne einen wohl geordneten Betriebsplan einhalten zu mussen, gefährdet das Waldvermögen weit mehr, als man glaubt.
- c) Übrigens ware auch die genaue Bestandesaufnahme zum bloßen Gebrauche des Nutzungs-Prozentes offenbar eine unzwecks mäßige Taxations-Verschwendung. Muß man zum Behuf dieser Abschätzung den Massenvorrath ausnehmen, so ist es ein Leichtes, an Ort und Stelle auch alsbald den Massenzuwachs zu exmitteln,

und sich badurch wenigstens eine minder zweiselhafte Grundlage ' zu verschaffen, im Fall die Bearbeitung eines aussührlichen Wirth= schastsplanes nicht den Vorzug gewänne.

Sollen wir nun die Ertrags = Abschätzung nach dem Holz= nutzungs = Prozente in die Grenzen ihrer Brauchbarkeit weisen: so durste dieselbe nur zur Vergleichung der Ergebnisse späterer Normalzustände und als bedauerliches Beispiel dienen, wie weit die unpraktische Theorie Herr über das heutige Forstwesen geworden ist.

g. 450. Summarische Abschätzung nach allgemeinen Durchschnittenutzungen.

Die Waldabschätzung nach allgemeinen Durchschnittsnutzungen nimmt weder den wirklichen, noch einen fremden Zuwachs als unmittelbare Grundlage, sondern bedient sich bloß eines Durchsschnittstheiles von dem Massenvorrathe. Wir unterscheiden in dieser Beziehung dreierlei Durchschnittsnutzungen, nämlich: die progressionale, normale und reale, somit auch drei verschiedene Arten der Durchschnitts-Abschätzung.

1) Abschätzung ber progressionalen Durch=
schnittsnutzung eines Waldverbandes. Man nimmt
in allen Altersklassen eine von der ersten Entstehung bis zum
Eintritte des Abtriedsalters jährlich ganz gleiche Massenmeh=
rung an und berechnet, wie in §.88.2. (wo S: $\frac{n+1}{2}$ = nd),
nach dem geschätzen wirklichen Massenvorrathe wv (= S)
und der ganzen Umtriedszeit u (= n) einen jährlichen
Durchschnitts= Hauptertrag wd (= nd) mittels der schon
bekannten Formel:

$$wv: \frac{u+1}{2} = wd;$$

oder kurzer und meist treffender nach:

$$wv: \frac{u}{2} = wd.$$

Die etwaigen Vorerträge könnten baneben nach h. 427, und bem besondern Waldzustande veranschlagt werden.

Da sich eine hierbei vorausgesette, ganz gleiche Massen= mehrung in der Natur nicht sindet, so kann diese längst bekannte und gedrauchte, neuerlich wieder aufgefrischte Formel auch nur für Waldungen von starker Entstehung annäherungsweise passen, und zwar ganz allein zur Berechnung des Hauptertrags sür ein Umtriedsalter, das zwischen die Wendepunkte der Durchschnitts= mehrung und des Durchschnittszuwachses fällt. Übrigens kann dieser Progressional= Durchschnitt eigentlich nur zu Überschlägen dienen und etwa als Beiläuser der mittels anderer Abschähungs= Wethoden gefundenen Ertragsätze.

- 2) Abschätung ber normalen Durchschnitts= Hierbei hat man keinen andern 3meck, als muth= nugung. maßliche Bestimmung bes Vollertrags im einstigen Normal= zustande des Waldes. Die Forstsläche jeder vorfindlichen Stand= ortklasse wird summirt und mit dem ihr nach Waldgattung und Umtriebszeit zukommenben normalen Durchschnittsertrage vom Morgen multiplizirt; die Summe bieser Produkte ergiebt den normalen Vollertrag vom Ganzen (§, 444.). Es ist dies eine Berechnung, beren Gegenstand nur in der Idee beruht; bennoch gebenkt Mancher, ben gegenwärtigen Walbangriff nach solchen hochst unsichern Ergebnissen reguliren zu konnen. Wir stellen diest ibealen Durchschnittsnugungen an ben Schluß unserer Wirthschaftsplane, gleichsam als endliches Ziel der beabsichtigten Walbvervollkommnung.
- 3) Abschätzung nach realen Durchschnittsnustungen. Man sammelt sich, aus den Ergebnissen gut geführter Waldwirthschaften und anderwärtiger Abschätzungen ganzer Waldförper, nach der Gesammtsläche durchschnittlich vom Morgen und Jahr berechnete Massenerträge mit Bemerkung aller dazu beitragenden Forstverhältnisse und spricht danach die allgemeine Durchschnittsnutzung der fraglichen Waldungen in Gemäßheit ihres gegenwärtigen Justandes ohne Weiteres an. Wurden in dem abzuschätzenden Forste während der letztern Jahre die ersfolgten Abtriebe nach Schlagsläche und Holzertrag gehörig aufgezeichnet, sinden sich auch die vorhandenen schlagbaren Bestände den eben abgetriebenen ziemlich gleich, und rücken die jüngern

Alterkklassen mit der Zeit verhältnißmäßig nach: so dienen die seitherigen Abtriedsergebnisse zu einem sehr sichern Schätzungszgrunde der künstigen Durchschnittsnutzung. Oft sindet der mehr auf seine Waldung, als auf die Etatisirungs-Künsteleien achtende Praktiker jede weitere Schätzung ganz überslüssig, wenn er mit einem wohldurchdachten Betriedsplane versehen ist, seinen Abtried auf die Fläche basirt und den vorläusig angenommenen Nutzungszsatz der den Durchschnittsschätzungen leisten in wenigen Tagen meist mehr Brauchbares, als die umständlichsten Bearbeitungen in mehren Monaten.

Übrigens könnte man hierbei den mittlern Durchschnittsers wachs der vorhandenen schlagbaren Bestände mit zum Anhalt nehmen und die der nächsten Betriebsperiode zugewiesenen Holzer sachwerksartig mit einschäßen.

§. 451. Fachwerksabschätzung nach besondern Durchschnittserträgen.

Diese Abschätzungs-Methode erhebt auf dem Grunde eines näher -entworfenen Betriebsplanes die örtlichen und periodischen Abnutzungen bloß nach besondern, vom Morgen und Jahr ermittelten Durchschnittserträgen. Dabei leisten die Waldmassentafeln nebst einer angemessenen Mehrungstafel sehr wesentliche Dienste. Dies Einrichtungsgeschäft geht auf folgende Weise von Statten.

- 1) Zuvörderst entwirft man den Betriebsplan und theilt in diesem einer jeden Periode der Einrichtungszeit die passenden Abnuzungsbestände zu, nach Maßgabe der Fläche, des Alsters, der Hiebsfolge und sonstiger Bestimmungss
 gründe.
- 2) Von ben, ber Abnutung zunächst überwiese= nen Beständen schätzt man den Hauptertrag nach der eben vorhandenen Bestandsmasse und dem darin besindlichen Durchschnittsertrage. Dieser wird bem Bestande anstatt des laufenden Jahreserwachses (n. §. 88. 1.) bis zur bestimmten Ab= triebszeit noch ausgerechnet. Dabei sindet wenigstens eine Über=

schätzung nicht leicht Statt, fehlte auch bas Ansprechen bes Alters um etliche Jahre (§. 401. 413.).

- 3) Bur Einschätzung bes Hauptertrags von ben, ber spätern Abnutzung zugetheilten Beständen bez bient man sich der schon vorgefundenen, oder auch fremder verzgleichbarer Durchschnittserträge, die in einer kurzen Übersicht zusfammengestellt werden können, je nach Waldgattung, Bestandszgüte und Schlagbarkeitsalter. Mittels dieser ist leicht zu bestimmen, wie viel jede der fraglichen Bestandesabtheilungen in dem angeordneten Abtriebsalter an Schlagbarkeitsertrag vom Morgen erwarten läßt, nimmt man zumal die schärfern Ertragsfaktoren mit zum Anhalt.
- 4) Die inzwischen nut baren Vorerträge können recht füglich von jeder durchforstbaren Altersklasse nach den maßgebenz den Umständen durchschnittlich pr. Morgen angesprochen und summarisch ausgeworfen werden.
- 5) Bur kürzern und leichtern Ertragsberechnung stellt man die Abnuhungsslächen jeder näher zu schähenden Bestriebs-Periode je nach den pr. Morgen zu erwartenden Ertragszgüten in angemessenen Abstusungen klassenweise zusammen und multiplizirt die Flächensumme einer jeden dieser Ertragsklassen mit der überschriftlich angesetzen Ertragszahl. Diese Produkte ergeben zusammen den periodischen Hauptertrag, welcher, nach hinzurechnung der gleichzeitigen Vorerträge, durch geeignete Vorziehung und Zurücksetung bereiter Ausgleichungsbestände von Periode zu Periode noch planmäßig gemehrt oder gemindert werden kann.
- 6) Was die Nugung späterer Zeiten betrifft, so pflegt man dieselbe nach den Abtriebsstächen und Durchschnitts= erträgen nur erst ungefähr zu überschlagen und es der Zukunft zu überlassen, mit Ablauf einer jeden weitern Periode die ge= nauere Ertragsabschätzung berichtigend fortzuseten, gestützt auf die indeß gesammelten Erfahrungen. Die Nachhaltigkeit des Anzgriffs ist durch den Betriebsplan hinlänglich gesichert, wosern derselbe nur allen kunstigen Zeiten, die schlagbar bestandenen Abzuntzungsssächen gleichmäßig zutheilt.

Diese Abschäungsmethobe *) halt sich streng an diesenigen Formen und Größen, mit welchen ber ausübende Forstwirth am vertrautesten ist; sie raumt dem praktischen Blicke und dem ortstundigen Urtheile volle Wirksamkeit ein, kurzt die Ertragsberechenung bedeutend ab und kann zu jeder Zeit den veränderten Umsständen leicht angepaßt werden. — Die gleichwüchsigen Waldsgattungen mit reinem Abtrieb sind das Feld ihrer vorzüglichen Anwendbarkeit.

g. 452. Fachwerksabschätzung nach Sondererträgen.

Bei dieser eigentlichen Sonderabschäung wird jede Bestandesabtheilung nach Ertragschigkeit, Massengehalt und Zuwachs geschätt und jeder davon absallende Ertrag der Verfallzeit besonders aufsummirt. Man stellt sich in einem vorläusigen Betriebsplane den vorgesundenen Bestand und den beabsichtigten Betrieb aller Abtheilungen von Ort zu Ort unter die Betriebsverbände, bloß mittels der Fläche und kurzer Andeutungen zusammen, wirst dann einerseits den Rassenges halt und Zuwachs, andrerseits den davon in jeder Periode zu erwartenden Holzertrag besonders aus und ergänzt mit diesen Ergebuissen und mit den weitern Bestimmungen über Nachzucht und Psiege den vorläusigen Betriebsplan zum ausssschaftlichen Wirthschaftsplan. Dabei ist hauptsächlich Volgendes zu bemerken:

1) Der Schätzungszeitraum beginnt in der Regel mit dem ersten Jahre nach der Schätzung. Das Schätzungsjahr kann nicht wohl zum ersten Wirthschaftsjahre genommen werden. Letzteres aber, vielleicht der Finanzperioden wegen, mehre Jahre zurück in die Vergangenheit, oder weiter hinaus in die Jukunft zu verlegen, verursacht gar mühsame und unnöthige, die ganze Taxation gleich von vorn herein störende Zu= und Abrechnungen. Die von dem kurzern oder langern Umtriedsalter und der Regelsmäßigkeit des Bestandes abhängige Dauer des Schätzungszeit=

^{*)} Man burfte fie bie Baierische nennen.

raumes mußte sich zwar bis zum Eintritte des Waldnormals Zustandes erstrecken; aber es ist eben nicht nothig, daß auch die Sonderabschätzung so weit fortgeführt werde. So wie die Bestriebs-Regelung auf eine einfachere Weise bewirkbar ist, bedient man sich auch einer leichtern Abschätzungsart. Übrigens kann in jedem Betriebsverbande desselben Forstes die Größe des Absschätzungszeitraums sowie die der Betriebsperioden eine ansdere sein.

- 2) Vorläufige Aufstellung summarischer Pe= riodenerträge. Durch diese muß der besondern Ertragsein= schätzung erst eine gewisse, von den allgemeinen Umständen be= dingte Richtung gegeben werden.
- a) Zuvörderst bestimmt man für den nach sten oder Erst= ertrag eine vorläusige Größe. Diese ist zu bemessen: erstens, nach dem seitherigen Ertrage, dem Bedürsnisse und den allge= meinen Nutzungsverhältnissen; zweitens, nach dem vorgesundenen Waldstande, besonders in Ansehung der Altersklassen=Verhältnisse und der Werthzunahme an den erwachsenen Beständen; drittens, nach einer möglich genauen summarischen Abschätzung (§. 448. 449. 450. 3.).
- b) Hiernächst bestimmt man nach Maßgabe des Betriebs= planes den Zeitpunkt, wenn mit den voll= und folgerecht bestan= denen Altersklassen die Waldvollkommenheit und der bleiben de Vollertrag eintreten könnte. Dieser ist nach g. 450. 2. zu berechnen.
- c) Zu jenem Erstertrage und diesem Lettertrage des Abschähungs-Zeitraums bestimmt man dann alle zwischenliegen= den Periodenerträge wo möglich als arithmetische Zwischen= glieder, nach §. 89. 2.

Eine solche vorläufige Ertragsbestimmung kann zwar selten ganz eingehalten werden; sie befreit aber doch die eigentliche Erstrags-Zusammenstellung einigermaßen von jenem anhaltlosen Einsschäften der Bestände auf's Gerathewohl.

3) Wegen der besondern Ertragsberechnung ist zu bemerken: Die Erträge von den schon ziemlich erwachsenen Beständen werden nach der gefundenen Vorbestandsmasse und dem

noch zu erwartenden Nugungszuwachse berechnet; die einstigen Erträge von den Junghölzern setzt man nach der Lokalertragstafel an (§. 396—401.).

Da in eine und dieselbe Periode Erträge von mehren Besstandesabtheilungen zusammenfallen, und es während deß nicht thulich ist, an einem jeden Stücke alljährlich einzeln zu hauen; da es auch nicht voraus bestimmt werden kann, ob die Ahnuhung den fraglichen Holzbestand mehr zu Ansang, oder mehr zu Ende dieser gemeinschaftlichen Abtriedszeit trifft: so berechnet man jese den Ertrag, als ersolgte verselbe zur Mitte der Periode auf ein Mal. Nachher wird die ganze Ertragsumme in die Zahl der Abtriedsjahre getheilt.

Waren z. B. folgende Bestände zur Abnutzung für das erste Sahrzehnd bestimmt:

```
1) 30,3 Mg. zu 4200 c' Holzhaltigkeit mit 50 c' Zuwachs,
   2) 25,5° »
                 » 7420 »
                                               70 »
                                >>
                                           )
                                                        >>
   3) 28,2
                 » 6230 »
                                              60 »
             "
                                »
   4) 46
                 » 8350 .»
                                              65 »
             )
so ware davon zu erwarten (n. §. 88.):
```

- 1) $30,3 \times (4200 + 50 \times 5) = 134835 \text{ c}',$
- 2) $25.5 \times (7420 + 70 \times 5) = 198135 \text{ c}'$
- 3) $28,2 \times (6230 + 60 \times 5) = 184146 c'$
- 4) 46 \times (8350 + 65 \times 5) == 399050 c'.

Auf 130 Morgen zusammen

Idhrlich im Durchschnitte:

13 Mg. Abtriebsfläche und 91616,6 c' Abtriebsmasse.

916166 c'.

Für das 2. Jahrzehnd käme ein 15jähriger, für das II. Jahr= zwanzigt ein 30jähriger Zuwachs mit in Anrechnung.

Fällt von einem Holzbestande die schlagweise Abnutzung in verschiedene Zeiträume, so theilt man dieselbe nach der Abtriebsssäche und rechnet von jeder den geeigneten Zuwachs. Sollten z. B. von den letztern 46 Mg., zu 8350 c' Holzhaltigkeit mit 65 c' Zuwachs, 16 Mg. im 1. und 30 Mg. im 2. Jahrzehnd geschlagen werden: so trüge es davon

bem 1. Jahrzehnde 16 × (8350 + 65 × 5) == 138800 c', dem 2. Jahrzehnde 30 × (8350 + 65 × 15) == 279750 c'.

Ist aber ein Bestand stammweise auszuhauen und fällt der Ausdied zum Theil in einen spätern Zeitraum: so wird der Erstrag bloß nach Maßgabe der Aushiedszeit angesetzt. Fände sich z. B. in einem Schlage an Samendaumen a. d. Mg. 2100 c' Holzgehalt mit 40 c' Zuwachs, und die Nachhauung erfolgte wahrscheinlich innerhalb der nächsten 30 Jahre ziemlich gleichs mäßig: so rechnete man zum Holzgehalte den vollen Zuwachs auf die halbe Abtriedszeit, nämlich pr. Mg. 2100 + 40 × $\frac{30}{2}$ = 2700 c', und theilte davon jedem der ersten drei Jahrzehnde $\frac{2700}{3}$ = 900 c' zu (wosern nicht eben ein, nach §. 434. bestimmstes Zuwachs Werhältniß gegeben ist).

Fiele das erste Wirthschaftsjahr mit dem Schätzungsjahre zusammen, so wurde ein voller einjähriger Zuwachs weniger ans gesett. Überhaupt rechnet man den Zuwachs von dem Zeitpunkte der Schätzung an.

Beim Ertragsansaße spät erfolgender Abtriebe erwägt man nach Maßgabe der steigenden Stammgrundslächenzunahme, wies fern der Bestand den geschätzen Zuwachs noch als wirkliche Mehrung in sich aufnehmen kann, und ob nicht mittlerweile Zwischenaushiebe eintreten mussen. Zum Schlusse werden alle einzelnen Holzerträge jeder Periode summirt.

4) Der unregelmäßige Ausfall biefer Periodensum=
men, theils in den Berhältnissen unter sich, theils in Bergleich
mit den vorläusig aufgestellten Periodenerträgen, macht noch
eine geeignete Ertragsausgleichung nothig (§. 89. 2.), welche sich
wo möglich auf jeden Betriebsverband besonders erstrecken, stets
den Nutzungsverhältnissen gehörig entsprechen und die Grenzen
einer forstmäßigen Waldbehandlung einhalten muß. Man zeich=
net sich dazu die versetzbaren Massen gleich bei der Ertragsberechnung aus. Diese Periodenausgleichung hat nicht nur den
Massenertrag, sondern auch den Nutzungswerth zu umfassen. Zuletzt wirst man von jeder Betriebsperiode den jährlichen Haupt=

ertrag, Borertrag und Nebenentfall nebst der Anbaufläche als Angriffsag aus.

5) Die Einordnung ber Jahresertrage aus ben Betriebsperioden in die allgemeinen Etatsperioden ist übrigens ganz leicht. Gesetz, das erste Wirthschaftsjahr ware das sechste einer 12jährigen Etatsperiode, und die Schätzung ergabe an Jahresertragen:

a) von einem Niederwalde, im 1. Jahrfünft 532 Massenklaftern, » 2. » 560 » » 3. » 576 » dann fortwährend 600 »

b) von einem Hochwalde, im I. Jahrzwanzigt 860 Massenklaftern, » II. » 882 » u. f. w.:

so wurden die Etatsperioden folgende Durchschnittsertrage zu= fammenfassen:

1. Per. zu 7 Jahren:
$$\frac{532 \times 5 + 560 \times 2 + 860 \times 7}{7} = 1400 \text{ Mer.}$$
2. » » 12 »
$$\frac{560 \times 3 + 576 \times 5 + 600 \times 4 + 860 \times 12}{12} = 1440 \text{ »}$$
3. » » 12 »
$$\frac{600 \times 12 + 860 \times 1 + 882 \times 11}{12} = 1480 \text{ »}$$

Die Betriebsperioden könnten also recht füglich neben den Etats = oder Finanzperioden bestehen, und es ware gar nicht nothig, die ganzen Forsteinrichtungen auf Finanzabschlüsse zu kellen. Lassen sich doch auch die Domanenpachtungen, fruchtbare und unfruchtbare Jahre, gelinde und kalte Winter, wohlseile und theure Zeiten, Krieg und Frieden keinesweges in die Finanzperioden einzwängen; warum will man gerade dem Forstordner so mühsame Versetzungen mit schwerfälligen Zeitmaßen aufdürden und der Forsteinrichtung an ihrer innern Paßlichkeit und Revision einen so beengenden Zwang anlegen, um ein so gar einsaches Rechnungs-Erempel zu umgehen?

Dem 1. Jahrzehnbe 16 × (8350 + 65 × 5) = 1388886 Dem 2. Jahrzehnbe 30 × (8350 + 65 × 15) = 2797584

Arshieb zum Theil in einen spatern Zeitraum: so wird diffet bloß nach Maßgabe der Aushiebszeit angesetzt. Fänder Holze in einem Schlage an Samenbäumen a. d. Mg. 2100 Bolzebalt mit 40 c' Zuwachs, und die Nachhauung erfarentsig: so rechnete man zum Holzebalte den vollen Zuwachs is pie halbe Abtriebszeit, nämlich pr. Mg. 2100 + 40 x 2700 = 900 c' zu (wosern nicht eben ein, nach J. 434. bestim tes Zuwachs Zuwachs zuschlasseit.

Fiele das erste Wirthschaftsjahr mit dem Schätzungsja' zusammen, so wurde ein voller einjähriger Zuwachs weniger gesett. Überhaupt rechnet man den Zuwachs von dem Zeitpenider Schätzung an.

Beim Ertragsansaße spät ersolgender Abtriebe erwägt mach Maßgabe der steigenden Stammgrundslächenzunahme, war sern der Bestand den geschätzten Zuwachs noch als wirklitt Zwischenausdiebe eintreten mussen, und ob nicht mittlerwei einzelnen Holzerträge jeder Periode summirt.

4) Der umegelmäßige Aussall dieser Periodensum men, theils in ben Berhältnissen unter sich, theils in Bergie: mit den vorläusig ausgestellten Periodenerträgen, macht nie eine geeignete Ertragsausgleichung nichtig (h. 89. 2.), welche wo möglich aus seben Betriebsverband besonders erstucken, sienen Ruhungsverdilmissen gehörig entsprechen und die Geerseiner sorst sich dazu die versehandlung einhalten muß. Man is verdinung aus. Diese Periodenausgleichung der diese Ermais verdinung aus. Diese Periodenausgleichung der wieden und ben Ruhungswert; ju umsahnen leht wirst man von seden den Ruhungswert; ju umsahnen leht wirst man von seder Betriebsperiode den jahrlichen sie

fo zu
der nur
er herge=
yandlung

er Ertrag Berücksich= sverhältnisse wirklich vor= Lafelwerken: Zukunft ohne is bloß sum=

1

نتاز

ML.

M·

T.

拟

रेज

däßte Ertrag er entnommen colirt der Forstoflanzt sich fort

aber die Man=
fund, so be=
e Vergleichung
jede von Zeit
3 mittels ber
; man darf
fe geeigneter
wie bei den

Alles, was.

inn, wenn
unbedingte
mehr auf:
chaft im

- 6) Obgleich die Sonderabschätzung alle Erträge einzeln bestimmt und keinen passiren läßt, dessen Erhebbarkeit nicht geprüst ist: so sollte man dennoch ihre Gesammtergednisse stets mittels summarischer Abschätzung vergleichend bewähren. Dies geht aus ganz leicht, indem der eben geschätzte Massenvorrath und Zuwack aller Altersklassen, so wie die Durchschnittsnutzung jedes Betriebeverbandes und jeder Periode leicht ausgeworfen werden können. Den Ausfall dieser Vergleichungen und den Grund der erschisnenen Abweichungen hätte jeder Fachwerkschätzt unbedingt nachzuweisen.
- 7) Zum Schlusse müßte jede aussührlichere Ertragsabschiebung, je nach dem ihr eben vorliegenden Zwecke, noch weiter genügende Auskunft ertheilen über den Waldbest ands = und Bodenwerth und die Waldnugungskosten, über den gegenwärtigen und künftigen Reinertrag und das zu erwartende Werthnugungs = Prozent; erforderlichen Falls auch, wosern verschiedene Behandlungs = und Benugungsweisen zur Frage kämen, über die Einträglichkeit einer jeden dies serthverhältnisse liefert der Schätzer nur halbe Arbeit.

§. 453. Borzüge ber Fachwerksabschätung.

Bergleichen wir das Fachwerk mit dem summarischen Wischaftungsversahren, so geben sich uns folgende, demselben ganz eigenthümlichen Vorzüge zu erkennen, die alle in der gesonderten Behandlung eines jeden Gegenstandes ihren Grund haben.

- 1) Vortheilhaftere Betriebseinrichtungen. Babrend die Etatsformel nur über das Gesammte ganz oberstäcklich
 bestimmt, sucht die Fachwerksabschätzung alle Wirthschaftsvortheile
 im Einzelnen so viel als möglich heraus; sie stellt die armem Bestände früher zum Abtrieb, trifft Anordnungen zur Förderung
 der Werthzunahme, trägt Sorge wegen Vertheilung seltener Hölzer, wegen Deckung zeitlicher Ertragsausfälle, und leitet über
 haupt allerwärts gewinnbringende Maßregeln ein.
- 2) Größere Walbordnung. Die Fachwerkseinrichtung macht es sich zur hauptsächlichen Aufgabe und gebraucht bie

geeignetsten Mittel, ben Betrieb aller Orte und Zeiten so zu ordnen und vorzuzeichnen, daß in dem ganzen Walde jeder nur irgend erreichbare Vollkommenheitszustand bald und sicher hergesstellt werde. Das Alles überläßt die summarische Behandlung mehr dem Zusall.

- 3) Genauere Ertragschätzung. Wenn ber Ertrag von jedem Waldstücke und jeder Zeit mit sorgfältiger Berücksichtigung der im Lause des Betriebs geänderten Zuwachsverhältnisse besonders geschätzt wird, und zwar mehr nach den wirklich vorshandenen Massen und nicht bloß nach unsichern Tafelwerken: so müssen die Ergebnisse für die Segenwart und Zukunft ohne Zweisel weit genauer sein, als wenn man das Alles bloß summarisch abthut.
 - 4) Sichrere Anhaltung. Der ganze Betrieb bewegt sich in dem sichern Fachwerke. Der besonders geschäßte Ertrag eines jeden Stückes kann ebenso gesondert wieder entnommen werden; von Ort zu Ort, von Jahr zu Jahr kontrolirt der Forstwirth die Ertragschätzung; kein Schätzungssehler pflanzt sich sort zur Gefährdung des Ganzen.

Ì

5) Leichtere Berichtigung. Geben sich aber die Manzgel der Ertragschätzung an Ort und Stelle gleich kund, so bezrichtigt sich die Ertragsentnehmung durch eine leichte Bergleichung des drtlichen Soll und Hat von selbst. Zudem ist jede von Zeit und Umständen bedingte Abanderung des Betriebs mittels ber Nachberichtigungen (Revisionen) leicht einzurichten; man darf nur die Ertragsgegenstände in dem festen Fachwerke geeigneter stellen. Sanz neue Abschähungen sind nicht nothig, wie bei den anhaltlosen Etatsformeln.

Sewährt nun überdies die Fachwerks-Abschäung Alles, was. von der summarischen nur irgend geleistet werden kann, wenn man ihr diese mit einverleibt: so dürfte wohl an die unbedingte Borzüglickeit dieser Methode bei Denen kein Zweisel mehr aufstommen, die frei von aller Befangenheit eine Meisterschaft im Anordnen des Forstbetriebs errungen haben.

- 6) Obgleich die Sonderabschätzung alle Erträge einzeln bestimmt und keinen passiren läßt, dessen Erhebbarkeit nicht geprüft ist: so sollte man dennoch ihre Gesammtergednisse stets mittels summarischer Abschätzung vergleichend bewähren. Dies geht auch ganz leicht, indem der eben geschätzte Massenvorrath und Zuwachs aller Altersklassen, so wie die Durchschnittsnutzung jedes Betriebse verbandes und jeder Periode leicht ausgeworsen werden können. Den Ausfall dieser Versichtungen und den Grund der erschiesenen Abweichungen hätte jeder Fachwerkschätzer unbedingt nachzuweisen.
- 7) Zum Schlusse mußte jede aussührlichere Ertragsabschästung, je nach dem ihr eben vorliegenden Zwecke, noch weiter genügende Auskunft ertheilen über den Waldbest ands und Bodenwerth und die Waldnutungskosten, über den gegenwärtigen und künstigen Reinertrag und das zu erwartende Werthnutungs vozent; erforderlichen Falls auch, wosern verschiedene Behandlungs und Benutungsweisen zur Frage kämen, über die Einträglichkeit einer jeden dies ser Betriebsarten. Ohne Darlegung aller wirthschaftlichen Werthverhältnisse liesert der Schäter nur halbe Arbeit.

§. 453. Borzüge ber Fachwerksabschätung.

Bergleichen wir das Fachwerk mit dem summarischen Abschätzungsversahren, so geben sich uns solgende, demselben ganz eigenthümlichen Borzüge zu erkennen, die alle in der gesonderten Behandlung eines jeden Gegenstandes ihren Grund haben.

- 1) Vortheilhaftere Betriebseinrichtungen. Wähzend die Etatsformel nur über das Gesammte ganz oberflächlich bestimmt, sucht die Fachwerksabschähung alle Wirthschaftsvortheile im Einzelnen so viel als möglich heraus; sie stellt die armern Bestände früher zum Abtrieb, trifft Anordnungen zur Förderung der Werthzunahme, trägt Sorge wegen Vertheilung seltener Hölzer, wegen Deckung zeitlicher Ertragsausfälle, und leitet überz haupt allerwärts gewinnbringende Maßregeln ein.
- 2) Größere Walbordnung. Die Fachwerkseinrichtung macht es sich zur hauptsächlichen Aufgabe und gebraucht die

geeignetsten Mittel, den Betrieb aller Orte und Zeiten so zu ordnen und vorzuzeichnen, daß in dem ganzen Walde jeder nur irgend erreichbare Vollkommenheitszustand bald und sicher hergesstellt werde. Das Alles überläßt die summarische Behandlung mehr dem Zusall.

- 3) Genauere Ertragschätzung. Wenn der Ertrag von jedem Waldstücke und jeder Zeit mit sorgfältiger Berücksichtigung der im Lause des Betriebs geänderten Zuwachsverhältnisse besonders geschätzt wird, und zwar mehr nach den wirklich vorzhandenen Massen und nicht bloß nach unsichern Tafelwerken: so mussen die Ergebnisse für die Segenwart und Zukunft ohne Zweisel weit genauer sein, als wenn man das Alles bloß summarisch abthut.
- 4) Sichrere Anhaltung. Der ganze Betrieb bewegt sich in dem sichern Fachwerke. Der besonders geschäfte Ertrag eines jeden Stückes kann ebenso gesondert wieder entnommen werden; von Ort zu Ort, von Jahr zu Jahr kontrolirt der Forstwirth die Ertragschätzung; kein Schätzungssehler pflanzt sich sort zur Gefährdung des Ganzen.
- 5) Leichtere Berichtigung. Geben sich aber die Mangel der Ertragschähung an Ort und Stelle gleich kund, so ber richtigt sich die Ertragsentnehmung durch eine leichte Vergleichung des drtlichen Soll und hat von selbst. Zudem ist jede von Zeit und Umständen bedingte Abanderung des Betriebs mittels ber Nachberichtigungen (Revisionen) leicht einzurichten; man darf nur die Ertragsgegenstände in dem sesten Fachwerke geeigneter stellen. Sanz neue Abschähungen sind nicht nothig, wie bei den anhaltlosen Statssormeln.

Gewährt nun überdies die Fachwerks-Abschäung Alles, was, von der summarischen nur irgend geleistet werden kann, wenn man ihr diese mit einverleibt: so dürfte wohl an die unbedingte Vorzüglichkeit dieser Methode bei Denen kein Zweisel mehr aufzommen, die frei von aller Befangenheit eine Meisterschaft im Anordnen des Forstbetriebs errungen haben.

§. 454. Mangel ber Fachwerks= Abschätung.

Wenn von Mängeln der Sonderabschätzung die Rede ist, so können dies nur solche sein, die in einem mangelhaften Vollzug, oder in einer befangenen Meinung ihren Grund haben, wie etwa folgende:

- 1) Man wirft dieser Methode den größern Aufwand an Zeit und Kosten vor. Jedes andere Schähungsversahren bes darf jedoch ebenderselben Aufnahmen. Wer durste aber die wesnigen Tage, welche zur aussührlichen Ertragsberechnung und Ausstellung des Wirthschaftsplanes erforderlich sind, einem Geschäfte absparen, das des Waldes beste Behandlung und höchste Besnuhung auf viele Jahre hinaus einrichten soll? Auch ist es nicht zu übersehen, daß eine solche Taration ganz besonders geeignet ist, die Forstbeamten zu einem seinern, planmäßigern Betrieb anzuregen.
- 2) Daß sich die Ertragsabschätzung in die dunkle Zukunft verlor, war allerdings ein Fehlgriff; nicht viel besser ist jett die kurze Abfertigung des je nachsten Jahrzehndes. Jede Waldschätzung mußte zwar in den völligen Normalzustand einzgehen, aber nur ansänglich sondernd, später ganz summarisch.
- 3) Bu hohe Etatisirung, in Folge zu hoch gestellter Ansprüche. Dies ist ein Fehler, den fast alle Schätzungen theilzten, und vor dem der Erfahrne nicht genug warnen kann. Er entspringt aus dem Vertrauen des Theoretikers in seine Kunst, das auch oft den Praktiker mit hinreißt, sich in Voraussetzungen zu versteigen, die weder der Waldbestand, noch die Walderziehung erfüllen können. Das Fachwerk hat jedoch überall Anker, um sich gegen diese Gesahren zu sichern, während die anhaltlosen Etatsformeln untergehen.
- 4) Zudem werden nicht felten einer ganz unnöthigen, oft sogar nachtheiligen Gleichmäßigkeit in Bestandsform und Alter große, unverantwortliche Opfer gebracht; ein Fehler der gehaltlosen Papiersachwerke aus den Händen umsichtsloser Theoretiker.

- 5) Schwierigkeit in Einhaltung des Wirth= schaftsplanes. Dieser Vorwurf trifft einerseits die Anord=
 nung und andrerseits die Aussührung des Betriebs. Ift der Forstordner ein Meister im Forstbetrieb, so erscheint ihm die schwierigste Wirthschafts=Ausgabe leicht; ist der Wirthschafter kein Weister, so fällt ihm auch das Leichteste schwer. Die besten Forsteinrichtungen scheitern oft an Ungeschicklichkeit; man tarire daher vor Allem sein Wirthschafts=Personale. Fehlt es freilich dem Tarator selbst an Wirthschafts=Praris und sorstlichem Scharsblick, so werden oft theoretische Anordnungen gestrossen, die auch der Geschickteste nicht aussühren kann.
- 6) Mangelhafte Betriebsanordnungen sind ein nur zu gewöhnlicher Fehler bes Fachwerks, von dem sich die summarische Abschätzung ganz lossagt. Und wenn auch der gesschickteste und erfahrenste Forstmann zur Gründung des Betriebsplanes berufen wird, so halt sich die weitere Vollsührung der Taration doch selten ganz frei von solchen Mißständen, besonders bei Einrichtung der kurzen Schutzliebsfolgen, welche der gewöhnslichen Ertragsberechnung eine so gar mubsame Kleintheilung verzursachen.
- 7) Reine Forstbetriebs = Einrichtung hat einen Salt, ohne das der Bodensorm angepaßte, fest abs getheilte Fachwerk, das dem ganzen Betriebe zum leiten den Rahmen dienen muß. Nicht selten sinden sich die frühern Anordnungen noch brauchbar, aber man ist nicht mehr im Stande, ihre Gegenstände im Walde sicher abzugreisen. Die Meisten haben leider von der Nothwendigkeit einer geregelten Ortsabtheilung im Forsthaushalte noch keinen rechten Begriff.
- 8) Aus ber festen Abtheilung jener umfänglischen Periodenschläge entspringen dagegen vielfache übel. Ein solch handwerksmäßiges Zusammenlegen ausgedehnster Abtriebsstächen sührt zu großen Verlusten an der Holzaussnutzung, Verwerthung und Absuhre, zu schonungslosen Niedersfällungen unreiser Hölzer, während man anderwärts die übersständigkeit einreißen läßt, so wie zu schutzlosen, höchst schwierigen und mißlichen Verjüngungen. Die dadurch verursachte große

Ausbreitung der kunftigen Alterstufen setzt die Balber unnothig in Gefahr wor brechenden Stürmen, auszehrenden Winden und verheerenden Insekten und nimmt den Nachkommen die Möglich= keit, burch kurze Schuthiebsfolgen den vielfaltigen Biberwartig= keiten zu begegnen, so daß dann stets neue Unordnungen im Balbbestande einreißen können. Überdies hemmen die, solchen Schablonenwerken anklebenden stabilen Umtriebe jeden feinen Betrieb, der den zufälligen Umständen so unglaublich viel abzuges winnen vermag; kein ortliches Schlagbarkeitsalter, kein Beffer= gerathen und kein Migrathen ber Bestände kann recht verwendet werden; die wirthschaftliche Leitung des Nugungszuwachses, diese so wichtige Aufgabe für jeden Forstordner und Forstwirth, ist mittels solcher Periodenzwinger auf immer in Fesseln geschlagen. Was läßt sich benken, und was werden die Rachkommen urtheis len über diese stabilen Umtriebszeiten, womit man den Wäldern ganzer ganderstrecken einerlei Lebensziel sett, so wie über die permanenten Periodenbefestigungen, womit man die Waldwirth= schaften einpfercht, und über die Werhunzung der naturgemäßen Waldzustände auf Jahrhunderte? Nur das räumliche Fach= werk muß fest bestehen; das zeitliche muß ber Beit gemåß burchaus beweglich bleiben!

9) Übrigens fehlten auch alle Sonderabschätzungen mehr ober minder, daß sie ihre muhsam gewonnenen Aufnahmen nicht auch summarisch anwendeten zur bewährenden Vergleichung der Schatungsergebniffe; daß sie ferner nur den Daffenertrag und nicht die hochste Werthnugung zum Ziele ihrer Einrichtung nahmen, dabei nicht einmal die Größe des Wald= vermögens mit dem Werthnutungs-Prozente barlegten, also bis jest selbstzufrieden auf dem halben Wege stehen büeben. ihren sogenannten Hauungsplan-Karten wurden die Mangel bes forstlichen Scharfblicks mit dem Pinsel gedeckt und ihre Wirth= schaftsvorschriften führten die Wirthschaftsbeamten von einer Berlegenheit in die andere. Dies und nichts Anderes find die Ur= sachen, warum bie Fachwerksmethobe, welche unbedingt ber größten Vollkommenheit fähig und zu jeder genauen Werthbestimmung ganz unentbehrlich ist, in so gar übeln Ruf gerieth!

§, 455. Flachen=Kontrole.

Wenn man die Abnuhung und Wiederverjüngung des Waldes auf dessen Flächenausdehnung angemessen vertheilt und stets die Abtriebsstäche mit zur Richtschnur des Angriffs nimmt, ohne jes doch den Betrieb mittels fester Periodenschläge einzustallen: so ist die Nachhaltigkeit und Gleichmäßigkeit des Waldertrags und die Regelung des künftigen Waldzustandes auf das einsachste und vollkommenste gesichert und zugleich einer jeden Ertrags : Absschäung und Entnehmung die haltbarste Grundlage gegeben. Zum Beweis diene nur Folgendes:

- 1) Die Waldbestandessläche ist der Grundsaktor aller Forstertragsschätzungen. Bei jeder Ertragsberechnung multiplizirt man nämlich, mehr oder minder geradezu, die Bestandessläche F mit der wahrscheinlichen Ertragsgüte e und theilt das Produkt in die fraglichen Abtriebsjahre i. Die Grundsormel aller Holzerstragsberechnungen ist mithin $\frac{\mathbf{F} \times \mathbf{e}}{\mathbf{i}} = \frac{\mathbf{F}}{\mathbf{i}} \times \mathbf{e}$ und beweist schon an sich, daß jede Schätzung des jährlichen Walderstrags eine Flächentheilung zum Mittler hat und das nach kontrolirt werden kann.
- 2) Nahme man die geschätzte Abtriedsmasse zum alleinigen Maßstad für den jährlichen Angriff: so befände man sich dis zum vollendeten Abtried eines jeden angehauenen Bestandes in gänzlicher Ungewißheit wegen des Erfolgs. Legt man aber die Schläge auch nach der Abtriedsstäche an und theilt sich von $\frac{F}{i}$ × e den leicht meßbaren Faktor $\frac{F}{i}$ von Jahr zu Jahr erst ab: so werden dadurch sowohl die Schritte des Angriffs gesichert, als auch die Fehler der Ertragschätzung zeitig zur Kenntniß geschracht. Es ist gewiß weit sicherer, den Ertrag nach seinen Fakztoren zu nehmen, als im Ganzen. Folglich begründet die Flächentheilung auch die Ertragsentnehmung in jedem Bestande an sich.
- 3) In jedem Waldverbande soll aber nicht nur jetzt ein ziemlich gleichmäßiger Ertrag gewonnen, sondern es soll auch für

die Zukunft ein völlig geordneter Waldzustand hergestellt werden. Dies bedingt, daß man für alle künftigen Zeiten jett schon vershältnismäßige Waldslächen folgerecht verjüngt. Eine Flächen= theilung ist also auch der künftigen Waldordnung wegen unerlaßlich.

- 4) Fände sich die Waldung in Alter und Folge durchgängig geregelt und in gleicher Gute: so triebe man alle Jahre den Flächentheil $\frac{F}{i}$ vom ältesten Bestande ab; gleiche Abtriedsstächen ergäben dann gleichen Ertrag. hier begrüns dete also die gleiche Flächeneintheilung ganz allein den gleichmäßigen Ertrag. Übrigens brauchte die Fläche nur für die Schlaghauungen eingetheilt zu werden; denn hiervon hängen auch alle Vor= und Nachhauungen ab. Diese sind im vorausgesetzen Normalzustande bei gleich geordneter Schlagstäche nicht minder gleich.
- 5) Ist der gegenwärtige Baldzustand noch unvoll=
 kommen, jedoch sogleich vereindar mit der angenommenen Betriebsart: so kann und muß die Nachhaltigkeit und Gleich=
 heit des Abtriebs ebenfalls mit gleicher Flachen=
 eintheilung begründet werden, sobald es das Verhältniß
 der Altersklassen nur irgend gestattet, indem man hier ebenfalls
 den guten und schlechten Bestand gleichmäßig mit vertheilt und
 die Ertragsantheile aller Zeiten noch durch die Bor= und Nach=
 hauungen ausgleicht. Nur die ersten Perioden konnen zuweilen
 wegen Mangel an schlagbarem Holzbestande noch nicht die volle
 Schlagsläche bekommen. Dem kunftigen Umtried ersehen dies
 jedoch die jezigen, in solchem Falle mehr ausgedehnten Anwüchse,
 Schläge und Anbaussächen.
- 6) Selbst bei ganzlicher Unvollkommenheit und Unvereinbarkeit des vorhandenen Waldzustandes mit der neuen Betriebsart, müßte auch lange Zeit in dem ganzen Walde umher ausgehauen werden ohne eigentlichen Schlagbetrieb, wie bei Umformung des Planterwaldes oder Mittelwaldes in Hoch= wald, ist die Flächeneintheilung als Basis des Be= triebsplanes und zur Herstellung des vollkomme=

Ertragsausstellung gewährt niemals einen Überblick über den Walds zustand einer jeden Zeit; zudem kann Niemand geregeste Anhiebe nach der bloßen Abtriebsmasse anordnen oder anlegen.

Überdies besteht die Nothwendigkeit eines jahrlich ganz gleischen Holzertrags nur in der Einhildung; sie ist sogar ganz unsvereindar mit dem Bedürfnisse, das selbst von den verschiedenen Holzsorten in dem einen Jahre mehr, in dem andern weniger verlangt, und nur ein vorsichtiges Zurathhalten der nothigen Holzvorrathe gebietet.

7) Hierdurch ist nun genugsam erwiesen: daß eine gut angelegte Forstslächen=Kontrole nicht nur allen Forstertragschätzungen, sondern auch jedem gleich=mäßigen Abtriebe des vorhandenen Holzvorrathes und jeder fünstigen Bestandesordnung zur Grund=lage dienen muß; daß auch die Flächenantheile aller Zeiten, bei vollkommenem und unvollkomme=nem Waldzustande, wo möglich gleich sein müssen. Aber ungebunden muß sich diese Flächenkontrole innerhalb einer sesten Ortabtheilung bewegen, geleitet nach dem zeitgemäßen Ur=theile reiserer Erfahrung und besserer Einsicht. Sie muß dem ausübenden Forstwirthe stets zum bssertundigen Sicherungsmittel dienen, womit er seinen Forst pslichtgetreu auch gegen die Miß=griffe der Taxation überwacht.

Weil gleiche Bobenflachen von verschiedener Ertragfähigkeit bereinst nicht gleiche Erträge abwerfen können, so scheint es, als ware mit der gleichen Flächeneintheilung überhaupt ein gleicher Zukunftsertrag nicht zu begründen, und man musse zu diesem Behuse allen Betriebsperioden eine gleiche Summe von Ertragfähigkeit zutheilen. Fiele jedoch bei einer folchen Theilung in den einen Theil besserer, in den andern aber gezringerer Standort mit verschiedener Abtriebssläche: so

^{§. 456.} Flächeneintheilung nach ber Ortsertrag= fähigkeit für ben einstigen Normalzustand.

könnte dies ebenfalls keine Gleichheit im Ertrage gewähren. Denn die Holzarten und Sorten, die Holzpreise und Löhne, ja selbst die Andaukosten ergäben sich ganz verschiesten, wie es z. B. der Fall sein würde auf einem Schlage von 30 Mg. mit 0,8 e gegen einen andern von 60 Mg. mit 0,4 e. In der Theorie müßten also alle künstigen Perioden nicht nur gleiche Schlagflächen bekommen, sondern in diesen müßten sich auch ganz gleiche Theile von einer jeden der vorshandenen Standortklassen besinden.

Diese Eintheilung ber verschiedenen Ortsguten auf alle Des rioden geschieht entweder genau, mittels Berechnung nach ber geschätten Ertragfähigkeit, ober nur ungefähr, mittels gut= achtlicher Verlegung der Abtriebsfläche einer jeden Periode in Besseres und Geringeres zugleich. Das letztere Verfahren erkennt ber umsichtige Praktiker stets für zureichend, weil es ihm ein Gewohntes und Leichtes ift, die Ausgleichung des wirklichen Ertrags von Sahr zu Sahr und von Periode zu Periode burch kleinere, oder größere Schläge und durch die Wor= und Nach= hauungen zu bewirken. Die genaue Gintheilung nach der Ertragfähigkeit lassen wir dem Theoretiker. Denn in Erwägung, daß des Holzbestandes wirkliche Ergiebigkeit, schon wegen des mehr ober minder zufälligen Gerathens, mit bem geschätten Normalertrage nie genau übereinstimmen kann; daß es zudem nicht möglich ist, ben Normalertrag bloß mittels der,, unserm Auge so verborgenen Ertragfähigkeit genau zu schähen und auf alle Zeiten gleich zu vertheilen; daß endlich diese Eintheilung keinen nahern 3weck hat, als der spatern Zukunft eine eingebildete Normalität zu vererben: durften wir recht füglich diese Flächeneintheilung nach ber geschätzten Ertragfähigkeit, wo nicht sehr abweichenbe Standortverschiedenheiten zusammengefaßt sind, jenen überflusfigen Buchergrubeleien zuzählen, die zu weiter nichts nuten, als ben Nachkommen eigen Beweis unserer Untuchtigkeit in ber Praxis und unseres Mißtrauens in ihre Geschicklichkeit zu überliefern.

h. 457. Summarische Regelung bes Massen= vorrathes.

Findet die summarische Ertragsabschätzung den wirklichen Massenvorrath (wv) wie gewöhnlich kleiner, wohl auch größer, als den normalen (nv), und gedenkt sie denselben in einem solchen Falle nach und nach auf den normalen Stand zu versehen: so bestimmt der Tarator die dazu geeignete Aussgleichungszeit (a) und berechnet dann, um wie viel der eben gesundene Ertragsah inzwischen zu ermäßigen, oder zu steigern ware. Das hierzu dienende Rechnungs-Versahren andert sich nach den verschiedenen Abschähungs-Methoden und scheidet die zwei Fälle:

wv ist entweder kleiner, oder größer als nv.

1) Regelungsweise ber Zuwachsabschätzung (h. 448.). hier feie der gefundene wirkliche Zuwachs als Ertragsatz we und der normale Zuwachs ne.

Erster Fall: wv < nv; mithin $\frac{nv-wv}{n}$ ber für den Massenvorrath jährlich erforderliche Mehrungstheil. Um diesen hatte man den geschätzten Ertragsatz wz zu mindern. Der Resgelungsangriff e stellte sich also

$$= \frac{wz - \frac{nv - wv}{a}}{\frac{a}{a}}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} - \frac{nv - wv}{a}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} - \frac{nv}{a} + \frac{wv}{a} \quad (\S, 34, 2.)$$

$$= \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a}$$

Zweiter Fall: wv > nv; mithin $\frac{wv-nv}{a}$ ber jährliche Minderungstheil des wirklichen Massenvorrathes; also der Resgelungsangriff

$$e = wz + \frac{wv - nv}{a}$$

$$= \frac{wz \times a}{a} + \frac{wv}{a} - \frac{nv}{a}$$

$$= \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a}.$$

Der so ausgeworfene Regelungsertrag befaßt freilich bie Zuwachstheile nicht mit, welche der Massenvorrath in der Zwischenzeit durch den schwächern Angriff gewinnt, oder durch den stärkern verliert. Man darf annehmen, daß diesselben sich wie die bezüglichen Massentheile verhalten, benen sie also entweder mit

$$+\frac{nz-wz}{a}$$
, oder mit $-\frac{wz-nz}{a}$

noch zufallen, und zwar im 1. Jahre einfach, im 2. zweifach, im i., i fach. Der Regelungsangriff stellte sich mithin für jedes Jahr besonders, nämlich:

I. Sall:
$$e = \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a} + \frac{nz - wz}{a} \times i;$$
II. Sall: $e = \frac{(wv + wz \times a) - nv}{a} - \frac{wz - nz}{a} \times i.$

Leicht begreislich zieht die Minderung des Ertragsatzes einen Zuwachsgewinn und die Mehrung desselben einen Zuwachsverlust am Massenvorrathe nach sich; baher die entgegengesetzten Zeichen der Zuwachstheile.

Würde sür jede Betriebsperiode anstatt der laufenden Wirth= schastsjahre i das Mitteljahr gesetzt, z. B.:

für das 1. Jahrzehnd
$$i = \frac{(1+10) \times 5}{10}$$
,
für das 2. Jahrzehnd $i = \frac{(11+20) \times 5}{10}$ u. s. w.:

so ergabe sich eine, die Rechnung erleichternde Gleichheit in den periodischen Jahresbeträgen. Diese Zuwachsausgleichungen haben jedoch zu unsichere und veränderliche Grundlagen, um die Zuverslässseit ihrer Ergebnisse sonderlich empsehlen zu dürsen. Meist ist zu den dabei beabsichtigten Überschlägen schon der blose Mas=

sentheil genügend. Bare der Angriffsatz (e) gegeben und die Ausgleichungszeit (a) zu suchen, so würden die Gleichungen leicht danach einzurichten sein.

2) Regelungsweise ber Prozentabschätzung (§. 449.). Das Nutungs-Prozent von dem vorhandenen Massenvorrathe seie als Ertragsatznp.

Erster Fall: wv < nv; mithin während ber Ausgleischungszeit jährlich zu erübrigen $\frac{nv-wv}{n}$; dies beträgt an Prosenten von wv, nach dem Ansate:

$$wv : \frac{nv - wv}{a} = 100 : p,$$

$$\frac{(nv - wv) \times 100}{a \times wv}.$$

Das Regelungs : Prozent ware also:

$$np - \frac{(nv - wv) \times 100}{a \times wv}.$$

Zweiter Fall: wv > nv; mithin jahrlich mehr zu neh: men wv - nv; bies gabe zum Regelungs : Prozent

$$np + \frac{(wv - nv) \times 100}{8 \times wv}$$

Man könnte auch das Nugungs=Prozent in den wirklichen Zu= wachs verwandeln und dann wie oben verfahren, besonders wenn die Zuwachstheile mit anzurechnen waren.

3) Regelungsweise ber Durchschnittsabschästung (§. 450. 1.). Es seie die wirkliche, nach wv berechnete Durchschnittsnutzung als Ertragsatz wa, der Normalburchschnitt nd, das Umtriebsalter u und der normale Massenvorrath nv = nd $\times \frac{u}{2}$.

Erster Fall: wv < nv; mithin während ber Ausgleischungszeit (a) jährlich weniger zu schlagen $\frac{nv-wv}{a}$; also der Regelungsangriff:

$$e = wd - \frac{nv - wv}{a}$$

Zweiter Fall: wv > nv; mithin jahrlich wv - nv mehr zu schlagen; also der Regelungsangriff

$$e = wd + \frac{wv - nv}{a}$$

In diesen Formeln sindet sich viele Übereinstimmung. Ist der wirkliche Massenvorrath kleiner, als der normale: so wird der Ausgleichungstheil subtrahirt; im Gegensate, addirt. Die Ausgleichungszeit will man gewöhnlich der Umtriedszeit gleich sein; mehr habes jedoch die Werthnutzungs prozente und das Bedürsniß darüber zu entscheiden. Überhaupt möchte der Fall sehr selten sein, wo ein doch nur in der Idee beruhender Normalvorrath durch Schmälerung des Nachhaltertrags und mit Beeinträchtigung des gewohnten Einkommens ausgespart werden dürste, und dann würde der Tarator viel sicherer gehen, dies vermeintliche Wiederaufsorsten durch eine recht kluge Leitung des Zuwachses einzurichten, wozu aber nur das Fachwerk geeignete Mittel und Wege darbietet.

Die summarischen Regelungen bes Massenvorrathes sind viel.
zu oberstächlich und durchaus nicht geeignet, den Normalzustand eines Waldes sicher zu umfassen. Einigen Vorzug verdient ins deß doch die auf den wirklichen Zuwachs gegründete Formel wegen ihrer Brauchbarkeit bei der Fachwerksabschätzung; deßhalb haben wir sie auch etwas aussührlicher behandelt.

§. 458. Erzielung bes Walbnormal=Buftanbes.

Das weitere Ziel einer jeden Forstbetriebseinrichtung und Ertragsabschätzung ist die wirthschaftliche Herstellung des Waldnormal=Zustandes zum Nugen der Zukunft, ohne Opser der Gegenwart. Dieser Volkommenheits=Zustand beruht theils in dem gesammten Waldvermögen, theils in dem geordneten Waldstande.

1) An dem gesammten Waldvermögen versuchten wir so eben die summarische Regelung, fanden jedoch, daß es derselben an zureichendem Grunde sehlt, und sich kein Wald= eigenthümer auf das verlangte Zurücklegen vom gewohnten und

wirklich fälligen Ertrage ohne sichere Gewähr einläßt. Im Fachwerk ist es weit leichter, mittels kluger Anordnungen und gut
berechneter Kunstgriffe, die Waldzustände aller Orte und Zeiten
gleichsam durch sich selbst zu heben und der Zeitfolge nach ganz aussührlich darzulegen, wie sich das Waldvermögen seiner Vollkommenheit von Stufe zu Stufe nähert. Hierbei sindet der Taxator auch manche Mittel, an dem vermeintlichen normalen Massenvorrathe noch Vieles zu ermäßigen, mit einem bedeutend kleinern Waldkapitale die vollkommenen Walderträge zu gewins nen und dadurch die Waldnugungs-Prozente mehr und mehr zu heben.

- 2) Die forstmäßige Ordnung im Waldstande, welche ber gute Forstwirth unerlaßlich fordert, der Etatsformler aber ganz mißachtet, läßt sich nur durch die Fachwerkseinrichtung erz möglichen, mittels eines gut angelegten Betriebsplanes, nach welchem von Periode zu Periode die verhältnismäßige Waldsläche dermaßen verjüngt wird, daß der Zukunft alle Altersklassen an innerer Vollständigkeit, außerer Ausdehnung und geregelter Reihes folge vollkommen überliefert werden.
- 3) Bis jest war freilich die Fachwerksabschätzung noch viel zu sehr in ihren Einzelheiten befangen, um nach den gegenwärztigen und kunftigen Gesammtzuständen des Waldes recht zu fragen; sie begnügte sich meist mit ihren Periodenzwingern und legte nicht weiter dar, wie dereinst die Waldvollkommenheit erzielt werde, dachte auch eben so wenig daran, sich nebenbei, wenn nur versuchsweise, der summarischen Regelung ihrer Wassenvorräthe zu bedienen, oder von der Nutzung des Waldkapitales Rechenschaft zu geben, obschon ihr alle dazu erforderlichen Wasterialien ganz offen in der Hand lagen.

§. 459. Unwendbarkeit der verschiedenen Ub= schätzung8=Methoden.

Von obigen funf verschiedenen Abschätzungs = Methoden hat eine jede ihre besondere Anwendbarkeit, bedingt von dem Wald= zustande, den Schätzungsmitteln und dem Schätzungs= zwecke. Eassen wir hier die Einrichtung des Wirthschaftsbetriebs

als Hauptzweck gelten und beziehen wir uns bloß nebenher auf die nur selten mangelnden Mittel: so durften sich an die Walds zustände des schlagweisen Betriebs folgende Urtheile reihen.

- 1) Ziemlich geregelter Waldzustand; einfacher Abirieb: Hier genügt der Betriebsplan mit summarischer Abschätzung nach alle gemeinen Durchschnittsnutzungen. Der vorläusig aufgestellte Erstragsat wurde im Laufe der Zeit nach der wirklichen Ergiebigkeit aller nachgemessenn Abtriebsslächen berichtigt.
- 2) Minder regelmäßiger Waldzustand, bedeutende Lücken in den Altersklassen, jedoch ohne verwickelten Zwischen= und Um= wandlungsbetrieb: Fachwerksabschäung nach- besondern Durch= schnittserträgen.
- 3) Sanz unregelmäßiger Waldzustand mit verwickeltem Betrieb und kunstlichen Anshülfsmitteln, aber noch zur planmäßigen Einrichtung geeignet: Fachwerksabschätzung nach Sondererträgen.
- 4) Höchst ordnungsloser Waldzustand, worin dermalen weder eine bestimmte Schlagsührung, noch ein fester Betriebsplan Statt sinden kam; nicht minder im bleibenden Planterwalde: Summarische Abschähung nach dem Nuhungszuwachse.
- 5) Zu bloßen Ertragsüberschlägen dient die reale oder auch progressionale Durchschnittsnutzung, wenn man nicht vorzieht, die Erträge der nächsten Abtriebe besonders zu schätzen.

Diese verschiedenen Methoden können in demselben Forste recht füglich neben und hinter einander angewendet werden, je nachdem der Betrieb eben mehr oder weniger Anhalt bedarf. Nur muß eine und dieselbe Übersichts = und Nachweisungs = Form die Ergebnisse von allen zusammen paßlich aufnehmen.

§. 460. Gelegentlicher Baldnugunge Betrieb.

Handelt es sich eben nicht um Regelung des kunftigen Waldsangriffs mit Herstellung eines forstmäßigen Altersklassen-Verhältznisse, und will man einem Waldgute, als Kapital betrachtet, nur die höchsten Zinsen abgewinnen, ohne eben ein jährlich gleisches Einkommen zu verlangen: so ist jeder aussuhrliche Betriebsplan und jede umfassende Ertragsabschähung entbehrlich. Nan führt in diesem Falle einen zeitgemäßen, freien Ruhungsbetrieb,

bloß und allein nach Maßgabe ber sich darbietenden Berkausszgelegenheiten und der von Zeit zu Zeit in den nugbaren Hölzern zu untersuchenden Werthzunahme-Prozente. Nachfrage und Zinsstuß bestimmen dabei die Haubarkeit. Alle Bäume und Bestände, welche die erforderliche Werthzunahme nicht nicht gewähren, fallen der Nugung anheim, so weit sich eben ein guter Käuserschet, wosern es die Nachzucht nur irgend gestattet.

Diese Nutungsweise wird einerseits durch rasche Verjüngung, pflegliche Durchsorstung und Erziehung der gesuchtesten Holzsorten mit Gewinnung aller Nebennutungen, andrerseits durch Erzielung aller zeitlichen Verkaufsvortheile höchst einträglich. In den kleisneren Privatwald-Wirthschaften kann man von diesem freien, in Zwischenzeiten auch auszusetzenden Nutungsbetriebe den besten Gehrauch machen; die Ermittelung des Werthzunahme-Prozentes kann einem jeden Holzsörster mechanisch angelernt werden.

§. 461. Unerlaßliche Leistungen einer jeden Balbtaration.

Eine jede Forstertrags-Abschätzung, hat sie zumal die Einsrichtung des Betriebs zum hauptsächlichen Iwede, sollte in ihren Leistungen burchaus folgende Amforderungen befriedigen:

- 1) Zureichende Ausnahme aller Ertragsquellen, welche entspringen aus der Größe und Beschaffenheit des Standsortes und Bestandes und aus allen, das Einkommen weiter bes dingenden außern Besitz-, Absatz und andern Nutzungs-Berzhältnissen.
 - 2) Aufstellung eines meisterhaften, den Forstvers haltnissen durchaus entsprechenden Betriebsplanes zur Erstragserzeugung und Entnehmung an allen Orten und zu allen Beiten.
- 3) Herbeiziehung aller thulichen Wirthschafts= kunftgriffe, um für jebe Zeit den werthvollesten Ertrag zu erzielen, ohne einen unnothig großen, gefährdeten Rassenvorrath.
- 4) Darlegung der Werthzunahme-Prozente jeder ältern Bestandsklasse und der Werthnugungs-Prozente jedes Waldverbandes.

5) Rasche, sichere und gewinnbringende Bervollkomm= nung des vorgefundenen Waldzustandes, so daß während der gegebenen Einrichtungszeit allerwärts die angemessenste Walds gattung mit folgerechter Alte Babstufung in wohlgeschlossenen kräfstigen Wüchsen entstehe.

Taswahl der leichtesten Mittel und Wege zur Verbes=
serung und Unterhaltung des Waldes, so wie der ge=
eignetsten Maßregeln zur Sparung aller unnothigen Waldnutzungs=
kosten.

§. 462. Sauptregeln für jede Baldtaration an sich.

An sich selbst hatte jede Waldtaration folgende allgemeinen Anforderungen zu erfüllen:

- 1) Das Verfahren, sowohl bei der Ermittelung, als bei der Regelung, muß nicht nur zweckmäßig, sondern auch ein= fach und leicht, hinlanglich genau und sicher sein.
- 2) Die Betriebseinrichtung soll nur Feststehen= bes zur Grundlage nehmen, und zwar nie etwas Anderes, als die stets verbleibende Abtheilung der Forstorte mit Bestim= mung der Betriebsperioden, Betriebsarten, Waldverbande und einstigen hiebssolgen; in keinem Falle darf sie ungewisse oder ver an der liche Dinge, wie die Umtriebszeiten und Perioden= stallungen, Ertragstafeln und Etatsformeln, als hauptfundamente gebrauchen.
- 3) Alle Anordnungen muffen den Forstverhalt= nissen, der ortlichen Erfahrung und der Wissen= schaft entsprechen, ohne den kunstigen Betrieb in zeitge= maßer Begegnung unerwarteter Ereignisse und in freier Be= nutung besserer Einsicht nur irgend zu beschränken. Kein Ver= sehen der Forsttaration darf auf die Forstwirth= schaft dauernden Einsluß haben können.
- 4) Die ertheilten Vorschriften muffen kurz und versständlich sein, sich nur auf das Nothwendige beschränken und für alle Betriebs = und Abschätzungsarten unbedingt einerlei Form haben. Alle dazu gehörigen Übersichten sind auf handliche Bogengröße zu beschränken.

- 5) Jede von der Zeit herbei geführte Abweichung des Betriebs muß durch die leichtesten Mittel wieder eingerichtet werden können, ohne daß die festen Grundlagen im Forste eine wesentliche Veränderung erleiden.
- 6) Die ganze Forsttaration muß wenig kosten, wo möglich fortbauernd bestehen, eine wandernde Unsterrichtsanstalt sein und die Wirthschaft aller Zeiten sinnig beleben.

Dies sind die Hauptbedingungen, welche man jeder Forsteinrichtung stellen sollte; wir haben uns stets bestrebt, sie in Theorie und Praxis nach Möglichkeit zu erfüllen, und nur wo die Berwaltung nicht in den Geist der Einrichtung eingehen konnte, waren wir es nicht im Stande.

IV. Waldwerth = Schätzung.

§. 463. Grundlagen ber Baldwerthschätzung.

Der Geldwerth irgend eines Waldeigenthums kommt nicht nur wegen Kauf, Tausch, Erbschaft, Berechtigung, Entwendung ober anderer Enteignung zur Frage, sondern auch öfter bloß, um die Benutzung danach besser zu regeln. Diese ist überhaupt der wesentliche Gegenstand jeder Waldwerthschätzung; nach ihr basikt sich der Waldwerth, wie nach den Zinken das Kapital. Die Waldnutzung entfällt zwar zunächst dem Waldvermögen; sie hängt jedoch nicht von diesem allein ab, öfters viel mehr von zufälligen Umständen und persönlichen Zwecken. Daher kann es auch in keinem Falle einen unbedingten Waldwerth geben.

Die zufälligen Umstände beherrschen den Werth des Geldes an sich, die Absetzarkeit und den Preis der Walderzeugnisse, die Sicherheit des Holzvorrathes und aller andern Mittler des Waldwerthes mehr oder minder. Die per sonlischen Inen Imeden Baldwerthes wehr Geldbesitz, bald den Waldbesitz

werthvoller und annehmlicher; sie rufen hier die Nothwendigsteit, dort die bloße Neigung hervor, eine Waldung so oder so zu benutzen, ein Waldeigenthum zu erwerben, oder zu veräußern. Auf diese gar mannigfaltigen Verschiedenheiten, welche sich meist in Jahlen gar nicht darstellen lassen, kann der Schätzer keineszweges einzeln eingehen; eben so wenig darf er sich mit einem einseitig bedingten Waldwerth begnügen.

Jede Waldwerthschätzung muß auf einem sesten Fundamente beruhen und dabei das mehr Zufällige und Persönliche bloß als Nebensache den wesentlichen Werthverhaltnissen mit anpassen, so daß ein jeder der Betheiligten zur Kenntniß des ihn besonders angehenden Werthes gelange. Zu diesem Fundamente ist die Ermittelung des ganzen Werthgehaltes nebst den besondern Werthsverhaltnissen und die Bestimmung der geeignetsten Benutzungs-weisen ersorderlich.

§. 464. Besigverhaltnisse.

Wor Allem hat man die Grundbesitzung, deren Bezies hung zum Nachbarbesit, bie nuteren Forstgerechtsamen und lastenden Dienstbarkeiten aller Urt mit dem vom Frevel zu befürchtenden Verluste, hauptsächlich auch die etwaigen Beschränkungen der Eigenthumsfreiheit als wesents liche Mittler des Waldwerthes zu erforschen und aufzunehmen. Bubem ift bie Begrenzung, Figur und Grunbflache sowohl von bem Ganzen, als auch von allen Berschiebenheiten bes Grund und Bobens, bes Holzbestandes und ber Rebenstude, felbst vom Bereiche ber außern und innern Grundberechtigungen fo genau zu ermitteln, als es ber gegebene 3weck bebingt. fonders wo es sich um Walderwerbung handelt, darf man wes der die vorgelegten Karten und Flächengehaltnachweisungen, noch bie angegebenen Grenzen ohne Weiteres als richtig und anbestreitbar annehmen; nicht minder hat man das Eigenthums= und Dispositionsrecht bes Beraußerers, so wie den etwaigen hy= pothekarischen Berband bes Erwerbungsgegenstandes genau zu erfragen.

§. 465. Ørtlichkeiteverhaltniffe.

Von jedem näher abgetheilten Forstorte erhebt und beschreibt man die natürliche Beschaffenheit nach Lage, Boden und Ortsgüte, nicht nur für die Waldwirthschaft, sondern auch sür Ackers und Wiesenbau, oder zu sonstigen Zwecken, und zwar mit näherer Angabe der örtlichen Umstände, namentlich der Belegenheit an Ortschaften, Holzungen, Fluren, so wie mit Andeutungen der angemessenen Holzzucht oder anderartigen Benustungsweisen. Dazu wirft man noch die durchschnittliche Ortsgüte vom Sanzen aus und bestimmt vorläusig den allzgemeinen Bodenwerth.

§. 466. Baldbestandsverhaltnisse.

Von jeder weiter geschiedenen Bestandesabtheilung ist, außer der besondern Ortsgute nehst Bodenzustand, auszunehmen: die Bestands form, das Alter, die Stammgröße, die Stellung und das Wachsthum, mit der Bestands: gute an Massengehalt und Zuwachsbetrag nehst geeigneten Bestriebsvorschlägen. Hiernach wird vom Ganzen der aufsbereitbare Holzvorrath ohne alle weitere Berücksichtigung der Abseharkeit ausgeworsen nach den in der Gegend gangbaren Nutz und Brennholzsorten von verschiedener Form und Güte. Ebenso auch der lausende Jahreszuwachs. Dasbei ist die Schähung der Nebennutzung en von dem Holzbesstande und Waldboden, so wie der besondern Nebengrundsstücke, nicht zu unterlassen.

§. 467. Absatverhaltniffe.

Weiter hat man sich in Kenntniß zu setzen von allen dus ßern Verhältnissen, welche im Verkehr auf den örtlichen Werth des Bodens und Bestandes und deren Erzeugnisse wes sentlichen Einsluß haben, bedingt durch die weitere Bewaldung und forstliche Mitbewerbung, die Wegsamkeit der Gegend mit Zu= und Aussuhr, den Nahrungsstand, Verbrauch und Begehr der Anwohner, die Absetzbarkeit der rohen Forst= und Landers zeugnisse, nebst den fraglichen Preisen, Arbeitslohnen u. s. w. im ganzen Absatzbereiche des Forstes.

§. 468. Nugungeverhaltniffe.

Nachstdem waren alle theils für den Waldbesitzer, theils für einen jeden betheiligten Dritten mehr oder minder zweckdienlichen Personalverhaltnisse auszukundschaften. Diese beziehen sich hauptsächlich auf folgende Gegenstände: Die seitherige Beznutzung und die etwaigen Verkausszwecke von Seiten des Bezsitzers; die nähern oder entferntern Nutzungszwecke eines jeden der etwaigen Bewerber; die Thulichkeit der Waldzerschlagung; die Erzielung des größten Holz und Werthertrages, oder des höchsten Geld und Zinsengewinnes dei fortgesetztem Waldbeztriede; die Sicherung des stehenden Holzvorrathes gegen jede Gezsahr; die Ergänzung irgend eines andern Wirthschaftsverbandes; anderartiger Gebrauch zu Ackerdau oder Viehzucht und dergleizchen; Selbstverwaltung und Leitung des Wirthschaftsbetriebs, oder irgend ein anderes, besondern Vortheil darbietendes Vorhaben.

§. 469. Bermerthungs 3insfuß.

Der den Waldwerth bedingende Zinsfuß ist manschen Zusälligkeiten unterworfen und weicht mehr oder minder von dem gemeinüblichen oder demjenigen Zinssuße ab, der dem tägslichen Verkehr zur maßgebenden Richtschnur dient und sich bei gerichtlich verbrieften Darlehen am sichersten zu erkennen giebt. Volgende Werthverhaltnisse begründen diese Abweichungen mehr oder minder:

1) Vorzüge des Waldbesitzes an sich. Das Waldztapital steht offenbar sicherer, als jedes gewöhnliche Darlehen, besonders wenn es an wirksamen Maßregeln nicht mangelt zur Steuerung des verderblichen Waldfrevels. Zudem kann der Waldzbesitzer seine Nutzungsbeträge leichter voraus entnehmen, als der Kapitalist seine Zinsenbezüge, auch auf die Steigung der Waldzpreise mehr rechnen, wogegen der herrschende Zinssuß wohl eher sinkt. Freilich ist die Umsetzung großer Waldzüter in dares Geld nicht so leicht zu ermöglichen, zumal nach dem unbedingten Geshaltwerthe.

- 2) 218 driliche Umstände, die auf den Baldwerth bes sondern Einfluß haben, machen sich geltend:
 - a) der bei ahnlichen Grundanschlägen in der Gegend üb= liche Zinsfuß;
 - b) ber Begehr nach Grundbesit;
 - c) die etwaige Beschränkung des Waldeigenthums durch Landesgesetze, Grundberechtigungen u. dgl. m.;
 - d) die Belegenheit des fraglichen Waldgutes, sofern das= felbe ein anderes Besitzthum mehr erganzen und vervoll= kommnen kann, oder andere Vortheile darbietet.
- 3) Bufallige Umftande bestimmen bald ben Raufer, bald ben Verkäufer, einen höhern ober niedrigern Zinsfuß anzu= So sucht der Kaufer einen hohern Zinsfuß und da= burch einen niedrigern Kaufpreis zu geminnen, wenn der Bertäufer in Geldverlegenheit ift und verkaufen muß, ober wegen besonderer Gefahr oder Unannehmlichkeit gern verkaufen will; auch wenn sich fur bas Grundstud eben ein anderer Bewerber nicht findet, vielleicht, weil es zu groß ober zu klein, ober zu entlegen ift, ober weil die gestellten Kaufbedingungen nicht ans nehmlich sind u. f. w. Der Berkaufer macht dagegen einen niedrigern Zinsfuß geltend, wenn er eben nicht zu verkaufen ge= benkt, mehr nach Gewinn trachtet, bas fragliche Eigenthum aus besonderer Vorliebe, oder wegen eines anderweitigen Gebrauchs werther halt; auch wenn sich mehr Kaufer einfinden, zumal folde, die ihr Besithum erganzen, ihre Wirthschaft erweitern, ihre baren Gelder gern anlegen wollen u. f. w. Budem nimmt wohl auch Mancher an, daß ein reger, feiner Betrieb noch Rus yungsquellen eröffnen und Wortheile hervorsuchen könne, die der Schäher zu erforschen gar nicht im Stande sei.

Den durch die Summe aller eben beitragenden Werthverhaltnisse bedingten Zinsfuß, zur entsprechenden Verwerthung des Waldes, nennen wir Verwerthungs-Zinsfuß.

6, 470. Balbpreife.

Der ortliche Werth und die Preise aller Walberzeug= nisse an Bau=, Werk= und Kleinnuthölzern, an Brennhölzern in Spalt = und Knuppelscheiten, Reisig und Stocken jeder vor=
kommenden Werthgattung, so wie an Nebennutzungen aller Art,
mussen zum Behuf der Werthschätzung genau ermittelt werden.
hierbei darf man aber nicht bloß nach den bestehenden, ofters
aus einem umsichtslosen Vertrieb hervorgegangenen Preisen allein
fragen, besonders wo noch seste Taxen Statt fanden; nicht selsten verspricht auch die nächste Zukunft bedeutend höhere Preise.

Mit den Waldpreisen stehen die Bereitungskosten der Walderzeugnisse in enger Beziehung, und diese werden wieder bedingt von den Arbeitslohnen der Gegend. Man nimmt davon selbst die üblichen nicht ohne nahere Prüfung an und rechnet sie in der Regel als bloßen Verlag sogleich von den Verkaufspreissen ab.

Wichtig ist die Untersuchung der wirklich Statt sindenden Absetharkeit und Verkäuslichkeit, sowohl überhaupt als in Bezug auf besondere Sorten. Derjenige würde sich sehr irren, der einen bedeutenden Massenvorrath, zumal in waldreichen Gegenzben, entsernt von Flüssen und Straßen, sogleich ausnutzen und zu Gelde machen wollte. Es giebt Wälder, wo auch nicht das Geringste mehr abgesetzt werden kann, nämlich um gute Preise, als was die seitherige Abgabe beträgt, und wo also der übersschüssige Rutzungstheil von Boden und Massenvorrath ein mehr oder minder unverwerthbares Kapital ist, wosern nicht erst neue Absatwege eröffnet werden.

§. 471. Waldnugungskoften.

Weiter ist aller Kostenauswand, welcher mit dem Besitze und Wirthschaftsbetriebe eines nutbaren Waldgutes ständig verbunden ist, genau zu erörtern, nämlich:

- 1) Die Entrichtungen an Steuern und andern Grundsabgaben, an Nutnießungen und andern Bezügen, in barem Gelde oder Erzeugnissen. Füglicherweise ware hier der Verlust durch Waldfrevel mit in Rechnung zu stellen, so weit die Erstragsabschätzung diesen Betrag nicht unmittelbar ausscheidet.
- 2) Die Unterhaltungskosten, welche der Holzandau, der Wege = und Bruckenbau, die Sicherung der Grenzen und überhaupt die ganze Waldpflege in Anspruch nimmt.

- 3) Die Verwaltungskosten an Gelb: und Naturalbezügen der Waldaufseher und Wirthschafter, der Kassenverwaltung und Forstüberwachung.
- 4) Die Zinsen von bem Betriebskapitale zum Berlag ber Bereitungs und anderer Nutungskosten, welche der Berkaufspreis unmittelbar wieder ersett; so auch zu etwaigen Vorschüssen an Unterhaltungs und Verwaltungskosten. Zu dies sen Zinsen kann auch der Verlust an nicht punktlich eingehenden Gelbern gerechnet werden, so wie jede andere noch mögliche Einbuße.

§. 472. Waldbodenwerthe.

Der Werth des bloßen Waldbobens an sich hangt hauptsächlich von der eigenthumlichen Gebrauchsfähigkeit und der guten Belegenheit ab.

- 1) Man kann den Boden theilen in unbedingtes und bedingtes Waldland, bedingtes und unbedingtes Fruchtland.
- a) Als unbedingtes ober natürliches Waldland ist derselbe nichts Anderes zu tragen fähig, als Holzwuchs, und insofern giebt ihm die Holzzucht allein einen Werth.
- b) Das bedingte Waldland könnte wohl Feldfrüchte tragen, liegt jedoch der Landwirthschaft zu wenig an der Hand, um von dieser anders benutt werden zu können, als etwa zur Waldverjungungszeit mit Iwischenfruchtbau ohne weitere Dungung.
- c) Das bedingte Fruchtland giebt nach der Walds rodung ganz arme Außenfelder, denen nicht genug kunstliche Düngung zugewendet werden kann, und die man deshalb zu Zeiten wieder durch Holzzucht von neuem bereichern muß.
- d) Das unbedingte Fruchtland kann wegen seiner Gute und Belegenheit nach ber Rodung ununterbrochen zu lands wirthschaftlichen Zwecken selbständig dienen.
- 2) Der unbedingte Waldboden muß Waldland bleiben; der bedingte nur so lange, als ihn die Bevölkerung nicht zu Fruchtsbau in Anspruch nimmt; von beiden Bodengattungen könnte der landwirthschaftliche Werth bloß nach dem meist niedrigern

Weibewerthe geschätzt werden. Der zu bedingtem und zu undes dingtem Fruchtbau geeignete Waldboden tritt nach der Rodung, welche sich oft schon durch die Wurzeln und die natürliche Dünzgung bezahlt macht, in den meist höhern Werth gleichguter und gleichbelegener Feldgrundstücke, deren ortüblichen Preise nach anz dern Verkäusen leicht zu bestimmen sind. Dabei ist jedoch zu berücksichtigen, daß jedes größere Feilgebot von Neuland diese Preise herunter drückt, auch daß hier und da eine eigenmächtige Verwandlung des Waldlandes polizeilichen und privatrechtlichen Einsprüchen begegnet.

- 3) Nicht selten kommt ber bloße Bewaldungswerth von geringen Fruchtlandern, Waldblogen und Weideflachen zur Dieser ergiebt sich im Jetztwerthe ber kunftigen Holz= und Nebennutung nebst Bodenbereicherung nach Abzug bes gleich zeitigen Kostenauswandes. Der Gewinn von einer solchen Bewaldung ift nach g. 410. zu bestimmen und kann in Prozenten angeschlagen werden. Betruge z. B. ber Kaufpreis sanent dem Nugungskostenkapitale 12 und bote die fragliche Bewaldung einen mit 4 pCt. diekontirten Jettwerth von 15: so gingen davon bie 4prozentigen Zinsen (nach 100: $4 = 15: x) = \frac{4 \times 15}{100} = \frac{6}{10}$ auf jene 12 Erwerbungsauswand über. Diese waren somit (nach . 12: $\frac{6}{10} = 100 : p$) zu $\frac{6 \times 100}{10 \times 12} = 5$ pEt. angelegt, was sich auch aus 12: 15 = 4: x unmittelbar ergiebt. Die stark ent= stehenden Holzgattungen, welche nicht viel über 40 Jahre zu wachsen brauchen, bieten meist einen nicht unansehnlichen Be= waldungsgewinn.
 - 4) In der Regel stellt sich der landwirthschaftliche Werth von geringem oft ganz entlegenem Waldboden, wegen dessen minderer Ergiebigkeit bei unerschwinglichem Arbeits = und Dungers auswande, sehr niedrig, und außert sich nach demselben irgendwo ein größerer Begehr, so entspringt daraus meist Nachtheil; denn sobald die natürliche Düngkraft des Neulandes ausgebaut ist und das Waldstreusammeln nicht frei gegeben wird, verwandelt sich der eingebildete Nuten in beklagenswerthen Schaden.

§. 473. Holzbestandsmerthe.

Die vorsindliche Holzbestandsmasse einer Waldung hat nach Umständen sehr verschiedene Werthe; wir heben davon als hauptssächlich den Gehaltwerth, Absahwerth und Nachhaltswerth aus.

- 1) Den Gehaltwerth vom ganzen Massenvorrathe bestechnet man nach der Summe einer jeden vorhandenen Werthssorte und dem ihr zukommenden Waldpreise. Diese Rechnung läßt sich vereinsachen mittels geeigneter Durchschnittspreise jeder Altersklasse. Wo Massenvorrathe zur Frage kommen, die den tausenden Absat übersteigen, kann der Gehaltwerth leicht begreifslich nicht unmittelbar geltend gemacht werden.
- 2) Der Absatzwerth umfaßt die ohne erhebliche Einbuße eben absetzbare Bestandsmasse. So lange derselbe den Gehaltwerth einer Holzung nicht erreicht, muß sich deren ganzsche Absnutzung oder die Verwirklichung des Sehaltwerthes nach der Größe des Absatzes richten. Dieser Werth bote in einem solchen Falle sur größere Waldungen von Jahr zu Jahr eine Rente, die dem vom Absatz bedingten Jahresertrage gleich stände und dis zur ganzlichen Erschöpfung des Massenvorrathes dauerte.
- 3) Der Nachhaltwerth ist bedingt durch die von Jahr zu Jahr in einem Wirthschaftswalde gut abkömmliche und in bessen Absathereiche gut andringbare Holzmasse. Derselbe kann nicht größer sein, als der Absatwerth; denn wenn in solchem Falle eine nachhaltig zu benutzende Waldung auch . mehr Ertrag bietet, so mangelt es an zureichendem Absate um gute Preise.

§. 474. Werthverhaltnisse einzelner Wald= grundstücke.

Der Werth einzelner Waldgrundstücke, beren Abnutzung kein Hinderniß sindet, besteht in dem zur fraglichen Zeit eben statts haften Bodenwerthe und Bestandswerthe. Man schätzt den Bodenwerth nach den maßgebenden Umständen als Waldsland oder Fruchtland, den Holzbestandswerth aber nach seiner zeitlichen Nutbarkeit. Der erwachsene Holzbestand mit uns

zureichender Werthzunahme wird in der Regel nach dem Gehalts werthe veranschlagt, jedoch mit mehr oder weniger Einduße, im Fall der Ausverkauf ein zu starkes Feilgebot erforderte. Wenn der Verbrauch die größere Abtriebsmasse nicht alsbald um gute Preise auszunehmen vermag, ist die Abnuhung auf mehre Jahre zu vertheilen. Steht das reine WerthzunahmesProzent des Besstandes noch höher als der Verwerthungszlinssuß, wie meist bei den Jungs und Mittelhölzern: so psiegt man den dadurch geswinnbaren höhern Zinsenbezug erst noch zu nuten, oder doch mit zu veranschlagen.

§. 475. Werthverhaltnisse ganzer Wirthschafts= waldungen.

Hier handelt es sich ebenfalls zuvörderst um den Boden = werth und Bestands werth, nächstem aber auch um die davon zu erwartende Rente. In den gewöhnlichen Wirthschafts= waldungen mangelt nicht nur der Vollbestand im Ganzen, sons dern auch das geordnete Altersklassen=Verhältniß mehr oder minster; der Boden kann daher seine volle Rente durch den Besstand nicht wohl abwersen, und deshalb übersteigt hier auch östers der landwirthschaftliche Bodenwerth den sorstwirthschaftlichen, welcher erst mit dem normalen Waldzustande seinen eigentlichen Höhenpunkt erreichen könnte.

Was den Bestandswerth an sich betrifft, so sind dessen Vers
håltnisse am besten in Vergleich mit der Normalwaldung zu
beurtheilen und zu ordnen. Hauptsächlich kommt hierbei die
über ständige Nugungsmasse, nämlich diesenige,
beren reines Werthzunahme=Prozent unter den Verwerthungsz
Binssuß gesunken ist. Diese müßte so bald als thulich abgenutzt
werden, und zwar mit der eingängigsten beginnend. Man dez
stimmt dazu einen Beitraum, in welchem diese Überstandsmasse
mit dem minde sten Verluste gut absehar und dabei
für die Walderziehung gut abkömmlich ist. Zu Ende
dieser Nachnugungszeit müßten die schwachhaubaren Hölzer stells
vertretend einrücken können. Von da an nähern sich die Werths
verhältnisse mehr den normalen, wenn auch in den Nachwüchsen,

besonders durch die beschteunigte Abnutzung überständiger Holzvorräthe, ein neues Misverhältnis eingetreten ist. Dies läßt sich durch forstliche Kunstgriffe, besonders durch Andau rasch ents stehender Waldmassen, vielseitig heben.

g. 476. Werthverhältnisse der Waldneben= nugungen.

Die Waldnebennutzungen bestehen theils in Abfällen und Ausscheidungen ber Holzwüchse selbst, als Früchte, Blätter und Safte; theils in Nebenerzeugnissen vom Waldboden, als Gras, Weide, Streusel u. s. w.; theils in Wiesen, Ackern, Hutungen, Steinbrüchen und Erdgruben, Gewässern und andern Nebengrundstücken. Sie kommen nach ihrem forstlichen und wirks lichen Werthe in Betracht. Der forstliche Werth wird bestimmt nach dem Verluste, welchen der Waldbestand burch deren Entnehmung an seiner Ertragsamkeit erleidet. Bei biefer gar nicht leicht zu begrundenden Bestimmung mag sich der Bald= schätzer vor Allem der eingewurzelten Vorurtheile enthalten. Man hat z. B. schon ofter große Opfer zur Ablosung ber verrufenen Waldweide gebracht; dessen ungeachtet finden sich jest nicht wenig überzeugende Falle, wo eine beschrankte Wiedereinraumung berselben dem geordnetern Balde offenbar zum beffern Gedeihen biente.

Die wirklichen Werthe der Nebennuhungen mussen wo moglich nach den lausenden Preisen der Umgegend ermittelt werden, so weit diese in freiem Verkehre von selbst entstanden sind und einen haltbaren Grund haben, keinesweges aber nach den eingeschlichenen Waldpreisen. Ganz unverantwortlich wurde z. B. früher die Waldstreunuhung unentgeltlich zugelassen und dadurch das große Streubedürfniß herbeigesührt. In Folge jener Vernachlässigung darf man seht diese Nuhung kaum zu 0,2 dis 0,3 des Strohwerthes ansehen, während dem dkonomischen und dem forstlichen Werthe nach das Doppelte wohl nicht zu viel wäre.

§. 477. Werthverhaltnisse hinsichtlich des Werth= nugungs=Prozents.

Entspricht das Werthnutzungsprozent einer Wirthschaftswals dung dem Verwerthungs-Zinssuße, so gewährt dieselbe auch im Ganzen die erforderliche Boden und Bestandsrente. Jede Walsdung bietet in ihrem äußersten Werthnutzungs-Prosente, stehe dasselbe gegen den Verwerthungs-Zinssuß hoch oder niedrig, ein sehr einsaches Werthschätzungs-Mittek. Besteichnen wir den Gehaltwerth ihres Bodens mit den ihres Massenvorrathes mit mv, ihren Reinertrag mit e und das das durch bedingte Werthnutzungs-Prozent mit np: so giebt die daraus gebildete Proportion

$$(b + mv) : e = 100 : np$$

ben Grund zu folgenden Vergleichungen:

Steht das Werthnutungs : Prozent np dem Verwerthungs : Zinsfuße vz gleich: so stellt sich der wirkliche Waldwerth W, welcher hervorgeht, wenn man den jährlichen Ertrag e mit dem Verwerthungs : Zinsfuße vz kapitalisirt, genau dem Sehaltwerthe b + mv gleich. Denn ist in den Proportionen

Stellt sich np größer als vz, ein durch Steigerung der Werthzunahme wohl zu ermöglichender Fall: so ist W größer als b + mv. Steht im Gegentheile vz höher als np, so ist Wkleiner als b + mv. Stets verhält sich

$$vz : np = (b + mv) : W$$
.

Findet sich das Werthnutzungs-Prozent np niedriger, als der Verwerthungs-Zinssuß vz, mithin der Gehaltwerth (b + mv) hoher, als der wirkliche Waldwerth W, und läßt sich dasselbe durch geschickte Maßnahmen nicht heben: so liegt der Grund stets in dem mehr oder minder unabsetzbaren Werththeile einer solz chen Waldung. Diesen eigentlich unverwerthbaren Betrag (b + mv) — W = x kann man veranschlagen und in seinem

relativen Werthe von dem Sehaltwerthe abziehen; der Rest erzgiebt in (b + mv) — x = W das eigentlich verwerthbare Waldkapital. Bei dem gleichbleibenden Reinertrage e steigt das bezügliche Waldnutzungs=Pwzent als wahres Werth=, nutzungs=Prozent wp mit x in nachstehender Proportion:

$$(b + mv - x) : e = 100 : wp.$$

In großen Waldkörpern steht also das nach dem mehr eins gebildeten ganzen Gehaltwerthe ausgeworsene relative Werthsnutzungs-Prozent weit niedriger, als das von dem verwerthbaren Waldkapitale bedingte wahre Werthnutzungs-Prozent. Das Vershältniß zwischen dem wahren und dem eingebildeten Gehaltwerthe ist ziemlich dasselbe, wie bei gesunkenen Papieren das zwischen dem Cours und Nominalwerthe. Diese Betrachtungen sühren zu denkwürdigen Ausschlässen über die Werthverhaltnisse der Wälder.

§. 478. Walbnugungsplan.

Sat der Tarator des Waldes ganzen Werthgehalt mit allen auf dessen Verwerthung Einfluß habenden Verhaltnissen aufgesnommen: so befindet er sich im Stande, über die Art und Beise der Werthausnutzung einen Plan zu entwerfen. Diesem Balds nutzungsplane darf er aber keineswegs nur eine einsache gesmeine Waldwirthschaft unterstellen. Ihm ist eine ganz andere Aufgabe ertheilt; er soll im Interesse des betheiligten Verkäusers oder 'Käusers von jeder fraglichen Baldgebrauchssweise den entsprechenden Werth wohl begründet veranschlagen. Dies kann aber nicht anders geschehen, als mittels Unterstellung aller eben anwendbaren, nur irgend vortheilhaften Gewinnuntersnehmungen. Ja der umsichtige Waldschäfter richtet jeden seiner Nutzungsanschläge noch auf eine gemeinübliche und eine feinere, minder und mehr einträgliche Ausführung.

Wir unterscheiden hier drei wesentlich verschiedene Waldnutzungsweisen, von welchen der Taxator vorzüglich diejenige auszuwählen und zu verfolgen hat, welche den vorliezgenden Umständen eben am besten entspricht und zur maßgeben=

ben Richtschnur dienen mußte oder durfte. Zede bedingt eine ganz eigene Auswerthung, je nachdem das zu schäßende Waldgut in ganz unbeschränktem Grundbesiße einer Zerschlagung ans heim fallen kann, oder in feeieigenem Waldbesiße die volle Verzinsung des angelegten Waldkapitales abwersen soll, oder in beschränktem, an die Erhaltung eines gewissen Waldvermögens gebundenen Besiße mit geeigneter Schonung behandelt werden muß. Hieraus entspringen drei ganz verschiedene Nugungs-werthe, welche wir Waldzerschlagungs=Werth, Waldzerschlagungs=Werth, waldzerth und Waldschonungs=Werth nennen wollen.

§. 479. Baldzerschlagung8=Berth.

Dieser geht hervor aus einer ganglichen Berschlagung bes Walbgutes mit Ausverkauf bes Holzvorrathes. Gestattung von Seiten ber Landesgesetze und sonstiger Berfügungen, Ablosung der etwaigen Grundberechtigungen, hohere Rutbarkeit bes Waldbobens zu landwirthschaftlichen Erzeugungen, mindere Werthzunahme und gute Verkäuflichkeit des Holzvor= rathes, wohl auch Neigung des Waldbesitzers zu einer solchen zerstörenden Umwandlung - sind die ersten Bedingungen dieser Baldnugungsweise, welche nicht selten den gewöhnlichen Bald= werthschätzungen gegenüber einen hohen Gewinn verspricht. Baldzerschlagung mit ganzlichem Ausverkaufe ift jedoch meist nur in kleinern Stucken rathsam und nur bei starkerer Nachsrage nach Grundbesitz mit bereiten Arbeitskraften und Geldmitteln aussührbar. Größere Waldungen können nicht leicht zerschlagen werben, und dies kann nur nach und nach geschehen, so baß in ber Zwischenzeit noch eine geeignete, von Sahr zu Jahr an Fladenbereich und Ertrag schwindenbe Waldwirthschaft Statt findet. Je größer ein Unternehmen dieser Art ist, und je mehr dasselbe aus ben Grenzen bes gewöhnlichen Verkehrs heraustritt, um so mehr trugen solche, bas Balbkapital ausbeutenden Gewinnschatungen. Manche schlägt ganz fehl, die Gelber gehen nicht sogleich wieder ein, und bedeutende Einbugen finden Statt. rechnet man in diesem Falle auch wegen Wagniß und Gefährdung

geeignete Asseturanz = Prozente zu Gute. Der kluge Spekulant sindet hierbei jedoch meist seine Rechnung. Daher könnte auch das auf solche Weise auszubeutende Kapital Spekulations = Werth genannt werden.

§. 480. Baldverzinsunge= Werth.

Die ben bochften Zinsengewinn einbringende Balb= wirthschaft, welche alle Haupt = und Nebenerzeugnisse im geeig= netsten Zeitpunkte ausnutt, so daß ihr Reinertrag den Bodenund Bestandswerth genügend verzins't und also bas reine Berth= nutungs = Prozent minbestens bem angemessenen Berwerthungs= Binsfuße gleichkommt, ift diejenige Baldnugungsweise, welche bem Berginsungswerthe entspricht. Gin feiner, Alles flug berechnender, mehr die hochste Kapitalnugung, als die ergiebigste Holzerziehung im Blicke haltender Betrieb macht sich bazu als wesentliches Erforderniß geltend und führt den Schätzer haupt= sachlich auf folgende Gesichtspunkte: Minderung des Massenvor= rathes, Abkurzung ber Umtriebszeit und Beschleunigung des Holz= wuchses mit moglich rascher Hervorziehung ber Holzertrage; Berwandlung aller Holzvorrathe, die eine genugsame Werthzunahme nicht mehr darbieten, in einträglicheres Geldkapital; zudem Ber= mehrung der Nebennutzungen, Steigerung der Baldpreise, Min= berung der Waldnutungskosten u. f. w. Der kleinere Forsthaus= halt und der Privatbesit, besonders in Berbindung mit gand= gutern, begunstigen diese feinere Musterforstwirthschaft gang vorzüglich; sie wird mehr und mehr in's Leben treten, je mehr ber Waldeigenthumer seinen Vortheil erkennen und berechnen lernt; ist es dahin gekommen, so durfte der ihr entsprechende hohere Werth wohl vorzugsweise Privatwaldwerth heißen.

§. 481. Baldschonungs=Berth.

Dieser Werth wird von der gewöhnlichen Forstwirthschaft begründet, welche mehr eine gewisse Waldschonung zur Obliegens heit hat und daher aus den nachhaltig hoch sten, oder einen sonst bedingten Holzertrag gerichtet ist. Größerer Massens vorrath, höhere Umtriebszeit, Erziehung stärkerer und besserer Hölzer, oft auch bedingte, mitunter veralterte Holzpreise, zudem ein Gemisch von Solidität und Stadilität sind der Charakter dieser Verwalter=Wirthschaft. Das reine Einkommen von dem unversügdaren Waldkapitale steht meist bedeutend niedriger, als der gewerdliche Zinssuß. In Staatsforsten, Stiftungs= und Kommunwäldern, bei ausgedehnten Holzungsrechten, besonders mehr innerhalb großer Waldungen, ist diese Benutungsweise die herrschende; Mangel an Holzabsatz gestattet oft keine andere. Wir dursen den auf solche Weise begründeten Waldwerth auch mit dem Worte Staatsforstwerth bezeichnen und schließlich auf die große Verschiedenheit zwischen Spekulations=, Priz vatwald= und Staatsforstwerth zurückbeuten.

§. 482. Feststellung bes Naturalertrags.

Oft steht dem Waldbesitzer die Wahl unter jenen drei wes
sentlichen Waldnutzungsweisen frei; nicht selten zwischen dem
Zerschlagungs = und dem Verzinsungs = Betriebe, oder zwischen
diesem und dem Schonungs=Betriebe; oder er kann hier diesen,
dort jenen Zwischenweg einschlagen; wenigstens durften mitunter
besondere Theile der Waldung ausnahmsweise einer oder der
andern Spekulation unterliegen.

Für alle diese Falle, welche der Waldnutungsplan näher vorzeichnet, sind nun, auf dem Grunde ganz aussührlicher Ertragsabschätzungen und bloß mit Gebrauch des Fachwerks, die zu erwartenden Holz und Nebenerträge nebst den etzwaigen Grundveräußerungen von Ort zu Ort nach gezeigneten Nutzungsperioden aufzustellen, und zwar mit den Verztaufspreisen ausschließlich der Bereitungskosten, mehr oder minder in's Einzelne eingehend.

§. 483. Feststellung bes Gelbertrags.

Mittels der aufgestellten Naturalertrage, Grundveraußerunsgen und Verkaufspreise, welche jede angenommene Waldnutzungsweise während jeder Nutzungsperiode erwarten läßt, ist man nun leicht im Stande, die gesammte Gelbeinnahme auszuwersen. Um von dieser den Reinertrag zu scheiden, muffen alle mit

ŗ

dem fraglichen Nutzungsbetriebe unzertrennlichen Kosten veransschlagt und in Abzug gebracht werden. Dahin gehören:

- 1) Bei dem Berschlagungsbetriebe:
- a) Etwaige Abfindungssummen;
- b) Grundabgaben und sonstige Entrichtungen in der Zwischen= zeit;
- c) Zinsen von dem etwa nothigen Vorschußkapitale;
- d) Verlust und Einbuße in Folge des außerordentlichen Ur= beitsbedarfs, Holz= und Bodenverkaufs u. s. w.;
- e) Unterhaltungs = und Verwaltungskosten, so lange die Wal= dung noch besteht.
- 2) Bei fortgesetztem Waldbetrieb wurden dagegen zur Frage kommen:
 - a) Grundabgaben und sonstige Entrichtungen;
 - b) Unterhaltungskosten;
 - c) Bermaltungskoften;
 - d) Zinsen vom baren Betriebskapitale;
 - e) Verluste an verfallenen Forderungen, unvorhergesehenen Unkosten u. s. w.

§. 484. Feststellung des Berwerthungs=Binsfußes.

Meist wird die Annahme des Verwerthungs-Zinkfußes gleich von vorn herein dem Urtheile des Tarators stillschweigend überslassen. Dies ermächtigt denselben aber keineswegs, den von ihm eben als annehmlich erachteten Zinksuß seiner Werthschätzung nur allein unterzulegen. Er muß im Gegentheil seine Rechnung auch nach jedem andern Zinksuße, welcher (§. 469.) von den Betheisligten nur irgend in Frage gestellt werden könnte, mit anlegen. Der zwischen den örtlich und zusällig bedingten Prozentsätzen mitten inne stehende Zinksuß kann hierbei zunächst als Richtschnur dienen und ist eben so sehr veränderlich nicht; in Deutschlands wohl geordneten Staatshaushalten durfte man denselben jest recht süglich dem Course unaufkündbarer öffentlicher Schuldscheine gleichstellen, also etwa zu 3.

§. 485. Werthberechnung.

Hat man nun den reinen Geldertrag des Waldgutes ober Balbstudes nach ber eben statthaften einträglichsten Baldnugungs= weise, wohl auch fur einen gemeinüblichen und einen feinern Be= trieb durch alle Nugungsperioden veranschlagt; hat man zudem einen geeigneten mittlern Berwerthungs-Zinsfuß angenommen: so ift die Berechnung ber bezüglichen Berschlagungs=, Berginsungs : ober Schonungs : Werthe eine leichte, in ber Arithmetik schon gelehrte Aufgabe. Die babei nach ben ver= schiedenen Waldnutzungsweisen so sehr verschieden ausfallenden Berthergebnisse durften die Überzeugung vollends befestigen, daß man mittels ber Zinseszinsrechnung, ben feinsten Spekulanten überbietend, die verborgensten Wortheile heraus rechnen kann, wenn der Schätzer deren Quelle nur erst aufgesucht hat *). Ofters ist es zweckmäßig, besonders bei Zerschlagungs = ober Theilungsfragen, die Werthe aller einzelnen Stude fur sich auf= zustellen.

Da die gar verschiedenen Einstüsse ber örtlichen und zufälligen Umstände auf den Verwerthungs Zinösuß im Voraus nicht wohl alle zu bestimmen sind und die Auswahl desselben von den Betheiligten meist erst beim Abschlusse des Handels getroffen wird: so führt man die erste und hauptsächliche Werthberechnung nach dem vorläusig angenommenen mittlern Verwerthungs alinssuße genauer durch und rechnet dann bloß zu dem so gessundenen Hauptwerthe die um zuch. höher und niedriger stehenden Mitwerthe näherungsweise aus, nach dem einsachen, aber umgekehrten Zinösus Verhältnisse. Wäre z. B. das Verzwerthungssprozent zund der Hauptwerth W: so nähme man als Mitwerth sur 4 pCt., nach 4: zum W: x, ohne Weiteres W x zł; für z pCt., W x zł. Diese Rechnung ist zwar nur annähernd, jedoch für den beabsichtigten Gebrauch allemal zus

^{*)} Alle diese Feinheiten ber Wertherhebung gebachte man noch kurz vor dem Erscheinen unseres Beweises S. 128. mit halfe einfacher ober Mittelzinsen zu umgehen.

reichend, indem die weitere Zinsfußannahme wie überhaupt der ganze Handel meist von personlicher Ansicht und Willfur der Betheiligten abhängt.

§. 486. Werthveranschlagung.

Enblich wird ber Werthanschlag gefertigt mit kurzer Beschreibung ber wesentlich in Frage stehenden und in den vor= hergehenden SS. überschriftlich genannten Gegenstände und mit Darlegung aller Grunde für die Feststellung ber Waldnugungs= weisen, verwerthbaren Erzeugnisse, angenommenen Preise, Kosten und Zinssätze. Der Anschlag selbst muß sich so weit als erfor= derlich auf Ort und Zeit erstrecken und die Faktoren, Produkte und Sommen der Werthberechnung übersichtlich darstellen, so daß der Beurtheilende bis auf die kleinsten Erhebungsquellen prufend zuruckgehen kann. Dabei barf ber Schatzer nicht unter= lassen, zu jeder vorgeschlagenen Waldnutzungsweise die aus der Abschätzung hervorgegangenen Durchschnittswerthe vom Morgen auszuwerfen, diese Werthe aber nicht nur unter sich und mit den aus der seitherigen Bewirthschaftung entsprungenen Nugungs= werthen, sondern auch mit den gewöhnlichen Kaufpreisen ahnli= cher Grundstude derselben Gegend zu vergleichen. Budem ist meist noch ein vertrauliches Gutachten erforderlich über alle Interessen der Betheiligten und Mithewerber in Bezug auf den fraglichen Sandel,

§. 487. Summarische Waldwerth = Schätzung auf dem Grunde einer zusammengefaßten Abnutzung.

Dfters mangelt es an Zeit und Mitteln zur aussührlichen Werthschäung; nicht selten sinden sich auch die Nutzungs Wershältnisse so ungewiß, daß man kaum im Stande ist, das Einzelne nach Ort und Zeit gesondert zu erheben. In solchen Fällen darf wohl eine summarische Werthschäung des Bestandes und Bodens genügen. Hierbei nimmt man entweder eine durchgängig zusammengefaßte, oder eine nach Bestands-

Klassen und Perioden mehr ge son berte Abnutung des vors handenen Holzbestandes an, nehst einer alsbaldigen Weiterverswerthung des mittlerweile frei werdenden Bodens, und setzt vorsaus, daß die bezüglichen Bestandes und Bodenwerthe während jedes fraglichen Abnutungszeitraumes in jährlich gleichen Theilen einlausen. Der Holzvorrath wird nach den verschiedenen Besstandsklassen wenn auch nur durchschnittlich bestimmt.

Das Abschätzungsverfahren mittels zu sammengefaßter Bestands=Abnugung läßt sich durch ein Beispiel am deut= sichsten darstellen. Setzen wir voraus, es sänden sich in einer 300 Mg. großen Holzung auf

20 Mg. mit 51= bis 60jahr. Best. zu 24 Mfl. an Vorr. 480 Mfl.

und mithin an ganzem Holzvorrathe: 3210 Mfl.;

man habe den Ubnutzungszeitraum auf 50 Jahre gesetzt und den inzwischen noch erfolgenden Holzzuwachs ermittelt: so könnte folgende Werthveranschlagung Statt finden.

- 1) Der Massenertrag ist auf drei verschiedenen Wegen zu entziffern.
- a) Man nimmt so weit als thulich ben Jahreszuwachs, wenn auch von allen Bestandsklassen nur summarisch, und rech= net benselben (n. §. 88. 1.) ohne Weiteres auf die halbe Ub= triebszeit $\left(\frac{50}{2}\right)$ zum Holzvorrathe. Bei dem jährlichen Zuwachs von etwa. 132 Mkl. betrüge der Gesammtzuwachs 132 × 25 = 3300 Mkl., und der jährliche Holzertrag stellte sich zu

$$\frac{3210 + 3300}{50} = 130,2 \text{ Mfl.}$$

b) Ober man bestimmt ben Perioden=Zuwachs, wie berselbe nämlich, in Gemäßheit eines gleichen Flächenangriffs, jeder Abtriebsperiode durchschnittlich zu Theil würde. 3. B.

1. Jahrzehnb 60 Mg. zu etwa 0,3 Mkl. × 5, beträgt 90 MH. **60** 0,35 × 15 315 2, **>>)))) >>** » × 25 3, 60 » 0,4 600 **»** » **>>** » 0,45 » × 35 4, **60** 945 **»** » **)** 1215 60 0,45 × 45 5, **>>)**} **>> >> >>**

Dies giebt an Gesammtzuwachs 3165 Mtl.

und zum jährlichen Holzertrag:,

$$\frac{3210 + 3165}{50} = 127,5 \text{ Mfl.}$$

c) Darf man eine Progressional=Mehrung voraus= setzen, so ergiebt sich (n. g. 450. 1.) als jährlicher Holzertrag:

$$3210: \frac{50}{2} = 128,4 \text{ Mfl.}$$

Nach diesen Ergebnissen durfte man den jährlichen Holzertrag etwa zu 130 Mks. annehmen.

2) Der nach und nach einlaufende Bestandswerth ist außer diesem Holzertrage noch von den gegenwärtigen und kunfztigen Holzpreisen bedingt. Diese steigen und fallen, je nachdem die zum Abtried kommenden Bestände mehr oder minder nutbar sind. Meist bleibt die Nutbarkeit bei gleichem Alter ziemlich gleich. Rechnen wir durch alle Zeiten die Massenklaster, nach Abzug der Bereitungskosten, zu 4 Thlr.: so ergiebt die Holzenutzung eine 50 Jahre dauernde Rente von jährlich 130 × 4 — 520 Thlr. und bei 3 pCt. einen Kapitalwerth von

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{60}\right) \times 520 = 13379$$
 Thir.

3) Den Bobenwerth schätt man durchschnittlich nach der mittlern Ortsgüte und der geeigneten Nutungsweise, welche als geregelte Holzzucht oder als Fruchtbau u. dgl. eintritt, so wie die Abnutung des vorgefundenen Bestandes den Boden frei giebt. Wäre dessen kunftiger Nutungswerth pr. Mg. 20 Thlr., so käme auf jedes Abnutungsjahr (von $\frac{300}{50} = 6$ Mg.) $6 \times 20 = 120$ Thlr. Daraus ergiebt sich au gegenwärtigem Kapitalwerthe zu 3 pCt.:

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{50}\right) \times 120 = 3087$$
 Thir.

4) Die von dem vorhandenen Holzbestande noch abfallenden Rebennutzung en, welche nicht in die neue Bodennutzung überlaufen, stellen sich als abnehmend aushörende Renten in Rechnung. Gingen z. B. von jedem noch bewaldeten Morgen, nach Abzug der Sammlungskosten, 3 Sgr. nebenher ein: so bestrüge das im 1. Jahre 300 × 3 Sgr. = 30 Thlr., dann in jedem folgenden Jahre, wegen der abgehenden 6 Mg. Schlagssläche, 6 × 3 Sgr. = 0,6 Thlr. weniger, also zuletzt im 50. Jahre noch 0,6 Thlr. Der Jetztwerth dieser Nebennutzung ist, ebensfalls zu 3 pCt. berechnet (n. h. 120, 3.): das Kapital einer zu 30 Thlr. anzunehmenden Hauptrente $\frac{100}{3}$ × 30 = 1000 Thlr., mit Abzug einer aus den Stammwerthen des zu 0,6 Thlr. anzgenommenen jährlichen Abgangs $\left(\frac{100}{3}$ × 0,6 = 20 Thlr.) ges bildeten 50 Jahre dauernden Nebenrente

$$\left(\frac{100}{3} - \frac{100}{3} \times \left(\frac{100}{103}\right)^{50}\right) \times 20 = 515 \text{ Thir.},$$
also $1000 - 515 = 485 \text{ Thir.}$

Der Praris wurde es mehr entsprechen, wenn man die Besträge eines jeden Jahrzehnds summarisch auf den mittlern Borzwerth führte.

5) Unser Gesammtwerth umfaßte nun, ohne Abzug der weitern Ausgaben:

§. 488. Summarische Waldwerthschätzung auf bem Grunde einer mehr gesonderten Abnutzung.

Ein folches summarisches Abschähungsversahren gestattet mehr Genauigkeit, wenn die Bestandesabnugung nach Alters:

Flassen und Perioden gesondert wird. Man könnte nämlich die mehr erwachsenen Hölzer vornweg nach ihren besondern Massenbeträgen, die Junghölzer aber klassenweise nach allgemeinen Nutzungswerthen veranschlagen, in beiden Fällen einschließlich des eben mit frei gegebenen Bodenwerthes. Das oben gebrauchte Beispiel mag hier wieder zur Erläuterung dienen.

1) Dbige mehr erwachsenen Bestände ergaben, in dem nach=
sten Jahrzwanzigt mit 10jahrigem Zuwachs abgenutt, von

und an jahrlichem Wertheinkommen:

von der Holznutzung
$$\frac{2525}{20}$$
 Mkl. $\times 4$ Thir. $=$ 505 Thir., von der Nebennutzung $\frac{110 \text{ Mg.} \times 3 \text{ Sgr.}}{2} = 5,5$ » vom Bodenwerthe $\frac{110}{20}$ Mg. $\times 20$ Thir. $=$ 110 » zusammen: 620,5 Thir.;

somit an Jetztwerth zu 3 pCt. als Rente:

$$620,5 \times (33,33333 - 18,45588) = 9231$$
 Thir.

2) Die Junghölzer sollten im 50. Altersjahre pr. Mg. erzwarten lassen: (23 Mel. zu 4 Thlr. —) 92 Thlr. Bestandswerth mit (50 × 3 Sgr. —) 5 Thlr. angesammelten Nebennutzungszwerth und 20 Thlr. Bodenwerth; zusammen also 117 Thlr. Dieser, von den verschiedenen Altersklassen, nach 25, 35 und 45 Jahren entfallende Morgenwerth gabe an ganzem Jetztwerthe:

3) Der Gesammtwerth ware mithin:

Von den mehr erwachsenen Beständen 9231 Thlr., von den Junghölzern 7764 »
Im Ganzen, ziemlich wie der obige: 16995 Thlr.

Solche summarischen Werthschätzungen gestatten bei aller Einfachheit die genaueste, so wie die oberstächlichste Behandlung ihres Gegenstandes und sichern dabei vor manchen Mißgriffen, indem die Mitanrechnung des, durch den Abtrieb frei gegebenen, Bodenwerthes alle weitern Nutzungsanschläge beseitigt.

§. 489. Schätzung bes Schabenersates wegen Stammholzentwendungen.

Der Schabenersatz wegen unmittelbar vom Stocke entwendeter Hölzer wird geschätzt nach Maßgabe des Holzbetrags, des wirklichen Holzwerthes und des durch die Entwendung verursachten wirthschaftlichen Neben verlustes.

- 1) Um ben Holzbetrag entwendeter Stamme so gut als thulich anzusprechen, bemißt man zu der fraglichen Holzart die drei Massengehalt Faktoren mittels der noch vorsindlichen Bergleichungsgrößen, namlich: die Stammstärke, nach der Starke und Form des Stockes, und wenn auch dieser sehlt, nach dem Umfange des Stockplatzes; die Scheitelhohe und Stammsform, nach den Nachbarstämmen, der ermittelten Stammstärke, der Stocksorm, dem Abstande und Standorte. Auf dem Grunde dieser Ermittelungen wird die Holzmasse berechnet, das Sortensverhaltnis beurtheilt und der Sortenbetrag naher bestimmt. Von mehren Stämmen zusammen, oder ganzen Bestandesstücken schätzt man den Holzbetrag auf gleiche Weise. Bur Bewährung solcher Thatbestände sind glaubhafte Aussagen sehr dienlich.
- 2) Bei Bestimmung des wirklichen Holzwerthes, nach Maßgabe des geschätzten Holzbetrags, legt man in der Regel den Marktpreis zum Grund; denn jede Forsttare bezruht auf Vertrag oder Vergünstigung, woran der Forstfrevler, der ohnedies das entwendete Holz meist um den höchsten Preis verkauft, keinen Theil haben kann.
- 3) Wird das entwendete Holz auch im vollen Marktpreise entschädigt, so verursacht dennoch dessen Herausreißung aus dem Wachsthums = und Wirthschafts = Verbande dem Beschädigten oft noch manchen Nebenverlust. Dhne die Beurtheilung dieses

Nebenverlustes auf Spitsfindigkeiten zu bauen und etwa zu Gunften des Beschädigten anzuführen, daß das entwendete Solz mit der Zeit vortheilhafter hatte verwendet werden konnen, etwa zur Gewinnung befferer Ausnugungs = ober Gelegenheitspreife, so wie durch vorzugsweise Abgabe anderer, mehr ruckgangiger Holzwüchse, ober wohl mittels Benutzung des Stockausschlags, ber Besamung, oder sonstiger Bortheile, was Alles auf sehr un= sichern Grunden beruht und mitunter sogar auf Gegensatze führen konnte; auch ohne die Discontirung irgend eines vernichteten Zukunftswerthes zu Hulfe zu nehmen, welche von zu fernen und unsichern Grundlagen ausgeht und nicht von Jedem gehandhabt werden kann, bem der Forstschutz obliegt: halten wir uns hier nur allein an die Entschädigung des nebenbei verursachten Berths zunahmeverluftes. Der Schabenerfat, welcher biefen mit einschließt, ergiebt sich aus dem Holzwerthverlufte in Berhaltniß bes landublichen Binsfußes zu dem (n. §. 407.) nun verlornen Werthzunahme=Prozente und umfaßt so= mit zugleich ben Berlust an Bobenrente von bem erledigten Standplate.

Ware z. B. von einem im Mittelwalbschlage entwendeten Standreitel der wirkliche Holzwerth zu 6 Sgr. und der Werthzunahmeverlust zu 7 Prozent geschätzt worden: so verhielte sich bei 4prozentigem Zinösuße der geschätzte wirkliche Holzwerth als Entwendungswerth zu dem ganzen Schadenersatze wie 4:7*), und dieser betrüge mithin $\frac{7}{4}\times 6=10,5$ Sgr., nämlich 6 Sgr. wegen Holzwerthverlust und 4,5 Sgr. wegen Werthzunahmeverlust.

$$8 \times \frac{4}{100} = E \times \frac{7}{100}$$
,
 $8 \times 4 = E \times 7$,
 $8 = E \times \frac{7}{4}$.

^{*)} Der Entwendungswerth E ist namlich als Kapital anzusehen, bas dem Forste 7 pCt., mithin E × $\frac{7}{100}$ abwarf. Der Schadenersas 8, zu 4 pCt., also zu 8 × $\frac{4}{100}$ angelegt, muß jenen Betrag ersesen. Dars aus ergiebt sich die Gleichung:

Diese Berechnung sett freilich eine unaufhörliche Forts bauer des Werthzunahmeverlustes voraus, welche in der Wirklichkeit nicht besteht; allein man kann den spätern Absfall desselben recht füglich für die übrigen, weniger bestimmbaren Nachtheile des beschädigten Waldbesitzers aufrechnen, dabei aber zur Begegnung von Nißbräuchen das höchste Werthzunahmes Prozent nur auf das Doppelte des gangbaren Zinssußes dessichten. Dieses Außerste übersteigt das Wachsthum und die Werthzunahme solcher Hölzer ohnehin nicht leicht.

Hiernach durfte bei forstwirthschaftlicher Bestimmung des Schadenersages wegen entwendeter Stammholzer die einfache Regel gelten: Man bestimme den Holzbetrag nach den noch ermittelbaren Maßen, den wirklichen Holze werth nach den Marktpreisen und den Schaden= erfat nach dem Holzwerthe in Berhältniß des lande üblichen Zinssußes zum verkornen Werthzunahme= Prozente. Dabei durfte aber der Schadenersat das Doppelte bes Holzwerthes nicht übersteigen.

Diese Regel halt sich in so engen und bestimmten Grenzen und behilft sich mit so einfachen Schätzungsmitteln, daß jeder Forstausseher leicht und sicher nach ihr taxiren kann; sie ist ein langst gewünschtes Auskunftsmittel unseres Forststrasversahrens.

h. 490. Schätzung bes Schabenersatzes wegen Holzbeschäbigungen.

Die Schätung des Schadenersatzes wegen bloßer Beschädigung an Gehölzen verfplgtzwei verschiedene Wege, je nachdem der Schaden an eigentlich nut baren Hölzern, ober an jungen Holzwüchsen verübt wurde.

1) Bon beschäbigten Holzstämmen ist zu schätzen und zu ersetzen: was der zurückgebliebene Stamm einmal an seinem vorhinnigen vollen Holzwerthe, zum andern an seiner kunftigen Werthzunahme verloren hat. Der erstere, einmalige Verlust kann sehr wenig, auch wohl gar keinen wirklichen Rutzungsweth haben, aber doch serlust tritt als Rente auf, die bis zur bereinstigen wirthschaftslichen Abnutzung des Baumes bauert.

Gesetzt, ein Baum, dessen voller Holzwerth 120 Sgr. betrug, sei entastet worden; man habe die entwendeten Aste an sich zu 20 Sgr. angeschlagen, den Entgang an weiterer Werthzunahme des Baumes aber jährlich zu 3 Prozent geschätzt, und zwar mit 15jähriger Dauer bis zu der daselbst eintretenden Schlaghauung. Davon berechnet sich der Schabenersatz nach Aprozentigem Zinssus:

- a) Un Entwendungswerth = 20 Sgr.
- b) An Werthzunahmeverluste, jährlich zu

3 pCt.,
$$120 \times \frac{3}{100} = 3.6 \text{ Sgr. *}$$
). Da

von der 15jährige 4prozentige Rentenwerth:

Zusammen: 60 Sgr.

Da in einem solchen Falle die hochste Entschädigung eben auch durch das Doppelte des landüblichen Zinssußes begrenzt sein müßte (h. 489.), es aber dem Beschädigten frei steht, den zurückgebliebenen Haupttheil des Stammes alsbald niederzuschlasgen und den davon erlösten Holzwerth sammt dem erstatteten Entwendungswerthe zinstragend anzulegen: so dürste man, wenigstens dei gewöhnlichen Beschädigungen dieser Art, als Werthzunahmeverlust hochstens nur noch den einfachen Zinsenbetrag anrechnen.

Bei solchen Beschäbigungsfällen kann übrigens der Schadenersat weit über das Doppelte des entwendeten Holzwerthes steigen und dieser, wie bei bloßen Verletzungen, ganz betraglos sein. Ist ein Stamm todtlich verletzt, vielleicht durch Entrindung, so wird der Schadenersatz nach J. 489. berechnet und der noch vorhandene Holzwerth dem Beschäbiger gut geschrieben.

2) Bon beschädigten Holzanwüchsen schätt man zum Behuf bes Schabenersages einerseits die Wiederherstel=

^{*)} Hierbei ist der Werthzunahmeverlust auf das entwendete Astholz, das doch alsbald ersest wird, der Kurze wegen mit eingerechnet.

lungskosten, andrerseits den Wirthschaftsverlust bis zum Wiedereintritte des frühern unbeschädigten Zustandes. Die Kosten der thulichen Wiederherstellung durch das geeignetste Ausbesserungsmittel nebst den etwaigen weitern Nachbesserungen kann jeder Forstwirth ohne Weiteres leicht veranschlagen. Der Wirthschaftsverlust während der Wiederherstel= lungszeit umfaßt theils die inzwischen verloren gehende Bosdenrente und Bodenkraft, theils den gleichzeitigen Zinsenverlust von allen früher aufgewendeten Erzeugungskosten.

- So könnte z. B. die Schabenersatherechnung von einer sichrigen Kiefernansaat, deren Wiederherstellungszeit 4 Jahre ers fordere, zu 3 pCt. und pr. Morgen mit folgenden Ansatzen durchsgesührt werden:
 - a) Alsbaldige Wieberauspflanzung = 25 Egr.
 - b) Jährlicher Verlust während ber nach= sten 4 Jahre:
 - 20 Sgr. an Bobenrente und Boben= kraft.
 - orher aufgewendeten Anlage = und Unterhaltungskosten, einschließlich des mittlerweile davon schon aufgelaufenen Zinsenbetrags.
 - 30 Sgr. Diese 4jährige Rente hat an Setztwerth (§. 115.):

30 Sgr. × (33,33 — 29,61) = 111,6 » Ganzer Schabenersat pr. Morgen: 136,6 Sgr.

§. 491. Schätzung bes Schabenersates wegen Holzverwüstungen.

Die Schätung bes Schabenersates wegen begangener ganzlicher Verwüstung von Sehölzen andert sich ebenfalls, je nachdem der Verlust in nutbaren Hölzern, ober in jungen Holzwüchsen besteht.

- 1) Eine gangliche Berwüstung vorhandener nutz barer Holzbestände ist ohne zeitige Begegnung von Seizten des Besitzers kaum möglich, zumal als Gegenstand nachherizger, rechtlich begründeter Schadenersatsforderung. Hierbei bietet sich dem Tarator kein anderer Schätzungsweg dar, als die nähere Ermittelung des Verwüstungszust andes und entwendeten Holzwerthes mit Berücksichtigung der etwa geltend zu mazchenden, verlornen forstwirthschaftlichen Zukunsten, je nach den verschiedenen Benutzungsarten und Zeiten.
- 2) Bei ganglicher Verwüstung junger Holz= wüchse sind zu schäten und zu ersetzen:
- a) Die Anlagekosten, als einmalige Ausgabe auf ben Jetztwerth berechnet.
- b) Die seit der Anlege aufgewendeten Unterhaltungs= kosten, nach Abzug der etwaigen gleichzeitigen Zwischennuzun= gen, als Vergangenheitsrente (n. g. 111.) zu kapitalisiren.
- c) Der Entgang an Bobenrente und Bobenkraft in der Zwischenzeit, ebenfalls eine Vergangenheitsrente.
- d) Der gleichzeitige Verlag an Verwaltungs= und andern ständigen Kosten; nächstdem wohl auch eine Spe= kulationsvergütung.

Die §§. 496 bis 499. über Expropriations=Entschädigungen von Holzgrundstücken behandeln diese Werthfragen aussührlich, wenn auch in etwas anderer Beziehung.

§. 492. Schätzung bes Entschädigungswerthes von gerichtlich enteigneten Baumen und Gehölzen überhaupt.

Die Expropriationen von Grund und Boden zu Landstraßen, Eisenbahnen, Kanalen und andern öffentlichen Bau= werken betreffen nicht selten auch Baume und Sehölze. Nach deren Entschädigungswerthen wird sorgfältig gefragt, sowohl von der Behörde, als von dem Eigenthümer. Zur Erledigung dieser, mehr oder minder sorstlichen Aufgabo hat der Tarator die Bo= den= und Holzwerthe stets getrennt zu behandeln und den Berwerthungs= Zinssuß geeignet zu wählen.

Merthes darf und muß in einem solchen Falls diejenige Gesbrauches und Kulturart zum Grund legen, welche nach Maßgabe der Bodenart und Beschaffenheit, so wie der Belegenheit und Rubarkeit den höchsten Reinertrag thulich und dauernd versspricht, wenn auch zuvor das Grundstück mittels der darauf bessindlichen Bäume oder Gehölze weniger einträglich benutt wurde. In der Regel hat man zwischen den Werthen von Gartenland, Ackerland, Wiese, Holzland und Weideland zu wählen. Ikt freilich die Nutzungsart des Grundstückes durch irgend eine Dienstbarkeit unabänderlich bedingt, und muß diese von dem Erwerber besonders mit abgelöst werden: so hebt dies jede willkurliche Wahl einer andern Bedauungsart.

Der vom Grund und Boden seschätzte Reinertrag, oder auch der vom gangbaren Bodenpreise nach einem geeigneten mittlern Zinssuß bezechnete Kapitalabwurf gilt als Boden=rente. Diese wird in allen folgenden Anweisungen zum Schästen der Entschädigungswerthe als schon ermittelt und gegeben vorzußgesetzt.

- 2) Die Schätzung bes Holzentschäbigungs=Wer= thes hat es entweder mit Bergangenheits = oder mit Zukunftes beträgen zu thun. Diese sind als für sich angelegte Betriebs= kapitale anzusehen, um beren Ersatz es sich handelt, die aber von der ebenfalls abgesondert betrachteten Wodenrente mehr oder roes niger mit aufzehren. Aller Holzentschädigungs = Werth wird ent= weber auf bem Grunde ber aufgewendeten Erzeugungstoften, ober auf dem der erwartbaren Bukunftenugungen ent= Auf beide zugleich hat der Entschädigungsberechtigte wickelt. keinen Anspruch; benn mit bem Einen wird das Andere ersett, und in diesem Ersatze ist dann auch das eben enteignete Holz an sich mit begriffen. Deffen wirklicher Werth gilt nur bann als Entschäbigungswerth, wenn ihn die Jettwerthe der aufgewenbeten Erzeugungskosten und der erwartbaren Zukunfebnugungen nicht übersteigen.
- a) Die Erzeugungskosten umfassen die Anlages kosten, die Unterhaltungskosten und den Entgang an

mittlerweile ausgezehrter Bobenrente, jedoch mit Abzug ber indeß etwa schon eingegangenen Zwischennutungen von der Anlage; sie dienen zum billigsten Entschädigungsbetrage und finden nur bei jüngern Anlagen Statt, von denen die Zukunftsnutungen noch zu fern und unerheblich sind."

- b) Zukunftsnutzungen. Deren Entschädigungsbetrag wird hauptsächlich bedingt von der einstigen Holzabnutzung und den dis dahin eingehenden Zwischennutzungen, nach Abzug des Entganges an aufgezehrter Boden=rente.
- 3) Berwerthungs=Zinsfuß. Da die Erpropriation nur wirklich Verwerthbares entschädigt, bei jeder Baum= und Holzanlage aber mancher Spekulations=Verlust aus dem unversmeidlichen Mißlingen entspringt, und da ohnehin der Eigenthümer durch die erzwungene Abtretung in seinem Wirthschaftsverbande manchen Nebenverlust erleidet: so hatte die Entschädigungsbesrechnung diese Verluste billigerweise durch einen angemessenen Verwerthungs=Jinssuß zu decken und mithin allen Vergangensheitsauswand mit geeignet hohern und alle Jukunstenugung mit geeignet niedrigern Prozentsähen auf die Entschädigungs=werthe der Gegenwart zu discontiren.

§. 493. Schätzung des Entschädigungswerthes von enteigneten Obstbäumen.

Die Werthschäung der Obstbäume liegt zwar außer dem eigentlichen Bereiche des Forstarators; doch wendet sich die Erspropriation auch mit dieser Aufgabe an ihn, weil dies Geschäft ganz nach forstlicher Schätzungsweise vollsührt werden muß und Andere wenigstens mit den Werthberechnungen nicht so leicht umz gehen können. Die Ermittelung des Entschädigungswerthes von Obstbäumen andert sich, je nachdem man entweder noch junge, oder schon tragbare Bäume, oder vollständige Obstwantagen zum Gegenstande hat.

1) Entschähligungswerth für junge Obstbäume. Hier sind nur die Erzeugungskosten in ihrem dermaligen Kapistalwerthe zu entschädigen. Diese bestehen aus den Anlages

und Unterhaltungskosten und dem Bobenrente=Ent= gang, mit Abrechnung des etwaigen Zwischennugungs= Abfalles.

Beispiel von einer 15jährigen, zu 4 pCt. verwertheten Obstpflanzung.

a) Anlagekosten. Jehtwerth von 60 Obst=
stämmen, seber für 6 Sgr. angekauft, für

Kannen, gepstanzt und für 1½ Sgr. ver=
wahrt, zusammen für 16 Thir. angelegt

16 Thir. × 1,801

= 28,8 Thir.

b) Unterhaltung skosten, sür Ergänzung, Reinhaltung und sonstige Pslege, seit ber Anlage im Durchschnitt jährlich 25 Sgr. = 35 Thlr. × 20,825

= 17.3 »

To) Entgang von der landwirthschaft= lichen Bodenrente, an Dünger, Kör= nerverlust und dergl., jährlich 8 Sgr.

= \(\frac{3}{30} \) Thir. \(\times 20,825 \)
Sesammter Auswand: \(51,7 \) Thir.

d) Dagegen hat die anfängliche Obstnutung während der letten 5 Jahre abgeworfen, jährlich 15 Sgr. Diese abzurechnende Zwisschennutung beträgt (§. 111.)

35 Thir. × 5,633 = 2,8 »

Es verbleibt also an Entschädigungswerth: 48,9 Ahlr.

2) Entschädigungswerth für tragbare Dbst=
baume. Hat ber Obstbaum bas eigentliche Fruchtbarkeitsalter
erreicht, so bienen bie erwartbaren Zukunftsnugungen
zur Schätungsgrundlage, und diese bestehen theils in den Zwi=
schennugungen an Obst, nach Abrechnung der Nutungs=
kosten und bes Bodenrente=Entganges im Berdammungsbereiche
des Baumes, theils in der Holzabnugung, wenn die Obstnutung aushört einen überschuß'zu geben. Dieser Nutungszeitraum muß erfahrungsmäßig bestimmt werden.

Beispiel. Ein Obstbaum halte sich in seiner überschüssigen Rutbarkeit wahrscheinlich noch 24 Jahre; bessen bermaliger Kapitalwerth solle nach den erwartbaren Zukunftsnutzungen zu 3 pCt. berechnet werden.

- a) Zwischennugungswerth.
 - 14 Sgr. an jahrlichen Obsternten,
 - 5 » an jahrlichem Bobenrente-Entgang,
 - 9 Sgr. überschüssige Zwischennutzung. Davon beträgt der Jetztwerth: 9 kgr. × 16,94 == 152 Sgr. Dieser könnte ebensowohl auch perioz disch verschieden angesetzt werden.
- b) Holzabnugungswerth, nach 24 Jahren

32 Sgr. und jett: 32 Sgr. × 0,49 = 16 » Gesammter Entschädigungswerth: 168 Sgr.

Befriedigt eine reichlich geschätzte Zukunftsnutzung den Entschädigungsberechtigten nicht, so läßt sich mit Zuhülfnahme der erwartbaren Zwischennutzungen — wenn man diese in progressiver Abnahme auf die Vergangenheit anwendet — ein Erzeuzungswerth herausrechnen, welcher die Haltbarkeit des gebotenen Zukunftsnutzungswerthes genügend beweiset.

3) Entschädigungswerth für volle Obstplanstagen. Eine solche vollständige Obstpslanzung, wo alt und jung durch einander steht, und deren Erträge als immerwährend gleiche Renten anzunehmen sind, wird am leichtesten und sichersten summarisch abgeschätt. Dabei ist der jährlich zu erwartende, gesammte Obstnugungsbetrag, ausschließlich der Nustungstosten und des gleichzeitigen Bodenrentesentsgangs, zu ermitteln und festzustellen. Ber Holzabnutzungswerth bleibt unberücksichtigt, wosern man die im Laufe der Beit abganzigen Afte und Baume zum Unterhaltungsersatze aufrechnet.

Betrüge z. B. jährlich im Durchschnitt die Obstnutzung auß:
schließlich der Nutzungskosten

der Bodenrente=Entgang

also die überschüssige Obstnutzung

6 Thlr.:
so stellte sich der Iprozentige Entschädigungs:

werth auf 6 Thlr. × $\frac{100}{3}$ = 200 Thlr.

6. 494. Schätzung des Entschäddigungswerthes von enteigneten Köpf= und Schneidelbaumen.

Die Kopf= und Schneidelbäume gewähren ebenfalls zwei wesentlich verschiedene Nutungsformen. Bei jenen sind die Holzabnutungsbeträge, bei diesen die Zwischennutungsbeträge untergeordnet; bei beiben hat man die Nutungsdauer, die periodische Zwischennutung und die endliche Holz=abnutung zu bestimmen.

Die Nugungsbauer richtet sich mehr nach dem Zeitz punkte, bis zu welchem der Köpsbaum eine gewisse Eingängigkeit und der Schneidelbaum eine bestimmte Brauchbarkeit erreicht. Die durchs Köpsen und Schneideln von Zeit zu Zeit eintretende Zwischen nugung wird, nach Abzug des etwaigen Bodenrentez Entganges und der Nugungskosten, gleich in reinem Geldertrage entweder als periodische Einnahme angesetzt, oder als jährliche Rente vertheilt. Den Holzabnugungsweise.

1. Beispiel.

Eine Kopfweide werde alle 7 Jahre geköpft, stehe jest im 3. Köpfsahre und gebe an 3prozentigem Jestwerthe zu erwarten:

a) Überschüssige Zwischennugungswerthe:

Nach 4 Jahren für 8 Sgr. Kopsholz: $8 \times 0,888 = 7,1$ Sgr. $7 \times 0,722 = 5,1$ 11 **)** » 7 **>>** $5 \times 0.587 = 2.9$ 18 » 5 **)** $3 \times 0,478 = 1,4.$ 25 » 3 **)**) **)) >>**

Busammen: 16,5 Sgr.

b) Holzabnugungswerth
nach 25 Jahren 12 Sgr., mithin jest: $12 \times 0.478 = 5.7$ »
Betrag des gesammten Entschädis
gungswerthes: 22,2 Sgr.

2. Beispiel.

Hätte man 20 Kopfmeiden von ziemlich gleicher Stärke und Wachsbarkeit in eine Berechnungspartie zusammengefaßt und has von 25 Jahre hindurch jährlich 10 Sgr. an Kopfholzzwischensnutzung und endlich 135 Sgr. an Stammholzahnutzung geschätzt: so ergäbe sich zu 3 pCt.

an Zwischennutzungswerth, $10 \times 17.41 = 174$ Sgr., an Holzabnutzungswerth, $135 \times 0.48 = .65$ » an ganzem Entschädigungswerthe: 239 Sgr.; sür jeden Stamm im Durchschnitt etwa 12 Sgr.

Da volle Kopsholzbestände mit wirthschaftlicher Altersabsstusung einen jährlich gleichen Ertrag an Zwischennutzung und Holzabnutzung ergeben, so ist deren Werth auf dieselbe Weise zu berechnen, wie bei normalen Waldungen. — Die Werthschätzung der Schneidelstämme entnimmt von den Kopsholzern die Regeln zum Veranschlagen der Zwischennutzungen und von den Wildsbaumen, die zum Veranschlagen der Holzabnutzung.

§. 495. Schätzung bes Entschädigungswerthes von enteigneten Wildbaumen.

Bei der Enteignung ungestutt erwachsender Wild= baume kommt bloß der Holzabnutungswerth zur Frage. Dessen Schätung beschäftigt sich hauptsächlich mit dem gegenzwärtigen Massengehalte und Geldwerthe nebst dem Mas= senzuwachse und der Werthzunahme, und zwar im ein= maligen Betrage. Der abzuziehende Bobenrente=Ent= gang ist hier meist unbedeutend. Das Geschäft erstreckt sich ent= weder auf einzelne Wildbaume, oder auf mehre zusammen.

1) Werthschätzung einzelner Wildbaume. Man bestimmt den gegenwärtigen wirklichen Werth und dazu für mehre fragliche Abnutzungszeiten die Zukunstswerthe mit deren Setzwerthen. Der höchste unter diesen Atwerthen dient als Entzschädigungswerth, wosern er den gegenwärtigen wirklichen Holzwerth übersteigt, was dei einigermaßen erwachsenen Bäumen selten Statt sindet, zumal wenn durch ihre Werthzunahme ein Bodenrente = Entgang mit gedeckt werden muß.

Beispiel. Hätten sich von einer Usererle, deren gegemwärtiger Gehaltwerth 44 Sgr. betrüge, bei 3prozentiger Kapitali-stung folgende Schätzungswerthe herausgestellt:

für den Ablauf des 10. — 20. — 30. — 40. Jahres, die Holzabnutzungswerthe: 60 — 80 — 95 — 105 Egr.; davon die Tetztwerthe: 45 — 44 — 39 — 32 Egr.: so trate die einträglichste Abnutzungszeit gleich nach dem 10. Jahre ein und bote an Entschädigungswerth 45 Egr.

- 2) Werthschätzung, mehrer Wildbaume zusammen. Um Angerhölzer von vereinzelt wachsenden Wildbaumen, deren Benutzung doch nur stammweise Statt sinden kann, in der Gesfammtheit näher zu schätzen, ware ein eigner Abnutzungsplan zu entwerfen. Dies sührte aber in eben so weitläusige als unsichere Erörterungen, von welchen die weit vorzüglichere stammweise Werthschätzung und Entschädigung sich ganz frei halt. Wollte man in einem solchen Falle die summarische Abschätzung nach dem Nutzungs-Zuwachse (§. 448.) anwenden, so könnte der Entsschädigungs-Berechtigte an seinem Stammkapitale bedeutend verzlieren, indem der Zuwachs jener Hölzer meist unter dem gangs baren Zinssusse steht.
 - §. 496. Schätzung bes Entschäbigungswerthes von enteigneten Junghölzern.

Von jungen Holzwüchsen, die eine wirthschaftliche Rutbarteit noch nicht erreicht haben, bemißt man den in Frage gestellten Entschädigungswerth nach den Erzeugungskosten, so
lange diese nur irgend noch geltend gemacht werden können, jeboch eben auch unvermischt mit dem ganz für sich zu entschädigenden Bodenwerthe.

Beifpiel. Ein 3 Morgen enthaltender, 16jähriger Kiefernsanwuchs sei dem unfreiwilligen Enteigner mit 4 pCt. zu entschäsdigen und zwar in folgenden Kostenbeträgen:

a) Anlagekosten.

Riefernansaat, vor 16 Jahren, pr. Morgen 33, im Ganzen 10,5 Thir. Davon der Jestwerth:

10,5 Thir. × 1,873 = 19,66 Thir.

b) Unterhaltungskoften.

Nachbesserung, vor 14 Jahren, 3 Thir.; Zettwerth:

3 Thir. $\times 1,732 = 5,2$

c) Bobenrente=Entgang.

1,2 Thir. jahrliche Bodenrente; bavon ab

0,4 » wegen jahrlicher Gras: u. Streunutung.

0,8 Thir. shrlich verbleibender Entgang. Dessen

Jetztwerth: 0,8 Ahlr. × 22,697 == 18,16 »

Sesammter Entschädigungswerth: 43,02 Thir. Auf den Morgen 14,34 Thir.

§. 497. Schätzung bes Entschähigungswerthes von enteigneten Althölzern.

Hat sich der Holzbestand an Masse und Gebrauchswerth erst einigermaßen nutbar ausgeformt, so wird der ihm eigne hoch ste Zettwerth ohne Weiteres als Entschädigungswerth angenommen, mag derselbe nun in dem wirklichen Gehaltswerthe, oder in irgend einem auf die Gegenwart discontirten Zukunstswerthe bestehen.

Beispiel. Ein angehend haubarer Kiefernbestand in 60jah= rigem Alter sei pr. Morgen geschätzt zu 2400 Ksp. Massengehalt und 70 Thir. Holzwerth und lasse erwarten mit 3prozentiger Kapitalisirung:

		. 1	1	1	1	
a)	Iahrliche Zwischen: nutungen während bes	I.	II.	III.	rv.	Zahrzehnds.
	An Durchforstungen und Streunutungen: Gleichzeitiger Entgang	24	21	18	15	Groschen.
	von der Bodenrente:	12	12	12	, 12	Groschen.
	Zährlich verbleibender . Nugungsüberschuß:	12	9	6	3	Groschen.
b)	Erwartbarer Ab= nutungsertrag im	2800	3150	3450	3600	Kfuß.
	Schlusse eines od. des ans dern dieser Jahrzehnde:	90	105	115	120	Thaler.
c)	Zettwerthe beider Zukunftsbeträge a und b zum	70	80	90	100	Alters:Sahre.
	Von den periodischen Zwischennutzungen: Von den einmaligen Ab=	3,4	5,3			Thaler.
	nugungen:	67	58	47	37	Thaler,
X	sählbare Entschäbi= gung8=Zetwerthe		63,3	53,2	43,6	Thaler.

Unter diesen vier auf die Gegenwart zurückgeführten Bustumstswerthen übersteigt kaum der erstere vom 70. Alterdjahre mit seinem Jetztwerthe den gegenwärtigen wirklichen Holzbestandswerth; die Jetztwerthe der übrigen sinken mit jedem Jahrzehnde, wie an erwachsenen Bäumen (§. 495, 1.).

Um vorläusig zu beurtheilen, ob und wie der nächste Zustunstswerth den wirklich vorhandenen Gehaltswerth überdieten könne, vergleiche man nur die eben zu erwartende Werthzusnahme sammt Nebennutzung des Holzbestandes einerseits mit den Zinsen vom wirklichen Gehaltswerthe sammt der Bosdenrente andrerseits. Der überwiegende Betrag einer oder der andern Summe deutet an, ob und wie der fragliche Zuskunstwerth steigen oder fallen werde. Wo sich kein weiterer Nutzungsüberschuß in Aussicht stellt, gilt der gegenwärtige Geshaltswerth als der höchste Entschädigungswerth.

§. 498. Schätung des Entschädigungswerthes von enteigneten Mittelholzern.

Bei mitteljährigen, oft noch ganz unreisen Hölzern kann bie Werthschätzung weber von den Erzeugungskosten ausgehen, noch die Zukunstsnutzungen unterstellen, nicht nur wegen der Zweiselhaftigkeit beider in zu weiter Ferne liegenden Rechnungs-Momente, sondern auch wegen der hieraus entspringenden, zu großen Abweichung der Verwerthungs = Faktoren. Es bietet sich hier ein ganz anderes und viel einfacheres Schätzungsmittel dar, nämlich die erfahrungsmäßige Altersdurchschnitts= Rugung anderer, schon mehr erwachsener Holzbe= stände gleicher Art und Wachsbarkeit.

Der obige Kiefernbestand (§. 497.) gab an Durchschnitts= nutung vom Morgen und Jahre:

im 70. Jahre $\frac{20}{10} = 1,28$ Thlr., im 80. Jahre $\frac{20}{80} = 1,31$ Thlr., im 90. Jahre $\frac{20}{90} = 1,28$ Thlr., also im Mittelbetrag etwa: 1,3 Thlr.

Um aber diese als probemäßig angenommene Durchschnittsmiz zung weiter auf jungere Kiefernwüchse von gleicher Entstehung, Haltung und Ertragsamkeit anzuwenden, mußte erst die Bodens rente davon abgezogen werden. Diese betrug in obigem Probes bestande pr. Morgen 0,4 Thir. und mithin verblieb an eigentlich bodenrentefreier Durchschnittsnutzung für jedes Altersjahr

Ein 30jahriger Kiefernbestand, ber den Ertrag jenes Probebestandes erwarten ließe, hatte demnach pr. Morgen Durch= schnitts=Nugungswerth

Dem 16jahrigen Riefernwuchs in g. 496, rechnete biese Schätzungsweife bei gleichen Werthverhaltnissen vom Morgen

als Durchschnitts = Nutzungswerth zu, was mit dem bortigen Ersteugungswerthe zufällig übereinstimmt.

Obschon diese Schätzungsform den Holzwachsthumsgesetzen nicht ganz entspricht und zumal den schwach entstehenden Holzsgattungen im Jugendalter einen etwas zu hohen Nutzungswerth zutheilt: so macht sie sich doch gerade bei solchen Auseinandersfetzungen ganz vorzüglich brauchbar.

Dem Entschäbigungsberechtigten kann die Thulickeit eines viel einträglichern Betriebs, zumal in fleißigerer Ausbringung werther Vorerträge und Nebennutzungen, die in jener Haubarskeits=Durchschnittsnutzung gar nicht begriffen sinds keinesweges abgesprochen werden; zudem sichert dies Rechnungs=Versahren vor größern Mißgriffen; dabei sind die erforderlichen Nutzungssfätze leicht aufzusinden und von beiden Theilen eben so leicht als überzeugend zu handhaben.

§. 499. Schätung des Entschädigungswerthes von enteigneten Ausschlagsholzungen.

Bei eigentlichen Ausschlagsgehölzen ist gewöhnlich nur die periodisch wiederkehrende Bestandes=Abnutung zu vergüten nach Abzug der Bodenrente und der Walds nütungskosten; benn eine Nebennutung kommt selten vor.

Beispiel. Eine Buschholzung in 10jährigem Umtrieb

gewähre nach Abzug aller Betriebs = und Unterhaltungskosten bei jeder Schlaghauung 25 Thlr. Abnuhungsertrag. Der Iprozenstige Kapitalwerth dieser Periodenrente ist alsbald nach erfolgtem Abtrieb (§. 117.):

25 Thir. × 2,907 = 72,7 Thir.

Fällt die Enteignung in den Lauf der Umtriebszeit, so muß dies fer Kapitalwerth des eben geräumten Schlages noch für jenen Zwischen Zeitpunkt umgerechnet werden, und zwar mittels des entsprechenden Nachwerthfaktors. Am Schlusse des 7. Jahres ware berselbe (§. 118.)

• ·72,7 Thir. × 1,230 = 89,4 Thir.

Won diesem Kapitalwerthe der Holznutzung hatte man nun den für sich veranschlagten und ebenso auch für sich zu entschäsdigenden Bodenwerth noch abzuziehen; denn auch in diesem Falle würde das Zusammenfassen desselben mit dem Holzerwachs, schon wegen der mitunter auszuscheidenden Bestandslücken, nicht immer leicht thulich sein. Überhaupt muß bei allen diesen Werthsschäungen, schon der Gleichsörmigkeit wegen, die Regel sestigten ben Bodenwerth stets besonders anzurechnen.

§. 500. Werthschätzung von Jagben.

Rein Gegenstand der Forstnutzung ist schwieriger zu schäten, als die Jago auf wilde Thiere, welche ihren Ausenthalt in Wäldern und Feldern nach Willkur nehmen und verändern; dez ren Angehörigkeit so oft bezweiselt, verletzt und bestritten wird; deren Habhastwerdung so sehr von Gluck und Geschicklichkeit abshingt, und deren oft eben so mubsame als kostdare Erlegung Viele sur weit werthvoller achten, als die wirkliche Nutzung. Der Werth eines Jagdeigenthums ist zunächst und hauptssächlich nach dem Jagdbezirke, der Jagdbarkeit, der Jagdgerechtsame und der Jagdnutzung zu bemessen.

1) Vom Jagbbezirke hat man aufzunehmen und zu bes schreiben: Flächengehalt, Figur und Begrenzung; Lage, Boben und Fruchtbarkeit; Ausbehnung, Vertheitung und Kulturzustand von Walb, Feld, Wiese, Weibe und Gewässer.

- 2) Jagbbarkeit. Dahin gehören: die Anfässigkeit und Hegbarkeit der verschiedenen Wildgattungen; die Gelegenheit zum Ein= und Auswechsel des Wildes und der eben vorsindliche Wildstand; zudem die außere Jagdortlichkeit und Wildhege im ganzen Wechselbereiche.
 - 3) Jagdgerecht same. Hier ist hauptsächlich zu erörtern:
- a) Db Hohe=, Mittel= ober Nieder=Zagd, aus=schließlich ober mitberechtigt, Vorjagd oder Nachjagd; mit welschen Theilhabern und Nachbarn und unter welchen gegenseitigen Beschränkungen; ob unbestritten oder bestritten.
- b) Jagdbienste, an Frohnen zum Treiben, Fahren ober Tragen des Wides, zum Zubereiten der Salzlecken, Stallungen, Schirme, Fänge u. dgk., gemessen ober ungemessen; so auch an Lieferungen und andern Leistungen behufs der Jagd.
- c) Belastungen durch Besteuerung, Erbzins, Wildprette und andere Abgaben, durch Frohngebühren, Wildschabenersatz und andere Vergütungen, so wie Verpflichtung zum Wildabswehren, Einfriedigen u. d. m.
 - 4) Zagdnugung.
- a) Allgemeine Nugungsverhältnisse: Jagdpolizzei Sesete, Vereinbarkeit der Wildhege mit dem Wald und Feldbau, Stimmung der Grundbesitzer gegen die Jagd, Wilds dieberei, Jagdliebhaberei und freiwillige Jagdgenossen.
- b) Jagdbetrieb: angemessene Wildhege und Jagdweise; seitherige und erwartbare Jagdausbeute und Wildpreise; Ausswand für Jagdgehülfen und Jagdersordernisse, Fütterungs = und Unterhaltungskosten, Schuß = und Fanggeld u. s. w.
- c) Jagbertrag an Einnahme und Ausgabe und Reinerstrag, und zwar bei Selbstbeschießung, Berwaltung und Bespachtung bes Jagdrevieres.
- 5) Der Jagdwerth kommt als realer und relativer in Betracht.
- a) Der reale Werth einer Jagdgerechtsame an sich, bestehend in dem absoluten Kapitalwerthe des Jagdeinkommens, dietet wegen der vielen Zufälligkeiten, welchen der Wildstand und die Jagdnutzung unterliegen, selten eine dauernde Sicherheit.

Dessen Kapitalistrung nimmt also in der Rögel, wo es sich bloß um wirthschaftliche Zwecke handelt, stets einen bedeutend behern Zinssus an, als den bei Güterkäufen üblichen.

- b) Der relative Jagdwerth ist in mancherlei weitem Bortheilen bes Jagdinhabers zu suchen, hauptsächlich:
 - nn) In der Beabsichtigung, eine, die Jagd ausbeutende, oder doch störende Nachbarschaft los zu werden.
 - bb) Wenn ein Jagdrevier durch weitere Ergänzung oder bessere Abrundung mittels fremder Jagdbezirke zu einem geschlössenern Jagdgehege erhoben werden kann.
 - ce) In vortheilhafter Erwerbung der Mitjagd zur pfleglichern Behandlung und bessern Benutzung der Cagdbarkeit.
 - dd) In vortheilhafter Erwerbung der Jagögerechtsame von Seiten des Grundbesitzers, um das belastete Wald= oder Landgut freier und einträglicher benutzen zu können.
 - ee) Endlich im Vorliebewerthe. Dieser ist durch vortheils hafte Verpachtung an vermögende Jagdliebhaber zu gewinnen und von dem Forstwirthe da nicht aus dem Blicke zu verlieren, wo Landess und Grundherren in ihren freieigenen Walbungen an einem Wildgehege Vergnügen sinden.

Unter solchen Verhältnissen steigt der relative Jagdwerth oft zu einer Höhe, auf welcher nach dem Reinertrage eben so wenig, als nach einem Kapitalisirungszinssuße gefragt wird.

§, 501. Schluß.

Seht die Waldwerth=Schätzung auf alle eben anwendbaren Benutzungsweisen und angemessenen Prozentsätze im Interesse der Betheiligten ein, ohne nur eine einzige in Frage begriffene Werthbeziehung unerhoben zu lassen, sollte sie auch drei, sechs oder mehr Ergebnisse aufstellen mussen: so wird nicht nur ihre Aufgabe ganz umfassend gelöst und eine Benutzungsweise durch die andere, so wie ein Werthergebniss durch das andere bericktigt und bewährt; sondern es wird auch dem Besitzer, wie dem Bewerber eine klare Auskunft über die fraglichen Werthverhaltznisse ertheilt und eine ihren Umständen eben angemessene Wahl ganz frei gegeben. Zudem sichert sich die Taration im Woraus

gegen jeden Borwurf, der sie durch Rachschätzung, oder in Folge einer gewinnreichern Verwerthung berühren könnte. Der Forststarator darf nie aus dem Blicke verlieren, daß bei allen seinen Werthschätzungen wenig sicherer Grund zu sinden ist und dens noch viel auf dem Spiele steht. Ein sotch umfassend gründliches Versahren, wie das hier vorgezeichnete, hat sich seit einer lanz gen Reihe von Jahren in den verwickeltsten Fällen genügend bezwährt, während andere Werthermittelungen in Befangenheit und Zweisel schwebend selbst die Wissenschaft auf Abwege führten.

Wollte man die Baldwerthschätzung nun auch als Leitungs= mittel der Forstwirthschaft mit gebrauchen und stets die Werth= verhaltnisse, im welchen diese wirkt und schafft, zur Kenntniß ziehen und zur Richtschnur nehmen: so wurde sich die Waldbe= handlung und Waldbenutung mit Sicherheit erheben aus ihren schwankenden Zuständen. Überall wurde man das Werthzunahme-Prozent im Einzelnen und das Werthnugungs = Prozent im Gan= zen als beurtheilenden Maßstab anlegen, und das Waldvermd= gen steigern zur hochsten Ergiebigkeit und Einträglichkeit. Die= mand wurde mehr die irrige, gemeinschabliche Meinung theilen, daß die Walderziehung sich nicht bezahlt mache. Es ift ganz unglaublich, welche Massen, Erträge und Werthe den Wälbern abzugewinnen sind zur Bereicherung ber Gegenwart und Zukunft, wenn man die Krafte ber Ratur erforfcht und der Forst= wirthschaft diensam macht. Möchte die Forstmathematik hierbei recht fleißig zu Rathe gezogen werben.

M'achweis

einiger forstmathematischen Kunstausdrücke.

bichätzungs-Zeitraum, erstreckt sich so weit hinaus, als man die zu erwartenben Erträge je nach bem vorgefundenen Waldzustande naher ermittelt und bestimmt. S. 445.

Abstand, Abstandszahl, die mittlere Entfernung der Stämme eines Bestandes, bemessen nach der gegenseitigen Stammstärke, zur Bestimmung des Waldschlusses. S. 360.

Abtriebsalter, in welchem ein Walbbestand, ofters ganz absweichend vom normalen Schlagsbarkeitsalter, nach Masgabe ber zufälligen Umstände verjüngt wersben muß. S. 445.

Alter, zur Abnusung fraglicher Holzwüchse, Benusungsalster, unterscheidet sich als Haus barkeits. Schlagbarkeits. Umtriebs und Abtriebs alter. S. 445.

Benugungsalter, kommt bei einem holzwuchse ohne nabere Beziebung mehr überhaupt zur Spra-

che. S. 406. Bestandsabsälle (a), Vorerträge, welche ein Holzbestand bis zur

eintretenden Abnusung barbietet. Bestandsauszählung, Ermittelung ber Bestandsgute burch be fon -

bereSchähung aller Stamme. g. 367.

Bestandesläche, biejenige Bobengrundsläche, welche der Bestand
wirklich einnimmt; sie ergiebt sich,
wenn man von der Ortsfläche
die Euckenfläche abzieht.

Destandsform, ift bedingt von Golgart, Buchs und Schluf.

Bestandsgute, beruht hauptsächlich in dem Massen= und Werthgehalte, mit dem laufenden Jahreszuwachse, bemessen nach der Forstslächeneinheit. S. 866.

Bestandsklasse, Altersklasse, Wuchsund Altersabtheilungen ber Balbbestände für den Betrieb.

Betriebsplan, giebt die Grundzüge des kunftigen Waldwirthschafts-Betriebs, aber bloß mittels des Flächenangriffs. S. 446.

Betriebsverband, Waldverband, ein zu selbständigem Rachhaltbez trieb zusammengeordnetes Walds

ganze. Bodenklassen, braucht man zur Bestimmung örtlicher Bobenguten, wofern die allgemeinen Stanborts Bassen nicht ohne Weiteres angewendet werben sollen. §. 380.

Bodenvenke, ber jährliche Reiners trag. Kom Walbboben bestimmt man bieselbe entweber nach bessen landwirthschaftlichem Werthe und bem angemessenen Binsfuße, ober nach bem Verbieib, wenn von ber Bestandswerthzunahme die Zinsen des Bestandswerthes und die Waldsnugungskosten abgezogen werden. S. 410.

Discontiren, das Berechnen gegen= wärtiger, oder gewissen Zeitpunk= ten zugeschriebener Werthe spå= terer, auch wohl früherer Zah=

lungsbeträge.

Durchschnittsertrag, Durch:
schnittserwachs, ber Massen:
oder Werthbetrag eines schlagba:
ren Waldbestandes vom Morgen
und Jahr zu gleichen Theilen,
hinsichtlich ber Erziehung. S. 425.

Durchschnictsmehrung, der gleiche Antheil jedes Altersjahres an dem zum hauptertrag gelangenden Holzerwachse eines Waldbestandes.

S. 403. 415.

Durchschnittsnugung, der Durchichnitisabwurf einer Wirthschaftswaldung, hinsichtlich des Angriffs.

Durchschnittszuwachs, der gleiche Antheil jedes Altersjahres an dem gesammten. zum Haupt= und Bor= ertrag gelangenden, Holzerwachse eines Waldbestandes. S. 415.

Linrichtungs = Zeitraum, die Zeit, welche der Betriebsplan eines Waldverbandes umfaßt, dis zum vorausgeschten Eintritte des Nor-

malzustandes. S. 445.

Entstehung: starte, rascheres Aufswachsen mit ziemlich gleichmäßis ger Mehrung; schwache, langssameres Unwachsen, mit mehr steisgendem Jahreszuwachs. S. 412.

Ertragsahigkeit, bes Standors tes volle Wirksamkeit in Erzeus gung der ihm besonders anges messenen Polzwüchse und Erträge; ber Ortsgütes Charafter. J. 380.

Ertragiamkeit, bes Waldes Ergies bigkeitszustand, ber Ertragsahigs keit gegenüber. S. 381.

Ertragegüte, Ertrageklasse, des Bekandes geschäfte, ober ges währte Ergiebigkeit, ausgedrückt mittels des jährlichen Durch-

schnittsertrags von ber Flachenmaßeinheit. S. 384.

Ertragsvermögen, der gesammte Reichthum eines Waldes in Standort = und Bestandsgute, woraus dessen Ertrag hervorgeht. S. 379.

Erwachs, vereinigt die Begriffe von Zuwachs und Mehrung, an Masse und Werth, in Bezug

auf Ertrag.

Kormklasse, zur Bestimmung bes Wassengehaltes stehender Baume, bioß nach ber äußern Baumgestalt, anstatt ber Formzahl. S. 3.49.

Jormzahl (f), der Antheil des Stammgehaltes an der bezüglichen Scheitelwaize, das Formhaltigsteits-Verhältniß. S. 348.

Julmaße, gegebene Raumgrößen, welche man zum Wegmessen des kleingemachten bolzes gebraucht, im Gegensage ber Studmaße.

S. 833.

Gehaltshähe (h), die Höhe einer, dem fraglichen Stamme an Grunds fläche und Körperinhalt gleichen

Walze. S. 338.

Gehaltswalze, der bem Stamme an Grundflace G und an Körperinhalt M gleiche Cylinder. J. 338.

Trhaltswerth des ganzen Massenbes
standes, nach den laufenden Walds
preisen, ohne weitern Bezug auf
Abseharkeit, welche dagegen den
Absahwerth bedingt. S. 473.
Gesammtertrag — Hauptertrag —

Gesammtertrag = Pauptertrag + Borertrag, bas Ergebniß bes Ge-

sammtzuwachses.

Gesammtzuwachs, ber Inbegriff von Mehrungszuwachs zum hauptertrag + Rebenzuwachs zum Borertrag. S. 383.

Gleichwüchsiger Bestand, ziemliche Gleichheit ber Stamme in Alter

und Große.

Grundwerth, bas Probukt ber Ortsflache mit ber Ortsgute.

Sauabfall, die bei jeder Polzaufbes reitung unvermeidlichen Abgange

an Spanen und Genist.

Saubarkeitsalter, in welchem ein Baum ober Holzbestand nicht nur höchst nusbar, sondern auch eben so abkömmlich und verwerthbar ist.

Sauptbestand; die herrschenden Stamme eines Bollbestandes; die überwachsenen bilden den Reben. bestand.

Sauptertrag, bas Ergebnis ber endlichen Abnugung, im Gegens

sațe von Borertrag.

Saupthauung, bie verjungende Absnubung des Bestandes, Schlagsbauung mit etwaigen Rachsbauuns den; bie Borhauuns gen laufen voraus.

Sauptholzart, die herrschende eis nes Bestandes, nach welcher sich der Betrieb hauptsächlich richtet; Imischen holzarten, anders

artige Beimischungen.

sobenzuwachsmaß, ist vom Starstenzuwachs bedingt; es beträgt gerade so viel von der Stamms höhe, als der Starkenzuwachs von der Stammstarke. Hiernach spricht man die Sohenzuwachsklassen zu 1, \frac{2}{3}, \frac{1}{4}, 0 an.
§. 356.

Jolznugungs = Prozent; bezeichnet bas Berhaltniß der jährlichen Abnusung vom Massenvorrathe einer Baldung; es kann sich bloß auf den Hauptertrag, oder auch mit auf die Borerträge beziehen. S. 424. 428. Polzausnusungs Prozent, das Berhaltniß der Sortenausbeute.

Jahresmehrung, laufen be ober periodische zum Pauptertrag. 6. 403.

Jahreszuwachs, laufender ober periodischer, ber theils als Borertrag, theils als Hauptertrag zur Rugung kommt.

Jentwerth, ber auf ben gegenwärstigen, ober einen als gegenwärtig gedachten Beitpunkt biscontirte Werth irgend eines spätern, ober auch frühern Bahlungsbetrags.

Lokalertraas-Taseln, geben ben drtlich erwartbaren Bollertrag an als bedingte Rormaler-trags-Taseln. S. 396.

Maffe (M), ber umfaffenbe Ausbruck für ben polze und Rinbengehalt von Baumen und Beständen, ohne alle Sortenunterscheibung. Maffen:, Solzgehale, von einen holzbestande oder Baume im Gengen.

Massen:, Solzhaltigkeit, der Be trag in Bezug auf ein gewisch, als Einheit gedachtes Raummos. Massenklafter, Mkl. = 100 Kin

ber Beftanbemaffe.

Massenschänung, das blose Ausprechen der Bestandsgüten nach der Massentigkeit. § 874. 875.

Massen: Schlagbarkeitsalter, in diesem giebt ein zur Berjüngung reifer Bestand ben höchsten Durch schnittsertrag an Holzmasse. J. 416.

Massenvorrath, holzvorrath, bie Summe aller Bestandsmassen eis

ner Waldung. G. 382.

Massenzuwachs, die wirkliche Bermehrung bes Massengebaltes nach Abgang bes unvermeiblichen Seibst und Pauabsalles vom Raturps wachse. S. 344. 383.

Medrungsprozent, gilt bloß in Bezug auf den Hauptbestand und die laufende Jahresmehrung. S.

403.

Mehrungstafeln, bloß nach ber Mehrung aufgereihete Walbertragstafeln. S. 397.

Mehrungszuwachs, Mehrung, der einem Bestande verbleibende Massenzuwachs zum einstigen Hauptertrag, kann als reale, normale, lokale und wieder als altersburchschnittliche, periodische und laufende Mehrung in Betracht kommen. S. 383.

Mg. = Forstslächeneinheit; pr. Mg. = auf ober von der Forstslächen

einbeit.

nachhauruckkand, die Masse ber in den Verjungungsschlägen noch nachzuhauenden Samen: oder Schirmbaume. J. 434.

Nachwerth, der spätere Betrag eines Werthes, sammt zwischen,

zinsen. S. 74. 101.

Auturzuwachs, die von Jahr zu Jahr neu erzeugte Holz: und Rindenmasse, ohne Berückschichtis gung bes gleichzeitigen Gelbstab-

Bollertrage-Taseln, geben ben Bollertrag ohne allen Ruşungsverlust ganz allgemein und unbe-

bingt an. S. 392 — 395.

Normalzuwachs, gehört dem Balbs normalzustande an und ist als un bedingter ganz frei von allem Rubungeverluste, als bes dingter dagegen, dem dreichen Rubungsverluste unterworfen. S. 383.

Augungsanschlag erhebt bie Eins nahmen und Ausgaben nach als len Wirthschaftszweigen entwes ber periodisch auf die ganze Abs schähungszeit, oder im Laufe ber Wirthschaft von Jahr zu Jahr.

Nugungeverluft, was bei ber Holzaufbereitung brilicher Umsftände wegen an der hiebemasse noch verloren geht, außer dem unvermeidlichen Selbst und Haus

abfall. 6 582.

Rugungezuwache, berjenige Theil bes Massenzuwachses, welcher ber Benugung wirtlich anheim fällt, heißt auch schlechthin Zuwache; aus ihm entspringt ber Sauptertrag und Borertrag = Gestammtzuwache.

Ortvertragiahigkeit, f. Ertrag.

fáhiakeit.

Ortsstäche, ber ganze Flächenges halt einer Ortsabtheilung = Bestandssläche + Euckenfläche.

Ortsgite = Standortgute, die allgemeine forstliche Fruchts borkeit einer bestimmten Ortsabstheilung; nach 10 Klassen in Zehntein von O,1 bis 1 anzuspreschen. J. 380.

Periodenrente, eine periodisch wies berkehrende gleiche Zahlung.

Perioden = Rentenwerth, der Kas pitalbetrag von periodisch wies berkehrenden Einnahmen wer Ausgaben. S. 117—119.

Probenschätzung, die Ermittelung der Bestandsgute nach wirklich abgemessenen und stamm.

weise geschätten Probestuden. S. 372.

Rentenstud, ber bestimmte Abschnitt irgend einer Rente. § 114 — 116.

Rentenwerth, ber Kapitalbetrag einer jährlich ober periadisch wieberkehrenden Einnahme ober Ausgabe. §. 113.

Richthobe — Gehaltshö**he.** Richtwalze — Gehaltswalze.

Schaft, bes Baumes Stammtheil vom Stocke bis zur Krone; beim Rushorzvertrieb auch Stamm gesnannt.

Scheitelbobe (H), vom untersten Benuhungspuntte bis zum außer-

ften Gipfel. S. 338.

Scheitelwalze, eine Walze (GXH), welche mit dem Stamme gleiche Grundsläche und Sohe hat. §. 338.

Schlag, die Beijungungs pauung im Gegensage von Bor und Rachhauung; auch die zur Ber jüngung eben angebauene oder abgetriebene Walbsläche seibst u. s. w.

Schlagbarkeitsalter, basjenige Berjungungsalter, worin ein Bestand ben höchsten Ertrag barbietet an Durchschnittsmasse oder Durchschnittswerth, ober aber an höchster Berzinsung. Insofern giebt es eine Massen, -Werth: und Berzinsungs-Schlagbarkeit.

Selbstabialle, die geringen, forsts wirthichaftlich nicht nusbaren, natürlichen Ausscheidungen der

Polzwudse.

Stamm, ber Inbegriff aller obersirbischen festen Massentbeile eines Baumes; auch wohl ber liegende Schaft.

نج

Stammform, das durch die obere Ausbreitung bedingte Massenhaltigteits = Berhaltniß eines Stams mes zu seiner Scheitelwaize, durch die Formzahl oder Formklasse bes stimmt. J. 338, So auch Schafts form.

Stammgrundstäche (G), die ber gemessenen Stammstärke zutoms mende Kreisfläche, welche bei allen Stamm : und Bestands-

39 *

schähungen als Körpergrundfläche

bient. S. 338. 358.

Stammgrundflachen . Antheil, ber Theil, welchen bie gesammte Stammgrunbflache eines Beftandes von der Bestandssläche eins nimm**t. S.** 258.

Stammbobe, die bobe vom untern Benubungspuntte bis zum frage

lichen Sohenpunkte.

Stammstarte (U.D), der Umfang ober Durchmeffer eines Stammes, in Brusthobe genommen. S. 338.

Standortgute, in Bezug auf einen bestimmten Ort, Ortsgüte: bie bem Waldwuchse mehr ober minder zuträgliche Ortsbeschaffens heit überhaupt, bestimmt nach 10 verschiedenen Rlassen, 0,1 bis 1. g. 340.

Siarkenzuwachsmaß ist der I Zoll im R, nach welchem man bie, bem jungsten Jahrring zukoms mende, mittlere Starke als Bruch: theil ansprickt. S. 356.

Stückmaße, gleichmäßig abgepaßte Verkaufshölzer zu bestimmter Ver-

wendung. g. 335.

Umiriebsalter, das mittlere Abs triebsalter eines ABaldverbandes, dfters ganz abweichend von dem normalen Schlagbarkeitsalter.

"Umeriebszeit, normale: das ben standigen Forstverhaltnissen anges paste, burch schnittiiche Masfen :, Werth : ober Werzinsungs: Schlagbarkeitealter eines Walds verbandes in vollkommenem Zus ftande. S. 437. Der zeitliche Umtrieb, bas Umtriebsalter, bangt von ben zufälligen Umftanben ab.

Verwerthungs 3 inssuß, der verlangte, oder gebotene Zinsfuß, melder bei Berwerthung eines Waldbesiges zur Frage kommt.

G. 469. 484.

. Verzinsunge: Schlagbarkeitsalter, gewährt vom Walbvermögen den bochften Binfenbezug. S. 420.

Vollbestand, ein der Ertragfähigs teit bes Stanbortes angemeffener, vollkommener Walbbestand. Rors malbestanb.

Vollertrag, der Ortbertragfähigklit volltommen entsprechend, und zwar: unbedingt, ohne aller eigentlichen Rubungeverluk; be: bingt, mit bem brtlichen Ru gungeverluste. Rormatertrag.

Vollwerthmorgen, ein Mg. vo ber besten Ortsaute, auf die auch jede minder gute Ortsfläcke w duzitt werden kann. g. 380.

Vorbestand, in Bezug auf ei nen fpatern Ergiebigteitszustenb

(Rachbestand).

Vorertrag, die mittels ber Bov hauung gewinnbaren Bestanbeab gange, im Gegensage zum haupt ertrage.

Vorhaumgen, welche vor de Haupthauung Statt finden, als: Austauterungen, Durch forstungen und Ausplantes tungen.

Vorwerth, der frühere Betrag ev nes Werthes, ohne die Zwischen zinsen; auf die Gegenwart berechnet, Jestwerth. S. 75.

103.

Waldkapital = Bestandswerth +

Botenwerth.

Waldnormalzustand, die wirth schaftliche Bolltommenheis eines . Baldes in Gattung, Miter, Folge und Bollständigkeit aller Theile.

Waldnugungskosten? aller mit bem nugbaren Befige eines Balbe gutes verbundene ständige Auf: manb, ausschließlich ber von jeber Einnahme in alsbalbige Abrechnung zu bringenden Bereitunger toften. S. 471.

Waldrence = Bestands und Bos benrente zusammen, nach Abzug

aller Waldnugungskoften.

Waldschonungs werth, mehr bem beschränkten Balbbelige eigen, welcher an Erhaltung ei nes gewissen Walbzustandes gebunben ift. S. 481.

Waldverzinsungs-werth, macht sich im freien Balbbelige geltenb, wo man die volle zinsung bes Balbkapitales ergie

len barf. S. 480.

Waldzerschlagungs - Werth, giebt fich im Bereiche bes gang freien Grundbesiges burch Ausverkauf des Polzvorrathes und weitere Verwendung des Waldbos

bens. §. 479.

Werthklafter, eine Ginheit gum turgern Summiren und' Gleiche ftellen der Geldwerthe verschiedenartiger Holzertrage, von der Hauptholzart entnommen. Bu beren Gebrauche wird von jeder befonders eingeschätzten Holzgattung ober Sorte bestimmt', wie viel ihrer Maßeinheiten einer solallgemeinen Werthklafter gleich find, und mittels biefes Betrags wird bann die gesonderte Summe angerechnet.

Werchnugungs : Prozent, bezieht fich auf ben gangen Birth: schaftswald und bezeichnet das Berhaltnis ber jahrlichen Abnugung vom Werthvorrathe. C.

429. 431.

Werth: Schlagbarkeitsalter, bietet von einem verjungbaren Bestanbe ben bochften Durchschnittsertrag an Polzwerth. S. 419.

Werthzunahme ift werbenb, wenn ihr Prozent ben gewerblis chen Binefug überfteigt und ber gewonnene Weberschuß bas StammTapital mehrt; Eim Gegentheil ift

fie zehrend.

Werthzunahme: Prozent, kommt blok an Baumen und Holzs beständen in Sonderbetracht und bezeichnet bie Steigung ihres Massenwerthes in einem fraglis chen Alterdjahre. § 404. 407.

Wirthichaftsplan, ordnet den Masfenangriff auf bem Grunbe bes Betriebsplanes und bestimmt den ortlichen und periodischen Ertrag auf die Dauer der Abschähungs.

zeit.

Zuwachs, an Baumen und Bestänben, fommt in Betrackt: 'u) als altereburch fonittlicher, als periodischer und laufenber Jahreszuwachs; b} als realer, normaler und lotas ler Nugungszuwachs; c) als Mehrungezuwache zum Pauptertrag, ober als Gefammts guwachs, wofur man gewohns lich auch Buwachs ichlechtbin gebraucht.

Buwacheprozent, von bem Bauptbestande als Rapital und bem vollen Rugungezuwachse als Binfe.

G. 415.

Zwischenbestand, der innerhalb eis ner herrschenden Baldgattung befindliche, anderartige Bestand.

- A, bas in Frage stehenbe Bestands- alter.
- a, ber eben erfolgenbe Bestanbsabfall zum Borertrag.
- D, Durchmeffer.
- d, Differeng, burchschnittlich.
- f, Formzahl, ber Stämme Massens haltigkeits : Faktor.
- G, Stammgrundfläche, sowohl von einzelnen, als von mehren Stams men.
- H, Gheitelhobe, auch Schafthobe.
- h, Gehalishohe.
- K, Kapital.
- M=G×H×f, Massengehalt und Ertrag von Baumen und Beständen.
- n, eine gegebene Beit, auch normal.
- p, Prozente, Bunbertel.
- R, Salbmeffer, Rabius.
- r, Rentenpoft.
- U, umfang.
- v, Borrath an Maffe ober Werth.
- W, Balze, Cylinder.
- w, Werth, wirklich.
- z, einfache Binfen, auch Buwachs.

- Zz, Binfeszinfen ..
- 100 p, Einheitskapital, Kapitalifie rungssat.
- P Prozentfat.
- Sa, die Summe aller Borerträge eines Bestandes bis zum fraglichen Zeitpuntte.
- M, Altere. Durchichnittsmehrung.
- M+8a, Alters-Durchschnittezuwachs.
- M'-M, perisbische Jahresmehrung.
- M'-(M-a), periodischer Jahreczus wachs.
- Mv, Massenvorrath einer Waldung.
 nv, Normalvorrath.
- wv, wirtlicher Borrath.
- Mw, Maffenwerth eines Beffanbes.
- Mw durchschnittliche Werthzunahme vom hauptertrage.
- Mw + Saw, burchschnittliche Werth, gunahme vom Gesammtertrage.

Hülfstafeln

der

Forstmathematik,

zur

Ausmessung, Gehalt- und Werthschätzung

aufbereiteter Hölzer, stehender Bäume und ganzer Waldbestände,

noa

Dr. G. König.

- A, bas in Frage stehenbe Bestands-
- a, ber eben erfolgenbe Bestanbsabs fall zum Borertrag.
- D, Durchmeffer.
- d, Differeng, burchichnittlich.
- f, Formzahl, ber Stämme Massenhaltigkeits : Faktor.
- G, Stammgrunbfläche, sowohl von einzelnen, als von mehren Stammen.
- H, Cheitelhobe, auch Schafthobe.
- h, Gehalishohe.
- K, Kapital.
- M=G×H×f, Massengehalt und Ertrag von Baumen und Beftanden.
- n, eine gegebene Beit, auch normal.
- p, Prozente, Bunbertel.
- R, Salbmeffer, Radius.
- r, Rentenpoft.
- U, Umfang.
- v, Borrath an Masse ober Werth.
- W, Balge, Cylinber.
- w, Werth, wirklich.
- z, einfache Binfen, auch Buwachs.

- Zz, Binfeszinfen ..
- 100 p, Einheitskapital, Kapitalific rungsfas.
- P prozentfag.
- Sa, bie Summe aller Borertrage eines Bestandes bis zum fraglichen Zeitpuntte.
- M. Alters Durchichnittsmehrung.
- M+8a, Alters-Durchschnittszuwachs.
- M'-M, periebische Jahresmehrung.
- M'-(M-a), periodischer Jahredzus wachs.
- Mv, Massenvorrath einer Waldung.
 nv, Normalvorrath.
- wv, mirtlicher Borrath.
- Mw, Maffenwerth eines Bestanbes.
- Mw burchschnittliche Werthzunahme vom hauptertrage.
- Mw + 8aw, burchschnittliche Werth.
 gunahme vom Gesammtertrage.

Hülfstafeln

der

Forstmathematik,

gur

Ausmessung, Gehalt= und Werthschätzung

aufbereiteter Holzer, stehender Bayme und ganzer Waldbestände,

nog

Dr. G. König.

Berzeich niß

bet

forstlichen Hülfstafeln.

		(Seite.
I.	Walgeninhalt-Tafeln, jur Ausmeffung und Be- rechnung des Körpergehaltes von Rundhölzern, Baumen		
	und Waldbeständen	4	 64
П.	Erfahrunge . Tafeln über ben Massengehalt		
	der Waldbaume	65	— 72
III.	Erfahrungs=Tafeln über ben Gortengehalt ber		
	Waldbaume	73	- 86
IV.	Polszumache-Tafeln, zur Ermittelung bes laufen-		
	ben Jahreszuwachses an Baumen und Waldbestanden .	87 -	- 102
v.	Abstands-Tafedn, der Waldbestände Schluß und		
	Dichtheit zu bestimmen	103 -	_ 106
VI.	Baldmaffen-Tafeln gur leichten Beftandesschätzung	107 -	_ 116
	Forftliche Berhaltniftafeln über ber Solzer		
	Durchschnitte-Ertrag, Fugsamteit, Schwinden und Be-		
	wicht, nebft vergleichenden Uberfichten mehrer Bald-		
		117-	- 126
VIII	•	127 -	- 136

I. Walzeninhalt = Tafeln

zur Ausmessung und Berechnung

bes

Körpergehaltes

von Rundhölzern, Bäumen und Waldbeständen,

in zwolftheiligem Maße.

Erläuterungen mit Gebrauchsbeispielen.

1) Taf. 2 u. 3: Grundflächen = und Körperinhalt der einfußts gen Walze zu dem voran stehenden Umfange, in Flächen = und Körsperfußen zugleich, für genauere Berechnungen, wo die ausgeführten Tafelnetwa nicht zureichten. - 1

2) Taf. 4 bis 56: Walzeninhalt zu dem Umfange. Obenan steht ber Umfang in Zollen und voran die Lange in Fußen; unten ist auch der Durch-

meffer mit angefügt.

Wollte man den übersprungenen Walzeninhalt für 1' L. nicht aus der 2. oder 8. Taf. nehmen, so findet sich derselbe auch hinter 10', oder 100' L. derselben Starte. Eine Walze' von 96" U. hat, zu 10' L., 50,92, also zu 1' L., 5,09 Kff.

Für Bruchtheile der Längenzahl nimmt man den Inhalt hinter einer mit 2, 10 oder 100 er gänzten Länge und dividirt denselben wieder durch den gebrauchten Ergänzungs-Faftor. Für 9½ L. und 4' U. finden sich hinter 19' L., $\frac{24,19}{2}$,

wie hinter 95/ L., $\frac{120,95}{10} = 12,09$ Kfß.

Andere Langenzahlen, als die hier aufgereiheten, werden theilweise angeswendet: 100° U. und 67,5° L. umfassen (in 60° und 7,5° L.) 381,57 + 41,44 =

373,01 Rfs.

Rommen Umfänge unter 12' mit Zehnteln vor, so sucht man den Inhalt zu einer 10mal größern, ganzen Umfangszahl und schneidet von demselben zwei Stellen ab; z. B. für 11,3' U. und 22' L., unter 113' U., $\frac{165,24}{100} = 1,55$ Kfß. Der Inhalt zu den Umfängen von 1 bis 5' ergiebt sich auf gleiche Weise.

Zusammengehörige Stucke von gleicher Starke berechnet man wohl mit ge- sammter Lange, z. B. 16 Klöße von 3½ L. enthalten (in 16 × 3½ = 56' L.)

ju 30" U., 27,85 Rff., wofur man gewöhnlich 28 Rff. annimmt.

3) Taf. 57: Grundflachen = und Körperinhalt der einfußigen Walze zu dem voran stehenden Durchmesser. Gebrauch, wie Saf. 2 und 3.

4) Taf. 58 bis 64: Walzeninhalt zu dem Durchmesser. Einrichtung und Gebrauch, wie Taf. 4 bis 56.

Grundflächen = und Körperinhalt der einfußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg. Boll.	Inhalt. Fl. u.Apff.	Umfg. Boll.	Inhalt. Fl. u. Apff.	umfg. Zou.	Inhalt. Fl. u.Kpff.	umfg. Boll.	Inheit. Fl. u. Apff.
1	0,000553	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
- 2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677887
3	0,004974	83	0,601805	63	2,193354	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638830	64	2,263537	94	4,882962
5	0,013816	35	0,676961	65	2,334825	95	4,987408
6	0,019894	3 6	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756539	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	38	0,797985	68	2,555321	98	5,807375
9	0,044762	39	0,840537		2,531030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	71	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749472
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108314	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977152
15	0,124340	45	1,119058	75	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	78	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	40	1,326844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	8,536777	110	6,686718
21	0,243706	51	1,437368	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292837	53	1,552313	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3, 899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,873572	56	1,733020	86	4,087187	116	7,486073
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,433255	58	1,859018	88	4,279500	118	7,694699
20	0,464755	59	1,923675	89	4,377314	119	3,825671
30	0,497859	60	1,989437	90	4,476233	120	7,957747

Grundflächen = und Körperinhalt det ein= fußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange.

Umfg. Boll.	Inhalt. Bl. u. Apff.	umfg. Zou.	Inhalt.' Fl. u. Apff.	umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. Kpff.	umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. Apff.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,603254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837013
123	8,360608	153	12,936313	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	184	18,709548	214	25,307846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25,544921
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,913229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,022386
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	218	26,262776
129	9,196172	159	13,970820	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949630	220	26,746872
131	9,483535	161	14,324497	191	20,160179	221	26,990578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27,235390
133)	163	14,682596	193	20,584592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136	10,221284	166	15,228033	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
138	10,524121	168	15,597184	198	21,664967	228	28,727467
13 9	10,677197	169	15,783418	199	21,884357	229	28,980015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29,233668
141	10,986665	171	16,159200	201	22,326454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29 ,744290
143	11,300554	173	16,539404	208	22,772972	233	30 ,001259
144	11,459156	174	16,731163	204	22,997889	234	30,259384
145	11,618863	175	16,924028	205	23,223911	23 5	30,518513
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451039	236	30,778798
147	11,941594	177	17,313074	207	23,679271	257	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23 ,908 6 09	239	31,302683
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566283
150	12,483980	180	17,904931	210	24,370601	240	31,830989

63	oll =	1f2	Fuß.		73	ol.			8 ;	Boll.	
248.	Rfg.	268.	Rff.	Efs.	Rfg.	eff.	RFB.	eff.	Kfb.	Eff.	Stf.
2	0,03	35	0,69	2	0,05	3 5	0,94	2	0,07	35	1,23
3	0,05	3 6	0,71	3	0,08	36	0,97	. 3	0,10	36	1,27
4	0,07	37	9,78	4	0,10	37	1,00	4	0,14	37	1,30
5	0,00	38	0,75	.5	0,13	38	1,02	5	0,17	35	1,34
6	0,11	8 9	0,77.	6	0,16	39	1,05	6	0,21	39	1,87
	-0,15	40	0,79	7	0,18	40	1,08	7	0,24	40	1,41
8	0,15	41	0,81	8	9,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45
9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,31	42	1,48
3.0	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,85	43	1,52
I 1	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,38	44	1,55
12	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59
18	0,25	46	0,91	13	0,35	46	1,24	13	0,45	46	1,62
14	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	114	0,49	47	1,66
15	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69
16	0,31	49	0,97	16	0,48	49	1,32	16	0,56	-	1,78
17	0,33	50	0,99	17	0,46	50	1,35	17	0,60	50	1,76
18 19	0,85	51 52	1,01	18	0,48	51	1,38	18	0,63	51	1,80
20	0,37	53	1,03 1,05	. 19	0,51	52 53	1,40	19	0,67	52 53	1,83
21	0,59 0,41	54	1,03	20 21	0,54	54	1,43	20	0,70	54	1,87
22	0,43	55	1,09	22	0,56	55	1,46 1,48	21 22	0,74	55	1,90
23	0,45	56	1,11	28	0,59 0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,94 1,98
24	0,47	53	1,13	24	0,64	57	1,54	24	0,84	57	2,01
25	0,49	5 8	1,15	25	0,67	5 8	1,57	25	0,88	58	2,05
26	0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	50	2,08
27	0,53	60	1,19	27	0,73	69	1,62	27	0,95	60	2,12
28	0,55	65	1,29	28	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29
29	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	70	2,47
30	0,59	75	1,49	30	0,81	75	2,03	30	1,06	. 75	2,65
31	0,61	.80	1,59	81	0,83	80	2,16	-81	1,09		2 ,82
32	0,63	85	1,69	32	0,86	85	2,30	32	1,13	. 85	3,00
33	0,65	90	1,79	33	0,89	90	2,43	-33	1,16	90	3,18
34	0,67	100	1 .	34	0,92	100		34			5 ,53
1,9	1 Zou	Durch	m.	2,2	3 Zoll	Durd	hm.			Durd	_ #

93	oll =	3/4	Fuß.		10	Zou.		11 30U.			
efs.	Rff.	Lefs.	Rfß.	Eji.	Rfs.	2fg.	Rfs.	Efs.	Rff.	Lefs:	RIB.
2	0,08	-35	1,56	.2	0,11	85	1,93	2	0,13	35	2,84
3	0,18	36	1,61	8	0,16	.36	1,98	. 8	0;20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	37	2,47
5	0,22	38	1,70	5	0,27	3 8	2,09	5	0,33	3 8	2,54
6	0,26	39	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	0,35	41	1,83	8	0,44	41	2,26	8	0,53	41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,37	10	0,66	43	2,87
11	9,49	44	1,96	11	0,60	41	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2,48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2, 54	13	0,86	46	5,07
14	0,62	47	2,10	14	0;77	47	2,59	14	0,93	47	.3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	5,20
16	0,71	49	2,19	16	0,88	49	2,70	16	1,06	1	18,27
17	0,76	50	2,23	17	0,93	50	2,76	17	1,13	50	3 ,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	61	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	- 52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27	52	3,47
20	0,89	· 53	2,37	20	1,10	58	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16	54	2,98	21	1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	22	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27	56	3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07		2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	58	2, 59	25	1,38	58	3,20	25	1,67		3,87
26	1,16	50	2,64	26	1,43	59	3,26	26	1,73	1	3,94
27	1,20	60	2,68	27	1,49	60	3,31	27	1,80	60	4,01
28	1,25	65	2,90	28	1,54	65	3,59	28	1,87	· 6 5	4,34
29	1,29	70	3,13	29	1,60	70	3,86	29	1,93	· 70	4,68
30 31	1,34	75 80	3, 35	30	1,65	75	4,14	30	2,00	80	5, 01
31	1,38	85	3,58	31 32	1,71	80 85	4,42	31 32	2,07	i i	5,34
33	1,43	90	3, 80	33	1,76	90	4,69	33	2,13	. 90	5 ,68
	1,47	Ĭ	4,02		1,82		4,97	B.	2,20		6 ,01 6 ,68
	286 301 Durchen			i e	-	=			0 30 U		
2 ,0	2,86 Zoll Durchm.				o Sun	Zuiu	7886 • (i J _A J	· ann	WILL	

	12	30U =	= 1	Fuß.				13	Zoa.		
Lfg.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	efs.	Rfs.	Eff.	RfB.	Lefs.	Rfs.	eff.	Aff.
2	0,15	35	2,78	68	5,41	2	0,18	35	3,26	68	6,35
8	0,23	3 6	2,86	69	5,40	8	0,28	36	3,86	69	6.44
4	0,31	37	2,94	70	5,57	4	0,37	37	3,45	70	6,53
5	0,39	38	3,02		5,65	5	0,46	38	3,54	71	6,63
6	0,47	39	3,10	72	5,72	6	0,56		3,64	72	6,72
7	0,55	40	3,18	78	5,80	7	0,65	40	3,73	73	6,81
8	0,63	41	3,26	74	5,88	8	0,74	41	3,82	74	6,91
9	0,71	42	3,34	75	5,96	9	0,84	42	3,92	75	7,00
10	0,79		3,42		6,04	10	0,93		4,01	76	7,09
11	0,87		3,50		6,12	11	1,02		4,10	i '	7,19
12	0,95	1	3,58		6,20	12	1,12	ł	4,20	78	7,28
18	1,03	46	3,66	I	6,28	13	1,21	46	4,29	79	7,37
14	1,11	47	3,74	1	6,36	14	1,30		4,38		7,47
15	1,19		3,81	81	6,44	15	1,40	8	4,48	81	7,56
16	·	_	1 ' - 1	1	6,52	16			4,57		7,65
. 17	1,35	1	3,97	1	6,60	17	1,58		4,66	9 .	7,75
18	1,43	51	4,05	_	6,68	18	1,68		4,76		7,84
19	1,51	52	4,13	1	6,76	19	1,77		4,85	85	7,93
20	1,59		4,21	86	6,84	20	1,86		4,94	86	8,03
21	1,67		4,29		6,92	21	1,96		5,04	87	8,12
22	1,75	11	4,37	·	7,00	22	2,05		5,13	88	8,21
23	1,83	ł	4,45	1	7,08	23	2,14		5,23	89	8,31
24	1,90	!	4,53		7,16	24	2,24		5,32	90	8,40
25	1,98		4,61		7,24	25	2,33		5,41	91	8,49
26	2,06		4,69		7,32	26	2,42	l .	5,51	92	8,59
27	2,14		4,77	i C	7,40	27	2,52		5,60		8,68
28	2,22	1	4,85		7,48	28	2,61	61	5,69		8,77
29	2,30	l P	4,93	18	7,55	29	2,70	4	5,79	1	8,87
80	2,38	11	5,01		7,63	80	2,80		5,88	96	8,96
31	2,46	ti –	5,09	li	7,71	81	2,89	4	5,97	97	9,05
32	2,54	l II	5,17	H	7,79	32	2 ,98		6,07		9,15
33	2,62	H	5,25		7,87	33	3,08		6,16		9,24
34	-	∥ 67	•		7,95	34				100	9,33
H	3,8	2 Zoll	Wurd	ym.	Ì	ļ	4,1/	i zou	Durch)m.	

		14	Zoa.		•	3	15 30U = 1 1/4 Fuß.				
eff.	Rfb.	Lefs.	Rfs.	Lefs.	Rfs.	Eff.	Rfb.	lefs.	Rfs.	Lefs.	Rff.
2	0,21	85	3,79	68	7,36	2	0,24	35	4,35	68	8,45
3	0,32	36	3,89	69	7,47	3	0,37	36	4,47	69	8,57
4	0,43	37	4,00	70	7,58	4	0,49	37	4,60	70	8,70
5	0,54	38	4,11	71	7,69	5	0.60	38	4,72	71	8,82
6	0,64	3 9	4,22	72	7,79	6	0,74	39	4,84	72	8,95
7	0,75	40	4,33	73	7,90	7	0,87	40	4,97	73	9,07
8	0,86	41	4,44	74	8,01	8	0,99	41	5,09	74	9,20
9	0,97	42	4,54	75	8,12	9	1,11	42	5,22	75	9,32
10	1,08	43	4,65	76	8,23	10	1,24	43	5,34	76	9,44
11	1,19	44	4,76	77	8,34	11	1,36	44	5,47	33	9,57
12	1,29	45	4,87	78	8,44	12	1,49	45	5,59	78	9,69
13	1,40	46	4,98	79	8,55	13	1,61	46	5,71	79	9,82
14	1,51	47	5,09	80	8,66	14	1,74	47	5,84	80	9,94
15	1,62	48	5,19	81	8,77	15	1,86	48	5,96	81	10,07
16	1,73	49	5,30	82	8,88	16	1,98	49	6,09	82	10,19
17	1,84	50	5,41	83	8,99	17	2,11	50	6,21	83	10,32
18	1,94	51	5,52	84	9,09	18	2,23	51	6,34	84	10,44
19	2,05	52	5,63	85	9,20	19	2,36	52	6,46	85	10,56
20	2,16	53	5,74	86	9,81	20	2,48	53	6,59	86	10,69
21	2,27	54	5,84	83	9,42	21	2,61	54	6,71	87	10,81
22	2,38	55	5,95	88	9,53	22	2,73	55	6,83	88	10,94
23	2,49	56	6,06	89	9,63	23	2,85	56	6,96	89	11,06
24	2,59	57	6,17	90	9,74	24	2,98	57	7,08	90	11,19
25	2,70	58	6,28	91	9,85	25	3,10	5 8	7,21	91	11,31
26	2,81	59	6,39	92	9,96	26	3,23	59	7,83	11	11,43
27	2,92	60	6,49	93	10,07	27	3,35	60	7,46	93	11,56
28	3,03	61	6,60	94	10,18	2 8	3,48	61	7,58	94	11,68
29	3,14	62	6,71	95	10,28	29	3,60	62	7,70	95	11,81
80	3,24	- 63	6,82	96	10,39	80	3,73	63	7,83	96	11,93
81	3,35	64	6,93	97	10,50	31	3,85	64	7,95	97	12,06
32	3,46	65	7,04	98	10,61	32	3,97	65	8,08	98	12,18
33	3,57	66	7,14	99	10,72	83	4,10	66	8,20	99	12,30
84					10,83						12,48
	4,4	io Za	U Dur	ħm.			4,7	7 3 01	I Dur	hm.	4

		16	Zou.					17	Boll.		
Eff.	Rfs.	Lefs.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	efs.	Rfg.	efg.	Rfg.	esf.	S.M.
2	0,28	35	4,95	68	9,62	2	0,31	35	5,58	68	10,86
8	0,42	36	5,09	69	9,76	3	0,47	36	5,74	69	11,01
4	0,56	37	5,28	70	9,90	4	0,63	37	5,90	1	11,17
5	0,70	3 8	5,37	74	10,04	5	0,79	38	6,06	71	11,33
6	0,84	39	5,51	72	10,18	6	0,95	39	6,22	72	11,49
7	0,99	40	5,65	73	10,32	7	1,11	40	6,38	73	11,65
8	1,13	41	5,80	74	10,46	8	1,27	41	6,54	74	11,81
9	1,27	· 42	5,94	75	10,61	9	1,43	42	6,70	75	11,97
10	1,41	43	6,03	76	10,75	10	1,59	43	6,86	76	12,13
11	1,55	44	6,22	32	10,89	11	1,75	44	7,02	33	12,99
12	1,69	45	6,36	78	11,03	12	1,91	45	7,18] 1	12,45
13	1,83	46	6,50	79	11,17	13	2,07	46	7,34	i I	12,61
14	1,98	47	6,64	80	11,31	14	2,23	47	7,50		12,77
15	2,12	48	6,79	81	11,45	15	2,39	48	7,66		12,93
16	2,26	49	6,98	82	11,60	16	2,55	49	7,82	1 1	13,09
17	2,40	50	7,07	83	11,74	17	2,71	59	7,98		13,25
18	2,54	51	7,21	84	11,88	18	2,87	51	8,14	å T	13,41
19	2,68	52	7,35	85	12,02	19	3,03	52	8,30		13,57
20	2,82	53	7,49	86	12,16	20	3,19	53	8,46		13,73
21	2,97	54	7,63	87	12,30	21	3,35	54	8,62	? _ P	13,89
22	3,11	55	7,78	88	12,44	22	3,51	55	8,78	1	14,05
23	3,25	56	7,92	89	12,59	23	3,67	50	8,94	i i	14,21
24	3,39	57	8,06	90	12,73	24	3,83	57	9,10	1 1	14,87
25	8,58	58	8,20	91	12,87	25	3,99	58	9,26	1 1	14,58
26	367	59	8,34	92	13,01	26	4,15	59	9,42	• I	14,69
27	3,81	60	8,48	93	13,15	27	4,31	60	9,58	; I	14,85
28	3,96	61	8,62	94	13,29	28	4,47	61	9,74		15,01
20	4,10	62	8,77	95	13,43	29	4,63	62	9,90		15,17
80	4,24	63	8,91	96	13,58	30	4,79	63	10,06	1	15,86
31	4,38	64	9,05	97	13,72	31	4,95	64	10,22	•	15,49
32	4,52	65	9,19	98	13,86	32	5,11	65	10,38	} 1	15,65
33	4,66	66	9,38	99	14,00	33	5,27	66	10,54	1 9	15,84
84	4,81	67	9,47	100	14,14	34	5 ,43	H 62	10,70	TOO	15,97
	5,0	9 30	a Dur	фm.	ļ		5,4	1 30	l Dic	1900.	İ

.18	30A =	= 1 1/	's Fi	ıp.	19 Bou.					
2fg. K	fb. 2fb.	Rfs.	Lefs.	Sff.	Eff.	Kfb.	Eff.	RfB.	Lefs.	Rfs.
2 0,	35 35	6,26	68	12,17	2	0,39	85	6,98	68	13,56
3 03	36	6,44	69	12,85		0,59	36	7,18	•	13,76
4 0,	71 37	6,62	70	12,53	4	0,79	37	7,38	70	13,96
5 0,8	39 38	6,80	71	12,71	5	0,99	38	7,58	71	14,16
6. 1,	77 39	6,98	72	12,89	6	1,19	39	7,78	72	14,36
7 1,9	25 40	7,16	73	13,07	7	1,39	40	7,97	78	14,56
8 1,4	3 41	7,34	74	13,24	8	1,59	41.	8,17	74	14,76
9 1,0	1 42	7,52	75	13,42	9	1,79	42	8,37	75	14,96
10 1,	79 43	7,69	76	13,60	10	1,99	43	8,57	76	15,16
11 1,9	6 44	7,87	33	13,78	11	2,19	44	8,77	33	15,36
12 2,	4 45	8,05	78	13,96	12	2,39	45	8,97	78	15,56
13 2,	Ω	8,28	79	14,14	13	2,59	46	9,17	30	15,76
14-2,	, II	8,41	80	14,32	14	2,79	47	9,37	80	15,95
15 2,0	b)	8,59	81	14,50	15	2,99	48	9,57	81	16,15
16 2,8	11	8,77	82	14,68		3,19	49	9,77	82	16,35
17 3,0	D3	8,95	83	14,86	17	3,39	50	9,97	83	16,55
18 3,9	11	9,18	84	15,04	18	3,59	51	10,17	84	16,75
19 3,4	11	9,31	85	15,21	19	3,79	52	10,37	85	16,95
20 3,		9,48	86	15,39	20	3,98	53 .	10,57	86	17,15
21 3,		9,66	87	15,57	21	4,18	54	10,77	87	17,35
22 3,0	• •	9,84	88	15,75	22	4,38	55	10,97	88	17,55
23 4,	n	10,02	89	15,93	28	4,58	56	11,17	80	17,75
24 4,9	- ' 11	10,20	90	16,11	24	4,78	57	11,37	90	17.05
25 4,4	~ }]	10,38	91	16,29	25	4,98	58	11,57	91	18,15
26 4,0]].	10,56	92	16,47	26	5,18	59 60	11,77	92	18,35
27 4,	- 11	10,74	98	16,65	27	5, 38	60	11,06	93	18,55
28 5,0	! }	10,92	94	16,83	28	5,58	61	12,16	94	18,75
29 5,	- II	11,10	95	17,00	29	5,78 5,08	62	12,36	95	18,95
80 5,	· H	11,28	96	17,18	30	5,98	63 e.i	12,56	96	19,45
31 5,	· 11	11,45	97	17,36	31	6,18	64	12,76	98	19,85 19,55
32 5,	P.O.	11,63	98	17,54	32	6,38 6.59	66	12,96 13,16	90	19,55 10.75
33 5,0		11,81	99	17,72	33	6,58	l i	1 ' 1	1	19,75
	08 67			114,90	UZ.			I Durd		19,94
İ	5,78 30	מזענא א	yuı. ^		ı	سرد ا	10 2 4 [2		/** ! ·	Ų

		20	Zou.			21 30U — 1 % Fuß.					
Eff.	Afs.	efs.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	Eff.	Rfs.	efs.	Rfg.	1 2	5. L
2	0,44	3 5	7,73	68	15,03	2	0,48	35	8,59	6	3 16,57
3	0,66	3 6	7,95	69	15,25	8	0,73	\$ 6	8,77	61	16,81
4	0,88	37	8,17	70	15,47	4	0,97	87	9,01	34	17,05
5	1,10	38	8,39	71	15,69	5	1,21	38	9,26	31	L 17,30
6	1,32	39	8,62	72	15,91	6	1,46	39	9,50	32	.) ' '
7	1,54	40	8,84	78	16,13	7	1,70	40	9,74		'''
8	1,76	41	9,06	74	16,35	8	1,94	41	9,99	TI	1 1
9	1,98	42	9,28	75	16,57	9	2,19	42	10,23	11	, ,
10	2,21	43	9,50	76	16,79	10	2,43	43	10,47	11	1 1
11	2,48	44	9,72	77	17,02	11	2,68	44	10,72	11	1 ' 1
12	2,65	45	9,94	78	17,24	12	2,92	45	10,96	11	
13	2,87	46	10,16	36	17,46	13	3,16	46	11,21	11	
14	3,09	47	10,88	80	17,68	14	3,41	47	11,45	н	
15	3,31	48	10,61	81	17,90	15	3,65	48	11,69		19,74 19,98
	3,58	Fi	10,83	82	18,12	16	3,89	I 1	11,94	83	1
17	3,75	50	11,05	83	18,34	17	4,14	50	12,18	84	
19	3,97 4,19	51	11,27	84	18,56	18	4,88	51	12,42	85	
20	4,42	52	11,49	85 es	18,78 19,01	19	4,63	52 53	12,67	86	20,95
21	4,64	53 54	11,71 11,93	86	19,23	20 21	4,87 5,11	54	12,91 13,16	81	
22	4,86	55	12,15	88	19,45	22	5,36	55	13, 10	H	21,44
23	5,08	ii	12,37	89	19,67	23	5,60	56	13,64	84	21,68
24	5,30	57	12,59	90	19,89	24	5,84	57	13,89	17	21,98
25	5,52	58	12,82	91	20,11	1	6,09	58	14,13	81	22,17
26	5,74	R	13,04	92	20,33		6,38	59	14,37	92	22,42
27	5,96	60	13,26	93	20,55		6,58	60	14,62	93	22,66
. 28	6,18	61	13,48	94	20,77	1	6,82	61	14,86	94	22, 90
29	6,41	62	13,70	95	20,99	29	7,06	62	15,10	95	23,15
30	6,68	63	13,92	96	21,22	30	7,31	63	15,85		23,39
81	6,85	64	14,14	97	21,44	31	7,55	64	15,59	•	23,63
82	7,07	65	14,36	98	21,66	82	7,79	65	15,84		23,88
33	7,29	66	14,58	99	21,88	33	8,04	66	16,08		24,12
34	7,51	67	14,81	100	22,10	84	8,28	67	16,32	100	24,37
	6,3	7 Zol	l Durd	m.			· 6 ,6	8 Jol	Durch	m.	

	,	22	Zou.	~	•	. <u>.</u> .		23	Zoll.		
Eff.	Rfg.	Lefs.	Afg.	eff.	Rfg.	Eff.	Rfg.	efs.	Rfs.	eff.	Seff.
2	0,53	35	9,86	68	18,18	2	0,58	85	10,23	08	19,87
. 8	0,80	36	9,62	60	18,45	8	0,87	36	10,52	00	20,17
4	1,06	37	9,89	70	18,72	4	1,16	87	10,81	70	20,46
5	1,33	38	10,16	71	18,99	5	1,46	38	11,10	71	20,75
6	1,60	30	10,43	72	19,25	6	1,75	30	11,40	12	21,04
7	1,87	40	10,69	73	19,52	7	2,04	40	11,69	78	21,84
8	2,13	41	10,96	74	19,79	8	2,33	41	11,98	74	21,63
9	2,40	42	11,23	75	20,06	9	2,63	42	12,27	75	21,92
10	2,67	43	11,50	76	20,32	10	2,92	43	12,57	76	22,21
11	2,94	44	11,76		20,59	11	3,21	41	12,86	33	22,50
12	3,20	45	12,03	78	20,8 6	12	3,50	45	13,15	78	22,80
18	3,47	46	12,30	1	21,13	18	3,80	46	13,44	30	23,09
14	3,74	47	12,57	i i	21,39		4,09	47	13,73	80	23,88
15	4,01	48	12,83	81	21,66	15	4,38	48	14,08	81	23,67
	4,27	40	13,10		21,93	16	4,67	49	14,32	M .	23,97
17	4,54	50	13,37	83	22,19	17	4,96	50	14,61	ł	24,26
	4,81	51	13,64	84	22, 46	18	5,26	51	14,90	84	24,55
19	5,08	52	13,90	85	22,73	19	5,55	52	15,20	85	24,84
20	5,84	53	14,17	86	23,00	20	5,84	52	15,49	1	25,14
21	5,61	54	14,44	87	23,26	21	6,18	54	15,78	87	25,48
22	5,88	55	14,71	88	23,53		6,43	55	16,07	88	25,72
23	6,15	56	14,97	89	23,80	23	6,72	56	16,37		26,01
24	6,41	57	15,24	90	24,07	24	7,01	57	16,66	90	26,31
25	6,68	58	15,51	91	24,33	25	7,30	58	16,95	1	26 ,60
26	6,95	59	15,78	92	24,60	26	7,60	50	17,24	92	26,89
27	7,22	60	16,04	93	24,87	27	7,89	60	17,54	11	27,18
28	7,48	61	16,31		25,14	28	8,18	61	17,83	H	27,47
20	1,75	62	16,58	95	25,40	29	8,47	62	18,12	95	27,77
80	8,02	63	16,85	96	25,67	80	8,77	63	18,41	96	28,06
	8,29	64	17,11	97	25,94	31	9,06	64	18,70	t a	28,85
32	8,55	65	17,38	98	26,21	32	9,35	65	19,00	H	28,6 4
33	8,82	66	17,65	99	26,47	33	9,64	66	19,29	90	28,94
1 34	y,U9	U }	17,92 	(1 .17)	26,74	34	9,98	U]	13,50	r	29,23
11	7,0	iu zol	I Durd)III)	Į		7,3	12 30 E	A Dure	hur.	Į.

	24	Zou	= 2	Fuß.		-		25	Bou	,	
Lefs.	Rfs.	l Life.	RfB.	Lefs.	StB.	Eff.	Aff.	eff.	Stfb.	H ef	3.1 L
2	0,63	35	11,14	08	21,64	2	0,69	35	12,06	- C	3 23,48
. 8	0,95	3 6	11,45	09	21,96	8	1,03	36	12,43	6	23,8
4	1,27	37	11,77	70	22,28	4	1,38	37	12,77	71	24,17
5	1,59	38	12,09	71	22,60	5	1,72	89	13,12	31	24,52
6	1,90	30	12,41	72	22,91	ß	2,07	30	13,47	77	24,86
7	2,22	40	12,78	78	23,23	7	2,41	40	13,81	71	25,21
8	2,54	41	13,05	74	23,55	8	2,76	41	14,16	74	25,55
9	2,86	42	13,86	75	23,87	9	3,10	42	14,50	36	1
10	3,18	48	13,68	76	24,19	10	3,45	43	14,85	76	1 ' 1
11	3,50	44	14,00	i i	24,50	11	3,79	44	15,19	77	
12	3,81	45	14,32	78	24,82	12	4,14	45	15,54	78	1
13	4,18	46	14,64	l i	25,14	13	4,49	46	15,88	79	•
14	4,45	47	14,96	80	25,46	14	4,83	47	16,23	80	1
15	4,77	48	15,27	81	25,78	15	5,18	48	16,57	81	27,97
16	5,09	49	15,59		26,10	16	5,52	40	16,92	82	28,82
17	5,41	50	15,91	83	26,41	17	5,87	50	17,26	83	28,66
18	5,72	51	16,23		26,78	18	6,91	51	17,61	84	29,01
19	6,04	52	16,55	85	27,05	19	6,56	52	17,96	85	29,85
20	6,36 6,68	53	16,67		27,37	20	6,90	58	18,30	1	29,70 30,04
21	•	54	17,18	87	27,69	21	7,25]	18,65	87	30,3 9
22	7,00 7,82	56	17,50	88	28,01	22	7,59	55	18,99	88	30,78
23 24	3 ,68	56 57	17,82		28,32	23 94	7,94	50	19,34 19,68	, ––	31,08
25	7,95	58	18,14 18,46	90	28,64	24 25	8,28 8,63	57 58	20,03	_	31,48
26	8,27	59	18,78	91 92	28,96	26	8,98	59	20,03		\$1,77
27	8,59	60	19,09	93	29,28 29,60	27	9,32	60	20,72	, —	32,12
28	8,91	61	19,41	94	29,92	28	9,67	61	21,06	, ——	32,46
29	9,23	62	19,73	95	30,23	29	10,01	62	21,41		32,81
30	9,54	63	20,05	96	30,55	30	10,36	68	21,75		33,15
31	9,86	64	20,87	97	30,87	31	10,70		22,10	1	33,50
32	10,18	65	20,69	98	31,19	32	11,05	65	22,45	- (33,84
38	10,50	66	21,00	99	31,51	33	11.30	66	22.70	99	34,19
R		Į.		H	31,85	34	11,74	67	23,14	100	14,58
	7,6	4 301	Durd)m.	, , , , ,		7,9	6.3ol	23,14 Durch	nt.	

		26	Jou.		•		97 30	a =	: 7 1/	4 Fu	5.
eff.	Kfß.	Lefs.	Rfs.	efs.	L.Rfg.	Lfß.	Rfs.	Less.	Rfb.	2fg.	Rf8.
2	0,74	35	13,07	68	25,40	2	9,80	35	14,10	68	27,89
3	1,12	86	13,44	00	25,77	8	1,20	36	14,50	69	27,79
4	1,49	37	13,82	10	26,15	4	1,61	37	14,90	70	28,20
5	1,86	38	14,19	71	26,52	5	2,01	38	15,30	31	28,60
6	2,24	39	14,56	72	26,89	6	2,41	39	15,71	72	29,00
7	2,64	40	14,94	73	27,97	7	2,82	40	16,11	73	29 ,40
8	2,98	41	15,31	74	27,64	8	3,22	41	16,51	74	29,81
9	3,36	42	15,69	75	28,01	9	3,62	42	16,92	75	30,21
10	3,73	<u> </u>	16,06	76	28,39	10	4,02	48	17,32	76	30,61
11	4,10	3	16,43	77	28,76	11	4,43	44	17,72	37	31,02
12	4,48	45	16,81	78	29,13	12	4,83	45	18,12	38	31,49
18	4,86	46	17,18	79	29,51	13	5,93	46	18,58	79	31,82
14	5,98	47	17,55	80	29,88	14	5,64	47	18,93	5]	32,22
15	5,60	48	17,93	81	30,25	15	6,04	10	19,83	81	32,63
16	5,97	i k	18,30	82	30,63	16	6,44		19,74	82	33,03
17	6,35	50	18,67	83	31,00	17	6,84	50	20,14	83	33,43
18	6,72	51	19,05	84	31,37	18	7,25	51	20,54	84	33,84
19	7,09	52	19,42	85	31,75	19	7,65		20,94	85	34,24
20	7,47	58	19,79	86	32,12	20	8,05	i II.	21,35	86	34,64
21	7,84	54	20,17	87	32,50	21	8,46		21,75	87	35,04
22	8,21	55	20,54	88	32,87	22	8,86	55	22,15	88	35,45
28 24	8,59	58	20,92	89	33,24	23	9,26	56	22,56	89	35,85
25	8,96	57 58	21,29	90	33,62	24	9,66	57	22,96	90	36,25
26	9,38	59	21,66	91	33,99	25 26	10,07	58	23,36	91	36,66
27	9,71 10,08		22,04	92	34,36		10,47	59	23,76	92	37,06
- 1	10,45		22,41	93	34,74	27	10,87	60	24,17	93	37,46
	10,45	61 62	22,78 23,16	94 95	35,11 35,48	28 29	11,28 11,68	61 62	24,57 24,97	94 95	37,86
ł	11,20	63	23,53	96	35,86	30	12,08		25,38	96	38,27 38,67
1	11,58	64	23,90	ij	36,23	31	12,48		25,78	97	39,07
	11,95	65	24,28	98	36,60	32	12,89	65	26,18	98	39, 48
j	12,82	1	24,65	99	36,98	1	13,29	1	26,58	99	39,8 8
	•		25,02		37.35	34	13.60				
1			a Durd				8.5	D Ani	I Durc	hm.	=U) &U
		4	~ ~ ~ ~ ~ ~	y ••••	•	1	0 90	7 200	- ~ull	Ann	
-	•		٠.						•		
						•			• •		• .
						₩		•	•		
	•	•				£	L				

	,	28	Zoa.				,	29	Zoa.		
Eff.	Rfs.	Lefs.	Rff.	Lefs.	Rfs.	Lfg.	Rfs.	efs.	Rfs.	8ff.	.\$2
2	0,86	35	15,16	68	29,46	2	0,92	35	16,26	65	31,50
3	1,29	86	15,59	69	29,89	8	1,39	36	16,78	69	32,6
4	1,73	37	16,03	70	30,32	4	1,85	87	17,19	70	32,53
5	2,16	3 8	16,46	71	30,76	5	2,32	38	17,66	71	32,00
6	2,59	39	16,89	72	31,19	6	2,78	39	18,12	33	33,46
.7	3,03	40	17,33	73	31,62	3	3,25	40	18,59	33	33,02
8	3,46	41	17,76	74	32,06	8	3,71	41	19,05	74	34,39
9	3,89	42	18,19	75	₹2, 49	9	4,18	42	19,51	75	34,85
10	4,33	43	18,62	76	32,92	10	4,64	43	19,98	76	35,32
11	4,76	. 44	19,06	77	33,36	11	5,11	1	20,44	33	35,78
12	5,19	45	19,49	78	33,79	12	5,57	45	20,91	18	36,25
13	5,63	46	19,92	79	34,22	13	6,04	46	21,37	79	36,71
14	6,06	47	20,86	80	34,66	14	6,50		21,84	89	37,18
15	6,49	48	20,79	81	35,09	15	6,97	48	22,30	81	37,64
16	6,93	1	21,22	82	35,52	16	7,43	49	22,77	1	36,10
17	7,36	50	21,66	83	35,95	17	7,90	50	23,23	83	38,57
18	7,79	51	22,09	84	36,39	18	8,86	51	23,70	84	39,03
19	8,98	52	22,52	85	36,82	19	8,83	52	24,16	85	39 ,50
20	8,66	53	22,96	86	37,25	20	9,29	53	24,63	86	39,96
21	9,09	54	23,39	87	37,69	21	9,75	54	25,09	7	40,43
22	9,53	55	23,82	88	38,12	22.	10,22	55	25,56	88	40,89
23	9,96	· 56	24,26	89	38,55	23	10,68	56	26,02	80	41,36
24	10,39	57	24,69	90	38,99	24	11,15	57	26,49	90	41,82
25	10,83	58	25,12	91	39,42	25	11,61	58	26,95	M j	42,29
26	11,26	59	25,56	02	39,85	26	12,08	59	27,42	92	42,75
27	11,69	60	25,99	93	40,29	27	12,54	60	27,88		43,22
2 8	12,13	61	26,42	94	40,72	28	13,01	61	28,35	H l	43,68
29	12,56	62	26,86	95	41,15	29	13,47	62	28,81	95	44,15
80	12,99	63	27,29	96	41,59	80	13,94	63	29,27	96	44,61
li I	13,43	64	27,72	97	42,02	31	14,40	64	29,74	97	45,08
32	13,86	65	28,16	98	42,45	82	14,87	65	30,20	98	45,54
33	14,29	66	28,59	99	42,89	83	15,83	66	30,67	99	46,01
84			29,02		43,32	34					46,47
	8,9	1 30	a Durc	hm.		} ,	9,2	3 30	I. Dw	hm.	

3	30 3	oU =	= 2 1	* 8	uß.			31	Zou.		•
eff.	RfB.	Liß.	Rfg.	Lefs.	Sfß.	efs.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	Lefs.	Rff.
2	0,99	35	17,40	68	33,82	2	1,06	35	18,58	68	36,11
3	1,49	1 1	17,90	69	34,31	. 8	1,59	36	19,11	69	36,64
4	1,98	37	18,40	70	34,81	4	2,12	37	19,64	70	37,17
5	2,48	38	18,89	71	35,81	5	2,65	38	20,18	71	37,70
6	2,98	89	19,39	72	35,80	6	3,18	89	20,71	72	38,23
7	3,48	40	19,89	78	36,30	7	3,71	40	21,24	78	38,76
8	3,97	41	20,39	74	34 ,80	8	4,24	41	21,77	74	39,29
9	4,47	42	20,88	75	37,30	9	4,77	42	22,30	75	39,83
10	4,97	43	21,38	76	37,79	10	5,81	43	22,83	76	40,36
11	5,47	1	21,88	33	38,29	11	5,8 4	44	23,36	1	40,89
12	5,96		22,38	78	88,79	12	6,37	45	23,89	78	41,42
13	6,46	18 1	22,87	79	39,29	13	6,90	46	24,42	70	41,95
14	6,96		23,37	80	39,78	14	7,48	1	24,96	80	42,48
15	7,46	12	23,87	81	40,28	15	1,96	48	25,49		43,01
10	7,95	/ I	24,37	1 1	40,78	16	8,49	40	26,02		43,54
17	8, 45	ik !	24,86	l '	41,28	17	9,02	50	26,55	83	44,07
18	8,95	51	25,36	l	41,77	18	9,5 5	51	27,08	84	44,60
19	9,44	52	25,8 6		42,27	19	10,09	52	27,61	85	45,14
20	9,94		26,3 6	1	42,77	20	10,62	53	28,14	86	45,67
21	10,44	if	26,85	1	43,27	21	11,15	54	28,67	87	46,20
22	10,94	11	27,35	Į	43,76	22	11,68	55	29,20	88	46,73
23	11,43	114	27,85	89	44,26	23	12,21	56	29,73	89	47,26
24	11,93	57	28, 34	90	44,76	24	12,74	57	30,27	90	47,79
25	12,43	l l	28,84	91	45,25	25	13,27	58	30,8 0	91	48,32
26	12,93		29,34		45,75	26	13,80	59	31,33	92	48,85
27	13,42		29,84	93	46,25	27	14,33	60	31,86	93	49,38
28	13,92		30,38	·	46,75	28	14,86	i]	32,39	94	49,92
29	14,42		30,83	·	47,24	29	15,40	1	32,92	95	50,45
30	14,92	1	31,33	i	47,74	80	15,93	63	33,45	96	50,98
31	15,41		31,83	Į.	48,24	31	16,46	_	33,98	97	51,51
32	15,91		32,32	-	48,74	32	16,99	65	34,51	98	52,04
33	16,41	.66	32,82	1	49,23	33	17,52		35,05	99	52,57
34	16,91	67	33,32	100	49,73	34	18,05	67	35,58	100	58,10
H .	9,5	5,30	U Durc	hm.	•	l _.	9,8	7 Bol	I Durc	hm.	

•		32	Boll.	والإسا			33 30	a =	= 2	J4	F#.
efs.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	L FB.	Rfs.	Efg.	Ris.	efs.	Rff.	1188	
2	1,13	35	19,80	68	38,48	2	1,20	35	21,06	68	3 40,p
8	1,69	86	20,87	60	39,04	8	1,80	36	21,66	60	41,2
4	2,26	87	20,93	70	39,61	4	2,40	87	22,26	30	42,19
5	2,82	3 8	21,50	71	40,17	. 5	. 3,00	38	22,86	71	42,72
6	3,39	39	22,06	72	40,74	6	3,61	30	23,47	72	43,22
7	3,96	40	22,63	78	41,30	7	4,21	40	24,07	/ [1 ''
, 8	4,52	41	23,20	74	41,87	8	4,81	41	24,67	74	•
9	5,09	42	23,76	75	42,44	9	5,41	42	25,27	if	45,13
10	5,6 5	43	24,33	36	43,00	10	6,01	48	25,87	76	45,78
11	6,22	44	24, 89	77	43,57	11	6,61	44	26,47	77	46,33
12	6,79	45	25,46	78	44,13	12	7,22	45	27,08	38	46,94
18	7,35	46	26,03		44,70	13	7,82	46	27,68	79	47,54
14	7,92	47	26,59	! L	45,27	14	8,42	47	28,28	80	48,14
15	8,48	48	27,16	l I	45,83	15	9,02	48	28,88	81	48,74
16	9,05		27,72		46,40	16	. 9,62	•	29,48	1	49,34
17	9,62	50	28,29	l I	46,96	17	10,23	50	30,09	T T	49,94
18	10,18	51	28,86	11	47,53	18	10,83	51	30,69	1	50,55
19	10,75	52	29,42	85	48,09	19	11,43	52	31,29	ī	51,15
20	11,31	58	29,99	86	48,66	20	12,03	53	31,89	- 1	51,75
21	11,88	54	30,55	87	49,23	21	12,63	54	32,49		32,35
23	12,44	55	31,12	i i	49,79	22	13,23	55	33,09		52,95
23	13,01	56	31,68	80	50,36	23	13,84	56	33,70		53,56
24	13,58	57	32,25	90	50,92	24	14,44	57	34,80		4,16
25	14,14	56	32,8 2	91	51,49	25	15,04		34,90		4,76
26	14,71	59	33,38	92	52,0 6	26	15,64	59	35,50	- 1	5,36
27.	15,27	60	33,95	93	52,62	27	16,24	1 . 1	36,10	1 _	5,96
28	15,84	61	34,51	94	53,19	28	16,85	61	36,71	-	6,50
29	16,41	62	35,08	1	53,75	29	17,45		37,81		7,17
80	16,97	63	35,6 5		54,82	30	18,05	}	37,91		1,11
31 ·	17,54	64	36,21	97	54 ,89	31	18,65	64	38,51		8,87
82	18,10		36, 78	98	55,45	32	19,25	1	39,11		8,97
3 3	18,67	H	37,34		56,02	- 33	19,85	66			9,57
34	•		•		56,58	34	20,46	67	40,32	00 00	עו,ש
	10,1	19 30	A Dur	фm.		•	10,	50 3 0	A Durch	m.	E.

2	1,27	35	22,85	68	43,44	2	1,85	35	23,69	68	46,03
3	1,91	36	22,99	69	44,07	3	2,03	36	24,87	69	46,71
4	2,55	37	23,63	70	44,71	4	2,70	37	25,04	70	47,38
5	3,19	38	24,27	71	45,85	5	3,38	38	25,72	71	48,06
6	3,83	39	24,91	72	45,99	6	4,06	30	26,40	72	48,74
7	4,47	40	25,55	73	46,63	7	4,73	40	27,07	73	49,41
8	5,11	.41	26,19	71	47,27	8	5,41	41	27,75	74	50,09
9	5,74	42	26,83	75	47,91	9	6,09	42	28,43	75	50,77
10	6,38	43	27,46	76	48,55	10	6,76	43	29,10	76	51,44
11	7,02	44	28,10	37	49,18	11	7,44	44	29,78	77	52,12
12	7,66	45	28,74	- 78	49,82	12	8,12	45	30,46	78	52,80
13	8,30	46	29,38	29	50,46	13	8,80	46	31,14	79	53,47
14	8,94	47	30,02	80	51,10	14	9,47	47	31,81	80	54,15
15	9,58	48	30,66	81	51,74	15	10,15	48	32,49	61	54,83
16	10,22	49	31,30	82	32,38	16	10,83	49	33,17	82	55,51
17	10,86	50	31,94	83	53,02	17	11,50	50	33,84.	83	56,18
18	11,49	51	32,58	81	53,66	18	12,18	51	34,52	84	56,86
19	12,13	52	33,21	85	54,30	19	12,86	52	35,20	85	57,54
20	12,77	53	33,85	60	54,93	20	13,53	58	35,87	86	58,21
21	13,41	54	34,49	87	55,57	21	14,21	54	36,55	83	58,89
22	14,05	55	35,13	88	56,21	`22	14,89	55	37,23	88	59,57
23	14,69	56	35,77	89	56,85	23	15,57	56	37,90	89	60,24
24	15,33	57	36,41	90	57,49	24	16,24	57	38,58	90	60,92
25	15,97	58	34,05	91	58,13	25	16,92	58	39,26	91	61,60
26	16,60	59	37,69	92	58,77	26	17,60	59	39,94	92	62,28
27	17,24	60	38,32	93	59.41	27	18,27	60	40,61	93	62,95
28	17,88	61	38,96	94	15	28	18,95	61	41,29	94	63,63
29	18,52	62	39,60	95		29	19,63	62	41,97	95	64,31
80	19,16	63	40,24	96	61,32	38	20,80	63	42,64	96	64,98
Sr	19,80	64	40,88	97	61,96	81	20,98	64	43,32	97	65,66
32	20,44	65	41,52	96	62,60	32	21,66	65	44,00	98	66,34
33	21,08	66	42,16	119	63,24	83	22,33	66	44,67	99	67,01
34	21,72	67	42,80	100	63,88						
	10,8	32 Zo	A Dur	фm.		11,14 Boll Durchm.					

	36	3 0 E	=8	8=	•			37	3oll.		
2	Ifi.	號	Lig.	25%	STE	SF.	SE	PEFF.	. Iff.	2fi	. 55
2	1.43	25	:25.06	68	45.70	2	1,51	25	26,47	68	151,m
3	2,14	*	25,78		49.41	3	2,96		21,23		52.9
4	2,86	33	126.49	70	50.13	4	3,002	37	27,99	70	52,5
5	3,58	28	27.21	71	50,8 5	5	3,78	28	28,74	31	53,71
•	1,29	!	27,93	72	51,56	6	4,53	30	29,50	72	54,47
7	5,01	40	23,64	73	52,28	7	5,29	40	30,2 6	33	55,22
8	5,72	41	29.26	74	52,99	8	6,05	41	31,01	74	- 55,98
	6,44		30,08		l	9	6,8 0	42	31,77	75	56.74
10	7,16	1	30,79		54,43	10	7,56	43	32,53	36	52,49
11	7,87	i	31,51	•	i _	11	8,32		33,28	33	
12	8,59		32,22	•	55,8 6	12	9,07		34,04	78	1 -
13	9,31	lā .	32,94		56,57	13	9,83	1	34,80	79	59,76
14	10,02		33,66	. i	57,29		10,59		35,55	80	60,58
15	10,74	H	34,37		58,01	15	11,34	48	36,31	81	61,27
16	11,45	1	35,09	l,	58,72	•	12,10	49	37,07	82	62,03
17	12,17	50	35,81	83	59,44	17	12,86	50	37,82	83	62,79
18	12,89	51	36,52	84	60,16	18	13,61	51	38,58	84	63,54
19 20	13,60	52	37,24	11	60,87	19	14,37	52	39,34	85	64,30
21	14,32	58	37,95	} {	61,59	20	15,13	53	40,09	86	65,06
22	15,04 15,75	54	35,67	il .	62,30	21	15,88	1	40,85	87	65,81
23	16,47	55 56	39,39	1	63,02	22	16,64	55	41,60	88	66,57
24	17,18	57	40, 10 40, 82	[]	63,74	23	17,40	56	42,36 43,12	89	67, 3 3
25	17,90	58	41,53	91	64,45 65,17	24 25	18,15	57	43,87	91	68,06 68,84
26	18,62	59	42,25	92	65,89	26	18,91 19,67		44,63	92	69,60
27	19,33	60	42,97	93	66,60		1	60	45,39	93	70,35
28	20,05	61	43,68	94	67,32		18		46,14	94	71,11
29	20,76	62	44,40	95	68,03		.,93	62	46,90	95	71,87
80	21,48	63	45,12	96	68,75	30	22,69	63	47,66	96	72,62
81	22,20	64	45,83	97	69,47	81	23,45	64	48,41	97	73,3 8
82	22,91		46,55	98	70,18	i i	24,20	65	49,17	98	74,14
88	23,68	66	47,26	99	70,90	33	24,96	66	49,93	99	74,89
84		1		•			25,72				
	24,85 11,4	6 Bo	U Durc	hm.			11,7	8 Zol	1 Durc	bm.	

		88	Zou.	,. ,			39 3	oU =	3 1/	4 Fu	β.	
efg.	Rfs.	Lefs.	Afb.	Lefs.	Rfb.	eff.	Stfb.	Lefs.	Rfb.	Lefs.	Scfs.	
2	1,59	35	27,92	68	54,26	2	1,68	85	29,41	68	57,15	
3	2,39	36	28,72	69	55,00	8	2,52	36	30,95	60	57,99	
4	3,19	37	29,52	70	55,8 5	4	3,36	37	31,09	70	58,83	
5	3,98	3 9	30,32	71	56, 65	5	4,20	38	31,94	71	59,67	
6	4,78	39	31,12	72	57 ,45	6	5,04	39	32,78	72	60,51	
7	5, 58	40	31,91	78	58,25	7	5,8 8	40	33,62	78	61,35	
8	6,38	41	32,71	74	59 ,05	8	6,72	41	34,46	74	62,19	
9	7,18	42	33,51	75	59, 84	9	7,56	42	35,30	75	63,04	
10	7,97	43	34,31	76	60,64	10	8,40	1	36,14	76	63,88	
11	8,77	44	35,11	33	61,44	11	9,24	44	36, 98	37	64,72	
12	9,57	45	35,90	78	62, 24	12	10,08	45	37,82	78	65,56	
18	10,37	46	36,70	79	63,04	13	10,92		38,66	79	66,40	
14	11,17	47	37,50	80	63 ,83	14	11,76	47	39,50	80	67,24	
15	11,96	48	38,30	81	64,63	15	12,60	48	40,34	81	63,08	
D .	12,76	49	39,10	82	65,43	16	i 1	49	41,18	82	68,92	
17	13,56	50	39,89	83	66,23	17	14,28	50	42,02	83	69,76	
18	14,36	51	40,69	84	67,03	18	15,12	51	42,86	84	70,60	
19	15,16	52	41,49	85	67,82	19	15,97	52	43,70	85	71,44	
20	15,95	53	42,29	86	68,62	20	16,81	58	44,54	86	72,28	
21	16,75	54	43,09	87	69,42	21	17,65	54	45,38	83	73,12	
22	17,55	85	43,88	88	70,22	22	18,49	55	46,22	88	73,96	
23	18,35	56	44,68	89	71,02	23	19,33	56	47,07	80	74,80	
24	19,15	57	45,48	90	71,81	24	20,17	57	47,91	90	75,64	
25	1	58	46,28	91	72,61	25	21,01	58	48,75	91	76,48	
26	1 '	59	47,08	92	73,41	26	21,85	50	49,59	92	77,32	
27	21,54	60	47,87	98	74,21	27	22,69	60	50,43	93	78,17	
28	i i	61	48,67	94	75,01	28	23,53	61	51,27	94	79,01	
20		62	49,47	95	75,80	29	24,37	62	52,11	95	79,85	
30		63	50,27	96	76,60	80	25,21	63	52,95	96	80,69	
81		64	51,07	97	77,40	81	26,05	64	53,79	97	81,53	
- El					78,20	82	26,89	65	54,63	98	82,37	
33	1 '	66	52,66	90	79,00	88	27,73	66	55,47	99	83,21	
1 54	27,13				179,79	_						
N.	12,1	10 30	A Durc	pm.		١,	12,4	1 次0 「名	a Durc	gm,	H	

4	12 30	n =	31/	e Fu	\$.			43	3ou	•	
LfB.	Rfs.	Lefs.	Rfb.	eff.	Rfb.	Lefs.	Kfb.	lefs.	Rfß.	Lefs.	Rfs.
2	1,94	35	34,11	68	66,28	2	2,04	35	35,76	68	69,48
8	2,92	36	35,09	69	67,26	8	3,06	3 6	36,78	69	70,50
4	3,89	37	36,06	70	68,23	4	4,08	37	37,80	70	71,52
5	4,87	3 8	37,04	71	69,21	5	5,10	3 8	38,82	71	72,54
. 6	5,84	39	38,01	72	70,18	6	6,13	39	39,85	72	73,56
7	6,82	40	38,99	73	71,16	7	7,15	40	40,87	73	74,59
8	7,79	41	39,96	74	72,13	8	8,17	41	41,89	74	75,61
9	8,77	42	40,94	75	73,11	9	9,19	42	42,91	75	76,63
10	9,74	43	41,91	76	74,08	10	10,21	ł.	43,93	. 76	' _
11	10,72	44	42,89	33	75,06	11	11,23	1	44,95	11	78,67
12	11,69	45	43,86	78	76,03	12	12,26		45,98	(1	, ,
13	12,67	46	44,84	79	77,01	13	13,28		47,00	14 1	80,72
14	13,64	47	45,81	80	77,98	14	14,30	47	48,02	LI I	81,74
15	14,62	48	46,79	81	78,96	15	15,82	48		81	82,76
16	15,59	49	47,70	82	79,93	16	16,34	lt .	50,06	82	83,78
17	16,57	50	48,74	83	80,91	17	17,37		51,09	H	84,80
18	17,54	51	49,71	84	81,88	18	18,39		52,11	84	85,83
19	18,52	52	50,69	85	82,85	19	19,41	, ,	53,13		86,85
20	19,49	53	51,66	86	83,83	20	20,43	i	54,15		87,87
21	20,47	54	52,64	87	84,80	21	21,45	il.	55,17	87	88,89
R	21,44	55	53,61	88	85,78	22	22,47	H	56,19	11 3	89,91
23	22,42	56	54,58	89	86,75	23	23,50		57,22	89	90,94
Na san	23,39	57	55,56	90	87,73	24	24,52	57	58,24		91,96
25	24,37	58	56,53	91	88,70	25	25,54		59,26	11	92,98
26	25,34	59	57,51	92	89,68	26	26,56	li .	60,28	92	94,00
27	26,32	60	58, 48	93	90,65	27	27,58	1	61,80	93	95,02
28	27,29	61	59, 46	94	91,63	28	28,61	i.) '	II I	96,04
29	28,26	62	60,43	95	92,60	29	29,63		63,35	N	97,07
30	29,24	I	61,41	96	93,58	80	30,65	63	l ' •	96	, ,
81	30,21	64	62,38	97	94,55	31	31,67		65,39	11	99,11
32 33	81,19	65	63, 36	98	95,53	32	32,69		66,41	11	100,13
	32,16	66	64 ,33		96,5 0	83	33,71		67,43		101,15
	33,14 12 a	1 UI 7 Da	11 WHO 4	hm HTAA	3 1,40	8 34 34 ,74 67 68 ,46 100 102 ,18 18 ,69 Zoll Durchm.					
7	15,8	1 20	u zato	yın.		i	107	7 30	u Zu	rym,	

		44	l Zou.)		4	15 30	$\mathfrak{n} =$	= 3 4	54 8	fuß.
Efg.	Kfß.	lefb.	Rfs.	Pefs.	Rfs.	Lfg.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	2fb	. Sfi
2	2,13	35	37,44	68	72,75	2	2,23	35	39,16	06	3 76,09
3	3,20	3 6	38,51	69	73,82	3	3,35	3 6	40,28	60	1 ' 1
4	4,27	11	39,58	70	74,89	4	4,47	37	41,40		1 .
5	5,34]]	40,65	71	75,96	5	5,59		42,52	f i	, '
6	6,41		41,72	72	,	6	6,71	8 9	, ,	72	1
7	7,48	ki i	42,79	73	78,10	7	7,83		44,76	73	
8	8,55	1	43,86	74	, . •	8	8,95	41	•	74	1
9	9,62	11	44,93	75	, ,	9	10,07	il I	47,00	75	
10	10,69	1	46,00	76	i ' l	10	11,19	1	48,11	76	
11	11,76		47,07	77	} ′ •	11	12,30	li i	49,23	37	
i i	12,83	ti i	48,14	78	'''	Ì	13,42	it i	50,35	78	ام حما
13	13,90	H	49,21	79	1 ' I	18	14,54	1	51,47	79	1
14	14,97])	50,28	80	1 1	14	15,66	l i i		41 i	89,52 90,64
15 16	16,04	ll	51,35	81	86,65	15	16,78	lt 1		81	22.46
1 1	17,11	49	52,42	82	l '• 1	16	19.00	49	54,83 55.05	82 92	
17 18	18,18 19,25	50 51	53,49 54,56	8 3		17	19,02 20,14	1	55,95	83 84	94,00
19	20,82	51 52	1	84 85	1 1	18 19	21,26	H I	5 7 ,07 58,19	85	95,12
	21,39	53	1 '	86	1 1	20	22,38	M I	59,31	86	96,93
21	21, 39 22, 46	11	57,77	87	93,07	21	23,50		59,31 60 ,42	87	97,35
22	23,53	11	58,84	88		22	24,61	1	61,54	88	98,47
23	24,60	•	59,91	89	. , , ,	23	25,78		62,66	89	99,59
7	25,67	i f	60,98	90	· '	24	26,85		63,78	1 1	100,71
il i	26,74	11	62,05	91		25	27,97	lå 1	64,90		101,83
i i	27,81	13	63,12	92	i ' I	26	29,09	13 1	66,02		102,95
1	28,88	11		93	1 ' 1	27	30,21	11 1	67,14		104,07
28	29 ,95	ST.	65,26	11 i	100,56	28	31,33	11 1	منيا		105,19
29	31,02	11	66,33	fi 1	101,63	29	32,45		69,38	95 1	106,31
1	32,09	11	67,40	46 1	102,70	30	33,57		70,50	96 1	107,42
3 1	33,16	11	68,47	18 6	103,77	31	34,69]	1 ' 11	97 1	08,54
32	34,23	11	69,54	11)	104,84	32	35,80	11	72,73	98 1	09,66
83	35,30	66	70,61	99	105,91	83	36,92	66	73,85	99 1	10,78
34		67	71,68		106,98	34					
	14,0	1 30	A Dur	фm.	- 1		14,8	2 30	I Durd	hm.	7

		46	Bou.	•		47 30U. Lefs. Rfs. Lefs. Rfs. Lefs. Rfs.					
eff.	Rfg.	eff.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	eff.	Rfg.	lefs.	Rfs.	Lefs.	Rfs.
2	2,33	35	40,92	68	79,51	2	2,44	1	42,72		83,01
3	3,50	36	42,09	1	80,68	8	3,66		43,94		84,23
4	4,67	37	43,26	70	81,85	4	4,88	87	45,16	Ł	85,45
,5	5,84	38	44,48	71	83,02	5	6,10	38	46 ,38	71	86,67
6	7,01	3 9	45,60	72	84,19	6	7,82	39	47,60	72	87,89
7	8,18	40	46,77	73	85,36	7	8,54	40	48,82	78	89,11
8	9,35	41	47,94	74	86,53	8	9,76	41	50 ,05	74	90,33
9	10,52	42	49,11	75	87,70	9	10,98	42	51,27	75	91,55
10	11,69	43	50,28	76	88,87	10	12,20	43	52, 49	76	92,77
11	12,86		51,45		90,03	11	13,42		53,71	77	93,99
12	14,03	45	52,62	78	91,20	12	14,64	45	54 ,93	78	95,21
13	15,20	46	53,79	79	92,37	13	15,86	46	56,15	79	96,43
14	16,37	47	54, 95	80	93,54	14	17,09		57,37	80	97,65
15	17,54	48	56,12	81	94,71	15	18,31	48	58,59	I	98,87
16	18,70		57,29		95,88	16	19,53		59,81		100,10
17	19,87	50	58,46	_	97,05	17	20,75		61,03	1	101,32
18	21,04		59,63	84	98,22	18	21,97	l	62,25	84	' <u> </u>
19	22,21		60,80	85	99,39	19	23,19		63,47	1	103,76
20	23,38	53	61,97		100,56		24,41	1	64,69	1	104,98
21	24,55	54	63,14	1	101,73	21	25,63	ŀ	65,91	87	i 'i
	25,72		64,31		102,90	22	26,85	1	67,14	1 '	107,42
1	26,89		65,48	1	104,07	23	28,07	ŀ	68,36	ı	• [
24	28,06	l .	66,65		105,24	24	29,29	1	69 ,58	i i	i '_ i
25	29,23		67, 82	1	106,41	25	30,51	1	70,80	į,	111,08
26	30,40	59	68,99	92	107,58	26	31,73	59	72,02		112,30
27	31,57	60	70,16		108,74	27	32,95	60	73,24 74 /6	1	· 1
28 29	32,74		71,33		109,91	28	34,18	ł	74,46 75.68		114,74
80	33,91	62 63	72,49	1	111,08	2 9	35,40 36,60	1	i ' i		
31	35,08 36,24		73,66 74,83	<u> </u>	•	30 31	36,62 37,84	ľ	76,90	1	117,19
32	37,41	65	76,00		113,42 114,59	31 32	37 ,84 39 ,06	ľ	78, 12 79, 34	1	118,41 119, 63
33	- 41		1 1		ا مُ	33	40, 28		80 ,56	i	120,85
154	13 38,58 66 77 ,17 99 115 ,76 34 39 ,75 67 78 ,34 100 116 ,93						- 1				
	14.6	4 30	A Dur	Qm.		3 34 41,50 67 81,78 100 122,07 14,96 Zoll Durchm.					L46,V

	- N	34 97		76 20	1.02	[110 / .]	94	I ts Sol	60	90.64	H 03	1123.8/2
H	Zi	1 000				118,41						
	2 8	35,65	61	77,66	94	119,68	28	37,15	61	80,93	94	124,7
1	29	36,92	62	18,94	95	120,95	29	38,47	62	82,26	95	126,0
	30	38,19	63	80,21	96	122,23	30	39,80	63	83,59	96	121,31
	31	59,47	64	81,48	97	123,50	81	41,13	64	84,91	97	125,70
1	3 2	40,74	65	82,76	98	124,77	32	42,45	65	86,24	98	1311/0
	23	42.01	66	84.03	99	126,05	33	43.78	66	87.57	99	131.30
	34	43,29	67	85,80	100	127,82	34	45,11	67	88,89	100	132,08
H		15,9	8 30	A Dur	фm.		2 84 45,11 67 88,89 100 133,66 15,60 30N Durchm.					

		50 3011.			51 30)U =	= 41	4 8	uß.	
fB.	Rfb.	Lfg. Kfg.	lefs. Kfs.	Eff.	Rfb.	Lefs.	Rfg.	lefs.	RfB.	
2	2,76	35 48,35	68 93,94	2	2,87	85	50,80	68	97,74	
3	4,14	36 49,73	69 95,32	3	4,31	11	51,74	69	99,17	
4	5,52	37 51,11	70 96,70	4	5,74	1	53,18	70	100,61	
5	6,90	38 52 ,49	71 98,09	5	7,18	38	54,62	71	102,05	
6	8,28	3 9 53,88	72 99,47	6	8,62	39	56,05	72	103,49	
7	9,67	40 55,26	78 100,85	1	10,06	40	57, 49	73	104,92	
8	11,05	41 56,64	74 102,23	8	11,49	41	58,93	1	106,36	
9	12,43	42 58,02	75 103,61	9	12,98	42	60,36	75	107,80	
10	13,81	43 59,40	76 104,99	10	14,37	1	61,80	1 1	109,24	
11	15,19	44 60,78	77 106,37	11	15,81	1	63,24		110,67	
12	16,57	45 62,16	78 107,76	12	17,24	1	64,68		112,11	
13	17,96	46 63,55	79 109,14	13	18,68]	66,11	79	113,55	
14	19,34	47 64,93	80 110,52	14	20,12		67,55	80	114,98	
15	20,72	48 66,31	81 111,90	15	21,56	i l	68,99		116,42	
16	22,10	49 67,69	82 113,28		22,99	1	70,48	l	117,86	
17	23,48	50 69,07	83 114,66	17	24,43		71,86	1 1	119,30	
18	24,86	51 70,45	84 116,05	18	25,87		73,30	1	120,73	
19	26,24	52 71,84	85 117,43	19	27,81	j	74,74	11 1	122,17	
20	27,63	53 73,22	86 118,81	20	28,74		76,18	1	123,61	
21	29,01	54 74,60	87 120,19	21	30,18	1	77,61	ti i	125,05	
22	30,39	55 75,98	88 121,57	22	31,62		79,05	1	126,48	
23	31,77	56 77,36	89 122,95	23	33,05	i i	80,49	H H	127,92	
24	33,15	57 78,74	90 124,33	24	34,49	i I	61 ,98	ا ا	129,86	
25	34,58	58 80,12	91 125,72	25	35,93		83,36	[] :	1 30,8 0	
26	35,92	59 81,51	92 127,10	26	37,37	1	84,80 86 34	i į	132,93 133,67	
27	37,30	60 82,89	93 128,48	27	38,80		86,24 87,67]]	135,11	
28	38,68	61 84,27	94 129,86 95 131,24	28	40,2 4	4	89,11	1	1 36,5 5	
29	40,06	62 85,65	96 132,62	29	41,68 43,12		90,55		137,98	
80	41,44	63 87,03 64 88,41	97 134,01	31	44,55		91,99	l i	139,42	
31 82	42,82 44,20	65 89,80	98 135,39	32	45, 99		93,42		140,86	
33	1 1	66 91,18	99 136,77	33	47,48	ł	94,86	ll i	142,29	
E 1			1 1		J 1		· '	11		
	- •	92 Zoll Dur		5 34 48,87 67 96,30 100 143,78 16,23 Zoll Durchm.						
	••	ye Nun wut	- 	1	~~,	[4		-y	#	

52 30A.						53 30 a.						
Lfs.	Rfb.	eff.	Kfb.	efs.	Rfs.	eff.	Rfg.	efs.	Rff.	Hefs.	SE	
2	2,98	85	52,30	68	101,61	2	3,10	35	54,33	68	105,55	
. 3	4,48		1 1		103,10	3	4,65	36	55,88	l i	107,19	
4	5,97	37	55,28		104,60	4	6,20	37	57,43	70	108,56	
5	7,47	38	56,78	71	106,09	5	7,76	3 8	58,98	71	110,21	
6	8,96	3 9	58,27	72	107,58	6	9,31	39	60,54	72	111,76	
7	10,46	40	59,77	78	109,08	7	10,86	40	62,09	73	113,31	
8	11,95	41	,61,26	74	110,57	8	12,41	41	63,64	74	114,87	
9	13,44	42	62,76	75	112,07	9	13,97	42	65,19	75	116,42	
10	14,94	43	64,25	76	113,56	10	15,52	43	66,74	76	117,97	
11	16,43	1	65,74	77	115,06	11	17,07	44	68,30	33	119,52	
12	17,93		· •	78	116,55	12	18,62	45	69, 85	78	121,08	
13	19,42	1	}	l i	118,04	13	20,18	46	71,40	79	122,63	
14	20,92	1 1	' }		119,54	14	21,73	47	72,95		124,18	
15	22,41	48	71,72	81	121,03	15	23,28	48	<u> </u>		125,73	
16	23,90	1 3	· '	1	122,53	16	24,83	1 1	•		127,28	
17	25,40	1 1	l '* 1		124,02	17	26,38	50	77,61	! 1	128,84	
18	26,89		76,20	1 1	125,52	18	27,94	51	79,16	11 1	1.30,39	
19	28,39	1			127,01	19	29,49	1	, ,	1 1	131,94	
20	29,88	1	, ,		128,50	20	31,04	53			133,49	
21	31,38	4	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	1 1	130,00	21	32,59	•	•	ii (135,05	
22	32,87	1	1 1		131,49	22	34,15	{	•	ii - E	136,60	
23	34,36			1 .	132,99	28	35,70			1) I	138,15	
24	\$5,86			1	134,48	24	37,25	1	▼ -	11 1	139,70	
25	1 ' 1		_	1 8	135,98	25	38,80	1	•	1 7	141,26	
26	38,85	1			137,47	26	40,36	59		II - 1	42,81	
27	40,34	1	89,65	1	138,96	27	41,91	60	_	11	144,36	
28	41,84	1	91,15		140,46	28	43,46	1 1	94,69	14 1	145,91	
29 30	43,33	ł j	92,64	l i	141,95	29	45,01	62	·	11 1	147,46	
31	44,82 46,32	1		1 (143,45	30	46,56	1]	,,,,		149,02	
32	40,32	1	95,63	1 1	144,94	31	48,12	1 :	, ,	11 1	50,57	
83	49,81	65	1 1	()	146,44	32	1 1		100,90		52,12	
	1	66			147,93	33	51,22		102,45	1 1	53,67	
	34 50,80 67 100,11 100 149,42								104,00		55,23	
J ł	16,55 Zoll Durchm.						16,8	57 3 1	oll Dur	Om.		

54 30U = 4 1/2 Fuß.						55 30 U.							
efs.	Rfg.	eff.	Rfg.	efg.	Rfg.	eff.	Rff.	efs.	Afb.	12f6.	Aff.		
2	3,22	85	56,40	68	109,57	2	3,34	35	58,50	68	113,67		
3	4,83	36	58,01	69	111,18	8	5,01	3 6	60,18	69	115,34		
4	6,44	37	59 ,62	70	112,80	4	6 ,68	37	61,85	70	117,01		
5	8,05	38	61,23	71	114,41	5	8,35		,	ij	118,68		
6	9,66	3 9	62,84		116,02	6	10,03			łt	120,36		
7	11,28		, -		117,63	7	11,70		,	ił	122,03		
8	12,89		']		119,24	8	13,37		68,53	1	123,70		
9	14,50		i i		120,85	9	15,04		·		125,37		
10	16,11				122,46	10	16,71		71,88	3	127,04		
11	17,72	1 . 1			124,08	11	18,38		73,55	1	128,71		
12	19,33	ł	[' [125,69	12	20,06		75,22	!!	130,39		
13	20,94		· ' [127,30	13	21,73		76,89	1	'		
14	22,56		75,73		128,91	14	23,40	l	78,56	1			
15	24,17	48	77,34		130,52	15	25,07	48	80,24	1	135,40		
16	25,78		' - 1		132,13	16	26,74		81,91	ll	137,07		
17	27,89		(133,74	17	28,41	50	83,58	1	138,74		
18	29,00		82,18		135,36	18	30,09		85,25		140,42		
19	30,61	52	1 1 1		136,97	19	31,76		86,92		142,09		
20	32,22		' 1		138,58	20	33,43	53	88,59		143,76		
21	33,84		, i		140,19	21	35,10		90,27	1	145,43		
22	35,45	t I	l 'K		141,80	22	36,77	55	91,94	I I	147,10		
B 1	1 1				143,41	23	38,44	_	1	1	148,77		
24	38,67		· .		145,02	24	' 1		95,28		150,45		
	40,28				146,64	25	41,79	1	96, 95	{	152,12		
	41,89			ı	148,25	26	43,46		· · · · · ·	1	153,79		
27	43,50		96, 68		149,86	27	45,13		100,30		155,46		
28	45,12		98, 29		151,47	28	46,80		101,97		157,13		
29	46,73	1	'-		153,08	29	48,47		103,64	(. i	158,80		
30	48,34		101,52	. 1	154,69	30	50 ,15		105,31		160,48		
81	49,95		103,13		156,30	31	51,82		106,98	()	162,15		
32	51,56		104,74		157,92	32	53,49		108,65	1 1	163,82		
83	53,17		106,35		159,53	33	55,16		110,33		165,49		
34	34 54,78 67 107,96 100 161,14						84 56,83 67 112,00 100 167,16						
	17,19 Zoll Durchm,						17,51 Zoll Durchm.						

M'achweis

einiger forstmathematischen Kunstausdrücke.

bichänungs-Zeitraum, erstreckt sich so weit hinaus, als man bie zu erwartenden Erträge je nach dem vorgefundenen Waldzustande naher ermittelt und bestimmt. 5. 445.

Abstand, Abstandszahl, die mitts lere Entfernung der Stämme eis nes Bestandes, bemessen nach der gegenseitigen Stammstärke, zur Bestimmung des Waldschlusses. S. 360.

Abtriebsalter, in welchem ein Balbbestand, öfters ganz abs weichend vom normalen Schlagsharkeitsalter, nach Masgabe ber zufälligen Umstände verzüngt wersen muß. S. 445.

Alter, zur Abnuhung fraglicher Holzwüchse, Benuhungsalster, unterscheibet sich als Hausbarkeitss, Schlagbarkeitss, und Abtriebssalter. §. 445.

Benugungsalter, kommt bei einem Holzwuchse ohne nahere Bezieshung mehr überhaupt zur Sprasche. J. 406.

Bestandsabfälle (a), Borerträge, welche ein Holzbestand bis zur eintretenden Abnugung barbietet. Bestandsauszählung, Ermittelung

Bestandsauszählung, Ermittelung ber Bestandsgute burch beson.

bereSchähung aller Stamme. S. 867.

me. J. 367.

Bestandsstäche, diejenige Bobengrundstäche, welche der Bestand
wirklich einnimmt; sie ergiebt sich,
wenn man von der Ortsfläche
die Euchenfläche abzieht.

Destandsform, ift bebingt von Polz-

art, Wuchs und Schluß.

Bestandsgüte, beruht hauptsächlich in dem Massens und Werthgehalte, mit dem laufenden Jahreszuwachse, bemessen nach der Forstflächeneinheit. S. 366.

Bestandeklasse, Altereklasse, Bucheund Altersabtheilungen ber Balb-

bestånde für ben Betrieb.

Betriebsplan, giebt die Grundzuge des kunftigen Waldwirthschafts= Betriebs, aber bloß mittels des Flächenangriffs. S. 446.

Flachenangriffs. S. 446. Betriebsverband, Waldverband, ein zu selbständigem Rachhaltbetrieb zusammengeordnetes Walb-

ganze.

Bodenklassen, braucht man zur Bestimmung drtlicher Bobenguten, wofern die allgemeinen Standorts Hassen nicht ohne Weiteres ange-wendet werben sollen. S. 380.

Bodenvenze, der jährliche Reiners trag. Vom Waldboben bestimmt man dieselbe entweder nach bessen landwirthschaftlichem Werthe und bem angemeffenen Binefuße, ober nach dem Berbleib, wenn von der Bestandewerthzunahme die Binsen des Bestandswerthes und die Walds nugungskosten abgezogen werden. g. 410.

Discontiren, das Berechnen gegens wartiger, oder gemiffen Beitpunt, ten zugeschriebener Berthe fpås terer, auch wohl früherer Zah=

lungsbetrage.

Durchschnittsertrag, Durch: schnitiserwachs, ber Massen= oder Werthbetrag eines schlagbaren Waldbestandes vom Morgen und Jahr zu gleichen Aheilen, hinfictlich der Erziehung. S. 425.

Dutchichnittsmehrung, der gleiche Antheil jedes Altersjahres an bem Hauptertrag gelangenden Holzerwachse eines Waldbestandes.

S. 403. 415.

Durchichnittenugung, der Durchichnitisabwurf einer Wirthschaftswaldung, hinlichtlich bes Angriffs.

Durchichnittezuwache, der gleiche Antheil jedes Altersjahres an dem gesammten, jum haupte und Bors ertrag gelangenden, Holzerwachse eines Waldbestandes. S. 415.

Einrichtungs=Zeitraum, die Zeit, welche der Betriebsplan eines Baldverbandes umfaßt, bis zum porausgeseten Eintritte bes Ror-

malzustandes. g. 445.

Encftehung: ftarte, rascheres Aufwachsen mit ziemlich gleichmäßi= ger Mehrung; schwache, lang: sameres Anwachsen, mit mehr steis genbem Jahreszuwachs. g. 412.

Ertragfähigkeit, bes Standor. tes volle Wirksamkeit in Erzeugung der ihm besonders anges messenen Polywuchse und Ertrage; der Ortsgute-Charafter. G. 880.

Ertragiamkeit, bes Waldes Ergies bigteitezustand, ber Ertragfabigkeit gegenüber. S. 381.

Ertragegute, Ertrageflasse, bes Beftanbes geschätte, ober gewährte Ergiebigteit, ausgebruckt mittels bes jahrlichen Durchschnittsertrags von der Flächen-

maßeinheit. S. 384.

Ertragsvermögen, der gesammte Reichthum eines Waldes in Standort = und Beftanbegute, woraus beffen Ertrag hervorgeht. S. 379.

Erwachs, vereinigt die Begriffe von Zuwachs und Mehrung, an Masse und Werth, in Bezug

auf Ertrag.

Jormflasse, zur Bestimmung bes Massengehaltes ftehender Baume, bloß nach der außern Baumgestalt, anstatt der Formzahl. S. 349.

formzahl (f), der Antheil des Stammgehaltes an der bezüglichen Scheitelwaize, das Formhaltigs teite-Berhaltniß. S. 348.

Sulmaße, gegebene Raumgroßen. welche man gum Wegmeffen bes kleingemachten Polzes gebraucht, Gegensage der Studmaße. **S. 333.**

Behaltshohe (h), die Sohe einer, dem fraglichen Stamme an Grunds fläche und Rörperinhalt gleichen

§. 338. Walze.

Behaltsmalze, ber' bem Stamme an Grundfläcke G und an Körpers inhalt Maleiche Cylinder. S. 338.

Behaltswerth des ganzen Massenbes standes, nach den laufenden Walbs preisen, ohne weitern Bezug auf Absetbarkeit, welche dagegen den Ablas werth bedingt. S. 478.

Gesammtertrag = Pauptertrag + Vorertrag, das Ergebnis des Ges

sammtzuwachses.

Gesammtzuwachs, der Inbegriff von Mehrungezuwachs zum Pauptertrag + Rebenzuwachs zum Borertrag. S. 383.

Gleichwüchsiger Bestand, ziemliche Sleichheit der Stämme in Alter

und Große.

Grundwerth, bus Produkt ber Drieflache mit ber Ortequte.

Sauabfall, die bei jeder Polzaufbereitung unvermeidlichen Abgange

an Spanen und Genift.

Saubarkeitsalter, in welchem ein Baum oder Holzbestand nicht nur bochft nusbar, sondern auch eben so abtommlich und verwerthbar ist.

Sauptbestand; die herrschenden Stamme eines Bollbestandes; die überwachsenen bilden den Rebens bestand.

Sauptertrag, das Ergebnis der enblichen Abnugung, im Begens

sape von Borertrag.

Laupthauung, die verjungende Abnugung bes Bestandes, Schlag: hauung mit etwaigen Rache hauungen; die Borhauun. gen laufen voraus.

Sauptholzart, die herrschende eis nes Bestandes, nach welcher sich der Betrieb hauptsächlich richtet; Zwischen holzarten, anders

artige Beimischungen.

•

Sobenzuwachsmaß, ift vom Starkenzuwachs bedingt; es beträgt gerade fo viel von ber Stamm. bobe, als der Stärkenzumachs von ber Stammstarte. Diernach spricht man die Sohenzuwachsklassen zu 1, 2, 4, 4, 0 an. **6.** 356.

Holznugungs=Prozent, bezeichnet das Berhältniß der jährlichen Abnugung vom Rassenvorrathe einer Baldung; es kann sich bloß auf den Pauptertrag, oder auch mit auf die Borertrage beziehen. S. 424.428. Polzausnusungs. Prozent, das Berhältnis der Sortenausbeute.

Jahresmehrung, laufen be ober periodische zum hauptertrag.

6. 403.

Jahreszuwachs, laufenber ober periodischer, ber theils als Borertrag, theils als Pauptertrag zur Rugung kommt.

Jegewerth, der auf den gegenwartigen, ober einen als gegenwärtig gedachten Zeitpunkt discontirte Werth irgend eines spätern, ober and frubern Bahlungsbetrags.

okalertraas = Tafeln, geben ben drtlich erwartbaren Bollertrag an als bedingte Rormalers trags= Tafeln. §. 396.

Maffe (M), ber umfaffenbe Ausbruck für ben bolg. und Rinbengehalt von Baumen und Beständen, obne alle Sortenunterscheibung.

Massen = , Solzgehalt, von einem Polzbestande ober Baume im Gan-

Massens, Holzbaltigkeit, der Bes trag in Bezug auf ein gewiffes, als Ginheit gebachtes Raummas. Massenklafter, Mil. = 100 Kfuß

ber Bestandsmasse.

Massenschägung, das bloke Ans sprecen ber Bestandsguten nach der Massenhaltigkeit. S. **374. 375.**

Massen : Schlagbarkeitsalter, in diesem giebt ein zur Berjungung reifer Beftand ben bochften Durchschnittsertrag an Polzmasse. S. 416.

Massenvorrath, Polyvorrath, die Summe aller Bestandsmaffen eis

ner Waldung. S. 382.

Massenzuwachs, die wirkliche Bermehrung bes Massengehaltes nach Abgang des unvermeidlichen Selbftund Pauabfalles vom Raturzus wachie. S. 344. 383.

Medrungsprozent, gilt bloß in Bezug auf den Pauptbestand und die laufende Jahresmehrung. S.

403.

Mehrungstafeln, bloß nach ber Mehrung aufgereihete Walder-

tragstafeln. S. 397.

Mehrungszuwachs, Mehrung, ber einem Bestande verbleibende einstigen Massenzuwachs zum Pauptertrag, tann als reale, normale, lotale und wieder als altersburch schnittliche, periodische und laufende Mehrung in Betracht tommen. **S. 383.**

Mg. = Forfiflacheneinheit; pr. Mg. = auf ober von der Forstslächens

einbeit.

Nachhauruckkand, die Masse ber in den Berjungungsschlägen noch nachzuhauenben Samen . ober Schirmbaume. S. 434.

Nachwerth, der spatere Betrag eines Berthes, sammt 3wischen-

ginfen. S. 74. 101.

Naturzuwachs, die von Jahr zu Jahr neu erzeugte Polz: und Rinbenmaffe, ohne Berückschitz aung bes gleichzeitigen Gelbkabfalles.

Pormalertrage-Cafeln, geben ben Bollertrag ohne allen Rusungsverlust ganz allgemein und unbedingt an. S. 392 — 395.

Normalzuwachs, gehört dem Walds normalzustande an und ist als unbedingter ganz frei von allem Rugungeverlufte, ale bes dingter dagegen, dem driichen Rupungsverluste unterworfen. g. **383.**

Augungsanschlag erhebt die Einnahmen und Ausgaben nach als len Wirthschaftszweigen entweber periodisch auf die ganze Abfchahungezeit, ober im gaufe der Wirthschaft von Jahr zu Zahr.

Nugungsverlust, mas bei ber Polzaufbereitung ortlicher Umflande wegen an der biebsmasse noch verloren geht, außer bem unvermeiblichen Selbste und Haus abfall. § 582.

Nugungezuwache, derjenige Theil des Massenzuwachses, weicher der Benugung wirtlich anheim fallt, heißt auch schlechthin Zuwachs; aus ihm entspringt der Haupt: ertrag und Borertrag = Ge. sammtzuwachs.

Ort vertragjähigkeit, f. Ertragfahigkeit.

Ortsfläche, der ganze Flächenge: halt einer Ortsabtheilung = Beftandeflache + Eucenflache.

Ortsgite = Standortgute, die aligemeine forstliche Fruchts borteit einer bestimmten Ortsabs theilung; nach 10 Klassen in Behnteln von O,1 bis 1 anzuspres chen. g. 380.

Periodenrente, eine periodisch wies bertehrende gleiche Bahlung.

Perioden - Rentenwerth, der Kapitalbetrag von periodisch wies bertehrenden Einnahmen ober Ausgaben. S. 117-119.

Probenschänung, bie Ermittelung ber Bestandegute nach wirklich abgemessenen und ftamm-

Probes weise geschätten stucken. S. 372.

Rentenftud, ber bestimmte Abschnitt irgend einer Rente. § 114 — 116.

Rentenwerth, der Kapitalbetrag einer jährlich ober periadisch wieberkehrenden Einpahme oder Ausgabe. S. 113.

Richthobe = Gehaltshöhe. Richtwalze = Gehaltswalze.

Schaft, des Baumes Grammtheil vom Stocke bis zur Rrone; beim Rughoizvertrieb auch Stamm ges nannt.

Scheitelhohe (H), vom untersten Benubungspunkte bis zum außers ften Gipfel. S. 338.

Scheitelwalze, eine Walze (GXH), welche mit dem Stamme gleiche Grundflace und Pohe bat. S. 338.

Schlag, die Beijungunge : Pauung im Gegensage von Bors und Rachhauung; auch die zur Berjungung eben angehauene oder abzetriebene Waldflache seibst u. j. w.

Schlagbarkeitealter, dasjenige Berjungungsalter, worin ein Bestand den hochsten Ers trag barbietet an Durchschnitts= masse oder Durchschnittewerth, ober aber an hochster Berzinsung. Insofern giebt es eine Massens, · Berth: und Berginsunge. Schlaabarteit.

Selbstabialle, die geringen, forsts wirthichaftlich nicht nußbaren, naturlichen Ausscheidungen der Polzwüchse.

Stumm, ber Inbegriff aller oberirdischen festen Massentheile eines Baumes; auch wohl der liegende Schaft.

Stammform, das durch die obere Ausbreitung bedingte Massenhals tigteits = Berhältniß eines Stam= mes zu feiner Scheitelmaize, burch die Formzahl oder Formtlaffe bes ftimmt. S. 338, So auch Schaft-

Stammgrundfläche (G), die der gemeffenen Stammftarte gutommende Kreisfläche, welche bei allen Stamm : und Bestands-

39 *

schähungen als Körpergrundfläche

bient. S. 338. 358.

Stammgrundflachen - Antheil, ber Theil, welchen die gesammte Stammgrundflache eines Bestans des von der Bestandssläche einnimme. S. 258.

Stammbobe, die Sohe vom untern Benubungspunkte bis zum frage

lichen Sohenpunkte.

Stammstarte (U.D), ber Umfang oder Durchmesser eines Stammes, in Brusthohe genommen. S. 338.

Standortgute, in Bezug auf einen bestimmten Ort, Ortsgüte: die dem Waldwuchse mehr oder minder zuträgliche Ortsbeschaffens heft überhaupt, bestimmt nach 10 verschiedenen Klassen, 0,1 bis 1. g. 340.

Ciarrenzuwachsmaß ist der I Zou im R, nach welchem man bie, bem jungften Jahrring zukoms mende, mittlere Starte als Bruche

tbeil ansprickt. g. 356.

Stuckmaße, gleichmäßig abgepaßte Berkaufshölzer zu bestimmter Ver-

wendung. S. 335.

Umeriebsalter, das mittlere Abs triebealter eines Walbverbandes, dftere ganz abweichend von dem normalen Schlagbarkeithalter.

"Umeriebszeit, normale: das den standigen Forstverhaltnissen anges - paste, burch schnittliche Malfen :, Werth : ober Werzinsungs: Schlagbarkeitealter eines Walds verbandes in vollkommenem Zus stande. S. 437. Der zeitliche Umtrieb, das Umtriebsalter, hangt von den zufälligen Um= standen ab.

Verwerthungs - Zinsfuß, ber verlangte, oder gebotene Zinsfuß, welcher bei Berwerthung eines Baldbesiges zur Frage kommt.

S. 469. 484.

. Verzinsungs Schlagbarkeitsalter, gewährt vom Waldvermögen ben bochften Binfenbezug. S. 420.

Vollbestand, ein der Ertragfähigteit bes Stanbortes angemeffener, vollkommener Waldbestand. Rors malbeftanb.

Vollertrag, der Ortsertragfähigkeit volltommen entsprechend, und zwar: unbedingt, ohne allen eigentlichen Rugungeverluft; bebingt, mit bem drtlichen Rus gungeverluste. Normalertrag.

Vollwerthmorgen, ein Mg. von der besten Ortsgute, auf die auch jede minder gute Orteslade rebuzirt werden fann. S. 380.

Vorbestand, in Bezug auf eis nen spatern Ergiebigkeitszustand

(Rachbestand).

Vorertrag, die mittels der Borhauung gewinnbaren Bestandsabs gange, im Gegenfage zum haupt-

ertrage.

Vorhauungen, welche vor der Haupthauung Statt finden, als: Ausläuterungen, Durch= forstungen und Ausplantes rungen.

Vorwerth, der frühere Betrag eis nes Werthes, ohne die Zwischens zinsen; auf die Gegenwart bes rechnet, Zestwerth.

103.

Waldkapital = Bestandswerth +

Botenwerth.

Waldnormalzustand, die wirths schaftliche Bollkommenheit, eines . Waldes in Gattung, Alter, Folge und Bollstandigkeit aller Theile.

Waldnuzungskosten? aller mit dem nusbaren Besite eines Walds gutes verbundene standige Auf= wand, ausschließlich ber von jeder Einnahme in alsbalbige Abrech-. nung zu bringenden Bereitungs= kosten. S. 471.

Waldrence = Bestands und Bobenrente zusammen, nach Abzug

aller Walbnugungekosten.

Waldschonungs-Werth, mehr dem beschränkten Waldbesige eigen, welcher an Erhaltung eis nes gewiffen Balbzuftanbes gebunben ift. S. 481.

Waldverzinsungs-Werth, macht sich im freien Balbbesige geltenb, wo man bie volle Betzinsung bes Walbkapitales erzies

len barf. S. 480.

Waldzerschlagungs. Werth, ergiebt sich im Bereiche bes ganz freien Grundbesites durch Ausverkauf bes Polzvorrathes und weitere Berwendung des Waldbo-

bens. 6. 479.

Werthklaster, eine Einheit zum fürzern Summiren und Gleichestellen der Geldwerthe verschiedenartiger Holzerträge, von der Hauptholzart entnommen. Zu des ren Gebrauche wird von jeder desonders eingeschähten Holzgatztung oder Sorte bestimmt, wie viel ihrer Maßeinheiten einer solchen allgemeinen Werthklaster gleich sind, und mittels dieses Betrags wird dann die gesonderte Summe angerechnet.

Werthnugungs : Prozent, bezieht sich auf den ganzen Wirth: schaftswald und bezeichnet das Berhältnis der jährlichen Absnugung vom Werthvorrathe. S.

429. 431.

Werth: Schlagbarkeitsalter, bietet von einem verjüngbaren Bestande ben höchsten Durchschnittsertrag an Polzwerth. S. 419.

Werthzunahme ift werbenb, wenn ihr Prozent ben gewerblis den Zinsfuß übersteigt und ber gewonnene Ueberschuß bas Stamms Kapital mehrt; im Gegentheil ift fie gehrend.

Werthzunahme : Prozent, kommt bloß an Baumen und Holze beständen in Sonderbetracht und bezeichnet die Steigung ihres Massenwerthes in einem fraglis chen Altersjahre. § 404. 407.

Wirthichafisplan, ordnet den Massenangriff auf dem Grunde des Betriebsplanes und bestimmt den drtlichen und periodischen Ertrag auf die Dauer der Abschähungs.

zeit.

Juwachs, an Baumen und Bestanben, kommt in Betrackt: a) als
altersburchschnittlicher,
als periodischer und laufenber Jahreszuwachs; b) als
realer, normaler und lokaler Rugungszuwachs; c) als
Mehrungszuwachs; c) als
Mehrungszuwachs zum
hauptertrag, oder als Gesammts
zuwachs, wosür man gewöhns
lich auch Zuwachs schlechthin
gebraucht.

Juwachsprozent, von bem Pauptbestande als Rapital und bem vollen Rubungszuwachse als Binse.

S. 415.

3wischenbestand, ber innerhalb eis ner herrschenden Waldgattung befindliche, anderartige Bestand.

- A, bas in Frage ftehenbe Beftanbsalter.
- a, ber eben erfolgenbe Bestanbsabfall zum Borertrag.
- D, Durchmeffer.
- d, Differeng, burchschnittlich.
- f, Formzahl, der Stämme Maffens haltigkeits : Faktor.
- G, Stammgrunbfläche, sowohl von einzelnen, als von mehren Stamsmen.
- H, Scheitelhobe, auch Schafthobe.
- h, Gehalishohe.
- K, Kapital.
- M=G×H×f, Massengehalt und Ertrag von Baumen und Be-Kanben.
- n, eine gegebene Beit, auch normal.
- p, Prozente, Bunbertel.
- R, palbmeffer, Rabius.
- r, Rentenpoft.
- U, Umfang.
- v, Borrath an Maffe ober Werth.
- W, Balge, Cylinber.
- w, Berth, wirklich.
- z, einfache Binfen, auch Buwachs.

- Zz, Binfeszinfen ..
- 100 , Einheitskapital , Kapitalifis rungsfas.
- P prozentfat.
- Sa, bie Summe aller Borertrage eines Bestanbes bis zum fraglichen Zeitpuntte.
- M, Altere Durchschnittsmehrung.
- M+8a, Alters-Durchschnittezuwachs.
- M'-M, perisbische Jahresmehrung.
- machs. periodischer Jahredzus
- Mv, Massenvorrath einer Waldung.
 nv. Normalvorrath.
- wv, wirklicher Borrath.
- Mw, Maffenwerth eines Beftanbes.
- Mw, burchschnittliche Werthzunahme vom hauptertrage.
- Mw + 8aw, burchschnittliche Werthgunahme vom Gesammtertrage.

Hülfstafeln

ber

Forstmathematik,

gur

Ausmessung, Gehalt- und Werthschätzung

aufbereiteter Hölzer, stehender Bäyme und ganzer Waldbestände,

nog

Dr. G. König.

Berzeich niß

ber

forstlichen Hülfstafeln.

	•		Beite.
ī.	Walseninhalt-Tafeln, zur Ausmessung und Be- rechnung des Körpergehaltes von Aundhölzern, Baumen		
	und Waldbeständen	1.	- 64
H.	Erfahrungs. Tafeln über den Massengehalt		
	der Waldbaume	65	- 72
III.	Erfahrungs-Tafeln über den Gortengehalt ber		
	Waldbaume	78	— 86
IV.	Holdsumache Tafeln, jur Ermittelung bes laufen-		
	den Jahreszuwachses an Baumen und Waldbestanden .	87 -	- 102
V.	Abstands-Tafen, der Waldbestände Schluß und		
	Dichtheit zu bestimmen	103 -	- 106
VI.	Baldmaffen-Tafeln jur leichten Beftandesschätzung	107 -	_ 116
VII.	Forstliche Verhältnißtafeln über ber Solzer		
	Durchschnitte-Ertrag, Fugsamteit, Schwinden und Be-		
	wicht, nebft vergleichenden Überfichten mehrer Bald-		
		117 -	- 126
VIII	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	127 -	- 186

Walzeninhalt = Tafeln

zur Ausmessung und Berechnung

Körpergehaltes

von Rundhölzern, Bäumen und Waldbeständen,

in zwolftheiligem Maße.

Erläuterungen mit Gebrauchsbeispielen.

1) Taf. 2 u. 3: Grundflächen = und Körperinhalt ber einfußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange, in Flächen- und Korperfußen zugleich, für genauere Berechnungen, wo die ausgeführten Tafeln etwa nicht zureichten.

2) Taf. 4 bis 56: Balgeninhalt zu dem Umfange. Obenan steht der Umfang in Zollen und voran die Lange in Jugen; unten ift auch der Durch-

meffer mit angefügt.

Wollte man den übersprungenen Walzeninhalt für 1' 2. nicht aus der 2. oder 8. Taf. nehmen, so findet sich derfelbe auch hinter 10, oder 100 L. derfelben Starke. Eine Walze' von 96" U. hat, ju 10 L., 50,92, also zu: 1 L., 5,09 Kfb.

Für, Bruchtheile der Längenzahl nimmt man den Inhalt hinter einer mit 2, 10 oder 100 erganzten Lange und dividirt denselben wieder burch den gebrauchten Ergänzungs-Faftor. Für 9½' L. und 4' U. finden sich hinter 19' L., 34,19

wie hinter 95' L., $\frac{120,95}{10} = 12,09 Kfß.$

Andere Längenzahlen, als die hier aufgereiheten, werden theilweise ange-wendet: 100' U. und 67,5' L. umfassen (in 60' und 7,5' L.) 881,57 + 41,44 =

373,01 Kfb.

Rommen Umfänge unter 12" mit Zehnteln vor, so sucht man ben Inhalt zu einer 10mal größern, ganzen Umfangszahl und schneidet von demselben zwei Stellen ab; j. B. fur 11,3' U. und 22' L., unter 113" U., 155,24 = 1,55 Rff. Der Inhalt zu den Umfängen von 1 bis 5' ergiebt fich auf gleiche Beise.

Busammengehörige Stude von gleicher Starte berechnet man wohl mit gefammter Lange, z. B. 16 Klobe von 31' L. enthalten (in 16 × 31 = 56' L.) zu 30' U., 27,85 Kff., wofür man gewöhnlich 28 Kff. annimmt.

8) Taf. 57: Grundflachen = und Korperinhalt der einfußigen Walze zu dem voran fiehenden Durchmesser. Gebrauch, wie Saf. Z md 3.

4) Taf. 58 bis 64: Walzeninhalt zu dem Durchmesser. Einrichtung und Gebrauch, wie Taf. 4 bis 56.

Grundflächen = und Körperinhalt der ein= fußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange.

99 m.F.c	N 4 44	44	~	1			~
umfg. Boll.	Inhalt. Fl. u.Apff.	Umfg. Boll.	Inhalt. Fl. u. Apff.	umfg. Zou.	Inhalt. Fl. u.Kpff.	umfg. Bou.	Inhalt. Fl. u. Apff.
1	0,000553	31	0,531069	61	2,056304	91	4,576257
- 2	0,002210	32	0,565884	62	2,124276	92	4,677387
3	0,004974	33	0,601805	63	2,193354	93	4,779622
4	0,008842	34	0,638830	64	2,263537	94	4,882962
5	0,013816	35	0,676961	65	2,334825	95	4,987408
6	0,019894	3 6	0,716197	66	2,407219	96	5,092958
7	0,027078	37	0,756539	67	2,480717	97	5,199614
8	0,035368	38	0,797985	68	2,555321	98	5,807375
9	0,044762	39	0,840537	69	2,631030	99	5,416242
10	0,055262	40	0,884194	70	2,707845	100	5,526213
11	0,066867	41	0,928956	n	2,785764	101	5,637290
12	0,079577	42	0,974824	72	2,864789	102	5,749472
13	0,093393	43	1,021797	73	2,944919	103	5,862760
14	0,108314	44	1,069875	74	3,026154	104	5,977152
15	0,124840	45	1,119058	75	3,108495	105	6,092650
16	0,141471	46	1,169347	76	3,191941	106	6,209253
. 17	0,159708	47	1,220741	77	3,276492	107	6,326962
18	0,179049	48	1,273240	78	3,362148	108	6,445775
19	0,199496	40	1,326844	79	3,448910	109	6,565694
20	0,221049	50	1,381553	80	3,536777	110	6,686718
21	0,243706	51	1,437868	81	3,625749	111	6,808847
22	0,267469	52	1,494288	82	3,715826	112	6,932082
23	0,292837	53	1,552313	83	3,807008	113	7,056422
24	0,318310	54	1,611444	84	3,899296	114	7,181867
25	0,345388	55	1,671680	85	3,992689	115	7,308417
26	0,373572	56	1,733020	86	4,087187	116	7,436073
27	0,402861	57	1,795467	87	4,182791	117	7,564833
28	0,438255	5 8	1,859018	88	4,279500	118	7,694699
20	0,464755	59	1,923675	89	4,877814	119	3,825671
30	0,497859	60	1,989487	90	4,476288	120	7,957747

Grundflachen = und Körperinhalt bet ein= fußigen Walze zu dem voran stehenden Umfange.

				, <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>			
Umfg. Boll.	Inhalt. Fl. u. Apfß.	umfg. Zou.	Inhalt. ** Fl. u. Apff.	umfg. Zoll.	Inhalt. Fl. u. Apff.	umfg. Zoll,	Inhalt. Fl. u. Kpff.
121	8,090929	151	12,600319	181	18,104427	211	24,6 03254
122	8,225216	152	12,767763	182	18,305029	212	24,837018
123	8,360608	158	12,936313	183	18,506736	213	25,071877
124	8,497106	154	13,105967	184	18,709548	214	25,307846
125	8,634708	155	13,276727	185	18,913465	215	25 ,544 9 21
126	8,773416	156	13,448593	186	19,118488	216	25,783101
127	8,913229	157	13,621563	187	19,324615	217	26,022386
128	9,054148	158	13,795639	188	19,531848	2 18	26,262776
129	9,196172	159	13,970820	189	19,740187	219	26,504272
130	9,339300	160	14,147106	190	19,949630	22 0	26,746872
131	9,483535	161	14,324497	191	20,160179	221	26 ,99 0 578
132	9,628874	162	14,502994	192	20,371833	222	27 ,235390
133	9,775319	163	14,682596	198	20,584592	223	27,481306
134	9,922869	164	14,863303	194	20,798456	224	27,728328
135	10,071524	165	15,045116	195	21,013426	225	27,976455
136	10,221284	166	15,228033	196	21,229501	226	28,225687
137	10,372150	167	15,412056	197	21,446681	227	28,476025
138	10,524121	168	15,597184	198	21,664967	228	28,727467
139	10,677197	169	15,783418	199	21,884357	22 9	28,980015
140	10,831378	170	15,970756	200	22,104853	230	29, 233668
141	10,986665	171	16,159200	201	22 ,326454	231	29,488427
142	11,143056	172	16,348749	202	22,549161	232	29,744290
143	11,300554	173	16,539404	208	22,772972	233	30,001259
144	11,459156	ľ	16,731163	204	22,997889	234	30,259334
145	11,618863	175	16,924028	205	23,223911	235	30,518513
146	11,779676	176	17,117998	206	23,451039	236	30,778798
147	11,941594	177	17,813074	207	23,679271	287	31,040187
148	12,104618	178	17,509254	208	23 ,908 6 09	239	31,302683
149	12,268746	179	17,706540	209	24,139052	239	31,566283
150	12,488980	180	17,904931	210	24,370601	240	31,830989
	-	·		•	[1*		• • •

63	ou =	1/2	Zuß.		73	ol.			8	Boll.			
efs.	Afg.		Rfg.	Eff.	Rfg.		STFB.	efs.	A 6 6	Eff.	Rff.		
2	1	1		2		35		2					
3	0, 03 0, 05	3 6	0,69 0,74	`	0, 05 0, 08	36	0,94	8	0, 07 0, 10	35 36	1,23 1,27		
4	0,03	37	9 ,73.		0,10	37	0 ,97 1 ,00	4	0,14	37	1,30		
5	0,09	38	0,75	.5	0,10		1,02	5	0,17		1,34		
6	0,11	89	0,77.	6	0,16	ı	1,05	6	0,21	39	1,87		
7	0,15	40	0,79	7	0,18	.40	1,08	7	0,24	40	1,41		
8	0,15	41	0,81	8	0,21	41	1,11	8	0,28	41	1,45		
9	0,17	42	0,83	9	0,24	42	1,13	9	0,31	42	1,48		
10	0,19	43	0,85	10	0,27	43	1,16	10	0,85	48	1,52		
11	0,21	44	0,87	11	0,29	44	1,19	11	0,38	44	1,55		
12	0,23	45	0,89	12	0,32	45	1,21	12	0,42	45	1,59		
13	0,25	46	0,91	13	0,35	46	1,24	13	0,45	46	1,62		
14	0,27	47	0,93	14	0,37	47	1,27	14	0,49	47	1,66		
15	0,29	48	0,95	15	0,40	48	1,29	15	0,53	48	1,69		
16	0,31	49	0,97		0,43	1	1,32	16	0,56	49	1,73		
17	0,33	50	0,99	17	0,46	50	1,35	17	0,60	50	1,76		
18	0,35	51	1,01	18	0,48	51	1,38	18	0,68	51	1,80		
19	0,37	52	1,03	. 19	0,51	52	1,40	19	0;67		1,83		
20	0,30	53	1,05	20	0,54	53	1,43	20	0,70	58	1,87		
21	0,41	54	1,07	21	0,56	54	1,46	21	0,74	54	1,90		
22	0,43	55	1,09	22	0,59	55	1,48	22	0,77	55	1,94		
23	0,45	56	1,11	23	0,62	56	1,51	23	0,81	56	1,98		
24	0,47	57	1,13	24	0;64	57	1,54	24	0,84	57	2,01		
25	0,49	5 8	1,15	25	0,67	5 9	1,57	25	0,88	5 8	2,05		
26	0,51	59	1,17	26	0,70	59	1,59	26	0,91	59	2,08		
27	0,53	60	1,19	27	0,73	60	1,62		0,95		2,12		
28	0,55	65	1,29	28	0,75	65	1,76	28	0,99	65	2,29		
29	0,57	70	1,39	29	0,78	70	1,89	29	1,02	30	2,47		
30	0,59	75	1,49	30	0,81	•	2,03	30	1,06	. .	2,65		
31	0,61	.80	1,59	81	0,83	80	2,16	· 81	1,09	11	異82		
32	0,63	6 5	1,69	32	0,86	1	2,80	32	1,18	16	3,00		
33	0,65	90	1,79	33	0,89		2,43	33	1,16	68 3	3,18		
1	34 0,67 160 1,98							_ ,,,					
1,9	1,91 Zoll Durchm.				• • •				2,55 goll Durchm.				

Walzeninhalt zu dem Umfange von

93	oll =	3/4	Fuß.		10	Zou.	•		11	ZoU.	
Lefs.	RYB.	Lefs.	Rfß.	EF.	Rfs.	eff.	Rfs.	Eff.	Rfg.	efg.	RYB.
2	0,08	85	1,56	2	0,11	85	1,93	2	0,13	35	2,84
3	0,13	36	1,61	8	0,16	,36	1,98	. 8	0;20	36	2,40
4	0,17	37	1,65	4	0,22	37	2,04	4	0,26	87	2,47
5	0,22	38	1,70	5	0,27	38	2,09	5	0,33	3 8	2,54
6	0,26	3 9	1,74	6	0,33	39	2,15	6	0,40	39	2,60
7	0,31	40	1,79	7	0,38	40	2,21	7	0,46	40	2,67
8	9,3 5	41	1,83	8	0,44	41	2,26	8	0,53	.41	2,74
9	0,40	42	1,88	9	0,49	42	2,32	9	0,60	42	2,80
10	0,44	43	1,92	10	0,55	43	2,37	10	0,66	43	2,87
11	0,49	44	1,96	11	0,60	41	2,43	11	0,73	44	2,94
12	0,53	45	2,01	12	0,66	45	2, 48	12	0,80	45	3,00
13	0,58	46	2,05	13	0,71	46	2,54	18	9,86	46	3,07
14	0,62	47	2,10	14	0,77	47	2,59	14	0,93	47	.3,14
15	0,67	48	2,14	15	0,82	48	2,65	15	1,00	48	3,20
16		49	2,19	16	0,88	1	2,70	16	1,06		1 1
17	0,76		2,23	17	0,93	50	2,76	l	1,13	50	3 ,34
18	0,80	51	2,28	18	0,99	61	2,81	18	1,20	51	3,41
19	0,85	· 52	2,32	19	1,04	52	2,87	19	1,27		3,47
20	0,89	· 53	2,37	20	1,10	58	2,92	20	1,33	53	3,54
21	0,94	54	2,41	21	1,16		2,98		1,40	54	3,61
22	0,98	55	2,46	ř	1,21	55	3,03	22	1,47	55	3,67
23	1,02	56	2,50	23	1,27		3,09	23	1,53	56	3,74
24	1,07	57	2,55	24	1,32	57	3,14	24	1,60	57	3,81
25	1,11	56	2,59	25 96	:1,38	58	3,20	25 98	1,67		3,87
26	1,16	50	2,64	26	1,43	59 60	3,26	26 27	1,73	59	3,94
27 28	1,20	60	2,68	27	1,49]	3,31	· 28	1,80	60 65	4,01
29	1,25	70	2,90	28 29	1,54	65 70	3,59	29	1,87	. 70	4 ,34 4 ,68
30	1,29	75	3,13	30	1,60 1,65	75	3,86	30	1,93 2,00	75	5,01
31.	1,34 1,38	80	3, 35 3, 58	31		80	4,14	•	2,07	80	5,34
82	1,43	85	3,80	32	1,71	85	4 ,42 4 ,69	1	2,13	II .	5,68
33	1,47	90	4,02	33	1,76 1,82	.90		.33	2,20	. 90	6,01
		II .		1	1 ' 1		4,97 5,50	ł		ił .	1 , 1
	2,86 30ll Durchm.			3,18 Zou Durchm.			•				
m £30	in Man	Kull	Àin t	1 5,1	0 90H	~u.u	7146 ,	1 47		~uiu)

	12	30U =	= 1	Fuß.	13 30U.						
efg.	Kfß.	Lefs.	Rfb.	Eff.	Rfs.	efs.	Rfb.	Lefs.	Rfs.	eff.	Rfs.
2	0,15	35	2,78	68	5,41	2	0,18	35	3,26	68	6,35
8	0,23	3 6	2,86		5,49	8	0,28	36	3,36		6,44
4	0,31	37	2,94	70	5,57	4	0,37	37	3,45	70	6,58
5	0,39	38	3,02	71	5,65	5	0,46	38	3,54	71	6,68
6	0,47	39	3,10	72	5,72	6	0,56	39	3,64	72	6,72
7	0,55	40	3,18	78	5,80	7	0,65	40	3,73	73	6,81
8	0,63	41	3,26	74	5,88	8	0,74	41	3,82	74	6,91
9	0,71	42	3,34	75	5,96	9	0,84	42	3,92	75	7,00
10	0,79	43	3,42		6,04	10	0,93		4,01	76	7,09
11	0,87	44	3,50		6,12	11	1,02	44	4,10	l	7,19
12	0,95	45	3,58		6,20	12	1,12	1	4,20		7,28
18	1,03	46	3,66	1	6,28	13	1,21	46	4,29	1	7,37
14	1,11	47	3,74		6,36	14	1,30		4,38	80	7,47
15	1,19		3,81	81	6,44	15	1,40	48	4,48	81	7,56
16	1,27		3,8 9		6,52	16	1,49		4,57		7,65
. 17	1,35	1	3,97	1	6,60	17	1,58		4,66	Ι,	7,75
18	1,43		4,05		6,68	18	1,68		4,76		7,84
19	1,51	52	4,13	1	6,76	19	1,77		4,85	85	7,93
20	1,59	53	4,21	86	6,84	20	1,86		4,94	86	8,03
21	1,67		4,29	.1	6,92	21	1,96		5,04	1	8,12
22	1,75		4,37	ł .	7,00	22	2,05		5,13	88	8,21
23	1,83		4,45	1	7,08	23	2,14		5,23	89	8,31
24	1,90		4,53		7,16	24	2,24	57	5,32	90	8,40
25	1,98		4,61		7,24	25 96	2,33		5,41	91	8,49
26	2,06		4,69		7,32	26 97	2,42		5,51 5,60	92	8,59
27	2,14		4,77		7,40	27 28	2,52	l l	5,60 5,60	93 94	8,68
28 29	2,22		4,85		7,48	29	2,61 2 70	61 62	5,69 5,70	95	8,77
30	2,30 2,38		4,93 5,01	i.	7,55 7,63	30	2,70 2,80		5 ,79 5,88	96	8,87 8,96
3 1	2,30 2,46	1	5 ,09		1 - 1	31	2,89		l l	97	9,05
32	1		5,17		7,71	32	2,09 2,98		5,97 6,07	98	9,15
33	2,54 2,62	ŧ	5,25		7,79 7,87	33	3, 08	66	6,16	•	9,24
	2,70		l i	100	t i		1	67			
	•	2 Boll			טעני ו			3ou			-,00

		14	Zou.			15 30U = 1 1/4 Fuß.					
Lefs.	Rfs.	Lfb.	Rff.	Lefs.	Rfg.	Efs.	Rfb.	Lefs.	Rfb.	lefs.	Rfs.
2	0,21	85	3,79	68	7,36	2	0,24	35	4,35	68	8,45
3	0,32	36	3,89	69	7,47	3	0,87	36	4,47	69	8,57
4	0,43	37	4,00	70	7,58	4	0,49	37	4,60	70	8,70
5	0,54	38	4,11	71	7,69	5	0.60	3 8	4,72	71	8,82
6	0,64	3 9	4,22	72	7,79	6	0,74	39	4,84	72	8,95
7	0,75	40	4,33	73	7,90	7	0,87	40	4,97	73	9,07
8	0,86	41	4,44	74	8,01	8	0,99	41	5,09	74	9,20
9	0,97	42	4,54	75	8,12	9	1,11	42	5,22	75	9,32
10	1,08	43	4,65	76	8,23	10	1,24	43	5,34	76	9,44
11	1,19	44	4,76	33	8,34	11	1,36	44	5,47	33	9,57
12	1,29	45	4,87	78	8,44	12	1,49	45	5,59	78	9,69
13	1,40	46	4,98	79	8,55	13	1,61	46	5,71	79	9,82
14	1,51	47	5,09	80	8,66	14	1,74	47	5,84	80	9,94
15	1,62	48	5,19	81	8,77	15	1,86	48	5,96	81	10,07
16	1,73	49	5,30	82	8,88	16	1,98	49	6,09	82	10,19
17	1,84	50	5,41	83	8,99	17	2,11	50	6,21	83	10,32
18	1,94	51	5,52	84	9,09	18	2,23	51	6,34	84	10,44
19	2,05	52	5,68	85	9,20	19	2,36	52	6,46	85	10,56
20	2,16	53	5,74	86	9,31	20	2,48	53	6,59	86	10,69
21	2,27	54	5,84	83	9,42	21	2,61	54	6,71	87	10,81
22	2,38	55	5,95	88	9,53	22	2,73	55	6,83	88	10,94
28	2,49	56	6,06	89	9,63	23	2,85	56	6,96	89	11,06
24	2,59	57	6,17	90	9,74	24	2,98	57	7,08]]	,11,19
25	2,70	58	6,28	91	9,85	25	3,10	58	7,21	91	11,31
26	2,81	59	6,39	92	9,96	26	3,23	59	7,33		11,43
27	2,92	60	6,49	93	10,07	27	3,85	60	7,46	93	11,56
28	3,03	61	6,60	94	10,18	28	3,48	61	7,58	94	11,68
29	3,14	62	6,71	95	10,28	29	3,60	62	7,70	95	11,81
80	3,24	- 63	6,82	96	10,39	80	3,73	63	7,83	96	11,93
81	3,35	64	6,93	97	10,50	31	3,85	64	7,95	97	12,06
32	3,46	65	7,04	98	10,61	32	3,97	65	8,08	98	12,18
33	3,57	66	7,14	99	10,72	83	4,10	66	8,20	99	12,30
¶ 34 √	3,08	67	7,25	100	10,83	34			8,33		12,48
	4,0	40 30	U Dur	ŋm.		}	4,7	7 301	I Durc	hm.	1

		16	Zoll.			17 3ou.					
Eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	LfB.	Rfs.	Eff.	Rfg.	lefs.	Rfs.	१६६.	Kfs.
2	0,28	35	4,95	68	9,62	2	0,31	35	5,58	68	19,86
3	0,42	3 6	5,09	69	9,76	3	0,47	- 36	5,74	69	11,01
4	0,56	37	5,23	70	9,90	4	0,63	37	5,90	70	11,17
5	0,70	3 8	5,37	7	10,04	5	0,79	38	6,06	71	11,33
6	0,84	39	5,51	72	10,18	6	0,95	39	6,22	72	11,49
7	0,99	40	5,65	73	10,32	7	1,11	40	6,38	73	11,65
8	1,13	41	5,80	74	10,46	8	1,27	41	6,54	74	11,81
9	1,27	42	5,94	75	10,61	9	1,43	42	6,70	75	11,97
10	1,41	43	6,08	76	10,75	10	1,59	43	6,86	76	12,13
11	1,55	44	6,22	77	10,89	11	1,75	44	7,02	77	12,29
12	1,69	45	6,36	78	11,03	12	1,91	45	7,18	78	12,45
18	1,83	46	6,50	79	11,17	13	2,07	46	7,34	79	12,61
14	1,98	47	6,64	80	11,31	14	2,23	47	7,50	80	12,77
15	2,12	48	6,79	81	11,45	15	2,39	48	7,66	81	12,93
16	2,26	49	6,98	82	11,60	16	2,55	49	7,82	82	13,09
17	2,40	50	7,07	83	11,74	17	2,71	50	7,98	83	13,25
18	2,54	51	7,21	84	11,88	18	2,87	51	8,14		13,41
19	2,68	52	7,35	85	12,02	19	3,03	52	8,30	85	13,57
20	2,82	53	7,49	86	12,16	20	3,19.	53	8,46	86	13,73
21	2,97	54	7,63	87	12,30	21	3,85	54	8,62	87	13,89
22	3,11	55	7,78	88	12,44	22	3,51	55	8,78	88	14,05
23	3,25	56	7,92	89	12,59	23	3,67	56	8,94	89	14,21
24	3,39	57	8,06	90	12,73	24	3,83	57	9,10	90	14,87
25	3,53	58	8,20	91	12,87	25	3,99	58	9,26	91	14,53
26	3,67	59	8,34	92	13,01	26	4,15	59	9,42	92	14,69
27	3,81	60	8,48	93	13,15	27	4,31	60	9,58	93	14,85
28	3,96	61	8,62	94	13,29	28	4,47	61	9,74	94	15,01
29	4,10	62	8,77	95	13,43	29	4,63	62	9,90	95	15,17
80	4,24	63	8,91	96	13,58	30	4,79	63	10,06	•	15,35
81	4,38	64	9,05	97	13,72	31	4,95	64	10,22	97	15,49
32	4,52	65	9,19	98	13,86	32	5,11	65	10,38	98	15,65
83	4,66	66	9,38	99	14,00	33	5,27	66	10,54	99	15,81
84		_	_	-	14,14	34				_	15,97
	5,0	9 301	I Durc	hm.			5,4	1 Zol	l Duch	per.	

Waizeninhalt zu dem Umfange von

	18 3	ou =	= 1 1/	e Fi	ıp.	19 3ou.						
eff.	RfB.	eff.	Rf8.	eff.	Rfs.	Eff.	Stfb.	eff.	RfB.	eff.	Rfb.	
2	0,35	35	6,26	68	12,17	2	0,39	35	6,98	68	13,56	
3	0,58	36	6,44	60	12,85	3	0,59	36	7,18	•	13,76	
4	0,74	87	6,62	70	12,53	4	0,79	37	7,38	70	13,96	
5	0,89	38	6,80	71	12,71	5	0,99	38	7,58	71	14,16	
6	1,07	39	6,98	72	12,89	6	1,19	39	7,78	72	14,36	
7	1,25	40	7,16	73	13,07	7	1,39	40	7,97	78	14,56	
8	1,43	41	7,34	74	13,24	8	1,59	41	8,17	74	14,76	
9	1,61	42	7,52	75	13,42	9	1,79	42	8,37	75	14,96	
10	1,79	43	7,69	76	13,60	10	1,99	43	8,57	76	15,16	
11	1,96	44	7,87	33	13,78	11	2,19	44	8,77	77	15,36	
	2,14	45	8,05	78	13,96	12	2,39	45	8,97	78	15,56	
13	2,32	46	8,28	79	14,14	18	2,59	46	9,17	79	15,76	
H	2,50	47	8,41	80	14,32	14	2,79	47	9,37	80	15,95	
	2,68	48	8,59	81	14,50	15	2,99	48	9,57	81	16,15	
	2,86	40	8,77	82	14,68	16	3,19	49	9,77	82	16,35	
17	3,04	50	8,95	83	14,86	17	3,39	50	9,97	83	16,55	
18	3,22	51	9,18	84	15,04	18	3,59	51	10,17	84	16,75	
19	3,40	52	9,31	85	15,21	19	3,79	52	10,37	85	16,95	
20	3,58	53	9,48	86	15,39	20	3,98	58 ,	10,57	86	17,15	
21	3,76	54	9,66	87	15,57	21	4,18	54	10,77	87	17,35	
22	3,93	55	9,84	88	15,75	22	4,88	55	10,97	88	17,55	
23	4,11	56	10,02	89	15,93	28	4,58	56 57	11,17	89	17,75	
	4,29	57	10,20	90	16,11	24 95	4,78	58	11,37 11,57	91	17,95 18,15	
25	4,47	58	10,38	91 92	16,29	25 26	4,98 5,18	59	11,77	92	18,35	
20 27	4,65	50	10,56	98	16,47 16,65	27	5,28	60	11,96	93	18,55	
28	4,83	60.	10,74	94	16,83	28	5,58	61	12,16	94	18,75	
29	5,01 5,19	61	10,92	95	17,00	29	5,78	62	12,36	95	18,95	
30	5,37	62 63	11,10 11,28	96	17,18	30	5,98	63	12,56	96	19,15	
31	5,55	64	11,45	97	17,36	31	6,18	64	12;76	97	19,85	
32	5,72	65	11,63	98	17,54	32	6,38	65	12,96	98	19,55	
33	5,90	66	11,81	99	17,72	33	6,58	66	13,16	99	19,75	
	1 -			11	الماسما			11	· ·		4 11	
		n Ani	I Durd	bm	17,90	6,05 Zoll Durchm.						
14	4	- No		7			-7.	[2		,	4	

	20 3011.		21 30U = 1 3/4 Fuß.					
Eff. Rff	. Legs. Kgs.	Lefs. Sff.	Lfg. Kfg.	Lfb. Kfb.	Lefs. 1 Stfs.			
2 0,44	35 7,73	68 15,08	2 0,48	35 8,52	68 16,57			
3 0,66	36 7,95	69 15,25	8 0,73	6 6 8,77	69 16,81			
4 0,88	37 8,17	70 15,47	4 0,97	37 9,01	79 17,05			
5 1,10	38 8,39	71 15,69	5 1,21	38 9,26	71 17,30			
6 1,32	39 8,62	72 15,91	6 1,46	39 9,50	72 17,54			
7 1,54	40 8,84	78 16,13	7 1,70	40 9,74	78 17,79			
8 1,76	41 9,06	74 16,35	8 1,94	41 9,99	74 18,03			
9 1,98	42 9,28	75 16,57	9 2,19	42 10,93	75 18,27			
10 2,21	43 9,50	76 16,79	10 2,43	43 10,47	76 18,52			
11 2,48	44 9,72	77 17,02	11 2,68	44 10,72	77 18,76			
12 2,65	45 9.94	78 17,24	12 2,92	45 10,96	78 19,00			
13 2,87	46 10,16	79 17,46	18 3,16	46 11,21	79 19,25			
14 3,09	i i i	80 17,68	14 3,41	47 11,45	80 19,49			
15 3,31	12 1 1	81 17,90	15 3,65	48 11,69	81 19,74			
16 3,58	Pl I	82 18,12	16 3,89	49 11,94	82 19,98			
17 3,75	11 1 1	83 18,34	17 4,14	59 12,18	83 20,22			
18 3,97		84 18,56	18 4,38	51 12,42	84 20,47			
19 4,19		}I	19 4,63	52 12,67	85 20,71			
20 4,49	11 1 1	86 19,01	20 4,87	53 12,91	86 20,95			
21 4,64	. 11	11 1	21 5,11	54 13,16	87 21,20			
22 4,86	11 1 1	11	22 5,36	55 13,40	88 21,44			
23 5,08	11 1 1		23 5,60	56 13,64	89 21,68			
34 5,30		11 1 ' -		57 13,89	90 21,93			
25 5,59	58 12,82	H i '	25 6,09	58 14,13	91 22,17			
26 5,74	n i	92 20,33	26 6,33	59 14,87	92 22,49			
27 5,96		11 1 '	27 6,58	60 14,62	93 22,66			
28 6,18	11 / 1		28 6,82	61 14,86	94 22,90			
29 6,41	11 1	11 1 77	29 7,06	62 15,10	95 23,15			
30 6,68		11 1	30 7,31	63 15,35	96 23,89			
81 6,85	11 1 1	H I	3 1 7,55	64 15,59	97 23,63			
32 7,07	11 1 1	11 1 1	82 7 ,79	65 15,84	98 23,88			
33 7,29		99 21,88	33 8,04	66 16,08	99 24,12			
	07 14,81	••	•	•	190 24,87			
	1,87 Zoll Durc	hm,	6,6	8 Zoll Durc	bm.			

	,	22	Zou.		•			23	Boll.		
eff.	Rfg.	eff.	Rfs.	eff.	Rfs.	Eff.	Rfg.	efs.	Rfg.	eff.	SOFF.
2	0,53	85	9,86	6 8	18,18		0,58	85	10,23	68	19,87
1	0,80	36	9,62	60	18,45	8	0,87	36	10,52	60	20,17
4	1,06	37	9,89	70	18,72	4	1,16	37	10,81	70	20,46
5	1,33	3 8	10,16	71	18,99	5	1,46	38	11,10	71	20,75
6	1,60	3 9	10,43	72	19,25	6	1,75	30	11,40	12	21,04
7	1,87	40	10,69	78	19,52	7	2,04	40	11,69	78	21,84
8	2,13	41	10,96	74	19,79	8	2,83	41	11,98	74	21,63
9	2,40	42	11,23	75	20,06	9	2,63	42	12,27	75	21,92
10	2,67	43	11,50	36	20,32	10	2,92	43	12,57	76	22,21
11	2,94	44	11,76	77	20,59	11	3,21	41	12,86	33	22,50
12	3,20	45	12,03	78	20,8 6	12	3,50	45	13,15	78	22,80
13	3,47	46	12,80	39	21,13	18	3,80	46	13,44	39	23,09
14	3,74	47	12,57	80	21,39	14	4,09	47	13,73	80	23,38
15	4,01	48	12,83	81	21,66		4,88	48	14,08	1	23,67
	4,27	40	13,10		21,93		4,67		14,32		23,97
17	4,54	50	13,37	i i	22,19		4,96	50	14,61	1	24,26
	4,81	51	13,64	84	22,46	18	5,26	51	14,90	84	24,5 5
19	5,08	52	13,90	85	22,73	19	5,55	52	15,20		24 ,84
20	5,84	53	14,17	86	23,00	20	5,84	58	15,49		25 ,14
21	5,61 = 00	54	14,44	97	23,26	21	6,18	54	15,78	87	25,48
22	5,88	55 56	14,71	88	23,53		6,43	55	16,07	88	25,72 26,01
23 24	6,15	56 57	14,97	89	23,80	23 24	6,72	56 57	16,37 16,66	90	26,31
25	6,41 6,68	58	15,24	90 91	24,07	25 25	7,01	58	16,95		26,60
26	6,95	59	15,51 15,78	92	24,33 24,60	26	7,80 7,60	59	17,24	92	26,89
27	7,92	60	16,04	93	24,87	27	1,89	60	13,54	93	27,18
28	7,48	61	16,31		25, 14	28	8,18	61	17,83	94	27,47
29	1,75	62	16,58	95	25,40	29	8,47	62	18,12	95	27,77
30	8,02	63	16,85	96	25,67	80		63	18,41	96	28,06
81		64	17,11	97	25,94	31	9,06	64	18,70	97	28, 85
- B1	' -	65	17,38	98	26,21	32	9,35	65	19,00	98	28,64
41	1 :	I	17,65	99	26,47		9,64	96	19,29	1	28,94
	9,09	1 (The state of the s	1				11	19,58		
			A Durd	_	171-				A Dure		- , ,

	24	Zoll	= 2	δ uβ.		- 25 30U.					
eff.	Rfs.	Yfb.	RfB.	Lefs.	RfB.	Eff.	Aff.	eff.	Kfb.	eff.	Mfg.
2	0,68	35	11,14	08	21,64	2	0,69	35	12,06	08	23,48
. 8	0,95	3 6	11,45	60	21,96	8	1,06	36	12,48	69	23,83
4	1,27	87	11,77	70	22,28	4	1,38	37	12,77	70	24,17
5	1,59	38	12,09	n	22,60	5	1,72	39	13,19	n	24,52
6	1,90	39	12,41	72	22,91	a	2,07	30	13,47	72	24,86
7	2,22	40	12,78	78	23,23	7	2,41	40	13,81	78	25,21
8	2,54	41	13,05	74	23,55	8	2,76	41	14,16	74	25,55
9	2,86	42	13,86	75	23,87	9	3,10	42	14,50	75	25,90
10	3,18	48	13,68	76	24,19	10	3,45	48	14,86	76	26,24
11	3,50	44	14,00	33	24,50	11	3,79	.44	15,19	77	26,59
12	3,81	45	14,32	78	24,82	12	4,14	45	15,54	78	26,94
18	4,18	46	14,64	79	25,14	13	4,49	46	15,88	79	27,98
14	4,45	47	14,96	80	25,46	14	4,83	47	16,23	80	27,68
15	4,77	48	15,27	81	25,78	15	5,18	49	16,57	81	27,97
16	5,09	49	15,59	82	26,10	16	5,52	40	16,92	82	28,32
17	5,41	50	15,91	83	26,41	17	5,87	50	17,26	83	28,66
18	5,72	51	16,93	84	26,78	18	6,91	51	17,61	84	29,01
19	6,04	52	16,55	85	27,05	19	6,56	52	17,96	85	29,85
20	6,36	53	16,67	86	27,37	20	6,90	58	18,30	86	29,70
21	6,68	54	17,18	87	27,69	21	7,25	. 54	18,65	87	30,04
22	7,00	55	17,50	88	28,01	22	7,59	55	18,99	88	30,89
23	7,32	56	17,82	89	25,32	23	7,94	56	19,84		30,73
24	7, 63	57	18,14	99	28,64	24	8,28	57	19,68	90	31,08
25	7,95	58	18,46	91	28,96	25	8,63	t	20,03	91	31,45
26 27	8,27 8,59	69 60	18,78	92	29,28	26	8,96	59	20,37 20,72	92	\$1,77 \$2,12
28	8,91	61	19,09 19,41	93	29,60	27 28	9,32 9,67	60 61	21,06	9 5	32,46
29	9,23	62	19,73	94 95	29,92	29	10,01	II .	21,41	95	32,81
30	9,54	63	20,05	96	30,23 30,55	30	10,01	63	21,75	96	33,15
8 1	9 ,86	64	20,87	97	30,87	81	10,70	64	22,10	97	33,50
32	10,18	65	20,69	98	31,19	32	11,05	65	22,45	98	33,84
33	10,50	66	21,00	99	31,51	33	11,89	66	22,79	99	34,19
				B	31,88			i i	1		1 - 1
			a Durd		102300		1,9	6. Bol	I Durd	mt.	34,58

		20	Zoll.		` •		37 30	u =	8 1/	4 Fu	ß.	
eff.	Rff.	eff.	Rfg.	efs.	LRfB.	Eff.	RfB.	Lefs.	Rfs.	Lefs.	Rf8.	
2	0,74	85	13,07	68	25,40	2	0,80	35	14,10	68	27,80	
8	1,12	86	13,44	00	25,77	3	1,20	36	14,50	69	27,79	
4	1,49	37	13,82	10	26,15	4	1,61	37	14,90	70	28,20	
5	1,86	38	14,19	Ħ	26,52	5	2,01	38	15,30	71	28,60	
6	2,24	39	14,56	72	26,89	6	2,41	39	15,71	72	29,00	
7	2,51	40	14,94	73	27,27	. 7	2,82	40	16,11	73	29,40	
8	2,98	41	15,31	74	27,64	8	3,22	41	16,51	74	29,81	
9	3,36	42	15,69	75	28,01	9	3,62	42	16,92	75	30,21	
10	3,73	43	16,06	76	28,39	10	4,02	48	17,82	76	30,61	
11	4,10	44	16,43	33	28,76	11	4,43	44	17,72	37	31,02	
12	4,48	45	16,81	78	29,13	12	4,83	45	18,12	78	31,42	
18	4,85	46	17,18	79	29,51	13	5,23	48	18,58	79	31,82	
14	5,28	47	17,55	80	29,88	14	5,64	47	18,93	80	32,22	
15	5,60	48	17,98	81	30,25	15	6,04	48	19,83	81	32,63	
16	5,97	49	18,30	82	30,68	16	6,44	49.	19,74	82	33,03	
17	6,35	50	18,67	83	31,00	17	6,84	50	20,14	83	33,43	
18	6,72	51	19,05	it	31,37	18	7,25	51	20,54	84	33,84	
19	7,00	32	19,42	85	31,75	19	7,65	4	20,94	85	34,24	
20	7,47	53	19,79	86	32,12	20	8,05	l	21,35	86	34,64	
21	7,84	54	20,17	87	32,50	21	8,46		21,75	87	35,04	
23	8,21	55	20,54	88	32,87	22	8,86	55	22,15	88	35,45	
23	8,50	56	20,92	89	33,24	23	9,26	56	22,56	89	35,85	
24	8,96	57	21,29	90	33,62	24	9,66	57	22,96	90	36,25	
25	9,38	58	21,66	91	33,99	25	10,07	58	23,36	91	36,06	
26	9,71	59	22,04	92	34,36	26	10,47	59	23,76	92	37,06	
27	10,08		22,41	93	34,74	27	10,87	60	24,17	93	37,46	
28	10,45	61	22,78	94	35,11	28	11,28	61	24,57	94	37,86	
29	10,83	62	23,16	95	35,48	29	11,68	4	24,97	95	38,27	
80	11,20	63	23,58	96	35,86	30	12,08	t	25,38	96	38,67	
	11,58	,64	23,90	10	36,23	31	12,48		25,78	97	39,07	
- H	11,95	65	24,28	98	36,60	•	12,89	1	26,18	98	39,48	
33	12,82	66	24,65	99	36,98		13,29		26,58	99	39,8 8	
32					37,35							
1	9,2	5 59	I Durch)III.		8,59 Zoll Durchm.						

		20	Zou.					29	Zoll.	<u></u>	<u> </u>
055	- Orr			l Occ	l Oss	0.55	I MEG I		-	Ose	O CC
Eff.	1	Lefs.		Lefs.	1	Lfg.	1	Li	RfB. 1) 	Stb.
2	0,86	35	15,16	68	29,46	2	0,92	35	16,26	68	31,60
8	1,29	36	15,59	69	29,89	8	1,39	36	16,78	69	32,06
4	1,73	37	16,03	70	30,32	4	1,85	37	17,19	70	32,53
5	2,16	38	16,46	71	30,76	5	2,32	3 8	17,66	71	32,99
6	2,59	39	16,89	72	31,19	6	2,78	39	18,12	12	33,46
7	3,03	40	17,33	73	31,62	7	3,25	40	18,59	73	33,92
8	3,46	41	17,76	74	32,06	8	3,71	41	19,05	74	34,89
9	3,89	42	18,19	75	32,49	9	4,18	42	19,51	75	34,85
10	4,33	43	18,62	76	32,92	10	4,64	43	19,98	76	35,32
11	4,76	44	19,06	77	33,36	11	5,11	44	29,44	33	35,78
12	5,19	45	19,49	78	33,79	12	5,57	45	20,91	18	36,25
13	5,63	46	19,92	79	34,22	13	6,04	46	21,37	79	36,71
14	6,06	47	20,86	80	34,66	14	6,50	47	21,84	80	37,18
15	6,49	48	20,79	81	35,09	15	6,97	48	22,30	81	37,64
16	6,93	49	21,22	82	35,52	16	7,43	49	22,77	82	38,10
17	7,36	50	21,66	83	35,95	17	7,90	50	23,23	83	38,57
18	7,79	51	22,09	84	36,39	18	8,36	51	23,70	84	39,08
19	8,98	52	22,52	85	36,82	19	8,83	52	24,16	85	39,5 0
20	8,66	53	22,96	86	37,25	20	9,29	53	24,63	86	39,96
21	9,09	54	23,39	87	37,69	21	9,75	54	25,09	87	40,43
22	9,53	55	23,82	89	38,12	22	10,22	55	25,56	88	40,89
23	9,96	- 56	24,26	89	38,55	23	10,68	56	26,02	89	41,36
24	10,39	57	24,69	90	38,99	24	11,15	57	26,49	90	41,82
25	10,83	58	25,12	91	39,42	25	11,61	58	26,95	91	42,29
26	11,26	59	25,56	92	39,85	26	12,08	59	27,42	92	42,75
27	11,69	60	25,99	93	40,29	27	12,54	60	27,88	93	43,22
28	12,13	61	26,42	94	40,72	2 8	13,01	61	28,35	94	43,68
29	12,56	62	26,86	95	41,15	29	13,47	62	28,81	95	44,15
30	12,99	63	27,29	96	41,59	80	13,94	63	29,27	96	44,61
3 1	13,43	64	27,72	97	42,02	31	14,40	64	29,74	97	45,08
32	13,86	65	28,16	98	42,45	32	14,87	65	30,20	98	45,54
33	14,29	66	28,59	99	42,89	83	15,83	66	30,67	99	46,01
	14,73	67		100		34		67		100	46,47
	8,9	1 30	A Durc	hm.	. ,		9,2	3 30	n Dw	hm.	

8	BO 30	M =	= 21	8	uß.			31	Bell.		•
eff.	Rfs.	Lib.	Rfg.	Lefs.	SfB.	eff.	Rfg.	efs.	Rfg.	Leff.	Rfg.
2	0,99	35	17,40	68	33,82	2	1,06	35	18,58	68	36,11
3	1,49	1	17,90		34,31	. 3	1,59	36	19,11	69	36,64
4	1,98	1	18,40	1	34,81	4	2,12	37	19,64	70	37,17
5	2,48		18,89	l l	33,31	5	2,66	38	20,18	71	37,70
6	2,98	39	19,39	72	35,80	6	3,18	30	20,71	72	38,23
7	3,48		19,89	73	36,30	7	3,71	40	21,24	78	38,76
8	3,97	41	20,39	74	34,80	8	4,24	41	21,77	74	39,29
9	4,47	42	20,88	75	37,30	9	4,77	42	22,30	75	39,83
10	4,97	43	21,38	76	37,79	10	5,31	43	22,83	1	40,36
11	5,47		21,88	33	38,29	11	5,8 4	44	23,36	1	40,89
12	5,96	1	22,38	78	88,79	12	6,37	45	23,89		41,42
13	6,46	1	22,87	F	39,29	13	6,90	46	24,42	1	41,95
14	6,96	47	23,37		39,78	14	7,43		24,96		42,48
15	7,46		23,87	l.	40,28	15	7,96	48	25,49	.[43,01
16	7,9 5		24,37	4	40,78	16	8,49	40	26,02		43,54
17	8,45	50	24,86		41,28	17	9,02	50	26,55		44,07
18	8,95	51	25,86		41,77	18	9,55	51	27,08	1	44,60
19	9,44	52	25,86		42,27	19	10,09		27,61	85	45,14
20	9,94	53	26,86	II .	42,77	20	10,62	53	28,14		45,67
21	10,44	Ī.	26, 85	}}	43,27	21	11,15		28,67	1	46,20
22	10,94	1	27,85	II.	43,76	22	11,68		29,20	1 1	46,78
23	11,48	}	27,85	bl'	44,26	23	12,21	56	29,78	1	47,26
24	11,93		28,34	lł	44,76	24	12,74	57	30,27		47,79
25	12,43		28,84	ii '	45,25	25	13,27	58	30,80	i :	48,32
26	12,93	į .	29,34	li I	45,75	26	13,80	59	31,33	1 :	48,85
27	13,42	1	29,84	ll .	46,25	27	14,33	60	31,86		49,38
28			30,33		46,75	28	14,86		32,39		49,92
29	14,42	1	30, 83	\$	47,24	29	15,40	62	32,92		50,45
80	14,92	I	31,33		47,74	30	15,93	68	33,45		50,98
31	15,41	64.	\$1,83	i i	48,24	31	16,46		33,98	98	51,51 52 ov
32	15,91	65	32,3 2	4	48,74	32	16,99		34,51	l i	52,04 59.57
23		66	32,82	99	49,23	33 34	17,52		35,05		52,57
	O E	E OA	11 Direc	₩ TAA	4 5, {0	73 34 18,05 67 35,58 100 53,10 9,87 3011 Durchm.					
	` a ¹ 0	10,QV	r. Kiniti	Am.	-	9,87 Zoll Durchm.					

•		32	Boll.			33 30A = 2 3/4 Fust						
eff.	Rfg.	Lefs.	Rfg.	eff.	Rfs.	Eff.	Rfg.	Lefs.	Rff.	PBf.	Rfs.	
2	1,13	35	19,80		38,48	2	1,20	35	21,06		Ì	
3	1,69	i l	20,87	1	39,04	3	1,80	i	21,66	[}	41,52	
4	2,26	1 1	20,93	1 :	39,61	4	2,40		22,26	11	42,12	
5	2,82	3 8	21,50	1	40,17	.5	3,00	H	22,86	71	42,72	
6	3,39	89	22,06	72	40,74	6	3,61	30	23,47	72	43,32	
7	3,96	1	22,63	78	41,30	7	4,21	40	24,07	1	43,98	
, 8	4,52	41	23,20	74	41,87	8	4,81	41	24,67	74	44,53	
9	5,09	42	23,76	75	42,44	9	5,41	42	25,27	75	45,13	
10	5,6 5	43	24,33	76	43,00	10	6,01	43	25,87	76	45,73	
11	6,22	44	24,89	77	43,57	11	6,61	44	26,47	77	46,33	
12	6,79	45	25,46	78	44,13	12	7,22	45	27,08	78	46,94	
18	7,35	46	26, 03	79	44,70	13	7,82	46	27,68	79	47,54	
14	7,92	47	26,59		45,27	14	8,42	47	28,28	1	48,14	
15	8,48	48	27,16		45,83	15	9,02	48	28,8 8	81	48,74	
16	9,05		21,72		_		. 9,62	ı	29, 48	4	49,84	
17	9,62		28,29	1 1	46,96	17	10,23		80,0 9	1 . 1	49,94	
18	10,18		28,86	1	47,53	18	10,83	Į į	30,69		50,55	
19	10,75		29,42	i i	48,09	19	11,43	1 .	31,29	1 !	51,15	
20	11,81	53	29,99	1 1	48,66	20	12,03	i	31,89		51,75	
21	11,88	54	30,55	: I	49,23	21	12,63	Į i	32,49		\$2,35	
23	12,44		31,12		49,79	22	13,23	2	83,09		52,95	
23	13,01	56	31,68	1	50,36	23	13,84	,	33,70	1	53,56	
24	13,58		32 ,25		50,92	24	14,44		34,30	1	54,16	
25	14,14		32,82	91	51,49	25	15,04	1	34,90		54,76	
26	14,71	50	33,3 8	_ 1	52,0 6	26 ~	15,64		35,50		55,36	
27	15,27		33,9 5	•	52,6 2	27	16,24		36 ,10		55,96	
28	15,84	61	34,51	94	53,19	28	16,85	1	36,71	94	56,56	
20	16,41	62	35,08	1	53 ,75	29	17,45 18.05	1	37,81	95	57,17	
30	16,97	63	35,6 5	96 97	54,89 54,89	30 31	18,05 18,65		37 ,91 38 ,51	96 97	57,77 56,87	
81	17,54	64 65	36,21 36,78		55 ,45	32	19,25		39,11	98	58,97	
82	18,10 18,67		36, 78	l 1	56,0 2	33	19,85	66	1	99	59,57	
83		i i	37,34				- 1		39 ,71	i i		
<u> </u>	10 4.	U 3v	11 Done	ψm TΩΩ	56,58	- C			av,321		60,18	
	± V 9 I	y Wu	· AJUI	www.	Į	}	عزب	w (34)	w Zui	wii.		
							•		•			
		•	•			`				•		
	•	•	•		- . •	•		•	•	•	•	
•	a t				•		•		•			
-		-	-	•	-	•			. •			

H	20	4.00	1 000	1000	g ov	المكانيهما	20	100,000		1.20101	OU.	20421
ļ	21	13,41	54	34,49	87	35,57	21	14,21	54	36,55	87	58,89
H	22	14,05	55	35,13	88	56,21	`22	14,89	55	37,23	88	59,57
H	23	14,69	56	35,77	89	56,85	23	15,57	56	37,90	89	60,24
	24	15,33	57	36,41	90	57,49	24	16,24	57	38,58	90	60,92
	25	15,97	58	34,05	91	58,13	25	16,92	58	39,26	91	61,60
ľ	26	16,60	59	37,69	92	58,77	26	17,60	59	39,94	92	62,28
	27	17,24	60	38,32	93	50.41	27	18,27	60	40,61	93	62,95
1	28	11,88	61	\$8,96	91		28	18,95	61	41,29	84	63,63
ı	29	18,52	62	39,60	95		29	19,63	62	41,97	95	64,31
	30	19,16	63	40,24		61,32	88	20,30	63	42,64	96	64,98
i	3 1	19,80	64	40.88	97	61,96	81	20,98	64	43,82	97	65,66
ł		20,44		41,52	98	62,60	32	21,66	65	44,00	98	66,34
I	33	21,08	,	42,16	99	63,24	83	22,33	66	44,67	4	67,01
ł		21,72		42,80				23,01	67	45,85		1 1
1			ı,	A Dur	-	- 14-5		• •	-	ll Durc		
•	•					,	'	_2,	[8]	7.,,,	

Walzeninhalt zu bem Umfange von

* 4

		88	Boa.				39 3	oU =	- 3 1/	4 V u	5.
Efg.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	eff.	Rfs.	Efß.	Rfg.	Lefs.	Rfg.	Lefs.	Rfs.
2	1,59	35	27,92	68	54,26	2	1,68	35	29,41	68	57,15
8	2,39	36	28,72	69	55,00	8	2,52	36	30,95	69	57,99
4	3,19	37	29,52	70	55,85	4	3,36	37	31,09	70	58,83
5	3,98	3 9	30,32	71	56, 65	5	4,20	38	31,94	71	59,67
6	4,78	39	31,12	72	57,45	6	5,04	39	32,78	72	60,51
7	5,5 8	40	31,91	78	58,25	` 7	5,88	40	33,62	78	61,35
8	6,38	41	32,71	74	59,05	8	6,72	41	34,46	74	62,19
9	7,18	42	33,51	75	59,84	9	7,56	42	35,30	75	63,04
10	7,97	43	34,31	76	60,64	10	8,40	43	36,14	76	63,88
11	8,77	44	35,11	77	61,44	11	9,24	44	36,9 8	33	64,72
12	9,57	45	35,90	78	62,24	12	10,08	45	37,82	78	65,56
18	10,37	46	36,7 0	79	63,04	13	10,92	46	38,66	79	66,40
14	11,17	47	37,50	80	63 ,83	14	11,76	47	39,50	80	67,24
15	11,96	48	38,30	81	64,63	15	12,60	48	40,34	81	63,08
16	12,76	49	39,10	82	65,43	16	13,44	49	41,18	_	68,92
17	13,56	50	39,89	83	66,23	17	14,28	50	42,02	83	69,76
18	14,36	51	40,69	84	67,03	18	15,12	51	42,86	84	70,60
19	15,16	52	41,49	85	67,82	19	15,97	52	43,70	85	71,44
20	15,95	53	42,29	86	68,62	20	16,81	53	44,54	86	72,28
21	16,75	54	43,09	87	69,42	21	17,65	54	45,38	83	73,12
22	17,55	55	43,88	88	70,22	22	18,49	55	46,22	88	73,96
23	18,35	i	44,68	89	71,02	23	19,83	56	47,07	89	74,80
24	19,15	57	45,48	90	71,81		20,17	57	47,91	90	75,64
25	19,94	58	46,28	91	72,61	25	21,01	58	48,75	91	76,48
26	20,74	59	47,08	92	73,41	26	21,85	50	49,59	92	77,32
27	21,54	60	47,87	93	74,21	27	22,69	60	50,43	93	78,17
28	22,34	61	48,67	94	75,01	28	23,53	61	51,27	94	79,01
29	23,14	62	49,47	95	75,80	29	24,37	62	52,11	95	79,85
30	23,93	63	50,27	96	76,60		25,21	63	52,95	96	80,69
81	24,73	64	51,07	97	77,40	31	26,05	64	53,79	97	81,53
82	25,53	65	51,86	98	78,20		26,89	65	54,63	98	82,37
33	26,33	66	52,66	99	79,00	83	27,73	66	55,47	99	83,21
34	27,18				179,79	34	25,57	1 22	n A	ivo	134,05
I	12,1	IU 30	U Durc	pm.		34 28,57 67 56,31 100 84,05 12,41 30 Durchm.					

		40	Boll.					41	Zoll.		
Efg.	Rfs.	l Life.	Rfb.	Lefs.	Rfb.	Eff.	Rfb.	Leff.	Rfs.	eff.	Rfb.
2	1,76	35	30,94	68	60,12	2	1,85	85	32,51	6 8	63,16
8	2,65	3 6	31,83	69	61,00	8	2,78	3 6	33,44	69	64,09
4	3,53	87	32,71	70	61,89	4	3,71	87	34,37	70	65,02
5	4,42	3 8	33,59	71	62,77	5	4,64	3 8	35,30	71	65,95
6	5,30	30	34,48	72	63,66	6	5,57	39	36,22	72	66,88
7	6,18	40	35,36	78	64 ,54	7	6,50	40	37,15	73	67,81
8	7,07	41	36,25	74	65,43	8	7,48	41	38,08	74	68,74
9	7;95	42	37,13	75	66,31	9	8,36	42	39,01	75	69,67
10	8,84	43	38,02	76	67,19	10	9,28	43	39,94	76	70,60
11	9,72	44	35,90	77	68,08	11	10,21	44	40,87	33	71,52
12	10,61	45	39,78	78	68,96	12	11,14	45	41,80	78	72,45
18	11,49	46	40,67	79	69,85	18	12,07	46	42,73	79	73,88
14	12,37	47	41,55	80	70,78	14	13,00	47	43,66	80	74,31
35	13,26	48	42,44	81	71,61	15	13,93	48	44,59	81	75,24
16	14,14	49	43,32	82	72,50	16	14,86	40	45,51	82	76,17
17	15,03	50	44,20	83	73,38	17	15,79	50	46,44	83	77,10
18	15,91	51	45,09	84	74,27	18	16,72	51	47,37	84	78,03
19	16,79	52	45,97	85	75,15	19	17,65	52	48,30	85	78,96
20	17,68	53	46,86	86	76,04	20	18,57	53	49,23	86	79,89
21	18,56	54	47,74	87	16,92	21	19,50	54	50,16	87	80,81
22	19,45	55	48,63	88	17,80	22	20,48	55	51,09	88	81,74
23	20,33	56	49,51	89	18,69	23	21,36	56	52,02	89	82,67
24	21,22	57	50,39	90	79,57	24	22,29	57	52,95	90	83,60
25	22,10	58	51,28	91	80,46	25	23,22	58	53,87	91	84,53
26	22,98	59	52,16	92	81,34	26	24,15		54,80	92	85,46
27	23,87	60	53,05	93	82,221	27	25,08	60	55,78	93	86,39
28	24,75	61	53,93	94	83,11	28	26,01	61	56,66	94	87,32
29	25,64	62	54,82	95	83,99	29	26,93	62	57,59	95	88,25
30	26,52	63	55,70	96	84,88	30	27,86	63	58,52	96	89,18
31	27,41	64	56,58	97	85,76	31	28,79	64	59,45	97	90,10
32	28,29	65	57,47	98	86,65	32	29,72	65	60,38	98	91,08
38	29,17	66	58,35	99	87,58	33	30,65	66	61,31	99	91,96
34	30,06	67	59,24	100	88,41	1 34 31,58 67 62,24 100 92,89					
ŀ	12,7	3 30	U Durc	hm.		,	13,0	5 30	l Durc	hm.	1

4	12 30	u =	31/	s Fu	\$.			48	Zou.		
efs.	Rfs.	l Eff.	Rfs.	PfB.	RfB.	Eff.	Stfg.	lefs.	Rfb.	2fb.	Rfs.
2	1,94	85	34,11	68	66,28	2	2,04	85	35,76	68	69,48
8	2,92	36	35,09	69	67,26	8	3,06	3 6	36,78	69	70,50
4	3,89	37	36,06	70	68,23	4	4,08	87	37,80	70	71,52
5	4,87	38	37,04	71	69,21	5	5,10	3 8	38,82	71	72,54
. 6	5,84	89	38,01	72	70,18	6	6,13	30	39,85	72	1 1
7	6,82	40	38,99	78	71,16	7	7,15	40	40,87	73	74,59
8	7,79	41	39,96	74	72,13	8	8,17	41	41,89	74	75,61
9	8,77	42	40,94	75	73,11	9	9,19	42	42,91	75	76,63
10	9,74	43	41,91	76	74,08	10	10,21	43	43,93	- 76	77,66
11	10,72	44	42,89	33	75,06	11	11,23		44,95	33	78,67
12	11,69	45	43,86	78	76,03	12	12,26	45	45,98	78	79,70
18	12,67	46	44,84	79	77,01	13	13,28	46	47,00	79	80,72
14	13,64	1	45,81	80	77,98	14	14,30	47	48,02	80	81,74
15	14,62	48	46,79	81	78,96	15	15,82	48	49,04	81	82,76
16	15,59		47,76	82	79,93	16	16,34	H :	50,06	82	l '- k
17	16,57	50	48,74	83	80,91	17	17,37	i	51,09	83	84,80
18	17,54	51	49,71	84	81,88	18	18,39		52,11	84	85,83
19	18,52	52	50,69	85	82,85	19	19,41	il i	53,13	85	86,85
20	19,49	53	51,66		83,83	20	20,43	i.	54,15	86	
21	20,47	54	52,64	87	84,80	ì	21,45		55,17	87	88,89
22	21,44	55	53,61	88	85,78	22	22,47	18	56 ,19	88	1 ' " [
28	22,42	56	54,58	89	86,75	23	23,50	!	57,22	89	90,94
	23,39	57	55,56	90	87,73	24	24,52		58,24	90	, '' ,
25	24,37	58	56,53	91	88,70		25,54		59,26	91	92,98
26	25,84	59	57,51	92	89,68	26	26,56		60,28	92	i ' i
27	26,32	60	58,48	93	90,65	27	27,58		61,30	93	! · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
28	27,29	61	59,46	94	91,63		28,61		62,32	94	96,04
29	28,26	62	60,43	95	92,60	29	29,63	8	63,35	95	97,07
30	29,24		61,41	H	93,58	80	30,65		64,37	96	' -
31	30,21	1	62,38	4	94,55	31	31,67		65,39	97	! ' I
82	31,49	65	63,36	98	95,53	32	32,69		66,41		100,13
33	32,16	66	64,33	99	96,50	83	33,71	00	67,43	99	101,15
1 34	35,14		75,81	100	97,48	18 34 34,74 67 68,46 100 102,18 18,69 30U Durchm.					
\$ i	13,8	7 30	n Anto	ym.		18,69 Zoll Durchm.					

		44	l Zou.			4	15 30	n =	= 3 3	/4 8	uß.
Eff.	Rfs.	lefb.	Rfs.	Lefs.	RfB.	Eff.	Rfb.	lefs.	Rfb.	efs.	Rfs.
2	2,13	85	37,44	68	72,75	2	2,23	35	39,16	08	76,09
3	3,20	3 6	38,51	69	73,82	8	3,35	36	40,28	69	77,21
4	4,27	37	39 ,58	70	74,89	4	4,47	87	41,40	70	78,33
5	5,34	38	40,65	71	75,96	5	5,59	3 9	42,52	71	79 ,45
6	6,41	39	41,72	72	77,03	6	6,71	3 9	43,64	72	80,57
7	. 7,48	40	42,79	73	78,10	7	7,83	40	44,76	73	81,69
8	8,55	l)	43,86	74	79,17	8	8,95	41	45,88	74	82,81
9	9,62	42	44,98	75	80,24	9	10,07	42	47,00	75	83,92
10	10,69	[]	46,00	36	,	10	11,19	it .	48,11	76	85,04
11	11,76	li	47,07	77	, •	11	12,30	L)	49,23	33	86,16
12	12,83	45		78	, , ,	12	13,42	!	50,3 5	78	
13	13,90	46	•	79	•	13	14,54	46	•	79	88,40
14	14,97	47	1	80	85,58	14	15,66	47		80	89,52
15	16,04	48		81	86,65	15	16,78	48	· -	81	90,64
i i	17,11	49	52,42	82	, •	16	17,90	40		82	91,76
17	18,18	50	53,49	83	88,79	17	19,02	50		83	92,88
18	19,25	51	54,56	84	89,86	18	20,14	51		84	94,00
19	20,32	52		85	90,93	19	21,26	H I	58,19	85	95,12
1	21,39	li	56,70	86	92,00	20	22,38		59,31	86	96,23
21	22,46		57,77	87	93,07	21	23,50		60,42	87	97,35
22	23,53	il .	58,84	89	' '	22	24,61	H	61,54	88	98,47
23	24,60	i i	59,91	89	95,21	23	25,78	11	62,66	89	99,59
	25,67	14	60,98	90	96,28	24	26,85	le .	63,78		100,71
25	26,74	13	62,05	91	97,85	25	27,97	18	64,90	i	101,83
26	27,81	[4	63,12	92	, ,	26	29,09		66,02	11 1	102,95
27	28,88		64,19	93	, , ,	27	30,21		67,14	K 1	104,07
il	29 ,95	ł	65,26	i i	100,56	28	31,33		68,26	R 1	105,19
29	31,02	l I	66,33		101,63	29	32,45		69,38	11 1	106,31
30	32,09		67,40		102,70	80	33,57	1	70,50	11	107,42
il I	33,16	1	68,47		103,77	31	34,69	1	71,61	11	108,54
32	34,28	ł	69 ,54	1	104,84	32	35,80	il	72,73	H	109,66
83	35 ,30		70,61		105,91		36,92	IL	73,85	11	110,78
32	30,87 14.0	07	71,98	190	106,98	34	38,04	67	74,97	₹ T00	111,90
Ħ	14,0	1 න්0	U Dur	gm.		ļ	14,8	2 30	l Dur	gm.	1

		46	3ou	•				4	7 Zou	4	
Lfb.	Rfg.	lefb.	Rfs.	efs.	Rfb.	efs.	Rfb.	Lefs.	Rfs.	Lfb.	Rfs.
2	2,33	35	40,92	68	79,51	2	2,44	35	42,72	68	83,01
3	3,50	86	42,09	69	80,68	8	3,66	86	43,94	•	84,23
4	4,67	37	43,26	70	81,85	4	4,88	87	45,16	70	85,45
,5	5,84	38	44,48	71	83,02	5	6,10	38	46,38	71	86,67
6	7,01	39	45,60	72	84,19	6	7,82	39	47,60	72	87,89
7	8,18	40	46,77	73	85,36	7	8,54	40	48,82	78	89,11
8	9,35	41	47,94	74	86,53	8	9,76	41	50 ,05	74	90,33
9	10,52	[9	49,11	75	87,70	9	10,98	42	51,27	75	91,55
10	11,69		50,28	1	88,87	10	12,20	43	52,49	76	92,77
11	12,86	ľ	51,45		90,03	11	13,42	44	, , ,	77	93,99
12	14,03	45	52,62	L i	91,20	12	14,64	45	54 ,93		95,21
13	15,20	46	53,79		92,37	13	15,86	46	56,15		96,43
14	16,37	47	54,95	80	93,54	14	17,09	47	57,37	N .	97,65
15	17,54	48	56,12	81	94,71	15	18,31	48	58,59	.81	98,87
16	18,70		57,29		95,88	16	19,58	40	59,81	1	1 ' 1
17	19,87	50	58,46	I .	97,05	17	20,75	50	61,03	l}	101,82
18	21,04	51	59,63	84	98,22	18	21,97	51	62,25		102,54
19	22,21	52	60,80	85	99,89	19	23,19	52	63,47	1	103,76
20	23,38	53	61,97	86	100,56	20	24,41	53	64,69	1	
21	24,55	54	1 1		101,73	21	25,63	1	65,91	87	106,20
22	25,72	55	1 1	a de la companya de	102,90	22	26 ,85	Į.	67,14	i '	107,42
23	26,89		65,48		1 ′ •	23	28,07	56	1	1	108,64
24	28,06		66,65	ł	l ' '	24	29,29	57	69,58	1	
25	29,23		1 1		106,41	25	30,51	ŀ	70,80	l I	111,08
26	30,40		68,99		'	26	31,73	59	72,02	i E	112,30
27	31,57	60	70,16		/	27	32,95	60	73,24	'I	113,52
28	32,74	61	71,33	94	l '	28	34,18	1	74, 46		114,74
29	33,91	62	72,49		111,08	2 9	35,40	l	75,68		ı '- '
80	35,08	63	73,66	l	112,25	30	36,62	63	1 '		117,19
31	36,24	64	1 ' 1		l '`	31	37,84	64			118,41
	37,41	65	76,00			32	39,06		79,34		119,63
33	38,58	66	77,17	•	1 '- 1	83	40,28	66	80,56		120,85
34					116,93	3 31 41,50 67 81,78 100 122,0 7 14,9 6 30 I Durchm.					
	14,(4 50	oll Dur	ज्ञा.		}	144	N 21	u Zut	mu.	ļ

	48	ZoU	=4	Fuß	•			49	Zoa.		
EfB.	Rff.	lefs.	Rfg.	lefb.	Rfs.	Eff.	Rfg.	eff.	Rfg.	legf.	Rfg.
2	2,54	35	44,56	68	86,58	2	2,65	35	46,43	68	90,92
8	3,81	36	45,83		87,85	3	3,98	36	47,76		91,55
4	5,09	37	47,10	70	89,12	4	5,30	37	49,09	70	92,87
5	6,36	3 8	48,38	71	90,40	5	6,63	3 8	50,41	71	94,20
6	7,63	39	49,65	72	91,67	6	7,96	39	51,74	72	95,53
7	8,91	40	50,92	73	92,94	7	9,28	40	53,07	78	96,85
8	10,18	41	52, 20	74	94,21	8	10,61	41	54 ,40	74	98,18
9	11,45	42	53,47	75	95,49	9	11,94	42	55,72	75	99,51
10	12,73	43	54,74	76	96,76	10	13,26	43	57,0 5	76	100,83
11	14,00	44	56,02	77	98,03	11	14,59	44	55,38	, 77	102,16
12	15,27	45	57,29	78	99,31	12	15,92	45	59 ,70	78	103,49
13	16,55	46	5 8,56	79	100,58	13	17,24	46	61,03	79	104,82
14	17,82	47	59,84	. 80	101,85	14	18,57	47	62,36	80	106,14
15	19,09	48	61,11	81	103,13	15	19,90	48	63 ,68	81	107,47
16	20,37	49	62,38	14	104,40	16	21,22	49	65,01	82	108,80
17	21,64	50	63,66	83	105,67	17	22,55	50	66,34	83	110,12
18	22,91	51	64,93	84	106,95	18	23,88	51	67,66	84	111,45
19	24,19	52	66,20	85	108,22	19	25,20	52	68,99	85	112,78
20-	25,46	53	67,48	86	109,49	20	26,53	53	70,32	86	114,10
21	26,73	54	68,75	87	110,77	21	27,86	f	71,64	87	115,43
22	28,01	55	70,02	88	112,04	22	29,19	55	72,97	88	116,76
23	29,28	56	71,30	89	113,31	23	30,51	56	74,30	89	118,08
24	3 0,55	57	72,57	90	114,59	24	31,84	57	75,62		119,41
25	31,83	58	73,84	91	115,86	25	33,17	58	76,95	91	120,74
2 6	33,10	59	75,12	92	117,13	26	34,49	59	78,28	92	122,06
27	34,37		76,39		118,41	27	35,82	60	79,61	93	123,39
28	35,65	61	77,66	94	119,68	28	37,15	61	80,93	94	124,72
29	36,92	62	18,94	95	120,95	29	38,47	62	82,26	95	126,04
30	38,19	63	80,21	96	122,23	30	39 ,80		83,59	96	127,37
81	39,47	64	81,48	97	123,50	3 1	41,13		84,91	97	128,70
32	40,74	65	82,76	98	124,77	32	42,45	65	86,24	98	130,03
83	42,01	66	84,03				43,78		87,57		131,85
34	43,29	67	85,30	100	127,82	84	45,11	67	88,89	100	132,68
	15,9	18 30	I Dur	фт.	İ	2 84 45,11 67 88,89 100 132,68 15,60 30 Durchm.					

		50	Zou.				51 30	n =	4 1	14 8	uß.
Lfg.	Rfb.	Lefs.	Rfs.	Lefs.	Rfb.	Eff.	Rfg.	Lefs.	Rfg.	lefs.	Rfs.
2	2,76	35	48,35	68	93,94	2	2,87	85	50,80	68	97,74
3	4,14	36	49,73	69	95,32	3	4,31	86	51,74	69	99,17,
4	5,52	37	51,11	70	96 ,70	4	5,74	37	53,18	79	100,61
5	6,90	38	52,49	71	98,09	5	7,18	38	54,62	71	102,05
6	8,28	3 9	53,88	72	99,47	6	8,62	39	56,05	72	103,49
7	9,67	40	55,26	73	100,85	7	10,06		57,49		104,92
8	11,05	41	56,64	74	102,23	8	11,49	1	58,93		106,36
9	12,43	42	58,02		103,61	9	12,98		60,36	ľ¶ 1	107,80
10	13,81		59 ,40	- 1	104,99	10	14,37	ľ	61,80	76	, - • }
11	15,19		60,78	77	,	11	15,81		63,24		7- 4
12	16,57	l i	62,16	i	107,76	12	17,24		64,68	[1	112,11
13	17,96	1	63,55	11 :	109,14	13	18,68	1	66,11	11	113,55
14	19,34	18	64,93	[[110,52	14	20,12	3	67,55	11 1	114,98
15	20,72		66,31	i i	111,90	15	21,56	1	68,99		116,42
16	22,10	1	67,69		113,98	16	22,99	1	70,48	ił i	117,86
17	23,48	18	69,07	l t	114,66	17	24,43	ŀ	71,86	1 1	119,30
18	24,86	1	70,45	!	116,05	18	25,87	[]	73,30	II - 1	120,73
19	26,24	1	71,84	i l	117,43	19	27,81	j i i	74,74	il l	122,17
20	27,63	if	73,22	H	118,81	20	28,74	İ	76,18	11 1	123,61
21	29,01	lÏ	74,60	87	1 ' - 1	21	30,18	1	77,61		125,05
22	30,39	l I	75,98	il	121,57	22	81,62		79,05	11 1	126,48
23	31,77		77,36	89	'-	23	33,05	1	80,49	11 1	127,92 129, 3 6
24	33,15	11	78,74	90	'	24	84,49		81 ,98	11 .	135,80
25	34,58	1	80,12	91	''	25 26	35,93 37,37		83, 3 6 84,80	11 :	132,93
26 27	36,92 37,30		91,51 89 80	93	127,10 128,48	27	38,80	1	86,24		133,67
28	38,68	60	82,89 84,27	94	ا م	28	40,2 4	1 -1	87,67	ii i	135,11
29	40,06		85,65		131,24	29	41,68		89,11]	136,55
30	41,44	1	87, 03	96	ا ما	30	43,12	1	90,55		137,98
31	42,82	ı	88,41	97	,	81	44,55		91,99	[]	139,42
32	44,20	65		!)	135,39	32	45,09		93,42	8 I	140,86
33	45,59	l l	91,18	1	136,77	33	47,43		94,86	11 -	142,29
	1 ' - 1	l I	. · ·	l i	138,15		1 ' 1		•	11	
			oll Dur			16,28 3011 Durchm.					

Walzeninhalt zu dem Umfange von

		52	3 ou.			53 30U.						
3.	Rfb.	eff.	Kfb.	efs.	Rfg.	Eff.	Aff.	eff.	Rfs.	Lefs.	Rfg.	
3	2,98	35	52,30	68	101,61	2	3,10	35	54,33	68	105,55	
Ì	4,48	3 6	53,79	69	103,10	3	4,65	36	55,88	69	107,10	
Ŀ	5,97	37	55, 28	70	104,60	4	6,20	37	57,43	70	108,66	
•	7,47	38	56, 78	71	106,09	5	7,76	3 8	58,98	71	110,21	
3	8,96	39	58,27	72	107,58	6	9,31	39	60,54	72	111,76	
ĭ	10,46	40	59,77	78	109,08	7	10,86	40	62,0 9	73	113,31	
3	11,95	41	.61,26	74	110,57	8	12,41	41	63, 64	74	114,87	
)	13,44	42	62, 76	75	112,07	9	13,97	42	65,19	75	116,42	
)	14,94	43	64,25	76	113,56	10	15,52	43	66,74	76	117,97	
L	16,43	44	65,74	77	115,06	11	17,07	44	68,30	77	119,52	
3	17,93	45	67,24	78	116,55	12	18,62	45	69, 85	78	121,08	
3	19,42		, '' l	1	118,04	13	20,18	46	71,40	1 1	122,63	
Ŀ	20,92	1	' '	80	119,54	14	21,73	47	72,95	1 1	124,18	
5	22,41	48	1 1	1 .		15	23,28	1			125,78	
3	23,90	1 .	007,444		122,58	16	24,83	49		1 1	127,28	
1	25,40	1	′ •	1	124,02	17	26,38	50	77,61	1 1	128,84	
3	26,89			1	125,52	18	27,94		79,16	1	130,39	
)	28,39	1	1 ' 1	I	127,01	19	29,49	1	80,72		131,94	
	29,88	·			128,50	20	31,04	ł I	' '	1 1	133,49	
	31,38			ľ	130,00	21	32,59	1 1	· ']		135,05	
2	32,87	1	1 1	1	131,49	22	34,15	t	' ' '	1 1	136,60	
5	34,36	1	ł 'I	Į.	132,99	23	35,70		•	1 [138,15	
Ŀ	35,86	1		1	134,48	24	37,25	ł 1		ì	139,70	
	37,35	į.	1	i i	135,98	25	38,80	1 1		i l	141,26	
5	38,85	1		1	137,47	26	40,36		i .		142,81	
	40,34	il i	1 1	1.	138,96	27	41,91	60	1 1	1	144,36	
5	41,84	1			140,46	28	43,46	1			145,91	
J	43,33		' '	1	141,95	29	45,01	62	1	1 :	147,46	
,	44,82		1 1	1	143,45	30	46,56	1	''	ľ	149,02	
L	46,32		1 '		144,94	31	48,12		1 'i		150,57	
	47,81	l l	1	•	146,44	32		1	100,90		152,12	
3	49,81	66	,		147,93	33	51,22		102,45		153,67	
	100,00)	EE O	an A	100	149,42	34	_		104,00		155,28	
	40,	లం న	oll Dur	am,	,	16,87 Zoll Durchm.						

	54 3	oU =	= 41	la Fu	B.	55 3011.						
eff.		_			RfB.	eff.	Rfg.	efs.	Kfg.	Lefs.	Afß.	
2	3,22			1	09,57	2	3,34	1	58,50	1	113,67	
3	4,83	36	, ,	1	11,18	3	5,01	36	60,18		115,34	
4	6,44	37	59 ,62	1	12,80	4	6,68		61,85	1	117,01	
5	8,05	38	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 1	14,41	5	8,35	3 8	63,52	71	118,68	
6	9,66	l 8	62 ,84	72 1	16,02	6	10,03	3 9	65,19	72	120,36	
7	11,28	49	64,45	73 1	17,63	7	11,70	40	66, 86	73	122,03	
8	12,89	41	66,06	74 1	19,24	8	13,37	41	68,53	74	123,70	
9	14,50	42	67, 68	75 1	20,85	9	15,04	42	70,21		125,37	
10	16,11	43	69 ,29	i i	22,46	10	16,71	43	71,88		127,04	
11	17,72	44	70 ,90	1	24,08	11	18,38		73,55		128,71	
12	19,33	45	'		25,69	12	20,06		75,22		130,39	
13	20,94	46	· ' 1		27,30	13	21,73		76,89	. 1	132,06	
14	22,50	1 1	′• (t I	28,91		23,40		78,56	1	133,73	
15	24,17	48			30,52		25,07	48	80,24	1	135,40	
16	25,78	I 5		l I	32,13		26,74		81,91		137,07	
17	27,89	i . I	80,57		33,74	17	28,41	50 51	83, 58		138,74 140,42	
18	29,00	ì I	82, 18		35,36 36,97	18 19	30,09 31, 76		85, 25 86,9 2		142,09	
19	30,61 32,22	52 53			38,58	20	33 ,43]	88,59		143,76	
20 21	33,84		"	1	40,19	21	35,10		90,27		145,43	
	35 ,45	1	•	1 1	41,80	22	36,77	!	1	1 1	147,10	
1	37,06		,		43,41	23	38,44	1			148,77	
24	38,67	1 1	' -		45,02	24	40,12		95,28		150,45	
25			′ .	1	46,64	25	41,79	_	96,95		152,12	
wi .	41,89	š	· •		48,25	26	43,46	I I	98,62		153,79	
27	43,50			i i	49,86	27	45,13		100,30	93	155,46	
28	45,12			94 1	51,47	28	46, 80	61	101,97	94	157,13	
29	46,73	62	[53,08	29	48,47	62	103,64	95	158,80	
30	48,34	63	101,52	96 1	54,6 9	30	50,15		105,31	1	160,48	
81	49, 95		103,13	1 1	56,30	31	51,82	1	106,98		162,15	
32	51,56		104,74		57,92	32	53,49	1	108,65		163,82	
33	53,17		106,35	1 1	59,53	33	55,16	1	110,33		165,49	
84			107,96	_	61,14	84	 56,83	67	112,00	100	167,16	
	17,	193	oll Dur	dm.			17,	51 3	oll Dur	фm,	į	

		50	B Zou.			57 301 = 4 % Fuß.						
eff.	Rfs.	efs.	Afs.	Eff.	Rfs.	Eff.	Rfg.	eff.	Rfs.	Eff.	Afg.	
2	3,46	35	60,65	68	117,84	2	3,59	35	62,84	68	122,09	
\$	5,19	j l	62,3 8	69	119,57	3	5,38	36	64,68	69	123,88	
4	6,98	37	64,12	70	121,31	4	7,18	87	66,43	70	125,68	
5	8,66	38	65,85	1 1	123,04	5	8,97	3 8	68,22	• .	127,47	
6	10,39	1 1	i 'i	1 1	124,77	6	10,77	(I	70,02		129,27	
7	12,18	i l	. · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		126,51	7	12,56	1	71,81	1 1	131,06	
8	13,86	1	71,05	1 1	128,24	8	14,36		73,61		132,86	
9	15,59		, ,		129,97	9	16,15		, , ,	1 1	134,66	
10	17,83		1 1	h .	131,70	10	17,95	1	77,20	1	136,45	
11	19,06		' 1	i l	133,44	11	19,75	i l	79,00	1 1	138,25	
12	20,79		, ,		135,17	12	21,54		80,79	1	140,04	
18	22 ,52		/ • }	1	136,90	13	23 ,34	i i	82,59	1 1	141,84	
14	24,26		, ,	1	138,64		25 ,18	47	84,38	1 . 1	143,63	
15 16	25,99 27,72	48 49	1 1	1 1	140,37 142,10	15	26, 93	48 49	, ,		145,43 147,22	
17	29,46	1 '		1 1	143,84		28,72 30,5 2	50	, ,	l i	149,02	
18	31,19	l i	1	i i	145,57	18	32,31	51	89,77 91,56	1 (150,81	
19	32,92		' '	ė l	147,30	19	34,11	52	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 1	152,61	
20	34,66		l	1 1	149,08	20	35, 90	1	•		154,41	
21	36,89	l i	1 ' 1	1 1	150,77	21	37,70	1	•		156,20	
22	38,12	55	1	1	152,50	23	39 ,50	55	-	1	158,00	
23	39,85	56	'	1	154,28	23	41,29	i (100,54	1 .	159,79	
24	41,59	57	, ,	1	155,97	24	43,09		102,34		161,59	
25	43,32	58	100,51	1 1	157,70	25	44,88	i i	104,13		163,38	
26	45,05	59	102,24	92	169,43	26	46,68	59	105,93	92	165,18	
27	46,79	60	103,98	93	161,17	27	48,47	60	107,72	93	166,97	
28	48,52	61	105,71	94	162,90	28	50,27	61	109,52	94	168,77	
20	50,25	62	107,44	95	164,63	29	52,06	62	111,31	95	170,56	
30	51,99	63	109,18	96	166,36	30	53 ,86	1 1	113,11	96	172,36	
81	53,72	64	110,91	97	168,10	31	55 ,65	i i	114,91	3 1	174,16	
32	55 ,45	1	112,64		169,83	32	57,45	1	116,70	1 1	175,95	
83	57,18		114,87	i i	171,56	33	59 ,25	1 1	118,50	i i	177,75	
34	58,92	67	116,11	100	173,30	84	61,94	67	120,29	100	179,54	
	17,	B3 3	oll Dur	фm.			18,	143	oll Dur	qm.		

_	-	25	dalzeni	nha	it zu	dem	Umf	ang	nod s		
		5	3 Zoa.				•	5	Joa.		
Eff.	Rfb.	12fb.	Kfg.	eff.	Rfg.	eff.	Rfg.	efs.	Rfs.	efs.	Rfg.
2	3,71	35	65,06	68	126,41	2	3,84	35	67,82	68	130,80
8	5,57	3 6	66,92	69	128,27	8	5,77		69,25	•	132,73
4	7,48	87	68 ,78	70	130,13	4	7,69	1	71,17	70	134,65
5	9,29	38	70,64	71	131,99	5	9,61	38	73,09	71	136,58
6	11,15	39	72,50	72	133,84	6	11,54	39	75,02	72	138,50
7	13,01	40	74,36	73	185,70	7	13,46	40	76,94	73	140,42
8	14,87	41	76,21	74	137,56	8	15,38	41	18,87	74	142,35
9	16,73		' '		139,42	9	17,31	42	80,79		144,27
10	18,59	l į	1 ' 11	1	141,28	10	19,23	43	82,71		146,19
11	20,44	l f	1 '''	ľ	143,14	11	21,16		84,64	77	148,12
12	22,30		l '	ľ	145,00	12	23,08	45	86,56		150,04
13	24,16	1	l ' ii		146,86	18	25,00	46	88,48		151,96
14	26,02	11	'•		148,72		26,93	47	90,41		153,89
15	27,88	H	1 1		150,58	15	28,85	1	92,38		155,81
16	29,74	li	1 ' '	,	152,43	16	30,77	49	94,25		157,74
17	31,60	11	1 1	1	154,29	17	32,70	50	96,18		159,66
18	33,46		1 1		156,15	18	34,62	t	i ' i		161,58
19	35,32	li	· 1	(158,01	19	36,54		100,03	i :	163,51
	37,18	II.	i i	1	159,87	,20	38,47		101,95		165,43
21	39 ,03		100,38	1 1	161,73		40,39	1	103,87	i i	167,35
	40,89		102,24		163,59	22	42,32	1	105,80		169,28
_	42,75		104,10	ĺ	165,45	23	44,24	1	107,72	1	171,20
	44,61	11	105,96		167,31	24	46,16		109,64	I 1	173,18
25	46,47	il .	107,82		169,17	25	48,09	1	111,57		175,05
26	48,33	H	109,68		171,02	26	50,01		113,49	1	176,97
27	50,19	1)	111,54		172,88	27	51,93		115,42	1	178,9
28	52,05	H	113,40		174,74	28	53,86		117,84	[180,82
29	53,91	M	115,25		176,60	29	55,78		119,26		182,74
	55,77	18	117,11		178,46		57,71	1 . '	121,19]	184,67
\	57,62	() .	118,97		180,32	31	59,63	•	123,11	1	186,5
	59,48		120,83		182,18		61,55		125,03		188,51
	61,34				184,04	33			126,96		
					185,90	34			128,88		192,30
ı	18,	49 <u>3</u>	oll Dur	ıyın.		ł	18,	7 හ	oll Dur	ym.	

	60	Zoll	=5	Tuf	š.	61 301.						
Lfg.	Rfs.	Lefs.	Rfs.	eff.	Rfs.	eff.	Rfb.	2fb.	Rfg.	efg.	Rfg.	
2	3,97	85	6 9,63	68	135,28	2	4,11	35	71,97	68	139,82	
3	5,96	3 6	71,61	. 69	137,27	3	6,16	36	74,02	69	141,88	
4	7,95	37	73,60	70	139,26	4	8,22	37	76,08	70	143,94	
5	9,94	38	75,59	71	141,25	5	10,28	3 9	78,13	71	145,99	
6	11,93	30	77,58	72	143,23	6	12,33	3 9	80,19		148,05	
7	13,92	40	79,57	t I	145,22	7	14,39		82,25	ia. i	150,10	
8	15,91	41	81,56	1	147,21	8	16,45	1	84,30	l	152,16	
9	17,90	42	83,55		149,20	9	18,50] [86,36) 1	154,22	
10	19,89	1 1	85,54	1	151,19	10	20,56		88,42	•	156,27	
11	21,88	ł	87,53	}	153,18	11	22,61	1 1	90,47	• (158,33	
12	23,87	1	89,52		155,17	12	24,67		92,53	i t	160,39	
13	25,86	ı	91,51		157,16	13	26,73	1 1	94,58	!!	162,44	
14	27,85	1	93,50	i i	159,15	14	28,78	1 1	96,64		164,50	
15	29,84	1 '	95,49	81	161,14	15	30,84	48	98,70	1	166,56	
16	31,83	ì	1		163,18	16	P		100,75		168,61	
17	33,82		1 ' 1	[165,12	17	34,95	l	102,81		170,67	
18	35,80	li .	101,46		167,11	18	37,01	• •	104,87		172,72	
19	37,79	ł	103,45	1	169,10	19	39,00	1	106,92	. 1	174,78	
20	39,78	ì	105,44		171,09	20	41,12	1 1	108,98	ł	176,84	
21	41,77	it .	107,42	I	173,08	21	43,18	1 1	111,04	i i	178,89	
22	43,76	1	109,41	•	175,07	22	45,23	1	113,09		180,95	
23	45,75	1	111,40		177,06	23	47,29	1 !	115,15		183,01	
24	47,74		113,39		179,04	24	49,35	i 1	117,20		185,06	
25	49,73	1	115,38	ŀ	181,03		51,40		119,26		187,12	
26	51,72	ŧ	117,37		183,02	26	53,46		121,32		189,17	
\$	53,71	1	1 '1	1	185,01	27	55,5 Ω	l i	123,37	1	191,23	
28	55,70	1	121,35		187,00	28	57 ,57	l l	125,43		193,29	
29	57,69	ł	123,34		188,99	20	59,63	- 1	127,49	1	195,84	
80	39,68	ŀ	125,33		190,98	30	61,68	1	129,54	. 1	197,40	
81	61,67		127,32		192,97	31	63,74		131,60	l 3	199,46	
32	63,66	1	129,31		194,96	32	65,80		133,65		201,51	
33	65 ,65		131,30	1	196,95	33	67,8 5	1 3	135,71		203,57	
	10,1,04	01	1132'XA	T	198,94				137,77		#UU ₇ U3	
pi	19,1	U SI	oll Dur	ym,			13,4	ix \$1	N Dur	wm.		

		62	3 ou	•		63 30U = 5 1/4 Fuß.					
Lefs.	Rfß.	efg.	Afß.	Lefs.	Rfb.	Eff.	Stfb.	Lefs.	Kfg.	efs.	Rfg.
2	4,24	35	74,34	68	144,45	2	4,38	35	76,76	68	149,14
8	6,37	36	16,47	69	146,57	8	6,58	36	78,96	69	151,34
4	8,49	37	78,59	70	148,69	4	8,77	37	81,15	70	153,53
5	10,62	i i		1	150,82	5	10,96	3 8			155,72
1	12,74		1 1		152,94	6	13,16		· 1		157,92
7	14,86	I i	/ / · /	1	155,07	7	15,35	ľ	' '		160,11
	16,99		87,09		157,19	8	17,54		89,92		162,30
9	19,11	42	' '	1	159,32	9	19,74) .	* • 13		164,50
1	21,24	1 :		1 1	161,44	10	21,93		, i	i	166,69
11	23,36			1	163,56	11	24,12		· •		168,88
12	25,49		' '	!	165,69	12	26,32		' '		171,08
13	27,61	46	/ · · · ·		167,81	18	28,51		100,89	1	173,27
14	29,73	1 1	' '		169,94	14	30,70	1	103,08		175,46
15	31,86	1	101,96	.	172,06	15	32,90	1	105,28		177,66
			104,08		174,19	i .	_ [107,47		179,85
17	36,11		106,21	1	176,31	17	37,28	} l	109,66		182,04
18	38,23		108,33 110,46		178,43	18	39,48	1	111,86		184,24 186,43
19	40,36 42, 48		110,40		180,56 182,68	19	41,67	1	114,05		188,62
20	44,60		114,71		184,81	20 21	43 ,86 46 ,06		116,24 118,44	•	190,82
21	46,73		116,83		186,93	22	48,25		120,63	•	193,01
22 23	48,85		118,95	1	189,06	23	50 ,44		120,03		195,20
23 24	50, 98	:	121,08	1	191,18	24	52, 64	1	125,02		197,40
25	53, 10	l l	123,20		193,30	25	54 ,83		127,21		199,59
26	55,23	l I	125,33	4	195,43	26	57,02	1	129,40		201,78
27	57,35		127,45		197,55	27	59,22		131,60		203,98
28	59,47		129,58	1	199,68		61,41	1	133,79		206,17
29	61,60	il	131,70		201,80	29	63,60	1	135,98		208,36
30	63,72	l I	133,82		203,93	30	65,80	1	138,18		_
81	65,85	16	135,95	4	206,05	1.	67,99		140,37		212,75
32	67,97	11	138,07	1	208,17	82	70,18		142,56		214,94
33	70,10	66	140,20		210,30	33	72,38	66	144,76	99	217,14
34	72,22	67	142,32	100	212,42	84	74,57	67	146,95	100	219,33
			loll Dur				_	_	oll Dur		t

		6 4	L Zou.			65 30U.						
fß.	Rfs.	Yfb.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	Eff.	Rfg.	efs.	Rfg.	eff.	Rfg.	
2	4,52	35	79,22	68	153,92	2	4,66	85	81,71	68	158,76	
3	6,79	36				3	7,00	3 6	84,05	1	161,10	
4	9,05	37	83,75	70	158,44	4	9,33	37	86,38	70	163,48	
5	11,31	3 8	86,01	71	160,71	5	11,67	38	88,72	71	165,77	
6	13,58	39	88,27	72	162,97	6	14,00	3 9	91,05	72	168,10	
7	15,84	40	90,54	73	165,23	7	16,34	40	93,39	78	170,44	
8	18,10	41	92,80	74	167,50	8	18,67	41	95,72	74	172,77	
9	20,37	42	95,06	75	169,76	9	21,01	42	98,06	75	175,11	
10	22,63	43	97,33	76	172,02	10	23,34	43	100,39	76	177,44	
11	24 ,89	44	99,59	77	174,29	11	25,68	44	102,73	. ·	179,78	
12.	27,16	45	101,85		176,55	12	28,01	45	105,06	1 ' :	182,11	
13	29,42	46	104,12	79	178,81	18	30,35	1	107,40	i i	184,45	
14	31,68		106,38	80	181,08	14	32,68		109,73		186,78	
15	33,95	48	108,64	81	183,34	15	35,02	48	112,07	81	189,12	
16	36,21		110,91		185,61	16	37,35		114,40	1	191,45	
17	38,48		113,17		187,87	17	39,6 9		116,74		193,79	
18	40,74	1	115,44		190,13	18	42,02		119,07	1	196,12	
19	43,00		117,70	. 1	192,40	19	44,36		121,41	1	198,46	
20	45,27		119,96	`	194,66	20	46,69	1	123,74	l i	200,79	
21	47,53		122,23		196,92	21	49,03		126,08	1 1	203,13	
22	49,79		124,49		199,19	22	51,36		128,41	l 1	205,46	
23	52, 06		126,75		201,45	23	53,70		130,75	1 1	207,79	
24	54,32		129,02) l	203,71	24	56 ,03		133,08	1	210,13	
25	56,58	ŀ	131,28	l i	205,98	25	58,37		135,42]	212,46	
26	58,8 5		133,54	4 !	208,24	26	60,70		137,75	l i	214,80	
27	61,11		135,81	1	210,50	27	63,04		140,08		217,13	
28	63,37		138,07		212,77	28	65,37		142,42	1 .	219,47	
20	65,64	1	140,33		215,03	29	67,71	1	144,75	1	221,80	
30	67,90		142,60		217,29	30	70,04		147,09		224,14	
31	70,16		144,86	1 1	219,56	31	72,37	1	149,42	1 1	226,47	
32	72,43		147,13	l '	221,82	32	74,71		151,76	}	228,81	
33	74,69	1	149,39	:	224,09	83	77,04		154,09	1 1	231,14	
34			151,65			62	79,881 	[U]	156 ,43 0ll D ur	T	2 00,40	
	20,	57 S	oll Dur	ym.			20,0	ツる	ou Lu r	ym,	1	

	66 3	oU:	= 51	8	uß.	67 30U.						
Lefs.	Rfg.	£f.	Rff.	2fb.	RfB.	efs.	Rfb.	Lef.	Rfg.	Lefs.	Rfs.	
2	4,81	35	84,25	68	163,69	2	4,96	35	86,82	68	168,68	
3	7,22	36	86,65	69	166,09	3	7,44	36	89,30	69	171,16	
4	9,62	37	89,06	70	168,50	4	9,92	37	91,78	70	173,65	
5	12,03	3 8	91,47	71	170,91	5	12,40	38	94,26	71	176,13	
6	14,44	39	93,88	72	173,31	6	14,88	39	96,74	72	178,61	
7	16,85	40	96,28	73	175,72	7	17,36	40	99,22	73	181,09	
8	19,25	41	98,69	74	178,13	8	19,84	41	101,70	I i	183,57	
9	21,66	42	101,10	75	180,54	9	22,32		104,19	75	186,05	
10	24,07	1}	103,51	76	182,94	10	24,80		106,67	76	188,53	
11	26,47	11 . :	105,91	77	,	11	27,28	!	109,15	77	191,01	
12	28,88	11	108,32	78	- ,	12	29,76	11 .	111,63	78	193,49	
13	31,29	46	110,73	1	190,17	13	32,24	11	114,11	79	195,97	
14	33,70	47	l i		192,57	14	34,73	47		80	198,45	
15	36,10	18		81	194,98	15	37,21	48	t i		200,98	
16	i '	i I	117,95	L I	197,39	16	' -	11 I	121,55		203,41	
17	40,92	11	120,36		199,79	17	42,17	11	124,03		205,89	
18	43,82	11	122,76	i i	202,20	18	44,65	"	126,51	1 - 1	208,38	
19	, ,	11	125,17	ı İ	204,61	19	47,13	1:	128,99	1 .	210,86	
20		13	127,58	1	207,02	20	49,61	: I	131,47	i	213,34	
21	50,55	II .	129,98		209,42	21	52,09		133,95	1	215,82	
22	_	1 1	132,39	1	211,83	22	54,57	i)	136,43		' 1	
23	1	9 P	134,80	1	214,24	23	57,05	11	138,92	15	220,78	
24	57,77	l I	137,21	,	216,64	24	59,53	il	141,40		223,26	
25	60,18	6 i	139,61	.1	219,05		62,01	11 :	143,88	i L	225,74	
26	62,58	l) .	142,02		221,46		64,49	ii l	146,36	i 1	228,22	
27	64,99	11	144,43	1 .	223,87	1	66,97	11 1	148,84	1	230,70	
28	67,40	1	146,84		226,27		69,46	61	•	95	233,18	
29	69,80	11	149,24	1 1	228,68	29	71,94	62	156,28	l l	235,66 238,14	
30	72,21	li i	151,65	. 1	231,09	30	74,42	14	158,76	l i '	240,62	
31	74,62	1	154,06	l i	233,50	31 82	76,90 70,38	! L	161,24		243,11	
32	77,03	1	156,46	i i	235,90	33	79,38 81,86		163,72		1	
83	79,43	50	158,87	99 100	238,31	24	84 2/.	67	166 00	100	248 07	
	91 ₁ 04 91		3011 Dise	qu tran	420, [2	34 84,34 67 166,20 100 248,07 21,33 30ll Durchm.						
U	21 9	אין	juu z ul	wii.	Į.	Ţ	21	ر] •	5]	y	1	

		6	S Zou.				69 3	oll	=5	148	uß.
Left.	Rfb.	12f.	Rfg.	Lfg.	Kfk.	Eff.	Rfb.	2f.	Rfs.	lefb.	Afg.
2	5,11	35	89,43	68	173,76	2	5,26	35	92,08	68	178,91
8	7,66	3 6	91,99	69	176,31	8	7,89	3 6	94,71	69	181,54
4	10,22	37	94,54	70	178,87	4	10,52	87	97,34	70	184,17
5	12,77	3 8	97,10	71	181,42	5	13,15	3 8	99,97	71	186,80
6	15,33	39	99,65	72	183,98	6	15,78	39	102,61	72	189,43
1	17,88	40	102,21	73	186,53	7	18,41	40	105,24	73	192,06
	20,44	LE 1	104,76	74	189,09	8	21,04	41	107,87	74	194,69
	22,99	42	107,32	75	191,64	9	23,67	42	110,50	75	197,32
	25 ,55	H	109,87	i i	194,20	10	1 '		113,13		199,95
	28,10	II 1	112,43		196,75	11	28,94	n	115,76		202,58
12)	1	114,98	1	199,31	12	31,57	! :	118,39]	205,22
13	33,21	:) !	117,54		201,87	13	34,20	u	121,02		207,85
14	35,77	14 3	120,10	i I	204,42	14	36,83	fi I	123,65	11 :	210,48
ď l	35,32	1) 1	122,65	81	206,98	15	39,46	i l 1	126,28		213,11
•		11 1	125,21	18 1	209,53	16	42,09	! [128,92		215,74
	43,44	1	127,76		212,09	17	44,72	II :	131,55	·	218,87
	45,99	i 1	130,32	1	214,64	18	47,35	! !	134,18		221,00
	48,55	1	132,87		217,20	19	49,98	1) 1	136,81	H	223,63
20	51 ,10	1	135,43	1	219,75	20	52,62	i }	139,44	1	226,26
21	53,66	1	137,98	1	222,31	21	55,25	!!	142,07	l I	228,89
	56 ,21	il 1	140,54	1	224,86	22		PC i	144,70		231,53
		1	143,09	1	227,42	23	1 '		147,33		234,16
1	,	1 1	145,65	1	229,97	24		PB	149,96		236,79
	-	! 1	148,20		232,53	25		6 B	152,59	1	239,42
			150,76	1	235,08	26			155,23	1	242,05
4		11 - 1	153,31	•	237,64	27	1 '		157,86		244,68
		(4 1	155,87	1	240,20	28	1 '	11	160,49		247,31
29 3 0	74,10 76,65		158,42	1	242,75	29	, -	1	163,12		249,94
]	79 ,21	11 1	160,98	l I	245,31	30	1 -		165,75		252,57
1	81,77	i ?	163,54		247,86	31	I '	II 1	168,38		255,20
H		11 1	1 66 ,09		250,42	82		11	171,01		257,84
H .					252,97	33	-		173,64		260,47
	21.6	K 2	1017 Div	4	255,58	37	C2,43 01	K o	110,27 110,27	4 m	263,10
IS .	المعامل	7 0 2	vu zui	ym.	-	ł	21,9	W S	d Dur	am.	

	`	7	O Zoa.	•				7	1 300	[,	
Lfg.	Rfg.	2f.	Rfs.	lefs.	Rfg.	efs.	Rfs.	ef.	Rfs.	PfB.	Rfs.
2	5,41	35	94,77	68	184,13	2	5,57	35	97,50	68	189,43
3	8,12	36	97,48	69	186,84	3	8,35	36	100,28	1)	192,21
:4	10,83	37	100,19	70	189,54	4	11,14	37	103,07	70	195,00
5	13,53	38	102,89	N	192,25	5	13,92	38	105,85	n	197,78
		11 1	105,60		194,96	6	16,71	39	108,64	72	200,57
			108,31	1	197,67	7	i i	1	111,43	l i :	203,36
	_		111,02		200,38	. 8		M I	114,21		206,14
		KI I	113,72		203,08				117,00		208,93
		il B	116,43	1	205,79	10	•		119,78	lit i	211,71
	, ,	1 1	119,14	i ,	208,50	11			122,57	1	214,50
12			121,85		211,21	12			125,35		217,28
13 14		ll I	124,56 127,26	ľ	213,91			1	128,14	4	220,07
15		1 1	129,97		216,62 219,33		' 1	1 1	130,93		222,86 225,64
16			132,68	احما	219,33 222,04		41,78		136,50	1	225,64 228,43
17	•	!! !	135,39	1	224,75	- 1		1 1	139,28		231,21
18	_		138,09		227 ,45	18	′ 1		142,07	3	234,00
19			140,80	1	230,16	19	· ·	1	144,85	1	236,78
20		I	143,51		232,87	20		1 1	147,64		239,57
21	•	1	146,22		235,58	_	, ,	1	150,43		242,36
22	59,57	55	148,93	Li	238,28		61,28	1 1	, ,		245,14
23	62,28	56	151,68	89	240,99	23	64,07	56	156,00	89	247,98
24	64,98	57	154,34	90	243,70	24	66,85	57	158,78	. 90	250,71
21		i) \$	157,05	91	246,41	25	69, 64	5 8	161,57	91	253,50
	E 1	1	159,76	92	249,12	26	72,42	59	164,35	1	256,28
	l i	1 1	162,47	i i	251,82	27] }	167,14		259,07
	ľ		165,17	1	254,53	28		il E	169,93		261,86
	1	(167,88		257,24	29		" 1	172,71	1 1	264,64
5 4	•	i! 1	170,59	l b	259,95		; ,	11 1	175,50	1	267,48
31	_	ii 1	173,30	t 1	262,66				178,28	_	270,21
32		11 1	176,00	}	265,36			12 1	181,07		273,00
33	1 _		178,71		268,07			1	183,85	1 1	275,79
32			181,42	-	210,70	92			186,64		210,57
	AB ₇ X	in 9	ivu euti	Ant'	_		رمم	ي ا	loll Dur 5 *]	WIII.	•

	72	3oV	$\mathcal{C} = 6$	Fu			<u> </u>	72	3oa.		•
Eff.	Rfs.	L f.	Rfß.	Lefs.	Rfb.	efs.	Rfs.	2f.	Rfs.	leff.	Stfs.
2	5,72	35	100,26	68	194,80	2	5, 88	35	103,07	68	200,25
3	8,59	3 6	103,13	69	197,67	3	8,83	36	106,01	69	203,19
4	11,45	37	105,99	70	200,53	4	11,77	37	108,96	70	206,14
5	•	11 :	108,86	it i	203,40	5			111,90		209,68
6	17,18	11 j	111,72	1	206,26	6	' '	1	114,85		212,08
7	20 ,05	11 1	114,59		209,12	7	1 .	r i	117,79		214,97
1	1	11	117,45		211,99	8	_	ell l	120,74		217,92
it		11	120,32		214,85	9	-	1]	123,68		220,86
10		it :	123,18	1	217,72	10		3	126,63		223,81
11	•	[[126,05	I I	220,58	11	' -	1 1	129,57		226,75
12	, ,	17	128,91	1 1	223,45	12	! '!	I 1	132,52	1	229,70
13	1	11 .	131,78	1	226,31	13		1 1	135,46		232,64
14	1	li l	134,64	1 1	229,18	14		t j	138,41	l	235,59
15	42,97	n	137,50		232,04	15	1 ' ' 1	1 1	141,35		238,53
16	I -	11	140,37	1	234,91	16	·	1 1	144,30	•	241,48
17	48,70	I I :	143,23	1	237,77	17	1	1 1	147,24	l 1	244,49
18	1	11 .	146,10		240,64	18	1 1	1	1 50 ,19	1	247,37
19	54,43	ti I	148,96	1	243,50	19 20		1 1	153,13	t '	250,81
20	57,29	li i	151,83 154,69	1	246,37		r - 1	1	156,08	4	253,26 256,20
21	60,16 63,02	11	157,56	1	249,23	21	61,84	all l			259,15
22 23	65,89	N 1	160,42	1	252,10 254,96	22 23		1	161,97	1 4	262,00
24		II i	163,29	!}	257 ,83	24		1	1 64 ,91 1 67 ,86		265,04
25	71,61	11	166,15		260,69	25		1	170,80		267,98
26	· '	11 I	169,02	11 .	263,56	26	l '_1		1 73 ,75		270,93
27	77,34	11	171,88	11 1	266,42	27	1 1		176,69		273,87
28	' '	li :	174,75		269,29	28	1 ' I	1 1	179,64	1	276,82
29	l '	H .	177,61		272,15	29	1 1		182,58	1	279,76
30	85,94]]	180,48		275,01	30	i 'i	1 1	185,52	1	282,71
31	86 ,80	H .	183,34		277,88	31	1 1	1 !	188,47		285,65
32	91,67	H 1	186,21	1	280,74	32	1 ' 1	LI	191,41	l	288,60
83	1 ' '	ا ا	189,07	1	283,61	33) ' <u> </u>		194,36		291,54
		11		i i	[1 1				294,49
			Boll Du						oll Du		

	7	14 30U	•		K	3 300		B 1	4 8	fuß.
eff.	Aff. 112	f. Rfg.	2fb.	Kfg.	eff.	Kfb.	धाः। ५	CfB.	Eff.	RfB.
2	6,05	5 105,91	68	205,77	2	6,21	35 10	8,79	68	211,87
8	9,07	6 108,94	69	208,80	3	9,32			i I	214,48
4	12,10	7 111,96	70	211,83	4	12,43	B7 11	5,01	70	217,59
5	15,13	8 114,99	71	214,85	5	15,54	38 11	8,12	71	220,70
6	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	9 118,01	72	217,88	. 6	18,65	39 12	1,23	72	223,81
7	i 13	0 121,04		220,90	7	21,75	10 12	4,33	73	226,91
8	- 11	1 124,07	1	223,93	8	24,8 6	11 12	7,44	74	230,02
9	11	2 127,09	1	226,96	9	27,97	12 13	0,55	75	233,13
10	Ω	3 130,12		229,98	10	31,08		, j	1	236,24
11	13	4 133,15		233,01	11	34,19	1	1		239 ,35
12	11	5 136,17	1 1	236,03	12	37,30			l 1	242,46
13	20	6 139,20	1	239,06	13	40,41			! !	245,57
14	11	7 142,22	1	242,09	14	43,51		[1	248,67
15	11	8 145,25		245,11	15	46,62		· ·		251,78
16	17	9 148,28	1	248,14	16	49,73	1	· 1	l l	254,89
17	11	0 151,30	IL F	251,17	17	52,84		· I	l l	258,00
18	11	1 154,33		254,19	18	55, 95		8,53	1 1	261,11
19	- II	2 157,35		257,22 260 oz	19	59 ,06		1		264,22
20	13	8 160,38		260,24 262.07	20	62,16	- 1		ŀ	267,33
21	The state of the s	4 163,41 5 166,43	1 - · L	263,27	21	65,27	j	· 1	1	270,48
22	11	6 169,46	ii I	266, 30	22	68,38	4			273,54
23 24	19	7 172,49		269,82 27 2,35	23	71,49 74,60	1			276,65 2 7 9,76
25	1.1	B 175,51	(1 t	212,35 275, 3 7	24 25	77 ,71 5	I	0,29	1	219,70 252,87
26	11	9 178,54		278,40	26	80,82		3,40) 1	285,98
27	21	0 181,56		281,48	27	83,92	1	1		289,08
28	14	1 184,59	[]	284,45	28	87,03		, i	1	292,19
29		2 187,62		28 7 ,48	29	90,14	1	- 11	L	295,30
30	11	3 190,64	13 1	290,51	30	93,25		5,83	l i	298,41
81	10	4 193,67	I) I	293,53	81	96,36	- 3			301,52
82	li	5 196,60	B	296,56	32	99,47	• 1			304,63
33		6 199,72	1 1	299 ,58	33	102,58	l l	_ (I	307,74
H I	102,88 6		1 1		6 <u> </u>	105,68	1	اام		-
	23,55	Zoll Dur	фm,	,		23,87				• '

	7	B Zou.					7	Zou.			
Lfg.	Sefs. 2f.	K fb.	Eff.	RfB.	eff.	Rfb.	18f.	RfB.	eff.	Rff.	
2	6,38 35	111,71	68	217,05	2	6,55	3 5	114,67	68	222,8	0
3	9,57 86	114,90	69	220,24	8	9,82	36	117,95	69	226,0	7
4	12,76 37	118,10	70	223,43	4	13,10	37	121,23	30	229,8	5
5	15,95 88	121,29	71	226,62	5	16,3 8	3 8	124,50	71	232,6	3
6	19,15 3 9	1 1	1	229,81	6	19,65	89	127,78	72	235,9	0
7	22,34 40	1 , ,		233,01	7			131,05		239,1	
8	25,53 41	1 · ·		236,20	8	,	a	134,38	•	242,4	- 1
9	28,72 42	1 ' 11		239,39	9	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		137,61		245,7	
10	31,91 48	1 ' ()	•	242,58	10			140,88	1 1	249,0	1
11	35 ,11 44	1 1		245,77	11			144,16	l I	252,28	_ 8
12	38,30 45	1 1		248,97	12	·		147,44	•	255,5	
13	41,49 46	1 1		2 52,16	18	42,59			,	258,8	
14	44,68 47	1 11		255,85	14	45,87		153,99	1 1	262,1	
15 16	47,87 48	1 ()		258,54	15	49,14			ł I	265,30	- 1
	51,07 49 54,26 50	1 1		261,73	16			160,54		268,67	
17 18	57 ,45 51	1 1		264,93 268,12	17 18			163,82 167,10	1	271,9/ 275,29	4
19	60 ,64 52	1 7 11		200,1x 271,31	19		ł	170,37	1 1	278,50	
20	63,83 53	1 " 1		274,50	20	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1	173,65		281,7	
21	67,03 54	1 11		277, 69	21			176,93	1 1	285,0	_
22	70,22 55	1 1		280,89	22	- 1	4	180,90	1	288,3	
23	73,41 56	1 1		284,08	23	i .		183,48	1	291,6	
24	76,60 57	1 1		287,27	24	,		186,75	·	294,8	
25	79,79 58	1 '- 1		290,46	25	٠,		190,03	i I	298,1	
26	82,99 59	1 1		293,65	26	_	•	193,31	1	301,4	
27	86,18 60	1.		296,85	27)	196 ,58	1 .	304,7	j
28	89,37 61	1 1	94	300,04	28			199,86	•	307,9	9
29	92,56 62	1	1 .	303,23	29			203,14		311,2	6
80	95,75 63	201,09	96	306,42	30	98,29	63	206,41	96	314,54	4
81	98,95 64	204,28	97	309,61	31	101,57	64	209,69	97	317,81	1
32	102,14 65	207,47	98	312,81	32	104,84	65	212,97	98	321,0	9
83	105,33 66	210,66	99	316,00	33	108,12	66	216,94	99	324,8	7
84	108,52 67	213,85	100	319,19	34	111,40	67	219,52	100	327,6	4
	24,19 3	oll Dur	фm.			24,5	1 3	oll Dur	фm.		

Walzeninhalt zu dem Umfange von

И	78 301	I =	- 6 1,	(* g	uß.			78	Jou			
eff.	Rfs:	ef.	Afb.	Lefs.	Kfb.	efs.	Aff.	12f.	Rff.	2fb.	Rfs.	
2	6,72	85	117,67	68	228,62	2	6,89	35	120,71	68	234,52	2
3	10,08	36	121,03	69	231,98	8	10,34	36	124,16	69	237,97	
4	. 24		124,39	3	235,85	4	13,79	37	127,60	70	241,49	2.
5			127,76		238,71	5	17,24	3 8	131,05	71	244,87	7
6		- 1	131,12	1	242,07	6			134,50	H	248,89	2
7		1	134,48	1	245,43	7		1	137,95	H	251,77	11
8	11	1	137,84		248,79	8	• • • •	1	141,40	11	255,21	_ #
9		Į.	141,21	ŀ	252,16	9		I	144,85	11	258,66	H
10	i 13	- 1	144,57	1	255,52	10	1	l II	148,30	Ħ	262,11	_ #
11	,,		147,93	1	258,88	11			151,75	11	265,56	Ы
12	11		151,29	1	262,24	12	1 1	l i l '	155,20		269,01	- #
18			154,65		265,60	18	1 1	E	158,64	11	272,46	ſ
14	f ' ' '		158,02		268,97	14	, ,	P	162,09		275,91	- 10
15 16			161,38 164,74	1	272,33	15		il i	165,54		279,36 28 2 ,84	- 41
17	I 19		16 2 , 74 168,10		275,69	16		IB i	168,99		286,25	11
18	[171,46		279,05 282,42	17 18	l ' i	1	172,44 175,89	l] i	289,70	11
19			174 ,83	- 1	28 5 ,78	19	-		179,34	13	293,15	11
20	, , ,		178,19		289,14	20	I ' 1	1	182,79	ł	296,60	T I
21		- I	181,55		292,50	21	' '	l t 1	186,24	14	300,05	- 4
22	11		184,91		295,86	22	1 1	!}	189,69) (303,50	4
23) '		188,28	1	209,28	23	1 ' ' 1	1 1	193,18		306,95	Q
24	, <u> </u>		191,64		302,59	24) ' [196,58		310,40	1.1
25			195,00	1	305,95	25		. 1	200,03	! 	313,85	ď
2 6	l ' 13		198,36		309,31	26	1 ' I	1	203,48	i f	317,29	4
27	t ' 11		201,72	S 1	312,67	27		(1	206,93		320,74	
28	1 11	1	205,09	ſ	316,04	28	1	1 1	210,38	ľ	324,19	**
20	1		208,45	95	319,40	29	100,01	62	213,83	95	327,64	
30	100,86				322,76	30	103,46	63	217,28	• 96	331,09	
31	104,22				326,12	3 1	106,91	64	220,78	97	334,54	,
32	107,58	1	· ·		329 ,49	32	110,86	65	224,17		337,99	
33	110,95			1	332,86	38	113,81	66	227,62	99	341,44	
84	114,31				336,21	84	117,26					
1	24,83	3 30	oll Dur	фm.			. 25,1	5 3	oll Du	фm.		

		80	D Zou.	•		(31 30	a =	= 6 3	/4 g	fuß.
efs.	Rfb.	Pf.	Rfg.	lefs.	RfB.	Eff.	Rfb.	18f.	Afb.	Lefs.	Stf.
2	7,07	35	123,78	68	240,50	2	7,25	85	126,90	68	246,55
3	10,61	36	127,32	69	244,03	8	10,87	3 6	130,52	69	250,17
4			130,86		247,57	4	14,50	37	134,15	70	253,80
5	-		134,39		251,11	5	18,12	38	137,77	.71	257,42
6		1	137,93	1	254,64	6			141,40	1 k	261,05
7	, ,		141,47		258,18	7	-	1	145,03		264,67
8	,	1	145,00	I '	261,72	8			148,65		268,30
9	-	11	148,54	i	265,25	9		1	152,28	11	271,93
10	·		152,08	l I	268,79	10			155,90		275,55
11		11	155,61	1 1	272,33	11		i i	159,53	1	279,18
12			159,15	1 1	275,86	12			163,15	! [282,80
13	-	1	162,69	1 1	279,40	13			166,78		286,43
14	· · · · · ·		166,22	1 1	282,94	14			170,41	11	290,06
15	•		169,76	1	286,47	15 16			174,03		293,68
16			173,30	l	290,01	17		1 1	177,66	L	297,31
17	l i		176,83	1 :	293,55	18			181,28	1	300,98
18 19	" i		180,37 183,91	l i	297 ,08	19		1 1	184,91		304,56
20			187,44		300 ,62 304 ,16	20	1	1 1	188,53 192,16		308,18 311,81
21	- •	1	190,98	1 1	307 ,69	21	•	1 1	195,79	1	315,44
22			194,52	1 1	311 ,23	22		1	199,41	14	319,06
23	,	1	198,05	1 3	314,77	23		1 1	203,04		322,69
24	,)	201,59	1 1	318,31	24	' • [1 1	206 ,66		326,31
25	•	1	205,13	n i	321,84	25	1 · 1	1 1	210,29	1 1	329,94
26		1	208,67		325,38	26		1 1	213,91		333,56
27		l I	212,20	1	328,92	27			217,54	i i	337,19
28	_	1	215,74		332,45	28	' -	1 1	221,17		340,82
29	•	l t	219,28	1	335,99	29		1 1	224,79	1	344,44
30	,	11	222,81		339,58	30	,		228,42		348,07
81	,	H	226 ,35	1	343,06	81	112,39			1 1	351,69
32	·	l B	229, 89	1	346,60	32	116,02			1	355,32
33		11	233,42	99	350,14	33	119,64	66	239,29	99	358,94
34				100	353,67	84	123,27	67	242,92	100	362,57
	25,4	6 3	oll Dur	фm.	:				oll Dur		

		82	Jou.					83	Boa.			
Lefs.	Rfb.	Lf.	Rfs.	efs.	Rfg.	eff.	Rfs.	Lef.	Rff.	Lefs.	Rfs.	
2	7,43	35	130,05	68	252,67	2	7,61	35	133,24	68	258,87	
3	11,14	3 6	133,76	69	256,39	3	11,42	36	137,05	69	262,68	
4	14,86	37	137,48	70	260,10	4	15,22	37	140,85	70	266,49	
5	18,57	38	141,20	ฑ	263,82	5	19,03	38	144,66	71	250,29	
6	22,29	39	144,91	72	267,53	6	22,84	39	148,47	72	274,10	
7	26,01	40	148,63	73	271,25	7	26,6 4	40	152,28	73	277,91	
8	29,72	41	152,34	74	274,97	8	30,45	41	156,08	1 1	281,71	
9	33,44	42	156,06	75	278,68	9	34,26	42	159,89	• .	285,52	
10	37,15	43	159,78	76	282,40	10	38,07	43	163,70	1 1	289,33	
11	4	l P	163,49	· '	286,11	11	' '	1	167,50) 1	293,13	
12	1 .	1	167,21	1	289,83	12	1 ′ I	1	171,31	4	296,94	
13	1	11	170,92	t i	' <u> </u>	13	- 1	l i	175,12		300,75	
14	1		174,64	80	297,26	14		4	178,92		304,56	
15	55,73	18	178,35	81	300,98	15	57,10	48	182,73		308,36	
16		11	182,07	1	304,69	16	1 '- 1	II '	186,54		312,17	
17		H.	185,79	l	308,41	17	1	ì	190,35	(315,98	
18		11	189,50	l l	1 1	18	1 ' 1	1	194,15		319,78	
19	1	H	193,22	1	315,84	19	i '	1	197,96		323,59	
20		ij	196,93	ľ	319,56	20	1 1	4	201,77	1	327,40	
21	1	1	200,65	ľ	323,27	21			205,57	1	331,20	
22		lľ	204,37	Į.	326,99	\$2		1	209,38	Ť	335,01	
23			208,08	i	330,70	23	1 ' 1	Lł	213,19	1	338,82	
24		.1	211,80		334,42	24		1	216,99	1	342,63	
25 96		ı	215,51	1	338,14	25	1 1	! }	220, 80		346,48 350,24	
26		1	219,23		341,85	26 27			224,61 228,42	1	354,05	
27		ı	222 ,94 226 ,66	l.	345,57 349,28	28	1 ' 1	1	232,22	i i	35 7 ,85	
28 29		1	230,38	(353,00	29		11	236,03	ł	361,66	
30	ľ	ł	234,00	l .	356,71	30		1	239,84	į .	365,47	
31	' - I	ŀ	237,81	97	360 ,43	31	i ' I		243,6 4	5	369,27	
32		ì	241,52		364 ,15	32	1 ' 1		247,45	Į.	373,08	
33	, ,	ŀ	245,24		367,8 6	33	l 'i	1	251,26		376,89	
1		1	1 ' .i		371,58							
	26.1	03	oll Dur	dm.		26,42 Zoll Durchm.						
TI .	. 2011	- ا		-44444			4 7-3 -3	֧֚֚֚֚֚֟֞֜֞֞֞֟֝֟֟֟֓֓֓֟֟֓֓֟֟֓֓֟֟֓֓֟֓֟֓֟֓֟֓֟֓֟֓֟֓֟֓֟֓	6]	- y •	J.	

2 7,79 35 136,47 68 265,15 2 7,98 35 139,74 68 271 3 11,69 36 140,37 69 269,05 3 11,97 36 143,78 69 275 4 15,59 37 144,27 70 272,95 4 15,97 37 147,72 70 279 5 19,49 38 148,17 71 276,85 5 19,96 38 151,72 71 283 6 23,39 39 152,07 72 280,74 6 23,95 39 155,71 72 287 7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 73 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 1	1
3 11,69 36 140,37 69 269,05 8 11,97 36 143,73 69 275 4 15,59 37 144,27 70 272,95 4 15,97 37 147,72 70 279 5 19,49 38 148,17 71 276,85 5 19,96 38 151,72 71 283 6 23,39 39 152,07 72 280,74 6 23,95 39 155,71 72 287 7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 73 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 <	fß.
4 15,59 37 144,27 70 272,95 4 15,97 37 147,72 70 279 5 19,49 88 148,17 71 276,85 5 19,96 38 151,72 71 283 6 23,39 39 152,07 72 280,74 6 23,95 39 155,71 72 287 7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 78 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311	,50
5 .19,49 88 148,17 71 276,85 5 19,96 38 151,72 71 283 6 23,39 39 152,07 72 280,74 6 23,95 39 155,71 72 287 7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 78 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 78 301 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311	,49
6 23,39 39 152,07 72 280,74 6 23,95 39 155,71 72 287 7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 78 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 315 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,65 79 315	,48
7 27,29 40 155,97 78 284,64 7 27,94 40 159,70 78 291 8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 31,94 14 55,89 47 187,65 80 319	,48
8 31,19 41 159,87 74 288,54 8 31,94 41 163,70 74 295 9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323 <th></th>	
9 35,09 42 163,77 75 292,44 9 35,93 42 167,69 75 299 10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	,46
10 38,99 43 167,66 76 296,34 10 39,92 43 171,68 76 303 11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	, -
11 42,89 44 171,56 77 300,24 11 43,91 44 175,67 77 307 12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	•
12 46,79 45 175,46 78 304,14 12 47,91 45 179,67 78 311 13 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	•
18 50,69 46 179,36 79 308,04 13 51,90 46 183,66 79 315 14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	•
14 54,59 47 183,26 80 311,94 14 55,89 47 187,65 80 319 15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	
15 58,48 48 187,16 81 315,84 15 59,89 48 191,64 81 323	• -
	`
u to i magnification and comment of a second comment of the comment	
16 .62,38 49 191,06 82 319,74 16 63,88 49 195,64 82 327	
17 66,28 50 194,96 88 323,64 17 67,87 50 199,63 88 331	_
18 70,18 51 198,86 84 327,54 18 71,86 51 200,60 84 335	-
19 74,08 52 202,76 85 331,44 19 75,86 52 207,61 85 339	
20 77,98 53 206,66 86 335,33 20 79,85 53 211,61 86 343	
21 81,88 54 210,56 87 339,23 21 83,84 54 215,60 87 347	-
22 85,78 55 214,46 88 343,13 22 87,83 55 219,59 88 351	-
23 89,68 56 218,36 89 347,03 28 91,83 56 223,59 89 355	-
24 93,58 57 222,26 90 350,93 24 95,82 57 227,58 90 359	-
25 97,48 58 226,15 91 354,83 25 99,81 58 231,57 91 363	
26 101,38 59 2 3 0,05 92 3 5 8,73 26 103,80 59 2 3 5,56 92 3 6 7	- 1
27 105,28 60 233,95 93 362,63 27 107,80 60 239,56 98 371 98 100 48 61 237 95 04 266 52 98 111 70 61 243 55 04 275	•
28 109,18 61 237,85 94 366,53 28 111,79 61 243,55 94 375	´
29 113,07 62 241,75 95 370,48 29 115,78 62 247,54 95 379 80 116,97 63 245,65 96 374,33 30 119,78 63 251,53 96 383	. 1
	,
31 120,87 64 249,55 97 378,23 34 123,77 64 255,53 97 387 32 124,77 65 253,45 98 382,13 32 127,76 65 259,52 98 391	1
38 128,67 66 257,35 99 386,03 38 131,75 66 263,51 99 395	1
34 132,57 67 261,25 100 389,93 34 135,75 67 267,51 100 399 26,74 30U Durchm. 27, 06 30U Durchm.	· -

		84	B Zou.				87 30	Υ -	91	C.	9. .5
		 .									
efs.	KfB.	图.	Rfb.	lefs.	RfB.	Eff.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			26	Rfg.
2	1 1	ľ	143,05		277,92	2		1	146,39	ł	284,42
. 3		1	147,13	69	282,01	3	' '		150,58	1	288,61
4		I I	151,22	ľ	286,10	4		i I	154,76		292 ,79
5			155,31	1	290,19	5		H	158,94	L	296,97
6	, ,	1	159,40		294,27	6	' - 1	ll i	163,12	ľ	301,16
3	· ' 1	l l	163,48		298,8 6	7	' '	l I	167,81	l _	305,34
8		1 (167,57	ľ .	302,45	8	, ,		171,49	3	309,52
9	, ,		171,66) !	306,53	9	· · ·	7 20 1	175,67	ľ	313,70
10		1	175,74	1	310,62	10		()	179,85	ı	317,89
11			179,88	1	314,71	11	' 1	1	184,04	ŀ	322,07
12			183,92		318,80	12		1	188,22	1	326,25
13	_		188,01		322,88	13	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1	192,40		330,44
14	· ·		192,09	1 1	326,97	14	' ' 	1	196,59	1.	334,62
15		1	196,18	!	331,06	15			200,77		338,80
16	1		200,27	t	335,14	16		1	204,95	1	342,98
17	•	1	204,35	ł l	339,23	17		1	209,13	i .	347,17
18	,		208 ,44		343,32	18			213,32		351,35
19	·	ŀ	212,53		347,41	19			217,50	ł	355,53
20	, ,	1	216,62		351,49	20	1 1	1.1	221,68		359,71 363,90
21		4	220,70	Į i	355,58	21 22	i i	1	225 ,87	Ţ	368,08
22 23	,		224,79		359,67 3 63, 75	23		1)	230,05 234,23	ł.	372,26
24		1	228,88 232,96		367 ,84	24		l1	238,41	Í	376,45
25	1 ' -	ł	237,05		371,93	25		il e	242,60	1	380,63
26	1		241,14		376,02	26	,	H .	246 ,78		384,81
27	1	•	245 ,23		380,10	27		i I	250,9 6	1	388,99
Į.	114,44	1		1	384, 19	28		li '	255 ,15	ł	393,18
1	118,52	:] !	388,28	29			259 ,33	t	397,36
30	· _	į į	257 ,40	1 1	392,37	30	1 25 ,48	!!		ŀ	401,54
	-	1	261,58		396,45	31		r b	267, 69	ı	405,78
32			265,66		400,54	32	· ·		271,88		409,91
			269,75	1	404,68	33	138,03			1	414,09
			T I		408,71		142,21	11			
			oll Dur		- , -			93	oll Dur		
				•				[6	• •]		

		S	3 Zou.					86) Zoq	•	
EfB.	Rfs.	12f.	Rfg.	efs.	Rfb.	Eff.	Rfs.	&f.	Rfb.	18fb.	Kfg.
2	8,55	35	149,78	68	291,60	2	8,75	85	153,20	68	297,65
8	1 '	li .	154,06	1 1	295,28	3	13,13	36	157,58	69	302,03
4	17,11	37	158,34	70	299,56	4	17,50	37	161,96	70	306,41
5	21,89	3 8	162,62	71	303,84	5	21,8 8	3 8	166,33	71	310,78
6	25,67	39	166,90	72	30 8,12	6	.26, 26	39	170,71	72	315,16
3	29, 95	40	171,18	73	312,40	3		\	175,09	(1	319,54
8	34,23	41	175,45	1 1	316,68	8	,		179,46	1	323,92
9	· · ·		179,73		320,96	9		1 1	183,84	!	328,29
10			184,0i	1 1	325,24	10	, , ,		188,22	!!]	332,67
11	, ,		188,29	1 1	329,52	11		. 1	192,60	11	337,05
12	' . I	1	192,57	1	333,80	12	•	1	196,97	'	341,48
18		1 1	196,85	1	338,08	13	,,,		201,35	(345,80
14	, -	1 1	201,13	i I	342,36	14	· ·	1 1	205,73		350,18
15			205,41	1		15			210,11	1	3 54 ,56
16	, , , ,	1 1	209,69		350,91	16	·		214, 48	11 _ '	358,93
17	, ,	1	213,97	; 1	355,19	17	·	i I	218,86	1 '	363,81
18	' '	1 1	218,25) 1	359,47	18	, , ,		223,24	II I	367,69
19	, , ,	1	222,53	1	363,75	19	·	1 1	227, 62		372,07
20		1	226, 81	i i	365,03	20	'		231,99	11	376,44 380,82
21	• •	1 1	231,09	1 1	372,31	21		' I	2 36 ,37	П	•
22		1 I	235,37	1 1	376 ,59 380 ,87	22 23	100,67	1 ' 1	240,75	[]	385,20 389,58
23 24	1	1 1	2 39 ,65 2 43 ,93	1 1	385,15	24	105,05	1 1	_	()	393,95
25	106,98		_	! !	3 89,43	25	109,43	1 1			398,3 <u>8</u>
26		1 1	252,49	1 1	393,71	26	• •	1	258, 26		402,71
27	·	1	256,77	1 1	397,99	27	•		2 62 ,63	1	497,08
28	,	1 !	261,04	1 1	402,27	28	122,56	1 1	-	11	411,46
20	, ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' '	1	265,32	1 1	406,55	20) '		271,39	! 	415,84
30	1 1	1	269, 60	1 _1	410,83	30	1		275,77	16	420,92
31		l l	273,88	1 1	415,11	81	1 '		280,14	11	424,59
32	· 1	1	278,16	1	419,39	32	1		284,52	11	428,97
33			282,44		423,67	83		H	288,90) [483,35
				()	427,95		3	8 1	1	11	437,78
	28,0	1 3	oll Dun	фm.			28,8	3	ol Du	r ợ m	,

	DO Zou	-7 4	/2 {	fuß.	•	• •	91	l Zou.	••	•
Lefs.	Rfg. 112f.	Sfb.	Lfß.	Rfs.	Eff.	Rfb.	Lef.	Rfs.	eff.	Rfg.
3	8,95 35	156,66	68	304,88	2	9,15	35	160,16	68	311,18
3	13,42 36	161,14	69	308,85	3	13,72	36	164,74	1 1	315,76
4	17,90 37	165,62	70	313,33	4	18,30	37	169,32	70	320,83
5	22,88 38	170,09	71	317,81	5	22,8 8	38	173,89	71.	8249 91
6	26, 85 3 9	174,57	72	322 ,28	6	27,45	39	178,47	72	329,49
7	31,33 40	179,04	73	326,76	7	32 ,03	40	183;05	73	334,06
8	35,80 41	1	1	331,2 4	. 8	- 1		187,62	1 1	3 38,64
9	40,28 42	1		335,71	9		1 1	192, 20		343,21
10	44,76 43	1	1	340,19	10			196,77	1	347,79
11	49,23 44	1		344,66	u	-	1 1	201,35	33	352,87
12	53,71 45	1		349,14	12		1 1	20 5,93	1 1	366,94
18	58,19 46	1		353,62	13			210,50		361,52
14	62,66 47	1 1		358,09	14	· ·	1 1	215,08	1 1	366,10
15	67,14 48	1 ' 1	81	362 ,57	15	68, 64	48	219,66	81	370,67
16	71,61 40	1 1	1	367 ,05	16	· · ·	í I	224,23	·	375,25
17	76,09 50	1 1	[371,52	17		1	228,81	1 1	379,82
18	80,57 51	1	1	376 ,00	18		, ,	233,38		384,40
19	85,04 52	1 1	1 1	380,47	19		4 1	237,96	L 1	388,98
20	89,52 58	1 ' 1		384,95	20			242,54		393,55
21	94,00 54	1 ' 1	1	389 ,43	21			247,11		398,18
22	98,47 55		1	393,90	22	•	1 1	251,69	1	402,71
23	102,95 56	1	1 1	398,38	23	105,25	1 1		1 1	407,28
24	107,42 57	1 ' :	i i	402,86	24	109,83		• /	1	411,86
25	111,90 58	1 1	1 1	407,38	25	114,40			. 1	416,48
26	116,38 59	1 (1	411,81	26	118,98	1 1		1 1	421,01
27	120,85 60	1 ' ' '	1 1	416,28	27	123,55				425,59
28	125,33 61	, ,	ł	420,76	28	128,13	1 1			430,16
29	129,81 62	1 ' ' !	1	425, 24	29		1 1	284,79	1	434,74
30	134,28 68		1	429,71	30		1 1	288,30	1	439,82
81	138,76 64		1	434,19	81	i. 1	î l	292,88		443,89
	143,23 65	, , ,	1	438,67	82	146,44	ł I		1	448,47
33	147,71 66	•		443,14	83			302,03		453,04
-2	152,19 67 28,65	XAA'00		447,02	34	1455 ,59	~ ~	300,00	TOO	457,02
• •	. 20 ₁ 05 ;	m Kir	mui.	;		28,9	7 3	ou Dur	Du.	

Walzeninhalt zu dem Umfange von

,	9	3 Bou.	•	93 30U = 7 3/4 Fuß.						
B.	Ref. 24.	Seff.	efs. Rfs.	Eff.	RfB.	ef.	Aff.	Lefs.	Sfg.	
2	9,35 35	163,70	68 318,06	2	9,55	35	167,28	08	325,01	
3	14,03	168,38	69 322,78	8	14,33	36	172,06	69	329,79	
Ł	18,70 37	173,06	70 327,41	4	19,11	37	176,84	70	334,57	
5	23,38 38	177,74	71 332,09	5	23, 89	3 8	181,62	71	339,35	
3	28,06 39	182,41	72 336,77	6	28,67	39	186,40	72	344,13	
*	32,74	187,09		7	33,45	40	1 9 1,18		348,91	
3'	37,41 41	1	1	8	38 ,23	ł I	195,96		353,69	
•	42,09 12	1		9	. 11	1	200,74	1	358,47	
	46,77 43		l l	10	_ 11		205,52		363 ,25	
L	51,45	1 1		11		1 1	210,30	1 1	368,03	
E	56,12 45		1 1	12	: II		215,08	4 1	372,81	
5	60,80 46	1	1	13	1 11	1 [219,86	?	377,58	
	65,48			14	1 · · · H	. t	224,64	1	382,36	
	70,16 48		81 378,86	15		1	229,42		387,14	
	74,83 49	1	! ! ' '	16	, , , , ,	1	234 ,20	. 1	391,92	
	79,51 50			17	1 11		238,98	1 1	396,70	
3	84,19 51	1 ' .	y 1 '- 1	18	, i		243,76		401,48	
	88,87 52	1 '	1 1 1	19	1 ' 11		248, 54	1 . [406,26	
	93,54 53 98,22 54		4 1 1	20	1 - 1		253,31	4 1	411,04 41 5 ,82	
2	102,90 65	, -	" '	21· 22	100,37 105,15			1	420,60	
2	107,57 58	1 ' 1	.) [23	109,13				425,38	
	112,25 57		90 420,96	24	114,71		ı		430,16	
	116,93 58			25	119,49	1 1	L	1 1	434,94	
3	121,61 59	1 1		26	124,27			1 1	439,79	
7	126,28 60		1 1	27	129,04	1 1	1		444,50	
3	130,96 61	1 1	'	28	133,82	1 4	i.		449,28	
)	135,64	1 ' 1		29	138,60	- 1	l l	1 3	454,06	
)	140,32 63	1		30	143,38		L	1	458,84	
	144,99 64	, ,	1 1 1	31	148,16				463,62	
2	149,67 65	,		32	152,94	! 4]	468,40	
3	154,35 66	1	11 1	33	157,72				473,18	
Ł	14	1	100,467,73	4	162,50		-		_	
-		doll Dur					a Dur			

II. Erfahrungs = Tafeln

Massengehalt der Waldbäume,

von jeder Holzart angebend: die Gehaltshöhen zu den außen stehenden Scheitelhoben H in Fußen mittler Gtoße, nebst ben Formzahlen, nach funf verschiedenen Gehalts= 'und Form = Klassen.

In mehr gebrangtem, durftigem Stande, schmachtig und spißig.

In maßigem Schlusse, mehr fraftig und ftammbaft. II. II.

In raumlichem und lichterm Stanbe, schaft= und fro-HI. KI. nenvoil.

In freierm Stande, furger, breiter und bichter beaftet. IV. RI. In einzelnem Stande, niebrig und weit ausgebreitet. V. XI.

Die Nadelholzstämme stehen hier ausnahmsweise ohne alles Aftholz; einschließlich desselben fallen sie der IV. Rl. anheim; die Nadelzweige sind in feiner Klasse mit begriffen.

Erlauterung mit Gebrauchsbeispielen.

Die seltenern Rlaffen IV und V murden fenntlich abgesondert, und zwie ichen den andern wurden noch Ubergangefinfen eingeschaltet. Der Unfangepunte zur Scheitelhohe liegt um 1 des Stockburchmeffere über der Bodenflache; die Gehaltshohenzahl begreift also das eigentliche Erdholz nicht mit. Zu der hier befindlichen Gehaltshöhe sucht man den Holzmassen: Gehalt in der Walzentafel unter der bezüglichen Stammftarfe. 3. B.

1) Eine Buche II. Ri. mit 70 H hatte 40,55 jur Gehaltshohe und bei

4 U. zum Maffengehalt 51,62 Riff.

33

, ,

1

•

K

2) Eine Fichte, ganz einzeln ermachfen, hatte ohne alles Aftholz unter V. Kl. zu 50' H nur 23,85 Gehaltshohe und bei 41' U., 38,43 Kff. Einschließlich des vorausgesetzten Nugungsverlustes murden diesem Stamme in der IV, Klasse mit 38,85 Gehaltshohe 54,54 Kfg. zufommen konnen.

3) Fallen beizubehaltende Scheitelhohen zwischen die hier won 5 gu 5 Fuß angenommenen, so berechnet man die zugehörige Gehaltshöhe nach dem de zwischen befindlichen Differenztheile. Gine Giche von 83' H, II. Rl. hat zur $49,58 - 46,93 \times 3 = 48,52.$

Gehaltshöhe 46,93 +

4) Wo die Scheitelhöhen der Tafeln eben nicht zureichen, sucht man die Eine 130 hohe Fichte fragliche Gehaltshohe nach der letten Differenz. 11. Al. hatte nach der lettern Steigung über 110 hinaus auf jede 5' Scheitelhohe 2,21 Sehaltshöhenzunahme, also zur Gehaltshöhe 37.59 + 2,21 × 4 = 66,33.

5) Hatte in einem Riefernbestande die ausgezählte Stärkenkiasse von 83' U. an 178 Stämmen im Durchschnitte 65' H und II. Ri. (32,63 Gehaltsbobe):

fo ergabe die Walzentafel:

Bur gefammten Stammgrundflache von 100 Stammen 97,48 5ff. 78 pon 71,16

> 168.64 8f8. im Ganzen .

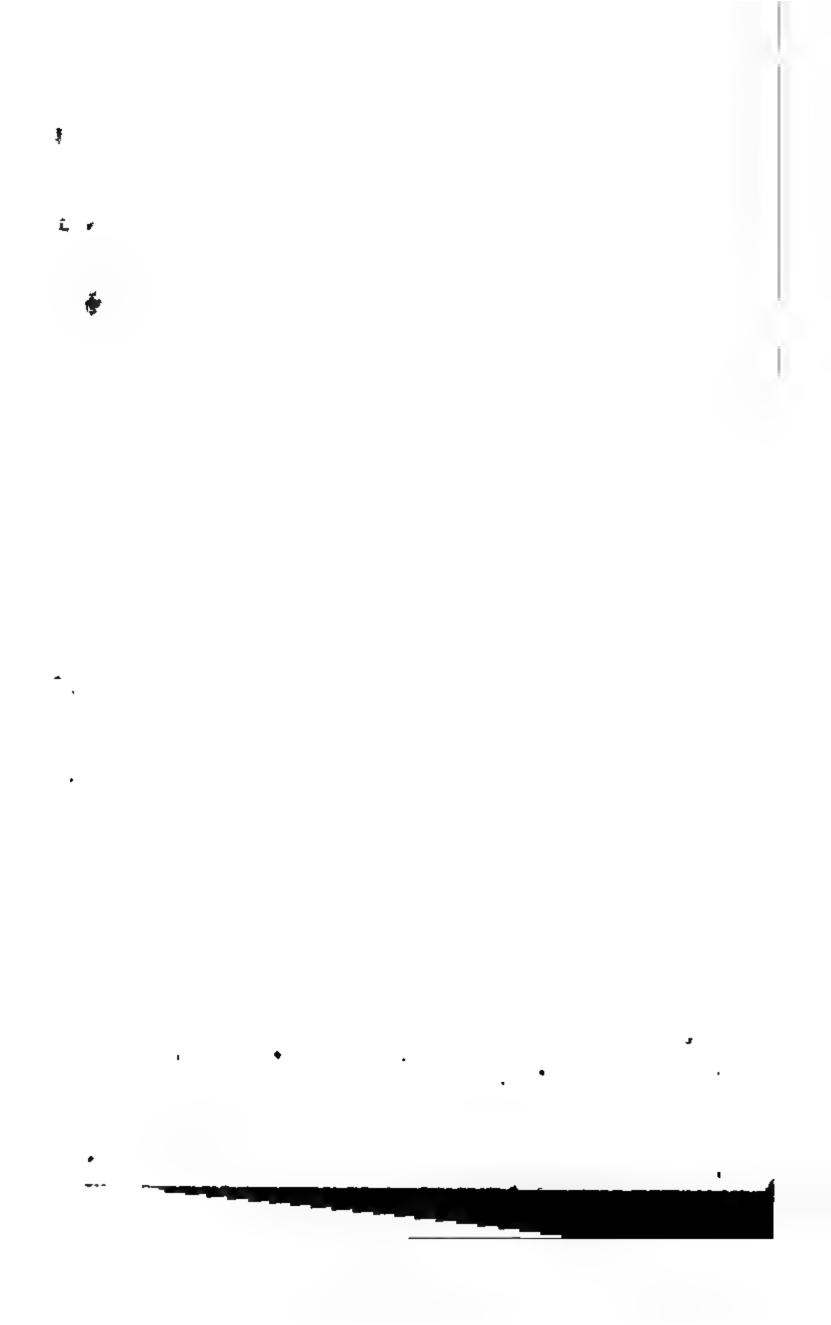
und dies multiplizirt mit der Gehaltshöhe **82**,63

an Maffengehalt: 5502,72 Aff

	96	B o	a = 8	Fu	β. .	97 Jou.						
eff.	Rfg.	rf.	Rfg.	lefs.	Rfs.	Efß.	Rfs.	L f.	Rfß.	LEB.	Kfb.	
2	10,18	35	178,25	68	346,32	2	10,30	35	181,98	68	353,57	
3	15,27	36	183,34	69	351,41	8	15,59	36	187,18	69	358,77	
• 4	20,37	37	188,43	70	356,5 0	4	20, 79	37	192 ,88	70	363,97	
5	25,46	38	193 ,53	71	361,60	5	25,9 9	38	197,58	n	369,17	
6	30,55	3 9	198,62	72	366 ,69	6	31 ,19	39	202 ,78	. 72	374,37	
7	35,65	40	203,71	73	371,78	7	36,3 9	40	207,98	1	379,57	
8	40,74	41	208,81	N.	376,87	8	41,59	41	213,18		384,77	
9	45,83	42	213,90	75	381,97	9	46 ,79	42	218,38	7 6	389,97	
10	50 ,92	43	218,99	76	387,06	10		11 .	223,58		395,17	
f1		()	224,09	3	392 ,15	11	_	11 1	228,78		400,36	
12	61,11	45	229,18	78	397,25	12			233,98		405,56	
13		11	234,27	11	402,34	13		11 '	239 ,18	N II	410,76	
14			23 9,36		407,43	14		11	244,88		415,96	
15	1		241 ,46	I .	412,52	15		31 1	249,58		421,16	
16		[P	249,5 5		417,62	16	1	17	254,78		426,86	
17	, i	1.5	254 ,64	1	422,71	17		14 1	259,98		431,56	
18	1 ' '	1	259,74		427,80	18		11 4	265 ,18	l I	436,76	
19	, ,	11	264 ,83	•	432,90	19			270,37		441,96	
20		1	269,92	1	437,99	20		11	275,57	II .	447,16	
.21			275,01	l .	443,08	21			280,77	3 1	452,36	
22	112,04		•		448,17	22			285,97		457,56	
23		1	285,20	1	453,27	23		11 1	291,17		462,76	
24	, · .	•	290,29	1)	468,36	24		ti j	296,37	1	467,96	
, 25	1 ' 1		295,89	11	463,45	25		11 1	301,57		473,16	
26		1	300,48	11	468,55	26		13 1	306,77	1 1	478,36	
27		1	305,57	II I	473,64	27	·	1	311,97	1	483,56	
28	•		310,67		478,73	28	· '	11 1	317,17		488,76	
29		H	315,76	li	483,83	29		11	322,37		493,96	
30	1 ' '	ı	320,85	И .	488,92	30		1 1	32 7 ,57	1	499,16	
81	1 ' 1		325,94	1.	494,01	31			332,77		504,36 500 56	
32	1 '- 1		331,04		499,11	32		11 1	337,97	1	309,56	
38	اء أحجا		336,13	-	504,20	33	,		343,17	11 1	514,76	
34	•	-	341,22			51	176,78				919,90	
•	3U, 5	ບ ສຸ	off Dur	ψM.		ı	· 0U,0	_ට	oll Dur	भूगा.	1	

Gehaltshöhen und Formzahlen der Waldbuche und Hainbuche. -

H.	Ι	I1/2.	II.]] ¹ /2	III.	IV.	V.	Н.
15	8,53	8,88	9,22	9,67	10,12	11,24	12,57	15
20	11,30	11,77	12,23	12,83	13,43	14,92	16,68	20
- 25	14,03	14,62	15,21	15,96	16,71	18,56 ·	20,76	25
80	16,73	17,44	18,16	19,06	19,96	22,17	24,79	30
Fz.	0,457	0,581	0,605	0,635	0,665	0,739	0,826	30
3 5	19,39	20,23	21,07	22,12	23,17	25,74	28,79	35
40	22,01	22,98	23,95	25,15	26,35	29, 28	32,74	.40
45	24,60	25,70	26,80	28,15	.29,50	32, 79	36,66	45
50	27 ,15	28,38	29 ,61	31,11	32,61	36,26	40,54	59
Fz.	0,543	0,567	0,592	0,622	0,652	0,725	0,810	50
55	29,66	31,03	32,40	34,05	35,70	39,69	44,38	55
60	32 ,13	33,64	35,15	36,95	38,75	43,09	48,18	60
65	34,57	36,22	37,87	39,82	41,77	· 46 ,4 6	51,94	· 65
70	36,97	38,76	40,55	42,65	44,75	49,79	55,66	79
Fz.	0,528	0,558	0,579	0,609	0,639	0,711	0,795	70
75	39,34	41,27	43,20	45,45	47,70	58, 08		75
80	41,66	43,74	45,82	48,22	50 ,62	56,3 4		80
85	43,95	46 ,18	48,41	50,96	53,51	59 ,57		85
90	46,21	48,59	50,96	53,66	56,36	62,76		96
Fz.	0,513	0,539	0,566	0,596	0,626	0,697		90
95	48,42	50,96	53 ,49	56,34	59,19			95
100	50,60	53,29	5 5,97	58,97	61,97			100
105	52,75	55 ,59	58,43	61,58	64,73	_	-	105
110	54 ,85	57, 85	60,86	64,16	67 ,46			-110
Fz.	0,498	0,525	0,553	0,583	0,613			110



Gehaltshöhen und Formzahlen der Aspe, Pappet und Erle.

	-		•			والمستومي			
	H.	I.	I ¹ /9.	11.	II¹/s	III.	IV.	. V.	H.
T	15	8,23	8,51	8,78	9,08	9,38	10,13	11,16	15
	20	10,91	11,28	11,56	12,05	12,45	13,45	14,8t	20
ı	35	13,55	14,02	14,48	14,98,	15,48	16,78	18,42	25
	20	16,25	16,72	17,29	17,89	18,49	19,99	22,00	80
	Fz.	0,588	0,557	40,576	0,596	0,616	0,666*	0,733	80.
ı	35	18,72	19,39	20,06	20,76	21,46	23,21	23,55	36
	40	21,25	22,03	22,80	23,60	24,40		. 29,05	40
ľ	45	23,75	24,63	25,52	26,42	27,32	29,57	32,52	45
1	50	36, 21	27,20	28,20	29,20	30,20	33,70	*\$5, 96	50
l	Fz.	0,524	0,544	0,564	0,584	0,604	0,654	0,719	50
	55	25,64	29,74	30,85	31,9	33,05	35,80	89,86	55
I	60	31,02	32,25	33,47	34,67	35,87	\$ 8,87	42,72	60
ı	63	33,38	34,72	36 ,05	37,35	38,65	41,90	45, 05	65
	30	35,70	37,15	38,61	40,01	41,41	44,91	49,85	70
ł	Fz	0,510	0,530	0,551	0,571	0,591	0,641	0,705	70
	75	31,98	39,56	41,14	42,64	44,14	17,89		25
ı	80	40,28	41,93	43,68	45,23	46,83	50,		80.
ł	66 .	42,44	44,27	49,10	47,80	49,50	53,75		Ban'
	90	44,61	46,57	45,58	* 50,33	52,18	56,63		90
	Fa	0,495	0,517	0,539	0,559	0,579	• 0,629		90
	95	46,75	48,84	50,98	52,83	54,73		— .	95
K	100	48,85	51,08	53,30	55,30	57,30		-	. 160
H	105	50,92	53,28	54,65	37,75	5 9,85	٠		105
Ì.	110	54 ,96	55,46	57,96	60,16	62,36		,	110
	Fr.	0,481	0,504	0,526	0,546	0,566	-1	-	110

	106	3	ou.	107 3ou.					108 301 = 9 Fuß.				
2 f.1		ef.		ef.			Rfs.	ef.			Rfg.		
2	i i	1	217,32	2	12,65		221,44	2			225,60		
2	18,62	} '	223,53	3	18,98	[]	227,77	8	19,33	1	232,04		
4	·		229,74	4		1	234,00	4	25,78	}	238,49		
5	(' 1		235,95	5			240,42	5	•		244,93		
6	1	l .	242,16	6	· .		246,75	- 6	_	7	251.68		
7	43,46	ľ	248,37	7	44,28		253,07	7		L .	257,83		
8	_		254,57	8	50,61	41	259 ,40.	8	. 51,56	41	264,27		
9	55,8 8	42	260 ,78	9	56,94	42	265,73	9	55,01	42	270,72		
10	62, 09	43	266,99	10	63,726	43	272,05	10	, ,	i i	277,16		
11	•	Ł	273,20	11	69 ,59	i	278,38	11	70,90		283,61		
12	. · · .	45	279,41	12	75,92	1	284,71	12			290,06		
18	, , ,	ł	285,62	13		1	291,04	13	,,,		296 ,50		
14	''	1	291,83	14		ì	297,36	14	, ,	Ţ.	302,95		
15	' 1	I .	298,04	15		1	303,69	15			309,89		
16	· 1		304,25		101,23		310,02		103,13		315,84		
3	105,55	, ,	310,46	17	' i		316,84		109,57	1	322,28		
	111,76	•	316,67		113,88		322,67		116,02	1	328,73		
	117,97 124,18		322,88 329,09		120,21 126,53	1	329,00 335,32		122,46 128,91	J.B.	335,18 341,62		
	130,39		335,29		132,8 6	j	341,65	1	135,36	i i	348,07		
	136,6 0	J.	341,50		139,19	I	347,98		141,80	l d	354,51		
1	142,81	1	347,71		145,52	1	354,30		148,25		360,96		
i i	149,02	1	353,92		151,84	1	36 0,63		154,69		367,40		
	155,23	i	360,13		158,17	1	366,96		161,14		373,85		
	161,44		366,34		164,50	I	373,29		167,59	1	380,30		
	167,64	1	372,55	ŧ l	170,82	\$	379,61		174,03	ŧ	386,74		
	173,85	1	403,60		177,15		411,25	'	180,48	65	418,97		
29	180,06	70	434,64	29	183, 48	70	442,88	2 9	186,92	70	451,20		
	186,27		465,69	30	189,80	75	474,59	80	193,37	75	483,48		
	192, 48	•	496,74	31	196,13	80	506 ,15	31	199,81	80	515,66		
	198,69		527,78	32	202 ,46	ł	537,79		206,26	l I	547,89		
33	204,90	90	558,83	33	208, 78	H	569,4 2		212,71	15	580,12.		
34	211,11	100	620,92		•		632,69	34	219,15	100	644,57		
H 33	1,74 Bol	I Di	ur chm.	34	4 06∙80	A D	urchm.	3	4,8 8 3 0	A D	urdm.		

Gehaltshöhen und Formzahlen der & ar-ch e und Kiefer.

H.	I.]¹/2.	11.]]1 _{/2}	HI.	IV.	V.	Н.
15	7,36	7,66	7,96	8,40	8,85	10,01	6,75	15
20	9,76	10,16	10,56	11,15	11,73	13,26	8,93	20
25	12,13	12,63	13,13	13,85	14,58	16,47	11,08	25
30	14,47	15,07	15,67	16,53	17,40	19,65	13,20	30
Fz.	0,482	0,502	0,522	0,551	9,5 80	0,655	9,440	80
35	16,78	17,48	18,18	19,18	20,18	22,77	15,28	3 5
40	19,06	19,86	20,66	21,80	22,93	25,86	17,33	40
45	21,31	22,21	23,11	24,38	25,65	28,91	19,35	45
50	23, 54	24, 54	25, 54 [*]	26,93	28,33	31,91	21,35	•50
Fz.	0,470	0,490	0,510	0,538	9,566	0,638	0,426	50
55	25,73	26,83	27,93	29,46	30,98	34,88	23,28	5 5
60	27,90	29,10	30,30	31 ,95	33,60	37, 80	25,20	60
65	30,03	31,33	32,63	34,41	36,18	40,68	27,08	65
70	32,14	33,54	34,94	36,83	38,73	43,51	28,98	70
Fz.	0,459	0,479	0,499	0,526	9 ,553	0,621	0,413	70
75	34,22	35,72	37,22	39,2 3	41,25	46,31	30,75	75
80	36,26	37,86	39,46	41,60	43,73	. 49,06	32,53	80
85	38,28	39,98	41,68	43,93	46,18	51,78	34,28	85
96	40,27	42,07	43,87	46,23	48,60	54 ,45	36,00	96
Fz.	0,447	0,467	0,487	0,513	0,540	0,605	0,400	90
95	42,23	44,13	46,03	48,51	50,98			95
100	44,16	46,16	48,16	50 ,75	53,33	_	. —	100
110	47,94	50,14	52,34	55,14				110
120	51,60	54,00	56, 40	59, 40	• . .	5	 ,	120
Fz.	0,430	0,450	0,470	0,495	*	•		120

	115	30	a.		116	30	u.	11	73. =	= 8	148	
Ef.	Rff.	8f.	Rfb.	Ef.	Kfb.	&f.	Rfg.	56	Ref.	ef.	RfB.	-
2	14,61	35	255,79	2	14,87	35	260,26	2	15,12	35	264,76	15
3	21,92	86	263,10	3	22,30	36	267,69	3	22,69	1	272,33	
4	,	LI .	270,41	. 4	29,74	37	275,13	4	30,25	37	279,89	,]
. 5	, ,		277,71	5	''	(282,57	5	37,82	1	287,46	18
6	,	3 %	36 5,02	6	a '	1	290,00	6		1	295,02	18
7	· .	!!	292,33	4	52,0 5	a de la companya de l	297,44	7	,,,		302 ,59	
8	1 '	i i	299,64	8	, ,	I	304,87	8	• .		310,15	
9	, , ,	١	306,95	9	,,,	l .	312,31	9			317,72	- 48
10	1 '	t e	314,26	.10			319,75	19		,	\$25,28	Ti I
11 12	1	4	321,57	11	81,79	P	327 ,18	11	' '	1	332,85	18
13	1 '*	ł	328,87 336,18	12	· '	t	334,62	12			340,41	
! }	102,31	i	3 43 ,49	13	96,66 1 94,1 0	f .	342,05	13	, 	•	347 ,98	- 14
8 {	109,62	11	350,80	ר ו	111,54	1	349, 49 356, 93	R I	166,90	•	355,54	
	116,93		358,11	1		٠			113,47	1	363,11	18
	124,24	4	365,42	• .	115,97 126, 41	. 27	364,30 371,80		121,03 128,60	1	370,67 378,24	1
	131,55	l.I	372,72	1	133,84	ł .	379,23		136,16	1	38 5 ,80)=
II.	138,85	il.	380,03) i	141,28		386,67		143,73			7
ľ	146,16	11 .	387,34		148,72		394,11		151,29		400,93	
Ų.	153,47		394,65		156,15	i .	401,54		158,86	f	408,50	- 1
	160,78	11	401,96		163 ,59	ľ	408,98		166,42		416,06	1
	168,09	12	409,27	4 '1	171,02	1	416,41		173,99	. B	423,63	12
24	175,40	57	416,57		178,40	1	423,85		181,55	3	431,19	12
25	182,71		423,88		185,90	•	481,29		189,12		438,76	190
	190, 01		431,19	26	193,33		438,72		196,68	Į.	446,32	- 18
27	197,32	60	438,50	27	200,77	60	446,16		104 ,25	·	453,88	
	204,63	1	475,04	28	208,20	65	483 ,34		211,81	t e	491,71	7
	211,94	ı	511,58	29	215,64	70	520, 52	29	9,38	70	529,53	,
# 1	219,25	a de la composição de l	548,13		223,08	75	557 ,70		226 ,94		567,36	•
	226,56	ž .	584,67		230,51	1	594,88		234,50		605,18	
1 1	233,86		621,21		237 ,95	4	632 ,06		242,07		643,01	386
	241,17	1 . 1	657,75		245,39	90	669,24	1	249 ,63			
			730,84				743,60	34	2 57 ,20 ,24 3 01	100	756,48	I
II 36	1,61 Bol	I Di	ur c m.	36	,92 Bol	D	uccipia.	37	,24 Bol	I D	ur c m.	

Ef. Rfg. Ef	ā.
3 23,08 36 277,00 3 23,47 36 281,72 3 23,67 36 286,28 4 31,30 37 289,54 4 31,83 37 294,53 5 39,12 36 297,37 5 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 39,78 38 392,94 392,96 647,74 39 310,77 40 313,02 7 55,70 40 318,62 9 369,25 42 323,17 9 70,43 42 328,67 9 71,61 42 334, 10 79,57 43 342, 11 84,64 44 338,65 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 93,90 45 352,15 12 95,49	
4 30,77 37 284,70 4 31,30 37 289,54 4 31,83 37 294,75 5 39,78 38 392,78 38 392,89 5 39,12 39 297,37 5 39,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 38 392,78 39 310,79 40 313,02 7 55,70 40 318,79 310,79 40 313,02 7 55,70 40 318,79 310,79 40 318,60 41 320,85 8 63,66 41 326,49 9 71,61 42 334,29 11 31,61 328,67 9 71,61 42 334,29 11 344,32 11 87,53 44 350,61 12	52
5 38,47 38 292,39 5 39,12 38 297,37 5 39,78 38 362,60 6 47,74 39 310,78 7 54,77 40 313,02 7 55,70 40 318,6 8 62,60 41 320,85 8 63,66 41 326,6 9 71,61 42 334,1 10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 336,50 10 79,57 43 342,3 11 87,53 44 344,32 11 87,53 44 344,32 11 87,53 44 350,42 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 358,4 13 100,03 10 353,95 13 101,73 46 359,93 13 103,45 46 366,6 14 111,40 47 374,4 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381,4 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49	47
6 46,16 29 300,09 6 46,95 30 303,20 6 47,74 39 310, 7 53,86 40 307,78 7 54,77 40 313,02 7 55,70 40 318, 8 61,55 41 315,48 8 62,60 41 320,85 8 63,66 41 326, 9 69,25 42 323,17 9 70,43 42 328,67 9 71,61 42 334, 10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 336,50 10 79,57 43 342, 11 84,64 14 338,56 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 92,33 15 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 358, 13 100,03 14 353,95 13 101,73 46 359,98 13 103,45 46 366, 14 107,72 17 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 53 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437,52 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 188,02 56 445,	43
7 53,86 40 307,78 7 54,77 40 313,02 7 55,70 40 318,8 8 61,55 41 315,48 8 62,60 41 320,85 8 63,66 41 326,9 9 69,25 42 323,17 9 70,43 42 328,67 9 71,61 42 334, 10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 836,50 10 79,57 43 342, 11 84,64 14 338,56 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 92,43 35 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 458, 13 100,03 353,95 13 101,73 46 359,96 13 103,45 46 366, 14 107,72 47 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15	_
8 61,55 41 315,48 8 62,60 41 320,85 8 63,66 41 326, 9 69,25 42 323,17 9 70,43 42 328,67 9 71,61 42 334, 10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 336,50 10 79,57 43 342, 11 84,64 44 348,62 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 458, 13 100,03 40 353,95 13 101,73 46 359,98 13 103,45 46 366, 14 107,72 47 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, </th <th></th>	
9 69,25 42 323,17 9 70,43 42 328,67 9 71,61 42 334, 10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 336,50 10 79,57 43 342, 11 84,64 14 338,56 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 92,33 45 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 458, 13 100,03 49 353,95 13 101,73 46 359,93 13 103,45 46 366, 14 107,72 47 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 413,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56 445,	_
10 76,94 43 330,87 10 78,25 43 336,50 10 79,57 43 342, 11 84,64 44 338,56 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 92,33 45 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 458, 13 100,03 40 353,95 13 101,73 46 359,96 13 103,45 46 366, 14 107,72 43 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, <th></th>	
11 84,64 14 338,56 11 86,08 44 344,32 11 87,53 44 350, 12 92,33 15 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 458, 13 100,03 14 353,95 13 101,73 46 359,96 13 103,45 46 366, 14 107,72 17 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 53 414,76 29 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 448,23 23 188,02 56 445,	
12 92,23 35 346,26 12 93,90 45 352,15 12 95,49 45 158,150 13 100,03 36 353,95 13 101,73 46 359,96 13 103,45 46 366,14 14 107,72 47 361,65 14 109,55 47 363,80 14 111,40 47 374, 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52	
13 100,03 10 353,95 13 101,73 46 359,96 13 103,45 46 366,6 14 107,72 17 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374,4 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381,45 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53	
14 107,72 361,65 14 109,55 47 367,80 14 111,40 47 374,11 15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381, 16 123,11 49 337,04 16 125,21 49 363,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,38 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405,3 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 53 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 413,51 21 164,32 54 422,58 21 167,11 54 429,	-
15 115,42 48 369,34 15 117,38 48 375,63 15 119,36 49 381,45 16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389, 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397, 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405, 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413, 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55	
16 123,11 49 377,04 16 125,21 49 383,45 16 127,32 49 389,45 17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397,4 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405,4 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413,23 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56	
17 130,80 50 384,73 17 133,03 50 391,28 17 135,28 50 397,1 18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405,1 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413,23 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421,21 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56 445,	
18 138,50 51 392,42 18 140,86 51 399,10 18 143,23 51 405,4 19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413,2 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56 445,	
19 146,19 52 400,12 19 148,68 52 406,93 19 151,19 52 413,20 20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56 445,	
20 153,89 53 407,81 20 156,51 63 414,76 20 159,15 53 421, 21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429, 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437, 23 175,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 183,02 56 445,	
21 161,58 54 415,51 21 164,33 54 422,58 21 167,11 54 429,7 22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437,4 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 448,23 23 183,02 56 445,4	_
22 169,28 55 423,20 22 172,16 55 430,41 22 175,07 55 437,4 23 176,97 56 430,90 23 179,99 56 438,23 23 188,02 56 445,	
23 175,97 56 430,90 23 179,99 56 418,23 23 188,02 56 445,	•
	-
24 184,67 57 438,50 24 187,81 57 446,06 24 190,98 57 453,4	
	-
25 192,36 58 446,29 25 193,64 58 453,88 25 198,94 58 461, 26 200,06 59 453,98 26 203,46 59 461,71 26 206,90 59 469,	
27 201,75 60 461,68 27 211,29 60 469,54 27 214,85 66 477	
28 215,45 65 500,15 28 219,11 65 508,66 28 222,81 65 517,	-
29 223,14 79 588,62 29 226,94 70 547,79 29 230,77 79 557,	
30 230,84 75 577,10 30 234,77 75 388,92 30 238,73 75 596,	
81 238,53 80 615,57 81 242,59 80 626,05 31 246,69 89 636,	
32 246,23 85 654,04 32 250,42 85 665,18 32 254,64 85 676,	
32 255,92 90 692,52 33 258,24 90 704,31 32 262,60 90 T16,	-
34 261,61 100 769,47 34 266,07 100 782,56 34 270,56 100 795,	-
37,56 Bell Durchm. 37,88 Boll Durchm. 36,20 Bell Durchm	

Gehaltshöhen der Baumschäfte mit unbestimmter Entgipfelung.

Н.	I.	II.	III.	III.	III1	IV.	V.	Н.
81	25,30	27,06	27,60	28,04	28,40	28,71	29,23	31
32	25,79	27,71	28,30	28,77	29,16	29,50	30,06	32
83	26, 26	28,34	28,98	29,49	29,92	30, 28	30 ,88	33
34	26,70	28,95	29,65	30,20	30,66	\$1,05	31,69	34
3 5	27,12	29,56	30,31	30,90	31,39	31,81	32,50	35
36	27,52	30,15	30 ,95	31,59	32,11	32, 56	33, 29	3 6
37	27,90	30,72	31,58	32, 26	32,82	33,30	34, 08	37
3 8	28,25	31,28	32,20	32,93	33,52	34,03	34, 86	3 8
3 9	28,5 8	31,82	82,8 0	33,5 8	34,21	34,75	35,63	3 9
40	28,90	32,85	33,40	34,22	34,90	35,47	36 ,40	40
41	29, 18	32, 86	33,97	34,85	35, 56	36,17	37,15	41
42	29 ,45	3 3,36	34,54	35,47	36,22	36, 86	37,90	42
43	29,70	33,84	35,09	36,07	36,87	37 ,55	5 8,64	43
44	29,92	34,31	35 ,63	36 ,67	37,51	38,22	39,37	44
45	30,12	34,76	36,16	37,25	38,14	38,89	40,10	45
46	30,3 Q	35,20	36,67	37,82	38,76	39,54	40,81	46
47	30,4 6	35,62	37,17	38,3 8	39,37	40,19	41,52	47
48	30 ,59	36 ,03	37,66	38,93	39 ,96	40,83	42,22	48
49	30,70	36,42	38,13	39,47	40,55	41,46	42,91	49
50	30,8 0	36,8 0	3 8,60	40,00	41,13	42, 08	43,60	50
51		37,16	39,04	40,51	41,70	42,68	44,27	51
52		37,51	39 ,48	41,01	42,25	43,28	44,94	52
53	_	37,84	39,90	41,50	42, 80	43,87	45,60	53
54		38,16	40,31	41,98	43,33	44 ,46	46,25	54
55		38,46	40,71	42,45	43 ,86	45,03	46,90	55
56		38,75	41,09	42,91	44,37	45 ,59	47,53	56
57		39 ,02	41,46	43,35	44,88	46,14	48,16	57
5 8	∸	39 ,28	41,82	43,79	45,37	46,69	48,78	5 8
59	-	39,52	42,16	44,21	45 ,86	47,22	49,39	59
60	-	39,75	42, 50	44,62	46,33	47,75	50, 00	60

6.5 % 6-5 %											
8	Zou.	8	z Zoa.	9		-9	Z Zoa.	10	Boa.	10	Bea.
Lf.	RfB.	Ef.	Rfb.	ef.	Kfb.	ef.	Riß.	21.	Rfs.	Ef.	Riff.
2	0,69	2	0,78	2	0,88	2	0,98	2	1,09	2	1,20
3	1,04	8	1,18	3	1,32	3	1,47	3	1,63	8	1,80
4	1,39	4	1,57	4	1,76	4	1,96	4	2,18	4	2,40
* 5	1,74	5	1,97	5	2,20	5	2,46	5	2,72	5	3,00
6	2,09	6	2,36	6	2,65	6	2,95	6	3,27	ម	3,6 0
7	2,44	7	2,75	7	3,09	7	3,44	7	3,81	3	4,20
8	2,79	8	3,15	8	3,53	-8	3, 93	8	4,36	8	4,81
. 8	3,14	9	3,54	9	3,97	9	4,43	9	4,90	9	5,41
10	3,49	10	3,94	10	4,41	10	4,92	10	5 ,45	10	6,01
.11	3,83	11	4,33	11	4,85	11	5,41	11	5,99	11	6,61
12	4,18	12	4,72	12	5,30	12	5,9 0	12	6,54	12	7,21
13	4,53	13	5,12	13	5,74	13	6,89	13	7,09	13	7,81
14	4,88	14	5,51	14	6,18	14	6,89	14	7,63	14	8,41
15	5,23	15	5,91	15	6,62	15	7,38	15	· 8,18	15	9,01
16	•	16	6,30	16		16	7,87	16	8,72	16	9,62
17	5,93	17	6,69	17	7,51	17	8,36	17	9,27	17	10,22
18	6,28	18	7,09	18	7,95	18	8,86	18	9,81	18	10,82
19	′ 1	19	7,48	19	8,39	19	•	-19	10,36	19	11,42
20	6,98	20	7,88	20	8,83	20	9,84	20	10,90	20	12,02
21	7,33	21	8,27	21	9,27	21	10,33	21	11,45	21	12,62
22	7,67	22	8,66	22	9,71	22	10,82	22	11,99	22	13,99
23	8,03	23	9,06	23	10,16	23	11,32	23	12,54	23	13,83
24	8,37	24	9,45	24	10,60	24	11,81	24	13,08	24	14,48
25	8,72	25	9,85	25	11,04	25	12,30	25	13,68	25	15,08
26	9,07	26	10,24	26	11,48	26	12,79	26	14,18	26	15,63
27	9,42	27	10,63	27	11,92	27	13,29	27	14,72	27	16,23
28	9,77	28	11,03	2 8	12,37	28	13,78	28	15,27	28	16,83
29	10,12	29	11,42	29	12,81	29	14,27	29	15,81	29	17,43
3 0	10,47	30	11,82	80	13,25	30	14,76	30	16,36	30	18,03
31	10,82	31	12,21	81	13,69	31	15,25	31	16,90	31	18,64
32	11,17	32	12,61	32	14,13	32	15,75	32	17,45	32	19,24
33	11,51	33	13,00	33	14,57	33	16,24	33	17,99	33	19,84
- OZI	11,00	01	10,00	34	13,02	34	10,73	94	15,54	<u>01</u>	20,44 98,3.U.
25,	13 3, U.	26,	70 B. U.	28,9	273.4.	29,	843. U.	31,4	41 Z. U.	32 ,9	98 3. U.

	44 2.11 441 2.11			400 0 %		191201		n 12 2 an		14012	
11	Zou.		$\frac{1}{2}300$.		Zou.		Z3ou.		Bzou.		1 3ou.
L f.1	Kfb.	Li. 1	Rfs.	¥f.1	Kiß.	8f.	Rfg.	&f.	Rfb.	8f.	Rfs.
2	1,31	2	. 1,44	2	1,57	2	1,70	2	1,84	2	1,98
3	1,97	8	2,16	3	2,35	3	2,55	3	2,76	3	2,98
4	2,63	4	2,88	4	3,14	4	3,40	4	3,6 8	4	3,97
5	3,29	5	3,60	5	3,92	5	4,26	5	4,60	5	4,97
6	3,95	6	4,32	6	4,71	6	5,11	6	5,53	6	5,96
7	4,61	7	5,04	3	5,49	3	5,96	7	6 ,45.	3	6,95
8	5,27	8	5,77	8	6,28	8	6,81	8	7,37	8	7,95
9	5,93	• 9	6,49	9	7,06	9	7,66	9	8,29	9	8,94
10	6,59	10	7,21	10	7,85	10	8,52	10	9,21	10	9,94
11	7,25	11	7,93	11	8,63	11	9,37	11	10,13	11	10,93
12	7,91	12	8,65	12	9,42	12	19;22	12	11,06	12	11,92
13	8,57	13		13	10,21	13	11,07	13	11,98	13	12,92
14	9,23	14	10,09	14	10,99	14	11,93	14	12,90	14	13,91
15	9,89	15	10,81	15	11,78	15	12,78	15	18,82	15	14,91
16	10,55	16	11,54	16	12,56	16	13,63	16	14,74	16	15,90
17	11,21	17	12,26	17	13,35	1.7	14,48	17	15,66	17	16,89
18	11,87	18	12,98	18	14,13	18	·	18	16,59	18	17,89
19	12,53	19	13,70	19	14,92	19	16,19	19	17,51	19	18,38
20	13,19	20	14,42	20	15,70	20	17,04	20	18,43	20	19,88
21	13,85	21	15,14	21	16,49	21	17,89	21	19,85	21	20,87
22	14,51	22	15,86	22	17,27	2 2	. 18,74	22	20,27	22	21,86
23	15,17	23	16,59	23	18,06	23	19,60	23	21,20	23	22,86
24	15,83	24	17,31	21	18,84	24		24	22,12	24	23,85
25	16,49	25	18,03	25	19,63	25	21,30	25	23,04	25	24,85
26	17,15	26	18,75	26	20,42	23	22,15	26	23,96	26	25,84
27	17,81	27	19,47	27	21,20	27	23,00	27	24,88	27	26 ,83
28	18,47	28	20,19	28	21,99	28	23,86	29	25,80	28	27,83
20	19,13	29		29	22,77	29	24,71	29	26,73	29	28,82
30	19,79	30	1	30	23,56	30	•	30	27,65	30	29,82
31	20,45	81	22,36	31	24,34	31	26,41	31	28,57	31	30,81
32	21,11	82	, -	32	25,13	32	1 ' '	32	, ,	32	31,80
33	21,77	33		33	25,91	33		33	30,41	33	32,80
34	22,43	34	24,52	31	26,70	34	28,97	34	31,33	31	33,79
84,5	34 22,43 34 2 34,563. U. 36,13			37,	70 B. U.	39,	273.U.	40,	84 3. U. 8* 1	42,41 3. U.	

14	L Zou.	14	LIZOU.	18	Sou.	15	Z ZoU.	10	Boa.	16	I Zoa.
ef.	Rfs.	ej.	Rfg.	Lf.	Rfb.	Lf.	Rfb.	٤f. ا	RfB.	2 f.1	Mfg.
2	2,13	2	2,29	2	2,45	2	2,62	2	2,79	2	2,96
8	3,20	3	3,44	3	3,68	3	3,93	8	4,18	3	4,45
4	4,27	4	4,58	4	4,90	4	5,24	4	5,58	4	5,93
5	5,84	5	5,73	5	6,13	5	6,55	5	6,98	5	7,42
6	6,41	6	6,88	6	7,36	6	7,86	6	8,37	б	8,90
7	7,48	7	8,02	3	8,59	7	9,17	3	9,77	3	10,39
8		8	9,17	8	9,81	ģ	10,48	8	11,17	8	11,87
9	9,62	9	10,32	9	11,04	9	11,79	9	12,56	9	13,36
10		10	11,46	10	12,27	10	13,10	10	13,96	10	14,84
11	, ,	11	12,61	11	13,49	11	14,41	11	15,35	11	16,33
12		.12	13,76	12	14,72	12	15,72	12	16,75	12	17,81
13	13,89	13	14,90	13	15,95	13	17,03	13	18,15	13	19,30
14	14,96	14	16,05	14	17,18	14	18,34	14	19,54	14	20,78
15	16,03	15	17,20	15	18,40	15	19,65	15	20,94	15	22,27
16		16	18,34	16	19,68	16	20,96	16	22,34	16	23,75
17	18,17	17	19,49	17	20,86	17	22,27	17	23,73	17	25,24
18	19,24	18	20,64	18	22,08	18	23,58	18	25,13	18	26,72
19	20,31	19	21,78	19	23,31	19	24, 89	19	26,52	19	28,21
20	21,38	20	22,93	20	24, 54	20	26,20	20	27,92	20	29,69
21	22,44	21	24,08	21	25,77	21	27,51	21	29,32	21	31,18
22	23,51	22	25,22	22	26,99	22	28,82	22	30,71	22	32,66
23	24,58	23	26,37	23	28,22	23	30,13	23	32,11	23	34,15
24	25,65	24	27,52	24	29,45	24	31,44	24	33,51	21	35,63
25	26,72	25	28,66	25	30,67	25	32,75	25	34,90	25	37,12
26	27,79	26	29 ,81	26	31,90	26	34,06	26	\$ 6,30	26	38,60
27	28,86	27	30,96	27	33,13	27	35,37	27	37,69	27	40,09
29	29,93	28	32,10	28	34,36	28	36, 69	28	39,09	28	41,57
29	31,00	29	33,25	29	35,58	29	38,00	29	40,49	20	43,06
30	32,07	30	34,40	30	36,81	30	39,31	30	41,88	30	44,54
31	33,13	31	35,54	31	38,04	31	40,62	31	43,28	81	46,03
32	34,20	32	36,69	32	39,26	32	41,93	82	44,68	32	47,51
33	35,27	33	37,84	33	40,49	33	43,24	33	46,07	33	49,00
32	30,34	34	38,98	54	41,72	34	44,55	31	47,47	31	50,48 84 3. U.
48,9	183. U.	45,	55 3. U.	47,	123. U.	48,	693. U.	50,9	263.U.	51,	84 3. U.

Walzeninhalt zu dem Durchme

17	Jou.	17	Z ZoU.	18	18 301.		18 ½ 30a.	
ef.	ef. Rfb. ef. R		Rfb.	ef. Ref.		&f.	Kfb.	Ef.
2	3,15	2	3,34	2	3,53	2	3,73	2
3	4,72	8	5,01	3	5,30	3		3
4	5,30	4	6,68	4	7,06	4	7,46	4
5	7,88	5	8,35	5	8,83	5	9,33	5
6	9,45	6	10,02	6	10,60	6	11,20	6
3	11,03	7	11,09	7	12,37	3	13,06	3
8	12,61	8	13,36	8	14,18	8	14,93	8
9	14,18	9	15,03	9	15,90	9	16,80	9
10	15,76	10	16,70	10	17,67	10	18,66	10
11	17,33	11	18,37	11	19,43	11	20,53	11
12	18,91	12	20,04	12	21,20	12	22,40	12
13	20,49	13	21,71	13	22,97	13	24,26	13
14	22,06	14	23,38	14	24,74	11	26,13	14
15	23,64	15	25,05	15	26,50	15	28,00	15
16	·	16	26,72	16	28,27	16	•	16
17	26,79	17	28,39	17	30,04	17	31,73	17
18	28,37	18	30,06	18	31,80	18	33,60	18
19	29,94	19	31,73	19	33,57	19	35,46	19
20	31,52	20	33,40	20	35,34	20	37 ,33	20
21	33,10	21	35,07	21	37,11	21	39,20	21
22	34,67	22	36,74	22	38,87	22 92	41,06	22
23	36,25	23	38,41	23	40,64	23	42,93	23
24	37,83	24	40,08	24	42,41	24	44,80	24
25 26	39,40	25	41,75	25 26	44,17	25 26	46,66	25
27	40,98	26 27	43,42	27	45,94	27	48,53	26
28	42,55- 44,18	28	45 ,09 46 ,76	28	47 ,71 49 ,48	28	50 ,40 52 ,26	27
29	45,71	20	48,43	29	51,24	29	54,13	28
30	47,28	30	50,11	30	53,01	30	56,00	29
31	48,86	31	51,78	31	54,78	31	57 ,86	30 31
82	50,44	32	53,45	32	56,54	32	59,73	32
33	52,01	83	55,12	33	58,81	33	61,60	33
B	-		_	1		T		_
53,4	13. U.	54,0	08'3U.	56.	55 B. U.	58.	63,46 12 3. U.	59.

Walzeninhalt zu dem Durchmesser von

	YY . C	00	Y-0.1	01	Y C	04	T 2 . W	O	no C	O	M.C. I
Q			$\frac{1}{2}3$ oll.			21½30U.					
<u>.</u>	RfB.	LEL!	Riß.	٧f.1		&f.	Kbf.	&f.		rf.	RBf.
2	4,36	2	4 ,58	2	4,81	2	5,04	2	5,27	2	5,52
3	6,54	3	6,87	3	7,21	3	7,56	3	7,91	3	8,28
4	8,72	4	9,16	4	9,62	4	10,08	4	10,55	4	11,04
5	10,90	5	11,46	5	12,02	5	12,60	5	13,19	5	13,80
6	13,08	6	13,75	6	14,43	6	15,12	6	15,83	6	16,56
7	15,27	7	16,04	7	16,83	7	17,64	7	18,47	7	19,32
8	17,45	8	18,33	8	19,24	8	20,16	8	21,11	8	22,08
9	19,63	9	20,62	9	21,64	9	22,69	9	23,75	9	24,85
0	21,81	10	22,92	10	24,05	10	25,21	10	26,39	10	27,61
1	23,99	11	25,21	11	26,45	11	27,73	11	29,03	11	30,37
2	26,17	12	27,50	12	28,86	12	30,25	12	31,67	12	33,13
3	28,36	13	29,79	13	31,26	13	32,77	13	34,31	13	35 ,89
4	30,54	1+	32, 08	14	33,67		35,29	14	36, 95	14	3 8,65
5	32,72	15	34,38	15	36,07	15	37,81	15	39, 59	15	41,41
6	34,90	16	36,67	16	38,48	16	40,33	16	•	16	
7	37,08	17	38,96	17	40,88	17	42, 86	17	44,87	17	46,93
8	39,26	18	41,25	18	43,29	18	45,38	18	47,51	18	49,70
9	41,45	19	43,55	19	45,70	19	47,90	19	50,15	19	52,46
0	43,63	20	45,84	20	48,10	20	50,42	20	52,79	20	55,22
1	45,81	21	48,13	21	50,51	21	52,94	21	55,43	21	57,98
2	47,99	22	50,42	22	52,91	22	55,46	22	58,07	22	60,74
3	50,17	23	52,71	23	55,32	23	57, 98	23	60,71	23	63,50
1	52,35	21	55,01	21	57,72	24	60,50	21	63,35	24	66,26
5	54 ,54	25	57,3 0	25	60,13	25	63,02	25	65,99	25	69,02
6	56,72	26	59, 59	26	62,53	26	65,55	26	68,63	26	71,79
7	5 8,90	27	61,88	27	64,9 4	27	68,07	27	71,27	27	74,55
8	61,08	28	64,17	28	67, 34	23	70,59	29	73,91	28	77,31
9	63, 20	29	66,47	29	69,75	29	73,11	2 9	76 ,55	2 9	80,07
0	65,44	30	68,76	30	72,15	30	75,63	3()	79,19	30	82,83
1	67, 63	31	71,05	31	74,56	31	78,15	31	81,83	31	85,59
2	69,81	32	73,34	32	76,9 6	32	80,67	32	84,47	32	88,35
3	71,99	3 3	75,63	33	79,37	33	83,19	33	87,11	33	
1	74,17	34	77,93	34	81,77	31	85,72	31	89,75	34	93,87 68 3. U .
1,8	13 3. U.	64,	403.U.	65,	973.U.	67,	543. u .	69,	113.4.	170,	68 3. u . [

Watzeninhalt zu dem Durchmess

99	Bou.	30a. 23 ½30a.			2 nm	2	26	
Q.F		·		Ef.		ļ		
ef.		12f.				년.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	년.I
2	5,77	2	6,02	2	<i>F</i> • •	2	6,81	2
3	4, 65	3	9,03	3	9,42	3	10,22	3
4	11,54	4	12,04	4	12,56	4	13,63	4
5	14,42	5	' '	5	15,70	5	17,04	5
6	17,31	6	1 , - •	6	18,84	6	20,45	6
3	20,19	7	21,08	7	21,99	7	23,86	7
8		8		8	25,18	8	27,27	8
9	25,96	9		9	28,27	9	30,67	9
10	28,85	10	,	10	31,41	10	34,08	10
11	31,73	11	,	11	34,5 5	11	37,49	11
12	34,62	12	2.7.7.4	12	37, 69	12	40,90	12
13	,	13	1 ,	13	40,84	13	44,31	13
14	40,39	14	,	14	43,98	14	47,72	14
15	, •	15	,	15	47,12	15	51,13	15
16	46,16	16		16	50,26	16	54, 54	16
17	49,04	17	51,20	17	53,40	17	57 ,95	17
18	51,93	18	54,21	18	56,5 4	18	61,35	18
19	54 ,81	19	57,22	19	59,69	19	64,76	19
20	57,70	20	60,24	20	62,83	20	68,17	20
21	60,59	21	63,25	21	65,97	21	71,58	21
22	63,47	22	66,26	22	69,11	22	74,99	22
23	66,36	23	69,27	23	72,25	23	78,40	23
24	69,24	21	72,28	24	75,39	24	81,81	24
25	72,13	25	75,30	25	78,53	25	85,22	25
26	75,01	26	78,31	26	81,68	26	88,62	26
27	77,90	27	81,32	27	84,82	27	92,03	27
29	80,78	29	84,33	29	87,96	28	95,44	28
29	83,67	29	87,34	29	91,10	29	9 8,85	29
30	86,55	30	90,36	30	94,24	30	102,26	30
31	89,44	31	93,37	31	97,38	31	105,67	31
32	92,32	32	96,38	32	100,53	3 2	109,08	32
83	95,21	33	99,39		103,67	33	112,49	33
34	98,09	34	102,40	34	106,81	34		34
72,2	63.U.	73,	102,40 83 3.U.	75,	403.U.	78,	543.U.	81,6

Walzeninhalt zu dem Durchmesser von

100												
8 30U.	29 3off.	30 30a.	31 30a.	32 30 U.	33 30 °C.							
f.1 Kfb.	ef. Rfg.	ef. Ris.	Lf. Kfg.	Us. 1 Kfb.	ef. Rfg.							
2 8,55	2 9,17	2 9,81	2 10,48	2 11,47	2 11,87							
3 12,82	3 13,76	3 14,72	3 15,72	3 16,75	3 17,81							
4 17,10	4 18,34	4 19,63	4 20,96	4 22,34	4 23,75							
5 21,38	5 22,93	5 24,54	5 26,20	5 27,92	5 29,69							
6 25,65	6 27,52	6 29,45	6 31,44	6 33,51	6 35,63							
7 29,93	7 32,10	7 34,36	7 36,69	7 39,09	7 41,57							
8 34,20	8 36,69	8 39,26	8 41,93	8 44,68	8 47,51							
9 38,48	9 41,28	9 44,17	9 47,17	9 50,26	9 53,45							
0 42,76	10 45,86	10 49,08.	10 52,41	10 55,85	10 59,39							
1 47,03	11 50,45	11 53,99	11 57,65	11 61,43	11 65,33							
2 51,31	12 55,04	12 58 .90	12 62,89	12 67,02	12 71,27							
3 55,58	13 59,63	13 63,81	13 68,13	13 72,60	13 77,21							
4 59,86	14 64,21	14 68,72	14 73,38	14 78,19	14 83,15							
5 64,14	15 68,80	15 73,63	15 78,62	15 83,77	15 89,09							
6 68,41	16 73,39	16 78,53	16 83,86	16 89,36	16 95,03							
7 72,69	17 77,97	17 83,44	17 89,10	17 94,94	17 100,97							
8 76,96	18 82,56	18 88,35	18 94,34	18 100,53	18 106,91							
9 81,24	19 87,15	19 93,26	19 99,58	19 106,11	19 112,85							
0 85,52	20 91,73	20 98,17	20 104,82	20 111,70	20 118,79							
1 89,79	21 96,32	21 103,08	21 110,07	21 117,28	21 124,73							
2 94,07	22 100,91	22 107,99	22 115,31	22 1,22,87	22 130,67							
3 98,34	23 105,49	23 112,90	23 120,55	23 128,45	23 136,61							
1 102,62	24 110,08	24 117,80	24 125,79	24 134,04	21 142,54							
5 106,90	25 114,67	25 122,71	25 131,03	25 139,62	25 148,48							
6 111,17	26 119,26	26 127,62	26 136,27	26 145,21	26 154,42							
7 115,45	27 123,84	27 132,53	27 141,51	27 150,79	27 160,36							
8 119,72	28 128,43	28 137,44	28 146,76	28 156,38	28 166,30							
9 124,00	29 133,02	29 142,35	29 152,00	29 161,96	29 172,24							
0 128,28	30 137,60	30 147,26	30 157,24	30 167,55	30 178,18							
1 132,55	81 142,19	31 152,17	31 162,48	31 173,13	31 184,12							
2 136,83	32 146,78	32 157,07	82 167,72	32 178,72	82 190,06							
3 141,10	33 151,36	33 161,98	33 172,96	33 184,30	33 196,00							
4/145,38	84 155,95	34 166,89	34 178,20	34 189,89	34 201,94 103,67 3. U.							
1,96 B. U.	91,11 Z. U.	94,25 3. U.	97,89 3. U.	100,583,44	103,67 3. U.							

II. Erfahrungs=X(über ben

Massengehalt der

von jeder Holzart angebend: die Gehaltshö stehenden Scheitelhöhen H in Fußen mit ben Formzahlen, nach funf verschiede und Form = Klassen.

LAL In mehr gedrängtem, durftigem. C und spißig.

In maßigem-Schlusse, mehr fraftig t II. Al. In raumlichem und lichterm Stanbe Ul. Kl. nenvoll.

IV. R 1. In freierm Stande, fürzer, breiter u In einzelnem Stande, niedrig und 1 V. XI. Die Nadelholzstämme stehen hier ausnahmsm einschließlich desselben fallen sie der IV. S zweige find in feiner Rlaffe mit begriffen.

Erläuterung mit Gebrauchsbe

Die seltenern Rlassen IV und V murden fenntlic schen den andern wurden noch Übergangestufen eingeschal aur Scheitelhohe liegt um 1 des Stockburchmeffere übe Gebattshohenzahl begreift alfo bas eigentliche Erdholz ! befindlichen Gehaltshöhe sucht man den Holzmassen-Get unter der bezäglichen Stammstärke. 3. 3.
1) Eine Buche II. Mi. mit 70 H hatte 40,55 zu

4' U. zum Massengehalt 51,62 Kff.

ŗ

2) Eine Fichte, ganz einzeln ermachsen, hatte t V. Rl. zu 50' H nur 23,85 Gehaltshohe und bei 41' U., lich des vorausgesetzten Nugungsverlustes murden dies Rlaffe mit 38,85 Gehaltshohe 54,54 Aff. zufommen fonni

3) Fallen beizubehattende Scheitelhöhen zwischen Fuß angenommenen, so berechnet man die zugehörige Gel zwischen befindlichen Differengtheile. Gine Giche von ! $49,58 - 46,93 \times 3 = 48,52.$ Gehaltshöhe 46,93 + 3

4) Wo die Scheifelhöhen der Tafeln eben nicht 31 fragliche Gehaltshöhe nach der letten Differenz. 11. Ril. hatte nach der lettern Steigung über 110 hinaus a 2,21 Sehaltshöhenzunahme, also zur Gehaltshöhe 57.59

5) Batte in einem Riefernbestande die ausges 84' U. an 178 Stammen im Durchschnitte 65' H und 11. K so ergabe die Walzentafel:

Bur gesammten Stammgrundflache von 100 pon

im Gans

und dies multiplizirt mit der Gehaltshöhe

an Mas

Gehaltshöhen und Formzahlen der Eiche in angemessenem Standorte.

1.	I.	11/3.	II.	111/8	III.	· IV.	V.	H.
15	8,68	9,06	9,45	9,97	10,50	14,83	13,31	15
20	11,50	12,01	12,53	13,23	13,93	15,70	17,66	20
25	14,28	14,93	15,58	16,45	17,33	19,58	21,97	25
80	17,02	17,81	18,60	19,65	20,70	23,82	26,25	30
fz.	0,567	0,598	0,620	0,655	0,690	0,777	0,875	30
35	19,73	20,65	21,58	22,80	24,03	27,08	30,47	3 5
40	22,40	23,46	24,53	25,93	27,33	3 0,80	34,66	40
45	25,03	26,24	27,45	29,02	80,60	34 ,48	38,81	45
50	27,62	28,97	30,33	32, 08	33,83	38,12	42,91	50
Fz.	0,552	0,579	0,606	0,641	0,676	0,762	0,858	50
55	30,18	31,68	33,18	35,10	37,03	41,73	46,97	55
60	32,70	34,35	36,00	38,10	40,20	45,30	51 ,00	60
65	35 ,18	36,9 8.	38,78	41,05	43,33	48,83	54,97	65
· 70	37,62	39,57	41,53	43,98	46,43	52,3 2	58,91	70
Fz.	0,537	0,565	0,593	0,628	0,663	0,747	0,841	70
75	40,03	42,14	44,25	46,87	49,50	55,78		75
80	42,40	44,66	46,93	49,73	52, 53	· 59, 20	-	80
85	44,73	47,15	49,58	52, 55	55, 53	62,58	-	85
90	47,02	49,61	52, 20	55, 35	6 8,50	65,92	-	90
Fz.	0,522	0,551	0;5 80	0,615	0,650	0,732		20
95	49,28,	52,03	54,78	58,10	61,43			95
100	51,50	54,41	57,33	60,83	64,33		-	100
105	53, 68	56,76	59 ,85	63,52	67,20	-		105
110	55,82	59,07	62,33	66,18	70,03	_	· —	110
Fz.	0,507	0,537	0,566	0,601	0,636			110

Gehaltshöhen und Formzal der Waldbuche und Hain

	,					
H	I.	I1/2.	II.	II1/2	III.]
15	8,53	8,88	9,22	9,67	10,12]
20	11,30	11,77	12,23	12,83	13,43]
25	14,03	14,62	15,21	15,96	16,71	1
80	16,73	17,44	18,16	19,06	19 ,96	2
Fz.	0,557	0,581	0,605	0,635	0,665	
3 5	19,39	20,23	21,07	22,12	23,17	2
40	22,01	22,98	23,95	25,15	26,35	2
45	24,60	25,70	26,80	28,15	49, 50	3
50	27 ,15	28,38	29 ,61	31,11	32,61	
Fz.	0,543	0,567	0,592	0,622	0,652	
55	29,66	31,03	32,40	34,05	35,70	
60	32,13	33,64	35,15	36,95	38,75	4
65	34,57	36,22	37,87	39,82	41,77	· 4
30	36,97	38,76	40,55	42,65	44,75	
Fz.	0,528	0,553	0,579	0,609	0,639	
75	39,34	41,27	43,20	45,45	47,70	-
80	41,66	43,74	45,82	48,22	50 ,62	
85	43,95	46,18	48,41	50,96	53,51	
90	46,21	48,59	50,96 *	53,66	56, 36	
Fz.	0,513	0,539	0,566	0,596	0,626	
95	48,42	50,96	53 ,49	56,34	59,19	
100	50,6 0	53, 29	55,97	58,97	61,97	
105	52,75	55 ,59	5 8,43	61,58	64,73	
110	54,8 5	57, 85	60,86	64,16	67,46	
Fz.	0,498	0,525	0,553	0,583	0,613	

Gehaltshöhen und Formzahlen der Linde und Esche, des Ahorns und der Ulme.

H .	I.	I1/8.	II.	111/2	III.	IV.	V.	. H.
15	8,38	8,69	. 9,00	9,38	9,75	10,65	11,83	15
20	11,10	11,52	11,94	12,44	12,94	14,14	15,70	20
25	13,79	14,32	14,85	16,47	16,10	17,60	19,54	25
80	16,44	17,08	17,72	18,47	19,22	21,02	23,34	30
Fz.	0,548	0,569	0,590	0,615	0,640	0,700	0,778	30
8 5	19,05	19,81	20,57	21,44	22,32	24,42	27,10	35
40	21,63^	22,50	23,38	24,38	25,38	27,78	30,83	40
45	24,17	25,16	26,16	21,28	28,41	31,11	34,52	45
50	26,68	27,79	28,90	30,15	31,40	34,40	38,18	- 50
Fz.	0,533	0,555	0,578	0,603	0,628	0,688	0,768	50
55	29,14	30,38	31,62	33,00	34,37	37,67	41,80	55
60	31,58	32,94	34,31	35,81	37,31	40,91	45,38	60
65	83,97	35,46	36,96	38, 58	40,21	44,11	48,92	65
70	36,33	37 ,95	39,58	41,83	43,08	47,28	52, 43	70
Fz.	0,519	0,542	0 ,5 65	0,590	0,615	0,675	0,749	70
75	38,65	40,41	42,17	44,04	45,92	50,42		75
80	40,94	42,83	44,72	46,72	48,72	53,52		80
85	43,19	45,22	47,25	49,37	51,5 0 '	56,60		85
90	45,41	47,57	49,74	51,99	54,24	59 ,64		90
Fz.	0,504	0,528	0,552	0,577	0,602	0,662		90
95	47,58	49,89	52,20	54,58	56,96			95
100	49,72	52,18	54 ,63	57,18	59,63		,	100
105	51,83	54,43	57,03	59,66	62,28			105
110	53,90	56,65	59, 40	62,15	64,90			110
Fz.	0,490	0,515	0,540	0,566	0,590	_ •		-110

IV. Holzzuwach8=Tafeln zur Ermittelung des laufenden

Zahreszuwachsekänden.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

1) Taf. 88 u. 89: hier findet man zuvörderst das ganze Sobenzu mach &= maß zu bem fest angenommenen halbzolligen Jahrringstärken= maße in Werkzollen, für jede obenan stehende Um fangstärke und voran stehende Scheitelhohe. Bon einem Stamme zu 24' U und 66' H beträgt

dasselbe 68 3oll.

Taf. 90 u. 91: Der volle Hohenzuwachs in Zollen zum jungsten Jahrringe wird hinter jenem voran stehenden Hohenzuwachsmaße und unter der obenan stehenden jungken Jahrringstärke aufgesucht, mit dem wirklichen Höhenzuwachse verglichen und hiernach die Höhenzuwachsstasse zu 1, 8/4, 1/2, 1/4, oder O bestimmt. Finden sich zu obigem Höhenzuwachsmaße von 68 Zoll auf dem äußersten zu 2011 Jahrringe, so kommt auf einen jeden (68: 11) etwa 6 Zoll voller Höhenzuwachs, und ein wirklicher Höhenzuwachs von 3 Zoll entspräche der Höhenzuwachstlasse zu der z. — Man findet die Inzahlen zu dem voran stehenden Höhenzuwachsmaße von 1 die 20 hinter den 10mal größern Vorzahlen, auch alle ohne Unterschied mittels Division des Höhenzuwachsmaßes durch die auf dem Stärkenzuwachsmaße besindliche Jahrzringzahl.

8) Taf. 92 bis 102: Prozente des Holzuwachses. Diese sucht man hier von oben herein nach der Umfangstärke und der Höhenzuwachsetlasse, von der Seite herein nach dem Stärkenzuwachse. Obiger Stamm von 2½ U, 4 Stärken- und 4 Höhenzuwachs hätte 2,16 pCt., also von 24 c'

Massengehalt $\frac{24 \times 2,16}{100} = 0,5184$ & zum laufenden einjährigen Massens

sumachse.

Hiten die zu Taf. II. im 5. Beispiele berechneten 178 Riefern von 31/U, 65 H, III. Klasse noch 14 Starken- und 8" wirklichen Höhenzuwachs gehabt: so betrüge ihr Höhenzuwachsmaß 58", ihr voller lichriger Höhenzuwachs 4", ihre-Löhenzuwachsklasse & und ihr Massenzuwachs 1,46 pCt. Dies gabe von den

5500 Kff. Maffengehalt 80,3 Kff. Buwachs.

Rame eine in diesen Taseln nicht besindliche Jahrringstärke vor, so wäre die ihr angehörige Zahl nach dem Betrage einer andern gegebenen Stärke leicht zu berechnen. Wäre z. B. das Höhenzuwachsmaß 30", so betrüge davon der volle lichtige Zuwachs auf z Jahrringstärke 30 x z = 3z"; auf z, 30 x z = 10"; auf z, 30 x z = 10"; auf z, 30 x z = 20"; auf 1z, 30 x z = 40". Zu U und z Höhenzuwachs wären die Prozente des Holzzuwachses auf z Jahrringstärke 10,9; also auf z das Doppelte, 2 x 10,9 = 21,8; auf 1z = z, 4 x 10,9 = 43,6, oder auch 32,7 auf 1 und dazu 10,9 auf z = 43,6.

Es laffen sich also diese Zuwachstafeln für jeden, in einer andern Bruchstorm ausgedrückten Stärkenzuwachs gebrauchen. Auch sind dieselben ohne Weisteres auf Zehntelmaß anzuwenden: man darf nur den wirklichen Sohenzuwachs nach Zwölftelfußen bestimmen und dazu dem Zuwachstäden bes Fußes zur Maßeinheit geben, was beides neben dem Gebrauche des zehntheiligen Maßes

recht gut bestehen tann.

Gehaltshöhen und Formzahlen. der Lanne und Fichte.

	, ,							
I.	I.	I ¹ /2.	II.	II1/2	III.	IV.	V.	Н.
15	8,37	8,67	8,97	9,34	9,70	10,60	7,60	15
20	11,08	11,48	11,88	12,37	12,85	14,05	10,05	20
25	13,75	14,25	14,75.	15,36	15,96	17,46	12,46	25
30	16,39	16,99	17,59	18,31	19,02	20,82	14,82	30
·z.	0,546	0,566	0,586	0,610	0,634	0,694	0,494	30
35	18,98	19,68	20,38	21,21	22,05	24,15	17,15	35
40	21,54	22,34	23,14	24,08	25,02	27,42	19,42	40
45	24,05	24,95	25,85	26,91	27,96	30,66	21,66	45
50	26,53	27,53	28,53	29,69	30,85	33,85	23,85	50
Z.	0,530	0,550	0,570	0,593	0,617	0,677	0,477	50
55	28,97	30,07	31,17	32,44	33,70	37,00	26,00	55
60	31,37	32,57	33,77	35,14	36,51	40,11	28,11	· 60
65	33,73	35,03	36,33	37 ,80	39,27	43,17	30,17	· 65
30	36,05	37, 45	38,85	40,42	42,00	46,20	32, 20	70
Z.	0,515	0,585	0,555	0,577	0,600	0,660	0,460	70
75	38,33	39,83	41,33	43,00	44,67	49,17	34,17	75
30	40,57	42,17	43,77	45,54	47,31	52,11	36,11	80
35	42,77	44,47	46,17	48,04	49,90	55,00	38,00	85
90	44,93	46,73	48,53	. 5 0,49	52 ,45	57 ,85	39,85	90
7 z.	0,499	0,519	0,569	0,561	0,582	, 0,642	0,442	90
95	47,06	48,96	50,86	52,91	54, 96			95
DO	49,14	51,14	53,14	55, 28	57,42			100
10	53,19	55,3 9	57, 59	59,91	62,28	•		110
20	57, 08	59 ,48	61 ,88	64,37	66,85			120
Z.	0,475	0,495	0,515	0,536	0,557		مسودي	120

Gehaktshöhen und Formzahl der & år ch e und Kie

H.	I.]¹/2.	II.	111/2	HI.	I
15	7,36	7,66	7,96	8,40	8,85	10,
20	9,76	10,16	10,56	11,15	11,73	13,
25	12,13	12,63	13,13	13,85	14,58	16,
30	14,47	15,07	15,67	16,53	17,40	19,
Fz.	0,482	0,502	0,522	0,551	9,5 80	0,6
35	16,78	17,48	18,18	19,18	20,18	22,
40	19,06	19,86	20,66	21,80	22,93	25,
45	21,31	22,21	23,11	24,38	25,65	28,
50	23, 54	24, 54	25,54	26,93	28,33	31,
Fz.	0,470	0,490	0,510	0,538	9,566	0,6
55	25,73	26,83	27,98	29,46	30,98	34,
60	27,90	29,10	3 0,30	31 495	33,6 0	37,1
65-	30,03	31,33	32,63	34,41	36,18	40,1
70	32,14	33,54	34,94	36,83	38,73	43,
Fz.	0,459	0,479	0,499	0,526	9, 553	. 0,6
75	34,22	35,72	37,22	39,2 3	41,25	46,
8 0	36,26	37,86	39,46	41,60	43,73	. 494
85	38,28	39, 98	41,68	43,93	46,18	51,7
90	40,27	42,07	43,87	46,23	48,60	54 , <i>l</i>
Fz.	0,447	0,467	0,487	0,513	0,540	0,60
95	42,23	44,13	46,03	48,51	50,98	*
100	44,16	46,16	48,16	50,75	53,33	
110	47,94	50,14	52,34	55,14	—'`	_
120	51,60	54,00	56, 40	59,40	·	
Fz.	0,430	0,450	0,470	0,495	,	



III. Erfahrungs=X

über ben

Sortengehalt der Wa

Erläuterung mit Gebrauchsbe

- 1) Taf. 74 bis 76: Gehaltsbohen der Baun stimmter Entgipfelung. Von oben herein find di menden Baumarten namentlich auf die fünf Schaftgeheligangsstufen bezogen; außerhalb stehen die Schafthöhen. man z. B. für einen Tannenschaft, IIIz Kl. und 91 55,73; dazu ergabe die Walzentafel bei 6' U zum Schafte.
- 2) Taf. 77 bis 81: Gehalk der Nadelholzbaufußen. Oben steht die Stammstärke in Umfangssußen imenen Gehaltsklassen I, II und III; vorn herunter die I von 5 zu 5 Juß. Jeder dieser Zimmerstämme wird bei zimestenen Stammstärke entgipfelt. Diernach hätte z. B. III. Al. von 6' U und 95' H, 160 Afß. Taf. 76 gab lischon bei 90' H, weil die zu besonderm Gebrauche abgegellich stärker entgipfelt werden.
 - 3) Taf. 82 und 83: Anuppelholzgehalt in Kör
- 4) Taf. 84 und 85: Reisholzgehalt in Körper Einen wie den andern findet man nach der Holzart vund nach der oben darüber stehenden Stammstärke in Uiz. B. einer Eiche von 5' U im Anüppelholze die IV. die II. Holzgehalts-Klasse zu: so beträgt jenes 17,75 Kfß.
- 5) Taf. 86: Stockbolzgehalt in Körperfuße und Rodestöcken, jede Sortem fünf Nutungsklassen, na und Wurzelhaltigkeit und der Ausbringung. Voran stef Umfangsfußen. Eine frei erwachsene Buche von 51 Jul nach in IV. Kl. 18,79 Kfb. Rodestockholz geben tomen.

1

Gehaltshöhen der Baumschäfte mit unbestimmter Entgipfelung.

				Zan	ne, Fid	ote.		
			Eiche,	Buche,	Linde.	•		
		Lår	che, Kie	fer, Esc	he.			
chafthohe.	2 (h)	orn, As	pe, Uln	ie.				Schafthbbe.
ıfth	Pappel	, Kirsche	, Erle.					1 ft 5
Ø Ø	Bii	ite.						340
	I.	II.	III.	III.	III½.	IV.	V.	
11	10,94	10,96	10,96	10,97	10,97	10,98	10,99	11
12	11,87	11,91	11,92	11,98	11,94	11,96	11,98	12
13	12,78	12,84	12,86	12,88	12,90	12,92	12,96	13
14	13,66	13,76	13,79	13,82	13,85	13,68	13,93	14
15	14,52	14,66	14,71	14,75	14,79	14,83	14,90	15
16	15,36	15,55	15,61	15,67	15,72	15,77	15,85	16
17	16,18	16,42	16,50	16,57	16,64	16,69	16,8 0	17
18	16,97	17,28	17,38	17,47	17,54	17,61	17,74	18
19	17,74	18,12	18,24	18,35	18,44	18,52	18,67	19
20	18,50	18,95	19,10	19,22	19,83	19,43	19,60	20
21	19,22	19,76	19,93	20,06	20,20	20,32	20,51	21
22	19,98	20,56	20,76	20,93	21,07	21,20	21,42	22
23	20,62	21,34	21,57	21,76	21,93	22,07	22,32	23
24	21,28	22,11	22,37	22,59	22,77	22,93	23,21	24
. 25	21,92	22,86	23,16	23,40	23,61	23,79	24,10	. 25
26	22,54	23,60	23,93	24,20	24,43	24,63	24,97	26
27	23,14	24,32	24,69	24,99	25,25	25,47	25, 84	27
28	23,71	25,03	25,44	25,77	26,05	26,29	26,70	28
29	24,26	25,72	26,17	26,54	26, 84	27,11	27,55	29
30	24,80	26 ,40	26,90	27,30	27,63	27,92	28,40	39

tStark d. 1/2 30l		1 ³ ∫4 bet \$	- ,		_		u L ber Ç	Fuß obenzi		•	t,sStärke
Sabrt.	1	3 f4	1/8	3/4	0.	1	3 /4	1/2	1/4	O.	Jahrt.
1	105	96,7	87,7	78,7	69,7	78,9	12,2	65,6	58,9	52,3	1
1/2	\$2,8	48,3	43,8	39,3	34,8	39,4		32,8	29,4	26,1	1/2
1/8	15,2	32,2	29,2	26,2	23,2		24,0	21,8	19,6	17,4	1/8
1/4	26,4	24,1	21,9	19,6	17,4		18,0	16,4	14,7	13,0	1/4
1/5	21,1	19,3	17,5	15,7	13,9	15,7	14,4	13,1	11,7	10,4	1/5
1/6	17,6	16,1	14,6	13,1	11,6	13,1	12,0	10,9	9,83	8,72	1/6
1/3	15,1	13,8	12,5	11,2	9,96	11,9	10,3	9,87	8,42	7,47	3/1
1/8	13,2	12,0	10,9	9,84	8,72	9,86	9,03	8,20	7,87	6,54	1/8
1/9	11,7	10,7	9,75	8,75	7,75	8,77	8,03	7,29	6,55	5,81	1/9
1/10	10,5	9,67	8,77	7,87	6,97	7,89	7,22	6,56	5,89	5,23	1/10
1/11	9,6t	8,79	7,97	7,16	6,34	7,17	6,57	5,96	5,36	4,75	1/11
1/12	8,81	8,06	7,31	6,56	5,81	6,57	6,02	5,47	4,91	4,36	1/12
1/13	8,18	7,44	6,75	6,05	5,36	6,07	5,56	5,04	4,53	4,02	1/13
1/14	7,55	6,91	6,26	5,62	4,98		5,16	4,68	4,21	3,73	1/14
1/15	7,04	6,44	5,85	5,25	4,65	5,26	4,81	4,37	3,93	3,48	1/15
1/16	6,60		5,48	4,92	4,36	4,93	4,51	4,10	3,68	3,27	1/16
1/17	6,21	5,69	5,16	4,63	4,10	4,64	4,25	3,86	3,46	3,07	1/17
	5,87	5,87	4,87	4,37	3,87	4,38	4,01	3,64	3,27	2,90	1/18
	5,56	5,09	4,61	4,14	3,67		3,80	3,45	3,10	2,75	1/19
1/20	5,28	4,83	4,88	3,93	3,48	3,94	3,61	3,28	2,94	2,61	1/20
31	5,03	4,60	4,17	3,75	3,32	3,75	3,44	3,12	2,80	2,49	1/21
7 -	4,80	4,89	3,98	3,58	3,17	3,58	3,28	2,98	2,68	2,37	1/22
	4,59	4,20	3,81	3,42	3,03	3,43	3,14	2,85	2,56	2,27	1/23
FI I	1,40	4,03	3,65	3,28	2,90	3,28		2,73	2,45	2,18	1/24
1/25	4,22	3,86	3,51	3,15	2,79	3,15	2,89	2,62	2,35	2,09	1/25

Behaltshohen der Baumschafte mit unbestimmter Entgipfelung.

	=							
H.								
62	-	40,16	48,12	45,41	47,24	48,77	51,18	62
64		40,51	43,69	46,15	48,12	49,75	52,33	64
66	_	40,80	44,21	46,84	48,95	50,70	53,45	86
68		41,63	44,68	47#49	49,74	51,60	54,54	68
70	-	41,20	45,10	48,10	50,50	52,48	53.60	70
72	_		45,46	48,65	51,20	53,3 i	56,62	72
74	. —	-	45,77	49,16	51,87	54,10	57,61	74
76	_ -		₩6,03	49,63	52,50	54,86	58,57	76
78		-	46,24	50,05	53,09	.55,58	59,50	78
80	_		46,40	50,42	53,63	56,27	60, 40	80
82	→	-		5 0,75	54,13	56,91	61,26	82
81	_	-		51,03	54,59	57,52	62,09	84
86	— .	-	٠	51,26	55,01	58,09	62,89	86
89		—	– 1	51,45	5 5,89	58,62	63,66	88
90		—		51,60	55,73	59,12	64,40	90
92	-	:	—	-	56,03	59,57	. 65,10	92
94	' —	-	-		56,28	59,99	65,77	94
96		~	-	-	56,49	60,37	66,41	96
98	-		-	-	56,67	60,72	67,02	98
100			-		56,8 0	61,03	67,60	100
102	_			_	-	61,29	68,14	102
104	_		-	_	-	61,58	68,65	104
106	- 1			_		61,72	69,13	106
108		-	-			61,88	69,58	108
110	_	_		—	→	62, 00	70,00	110
112			****		~	_	70,38	112
114		-	-	-	_	-	70,73	114
116		1	- 1	-		_	71,05	116
118	_		'	•	_		71,34	118
120				_	-		11,60	130

Prozente des Holzzuwachses.

	. 4 30II.		13 f4				3 unb			Umfai uw.=K	•	rr.=Stárfe d. z 3ou.
· - 	Sagri.	1	3/4	1/2	1/4	0.	1	3/4	1/2	1/4	0.	Jahrr. von d.
	1	44,9	41,1	37,4	33,6	29,9	39,3	36,0	32,7	29,4	26,1	1
	1/2	22,4	20,5	18,7	16,8	14,9		18,0	16,3	14,7	13,0	1/2
H	1/3	14,9	13,7	12,4	11,2	9,96	_	12,0	10,9	9,81	8,72	1/8
	1/4	11,2	10,2	9,35	8,41	7,47	-	9,00	8,18	7,36	6,54	1/4
	1/5	8,98	8,23	7,48	6,73	5,98	7,86	7,20	6,54	5,89	5,28	1/5
	1/6	7,49	6,86	6,23	5,61	4,98	6,55	6,00	5,45	4,90	4,36	1/6
	1/7	6,42	5,88	5,34	4,80	4,27	5,61	5,14	4,67	4,20	3,73	1/1
I	1/8	5,61	5,14	4,67	4,20	3,73	4,91	4,50	4,09	3,68	3,27	1/8
	1/9	4,99	4,57	4,15	3,74	3,32	4,36	4,00	3,63	3,27	2,90	1/9
	1/10	4,49	4,11	249/	3,36	2,99	3,93	3,60	3,27	2,94	2,61	1/10
	1/11	4,08	3,74		3,06	2,71	3,57	3,27	2,97	2,67	2,37	1/11
1	1/12	3,74	3,48	3,11	2,80	2,49	3,27	3,00	2,72	2,45	2,18	1/12
{	1/13	3,45	3,16	2,87	2,58	2,30	3,02	2,77	2,51	2,26	2,01	1/18
	1/14		2,94	2,67	2,40	2,18	-	2,57	2,33	2,10	1,86	1/14
	1/15	2,99	2,74	2,49	2,24	1,99	2,62	2,40	2,18	1,96	1,74	1/15
	1/16	2,80	2,57	2,33	2,10	1,86	2,45	2,25	2,04	1,84	1,63	1/16
	•	2,64	2,42	2,20	1,98	1,75	2,31	2,11	1,92	1,73	1,53	1/17
ı		2,49	2,28	2,07	1,87	1,66	2,18	2,00	1,81	1,63	1,45	1/18
Ì	1	2,36	2,16	1,96	1,77	1,57		1,89	1,72	1,55	1,37	1/19
	1/20	2,24	2,05	1,87	1,68	1,49	1,96	1,80	1,63	1.47	1,30	·1/20
	i .	2,14	1,96	1,78	1,60	1,42	1,87	1,71	1,55	1,40	1,24	1/21
		2,04	1,87	1,70	1,53	1,35	1,78	1,63	1,48	1,38	1,18	1/22
		1,95	1,79	1,62	1,46	1,30	1,70	1,56	1,42	1,28	1,13	1/23
		1,87	1,71	1,55	1,40	1,24	1,68	1,50	1,36	1,22	1,09	1/24
	1/25	1,79	1,64	1,49	1,34	1,19	1,57	1,44	1,80	1,17	1,04	1/25

Gehalt der Radelholz=Baustamme in Körperfußen.

9.1	1016	Q 511.	fana	0 1 C	Q:		026	Q., 614.	
M nge Fuß.	3 - J 4		·	21/3			2 14		
Onb.	I.	II.	III.	I.	II.	Ш.	I.	II.	III.
30	6,5	7,3	8,0	8,1	9,0	9,9	9,8	10,9	12,0
35	7,6	8,4	9,2	9,4	10,4	11,4	11,4	12,6	13,8
40	8,7	9,6	10,5	10,7	11,8	12,9	12,9	14,3	15,7
45	9,7	10,7	11,7	12,0	13,2	14,4	14,5	16,0	17,5
50	10,7	11,8	12,9	13,3	14,6	15,9	16,0	17,7	19,3
55	11,7	12,9	14,0	14,5	15,9	17,3	17,6	19,3	21,0
60	12,8	14,0	15,2	15,8	17,3	18,8	19,1	20,9	22,7
65	,13,8	15,0	16,3	17,0	18,6	20,1	20,6	22,5	24,4
70	14,8	16,1	17,4	18,2	19,9	21,5	22,1	24,0	26,0
75	15,7	17,1	18,5	19,4	21,1	22,8	23,5	25,6	27,6
80	16,7	18,1	19,5	20,6	22,4	24,1	25,0	27,1	29,2
85	17,7	19,1	20,5	21,8	23 ,6	25,4	26, 4	28,6	30,7
90	18,6	20,1	21,5	23,0	24,8	26,6	27, 8	30 ,0	32,2
Långe	3 81	uß Um	fang.	31/4	Fuß Ui	nfang.	31/3	FußUr	nfana
Fuß.								•	
	I.	II.	III.	- I.	II.	III.	I.	II.	III.
35	13,5	<u> </u>		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			1.		III.
	1	15,0 17,0	16,5	15,9	17,6	19,3	I. 18,5	II.	III. 22,4
35	13,5	15,0 17,0	16,5 18,7	15,9 18,1	17,6 20,0	19,3 21,9	1. 18,5 21,0	20,4 23,2	111. 22,4 25,4
35 _. 40	13,5 15,4 17,3	15,0	16,5 18,7 20,8	15,9 18,1 20,3	17,6 20,0 22,4	19,3 21,9 24,4	I. 18,5	II. 20,4	22,4 25,4 28,4
35 40 45	13,5 15,4 17,3 19,1	15,0 17,0 10,0	16,5 18,7 20,8 22,9	15,9 18,1	17,6 20,0 22,4 24,7	19,3 21,9	1. 18,5 21,0 23,5	20,4 23,2 25,9	22,4 25,4 28,4 31,2
35, 40 45 50	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9	15,0 17,0 19,0 21,0	16,5 18,7 20,8	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6	17,6 20,0 22,4	19,3 21,9 24,4 26,9	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5	20,4 23,2 25,9 28,6	22,4 25,4 28,4
35 _. 40 45 50 55	13,5 15,4 17,3 19,1	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 28,0	15,9 18,1 20,3 22,4	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3	1. 18,5 21,0 23,5 26,0	20,4 23,2 25,9 28,6 31,3	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8
35, 40 45 50 55 60	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 25,0 29,0	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9	20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8
35, 40 45 50 55 60 65	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 26,0 29,0 30,9	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 28,8 30,8	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4	20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9 36,4	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 39,5 42,1
35, 40 45 50 55 60 65 70	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 25,0 29,0	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 28,8 30,8 32,9	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8	20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9 36,4 39,0 41,4	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 39,5 42,1
35, 40 45 50 55 60 65 70 75	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8 28,0	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6 30,4	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 25,0 29,0 30,9 32,9	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 28,8 30,8 32,9 34,9	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6 35,7 37,8	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3 \$8,6 40,7	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8 38,2	11. 20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9 36,4 39,0 41,4 43,9	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 39,5 42,1 44,7 47,3
35, 40 45 50 55 60 65 70 75 80	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8 28,0 29,7 31,5	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6 30,4 32,2	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 26,0 29,0 30,9 32,9 34,7	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 28,8 30,8 30,8 32,9 34,9 36,9	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6 35,7 37,8 39,9	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3 88,6 40,7 42,9	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8 38,2 40,5	20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9 36,4 39,0 41,4	22,4 25,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 39,5 42,1 44,7
35, 40 45 50 55 60 65 70 75 80 85	13,5 15,4 17,3 19,1 20,9 22,7 24,5 26,8 28,0 29,7	15,0 17,0 19,0 21,0 23,0 24,9 26,8 28,6 30,4 32,2 34,0	16,5 18,7 20,8 22,9 25,0 25,0 29,0 30,9 32,9 34,7,	15,9 18,1 20,3 22,4 24,6 26,7 28,8 30,8 32,9 34,9	17,6 20,0 22,4 24,7 27,0 29,2 31,4 33,6 35,7 37,8	19,3 21,9 24,4 26,9 29,3 31,7 34,1 36,3 \$8,6 40,7	1. 18,5 21,0 23,5 26,0 28,5 30,9 33,4 35,8 38,2 40,5 42,8	11. 20,4 23,2 25,9 28,6 31,3 33,9 36,4 39,0 41,4 43,9 46,3	22,4 25,4 28,4 31,2 34,0 36,8 39,5 42,1 44,7 47,3 49,7

la a	tárte Boll	Bu	_	_	Um	_ 1		u 3		Umfa	-	Starte i Boll.
	(A)	unb	per D	obenzi	uwKi	affe :	und	ber &	dohenz	urv,=K	laffe:	
4,4	Jahrr. von d.	1	3/4	1/2	1/4	0.	1	2 /4	1/2	2/4	0.	Sahrr von b
5 24	1	28,5	26,1	23,7	21,4	19,0	26,1	23,9	21,8	19,6	17,4	1
7 H.	1/2	14,2	13,0	11,8	10,7	9,51	13,0	11,9	10,9	9,81	8,72	1/2
5 45	1/8	9,52	8,72	7,93	7,13	6,34		7,99	7,27	6,54	5,81	1/3
3 13	1/4	7,14	6,54	5,94	5,35	4,75	6,54	5,99	5,45	4,90	4,36	1/4
i iu	1/5	5,71	5,23	4,75	4,28	3,80	5,23	4,79	4,36	3,92	3,48	1/5
14	1/g	1,76	4,36	3,96	3,56	3,17	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	1/6
塘	1/7	4,08	3,74	3,39	3,05	2,71		3,42	3,11	2,80	2,49	1/7
26	1/8	3,57	3,27	2,97	2,67	2,37		2,99	2,72	2,45	2,18	1/8
120	1/9	3,17	2,90	2,64	2,87	2,11		2,66	2,42	2,18	1,93	1/9
10	1/10	2,85	2,61	2,37	2,14	1,90	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	3/10
	1/11	2,59	2,38	2,16	1,94	1,78	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	1/11
缺	1/12	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1/12
ing.	1/13	419	2,01	1,83	1,64	1,46	2,01	1,84	1,67	1,50	1,34	1/13
1	1/14	2,04	1,87	1,69	1,52	1,35		1,71	1,55	1,40	1,24	1/14
	1/15	1,90	1,74	1,58	1,42	1,26	1,74	1,59	1,45	1,80	1,16	1/15
1	1/16	1,78	1,63	1,48	1,33	1,18	1,63	1,49	1,36	1,22	1,09	1/16
	1/17	1,68	1,54	1,39	1,25	1,11	1,54	1,41	1,28	1,15	1,02	1/17
di di	1/18	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1/18
		1,50	1,37	1,25	1,12	1,00		1,26	1,14	1,03	0,91	1/19
1	1/20	1,42	1,30	1,18	1,07	0,95	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/20
7	1/21	1,36	1,24	1,13	1,01	0,90	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1/21
1		1,29	1,19	1,08	0,97	0,86	1,19	1,09	0,99	0,89	0,79	1/22
	1/23	1,24	1,13	1,03	0,93	0,82	1,13	4 ,04	0,94	0,85	0,75	1/28
	1/24	1,19	1,09	0,99	0,89	0,79	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	1/24
ſ.	1/25	1,14	1,04	0,95	0,85	0,76	1,04	0,95	0,87	0,78	0,69	1/25
17	-											

Gehalt der Radelholz-Baustamme in Körperfußen.

_										
1	Lange	51/4	Fuß U	mfang.	51/2	Fuß U	mfang.	5 3/4	guß U1	nfang.
ı	Fug.	I. •	II.	liL	1.	II.	III.	Ī.	II.	III.
ı	50	58,6	64,5	10,3	64,8	40,8	77,2	70,3	77,3	84,4
1	55	64,2	70,4	76,7	70,5	77,3	84,1	77,0	84,5	92,0
I	60	69,7	76,3	82,9	76,5	83,7	90,9	83,6	91,5	99,4
1	65	75,2	82,0	88,9	82,5	90,1	91,6	90,2	98,4	106,7
1	70	80,6	84,7	94,9	88,4	96,3	104,1	96,6	105,2	113,8
	75	85,9	. 93,3	100,7	94,3	102,4	110,5	198,1	111,9	120,8
1	80	91,2	98,8	106,4	100,1	108,4	116,8	109,4	118,5	121,6
ı	85	96,4	104,2	112,0	105,8	114,4	122,9	115,7	125,0	134,3
1	90.	101,6	109,5	117,4	111,5	120,2	128,9	121,9	131,4	140,8
1	95	106,7.	114,7	122,7	117,2	125,9	134,7	128,0	137,6	147,2
1	100	111,8		127,9	122,7	131,5	140,4	134,1	143,8	153,4
ł	105	116,8	124,9	132,9	128,2	137,1	145,9	140,2	149,8	159,5
ı	X10	121,8	129,8	137,0	133,7	142,5	151,3	146,1	155,8	165,4
	Lánge	6 8	uß Um	ang.	6 1/4	Fuß U	mfang.	6 ¹∫₂	Fuß Ur	nfang.
	Lange Fuß.	6 8	uß Um II.	fang. Ul.	B¹ ∫4 I.	Fuß U1 II.	mfang. Ul.	G 1/2 I.	Fuß Ur II.	nfang. 111.
		ŀ			6 1 ∫4 I. -91,0		И.	6 1∫2 I. 98,4		
	Տ աβ.		II.	HI.	I.	II.	И.	I.	II.	III.
	§μβ. 55	83,9	92,0	H(. 100,1	I. -91,0	1I. 99, 8	108,7	I. 98,4	II. 108,0	III. 11 7 ,5
	წ u წ. 5 5 60	83,9 91,1	92,0 99,6	111. 100,1 108,2	I. -91,0 98,8	99,8 108,1	108,7 117,5	I. 98,4 106,9	II. 108,0 117,0	III. 117,5 127,0
	წµβ. 55 60 65	83,9 91,1 98,2	92,0 99,6 107,2	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9	I. -91,0 98,8 106,5	99,8 108,1 116,3	108,7 117,5 126,1	I. 98,4 106,9 115,2	II. 108,0 117,0 125,8 134,5	III. 117,5 127,0 136,4
	₹иβ. 55 60 65 70	83,9 91,1 98,2 105,2	92,0 99,6 107,2 114,6	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9	I. -91,0 98,8 106,5 114,2	99,8 108,1 116,3 124,3	108,7 117,5 126,1 134,5	I. 98,4 106,9 115,2 123,5	II. 108,0 117,0 125,8 134,5	III. 117,5 127,0 136,4 145,5
	₹иβ. 55 60 65 70 75	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0	I. -91,0 98,8 106,5 114,2 121,8	99,8 108,1 116,3 124,3 132,8	108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1	111,5 127,0 136,4 145,5 154,4
	8ив. 55 60 65 70 75 80	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3	I. -91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3	99,8 108,1 116,3 124,3 132,8 140,0	108,7 117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9	III. 117,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1
	8ив. 55 60 65 70 75 80 85	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3	I. -91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7	99,8 108,1 116,3 124,3 132,8 140,0 147,7 155,2 162,6	117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9	111,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7
	тив. 55 60 65 70 75 80 85	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4 160,8	I. -91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0	99,8 108,1 116,3 124,3 132,8 140,0 147,7 155,2	117,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9	111,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0
4 - 54 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	8ив. 60 65 70 75 90 95	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7 139,4	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0 149,9	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4 160,8	I91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0 151,3	11. 99,8 108,1 116,3 124,3 132,8 140,0 147,7 155,2 162,6 169,9 177,0	111,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9 181,3 188,4	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8 163,6	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9	111,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1
	тив. 55 60 65 70 75 90 95 100	83,9 91,1 98,2 105,2 112,2 119,1 126,0 132,7 139,4 146,1	92,0 99,6 107,2 114,6 121,9 129,1 136,1 143,0 149,9 156,6	HI. 100,1 108,2 116,2 123,9 131,6 139,0 146,3 153,4 160,8 167,1	I91,0 98,8 106,5 114,2 121,8 129,3 136,7 144,0 151,3 158,5	11. 99,8 108,1 116,3 124,3 132,8 140,0 147,7 155,2 162,6 169,9 177,0	111,5 126,1 134,5 142,7 150,8 158,7 166,4 173,9 181,3 188,4	I. 98,4 106,9 115,2 123,5 131,7 139,8 147,8 155,8 163,6 171,4	II. 108,0 117,0 125,8 134,5 143,1 151,5 159,8 167,9 175,9 183,7	111,5 127,0 136,4 145,5 154,4 163,1 171,7 180,0 188,1 196,1

Prozente bes Holzzuwachses.

Daging partir			41 /1	_	_			_		Imfan w.= K		n.: Stårfe d. z 30a.
1/4,4	Zahrr von d	1	1°/4	1/2	1/4	0.	1	3 /4	1/a	1/4	0.	Zahrt.: von d.
IT IU	1	17,4	15,9	14,5	13,0	11,6	15,7	14,3	13,0	11,7	10,4	1
26/16	1/2	4,72	7,99	7,26	6,54	5,81		7,19	6,54	5,88	5,28	1/2
n u	1/3	5,81	5,33	4,84	4,36	3,87		4,79	4,36	1,92	3,48	1/3
6 4	1/4	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	3,92	1,59	3,27	2,94	2,61	1/4
n 21	1/5	3,48	3,19	2,90	2,61	2,32	3,14	2,87	2,61	2,35	2,09	1/5
i (4)	1/6	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	1/6
14	1/7	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1/7
Ú	1/8	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47.	1,80	1/8
46	1/9	1,93	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1/9
123	3/10	1,74	1,59	1,45	t,30	1,16	1,57	1,43	1,30	1,17	1,04	1/10
Lal.	1/11	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,42	1,30	1,18	1,07	0,95	1/11
LOJ.	1/12	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/12
	1/13	1,34	1,23	1,11	t,00	0,89	1,20	1,10	1,00	0,90	0,80	1/18
5	1/14	1,24	1,14	1,03	0,98	0,83	1,12	1,02	0,93	0,84	0,74	1/14
5	1/15	1,16	1,06	0,95	0,87	0,77	1,04	0,95	0,87	0,78	0,69	1/15
1	1/16	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/16
#		_		0,85	0,76	0,68	0,92	0,84	0,76	0,69	0,61	1/13
ıļ į	1		0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,72	Į '	0,58	1/18
1	1/19	0,91	0,84	0,76	0,68	0,61	0,82	0,75	0,68	0,61	0,55	1/19
	1/20	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/20
	1/21	0,83	0,76	0,69	0,62	0,55	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	1/21
	1/22	0,79		0,66	0,59	0,52	0,71	0,65	0,59	0,53	0,47	1/22
	1,23	0,75	0,69	0,63	0,56	0,50	0,68	0,62	0,56	0,51	0,45	1/23
j 1	1/24	0,72	•	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59			0,43	1/24
	1/25	0,69	0,6a	0,58	0,52	0,46	0,62	0,57	0,52	0,47	0,41	1/25

Knuppelholzgehalt in Körperfußen.

Stammı	ımf.	2	21/2	3	31/2	4	41/2	5	51/2
	I.	2,00	2,37	3,00	3,87	5,00	6,37	8,00	9,87
	n.	2,95	2,96	4,00	5,34	7,00	8,96	11,25	13,84
Eiche	III.	2,50	3,56	5,00	6,81	9,00	11,56	14,50	17,81
	IV.	2,75	4,15	6,00	8,28	11,00	14,15	17,75	21,78
	₹.	3,00	4,75	7,00	9,75	13,00	16,75	21,00	25, 75
	I.	1,90	2,23	2,80	3,58	4,60	5,83	7,30	8,98
Buche	П.	2,15	2,79	3,72	4,93	6,42	8,19	10,25	12,58
Linde	Ш.	2,40	3,35	4,65		8,25	10,55	13,20	16,18
Luive	IV.	2,65	3,91	5,57	7,62	10,07	12,91	16,15	19,77
	₹.	2,90	4,47	6,50	8,97	11,90	15,27	19,10	23,87
	Į.	1,80	2,10	2,60	3,30	4,20	5,30	6,60	8,10
Esche	П.	2,05	2,60	3,40	4,44	5,72	7,25	9,02	11,04
Ahorn	III.	2,30	3,10	4,20	5,58	7,25	9,20	11,45	13,98
Ulme	IV.	2,55	3,60	5,00	6,72	8,77	11,15	13,87	16,92
	_V.	2,80	4,11	5, 80	7,86	10,30	13,11	16,30	19,86
	I,	1,70	1,96	2,40	3,01	3,80	4,76	5,90	7,21
Aspe	Π.	1,05		3,07	3,94	5,02	6,30	7,80	9,49
Pappel	III.	2 ,20	2,85	8,75	4,88	6,25	7,85	9,70	11,78
Erle	IV.	2,45	3,30	4,42	5,81	7,47	9,40	11,60	14,06
	₩.	2,70	3,75	5,10	6,75	8,70	10,95	13,50	16 ,35
	I.	1,80	1,82	1,86	1,94	2,07	2,27	2,57	2,99
Madel=	II.	1,97	2,01	2,10	2,26	2,52	2,92	3,51	4,35
holz	III.	2,15	2,21	2,34	2,58	2,97	3,57	4,46	5,72
4018	IV.	2,32	2,40	2,58	2,90	3,42	4,♀♀	5,40	7,08
	V.	2,50	2,60	2,82	3,22	3,87	4,87	6,35	8,45
	I.	1,60	1,82	2,20	2,72	3,40	4,22	5,20	6,32
	H.	1,85	2,21	2,75	3,45	4,32	5,36	6,57	7,95
Birte	HJ.	2,10	2,60	3,30	4,18	5,25	6,50	7,95	9,58
	IV.	2,35	2,99	3,85	4,90	6,17	7,64	, ,	11,20
	V.	2,60	3,38	4,40		7,10	8,78	10,70	12,83

rr.,=Stårl d. 4 300		41 /1	_ *				_		Imfan 1110. = R	.T _	rr., Står d. z 300
Zahrr. von d	1	≥ ∫4	1/2	1 /4	0.	1	3 ∫4	1/2	1/4	O.	Zahrr. von d
1	17,4	15,9	14,5	13,0	11,6	15,7	14,3	13,0	11,7	10,4	1
1/2	4,72	7,99	7,26	6,54	5,81	7,85	7,19	6,54	5,88	5,23	1/2
1/3	5,8t	5,83	4,84	4,36	3,87	5,28	4,79	4,36	3,92	3,48	1/3
1/4	1,36	3,99	3,63	3,27	2,90		3,59	3,27	2,94	2,61	1/4
1/5	3,48	8,19	2,90	2,61	2,32	3,14	2,87	2,61	2,35	2,09	1/5
1/6	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	1/6
1/7	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1/2
1/8	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47.	1,30	1/8
1/9	1,93	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1/9
1/10	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1,57	1,43	1,30	1,17	1,04	1/10
1/11	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,42	1,30	1,18	1,07	0,95	1/11
1/12	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/12
1/18	1,34	1,23	1,11	1,00	0,89	1,20	1,10	1,00	0,90	0,80	1/13
5 _	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	_	1,02	0,93	0,84	0,74	1/14
1/15	1,16	00,1	0,95	0,87	0,77	1,04	0,95	0,87	0,78	0,69	1/15
1/16	1,09	0,99	0,90	0,8t	0,72	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/16
1/17	1,02	0,94	0,85	0,76	0,68	0,92	0,84	0,76	0,69	0,61	1/17
	0,96	0,88	0,80	0,72	0,64		0,79	0,72	0,65	0,58	1/18
400	0,91	0,84	0,76	0,68	0,61	0,82	0,75	0,68	0,61	0,55	1/19
1/20	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/20
1/21	0,83	0,76	0,69	0,62	0,55	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	1/21
1/22	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	0,71	0,65	0,59	0,53	0,47	1/22
1/23	0,75	0,69	0,63	0,56	0,50	0,68	0,62	0,56	0,51	0,45	1/23
1,24	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,54	0,49	0,43	1/24
1/25	0,69	0,63	0,58	0,52	0,46	0,62	0,57	0,52	0,47	0,41	1/29

Reisholzgehalt in Körpersußen.

Stammu	mf.	2	21/2	3	31/2	4	4 1/2	5	5 ¹ /1
*	I.	1,60	2,00	2,80	3,95	5,40	7,10	9,00	11,05
•	II,	2,20	2,70	3,70	5,14	6,95	9,07	11,45	14,01
Eiche	III.	2,80	3,40	4,60	6,33	-8,50	11,05	13,90	16,97
i I	IV.	3,40	4,10	5, 50		10,05	13,02	-	
	V .	4,00	4,80	6,40	8,70	11,60	15,00	18,80	22,90
	I.	1,50	1,87	2,62	3,70	5,05	6,62		
Buche	IL.	2,07	2,54	3,48	4,82	6,51	8,48	10,66	13,01
	III.	2,65	3,21	4,38	5,95	1,97	10,33	12,96	15,77
Linde	IV.	3,22	3,88	5,19	7,07	9,48	12,19		18,53
<u> </u>	V.	3,80	4,55	6,05	8,20	10,90	14,05	17,55	21,30
	I.	1,40	1,75	2,45	3 ,45	4,70	6,15	1,75	9,45
Esche	H.	1,95	2,38	3,26	4,51	6,07	1,89	9,89	12,01
Ahorn	III.	2,50	3,02	4,07		-	9,63	12,03	14,57
Ulme	IV.	3,05		4,88	6,63	8,82	11,37	14,17	17,13
`	V.	3,6 0	4,30	5,70	7,70	10,20	13,10	16,30	19,70
	I.	1,30	1,62	2,27	3,20	4,35	5,67	7,12	8,65
Aspe	II.	1,82	2,23	3,04	4,20	5 ,63	7,29		
Pappel	ш	2,35		3,81	5,20	6,92	8,91	11,08	13,37
Erle	IV.	2,87	3,44	4,58	6,20	8,21	10,53	,	15,78
	V:	3,40	4,05	5,35	1,20	9,50	12,15	15,05	18,10
1	I.	0,60	0,80	1,20	. 1,77	2,50	8,35	4,30	5,32
Madel=	П.	1,15	1,43	2,01	2,84	3,90	5,15	6,56	8,10
hold	III.	1,70	2,07	2,8 2		5,30	6,95	8,82	10,88
3000	1V.	2,25	2,71	3,63	4,98	6,70	8,75	l .	
	V.	2,80	3, 85	4,45	6,05	8,10	10,55	13,35	16,45
	L	1,20		2,10	2,95	4,00	5,20	6,50	
	II.	1,65	2,02	2,77	3,83	5,15	6, 65	8,27	9,96
Birte	Ш.	2,10	2,55	3,45		6,30	8,10	,1 0 ,05	12,07
	IV.	2,55		4,12		7,45		, -	
L	V.	8,00	3,60	4,80	6,50	8,60	11,00	13,6 0	16,30

6	61/2	7	71/2	8	81/2	9	91/2	10	Klaffe.
13,20	15,40	17,60	19,80	22,00	24,20	26,40	28,60	30,8 0	1.
	19,45					,	i ' I	_	II.
20,20	23,50	26,80	30,10	33,40	36,70	40,00	43,30	46,60	ui.
23,70	27,55	31,40	35,25	39,10	42, 95	46,80	50 ,65	54,5 0	IV.
27,20	31,60	36,00	40,40	44,80	49,20	53,6 0	58,00	62, 40	V.
12,20	14,17	16,15	18,12	20,10	22,07	24,05	26,02	28,00	I.
15,45	17,91	20,89	22,85	25,82	27,79	30,26	32,73	35,20	П.
18,70	21,66	24,63	27,58	30, 55	33,51	36,47	39,43	42,40	III.
21,95	25,40	28,87	32,31	35,77	39, 23	42, 68	46,14	49, 60	IV.
25,20	29,15	33,10	37,05	41,00	44,95	48,90	52 ,85	56, 80	V.
11,20	12,95	14,70	16,45	18,20	19,95	21,70	21,70	21,70	I.
14,20	16,38	18,57	20,76	22,95	25,13	27,32	27,32	27,32	II.
17,20	19,82	22,45	25,07	27,70	30,32	32,95	32,95	32,95	Ш.
20,20	23,26	26,32	29,38	32,45	35,51	38,57	38,57	38,57	IV.
23,20	26,70	30,20	33,70	37,20	40,70	44,20	44,20	44,20	₹.
10,20	11,75	13,30	14,85	16,40	16,40	16,40	16,40	16,40	I.
12,95	14,88	16,82	18,76	20,70	20,70	20,70	20,70	20,70	II.
15,70	18,02	20,35	22,67	25,00	25,00	25,00	25,00	25,00	III.
18,45	21,16	23,87	26, 58	29,30	29,30	29,30	29,30	29,30	IV.
21,20	24,30	27,40	30, 50	33,60	33,60	33,60	33, 60	33, 60	V.
6,40	7,50	8,60	9,70	10,80	11,90	13,00	13,00	13,00	I.
9,75	11,46	13,21	14,98	16,78	18,56	20,35	20,35	20,35	II.
13,10	15,42	17,82	20,27	22,75	25,22	27,70	27,70	27,70	III.
16,45	19,38	22,43	25,56	28,73	31, 88	35,05	35, 05	35,05	IV.
19,80	23,85	27,05	30, 85	34,70	38,55	42,40	42,40	42 ,40	V.
9,20	10,55	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	11,90	I.
11,65	13,34	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	15,02	II.
14,10	16,13	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	18,15	III.
16,55	18,92	21,27	21,27	21,27	21,27	21,27	21,27	21,27	. I V.
19,00	21,70	24,40	24,40	24,40	24,40	24,40	24, 40	24,40	V.

Stockholzgehalt in Körperfußen.

uß.	I.	II.	III.	IV.	V.	I.	H.	III.	IV.	V.
11	0,31	0,36	0,41	0,46	0,51	0,58	0,69	0,81	0,92	1,04
2	0,57	0,66	0,76	0,85	0,95	1,13	1,84	1,55	1,76	1,98
2;	0,93	1,07	1,23	1,38	1,54	1,93	2,27	2,62	2,97	3,32
3	1,36	1,59	1,82	2,05	2,29	2,99	3,51	4,03	4,55	5,08
8 1	1,90	2,22	2,55	2,88	3,21	4,32		5,80	6,54	7,28
4	2,54	2,99	3,43	3,88	4,82	5,93	6,93	7,93	8,93	.9,94
41	3,22	3,78	4,85	4,91	5,47	7,83	9,14	10,45	11,76	13,08
5	3,97	4,67	5,37	1		· ·		I ' I		16,72
54	4,81	5,65	6,50	7,34	8,18	12,54	14,62	16,71	18,79	20,88
6	5,72	6,73	7,73	8,73	9,74	15,37	17,92	20,47	23,02	25,58
61	6,72	7,90	9,07	10,25	11,43	18,53	21,60	24,68	27,76	30,84
7	7,79	9,16	10,52	11,89	13,25	22,03	25,69	29,35	33,01	36,68
71	8,95	10,51	12,08	13,65	15,21	25,88	30,19	34,50	38,81	43,12
8	10,18	11,96	13,75	15,53	17,31	80,09	35,11	40,13	45,15	50,18
8 ²	11,49	13,51	15,52	17,53	19,54	34,67	40,47	46,27	52,07	57,88
B	12,89	15,14	17,40	19,65	21,91	39,63	46,28	52,98	59,58	66,24
93	14,36	16,87	19,39	21,90	24,41	44,98	52, 55	60,13	67,70	75,28
0	15,91	18,70	21,48	24,27	27,05	50,73	59,80	67,87	76,44	85,02

IV. Holzzuwachs-Ta zur Ermittelung des laufend ahre83uw an Bäumen und Waldbe

Erläuterung mit Gebrauchsbei

1) Taf. 88 u. 89: Hier findet man zuvörderst das gal maß zu dem festangenommenen halbzolligen maße in Werkzollen, für jede obenan stehende Um fa ftehende Scheitelbobe. Von einem Stamme ju 24'

Dasselbe 68 300.
2) Taf. 90 u. 91: Der volle Hohenzumachs in ften Jahrringe wird hinter jenem voran Rehenden h und unter der obenan stehenden jungsten Jahrring dem wirklichen Sohenzuwachse verglichen und hiernach zu 1, 8/4, 1/2, 1/4, oder 0 bestimmt. Finden sich zu obig von 68 Boll auf dem außersten & Boll 11 Jahrringe, so (68: 11) etwa 6 Boll voller Sohenzumache, und ein m von 8 goll entspräche der Sobenzuwachstlasse & oder 4. zahlen zu dem voran ftehenden Sohenzuwachsmaße von 10mal größern Worzahlen, auch alle ohne Unterschied Sohenzuwachsmaßes durch die auf dem Stärkenzuwachs ringzahl.

8) Taf. 92 bis 102: Prozente des Holzzuwach hier von oben herein nach der Umfangstärke und Flasse, pon der Seite herein nach dem Stärkenzuma von 2% U, 🛧 Stärken - und & Höhenzuwachs hatte 2,11 24 × 2,16 Maffengehalt = 0,5184 c' zum laufendei

aumachse.

Satten die zu Saf. II. im 5. Beispiele berechneten 1 65 H, III. Rlaffe noch Te Starfen- und 3" mirflichen Si betruge ihr Hohenzuwachsmaß 58", ihr voller ljähriger Pohenzuwacheflasse & und ihr Massenzuwache 1,46 pCt.

5500 Aff. Massengehalt 80,3 Aff. Zuwachs.

Rame eine in diesen Tafeln nicht befindliche Jahrring ihr angehörige Zahl nach dem Betrage einer andern gege berechnen. Bare s. B. das Sobenzumachemas 30', fo b ljährige Zuwachs auf $\frac{1}{2}$ Jahrringkarfe $\frac{30}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{31}{2}$; a auf $\frac{2}{3}$, $\frac{30}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{20}{3}$; auf $\frac{1}{3}$, $\frac{30}{2} \times \frac{4}{3} = \frac{40}{3}$. Zu $\frac{2}{3}$ maren die Prozente des Holzzumachses auf & Jahrringstart Doppelte, 2 × 10,9 = 21,8; auf 11 = 4, 4 × 10,9 = auf 1 und dazu 10,9 auf 3 = 43,6.

Es laffen sich also biefe Zuwachstafeln fur jeden, form ausgedruckten Starkenzumachs gebrauchen. Auch fil teres auf Zehntelmaß anzuwenden: man darf nur den w nach 3wolftelfußen bestimmen und dazu dem Zuwacheftat Makeinheit geben, mas beides neben dem Gebrauche de

recht gut bestehen fann.

Ganzes Höhenzuwachsmaß in Zollen zu dem halbzolligen Jahrringstärkenmaße.

	;				Der	ල t අ	imm	e				
he				Un	nfang	tárte	in F1	ıßen.				
6.	1/4	1 2	3 4	1	$1\frac{1}{4}$	11/2	134	2	$2\frac{1}{4}$	$2\frac{1}{2}$	23/4	3
10	125	62	41	31	25	20	17	15	13	12	11	10
15	188	94	62	47	37	31	26	23	20	-18	17	15
20	251	125	83	62	50	41	35	31	21	25	22	20
25	314	157	104	78	62	52	. 44	39	34	31	28	26
30	376	188	125	94	75	62	53	47	41	37	34	31
35	439	219	146	109	87	73	62	54	48	43	39	36
10	502	251	167	125	100	83	71	62	55	50	45	41
15	565	282	188	141	113	94	80	70	62	56	51	47
50	628	314	209	157	125	104	89	78	69	62	57	52
55	691	345	230	172	138	115	96	86	76	69	62	57
60	753	376	251	188	150	125	107	94	83	75	68	62
65	816	408	272	204	163	136	116	102	90	81	74	68
70	879	439	293	219	175	146	125	109	97	87	79	73
75	942	471	314	235	188	157	134	117	104	94	85	18
30	1005	502	335	251	201	167	143	125	111	100	91	83
35	1068	534	356	267	·213	178	152	133	118	106	97	89
90	1130	565	376	282	226	188	161	141	125	113	102	94
95	1193	59 6	397	298	238	198	170	149	132	119	108	99
DO	1256	62 8	418	314	251	209	179	157	139	125	114	104
95	1319	659	439	329	263	219	188	164	146	131	119	109
10	1382	691	460	345	276	230	197	172	153	138	125	115
15	1445	722	481	361	289	240	206	180	160	144	131	120
20	1507	753	502	376	301	251	215	188	167	150	137	125
25	1570	785	523	392	314	261	224	196	174	157	142	130
30	1633	816	544	408	326	272	233	204	181	163	148	136

0.9

Q.

9;

ß

r.=Stárke d. z Zoll.		78.3 54 ber H	L Fuß obenzi	_	_	3 unb	u B ber J		Umfa uw.=K	•	r.Ætdrke d. i 3oa.
Zahrr. von d	1	3/4	1/2	1/4	9.	1	3/4	1/2	1/4	0.	Jahre von d
1	28,5	26,1	23,7	21,4	19,0	26,1	23,9	21,8	19,6	17,4	1
1/2	14,2	13,0	11,8	10,7	9,51		11,9	10,9	9,81	8,72	1/2
1/3	9,52	8,72	7,93	7,13	6,34		7,99	7,27	6,54	5,81	1/3
1/4	7,14	6,54	5,94	5,35	4,75	6,54	5,99	5,45	4,90	4,36	1/4
1/5	5,71	5,28	4,75	4,28	3,80	5,23	4,79	4,36	3,92	3,48	1/5
1/6	4,76	4,36	3,96	3,56	3,17	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	1/6
	4,08	3,74	3,39	3,05	2,71	3,74	3,42	3,11	2,80	2,49	1/7
1/8	3,57	3,27	2,97	2,67	2,37	3,27	2,99	2,72	2,45	2,18	1/8
1/9	3,17	2,90	2,64	2,37	2,11	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	1/9
1/10	2,85	2,61	2,37	2,14	1,90	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	1/10
1/11	2,59	2,38	2,16	1,94	1,78	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	1/11
	2,38	2,18	1,98	1,78	1,58	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1/12
1/13	2,19	2,01	1,83	1,64	1,46	2,01	1,84	1,67	1,50	1,34	1/13
1/14	2,04	1,87	1,69	1,52	1,35	1,87	1,71	1,55	1,40	1,24	1/14
1/15	1,90	1,74	1,58	1,42	1,26	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1/15
1/16	1,78	1,63	1,48	1,33	1,18	1,63	1,49	1,36	1,22	1,09	1/16
	1,68	1,54	1,39	1,25	1,11	1,54	1,41	1,28	1,15	1,02	1/17
1/18	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1/18
1/19	1,50	1,37	1,25	1,12	1,00	1,37	1,26	1,14	1,03	0,91	1/19
4 1 1	1,42	1,30	1,18	1,07	0,95	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/20
1/21	1,36	1,24	1,13	1,01	0,90	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1/21
	1,29	1,19	1,08	0,97	0,86	•	1,09	0,99	0,89	0,79	1/22
	1,24	1,13	1,03	0,93	0,82		1,04	0,94	0,85	0,75	1/28
	1,19	1,09	0,99	0,89	0,79	•	0,99	0,90	0,81	0,72	1/24
- 1	1,14	1,04	0,95	0,85	0,76		0,95	0,87	0,78	0,69	1/25

Boller Höhenzuw. in Zollen zum jüngsten Jahrringe

Ganzes Sobenzu-	An	theil b	es jú	ngste	n Jal	hrring	ges voi	n bem	1/2 3	oll im	R.
wachsmas in Bollen.	1/4	1/6	1 ∫8	¹ ∫10	1/12	1/14	1/16	1/18	1/20	1/22	1/24
22	5,5	3,6	2,7	2,2	1,8	1,5	1,3	1,2	1,1	1,0	0,9
24	6,0	4,0	3,0	2,4	2,0	1,7	1,5	1,3	1,2	1,0	1,0
26	6,5	4,3	3,2	2,6	2,1	1,8	1,6	1,4	1,3	1,1	1,0
28	7,0	4,6	3,5	2,8	2,3	2,0	1,7	1,5	1,4	1,2	1,1
80	7,5	5,0	3,7	3,0	2,5	2,1	1,8	1,6	1,5	1,8	1,2
82	3,0	5,3	4,0	3,2	2,6	2,2	2,0	1,7	1,6	1,4	1,3
34	8,5	5,6	4,2	3,4	2,8	2,4	2,1	1,8	1,7	1,5	1,4
3 6	9,0	6,0	4,5	3,6	3,0	2,5	2,2	2,0	1,8	1,6	1,5
88	9,5	6,3	4,7	3,8	3,1	2,7	2,3	2,1	1,9	1,7	1,5
'40	10,0	6, 6	5,0	4,0	3,3	2,8	2,5	2,2	2,0	1,8	1,6
42	10,5	7,0	5,2	4,2	3,5	3,0	2,6	2,3	2,1	1,9	1,7
44	11,0	7,3	5,5		3,6	3,1	2,7	2,4	2,2	2,0	1,8
46	11,5	7,6			3,8	3,2	2,8	2,5	2,3	2,0	1,9
4.8	12,0	8,0	6,0		4,0		1	2,6		2,1	2,0
50	12,5	8,3	6,2	5,0	4,1	3,5	3,1	2,7	2,5	2,2	2,0
52	13,0	8,6	6,5	5,2	4,3	3,7	3,2	2,8	2,6	2,3	2,1
54	13,5	9,0	6,7	5,4	4,5	3,8	3,8	3,0	2,7	2,4	2,2
56	14,0	9,3	7,0	5,6	4,6	4,0	3,5	3,1	2,8	2,5	2,3
58	14,5	9,6	7,2	5 ,8	4,8	4,1	3,6	3,2	2,9	2,6	2,4
60	15,0	10,0	7,5	6,0	5,0	4,2	3,7	3,3	3,0	2,7	2,5
62	15,5	10,3	7,7	6,2	5,1	4,4	3,8	3,4	3,1	2,8	2,5
64	16,0	10,6	8,0	6,4			4,0	3,5	3,2	2,9	2,6
66	16, 5	11,0	8,2	6,6	5,5	4,7	4,1	3,6	3,3	3,0	2,7
68	17,0	11,3	8,5	6,8	5,6	4,8	4,2	3,7	3,4	3,0	2,8
70	17,5	11,6	8,7	7,0	5,8	5,0	4,3	3,8	3,5	3,1	2,9
72	18,0	12,0	9,0	7,2	6,0	5,1	4,5	4,0	3,6	3,2	8,0
74	18,5	12,3	9,2	7,4			4,6				2,0
76	19,0	12,6	9,5	7,6	6,8	5,4	4,7	4,2		3,4	3,1
78	19,5	•		7,8	6,5			4,3		3,5	3,2
80	20, 0	13,3	10,0	8,0	6,6	5,7	5,0	4,4	4,0	3,6	3,3

Prozente des Holzzuwachses.

rr.sStarke d. z 3oll.		41/2 ber H					u S der H	•	_		rr.: Etdrfe d. 4 30a.
Zahrr. von d	1	3/4	1/8	1/4	0.	1	3/4	1/2	1/4	0.	Zahrr. von d
1	17,4	15,9	14,5	13,0	11,6		14,3	13,0	11,7	10,4	1
1/2	4,72	7,99	7,26	6,54	5,81		7,19	6,54	5,88	5,23	1/2
1/3	5,81	5,33	4,84	4,36	3,87	5,28	4,79	4,36	3,92	3,48	1/3
1/4	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90		3,59	3,27	2,94	2,61	1/4
1/5	3,48	3,19	2,90	2,61	2,32	3,14	2,87	2,61	2,35	2,09	1/5
1/6	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	1/6
1/7	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1/7
1/8	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/8
1/9	1,93	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1/9
1/10	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1,57	1,43	1,30	1,17	1,04	1/10
1/11	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,42	1,30	1,18	1,07	0,95	1/11
1/12	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/12
1/13	1,34	1,23	1,11	1,00	0,89	1,20	1,10	1,00	0,90	0,80	1/13
1/14	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1,12	1,02	0,93	0,84	0,74	1/14
1/15	1,16	1,06	0,96	0,87	0,77	1,04	0,95	0,87	0,78	0,69	1/15
1/16	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/16
1/17	1,02	0,94	0,85	0,76	0,68	0,92	0,84	0,76	0,69	0,61	1/17
	_	0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	1/18
1/19	0,91	0,84	0,76	0,68	0,61	0,82	0,75	0,68	0,61	0,55	1/19
1/20	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/20
1/21	0,83	0,76	0,69	0,62	0,55	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	1/21
1/22	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	, -	0,65	0,59	0,53	0,47	1/22
1/23	0,75	0,69	0,63	0,56	0,50	0,68	0,62	0,56	0,51	0,45	1/23
1/24	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,54	0,49	0,43	1/24
1/25	0,69	0,63	0,58	0,52	0,46	0,62	0,57	0,52	0,47	0,41	1/25

Prozente bes Holzzuwach

Start, 5 304.		u Isa	,	*	_		1 ¹ /2 der H	_			
Zahrt.		*fa	±/ _₩ ,	1/4	0 .	1	2 f 4.	1			
1	342	309	275	242	209	160	146	1			
1/2	171	154	137	121	104		73,8	6			
1/8	114	103	91,9	80,8	69,7		48,8	4			
1/4	85,6	17,3	68,9	60,6	52,3		36,6	3			
1/5	68,5	61,8	55,1	48,5	41,8		29,3	2			
1/8	57,1	51,5	45,9	40,4	34,8	26.7	24,4	2			
1/7	48,9	44,1	39,4	34,6	29,9		20,9	1			
1/8	42,8	38,6	34,4	30,3	26,1		18,3	1			
1/9	18,0	34,8	30,6	26,9	23,2	-	16,2	1			
1/10	34,2	30,9	27,5	24,2	20,9	16,0	14,6	ı			
1/11	31,1	28,1	25,0	22,0	19,0	14,5	13,8	1			
1/12	28,5	25,7	22,9	20,2	17,4	13,3	12,2	1			
1/18	26,3	23,7	21.2	18,6	t6,1	12,3	11,2	1			
1/14	24,4	22,0	19,7	17,3	14,9	11,4	10,4	9			
1/15	22,8	20,6	18,3	16,1	13,9	10,7	9,77	8			
1/16	21,4	19,3	17,2	15,1	13,0	10,0	9,16	8			
1/17	20,1	18,1	16,2	14,2	12,3	9,44	3,62	7			
1/18	19,0	17,1	15,3	13,4	11,6	8,92	8,14	3			
1/19	18,0	16,2	14,5	12,7	11,0	8,45	7,71	6			
1/20	17,1	16 ,4	13,7	12,1	10,4	8,02	7,33	6			
1/21	16,3	14,7	13,t	11,5	9,96	7,64	6,98	6			
1/22	15,5	14,0	12,5	11,0	9,51	7,29	6,66	6,02	5,89	4,75	1/22
1/28	14,8	13,4	11,9	10,5	9,10	6,98	6,37	3,76	5,15	4,55	1/23
1/24	14,2	12,8	11,4	10,1	8,72	6,69	6,10	5,52	4,94	4,86	1/24
1/25	13,7	12,8	11,0	9,70	8,37	6,49	5,86	5,30	4,74	4,18	1/25

Prozente des Holzzuwachses.

von d. 4 3oll.	unb	Zu T ber L		Umfa uw.=K	•		u S ber H	Fuß dhenzi	Umfa uwK	•	1Stárke d. 4 3va.
Sagr	1	3/4	1/2	1/4	9.	1	3/4	1/2	1/4	O.	Jahr.
1	11,2	10,2	9,84	8,41	7,47	9,81	8,99	8,17	7,35	6,54	1
1/2	5,60	5,14	4,67	4,20	3,73	4,90	4,49	4,08	3,67	3,27	1/2
1/3	3,78	3,42	3,11	2,80	249	3,27	2,99	2,72	2,45	2,18	1/3
1/4	2,80	2,57	2,38	2,10	1,86	2,45	2,24	2,04	1,83	1,63	1/4
1/5	2,24	2,05	1,86	1,68	1,49	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/5
1/6	1,86	1,71	1,55	1,40	1,24	1,63	1,49	1,36	1,22	1,09	1/6
1/7	1,60	1,46	1,83	1,20	1,06	1,40	1,28	1,16	1,05	0,93	1/7
1/8	1,40	1,28	1,16	1,05	0,93	•	1,12	1,02	0,91	0,81	1/8
1/9	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	1/9
1/10	1,12	1,02	0,98	0,84	0,74	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/10
		1	0,84		0,67	0,89			I '	0,59	1/11
-	0,93	0,85	0,77	0,70	0,62	0,81	, ,	· _	0,61	0,54	1/12
	0,86	0,79	0,71	0,64	0,57	0,75			0,56	0,50	1/18
-	0,80	0,73	0,66	0,60	0,53	0,70	0,64	0,58	0,52	0,46	1/14
/15	0,74	0,68	0,62	0,56	0,49	0,65	0,59	0,54	0,49	0,48	1/15
	0,70		0,58	0,52	0,46	_	•	1 '	0,45	0,40	1/16
	0,65	0,60	0,54	0,49	0,43	•	Ť	0,48	0,48	0,38	1/17
	0,62		0,51	0,46	0,41	_	0,49	, -	0,40	0,36	1/18
•	0,59	0,54	0,49	0,44	0,39	•	0,47	'	0,38	0,34	1/19
1/20	0,56	0,51	0,46	0,42	0,37	0,49	0,44	0,40	0,86	0,82	1/20
	0,53		0,44	0,40	0,35	•		1	0,35	0,31	.1/21
-	0,50		0,42	0,38	0,33	•	0,40		0,33	0,29	1/22
	0,48	0,44	0,40	0,36	0,32	•	0,89	1 '	0,31	0,28	1/23
	0,46	0,42	0,38	0,35	0,31	•	, ,	0,34	0,30	0,27	1/24
1/25	0,44	0,41	0,87	0,33	0,29	0,39	0,35	0,32	0,29	0,26	1/25

Sidrie 4 Boll.	Bu	11/4	. Ծ աβ	Umf	ang	Bu		_	Umf		Setart Bog
0 →	unb	ber P	englerigi	iw.A	affe:	unb	per L	dhenz	uw.=K	laffe:	Ď.
Jahre,	1	3/4	1/2	1/a	0.	1	3 /4	1/2	1/4	O.	Jahre. von b.
1	63,0	51,7	52,4	47,1	41,8	52,4	48,0	43,6	39,2	34,8	1
1/2	31,5	28,8	26,2	23,5	20,9	26,2	24,0	21,8	19,6	17,4	1/3
1/8	21,0	19,2	17,4	15,7	13,9	17,4	16,0	14,5	13,0	11,6	1/4
1/4	15,7	14,4	13,1	11,7	10,4	18,1	12,0	10,9	9,82	8,72	34
1/5	12,6	11,5	10,4	9,43	8,37	10,4	9,61	8,78	7,85	6,97	1/5
1/8	10,5	9,62	8,74	7,85	6,97	8,74	8,01	7,27	6,54	5,81	1/6
1/7	9,00	8,24	7,49	6,73	5,98		6,86	6,23	5,61	4,98	1/1
1/8	7,87	7,21	6,55	5,89	5,28		6,00	5,45	4,91	4,36	1/8
1/9	7,00	6,41	5,82	5,28	4,65	5,82	5,84	4,85	4,36	3,87	1/5
1/10	6,30	5,77	5,24	4,71	4,18	5,24	4,80	4,36	3,92	3,48	1/10
1/11	5,72	5,24	4,76	4,28	3,80	4,76	4,37	3,97	3,57	3,17	1/11
1/12	5,25	4,81	4,37	3,92	3,48	4,37	4,00	3,68	3,27	2,90	1/12
1/18	4,84	4,44	4,03	3,62	3,22	4,03	3,69	3,85	3,02	2,68	1/12
1/14	4,50	4,12	3,74	3,36	2, 99		3,43	3,11	2,80	2,49	1/14
1/15	4,20	3,84	3,49	3,14	2,79	3,49	3,20	2,91	2,61	2,82	1/15
1/16	3,98	3,60	3,27	2,94	2,61	3,27	3,00	2,72	2,45	2,18	1/16
	3,70	3,39	3,08	2,77	2,46	\$,08	2,82	2,56	2,81	2,05	1/17
	3,50	3,20	2,91	2,61	2,32		2,67	2,42	2,18	1,93	1/16
1/19	3,31	3,03	2,76	2,48	2,20	2,76	2,53	2,29	2,06	1,83	1/19
1/20	3,15	2,88	2,62	2,35	2,09	2,62	2,40	2,18	1,96	1,74	1/20
1/21	3,00	2,74	2,49	2,24	1,99	2,49	2,28	2,07	1,87	1,66	1/21
	2,86	2,62	2,38	2,14	1,90		2,18	1,98	1,78	1,58	1/25
1	2,74	2,51	2,98	2,05	1,82	2,28	2,09	1,89	1,70	1,51	1/22
	2,62	2,40	2,18	1,96	1,74	2,18	2,00	1,81	1,63	1,45	1/14
	2,52	2,80	2,09	1,88	1,67	2,09	1,92	1,74	1,57	1,39	1/25
1(,	-					•			

V. Abstands=Tafeln,

ber

Waldbestände Schluß und Dichtheit

zu bestimmen.

Erläuterung mit Gebrauchsbeispielen.

Voran steht die Abstandszahl oder die Entfernung der Stämme nach ihrem mittlern Umfange bemessen; hintenan findet man den dazu gehörigen Anstheil, welchen die Stammgrund flächen summe von der Bestandsstäche einnimmt; dazwischen ist der ebenmäßige Stammgrund flächen Gehalt mehrer Flächenmaße mit aufgereiht. Leicht läßt sich der Betrag jeder andern, in gemeinen Fußen ausgedrückten Forststächeneinheit nach dem allgemeinen Stammsgrundstächen Antheile zu einer solchen Reihe aussummiren.

1) In einem Buchenbestande habe man von je einem ausgesuchten Nachbarstamme zum andern folgende Abstandsmaße gefunden:

21	U	Ju	3 ′	U,	Entfe	ernung	15,	mithin	Abstand	5,45,	
8	*	D	23	>	39	*	16	20	X	5,57,	
23	•	1 30	3 <u>1</u>	*	*				¥	5,50,	
31	Þ	Þ	81	×	. »	Þ	181	.))	x	5,48,	

also den Durchschnitts - Abstand: - 32 = 5,5.

- 2) Der Massengehalt dieses Bestandes, pon 75' H, II. Formfl. und 43,2 Gehaltshohe, mare auf dem preuß. Morg. zu 67 q' Stammgrundsiche 43,2 × 67 = 2894 Mfg.
- 3) Sollte derselbe Bestand eben verjüngt werden, und erforderte die Schlagstellung den Abstand 7, also an Stammgrundsiäche 42 q': so hätte man 43,2 × 42
 = 1814 Rfs. stehen zu lassen und 2894 1814 = 1080 Kfs. zu schlagen.
- 4) Ware dieser zu 7 Abstand gestellte Schlagbestand von 3' durchschnittlicher Umfangstärfe und mit } Stärfenzuwachs nach 10 Jahren wieder zu berichtigen; betrüge also bis dahin der Stärfenzuwachs & des halben Zolles im Haldmesser oder Z' im Durchmesser, etwa } Juß im Umfang: so stellte sich inzwischen der Abstand bei der ansänglichen Entsernung von $7 \times 3 = 21'$ auf $\frac{21}{31} = 6$; mithin stiege die Stammgrundstäche von 6^2 : 7^2 oder 36: 49, und der Schlagbesstand könnte dann wieder von seiner Stammgrundstäche 13 abgeben. Die fragslichen Bestandsmassen lassen sich leicht bestimmen, wenn man den Höhenzuwachs und die etwaige Vormveränderung mit in Rechnung nimmt.

5 Z	2	91 (076	44	5	2	0 4 (046	44		20
Stärke z 3ou.		21 54	•			Bu !	•	•		_	Stårfe Boll.
	und	net å	dhenz		rallet	uno t)er 4)	odeuf	R., au	une:	D. 4
Igent.	1	3/4	1/2	1/4	0.	1	3/4	1/2	1/4	O.	Zahre von d
	34,9	32,0	29,0	26,1	23,2	31,4	28,8	26,1	23,5	20,9	1
1/2	17,4	16,0	14,5	13,0	11,6	15,7	14,4	13,0	11,7	10,4	1/2
1/3	11,6	10,6	9,69	8,72	7,75	10,4	9,60	8,72	7,85	6,97	1/3
1/4	8,73	8,00	7,27	6,54	5,81	7,85	7,20	6,54	5,88	5,23	1/4
1/5	6,98	6, 40	5,81	5,23	4,65	6,28	5,76	5,23	4,71	4,18	1/5
1/6	5,82	5,83	4,84	4,36	3,87	5,23 4	1,80	4,36	3,92	3,48	1/6
1/7	4,98	4,57	4,15	3,73	3,32	4,48	1,11	3,74	3,36	2,99	1/7
1/8	4,36	4,00	3,63	3,27	2,90	3,92	3,60	3,27	2,94	2,61	1/8
1/9	3,88	3,55	3,23	2,90	2,58	3,49	3,20	2,90	2,61	2,32	1/9
1/10	3,49	3,20	2,90	2,61	2,32	3,14	2,88	2,61	2,85	2,09	1/10
1/11	3,17	2,91	2,64	2,37	2,11	2,85	2,61	2	2,14	1,90	411
1/12	2,91	2,66	2,42	2,18	1,98	2,61	2,40	2,18	1,96	1,74	1/12
1/13	2,68	2,46	2,23	2,01	1,78	2,41	2,21	2,01	1,81	1,61	1/18
	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,87	1,68	1,49	1/14
1/15	2,32	2,13	1,93	1,74	1,55	2,09	1,92	1,74	1,57	1,39	1/15
1/16	2,18	2,00	1,81	1,63	1,45	1,96	1,80	1,63	1,47	1,30	1/16
1/17	2,05	1,88	1,71	1,58	1,36	1,84	1,69	1,54	1,38	1,23	1/17
1/18	1,94	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,60	1,45	1,30	1,16	1/18
1/19	1,83	1,68	1,53	1,37	1,22	1,65	l,51	1,37	1,23	1,10	1/19
1/20	1,74	1,60	1,45	1,30	1,16	1,57	1,44	1,30	1,17	1,04	1/20
1/21	1,66	1,52	1,38	1,24	1,10	1,49	1,37	1,24	1,12	0,99	1/21
1/22	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,42	1,30	1,19	1,07	0,95	1/22
	1,51	1,39	1,26	1,13	1,01	1,36	1,25	1,13	1,02	0,91	1/23
	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,20	1,09	0,98	0,87	1/24
1/25	1,39	1,28	1,16	1,04	0,98	1,25	1,15	1,04	0,94	0,83	1/25

Abstands - Berhältnisse.

lmfången	Star Fuß z	nmgru u ben I von		Stamm: grund:	lmfången	Stai Fuß z	mmgru u ben 2 von	Raßen	Stamm=
Abstand in Umfången	Preußen	Baiern Baben Darmstabt	Pannover Braunschweig	grunds flåchens Antheil.	Abstand in Umfången	Preußen	Balern Baben Darmstabt	Hannover Braunschweig	grund: flächen: Antheil.
4,58	98,4	152	155,6	0,00380	.3,97	130,8	202	206,8	0,00505
4,55	99,7	154	157,6	0,00385	3,95	132,1	204	208,8	0,00510
	101,0	ľ		0,00390	3,93	133,4		_	0,00515
	102,3			0,00395	3,91	134,7			0,00520
4 ,46	103,6	160	163, 8	0,00400	3,8 9	136,0	210	215,0	0,00525
4,43	104,9	162	165,8	0,00405	3,87	137,3	212	217,0	0,00530
4,41	106,2	164	167,9	0,00410	3,85	138,6			0,00535
4,8 8	107,5	166	169,9	0,00415	3 ,84	139,9	216	221,1	0,00540
4,35	108,8	168	172,0	0,00420	3,82	141,2	218	223,2	0,00545
4,32	110,1	170	174,0	0,00425	3 ,80	142,5	220	225,2	0,00550
4,30	111,4	172	176,1	0,00430	3,78	143,8	222	227,3	0,00555
4,27	112,7	174	178,1	0,00435	3,77	145,1			0,00560
4,25	114,0	176	180,2	0,00440	3 ,75	146,4	226	231,4	0,00565
4,23	115,3	178	182,2	0,00445	3,74	147,7	228	233,4	0,00570
4,21	116,6	180	184,3	0,00450	3,72	149,0	230	235,5	0,00575
4,18	117,9	182	186,3	0,00455	3,70	150,3	-232	237,5	0,00580
4,16	119,2	184	188,4	0,00460	3 ,68	151,6	234	239,6	0,00585
4,13	120,5	186	190,4	0,00465	3,67	152,9	236	241,6	0,00590
4,11	121,8	188	192,5	0,00470	3,65	154,2	238	243,7	0,00595
4,09	123,1	190	194,5	0,00475	3 ,64	155, 5	240	245,7	0,00600
4,07	124,4	192	196,6	0,00480	3,62	156,8	242	247,8	0,00605
4,05	125,7	194	1	0,00485	3,61	158,1	244	249,8	0,00610
4,03	127,0	196		0,00490	_	159,4	246	251,9	0,00615
4,01	128,3			0,00495	3 ,58	160,7	248	253,9	0,00620
8,99	129,6	200	204,8	0,00500	3, 56	162,0	250	256 ,0	0,00625

3u 31/2 Fuß Umfang Bu 4 Fuß Umfang und ber HöhenzumRlasse: und ber PohenzumRlasse: 1 3/4 1/2 1/4 0.	Jahre,sStarke von d. & Bod.
SE 1 3/4 1/2 1/4 0. 1 3/4 1/2 1/4 0.	Tr.
MG/25 7-1 0-1 2-1 - 1 - 1 - 1 0-1 2-1 1-1 1-1	Sal
1 22,4 20,5 18,6 16,8 14,9 19,6 17,9 16,3 14,7 13,0	1
1/2 11,2 10,2 9,34 8,41 7,47 9,81 8,99 8,17 7,36 6,54	1/2
1/3 7,47 6,85 6,23 5,60 4.98 6,54 5,99 5,45 4,90 4,36	1/3
1/4 5,60 5,14 4,67 4,20 3,73 4,90 4,49 4,08 3,68 3,27	1/4
1/5 4,48 4,11 3,73 3,36 2,99 3,92 3,59 3,27 2,94 2,61	1/5
1/6 3,73 3,42 3,11 2,80 2,49 3,27 2,99 2,72 2,45 2,18	1/6
1/7 3,20 2,93 2,67 2,40 2,13 2,80 2,57 2,83 2,10 1,86	1/7
1/8 2,80 2,57 2,83 2,10 1,86 2,45 2,24 2,04 1,84 1,63	1/8
1/9 2,49 2,28 2,07 1,86 1,66 2,18 1,99 1,81 1,63 1,45	1/9
1/10 2,24 2,05 1,86 1,68 1,49 1,96 1,79 1,68 1,47 1,30	1/10
1/11 2,03 1,86 1,69 1,52 1,35 1,78 1,63 1,48 1,33 1,18	1/11
1/12 1,86 1,71 1,55 1,40 1,24 1,63 1,49 1,36 1,22 1,09	1/12
1/13 1,72 1,58 1,43 1,29 1,15 1,51 1,38 1,25 1,18 1,00	1/18
1/14 1,60 1,46 1,33 1,90 1,06 1,40 1,28 1,16 1,05 0,93	1/14
1/15 1,49 1,87 1,24 1,12 0,99 1,30 1,19 1,09 0,98 0,87	1/15
1/16 1,40 1,28 1,16 1,05 0,93 1,22 1,12 1,02 0,92 0,81	1/16
1/17 1,31 1,20 1,09 0,98 0,87 1,15 1,05 0,96 0,86 0,76	1/17
1/18 1,24 1,14 1,03 0,93 0,83 1,09 0,99 0,90 0,81 0,72	1/18
1/19 1,18 1,08 0,98 0,88 0,78 1,03 0,94 0,86 0,77 0,68	1/19
1/20 1,12 1,02 0,93 0,84 0,74 0,98 0,89 0,81 0,73 0,65	1/20
1,91 1,06 0,97 0,89 0,80 0,71 0,93 0,85 0,77 0,70 0,62	1/21
1/22 1,01 0,93 0,84 0,76 0,67 0,89 0,81 0,74 0,66 0,59	1/22
1/23 0,97 0,89 0,81 0,73 0,65 0,85 0,78 0,71 0,64 0,56	1/23
1/24 0,93 0,85 0,77 0,70 0,62 0,81 0,74 0,68 0,61 0,54	1/24
1/25 0,89 0,82 0,74 0,67 0,59 0,78 0,71 0,65 0,58 0,52	1/25

r.sStarke	ŀ	41 52	•	·			u 5 der H	
Zahrr. von d	1	3/4	1/2	1/4	0.	1	3/4	11/
1	17,4	15,9	14,5	13,0	11,6	15,7	14,3	13,
1/2	4,72	7,99	7,26	6,54	5,81	7,85	7,19	6,5
1/3	5,81	5,33	4,84	4,36	3,87	5,28	4,79	4,3
1/4	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	3,92	3,59	3,2
1/5	3,48	3,19	2,90	2,61	2,32	3,14	2,87	2,6
1/6	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,39	2,1
1/7	2,49	2,28	2,07	1,86	1,66	2,24	2,05	1,8
1/8	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,6
1/9	1,93	1,77	1,61	1,45	1,29	1,74	1,59	1,4
1/10	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1,57	1,43	1,3
1/11	1,58	1,45	1,32	1,18	1,05	1,42	1,30	1,11
1/12	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,0
1/13	1,34	1,23	1,11	1,00	0,89	1,20	1,10	1,0
1/14	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1,12	1,02	0,9:
1/15	1,16	1,06	0,96	0,87	0,77	1,04	0,95	0,8
1/16	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81
1/17	1,02	0,94	0,85	0,76	0,68	0,92	0,84	0,70
1/18	0,96	0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,75
1/19	0,91	0,84	0,76	0,68	0,61	0,82	0,75	0,68
1/20	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,6
1/21	0,83	0,76	0,69	0,62	0,55	0,74	0,68	0,69
1/22	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	0,71	0,65	0,59
1/23	0,75	0,69	0,63	0,56	0,50	0,68	0,62	0,51
1/24	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,5
1/25	0,69	0,63	0,58	0,52	0,46	0,62	0,57	0,5

. 4 Boll.	4	B1 /1 der L	_	_		B und	ig laffe:	r.:Starfe D. & Boll.			
Jahr. von b	1	3 f4	2f2	1/4	0.	1	3 f4	1/2	1/4	0.	Jahrr.
1	14,2	13,0	11,8	10,7	9,51	13,0	11,9	10,9	9,81	8,72	1
1/2	7,13	6,54	5,94	5,85	4,75	,	5,99	5,45	4,90	4,36	1/2
1/8	4,75	4,36	3,96	3,56	3,17	4,86	3,99	3,63	3,27	2,90	1/3
14	3,56	3,27	2,97	2,67	2,87	3,27	2,99	2,72	2,45	2,18	1/4
1/5	2,85	2,61	2,37	2,14	1,90	2,61	2,39	2,18	1,96	1,74	1/5
1/6	2,37	2,18	1,98	1,78	1,58	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1/6
1/7	2,03	1,86	1,69	1,52	1,85	1,86	1,71	1,55	1,40	1,24	1/1
1/8	1,78	1,63	1,48	1,83	1,18	1,68	1,49	1,36	1,22	1,09	1/8
1/9	1,58	1,45	1,82	1,18	1,05	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1/9
1/10	1,42	1,30	l,18	1,07	0,95	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/10
1/11	1,29	1,18	1,08	0,97	0,86	1,18	1,09	0,99	0,89	0,79	1/11
1/12	1,18	1,09	0,99	0,89	0,79	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	1/12
1/18	1,09	1,00	0,91	0,82	0,73	1,00	0,92	0,83	0,75	0,67	1/18
1/14	1,01	0,93	0,84	0,76	0,67	0,93	0,85	0,77	0,70	0,62	3/14
1/15	0,95	0,87	0,79	0,71	0,63	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	1/15
1/16	0,89	0,81	0,74	0,66	0,59	0,81	0,74	0,68	0,61	0,54	1/16
1/17	0,83			0,62	0,55	0,76	0,70	0,64	0,57	0,51	1/17
1/18	9,79	0,72	0,66	0,59	0,52	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	1/18
1/19	0,75	0,68	0,62	0,56	0,50		0,63	0,57	0,51	0,45	1/19
1/20	0,71	0,65	0,59	0,53	0,47	0,65	0,59	0,54	0,49	0,43	1/20
1/21	0,67	0,62	0,56	0,50	0,45	0,62	0,57	0,51	0,46	0,41	1/21
1/22	0,64	0,59	0,54	0,48	0,43	0,59	0,54	0,49	0,44	0,89	1/22
1/23	0,62	0,56	0,51	0,46	0,41	0,56	0,52	0,47	0,42	0,87	1/28
21	0,59	'	0,49	0,44	0,89	0,54	0,49	0,45	1	0,36	1/24
1/25	0,57	0,52	0,47	0,42	0,38	0,59	0,47	0,43	0,89	0,34	1/25
7											

Scharfe 30a.	unb	Bu T ber L	Fuß dhenz			u S ber L	•	
Zahrt. von b.	1	3/4	1/8	1/4	0.	1	3/4	1
1 1/2	11,2 5,60	10,2 5,14	9,34 4,67	8,41 4,20	7,47 3,73	4,90	8,99 4,49	3 , 4 , 1
1/3 1/4 1/5	3,73 2,80 2,24	3,42 2,57 2,05	3,11 2,33 1,86	2,80 2,10 1,68	2,49 1,86 1,49	2,45	2,99 2,24 1,79	2, 2, 1,
1/6 1/7 1/8	1,86 1,60 1,40	1,71	1,55 1,33 1,16	1,40	1,24 1,06	1,40	1,49 1,28 1,12	1,
1/9 1/10	1,40 1,24 1,12	1,28 1,14 1,02	1,10 1,03 0,98	1,05 0,93 0,84	0,93 0,83 0,74	-	0,99	1, 0, 0,
-	1,01 0,93 0,86	0,98 0,85 0,79	0,84 0,77 0,71	0,76 0,70 0,64	0,67 0,62 0,57	0,89 0,81 0,75	0,74	0, 0,(
1/14	0,80 0,74	0,73 0,68	0,66 0,62	0,60	0,53 0,49	0,70, 0,65	0,64	0,!
1/17	0,70 0,65 0,62	0,64 0,60 0,57	0,58 0,54 0,51	0,49	0,46 0,43 0,41	0,61 0,57 0,54	0,52	0,£ 0,£ 0,£
1/19 1/20	0,59 0,56	0,54 0,51	0,49 0,46	0,44	0,39 0,37	0,51 0,49	0,47 0,44	0,4 0,4
1/22	0,53 0,50 0,48	0,48 0,46 0,44	0,44 0,42 0,40	0,40 0,38 0,36	0,35 0,33 0,32	0,46 0,44 0,42	0,40	0,8 0,8 0,8
1/24	0,46	0,42 0,41	0,38 0,87	0,85 0,83	0,31 0,29	0,40 0,39	0,37	0,1 0,1

rr. = Stårfe d. 4 30a.	1		Fuß l	•		Zu 10 Fuß Umfang und der Höhenzuw.=Klasse:						
Zahrr von d	1	3/4	1/2	1/4	0.	1	3/4	1/2	1/4	0.	Zahrr. von d	
1	4,72	7,99	7,26	6,54	5,81	7,85	7,19	6,54	5,88	5,23	1	
1/2	4,36	3,99	3,63	3,27	2,90	3,92	3,59	3,27	2,94	2,61	1/2	
1/3	2,90	2,66	2,42	2,18	1,93	2,61	2,89	2,18	1,96	1,74	1/3	
1/4	2,18	1,99	1,81	1,63	1,45	1,96	1,79	1,63	1,47	1,30	1/4	
1/5	1,74	1,59	1,45	1,30	1,16	1,57	1,43	1,30	1,17	1,04	1/5	
1/6	1,45	1,33	1,21	1,09	0,96	1,30	1,19	1,09	0,98	0,87	1/6	
1/7	1,24	1,14	1,03	0,93	0,83	1,12	1,02	0,93	0,84	0,74	1/7	
1/8	1,09	0,99	0,90	0,81	0,72	0,98	0,89	0,81	0,73	0,65	1/8	
1/9	0,96	0,88	0,80	0,72	0,64	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	1/9	
1/10	0,87	0,79	0,72	0,65	0,58	0,78	0,71	0,65	0,58	0,52	1/10	
1/11	0,79	0,72	0,66	0,59	0,52	0,71	0,65	0,59	0,53	0,47	411	
1/12	0,72	0,66	0,60	0,54	0,48	0,65	0,59	0,54	0,49	0,48	1/12	
1/18	0,67	0,61	0,55	0,50	0,44	0,60	0,55	0,50	0,45	0,40	1/18	
1/14	0,62	0,57	0,51	0,46	0,41	0,56	0,51	0,46	0,42	0,37	1/14	
1/15	റ,58	0,53	0,48	0,48	0,38	0,52	0,47	0,43	0,39	0,34	1/15	
1/16	0,54	0,49	0,45	0,40	0,36	0,49	0,44	0,40	0,36	0,32	1/16	
1/17	0,51	0,47	0,42	0,38	0,84	0,46	0,42	0,38	0,34	0,30	417	
1/18	0,48	0,44	0,40	0,36	0,32	0,43	0,39	0,36	0,32	0,29	1/18	
1/19	0,45	0,42	0,38	0,34	0,30	0,41	0,37	0,34	0,30	0,27	1/19	
1/20	0,43	0,39	0,36	0,32	0,29	0,39	0,35	0,82	0'50	0,26	1/20	
1/21	0,41	0,38	0,34	0,31	0,27	0,37	0,34	0,31	0,28	0,24	1/21	
	0,39	0,36	0,33	0,29	0,26	0,35	0,32	0,29	0,26	0,23	1/22	
	0,37	0,34	0,31	0,28	0,25	0,34	0,31	0,28	0,25	0.83	1/23	
Bl .	0,36	0,33	0,30	0,27	0,24	0,32	0,29	0,27	0,24	0,21	1/24	
1/25	0,34	0,31	0,29	0,26	0,23	0,31	0,28	0,26	0,23	0,20	1/25	

V. Abstands=Tafel

ber

Waldbestände Schluß unt

zu bestimmen.

Erlauterung mit Gebrauchsbe

Voran steht die Abstandszahl oder die Entfernihrem mittlern Umfange bemessen; hintenan sindet man theil, welchen die Stammgrundflächensumme, einnimmt; dazwischen ift der ebenmäßige Stammgrumehrer Flächenmaße mit aufgereiht. Leicht läßt sich be in gemeinen Fußen ausgedrückten Forstslächenesnheit nach digrundflächen Antheile zu einer solchen Reihe aufsummires

1) In einem Buch en bestande habe man von je ei barstamme zum andern folgende Abstandsmaße gefunden:

21'	U	ju	8'	U,	Entfe	ernun	g 15',	mithin	Abstant
8	30	· 30	21	*	>>	*	16	X	*
23		, >	3 <u>1</u>	•	*	*	16 <u>1</u>	D	3 0
81	×	Þ	31	X	D	¥	181))	×
					-15-		Dan de (di miana	044 A

also den Durchschnitts-Abstand t dieses Bestandes, von 75' H

- 2) Der Massengehalt dieses Bestandes, von 75' H. Gehaltshöhe, ware auf dem preuß. Morg. zu 67 q' Stan = 2894 Kfg.
- 8) Sollte derselbe Bestand eben verjüngt werden, un! stellung den Abstand 7, also an Stammgrundsläche 42 q':

 = 1814 Kfs. steben zu lassen und 2894 1814 = 1081
- 4) Ware dieser zu 7 Abstand gestellte Schlagbestand | Umfangstärfe und mit } Stärkenzuwachs nach 10 Jahres betrüge also bis dahin der Stärkenzuwachs & des hals ser oder Z' im Durchmesser, etwa } Juß im Umfang:

der Abstand bei der anfänglichen Entfernung von 7 x 8 =

hin stiege die Stammgrundstäche von 62: 72 oder 36: stand könnte bann wieder von seiner Stammgrundstäche lichen Bestandsmassen lassen sich leicht bestimmen, wenn und die etwaige Formperanderung mit in Rechnung nim

ţ

Abstands - Verhältniffe.

·	in Umfången	Stat Fuß 3	Stammgrunbfl.: Fuß zu ben Waßen von		Stamm:	tmfången	Star Fuß.3	mmgru u ben S von	Raßen	Stamm,
	Abstand in D	Preußen	Baiern Bares Darmftabt	Dannover Brounschweig	grunds flåchens Antheil.	Abstand in Umfangen	Preußen	Balerri Baben Darmftabi	Sannover Braunfdmeig	grund: flåchen: Antheil.
	28,21	2,5	4	4,0	0,0001	5,58	66,0	102	104,4	0,00255
ı	19,92	- 5,1	8	8,1	0,0002	5 ,53	67,3	104	106,4	
	16,29	7,7	12	12,2	0,0003	5,48	68,6	106	108,5	0,00265
1	14,10			16,3		5,43	69,9		110,5	
	12,61	12,9	20	20,4	0,0005	5,38	71,2	110	112,6	0,00275
ľ	11,52	15,5	24	24,5	0,0006	5,33	72,5	112	114,6	0,00280
	10,66		28	28,6		5,28	73,8	114	116,7	0,00285
1	9,97	20,7	32	32,7		5,24	75,1	116	115,7	0,00290
H	9,40			36,8		5,19	76,4	118	120,8	0,00295
	8,92	25,9		40,9	0,0010	5,15	77,7	120	122,8	0,00300
H	8,51	28,5	44	45,0	0,0011	5,11	79,0	122	124,9	0,00305
i	8,14	31,1		49,1	0,0012	5,07	80,3		126,9	
ı	7,82		_	53,2	0,0013	5,03	81,6	126	129,0	
H	7,54		56		0,0014	4,99	82,9	123		0,00320
ı	7,28			61,4	0,0015	4,95	84,2		133,1	0,00325
ı	7,05	41,4	64	65,5	0,0016	4,91	85,5	132	i35, 1	0,00330
	6,84		L	69,6	0,0017	4,87	86,8	134	137,2	0,00335
	6,65	1	•	73,7	0,0018	4,84	88,1	136	139,2	.0,00340
	6,47			77,8	0,0019	4,80	89,4	138	141,3	0,00345
H	6,31	51,8	80	81,9	0,0020	4,77	90,7	140	143,3	0,00350
i	6,16	54,4	84	86,0	0,0021	4,73	92,0	142	145,4	0,00355
H	6,01				0,0022	4,70	93,3	144	147,4	0,00360
	5,88	59.6	92	94,2	0,0023	4,67	94,6	146	149,5	0,00365
ł	5,76				0,0024	4,64	95,9	148	151,5	0,00370
	5,64				0,0025	4,61	97,2		153,6	0,00375

Abstands - Berhaltnisse.

M emfången	Star Fuß 3	nmgru u den 9 von	Raßen	Stamm=	lmfången	Stai Fuß 3	nmgru u ben 9 von	Raßen	Stamins
Abstand in 1	Preußen	Baiern Baben Darmfabt	Pannover Brannichmetg	grunds flachens Antheil.	Absand in Umfåugen	Preußen	Baiern Baben Darmstabt	hannover Braunschweig	grund: fláchen: Antheil.
2 55	163,2			0,00630	3 ,23	196,9			0,0076
	164,5			0,00035	8,21	199,5			0,0077
	165,8			0,00640	_ `	202,1	312	319.4	0,0078
	167,1	258		0,00645	3,17	201,7	316	523,5	0,0079
8 14	168,4	260		0,00650	8,15	207,3	320	327,6	
8,48	169,7	262	268,2	0,00655	8,13	209,9	324	331,7	0,0081
	171,0	264		0,00660	· ·	212,5	328	1	0,0082
. 11	172,3			0,00665	8,10	215,1	332		0,0083
8,45	173,6	268	274,4	0,00670	3 ,08	217,7	336		0,0084
3,43	174,9	270	216,4	0,00675	3,06	220,3	340	345,1	
8,49	176,2	272	278,5	0,00680	3,04	222,9	344	352,2	0,0086
	L77 ,5			0,00685	8,02	225,5		356,8	
	178 ,8	276	282,6	0,00690	8,01	228,0	352	360,4	0,0088
4 , ,	180,1	278	284,6	0,00695		230,6		361,5	0,0089
8,87	181,4	280	286,7	0,00700	2,97	235,2	860	363 ,6	0,0090 4
	182,7			0,00705	2,96	235,8	364	372,7	0,0091
	184,0			0,00710	2,94	238,4	368		0,0092
	165,8			0,00715		241,0	<u> </u>		0,0093
	186,6			0,00720		243,6			0,0094
	167,9		296,9	0,00725	2 ,89	246,9	380	369,1	0,0095
41	189,2			0,00730		245,8		393 ,2	
	190,5			0,00735		251,4	i		0,0097
	191,8			0,00740	2,85	1 .	392		0,0098
	193,1			0,00745		256,6		_1	0,0099
5,20	194,4	300	307,2	0,00750	3,62	259,2	400	409,6	0,0100

VI. Baldmassen = Za | zur leichten

Bestandes = Sch

in preußischem Daß!

Erlauterung mit Gebrauchsbei

Es greifen je zwei Seiten in einander. Voran fi kandshohe, hintenan die mittlere Stammform Waldbestände. Unter den auch wörtlich bezeichneten Rlassenabtheilungen sindet sich hinter der Abstat gehalt pr. Morgen in Körperfußen.

1) Beifpiele von einem Riefernbestanbe.

a) Bur Klasse IIc mit 60 H ergeben sich 2381 K

b) Zur gleichen Klasse und 63' H, 2881 + 2598 -

c) Zwischen Klasse IIc und IIIa zu 60' H, 2526-

d) Zu IIc Kl. 60' H und 0,52 Stammform gehör: 0,494: 0,52 = 2831: M

0,52 × 2331 = 2453 Kfk. Massenge

was man auch bei 62½' H ziemlich nahe gefur 2) Es sei ein mehr räumlicher, zu IIb gehöriger! von Buchen in drei verschiedene Höhenklassen gesond:

von Buchen in drei verschiedene Hohentiagen gesond 25 hohe Unterwuchs 0,5, das 45 hohe Mittelholz 0,2 11 hold 0,3 der Bestandsstäche ein: so beträgt der Massenge

Unterwuchs 643 × 0,5 = 321,5 Kf

Mittelholz 1381 × 0,2 = 266,2 »

Oberhols 1931 × 0,3 = 579,3 v

Zusammen: 1167 Kfß.
3) In einem zu IIIc geschlossenen Bestande von

fande sich, daß die 85' hohen Buchen 0,6 und die 95' der gesammten Bestandsstäche einnahmen. Dies ergabe

Buchenholz 4140 × 0,6 = 2484 Kf

Tannenholz 6422 × 0,4 = 2568 »

Zusammen pr. Mg.: 5052 M

Massengehalt der Eichen = und

		in	Rd	rpe	rfuf	ien p	reußisc	hen !	Maß	es zu	r ne	venan
Fuß.	I.	Riassi	e. &	dter	Star	1b.	II. R	lasse.	Ráu	ımlid	er St	and.
preuß.	ganz	Lidit.	jiemi.	b. Liğt.	etwa	e. 8 ligt.	gánz r	åumi.	ziemi.). råumi.	etwas	råumi.
*	App.	Rfuß	Abst.	Kfuß	Met.	Kfuß	Abst.	Kfuß	Apft.	Rfuß	APP.	Kfus
5	10,34	61	9,66	70	9,11	78	8,63	87	8,24	95	7,90	104
10	9,80	134	9,16	153	8,65	. 172	8,20	192	7,82	211	7,49	230
15	9,40	218	8 ,7 8	249	8,28	280	7,86	312	7,49	343	7,18	374
20	9,06	310	8,4 8	354	7,99	399	7,58	443	7,23	488	6,92	532
25	8,80	409	8,22	467	7,75	526	7,36	584	7,01	643	6,71	701
80	8,58	512	8,02	5 86	7,57	659	7,18	732	6,84	805	6,55	879
8 5	8,40	619	7,86	707	7,42	795	7,93	884	6,70	972	6,42	1061
40	8,24	730	7,71	835	7,27	939	6,89	1043	6,57	1148	6,3 0	1252
45	8,07	847	7:57	968	7,14	1089	6,76	1210	6,45	1331	6,18	1452
50	7,94			1108			_	1385	,		_	
55	7,80	1097	7,30	1254	6,89	1410	6,53	1567	6,23	1723	5,96	1880
6 0	7,67	1229	7,18	1405	6,77	1580	6,42	1756	6,12	1931	5,86	2107
65	7,55	13 6 6	7,06	1561	6,66	1756	6,32	1951	6,02	2146	5,77	2841
70			,	1723				2154	i I			
75	7,32	1654	6,85	1891	6,46	2127	6,13	2364	5,84	2600	5,60	2836
80	7,23	1796	6,77	2052	6, 38	2309	6,05	2565	5,77	2822	5,53	3079
85	7,16	1932	6,70	2208	6,32	2484	5,99	2760	5,74	3036	5,47	3312
90				2355			1	2943				
95				2491				3114			4	
00			_	2615			5,90	3269	5 ,63	3596	5,39	3923

Buchen-Bestände pr. Morgen.

stehenden Mittelhohe, Abstands= und F

m. s	Riasse.	Se	Solo	ener (Stand.	IV. S	Classe.	Get	rı :
etwas	geshl.	jieml.	geläl.	ganz	e. gefct.	etwas	gebr.	3iem!	b.
Abst.	Kfuß	Apt.	Kfus	Whit.	Rfus	Apt.	Afus	36 g.	3
7,58	113	7,30	121	7,05	130	6,83	139	6,63	
7,19	249	6,93	26 8	6,70	287	6,48	307	6,29	
6,89	405	6,64	436	6,42	467	6,21	499	6,03	
6,63	576	6,40	621	6,18	6 65	5,9 9	709	5,81	
6,44	760	6,21	818	6,01	877	5,82	935	5,64	<u> </u>
6,29	952	6,06	1025	5,8 6	1098	5,67	1171	5,50	1:
6,17	1149	5,94	1237	5,74	1326	5,56	1414	5,39	1.
6,05	1356	5,83	1461	5 ,63	1565	5,45	1669	5,29	1'
5,93	1573	5,72	1694	5,53	1815	5,35	1936	5,19	20
5,83	1800	5,62	1939	5,43	2077	5,25	2216	5,10	2:
5,73	2037	5,52	2193	5,33	2350	5,16	2507	5,01	20
			2458				2809		
5,54	2536	5,34	2732	5,16	2927	5,00	3122	4,85	3{
			3015			4,92	344 6	477	36
5,37	3072	5,18	3309	5,∞	3545	4,84	3781	4,70	4(
1 B			U		384 8		4105	1	
5,25	35 88	5,06	3864	4,89	4140	4,73	4416	4,59	46
1			4121				4709		
			4359				4982		
			4577				5231		

Massengehalt der Fichten- und

*		in	£ò	rpe	rfuß	en pi	eußisc	hen !	Naße	લ્ફ કુમ	r ne	bena
199pe	I.	Klass	e. &	ichter	Sta	nb.	II. K	lasse.	Ráu	mlich	n St	anb.
Mittelhöhe preuß. Fuß.	ganj	liğt	gieml	Ligt	etwa	e. S liğt	gang r	duml.	dieml.). Täuni.	etwas). rāmmi
	Abst.	Kfuß	Apg.	Kfuß	APK.	Kfu\$	Abst.	Kfuß	300 ft.	Kfuß	WH.	Rful
5.	8,73	79	8,16	90	7,70	101	7,30	113	6,96		6,66	I.
10	8,30	Y	7,76		7,32	223	6,94		6,62		6,33	•
15	7,95		7,43		7,01		6,63				6,07	
20	7,65	403	7,17	461	6,75	518	6,40	576	б,11	634	5,84	691
25	7,42	535	6,94	611	6,54	687	6,20	764	5,91	840	5,66	917
80	7,22		6,74	771	6,36	867	6,04					1156
85	7,04	821	6,59	938	6,21	1055		a de la composição de la composição de la composição de la composição de la composição de la composição de la		8		1403
40	6,91	972	6,45	1111	6,08	1250	5,77	1389	5,51	1528	5,27	1667
45	6,79	1126	6,34	1287	5,98	1446	5,67	1609	5,41	1770	5,18	1931
50			–			1656		1		•	T .	2206
5 5	6,56	1456	6,14	1664	5,78	1872						2496
60	6,45	1630	6,04	1863	5,69	2096	5,40	2329	5,15	2562	4,93	2795
65	6.35	1811	5,94	2070	5,60	2329	5,32	2588	5,07	2847	4,85	3106
70		1999										3421
75		2193					5,16	3132	4,93	3445	4,71	3759
80	6,09	2392	5,70	2734	5,36	3076	5,09	3418	4,86	3759	4,65	410
85	6.01	2598	5.62	2969	5,29	3340	5,02	3711	4.79	4082	4,59	445
90		2799	i									4799
95		2997					I 1			L		5137
100		3187	i				4,88	4553	4,65	5008	4,45	5463
105	5 70	3370	5.12	3851	5.11	4332	4.85	4814	4.62	5295	4.42	5771
110	_					4555		5061				
115						4764		5294				
120						4957		5508				

Tannen-Bestände pr. Morgen.

stehenden Mittelhohe, Abstands= und Fi

III. S	tlasse.	Ges	Hosse	ner C	stand.	IV.	tlasse.	Ged	rd
etwas	gelği.	dieml.	gefdi.	ganz	e. gefāl.	etwas	gebr.	aiem?). • g
Abst.	Kfuß	Abst.	Kfuß	Abst.	Kfuß	Xer.	Rfuß	Met.	Я
6,41	146	6,17	158	5,9 6	169	5,77	180	5,60	;
6,08	322	5,86	347	5,66	372	5,48	396	5,32	4
5,83	524	5,62	56 5	5,43	605	5,25	645	5,10	1
5,62	749	5,41	806	5,23	864	5,06	922	4,91	!
5,44	993	5,24	1069	5,07	1146	4,90	1222	4,76	Ľ
5,29	1252	5,10	1348	4,93	1445	4,76	1541	4,63	10
5,17	1524	4,98	1642	4,81	1759	4,65	1876	4,52	19
	1805			'		4,56	2222	4,43	2:
4,97	2092	4,79	2253	4,63	2414	4,48	2575	4,35	27
	2392	•			1		2944		1
	2704						3 32 8		
4,74	3028	4,57	3261	4,41	3494	4,26	3727	4,14	39
4,66	3365	4,50	3624	4,34	3882	4,20	4141	4,08	44
	3713					1	4570	1	
	4072	_ 1					5011		
	4443						546 8		
4,40	4824	4,24	5195	4,10	5567	3,97	5938	3,85	63
	5199		1			•	6399		
	556 5						6850		
					6829		7284		l
4,25	6258	4,10	6739	3,96	7221	3,83	1702	3,72	81
	6579						8098		
	6882					1	8469		
	7160	1					8812		

Massengehalt der Kiefern= und

		in	Ró	rper	fuß	en pr	eußisc	hen !	Ma ß	es zu	r ne	benan
gug.	I.	Rlass	e. L	ichter	Sta	nb.	II. K	lasse.	Ráu	mlich	er St	and.
preuß.	ganz	idt.	şiem!	Liğt.	eiwa	C. 8 liğt.	gang r	åumi.	giemi.). rāumi.	etwa8	råumi.
	Note.	Rfus	Abst.	Kfuß	Aph.	Kfuß	302 ft.	Kfuß	App.	Kfuß	Abst.	Kfuß
5	9,43	61	8,81	70	8,32	79	7,90	88	7,52	96	7,20	105
10	8,90	138	8,32	158	7,84	177	7,44	197	7,10	216	6,79	236
15	8,48	226	7,92	259	7,46	291	7,08	323	6,75	356	6,46	388
20	8,12	326	7,59	373	7,16	419	6,79	46 6	6,47	513	6,20	559
25	7,83	436	7,32	498	6,91	560	6,55	622	6,24	684	5,98	747
30	7,60	552	7,10	631	6,70	710	6,35	789	6,06	868	5,80	947
85	7,40	675	6,92	772	6,53	868	6,18	965	5,90	1061	5,65	1158
10	7,23	803	6,77	918	6,38	1032	6,05	1147	5,77	1261	5,52	1376
15	7,10	933	6,64	1066	6,26	1199	5,94	1333	5,66	1466	5,42	1599
50		1070		1			5,83	1528	5,55	1680	5,32	1833
55		1212					5,72	1731	5,45	1904	5,22	2077
60		1360					5,62	1948	5,36	2137	5,13	2331
85	6,62	1514	6,18	1730	5,83	1947	5,53	2165	5,28	2382	5,05	2598
70		1667										2858
75	6,44	1818	6,03	2078	5, 68	2337	5,39	2597	5,14	2 856	4,92	3116
90	6,38	1964	5,97	2245	5,63	2525	5,34	2806	5,09	3087	4,87	3367
95	6,33	2105	5,92	2406	5,58	2707	5,29	3008	5,05	3309	4,84	3610
90		2241				1				1		3841
95	B i	2368			i i		5,24	3382	5,00	3720	4,79	4059
DO	6,26	2486	5,86	2841	5,52	3196	5,23	3551	4,99	3906	4,78	4261

Larchen-Bestande pr. Morgen.

stehenden Mittelhohe, Abstands= und Fi

III. S	Rlasse.	Ge	Moss	ener (Stand.	IV. J	classe.	Geb	rd:
etwas	gefdi.	diemi.	gefdt.	· gang	e. gefal.	etwas	gebr.	diem!). . g:
306 ft.	Kfuß	Non.	Rfuß	N6ft.	Rfuß	Non.	Rfuß	Abs.	Я
6,92	114	6,66	123	6,44	132	6,24	140	6,05] .
6,53	256	6,28	275	6,07	295	5,88	315	5,70	4 ;
6,21	420	5,99	453	5,7 8	485	5,60	517	5,43	£ :
5,95	606	5,74	652	5,54	699	5,37	746	5,20	7
5,75	809	5,54	871	5,35	933	5,18	995	5,02	1(
5,57	1026	5,37	1105	5,19	1184	5,02	1263	4,87	1{
5,43	1254	5,23	1351	5,05	1447	4,89	1544	4,75	16.
5,30	1491	5,11	1605	4,94	1720	4,78	1835	4,64	19
5,20	1733	5,01	1866	4,84	1999	4,69	2132	4,55	22
5,11	1986	4,92	2139	4,75	229 2	4,60	2444	4,47	25
	2250					4,52	2770	4,39	29
	2526					4,44	310 8	4,31	33
4,85	2814	4,68	3031	4,52	3247	4,37	3463	4,24	36
4,78	3096	4,61	3334	4,45	3572	4,31	3811	4,18	40
4,73	3376	4,56	3635	4,40	3895	4,26	4155	4,13	44
	364 8				i i	4,22	4490	4,09	47
4,65	3911	4,48	4212	4,33	4512	4,19	4813	4,06	51
4,62	4161	4,45	4461	4,30	4802	4,17	5122	4,04	54
4,60	4397	4,43	4735	4,28	5073	4,15	5411	4,02	51
					5327	4,14	5682	4,01	60

Massengehalt der Exten- und andern mehr

Sub.		i	n Kò	rpe	tfuß	en pt	eußis	d)en	Maf	es zi	ur n	ebena
# #	I.	Riaff	e, Lie	hter (Stand	•	11. 3	laffe.	Ráu	ımlid)	er S	tand.
Mittelhöhe pr.	Sast?	li ó t.	şirmî.	liğt.	etwa6		gans 1	edermi.	ptemi.	d. råuml.	etwa	e. riuml
126	Жhft.	Rfuß	Mbft.	Afuß	жъą.	Kfuß	Abst.	Kfuß	A6 ft.	Afuß	3(6ft.	Afuß
5	11,57	46	10,80	53	10,18	59	9,66	66	9,22	73	8,81	79
10	10,88	103	10,18	118	9,60	133	9,11	148	8,69	162	8,31	177
15	10,40	170	9,72	194	9,16	218	8,68	242	8,29	266	7,92	291
20	9,99	243	9,34	271	8,81	312	8,35	347	7,97	382	7,62	417
25	9,66	321	9,05	367	8,53	413	8,09	459	7,72	505	7,38	551
80	9,42	403	8,81	461	8,31	518	7,89	576	7,52	634	7,20	691
35	9,24	486	8,64	556	8,15	625	7.73	695	7,37	764	7,06	834
40	9,05	574	8,47	656	7,99	738	7,58	820	7,23	903	6,92	986
45	8,90	666	8,32	761	7,84	856	7,44	952	7,09	1047	6, 7 9	1142
50	8,74	762	8,17	871	7,70	980	7,30	1089	6,96	1198	6,67	1307
55	8,58	862	8,02	985	7,57	1108	7,18	1232	6,84	1355	6,55	1478
69	8,43	966	7,89	1104	7,44	1242	7,05	1380	6,73	1518	6,44	1656
65	8,32	1067	7,78	1219	7,34	1371	6,96	1524	6,64	1676	6,36	1829
70	8,24	1162			7,27	1 1	. :)	1			
75	8,19	1252	7,66					ļ i				
80	8,16	1334	7,63	1524	7,20	1715	6,83	1905	6,51	2096	6,24	2281

weichen Laubholz-Bestände pr. !

d eher	iden	Mit	telh	dhe	abf	tand	8 = u	nd Z	ţı
III. S	classe.	Ges	t) losse	ner C	stand.	IV.	Rlasse.	Geb	T
etwa8	gestji.	diemi.). geſŎĺ.	ganz	C. geføl.	etwa s	gebe.	Jiem!).
Apst.	Kfuß	Apst.	Kfuß	Abst.	Rfuß	Abst.	Rfuß	Apt.	3
8,47	86	8,17	. 92	7,90	99	7,64	106	 7,41	
7,99	192	7,70	207	7,44	222	7,20	236	6,99	
7,62	315	7,34	339	7,10	363	6,87	387	6,66	
7,33	451	7,06	486	6,82	521	6,61	55 5	6,41	
7,10	596	6,84	04 2	6,61	688	6,40	734	6,21	
6,92	749	6,66	806	6,44	864	6,24	922	6,05	1
6,7 8	903	6,53	973	б,3 г	1042	б,11	1112	5,93	1
	1067					5,99	1313	5,81	1.
6,52	1237	6,29	1332	6, 08	1427	5,88	1523	5,7 0	11
6,40	1415	6,17	1524	5,97	1633	5,77	1742	5,60	11
6,29	1601	6,06	1724	5,86	1847	5,67	1971	5,50	21
6,18	1794	5,96	1932	5,76	2070	5 ,58	220 8	5,41	2;
6,10	1981	5,88	2133	5,68	2286	5,50	243 8	5,34	2
6,05	2159	5, 83	2325	5,63	2491	5,45	2657	5,29	2
6,01	2325	5 ,7 9	2504	5,59	2683 ·	5,42	2862	5,26	3
	!		•		2858	5,40	3049	5,24	3

Maffengehalt der Birten-Beftande pr. Morgen.

1				-					-	
	Mittelhohe preuß. Fuß.	in K fte	drper henden	Mit	s preu telhdi Form	e, 20	ipes zi bstan		benan mb	Mitt. ©
	ittelly obe	I. K Lächter	affe. Stanb.	Ráur	tiaffe. nlicher and.	(Sefd)	Caffe. lossener and,	Gebr	tlaffe. ångter and.	Sahi.
:	ផ្ត	305 ft.	Rfuß	3(b)t.	Rfuß	3(5fb	Afus	Aps.	Rfuß	₩.
	5 10	12,47 11,72	34 77	10,64 9,99	47 106	9,44 8,86	59 135	8,56 8,04	73 164	0,516
	15 20	11,14	127 181	9,52 9,16	175 249	8,43 8,12	222 317	7,66 7,36	270 385	0,508 0,504
	25 30	10,42	239 298	8,88 8,68	328 409	7,88 7,70	418 521	7,14 6,99	507 633	0,500 0,496
	85 40	9,96 9,75	359 425	8,50 8,32	494 584	7,54 7,38	629 743	6,83 6,69	764 903	0,492
	45 60	9,56 9,38	494 565	8,16 8,00	619 177	7,24 7,10	864 989	6 ,56 6,44	1049 1201	0,484 0,480
	55 60	9,22 9,10	640 711	7,86 7,75		6,96 6,87	1120 1244	6,32 6,23	1360 1511	0,476 0,472
	65 70	9,01 8,96	777 837	7,69 7,65	1069 1151	6,81 6,78	1360 1465	6,18 6,15	1652 1779	0,468 8 ,464

weichen Laubholz-Bestände pr. Morgen.

Heher	iden	Mit	telh	dhe	, Abs	tanb	8 = u	nd Z	forn	ızaţ	l.	2021
Ш. Я	classe.	Ges	ch losse	ner C	Stand.	IV.	Rlasse.	Get	rångt	er S	tanb.	form:
etwas	gefol.	Jiemi.	gefol.	ganz	C. gefdi.	etwas	gebe.	ziemi	b. . gebz.	gan	G. gebr.	Stamms 1=Zahl.
Stolff.	Kfuß	Whft.	Kfuß	abst.	Rfuß	Met.	Rfuß	ava.	Kjuß	Mbft.	Kfuß	7
8,47	86	8,17	. 92	7,90	99	7,64	106	7,41	112	7,20	119	- 0,596
7,99	192	7,70	207	7,44	222	7,20	236	6,99	251	6,79	266	0,592
7,62	315	7,34	33 9	7,10	363	6,87	387	6,66	412	6,48	436	0,588
7,33	4 51	7,06	486	6,82	521	6,61	555	6,41	590	6,23	625	0,584
7,10	5 96	6,84	042	6,61	688	6,40	734	6,21	780	6,03	826	0,580
6,92	749	6,66	806	6,44	864	6,24	922	6,05	979	5,88	1037	0,576
6,78	903	6,53	973	б,3 т	1042	6,11	1112	5,93	1181	5,76	1251	0,572
6,64	1067	6,41	1149	6,19	1231	5,99	1313	5,81	1395	5,64	1477	0,568
6,52	1237	6,29	1332	6 ,08	1427	5,88	1523	5,7 0	1618	5,54	1713	0,564
6,40	1415	6,17	1524	5,97	1633	5,77	1742	5,6 0	1851	5,44	1960	0,560
6,29	1601	6,06	1724	5,86	1847	5,67	1971	5,50	2094	5,35	2217	0,556
6,18	1794	5,96	1932	5 ,7 6	2070	5, 58	2208	5,41	234 6	5,26	248 4	0,552
6,10	1981	5,88	2133	5,68	2286	5,50	243 8	5,34	2591	5,19	2743	0,548
6,05	2159	5, 83	2325	5,63	2491	5,45	2657	5,29	2822	5,14	2989	0,544
6,01	2325	5,7 9	2504	5,59	2683 ·	5,42	2862	5,2 6	3041	5,11	3220	0,540
5,99	2477	5,77	2668	5,57	2858	5,40	3049	5,24	3239	5,09	3430	0,536

über alle Waldgattungen Deutschlan

Waldgattungen,	Die Er	tragfähigl	leit des E	Standorte	8, fo
worin die genannten Holzarten vorherrschen.	O,1 åußerst gering	0,2 febr gering	0,3 gering	0,4 gering mittelm.	O,t
Hochwald von Eichen				19,2 24 ,8	243 253
Aborn, Efchen, Ulmen				18,4 23 ,2	232
Hainbuchen			11,413,2	15,217,6	212 192
Erlen			1821	242 8	8035
Kannen			.	37,247,2	
Fichten	8,811	17,622	l ′	35 ,2 44	4455
Riefern	7,5 9 8,210	1518 16,4 2 0			87,5 45 41 50
Gem. Buchen, Giden, Birt. \ u. Rabelh. mit Dberbestanb	0,2			<u> </u>	8540
Mittelwald von			}		
Buchen m.Ah.Esch.Salw.2c.			1214,4	1619,2	2924
Cichen m.Bud.Birt. Asp. 1c.			1	15,218,4	R .
Niederwald von				,	
Gem. Buchen, Ah., Efc. 2c.	8,4 4,2	6,8 8,4	10,2 12 ,6	13,616,8	1721
Cichen m. Bud.Birt. Asp. 2c.	3 ,6 4 ,4	•	10,813,2		
Birten		<u> </u>	910,8		
Erlen	5 6	1V1Z	1518 8 / 10 9	2024 11.213,6	
Beiden				• •	23 ,5 27
Plänterwald von					
Buchen			10,818,2	14,417,6	1822
Tannen, Fichten		1215	1822,5	2430	3037,5

VII. Forstliche Verhältniß-Tafeln

über der Hölzer Durchschnitts=Ertrag, Fügsamkeit, Schwin= den und Gewicht, nebst vergleichenden übersichten mehrer Wald = und Samenmaße.

Erlauterung mit Gebrauch &beispielen:

1) Taf. 118 u. 119: Durchschnitts-Ertragstafel über alle Waldsgattungen Deutschlands; hauptsächlich zur Vergleichung der verschiedenen Waldsergiehigkeiten und zur Bestimmung fünftiger Holzerträge. Hiernach wäre z. B. von einer Lärchenanlage in gutem Standorte (zu 0,7) und in 50jährigem Alter, pr. Mg. zu rechnen auf 57,4 × 50 = 2870 Kfb. Hauptertrag und (70 — 57,4) × 50 = 630 Kfb. Vorertrag.

1

- 2) Taf. 120: Vergleichende Übersicht mehrer Waldmaße Deutschlands, vornehmlich zum Umrechnen fremder Längen- und Flächen- maße und Forsterträge. Wollte man z. V. obigen in preußischem Maße gege- benen Lärchenertrag auf badensches Maß übertragen: so geschähe dies bloß durch 2870 × 1,614 und 630 × 1,614; denn 1 Ertrag in preuß. Maße ist 1,614 im badenschen.
- 3) TM. 121: Der Holzmaße Massenhaltigkeit in Theilen ihres wirklichen Rauminhaltes, nach Holzlänge und Form. Ein Beispiel ist unter der Tafel gegeben.
- 4) Taf. 122: Schwindungs-Berhaltnisse der Hölzer nach den verschiedenen Bartegraden, welche man durch die Eigenschwere naber zu bestimmen suchte. Ein Beispiel dazu findet sich unter der Tafel.
- 5) Taf. 128: Mittleres Gewicht der Hölzer und zwar sammt der Rinde und ganz grün gemessen; bloß zu forstlichen Zweden, also ohne Berückschigung des nachherigen Schwindens im Austrocknen; das Reisig nur bis
 zum völlig lufttrocknen Zustand, über welchen hinaus diese unreise Holzsorte wenig Gewichtsverlust hat.
- 6) Taf. 124 u. 125: Nachweisungen der Fruchtmaße und Gewichte, welche bei Holzsamen oder sonst öfterer zur Frage kommen; schon an sich deutlich.
- 7) Taf. 126: Die scharf = und rundkantige Geviertstärke zu dem eben nutbaren Durchmesser und Umfang, wobei also Rinde und Splint nicht mit anzurechnen wären.

Bergleichende Uberficht mehrer Baldmaße Deutschlends.

						I
Ne men	Der Berfuß enchalt:	Auf Die geometr	Die Forliflächeneinheit Inthalte:	eneinheit	Bavon ber Massenertrag	ber
. 067		kangeneinbeit geb				=======================================
Staaten	parifer v.b.pr. Linien. Tuße.	gemeine Buffe.	Geometr. Geviert. & Ruthen u. b. g.	Gemeine von bem Riddene pweuft. Fufe. Morg.	Maßed in ben eignen Klußen.	fin Dreiter
ußen	189,18 1	12 auf bie Ruthe	180 guf ben Morgen 25920	25920 1	1 1	Ι.
ж	132,99 0,956	0,956 10 auf die Ruthe	400 auf ben Morgen 40000	40000 1,410	1,614	0,619
ietn	129,38 0,930	0,930 10 auf bie Ruthe	400 auf b. Tagwert 40000	40000 1,334	1,659	0,608
unfdweig.	126,5 0,909 16 0	16 auf bie Ruthe	160 auf b. Balbmg. 40960	40960 1,306	1,738	0,575
mober	129,5 0,931	0,931 16 auf die Ruthe	160 auf b. Walbmg, 40960	40960 1,369	1,698	0,589
fen = Raffel	127,586 0,917	0,917 14 3u 126,3 p. E. a.b	150 auf ben Ader	29400 0,935	1,213	0,824
fen . Darmftabt	110,824 0,797	0,797 10 auf die Ruthe	400 auf ben Morgen 40000	40000 0,979	1,937	0,516
dlenburg	121 0,913	0,913 16 3u 129 p. E. a. b.	100 auf b. Walbing. 25600	25600 0,849	1,117	0,895
rrreich	140,18 1,007	6 auf bie Rafter	600 auf b. wien. Joch 57600	57600 2,254	2,206	0,453
igreich Sachfen	124,5 0,902 155	15g auf Die Ruthe	300 auf ben Ader	69008F 2,167	2,951	0,339
Großhragth. Sachfen	125	0,898 16 auf die Ruthe	140 auf ben Ader	35840 1,116	1,539	0,650
Durttemberg	127 0,913	0,913 10 auf die Ruthe	384 auf ben Morgen 38400	38400 11,234	1,623	0,616
Frantreich	147,765 p. 8.	= 1,062 prfs. Fuß	10000 D. Detres	= 100 Ares	Bur je 1. c.	Press.
	= 1 Metre ==	- 5 Toife.	= 1 Pectare = 3,917 prf. Mg.	.917 prf. DRg.	Citeres v. v	e ti

Der Holzmaße Massenhaltigkeit in Theilen ihres wirklichen Rauminhaltes.

Scheitz			م ا	Spaltschei	d) e	irte.			8	Anüppelfcheite.	lfcheit	ું -
'Iange.		Şerabe.		Ŗ	Krumme.	•	Anorige.	ige.	Gerabe.	a de.	Kru	Krumme.
Fuß.	Oreke.	Mittelm.	Stan.	Grobe.	Mittelm.	Klare.	Grobe.	Mittefm.	Starfe.	Chrade.	Starte.	Edmache.
61	0,84	92,0	89'0	0,77	0,70	6,0	0,72	99,0	79'0	0,59	19'0	0,56
fa	0,83	0,75	19'0	0,755	0,685	0,615	0,70	0,64	0,625	0,575	0,59	0,54
••	0,82	0,74	99'0	0,74.	19'0	0,60	89'0	0,62	19'0	0,56	0,57	0,52
18	0,81	0,73	9,05	0,725	0,655	0,585	99,0	0,00	9,595	0,545	0,55	0,50
4	0,60	0,72	0,64	0,71	99'0	0,57	79'0	0,58	0,58	0,53	0,53	87,0
45	0,79	12'0	69,0	0,695	0,625	0,555	0,62	95,0	0,565	0,515	0,51	9770
\$	92,0	0,70	0,62	89,0	0,61	0,54	0,60	0,54	0,55	0,50	6,49	9,44

Schwindungs. Berhalfniffe ber beutschen Dalb. und Felbholzer.

											H
Sartegrab						n mi	fm Umfang:	**	5.3 E	In der Du	=
ich Maßgabe bes ünen Gewichtes.	grān	magain.	luft. troden	ausge. trodnet	grůn	an, troden	luft. troden	aubge. trodnet	grün	ane f	ļ —Ē 1
febr hart 66 bis 68 Pfb. pr. o'.	1	0,989	9,989 0,967 0,935	0,935	1	0,982	0,982 0,945 0,890	0,890	1	0,971 @	-
hart 61 bis 64 pfb. pr. o'.	-	0660	0,990 0,972 0,945	0,945	1	0,984	0,984 0,952 0,905	6,905	1	0,975	i -
mittelbart er bis 60 pfb. pr. o'.	1	0,992	0,992 0,977 0,955	0,955	publ	986,0	0,986 0,960 0,920	0,920	1	0,979	ا ج ا
10 e i ch 16 bis 56 yrfe. pr. o'.	1	16610	0,994 0,982 0,965	9,965	T.	0,989	0,989 0,967 0,935	0,935	1	0,983	, - ,
fehr meich ju es bis 28 Pfb. pr. o'.	1	0,996	9,996 0,987 0,975	0,975	-	0,992	2260	0,950	1	786,0	0,902

bis gum vollig lufttrodnen Buffande von 1 : 0,938, vertiert alfo ingwifchen 0,062 von feinem urfprunglichen Korpergehalte. Das aufgetlafterte Schritbols febt fich bwar nicht fo gufammen, wegen ber gegenseitigen Spannung; fell aber ein folder Birgenideitholb, bas feinem lebenbigen Bewichte nach ju bem mittelharten geborte, ichwindet in ber Querfidche Stof fortgelegt werben, and ift babei eine Sobe von & Buf ju gewähren: fo muf man im grunen Buftanbe " = 6,4 Buf Righterbibe geben.

0,920

Mittleres Gewicht der deutschen Wald vom preußischen Körperfuße in preußi sammt der Rinde grün abger

	D	erb.	h o'l	ያ ፡
Holzarten.	grún	an: troden	luft: troden	at
Eiche	68	59	50	,
. Waldbuche	63,9	55 ,6	47,3	
Hainbuche	65,2	57 ,6	50	<u> </u>
Ahorn	62	54	46	
Esche	61	53	45	
Ulme	61,2	53	44,8	
Birte.	58	50	42	
Erle	54,6	45,6	36,6	
Linde	52,3	43,8	35,3	
- Uspe	50,3	42,2	34,1	
Pappel	50	41,5	33	
Weide	51	42,8	34,6	
Tanne	54,6	46,5	38,4	
Бiфte	52,4	44	35,6	
Riefer	57	48	39	
Lårche	55	46,2	37,4	

Im Buchenwalde wiegt die grün aufgesete Rlagehalt 100 × 63,9 = 6390 Pfb., im lufttrocknen Zustande verminderung in der Zwischenzeit beträgt also 26 pCt. ifich somit auf 74. Kein unbedeutender Bortheil in wirths

Vergleichende übersicht mehrer Frucht-Maße.

Namen	Die	Maßeinhe	it	`
Staaten.	beift und umfaßt:	hålt parifer Rörpers zolle :	beträgt in preußischen Scheffeln:	Anmerkungen.
Preußen	Scheffel 4 Blert. ju 4 Dig.	2770,7	1	24 Schfft. = 1 Bifbet; ber berliner Scheffel = 0,996.
Baben	Malter 10 Sefter zu 10 Mäßt.	7561,8	2,729	
Baiern	Scheffel 6 Me. ju 4 Bier:	11209,6	4,046	•
Braunschweig .	Himten 4Bierfaß ju 4Mg.	1570,1	0,567	40 Dimten — 1 Wispel.
Hannover	Himten Copint gus Poop.	1570,4	0,567	6 Himten == 1 Malter.
Beffen Raffel .	Scheffel BMg. ju 4 Mäsch.	4051,6	1,462	8 Sheffel = 1 Malter.
Beffen = Darmftabt	Simmer 4 Kumpf gu 4 Geichb.	1613,2	0,582	4 Simmer - 1 Walter.
Medlenburg	Scheffel 4 gap gu 4 Spint.	1960,5	0,707	12 Sheffel = 1 Drômt.
Österneich	Mege 16 Willel	3100,3	1,119	80 Mehen = 1 Wuth.
Kgr. Sachsen .	Scheffel 4 Duart ju 4 Mg.	5229, 6	1,887	12 Sofffei =1 E Ralter.
Sachfen = Weimar	Scheffel 4Biertel gu 4 Mg.	3880	1,400	
Burttemberg	Simri 4 Bierling zu 4 Mäßlein.	1116,8	0,403	s Sincel = 1 Bacffel.
Frankreich	Hectolitre 10 Decolitre pu 10 Bitre.	5041,25	1,819	Rach bem neuen Mag. Sft.
•		<u> </u>		

Vergleichende übersicht mehrer Ci

Ramen	Die G	ewicht8ein	heit
ber Staaten.	heißt und besteht:	hålt pariser Grammen:	beträgt preußisch Pfunde:
Preußen	. Pfund 110 zu 1 Entr. 22 zu 1 Stein.	467,7	1
Baben	Pfund 100 zu 1 Entr.	5 00	1,069
Baiern	Pfund 100 zu 1 Entr.	\$ 60	1,197
Braunschweig .	Pfund 100 ju 1 Entr.	467,7	1
Hannover	Pfund 100 zu 1 Entr.	.467,7	1
Hessen : Kassel .	Pfund 108 zu 1 Entr.	{ 467,8 454,2	1 1, 6 35
Hessen = Darmstadt	Pfund 100 zu 1 Entr.	500	1,069
Medienburg	Pfund 118 zu 1 Entr.	484,7	1,036
Österreich	Pfund 100 zu 1 Entr.	5 60	1,197
-Kgr. Sachsen .	Pfund 110 zu 1 Entr.	467,1	0,998
Sachsen = Beimar	Pfund 110 zu 1 Entr.	467,4	0,999
Württemberg	Pfund 104 zu 1 Entr.	467,7	1
Frankreich	Kilogramme 100 zu i Quintal.	1000	2,138
		1	1

Die , scharf= und rundkantige Geviertstatte gu dem eben nugbaren Durchmeffer und Umfang.

	Durche meffer. Bell.	umfang.	Scharft. Starte. Boll.	Rundt, Starte. Boll.	Durch- meffer. Bell.	Umfang. ZoX.	Scarft. Stårte. Boll.	Rundt, Starte, Boll.
	1	3,1416	0,7071	0,8	81	91,3806	21,9201	24,8
ì	2	6,2832		1,6	32	100,5319		
	8	9,4248		2,4	23	103,6728		i.
	4	12,5664	2,8284	3,2	34	106,8144		27,2
	5	15,7080	3,5355	4,0	85	109,9560	24,7485	28,0
	. 6	18,8496	4,2426	4,8	36	113,0976	25,4556	28,8
	7	21,9912		5,6	37	116,2392		29,6
ł	8	25,1328		6,4	38	119,3808	1	30,4
١	9	,28,2744	6,3639	7,2	89	122,5224	21,5769	31,2
	10	31,4160	-	8,0	40	125,6640	28,2840	32,0
	11	34,5576	7,7781	8,8	41	128,8056	28,9911	32,8
1	12	37,6992	8,4852	9,6	42	131,9472	29,6982	33,6
	13	40,8408	9,1923	10,4	43	135,0888		34,4
	14	43,9824	9,8994	11,2	44	138,2804	31,1124	35,2
	75	47,1240	10,6065	12,0	45	141,3720	31,8195	36,0
ŀ	16	50,2656	11,3136	12,8	46	144,5186	32,5266	36,8
Ì	17	53,4072	12,0207	13,6	47	147,6552	33,2337	37,6
	18	56, 5488	12,7278	14,4	49	150,7968	33,9408	38,4
	19	59,690 4	13,4349	15,2	49	153,9384	34,6479	39,2
Į	20	62,8320	14,1420	16,0	50	157,0800	33,3550	40,0
ł	21	65,9786	14,8491	16,8	51	160,2216	36,0621	40,8
ł	22	69,1159	15,5562	17,6	52	163,3632	36,7692	41,6
	28	12, 2568	16,2633	18,4	53	166,5048	37,4768	42,4
	24		16,9704	19,2	54 .	169,6464	1 1	43,2
	25	78,5400	17,6775	20,0	55	172,7880	38,8905	44,0
	26	.481,6816	18,3846	20,8	5 6	175,9296	39,5976	44,8.
	27	84,8232	19,0917	21,6	57	179,0712	40,3047	45,6
	28		19,7988	22,4	58	182,2128	41,0118	46,4
ŧ	29		20,5059	23,2	59	185,3544		47,9
Ì	39		21,2180	24,0	60	188,4960	42,4260	48,0
ŧ.	_							

VIII. Waldwert: Berechnungs=X1

Erläuterung mit. Gebrauchsbei Der nachste Gebrauch diefer Sulfstafeln ift unter eit seigt. hier murde man nur Beispiele zu lofen haben für berechnung. Jedes berfelben ift durch eine Beitscala erli behaltung einer Einnahme von 50 Thlr., eines 4proz. Zil Perioden vereinfacht. 1) Jestwerthe verschiedener Jahresrenten a) hinteres Rentenftud, nach 10 Jahren eint × (100)10 16,88912. Dies mit 50, giebt 84 b) Worderes Rentenftud, dem 1. Jahrzehnd 1 01111111111....... $\frac{100}{4} \times \left(\frac{100}{104}\right)^{10} = 25 - 16,88912$. Dies t: e Mittleres Rentenflud vom 2. Jahrzehnd $\frac{100}{104} + \frac{100}{104} + \frac{100}{4} \times \left(\frac{100}{104}\right)^{20} = 16,88912 - \frac{100}{104} + \frac{100}{104$ und dies mit der Rentenpost 50 multiplizirt, giebt 2) Jestwerthe verschiedener Periodenrei mit A. a) Im Anfangspunkte ber Zwischenzeit: . _____ = 2,08228. Dies mit 50, giebt 104,1 % b) Am Ende bes 4. Jahres: 0...*....1...*.....1...*.....1...* $\frac{1}{1.04^{10}-1}$ × 1.04⁴ \doteq 2.08228 × 1.16986 = 2, multiplizirt, giebt 121,8 Thin. c) Im Unfange einer Periode, wenn jedes 50 Thir. abwirft: $\times (1,0816 + 1,04 + 1) = 2,08228$ 1,0410 - 1 Diese 6,50004 mit 50 multiplizirt, giebt 825 Thir. Man hat hier die bret Einnahmeposten mit ihrem N des je 10. Jahres zusammengefaßt und dadurch den Fall

A. Rachwerthe

3ahre.	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	P=4 Prozent.	P=41/2	p=5 Prozent.
1	1,08000	1,03500	1,04000	1,04500	1,05000
2	1,06090	1,07122	1,08160	1,09202	1,10250
3 '	1,09273	1,10872	1,12486	1,14117	1,15762
4	1,12551	1,14752	1,16986	1,19252	1,21551
5	1,15927	1,18768	1,21665	1,24618	1,27628
- 6	1,19405	1,22925	1,26532	1,80226	1,34010
= 7	1,22987	1,27296	1,31593	1,36086	1,40710
8 1	-1,26677	1,31681	1,36857	1,42210	1,47745
9	1,50477	1,86290	1,42331	1,48609	1,55133
10 ~	1,34391	1,41060	1,48024	1,55297	1,62889
11	1,38428	1,45997	1,53945	1,62285	1,71934
12	1,42576	1,51107	1,60103	1,69588	1,79586
13	1,46858	1,56395	1,66507	1,77220	1,88565
14	1,51259	1,61869	1,73167	1,85195	1,97998
, 15	1,55797	1,67535	1,80094	1,93528	2,07893
16	1,60470	1,73398	1,87298	2,02237	2,18287
17	1,65285	1,79467	1,94790	2,11338	2,29202
18	1,70243	1,85749	2,02581	2,20848	2,40662
19	1,75350	1,92250	2,10685	2,30786	2,52695
20	1,80611	1,98978	2,19112	2,41171	2,65330
21	1,86029	2,05943	2,27876	2,52024	2,78596
22	1,91610	2,13151	2,36991	2,63365	2,92526
23	1,97358	2,20611	2,46471	2,75217	3,07152
21	2,03279	2,28332	2,55330	2,8760t	3,22510
25	2,09377	2,36324	2,66583	3,00544	3,38635

Obenan ficht p der Binefuß in Prozenten; voran Rebt m bie Angahi win Nahren, um wieviel fpater bie fragliche Post erhoben wirb. Die Ingabien fied bie entsprechenben spateren Werthe von 1.

ver Einheit zu $\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$.

M. Ighra	p=8.	P=31/2	p=4. Prozent.	P
26	2,15059	2,44596	2,77246	
20	2,221.29	2,531.5 6	2,88386	
28.	2;28792	2,62016	2,99869	1
29	2,35656	2,71.187	3,11864	1
30	2,42726	2,806.78	3,24339	1:
- 31	2,50098	2,90502	3,373.12	
22	2,57508	\$100010	\$,50805	4
83 .	2,65238	3,11198	3,64837	4
. 84	2,73090	\$,2208 5	3,79480	4
35 ·	2,81386	3 5,33658	3,94608	4
44.	3,26203	3,95924	4,80100	
45	3),78159	4,70238	5,84115	, 7
50 ?	4,36889	5,58489	2,10665	٤
SAS : '	5,08213	6,68810	8,64632	u
60	5,89158	7,87803	10;51957	14
65 .	6,32996	9,86668	12,79866	In
.30	7,917,79	11,11274	15,57152	21
25.	:9,17889	13,19844	18,94513	29
80:	10,64084	15,67559	23,04968	38
85	12,38565	18,61768	28,04338	42
90:	14,30039	22,11195	34,11906	52
95.	16,57807	26,26205	41,51108	65
190	19/21852	31 ,19105	50 ,50449	81
110:	25,82807	43,99801	74,75892	120
120	34,71075	62,06846	110,66140	196

26. 3061 1 hati 36. Jahre nachher mit: 4 pCt. 3 (104.) = 8,24339; bie Jahl 820 also: 820 × 8,24339

ahre.	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	p=4. Prozent.	P=41/2	Prozent.
1	1,08000	1,03500	1,04000	1,04500	1,05000
2	1,06090	1,07122	1,08160	1,09202	1,10250
3	1,09273	1,10872	1,12486	1,14117	1,15762
4	1,12551	1,14752	1,16986	1,19252	1,21551
5	1,15927	1,18768	1,21665	1,24618	1,27628
6	1,19405	1,22925	1,26532	1,30226	1,34010
• 7	1,22987	1,27296	1,31593	1,360 86	1,40710
8 1	-1,26677	1,31681	1,36857	1,42210	1,47745
9	1,80477	1,86290	1,42331	1,48609	1,55133
10 ~	1,34391	1,41060	1,48024	1,55297	1,62889
11	1,38423	1,45997	1,53945	1,62285	1,71034
12	1,42576	1,51107	1,60103	1,69588	1,79586
13	1,46853	1,56395	1,66507	1,77220	1,88565
14	1,51259	1,61869	1,73167	1,85195	1,97993
, 15	1,55797	1,67535	1,80094	1,93528	2,07893
16	1,60470	1,73398	1,87298	2,02237	2,18287
17	1,6 5285	1,79467	1,94790	2,11338	2,29202
18	1,70243	1,85749	2,02581	2,20848	2,40662
19	1,75350	1,92250	2,10685	2,30786	2,52695
20	1,80611	1,98978	2,19112	2,41171	2,65330
21	1,86029	2,05948	2,27876	2,52024	2,78596
22	1,91610	2,13151	2,36991	2,63365	2,92526
23	1,97358	2,20611	2,46471	2,75217	3,07152
24	2,03279	2,28332	2,56330	2,87601	3,22510
25	2,09377	2,3 6324	2,66583	3,00544	3,38635

Obenan steht p der Zinssuß in Prozenten; voran steht n die Anzahl von Jahren, um wieviel später die fragliche Post erhoben wird. Die Inzahlen find die entsprechenden späteren Werthe von 1.

ber Einheit zu $\left(\frac{100}{100+p}\right)^n$.

M Zahre.	p=3 Prozent.	p=31/2 Prozent.	P=4. Prozent.	þ
26	0,46369	0,40884	0,36069	
27	0,45019	0,39501	0,34682	
2 8	0,43708	0,38165	0,33348	
29	0,42435	0,36875	0,32065	ł
80 .	0,41199	9,85628	0,30832	
81	0,39999	0,34428	0,29646	
32	0,38834	0,33259	0,28506	
83	0,37703	0,32134	0,27409	
31	0,36605	0,31048	0,26355	
\$5	0,35538	0,29998	0,25342	
40	0,30656	0,25257	0,20829	
45	0,26444	0,21266	0,17120	
50	0,22811	0,17905	0,14071	
55	0,19677	0,15076	0,11566	ŀ
60	0,16978	0,12693	0,09506	
65	0,14641	0,10688	0,07813	
70	0,12630	0,08999	0,06422	
75	¹ 0,10895	0,07577	0,05278	
80	0,09398	0,06379	0,04338	
85	0,08107	0,05371	0,03566	
90 .	0,06993	0,04522	0,02931	
95	0,06082	0,03808	0,02409	
100	0,05203	0,03206	0,01980	
110	0,03872	0,02273	0,01338	
120	0,02881	0,01611	0,00904	3

Die Jahl 1 hat 28 Jahre zuvor bei 5 pCt. $\left(\frac{100}{108}\right)^{29} = 0,43708$; die Jahl 250 also: 250 × 0,4370

C. Jahres-Renten werth

II Jahre,	p=3 Projent.	P=34f9 Prozent.	P=4 Prozent.	p=44s	p=5 Propert.
	83,83393	26,57143	25,00000	88'48485	20,00000
1 '	32,86245	27,60524	24,03847	21,26528	19,04762
2	31,41985	26,67174	23,11391 .	20,34955	18,14058
8	30,50473	25,76980	22,22491	19,47825	17,27676
4 1	29,61624	24,80836	21,3 7011	18,68469 .	16,45405
	26,75363	24,0568 9	16 ,54819	17,88294	15,67053
6	27,91614	23,24289	19,75787	17,06485	14,92481
7	27,10306	22,45690	18,99796	16,32952	14,21361
8	26,81865	21,69749	18,26727	15,62634	13,53679
9 .	25,54724	20,96376	11,56468	14,95348	13,89916
10	24,60314	20, 25485	16,88912	14,80990	12,27827
11	24,08072	19,56990	16,23954	13,69330	11,69359
12	23,37934	18,90812	15,61494	13,10364	11,18675
13	22,69839	18,26872	15,01487	12,53937	10,60643
14	22,03,728	17,65094	14,43689	11,99939	10,10136
15	21,89541	17,05405	13,86163	18,48267	9,62034
16	20,77925	16,47784	13,34772	10,98820	9,16223
17	20,16723	15,92014	12,8 3435	10,51503	8,72598
18	19,57984	15,38178	12,34072	10,06228	8,31041
19	19,00055	14,86162	11,86608	9,62892	1,91468
20	18,45588	14,85906	11,40969	9,21428	7,58779
21	17,91883	13,87349	10,97086	8,81749	7,17885
22	17,39644	13,40484	10,54891	8,48779	6,83700
28	16,88975	12,95105	10,14318	8,07444	6,51148
24	16,39782	12,51309	9,75306	7,72674	6,20130
25	15,92021	12,08995	9,87794	7,39401	5,90606

Dbenan ficht p der Binefuß in Prozenten; voran fieht n bie Angehl Safrinach welcher ber volle Rentenwerth eintritt. Die Ingahlen find die bagu geber gen, gegenwärtigen Rentenwerthe von 1.

er Einheit zu $\frac{100}{P} \times \left(\frac{100}{100+P}\right)^n$.

M Zahre.	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	P=4. Prozent.	P,
26 '	15,45651	11,68111	9,01725	
27	15,00632	11,28610	8,67044	()
28	14,56925	10,90444	8,33696]. ()
29	14, 14490	10,53569	8,01631	G
30	13,78292	10,17942	7,70799	1.
81	13,33298	9,88519	7,41158	1
82	12,94459	9,50260	7,12647	1
83	12,56756	9,18126	6,85287	1
84	12,20152	8,87078	6,58882	4 ,
3 5	11,84614	8,57080	6,33541	¥.
40	10,21858	7,21639	5,20724	:
45	8,81464	6,07601	4,27998	1
50	7,60359	5,11584	3,51783	5
55	6,55898	4,80740	2,89140] 1.
60	5 ,65779	3,62672	2,37652	1
65	4,88046	3,05860	1,95333	1.
70	4,20998	2,57105	1,60550	1
75	3,63152	2,16476	1,31960	1
80	3,13258	1,82267	1,08462	C
85	2,70219	1,53464	0,89148	C
90	2,33094	1,29213	0,73273	C
, 95	2,01069	1;08794	0,60225	0
100	1,73444	0,91601	0,49500	0
110	1,29058	0,64938	0,33441	0
120	0,96032	• 0,46036	0,22591	0

Die jährliche Einnahme von 1 hat bei 8 pCt. Zinsi21. Zahre, jest, 20 Zahre früher, zum Werthe $\frac{100}{8}$ × eine solche Rente von 225 ist also: $225 \times 18,45588 = 418$

D. Perioden = Rentenwert

IA Zahre.	p=3. Prozent.	P=31/2 Prozent.	p=4. Prozent.	P=41/2 Projent.	Projest.
1	33,33333	28,57143	25,00000	22,22222	20,00000
2	16,42036	14,04001	12,25505	10,86661	9,7561
2	10,78435	9,19811	8,00871	7,08386	6,84417
4	7,96756	6,77865	5,88730	5,19429	4,64024
5	6,27849	5,32808	4,61570	4,06204	3,61949
6	5, 15326	4,36195	3,76906	3,30840	2,94035
7	4,35021	3, 67270	3,16525	2,77114	2,45640
8	3,74856	3 ,15649	2,71320	2,86910	2,0944
9	3,28114	2,75561	2,36233	2,05721	1,81380
10	2,90769	2,43548	2,08228	1,80842	1,5900)
11	2,60259	2,17406	1,85373	1,60551	1,40778
12	2,34874	1,95669	1,66381	1,43702	1,25651
13	2,18432	1,77819	1,50360	1,29501	1,12911
14	1,95088	1,61631	1,3667,8	1,17378	1,02048
15	1,79222	1,48072	1,24853	1,06919	0,92685
16	1,65370	1,36243	1,14550	0,97812	0,84540
. 17	1,53175	1,25838	1,05497	6,89817	0,77898
18	1,42363	1,16620	0,97484	0,82749	0,71092
19	1,32713	1,08401	0,90347	0,76461	0,65490
20	. 1,24053.	1,01032	0,83955.	0,70836	0,60485
21	1,16240	0,94391	0,78200	0,65779	0,5599
22	1,09158	0,88378	0,72997	• 0,61212	0,519
23	1,02713	0,82911	0,68278	0,57072	0,4827
24	0,96825	0,77928	0,63967	0,53304	0,4494
25	0,91426.	0,73355	0,60030.	0,49864	0,419

Obenan steht p ber Zinssuß in Prozenten; voran steht n die Anzahl von einer Periodenstunchme zur anderen verlaufenben Jahre. Die Inzesten die bazu gehörigen Werthe ber wechselnden Einnahme von 1, gerät Beginn der Zwischenzeit.

ver Einheit zu $\frac{1}{\left(\frac{100+p}{160}\right)^n-1}$.

II Sahre,	p=3 Prozent.	P=31/2 Prozent.	P=4 Prozent.	P
26	0,86461	0,69159	0,56419	
27	0,81881	0,65293	0,53097	
28	0,77644	0,61722	0,50033	
29	0,73716	0,58416	0,47200	
30	0,70064	0,55347	0,44575	(
81	0,66663	0,52498	0,42138	
32	0,63489	0,49833	0,39872	
83	0,60521	0,47350	0,37759	
. 34	0,57740	0,45028	0,35787	
85	0,55181	0,42858	0,83948	(
. 40	0,44208	0,33792	0,26809	
45	0,35951	0,27010	0,20656	•
50	0,29552	0,21811	0,16376	+
, 55	0,24497	0,17752	0,13078	
60	0,20448	0,14589	0,10505	,
65	0,17158	0,11966	0,08475	
70	0,14455	0,09888	0,06863	
75	0,12227	0,08198	0,05572	
80 .	0,10872	0,06814	0,04535	
85	0,08822	0,05676	0,03698	
90	0,07518	0,04737	0,03019	
95	0,06419	0,03958	0,02468	
100	0,05489	0,03312	0,02020	1
110	0,04028	0,02326	0,01356	
120	0,02966	9,01638	9,00912	

Die periodisch aussehende Einnahme von I hat, im Mit Wickerseit, im Beginn berselben, zum

— 0,44942; eine solche Periodeneinnahme von 820 i

— 148,61 werth.

190

K. Bergangenheits Rentenwerthe ber Einheit. §. 111.

II Jahre.	p=3	p=31/2 Prozent.	p=4 Prozent.	P=41/2 Prozent.	p=5 Projent.
1	1,03000	1,03500	1,04000	1,04500	1,05000
2,	2,09090	2,10622	2,19160	2,13702	2,15250
8	3,18363	3,21494	3,24646	3,27819	3,31012
4	4,30914	4,36246	4,41682	4,47071	4,52568
. 5	5,46841	5,55014	5,63297	5,71689	5,80191
. 6	.6,66246	6,77939	6,89829	7,01915	7,14201
7	7,89233	8,05167	8,21422	8,38001	8,54911
8	9,15910	9,36848	9,58279	9,80211	10,02666
9 '	10,46387	10,73138	11,00610	11,28820	11,57789
10	11,80778	12,14198	12,48634	12,84t17	13,20678
11	13,19201	13,60195	14,02579	14,46402	14,91712
12	14,61777	15,11302	15,62682	16,15990	16,71298
18	16,08630	16,67697	17,29189	17,93210	18,59868
14	17,59889	18,29566	19,02356	19,78405	20,57856
15	19,15686	19,97101	20,82450	21,71938	22,65749
16.	20,76156	21,70499	22,69748	23,74170	24,84036
17	22,41441	23,49966	24,64538	25,8 5508	27,13238
18	24,11684	25,85715	26,67119	28,06356	29,53900
19	25,87034	27,27965	28,77804	30,87142	32,06595
20	27,57645	29,26943	30,96916	32,78313	34,71925
21	29,58674	31,32686	33,24792	35,30337	37,50521
22	\$1, 45284	33,46037	35,61783	37,93702	40,43047
28	\$3,4264 2	35,66648	38,08254	40,68919	43,50199
24	35,45921	37 ,94 9 80	40,64584	43,56520	46,72709
25	37,56298	40,31304	43,31167	46,57064	50,11344
30	49,00260	53,42936	58,32821	63,75289	69,76078
35	62,27585	69,00744	76,59813	85,16397	94,88631
40	77,66819	87,50936	98,82684	111,84669	126,83974
45	95,50138	109,48388	125,87035	145,09821	167,68514
50	116,18068	135,58261	158,77852	186,53566	219,81537

Forstlehranstalt zu (

im Großherzogthum Sachse

Die nun 40 Jahre bestehende Forstlehranstalt des Unterzeichne forstschule von Ruhla nach Eisenach verlegt und mit der Forst herzogthums, so wie mit der Verwaltung der nächsten Forstrevie der Großberzoglichen Kammer ist sie Staats und Privat: Ameit Autorität, Überwachung und Unterstühung ersoederlich sigreisendes Walten und fleisigeres Wirten mit mehr Ötonomie sächlicher Zweit ist: gründliche Unterrichtung und tüchtige Wort dienste in möglich kurzer Zeit mit strenger Einhaltung des e Ver Besuch dieser Anstalt, wozu alle Forstbestissenen des Inland bunden sind, steht auch Ausländern offen, die sich für den Forstreder in der Forstabschächung weiter belehren, oder zu höheren sichtsestudien vordereiten wollen, so weit es die bestimmte Anzal bestissenen ebengestattet.

Die Lehranstalt besitzt zur Erfüllung ihres Zweckes bie reibem unten genannten Direktor gablt fie noch vier ftanbige Lehre bers für die reine Mathematik und Raturwiffenschaften, einen metischen und geometrischen Ubungen und ben Großherzogliche weisen in ben Forftgefcaften. Die im naben Umtreise befindli Pägellande bis jur Gebirgshohe bes Tharinger = Balbes und Ulmatischen Berhältniffen bie meisten Gebirgsbildungen vom Sie bestehen aus gaub: und Rabelhölzern aller beutschen Gal Busammensehung. Ihr Betrieb. umfaßt alle Erziehungsarten, bi ten, vielfach belehrenben Rultur und finbet an Schwierigkeit Wirthschaftsverhältnisse biefer Lehr= und Versuchssorste nothiger prägen in unsern Unterricht einen eben so eingreifenden Appu mittel nur irgend auspeicht, vermeiben wir den Gebrauch von C ben Anstalten nur zur Parade und bem Lehrern zum Behelfe bei bie Souler eingebildete Baltwiffer werben, bie im Eramen wo bestehen. Unfere Borfeinrichtung und Abfcatung bietet bem im bod warbe man beten Wesen sehr verkennen, wenn fie schon schäler ganz zugänglich sein sollte.

Der Ledtgang ist im Wefentischen auf zwei Semester beschwiedoch sindet auch Michaelis ein geeigneter Abschnitt Statt zu beschiert dieser Aursus den nicht eben ausgezeichnet Bordweiteten : ein Mal nicht wohl zu bewältigknden Umfang des Lernens; die anderthalbjährigen Unterrichts, wo möglich mit zwei Sommers. Rauchem reicht ein zweisähriger Besuch der Forkschule kaum zu balt war bis jest weder der Ankalt, noch dem Schüler von de

ber Regel nicht mehr geftattet.

Die Pauptledegegenstände find in beide Semester so verth be verdunden, das erforderlichen Falls Inder nach seinen Bedd kann. Rur werden die zusammen gehörigen Erdrzweige nicht belt, sondern folgerecht nach einander gelehrt.

L Unterricht während des Commerbaldjahres, ven 1. Mai bis gegen Enbe Septembet, wochentlich: 6 Stunben, reine Mathematit, namlich: Arithmetff mit Algebra, Planimetrie, Stereometrie und Trigonometrie 6 Adir. 6 St. Physiologie der Gemachse; bann Kenntnif ber forftlich wichtigeten Pflanzen, Infetten, Vogel und Gaugethiere . . . Den. 13 St. Buerft Waldfrandort funde ober bie Lefren von bem Klima, ber Bos benform, ben Gebirgs- und Bobenerten und ber Stanbortgute. Diernacht Waldbeftandetunde, bie Lehren von den Balbgemächen an fic, bem Waldwuchse in seinen Formen und den Wälderzuständen. Dann von der Forfibehandlung: die Waldordnung oder die allgemeinen Behandlungsgrundfage; ber Waldabtrieb, die juchtgemäße Binwegnahme ber haus baren Bolger; ber Waldanbau, bie werkthatige Berftellung ber erfors 4 St. Die Fundamente ber gorftta pation; 4. Abtheilung von Konig's Forte 8 St. Ubungen im Candmeffen, Cerrain=Aufnehmen und Planzeich= In Apolichenzeiten: Anleitung jum Betriebe ber Borftgefcafte; forftliche, botanische und geognostische Extursionen; Bearbeitung neuer, von der Beit hervorgerufener for ftwiffen foaftlicher Themate. . Don. Beleggeld at Athle. Busammen II. Unterricht während des Winterhalbjuhres, von 1. November bis zu Enbe Marg, wochentlich: 6 Stunden, forfilide Mathematik, nämlich: Apithmetik mit Waldwerthe berecknung, Plansmetrie mit Forstvermessung und Abellung, Stereometrie bis zur holzschätung; 1., 2. und 8. Abthl. von König's Forstmathematik. 4 St. Grundgefebe ber Phyfit und Chemie; dann Atmosphärologie und 12 St. Roch zur Forftbehandlung: die Wabopflege ober Erhaltung ber Balber im nutbarften Buftande. Dann bie Forftbenutzung in folgenden Abeilen: Augbarteit der Walderzeugniffe, Betrieb det Solznugung, Betrieb der Mebennugung und Sorftfoug, gur Sicherung bes 2 St. Anweifung ju Gefdafteschriften und anbern Ansarbeitungen.

Die Führungen ind Freie mabrend ber Unterrichtszeit finden nur Statt, so weit das burch die eigentlichen Studien nicht gestort werden und seltnere Lehrgegenstände einer nähenen Anschaung durchaus bedürsen. Zum müßigen Umberwanderneist, den Arnenden die Zest. zu theuer. Dagegen werden während der Ferienkin den Mondten April und Ottober alltäglich Förstergeschäfte, besonders Holztultung und Piebsauszeichnungen, mit Unterweisung gende. Wer an diesen, eigentlich mit zum Kursus gehörigen übungen Kheil nimmt, zuhl an Somos rar für jede Ferienzeit 2 Khir., darf aber teinem Tag willtürlich versamen. Und wird im den Monaten September und Ottober eine Lleine Karations-Arbeit zur übung der mester Unterrichteten ausgegeben.

8 St. Ubungen im Rechnan, geometrifchen Zonftruiren und Planzeichs

In Bwifdenzeitene Anleitung ju Sorftgefdaften, Bearbeitung forftwif=

. Beleggelb

: •

Der kehrerverein wird Sedem gern rathen, welche Lehtlereiben, oder einstweilen aussehen könnte. Rur so viel ist hier, das das Studium der Mathematik und Raturwissenschaften an müßte, seibst auf Roken der eigentlichen Forstwissenschaft; durchaus keinen sesten Fuß ohne jene Grundlagen und mehrjähturwissenschaften sollte es Ieder so weit bringen, das er selbstwurtsenschaften sollte es Ieder so weit bringen, das er selbstwurtscherbeitung sicher ducht foll hier dlaß zur Wiederholung und Ergänzung der Bordzwicht soll hier bloß zur Wiederholung und Ergänzung der Bordzwicht seiner Gegenstände, zum Fundamente des sorstlichen Unter Lehrer, ist er zumal nicht zünstiger Fachgewosse, sich auf näher wendungen einläßt. Dieser, dei Forstlehranstalten nicht selten daberch gehoben, daß die auf das Forswesen angewendete Math wirklichen Forstwirthen besonders vorgetragen werden.

Obschon diese Lehranstalt sich so viel als möglich bestrebt, tische Beziehung zu geben und die Lernenden für den einstigen und brauchbar zu machen: so hat sie sich doch in einer langen sast dieses Bemühen mehr oder neinder vergeblich ist, wenn ein besucht, ohne verhergegangenen Borbereitungsunterricht von schafter auf einem lehrreichen Forste. Altere Förstergandlisen, sichnen nur nicht an Glementarunterricht, beweisen dies stets du

genften Fortfdritte.

Wer in der Forstschule aufgenommen wind, muß sich zur ? lichen Ordnung berpstickten:

1. Borlegung bes lettern Entlassungszeuguisses, wo mög pfehlung; eigenhändige Einzeichnung des Ramens, Geburtsor Nachweisung des Baters oder Bormundes.

2. Fleiß, Ordnung und fittliches Betragen mit Unterlas Bwed ber Lebranstalt gefährbet. Achtung und Folgsamkeit geg: und friedliches Benehmen gegen Jebermann, besonders gegen bis

5. Bestimmte Wohnung in ber Stadt und ungesaumte X : nen Daubnummer.

4. Beibehaltung bes im Anditorium einem Jeden best mach der daselbst angehefteten Sigliste, in welcher zugleich i wird.

- 6. Pünktlicher Besuch ber Borlesungen mit gehöriger Boi | Aufmerksamkeit und ungesäumter Bieberholung; nicht minder Übungen und sieißige Fertigung aller Aufgaben.

6. Ohne Morwissen und Genehmigung bes Borstehers 11 barf weber ein ganzer Lehrzweig aufgegeben, noch eine beso übung verfäumt werben. Isde Borlefung nimmt längstens i ihren Anfang. Über die Bersäumnisse werden genaue Listen ge

7. Stilles Verhalten in den Lehrstunden und bei den Uba 1 rungen, namentlich des Mitbringens von Speisen, Tabakspfeise 1 Ausmerksamkeit abziehenden Dingen.

8. Schonung des Auditoriums und aller Zubehörungen; ! Werkzeuge, Karten, Schriften, Sammlungsstucke und sonstige i digt und zeitig wieder abgeliesert werden. Widnigensalls, Ersa

9. Enthaltung alles eigenmächtigen Jagens. Es ist nicht bezirk ohne Einladung und Aufsicht mit Schießgewehr zu beit : der Strenge des Gesestes bestraft.

10. Erbste Worsicht beim Gebrauche von Schiefgewehren nie ein gelabenes Gewehr gesührt werden; auf der Straße und ist eine zureichende Wersicherung zu gebrauchen und dennoch de auswärfe zu tragen; das Abschießen darf nur an gesahrlosen gescheben.

L. Unterricht während des Commerhaldiahres, ven 1. Mai bis gegen Ende Septembet, wochentlich: 6 Stunden, reine Mathematit, namlid: Arithmetft mit Algebra, Planis metrie, Stereometrie und Trigonometrie 6 Able. 6 St. Physiologie der Gemachfe; bann Kenntnif ber forftlich wichtigeten Pflangen, Infetten, Doget und Gaugethiere . . . Den. 13 St. Buerk Waldkandortkunde ober bie Lehren von bem Klima, ber Bo= benform, ben Gebirges und Bobenerten und ber Stanbortgute. Diernachft Waldbestandetunde, bie Behren bon ben Balbgemachsen an fic, bem Walbwuchse in seinen Formen und ben Walberzuffanden. Dann von ber Forftbehandlung: die Waldordnung oder die allgemeinen Behandlungsgrunbfage; ber Waldabtrieb, bie juchtgemäße hinwegnahme ber haus baren Bolger; ber Waldanbau, bie wertthatige Berftellung ber erfore berlichen Polzanwüchse 4 St. Die Fundamente ber Borfttaration; 4. Abtheilung von Konig's Forte 8 St. Ubungen im Bandmeffen, Cerrain-Aufnehmen und Planzeichs In Boischenzeiten: Anleitung zum Betriebe ber Borftgeschäfte; fooftliche, botanische und geognostische Erkursionen; Bearbeitung neuer, von der Bett hervorgerufener for stwiffen schaftlicher Themate. . Pon. Beleggelb Bufammen 36 Abir. II. Unterricht während des Winterhalbjuhres, von 1. November bis zu Ende Marg, wochentlich: 6 Stunden, forfilide Mathematit, namlich: Agithmetit mit Baldwerth: berechnung, Manimetrie mit Borftvermeffung und Theftung, Stereometrie bis zur Polzschätzung; 1., 2. und 8. Abthl. von König's Forstmathematik. 6 Mir. St. Grundgesehe der Physik und Chemie; dann Atmosphärologie und 18 St. Roch zur Forftbehandlung: bie Wabb pflege ober Erhaltung ber Balber im nutbarften Bustande. Dann bie Forstbenutung in folgenden Theilen: Augbarteit der Walderzeugniffe, Betrieb det Solznugung, Betrieb der Webennaugung und Sorftschung, gur Sicherung bes 2 St. Anweisung zu Geschäftsschriften und andern AusatVeitungen. 8 St. Ubungen im Rechnen, geometrifden Zonftruiren und Daangeides In Swifdenzeitene Anleitung zu Sorftgefdaften, Bearbeitung forftwif=

Die Führungen ind Freie während her Unterrichtszest finden nur Statt, so weit der durch die eigentlichen Studien nicht gestört werden und seltnere Lehigegenstände einer näheren Anschauung durchaus bedürsen. Zum müßigen Umherwanderneist den Aernenden die Beit. gut theuer. Dagegen werden während der Ferien in den Mondten April und Oktober Allkalich Förstergeschäfte, besonders Polzkultumn und Piedsauszeichnungen, mit Unterweisung gende. Wer an diesen, eigentlich mit zum Aursus gehörigen Übungen Theil nimmt, zahle an Ponos rar für iede Ferienzeit Lächt., darf aber keinen Tag willkulich versamen. Auch wird in den Monaten September und Oktober eine kleine Tapations-Arbeit zur übung ber mohe Unterrichteten ausgegeben.

Beloggelb

Zu König's For Taf II. Fig. <u>_</u> **3** i n dag te ja Mala sapa **K**2 ...

ı

21. Unfchefligfeiten Gigebfriele, nachtliche Gelage, Unbffinveifrungen jeber Mrt. Geletung ber öffentlichen Rube gnb anbere Ungebabrniffe find ganglich ju vormeiben und morrben um fo ftrenger grabubet, je mehr fie jur Benfahrung Anberer gereichten.

18. Ber wiber blefe Orbnung ftarrfinnig hanbelt, muß ohne Beiteres son ber Sebe

anftalt meggewiefen werben.

18. In allen Polizeis, Givils und Kriminal: Gachen fieht ber Borfichiller unter ben allgemeinen Baborben; feine babin einschlagenben Angelegenheiten werben nach ben befinden ben Banbesgesehren und geltenben Rechten gerichtet.

M. Jeber Lehrer ber Anftalt ift eben fo verbunben, als berechtigt, die Forfibefiffenen in ihren Stubien und Sitten ju abertrachen und Kenntnif ju nehmen von ihrem Privat.

Beife und fonftigem baubliden Berbalten.

- . 16. Bebes Semefter wird mit einer hanptprafung gefcloffen. Dann werben bem 26. gebenben Abgangs Genfuren und ben Bleibenben Bwifchen Genfuren aber Beiragen , Befleifigung , wiffenfchaftliche Forticritte und Berfaumniffe erthellt. Die Bwifchen Genfuren fenbet ber Borfteber auf Berlangen an bie Behörben ober Angehörigen ber Forticaler.
- 16. Außer bem honorar ber Lehrer und bem Meleggelbe werben burchaus teine weiter wen Gebühren entrichtet. Die Bahlung geschieht halbiabelich an ben Kaffrer ber Anstalt, und zwas unerlastlich noch in ber erften Woche bes eben angetretenen Gemestert; es mußte benn cin schriftliches Bersprechen vom Bater, ober Bormunde beigebrocht werben. Diese Mastregel ift nöthig, bamit bas bazu mitgebrachte Gelb nicht unter ber hand gemistrenacht werbe.
- 17. Unbemittelten Aubländern bargerlichen Standes, die fich junächst dem Berwaltungebienfte widmen, befonders alteren görftergehalfen und görfterfohnen, wird auf Bers
 langen bas hondar die jur halfte erlaffen, wenn fie fich allen, far die Inlander bestehenden Unordnungen unterwerfen und von ihrer forstehhorde hierzu besaubers empfohlen und aberwacht werden, so das diese die etwa erforderlichen Mitthellungen und die ausgestellten Censuren annimmt, wohl auch monatliche Berichte über das Geternte verlangt. Sie unterziehen fich badurch einer frengeren Kontrole zu ihrem Bortheil, wofern ihre Abgangse-Gensur gut ausfällt, die freilich über alle einzelnen Lehrzweige das frengste Urtheil ause frechen muß.

18. Ber biefe Behranftalt ju freieren Studien befucht, ben geben vorftebenbe Unordemungen nur in fo weit an, ale er Meil nimmt.

Schleftlich wird noch bemerkt, bas die Aufnahme ohne zeitige Anweidung zweifethaft in, und bas jeder Eintretende für Wohnung, Betokliqung und die übrigen Bedürfniffe seibft zu sorgen hat und ein boffares, billigeres Unterkommen findet, wenn er die Bermittelung eines der dazu bereiten Behrer annimmt. Eine zuveichende Wohnung mit allem Zusehör toftet monatlich I die I Abir.; der Mittagstifch in Speifehlusern monatlich i die Schlu. Diinder Bemitteite können Wohnung und ganzliche Beköftigung zusammen wonatlich für 6 bis 7 Abir. detommen; Wohlhabendere mögen dasst das Doppelie rechten, aber das leibige Verweilen an Wirthstafeln meiden. Fieis und Sittlichteit maden den Aufenthalt billig, angenehm und bildend, zumal für Golche, die Butritt in die beseren Gesellschaften fuchen. Empfehlungen an diesige Familien tragen zur leichteren Einfahrung dei und verz helfen in allen Begegniffen zu freundlichem Rathe und Beistande.

Gifenad, ben 1. Sanuar 1866.

Dr. G. König, Gustingel Cité, Chafestraff a. Zu König's Fox Taf II. Fig. 5

,1 10

